
Redes Neuronales

Trabajo Práctico 3

Alumno: Mauro Nacachian – 99619

Redes de Kohonen

Las redes de Kohonen realizan un aprendizaje del tipo no-supervisado, es decir, el sistema descubre por sí mismo la estructura de los datos y no hay una acción que le diga que hizo bien o mal. Son capaces de generar mapas auto-organizados, preservando distancias en el espacio de entrada de modo que orientaciones parecidas disparan neuronas cercanas en el espacio de neuronas.

La actualización de los pesos de las neuronas se hace de la siguiente manera:

$$\Delta w_{ij} = \eta \Lambda(i, i^*) (\xi - w_{ij})$$

Siendo $\Lambda(i, i^*)$ la función de vecindad entre la neurona i y la neurona ganadora i^* , que es la que tiene menor distancia con el patrón ξ :

$$\Lambda(i, i^*) = \exp\left(-\left\|\frac{r_i - r_{i^*}}{2\sigma^2}\right\|^2\right)$$

Con esta función, la red es capaz de obtener la información de como se distribuyen espacialmente los patrones de entrada. Se dice que estas redes pueden preservar la topología del problema.

(1) Red Kohonen que aprende distribución uniforme

Para este ejercicio se decide utilizar $p = 50$ patrones de entrada (puntos uniformemente distribuidos dentro de una figura geométrica) y una red de 14×14 neuronas (espacio de neuronas de dimensión 2). Cada neurona se conecta con sus vecinos y tiene asociado pesos que son vectores de dimensión 2, al igual que el espacio de entrada.

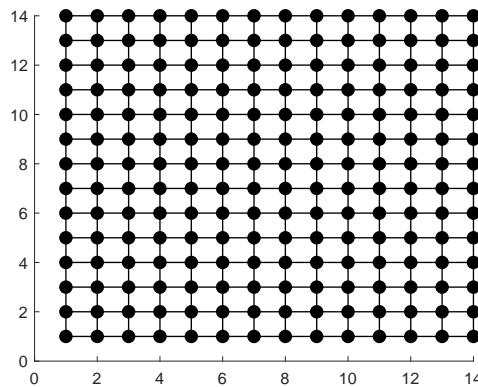


Fig. 1. Espacio de las neuronas.

Se utilizó el siguiente algoritmo para el aprendizaje de la Red de Kohonen:

1. Se elige uno de los patrones de entrada x al azar.
2. Se computa la distancia euclídea entre x y el vector w de cada neurona de la red
3. Se obtiene la neurona ganadora: La neurona con el peso con menor distancia al patrón x .
4. Se calcula la función vecindad para cada neurona utilizando la neurona ganadora y luego se utiliza para actualizar los pesos de todas las neuronas.
5. Se repiten los anteriores pasos hasta una cantidad limitada de iteraciones

A continuación se muestra la porción de código de entrenamiento, luego de haber inicializado los pesos de las neuronas, generado los patrones de entrada, definido σ (parámetro de la función de vecindad) y definido una cantidad limitada de iteraciones.

```
1 neurona_ganadora = zeros(p, 2); % coordenadas de la neurona ganadora
2 vecindad = zeros(p, n); % una matriz donde sus filas son listas con los
3   valores de la vecindad de cada neurona;
4   % cada fila es para un patron distinto
5 while(iter <= iteraciones)
6     display("Iteracion " + iter);
7
8     for mu = shuffle(1:p)
9
10        % 1. guardo el patron de entrada
11        x = xp(mu, :)';
12
13        % 2,3. calculo la distancia; encuentro las neuronas ganadoras;
14        dist = 0;
15        dist_min = 1000 * ones(p, 1);
16        for i = 1:n_x
```

```

17         for j = 1:n_y
18
19             dist = norm(x - w{i, j});
20
21             if (dist <= dist_min(mu))
22                 dist_min(mu) = dist;
23                 neurona_ganadora(mu, :) = [i, j];
24             end
25
26         end
27     end
28
29     % 4,5. calculo las vecindades y actualizo los pesos
30     idx_neu = 1;
31     for i=1:n_x
32         for j=1:n_y
33             vecindad(mu, idx_neu) = func_vecindad([i, j],
34                 neurona_ganadora(mu, :), sigma);
35             w{i, j} = w{i, j} + eta * vecindad(mu, idx_neu) * (x - w{i, j});
36             idx_neu = idx_neu + 1;
37         end
38     end
39
40     end
41     sigma = sigma * alfa;
42     iter = iter + 1;
43
44 end

```

La constante de aprendizaje η es de 0,1 para todas las redes del trabajo.

La varianza del ancho de la vecindad inicial es de $\sigma = 8$, y se va actualizando en cada iteración, de modo que comienza con un valor alto y a medida que evoluciona la red va disminuyendo de la siguiente manera: $\sigma = \alpha\sigma$, con α 0,95.

Respecto al valor de σ se probaron distintos valores de inicio y distintos métodos para actualizarlo, y la combinación óptima que dió mejores resultados fue la que se mencionó.

Distribución uniforme restringida al círculo unitario

Se generaron patrones en 2 dimensiones uniformemente distribuidos dentro de un círculo unitario. De este modo, el espacio de entrada es de 2D al igual que el espacio de los pesos de las neuronas. El código para generarlos es el siguiente:

```

1 modulo = sqrt(unifrnd(0, radio, p, 1));
2 angulo = pi * unifrnd(0, 2, p, 1);
3 xp = [modulo .* cos(angulo), modulo .* sin(angulo)];

```

A su vez, los pesos se inicializaron de la misma manera, generando muestras uniformemente distribuidas dentro del círculo.

Para el entrenamiento de la red, se limitó la cantidad de iteraciones a 100 dado que se observó gráficamente que mas allá de esa cantidad de iteraciones los pesos se acercan bastante a los patrones enseñados.

A continuación los resultados, se graficaron los pesos en distintos pasos de iteración uniando los pesos de neuronas vecinas en el espacio de neuronas:

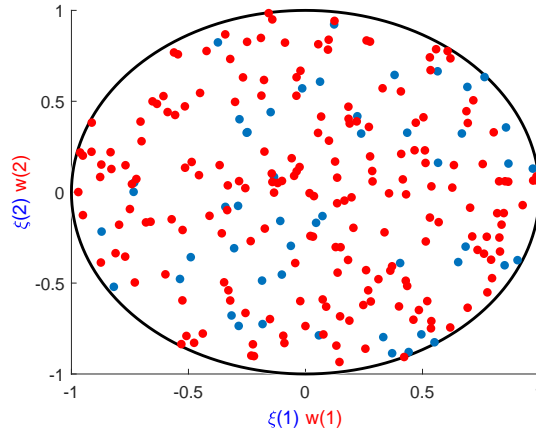


Fig. 2. Espacio de entrada. Patrones generados uniformemente dentro del círculo unitario.

