

N°	Titre	page
1	Nombres relatifs	2
2	Fractions	3
3	Puissances	4
4	Racines carrées	5
5	Arithmétique	6
6	Statistiques	7
7	Probabilités	8
8	Pourcentages	9
9	Vitesse	10
10	Calcul littéral	11
11	Équations	12
12	Inéquations	13
13	Fonctions, fonction linéaire, fonction affine	14-15
14	Utilisation du tableau	16-17
15	Pythagore	18
16	Thalès	19
17	Trigonométrie dans un triangle rectangle	20
18	Rappels de géométrie plane	21
19	Triangles égaux	22
20	Agrandissements-réductions, triangles semblables	23
21	symétries, translation, rotation, homothétie	24
22	Géométrie dans l'espace	25
23	Algorithmique	26
24	Formulaires : périmètres, aires, volumes	27
25	Formulaire : conversions	28

Développer

- La simple distributivité :

$$k(a + b) = k \times a + k \times b$$

ex : $A = 5(x - 3)$
 $A = 5 \times x - 5 \times 3$
 $A = 5x - 15$

- La double distributivité :

$$(a + b)(c + d) = a \times c + a \times d + b \times c + b \times d$$

ex : $B = (3 + x)(x - 2)$
 $B = 3 \times x + 3 \times (-2) + x \times x + x \times (-2)$
 $B = 3x - 6 + x^2 - 2x$
 $B = x^2 + x - 6$

- Les identités remarquables :

1 $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

ex : $C = (x + 4)^2$
 $C = x^2 + 2 \times x \times 4 + 4^2$
 $C = x^2 + 8x + 16$

2 $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

ex : $D = (2x - 3)^2$
 $D = (2x)^2 - 2 \times 2x \times 3 + 3^2$
 $D = 4x^2 - 12x + 9$

3 $(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$

ex : $E = (x - 5)(x + 5)$
 $E = x^2 - 5^2$
 $E = x^2 - 25$

Factoriser

- Avec un facteur commun :

exemple 1 :

$$\begin{aligned} A &= x^2 - 3x \\ A &= x \times x - 3 \times x \\ A &= x(x - 3) \end{aligned}$$

exemple 2 :

$$\begin{aligned} B &= (x + 2)(x - 5) + (x + 2)(3x - 1) \\ B &= (x + 2)[(x - 5) + (3x - 1)] \\ B &= (x + 2)[x - 5 + 3x - 1] \\ B &= (x + 2)(4x - 6) \end{aligned}$$

- En utilisant une identité remarquable :

avec la 1^{ère} identité remarquable :

$$a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$$

ex : $C = x^2 + 2x + 1$
 $C = x^2 + 2 \times x \times 1 + 1^2$
 $C = (x + 1)^2$

avec la 2^e identité remarquable :

$$a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$$

ex : $D = x^2 - 6x + 9$
 $D = x^2 - 2 \times x \times 3 + 3^2$
 $D = (x - 3)^2$

avec la 3^e identité remarquable :

$$a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$$

exemple 1 : $E = (x + 3)^2 - 16$
 $E = (x + 3)^2 - 4^2$
 $E = [(x + 3) + 4][(x + 3) - 4]$
 $E = [x + 3 + 4][x + 3 - 4]$
 $E = (x + 7)(x - 1)$

exemple 2 :

$$\begin{aligned} F &= (2x + 3)^2 - (x + 1)^2 \\ F &= [(2x + 3) + (x + 1)][(2x + 3) - (x + 1)] \\ F &= [2x + 3 + x + 1][2x + 3 - x - 1] \\ F &= (3x + 4)(x + 2) \end{aligned}$$

Quand on supprime des parenthèses précédées d'un signe « moins » alors on doit changer les signes !

Fiche de révisions : équations

- Solution d'une équation

exemple : le nombre 2,4 est-il solution de l'équation $10x - 7 = 5(x + 1)$?

D'une part pour $x = 2,4$ on a $10x - 7 = 10 \times 2,4 - 7 = 24 - 7 = 17$

D'autre part pour $x = 2,4$ on a $5(x + 1) = 5 \times (2,4 + 1) = 5 \times 3,4 = 17$

Comme on obtient le même résultat, le nombre 2,4 est solution de l'équation $10x - 7 = 5(x + 1)$

- Equations du premier degré

Règle : On peut ajouter ou soustraire un nombre, multiplier ou diviser par un même nombre non nul, les deux membres d'une égalité, cette égalité reste vraie.

