Algorytmy i struktury danych - Algorytmy z powracaniem

Dariusz Max Adamski

Wstęp

W tym sprawozdaniu mierzony będzie czas poszukiwania cyklu Eulera i Hamiltona w grafie nieskierowanym, w zależności od ilości wierzchołków oraz nasycenia krawędziami.

Metodologia

Pomiary czasu znajdywania cyklu Eulera "EC" i Hamiltona "HC" wykonywane były na grafach o ilości wierzchołków |V| od 200 do 1 000 wierzchołków, z krokiem 200 (5 grup pomiarów). W każdej grupie wykonywane były pomiary na grafach o nasyceniu krawędziami $\varphi \in \{0.1, 0.2, 0.3, 0.4, 0.6, 0.8, 0.95\}$. Czas poszukiwania HC był mierzony 25 razy dla każdej pary $\langle |V|, \varphi \rangle$. Każdy pomiar wykonywany był na nowym losowo wygenerowanym grafie.

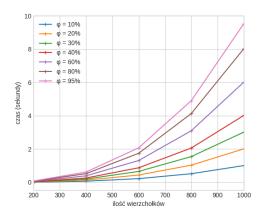
Przed mierzeniem czasu wczytywany jest, z pliku tekstowego, losowo wygenerowany, nieskierowany, spójny graf eulerowski, o ilości wierzchołków |V| i nasyceniu krawędziami φ , do macierzy sąsiedztwa "AM".

Optymalizacje kompilatora zostały wyłączone flagą "-Oo". Czas wykonywania był mierzony w nanosekundach.

1 Cykl Eulera

Dla nieskierowanego, eulerowskiego grafu, czas znajdywania EC ma złożoność $O(|E|) = O(|V|^2)$, co widać na rysunku 1.

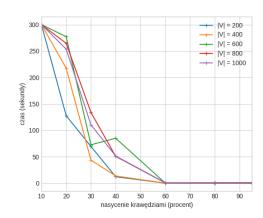
Do reprezentacji grafu użyta została macierz sąsiedztwa. Głównym powodem była prostota generowania grafu. Ponadto, ponieważ musimy przechowywać grafy o dużym φ , korzystająć z AM oszczędzamy trochę pamięci. Alternatywnie mogła zostać



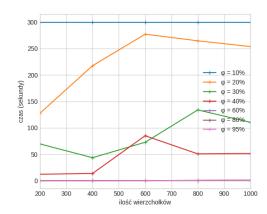
Rysunek 1: Czas znajdywania cyklu Eulera, w zależności od |V|

wybrana lista incydencji, co minimalnie uprościłoby kod, oraz nieznacznie zmniejszyłoby czas wykonywania. Inne reprezentacje grafu są niepraktyczne ze względu na złożoność pamięciową, lub złożoność operacji sprawdzania istnienia krawędzi.

2 Cykl Hamiltona



Rysunek 2: Czas znajdywania cyklu Hamiltona, w zależności od φ



Rysunek 3: Czas znajdywania cyklu Hamiltona, w zależności od |V|

Czas znajdywania HC ma złożoność O(|V|!). Wyniki są przedstawione w zależności od φ na rysunku 2, oraz od |V| na rysunku 3. Grafy o małym nasyceniu krawędziami stanowią najgorsze przypadki. Wtedy czas znajdywania HC przekracza ustalony limit 300 sekund. Ze wzrostem ilości krawędzi, spada czas wymagany do znalezienia cyklu. Przy $\varphi=0.95$, znalezienie HC zajmuje średnio jedną sekundę. Ewentualne odchylenia są spowodowane losowością wygenerowanych grafów.