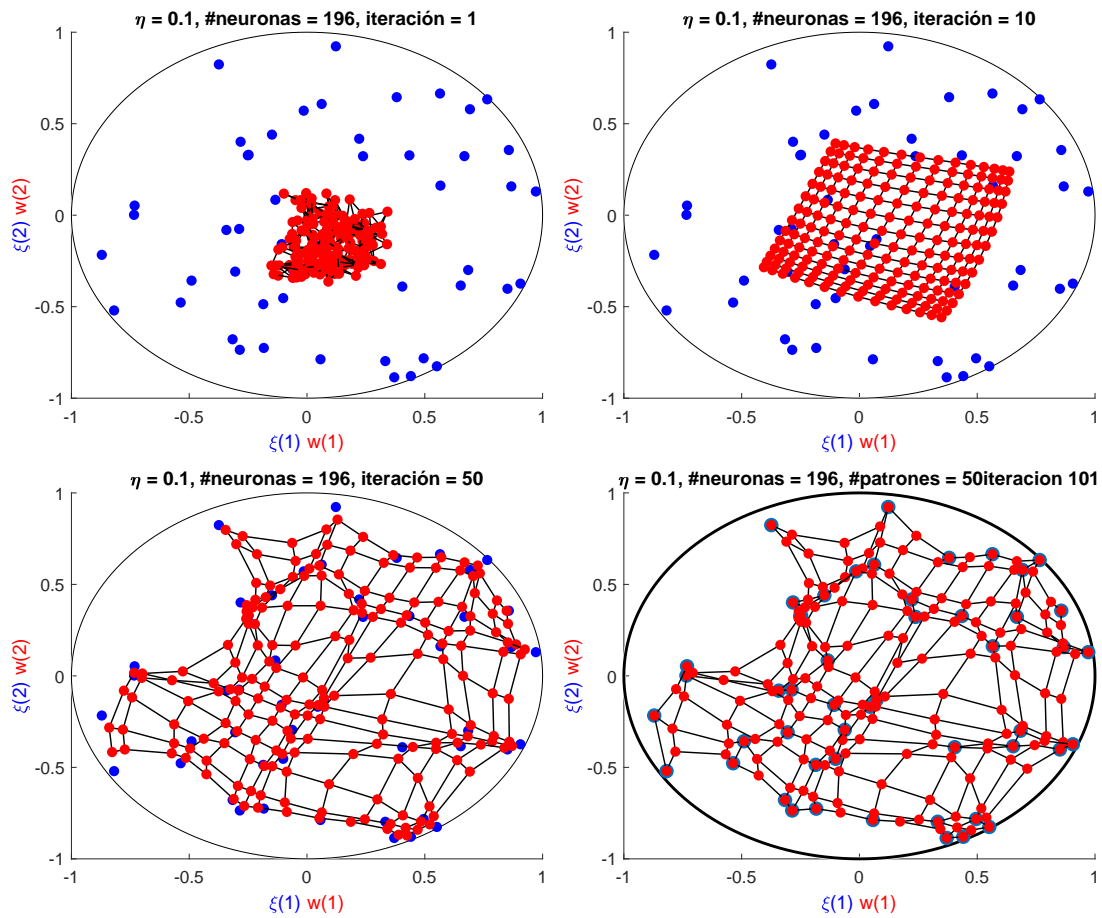


Fig. 3. Evolución de los pesos durante el aprendizaje.

Luego de la iteración 50 se puede ver que los pesos se distribuyen de acuerdo a los patrones de entrada y a las 100 iteraciones se terminan superponiendo con las entradas.

Distribución uniforme restringida a un rectángulo

A continuación se generan patrones de entrada restringidos a un cuadrado de lados 1. El entrenamiento de la red es el mismo que en el ejercicio anterior, pero utilizando otros patrones.

A continuación se muestra como van evolucionando los pesos a medida que avanza el entrenamiento:

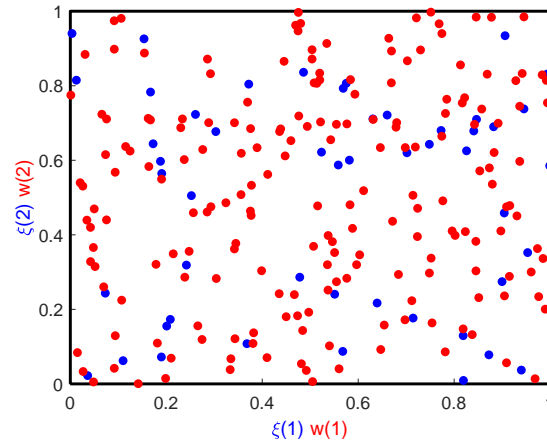


Fig. 4. Espacio de entrada. Patrones generados uniformemente dentro de un cuadrado de 1x1