Exemple : Résoudre l'équation $5x + 17 = 3x + 20$

$$5x + 17 = 3x + 20$$

$$5x - 3x + 17 = 3x + 20 - 3x$$

$$2x + 17 = 20$$

$$2x + 17 - 17 = 20 - 17$$

$$2x = 3$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{3}{2}$$

$$x = 1,5$$

L'équation $5x + 17 = 3x + 20$ admet une solution : $x = 1,5$.

- Equations produit nul

Exemple : Résoudre l'équation $(2x - 8)(5x + 3) = 0$

$$(2x - 8)(5x + 3) = 0$$

Si un produit est nul alors au moins un de ses facteurs est nul.

On a donc : $2x - 8 = 0$ ou $5x + 3 = 0$ $2x - 8 + 8 = 0 + 8$ $2x = 8$ $\frac{2x}{2} = \frac{8}{2}$ $x = 4$	$5x + 3 = 0$ $5x + 3 - 3 = 0 - 3$ $5x = -3$ $\frac{5x}{5} = \frac{-3}{5}$ $x = -\frac{3}{5}$
---	--

L'équation $(2x - 8)(5x + 3) = 0$ admet deux solutions : $x = 4$ et $x = -\frac{3}{5}$

- Equations du type $x^2 = a$

<u>Si $a > 0$ il y a 2 solutions :</u> $x = \sqrt{a}$ <u>et</u> $x = -\sqrt{a}$	<u>Exemple</u> : $x^2 = 5$ admet 2 solutions $x = \sqrt{5}$ et $x = -\sqrt{5}$
<u>Si $a = 0$ il y a une solution :</u> $x = 0$	<u>Exemple</u> : $x^2 = 0$ admet une solution $x = 0$
<u>Si $a < 0$ il n'y a pas de solution</u>	<u>Exemple</u> : $x^2 = -3$ n'admet pas de solution (car un carré est toujours positif)

- Mettre un problème en équation

Etapes pour résoudre un problème grâce à une équation :

- 1° Choix de l'inconnue
- 2° Mise en équation
- 3° Résolution de l'équation
- 4° Vérification
- 5° Conclusion

Fiche de révisions : inéquations

- Solutions d'une inéquation

Exemple : Le nombre -1 est-il solution de l'inéquation $3x + 12 > 1 - 2x$?

D'une part pour $x = -1$ on a $3x + 12 = 3 \times (-1) + 12 = -3 + 12 = 9$

D'autre part pour $x = -1$ on a $1 - 2x = 1 - 2 \times (-1) = 1 + 2 = 3$

Comme $9 > 3$, le nombre -1 est solution de l'inéquation $3x + 12 > 1 - 2x$.

- Résoudre une inéquation

Règle :

On ne change pas le sens d'une inégalité lorsqu'on :

- additionne ou soustrait un même nombre aux 2 membres de l'inégalité.
- multiplie ou divise par un même nombre strictement positif les 2 membres de l'inégalité.

On change le sens d'une inégalité lorsqu'on :

- multiplie ou divise par un même nombre strictement négatif les 2 membres de l'inégalité

Exemple : Résoudre $-8x + 6 \leq -7x + 2$

$$-8x + 6 - 6 \leq -7x + 2 - 6$$

$$-8x \leq -7x - 4$$

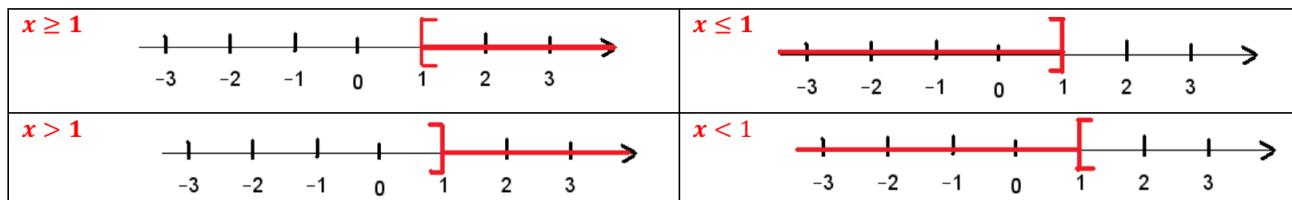
$$-8x + 7x \leq -7x - 4 + 7x$$

$$-1x \leq -4$$

$$\frac{-1x}{-1} \geq \frac{-4}{-1} \longrightarrow \text{on a divisé par un nombre négatif donc on doit changer le sens de l'inégalité.}$$

$$x \geq 4$$

- Représenter graphiquement les solutions d'une inéquation



Règle : Dans la représentation des solutions d'une inéquation sur une droite graduée :

- Si un nombre fait partie des solutions alors le crochet est tourné vers les solutions.
- Si un nombre ne fait pas partie des solutions alors le crochet n'est pas tourné vers les solutions.

