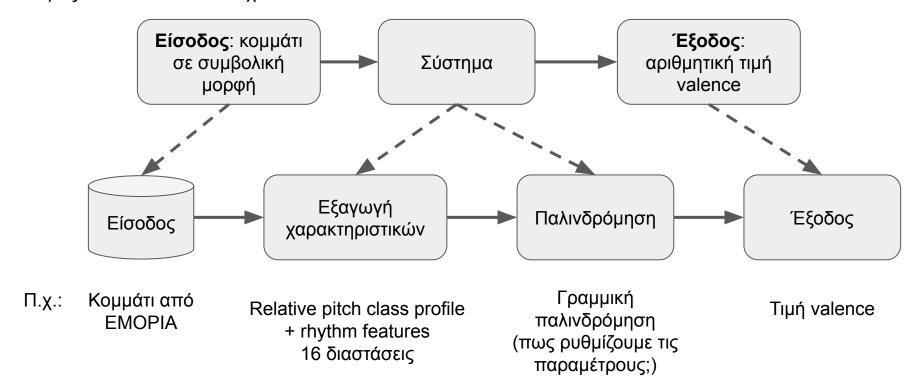
Εισαγωγή στα Τεχνητά Νευρωνικά Δίκτυα

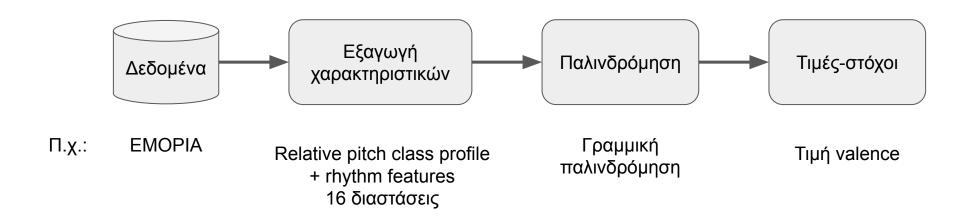
Από τη γραμμική και λογιστική παλινδρόμηση, στα Τεχνητά Νευρωνικά Δίκτυα

Παλινδρόμηση - παράδειγμα για τη γενική διαδικασία

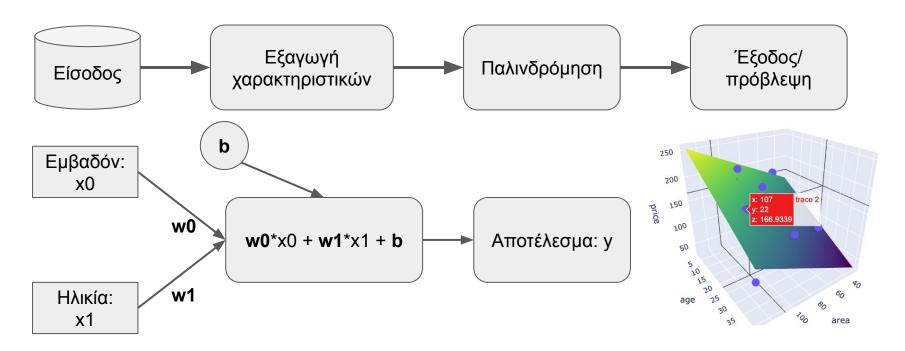
Στόχος: Η δημιουργία ενός συστήματος που παίρνει ως είσοδο ένα κομμάτι μουσικής σε συμβολική μορφή και μας λέει πόσο valence έχει



Παλινδρόμηση: εκπαίδευση (ρυθμιση παραμέτρων)

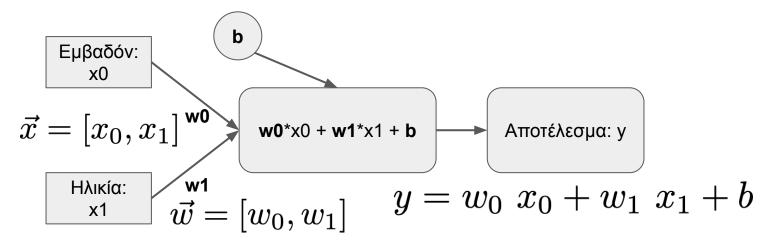


Παλινδρόμηση: παράδειγμα με τα σπίτια



Στόχος εκπαίδευσης: μάθε τις βέλτιστες τιμές **w0, w1** και **b** για να υπάρχουν οι ελάχιστες δυνατές απώλειες σε ένα σύνολο "εκπαίδευσης". Δηλαδή να "χωρέσει" βέλτιστα το υπερεπίπεδο. Μετά κάνουμε προβλέψεις που πέφτουν πάνω στο υπερεπίπεδο.

