

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования
«САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
АЭРОКОСМИЧЕСКОГО ПРИБОРОСТРОЕНИЯ»

ИНСТИТУТ НЕПРЕРЫВНОГО И ДИСТАНЦИОННОГО ОБРАЗОВАНИЯ

КАФЕДРА КОМПЬЮТЕРНЫХ ТЕХНОЛОГИЙ И ПРОГРАММНОЙ ИНЖЕНЕРИИ

ОЦЕНКА

ПРЕПОДАВАТЕЛЬ

д-р техн. наук, профессор
должность, уч. степень, звание

подпись, дата

Ю.А. Скобцов
инициалы, фамилия

ОТЧЕТ О ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ

Оценка сложности программных проектов

по дисциплине: Эволюционные методы проектирования программно-информационных систем

РАБОТУ ВЫПОЛНИЛ

СТУДЕНТ гр. №

Z1431

номер группы

подпись, дата

М.Д.Быстров

инициалы, фамилия

Студенческий билет №

2021/3572

Санкт-Петербург 2025

Оглавление

Индивидуальное задание	3
Краткие теоретические сведения	4
Результаты работы программы	7
Ответ на контрольный вопрос	14
Вывод.....	15
Список литературы.....	16
Приложение 1 Листинг программы	17

Индивидуальное задание

1. Разобраться в теоретическом описании математического метода оценки стоимости программного проекта – модели СОСОМО.

2. Из приведенной выше табл.8.1 (или табл.8.2) экспериментальных данных (программных проектов НАСА) отобрать из 18 проектов в качестве обучающего множества 13 (40) проектов.

3. В соответствии с вариантом лабораторной работы определить тип используемого эволюционного алгоритма (генетический или роевой алгоритм, генетическое программирование), кодирование потенциального решения, вид ошибки в целевой функции, вид генетических операторов кроссовера, мутации и репродукции.

4. Отработать алгоритм решения задачи с помощью заданного метода на обучающем множестве.

5. Разработать программу на любом доступном вам языке программирования, включающую в себя реализацию пользовательского интерфейса в виде диалогового меню, реализацию алгоритма решения поставленной задачи заданным методом.

6. Протестировать разработанную программу: вычислить заданный тип ошибки на тестовом множестве – оставшихся 5 (из 18) проектов табл.8.1 (или табл.8.2).

5. Выполнить вывод полученного решения в виде текста и графиков.

Вариант 4

4	ГА	Веществ. вектор	ED	арифметич	арифмети ч	рулетка	
---	----	--------------------	----	-----------	---------------	---------	--

Краткие теоретические сведения

Одной из самых популярных моделей, используемых для оценки сложности проектируемого программного обеспечения (ПО), является модель COCOMO (COConstructive COst Model), предложенная Boehm [1,2]. Эта модель разработана на основе фактически статистики 63 проектов ПО (НАСА). Модель позволяет определить математическую зависимость между сложностью ПО, выраженную в килостроках кода, и затратами на его разработку, которые оцениваются в человеко-месяцах.

Ядром модели является следующая формула $Ef = aL^b$, где L - длина кода ПО в килостроках; Ef – оценка сложности проекта в человеко-месяцах; a и b – коэффициенты (параметры) модели, которые для различных типов ПО имеют различные значения. Основная проблема модели COCOMO заключается в том, что она не обеспечивает реальных оценок на затраты при проектировании ПО в современных условиях. Т.е. оценка программного обеспечения на основе существующих параметров не всегда дает точный результат; из-за этого часто требуется настройка параметров для получения более точных результатов.

Поэтому в настоящее время идет активный поиск новых моделей (или развития и модификаций существующих). Это ограничение модели COCOMO можно преодолеть путем применения методов искусственного интеллекта, таких как искусственные нейронные сети, генетические алгоритмы и другие метаэвристики.

В данной лабораторной работе для определения значений коэффициентов a и b используются генетический или роевой алгоритм в соответствии с заданным вариантом. Фактически задача сводится к машинному обучению на заданной обучающей выборке. В этом случае обучающая выборка строится на основе следующей таблицы, которая дает реальные данные для 18 проектов НАСА, на основе которых мы ищем зависимость между L и Ef .

Напомним, что для того, чтобы применить генетический алгоритм для решения некоторой проблемы необходимо, прежде всего, определить:

1. Кодирование (представление потенциального решения);
2. Для определенного кодирования выбрать или разработать генетические операторы кроссовера, мутации и репродукции.
3. Фитнесс-функцию из условия задачи.
4. Определить параметры ГА: число особей в популяции, значения вероятностей кроссовера P_c и P_m .