Exemple : Résoudre l'inéquation $6x - 2 < -14$ et représenter graphiquement les solutions.

$$6x - 2 < -14$$

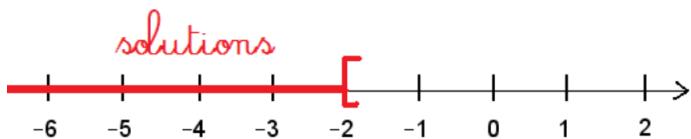
$$6x - 2 + 2 < -14 + 2$$

$$6x < -12$$

$$\frac{6x}{6} < \frac{-12}{6}$$

$$x < -2$$

Représentation graphique :



Fiche de révisions : fonctions

- Définition

Une fonction est une « machine » mathématique qui à un nombre fait correspondre un seul autre nombre.



exemple : f est la fonction qui, à un nombre, fait correspondre le carré de ce nombre augmenté de 1.

Si on choisit le nombre x on obtient $x^2 + 1$. On note : $f : x \mapsto x^2 + 1$ ou $f(x) = x^2 + 1$

- Image et antécédent (*Un nombre n'a qu'une seule image mais il peut y avoir plusieurs antécédents*)

$$f: 3 \mapsto 10$$

☞ l'image de 3 par la fonction f est 10. (ou 10 est l'image de 3 par f)

☞ un antécédent de 10 par la fonction f est 3 (ou 3 est un antécédent de 10 par f)

$$f(3) = 10$$

☞ Un nombre qui a pour image 10 par f est 3 (ou un nombre dont l'image est 10 par f est 3)

☞ Un nombre x tel que $f(x) = 10$ est 3.

avec le calcul	avec un tableau de valeur	avec un graphique												
<p>On considère la fonction $h: x \mapsto x + 5$</p> <p><u>Calcul de l'image de 3 :</u> → On remplace x par 3</p> <p>$h(x) = x + 5$ $h(3) = 3 + 5$ $h(3) = 8$ Donc l'image de 3 par la fonction h est 8.</p> <p><u>Calcul de l'antécédent de 0 :</u> → On résout l'équation $h(x) = 0$ pour trouver x</p> <p>$h(x) = 0$ $x + 5 = 0$ $x + 5 - 5 = 0 - 5$ $x = -5$ Donc l'antécédent de 0 par la fonction h est -5.</p>	<p>On considère la fonction g dont un tableau de valeurs est donné ci-dessous :</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr> <tr> <td>$g(x)$</td><td>-3</td><td>0</td><td>4</td><td>1</td><td>0</td></tr> </table> <p>- L'image de 1 par la fonction g est 0 - Un antécédent de 0 par la fonction g est 1.</p>	x	0	1	2	3	4	$g(x)$	-3	0	4	1	0	<p>On considère la fonction f représentée ci-dessous</p> <p>axe des ordonnées</p> <p>valeurs de $f(x)$</p> <p>O</p> <p>axe des abscisses</p> <p>①</p> <p>② valeur de x</p> <p>③</p> <p>- L'image de 2 par la fonction f est 3 - Un antécédent de 3 par la fonction f est 2</p>
x	0	1	2	3	4									
$g(x)$	-3	0	4	1	0									

Fiche de révisions : fonctions linéaires

Définition : Une fonction linéaire de coefficient a est définie par $f(x) = a \times x$

Représentation graphique : C'est une droite qui passe par l'origine du repère.

Le nombre a est le coefficient directeur (ou la pente) de la droite.

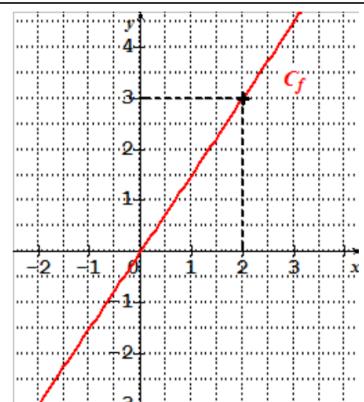
Situation de proportionnalité : Une fonction linéaire représente une situation de proportionnalité. Le nombre a est le coefficient de proportionnalité.

Exemple : Représenter la fonction linéaire f définie par $f(x) = 1,5x$.

