

# Trabajo Práctico 2: Diseño

Primer cuatrimestre - 2015

Algoritmos y Estructuras de Datos II

## Grupo 2

Integrante	LU	Correo electrónico
Benitez, Nelson	945/13	nelson.benitez92@gmail.com
Roizman, Violeta	273/11	violeroizman@gmail.com
Vázquez, Jésica	318/13	jesis_93@hotmail.com
Zavalla, Agustín	670/13	nkm747@gmail.com

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		



## Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires Ciudad Universitaria – Pabellón I (Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2160 – C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires – Rep. Argentina

## Índice

1.	$\mathbf{DC}$				
	1.1.	Interfaz			
	1.2.	Representación			
	1.3.	Servicios Usados			
2.	Mó	dulo Red			
	2.1.	Interfaz			
	2.2.	Extensión del TAD Red			
	2.3.	Representación			
3.	ConjLog 1				
	3.1.	Interfaz $(\alpha, =_{\alpha}, <_{\alpha})$			
		3.1.1. parámetros formales			
	3.2.	Representación			
	3.3.				
	3.4.	Función de abstracción			
		3.4.1. Aclaración de complejidades			
	3.5.	Algoritmos			
	3.6.	Auxiliares			
	3.7.	Operaciones auxiliares de $\operatorname{conj}(\alpha)$			
4.	Dice	cionario por Prefijos 25			
	4.1.	Interfaz			
<b>5.</b>	Paq	uete 27			
	5.1.	Interfaz			
	5.2.	Representación			
6.	Paq	uetePos 29			
	_	Interfaz			
	6.2.	Representación			

#### 1 DCNet

Una DCNet es un sistema que tiene computadoras en red que reciben paquetes que envían a la computadora destino a cada segundo.

#### 1.1 Interfaz

```
se explica con DCNET
usa Compu, Paquete, Red, diccPref, conjLog, conjLogP
géneros
                    dcnet
Operaciones
CREARSISTEMA(in r : red) \longrightarrow res : dcnet
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} iniciarDCNet(r) \}
Descripción: Crea un sistema DCNet.
Complejidad: O(???)
CREARPAQUETE(in/out \ s : dcnet, in \ p : paquete)
\mathbf{Pre} \equiv \{s =_{obs} s_0 \land (\forall p_0 : paquete, paqueteEnTransito?(p, s)) \neg (p_0 =_{obs} p) \land 
         destino(p) \in compus(red) \land origen(p) \in compus(red) \land_{L}
         hay camino?(destino(p), origen(p), red(s))}
Post \equiv \{s =_{obs} crearPaquete(s_0, p)\}\
Descripción: Crea un paquete y lo agrega a la computadora correspondiente.
Complejidad: O(L + log(k)) AVANZARSEGUNDO(in/out s: dcnet)
\mathbf{Pre} \equiv \{s =_{\text{obs}} s_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{s =_{\mathrm{obs}} avanzarSegundo(s_0)\}\
Descripción: Avanza un segundo el sistema. Todas las computadoras envían su respectivo paquete
                y en consecuencia se actualizar los paquetes en espera de cada una de ellas.
Complejidad: O(n \times (L + log(n) + log(k))) DAMERED(in s : dcnet) \longrightarrow res : puntero(red)
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} red(s) \}
Descripción: Devuelve la red de DCNet.
Complejidad: O(1)
Aliasing: Devuelve un puntero a la misma red que la que se pasó como parámetro para crear el
sistema
CAMINORECORRIDO(in s: dcnet, in p: paquete) \longrightarrow res: secu(compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{paqueteEnTransito?(s, p)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} caminoRecorrido(s, p) \}
Descripción: Devuelve el camino recorrido hasta el momento por un paquete.
Complejidad: O(n \times log(max(n,k)))
Aliasing: Devuelve puntero al camino recorrido que se encuentra en CaminosMinimos
CANTIDADENVIADOS(in s: dcnet, in c: compu) \longrightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in computadoras(red(s))\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} cantidadEnviados(s, c) \}
Descripción: Devuelve la cantidad de paquetes enviados por una computadora.
Complejidad: O(n) ENESPERA(in s: dcnet, in c: compu) \longrightarrow res: puntero(conjLogP(paquete)))
```

 $\mathbf{Pre} \equiv \{c \in computadoras(red(s))\}\$ 

```
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} enEspera(s, c)\}\
```

Descripción: Devuelve un iterador a los paquetes de la computadora.

Complejidad: O(L)

Aliasing: Hay aliasing entre res y el conjunto de paquetes de la computadora pasada por paráme-

tro LAQUEMASENVIO( $\mathbf{in}\ s:\mathtt{dcnet})\longrightarrow \mathit{res}:\mathtt{compu}$ 

 $\mathbf{Pre} \equiv \{true\}$ 

 $\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} laQueMasEnvio(s, p) \}$ 

Descripción: Devuelve la computadora que más paquetes envió.

Complejidad: O(1) Las complejidades están en función de las siguientes variables:

n: la cantidad total de computadoras que hay en el sistema,

L: el hostname más largo de todas las computadoras,

k: la cola de paquetes más larga de todas las computadoras.

#### 1.2 Representación

se representa con sistema

esto se puede borrar despues: aclaracion en compus en cada indice del arreglo esta la compu correspondiente a esa numeracion

#### Invariante de representación

- 1. Todos los IP de *compus* pertenecen al conjunto de claves de *CompusPorPref* y la longitud de dicho arreglo es igual al cardinal de las claves del diccionario.
- 2. Los pN de las tuplas que tiene el arreglo *compus* apuntan al conjunto de paquetes(PorNom) de un significado en *CompusPorPref* cuya clave es igual al IP de esa posición en el arreglo.
- 3. Todos los conjuntos de los significados de CompusPorPref son disjuntos dos a dos.
- 4. Los conjuntos de los campos de la tupla PorNom, PorPrior son iguales.
- 5. La longitud de *CaminosMinimos* es igual a la longitud del arreglo que tiene *CaminosMinimos* en cada posición.
- 6. La longitud del arreglo, que tiene un arreglo de *CaminosMinimos* es menor o igual a la longitud de *CaminosMinimos*.
- 7. Los elementos del arreglo anteriormente mencionado son IPs del diccionario *CompusPorPref* y no tiene repetidos.
- 8. La computadora que más paquetes envió es aquella cuyo índice es igual a LaQMasEnvio