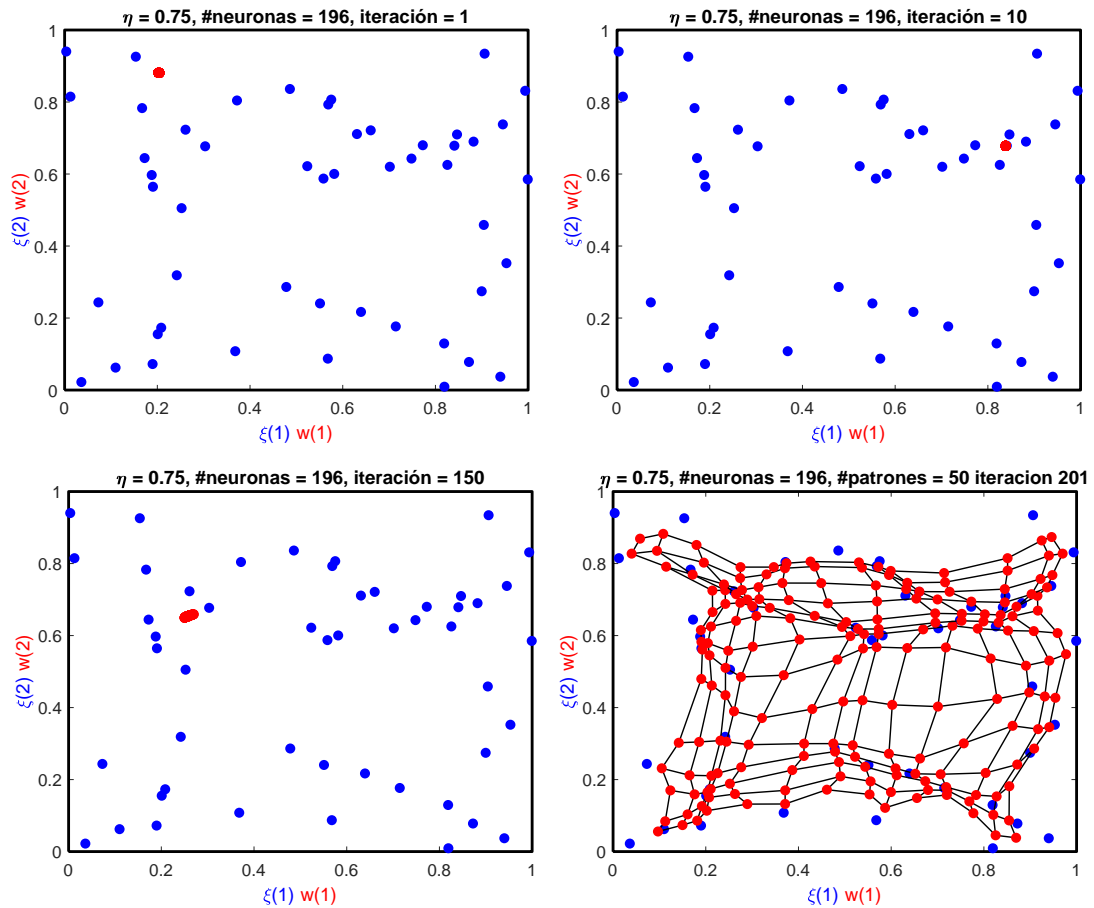


Fig. 5. Evolución de los pesos durante el aprendizaje.

(2) Resolución del problema del vendedor ambulante para 200 ciudades

En este ejercicio se pretende entrenar una red Kohonen que sea capaz de encontrar un camino óptimo que pase por todos los 200 puntos (ciudades) de entrada que se le enseñan.

Los patrones se generaron de la misma manera que en el problema anterior, dentro de un círculo unitario. La diferencia es que los pesos se inicializaron todos sobre el perímetro del círculo y con ángulo creciente desde 0 hasta 2π . Se decidió inicializarlos de esta manera luego de probar hacerlo de manera uniforme y al azar, y observar que los caminos resultantes que generaba la red se cruzaban, por lo tanto se procedió a usar dicho método de inicialización.

Para este problema se utilizaron 440 neuronas en un espacio de 1 dimensión, a diferencia del problema anterior que se utilizaban 2 dimensiones. Se usó el mismo método de actualización para la varianza de la función de vecindad.

Resultados

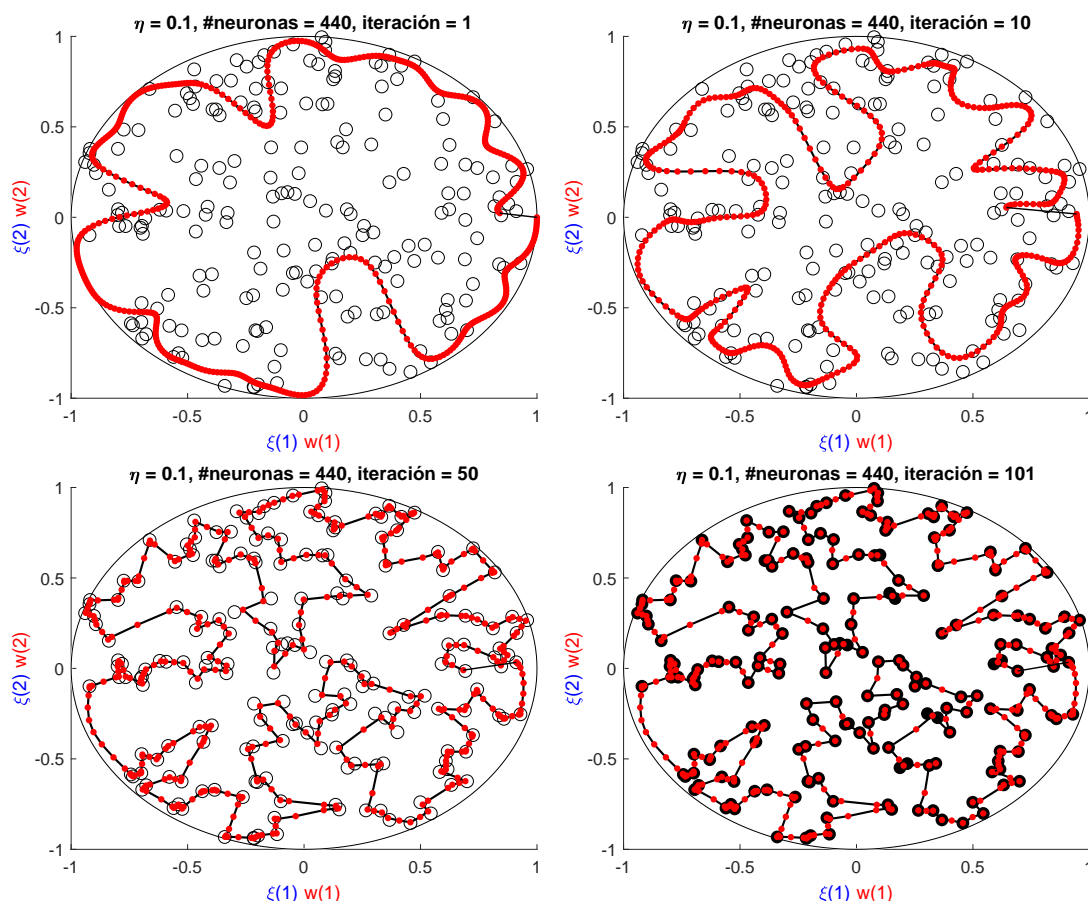


Fig. 6. Evolución de los pesos durante el aprendizaje. Se unen los pesos de neuronas consecutivas así como el de la última con la primera neurona.

La inicialización de los pesos de la siguiente manera:

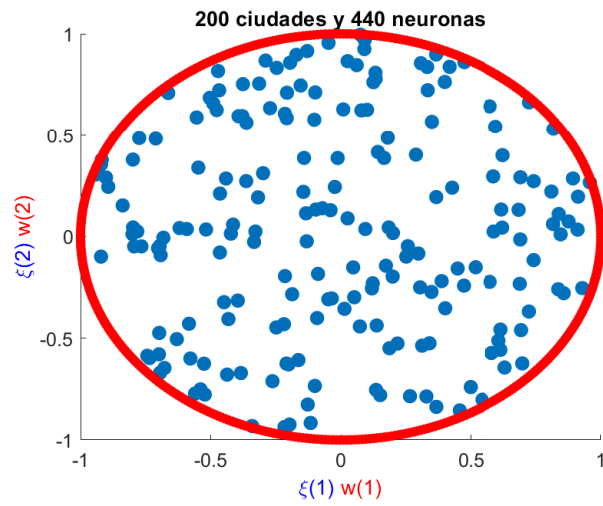


Fig. 7. Patrones generados aleatoriamente (ciudades a unir) e inicialización de los pesos sobre el perímetro del círculo.

