



DEPARTAMENTO  
DE COMPUTACION

Facultad de Ciencias Exactas y Naturales - UBA

## Trabajo Práctico 2: Diseño

Primer cuatrimestre - 2015

Algoritmos y Estructuras de Datos II

### Grupo 2

Integrante	LU	Correo electrónico
Benitez, Nelson	945/13	nelson.benitez92@gmail.com
Roizman, Violeta	273/11	violeroizman@gmail.com
Vázquez, Jérica	318/13	jesis_93@hotmail.com
Zavalla, Agustín	670/13	nkm747@gmail.com

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		



**Facultad de Ciencias Exactas y Naturales**  
Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria – Pabellón I (Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2160 – C1428EGA

Ciudad Autónoma de Buenos Aires – Rep. Argentina

Tel/Fax: (+54 +11) 4576-3300

<http://www.exactas.uba.ar>

# Índice

<b>1. DCNet</b>	<b>2</b>
1.1. Interfaz . . . . .	2
1.2. Representación . . . . .	3
1.3. Algoritmos . . . . .	6
1.4. Servicios Usados . . . . .	9
<b>2. Red</b>	<b>10</b>
2.1. Interfaz . . . . .	10
2.2. Representación . . . . .	11
2.3. Invariante de representación . . . . .	11
2.4. Función de abstracción . . . . .	12
2.5. Algoritmos . . . . .	12
2.5.1. Extensión módulo diccionario . . . . .	15
<b>3. ConjLog</b>	<b>16</b>
3.1. Interfaz( $\alpha, =_\alpha, <_\alpha$ ) . . . . .	16
3.1.1. parámetros formales . . . . .	16
3.2. Representación . . . . .	17
3.3. Invariante de representación . . . . .	18
3.4. Función de abstracción . . . . .	18
3.5. Algoritmos . . . . .	19
3.6. Auxiliares . . . . .	23
3.7. Operaciones auxiliares de $\text{conj}(\alpha)$ . . . . .	28
<b>4. Diccionario por Prefijos</b>	<b>30</b>
4.1. Interfaz . . . . .	30
<b>5. Paquete</b>	<b>32</b>
5.1. Interfaz . . . . .	32
5.2. Representación . . . . .	33
<b>6. PaquetePos</b>	<b>34</b>
6.1. Interfaz . . . . .	34
6.2. Representación . . . . .	35
<b>7. ColaP</b>	<b>36</b>
7.1. Interfaz( $\alpha, =_\alpha, <_\alpha$ ) . . . . .	36
7.1.1. parámetros formales . . . . .	36
7.2. Operaciones . . . . .	36
7.3. Representación . . . . .	36
7.3.1. Invariante de representación . . . . .	37
7.4. Función de abstracción . . . . .	37
7.5. Algoritmos . . . . .	37

# 1 DCNet

Una DCNet es un sistema que tiene computadoras en red que reciben paquetes que envían a la computadora destino a cada segundo.

## 1.1 Interfaz

se explica con DCNET

usa Compu, Paquete, Red, dicePref, conjLog, conjLogP

géneros dcnet

### Operaciones

CREARSISTEMA(**in**  $r : \text{red}$ )  $\longrightarrow res : \text{dcnet}$

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{iniciarDCNet}(r)\}$

**Descripción:** Crea un sistema DCNet.

**Complejidad:**  $O(L \times n^5)$

**Aliasing:** res.red es un puntero a la red que recibimos por parámetro

CREARPAQUETE(**in/out**  $s : \text{dcnet}$ , **in**  $p : \text{paquete}$ )

**Pre**  $\equiv \{s =_{\text{obs}} s_0 \wedge (\forall p_0 : \text{paquete}, \text{paqueteEnTransito?}(p, s)) \neg(p_0 =_{\text{obs}} p) \wedge$   
 $\text{destino}(p) \in \text{compus}(\text{red}) \wedge \text{origen}(p) \in \text{compus}(\text{red}) \wedge_L$   
 $\text{haycamino?}(\text{destino}(p), \text{origen}(p), \text{red}(s))\}$

**Post**  $\equiv \{s =_{\text{obs}} \text{crearPaquete}(s_0, p)\}$

**Descripción:** Crea un paquete y lo agrega a la computadora correspondiente.

**Complejidad:**  $O(L + \log(k))$

AVANZARSEGUNDO(**in/out**  $s : \text{dcnet}$ )

**Pre**  $\equiv \{s =_{\text{obs}} s_0\}$

**Post**  $\equiv \{s =_{\text{obs}} \text{avanzarSegundo}(s_0)\}$

**Descripción:** Avanza un segundo el sistema. Todas las computadoras envían su respectivo paquete y en consecuencia se actualizan los paquetes en espera de cada una de ellas.

**Complejidad:**  $O(n \times (L + \log(k)))$

**Aliasing:**

DAMERED(**in**  $s : \text{dcnet}$ )  $\longrightarrow res : \text{puntero}(\text{red})$

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{red}(s)\}$

**Descripción:** Devuelve la red de DCNet.

**Complejidad:**  $O(1)$

**Aliasing:** Devuelve un puntero a la misma red que la que se pasó como parámetro para crear el sistema

CAMINORECORRIDO(**in**  $s : \text{dcnet}$ , **in**  $p : \text{paquete}$ )  $\longrightarrow res : \text{secu}(\text{compu})$

**Pre**  $\equiv \{\text{paqueteEnTransito?}(s, p)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{caminoRecorrido}(s, p)\}$

**Descripción:** Devuelve el camino recorrido hasta el momento por un paquete.

**Complejidad:**  $O(n \times \log(\max(n, k)))$

**Aliasing:** Devuelve puntero al camino recorrido que se encuentra en CaminosMinimos

CANTIDADENVIADOS(**in**  $s : \text{dcnet}$ , **in**  $c : \text{compu}$ )  $\longrightarrow res : \text{nat}$

**Pre**  $\equiv \{c \in \text{computadoras}(\text{red}(s))\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{cantidadEnviados}(s, c)\}$

**Descripción:** Devuelve la cantidad de paquetes enviados por una computadora.

**Complejidad:**  $O(n)$

ENESPERA(**in**  $s : \text{dcnet}$ , **in**  $c : \text{compu}$ )  $\longrightarrow res : \text{puntero}(\text{conjLogP}(\text{paquete}))$

**Pre**  $\equiv \{c \in \text{computadoras}(\text{red}(s))\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{enEspera}(s, c)\}$

**Descripción:** Devuelve un puntero a los paquetes de la computadora.

**Complejidad:**  $O(L)$

**Aliasing:** Hay aliasing entre  $res$  y el conjunto de paquetes de la computadora pasada por parámetro

LAQUEMASENVIO(**in**  $s : \text{dcnet}$ )  $\longrightarrow res : \text{compu}$

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{laQueMasEnvio}(s, p)\}$

**Descripción:** Devuelve la computadora que más paquetes envió por referencia

**Complejidad:**  $O(1)$

**Aliasing:** Hay aliasing entre  $res$  y la  $compu$  en la estructura

PAQUETEENTRANSITO?(**in**  $s : \text{dcnet}$ , **in**  $p : \text{paquete}$ )  $\longrightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res = \text{paqueteEnTransito?}(s, p)\}$

**Descripción:** Devuelve true si el paquete se encuentra en transito en el sistema

**Complejidad:**  $O(n \times \log(k))$

Las complejidades están en función de las siguientes variables:

$n$  : la cantidad total de computadoras que hay en el sistema,

$L$  : el hostname más largo de todas las computadoras,

$k$  : la cola de paquetes más larga de todas las computadoras.

## 1.2 Representación

se representa con sistema

donde sistema es  $\text{tupla}(\text{Compus} : \text{arreglo}(\text{tupla}(\text{IP} : \text{String}, \text{pN} : \text{puntero}(\text{conjLog}(\text{paquete})), \text{pN}' : \text{puntero}(\text{conjLog}(\text{paquetePos})), \text{\#PaquetesEnviados} : \text{nat}), \text{CompusPorPref} : \text{diccPref}(\text{compu}, \text{tupla}(\text{PorNom} : \text{conjLog}(\text{paquete}), \text{PorPrior} : \text{conjLog}(\text{paquete}), \text{PorNom}' : \text{conjLog}(\text{paquetePos}), \text{PorPrior}' : \text{conjLog}(\text{paquetePos})), \text{CaminosMinimos} : \text{arreglo}(\text{arreglo}(\text{arreglo}(\text{compu}))), \text{LaQMasEnvio} : \text{nat}, \text{Red} : \text{red})$

Aclaración: cada vez que dice arreglo en esta estructura nos referimos a arreglo\_dimensionable

## Invariante de representación

1. Todos los IP de *compus* pertenecen al conjunto de claves de *CompusPorPref* y la longitud de dicho arreglo es igual al cardinal de las claves del diccionario.
2. Los pN de las tuplas que tiene el arreglo *compus* apuntan al conjunto de paquetes(PorNom) de un significado en *CompusPorPref* cuya clave es igual al IP de esa posición en el arreglo.
3. Los pN' apuntan al conjunto de paquetes(porNom') de un significado en *CompusPorPref* cuya clave es igual al IP de esa posición en el arreglo
4. Los paquetes del significado pN' son iguales a los paquetes de pN
5. El origen de pN' es distinto al destino de pN' y ambos son posiciones válidas del arreglo *compus*
6. PosActual de pN' es una posicion válida del arreglo *compus*
7. La *#PaquetesEnviados* de cada compu es mayor o igual a la actual cantidad total de paquetes que pasaron por esa compu
8. Todos los conjuntos de los significados de *CompusPorPref* son disjuntos dos a dos.
9. Los conjuntos de los campos de la tupla PorNom, PorPrior son iguales.
10. La matriz de caminosMinimos es cuadrada de lado n, con n igual al tamaño del arreglo de *compus*.
11. Para cualquier compu en el sistema f,d caminosMinimos[f][d] se corresponde con caminoMinimo(red,f,d)
12. La longitud de *CaminosMinimos* es igual a la longitud del arreglo que tiene *CaminosMinimos* en cada posición.
13. La longitud del arreglo, que tiene un arreglo de *CaminosMinimos* es menor o igual a la longitud de *CaminosMinimos*.
14. Los elementos del arreglo anteriormente mencionado son IPs del diccionario *CompusPorPref* y no tiene repetidos.
15. La computadora que más paquetes envió es aquella cuyo índice es igual a *LaQMasEnvio*

Rep :  $\widehat{\text{sistema}} \rightarrow \text{boolean}$

( $\forall s : \widehat{\text{sistema}}$ )

Rep(s)  $\equiv$

1.  $\forall s : \text{String } \text{def?}(s, s.\text{CompusPorPref}), (\exists c : \text{compu}), \text{esta?}(c, s.\text{Compus}) \wedge \pi_1(c) = s \wedge \text{longitud}(s.\text{Compus}) = \#\text{CLAVES}(s.\text{CompusPorPref})$
2.  $\forall c : \text{compu } \text{esta?}(c, s.\text{Compus}), * \pi_2(c) = \text{obtener}(\pi_1(c), s.\text{CompusPorPref})$
3.  $\forall c : \text{compu } \text{esta?}(c, s.\text{Compus}), * \pi_3(c) = \text{obtener}(\pi_3(c), s.\text{CompusPorPref})$
- 4, 5, 6.

