

M51 - Nota Dene

@ $E = \{1, 2, 3\}$

$$\mathcal{P}(E) = \{\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{2, 3\}, E\}$$

→ À propos de la définition des entiers :

● $1 \neq 0$ sinon $\text{card}\{0\} = \text{card}\emptyset$

dit autrement $\{0\}$ & \emptyset st équipotents.

dit autrement \exists biject $\{0\} \rightarrow \emptyset$. (?!)
non-ride → vide ↗

→ In mg + généralement (PR) $n+1 \notin \{0, 1, \dots, n\}$.

@ \mathbb{N} est infini : $\begin{cases} \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}^* \\ n \mapsto n+1 \end{cases}$ est une biject.

\mathbb{N} & \mathbb{N}^* st équipotents.

● DM Requise de inject / équipotent / card $E \neq m$.

Ass (i) \Rightarrow (ii) spps i de $E = i(N) \cup (E \setminus i(N))$

$f: E \rightarrow E, x \mapsto x$ si $x \notin i(N)$, car n'est pas surjectif

si $x \notin i(N): f(x) = x$

si $x \in i(N): \exists! m \in \mathbb{N}, x = i(m) \rightarrow f(x) = i(m+1)$.

puis usa ppte injectivité

• \hat{E} équipotent à $\mathbb{N} \Leftrightarrow \hat{E}$ ens infini

$$\mathbb{N} \xrightarrow{\text{bij}} E$$

$$1 \mapsto 1^\circ \text{ elt}$$

$$2 \mapsto 2^\circ \text{ elt}$$

\vdots

@ ens dénombrable

$$\mathbb{N} \rightarrow 2\mathbb{N}$$

$$n \mapsto 2n$$

M51 - Nota Dene

@ $E = \{1, 2, 3\}$

$\mathcal{P}(E) = \{\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{2, 3\}, E\}$

→ À propos de la définition des entiers :

$1 \neq 0$ sinon $\text{card}\{0\} = \text{card}\emptyset$
dit autrement $\{0\}$ & \emptyset st équipotents.
dit autrement $\exists \text{ bij } \emptyset \rightarrow \{0\}$.

non-ride → vide ↗

→ In mg + générmt (PR) $m+1 \notin \{0, 1, \dots, n\}$.

@ \mathbb{N} est infini : $\begin{cases} \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}^* \\ n \mapsto n+1 \end{cases}$ est une biject.

\mathbb{N} & \mathbb{N}^* st équipotents.

DM Propriété de injecto / équipotent / $\text{card } E \neq m$.

Assé (i) \Rightarrow (ii) spps i de $E = i(\mathbb{N}) \cup (E \setminus i(\mathbb{N}))$

$f: E \rightarrow E, x \mapsto x$ si $x \notin i(\mathbb{N})$, car m'est pas surjectif

si $x \notin i(\mathbb{N}) : f(x) = x$

si $x \in i(\mathbb{N}) : \exists ! m \in \mathbb{N}, x = i(m) \rightarrow f(x) = i(m+1)$.

puis usa ppte' injectivité

(1)

• \hat{E} équipotent à $\mathbb{N} \Leftrightarrow \hat{E}$ ens infini

$\mathbb{N} \xrightarrow{\text{bij}} E$

$1 \mapsto 1^\circ \text{ elt}$

$2 \mapsto 2^\circ \text{ elt}$

⋮

@ ens dénombrable

$\mathbb{N} \rightarrow 2\mathbb{N}$

$n \mapsto 2n$

⑤ équipotents / fini / ASSE $\begin{cases} \exists \mathbb{N} \xrightarrow{\text{bij}} E \\ E \xrightarrow{\text{bij}} \mathbb{N} \end{cases} \Leftrightarrow \text{pie } E \text{ ds } E$
 $\forall m \in \mathbb{N}, \text{card}(E) \neq m$.

$\bar{x} := \{y \in E \mid x R y\}$

$E/R := \{\bar{x} \mid x \in E\} \subset \mathcal{P}(E)$

⑥ $\forall a \in H, \forall b \in H, ab^{-1} \in H$

compatible $x R y \Rightarrow f(y) = f(x)$

Partio de E si $A_i \cap A_j = \emptyset$

$\bigcup_{i \in I} A_i = E$

ce \Leftrightarrow partio.

DM $\bar{k} \in \mathbb{Z}/m\mathbb{Z}, \langle \bar{k} \rangle = \mathbb{Z}/m\mathbb{Z} \Leftrightarrow k$ est premier à m .

→ usa (TH) de Bézout.

DM $\mathbb{Z}/m\mathbb{Z} \simeq \mathbb{Z}/m\mathbb{Z}$ si $|G| = m$ (usa) $\varphi: \mathbb{Z}/m\mathbb{Z} \rightarrow G$

bien def? MDG? surjective? injective?
si $k \nmid m$ $\varphi(k) = k + m\mathbb{Z} \neq \emptyset$ i.e. def

$\bar{k} \mapsto mk$

(22) . . .

$$\textcircled{a} \quad (32)(123)(32) = (132)$$

$$(123)(1234)(132) = (2314)$$

$\textcircled{c} \quad \tau = (3352)(14)(67) \in Y_9 ; \quad \sigma \in Y_9 .$

$\rightarrow \{ \sigma \tau \sigma^{-1}, \sigma \in Y_9 \} = \{ \text{conjugués de } \tau \} .$

$$\sigma \tau \sigma^{-1} = [\sigma(3352) \sigma^{-1}] [\sigma(14) \sigma^{-1}] [\sigma(67) \sigma^{-1}]$$

$$= (\sigma(3) \sigma(3) \sigma(5) \sigma(2)) (\sigma(1) \sigma(4)) (\sigma(6) \sigma(7))$$

à "m" forme" que $\tau : 4 \text{ cycle} \circ 2 \text{ cycle} \circ 2 \text{ cycle} .$

$\alpha = (1234)(56)(78) , \text{ alors } \alpha = \text{ppcm}(3,4) = 2$