$$\begin{aligned} & \text{Rep : } \widehat{\texttt{sistema}} \longrightarrow boolean \\ & (\forall s : \widehat{\texttt{sistema}}) \\ & \text{Rep}(s) \equiv \end{aligned}$$

```
1. \forall s : \text{String } def?(s, s.CompusPorPref), (\exists c : compu), esta?(c, s.Compus) \land \pi_1(c) = s \land
longitud(s.Compus) = \#CLAVES(s.CompusPorPref)
2. \forall c : \text{compu esta}?(c, s.Compus), *\pi_2(c) = \text{obtener}(\pi_1(c), s.CompusPorPref)
3. \forall s, t : \text{String def?}(s, s.CompusPorPref) \land \text{def?}(t, s.CompusPorPref) \land s \neq t \Rightarrow_{\texttt{L}}
obtener(s, s.CompusPorPref) \cap obtener(t, s.CompusPorPref) = \emptyset
4. \forall s : \text{String def?}(s, s.CompusPorPref) \Rightarrow_{L} \pi_1(\text{obtener}(s, s.CompusPorPref)) =
\pi_2(\text{obtener}(s, s.CompusPorPref))
5, 6, 7. \ (\forall i, j : \text{nat}), \ 0 \leq i, j < \text{longitud}(s.CaminosMinimos) \Rightarrow_{\text{L}} \text{longitud}(s.CaminosMinimos) =
longitud(s.CaminosMinimos[i]) \land longitud(s.CaminosMinimos[i][j]) < longitud(s.CaminosMinimos) \land
(\forall e : \text{nat}), \text{esta?}(e, s.CaminosMinimos[i][j]) \Rightarrow \text{pertenece}(e, s.CompusPorPref)
8.\forall c: \text{compu} \text{ esta?}(c, s.Compus) \Rightarrow_{\text{L}} \pi_3(c) \leq \pi_3(s.Compus[s.LaQMasEnvio])
Algoritmos
ICREARSISTEMA(in r : red) \longrightarrow res : dcnet
    res.red \leftarrow r
    n \leftarrow \#(\text{COMPUS}(red))
                                                                                                                                             O(\#compus(red)=n)?
    i \leftarrow 0
                                                                                                                                             O(1)
    j \leftarrow 0
                                                                                                                                             O(n)
    res.Compus \leftarrow CrearArreglo(n)
                                                                                                                                             O(n)
    res.CaminosMinimos \leftarrow CrearArreglo(n)
    var p : arreglo_dimensionable de puntero(conjLog(paquete))
    while i<n do
                                                                                                                                             O(n)
           res.CaminosMinimos[i] \leftarrow \text{CrearArreglo}(n)
                                                                                                                                             O(n)
           p[i] \leftarrow NULL
                                                                                                                                             O(1)
           res.Compus[i] \leftarrow < compu(r,i), p[i], 0 >
                                                                                                                                             O(1)
           s: < nat, conjLog(paquete, <_{id}), conjLog(paquete, <_p),
    conjLog(< paquete, indiceActual, indiceOrigen, indiceDestino>, <_{id}), conjLog(< paquete, indiceActual, indiceOrigen, indiceDestino>, <_{id}), conjLog(< paquete, indiceActual, indiceDestino>, <_{id}), conjLog(< paquete, indiceActual, indiceDestino>, <_{id}), conjLog(< paquete, indic
    ,<_p)> HAY que ver bien donde definir la relacion!!
            \pi_1(s) \leftarrow compu(r,i)
            \pi_2(s) \leftarrow \text{NUEVO}()
            \pi_3(s) \leftarrow \text{NUEVO}()
            \pi_4(s) \leftarrow \text{NUEVO}()
           \pi_5(s) \leftarrow \text{NUEVO}()
           DEFINIR(res.CompusPorPref,compu(r,i),s)
                                                                                                                                             O(L)
            while j<n do
                                                                                                                                             O(n)
                   res.CaminosMinimos[i][j] \leftarrow caminoMinimo(compu(r,i), compu(r,j), r)
                                                                                                                                             O(complejidad cammin(red))
                   j + +
           end while
           i + +
    end while
                                                                                                                                             O(1)
    res.LaQMasEnvio \leftarrow 0
                                                                                                                                             O(\max\{n^2 \times O(complejidadcammin(red)),
ICREARPAQUETE(in/out \ s : dcnet, in/out \ p : paquete)
    t_1 : \langle nat, conjLog(paquete, \langle id), conjLog(paquete, \langle p), \rangle
    conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_p) >
    t_1 \leftarrow \text{Obtener}(origen(p), s.CompusPorPref)
                                                                                                                                             O(L)
    t_2 : \langle nat, conjLog(paquete, \langle id), conjLog(paquete, \langle p), \rangle
```

 $conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_{p}) >$ 

```
t_2 \leftarrow \text{Obtener}(destino(p), s.CompusPorPref)
                                                                                O(L)
  p': paguetePos
  indiceOrigen(p') \leftarrow \pi_1(t_1)
                                                                                O(1)
  indiceDestino(p') \leftarrow \pi_1(t_2)
                                                                                O(1)
  indiceActual(p') \leftarrow 0
  INSERTAR(\pi_2(t), p)
                                                                                O(log(k))
  INSERTAR(\pi_3(t), p)
                                                                                O(log(k))
  INSERTAR(\pi_4(t), p')
                                                                                O(log(k))
  INSERTAR(\pi_5(t), p')
                                                                                O(log(k))
                                                                                O(L + log(k))
ILAQUEMASENVIO(\mathbf{in}\ s:\mathtt{dcnet})\longrightarrow res:\mathtt{compu}
  res \leftarrow s.compus[s.LaQMasEnvio].IP
                                                                                O(1)
        ACLARACION: ACA deberia devolver una compu pero es alto bardo y no
  puedo hacerlo en O(1) me faltan las interfaces
                                                                                O(1)
IDAMERED(\mathbf{in}\ s: \mathtt{dcnet}) \longrightarrow \mathit{res}: \mathtt{puntero(red)}
  res \leftarrow \&(s.red)
                                                                                O(1)
                                                                                O(1)
\texttt{IENESPERA}(\textbf{in } s: \texttt{dcnet}, \textbf{in } c: \texttt{compu}) \longrightarrow \textit{res}: \texttt{puntero}(\texttt{conjLogP}(\texttt{paquete}))
  t : \langle nat, conjLog(paquete, \langle id), conjLog(paquete, \langle p), \rangle
  conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_{p}) >
                                                                                O(L)
  t \leftarrow \text{Obtener}(\pi_1(c), s.CompusPorPref)
  res \leftarrow \&(\pi_3(t))
                                                                                O(1)
                                                                                O(L)
IAVANZARSEGUNDO(in/out s : dcnet)
  \mathbf{var} \ i : \mathtt{nat}
  i \leftarrow 0
                                                                                O(1)
  var m : nat
  m \leftarrow s.Compus[LaQMasEnvio].\#PaqE
  while i < LONGITUD(s.Compus) do
                                                                                O(n)
       var IP : String
      IP \leftarrow s.Compus[i].IP
      t_1 : \langle nat, conjLog(paquete, \langle id), conjLog(paquete, \langle p), \rangle
  conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_{p}) >
      t_1 \leftarrow \text{OBTENER}(IP, s.CompusPorPref)
                                                                                O(L)
      var p : paquete
      if \neg VACIA?(\pi_5(t_1)) then
           p' \leftarrow \text{SACARMAX}(\pi_5(t_1))
                                                                                O(log(k))
           BORRAR(\pi_2(t_1), \text{ PAQUETE}(p'))
                                                                                O(log(k))
           BORRAR(\pi_3(t_1), PAQUETE(p'))
                                                                                O(log(k))
                                                                                O(log(k))
           BORRAR(\pi_4(t_1), p')
           BORRAR(\pi_5(t_1), p')
                                                                                O(log(k))
           s.Compus[i].\#PaqE \leftarrow s.compus[i].\#PaqE + 1
                                                                                O(1)
           proxima \leftarrow s.CaminosMinimos[INDICEORIGEN(p')][INDICEDESTINO(p')][INDICEACTUAL(p')+
  1]
                                                                                O(1) o O(L) si se copia
        ACLARACION: coherente con caminoMinimo (sup que da un arreglo de IP)
           if \neg(\text{DESTINO}(\text{PAQUETE}(p')) = proxima) then
                                                                                O(L)
        ACLARACION: Si no es porque ya no esta en transito entonces hay que aclarar en algún
```