( $\forall c : \text{nat}$ )  $0 \leq c < \text{Longitud}(s.\text{compus}) \Rightarrow_L$

$\text{Longitud}(s.\text{compus}[c].\text{pN}) = \text{Longitud}(s.\text{compus}[c].\text{pN}') \wedge$

( $\forall p : \text{paquetePos}$ )  $\text{esta?}(p, s.\text{compus}[c].\text{pN}') \Rightarrow_L$

$\text{esta}(\pi_1(p), s.\text{compus}[c].\text{pN}) \wedge 0 \leq \text{indiceOrigen}(p) < \text{Longitud}(s.\text{compus})$

$\wedge 0 \leq \text{indiceDestino}(p) < \text{Longitud}(s.\text{compus})$

$\wedge 0 \leq \text{posActual}(p) < \text{Longitud}(s.\text{compus})$

$\wedge \neg(\text{indiceDestino}(p) = \text{indiceOrigen}(p))$

7. ( $\forall c : \text{nat}$ )  $0 \leq c < \text{Longitud}(s.\text{compus}) \Rightarrow_L$

( $\forall p : \text{paquetePos}$ )  $\text{pertenece}(s.\text{compus}[c].\text{pN}', p) \Rightarrow_L$

- $\beta(\text{esta}(s.\text{compus}[c], \text{caminoMinimo}(s.\text{red}, s.\text{compus}[\text{indiceOrigen}(p)], s.\text{compus}[\text{posActual}(p)])))$
8.  $\forall s, t : \text{String} \text{ def?}(s, s.\text{CompusPorPref}) \wedge \text{def?}(t, s.\text{CompusPorPref}) \wedge s \neq t \Rightarrow_{\text{L}}$   
 $\text{obtener}(s, s.\text{CompusPorPref}) \cap \text{obtener}(t, s.\text{CompusPorPref}) = \emptyset$
  9.  $\forall s : \text{String} \text{ def?}(s, s.\text{CompusPorPref}) \Rightarrow_{\text{L}} \pi_1(\text{obtener}(s, s.\text{CompusPorPref})) =$   
 $\pi_2(\text{obtener}(s, s.\text{CompusPorPref}))$
  10.  $\text{Longitud}(s.\text{compus}) = \text{Longitud}(\text{CaminosMinimos}(s)) \wedge$   
 $(\forall i : \text{nat}) 0 \leq i < \text{Longitud}(s.\text{compus}) \Rightarrow_{\text{L}}$   
 $\text{Longitud}(s.\text{CaminosMinimos}[i]) = \text{Longitud}(s.\text{compus})$
  11.  $(\forall f, d : \text{nat}) \neg(f = d) \wedge 0 \leq f, d < \text{Longitud}(s.\text{compus}) \Rightarrow_{\text{L}}$   
 $\text{CaminosMinimos}[f][d] =$   
 $\text{caminoMinimo}(s.\text{red}, \text{ipACompu}(s.\text{red}, \pi_1(s.\text{compus}[f])), \text{ipACompu}(s.\text{red}, \pi_1(s.\text{compus}[d])))$
  - 12, 13, 14.  $(\forall i, j : \text{nat}), 0 \leq i, j < \text{longitud}(s.\text{CaminosMinimos}) \Rightarrow_{\text{L}} \text{longitud}(s.\text{CaminosMinimos}) =$   
 $\text{longitud}(s.\text{CaminosMinimos}[i]) \wedge \text{longitud}(s.\text{CaminosMinimos}[i][j]) < \text{longitud}(s.\text{CaminosMinimos}) \wedge$   
 $(\forall e : \text{nat}), \text{esta?}(e, s.\text{CaminosMinimos}[i][j]) \Rightarrow \text{pertenece}(e, s.\text{CompusPorPref})$
  15.  $\forall c : \text{compu} \text{ esta?}(c, s.\text{Compus}) \Rightarrow_{\text{L}} \pi_3(c) \leq \pi_3(s.\text{Compus}[s.\text{LaQMasEnvio}])$

### Función de abstracción

$\text{Abs} : \widehat{\text{dcnet}} s \longrightarrow \widehat{\text{DCNet}} \quad \{\text{Rep}(s)\}$

$(\forall s : \widehat{\text{dcnet}})$   
 $\text{Abs}(s) \equiv dc : \widehat{\text{DCNet}} \mid$   
 $\text{red}(dc) =^*(s.\text{red}) \wedge (\forall c : \text{compu}, c \in \text{compus}(dc))(\text{enEspera}(dc, c) =^*(\text{enEspera}(s, c)) \wedge$   
 $\text{cantidadEnviados}(dc, c) = \text{cantidadEnviados}(s, c)) \wedge$   
 $(\forall p : \text{paquete}, \text{paqueteEnTransito?}(dc, p)) \text{caminoRecorrido}(dc, p) =^*(\text{caminoRecorrido}(s, p))$

### 1.3 Algoritmos

<b>ICREARSISTEMA</b> ( <b>in</b> $r : \text{red}$ ) $\longrightarrow res : \text{dcnet}$	
$res.red \leftarrow r$	
$n \leftarrow \text{Longitud}(\text{COMPUS}(red))$	$O(1)$
$i \leftarrow 0$	
$j \leftarrow 0$	$O(1)$
$res.Compūs \leftarrow \text{CREARARREGLO}(n)$	$O(n)$
$res.CaminosMinimos \leftarrow \text{CREARARREGLO}(n)$	$O(n)$
<b>var</b> $p : \text{arreglo\_dimensionable de puntero}(\text{conjLog}(\text{paquete}))$	
<b>while</b> $i < n$ <b>do</b>	$O(L * n^5)$
	$O(n)$
$res.CaminosMinimos[i] \leftarrow \text{CREARARREGLO}(n)$	$O(n)$
$s : < nat, conjLog(paquete, <_{id}), conjLog(paquete, <_p),$	
$conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_p) >$	
$\pi_1(s) \leftarrow compu(r, i)$	
$\pi_2(s) \leftarrow \text{NUEVO}()$	
$\pi_3(s) \leftarrow \text{NUEVO}()$	
$\pi_4(s) \leftarrow \text{NUEVO}()$	
$\pi_5(s) \leftarrow \text{NUEVO}()$	
$\text{DEFINIR}(res.CompūsPorPref, compu(r, i), s)$	$O(L)$
$p[i] \leftarrow \pi_3(s)$	
$p'[i] \leftarrow \pi_5(s)$	
$res.Compūs[i] \leftarrow < compu(r, i), p[i], p'[i], 0 >$	$O(1)$
<b>while</b> $j < n$ <b>do</b>	$O(L * n^4)$
	$O(n)$
$res.CaminosMinimos[i][j] \leftarrow caminoMinimo(compu(r, i), compu(r, j), r)$	$O(L * n^3)$
$j++$	
<b>end while</b>	
$i++$	
<b>end while</b>	
$res.LaQMasEnvio \leftarrow 0$	$O(1)$
	$O(L \times n^5)$
<b>ICREARPAQUETE</b> ( <b>in/out</b> $s : \text{dcnet}$ , <b>in/out</b> $p : \text{paquete}$ )	
$t_1 : < nat, conjLog(paquete, <_{id}), conjLog(paquete, <_p),$	
$conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_p) >$	
$t_1 \leftarrow \text{OBTENER}(\text{origen}(p), s.CompūsPorPref)$	$O(L)$
$t_2 : < nat, conjLog(paquete, <_{id}), conjLog(paquete, <_p),$	
$conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_p) >$	
$t_2 \leftarrow \text{OBTENER}(\text{destino}(p), s.CompūsPorPref)$	$O(L)$
$p' : paquetePos$	
$\text{INDICEORIGEN}(p') \leftarrow \pi_1(t_1)$	$O(1)$
$\text{INDICEDESTINO}(p') \leftarrow \pi_1(t_2)$	$O(1)$
$\text{POSACTUAL}(p') \leftarrow 0$	
$\text{INSERTAR}(\pi_2(t), p)$	$O(\log(k))$
$\text{INSERTAR}(\pi_3(t), p)$	$O(\log(k))$
$\text{INSERTAR}(\pi_4(t), p')$	$O(\log(k))$
$\text{INSERTAR}(\pi_5(t), p')$	$O(\log(k))$
	$O(L + \log(k))$
<b>ILAQUEMASENVIO</b> ( <b>in</b> $s : \text{dcnet}$ ) $\longrightarrow res : \text{compu}$	

$res \leftarrow s.comp[ s.LaQMasEnvio ].IP$	O(1)
	O(1)
<b>IDAMERED</b> ( <b>in</b> $s : \text{dcnet}$ ) $\longrightarrow res : \text{puntero}(\text{red})$	
$res \leftarrow \&(s.red)$	O(1)
	O(1)
<b>IENESPERA</b> ( <b>in</b> $s : \text{dcnet}$ , <b>in</b> $c : \text{compu}$ ) $\longrightarrow res : \text{puntero}(\text{conjLogP}(\text{paquete}))$	
$t : \langle \text{nat}, \text{conjLog}(\text{paquete}, \langle id \rangle), \text{conjLog}(\text{paquete}, \langle p \rangle),$ $\text{conjLog}(\text{paquetePos}, \langle id \rangle), \text{conjLog}(\text{paquetePos}, \langle p \rangle) \rangle$	
$t \leftarrow \text{OBTENER}(\pi_1(c), s.Comp[ s.Pref ])$	O(L)
$res \leftarrow \&(\pi_3(t))$	O(1)
	O(L)
<b>IAVANZARSEGUNDO</b> ( <b>in/out</b> $s : \text{dcnet}$ )	
<b>var</b> $i : \text{nat}$	
$i \leftarrow 0$	O(1)
<b>var</b> $m : \text{nat}$	
$m \leftarrow s.Comp[ s.LaQMasEnvio ].\#PaquetesEnviados$	
<b>while</b> $i < \text{LONGITUD}(s.Comp)$ <b>do</b>	O(n)
<b>var</b> $paqYProxDes : \text{arreglo\_dimensionable de tupla de paquetePos y nat}$	
$paqYProxDes \leftarrow \text{CREARARREGLO}(n)$	
<b>var</b> $IP : \text{String}$	
$IP \leftarrow s.Comp[i].IP$	
$t_1 : \langle \text{nat}, \text{conjLog}(\text{paquete}, \langle id \rangle), \text{conjLog}(\text{paquete}, \langle p \rangle),$ $\text{conjLog}(\text{paquetePos}, \langle id \rangle), \text{conjLog}(\text{paquetePos}, \langle p \rangle) \rangle$	
$t_1 \leftarrow \text{OBTENER}(IP, s.Comp[ s.Pref ])$	O(L)
<b>var</b> $p : \text{paquete}$	
<b>if</b> $\neg \text{VACIA}?(t_1)$ <b>then</b>	
$p' \leftarrow \text{MENOR}(\pi_5(t_1))$	O(log(k))
$\text{BORRAR}(\pi_2(t_1), \text{PAQUETE}(p'))$	O(log(k))
$\text{BORRAR}(\pi_3(t_1), \text{PAQUETE}(p'))$	O(log(k))
$\text{BORRAR}(\pi_4(t_1), p')$	O(log(k))
$\text{BORRAR}(\pi_5(t_1), p')$	O(log(k))
$s.Comp[i].\#PaquetesEnviados \leftarrow s.comp[i].\#PaquetesEnviados + 1$	O(1)
$proxima \leftarrow s.CaminosMinimos[\text{INDICEORIGEN}(p')][\text{INDICEDESTINO}(p')][\text{POSACTUAL}(p') +$ 1]	O(L) (se copia)
<b>if</b> $s.Comp[i].\#PaquetesEnviados > \text{max}$ <b>then</b>	O(1)
$\text{max} \leftarrow i$	O(1)
<b>end if</b>	
$paqYProxDes[i] \leftarrow \langle p', proxima \rangle$	
<b>else</b>	
$paqYProxDes[i] \leftarrow 0$	
<b>end if</b>	
$i \leftarrow i + 1$	O(1)
<b>end while</b>	
$s.LaQMasEnvio \leftarrow \text{max}$	O(1)
$i \leftarrow 0$	O(1)
<b>while</b> $i < \text{LONGITUD}(s.Comp)$ <b>do</b>	O(n)
<b>if</b> $paqYProxDes[i] \neq 0$ <b>then</b>	O(1)
$p' \leftarrow \pi_1(paqYProxDes[i])$	O(1)