Le coefficient de la fonction linéaire est 1,5

x	0	2
$f(x)$	0	3

$$f(2) = 1,5 \times 2 = 3$$



Déterminer graphiquement une fonction linéaire : On place un point $A(x_A; y_A)$ sur la droite et on calcule : $a = \frac{y_A}{x_A}$

abscisse ordonnée

Exemple : Déterminer l'expression de la fonction linéaire f représentée ci-contre

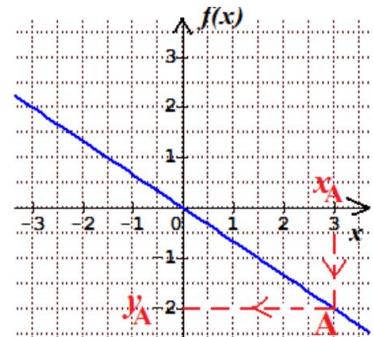
Le point $A(3; -2)$ appartient à la droite représentant la fonction f donc $f(3) = -2$.

x_A

y_A

f est une fonction linéaire donc $f(x) = ax$ avec $a = \frac{y_A}{x_A} = \frac{-2}{3}$

L'expression de f est : $f(x) = -\frac{2}{3}x$



Fiche de révisions : fonctions affines

Définition : Une fonction affine est définie par $f(x) = a \times x + b$

Représentation graphique : La représentation graphique d'une fonction affine est **une droite**.

Le nombre a est le **coefficients directeur** (ou la pente) de la droite.

Le nombre b est l'**ordonnée à l'origine**.

Exemple : Tracer la courbe représentative de la fonction $f: x \mapsto 0,5x + 2$ et préciser l'ordonnée à l'origine et le coefficient directeur.

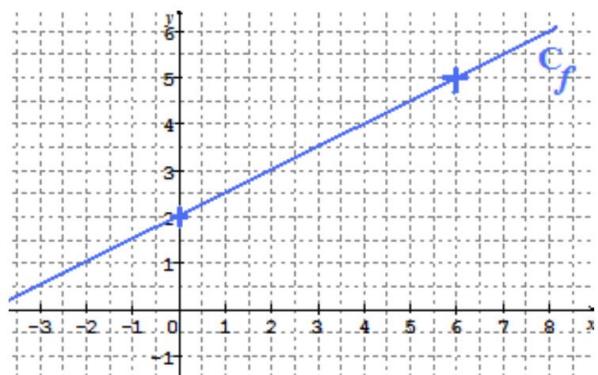
$f: x \mapsto 0,5x + 2$ est une fonction affine.

Elle est donc représentée par une droite de coefficient directeur $a = 0,5$ et d'ordonnée à l'origine $b = 2$

x	0	6
$f(x)$	2	5

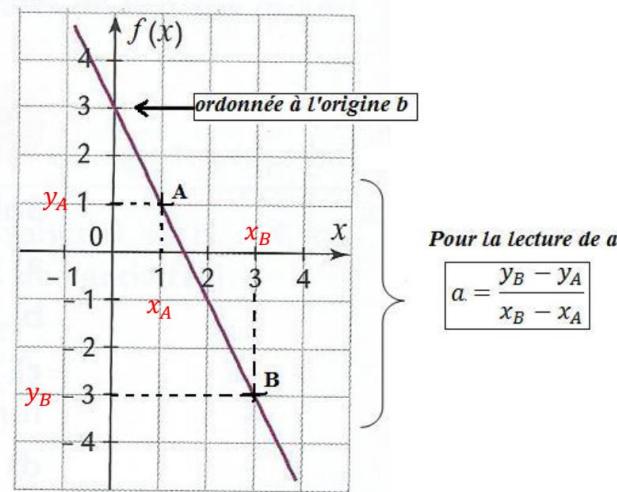
$$f(0) = 0,5 \times 0 + 2 = 2$$

$$f(6) = 0,5 \times 6 + 2 = 3 + 2 = 5$$



Déterminer graphiquement une fonction affine :

Exemple : Déterminer l'expression de la fonction affine f représentée ci-dessous



- Les points $A(1 ; 1)$ et $B(3 ; -3)$ appartiennent à (d)

Le coefficient directeur de la droite est :

$$a = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{-3 - 1}{3 - 1} = \frac{-4}{2} = -2$$

- La droite coupe l'axe des ordonnées au point $D(0 ; 3)$ donc l'ordonnée à l'origine est $b = 3$
- Ainsi $f(x) = -2x + 3$

Fiche de révisions : utilisation du tableur

Rappel : une formule tableur commence par le signe =

- Programmes de calcul

On considère les deux programmes de calculs suivants :

Programme A

- Choisir un nombre
- Calculer le triple du nombre choisi
- Ajouter 5 au résultat

Programme B

- Choisir un nombre
- Ajouter 3 à ce nombre
- Calculer le double du résultat
- Soustraire 1
- Ajouter à ce nouveau résultat le nombre choisi au départ.

On a utilisé un tableur pour calculer des résultats de ces deux programmes. Voici ce qu'on a obtenu :

	A	B	C
1	Nombre choisi	Programme A	Programme B
2	1	8	8
3	2	11	11
4	3	14	14
5	4	17	17
6	5	20	20
7	6	23	23

Quelles formules a-t-on saisie dans les cellule B2 et C2 puis recopiée vers le bas ?