В данном случае потенциальное решение представляется вектором значений параметров (a,b) . Значения каждого параметра лежат в некотором диапазоне.

Для кодирования значений вектора (a,b) можно использовать как двоичное кодирование, так и непосредственное представление потенциального решения в виде вектора вещественных чисел (a,b) . Кодирование решения определяется вариантом курсовой работы согласно приведенной далее таблице. В случае двоичного кодирования можно использовать стандартный 1-точечный, 2-точечный (или однородный) кроссовер и стандартный оператор мутации. В случае вещественного кодирования следует использовать какой-либо вещественный кроссовер (например, в виде линейной комбинации родительских векторов) и вещественную мутацию. Значения параметров ГА следует подобрать экспериментально в ходе эксперимента.

Фитнесс-функция

В качестве фитнес-функции в данном случае следует взять различие между реальными значениями стоимостей проектов и модельными значениями (оценками) стоимостей этих же проектов, которые вычислены

согласно приведенной формуле с найденными с помощью ГА коэффициентами a и b . Это различие (расстояние между оценками) можно

оценить по-разному - в различной метрике. Можно взять, например, метрику абсолютных значений (Манхэттен – метрика городских кварталов),

где это различие определяется с помощью следующей формулы

$$MD = \sum_{i=1}^n |Ef_i - Efm_i|.$$

Здесь Ef_i – реальная (измеренная) стоимость i -го проекта в человеко-месяцах и Efm_i – модельная оценка того же проекта, вычисленная с помощью приведенной формулы с найденными путем применения ГА коэффициентами a и b . Для оценки различия можно использовать и другие метрики [18], например:

- среднее значение относительной погрешности (MMRE)

$$MMRE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \frac{|Ef_i - Efm_i|}{Ef_i},$$

- корень квадратный среднеквадратичной ошибки (RMS)

$$RMS = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |Ef_i - Efm_i|},$$

- отклонение (дисперсия) (VAF):

$$\left[1 - \frac{\text{var}(Ef - Efm)}{\text{var}(Ef)} \right] \times 100\%$$

- Евклидово расстояние:

$$ED = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (Ef_i - Efm_i)^2}.$$

Результаты работы программы

Таблица 1 Входные данные

№	L – в килостроках	Ef – реальная стоимость в человекомесяцах	COCOMO с ошибкой MRE	ИНС с MRE	ГА с MRE	Гибрид с MRE
1	2.2	8.4	24.15	13.65	8.95	6.32
2	3.5	10.8	3.95	5.26	4.69	1.13
3	5.5	18	7.36	5.21	6.75	4.35
4	6	24	58.88	34.10	27.63	28.02
5	9.7	25.2	20.05	11.50	13.49	7.61
6	7.7	31.2	23.91	12.35	7.54	12.42
7	11/3	36	30.83	17.45	12.45	13.35
8	8.2	36	29.55	16.68	14.23	11.21
9	6.5	42	28.32	18.52	11.64	13.42

10	8	42	22.22	13.21	15.47	9.34
11	20	48	27.21	14.65	16.32	12.16
12	10	48	41.66	23.98	19.84	19.84
13	15	48	46.19	28.04	23.11	26.74
14	10.4	50	34.90	25.47	17.02	21.95
15	13	60	9.36	6.53	5.31	7.15
16	14	60	25.88	15.41	17.54	8.46
17	19.7	60	6,10	7.21	4.21	2.54
18	32.5	60	93.91	47.35	56.47	36.10
19	31.5	60	3.81	6.52	5.46	1.07
20	12.5	62	27.96	13.11	10.84	4.31
21	15.4	70	22.51	10.13	12.76	7.02
22	20	72	60.76	45.68	33.82	27.11
23	7.5	72	41.75	32.61	24.15	15.04