(3) Reducción de dimensionalidad

En este ejercicio se utiliza la misma red que en el ejercicio 1, pero con la finalidad de reducir la dimensionalidad de un set de datos de 500 muestras de dimensión 100 a dimensión 2, de modo que graficamente se pueda visualizar los distintos clusters del set de datos.

A cada neurona se le asigna un valor de la función U , definida como:

$$U(i, j) = \sum_{v \in \text{vecinos}([i, j])} \|w(i, j) - w(v)\|$$

Esta función realiza la suma de todos los pesos vecinos de la neurona $[i, j]$, y si se visualiza en un mapa de colores se podrán observar las distancias de los pesos entre las neuronas, de modo que los puntos que forman un cluster son los que tienen distancias pequeñas y puntos de clusters diferentes tendrán distancias grandes.

Dado que se tienen 500 patrones de entrada, la cantidad de neuronas es de $23 \times 23 = 529$. La cantidad máxima de iteraciones es de 50.

A continuación se presentan los resultados considerando neuronas vecinas las diagonales y los laterales:

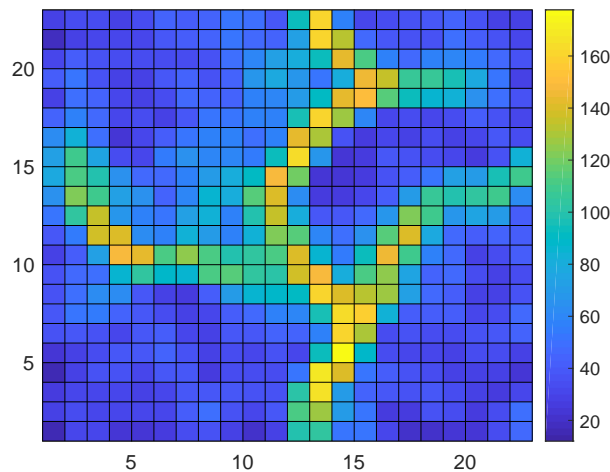


Fig. 8. Representación de la matriz $U(n)$ para cada neurona. Visualización de los clusters del set de datos.

Se corrió 2 veces y en ambas se inicializan los pesos de una manera distinta (aleatoriamente), y por ende los clusters obtenidos son distintos. Arriba se presenta uno de los resultados.

Se pueden observar 4 clusters diferentes tales que en cada uno los datos son similares entre ellos, por ende la red logró agrupar los datos y clasificarlos.

Una observación respecto a la performance del código, es que el entrenamiento de la red tuvo una duración de aproximadamente 1 hora, lo cual tiene sentido dada la cantidad de muestras de entrada que se le enseñan. Debido a esto, se corrió pocas veces y se guardó el resultado de los pesos para poder utilizarlos posteriormente y evitar volver a ejecutar el código.

Código

Ejercicio 1

```
1  clc; clear all; close all
2
3  %% Red Kohonen de 2 entradas, distribucion dentro de un circulo
4  rng('shuffle');
5
6  % Defino los patrones de entrada, muestras uniformes restringidas a un
7  % circulo de radio R.  $x(1)^2 + x(2)^2 - R = 0$ 
8  p = 50; % #patrones
9  radio = 1; % Radio del circulo que contiene a los patrones
10 N = 2; % dim. de entrada
11 % genero patrones
12 modulo = sqrt(unifrnd(0, radio, p, 1));
13 angulo = pi * unifrnd(0, 2, p, 1);
14 L = 1; B = 2;
15 a1 = 0;
16 b1 = L;
17 a = (b1-a1).*rand(p,1) + a1;
18 a2 = 0;
19 b2 = B;
20 b = (b2-a2).*rand(p,1) + a2;
21 %xp = [a, b];
22 xp = [modulo .* cos(angulo), modulo .* sin(angulo)];
23 patrones_plot = figure();
24 viscircles([0,0], radio, 'color', 'black');
25 hold on;
26 Rect = [ 0 0 ; L 0 ; L B ; 0 B ; 0 0] ;
27 %plot(Rect(:,1),Rect(:,2), 'color', 'black')
28 %scatter(xp(:, 1), xp(:, 2), 'fill');
29 scatter(xp(:, 1), xp(:, 2), 'fill');
30
31 % Defino las neuronas y sus pesos
32 dim_espacio_neuronas = 2;
33 n_x = 14; n_y = 14; % largo del eje x e y del espacio de coordenadas de
    neuronas.
34 n = n_x ^ dim_espacio_neuronas; % #neuronas
35 w = cell(sqrt(n), sqrt(n)); % vectores de pesos sinapticos de cada neurona.
36 % inicializo los pesos
37 for i = 1:n_x
38     for j = 1:n_y
39         % Vectores columna de pesos, asociados a cada neurona.
40         angulo = pi * unifrnd(0, 2);
41         modulo = sqrt(unifrnd(0, radio));
42         w{i, j} = modulo .* [ cos(angulo) ; sin(angulo) ];
43         % grafico pesos
44         scatter(w{i,j}(1), w{i,j}(2), 'fill', 'r');
45
46     end
47 end
48
49
50 set(gca, 'fontsize', 12);
51 xlabel('\color{blue}\xi(1) \color{red}w(1)', 'interpreter', 'tex');
52 ylabel('\color{blue}\xi(2) \color{red}w(2)', 'interpreter', 'tex');
53 set(patrones_plot, 'PaperSize', [20 10]); %set the paper size to what you
    want
54 print(patrones_plot, 'Resultados/Ejercicio1/patrones', '-dpdf') % then print
    it
```

```

55
56
57 % Pasos algoritmo
58 % 1. se elige un patron x al azar.
59 % 2. se calcula la distancia ese vector x y los vectores w de cada neurona.
60 % 3. obtengo la neurona ganadora, la cual tiene la menor distancia.
61 % 4. obtengo la funcion de vecindad
62
63 %
64 eta = 0.1;
65 patron_pa_graficar = randi([1, p]);
66 %sigma = [150:-1:1];
67 sigma = 8;
68 alfa = 0.95;
69
70 iteraciones = 100;
71
72 neurona_ganadora = zeros(p, 2); % coordenadas de la neurona ganadora
73 dist_min = 1000 * ones(p, 1);
74 vecindad = zeros(p, n); % una matriz donde sus filas son listas con los
    valores de la vecindad de cada neurona;
75                                % cada fila es para un patron distinto
76
77 iter = 1;
78
79
80 while(iter <= iteraciones)
81     display("Iteracion " + iter);
82
83     for mu = shuffle(1:p)
84
85         % 1. guardo el patron de entrada
86         x = xp(mu, :)';
87
88         % 2,3. calculo la distancia; encuentro las neuronas ganadoras;
89         dist = 0;
90         dist_min = 1000 * ones(p, 1);
91         for i = 1:n_x
92             for j = 1:n_y
93
94                 dist = norm(x - w{i, j});
95
96                 if(dist <= dist_min(mu))
97                     dist_min(mu) = dist;
98                     neurona_ganadora(mu, :) = [i, j];
99                 end
100             end
101         end
102     end
103
104     % 4,5. calculo las vecindades y actualizo los pesos
105     idx_neu = 1;
106     for i=1:n_x
107         for j=1:n_y
108             vecindad(mu, idx_neu) = func_vecindad([i, j],
109                 neurona_ganadora(mu, :), sigma);
110             w{i, j} = w{i, j} + eta * vecindad(mu, idx_neu) * (x - w{i, j});
111             idx_neu = idx_neu + 1;
112         end
113     end