$proxima \leftarrow \pi_2(paqYProxDes[i])$	$O(L)$
<b>if</b> $\neg(\text{DESTINO}(\text{PAQUETE}(p')) = proxima)$ <b>then</b>	$O(L)$
$\text{ACTUALIZARINDICE}(p')$	$O(1)$
$t_2 :< nat, conjLog(paquete, <_{id}), conjLog(paquete, <_p),$ $conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_p) >$	
$t_2 \leftarrow \text{OBTENER}(proxima, s.CompusPorPref)$	$O(L)$
$\text{INSERTAR}(\pi_2(t_2), \text{PAQUETE}(p'))$	$O(\log(k))$
$\text{INSERTAR}(\pi_3(t_2), \text{PAQUETE}(p'))$	$O(\log(k))$
$\text{INSERTAR}(\pi_4(t_2), p')$	$O(\log(k))$
$\text{INSERTAR}(\pi_5(t_2), p')$	$O(\log(k))$
<b>end if</b>	
<b>end if</b>	
<b>end while</b>	
<hr/>	
	$O(n \times (L + \log(k)))$
<hr/>	
$\text{ICANTIDADENVIADOS}(\text{in/out } s : \text{dcnet}, \text{in } c : \text{compu}) \longrightarrow res : \text{nat}$	
<b>var</b> $i : \text{nat}$	
$i \leftarrow 0$	$O(1)$
<b>while</b> $s.compus[i].IP \neq \pi_1(c)$ <b>do</b>	$O(n)$
$i \leftarrow i + 1$	$O(1)$
<b>end while</b>	
$res \leftarrow s.compus[i].\#PaquetesEnviados$	$O(1)$
<hr/>	
	$O(n)$
<hr/>	
$\text{IPAQUETEENTRANSITO?}(\text{in } s : \text{dcnet}, \text{in } p : \text{paquete}) \longrightarrow res : \text{bool}$	
<b>var</b> $i : \text{nat}$	
$i \leftarrow 0$	$O(1)$
<b>var</b> $b : \text{bool}$	
$b \leftarrow \neg(\text{PERTENECE?}(p, *(s.compus[i].pN)))$	$O(\log(k))$
<b>while</b> $b \wedge i < n$ <b>do</b>	$O(n)$
$i \leftarrow i + 1$	$O(1)$
$b \leftarrow \neg(\text{PERTENECE?}(p, *(s.compus[i].pN)))$	$O(\log(k))$
<b>end while</b>	
<b>if</b> $i = n \wedge b$ <b>then</b>	$O(1)$
$res \leftarrow false$	$O(1)$
<b>else</b>	
$res \leftarrow true$	$O(1)$
<b>end if</b>	
<hr/>	
	$O(n \times \log(k))$
<hr/>	
$\text{ICAMINORECORRIDO}(\text{in } s : \text{dcnet}, \text{in } p : \text{paquete}) \longrightarrow res : \text{secu}(\text{compu})$	
<b>var</b> $i : \text{nat}$	
$i \leftarrow 0$	$O(1)$
<b>var</b> $b : \text{bool}$	
$b \leftarrow \neg(\text{PERTENECE?}(p, *(s.compus[i].pN)))$	$O(\log(k))$
<b>while</b> $b$ <b>do</b>	$O(n)$
$i \leftarrow i + 1$	$O(1)$
$b \leftarrow \neg(\text{PERTENECE?}(p, *(s.compus[i].pN)))$	$O(\log(k))$
<b>end while</b>	
$res \leftarrow s.CaminosMinimos[\text{INDICEORIGEN}(p')][i]$	$O(1)$
<hr/>	
	$O(n \times \log(k))$

## 1.4 Servicios Usados

Del modulo ConjLog requerimos pertenece, buscar, menor, insertar y borrar en  $O(\log(k))$  .

Del modulo Diccionario Por Prefijos requerimos Def?, obtener en  $O(L)$ .

## 2 Red

El módulo red permite crear una red de computadoras, agregar nuevas, conectarlas y averiguar el camino mínimo entre dos de ellas.

### 2.1 Interfaz

se explica con RED

géneros red

#### Operaciones

*Aclaración:  $n = \#(r.compus)$ ,  $L = \text{Longitud de IP más larga}$*

NUEVA()  $\rightarrow res : \text{red}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res \equiv \text{iniciarRed}\}$

**Descripción:** Crea una red vacía

**Complejidad:**  $O(1)$

**Aliasing:**

INTERFAZUSADA(**in**  $r : \text{red}$ , **in**  $c : \text{compu}$ , **in**  $c1 : \text{compu}$ )  $\rightarrow res : \text{interfaz}$

**Pre**  $\equiv \{\neg(c = c1) \wedge c \in \text{compus}(r) \wedge c1 \in \text{compus}(r)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{InterfazUsada}(r, c, c1)\}$

**Descripción:** Retorna por copia la interfaz de la primer compu recibida por parámetro usada para conectarse con la segunda

**Complejidad:**  $O(\#(\text{compus}(r)))$

**Aliasing:**

COMPUS(**in**  $r : \text{red}$ )  $\rightarrow res : \text{conj}(\text{compu})$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{computadoras}(r)\}$

**Descripción:** Devuelve el conjunto de compus

**Complejidad:**  $O(1)$

**Aliasing:** Retorna el conjunto de computadoras por referencia

CONECTADAS?(**in**  $r : \text{red}$ , **in**  $c : \text{compu}$ , **in**  $c1 : \text{compu}$ )  $\rightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{\neg(c = c1) \wedge c \in \text{compus}(r) \wedge c1 \in \text{compus}(r)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{conectadas?}(r)\}$

**Descripción:** Indica si dos compus estan conectadas

**Complejidad:**  $O(\#(\text{compus}(r)))$

AGREGARCOMPU(**in/out**  $r : \text{red}$ , **in**  $c : \text{compu}$ )

**Pre**  $\equiv \{r \equiv r_0 \wedge (\forall c1 : \text{compu})(c1 \in \text{computadoras}(r)) \Rightarrow \text{IP}(c) \neq \text{IP}(c1)\}$

**Post**  $\equiv \{r \equiv \text{agregarComputadora}(r, c)\}$

**Descripción:** Agrega a la red  $r$  la computadora  $c$

**Complejidad:**  $O(n + \text{copy}(c))$

**Aliasing:**

CONECTAR(**in/out**  $r : \text{red}$ , **in**  $c1 : \text{compu}$ , **in**  $i1 : \text{interfaz}$ , **in**  $c2 : \text{compu}$ , **in**  $i2 : \text{interfaz}$ )

**Pre**  $\equiv \{r \equiv r_0 \wedge c1 \in \text{computadoras}(r) \wedge c2 \in \text{computadoras}(r) \wedge \text{IP}(c1) \neq \text{IP}(c2)$

$\wedge \neg \text{conectadas}(r, c1, c2) \wedge \neg \text{UsaInterfaz?}(r, c1, i1) \wedge \neg \text{UsaInterfaz?}(r, c2, i2)\}$

**Post**  $\equiv \{r \equiv \text{conectar}(r, c1, i1, c2, i2)\}$

**Descripción:** Conecta las computadoras  $c_1$  y  $c_2$

**Complejidad:**  $O(n)$

**Aliasing:**

CAMINOMINIMO(**in**  $r : \text{red}$ ,  $in\ f : \text{compu}$ ,  $in\ d : \text{compu}$ )  $\longrightarrow res : \text{secu}(\text{compu})$

**Pre**  $\equiv \{c_1 \in \text{computadoras}(r) \wedge c_2 \in \text{computadoras}(r)\}$

**Post**  $\equiv \{r \equiv \text{caminosMinimos}(r, c_1, c_2)\}$

**Descripción:** Devuelve los caminos mínimos entre dos computadoras

**Complejidad:**  $O(L * n^3)$

**Aliasing:**

STRINGAINDICE(**in**  $r : \text{red}$ , **in**  $c : \text{compu}$ )  $\longrightarrow res : \text{nat}$

**Pre**  $\equiv \{c \in \text{computadoras}(r)\}$

**Post**  $\equiv \{res \equiv \text{indice}(r, c)\}$

**Descripción:** Devuelve un nat distinto para cada IP, una vez creada la red siempre retorna el mismo para cada compu

**Complejidad:**  $O(n)$

**Aliasing:**

USAINTERFAZ?(**in**  $r : \text{red}$ , **in**  $c : \text{compu}$ , **in**  $i : \text{interfaz}$ )  $\longrightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{c \in \text{computadoras}(r) \wedge i \in \text{interfaces}(c)\}$

**Post**  $\equiv \{res \equiv \text{UsaInterfaz?}(r, c, i)\}$

**Descripción:** Devuelve TRUE si y solo si la interfaz está siendo utilizada

**Complejidad:**  $O(n)$

**Aliasing:**

HAYCAMINO?(**in**  $r : \text{red}$ , **in**  $c1 : \text{compu}$ , **in**  $c2 : \text{compu}$ )  $\longrightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{c_1 \in \text{computadoras}(r) \wedge c_2 \in \text{computadoras}(r)\}$

**Post**  $\equiv \{res \equiv \neg(\text{Vacía?}(\text{caminoMinimo}(r, c1, c2)))\}$

**Descripción:** Devuelve TRUE sí y solo sí hay un camino válido entre las dos computadoras

**Complejidad:**  $O(L * n^3)$

**Aliasing:**

## 2.2 Representación

se representa con **redstr**

donde **redstr** es  $\text{tupla}(\text{Compus} : \text{conj}(\text{compu}),$   
 $\text{Conexiones} : \text{dicc}(\text{compu}, \text{dicc}(\text{interfaz}, \text{compu}))\rangle$

donde **compu** es  $\text{tupla}(\text{IP} : \text{string},$   
 $\text{interfaces} : \text{conj}(\text{interfaz}))\rangle$

donde **interfaz** es **nat**

## 2.3 Invariante de representación

1. El conjunto de claves de conexiones está incluido o es igual al conjunto de compus
2. 'Simetría en las conexiones' : Cada una de las claves de conexiones está en los significados de las compus a las que está conectada
3. Las compus conectadas a  $c$  están en las claves de las conexiones
4. Las claves del significado de cada una de las compus ' $c$ ' está incluida en el conjunto de interfaces de ' $c$ '

**Rep.**

$$\begin{aligned}
& \text{claves}(\text{conexiones}(r)) \subseteq \text{compus}(r) \wedge \\
& ((\forall c : \text{compu}) c \in \text{claves}(r.\text{conexiones})) \Rightarrow_L \\
& \quad \text{claves}(\text{significado}(r.\text{conexiones}, c)) \subseteq c.\text{interfaces} \wedge \\
& ((\forall c_1 : \text{compu}) c_1 \in \text{significados}(\text{conexiones}(r), c)) \Rightarrow_L \\
& \quad c_1 \in \text{claves}(r.\text{conexiones}) \wedge_L c \in \text{significados}(\text{conexiones}(r), c_1)
\end{aligned}$$

## 2.4 Función de abstracción

$$\begin{aligned}
& \text{Abs} : \widehat{\text{redstr}} \text{ } rstr \longrightarrow \widehat{\text{red}} \quad \{\text{Rep}(rstr)\} \\
& (\forall rstr : \widehat{\text{redstr}}) \\
& \text{Abs}(rstr) \equiv r : \widehat{\text{red}} \mid \\
& \text{computadoras}(r) =_{\text{obs}} rstr.\text{compus} \wedge \\
& (\forall c_0, c_1 : \text{compu}) \text{conectadas?}(r, c_0, c_1) =_{\text{obs}} c_1 \in \text{significados}(rstr.\text{conexiones}, c_0) \wedge \\
& \text{interfazUsada}(r, c_0, c_1) =_{\text{obs}} \text{dameClave}(\text{significado}(rstr.\text{conexiones}, c_0), c_1)
\end{aligned}$$