24	16.3	82	29.79	23.40	17.37	7.46
25	15	90	39.54	27.68	21.51	19.01
26	11.4	98.8	42.04	25.10	19.07	21.74
27	21	107	36.75	24.55	16.53	9.02
28	16	114	34.48	24.55	16.53	9.92
29	25.9	117.6	27.85	19.36	11.57	17.09
30	24.6	117.6	31.65	21.87	16.34	14.82
31	29.5	120	18.94	11.15	7.13	6.44
32	19.3	155	35.78	17.30	21.06	16.72
33	32.6	170	29.88	19.54	15.19	5.68
34	35.5	192	32.10	16.35	8.37	13.06
35	38	210	28.46	13.19	19.50	15.43
36	48.5	239	24.31	8.43	12.07	7.94
37	47.5	252	37.81	21.36	18.64	11.83
38	70	278	21.28	9.42	11.46	6.24
39	66.6	300	23.76	11.30	16.79	9.22
40	66.6	352.8	35.17	19.25	11.20	13.62
41	50	370	36.90	23.54	13.48	7.42
42	79	400	45.74	31.29	22.97	18.06
43	90	450	38.29	20.11	31.73	15.94
44	78	571.4	24.50	13.64	8.03	5.21
45	100	215	120.66	86.14	61.42	51.04
46	150	324	49.50	26.80	13.09	23.83
47	100	360	44.97	17.67	25.07	12.62
48	100	360	15.85	6.23	8.62	9.84
49	190	420	1.89	4.87	3.84	2.65
50	115.8	480	11.37	16.49	5.32	5.42
51	101	750	19.87	10.67	6.46	12.71

52	161.1	815	4.76	10.25	8.41	5.95
53	284.7	973	38.36	21.43	17.09	10.14
54	227	1181	3.93	2.36	6.31	4.62
55	177.9	1228	3.64	9.84	5.08	2.06
56	282.1	1368	17.21	9.46	11.36	7.92
57	219	2120	29.00	21.03	15.81	8.31
58	423	2300	25.78	16.07	7.44	9.02
59	302	2400	0.46	3.24	5.64	2.54
60	370	3240	25.21	8.62	3.21	6.87



Рисунок 1 Блок-схема генетического алгоритма

Для кодирования хромосом особей используется представление в виде вектора вещественных чисел.

В качестве оператора репродукции используется оператор «рулетка» .

Кроссовер – смешанный кроссовер, каждый из элементов вектора потомка принимает случайное значение из диапазона $[c_{\min} - I * \alpha, c_{\max} + I * \alpha]$, где C_{\min} – минимальная из хромосом родителя, C_{\max} – максимальная из хромосом, I – расстояние между хромосомами, $\alpha = 0,25$.

Оператор мутации – случайная мутация, когда элемент вектора принимает случайное значение в интервале $[C - \delta; C + \delta]$, где C – значение хромосомы, $\delta = 1$.

Отбор обучающего и тестового множества происходит случайным образом при каждом запуске программы. Выбирается 40 случайных номеров из диапазона $[1; 60]$, проекты под этими номерами становятся обучающими, остальные проекты становятся тестовыми.

Используемый тип ошибки – Евклидово расстояние.

Параметры ГА: размер популяции – 100 особей, вероятность кроссовера – 0.5, вероятность мутации – 0.1. Количество эпох – 20.

