# Disciplina de Materiais Elétricos

#### Mauro Hemerly Gazzani

mauro.hemerly@gmail.com

Curso de Engenharia Elétrica

Ituiutaba, 1° Semestre de 2018



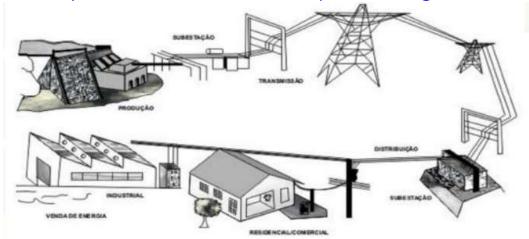


# Sistema Elétrico de Potência e o Estudo de Materiais Elétricos



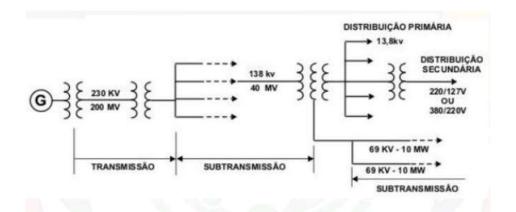


Geração, Transmissão e Distribuição de Energia Elétrica



• Torres metálicas ou postes de concreto de grande porte, cadeia de isoladores, feixe de condutores de cabo nu, cabos de para-raios aéreos, condutor de aterramento, etc...



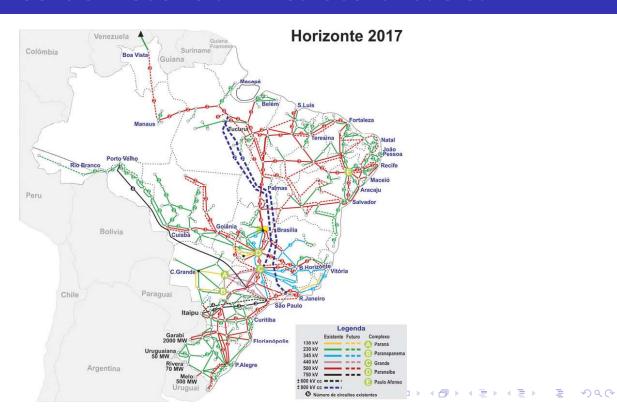


#### SISTEMA INTERLIGADO NACIONAL



ØInterconexões com cerca de 86,4 mil km de linhas de alta tensão (final de 2007)

ØExpansão 2008/2017 de cerca de 36,4 mil km de linhas de alta tensão (a partir de 230kV)



# Propriedades dos Materiais Usados em Engenharia

## Propriedades dos Materiais

- São características auferidas ao material de acordo com a sua estrutura atômica ou molecular.
- Algumas propriedades auferidas são penalizadas.

# Propriedades dos Materiais Usados em Engenharia

# Propriedades Elétricas

Os materiais, quando **mergulhados em um campo elétrico**, exibem certos comportamentos que **determinam suas propriedades elétricas** e os classificam dentro das **três classes de materiais** caracterizados por estas propriedades: **condutores**, **semicondutores** e **isolantes**.

#### Condutividade Elétrica

A propriedade **condutividade elétrica**  $\sigma$  quantifica a disponibilidade ou a facilidade de circular corrente elétrica em um meio material submetido a uma diferença de potencial. Definição física mais geral é dada por:

```
\sigma = n.e.\mu_n + p.e.\mu_p, onde:
```

$$\sigma=$$
 condutividade elétrica do material  $(S/m)$ , onde  $S=$  Siemens; ou ainda  $\Omega^{-1}m^{-1}$ )

 $n = \text{concentração de elétrons livres do material } (m^{-3})$ 

 $p = \text{concentração de cargas livres positivas do material } (m^{-3})$ , chamadas **lacunas** 

 $e = \text{carga elétrica elementar} = 1,6022 \times 10^{-19} C \text{ (} C = \text{Coulombs)}$ 

 $\mu_n, \mu_p$  = mobilidade dos elétrons livres e das lacunas

**Elétrons livres** e **lacunas** são chamados portadores de carga livre, pois reagem a campos elétricos e magnéticos e fluem livremente. Elétrons livres estão presentes em todos os tipos de materiais mas as **lacunas apenas nos semicondutores**.

