

# **CENTRUL DE EXCELENȚĂ ÎN INFORMATICĂ ȘI TEHNOLOGII INFORMAȚIONALE**

**Disciplina: Programarea Calculatorului**

**Lucru Individual Nr.2**

**Tema: Tehnici de Programare**

**Elaborat : \_\_\_\_\_**

**Profesor : Cojocaru Liuba**

**Chișinău, 2024**

1. În fișierul **patrat.in** se află pe prima linie un număr natural  $n$  ( $n \leq 20000$ ), iar pe liniile următoare o matrice pătratică de dimensiune  $n$  care conține doar elemente **0** și **1**. Să se determine cel mai mare pătrat care conține doar valori 1. Se vor afișa în fișierul text **patrat.out** următoarele valori separate prin spațiu: latura pătratului, linia și coloana colțului stânga sus al pătratului. Dacă există mai multe astfel de pătrate se va afișa doar cel mai de sus.

2. Se consideră o matrice pătratică de maxim  $10 \times 10$ . Elementele lui sunt numere întregi pozitive. Să ne imaginăm că peste un element curge vopsea, care se prelinge peste elementele vecine, a căror valoare nu o depășește pe a celor peste care s-a scurs vopseaua. Curgerea vopselei are loc pe direcțiile orizontală și verticală. Determinați toate elementele peste care s-a scurs vopseaua.

3. Se citește un număr natural  $n$  ( $2 \leq n \leq 20$ ) și apoi o matrice cu  $n$  linii și  $n$  coloane având elementele numere întregi cu cel mult 4 cifre fiecare. Parcurgerea matricii se face din colțul  $(n,1)$  spre colțul  $(1,n)$  și se poate face pe direcțiile: **nord**, **nord-est** și **est**.

a) Afișați numărul de moduri în care se poate ajunge din colțul  $(n,1)$  în colțul  $(1,n)$ .

b) Afișați suma maximă care se poate obține parcurgând matricea din colțul  $(n,1)$  în colțul  $(1,n)$ .

Pentru citire se va folosi fișierul **date.in**, iar pentru afișare fișierul **date.out**.

*Exemplu:*

| date.in                         | date.out | Explicație  |
|---------------------------------|----------|---|
| 3<br>1 2 3<br>-1 3 4<br>2 -1 -1 | 13<br>12 | Numărul de moduri de parcurgere optimă=13;<br>Suma maximală =12 |

4. Fie  $N$  piese. Se cunoaște timpul necesar pentru prelucrarea fiecărei piese la fiecare dintre două strunguri. Determinați în ce ordine trebuie prelucrate piesele la cele două strunguri, știind că piesa poate fi prelucrată la strungul al doilea doar după ce a fost prelucrată la primul strung, astfel încât timpul de lucru al strungurilor să fie cel mai mic posibil.

5. **Vârfurile pătratului.** Un tablou bidimensional are valorile componentelor numere întregi pozitive. Scrieți un program care va determina patru elemente ce ar reprezenta vârfurile unui pătrat, astfel încât suma acestor elemente să fie maximală.

6. Se dă o matrice binară  $A$  (elementele ei sunt numai cifre de 0 și 1) de dimensiunea  $n \times m$ . Se definește o „insulă” a unei unități ca fiind formată din toate unitățile la care se poate ajunge din unitatea considerată prin deplasări succesive pe liniile și coloanele matricii. Să se compună un program care calculează numărul de astfel de „insule”.

**Datele de intrare** se citesc din fișierul text **Insule.in**. Prima linie conține două numere naturale  $n$  și  $m$  separate printr-un spațiu. Pe fiecare din următoarele  $n$  linii se conțin câte  $m$  numere  $A[i][j]$  separate prin spațiu.

Datele de ieșire se afișează la ecran.

**Exemplu:** Fișierul **Insule.in**: Intrare: 6 8.

Ieșire: Numărul de insule este 4

|   |   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |

7. **Suma maximă divizibilă cu  $n$ .** Se citește numărul natural  $n$ , apoi  $n$  numere naturale. Se cere să se calculeze cea mai mare sumă care se poate forma utilizând cele  $n$  numere naturale, ce se divide cu  $n$  (fiecare număr poate participa o singură dată în calculul sumei), precum și numerele care alcătuiesc această sumă.