```

```

114
115 end
116 if(iter == 1 || iter == 10 || iter == 50)
117     plot_pesos = figure();
118     hold on;
119     viscircles([0,0], radio , 'color', 'black', 'linewidth', 0.5);
120     scatter(xp(:, 1), xp(:, 2), 50 , 'fill', 'blue' );
121
122     for i = 1:n_x
123         for j = 1:n_y
124             % Vectores columna de pesos, asociados a cada neurona.
125             % grafico pesos
126             if j ~= n_y
127                 plot( [w{i, j}(1), w{i, j+1}(1)], [w{i, j}(2), w{i, j
128                     +1}(2)] , 'r' , 'linewidth', 1, 'color', 'black' )
129             end
130             if i ~= n_x
131                 plot( [w{i + 1, j}(1), w{i, j}(1)], [w{i + 1, j}(2), w{
132                     i, j}(2)] , 'r' , 'linewidth', 1, 'color', 'black' )
133             end
134             scatter(w{i, j}(1), w{i, j}(2), 50 , 'fill', 'red');
135         end
136     end
137     % Uno el peso de la primera neurona con la ultima
138     plot_pesos.Renderer='Painters';
139
140     title("\eta = " + eta + ", #neuronas = " + n + ", iteracion = " +
141         iter , 'interpreter', 'tex')
142     set(gca, 'fontsize', 12);
143     xlabel('\color{blue}\xi(1) \color{red}w(1)', 'interpreter', 'tex');
144     ylabel('\color{blue}\xi(2) \color{red}w(2)', 'interpreter', 'tex');
145     set(plot_pesos, 'PaperSize', [20 10]); %set the paper size to what
146     you want
147     path = "Resultados/Ejercicio1/pesos" + iter;
148     print(plot_pesos, path, '-dpdf') % then print it
149
150
151 end
152
153 iter = iter + 1;
154 sigma = sigma * alfa;
155
156 end
157
158 plot_pesos = figure();
159 plot_pesos.Renderer='Painters';
160 title("\eta = " + eta + ", #neuronas = " + n + ", #patrones = " + p + "
161     iteracion " + iter , 'interpreter', 'tex')
162 viscircles([0,0], radio , 'color', 'black');
163 hold on;
164 scatter(xp(:, 1), xp(:, 2), 100 , 'fill' );
165
166 for i = 1:n_x
167     for j = 1:n_y
168         % Vectores columna de pesos, asociados a cada neurona.
169         % grafico pesos
170         if j ~= n_y
171             plot( [w{i, j}(1), w{i, j+1}(1)], [w{i, j}(2), w{i, j+1}(2)] , '
172                 r' , 'linewidth', 1, 'color', 'black' )
173         end
174         if i ~= n_x
175             plot( [w{i + 1, j}(1), w{i, j}(1)], [w{i + 1, j}(2), w{i, j}(2)
176                 ] , 'r' , 'linewidth', 1, 'color', 'black' )
177         end
178     end
179 end

```

```

169         end
170         scatter(w{i, j}(1), w{i, j}(2), 50, 'fill', 'red');
171     end
172 end
173
174 set(gca, 'fontsize', 12);
175 xlabel('\color{blue}\xi(1) \color{red}w(1)', 'interpreter', 'tex');
176 ylabel('\color{blue}\xi(2) \color{red}w(2)', 'interpreter', 'tex');
177 set(plot_pesos, 'PaperSize', [20 10]); %set the paper size to what you want
178 print(plot_pesos, 'Resultados/Ejercicio1/pesos', '-dpdf') % then print it
179
180
181
182 %% Red Kohonen de 2 entradas, distribucion dentro de un rectangulo
183 clc; clear all;
184 rng('shuffle');
185
186 % Defino los patrones de entrada, muestras uniformes restringidas a un
187 % circulo de radio R.  $x(1)^2 + x(2)^2 - R = 0$ 
188 p = 50; % #patrones
189 N = 2; % dim. de entrada
190 % genero patrones
191 L = 1; B = 1;
192 a1 = 0;
193 b1 = L;
194 a = (b1-a1).*rand(p,1) + a1;
195 a2 = 0;
196 b2 = B;
197 b = (b2-a2).*rand(p,1) + a2;
198 xp = [a, b];
199 patrones_plot = figure();
200 hold on;
201 Rect = [ 0 0 ; L 0 ; L B ; 0 B ; 0 0] ;
202 plot(Rect(:,1), Rect(:,2), 'color', 'black', 'linewidth', 2)
203 scatter(xp(:, 1), xp(:, 2), 'fill', 'b');
204
205 % Defino las neuronas y sus pesos
206 dim_espacio_neuronas = 2;
207 n_x = 14; n_y = 14; % largo del eje x e y del espacio de coordenadas de
    neuronas.
208 n = n_x ^ dim_espacio_neuronas; % #neuronas
209 w = cell(sqrt(n), sqrt(n)); % vectores de pesos sinapticos de cada neurona.
210 % inicializo los pesos
211 for i = 1:n_x
212     for j = 1:n_y
213         % Vectores columna de pesos, asociados a cada neurona.
214         a = (b1-a1).*rand + a1;
215         b = (b2-a2).*rand + a2;
216         w{i, j} = [ a ; b ];
217         scatter(w{i, j}(1), w{i, j}(2), 'fill', 'r');
218     end
219 end
220
221
222 set(gca, 'fontsize', 12);
223 xlabel('\color{blue}\xi(1) \color{red}w(1)', 'interpreter', 'tex');
224 ylabel('\color{blue}\xi(2) \color{red}w(2)', 'interpreter', 'tex');
225 set(patrones_plot, 'PaperSize', [20 10]); %set the paper size to what you
    want
226 print(patrones_plot, 'Resultados/Ejercicio1/patrones_rect', '-dpdf') % then
    print it
227