## Extensión TAD diccionario

$$\begin{aligned}
& \text{significados} : \text{dicc}(\text{compu}, \text{dicc}(\text{interfaz}, \text{compu})) \text{ } d \times \text{compu } c \rightarrow \text{conj}(\text{compu}) \\
& \text{significados}(d) = \text{obtenerSignificados}(\text{significado}(d, c), \text{claves}(\text{significado}(d, c))) \\
& \text{obtenerSignificados} : \text{dicc}(\text{interfaz}, \text{compu}) \text{ } d \times \text{conj}(\text{interfaz}) \text{ } ci \rightarrow \text{conj}(\text{compu}) \\
& \text{obtenerSignificados}(d, c) = \\
& \quad \text{if } (\#(c) = 0) \text{ then} \\
& \quad \quad \emptyset \\
& \quad \text{else} \\
& \quad \quad \text{significado}(d, \text{dameUno}(c)) \cup \text{obtenerSignificado}(d, \text{sinUno}(c)) \\
& \quad \text{fi}
\end{aligned}$$

## 2.5 Algoritmos

<b>INUEVA()</b> $\longrightarrow res : \text{redstr}$ $res \leftarrow \text{CrearTupla}(\text{compus} : \text{conj}(\text{compu}), \text{conexiones} : \text{dicc}(\text{compu}, \text{dicc}(\text{interfaz}, \text{compu})))$ $res.\text{conexiones} \leftarrow \text{Vacio}()$ $res.\text{compus} \leftarrow \text{Vacio}()$ $\text{return } res$	$O(1)$ $O(1)$ $O(1)$
<b>IAGREGARCOMPU(in/out r : redstr, in c : compu)</b> $\text{AgregarRapido}(r.\text{compus}, c)$	$O(1)$ $O(1)$
<b>ICONECTAR(in/out r : redstr, in c<sub>0</sub> : compu, in c<sub>1</sub> : compu, in i<sub>0</sub> : interfaz, in i<sub>1</sub> : interfaz)</b> $\text{if } \neg (\text{definido?}(r.\text{conexiones}, c_0)) \text{ then}$	$O(1)$

<i>definir</i> ( <i>r.conexiones</i> , <i>c</i> <sub>0</sub> , <i>Vacio</i> ())	$O(\#(r.compūs))$
<b>end if</b>	
<b>if</b> $\neg$ ( <i>definido?</i> ( <i>r.conexiones</i> , <i>c</i> <sub>1</sub> )) <b>then</b>	
<i>definir</i> ( <i>r.conexiones</i> , <i>c</i> <sub>1</sub> , <i>Vacio</i> ())	$O(\#(r.compūs))$
<b>end if</b>	
<i>definir</i> ( <i>significado</i> ( <i>r.conexiones</i> , <i>c</i> <sub>0</sub> ), <i>i</i> <sub>0</sub> , <i>c</i> <sub>1</sub> )	$O(\#(r.compūs))$
<i>definir</i> ( <i>significado</i> ( <i>r.conexiones</i> , <i>c</i> <sub>1</sub> ), <i>i</i> <sub>1</sub> , <i>c</i> <sub>0</sub> )	$O(\#(r.compūs))$
<hr/>	
	$O(\#(r.compūs))$
<b>ISTRINGAINDICE</b> ( <b>in</b> <i>r</i> : <b>redstr</b> , <b>in</b> <i>c</i> : <b>compu</b> ) $\rightarrow$ <i>res</i> : <b>nat</b>	
<i>itCompūs</i> $\leftarrow$ <i>CrearIt</i> ( <i>r.compūs</i> )	$O(1)$
// <i>L</i> = longitud de <i>IP</i> mas larga	
<b>while</b> <i>itCompūs.siguiente</i> () <i>IP</i> ! = <i>c.IP</i> <b>do</b>	$O(L)$
<i>res</i> ++	$O(1)$
<i>avanzar</i> ( <i>itCompūs</i> )	$O(1)$
<b>end while</b>	
<b>return</b> <i>res</i>	$O(1)$
<hr/>	
	$O(\#(r.compūs) * L)$
<b>IUSAINTERFAZ</b> ( <b>in</b> <i>r</i> : <b>redstr</b> , <b>in</b> <i>c</i> : <b>compu</b> , <b>in</b> <i>i</i> : <b>interfaz</b> ) $\rightarrow$ <i>res</i> : <b>bool</b>	
<b>if</b> <i>definido?</i> ( <i>r.conexiones</i> , <i>c</i> ) <b>then</b>	$O(\#(r.compūs))$
<i>res</i> $\leftarrow$ <i>definido?</i> ( <i>significado</i> ( <i>r.conexiones</i> , <i>c</i> ), <i>i</i> )	$O(\#(r.compūs))$
<b>else</b>	
<i>res</i> $\leftarrow$ <i>false</i>	$O(1)$
<b>end if</b>	
<b>return</b> <i>res</i>	$O(1)$
<hr/>	
	$O(\#(r.compūs))$
<b>ICONECTADAS?</b> ( <b>in</b> <i>r</i> : <b>redstr</b> , <b>in</b> <i>c</i> <sub>1</sub> : <b>compu</b> , <b>in</b> <i>c</i> <sub>2</sub> : <b>compu</b> ) $\rightarrow$ <i>res</i> : <b>bool</b>	
<i>res</i> $\leftarrow$ <i>pertence</i> ( <i>c</i> <sub>2</sub> , <i>significados</i> ( <i>significado</i> ( <i>r.conexiones</i> , <i>c</i> <sub>1</sub> )))	$O(\#(r.compūs))$
<b>return</b> <i>res</i>	$O(1)$
<hr/>	
	$O(\#(r.compūs))$
<b>IINTERFAZUSADA</b> ( <b>in</b> <i>r</i> : <b>redstr</b> , <b>in</b> <i>c</i> <sub>1</sub> : <b>compu</b> , <b>in</b> <i>c</i> <sub>2</sub> : <b>compu</b> ) $\rightarrow$ <i>res</i> : <b>interfaz</b>	
<i>res</i> $\leftarrow$ <i>dameClave</i> ( <i>significado</i> ( <i>d</i> , <i>c</i> <sub>1</sub> ), <i>c</i> <sub>2</sub> )	$O(\#(r.compūs))$
<b>return</b> <i>res</i>	$O(1)$
<hr/>	
	$O(\#(r.compūs))$
<b>ICAMINOMINIMO</b> ( <b>in</b> <i>r</i> : <b>red</b> , <b>in</b> <i>f</i> : <b>compu</b> , <b>in</b> <i>d</i> : <b>compu</b> ) $\rightarrow$ <i>res</i> : <b>Lista</b> ( <b>compu</b> )	
<b>var</b> <i>n</i> : <b>nat</b> $\leftarrow$ <i>Longitud</i> ( <i>r.compūs</i> )	$O(1)$
<b>var</b> <i>dist</i> : <b>Arreglo</b> ( <b>nat</b> ) $\leftarrow$ <i>CrearArreglo</i> ( <i>n</i> )	$O(n)$
<b>var</b> <i>prev</i> : <b>Arreglo</b> ( <b>nat</b> ) $\leftarrow$ <i>CrearArreglo</i> ( <i>n</i> )	$O(n)$
<b>var</b> <i>s</i> : <b>nat</b> <i>larr</i> <i>stringAIndice</i> ( <i>r</i> , <i>f</i> )	$O(L * n)$
<i>dist</i> [ <i>s</i> ] $\leftarrow$ 0	$O(1)$
<i>prev</i> [ <i>s</i> ] $\leftarrow$ <i>NULL</i>	$O(1)$
<b>var</b> <i>haySiguiente</i> : <b>bool</b> $\leftarrow$ $\neg$ ( <i>Longitud</i> ( <i>r.compūs</i> ) == 0)	$O(1)$
<b>var</b> <i>it</i> : <b>itConj</b> $\leftarrow$ <i>CrearIt</i> ( <i>r.compūs</i> )	$O(1)$
<b>var</b> <i>v</i> : <b>nat</b> $\leftarrow$ 0	$O(1)$

<i>vd</i> : <i>tupla</i> ( <i>nat</i> , <i>nat</i> )	O(1)
// <i>vd</i> <sub>0</sub> , <i>vd</i> <sub>1</sub> : <i>Tupla</i> ( <i>nat</i> , <i>nat</i> )	
// <i>vd</i> <sub>0</sub> = <sub>α</sub> <i>vd</i> <sub>1</sub> ⇔ π <sub>1</sub> ( <i>vd</i> <sub>0</sub> ) = π <sub>1</sub> ( <i>vd</i> <sub>1</sub> )	
// <i>vd</i> <sub>0</sub> < <sub>α</sub> <i>vd</i> <sub>1</sub> ⇔ (π <sub>2</sub> ( <i>vd</i> <sub>0</sub> ) = <i>pi</i> <sub>2</sub> ( <i>vd</i> <sub>1</sub> ) ∧ π <sub>1</sub> ( <i>vd</i> <sub>0</sub> ) < π <sub>1</sub> ( <i>vd</i> <sub>1</sub> )) ∨	
// ((π <sub>2</sub> ( <i>vd</i> <sub>0</sub> ) < π <sub>2</sub> ( <i>vd</i> <sub>1</sub> ))	
<b>var</b> <i>cp</i> : <b>cp</b> ( <i>tupla</i> ( <i>nat</i> , <i>nat</i> ), < <sub>α</sub> )	O(1)
// Inicializo las distancias y previos de cada compu	O(1)
<b>while</b> <i>haySiguiente</i> <b>do</b>	O( <i>n</i> * log( <i>n</i> ))
<i>haySiguiente</i> ← <i>haySiguiente?</i> ( <i>it</i> )	O(1)
<b>if</b> ¬( <i>v</i> = <i>s</i> ) <b>then</b>	O(1)
<i>dist</i> [ <i>v</i> ] ← <i>infinito</i> ()	O(1)
<i>prev</i> [ <i>v</i> ] ← <i>NULL</i>	O(1)
<b>end if</b>	
<i>vd</i> ← <i>CrearTupla</i> ( <i>v</i> , <i>dist</i> [ <i>v</i> ])	O(1)
<i>encolar</i> ( <i>cp</i> , <i>vd</i> )	O(log( <i>n</i> ))
<i>v</i> ++	O(1)
<i>avanzar</i> ( <i>it</i> )	O(1)
<b>end while</b>	
// Calculo distancias	
<b>while</b> ¬ <i>Vacia?</i> ( <i>cp</i> ) <b>do</b>	O( <i>L</i> * <i>n</i> <sup>3</sup> )
<b>var</b> <i>u</i> : <b>nat</b> ← <i>proximo</i> ( <i>cp</i> )	O(1)
<i>desencolar</i> ( <i>cp</i> )	O(log( <i>n</i> ))
// Vecinos de <i>u</i> que todavía están en <i>cp</i>	
<b>var</b> <i>vecinos</i> : <b>Lista</b> ( <i>compu</i> ) ← <i>nuevosVecinos</i> ( <i>r</i> , <i>u</i> , <i>cp</i> )	O( <i>n</i> )
<b>var</b> <i>itVecinos</i> : <b>itLista</b> ← <i>CrearIt</i> ( <i>itVecinos</i> )	O(1)
<b>var</b> <i>haySiguiente</i> : <b>bool</b> ← <i>Vacia?</i> ( <i>vecinos</i> )	O(1)
<b>while</b> <i>haySiguiente</i> <b>do</b>	O( <i>L</i> * <i>n</i> <sup>2</sup> )
<i>haySiguiente</i> ← <i>haySiguiente?</i> ( <i>itVecinos</i> )	O(1)
<b>var</b> <i>vert</i> : <b>nat</b> ← <i>stringAIndice</i> ( <i>anterior</i> ( <i>siguiente</i> ( <i>itVecinos</i> )))	O( <i>L</i> * <i>n</i> )
<b>var</b> <i>distAux</i> : <b>nat</b> ← <i>dist</i> [π <sub>1</sub> ( <i>u</i> )] + 1	O(1)
<b>if</b> <i>distAux</i> < <i>dist</i> [ <i>vert</i> ] <b>then</b>	O(1)
<i>dist</i> [ <i>vert</i> ] ← <i>distAux</i>	O(1)
<i>prev</i> [ <i>vert</i> ] ← <i>u</i>	O(1)
<b>end if</b>	
<i>avanzar</i> ( <i>itVecinos</i> )	O(1)
<b>end while</b>	
<b>end while</b>	
// Agrego desde el destino hacia la fuente las compus, recorriendolas sobre el arreglo <i>prev</i> y agregandolas por ref.	
<i>agAdelante</i> ( <i>res</i> , <i>destino</i> )	O(1)
<b>var</b> <i>cactual</i> : <b>nat</b> ← <i>stringAIndice</i> ( <i>r</i> , <i>destino</i> )	O( <i>L</i> * <i>n</i> )
<b>while</b> ¬( <i>cactual</i> = <i>s</i> ) <b>do</b>	O( <i>n</i> )
<i>agAdelante</i> ( <i>res</i> , <i>r.compus</i> [ <i>prev</i> [ <i>cactual</i> ]])	O(1)
<i>cactual</i> ← <i>prev</i> [ <i>cactual</i> ]	O(1)
<b>end while</b>	
<b>if</b> <i>stringAIndice</i> ( <i>primero</i> ( <i>res</i> ))! = <i>s</i> <b>then</b>	O( <i>n</i> )
<i>res</i> ← <i>Vacia</i>	
<b>end if</b>	
<i>return res</i>	