**Exemplu:** fie  $n=5$ , iar numerele citite: {2,3,4,9,3}.

**Suma maximă** este  $S=15$  și numerele care o alcătuiesc {2,4,9}.

**Observație:** Aceasta nu este singura sumă care se poate forma, de exemplu:

$S1=5$ , numerele ce o alcătuiesc sunt {2,3}, sau  $S2=15$ , numerele ce o alcătuiesc {3,9,3} dar poate fi formată și cu alte numere.

8. **Păianjenul.** Un păianjen a țesut o pânză de formă dreptunghiulară formată din  $n$  linii orizontale și  $m$  linii verticale. Calculați în câte moduri poate el merge din colțul stânga sus în colțul dreapta-jos făcând un număr minim de pași ( $n+m-2$ ).

**Exemple:**

Pentru  $n=3$  și  $m=3$  există 6 moduri.

Pentru  $n=1$  și  $m=5$  există un singur mod.

9. Președintele unei țări este ales de către parlament, din care fac parte  $n$  deputați. Pentru a fi ales, președintele trebuie să primească cel puțin  $2/3$  din voturile deputaților. Între anumiți deputați există conflicte de interese. Doi deputați aflați în conflict de interese votează diferit. Fiind date numărul natural  $n$  și perechile  $x, y$ , în care deputații cu numărul de ordine  $x$  și  $y$  au conflicte de interese. Să se verifice dacă este posibilă alegerea președintelui.

10. **Cel mai mare produs.** Se consideră  $n$  numere întregi. Scrieți un program care va alege trei dintre aceste numere astfel, încât produsul lor să fie maximal.

**Date de intrare.** Se citesc de la tastatură numărul natural  $n$  și însăși șirul de  $n$  numere întregi.

**Date de ieșire.** Se afișează pe ecran cele trei numere găsite  $a1, a2, a3$ , în ordine arbitrară.

**Restricții și precizări:** 1)  $3 \leq n \leq 10^6$ ;

2) Dacă există câteva triplete diferite de numere, ce dau produs maximal, atunci se va afișa oricare dintre ele.

11. **Monede.** Se consideră  $n$  monede, toate având aceeași greutate cu excepția unei monede false. Aveți la dispoziție o balanță fără greutăți. Elaborați un program ce determină moneda falsă în urma unui număr minim de cântăriri. Totodată programul va determina dacă moneda falsă este mai ușoară sau mai grea ca celelalte.

12. În fișierul **patrat.in** se află pe prima linie un număr natural  $n$  ( $n \leq 20000$ ), iar pe liniile următoare o matrice pătratică de dimensiune  $n$  care conține doar elemente 0 și 1. Să se determine cel mai mare pătrat care conține doar valori 1. Se vor afișa în fișierul text **patrat.out** următoarele valori separate prin spațiu: latura pătratului, linia și coloana colțului stânga sus al pătratului. Dacă există mai multe astfel de pătrate se va afișa doar cel mai de sus.

**Exemplu**

| patrat.in | patrat.out |
|-----------|------------|
| 5         | 3 2 1      |
| 1 1 0 0 0 |            |
| 1 1 1 0 1 |            |
| 1 1 1 1 1 |            |
| 1 1 1 0 0 |            |
| 1 0 1 1 1 |            |

13. **Bancnote\_3\_5.** Orice sumă de bani  $S$  ( $S > 7$ ) poate fi eliberată în bancnote de câte 3 și 5. Variante pot fi câteva, de exemplu:  $27 = 3 \cdot 9 + 5 \cdot 0$ ;  $27 = 3 \cdot 4 + 5 \cdot 3$ .

Să se scrie un program care pentru  $S$  considerat ( $S > 7$ ) găsește o variantă a rezolvării în numere întregi a ecuației:  $S = 3 \cdot x + 5 \cdot y$ .

14. **Cucul.** Bunica mea are un ceas cu cuc care cântă laore fixe (de un număr de ori egal cu ora) și la „și jumătate” (o singură dată). Pe ceasul bunicii orele sunt numerotate de la 1 la 12. Eu am plecat de acasă exact după ce cucul a cântat de oră fixă și am lipsit cel puțin o oră. După ce m-am întors, cucul a cântat de „și jumătate” și bunica supărată mi-a spus „De când ai plecat, cucul a cântat de  $k$  ori!”

