Compiler: Scanner

Prof. Dr. Oliver Braun

Fakultät für Informatik und Mathematik Hochschule München

Letzte Änderung: 10.05.2017 15:49

Inhaltsverzeichnis

Sca	nner	3
Wö	rter erkennen — Beispiel	3
Wö	ter erkennen — Beispiel	3
Ver	schiedene Wörter erkennen	4
Ein	Formalismus für Recognizer	4
Ein	Endlicher Automat (EA)	4
		5
Beis	spiel in Haskell	5
		5
Regulä	re Ausdrücke	6
_		6
_		6
		6
		6
	rang und Intervalle,	7
		7
PCRE	- Perl Compatible Regular Expressions	7
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	7
	derzeichen in PCRE	8
		8
		8
		8
		9
		9

	und viel mehr	
V	on regulären Ausdrücken zu Scannern	10
	Konstruktionszyklus	10
	Konstruktion von EAs	
	Nichtdeterministischer Endlicher Automat	11
	Äquivalenz von NEAs und DEAs	11
	RE nach NEA: Thompson's Construction	12
	RE nach NEA: Thompson's Construction (2)	12
	Anwendung von Thompson's Construction	13
	Haskell-Datentyp für Reguläre Ausdrücke	13
	Beispiel: RE $(aa^*a (c d)^*b)^*e$ in Haskell	13
	Haskell-Datentyp für NFAs	14
	Beispiel: NFA in Haskell für ab	14
	Beispiel: NFA in Haskell für $a b$	14
	Thompson's Construction in Haskell	15
	NEA nach DEA: Die Teilmengenkonstruktion	15
	Algorithmus zur Teilmengenkonstruktion	15
	Von Q nach D	15
	Beispiel	16
	Haskell-Datentyp für NFAs	16
	Teilmengenkonstruktion in Haskell	17
	FixPunkt-Berechnungen	17
	Erzeugen eines minimal DFA aus einem beliebigen DFA: Hopcroft's Algorithmus	17
	Hopcroft's Algorithmus	18
	Beispiel	18
	Hopcroft's Algorithmus in Haskell	18
	Vom DEA zum Recognizer	19
	Eine andere Art zu erkennen	19
lm	plementierung von Scannern	19
	Table-Driven Scanner	19
	Beispiel	20
	Exzessiven Rollback vermeiden	20
	Direct-Coded Scanners	21
	Overhead des Tabellen-Lookups	21
	Ersatz für die while-Schleife des Table-Driven Scanners	21
	Beispiel	22
	Hand coded Scanner	22

Scanner

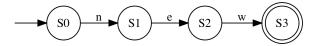
- erster Schritt des Prozesses der das Eingabeprogramm verstehen muss
- Scanner = lexical analyzer
- ein Scanner
 - liest eine Zeichen-Strom
 - produziert einen Strom von Wörtern
- aggregiert Zeichen um Wörter zu bilden
- wendet eine Menge von Regeln an um zu entscheiden ob ein Wort akzeptiert wird oder nicht
- weist dem Wort eine syntaktische Kategorie zu, wenn es akzeptiert wurde

Wörter erkennen — Beispiel

```
new erkennen
```

Pseudo Code

Wörter erkennen — Beispiel

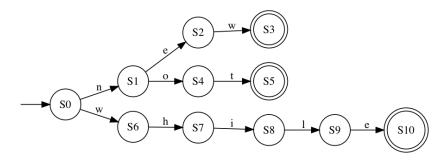


Zustandsübergangsdiagramm new

Haskell:

```
recognizeNew :: String -> Bool
recognizeNew ('n':'e':'w':_) = True
recognizeNew = False
```

Verschiedene Wörter erkennen



Zustandsübergangsdiagramm new-not-while

Ein Formalismus für Recognizer

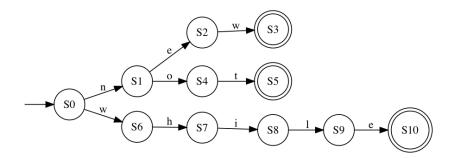
Zustandsübergangsdiagramme können als mathematische Objekte betrachtet werden, sog. Endliche Automaten (finite automata)