	$O(L * n^3)$
<b>INUEVOSVECINOS</b> ( <b>in</b> $r : \text{redstr}$ , <b>in</b> $u : \text{tupla}$ , <b>in</b> $cp : \text{cp}$ , <b>in</b> $dist : \text{Arreglo}(\text{nat})$ ) $\rightarrow res : \text{Lista}(\text{compu})$	
<b>var</b> $vecinos : \text{Lista}(\text{compu}) \leftarrow \text{significados}(r.conexiones, r.comp[ \pi_1(u) ])$	$O(n)$
<b>var</b> $itVecinos : itLista \leftarrow \text{CrearIt}(vecinos)$	$O(1)$
<b>while</b> $haySiguiente$ <b>do</b>	$O(L * n^2)$
$haySiguiente \leftarrow haySiguiente?(itVecinos)$	$O(1)$
<b>var</b> $v : \text{nat} \leftarrow \text{stringAIndice}(\text{stringAIndice}(vec))$	$O(L * n)$
<b>var</b> $vecino : \text{tupla}(\text{nat}, \text{nat}) \leftarrow \text{CrearTupla}(v, dist[v])$	$O(1)$
// Si el vecino es mayor que el de mas prioridad,	
// entonces todavia esta en la cola (no fue descolado)	
<b>if</b> $cp.maxP < vecino$ <b>then</b>	$O(1)$
$AgAdelante(res, r.comp[ \pi_1(vecino) ])$	$O(1)$
<b>end if</b>	
<b>end while</b>	
<b>return</b> $ret$	$O(1)$
	<hr/>
	$O(L * n^2)$
<b>HAYCAMINO?</b> ( <b>in</b> $r : \text{redstr}$ , <b>in</b> $c_0 : \text{compu}$ , <b>in</b> $c_1 : \text{compu}$ ) $\rightarrow res : \text{bool}$	
$res \leftarrow \text{Longitud}(\text{caminoMinimo}(r, c_0, c_1))! = 0$	$O(L * n^3)$
	<hr/>
	$O(L * n^3)$

### 2.5.1 Extensión módulo diccionario

**SIGNIFICADOS**(**in**  $d : \text{dicc}(\alpha_0 \text{ dicc}(\alpha_1 \alpha_0))$ , **in**  $c : \alpha_0$ )  $\rightarrow res : \text{Lista}(\alpha_0)$

**Pre**  $\equiv \{definida?(d, c)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{significados}(d)\}$

**Descripción:** Retorna todos los significados de la clave  $c$

**Complejidad:**  $O(\#claves(\text{significado}(d, c)))$

**Aliasing:** Hay aliasing en  $res$

**SIGNIFICADOS**(**in**  $d : \text{dicc}(\alpha_0 \text{ dicc}(\alpha_1 \alpha_0))$ , **in**  $c : \alpha_0$ )  $\rightarrow res : \text{Lista}(\alpha_0)$

**var**  $itSignificados : itDicc \leftarrow \text{CrearIt}(\text{significado}(d, c))$   $O(1)$

**var**  $haySiguiente : \text{bool} \leftarrow \#claves(\text{significado}(d, c))! = 0$   $O(1)$

**while**  $haySiguiente$  **do**  $O(n)$

$haySiguiente \leftarrow haySiguiente?(itDicc)$   $O(1)$

        // Se agregan los elementos por referencia

$AgAtras(res, anteriorSignificado(siguienteSignificado(itDicc)))$

$O(1)$

$avanzar(itDicc)$   $O(1)$

**end while**

**return**  $res$   $O(1)$

---

$O(n)$



## 3 ConjLog

### 3.1 Interfaz( $\alpha, =_\alpha, <_\alpha$ )

#### 3.1.1 parámetros formales

**géneros**  $\alpha$

**operaciones**

•  $=_\alpha \bullet : \alpha \times \alpha \rightarrow bool$  Relación de equivalencia

•  $<_\alpha \bullet : \alpha \times \alpha \rightarrow bool$  Relación de orden

**se explica con**  $CONJ(\alpha)$

**géneros**  $conjLog(\alpha)$

#### Operaciones

**NUEVO**( $\bullet$ )  $\rightarrow res : conjLog(\alpha)$

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} \emptyset\}$

**Descripción:** Crea un nuevo conjLog vacío

**Complejidad:**  $O(1)$

**VACÍO?**(**in**  $cl : conjLog(\alpha)$ )  $\rightarrow res : bool$

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res = (\emptyset?(cl))\}$

**Descripción:** Indica si el conjunto es vacío

**Complejidad:**  $O(1)$

**PERTENECE**(**in**  $cl : conjLog(\alpha)$ , **in**  $e : \alpha$ )  $\rightarrow res : bool$

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res = (e \in cl)\}$

**Descripción:** Retorna un booleano que indica si el elemento pertenece al conjunto

**Complejidad:**  $O(\log(\#(cl)))$

**BUSCAR**(**in**  $cl : conjLog(\alpha)$ , **in**  $e : \alpha$ )  $\rightarrow res : \alpha$

**Pre**  $\equiv \{e \in cl\}$

**Post**  $\equiv \{res == e\}$

**Descripción:** Devuelve el elemento que se está buscando

**Complejidad:**  $O(\log(\#(cl)))$

**Aliasing:** El elemento se devuelve por referencia y es modificable

**MENOR**(**in**  $cl : conjLog(\alpha)$ , **in**  $e : \alpha$ )  $\rightarrow res : \alpha$

**Pre**  $\equiv \{e \in cl\}$

**Post**  $\equiv \{res == \max(cl)\}$

**Descripción:** Devuelve el menor elemento del conjunto

**Complejidad:**  $O(\log(\#(cl)))$

**Aliasing:** El elemento se devuelve por referencia y es modificable

**INSERTAR**(**in/out**  $cl : cl(\alpha)$ , **in**  $e : \alpha$ )

**Pre**  $\equiv \{cl_0 =_{obs} cl \wedge \neg(e \in cl)\}$

**Post**  $\equiv \{cl_0 =_{obs} Agregar(cl_0, e)\}$

**Descripción:** Inserta un nuevo elemento en el conjunto

**Complejidad:**  $O(\log(\#(cl)))$

**Aliasing:** Hay aliasing entre el elemento recibido y el que se inserta en el conjunto

**BORRAR**(**in/out**  $cl : cl(\alpha)$ , *in*  $e : \alpha$ )

**Pre**  $\equiv \{cl_0 =_{\text{obs}} cl \wedge (e \in cl)\}$

**Post**  $\equiv \{cl =_{\text{obs}} (cl_0 - \{e\})\}$

**Descripción:** Elimina el elemento  $e$  del conjunto  $cl$ , los iteradores que apunten a este elemento se

indefinen

**Complejidad:**  $O(\log(\#(cl)))$

## 3.2 Representación

se representa con `clog`

donde `clog` es `raiz : puntero(nodo)`

donde `nodo` es `tupla⟨der : puntero(nodo),  
izq : puntero(nodo),  
valor :  $\alpha$ ,  
padre : puntero(nodo),  
fdb : nat⟩`

### 3.3 Invariante de representación

1. Para todas las raíces, la altura del subárbol derecho menos la altura del subárbol izquierdo de esa raíz es igual al fdb.
2. El fdb de todas las raíces es 0, 1 o -1.
3. Si un nodo no es una hoja del árbol entonces los padres de los hijos derecho e izquierdo son iguales y es el nodo
4. Si un nodo es una hoja del árbol entonces los hijos derecho e izquierdo del árbol son NULL
5. Para todos los nodos n, todos los nodos del subárbol derecho son mayores que n
6. Para todos los nodos n, todos los nodos del subárbol izquierdo son menores que n
7. No hay nodos repetidos
8. El padre de la raíz es NULL

### 3.4 Función de abstracción

$$\text{Abs} : \widehat{\text{clog}(\alpha)} \text{ } cl \longrightarrow \widehat{\text{conj}(\alpha)} \quad \{\text{Rep}(cl)\}$$

$$(\forall cl : \widehat{\text{clog}(\alpha)})$$

$$\text{Abs}(cl) \equiv c : \widehat{\text{conj}(\alpha)} \mid$$

$$((\forall e : \alpha) e \in c \Rightarrow_L \text{esta}(cl, e)) \wedge \text{size}(cl) = \#(c)$$

### 3.5 Algoritmos

<b>IVACÍO?</b> ( <b>in</b> $cl : \text{conjLog}(\alpha)$ ) $\longrightarrow res : \text{bool}$	
$res \leftarrow cl == \text{NULL}$	$O(1)$
<hr/>	
<b>IBORRAR</b> ( <b>in/out</b> $cl : \text{conjLog}(\alpha)$ , <i>in</i> $e : \alpha$ )	$O(1)$
<b>var</b> <i>variandoHijoDerecho?</i> : $\text{bool} \leftarrow \text{true}$	
<b>var</b> <i>clactual</i> : $\text{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl$	$O(1)$
<b>var</b> <i>aBorrar</i> : $\text{conjLog}(\alpha)$	
<b>if</b> ( $\neg(cl.der == \text{NULL}) \wedge \neg(cl.izq == \text{NULL})$ ) <b>then</b>	$O(1)$
<i>clactual</i> $\leftarrow \text{IENCONTRARPADRE}(clactual, e)$	$O(\log(\text{size}(cl)))$
<b>if</b> <i>clactual.der</i> ! = $\text{NULL} \wedge_L clactual.der.valor == e$ <b>then</b>	
<i>aBorrar</i> $\leftarrow clactual.der$	$O(1)$
<b>else</b>	
<i>aBorrar</i> $\leftarrow clactual.izq$	$O(1)$
<b>end if</b>	
<b>var</b> <i>mm</i> : $\text{conjLog}(\alpha) \leftarrow \text{IDAMEMAYORMENORES}(clactual)$	$O(\log(\text{size}(cl)))$
<b>if</b> <i>mm.valor</i> == $e$ <b>then</b>	$O(1)$
<b>if</b> <i>mm.padre.der</i> ! = $\text{NULL} \wedge_L mm.padre.der.valor == mm.valor$ <b>then</b>	
<i>variandoHijoDerecho?</i> $\leftarrow \text{true}$	$O(1)$
<i>mm.padre.der</i> = $\text{NULL}$	
<i>mm.padre.fdb</i> – –	
<b>else</b>	
<i>variandoHijoDerecho?</i> $\leftarrow \text{false}$	$O(1)$
<i>mm.padre.izq</i> = $\text{NULL}$	
<i>mm.padre.fdb</i> ++	
<b>end if</b>	
<b>else</b>	
<b>var</b> <i>mmValor</i> : $\alpha \leftarrow mm.valor$	$O(1)$
<i>aBorrar.valor</i> $\leftarrow mmValor$	$O(1)$
<b>if</b> <i>mm.izq</i> ! = $\text{NULL}$ <b>then</b>	$O(1)$
<i>mm.valor</i> $\leftarrow mm.izq.valor$	$O(1)$
<i>mm.izq</i> $\leftarrow \text{NULL}$	$O(1)$
<i>mm.fdb</i> ++	$O(1)$
<b>if</b> <i>mm.padre.valor</i> == $e$ <b>then</b>	
<i>variandoHijoDerecho?</i> $\leftarrow \text{false}$	
<b>else</b>	
<i>variandoHijoDerecho?</i> $\leftarrow \text{true}$	
<b>end if</b>	
<b>else</b>	

```

    if  $mm.padre.valor == e$  then
         $mm.padre.izq = NULL$ 
         $variandoHijoDerecho? \leftarrow false$ 
    else
         $mm.padre.der = NULL$ 
         $variandoHijoDerecho? \leftarrow true$ 
    end if
end if
end if
iREBYRECALCFDB( $mm.padre, variandoHijoDerecho?, estoyBorrando?$ )
                                          $O(\log(size(cl)))$ 
else

    if  $cl.der == NULL \wedge cl.izq == NULL$  then
         $cl \leftarrow NULL$ 
    else

        if  $cl.der == NULL$  then

            if  $cl.izq.valor == e$  then
                 $cl.izq \leftarrow NULL$ 
            else
                 $cl.valor \leftarrow cl.izq.valor$ 
                 $cl.izq \leftarrow NULL$ 
            end if
        else

            if  $cl.der.valor == e$  then
                 $cl.der \leftarrow NULL$ 
            else
                 $cl.valor \leftarrow cl.der.valor$ 
                 $cl.der \leftarrow NULL$ 
            end if
        end if
    end if
end if
end if