#### Resistividade Elétrica

A resistividade elétrica  $\rho$  de um material pode ser entendida como a maior ou menor oposição que este material impõe a um fluxo de elétrons (corrente elétrica). O inverso da condutividade e pode ser dada por:  $\rho = \frac{1}{\sigma} = \frac{1}{n.e.\mu_n + p.e.\mu_p}$ 

onde a unidade da resitividade pode ser dada em  $\Omega.m$  ou  $\Omega.mm^2/m$ 

## Influência da Temperatura na Resistividade

A resistividade elétrica depende da temperatura. Nos materiais condutores, a resistividade aumenta com o aumento da temperatura.

Material	$\rho(\Omega m)$	Material	$\rho(\Omega m)$	Material	$\rho(\Omega m)$
prata	1,5 x 10 <sup>-8</sup>	ferro	10 x 10 <sup>-8</sup>	água	128
cobre	1,7 x 10 <sup>-8</sup>	solda	14,3 x 10 <sup>-8</sup>	silício (puro)	2300
ouro	$2,4 \times 10^{-8}$	chumbo	21 x 10 <sup>-8</sup>	porcelana	1010
alumínio	2,8 x 10 <sup>-8</sup>	mercúrio	9,6 x 10 <sup>-7</sup>	vidro	10 <sup>10</sup> a 10 <sup>14</sup>
zinco	6 x 10 <sup>-8</sup>	grafite	1,4 x 10 <sup>-5</sup>	polistireno	1016

Tab. 1.2.1: Resistividade de alguns materiais a 20 °C

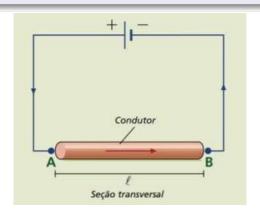
Nos metais, o aumento na temperatura aumenta a vibração dos átomos, isto é, aumenta a dificuldade que os elétrons livres encontram para passar por entre os átomos, diminuindo a sua mobilidade.

#### **Efeito Joule**

A resistividade está relacionada diretamente com a perda de energia na forma de calor, conhecido como Efeito Joule, que ocorre em qualquer material percorrido por corrente elétrica devido ao choque entre si dos elétrons livres do material. O estudo da resistividade elétrica de um material é importante quando, através do mesmo, se deseja passar um fluxo de elétrons para se determinar quais serão as perdas por Efeito Joule e a queda de potencial. Quanto menor a resistividade do material, menor será a perda de energia e melhor será o material para o transporte de corrente elétrica. Por isso, resistividade e condutividade são propriedades mais interessantes no estudo dos materiais condutores e

#### Parâmetros que afetam o valor da resistência ôhmica

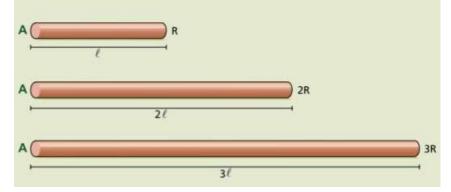
A resistência elétrica dos condutores depende dos seguintes parâmetros: comprimento do fio (I), área de sua seção transversal (A), temperatura e material de que é feito. Ohm estudou a influência deles na resistência com experimentos em que variava um parâmetro de cada vez, mantendo os demais constantes.



#### Fatores que influenciam a resistência elétrica

A resistência elétrica é uma característica do condutor, portanto, depende do material de que é feito, de sua forma e dimensões, bem como da temperatura a que está submetido o condutor.

#### A resistência elétrica R é diretamente proporcional ao comprimento I do fio

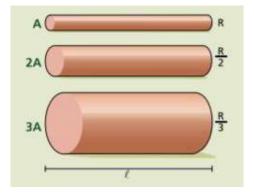


#### Fatores que influenciam a resistência elétrica

A resistência elétrica é uma característica do condutor, portanto, depende do material  $(\rho)$  de que é feito, de sua forma e dimensões, bem como da temperatura a que está submetido o condutor.

A resistência elétrica R é inversamente proporcional à área A da seção trans-

versal do fio.





## Fatores que influenciam a resistência elétrica

Com base nas análises acima, pode-se escrever que a **resistividade elétrica** de um material pode ser obtida numericamente através da medida da resistência entre os centros das faces opostas de um corpo de prova homogêneo do material, com dimensões unitárias, expressa por:  $R = \frac{\rho \cdot l}{\Delta}$ , onde:

 $\rho$ : resistividade elétrica do material em  $\Omega.m$ 

R: resistência elétrica em  $\Omega$ 

*l*: comprimento em *m* 

A: área da seção transversal em  $m^2$ 



A resistência elétrica R obedece a **Lei de Ohm** (V = RI) e pode ser entendida como a **avaliação quantitativa da resistividade**, pois depende da geometria do material.