Ein Endlicher Automat (EA)

(engl. finite automaton (FA)) ist ein Tupel $(S, \Sigma, \sigma, s_0, S_A)$ mit

- S ist die endlichen Menge von Zuständen im EA, sowie ein Fehlerzustand s_e .
- Σ ist das vom EA genutzte Alphabet. Typischerweise ist es die Vereinigungsmenge der Kantenbezeichnungen im Zustandsübergangsdiagramm.
- $\sigma(s,c)$ ist die Zustandsübergangsfunktion. Es bildet jeden Zustand $s \in S$ und jedes Zeichen $c \in \Sigma$ auf den Folgezustand an. Im Zustand s_i mit dem Eingabezeichen c, nimmt der EA den Übergang $s_i \stackrel{c}{\mapsto} \sigma(s_i,c)$.
- $s_0 \in S$ ist der ausgewählte Startzustand.
- S_A ist die Menge von akzeptierenden Zuständen, mit $S_A \subseteq S$. Jeder Zustand in S_A wird als doppelt umrandeter Kreis im Zustandsübergangsdiagramm dargestellt.

Beispiel



Zustandsübergangsdiagramm new-not-while

$$\begin{split} S &= \{s_0, s_1, s_2, s_3, s_4, s_5, s_6, s_7, s_8, s_9, s_{10}, s_e\} \\ \Sigma &= \{\texttt{e}, \texttt{h}, \texttt{i}, \texttt{l}, \texttt{n}, \texttt{o}, \texttt{t}, \texttt{w}\} \\ \sigma &= \{s_0 \overset{n}{\mapsto} s_1, s_0 \overset{w}{\mapsto} s_6, s_1 \overset{e}{\mapsto} s_2, \ldots\} \\ s_0 &= s_0 \\ S_A &= \{s_3, s_5, s_{10}\} \end{split}$$

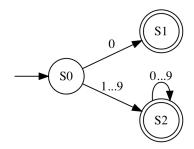
Übung: Ergänzen Sie σ durch die fehlenden Abbildungen.

Beispiel in Haskell

Code auf GitHub

https://github.com/ob-cs-hm-edu/compiler-ea1.git

Positive Zahlen erkennen



Zustandsübergangsdiagramm für positive Zahlen

Übung: Geben Sie den endlichen Automaten als Tupel an.

Reguläre Ausdrücke

Reguläre Ausdrücke

- die Menge der Wörter die von einem endlichen Automaten \mathcal{F} akzeptiert wird, bildet eine Sprache, die $L(\mathcal{F})$ bezeichnet wird
- das Zustandsübergangsdiagramm des EA spezifiziert diese Sprache
- intuitiver ist die Spezifikation mit **regulären Ausdrücken** (regular expressions (REs))
- die Sprache die durch einen RE beschrieben wird, heisst reguläre Sprache
- REs sind äquivalent zu EAs

Formalisierung regulärer Ausdrücke

Ein regulärer Ausdruck r beschreibt

- eine Menge von Zeichenketten, genannt Sprache, bezeichnet mit L(r),
- bestehend aus Zeichen aus einem Alphabet Σ
- \bullet erweitert um ein Zeichen ϵ das die leere Zeichenkette repräsentiert

Operationen

Ein regulärer Ausdruck wird aus drei Grundoperationen zusammengesetzt

Alternative Die Alternative oder Vereinigung von zwei Mengen von Zeichenketten R and S, wird geschrieben R|S und ist $\{x|x\in R \text{ or } x\in S\}$.

Verkettung Die Verkettung zweier Mengen R and S, wird geschrieben RS und enthält alle Zeichenketten, die entstehend wenn an ein Element aus R ein Element aus S angehängt wird, also $\{xy|x\in R \text{ and } y\in S\}$.

Kleenesche Hülle Die Kleenesche Hülle, oder Kleene-Stern, einer Menge R, wird geschrieben R^* und ist $\bigcup_{i=0}^{\infty} R^i$. Das sind also alle Verkettungen von R mit sich selbst, null bis unendlich mal.