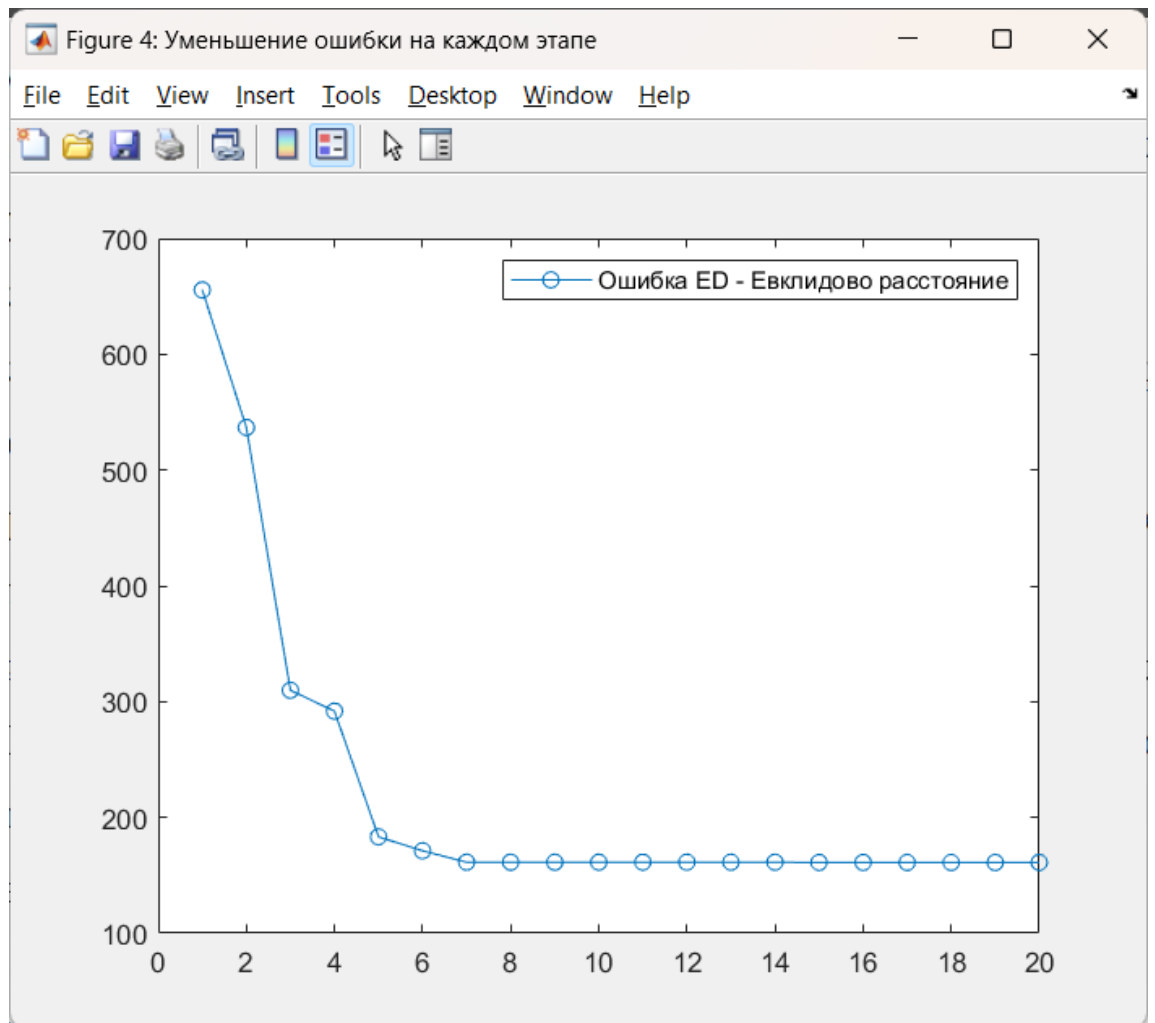


Рисунок 2 График обучения

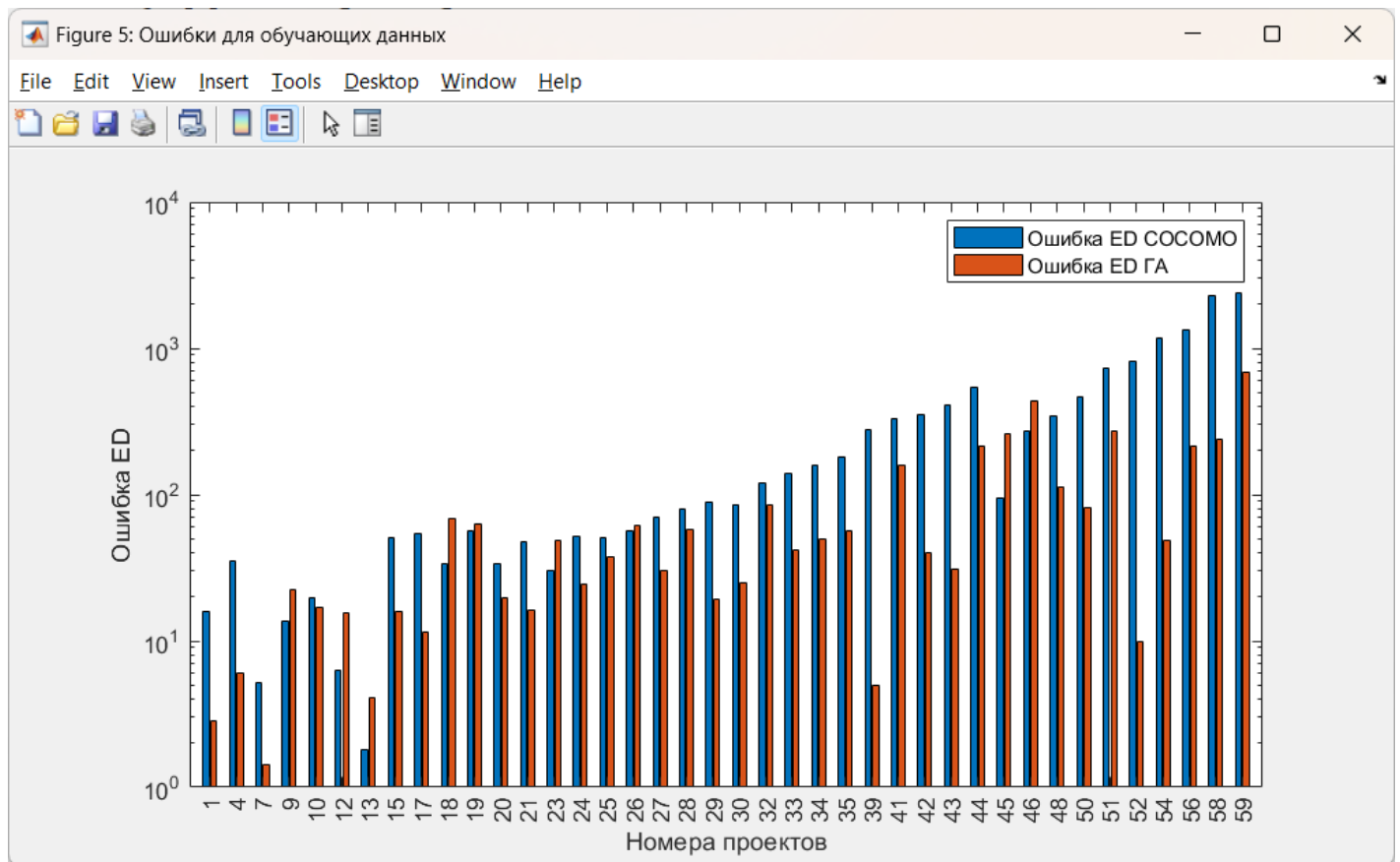