## Observação

- O cálculo  $R = \frac{\rho \cdot I}{A}$ , não pode ser aplicado quando um material é percorrido por corrente alternada devido ao Efeito Pelicular.
- A distribuição uniforme de corrente através da seção de um condutor existe apenas para a corrente contínua. Com o aumento da freqüência acontece uma distribuição não-uniforme de corrente, fenômeno este chamado de efeito pelicular, pois em um condutor circular a densidade de corrente geralmente aumenta do interior em direção a superfície.

#### 1. Exercício Resolvido

Determine a resistência de um fio de cobre, na temperatura de  $20^{\circ}C$ , com  $2,5mm^2$  de seção transversal, para os seguintes valores de comprimento:

- a)  $I_a = 20cm$
- b)  $I_b = 100 m$
- c)  $I_c = 5km$ .

Dado o  $\rho_{cu} = 1,7x10^{-8} \Omega.m (a 20^{\circ}C).$ 

## Solução

$$R_a = \rho \frac{I_a}{A} = \frac{(1,7x10^{-8})(0,2)}{2.5x10^{-6}} = 1,36 \ m\Omega \quad R_b = \rho \frac{I_b}{A} = \frac{(1,7x10^{-8})(100)}{2.5x10^{-6}} = 680 \ m\Omega$$

$$R_c = \rho \frac{l_c}{A} = \frac{(1,7x10^{-8})(5x10^3)}{2,5x10^{-6}} = 34.000 \ m\Omega$$

#### 2. Exercício Resolvido

Calcule a resistência de uma barra de prata com 6,15 mm de diâmetro e 1,10 m de comprimento. Dado: condutividade da prata =  $6,3x10^7 (\Omega.m)^{-1}$ .

## Solução

$$\begin{split} r &= \mathit{raio} = 6,15/2 = 3,075 \; \mathit{mm}; \, \mathit{I} = 1,10 \; \mathit{m} \\ A &= \pi.\mathit{r}^2 = \pi.(3,075x10^{-3})^2 = 9,455x10^{-6} \; \mathit{m}^2 \\ \sigma_{\mathit{Ag}} &= 6,3x10^7 \; (\Omega.\mathit{m})^{-1}; \, \rho = 1/\sigma_{\mathit{Ag}} = \frac{1}{6,3x10^7} = 1,5x10^{-8} \; \Omega.\mathit{m} \; (\text{ou pela tabela } 1.2.1) \\ R_{\mathit{Ag}} &= \rho_{\mathit{Ag}}.\frac{\mathit{I}}{\mathit{A}} = 1,5x10^{-8}.\frac{1,10}{9,455x10^{-6}} = 0,1745x10^{-2} = 1,8 \; \mathit{m}\Omega \end{split}$$

#### 3. Exercício Resolvido

Seja um cabo de 1000 m de comprimento, constituído por 19 fios de cobre de seção transversal circular com **1,4 mm de diâmetro**. Calcule as resistências à passagem de corrente contínua, de um fio e do cabo. Considere temperatura de  $20 \, {}^{\circ}C$  e despreze o encordoamento

## Solução

$$r = \text{raio do fio} = 1,4/2 = 0,7mm = 0,7x10^{-3}m; I = 10^{3}m$$

$$A = \pi . r^2 = \pi . (0, 7x10^{-3})^2 = 1,539x10^{-6}m^2$$

Pela tabela 1.2.1 (slide anterior): 
$$\rho_{Cu,20^{\circ}C} = 1,7x10^{-8} \Omega.m$$

**1 fio:** 
$$R_{fio,20^{\circ}C} = \rho_{Cu,20^{\circ}C} \frac{I}{A} = 1,7x10^{-8} \cdot \frac{10^{3}}{1.539x10^{-6}} = 11,04 \Omega$$

**1 fio:** 
$$R_{fio,20^{\circ}C} = \rho_{Cu,20^{\circ}C} \frac{I}{A} = 1,7x10^{-8} \cdot \frac{10^{3}}{1,539x10^{-6}} = 11,04 \ \Omega$$
 cabo de **19 fios:**  $R_{cabo,20^{\circ}C} = \rho_{Cu,20^{\circ}C} \frac{I}{19A} = \frac{R_{fio}}{19} = \frac{11,04}{19} = 0,58 \ \Omega$