Zusätzlich wird oft genutzt

Endliche Hülle R^i , für ein positives iPositive Hülle R^+ , als Kurzschreibweise für RR^*

Definition regulärer Ausdrücke

Die Menge der REs über einem Alphabet Σ ist definiert durch

1. Wenn $a \in \Sigma$, dann ist a ein RE der die Menge beschreibt, die nur a enthält.

- 2. Wenn r und s REs sind die L(r) and L(s) beschreiben, dann gilt:
 - r|s ist ein RE
 - rs ist ein RE
 - r^* ist ein RE
- 3. ϵ ist ein RE der die Menge beschreibt, die nur die leere Zeichenkette enthält.

Vorrang und Intervalle, ...

Reihenfolge des Vorrangs (vom höchsten):

- Klammern
- Hülle
- Verkettung
- Alternative

Zeichenintervalle können durch das erste und letzte Element verbunden mit drei Punkten umschloßen von eckigen Klammern beschrieben werden, z.B. [0...9].

Komplementbildungs-Operator ist die Menge $\Sigma-c$ Escape Sequenzen wie in Zeichenketten, z.B. $\backslash n$

Beispiele

• Bezeichner in manchen Programmiersprachen

$$([A...Z]|[a...z])([A...Z]|[a...z]|[0...9])^*$$

• positive ganze Zahlen

• positive reelle Zahlen

$$(0|[1...9][0...9]^*)(\epsilon|.[0...9]^*)$$

PCRE - Perl Compatible Regular Expressions

Reguläre Ausdrücke in der Praxis

- es gibt verschiedene "Geschmacksrichtungen" regulärer Ausdrücke
- wir verwenden im Praktikum und in der Klausur PCRE (Perl Compatible Regular Expressions)

Sonderzeichen in PCRE

Zeichen mit besonderer Bedeutung in PCRE

Sonderzeichen	Bedeutung
	um das folgende Sonderzeichen zu maskieren
^	Zeilenanfang
	ein beliebiges Zeichen (außer Zeilenumbruch)
\$	Zeilenende oder Ende der Zeichenkette
[Alternative
()	Gruppierung
[]	Umschließt eine Zeichenklasse

Quantifikatoren

Quantifikator	Bedeutung
*	matche null- oder mehrmals
+	matche ein- oder mehrmals
?	matche null- oder einmal
{n}	matche genau n-mal
{n,}	matche mindestens n-mal
$\{n,m\}$	${\rm matche\ mindestens\ n\text{-}\ und\ h\"{o}chstens\ m\text{-}mal}$

Backtracking

- wenn ein quantifiziertes Teilpattern dazu führen würde, dass der Rest nicht mehr matched, wird Backtracking verwendet
- Beispiel: Zeichenkette aaaa
- Regulärer Ausdruck: a+a
 - a+ würde schon die gesamte Zeichenkette matchen
 - durch Backtracking matched a+ auf die ersten drei as und das zweite a im RE auf das vierte in der Zeichenkette

Zu gierige REs

- durch Hintanstellen von ? wird nur auf das Minimum gematcht
- Beispiel: Zeichenkette aaab

- Regulärer Ausdruck a+(a|b) matcht auf aaab
- Regulärer Ausdruck a+?(a|b) matcht auf aa

Kein Backtracking

- durch Hintanstellen von + wird das Backtracking ausgeschaltet
- Beispiel: Zeichenkette aaaa
- Regulärer Ausdruck a+a matcht auf aaaa
- Regulärer Ausdruck a++a matcht gar nicht

Zeichenklassen

Sequenz	Bedeutung
[]	eines der statt enthaltenen Zeichen,
	auch [a-z] möglich
[^]	keines der enthaltenen Zeichen
[[::]]	Posix-Klassen, z.B. digit, upper
\w	alphanumerisches Zeichen oder _
\W	kein alphanumerisches Zeichen oder _
\s	Whitespace
\S	kein Whitespace
\d	Dezimalziffer
\D	keine Dezimalziffer

