

M53- Nota Deme :

DM. (Th) Heine

► Passer p négat de la définit UN. Cont

► Prendre $\delta = \frac{1}{n}$, ss-suite x_n & y_n

(CV) vers 0, (CV) vers ∞

► Prendre ss-suite $x_{p(n)}$ & $y_{q(n)}$, avec cont f (!)

@ (ig) $\int_1^{\infty} \frac{1}{x^a} dx$ $\begin{cases} a > 1 \\ a \neq 1 \end{cases}$ @ $\int_0^1 \frac{\sin x}{x} dx$ cont de f
 $\lim_{x \rightarrow b} f(x)$ \nexists finie

• Continuité sur $I \Rightarrow$ dc intégrable sur I .

• Δ Positivité de f pu user Crit Comparsm/Équivalence

@ $\int_0^{\infty} e^{-t^2} dt$: étude (CV) & Cd Compar

@ $\int_1^{\infty} \frac{1}{\ln t + t^r} dt$ Esc : & Cd Equiv

@ $\int_1^{\infty} \frac{\cos t}{t^2} dt$: Crit VL^R Abs + CdC

À Ret : $\int_0^{\infty} \frac{\sin t}{t} dt$: IPP \rightarrow étude (CV)
 $\dots \rightarrow$ étude (CV) abs

• (Th) Continuité de F (int. def à param)

Δ a, b dvt \in Réels finis, ne f pas pu (ig)

@ $F(x) = \int_0^x \sin(x+t) e^{xt^2} dt$, $x \in \mathbb{R}$; calcul $\lim_{x \rightarrow 0} F(x) = ?$

@ $F(x) = \int_1^2 \frac{e^{xt}}{t} dt$, $x \in \mathbb{R}$ Δ dérive $\mathcal{F} x$
 Δ intègre $\mathcal{F} t$.