Рисунок 3 Значения ошибки на обучающем множестве проектов

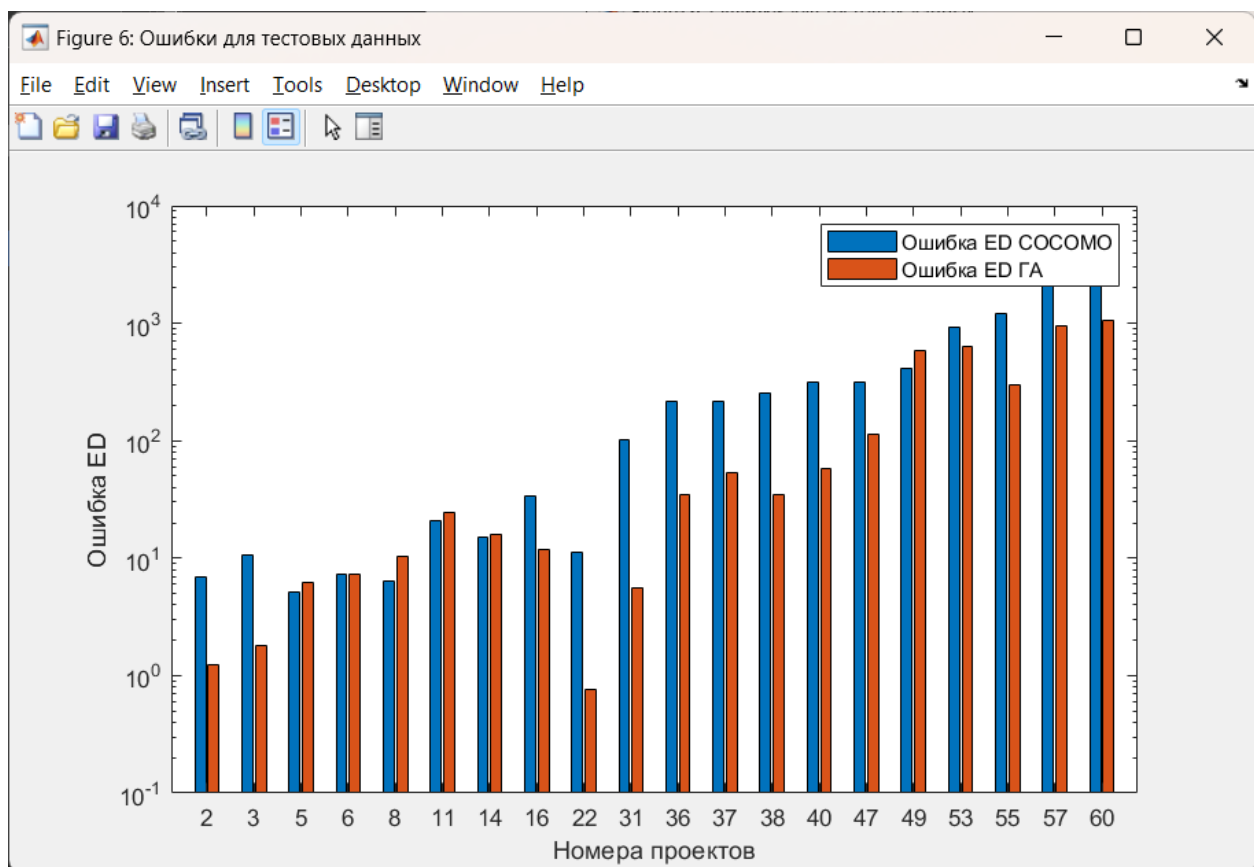


Рисунок 4 Значения ошибки на тестовом множестве.