Gruppierung und Referenzierung

- Teilausdrücke in Klammern werden erfasst
- und können referenziert werden
- Beispiel: Zeichenkette Hallo Hans
- Regulärer Ausdruck (..).*\1 matcht auf Hallo Ha

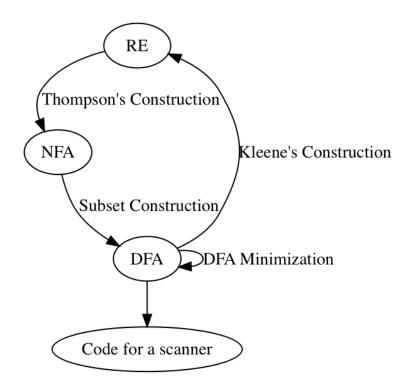
und viel viel mehr

- Lookaround Assertions
 - z.B. matche ein Wort auf das ein Tabulator folgt: $\w+(?=\t)$

- Rekursive Subpattern
 - z.B. matche geklammerte Ausdrücke: \((?>[^)(]+|(?R))*\)
 - (?>S) ist eine non-backtracking-group und verhindert daher zeitraubendes Backtracking
- ..
- Doku z.B. unter http://perldoc.perl.org/perlre.html

Von regulären Ausdrücken zu Scannern

Konstruktionszyklus



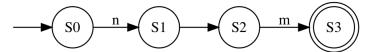
Konstruktionszyklus

Konstruktion von EAs

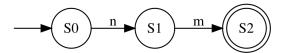
• gegeben seien die beiden EAs



• Wir können einen ϵ -Übergang, der die leere Zeichenkette akzeptiert, einfügen und so einen EA für nm konstruieren.

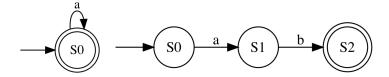


• Im zweiten Schritt können wir den ϵ -Übergang eliminieren.

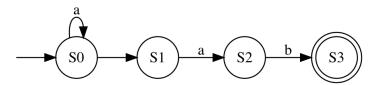


Nichtdeterministischer Endlicher Automat

• angenommen wir wollen die folgenden beiden EAs konkatenieren



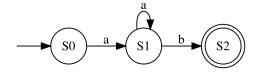
- mit einem $\epsilon\textsc{-}\ddot{\text{U}}\text{bergang}$ bekommen wir



Das ist ein \mathbf{NEA} , weil es von einem Zustand mehrere Übergänge mit einem Zeichen gibt.

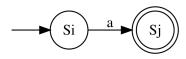
Äquivalenz von NEAs und DEAs

- NEAs und DEAs sind äquivalent bzgl. ihrer Ausruckskraft
- jeder NEA kann durch einen DEA simuliert werden
- DEA für a^*ab ist

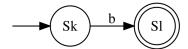


das ist der selbe wie für aa^*b

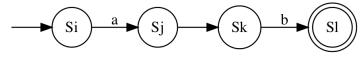
RE nach NEA: Thompson's Construction



NEA für a

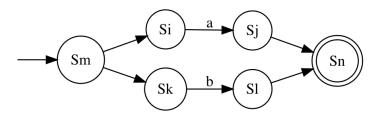


NEA für \boldsymbol{b}

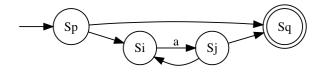


NEA für ab

RE nach NEA: Thompson's Construction (2)

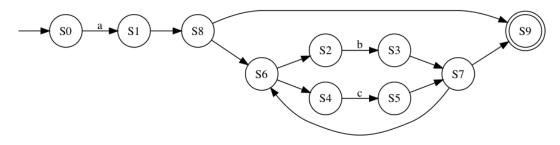


NEA für a|b



NEA für a^*

Anwendung von Thompson's Construction



NEA für $a(b|c)^*$

Haskell-Datentyp für Reguläre Ausdrücke

• Datentyp für reguläre Ausdrücke

• Beispiele

```
a: PrimitiveRE 'a'
a*: ClosureRE (PrimitiveRE 'a')
ab:
        ConcatenatedRE (PrimitiveRE 'a') (PrimitiveRE 'b')
a|b:
        AlternativeRE (PrimitiveRE 'a') (PrimitiveRE 'b')
```