**Cerință.** Fiindcă nu înțeleg de ce bunica mea e așa de supărată, scrieți un program care să determine numărul minim de ore ce am lipsit de acasă!

**Date de intrare.** Numărul natural  $k$  se introduce de la tastatură.

**Date de ieșire.** Numărul natural  $L$  care reprezintă numărul minim de ore cât am lipsit de acasă, se afișează la ecran.

**Restricții:**  $0 < k < 1\,000\,000\,000$  **Exemplu: Intrare:**  $k=18$ , **Ieșire**  $L=3$

15. **Bilete ”norocoase”.** Să se scrie unprogram care va determina numărul de bilete ”norocoase”, formate din câte șase cifre, la care suma primelor trei cifre este egală cu suma ultimelor trei. Rezultatul se va afișa pe ecran.

16. La o întrunire trebuie să vorbească 5 persoane (A, B, C, D, E). Afișați toate listele de ieșire la tribună, astfel încât de fiecare dată persoana B să vorbească după persoana A.

17. **Recruții.** În prima zi de armată, la ordinul comandantului, cei  $N$  recruți sau aranjat în rând. Comandantul suferă ori de câte ori lucrurile nu sunt în perfectă ordine, iar șirul format de recruți era complet dezordonat. Din acest motiv, comandantul solicită ca un număr minim de recruți să iasă din rând astfel încât soldații rămași în rând să fie în ordine strict crescătoare a înălțimilor.

**Date de intrare.** Fișierul de intrare **recruti.in** conține pe prima linie numărul natural  $N$ , reprezentând numărul de recruți. Pe cea de a doua linie, se află  $N$  numere reale separate prin câte un spațiu, reprezentând înălțimile recruților, în ordinea în care aceștia sau plasat inițial în rând.

**Date de ieșire.** Fișierul de ieșire **recruti.out** va conține pe prima linie un număr natural  $Lg$ , reprezentând numărul de recruți rămași în rând. Pe cea de a doua linie vor fi afișate  $Lg$  numere reale separate prin câte un spațiu, reprezentând înălțimile recruților rămași în rând.

**Restricții:**  $1 \leq N \leq 1000$

**Timp maximal de rulare/test: 1 secundă**

18. Clădirea Finanțelor publice este formată din birouri dispuse într-un dreptunghi cu  $n \cdot m$  elemente. Între două birouri se poate trece dacă sunt alăturate pe linie sau pe coloană. Pentru fiecare birou se cunoaște valoarea taxei care trebuie plătită în acel birou (valoare naturală). Un agent economic intră în clădire prin biroul (1,1) și trebuie să o părăsească prin biroul ( $n,m$ ). Calculați suma minimă  $S_{min}$  a taxelor pe care le poate plăti agentul de la intrare până la ieșirea din clădire.

19. **Problema gândacului.** Fie o suprafață pătrată împărțită în  $n \times n$  pătrate identice fiecare având o înălțime  $h > 0$  dată. Un gândac se găsește inițial în poziția ( $L, C$ ) (linia  $L$  și coloana  $C$ ). Scrieți un program care să determine dacă poate ajunge gândacul în afara suprafeței, știind că acesta poate doar să coboare și nu poate să urce, pereții fiind foarte abrupti. Dacă gândacul poate să iasă din suprafață, să se determine toate variantele posibile.

20. Aparatele pentru perforarea tichetelor de călătorie în transportul public folosesc 9 puncte de perforare, dispuse în formă de matrice  $3 \times 3$ . Să se genereze toate modalitățile în care pot fi perforate biletele.

21. Submulțimi. Fie  $n, m$  - numere întregi pozitive ( $m \leq n$ ). Scrieți un program care să afișeze toate submulțimile de  $m$  elemente ale mulțimii  $\{1, 2, \dots, n\}$ , astfel încât suma elementelor din orice submulțime să NU depășească o valoare dată  $V_{\max}$ .

22. **Drapele tricolore.** Avem la dispoziție pânză de 6 culori. Scrieți un program care va determina toate variantele de drapele tricolore ce se pot proiecta, dacă:

- un drapel are la mijloc galben sau verde;
- cele trei culori sunt distincte.