lugar si eliminamos el paquete

```
O(1)
              ACTUALIZARINDICE(p')
              t_2 :< nat, conjLog(paquete, <_{id}), conjLog(paquete, <_p),
  conjLog(paquetePos, <_{id}), conjLog(paquetePos, <_{p}) >
              t_2 \leftarrow \text{OBTENER}(proxima, s.CompusPorPref)
                                                                              O(L)
              INSERTAR(\pi_2(t_2), PAQUETE(p'))
                                                                              O(log(k))
              INSERTAR(\pi_3(t_2), PAQUETE(p'))
                                                                              O(log(k))
              INSERTAR(\pi_4(t_2), p')
                                                                              O(log(k))
              INSERTAR(\pi_5(t_2), p')
                                                                              O(log(k))
          end if
          if s.Compus[i].\#PaqE > max) then
                                                                             O(1)
              max \leftarrow i
                                                                              O(1)
          end if
      end if
      i \leftarrow i + 1
                                                                             O(1)
  end while
  s. LaQMasEnvio \leftarrow max
                                                                             O(1)
                                                                             O(n \times (L + log(k)))
ICANTIDADENVIADOS(in/out \ s : dcnet, \ in \ c : compu) \longrightarrow res : nat
  \mathbf{var} \ i : \mathtt{nat}
  i \leftarrow 0
                                                                              O(1)
  while s.compus[i].IP \neq \pi_1(c) do
                                                                              O(n)
      i \leftarrow i + 1
                                                                              O(1)
  end while
  res \leftarrow s.compus[i].\#PaqE
                                                                              O(1)
                                                                              O(n)
ICAMINORECORRIDO(in s: dcnet, in p: paquete) \longrightarrow res: secu(compu)
  \mathbf{var}\ i:\mathtt{nat}
  i \leftarrow 0
                                                                             O(1)
  var b : bool
  b \leftarrow \neg (\text{PERTENECE?}(p, *(s.compus[i].pN))) \text{ ESTA BIEN ESTE PERTENECE? Y CREO que la}
  estructura deberria apuntar a colalog con paquetespos tambien
                                                                              O(log(k))
  while b do
                                                                              O(n)
                                                                              O(1)
      b \leftarrow \neg(\text{PERTENECE?}(p, *(s.compus[i].pN)))
                                                                              O(log(k))
  end while
  res \leftarrow s.CaminosMinimos[INDICEORIGEN(p')][i]
                                                                             O(n \times log(k))
```

#### 1.3 Servicios Usados

Del modulo Conj Log requerimos pertenece, buscar, sacar Max, insertar y borrar en<br/>  $\mathcal{O}(\log(k))$ 

Del modulo Diccionario Por Prefijos requerimos Def?, obtener en O(L).

#### 2 Módulo Red

El módulo red permite crear una red de computadoras, agregar nuevas, conectarlas y averiguar el camino mínimo entre dos de ellas.

#### 2.1 Interfaz

```
se explica con
                       \operatorname{Red}
géneros
                         red
Operaciones
NUEVA() \longrightarrow res : red
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res \equiv iniciarRed \}
Descripción: Crea una red vacía
Complejidad: O(?)
Aliasing:
AGREGARCOMPU(in/out \ r : red, in \ c : compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{r \equiv r_0 \land (\forall c_1: \mathbf{compu})(c_1 \in \mathbf{computadoras}(r)) \Rightarrow \mathbf{IP}(c) \neq \mathbf{IP}(c_1)\}
\mathbf{Post} \equiv \{r \equiv \operatorname{agregarComputadora}(r, c)\}
Descripción: Agrega a la red r la computadora c
Complejidad: O(?)
Aliasing:
CONECTAR(in/out r: red, in c1: compu, in i1: interfaz, in c2: compu, in i2: interfaz)
\mathbf{Pre} \equiv \{r \equiv r_0 \land c_1 \in \operatorname{computadoras}(r) \land c_2 \in \operatorname{computadoras}(r) \land \operatorname{IP}(c_1) \neq \operatorname{IP}(c_2)\}
            \land \neg conectadas(r,c1,c2) \land \neg UsaInterfaz?(r,c1,i1) \land \neg UsaInterfaz?(r,c2,i2)
\mathbf{Post} \equiv \{r \equiv \operatorname{conectar}(r, c1, i1, c2, i2)\}\
Descripción: Conecta las computadoras c_1 y c_2
Complejidad: O(?)
Aliasing:
CAMINOSMINIMOS(in r : red, in c1 : compu, in c2 : compu) \longrightarrow res : conj(secu(nat))
\mathbf{Pre} \equiv \{c_1 \in \operatorname{computadoras}(r) \land c_2 \in \operatorname{computadoras}(r)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{r \equiv \operatorname{caminosMinimos}(r, c_1, c_2)\}\
Descripción: Devuelve los caminos mínimos entre dos computadoras
Complejidad: O(?)
Aliasing:
STRINGAINDICE(in r : red, in c : compu) \longrightarrow res : nat
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(r)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ res \equiv \mathrm{indice}(r,c) \}
Descripción: Devuelve un nat distinto para cada IP
Complejidad: O(?)
Aliasing:
USAINTERFAZ?(in r : red, in c : compu, in i : interfaz) \longrightarrow res : bool
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(r) \land i \in \operatorname{interfaces}(c)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res \equiv UsaInterfaz?(r,c,i)\}
```

Descripción: Devuelve TRUE si y solo si la interfaz está siendo utilizada

```
Complejidad: O(?)
Aliasing:

HAYCAMINO?(in r : red, in c1 : compu, in c2 : compu) \longrightarrow res : bool

Pre \equiv \{c_1 \in computadoras(r) \land c_2 \in computadoras(r)\}

Post \equiv \{res \equiv HayCamino?(r, c1, c2)\}

Descripción: Devuelve TRUE sí y solo sí hay un camino válido entre las dos computadoras Complejidad: O(?)

Aliasing:
```

#### 2.2 Extensión del TAD Red

```
\begin{split} & \text{indice}: \texttt{red} \times \texttt{copmu} \longrightarrow \texttt{nat} \\ & \text{indice}(iniciarRed,c) \equiv 0 \\ & \text{indice}(conectar(r,c_1,i_1,c_2,i_2),c_3) \equiv 0 \\ & \text{indice}(agregarComputadora(r,c_1),c_2) \equiv \\ & \text{if } c_1 = c_2 \text{ then} \\ & 1 + \text{indice}(r,c_2) \\ & \text{else} \\ & \text{indice}(r,c_2) \end{split}
```

#### 2.3 Representación

Red está representada por un conjunto de computadoras y un puntero al primer Nodo, que coincide con la primer computadora que se agrega. El Nodo está representado por el IP de la computadora, un puntero a la próxima computadora, que forma una lista circular que conecta todas las computadoras agregadas y un arreglo de punteros que simboliza las interfaces y a dónde se conectan. Para el modulo red, se podría haber agregado un modulo intermedio de abstracción (por ejemplo con un diccionario), pero no aportaba mucho al diseño modular. Tampoco facilitaba mucho la escritura del Invariante. Por eso, y para conciliar tiempo disponible con calidad de diseño, decidimos representarlo como se muestra a continuación.