Dans la cellule B2 on a entré : $= 3 * A2 + 5$

Dans la cellule C2 on a entré : $= (A2 + 3) * 2 - 1 + A2$

- Problèmes concrets

L'IMC est une grandeur internationale permettant de déterminer la corpulence d'une personne adulte entre 18 ans et 65 ans.

Il se calcule avec la formule suivante : $\text{IMC} = \frac{\text{masse}}{\text{taille}^2}$ avec « masse » en kg et « taille » en m.

Normes : $18,5 \leq \text{IMC} < 25$ corpulence normale

$25 \leq \text{IMC} < 30$ surpoids

$\text{IMC} > 30$ obésité

Dans une entreprise, lors d'une visite médicale, un médecin calcule l'IMC de six des employés.

Il utilise pour cela une feuille de tableur dont voici un extrait :

	A	B	C	D	E	F	G
1	Taille (en m)	1,69	1,72	1,75	1,78	1,86	1,88
2	Masse (en kg)	72	85	74	70	115	85
3	IMC (*)	25,2	28,7	24,2	22,1	33,2	24,0
4	(*) valeur approchée au dixième						

Quelle formule faut-il écrire dans la cellule B3 puis recopier à droite pour calculer l'IMC ?

Il faut écrire la formule $= B2 / (B1^2)$

- Calcul littéral

On considère l'expression $A = (2x + 1)^2 - 3(7 - 5x)$. Stevens développe et réduit A.

Il obtient $A = 4x^2 - 11x - 20$. Il réalise alors la feuille de calcul ci-dessous pour contrôler son résultat.

1) Quelle formule a-t-il écrite en cellule B2 et étendue à la cellule B10 ?

On a entré la formule $= (2 * A2 + 1)^2 - 3 * (7 * 5 * A2)$

2) Quelle formule a-t-il écrite en cellule C2 et étendue à la cellule C10 ?

On a entré la formule $= 4 * A2^2 - 11 * A2 - 20$

3) Observer cette feuille de calcul. Que penser de la réponse de Stevens ?

Stevens a dû se tromper en développant l'expression A, sinon on obtiendrait les mêmes résultats dans les colonnes B et C

	A	B	C
1	x	$(2x+1)^2 - 3(7-5x)$	$4x^2-11x-20$
2	0	-20	-20
3	1	3	-27
4	2	34	-26
5	3	73	-17
6	4	120	0
7	5	175	25
8	6	238	58
9	7	309	99
10	8	388	148

4) Développer et réduire l'expression initiale de A

$$A = (2x + 1)^2 - 3(7 - 5x)$$

$$A = (2x)^2 + 2 \times 2x \times 1 + 1^2 - 3 \times 7 - 3 \times (-5x)$$

$$A = 4x^2 + 2x + 1 - 21 + 15x$$

$$A = 4x^2 + 17x - 20$$

- Fonctions, équations

La copie d'écran ci-dessous montre le travail qu'a effectué Camille à l'aide d'un tableur à propos des fonctions g et h définies par $g(x) = 5x^2 + x - 7$ et $h(x) = 2x - 7$

	A	B	C	D	E	F
1	x	-2	-1	0	1	2
2	$g(x) = 5x^2 + x - 7$	11	-3	-7	-1	15
3	$h(x) = 2x - 7$	-11	-9	-7	-5	-3

1) Donner un nombre qui a pour image -1 par la fonction g

D'après le tableau (dans les cellules E1 et E2) $g(1) = -1$ donc le nombre 1 a pour image -1 par la fonction g

2) Quelles formules Camille a-t-elle saisie dans les cellules B2 et B3 puis recopiées vers la droite ?

Dans la cellule B2, Camille a saisi la formule $= 5 * B1^2 + B1 - 7$

Dans la cellule B3, Camille a saisi la formule $= 2 * B1 - 7$

3) Déduire du tableau, une solution de l'équation $5x^2 + x - 7 = 2x - 7$

On voit dans la cellule D2 que lorsque $x = 0$, $5x^2 + x - 7 = -7$

On voit dans la cellule D3 que lorsque $x = 0$, $2x - 7 = -7$

Donc -7 est une solution de l'équation $5x^2 + x - 7 = 2x - 7$

- Statistiques

Tom lance 50 fois deux dés à six faces parfaitement équilibrés. Il note dans une feuille de calcul les sommes obtenues à chaque lancer. Il obtient le tableau suivant :

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N
1	somme obtenue	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	total	
2	nombre d'apparitions	3	1	4	6	9	9	7	3	5	3	0	50	
3	fréquence d'apparition	0,06												

1) Quelle formule a-t-il saisie dans la cellule M2 pour vérifier qu'il a bien relevé 50 résultats ?