Μαθηματικοί συμβολισμοί



Συμβολισμός αθροίσματος:
$$y=\sum_{i=0}^{-}w_i\,\,x_i+b$$

Συμβολισμός εσωτερικού γινομένου: $y = \langle ec{w}, ec{x}
angle + b$

Εσωτερικό γινόμενο (dot ή inner product) και άλλα...

$$y = \sum_{i=0}^{1} w_i x_i + b$$

Το εσωτερικό γινόμενο είναι αριθμός (και τελικά αθροίζεται με τον αριθμό b για να μας δώσει μια απόφαση για το y).

$$y = \langle \vec{w}, \vec{x} \rangle + b$$

Στα κόκκινα πλαίσια συμβολίζεται το ίδιο πράγμα με διαφορετικό συμβολισμό: το εσωτερικό γινόμενο

$$y = |\vec{w}| |\vec{x}| \cos(\theta(\vec{w}, \vec{x})) + b$$

Η τελευταία έκφραση, με το συνημίτονο, είναι πολύ σημαντική για διαισθητική αντίληψη. Θα το μελετήσουμε αργότερα...

Υπάρχουν και άλλα ήδη γινομένων; Ναι! Μπορούμε να ορίσουμε ένα γινόμενο σχεδόν όπως θέλουμε...

Π.χ. **Σημαντικό**: Γινόμενο Hadamard (ανά-στοιχείο ή element-wise) - προφέρεται "Ανταμάρ".

$$ec{a} = [a_0, a_1, a_2] \ ec{b} = [b_0, b_1, b_2] \ ec{a} \odot ec{b} = [a_0 \ b_0, a_1 \ b_1, a_2 \ b_2]$$

Αλλα παραδείγματα: Διανυσματικό (cross), Εξωτερικό (outer), ευθύ (direct) κ.α.

https://colab.research.google.com/drive/1a58zohlsq1Wl0Z3-5ylMj8BcCXO-0hYF?usp=sharing

Είδη αθροίσματος και πολλαπλασιασμού πινάκων που θα

μας απασχολήσουν κυρίως

$$\vec{a} = [a_0, a_1, a_2]$$

 $\vec{b} = [b_0, b_1, b_2]$

Διανυσματικό άθροισμα

$$\vec{a} + \vec{b} = [a_0 + b_0, a_1 + b_1, a_2 + b_2]$$

Ευθύ γινόμενο (είδαμε πριν) Γινόμενο Hadamard (είδαμε πριν)

Διανύσματα

Πίνακες

$$A+B=C \rightarrow C_{ij}=A_{ij}+B_{ij}$$

Άθροισμα πινάκων: οι πίνακες πρέπει να έχουν ίδιες διαστάσεις, πχ ΝχΜ. Το αποτέλεσμα θα είναι πίνακας ίδιων διαστάσεων και το κάθε στοιχείο του θα είναι το άθροισμα των αντίστοιχων στοιχείων στους αρχικούς πίνακες.

$$A \odot B = C \rightarrow C_{ij} = A_{ij} B_{ij}$$

Υπάρχει επίσης η έννοια του γινομένου Hadamard (element-wise) σε πίνακες, δηλαδή όπως γινόμενο αντίστοιχων στοιχείων του πίνακα.

Υπάρχει κι η "κλασική" έννοια του πολλαπλασιασμού πινάκων που φαίνεται στην επόμενη διαφάνεια…

"Κλασικός" πολλαπλασιασμός σε πίνακες

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 7 & 8 \\ 9 & 10 \\ 11 & 12 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 58 & 64 \end{bmatrix}$$

Η "κλασική" έννοια του πολλαπλασιασμού πινάκων:

- NxK επί KxM δίνει έναν πίνακα: NxM.
- Ο πρώτος δίνει τις γραμμές (N) και ο δεύτερος τις στήλες (M).
- Πρέπει οι "εσωτερικές" τους διαστάσεις να είναι ίδιες (Κ).
- Στο αποτέλεσμα, το στοιχείο στην i γραμμή και j στήλη είναι το εσωτερικό γινόμενο της γραμμής i του πρώτου και της στήλης j του δεύτερου.