#### Invariante de representación

- 1. El conjunto Compus es vacío sí y solo sí Web apunta a NULL.
- 2. Partiendo del Nodo apuntado por Web, y avanzando por Proxima, se vuelve al Nodo apuntado por Web.
- 3. Partiendo del Nodo apuntado por Web, y avanzando por Proxima, cada nodo corresponde a una computadora:
  - El proyector IP de Nodo de todos los nodos conectados avanzando por Proxima, partiendo

desde el Nodo apuntado por Web pertenece al conjunto formado por la unión de todos los proyectores IP de compu, para todas las compu en Compus.

- 4. El tamaño del arreglo corresponde a la cantidad de interfaces:
  El proyector Conexiones de Nodo de todos los nodos conectados avanzando por Proxima,
  partiendo desde el Nodo apuntado por Web es un arreglo cuya longitud es igual al cardinal
  del conjunto Interfaces de la compu cuyo proyector IP es igual al proyector IP del Nodo
  formado por dicho proyector Conexiones, para todas las compu en Compus.
- 5. Si la compu a está conectada con b, entonces b está conectada con a:

  Para todos los punteros del proyector Conexiones de Nodo de todos los nodos conectados avanzando por Proxima, partiendo desde el Nodo apuntado por Web, el Nodo al que apunta dicho puntero tiene en alguna posición de su proyector Conexiones un puntero al Nodo en el cual esta el arreglo del cual el primer puntero forma parte.

#### Función de abstracción

```
Abs : \widehat{\mathtt{redstr}}\ e \longrightarrow \widehat{\mathtt{red}} {Rep(e)} (\forall e : \widehat{\mathtt{redstr}}) Abs(e) \equiv r : \widehat{\mathtt{red}}\ | computadoras(r) =_{\mathrm{obs}}\ e.\mathsf{Compus}\ \land conectadas?(r,c1,c2) =_{\mathrm{obs}}\ " Existe Nodo avanzando por Próximo, tal que " (\exists i:\mathtt{nat})( 0 \le i \le \mathtt{tam}(\mathsf{Conexiones})\ \land \mathsf{IP}(\mathsf{Nodo}) = \mathsf{IP}(c1)) \Rightarrow \mathsf{IP}(\mathsf{*Conexiones}[i]) = \mathsf{IP}(c2)\ \land interfazUsada(r,c1,c2) =_{\mathrm{obs}}\ i — "Existe un par de nodos avanzando por Próximo, tal que " (\mathsf{IP}(\mathsf{Nodo1}) = \mathsf{IP}(c1)\ \land \mathsf{IP}(\mathsf{Nodo2}) = \mathsf{IP}(c2)) \Rightarrow \mathsf{Conexiones}(\mathsf{Nodo1})[i] = \mathsf{Nodo2}
```

#### Algoritmos

## 3 ConjLog

#### 3.1 Interfaz( $\alpha, =_{\alpha}, <_{\alpha}$ )

#### 3.1.1 parámetros formales

```
géneros \alpha
```

#### operaciones

- $\bullet =_{\alpha} \bullet : \alpha \times \alpha \rightarrow bool$  Relación de equivalencia
- $\bullet <_{\alpha} \bullet : \alpha \times \alpha \rightarrow bool$  Relación de orden

se explica con  $Conj(\alpha)$ 

géneros conj $Log(\alpha)$ 

#### **Operaciones**

```
NUEVO() \longrightarrow res : conjLog(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \emptyset\}
Descripción: Crea un nuevo conjLog vacio
Complejidad: O(1)
VAC\acute{1}O?(\mathbf{in}\ cl: conjLog(\alpha)) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res = (\emptyset?(cl))\}\
Descripción: Indica si el conjunto es vacío
Complejidad: O(log(\#(cl)))
PERTENECE(in cl: conjLog(\alpha), in e:\alpha) \longrightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res = (e \in cl)\}\
Descripción: Retorna un booleano que indica si el elemento pertenece al conjunto
Complejidad: O(log(\#(cl)))
BUSCAR(in cl: conjLog(\alpha), in e:\alpha) \longrightarrow res:\alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{e \in cl\}
Post \equiv \{res == e\}
Descripción: Devuelve el elemento que se está buscando
Complejidad: O(log(\#(cl)))
Aliasing: El elemento se devuelve por referencia y es modificable
MENOR(in \ cl : conjLog(\alpha), \ in \ e : \alpha) \longrightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{e \in cl\}
\mathbf{Post} \equiv \{res == max(cl)\}\
Descripción: Devuelve el menor elemento del conjunto
Complejidad: O(log(\#(cl)))
Aliasing: El elemento se devuelve por referencia y es modificable
INSERTAR(in/out cl : cl(\alpha), in e : \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{cl_0 =_{\mathrm{obs}} cl \land \neg (e \in cl)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{cl_0 =_{\mathbf{obs}} Agregar(cl_0, e)\}\
```

```
Descripción: Inserta un nuevo elemento en el conjunto Complejidad: O(log(\#(cl)))

BORRAR(in/out\ cl: cl(\alpha),\ in\ e: \alpha)

Pre \equiv \{cl_0 =_{obs} cl \land (e \in cl)\}

Post \equiv \{cl =_{obs} (cl_0 - \{e\})\}

Descripción: Elimina el elemento e del conjunto cl, los iteradores que apunten a este elemento se indefinen Complejidad: O(log(\#(cl)))
```

### 3.2 Representación

se representa con clog

```
donde clog es raiz : puntero(nodo) donde nodo es tupla\langle der : puntero(nodo), izq : puntero(nodo), valor : <math>\alpha, padre : puntero(nodo), fdb : nat\rangle
```

#### 3.3 Invariante de representación

- 1. Para todas las raíces, la altura del subárbol derecho menos la altura del subárbol izquierdo de esa raíz es igual al fdb.
- 2. El fdb de todas las raíces es 0, 1 o -1.
- 3. Si un nodo no es una hoja del árbol entonces los padres de los hijos derecho e izquierdo son iguales y es el nodo
- 4. Si un nodo es una hoja del arbol entonces los hijos derecho e izquierdo del árbol son NULL
- 5. Para todos los nodos n, todos los nodos del subárbol derecho son mayores que n
- 6. Para todos los nodos n, todos los nodos del subárbol izquierdo son menores que n
- 7. No hay nodos repetidos
- 8. El padre de la raíz es NULL

#### 3.4 Función de abstracción

Abs : 
$$\widehat{\mathsf{clog}(\alpha)}$$
  $cl \longrightarrow \widehat{\mathsf{conj}(\alpha)}$   $\{\mathsf{Rep}(cl)\}$   $(\forall cl : \widehat{\mathsf{clog}(\alpha)})$   $(\forall cl : \widehat{\mathsf{clog}(\alpha)})$   $(\forall el : \alpha)e \in c \Rightarrow_{\mathsf{L}} esta(cl, e)) \land size(cl) = \#(c)$ 

#### 3.4.1 Aclaración de complejidades

Este módulo es un AVL y fue diseñado para poder cumplir con las especificaciones de complejidad de d<br/>cnet. Si bien es paramétrico, está pensado para trabajar con tipo 'paquete' en el que la copia se puede realizar en tiempo constante. En resumen, todas las operaciones de comparación, asignacion y copia del tipo paramétrico  $\alpha$  deben poder ser realizadas en O(1).