• **Harta.** Fiind dată o hartă cu  $n$  țări, se cere o soluție de colorare a hărții, utilizând cel mult patru culori, astfel încât două țări ce au frontiera comună să fie colorate diferit. Este demonstrat faptul că sunt suficiente numai patru culori pentru ca orice hartă să poată fi colorată.

|          | colorare.in           | colorare.out | Explicație   |        |         |
|----------|-----------------------|--------------|--|--------|---------|
| Exemplu: | 6                     | 1 alb        | Intrare  | Ieșire |         |
|          | Alb verde galben roșu | 2 verde      | $n=6$<br>Culorile aplicate: alb verde galben roșu<br>Perechi de țări vecine: | Țară   | Culoare |
|          | 1 2                   | 3 galben     |  |        |         |
|          | 1 3                   | 4 verde      |  |        |         |
|          | 1 4                   | 5 roșu       |  |        |         |
|          | 1 5                   | 6 galben     |  |        |         |
|          | 1 6                   |              |  |        |         |
|          | 2 3                   |              |  |        |         |
|          | 2 5                   |              |  |        |         |
|          | 2 6                   |              |  |        |         |
|          | 3 4                   |              |  |        |         |
|          | 3 5                   |              |  |        |         |
|          | 4 5                   |              |  |        |         |
|          | 5 6                   |              |  |        |         |
|          |                       |              |  |        |         |
|          |                       |              |  |        |         |

23. **Problema Cuielor.** Fie  $n$  scânduri de lemn, descrise ca niște intervale închise cu capetele reale. Găsiți o mulțime minimă de cuie astfel încât fiecare scândură să fie bătută de cel puțin un cui. Se cere poziția cuielor. Formulată matematic. Găsiți o mulțime de puncte  $M$  de cardinal minim astfel încât pentru orice interval  $[a_i, b_i]$ , să existe un punct  $x$  din  $M$ , care să aparțină intervalului  $[a_i, b_i]$ .

**Exemplu:**

Intrare:  $n=5$ ; intervalele:  $[0,2], [1,7], [2,6], [5,14], [8,16]$ .

Ieșire:  $M=\{2,14\}$ .

Explicație: punctul 2 se află în primele 3 intervale, iar punctul 14 în ultimile două

24. Se consideră două tablouri unidimensionale, fiecare cu câte  $N$  ( $N \leq 500$ ) componente numere naturale cu valori până la 1000. Scrieți un program ce determină valorile ce se întâlnesc în ambele tablouri. În tablouri pot fi valori ce se repetă.

25. Un copil știe doar adunarea cu 1 și înmulțirea cu 2. Ajută-l, pornind de la 1, să obțină numărul 100 printr-un număr minim de operații respective.

26. Ghicire a unui număr ascuns. Tu și calculatorul ați putea juca împreună următorul joc: unul dintre voi „se gândește” la un număr natural  $x$  cuprins între 1 și  $n$ , iar celălalt încearcă să-l ghicească, evident punând cât mai puține întrebări. Singurele întrebări permise sunt:

- „Numărul este egal cu ... ? ”
- „Numărul este mai mare decât ... ? ”
- „Numărul este mai mic decât ... ? ”

Celălalt jucător poate răspunde numai prin “Da” sau “Nu”. Scrieți un program care să simuleze un astfel de joc. **Intrare:** Numărul natural  $n$  se citește de la tastatură.

27. La o discotecă sunt  $M$  băieți și  $N$  fete. Determinați toate posibilitățile în care băieții pot invita fetele, astfel încât doi băieți să nu invite aceeași fată, și fiecare băiat să danseze ( $N \geq M$ ).

28. Se citește o matrice patratică de ordin  $n$  formată din numere naturale.

Se calculează sume pornind de pe prima linie prin deplasări pe linia următoare în unul dintre cei 3 vecini de pe aceeași coloană sau de pe cele 2 alăturate. Găsiți suma maximă care se poate calcula astfel și care sunt valorile din care se obține suma maximă.

