14. Расчёт электрических цепей по законам Кирхгофа.

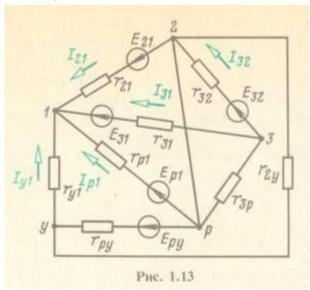
Для расчета разветвленной сложной электрической цепи существенное значение имеет число ветвей и узлов.

Ветвью электрической цепи и ее схемы называется участок, состоящий только из последовательно включенных источников ЭДС и приемников с одним и тем же

током. Узлом цепи и схемы называется место или точка соединения трех и более ветвей (узлом иногда называют и точку соединения двух ветвей).

При обходе по соединенным в узлах ветвям можно получить **замкнутый**

контур электрической цепи; каждый контур представляет собой замкнутый путь, проходящий по нескольким ветвям, при этом каждый узел в рассматриваемом контуре встречается не более одного раза.



На рис. 1.13 в качестве примера показана схема электрической цепи с пятью узлами и девятью ветвями. В частных случаях встречаются ветви только с резистивными элементами без источников ЭДС (ветвь 1- у) и с сопротивлениями, практически равными нулю (ветвь 2-р). Так как напряжение между выводами ветви 2-р равно нулю (сопротивление равно нулю), то потенциалы точек 2 и р одинаковы и оба узла можно объединить в один.

Режим электрической цепи произвольной конфигурации полностью определяется первым и вторым законами Кирхгофа. Первый закон Кирхгофа применяется к узлам и формулируется следующим образом: алгебраическая сумма токов в узлеравна пулю:

$\sum I = 0 \quad (1.19a)$

В этом уравнении одинаковые знаки должны быть взяты для токов, имеющих одинаковые положительные направления относительно узловой точки. В дальнейшем будем в уравнениях, составленных по первому закону Кирхгофа, записывать токи, направленные к узлу, с отрицательными знаками, а направленные от узла, - с положительными. Если к данному узлу присоединен источник тока, то ток этого источника также должен быть учтен. В дальнейшем будет показано, что в ряде случаев целесообразно писать в одной части равенства (1.19а) алгебраическую сумму токов в ветвях, а в другой части алгебраическую сумму токов, обусловленных источниками токов:

$\sum I = \sum J$, (1.196)

где I - ток одной из ветвей, присоединенной к рассматриваемому узлу, а J - ток одного из источников тока, присоединенного к тому же самому узлу; этот ток входит в (1.196) с положительным знаком, если направлен к узлу, и с отрицательным, если направлен от узла.

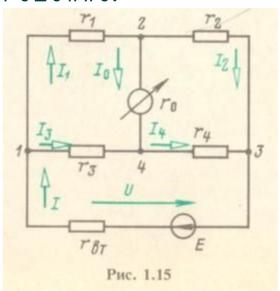
Второй закон Кирхгофа применяется к контурам электрической цепи и формулируется следующим образом: в любом контуре алгебраическая сумма напряжений на всех элементах и участках цепи, входящих в этот контур, равна нулю:

$$\sum U = 0 \quad (1.20a)$$

при этом положительные направления для напряжений на элементах и учасчках выбираются произвольно; в уравнении (1.20а) положительные знаки принимаются для тех напряжений, положительные направления которых совпадают с произвольно выбранным направлением обхода контура.

Пример 1.2.

Пользуясь законами Кирхгофа, написать два выражения для тока IO в ветви с гальванометром (рис. 1.15), приняв известным в одном случае ток I, а в другом напряжение U. Решение.



На основании законов Кирхгофа напишем для заданной схемы с шестью неизвестными токами уравнения:

$$\begin{split} I_1 + I_3 - I &= 0 \text{ (узел1);} \\ I_2 + I_0 - I_1 &= 0 \text{ (узел2);} \\ I - I_2 - I_4 &= 0 \text{ (узел3);} \\ r_1 I_1 + r_0 I_0 - r_3 I_3 &= 0 \text{ (контур1} - 2 - 4 - 1);} \\ r_2 I_2 - r_4 I_4 - r_0 I_0 &= 0 \text{ (контур2} - 3 - 4 - 2);} \\ r_3 I_3 + r_4 I_4 &= E - r_{\text{em}} I &= U \text{ (контур1} - 4 - 3 - 1) \end{split}$$

Решив совместно эти уравнения, получим выражения для тока IO при заданном

напряжении U

$$I_0 = \frac{(r_2r_3 - r_1r_4)U}{r_0(r_1 + r_2)(r_3 + r_4) + r_1r_2(r_3 + r_4) + r_3r_4(r_1 + r_2)}$$

и при заданном токе I

$$I_0 = \frac{(r_2 r_3 - r_1 r_4)I}{r_0(r_1 + r_2 + r_3 + r_4) + (r_1 + r_3)(r_2 + r_4)}.$$

Для полной характеристики электрического состояния цепи надо знать не только токи и напряжения, но также мощности источников и приемников энергии.

В соответствии с законом сохранения энергии развиваемая всеми источниками мощность равна суммарной мощности приемников и мощности потерь в источниках (из-за внутренних сопротивлений)

$$\sum_{h} E_{h} I_{h} + \sum_{k} J_{k} U_{k} = \sum_{i} r_{i} I_{i}^{2} \quad (1.25)$$