#### 3.5 Algoritmos

```
IVACIO?(\mathbf{in}\ cl: conjLog(\alpha)) \longrightarrow res: bool
  res \leftarrow cl == NULL
                                                                            O(1)
                                                                            O(1)
IBORRAR(in/out cl : conjLog(\alpha), in e : \alpha)
  var \ variandoHijoDerecho?:bool \leftarrow true
  \mathbf{var}\ clactual: conjLog(\alpha) \leftarrow cl
                                                                            O(1)
  \mathbf{var}\ aBorrar: conjLog(\alpha)
  if (\neg(cl.der == NULL) \land \neg(cl.izq == NULL)) then
                                                                            O(1)
      clactual \leftarrow IENCONTRARPADRE(clactual, e)
                                                                            O(log(size(cl)))
      if cactual.der! = NULL \wedge_{L} cactual.der.valor == e then
          aBorrar \leftarrow cactual.der
                                                                            O(1)
      else
          aBorrar \leftarrow cactual.izq
                                                                            O(1)
      end if
      \mathbf{var} \ mm : conjLog(\alpha) \leftarrow \mathrm{IDAMEMAYORMENORES}(clactual)
                                                                            O(log(size(cl)))
      if mm.valor == e then
                                                                            O(1)
          if mm.padre.der! = NULL \wedge_L mm.padre.der.valor == mm.valor then
              variandoHijoDerecho? \leftarrow true
                                                                            O(1)
              mm.padre.der = NULL
              mm.padre.fdb - -
          else
              variandoHijoDerecho? \leftarrow false
                                                                            O(1)
              mm.padre.izq = NULL
              mm.padre.fdb + +
          end if
      else
          \mathbf{var} \ mmValor : \alpha \leftarrow mm.valor
                                                                            O(1)
          aBorrar.valor \leftarrow mmValor
                                                                            O(1)
          if mm.izq! = NULL then
                                                                            O(1)
              mm.valor \leftarrow mm.izq.valor
                                                                            O(1)
              mm.izq \leftarrow NULL
                                                                            O(1)
              mm.fdb + +
                                                                            O(1)
              if mm.padre.valor == e then
                  variandoHijoDerecho? \leftarrow false
              else
                  variandoHijoDerecho? \leftarrow true
              end if
          else
```

```
if mm.padre.valor == e then
                 mm.padre.izq = NULL
                 variandoHijoDerecho? \leftarrow false
             else
                 mm.padre.der = NULL
                 variandoHijoDerecho? \leftarrow true
             end if
         end if
      end if
      IREBYRECALCFDB(mm.padre, variandoHijoDerecho?, estoyBorrando?)
                                                                        O(log(size(cl)))
  else
      if cl.der == NULL \wedge cl.izq == NULL then
                                                                        O(1)
         cl \leftarrow NULL
                                                                        O(1)
      else
         if cl.der == NULL then
                                                                        O(1)
             if cl.izq.valor == e then
                                                                        O(1)
                 cl.izq \leftarrow NULL
                                                                        O(1)
             else
                 cl.valor \leftarrow cl.izq.valor
                                                                        O(1)
                 cl.izq \leftarrow NULL
                                                                        O(1)
             end if
         else
             if cl.der.valor == e then
                                                                        O(1)
                 cl.der \leftarrow NULL
                                                                        O(1)
             else
                 cl.valor \leftarrow cl.der.valor
                                                                        O(1)
                 cl.der \leftarrow NULL
                                                                        O(1)
             end if
         end if
      end if
  end if
                                                                        O(log(size(cl)))
Justificación de complejidad
Por álgebra de órdenes
IINSERTAR(in/out \ cl : conjLog(\alpha), \ in \ e : \alpha)
  \mathbf{var}\ clactual: conjLog(\alpha) \leftarrow cl
                                                                        O(1)
  if \neg(cl.der == NULL) \land \neg(cl.izq == NULL) then
                                                                        O(1)
      clactual \leftarrow \text{IENCONTRARPADRE}(clactual, e)
                                                                        O(log(size(cl)))
      if clactual.valor < e then
```

```
O(1)
          clactual.der \leftarrow tupla \langle der : NULL,
                                   izq: NULL,
                                   valor: e,
                                   padre: clactual,
                                   fdb: 0
          IREBYRECALCFDB(clactual, true, false)
      else
                                                                             O(1)
          clactual.izq \leftarrow tupla \langle der : NULL,
                                   izq: NULL,
                                   valor: e,
                                   padre: clactual,
                                   fdb:0\rangle
          IREBYRECALCFDB(clactual, false, false)
      end if
  else
      if cl.der == NULL \wedge cl.izq == NULL then
                                                                             O(1)
          cl \leftarrow tupla \langle der : NULL,
                                                                             O(1)
                       izq: NULL,
                       valor: e,
                       padre: clactual,
                       fdb: 0\rangle
      else
          if cl.der! = NULL then
              cl.izq \leftarrow tupla(der : NULL,
                                                                             O(1)
                               izq: NULL,
                                valor: e,
                               padre: cl,
                               fdb:0\rangle
          else
              cl.der \leftarrow tupla \langle der : NULL,
                                                                             O(1)
                                izq: NULL,
                                valor: e,
                                padre: cl,
                                fdb: 0\rangle
          end if
      end if
  end if
                                                                             O(log(size(cl)))
Justificación de complejidad
Por álgebra de órdenes
IPERTENECE(in/out cl: conjLog(\alpha), in e: \alpha) \longrightarrow res: bool
  var\ encontrado?:bool \leftarrow false
                                                                             O(1)
  \mathbf{var}\ clactual: \mathtt{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl
                                                                             O(1)
  while (clactual! = NULL) \land \neg (encontrado?) do
                                                                             O(1)
```

```
if e > clactual.valor then
                                                                          O(1)
        clactual \leftarrow clactual.der
                                                                           O(1)
   else
       if ce < clactual.valor then
                                                                          O(1)
            clactual \leftarrow clactual.izq
                                                                          O(1)
        else
            encontrado? \leftarrow true
                                                                          O(1)
        end if
   end if
end while
clactual \leftarrow NULL
                                                                          O(1)
res \leftarrow encontrado?
                                                                          O(1)
                                                                          O(log(size(cl)))
```

El ciclo recorre a lo sumo una rama del árbol (el árbol está ordenado), teniendo ésta como máximo la longitud del árbol (sus alturas no difieren en más de una hoja) que es log(n), con n = size(cl)

```
\begin{split} \text{IMENOR}(\textbf{in } cl: \texttt{conjLog}(\alpha)) &\longrightarrow res: \alpha \\ \\ \textbf{var } clactual: \texttt{conjLog}(\alpha) &\leftarrow cl \\ clactual &\leftarrow iMenorNodo(clactual) \\ res &\leftarrow clactual.valor \end{split} \qquad \begin{array}{c} O(1) \\ O(log(size(cl))) \\ O(1) \\ \end{array}
```

O(log(size(cl)))