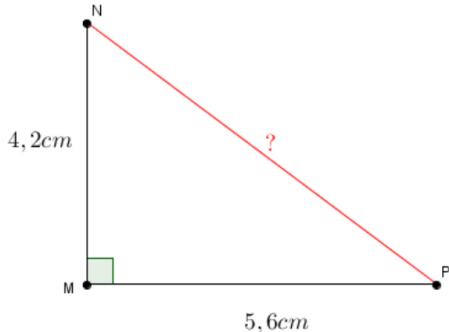
Il doit écrire = SOMME(B2:L2) On rappelle que le symbole : signifie « jusqu'à » sur le tableur.

2) Tom a saisi dans la cellule B3 la formule = B2/M2. Il obtient un message d'erreur quand il étire la formule dans la cellule C3. Pourquoi ? Il aurait dû écrire la formule = B2/\$M\$2, le symbole \$ permet de fixer la cellule. Sans ce symbole en étirant la formule entrée dans B3, vers la droite, on obtient dans la cellule C3 la formule = C2/N2 mais il n'y a rien dans la cellule N2, le tableur ne peut pas effectuer l'opération.

Fiche de révisions : Pythagore

- Calculer une longueur dans un triangle rectangle

Ex 1 : On considère un triangle MNP rectangle en M tel que MN=4,2cm et MP=5,6cm. Calculer NP



Je sais que MNP est un triangle rectangle en M

Or, d'après le théorème de Pythagore, $NP^2 = MN^2 + MP^2$

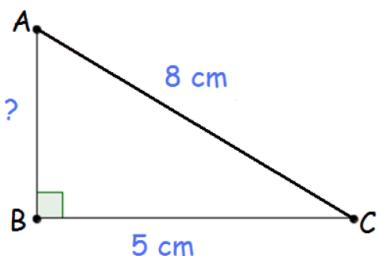
Donc en remplaçant par les longueurs données on a :

$$\begin{aligned} NP^2 &= 4,2^2 + 5,6^2 \\ NP^2 &= 17,64 + 31,36 \\ NP^2 &= 49 \\ NP &= \sqrt{49} \\ NP &= 7 \text{ cm} \end{aligned}$$

On commence toujours par l'hypoténuse.

Ex 2 : On considère un triangle ABC rectangle en B tel que AC = 8 cm et BC = 5 cm.

Faire une figure à main levée et calculer la longueur AB arrondie au mm.



Je sais que le triangle ABC est rectangle en B

Or, d'après le théorème de Pythagore $AC^2 = AB^2 + BC^2$

Donc, en remplaçant par les longueurs données on a :

$$\begin{aligned} 8^2 &= AB^2 + 5^2 \\ 64 &= AB^2 + 25 \\ AB^2 &= 64 - 25 \\ AB^2 &= 39 \\ AB &= \sqrt{39} \text{ cm} \\ AB &\approx 6,2 \text{ cm} \end{aligned}$$

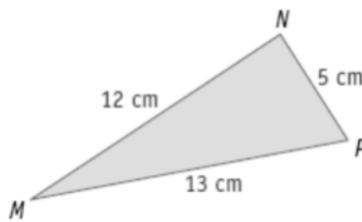
valeur exacte
valeur arrondie au mm.

- Démontrer qu'un triangle est rectangle

Le triangle MNP est-il rectangle ? Le démontrer

Dans le triangle MNP, [MP] est le plus grand côté.

- D'une part $MP^2 = 13^2 = 169$
- D'autre part $MN^2 + NP^2 = 12^2 + 5^2 = 144 + 25 = 169$



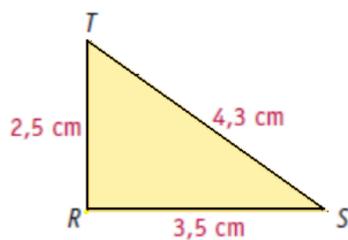
Comme $MP^2 = MN^2 + NP^2$, alors le triangle MNP est rectangle en N d'après la réciproque du théorème de Pythagore,

- Démontrer qu'un triangle n'est pas rectangle

Le triangle RST est-il rectangle ? Le démontrer

Dans le triangle RST, [ST] est le plus grand côté.