$$Y = A X \qquad y_{ij} = \langle \vec{a_{i:}}, \vec{x_{:j}} \rangle$$

 $\vec{a_{i:}}$ is the array of the *i*-th row (all columns) $\vec{x_{:j}}$ is the array of the *j*-th column (all rows)

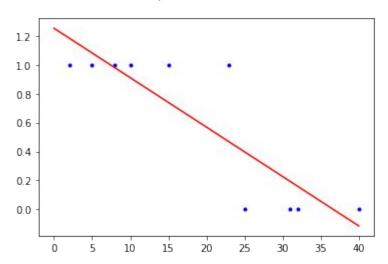
matrix-multiplying

غرب ماتریس ها

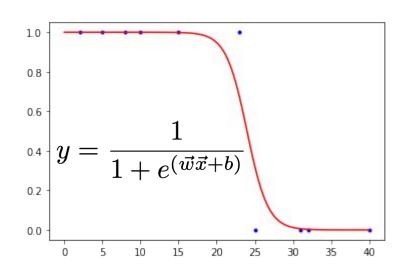
Κατηγοριοποίηση και λογιστική παλινδρόμηση

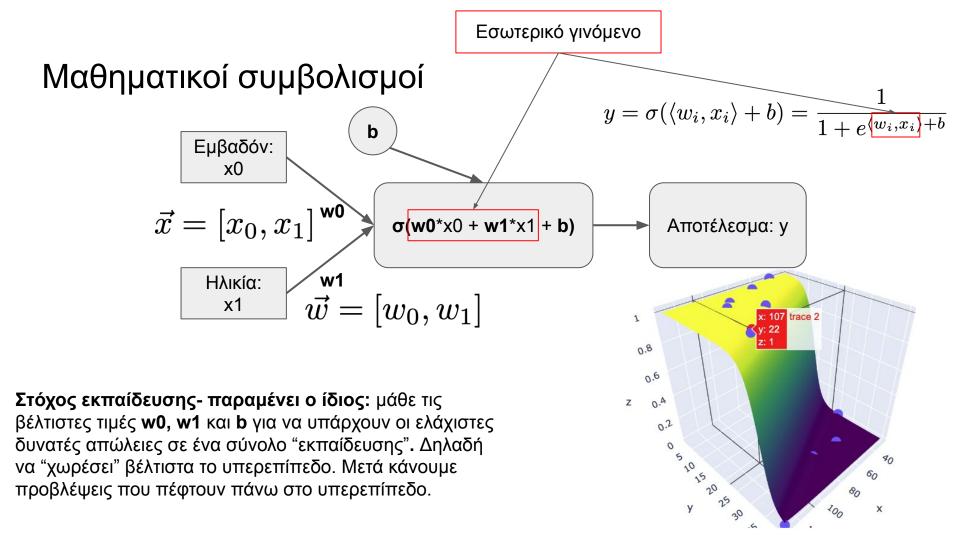
Αν η επιθυμητή έξοδος δεν είναι τιμή του valence, αλλά μία κατηγορία; Π.χ. Αν είναι χαρούμενο ή λυπητερό κομμάτι;

Σε τέτοιου τύπου δεδομένα, η γραμμική παλινδρόμηση δεν "χωράει" βέλτιστα.



Όμως η λογιστική συνάρτηση προσαρμόζεται βέλτιστα.



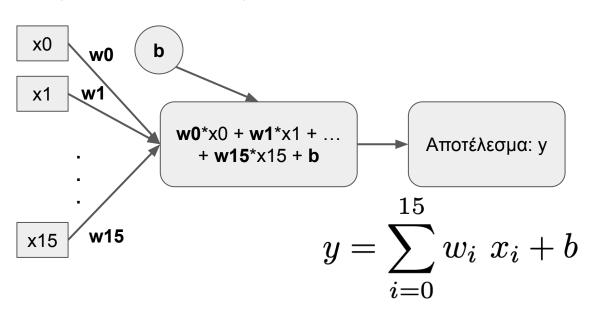


Επιστροφή στο παράδειγμα με το ΕΜΟΡΙΑ

Γραμμική παρεμβολή:

Εκπαίδευση: βρες κατάλληλες τιμές για τα wi και για το b, έτσι ώστε να υπολογίζεται βέλτιστα η προσαρμογή στο σύνολο δεδομένων εκπαίδευσης.

Σύστημα: υπολόγισε τιμή valence για δεδομένη είσοδο.