Exemplu:

$n=4$

8 1 5 8

3 5 6 1

6 3 4 8

5 6 1 4 Suma maximă este 26 și se obține din valorile 8 6 8 4

29. Se dă un număr natural  $s$  cu cel mult 9 cifre. Afișați, în ordine lexicografică, toate modalitățile de a-l scrie pe  $s$  ca produs de divizori proprii distincți ai lui  $s$ .

30. **Drumul pionului.** O tablă de șah se citește ca o matrice  $n \times n$  în care pozițiile libere au valoarea 0, iar piesele sunt marcate prin valoarea 1. Să se determine drumul pe care poate ajunge un pion de pe prima linie pe ultima linie luând un număr maxim de piese. Pe prima linie nu sunt piese și pionul poate porni din orice poziție de pe prima linie.

Poziția inițială a pionului se consideră liberă.

Pionul aflat în poziția  $i, j$  se poate deplasa astfel:

- în poziția  $i+1, j$ , dacă e liberă;
- în poziția  $i+1, j-1$ , dacă e piesă în această poziție;
- în poziția  $i+1, j+1$ , dacă e piesă în această poziție.

Exemplu:

| Intrare   | Ieșire                           |
|-----------|----------------------------------|
| 5         | Drumul optim este:               |
| 0 0 0 0 0 | 1 1                              |
| 0 1 0 1 0 | 2 2                              |
| 0 1 1 1 1 | 3 3                              |
| 0 0 0 1 1 | 4 4                              |
| 0 1 0 1 1 | 5 5                              |
|           | Pe acest drum pionul ia 4 piese. |

31. **Rucsacul.** O persoană are un rucsac cu care poate transporta unul sau mai multe obiecte, greutatea sumară a cărora nu depășește valoarea  $G_{\max}$ . Pentru fiecare obiect  $i$  ( $i=1,2,\dots,n$ ) se cunoaște greutatea  $g_i$  și câștigul  $c_i$  care se obține în urma transportului său la destinație. În ipoteza că unele obiecte pot fi tăiate în fragmente mai mici, elaborați un program care determină ce obiecte  $i$  alege persoana și în ce proporție  $x_i$  le ia astfel încât câștigul total să fie maxim și să nu se depășească greutatea maximă a rucsacului.

32. **Spectacole.** Managerul artistic al unui festival trebuie să selecteze o mulțime cât mai amplă de spectacole ce pot fi jucate în singura sală pe care o are la dispoziție. Știind că  $i$  s-au propus  $n$  spectacole și pentru fiecare spectacol  $i$  i-a fost anunțat intervalul în care se poate desfășura  $[S_i, F_i]$  ( $S_i$  reprezintă ora și minutul de început, iar  $F_i$  ora și minutul de final al spectacolului  $i$ ), scrieți un program care să permită spectatorilor vizionarea unui număr cât mai mare de spectacole.

33. **Scara.** În drum spre școală Mihaela are de urcat o scară cu  $n$  trepte. Printr-un pas al său ea poate urca, după dorință, una sau două trepte. Fiind o fire curioasă, eleva își pune problema: în câte moduri ea poate urca scara. Cerință. Scrieți un program, care o va ajuta pe Mihaela să determine numărul  $N_m$  al modurilor posibile de urcare a scării, adică numărul șirurilor de lungimi admise ale pasului (de urcare a unei sau a două trepte). Date de intrare. De la tastatură se introduce naturalul  $n$  – numărul de trepte ale scării. Date de ieșire. La ecran se va afișa numărul  $N_m$  de moduri posibile de urcare a scării. Exemplu: Intrare:  $n=5$  Ieșire:  $N_m=8$  Restricții:  $n \leq 40$

34. **Conversie B1-B2.** Se dă un număr  $N$  în sistemul de numerație cu baza  $B_1$  ( $2 \leq B_1 \leq 36$ ). Să se scrie un program care să convertească acest număr în sistemul de numerație cu baza  $B_2$  ( $2 \leq B_2 \leq 36$ ).

Date de intrare. Numerele naturale  $B_1$ ,  $B_2$  și  $N$ , reprezentat în baza  $B_1$ , se introduc de la tastatură;

Date de ieșire. Numărul  $N$ , convertit în baza  $B_2$ , se afișează la ecran.

Exemplu: Intrare:  $B_1=10$ ,  $B_2=16$ ,  $N=268$ . Ieșire: 10C.