- D'une part $ST^2 = 4,3^2 = 18,49$
- D'autre part $RT^2 + RS^2 = 2,5^2 + 3,5^2 = 6,25 + 12,25 = 18,5$

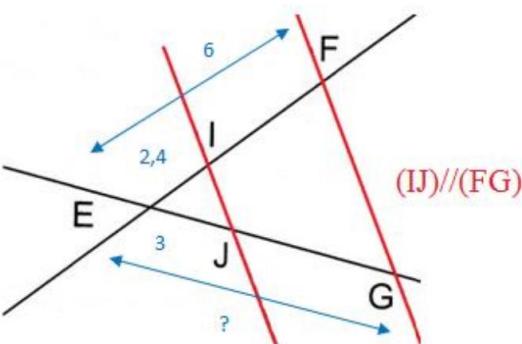


Comme $ST^2 \neq RT^2 + RS^2$, le triangle RST n'est pas rectangle d'après la contraposée du théorème de Pythagore.

Fiche de révisions : Thalès

- Calculer une longueur quand des droites sont parallèles

Ex 1 :

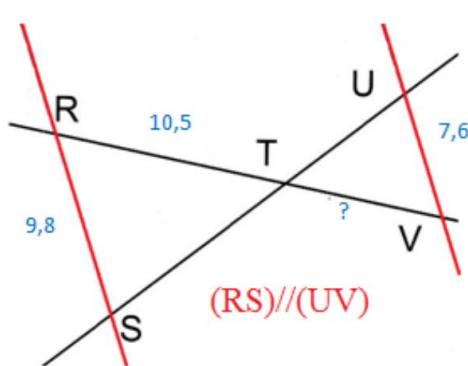


- Je sais que :
 - E ;I et F sont alignés
 - E ;J et G sont alignés
 - les droites (IJ) et (FG) sont parallèles
 - Or, d'après le théorème de Thalès on a :

$$\frac{EI}{EF} = \frac{EJ}{EG} = \frac{IJ}{FG}$$
 - Donc, en remplaçant par les longueurs données on a : $\frac{2,4}{6} = \frac{3}{EG} = \frac{IJ}{FG}$
- Comme $\frac{2,4}{6} = \frac{3}{EG}$ alors

$$EG = \frac{6 \times 3}{2,4} = \frac{18}{2,4} = [7,5 \text{ cm}]$$

Ex 2 :

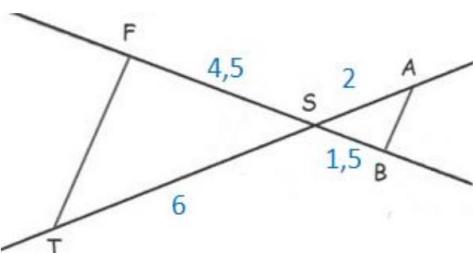


- Je sais que :
 - R ;T et V sont alignés
 - S ;T et U sont alignés
 - les droites (RS) et (UV) sont parallèles
 - Or, d'après le théorème de Thalès on a :

$$\frac{TR}{TV} = \frac{TS}{TU} = \frac{RS}{UV}$$
 - Donc, en remplaçant par les longueurs données on a : $\frac{10,5}{TV} = \frac{TS}{TU} = \frac{9,8}{7,6}$
- Comme $\frac{10,5}{TV} = \frac{9,8}{7,6}$ alors
- $$TV = \frac{10,5 \times 7,6}{9,8} = \frac{79,8}{9,8} \approx [8,1 \text{ cm}]$$

- Démontrer que des droites sont parallèles

Démontrer que les droites (AB) et (FT) sont parallèles.



Je sais que les droites (FB) et (AT) sont sécantes en S.

D'une part $\frac{SA}{ST} = \frac{2}{6} = \frac{1 \times 2}{3 \times 2} = \frac{1}{3}$

D'autre part $\frac{SB}{SF} = \frac{1,5}{4,5} = \frac{1,5 \times 2}{4,5 \times 2} = \frac{3}{9} = \frac{1 \times 3}{3 \times 3} = \frac{1}{3}$

Comme

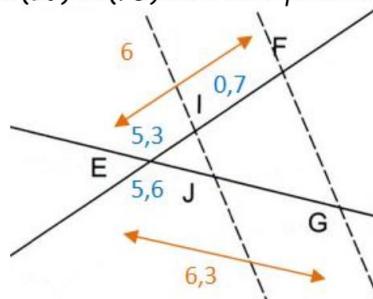
- $\frac{SA}{ST} = \frac{SB}{SF}$

- et que les points A,S,T sont alignés dans le même ordre que les points B,S,F

alors les droites (AB) et (FT) sont parallèles d'après la réciproque du théorème de Thalès.

- Démontrer que des droites ne sont pas parallèles

Les droites (IJ) et (FG) sont-elles parallèles ?