```

```

228
229 % Pasos algoritmo
230 % 1. se elige un patron x al azar.
231 % 2. se calcula la distancia ese vector x y los vectores w de cada neurona.
232 % 3. obtengo la neurona ganadora, la cual tiene la menor distancia.
233 % 4. obtengo la funcion de vecindad
234
235 %
236 eta = 0.75;
237 patron_pa_graficar = randi([1, p]);
238 sigma = [200:-1:1];
239
240 iteraciones = size(sigma, 2);
241
242 neurona_ganadora = zeros(p, 2); % coordenadas de la neurona ganadora
243 dist_min = 1000 * ones(p, 1);
244 vecindad = zeros(p, n); % una matriz donde sus filas son listas con los
    valores de la vecindad de cada neurona;
245     % cada fila es para un patron distinto
246
247 iter = 1;
248
249
250 while(iter <= iteraciones)
251     display("Iteracion " + iter);
252
253     for mu = shuffle(1:p)
254
255         % 1. guardo el patron de entrada
256         x = xp(mu, :)';
257
258         % 2,3. calculo la distancia; encuentro las neuronas ganadoras;
259         dist = 0;
260         dist_min = 1000 * ones(p, 1);
261         for i = 1:n_x
262             for j = 1:n_y
263
264                 dist = norm(x - w{i, j});
265
266                 if(dist <= dist_min(mu))
267                     dist_min(mu) = dist;
268                     neurona_ganadora(mu, :) = [i, j];
269                 end
270             end
271         end
272     end
273
274     % 4,5. calculo las vecindades y actualizo los pesos
275     idx_neu = 1;
276     for i=1:n_x
277         for j=1:n_y
278             vecindad(mu, idx_neu) = func_vecindad([i, j],
                neurona_ganadora(mu, :), sigma(iter));
279             w{i, j} = w{i, j} + eta * vecindad(mu, idx_neu) * (x - w{i, j}
                );
280             idx_neu = idx_neu + 1;
281         end
282     end
283
284 end
285
286

```

```

287     if(iter == 1 || iter == 10 || iter == 50 || iter == 150)
288         plot_pesos = figure();
289         hold on;
290         plot(Rect(:, 1), Rect(:, 2), 'color', 'black', 'linewidth', 2)
291         scatter(xp(:, 1), xp(:, 2), 50, 'fill', 'blue');
292
293         for i = 1:n_x
294             for j = 1:n_y
295                 % Vectores columna de pesos, asociados a cada neurona.
296                 % grafico pesos
297                 if j ~= n_y
298                     plot([w{i, j}(1), w{i, j+1}(1)], [w{i, j}(2), w{i, j
299                         +1}(2)], 'r', 'linewidth', 1, 'color', 'black')
300                 end
301                 if i ~= n_x
302                     plot([w{i + 1, j}(1), w{i, j}(1)], [w{i + 1, j}(2), w{
303                         i, j}(2)], 'r', 'linewidth', 1, 'color', 'black')
304                 end
305                 scatter(w{i, j}(1), w{i, j}(2), 50, 'fill', 'red');
306             end
307         end
308         % Uno el peso de la primera neurona con la ultima
309         plot_pesos.Renderer='Painters';
310
311         title("\eta = " + eta + ", #neuronas = " + n + ", iteracion = " +
312             iter, 'interpreter', 'tex')
313         set(gca, 'fontsize', 12);
314         xlabel('\color{blue}\xi(1) \color{red}w(1)', 'interpreter', 'tex');
315         ylabel('\color{blue}\xi(2) \color{red}w(2)', 'interpreter', 'tex');
316         set(plot_pesos, 'PaperSize', [20 10]); %set the paper size to what
317             you want
318         path = "Resultados/Ejercicio1/pesos_rect" + iter;
319         print(plot_pesos, path, '-dpdf') % then print it
320
321     end
322
323     iter = iter + 1;
324 end
325
326 %%
327 plot_pesos_rect = figure();
328
329 Rect = [ 0 0 ; L 0 ; L B ; 0 B ; 0 0] ;
330 plot(Rect(:, 1), Rect(:, 2), 'color', 'black', 'linewidth', 2)
331 hold on;
332 scatter(xp(:, 1), xp(:, 2), 50, 'fill', 'b');
333 title("\eta = " + eta + ", #neuronas = " + n + ", #patrones = " + p + "
334     iteracion " + iter, 'interpreter', 'tex');
335
336 for i = 1:n_x
337     for j = 1:n_y
338         % Vectores columna de pesos, asociados a cada neurona.
339         % grafico pesos
340         if j ~= n_y
341             plot([w{i, j}(1), w{i, j+1}(1)], [w{i, j}(2), w{i, j+1}(2)], '
342                 r', 'linewidth', 1, 'color', 'black')
343         end
344         if i ~= n_x
345             plot([w{i + 1, j}(1), w{i, j}(1)], [w{i + 1, j}(2), w{i, j}(2)
346                 ], 'r', 'linewidth', 1, 'color', 'black')
347         end
348     end
349 end

```

```

342         scatter(w{i, j}(1), w{i, j}(2), 50, 'fill', 'red');
343     end
344 end
345
346 set(gca, 'fontsize', 12);
347 xlabel('\color{blue}\xi(1) \color{red}w(1)', 'interpreter', 'tex');
348 ylabel('\color{blue}\xi(2) \color{red}w(2)', 'interpreter', 'tex');
349 set(plot_pesos_rect, 'PaperSize', [20 10]); %set the paper size to what you
    want
350 print(plot_pesos_rect, 'Resultados/Ejercicio1/pesos_rect', '-dpdf') % then
    print it
351
352
353 %%
354
355
356 plot_neuronas = figure();
357
358
359 hold on;
360
361 for i = 1:(n_x)
362     plot([1, n_x], [i, i], 'linewidth', 1, 'color', 'black')
363     plot([i, i], [1, n_y], 'linewidth', 1, 'color', 'black')
364 end
365 [X, Y] = meshgrid(1:n_x, 1:n_y);
366 scatter(X(:), Y(:), 100, 'black', 'fill');
367
368 set(gca, 'fontsize', 12);
369 set(plot_neuronas, 'PaperSize', [20 10]); %set the paper size to what you
    want
370 print(plot_neuronas, 'Resultados/Ejercicio1/neuronas', '-dpdf') % then print
    it

```

Listing 1: ejercicio1

Ejercicio 2

```

1  clc; clear all; close all;
2
3  %% Problema del viajante con red neuronal Kohonen.
4
5  rng('shuffle');
6
7  % Defino los patrones de entrada, muestras uniformes restringidas a un
8  % circulo de radio R.  $x(1)^2 + x(2)^2 - R = 0$ 
9  p = 200; % #patrones
10 radio = 1; % Radio del circulo que contiene a los patrones
11 N = 2; % dim. de entrada
12 % genero patrones
13 %angulo = pi * linspace(0, 2, p); angulo = reshape(angulo, [p, 1]);
14 angulo = pi * unifrnd(0, 2, p, 1);
15 modulo = sqrt(unifrnd(0, radio, p, 1));
16 xp = [modulo .* cos(angulo), modulo .* sin(angulo)];
17 patrones_plot = figure();
18 viscircles([0,0], radio, 'color', 'black');
19 hold on;
20 scatter(xp(:, 1), xp(:, 2), 80, 'fill');
21