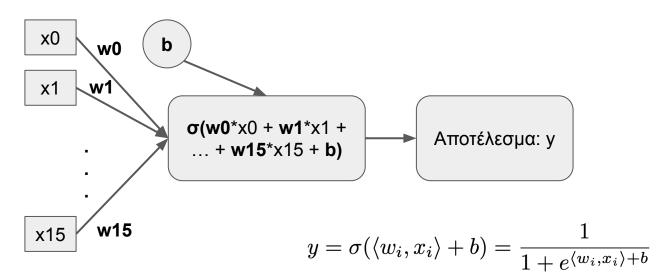


Επιστροφή στο παράδειγμα με το ΕΜΟΡΙΑ

Λογιστική παλινδρόμηση για κατηγοριοποίηση:

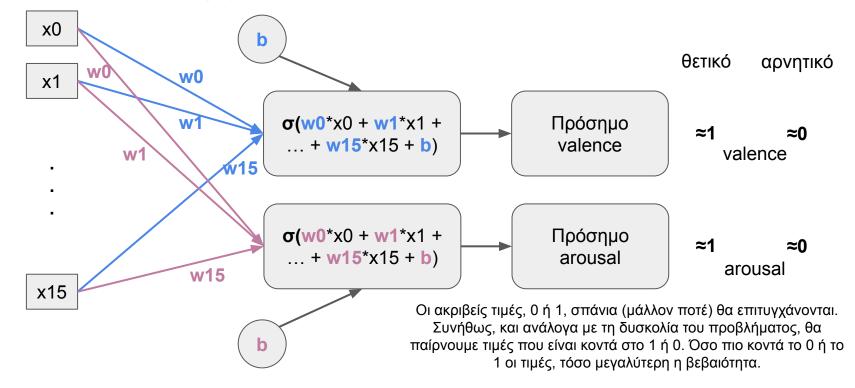
Εκπαίδευση: βρες κατάλληλες τιμές για τα wi και για το b, έτσι ώστε να υπολογίζεται βέλτιστα η προσαρμογή στο σύνολο δεδομένων εκπαίδευσης.

Σύστημα: υπολόγισε αν το valence είναι αρνητικό ή θετικό (0/1) για δεδομένη είσοδο.

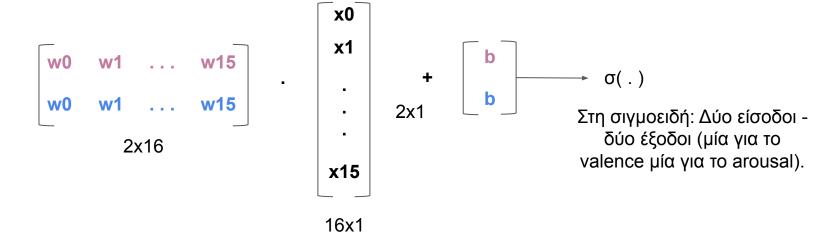


Επιστροφή στο παράδειγμα με το ΕΜΟΡΙΑ

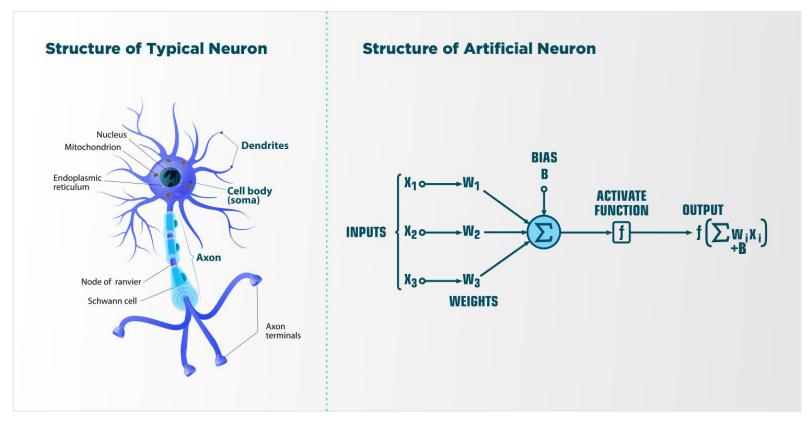
Άλλη προσέγγιση: Διαφορετικές έξοδοι για το valence και το arousal



Αναπαράσταση σε πίνακες



Τεχνητά νευρωνικά δίκτυα



Πρόβλεψη χειρόγραφων αριθμητικών χαρακτήρων