Je sais que les droites (FI) et (GJ) sont sécantes en

D'une part $\frac{EI}{EF} = \frac{5,3}{6} \approx 0,883$

D'autre part $\frac{EJ}{EG} = \frac{5,6}{6,3} \approx 0,889$

Comme $\frac{EI}{EF} \neq \frac{EJ}{EG}$

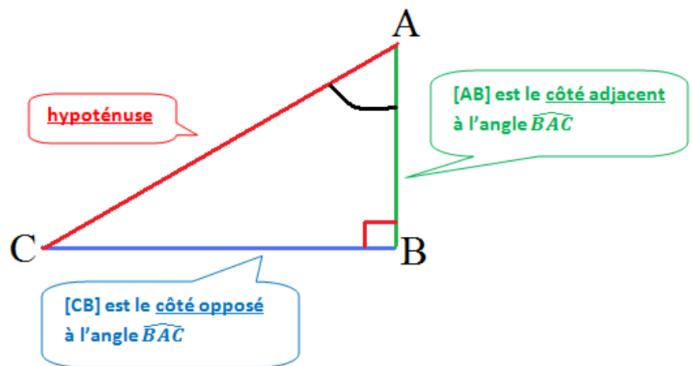
alors les droites (IJ) et (FG) ne sont pas parallèles d'après la contraposée du théorème de Thalès.

Fiche de révisions : Trigonométrie dans un triangle rectangle

$$\text{Cosinus} = \frac{\text{Adjacent}}{\text{Hypoténuse}}$$

$$\text{Sinus} = \frac{\text{Opposé}}{\text{Hypoténuse}}$$

$$\text{Tangente} = \frac{\text{Opposé}}{\text{Adjacent}}$$

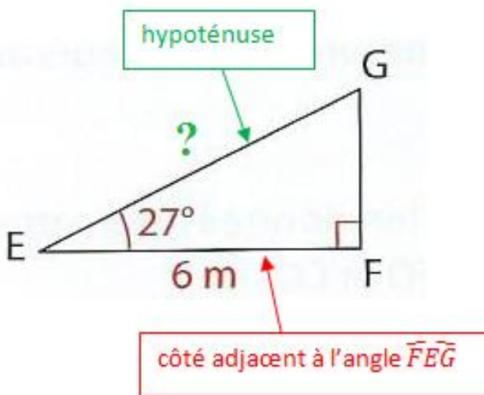


- Calculer une longueur

méthode : on effectue un produit en croix

On considère un triangle EFG rectangle en F tel que $EF = 6\text{ m}$ et $\widehat{FEG} = 27^\circ$. Calculer EG.

On donnera une valeur arrondie au cm près.



Dans le triangle EFG rectangle en F, on a

$$\cos(\widehat{FEG}) = \frac{EF}{EG}$$

$$\cos(27^\circ) = \frac{6}{EG}$$

$$\frac{\cos(27^\circ)}{1} = \frac{6}{EG}$$

$$\text{D'où } EG = \frac{1 \times 6}{\cos(27^\circ)}$$

$$EG = \frac{6}{\cos(27^\circ)}$$

$$EG \approx 6,7339\text{ m}$$

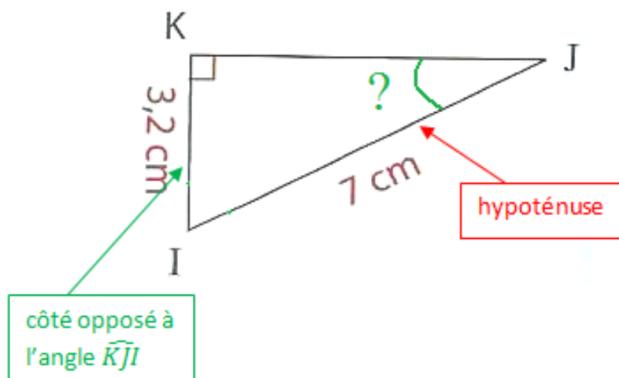
$$\text{Donc } EG \approx 6,73\text{ m}$$

- Calculer un angle

méthode : on utilise \arccos , \arcsin , \arctan sur la calculatrice

On considère un triangle KIJ rectangle en K tel que $KI = 3,2\text{ cm}$ et $IJ = 7\text{ cm}$. Calculer \widehat{KJI} .

On donnera une valeur arrondie au degré près.



Dans le triangle KIJ rectangle en K, on a

$$\sin(\widehat{KJI}) = \frac{IK}{IJ}$$

$$\sin(\widehat{KJI}) = \frac{3,2}{7}$$

$$\text{D'où } \widehat{KJI} = \arcsin\left(\frac{3,2}{7}\right)$$

$$\widehat{KJI} \approx 27,2^\circ$$

$$\text{Donc } \widehat{KJI} \approx 27^\circ$$