

Mauro Abel Campillo

11/05/2012

• PRÁCTICA 3

- 1. (a) No se que es, creo que no es nada porque por definición f_2 es binaria pero aqui se la usa como si fuese una función unaria. Además el cuantificador existencial está cuantificando una fórmula cuando debería cuantificar una variable
 - (b) Es una fórmula ya que f_1 es unaria y f_2 es binaria
 - (c) No es una fórmula debido a que se está cuantificando una constante C con el cuantificador existencial, cuando solo se deben cuantificar variables ¿Es un término?
 - (d) Idem anterior
 - (e) El $\exists x$ aparece dos veces en la misma sentencia, esta mal formado, no es fórmula ¿Es un término?
 - (f) Es fórmula
- 2. (a) En la primera parte x aparece ligada en el $\forall x$, también y aparece ligada pues ambas estan siendo afectadas por cuantificadores
 - (b) En $(\exists x P(y,y))$ y aparece libre, x NO debido a que está siendo afectada por un cuantificador, luego en $\exists y P(y,z)$ y aparece ligada y z libre
 - (c) Veamos que x aparece ligada ya que está afectada por el cuantificador existencial, de modo que en subsiguientes apariciones x ya estará ligada. Analizando la primera parte de la conjunción $(\exists y P(x,x))$ y aparece ligada pero en la segunda parte (P(x,y)) y aparece libre pues el cuantificador solo afecta a la primera parte de la conjunción
 - (d) Bastante parecido al anterior
- 3. (a) No es una interpretación válida ya que f_1 va de los $\mathbb{N} \to \mathbb{R}$ mientras que el universo de interpretación $U_I = \mathbb{N}$, absurdo ya que la imagén de la función corresponde a algo que cae fuera del universo de interpretación
 - (b) Es válida
 - (c) Si el universo de interpretación U_I son los $\mathbb N$ entonces esta no es una interpretación válida debido a que las constantes $c_I = d_I = 0$ y el 0 esta fuera del universo de interpretación. Si se esta incluyendo al 0 dentro de los $\mathbb N$, es decir $\mathbb N \cup 0$ entonces la interpretación es válida. Además la imagen de la función $g_1(n,n) = n^2 n$ es siempre $\geq 0 \ \forall n \in \mathbb N \cup 0$ y puede demostrarse por inducción
- 4. (a) Para todo x, y si $x \le y$ existe un numero z tal que $x \le z$ y $z \le y$. Me esta diciendo en los reales dados dos numeros siempre voy a poder encontrar un numero mayor al primero y menor al segundo.
 - (b) Todos los días nace un esclavo
 - (c) Para todos los números, si son pares, vale que su suma da como resultado un número impar
- 5. (a) Hay una persona que quiere a todas
 - (b) Toda persona tiene alguien que lo quiera
 - (c) Para toda persona que quiera a alguien, hay una persona que lo quiere a él.
 - (d) Hay alguien que no quiere a nadie
- 6. (a) Caso Suma: Para todo número a existe otro número b que multiplicado por 2 me devuelve a. O puede ser que le tenga que sumar una constante c. Verdadero ya que todo número par puede dividirse por 2 y ese sería nuestro b o puedo hacer la división por 2 si es impar y quedarme con el cociente truncado y sumarle 1(nuestra constante c).
 - Caso Multiplicación: Todo número a puede obtenerse mediante algún b^2 o mediante algun $((b^2).0)$ Esto es claramente falso porque si selecciono un número a que no es un cuadrado no podré encontrar dicho b
 - (b) Caso Suma: Este enunciado dice que existe un solo número para todos tal que multiplicado por dos me devuelve todos los numeros, o multiplicado por dos más una constante c. Falso Caso Multiplicación: Existe un número b tal que b^2 me devuelve todos los números, o $((b^2).0)$. Falso
 - (c) Caso Suma: Si la suma de dos números da como resultado 1 entonces alguno de los dos era 1. Verdadero Caso Multiplicación: Si la multiplicación de dos números da como resultado 0 entonces alguno de los dos era 0. Verdadero

- 7. (a)
- 8. (a)
- 9. (a)
 - (b) $\forall x (f(x,y) = x)$
- 10. (a) Por hipótesis sabemos que tenemos un U_I que es finito con n+1 elementos de los cuales n son distinguibles. Entonces tendremos un conjunto de funciones $\varphi = \{\phi_1, \phi_2, ..., \phi_n\}$ donde cada ϕ_i es una función que describe a cada uno de los n elementos. Si suponemos que el elemento n+1 no es distinguible entonces existiría una función ϕ_i ($0 \le i \le n$) tal que distinguiría al elemento n+1 y a otro de los n elementos. Pero esto es absurdo ya que por definición un elemento es distinguible si solo si una función ϕ es verdadera para dicho elemento y solo para él además esto lo sabemos por hipótesis de modo que si tenemos un conjunto de funciones $\varphi = \{\phi_1, \phi_2, ..., \phi_n\}$ necesariamente debe existir una función ϕ_{n+1} que distingue al elemento n+1