```

---

$O(\log(size(cl)))$

### Justificación de complejidad

Por álgebra de órdenes

iINSERTAR(in/out  $cl : conjLog(\alpha)$ , in  $e : \alpha$ )

```

var  $clactual : conjLog(\alpha) \leftarrow cl$ 
                                          $O(1)$ 

if  $\neg(cl.der == NULL) \wedge \neg(cl.izq == NULL)$  then
     $clactual \leftarrow iENCONTRARPADRE(clactual, e)$ 
                                          $O(1)$ 
                                          $O(\log(size(cl)))$ 

    if  $clactual.valor < e$  then

```

<pre> <i>clactual.der</i> ← <b>tupla</b>(<i>der</i> : NULL,                     <i>izq</i> : NULL,                     <i>valor</i> : <i>e</i>,                     <i>padre</i> : <i>clactual</i>,                     <i>fdb</i> : 0)     IREBYRECALCFDB(<i>clactual</i>, <i>true</i>, <i>false</i>) <b>else</b>     <i>clactual.izq</i> ← <b>tupla</b>(<i>der</i> : NULL,                         <i>izq</i> : NULL,                         <i>valor</i> : <i>e</i>,                         <i>padre</i> : <i>clactual</i>,                         <i>fdb</i> : 0)     IREBYRECALCFDB(<i>clactual</i>, <i>false</i>, <i>false</i>) <b>end if</b> <b>else</b>      <b>if</b> <i>cl.der</i> == <i>NULL</i> ∧ <i>cl.izq</i> == <i>NULL</i> <b>then</b>         <i>cl</i> ← <b>tupla</b>(<i>der</i> : NULL,                     <i>izq</i> : NULL,                     <i>valor</i> : <i>e</i>,                     <i>padre</i> : <i>clactual</i>,                     <i>fdb</i> : 0)     <b>else</b>          <b>if</b> <i>cl.der</i>! = <i>NULL</i> <b>then</b>             <i>cl.izq</i> ← <b>tupla</b>(<i>der</i> : NULL,                             <i>izq</i> : NULL,                             <i>valor</i> : <i>e</i>,                             <i>padre</i> : <i>cl</i>,                             <i>fdb</i> : 0)         <b>else</b>             <i>cl.der</i> ← <b>tupla</b>(<i>der</i> : NULL,                             <i>izq</i> : NULL,                             <i>valor</i> : <i>e</i>,                             <i>padre</i> : <i>cl</i>,                             <i>fdb</i> : 0)         <b>end if</b>     <b>end if</b> <b>end if</b> </pre>	<p><math>O(1)</math></p> <p><math>O(1)</math></p> <p><math>O(1)</math></p> <p><math>O(1)</math></p> <p><math>O(1)</math></p> <p><math>O(1)</math></p> <p><math>O(1)</math></p> <p><math>O(1)</math></p> <p><math>O(1)</math></p>	
$O(\log(\text{size}(cl)))$		

### Justificación de complejidad

Por álgebra de órdenes

IPERTENECE(**in/out** *cl* : conjLog( $\alpha$ ), *in e* :  $\alpha$ )  $\longrightarrow$  *res* : bool

<pre> <b>var</b> <i>encontrado?</i> : bool ← <i>false</i> </pre>	<p><math>O(1)</math></p>	
<pre> <b>var</b> <i>clactual</i> : conjLog(<math>\alpha</math>) ← <i>cl</i> </pre>	<p><math>O(1)</math></p>	
<pre> <b>while</b> (<i>clactual</i>! = <i>NULL</i>) ∧ ¬(<i>encontrado?</i>) <b>do</b> </pre>	<p><math>O(1)</math></p>	

<b>if</b> $e > clactual.valor$ <b>then</b>	$O(1)$
$clactual \leftarrow clactual.der$	$O(1)$
<b>else</b>	
<b>if</b> $ce < clactual.valor$ <b>then</b>	$O(1)$
$clactual \leftarrow clactual.izq$	$O(1)$
<b>else</b>	
$encontrado? \leftarrow true$	$O(1)$
<b>end if</b>	
<b>end if</b>	
<b>end while</b>	
$clactual \leftarrow NULL$	$O(1)$
$res \leftarrow encontrado?$	$O(1)$
<hr/>	
$O(\log(size(cl)))$	

### Justificación de complejidad

El ciclo recorre a lo sumo una rama del árbol (el árbol está ordenado), teniendo ésta como máximo la longitud del árbol (sus alturas no difieren en más de una hoja) que es  $\log(n)$ , con  $n = size(cl)$

$IMENOR(in\ cl : conjLog(\alpha)) \longrightarrow res : \alpha$

<b>var</b> $clactual : conjLog(\alpha) \leftarrow cl$	$O(1)$
$clactual \leftarrow iMenorNodo(clactual)$	$O(\log(size(cl)))$
$res \leftarrow clactual.valor$	$O(1)$
<hr/>	
$O(\log(size(cl)))$	

### Justificación de complejidad

Por álgebra de órdenes

$IBUSCAR(in\ cl : conjLog(\alpha),\ e : \alpha) \longrightarrow res : \alpha$

<b>var</b> $padre : conjLog(\alpha) \leftarrow iEncontrarPadre(cl, e)$	$O(\log(size(cl)))$
<b>if</b> $padre.der \neq NULL \wedge_L padre.der.valor == e$ <b>then</b>	$O(1)$
$res \leftarrow padre.der.valor$	
<b>else</b>	
$res \leftarrow padre.izq.valor$	
<b>end if</b>	
<hr/>	
$O(\log(size(cl)))$	

### Justificación de complejidad

Por álgebra de órdenes

### 3.6 Auxiliares

IREBYRECALCFDB(**in/out**  $cl : \text{conjLog}(\alpha)$ , *in variandoHijoDerecho?* : **bool**, *in estoyBorrando?* : **bool**)

**var**  $clactual : \text{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl$   $O(1)$

**var**  $termino? : \text{bool} \leftarrow false$   $O(1)$

**if** *estoyBorrando?* **then**

**while**  $clactual! = NULL \wedge \neg(termino?)$  **do**  $O(1)$

**if** *variandoHijoDerecho?* **then**

**if**  $clactual.fdb == -1$  **then**  $O(1)$

**var**  $fdbIzq : \text{nat}$   $O(1)$

**if**  $cl.izq! = NULL$  **then**  
 $fdbIzq \leftarrow cl.izq$   $O(1)$   
**end if**

**if**  $cl.izq! = NULL \wedge_L cl.izq.fdb == 1$  **then**  $O(1)$   
iROTARLR( $cl.izq$ )  $O(1)$   
**end if**  
iROTARLL( $cl$ )  $O(1)$

**if**  $cl.izq! = NULL \wedge_L fdbIzq == 0$  **then**  $O(1)$   
 $termino? \leftarrow true$   $O(1)$   
**end if**

**else**

**if**  $cl.fdb == +1$  **then**  $O(1)$   
 $cl.fdb \leftarrow 0$   $O(1)$   
 $termino? \leftarrow true$   $O(1)$

**else**  
 $cl.fdb \leftarrow -1$   $O(1)$

**end if**

**end if**

**else**

**if**  $clactual.fdb == -1$  **then**  $O(1)$

**var**  $fdbDer : \text{nat}$   $O(1)$

**if**  $cl.der! = NULL$  **then**  $O(1)$   
 $fdbDer \leftarrow cl.der.fdb$   $O(1)$   
**end if**

**if**  $cl.der! = NULL \wedge_L fdbDer == 1$  **then**  $O(1)$   
iROTARRL( $cl.der$ )  $O(1)$



```

    end if
    iROTARRR(cl) O(1)

    if fdbDer == 0 then O(1)
        termino? ← true O(1)
    end if
else
    if cl.fdb == -1 then O(1)
        cl.fdb ← 0 O(1)
        termino? ← true O(1)
    else
        cl.fdb ← +1 O(1)
    end if
end if
end if
variandoHijoDerecho ← (cl.padre! = NULL ∧L cl.padre.der.valor == cl.valor) O(1)
clactual ← clactual.padre O(1)
end while
else // No hubo borrado, entonces hubo una inserción

while clactual! = NULL ∧ ¬(termino?) do O(1)

    if variandoHijoDerecho? then

        if clactual.fdb == +1 then O(1)

            var fdbDer : nat O(1)

            if cl.der! = NULL then O(1)
                fdbDer ← cl.der.fdb O(1)
            end if

            if cl.der! = NULL ∧L fdbDer == -1 then O(1)
                iROTARRL(cl.der) O(1)
            end if
            iROTARRR(cl) O(1)
            termino? ← true

        else

            if clactual.fdb == -1 then O(1)
                clactual.fdb ← 0 O(1)
                termino? ← true O(1)
            else
                clactual.fdb ← 1 O(1)
            end if
        end if
    end if
end while

if clactual.fdb == -1 then O(1)
    fdbIzq : nat O(1)

```

<b>if</b> $cl.izq! = NULL$ <b>then</b>	$O(1)$
$fdbIzq \leftarrow cl.izq.fdb$	
<b>end if</b>	
<b>if</b> $cl.izq! = NULL \wedge_L fdbIzq == +1$ <b>then</b>	$O(1)$
$iROTARLR(cl.izq)$	$O(1)$
<b>end if</b>	
$iROTARLL(cl)$	$O(1)$
$termino? \leftarrow true$	$O(1)$
<b>else</b>	
<b>if</b> $clactual.fdb == +1$ <b>then</b>	$O(1)$
$clactual.fdb \leftarrow 0$	$O(1)$
$termino? \leftarrow true$	$O(1)$
<b>else</b>	
$clactual.fdb \leftarrow -1$	$O(1)$
<b>end if</b>	
<b>end if</b>	
<b>end if</b>	
$variandoHijoDerecho \leftarrow (cl.padre! = NULL \wedge_L cl.padre.der.valor == cl.valor)$	$O(1)$
$clactual \leftarrow clactual.padre$	$O(1)$
<b>end while</b>	
<b>end if</b>	
	$O(\log(size(cl)))$

### Justificación de complejidad

En éste ciclo, tanto para el borrado y para la inserción se tiene un nodo interno que fue modificado y a partir de éste se comienza a subir hasta llegar como máximo al nodo raíz del árbol, recorriendo como mucho la altura del árbol

