

Известно, что $\exists \delta_1 > 0 : \forall x \in U_{\delta_1}(a) \cap D \quad f(x) \geq g(x)$

Тогда $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = b \geq c = \lim_{x \rightarrow a} g(x)$

Д-во: Предположим, что $b < c$. Тогда по свойствам св-ва стабилизации знака ф-ции:

$\exists \delta_2 > 0 : \forall x \in U_{\delta_2}(a) \cap D \quad f(x) < g(x)$.

Тогда для $\delta = \min\{\delta_1, \delta_2\}$ $f(x) < g(x)$ и $f(x) \geq g(x) \quad ? \Rightarrow b \geq c \blacksquare$