```

```

22 % Defino las neuronas y sus pesos. Los pesos se inicializan sobre el
    perimetro del circulo y de manera creciente
23 % por su angulo.
24 dim_espacio_neuronas = 1;
25 n_x = round(2.2 * p); n_y = 1; % largo del eje x e y del espacio de
    coordenadas de neuronas.
26 n = n_x ^ dim_espacio_neuronas; % #neuronas
27 w = cell(n_x); % vectores de pesos sinapticos de cada neurona.
28 % inicializo los pesos
29 angulo = pi * linspace(0, 2, n);
30 for i = 1:n_x
31     %for j = 1:n_y
32     % Vectores columna de pesos, asociados a cada neurona.
33     %angulo = pi * unifrnd(0, 2);
34     modulo = sqrt(unifrnd(0, radio));
35     w{i} = radio .* [ cos(angulo(i)) ; sin(angulo(i)) ];
36     % grafico pesos
37     scatter(w{i}(1), w{i}(2), 'fill', 'r');
38     %end
39 end
40
41
42 set(gca, 'fontsize', 12);
43 title(p + " ciudades y " + n + " neuronas");
44 xlabel('\color{blue}\xi(1) \color{red}w(1)', 'interpreter', 'tex');
45 ylabel('\color{blue}\xi(2) \color{red}w(2)', 'interpreter', 'tex');
46 set(patrones_plot, 'PaperSize', [20 10]); %set the paper size to what you
    want
47 print(patrones_plot, 'Resultados/Ejercicio2/patrones', '-dpdf') % then print
    it
48
49 % Entreno la red
50
51 eta = 0.1;
52 sigma_init = 8;
53 sigma = sigma_init;
54 alfa = 0.95; % constante que decrementa la varianza
55
56 %iteraciones = size(sigma, 2);
57 iteraciones = 100;
58
59 neurona_ganadora = zeros(p, 2); % coordenadas de la neurona ganadora
60 vecindad = zeros(p, n); % una matriz donde sus filas son listas con los
    valores de la vecindad de cada neurona;
61     % cada fila es para un patron distinto
62
63 iter = 1;
64
65
66 while(iter <= iteraciones)
67     display("Iteracion: " + iter);
68     for mu = shuffle(1:p)
69
70         % 1. guardo el patron de entrada
71         x = xp(mu, :)';
72
73         % 2,3. calculo la distancia; encuentro las neuronas ganadoras;
74         dist = 0;
75         dist_min = 1000 * ones(p, 1);
76         for i = 1:n_x
77
78

```



```

79         dist = norm(x - w{i});
80
81         if(dist <= dist_min(mu))
82             dist_min(mu) = dist;
83             neurona_ganadora(mu, :) = i;
84         end
85
86
87     end
88
89     % 4,5. calculo las vecindades y actualizo los pesos
90     idx_neu = 1;
91     for i=1:n_x
92
93         vecindad(mu, idx_neu) = func_vecindad(i, neurona_ganadora(mu,
94             :), sigma);
95         w{i} = w{i} + eta * vecindad(mu, idx_neu) * (x - w{i});
96         idx_neu = idx_neu + 1;
97     end
98
99
100 end
101
102 % Grafico la evolucion de los pesos
103
104 if(iter == 1 || iter == 10 || iter == 50)
105     plot_ciudades = figure();
106     hold on;
107     viscircles([0,0], radio, 'color', 'black', 'linewidth', 0.5);
108     scatter(xp(:, 1), xp(:, 2), 80, 'black');
109
110     for i = 1:n_x
111
112         % Vectores columna de pesos, asociados a cada neurona.
113         % grafico pesos
114
115         if i ~= n_x
116             plot([w{i + 1}(1), w{i}(1)], [w{i + 1}(2), w{i}(2)], 'r',
117                 'linewidth', 1.5, 'color', 'black');
118             end
119             scatter(w{i}(1), w{i}(2), 20, 'fill', 'red');
120
121         end
122         % Uno el peso de la primera neurona con la ultima
123         plot([w{1}(1), w{n}(1)], [w{1}(2), w{n}(2)], 'r', 'linewidth', 1,
124             'color', 'black');
125         plot_ciudades.Renderer='Painters';
126
127         title("\eta = " + eta + ", #neuronas = " + n + ", iteracion = " +
128             iter, 'interpreter', 'tex')
129         set(gca, 'fontsize', 12);
130         xlabel('\color{blue}\xi(1) \color{red}w(1)', 'interpreter', 'tex');
131         ylabel('\color{blue}\xi(2) \color{red}w(2)', 'interpreter', 'tex');
132         set(plot_ciudades, 'PaperSize', [20 10]); %set the paper size to
133             what you want
134         path = "Resultados/Ejercicio2/recorrido" + iter;
135         print(plot_ciudades, path, '-dpdf') % then print it
136
137     end
138
139 end

```

```

136     iter = iter + 1;
137
138     % Actualizo el ancho de la vecindad
139     sigma = sigma * alfa;
140
141 end
142
143 %%
144 plot_ciudades = figure();
145
146 hold on;
147
148 viscircles([0,0], radio , 'color', 'black', 'linewidth', 0.5);
149 scatter(xp(:, 1), xp(:, 2), 80 , 'fill', 'black' );
150
151 for i = 1:n_x
152
153     % Vectores columna de pesos, asociados a cada neurona.
154     % grafico pesos
155
156     if i ~= n_x
157         plot( [w{i + 1}(1), w{i}(1)], [w{i + 1}(2), w{i}(2)] , 'r' , '
158             linewidth', 1.5, 'color', 'black' )
159     end
160     scatter(w{i}(1), w{i}(2), 20 , 'fill', 'red');
161 end
162 % Uno el peso de la primera neurona con la ultima
163 plot([w{1}(1), w{n}(1)], [w{1}(2), w{n}(2)] , 'r', 'linewidth', 1, 'color',
164     'black');
165 plot_ciudades.Renderer='Painters';
166
167 title("\eta = " + eta + ", #neuronas = " + n + ", iteracion = " + iter , '
168     interpreter', 'tex')
169 set(gca, 'fontsize', 12);
170 xlabel( '\color{blue}\xi(1) \color{red}w(1)', 'interpreter', 'tex');
171 ylabel( '\color{blue}\xi(2) \color{red}w(2)', 'interpreter', 'tex');
172 set(plot_ciudades, 'PaperSize', [20 10]); %set the paper size to what you
173 want
174 print(plot_ciudades, 'Resultados/Ejercicio2/recorrido', '-dpdf') % then print
175 it
176
177
178 plot_neuronas = figure();
179 hold on;
180 plot([1, n], [0, 0], 'black')
181 [X, Y] = meshgrid(1:n_x, 1:n_y);
182 scatter(1:1:n ,zeros(n,1), 100 , 'black', 'fill');
183 xlim([1, n]);
184 xlabel("Neuronas");
185 set(gca, 'ytick', []); % 1D
186 set(gca, 'fontsize', 12);
187 set(plot_neuronas, 'PaperSize', [20 10]); %set the paper size to what you
188 want
189 print(plot_neuronas, 'Resultados/Ejercicio1/neuronas_rect', '-dpdf') % then
190 print it

