Molekül- und Festkörperphysik (PEP5) Version: 7.2.2021

1 Bindung im Festkörper

Lennard-Jones Potential

$$\varphi(r) = \frac{A}{r^{12}} \text{ oder } \varphi(r) = A'e^{-r/\rho} \text{ Abstoßung}$$

$$\varphi(r) = -\frac{B}{r^6} \text{ Van-der-Waals}$$

$$\varphi(r) = \frac{A}{r^{12}} - \frac{B}{r^6} \equiv 4\epsilon \left[\left(\frac{\sigma}{r}\right)^{12} - \left(\frac{\sigma}{r}\right)^{6} \right]$$

Bindungsenergie von Edelkristallen

$$\begin{split} U_B &= \frac{1}{2} \sum_m \varphi_m = \frac{N}{2} \varphi_m \\ &= 2N\epsilon \sum_{n \neq m} \left[\left(\frac{\sigma}{r_{mn}} \right)^{12} - \left(\frac{\sigma}{r_{mn}} \right)^6 \right] \end{split}$$

 $r_{mn} = p_{mn}R$, R: Abstand direkte Nachbarn

$$p_{mn}$$
: z.B fcc-Kristall: = 1, $\sqrt{2}$, 2,...

$$0 = \frac{dU_B}{dR}\Big|_{R_0} \Rightarrow R_0 = 1,0902\sigma$$

 $\rightarrow U_B(R_0) = -8,61N\epsilon$

Ionenbindung

$$\begin{split} \varphi_m &= \sum_{n \neq m} \left[\frac{\mathcal{A}}{r_{mn}^{12}} \pm \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_{mn}} \right] \\ &\approx z \frac{\mathcal{A}}{R^{12}} - \sum_{n \neq m} \frac{\pm e^2}{4\pi\epsilon_0 p_{mn} R} = z \frac{\mathcal{A}}{R^{12}} - \alpha \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 R} \end{split}$$

$$\alpha \equiv \sum_{n \neq m} \frac{\pm 1}{p_{mn}}$$

$$U_B = N \cdot \varphi_m \stackrel{Edelgaskr.}{=} - \frac{N\alpha e^2}{4\pi\epsilon_0 R_0} \left(1 - \frac{1}{12}\right)$$

Kovalente Bindung (H_2^+)

$$H = -\frac{\hbar^2}{2m}\Delta - \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_a} - \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_b} + \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 R_{AB}}$$

LCAO-Methode:

$$\psi = c_1 \varphi_a + c_2 \varphi_b$$

$$E = \frac{\int \psi^* H \psi dV}{\int \psi^* \psi dV} = \frac{c_1^2 H_{aa} + c_2^2 H_{bb} + 2c_1 c_2 H_{ab}}{c_1^2 + c_2^2 + 2c_1 c_2 S}$$
 kubisch raumzentriert, einfact kubisch raumzentriert, einfact Shkl =
$$\begin{cases} 2f\pi & h+k+l \text{ gerade} \\ 0 & h+k+l \text{ ungerade} \end{cases}$$
 kubisch flächenzentriert, einfact shkl sich f

$$E_{s;a} = \frac{H_{aa} \pm H_{ab}}{1 \pm S} + \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 R_{AB}}$$

Metallische Bindung

 r_s definiert über: $\frac{V}{N} = \frac{4}{3}\pi r_s^3$

$$\frac{E_{coul}}{N} = -\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} \frac{9}{10r_s}$$

$$\frac{E_{kin}}{N} = \frac{3}{5}E_F = \frac{3}{5}\frac{\hbar^2}{2m_e} \left(\frac{9\pi}{4}\right)^{\frac{2}{3}}\frac{1}{r_s^2}$$

$$\begin{split} \frac{E_{aus}}{N} &= -\frac{3e^2}{16\pi^2 \epsilon_0} \left(\frac{9\pi}{4}\right)^{\frac{1}{3}} \frac{1}{r_s} \\ \frac{E_B}{N} &= \left[-\frac{24.35}{(r_s/a_0)} + \frac{30.1}{(r_s/a_0)^2} - \frac{12.5}{(r_s/a_0)} \right] \frac{eV}{Atom} \end{aligned}$$
 6 Anharmonische Gittereigenschaften

 $a_0 = 0.529 \text{Å}$

TODO: Pseudo-Potential

2 Struktur der Festkörper Elementarzellen

- Primitv: Je ein Gitterpunkt
- nicht-primity: 2/4/...
- · Wigner-Seitz-Zelle: Gitterpunkt im Mittelpunkt. schließt Raum ein der näher als jedem anderen Punkt ist.

Bravais-Gitter

3 Strukturbestimmung

Reziprokes-Gitter

$$a_i \cdot b_i = 2\pi \delta_{ij} = \begin{cases} 2\pi & \text{für } i = j \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$$

$$b_1 = \frac{2\pi}{V_Z} (a_2 \times a_3)$$

$$b_2 = \frac{2\pi}{V_Z} (a_3 \times a_1)$$

$$b_3 = \frac{2\pi}{V_Z} (a_1 \times a_2)$$

Bragg-Bedingung

$$\lambda = 2d_{hkl}\sin(\Theta)$$
; $\lambda n = 2d\sin(\Theta)$

Strukturfaktor

$$r_{\alpha} = u_{\alpha} a_1 + v_{\alpha} a_2 + \omega_{\alpha} a_3$$

$$S_{hkl} = \sum_{\alpha} f_{\alpha}(G) e^{-2\pi i (hu_{\alpha} + kv_{\alpha} + l\omega_{\alpha})}$$

kubisch primity, zweiatomige Basis CsCl

$$S_{hkl} = \begin{cases} f_{Cs} + f_{Cl}\pi & h+k+l \text{ gerade} \\ f_{Cs} - f_{Cl} & h+k+l \text{ ungerade} \end{cases}$$

kubisch raumzentriert, einfache Basis

$$S_{hkl} = \begin{cases} 2f\pi & h+k+l \text{ gerade} \\ 0 & h+k+l \text{ ungerade} \end{cases}$$

kubisch flächenzentriert, einfache Basis

$$S_{hkl} = \begin{cases} 4f\pi & \text{alle gerade / ungerade} \\ 0 & sosnt. \end{cases}$$

Strukturelle Defekte

5 Gitterdynamik

Elektronen im Festkörper

Elektronische Transporteigenschaften

Halbleiter

10 Supraleitung

11 Sonstiges

$$k = \frac{2\pi}{\lambda}$$