Beispiel: RE $(aa^*a|(c|d)^*b)^*e$ in Haskell

```
ConcatenatedRE

(ClosureRE

(AlternativeRE

(ConcatenatedRE

(PrimitiveRE 'a')

(ConcatenatedRE

(ClosureRE

(PrimitiveRE 'a'))

(PrimitiveRE 'a')))

(ConcatenatedRE
```

Haskell-Datentyp für NFAs

Beispiel: NFA in Haskell für ab

Beispiel: NFA in Haskell für a|b

```
, ((NFAState 4, Nothing ), NFAState 5)
]
, nfaStart = NFAState 0
, nfaAcceptingStates = Set.singleton $ NFAState 5
}
```

Thompson's Construction in Haskell

ThompsonsConstruction.hs @ GitHub

NEA nach **DEA**: Die Teilmengenkonstruktion

die Teilmengenkonstruktion nimmt einen NEA

• $(N, \Sigma, \sigma_N, n_0, N_A)$

und produziert einen DEA

• $(D, \Sigma, \sigma_D, d_0, D_A)$

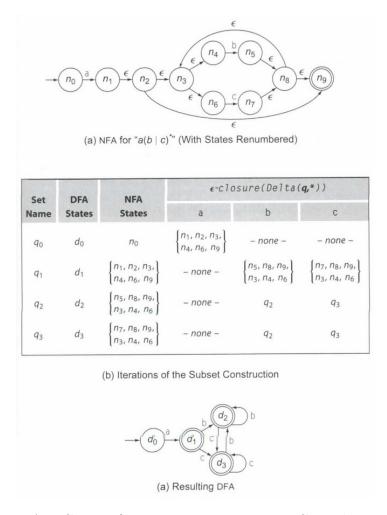
Algorithmus zur Teilmengenkonstruktion

```
q_0 = epsilonClosure({n_0});
Q = q_0;
Worklist = {q_0};
while (Worklist /= {}) do
    remove q from Worklist;
    for each character c elem Sigma do
        t = epsilonClosure(Delta(q,c));
        T[q,c] = t;
        if t not elem Q then
            add t to Q and to Worklist;
        end;
end;
```

Von Q nach D

- jedes $q_i \in \mathbb{Q}$ benötigt einen Zustand $d_i \in D$
- wenn q_i einen akzeptierenden Zustand im NEA enthält, dann ist d_i ein Endzustand des DEA
- σ_D kann direkt aus T konstruiert werden durch die Abbildung von q_i nach d_i
- der Zustand der aus q_0 konstruiert werden kann, ist d_0

Beispiel



Aus Cooper & Torczon, Engineering a Compiler

Haskell-Datentyp für NFAs

• Wesentlicher Unterschied zum NFA ist die σ -Funktion, die hier keinen ϵ -Übergang zulässt

- Char statt Maybe Char

Teilmengenkonstruktion in Haskell

SubsetConstruction.hs @ GitHub

FixPunkt-Berechnungen

- die Teilmengenkonstruktion ist ein Beispiel einer Berechnung eines Fixpunkts
- diese ist eine Berechnungsart die an vielen Stellen in der Informatik genutzt wird
- eine monotone Funktion wird wiederholt auf ihr Ergebnis angewendet
- die Berechnung terminiert wenn sie einen Zustand erreicht bei dem eine weitere Iteration das selbe Ergebnis liefert
- das ist ein Fixpunkt
- im Compilerbau sind auch häufig Fixpunkt-Berechnung zu finden

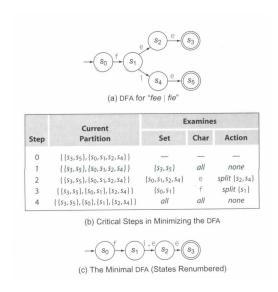
Erzeugen eines minimal DFA aus einem beliebigen DFA: Hopcroft's Algorithmus