$iROTARRR(\text{in/out } cl : \text{conjLog}(\alpha))$

<b>var</b> $nietoRR : \text{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl.der.der$	$O(1)$
<b>var</b> $hijoDer : \text{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl.der$	$O(1)$
<b>var</b> $hijoIzq : \text{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl.izq$	$O(1)$
$cl.der \leftarrow NULL$	$O(1)$
$cl.izq = \text{tupla}(\text{der} : \text{hijoDer.der},$	$O(1)$
$izq : cl.izq,$	
$valor : cl.valor,$	
$padre : cl,$	
$fdb : 0)$	
$cl.izq.izq.padre \leftarrow cl.izq$	$O(1)$
$cl.izq.der.padre \leftarrow cl.izq$	$O(1)$
$cl.valor = hijoDer.valor$	$O(1)$
$cl.der = nietoRR$	$O(1)$
$cl.der.padre \leftarrow cl$	$O(1)$
	$O(1)$

### Justificación de complejidad

Son operaciones sobre  $\alpha$  y punteros

**IROTARRL**(in/out  $cl : \text{conjLog}(\alpha)$ )

<b>var</b> <i>nietoRR</i> : $\text{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl.der.der$	$O(1)$
<b>var</b> <i>nietoRL</i> : $\text{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl.der.izq$	$O(1)$
<b>var</b> <i>valorDer</i> : $\alpha \leftarrow cl.der.valor$	$O(1)$
<i>cl.der.valor</i> $\leftarrow$ <i>nietoRL.valor</i>	$O(1)$
<i>nietoRR.izq</i> $\leftarrow$ <i>nietoRL.der</i>	$O(1)$
<i>cl.der.der</i> $\leftarrow$ <i>nietoRR</i>	$O(1)$
<i>cl.der.izq</i> $\leftarrow$ <i>nietoRL.izq</i>	$O(1)$
<i>cl.der.der.padre</i> $\leftarrow$ <i>cl.der</i>	$O(1)$
<i>cl.der.izq.padre</i> $\leftarrow$ <i>cl.der</i>	$O(1)$
<i>cl.izq.fdb</i> $\leftarrow$ +1	$O(1)$
<hr/>	
	$O(1)$

### Justificación de complejidad

Son operaciones sobre  $\alpha$  y punteros

**IROTARLL**(in/out  $cl : \text{conjLog}(\alpha)$ )

<b>var</b> <i>nietoLL</i> : $\text{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl.izq.izq$	$O(1)$
<b>var</b> <i>hijoIzq</i> : $\text{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl.izq$	$O(1)$
<b>var</b> <i>hijoDer</i> : $\text{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl.der$	$O(1)$
<i>cl.izq</i> $\leftarrow$ <i>NULL</i>	$O(1)$
<i>cl.der</i> = <i>tupla</i> ( <i>der</i> : <i>cl.der</i> , <i>izq</i> : <i>hijoIzq.der</i> , <i>valor</i> : <i>cl.valor</i> , <i>padre</i> : <i>cl</i> , <i>fdb</i> : 0)	$O(1)$
<i>cl.der.izq.padre</i> $\leftarrow$ <i>cl.der</i>	$O(1)$
<i>cl.der.der.padre</i> $\leftarrow$ <i>cl.der</i>	$O(1)$
<i>cl.valor</i> = <i>hijoIzq.valor</i>	$O(1)$
<i>cl.izq</i> = <i>nietoLL</i>	$O(1)$
<i>cl.izq.padre</i> $\leftarrow$ <i>cl</i>	$O(1)$
<hr/>	
	$O(1)$

### Justificación de complejidad

Son operaciones sobre  $\alpha$  y punteros

**IROTARLR**(in/out  $cl : \text{conjLog}(\alpha)$ )

<b>var</b> <i>nietoLL</i> : $\text{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl.izq.izq$	$O(1)$
--	--------

<b>var</b> <i>nietoLR</i> : $\text{conjLog}(\alpha) \leftarrow \text{cl.izq.der}$	$O(1)$
<b>var</b> <i>valorIzq</i> : $\alpha \leftarrow \text{cl.izq.valor}$	$O(1)$
<i>cl.izq.valor</i> $\leftarrow \text{nietoRL.valor}$	$O(1)$
<i>nietoLL.izq</i> $\leftarrow \text{nietoLR.izq}$	$O(1)$
<i>cl.izq.izq</i> $\leftarrow \text{nietoLL}$	$O(1)$
<i>cl.izq.der</i> $\leftarrow \text{nietoLR.der}$	$O(1)$
<i>cl.izq.izq.padre</i> $\leftarrow \text{cl.izq}$	$O(1)$
<i>cl.izq.der.padre</i> $\leftarrow \text{cl.izq}$	$O(1)$
<i>cl.izq.fdb</i> $\leftarrow -1$	$O(1)$
	<hr/>
	$O(1)$

### Justificación de complejidad

Son operaciones sobre  $\alpha$  y punteros

$\text{IENCONTRARPADRE}(\text{in } cl : \text{conjLog}(\alpha), e : \alpha) \longrightarrow res : \text{conjLog}(\alpha)$

<b>var</b> <i>clactual</i> : $\text{conjLog}(\alpha)$	$O(1)$
<b>var</b> <i>encontrado?</i> : $\text{bool} \leftarrow (\text{clactual.der!} = \text{NULL} \wedge_L \text{clactual.der.valor} == e) \vee (\text{clactual.izq!} = \text{NULL} \wedge_L \text{clactual.izq.valor} == e)$	
<b>while</b> $\neg \text{encontrado?}$ <b>do</b>	
<b>if</b> $e > \text{clactual.valor}$ <b>then</b>	
<i>clactual</i> $\leftarrow \text{clactual.der}$	$O(1)$
<b>else</b>	
<i>clactual</i> $\leftarrow \text{clactual.izq}$	$O(1)$
<b>end if</b>	
<i>encontrado?</i> $\leftarrow (\text{clactual.der!} = \text{NULL} \wedge_L \text{clactual.der.valor} == e) \vee (\text{clactual.izq!} = \text{NULL} \wedge_L \text{clactual.izq.valor} == e)$	
<b>end while</b>	
<i>res</i> $\leftarrow \text{clactual}$	$O(1)$
	<hr/>
	$O(\text{size}(cl))$

### Justificación de complejidad

El ciclo recorre a lo sumo una rama del árbol (el árbol está ordenado), teniendo ésta como máximo la altura del árbol (sus alturas no difieren en más de una hoja) que es  $\log(n)$ , con  $n = \text{size}(cl)$

$\text{IDAMEMAYORMENORES}(\text{in } cl : \text{conjLog}(\alpha), e : \alpha) \longrightarrow res : \text{conjLog}(\alpha)$

<b>var</b> <i>clactual</i> : $\text{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl$	$O(1)$
<b>if</b> $\text{clactual.izq!} = \text{NULL}$ <b>then</b>	$O(1)$
<i>clactual</i> $\leftarrow \text{iMayorNodo}(\text{clactual})$	$O(\log(\text{size}(cl)))$
<b>end if</b>	
<i>res</i> $\leftarrow \text{clactual}$	$O(1)$
	<hr/>

### Justificación de complejidad

Por álgebra de órdenes

$\text{IMENORNODO}(\text{in } cl : \text{conjLog}(\alpha)) \longrightarrow res : \text{conjLog}(\alpha)$

**var**  $clactual : \text{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl$   $O(1)$

**while**  $clactual.izq! = NULL$  **do**  
      $clactual \leftarrow clactual.izq$

**end while**

$res \leftarrow clactual$   $O(1)$

---

$O(\log(\text{size}(cl)))$

### Justificación de complejidad

Para encontrar el menor nodo se recorre el árbol siempre a la izquierda, se alcanza a recorrer una única rama, es decir la altura del árbol

$\text{IMAYORNODO}(\text{in } cl : \text{conjLog}(\alpha)) \longrightarrow res : \text{conjLog}(\alpha)$

**var**  $clactual : \text{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl$   $O(1)$

**while**  $clactual.der! = NULL$  **do**  
      $clactual \leftarrow clactual.der$

**end while**

$res \leftarrow clactual$   $O(1)$

---

$O(\log(\text{size}(cl)))$

### Justificación de complejidad

Para encontrar el mayor nodo se recorre el árbol siempre a la derecha, se alcanza a recorrer una única rama, es decir la altura del árbol

$\text{SIZE}(\text{in } cl : \text{conjLog}(\alpha)) \longrightarrow res : nat$

**if**  $cl == NULL$  **then**

$res \leftarrow 0$

**else**

$res \leftarrow 1 + iSize(cl.der) + iSize(cl.izq)$

**end if**

## 3.7 Operaciones auxiliares de $\text{conj}(\alpha)$

$menor : \text{conj}(\alpha) \rightarrow \alpha \quad \{\#(c) > 0\}$

$menor(c) =$

**if**  $(\#(c) = 1)$  **then**

$dameUno(c)$

**else**

**if**  $(dameUno(c) < menor(sinUno(c)))$  **then**

```
        dameUno(c)
    else
        menor(sinUno(c))
    fi
fi
```

## 4 Diccionario por Prefijos

El módulo Diccionario por prefijos provee un diccionario en el que las claves son secuencias no acotadas de caracteres. Con el se puede definir una clave, obtener un significado y eliminar una clave. Estas tres operaciones están definidas en tiempo  $O(L)$  con  $L$  la máxima longitud del conjunto de las claves introducidas (y cuando se está definiendo una clave se incluye en el conjunto la clave a introducir).

### 4.1 Interfaz

**parámetros formales**

**géneros**  $\beta$

**se explica con** `DICCIONARIO(SECU(CHAR),  $\beta$ )`

**géneros** `diccPref(secu(char),  $\beta$ )`

#### Operaciones

`NUEVO()`  $\longrightarrow res : \text{diccPref}(\text{secu}(\text{char}), \beta)$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{(\forall p:\text{secu}(\text{char})) \neg(\text{def?}(p, res))\}$

**Descripción:** Crea un nuevo diccionario vacío

**Complejidad:**  $O(1)$

`DEF?(in  $dp : \text{diccPref}(\text{secu}(\text{char}), \beta)$ , in  $p : \text{secu}(\text{char})$ )`  $\longrightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res = p \in \text{claves}(dp)\}$

**Descripción:** Devuelve true o false según si la clave está o no definida

**Complejidad:**  $O(L)$

`CLAVES(in  $dp : \text{diccPref}(\text{secu}(\text{char}), \beta)$ )`  $\longrightarrow res : \text{conj}(\text{secu}(\text{char}))$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{(\forall c:\text{secu}(\text{char})) c \in \text{claves}(dp) \iff \text{def?}(c, dp)\}$

**Descripción:** Devuelve un conjunto de las claves del diccionario

**Complejidad:**  $O(n)$

`DEFINIR(in/out  $dp : \text{diccPref}(\text{secu}(\text{char}), \beta)$ , in  $p : \text{secu}(\text{char})$ , in  $s : \beta$ )`

**Pre**  $\equiv \{dp = dp_0 \wedge \neg \text{def?}(p, dp)\}$

**Post**  $\equiv \{\text{def?}(p, dp) \wedge \text{obtener}(p, dp) =_{\text{obs}} s \wedge (\forall c \in \text{claves}(dp_0)) \text{def?}(c, dp)\}$

**Descripción:** Inserta una nueva clave con su significado en el diccionario

**Complejidad:**  $O(L)$

`OBTENER(in  $dp : \text{diccPref}(\text{secu}(\text{char}), \beta)$ , in  $p : \text{secu}(\text{char})$ )`  $\longrightarrow res : \beta$

**Pre**  $\equiv \{\text{def?}(p, dp)\}$

**Post**  $\equiv \{res = \text{obtener}(p, dp)\}$

**Descripción:** Retorna el significado de la clave pedida

**Complejidad:**  $O(L)$

**Aliasing:** Devuelve res por referencia

`ELIMINAR(in/out  $dp : \text{diccPref}(\text{secu}(\text{char}), \beta)$ , in  $p : \text{secu}(\text{char})$ )`

**Pre**  $\equiv \{dp = dp_0 \wedge \text{def?}(p, dp)\}$

**Post**  $\equiv \{\neg \text{def?}(p, dp) \wedge (\forall c \in \text{claves}(dp_0), c \neq p) \text{def?}(c, dp)\}$

**Descripción:** Elimina del diccionario la clave deseada  
**Complejidad:**  $O(L)$



## 5 Paquete

Un Paquete representa a un paquete a partir de una tupla que contiene el id del paquete, la prioridad, el origen el destino y un indicador de en que parte de su camino está.