#### Justificación de complejidad

#### Justificación de complejidad

Por álgebra de órdenes

#### 3.6 Auxiliares

IREBYRECALCFDB( $in/out\ cl: conjLog(\alpha)$ , in variandoHijoDerecho?: bool, in estoyBorrando?: bool)

```
O(1)
\mathbf{var}\ clactual: \mathtt{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl
var termino? : bool \leftarrow false
                                                                            O(1)
if estoyBorrando? then
    while clactual! = NULL \land \neg(termino?) do
                                                                            O(1)
        if variandoHijoDerecho? then
            if clactual.fdb == -1 then
                                                                            O(1)
                \mathbf{var}\ fdbIzq:\mathtt{nat}
                                                                            O(1)
                if cl.izq! = NULL then
                    fdbIzq \leftarrow cl.izq
                                                                            O(1)
                end if
                if cl.izq! = NULL \wedge_{\scriptscriptstyle L} cl.izq.fdb == 1 then
                                                                            O(1)
                   IROTARLR(cl.izq)
                                                                            O(1)
                end if
                IROTARLL(cl)
                                                                            O(1)
                if cl.izq! = NULL \wedge_{L} fdbIzq == 0 then
                                                                            O(1)
                   termino? \leftarrow true
                                                                            O(1)
                end if
            else
                if cl.fdb == +1 then
                                                                            O(1)
                   cl.fdb \leftarrow 0
                                                                            O(1)
                    termino? \leftarrow true
                                                                            O(1)
                else
                   cl.fdb \leftarrow -1
                                                                            O(1)
                end if
            end if
        else
            if clactual.fdb == -1 then
                                                                            O(1)
                \mathbf{var}\ fdbDer: \mathtt{nat}
                                                                            O(1)
                if cl.der! = NULL then
                                                                            O(1)
                    fdbDer \leftarrow cl.der.fdb
                                                                            O(1)
                end if
                if cl.der! = NULL \wedge_{L} fdbDer == 1 then
                                                                            O(1)
                    IROTARRL(cl.der)
                                                                            O(1)
```

```
end if
               IROTARRR(cl)
                                                                       O(1)
               if fdbDer == 0 then
                                                                       O(1)
                  termino? \leftarrow true
                                                                       O(1)
               end if
           else
               if cl.fdb == -1 then
                                                                       O(1)
                  cl.fdb \leftarrow 0
                                                                       O(1)
                  termino? \leftarrow true
                                                                       O(1)
                  cl.fdb \leftarrow +1
                                                                       O(1)
               end if
           end if
       end if
       variandoHijoDerecho \leftarrow (cl.padre! = NULL \land_{L} cl.padre.der.valor == cl.valor)
                                                                       O(1)
       clactual \leftarrow clactual.padre
                                                                       O(1)
   end while
\mathbf{else}
          // No hubo borrado, entonces hubo una inserción
   while clactual! = NULL \land \neg(termino?) do
                                                                       O(1)
       if variandoHijoDerecho? then
                                                                       O(1)
           if clactual.fdb == +1 then
               \mathbf{var}\ fdbDer: \mathtt{nat}
                                                                       O(1)
               if cl.der! = NULL then
                   fdbDer \leftarrow cl.der.fdb
                                                                       O(1)
               end if
               if cl.der! = NULL \wedge_L fdbDer == -1 then
                                                                       O(1)
                  IROTARRL(cl.der)
                                                                       O(1)
               end if
               IROTARRR(cl)
                                                                       O(1)
               termino? \leftarrow true
           else
               if clactual.fdb == -1 then
                                                                       O(1)
                  clactual.fdb \leftarrow 0
                                                                       O(1)
                  termino? \leftarrow true
                                                                       O(1)
               else
                  clactual.fdb \leftarrow 1
                                                                       O(1)
               end if
           end if
       else
           if clactual.fdb == -1 then
                                                                       O(1)
               fdbIzq:nat
                                                                       O(1)
```

```
if cl.izq! = NULL then
                   fdbIzq \leftarrow cl.izq.fdb
                                                                        O(1)
               end if
               if cl.izq! = NULL \wedge_{L} fdbIzq == +1 then
                                                                        O(1)
                  IROTARLR(cl.izq)
                                                                        O(1)
               end if
               IROTARLL(cl)
                                                                        O(1)
               termino? \leftarrow true
                                                                        O(1)
           else
               if clactual.fdb == +1 then
                                                                        O(1)
                  clactual.fdb \leftarrow 0
                                                                        O(1)
                   termino? \leftarrow true
                                                                        O(1)
               else
                  clactual.fdb \leftarrow -1
                                                                        O(1)
               end if
           end if
       end if
       variandoHijoDerecho \leftarrow (cl.padre! = NULL \land_{L} cl.padre.der.valor == cl.valor)
                                                                        O(1)
       clactual \leftarrow clactual.padre
                                                                        O(1)
    end while
end if
                                                                        O(log(size(cl)))
```

En éste ciclo, tanto para el borrado y para la inserción se tiene un nodo interno que fue modificado y a partir de éste se comienza a subir hasta llegar como máximo al nodo raíz del árbol, recorriendo como mucho la altura del árbol

IROTARRR( $in/out \ cl : conjLog(\alpha)$ )

```
var\ nietoRR: conjLog(\alpha) \leftarrow cl.der.der
                                                                               O(1)
var\ hijoDer : conjLog(\alpha) \leftarrow cl.der
                                                                               O(1)
var\ hijoIzq : conjLog(\alpha) \leftarrow cl.izq
                                                                               O(1)
cl.der \leftarrow NULL
                                                                               O(1)
cl.izq = tupla \langle der : hijoDer.der,
                                                                               O(1)
                 izq : cl.izq,
                 valor: cl.valor,
                 padre: cl,
                 fdb:0\rangle
cl.izq.izq.padre \leftarrow cl.izq
                                                                               O(1)
cl.izq.der.padre \leftarrow cl.izq
                                                                               O(1)
cl.valor = hijoDer.valor
                                                                               O(1)
cl.der = nietoRR
                                                                               O(1)
cl.der.padre \leftarrow cl
                                                                               O(1)
                                                                               O(1)
```

Son operaciones sobre  $\alpha$  y punteros

IROTARRL( $in/out \ cl : conjLog(\alpha)$ )

$\mathbf{var}$ $nietoRR$	$: conjLog(\alpha)$	$\leftarrow cl.der.der$	O(	1)	)
--------------------------	---------------------	-------------------------	----	----	---

$$var\ nietoRL: conjLog(\alpha) \leftarrow cl.der.izq$$
 O(1)

$\mathbf{var}\ valorDer: \alpha \leftarrow cl.der.valor$	O(1
$cl.der.valor \leftarrow nietoRL.valor$	O(1
$nietoRR.izq \leftarrow nietoRL.der$	O(1
$cl.der.der \leftarrow nietoRR$	O(1
$cl.der.izq \leftarrow nietoRL.izq$	O(1
$cl.der.der.padre \leftarrow cl.der$	O(1
$cl.der.izq.padre \leftarrow cl.der$	O(1
$cl.izq.fdb \leftarrow +1$	·

O(1)

#### Justificación de complejidad

Son operaciones sobre  $\alpha$  y punteros

IROTARLL( $in/out \ cl : conjLog(\alpha)$ )

$$\mathbf{var} \ nietoLL : \mathtt{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl.izq.izq$$
  $O(1)$ 

$$\operatorname{var} hijoIzq : \operatorname{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl.izq$$
 O(1)

$$\begin{array}{ll} \mathbf{var} \ hijoDer: \mathtt{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl.der & \mathrm{O}(1) \\ cl.izq \leftarrow NULL & \mathrm{O}(1) \\ cl.der = \mathtt{tupla} \langle \mathtt{der}: \mathtt{cl.der}, & \mathrm{O}(1) \end{array}$$

izq:hijoIzq.der, valor:cl.valor,

padre : cl, fdb : 0

 $\begin{array}{ll} cl.der.izq.padre \leftarrow cl.der & \text{O(1)} \\ cl.der.der.padre \leftarrow cl.der & \text{O(1)} \\ cl.valor = hijoIzq.valor & \text{O(1)} \\ cl.izq = nietoLL & \text{O(1)} \\ cl.izq.padre \leftarrow cl & \text{O(1)} \end{array}$ 