Найденные значения коэффициентов: $a = 2.227$, $b = 1.164$.

Формула Ef:

$$E_f = 2.227 * L^{1.164}$$

Ответ на контрольный вопрос

4. Какие данные можно использовать при обучении (поиске коэффициентов a , b)?

Задача поиска коэффициентов – максимально приблизиться к реальному значению трудозатрат для набора проектов.

Функция расчета трудозатрат зависит от метрики сложности проекта (измеряемой в килостроках).

Таким образом, для обучения (поиска коэффициентов a и b) могут быть использованы данные о сложности и фактических трудозатратах по проектам, входящим в обучающий набор данных.

Вывод

В ходе выполнения четвертой лабораторной работы была написана программа в среде MATLAB для поиска оптимальных коэффициентов модели СОСОМО для оценки сложности программных проектов.

Используется генетический алгоритм с вещественным кодированием, оператором репродукции «рулетка», смешанным оператором скрещивания и случайной мутацией. Также применена стратегия «элитизма».

Результаты, полученные при запуске написанной программы, позволяют сделать вывод о возможности улучшения модели СОСОМО с помощью обучения на наборе данных. И на обучающих, и на тестовых данных вычисленные коэффициенты позволили получить меньший показатель ошибки (Евклидово расстояние) для большинства проектов.

Сформированы графики, показывающие ошибки в ходе поиска коэффициентов и разницу между ошибками СОСОМО и ГА.

Приведена функция поиска трудозатрат с итоговыми коэффициентами.

Список литературы

Литература

1. Ю.А.Скобцов. Эволюционные методы в программной инженерии. Учебное пособие. СПб:ГУАП, 2020.-130с.
2. Ю.А.Скобцов. Генетические алгоритмы в программной инженерии. Москва Вологда:Инфра-Инженерия, 2024.-144с.

Приложение 1 Листинг программы

Программа выполнена в системе MATLAB. Графики сформированы с помощью встроенных возможностей системы.

```
klines = 0;

while (klines <= 0)
    klines = input("Введите кол-во килострок:\n");
end

% чтение данных проектов
data = read_data('COCOMO_data.txt');
% количество проектов, на которых проходит обучение
learning_projects_num = 40;

learning_data_indexes = randperm(length(data), learning_projects_num);
learning_data = cell(1, learning_projects_num);
check_data = cell(1, length(data) - learning_projects_num);

learn_cnt = 1;
check_cnt = 1;

for i = 1:length(data)
    if (any(ismember(learning_data_indexes, i)))
        learning_data{learn_cnt} = data{i};
        learn_cnt = learn_cnt + 1;
    else
        check_data{check_cnt} = data{i};
        check_cnt = check_cnt + 1;
    end
end

% % данные для обучения - 40 шт
% learning_data = {data{1:20}, data{41:60}};
%
% % данные для проверки - 20 шт
% check_data = {data{21:40}};

f = @(x)fitness(x(1), x(2), learning_data);
cross = @(a, b) flat_crossover(a, b);

res = float_genetic(f, 100, 2, 20, 0.5, 0.1, cross, 1, 100, 0, 1);

a = res{end}{1}(1);
b = res{end}{1}(2);

costs = efm(a, b, klines);
fprintf("Затраты на проект размером %f килострок: %f\n", klines, costs);

errors = zeros(1, length(res));

for i = 1:length(res)
    errors(i) = res{i}{2};
end

figure("Name", "Уменьшение ошибки на каждом этапе");
plot(errors, "-o");
legend("Ошибка ED - Евклидово расстояние");

learn_data_errors = zeros(length(learning_data), 2);
nums = strings(length(learning_data), 1);
```

```

for i = 1:length(learning_data)
    s = learning_data{i};
    learn_data_errors(i, 1) = ed(s.EF_C, s.EF);
    learn_data_errors(i, 2) = ed(efm(a,b,s.L), s.EF);
    nums(i) = string(s.num);
end

figure("Name", "Ошибки для обучающих данных");
bar(nums, learn_data_errors);
legend("Ошибка ED СОСОМО", "Ошибка ED ГА");
xlabel("Номера проектов");
ylabel("Ошибка ED");
yscale log

check_data_errors = zeros(length(check_data), 2);
nums = strings(length(check_data), 1);

for i = 1:length(check_data)
    s = check_data{i};
    check_data_errors(i, 1) = ed(s.EF_C, s.EF);
    check_data_errors(i, 2) = ed(efm(a,b,s.L), s.EF);
    nums(i) = string(s.num);
end

figure("Name", "Ошибки для тестовых данных");
bar(nums, check_data_errors);
legend("Ошибка ED СОСОМО", "Ошибка ED ГА");
xlabel("Номера проектов");
ylabel("Ошибка ED");
yscale log

check_error = fitness(a, b, check_data);

% for i = 1:length(check_data)
%     s = check_data
%     error = f(a, b, )
% end

% s = fitness(1, 1, learning_data);

% float_genetic( ...
%     f, ...
%     population_size, ...
%     nodes_count, ...
%     max_steps, ...
%     cross_prob, ...
%     mutation_prob, ...
%     cross, ...
%     coord_from, ...
%     coord_to)

% Вариант 4: ГА Веществ. вектор ED арифметич арифметич рулетка

% Фитнесс - функция: эвклидово расстояние
function v = fitness(a, b, learn_data)
    len = length(learn_data);
    sum = 0;

    for i = 1:len
        s = learn_data{i};
        ef = s.EF;
        l = s.L;

