

Prova 2 – Estruturas de Dados (INE5408) – 18mai2021

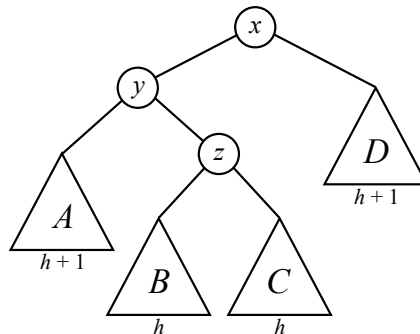
Ciências da Computação – Universidade Federal de Santa Catarina

Estudante: _____

Defina x em função dos últimos três dígitos de sua matrícula:

$$\boxed{}\boxed{}\boxed{}\boxed{}\boxed{}\boxed{\alpha}\boxed{\beta}\boxed{\gamma} \Rightarrow x = (\alpha + \beta + \gamma) \bmod 3 \Rightarrow x = \boxed{}$$

1. A figura abaixo é uma AVL. Cada triângulo (A , B , C e D) representa uma subárvore **completa** (ou seja, com todos os níveis preenchidos, de modo que qualquer inserção acarrete um acréscimo de sua altura). Sabe-se ainda que as alturas das subárvores A , B , C e D são, respectivamente, $h + 1$, h , h e $h + 1$. Pede-se:

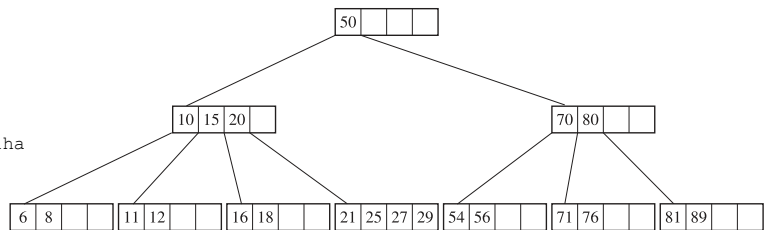


- (a) (1,0pt) Calcule o fator de balanceamento (diferença entre alturas de suas duas subárvores) para os nós x , y e z .
 (b) (1,0pt) Desenhe a AVL novamente, supondo que ocorra:

- Para alunos com $x = 0 \Rightarrow$ Uma inserção na subárvore C .
- Para alunos com $x = 1 \Rightarrow$ Uma inserção na subárvore A .
- Para alunos com $x = 2 \Rightarrow$ Uma inserção na subárvore B .

2. Considerando a seguinte estrutura de nó de Árvore-B, sendo M igual ao número máximo de ponteiros para filhos (como exemplo, no desenho, $M = 5$):

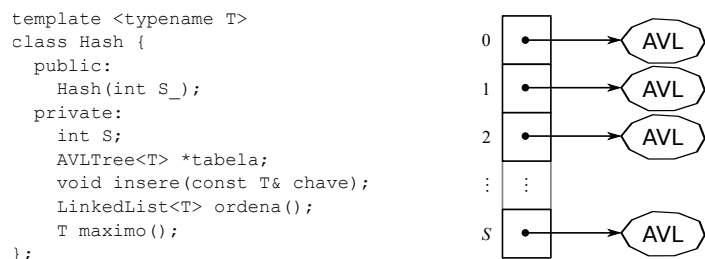
```
template <class T, int M>
class BTreeNode {
public:
    BTreeNode();
    BTreeNode(const T&);
private:
    bool leaf; // verdadeiro se for folha
    int size; // n° chaves inseridas
    T keys[M-1]; // vetor de chaves
    BTreeNode *pointers[M];
};
```



- (2,5pt) De posse de um ponteiro para a raiz de uma Árvore-B, implemente um algoritmo:

- Para alunos com $x = 0 \Rightarrow$ Conte a quantidade de nós totalmente cheios.
- Para alunos com $x = 1 \Rightarrow$ Conte a quantidade de nós com o número mínimo de chaves.
- Para alunos com $x = 2 \Rightarrow$ Conte o número de folhas.

3. Um *hashing* aberto foi implementado por meio de uma tabela (vetor) com S ponteiros, e resolução de colisão feita por árvore binária de busca balanceada, AVL, conforme o desenho a seguir.



Considerando $S = 3$ e função de espalhamento igual a $f(\text{chave}) = \text{chave} \bmod S$, pede-se:

- (1,0pt) Desenhe o *hashing* para inserções das seguintes chaves:
 - Para alunos com $x = 0 \Rightarrow 10, 19, 28, 20, 16, 13, 7, 50$
 - Para alunos com $x = 1 \Rightarrow 60, 20, 30, 45, 39, 42, 50, 12$
 - Para alunos com $x = 2 \Rightarrow 47, 15, 65, 56, 83, 71, 92, 60$
 - (1,0pt) Escreva o método `LinkedList<T> ordena()`; que cria uma lista (considere a estrutura `LinkedList` disponível) com todos os elementos do *hashing* em ordem crescente (reproduza o código necessário para o percurso em cada AVL).
 - (1,0pt) Escreva o método `T maximo()`; que devolve o maior elemento do *hashing* de modo mais eficiente possível (ou seja, com a menor quantidade de operações/comparações).
 - (1,0pt) Discuta a complexidade computacional dos métodos implementados nos itens (b) e (c).
4. Segue uma implementação do QUICKSORT, considerando seu valor de x , definido no início da prova, como parâmetro de entrada, utilizado na escolha do pivô de particionamento:

<pre> QUICKSORT(A[], limInf, limSup, x) 1: se limInf < limSup então 2: i ← PARTICIONE(A, limInf, limSup, x) 3: QUICKSORT(A, limInf, i - 1, x) 4: QUICKSORT(A, i + 1, limSup, x) </pre>	<pre> PARTICIONE(A[], limInf, limSup, x) 1: se x = 0 então 2: i_pivo ← limInf 3: senão se x = 1 então 4: i_pivo ← limSup 5: senão se x = 2 então 6: i_pivo ← (limInf + limSup) div 2 ▷ (divisão inteira) 7: pivo ← A[i_pivo] 8: A[limSup] ↔ A[i_pivo] ▷ (troca de variáveis) 9: i ← limInf - 1 10: para j ← limInf até (limSup - 1) faça 11: se A[j] ≤ pivo então 12: i ← i + 1 13: A[i] ↔ A[j] ▷ (troca de variáveis) 14: A[i + 1] ↔ A[limSup] ▷ (troca de variáveis) 15: devolve i + 1 </pre>
--	--

Considerando o seguinte vetor A de entrada:

A	30	20	50	10	70	80	90	100	60	40
-----	----	----	----	----	----	----	----	-----	----	----

Ao executar `QUICKSORT(A[], 0, 9, x)`, pede-se:

- (0,5pt) Liste todos os pivôs selecionados (variável *pivo*).
- (1,0pt) Escreva o conteúdo do vetor após cada particionamento.

Boa prova!