```

Listing 2: ejercicio2

Ejercicio 3

```
1  clc; clear all; close all;
2
3  %% Reducir muestras de 100 dimensiones a 2D
4  rng('shuffle');
5
6
7  % Cargo los patrones de muestra
8  datos = cell2mat(struct2cell(load("datos_para_clustering.mat")));
9
10 % Parametros
11 dim_espacio_entrada = size(datos, 2);
12 dim_espacio_neuronas = 2;
13
14 p = size(datos, 1); % #patrones
15 xp = datos; % patrones
16
17 % Obtengo la muestra que tiene norma maxima.
18 norms = zeros(1, p);
19 for mu = 1:p
20     norms(mu) = norm(datos(mu, :));
21 end
22 radio = max(norms);
23
24 n_x = 23; n_y = 23; % largo del eje x e y del espacio de coordenadas de
    neuronas.
25 n = n_x ^ dim_espacio_neuronas; % #neuronas
26
27 eta = 0.1;
28 sigma = 8; % varianza inicial
29 alfa = 0.95; % cte. de actualizacion de la varianza
30 iteraciones = 50; % iteraciones maximas
31 iter = 1;
32
33
34 % inicializo los pesos
35 w = cell(sqrt(n), sqrt(n)); % vectores de pesos sinapticos de cada neurona.
36
37 for i = 1:n_x
38     for j = 1:n_y
39         % Vectores columna de pesos, asociados a cada neurona.
40         w{i, j} = rand(1, dim_espacio_entrada);
41         w{i, j} = radio .* w{i, j} ./ norm(w{i, j});
42     end
43 end
44
45 %% Entrenamiento de la red
46
47 % Entrenamiento de la red tarda como 2 horas! :O
48
49
50 neurona_ganadora = zeros(p, 2); % coordenadas de la neurona ganadora
51 dist_min = 1000 * ones(p, 1);
52 vecindad = zeros(p, n); % una matriz donde sus filas son listas con los
    valores de la vecindad de cada neurona;
    % cada fila es para un patron distinto
53
54
55 while(iter <= iteraciones)
56     display("Iteracion " + iter);
57     for mu = shuffle(1:p)
58
```

```

59 % 1. guardo el patron de entrada
60 x = xp(mu, :)';
61 display("patron "+mu);
62 % 2,3. calculo la distancia; encuentro las neuronas ganadoras;
63 dist = 0;
64 dist_min = 1000 * ones(p, 1);
65 for i = 1:n_x
66     for j = 1:n_y
67
68         dist = norm(x - w{i, j});
69
70         if(dist <= dist_min(mu))
71             dist_min(mu) = dist;
72             neurona_ganadora(mu, :) = [i, j];
73         end
74
75     end
76 end
77
78 % 4,5. calculo las vecindades y actualizo los pesos
79 idx_neu = 1;
80 for i=1:n_x
81     for j=1:n_y
82         vecindad(mu, idx_neu) = func_vecindad([i, j],
83             neurona_ganadora(mu, :), sigma);
84         w{i, j} = w{i, j} + eta * vecindad(mu, idx_neu) * (x' - w{i, j}
85             );
86         idx_neu = idx_neu + 1;
87     end
88 end
89
90
91 if(iter == 90 || iter == 50 || iter == 120 || iter == 140)
92
93 end
94
95 iter = iter + 1;
96
97 sigma = sigma * alfa;
98 end
99
100 %% Armado de la funcion U
101
102 w = struct2cell(load("w1.mat")); w= w{1}; % pesos de dimension 100!!!
103 w_mat = zeros(n_x, n_y); % matriz auxiliar que mapea las coordenadas con la
104     matriz w de cell arrays.
105
106 for i = 1:n_x
107     % workaround: en la linea de actualizacion de los pesos estaba haciendo (x
108     % - w{i, j}) y como x es un vector columna y w un vector fila, esa resta
109     % termina dando una matriz donde en cada columna esta el resultado
110     % replicado. El fix seria hacer (x'-w{i, j}), pero para los w
111     % que me guarde me quedo con los vector columna.
112     for j = 1:n_y
113         w{i, j} = w{i, j}(:, 1);
114     end
115 end
116 s = size(w);
117 B = zeros(s);

```

```

117 nn = numel(w);
118 matriz_vecinos = cell(s);
119
120 for ii = 1:nn
121     B(ii) = 1;
122     matriz_vecinos{ii} = w(bwdist(B, 'ch') == 1);
123     B(ii) = 0;
124 end
125
126 % Construyo la funcion U:
127 U = zeros(n_x, n_y); % matriz de la funcion U
128
129 for i = 1:n_x
130     for j = 1:n_y
131
132         % para la neurona [i,j]
133
134         suma = 0; % inicializo la suma en 0 para luego guardarla en la
            matriz U.
135
136         % recorro todos los vecinos, calculo la norma, y lo sumo en $suma.
137         for vecinos = matriz_vecinos{i,j}
138             for vecino_idx = 1:size(vecinos, 1)
139                 suma = suma + norm(w{i, j} - cell2mat(vecinos(vecino_idx)))
140                 ;
141             end
142         end
143         U(i, j) = suma;
144     end
145 end
146
147
148 % Grafico la matriz U
149
150 plot_clusters = figure();
151 pcolor(U);
152 colorbar;
153 set(gca, 'fontsize', 12);
154 set(plot_clusters, 'PaperSize', [20 10]);
155 print(plot_clusters, 'Resultados/Ejercicio3/clusters_1', '-dpdf')

```

Listing 3: ejercicio3

Funciones auxiliares

```

1 function y = func_vecindad(neurona_i, neurona_ganadora, sigma)
2     % recibe pares de coordenadas
3     y = exp( -norm(neurona_i - neurona_ganadora)^2 / (2 * sigma ^ 2) );
4 end

```

Función que evalúa la función de vecindad entre una neurona y la ganadora.