```

```

        efmi = efm(a, b, l);
        subsum = (ef - efmi) .^ 2;
        sum = sum + subsum;
    end

```

```

    v = sqrt(sum ./ len);
end

```

```

function v = ed(ef, efmi)
    len = length(ef);
    sum = 0;

    for i = 1:len
        subsum = (ef(i) - efmi(i)) .^ 2;
        sum = sum + subsum;
    end

```

```

    v = sqrt(sum ./ len);
end

```

% Расчет сложности проекта по кол-ву строк,
% коэффициентам a и b и кол-ву килострок l

```

function e = efm(a, b, l)
    e = (l .^ b) .* a;
end

```

% Чтение файла с данными для обучения

```

function data = read_data(fileName)

```

```

    data = {};

    fileID = fopen(fileName, 'r');
    formatSpec = '%f';
    a = fscanf(fileID, formatSpec);

    row_len = 7;

    for i = 1:(length(a)/row_len)
        offset = row_len * (i - 1);

        s.num = a(offset + 1);
        s.L = a(offset + 2);
        s.EF = a(offset + 3);
        s.EF_C = a(offset + 4);
    end

```

```

    data[length(data) + 1] = s;
end

```

```

function res = float_genetic( ...
    f, ...
    population_size, ...
    nodes_count, ...
    max_steps, ...
    cross_prob, ...
    mutation_prob, ...
    cross, ...
    a_coord_from, ...
    a_coord_to, ...
    b_coord_from, ...
    b_coord_to)

    population = generate_population( ...
        population_size, ...

```

```

        nodes_count, ...
        a_coord_from, ...
        a_coord_to, ...
        b_coord_from, ...
        b_coord_to);

    res = cell(1, max_steps);

    for i = 1:max_steps

        if (length(population) < population_size)
            a=1;
        end

        parents = reproduction(population, f);

        % Сохраняем лучшую особь
        best = best_individ(f, population);
        best_ind = population{best};

        if (best > 1)
            start = population(1:best-1);
        else
            start = cell(0,1);
        end

        if (best < length(population))
            ending = population(best+1:end);
        else
            ending = cell(0,1);
        end

        without_best_pop = [start;ending];

        % рождение и мутация детей
        children = crossover(parents, cross_prob, cross);
        children = mutation(children, mutation_prob);

        % редукция
        new_population = [without_best_pop; children];

        population = reduction(f, new_population, population_size -
1);
        population = [{best_ind}; population];

        best = best_individ(f, population);
        best_ind = population{best};

        fprintf("Шаг %d: лучшие значения:%s:%f\n", i,
mat2str(best_ind), f(best_ind));
        % fprintf("Длина маршрута: %d\n", f(best_ind));

        res{i} = {best_ind, f(best_ind)};
    end

    % best = best_individ(f, population);
    % res = {population{best}; f(population{best})};
end

function num = best_individ(f, pop)

    min_val = intmax();
    num = 0;

    for i = 1:length(pop)