- der mit der Teilmengenkonstruktion hergeleitete DEA kann eine sehr große Anzahl von Zuständen haben
 - damit benötigt ein Scanner viel Speicher
- Ziel: äquivalente Zustände finden
- Hopcroft's Algorithmus konstruiert eine Partition $P = \{p_1, p_2, ... p_m\}$ der DEAZustände
- gruppiert die Zustände bzgl. des Verhaltens
 - wenn $d_i \stackrel{c}{\mapsto} d_x, d_j \stackrel{c}{\mapsto} d_y$ und $d_i, d_j \in p_s$, dann müssen d_x und d_y in der selben Teilmenge p_t sein
 - d.h. wir splitten bei Zeichen die von einem Zustand in p_s bleiben und beim anderen nicht (nicht kann auch sein, dass es keine Transition für diesen Buchstaben gibt)
- jede Teilmenge $p_s \in P$ muss maximal groß sein

Hopcroft's Algorithmus

```
T = \{ D_A, \{ D - D_A\} \};
P = \{\};
while (P /= T) do
    P = T;
    T = \{\};
    for each set p in P do
        T = T `union` Split(p);
    end;
end;
Split(S) {
    for each c in Sigma do
        if c splits S into s1 and s2
             then return {s1,s2};
    end;
    return S;
}
```

Beispiel



Aus Cooper & Torczon, Engineering a Compiler

Hopcroft's Algorithmus in Haskell

Hopcroft.hs @ GitHub

Vom DEA zum Recognizer

- aus dem minimalen DEA kann der Code für den Recognizer hergeleitet werden
- der Recognizer muss als Ergebnis liefern
 - die erkannte Zeichenkette
 - die syntaktische Kategorie
- um Wortgrenzen zu erkennen, können wir Trennzeichen, z.B. Leerzeichen, zwischen die Wörter schreiben
- das bedeutet aber, wir müssten 2 + 5 statt 2+5 schreiben

Eine andere Art zu erkennen

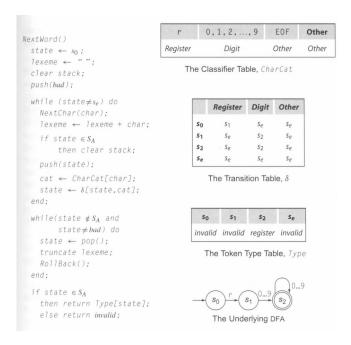
- der Recognizer muss das längste Wort finden, dass zu einem der regulären Ausdrücke passt
- \bullet er muss solange weiter machen bis er einen Zustand s erreicht von dem es keinen Übergang mit dem folgenden Zeichen gibt
- $\bullet\,$ wenn sein Endzustand ist, gibt der Scanner das Wort und die syntaktische Kategorie zurück
- sonst muss er den letzten Endzustand finden (backtracking)
- wenn es keinen gibt \Rightarrow Fehlermeldung
- es kann im ursprünglichen NEA mehrere Zustände geben, die passen
 - z.B. ist new ein Schlüsselwort aber auch ein Bezeichner
- der Scanner muss entscheiden können welche Kategorie er vorzieht

Implementierung von Scannern

Table-Driven Scanner

- nutzt das Gerüst eines Scanners zur Steuerung und
- eine Menge von generierten Tabellen die das sprachspezifische Wissen enthalten
- der Compilerbauer muss eine Menge von lexikalischen Mustern (REs) zur Verfügung stellen
- der Scanner-Generator erzeugt die Tabellen

Beispiel



Aus Cooper & Torczon, Engineering a Compiler

Exzessiven Rollback vermeiden

- gegeben sei der RE $ab|(ab)^*c$
- für abababac gibt der Scanner die gesamte Zeichenkette als einzelnes Wort zurück
- $\bullet\,$ für $abababab\,$ muss der Scanner alle Zeichen lesen bevor er entscheiden kann, dass der längste Präfix ab ist
 - -als nächstes liest er ababab und erkennt ab

– ...