O(1)

#### Justificación de complejidad

Son operaciones sobre  $\alpha$  y punteros

IROTARLR( $in/out \ cl : conjLog(\alpha)$ )

 $\mathbf{var} \ nietoLL : \mathtt{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl.izq.izq$  O(1)

$\mathbf{var}\ nietoLR: \mathtt{conjLog}(lpha) \leftarrow cl.izq.der$	O(1)	
$\mathbf{var}\ valorIzq: \alpha \leftarrow cl.izq.valor$	$\mathrm{O}(1)$	
$cl.izq.valor \leftarrow nietoRL.valor$	O(1)	
$nietoLL.izq \leftarrow nietoLR.izq$	O(1)	
$cl.izq.izq \leftarrow nietoLL$	$\mathrm{O}(1)$	
$cl.izq.der \leftarrow nietoLR.der$	$\mathrm{O}(1)$	
$cl.izq.izq.padre \leftarrow cl.izq$	O(1)	
$cl.izq.der.padre \leftarrow cl.izq$	$\mathrm{O}(1)$	
$cl.izq.fdb \leftarrow -1$	O(1)	
	O(1)	

```
Son operaciones sobre \alpha y punteros
```

```
IENCONTRARPADRE(in cl: conjLog(\alpha), e: \alpha) \longrightarrow res: conjLog(\alpha)
```

```
\operatorname{var} \operatorname{clactual} : \operatorname{conjLog}(\alpha) O(1)
```

 $\begin{aligned} \mathbf{var} \ encontrado? : \mathbf{bool} \leftarrow (clactual.der! = NULL \wedge_{\mathbf{L}} clactual.der.valor == e) \vee (clactual.izq! = NULL \wedge_{\mathbf{L}} clactual.izq.valor == e) \end{aligned}$ 

while  $\neg encontrado?$  do

```
\begin{array}{l} \textbf{if } e > clactual.valor \ \textbf{then} \\ clactual \leftarrow clactual.der & O(1) \\ \textbf{else} \\ clactual \leftarrow clactual.izq & O(1) \\ \textbf{end if} \\ encontrado? \leftarrow (clactual.der! = NULL \land_{L} clactual.der.valor == e) \lor (clactual.izq! = NULL \land_{L} clactual.izq.valor == e) \\ \textbf{end while} \\ res \leftarrow clactual & O(1) \end{array}
```

 $\begin{array}{c} res \leftarrow clactual \\ \hline O(size(cl)) \\ \end{array}$ 

## Justificación de complejidad

El ciclo recorre a lo sumo una rama del árbol (el árbol está ordenado), teniendo ésta como máximo la altura del árbol (sus alturas no difieren en más de una hoja) que es log(n), con n = size(cl)

IDAMEMAYORMENORES(in  $cl: conjLog(\alpha), e: \alpha) \longrightarrow res: conjLog(\alpha)$ 

```
\begin{array}{lll} \mathbf{var} \ clactual : \mathtt{conjLog}(\alpha) \leftarrow cl & & & & & & & & & \\ \mathbf{if} \ clactual.izq! = NULL \ \mathbf{then} & & & & & & & \\ clactual \leftarrow iMayorNodo(clactual) & & & & & & \\ \mathbf{end} \ \mathbf{if} & & & & & & \\ \mathbf{res} \leftarrow clactual & & & & & & \\ \end{array}
```

#### Justificación de complejidad

Para encontrar el menor nodo se recorre el árbol siempre a la izquierda, se alcanza a recorrer una única rama, es decir la altura del árbol

```
\operatorname{IMAYORNODO}(\operatorname{in}\ cl:\operatorname{conjLog}(lpha))\longrightarrow res:conjLog(lpha)
\operatorname{var}\ clactual:\operatorname{conjLog}(lpha)\leftarrow cl
\operatorname{while}\ clactual.der!=\operatorname{NULL}\ \operatorname{do}\ clactual\leftarrow\operatorname{clactual.der}\ \operatorname{end}\ \operatorname{while}\ res\leftarrow\operatorname{clactual}
O(1)
O(1)
O(1)
O(\log(\operatorname{size}(\operatorname{cl})))
```

### Justificación de complejidad

Para encontrar el menor nodo se recorre el árbol siempre a la izquierda, se alcanza a recorrer una única rama, es decir la altura del árbol

```
egin{aligned} 	ext{SIZE}(	extbf{in} \ cl : 	ext{conjLog}(lpha)) &\longrightarrow res : nat \end{aligned} if cl == NULL \ 	ext{then} res \leftarrow 0 else res \leftarrow 1 + iSize(cl.der) + iSize(cl.izq) end if
```

#### 3.7 Operaciones auxiliares de $conj(\alpha)$

```
\begin{split} menor: conj(\alpha) & \ c \rightarrow \alpha & \{\#(c) > 0\} \\ menor(c) &= & \\ & \ \text{if } (\#(c) = 1) \text{ then } \\ & \ dameUno(c) \\ & \ \text{else} \\ & \ \text{if } (dameUno(c) < menor(sinUno(c)) \text{ then } \end{split}
```

```
\begin{array}{ccc} & dameUno(c) \\ & \textbf{else} & \\ & menor(sinUno(c)) \\ & \textbf{fi} & \\ & \\ & \\ & \\ & \\ & \\ & \end{array}
```

## 4 Diccionario por Prefijos

El módulo Diccionario por prefijos provee un diccionario en el que las claves son secuencias no acotadas de caracteres. Con el se puede definir una clave, obtener un significado y eliminar una clave. Estas tres operaciones están definidas en tiempo O(L) con L la máxima longitud del conjunto de las claves introducidas (y cuando se está definiendo una clave se incluye en el conjunto la clave a introducir).