```

```

        val = f(pop{i});
        if (val < min_val)
            min_val = val;
            num = i;
        end
    end
end

% Плоский кроссовер
function child = flat_crossover(p1, p2)
    dim = length(p1);
    child = zeros(dim);

    for i = 1:dim

        diff = abs(p1(i) - p2(i));

        gap = diff .* 0.25;

        child(i) = rand_range(min(p1(i), p2(i)) - gap, max(p2(i),
p1(i)) + gap);
    end
end

% Мутация
function mutated_pop = mutation(pop, prob)

    for i = 1:length(pop)
        if (rand() < prob)
            val = pop{i};
            for j = 1:length(val)
                val(j) = rand_range(val(j) - 1, val(j) + 1);
            end
            pop{i} = val;
        end
    end

    mutated_pop = pop;
end

% function draw_route(path, coords)
%     x = zeros(1, length(path));
%     y = zeros(1, length(path));
%
%     for i = 1:length(path)
%         node = path(i);
%         x(i) = coords(node, 1);
%         y(i) = coords(node, 2);
%     end
%
%     figure;
%     plot(x, y, '-x');
%
% end

% Генерация начальной популяции
function pop = generate_population(pop_size, ind_size, from, to,
from2, to2)
    pop = cell(pop_size, 1);
    % pop = zeros(pop_size, ind_size);
    for i = 1:pop_size
        ind = zeros(1, ind_size);

        ind(1) = rand_range(from, to);
        ind(1) = rand_range(from2, to2);
    end
end

```

```

        % for j = 1:ind_size
        %     ind(j) =
        % end
        pop{i} = ind;
    end
end

% случайное число в диапазоне
function ret = rand_range(from, to)
    ret = (to-from) .* rand() + from;
end

% Редукция
function reduced_pop = reduction(f, pop, len)
    valind = configureDictionary("double", "cell");
    cnt = 0;

    arr = {};

    for i = 1:length(pop)
        val = f(pop{i});
        if cnt > 0
            if (valind.iskey(val))
                arr = valind.lookup(val);
            else
                arr = {};
            end
        else
            arr = {};
        end

        subarr = arr{1};
        subarr[length(subarr) + 1] = pop{i};
        arr{1} = subarr;

        % if (cnt == 0)
        %     val2ind = dictionary(val, arr);
        % end
        valind = valind.insert(val, arr);
        cnt = cnt + 1;
    end

    reduced_pop = {};

    while (length(reduced_pop) < len & ~isempty(valind.keys()))
        minval = min(valind.keys);
        arr = valind.lookup(minval);

        unique = configureDictionary("double", "double");

        for j = 1:length(arr{1})
            ind = arr{1}{j};

            % is_member = ismember([ind], cell2mat(reduced_pop));

            if (~unique.iskey(ind))
                reduced_pop = [reduced_pop; ind];
                unique = unique.insert(ind, 1);
            end
        end
        valind = valind.remove(minval);
    end
end

```

end

% Репродукция

function **intermediate_population** = **reproduction**(population, f)

pop_size = **length**(population);

% Оператор репродукции

intermediate_population = **cell**(pop_size, **1**);

individ_values = **zeros**(pop_size, **1**);

% сумма всех значений и значение для каждой особи

for i = **1**:pop_size

val = f(population{i});

individ_values(i) = val;

end

values_sum = **sum**(individ_values);

% все особи одинаковы

if values_sum == **0**

intermediate_population = population;

return

end

potentials = **zeros**(pop_size, **1**);

% подсчет потенциала для каждой особи

% потенциалы отрицательны, т.к. ищем минимум

for i = **1**:**length**(individ_values)

val = individ_values(i);

prob = -(val / values_sum);

potentials(i) = prob;

end

min_potential = **min**(potentials);

% сдвигаем потенциалы в положительную часть

for i = **1**:**length**(individ_values)

potentials(i) = potentials(i) - min_potential;

end

sum_potentials = **sum**(potentials);

% выбор такого же кол-ва особей

for i = **1**:**length**(population)

% крутите барабан

shot = **rand_range**(**0**, sum_potentials);

individ_num = **0**;

tmp_sum = **0**;

% определяем куда попали барабаном

for j = **1**:**length**(population)

individ_num = j;

tmp_sum = tmp_sum + potentials(individ_num);

if (tmp_sum >= shot)

break

end

end

% добавляем выбранную особь в промежуточную популяцию

individ = population[individ_num];

intermediate_population{i} = individ;

```

    end
end

% Скрещивание
function pop = crossover(parents, prob, cros)
    len = length(parents);
    pop = cell(0, 1);

    for i = 1:len
        p1 = parents{round(rand_range(1, len))};
        p2 = parents{round(rand_range(1, len))};

        if (rand() < prob)
            child = cros(p1, p2);
            pop{length(pop) + 1, 1} = child;
        end
    end
end
end

```