im schlechsten Fall: quadratische Laufzeit

- der Maximal Munch Scanner (munch heisst mampfen) vermeidet so ein Verhalten durch drei Eigenschaften
 - 1. ein globaler Zähler für die Position im Eingabe-Zeichenstrom
 - 2. ein Bit-Array um sich Übergänge in "Sackgassen" zu merken
 - 3. eine Initialisierungsroutine die vor jedem neuen Wort aufgerufen wird
- er merkt sich spezifische Paare (Zustand, Position im Eingabestrom) die nicht zu einem akzeptierenden Zustand führen können

Direct-Coded Scanners

- Um die Performanz eines Table-Driven Scanners zu verbessen, müssen wir die Kosten reduzieren vom
 - Lesen des nächsten Zeichens
 - Berechnen des nächsten Zustandübergangs
- Direct-Coded Scanners reduzieren die Kosten der Berechnung des nächsten Zustandübergangs durch
 - ersetzen der expliziten Repräsentation durch eine implizite
 - und dadurch Vereinfachung des zweistufigen Tabellenzugriffs

Overhead des Tabellen-Lookups

- der Table-Driven Scanner macht zwei Tabellen-Lookups, einer in CharCat und einer in σ
- um das i. Element von CharCat zu bekommen, muss die Adresse @CharCat $_0+i\times w$ berechnet werden
 - @CharCat $_0$ ist eine Konstante die die Startadresse von CharCat im Speicher bezeichnet
 - w ist die Anzahl Bytes von jedem Element in CharCat
- für $\sigma(state, cat)$ ist es $@\sigma_0 + (\texttt{state} \times \texttt{numberofcolumsin} \sigma + \texttt{cat}) \times w$

Ersatz für die while-Schleife des Table-Driven Scanners

- ein Direct-Coded Scanner hat für jeden Zustand ein eigenes spezialisiertes Codefragment
- er übergibt die Kontrolle direkt von Zustands-Codefragment zu Zustands-Codefragment
- der Scanner-Generator kann diesen Code direkt erzeugen
- der Code widerspricht einigen Grundsätzen der strukturierten Programmierung
- aber nachdem der Code generiert wird, besteht keine Notwendigkeit ihn zu lesen oder gar zu debuggen

Beispiel

erkennt $r[0...9]^+$

```
s<sub>init</sub>: lexeme ← "";
                          s<sub>2</sub>: NextChar(char);
      clear stack;
                            lexeme \leftarrow lexeme + char; if state \in S_A
      push(bad):
      goto so;
                                               push(state);
s<sub>0</sub>: NextChar(char);
      nextunar(char);
lexeme ← lexeme + char;
                                                if 'O'≤char≤'9'
                                        then goto s_2;
else goto s_{out}
      if \ state \ \in S_A
           then clear stack;
      push(state);
                                          s_{out}: while (state 
otin S_A and
      if (char='r')
                                                          state \neq bad) do
      then goto s_{1}, else goto s_{out}: truncate RollBack()
NextChar(char); end: end: lexeme \leftarrow lexeme + char; if state \in S_A then retur
          then goto s_1;
                                                     state \leftarrow pop();
                                                     truncate lexeme;
                                                     RollBack():
s<sub>1</sub>: NextChar(char);
           then clear stack;
                                                    then return Type[state];
                                                    else return invalid;
      push(state);
      if ('0'≤char≤'9')
           then goto s2;
            else goto sout :
```

Aus Cooper & Torczon, Engineering a Compiler

Hand-coded Scanner

- generierte Scanner benötigen eine kurze, konstante Zeitspanne pro Zeichen
- viele Compiler (kommerzielle und Open Source) benutzen handgeschriebene Scanner
- z.B. wurde flex entwickelt um das gcc Projekt zu unterstützen
- aber qcc 4.0 nutzt handgeschriebene Scanner in mehreren Frontends
- handgeschriebene Scanner können den Overhead der Schnittstellen zwischen Scanner und dem Rest des Systems reduzieren
- eine umsichtige Implementierung kann die Mechanismen verbessern, die
 - Zeichen lesen und
 - Zeichen manipulieren

außerdem die Operationen

die benötigt werden um eine Kopie des aktuellen Lexem als Output zu erzeugen