#### 4.1 Interfaz

```
parámetros formales
géneros \beta
se explica con Diccionario(Secu(Char), \beta)
géneros
                          diccPref(secu(char), \beta)
Operaciones
NUEVO() \longrightarrow res : diccPref(secu(char), \beta)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ (\forall \ \mathbf{p} : \mathbf{secu}(\mathbf{char})) \ \neg (\mathbf{def}?(\mathbf{p}, res)) \}
Descripción: Crea un nuevo diccionario vacío
Complejidad: O(1)
DEF?(\mathbf{in}\ dp: \mathtt{diccPref(secu(char)}, eta),\ in\ p: \mathtt{secu(char)}) \longrightarrow \mathit{res}: \mathtt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{res = p \in claves(dp)\}\
Descripción: Devuelve true o false según si la clave está o no definida
Complejidad: O(L)
{\tt CLAVES}(\mathbf{in}\ dp: {\tt diccPref(secu(char),}\beta)) \longrightarrow \mathit{res}: {\tt conj(secu(char))}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ (\forall \ c: secu(char)) c \in claves(dp) \iff def?(c,dp) \}
Descripción: Devuelve un conjunto de las claves del diccionario
Complejidad: O(L)?
DEFINIR(in/out dp: diccPref(secu(char),\beta), in p: secu(char), in s: \beta)
\mathbf{Pre} \equiv \{\mathrm{dp} = dp_0 \land \neg \mathrm{def}?(\mathrm{p,dp})\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{def?}(p, \operatorname{dp}) \land \operatorname{obtener}(p, \operatorname{dp}) =_{\operatorname{obs}} s \land (\forall \ c \in \operatorname{claves}(dp_0)) \ \operatorname{def?}(c, \operatorname{dp}) \}
Descripción: Inserta una nueva clave con su significado en el diccionario
Complejidad: O(L)
OBTENER(in dp: diccPref(secu(char),\beta), in p: secu(char)) \longrightarrow res: \beta
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{def?(p,dp)} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res = obtener(p, dp)\}\
Descripción: Retorna el significado de la clave pedida
Complejidad: O(L)
Aliasing: Devuelve res por referencia
ELIMINAR(in/out dp: diccPref(secu(char),\beta), in p: secu(char))
\mathbf{Pre} \equiv \{\mathrm{dp} = dp_0 \wedge \mathrm{def?(p,dp)}\}\
\mathbf{Post} \equiv \{\neg \operatorname{def?(dp)} \land (\forall c \in claves(dp_0), c \neq p) \operatorname{def?(c,dp)}\}\
```

Descripción: Elimina del diccionario la clave deseada

Complejidad: O(L)

## 5 Paquete

Un Paquete representa a un paquete a partir de una tupla que contiene el id del paquete, la prioridad, el origen el destino y un indicador de en que parte de su camino está.

#### 5.1 Interfaz

Complejidad: O(1)

```
se explica con PAQUETE
géneros
                          paquete
Operaciones
CREARPAQUETE(in id: nat, in o: compu, in d: compu, in pr: nat) \longrightarrow res: paquete
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{pi_1(res) = id \land pi_2(res) = pr \land pi_3(res) = o \land pi_4(res) = d\}
Descripción: Crea un paquete
Complejidad: O(1)
\bullet <_p \bullet (\mathbf{in} \ p_1 : \mathtt{paquete}, \ in \ p_2 : \mathtt{paquete}) \longrightarrow \mathit{res} : \mathtt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{ \text{res=true} \iff (\pi_2(p_1) = \pi_2(p_2) \land pi_1(p_1) < pi_1(p_2) \lor (\pi_1(p_1) < \pi_1(p_2)) \} \}
Descripción: Define un orden en paquete según la prioridad
Complejidad: O(1)
\bullet <_{id} \bullet (\mathbf{in} \ p_1 : \mathtt{paquete}, \ in \ p_2 : \mathtt{paquete}) \longrightarrow \mathit{res} : \mathtt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{res=true} \iff id(p_1) < id(p_2) \}
Descripción: Define un orden en paquete según el id
Complejidad: O(1)
ID(\mathbf{in} \ p : \mathtt{paquete}) \longrightarrow res : \mathtt{nat}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res = \pi_1(paquete)\}\
Descripción: Getterdeid
Complejidad: O(1)
PRIORIDAD(\textbf{in } p : \texttt{paquete}) \longrightarrow res : \texttt{nat}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res = \pi_2(paquete)\}\
Descripción: Getterdeprioridad
Complejidad: O(1)
ORIGEN(in p: paquete) \longrightarrow res: Ip
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res = \pi_3(paquete)\}\
Descripción: Getterdeorigen
Complejidad: O(1)
DESTINO(in p: paquete) \longrightarrow res: Ip
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res = \pi_4(paquete)\}\
Descripción: Getterdedestino
```

## 5.2 Representación

se representa con paquete

 $\mathbf{donde} \ \mathtt{paquete} \ \mathbf{es} \ \mathtt{tupla} \langle \mathrm{id} : \mathtt{nat},$ 

origen : Ip, destino : Ip, prioridad : nat>

## 6 PaquetePos

Un PaquetePos es

se explica con tupla (: Paquete,

#### 6.1 Interfaz

```
: nat,
                                   : nat,
                                   : nat>
géneros
                         paquetePos
Operaciones
CREARPAQUETE(in id: nat, in o: compu, in d: compu, in pr: nat) \longrightarrow res: < paquete, nat, nat, nat >
\mathbf{Post} \equiv \{pi_1(pi_1(res)) = id \land pi_2(pi_1(res)) = pr \land pi_3(pi_1(res)) = o \land pi_4(pi_1(res)) = d\}
Descripción: Crea un paquete
Complejidad: O(1)
\bullet <_p \bullet (\textbf{in} \ p_1 : < paquete, nat, nat, nat >, \textbf{in} \ p_2 : < paquete, nat, nat, nat >) \longrightarrow \textit{res} : \texttt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{res=true} \iff (\pi_2(\pi_1(p_1)) = \pi_2(\pi_1(p_2)) \land \pi_1(\pi_1((p_1)) < \pi_1(\pi_1((p_2))) \lor (\pi_1(\pi_1((p_1)) < \pi_1(\pi_1((p_2)))) \} \}
Descripción: Define un orden en paquete según la prioridad
Complejidad: O(1)
\bullet <_{id} \bullet (\textbf{in} \ p_1 : < paquete, nat, nat, nat >, \ in \ p_2 : < paquete, nat, nat, nat >) \longrightarrow res : \texttt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{res=true} \iff (pi_1(pi_1(p_1)) < (pi_1(pi_1(p_2)))) \}
Descripción: Define un orden en paquete según el id
Complejidad: O(1)
GETPAQUETE(in ppos : < paquete, nat, nat, nat >) \longrightarrow res : paquete
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \pi_1(paquete)\}\
Descripción: Getter de paquete
Complejidad: O(1)
INDICEORIGEN(in p: < paquete, nat, nat, nat >) \longrightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res = \pi_2(p)\}\
Descripción: Getter de indiceOrigen
Complejidad: O(1)
INDICEDESTINO(in p : < paquete, nat, nat, nat >) \longrightarrow res : nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res = \pi_3(p)\}\
Descripción: Getter de indiceDestino
Complejidad: O(1)
POSACTUAL(in p : < paquete, nat, nat, nat >) \longrightarrow res : nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res = \pi_4(p)\}\
```

Descripción: Getter de posActual

Complejidad: O(1)

ACTUALIZARPOSACTUAL(in/out p : < paquete, nat, nat, nat >)

 $\mathbf{Pre} \equiv \{p_1 =_{\mathrm{obs}} p\}$ 

Post  $\equiv \{posActual(p) = posActual(p_1) + 1\}$ Descripción: Aumentar la posicion actual

Complejidad: O(1)

#### 6.2 Representación

se representa con paqPos

 ${\bf donde} \ {\tt paqPos} \ {\bf es} \ {\tt tupla} \\ \langle {\tt paquete} : {\tt paquete},$ 

indiceOrigen : nat, indiceDestino : nat, posActual : nat>

#### Justificación de estructura

Las restricciones de complejidad del tipo denet para caminoRecorrido y enEspera nos obligaron a tener representadas dos estructuras distintas para almacenar los paquetes. En una de ellas tenemos los paquetes a retornar por la operación enEspera que devuelve los paquetes en la cola de cierta computadora y en la otra devolvemos una estructura similar a paquete (paquetePos) con información adicional acerca de las posiciones en que se encuentra el paquete que nos permite encontrar el caminoRecorrido en el tiempo solicitado.