### 5.1 Interfaz

se explica con    **PAQUETE**

géneros                **paquete**

#### Operaciones

**CREARPAQUETE**(**in**  $id : \text{nat}$ , **in**  $o : \text{compu}$ , **in**  $d : \text{compu}$ , **in**  $pr : \text{nat}$ )  $\longrightarrow res : \text{paquete}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{pi_1(res) = id \wedge pi_2(res) = pr \wedge pi_3(res) = o \wedge pi_4(res) = d\}$

**Descripción:** Crea un paquete

**Complejidad:**  $O(1)$

•  $<_p$  •(**in**  $p_1 : \text{paquete}$ , **in**  $p_2 : \text{paquete}$ )  $\longrightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res = \text{true} \iff (\pi_2(p_1) = \pi_2(p_2) \wedge pi_1(p_1) < pi_1(p_2) \vee (\pi_1(p_1) < \pi_1(p_2)))\}$

**Descripción:** Define un orden en paquete según la prioridad

**Complejidad:**  $O(1)$

•  $<_{id}$  •(**in**  $p_1 : \text{paquete}$ , **in**  $p_2 : \text{paquete}$ )  $\longrightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res = \text{true} \iff id(p_1) < id(p_2)\}$

**Descripción:** Define un orden en paquete según el id

**Complejidad:**  $O(1)$

**ID**(**in**  $p : \text{paquete}$ )  $\longrightarrow res : \text{nat}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res = \pi_1(paquete)\}$

**Descripción:** *Getter de id*

**Complejidad:**  $O(1)$

**PRIORIDAD**(**in**  $p : \text{paquete}$ )  $\longrightarrow res : \text{nat}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res = \pi_2(paquete)\}$

**Descripción:** *Retorna la prioridad del paquete*

**Complejidad:**  $O(1)$

**ORIGEN**(**in**  $p : \text{paquete}$ )  $\longrightarrow res : \text{Ip}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res = \pi_3(paquete)\}$

**Descripción:** *Retorna la computadora donde se insertó el paquete*

**Complejidad:**  $O(1)$

**DESTINO**(**in**  $p : \text{paquete}$ )  $\longrightarrow res : \text{Ip}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res = \pi_4(paquete)\}$

**Descripción:** *Retorna la computadora destino*

**Complejidad:**  $O(1)$

## 5.2 Representación

se representa con paquete

donde paquete es tupla $\langle$ id : nat,  
                            origen : Ip,  
                            destino : Ip,  
                            prioridad : nat $\rangle$

## 6 PaquetePos

Un PaquetePos es

### 6.1 Interfaz

se explica con  $\text{tupla} \langle : \text{Paquete},$   
 $\quad \quad \quad : \text{nat},$   
 $\quad \quad \quad : \text{nat},$   
 $\quad \quad \quad : \text{nat} \rangle$

géneros  $\quad \quad \quad \text{paquetePos}$

#### Operaciones

**CREARPAQUETE**(**in**  $id : \text{nat}$ , **in**  $o : \text{compu}$ , **in**  $d : \text{compu}$ , **in**  $pr : \text{nat}$ )  $\longrightarrow res : \langle \text{paquete}, \text{nat}, \text{nat}, \text{nat} \rangle$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{pi_1(pi_1(res)) = id \wedge pi_2(pi_1(res)) = pr \wedge pi_3(pi_1(res)) = o \wedge pi_4(pi_1(res)) = d\}$

**Descripción:** Crea un paquete

**Complejidad:**  $O(1)$

•  $\langle_p \bullet (\text{in } p_1 : \langle \text{paquete}, \text{nat}, \text{nat}, \text{nat} \rangle, \text{in } p_2 : \langle \text{paquete}, \text{nat}, \text{nat}, \text{nat} \rangle) \longrightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res = \text{true} \iff (\pi_2(\pi_1(p_1)) = \pi_2(\pi_1(p_2)) \wedge \pi_1(\pi_1(p_1)) < \pi_1(\pi_1(p_2)) \vee (\pi_1(\pi_1(p_1)) < \pi_1(\pi_1(p_2))) \wedge \pi_1(\pi_1(p_1)) < \pi_1(\pi_1(p_2)))\}$

**Descripción:** Define un orden en paquete según la prioridad

**Complejidad:**  $O(1)$

•  $\langle_{id} \bullet (\text{in } p_1 : \langle \text{paquete}, \text{nat}, \text{nat}, \text{nat} \rangle, \text{in } p_2 : \langle \text{paquete}, \text{nat}, \text{nat}, \text{nat} \rangle) \longrightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res = \text{true} \iff (pi_1(pi_1(p_1)) < (pi_1(pi_1(p_2))))\}$

**Descripción:** Define un orden en paquete según el id

**Complejidad:**  $O(1)$

**GETPAQUETE**(**in**  $p_{pos} : \langle \text{paquete}, \text{nat}, \text{nat}, \text{nat} \rangle$ )  $\longrightarrow res : \text{paquete}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \pi_1(\text{paquete})\}$

**Descripción:** Retorna el paquete

**Complejidad:**  $O(1)$

**INDICEORIGEN**(**in**  $p : \langle \text{paquete}, \text{nat}, \text{nat}, \text{nat} \rangle$ )  $\longrightarrow res : \text{nat}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res = \pi_2(p)\}$

**Descripción:** Retorna el valor indiceOrigen

**Complejidad:**  $O(1)$

**INDICEDESTINO**(**in**  $p : \langle \text{paquete}, \text{nat}, \text{nat}, \text{nat} \rangle$ )  $\longrightarrow res : \text{nat}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res = \pi_3(p)\}$

**Descripción:** Retorna el valor indiceDestino

**Complejidad:**  $O(1)$

**POSACTUAL**(**in**  $p : \langle \text{paquete}, \text{nat}, \text{nat}, \text{nat} \rangle$ )  $\longrightarrow res : \text{nat}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res = \pi_4(p)\}$

**Descripción:** Retorna el valor posActual

**Complejidad:**  $O(1)$

ACTUALIZARPOSACTUAL(**in/out**  $p : \langle paquete, nat, nat, nat \rangle$ )

**Pre**  $\equiv \{p_1 =_{\text{obs}} p\}$

**Post**  $\equiv \{posActual(p) = posActual(p_1) + 1\}$

**Descripción:** Aumentar la posición actual

**Complejidad:**  $O(1)$

## 6.2 Representación

se representa con paqPos

donde paqPos es tupla( $\langle$ paquete : paquete,  
                            índiceOrigen : nat,  
                            índiceDestino : nat,  
                            posActual : nat $\rangle$ )

### Justificación de estructura

Las restricciones de complejidad del tipo dcnet para caminoRecorrido y enEspera nos obligaron a tener representadas dos estructuras distintas para almacenar los paquetes. En una de ellas tenemos los paquetes a retornar por la operación enEspera que devuelve los paquetes en la cola de cierta computadora y en la otra devolvemos una estructura similar a paquete (paquetePos) con información adicional acerca de la posición en el arreglo de compus en que se encuentra el paquete que nos permite encontrar el caminoRecorrido en el tiempo solicitado.

## 7 ColaP

### 7.1 Interfaz( $\alpha, =_\alpha, <_\alpha$ )

#### 7.1.1 parámetros formales

**géneros**  $\alpha$

**operaciones**

•  $=_\alpha$  • :  $\alpha \times \alpha \rightarrow bool$  Relación de equivalencia

•  $<_\alpha$  • :  $\alpha \times \alpha \rightarrow bool$  Relación de orden

**se explica con** COLA( $\alpha$ )

**géneros**  $cp(\alpha)$

### 7.2 Operaciones

NUEVO()  $\rightarrow res : cp(\alpha)$

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} vacia\}$

**Descripción:** Crea una nueva cp

**Complejidad:** O(1)

ENCOLAR(**in/out**  $cp : cp(\alpha)$ , *in*  $e : \alpha$ )

**Pre**  $\equiv \{(cp_0 = cp)\}$

**Post**  $\equiv \{cp =_{obs} encolar(cp_0, e)\}$

**Descripción:** Se inserta el elemento e en la cola, si el elemento ya existe, no hace nada

**Complejidad:** O(log(n)), n :  $\#(cp.colalog)$

**Aliasing:** El elemento se inserta por referencia

PROXIMO(**in**  $cp : cp(\alpha)$ )  $\rightarrow res : \alpha$

**Pre**  $\equiv \{\neg(Vacia?(cp))\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} proximo(cp)\}$

**Descripción:** Retorna el proximo elemento

**Complejidad:** O(1)

**Aliasing:** El elemento se devuelve por referencia, hay aliasing

DESENCOLAR(**in/out**  $cp : cp(\alpha)$ )

**Pre**  $\equiv \{(cp_0 =_{obs} cp) \wedge \neg(Vacia?(cp))\}$

**Post**  $\equiv \{cp =_{obs} desencolar(cp_0)\}$

**Descripción:** Quita el elemento de mas prioridad de la cola

**Complejidad:** O(log(n)), n =  $\#(cp.colalog)$

### 7.3 Representación

**se representa con** cpstr

donde cpstr es maxP :  $\alpha$ , colaLog :  $conjLog(\alpha)$

### 7.3.1 Invariante de representación

$$1. \neg(\text{Vacío?}(cp.colalog)) \Rightarrow_L cp.maxP = menor(cp.colalog)$$

### 7.4 Función de abstracción

$$\begin{aligned} \text{Abs} : \widehat{cp(\alpha)} \ cp &\longrightarrow \widehat{cola(\alpha)} && \{\text{Rep}(cp)\} \\ (\forall cp : \widehat{cp(\alpha)}) & \\ \text{Abs}(cp) \equiv c : \widehat{cola(\alpha)} \mid & \\ \text{Vacío?}(c) =_{\text{obs}} \text{Vacío?}(cp.colalog) \wedge \text{proximo}(cp) =_{\text{obs}} \text{proximo}(c) \wedge \text{desencolar}(c) =_{\text{obs}} \text{desencolar}(cp) \end{aligned}$$

### 7.5 Algoritmos

n: cant de elementos de la cola

NUEVA() $\longrightarrow res : cp(\alpha)$	
$res \leftarrow \text{CrearTupla}(\alpha,)$	
$res.maxP \leftarrow NULL$	O(1)
$res.colalog \leftarrow \text{nuevo}()$	O(1)
return res	O(1)
	<hr/>
	O(1)
ENCOLAR( <b>in/out</b> $cp : cp(\alpha)$ , <b>in</b> $e : \alpha$ )	
<b>if</b> $\neg(\text{Vacío?}(cp))$ <b>then</b>	O(1)
$cp.maxP \leftarrow e$	O(1)
insertar( $cp.colalog, e$ )	O(1)
<b>else</b>	
<b>if</b> $cp.maxP > e$ <b>then</b>	O(1)
$cp.maxP \leftarrow e$	O(1)
<b>end if</b>	
insertar( $cp.colalog, e$ )	O(log(n))
<b>end if</b>	
	<hr/>
	O(log(n))
DESENCOLAR( <b>in/out</b> $cp : cp(\alpha)$ )	
Borrar( $cp.colalog, menor(cp.colalog)$ )	O(log(n))
$cp.maxP \leftarrow menor(cp.colalog)$	O(1)
	<hr/>
	O(log(n))
PROXIMO( <b>in</b> $cp : cp(\alpha)$ ) $\longrightarrow res : \alpha$	
$res \leftarrow cp.maxP$	O(1)
return res	O(1)
	<hr/>
	O(1)