

PROGRAMOZÁS Függvények

Horváth Győző



Ismétlés



- 1. Összegzés
- 2. Megszámolás
- 3. Maximumkiválasztás
 - a. Minimumkiválasztás
- 4. Feltételes maximumkeresés
- 5. Keresés
- 6. Eldöntés
 - a. Mind eldöntés
- 7. Kiválasztás
- 8. Másolás
- 9. Kiválogatás





Összegzés

i f(i) $e \rightarrow f(e)$ $e+1 \rightarrow f(e+1)$ $e+2 \rightarrow f(e+2)$... \rightarrow ... $u-2 \rightarrow f(u-2)$ $u-1 \rightarrow f(u-1)$ $u \rightarrow f(u)$ = S

Megszámolás

```
i T(i) érték
e → IGAZ 1
e+1 → HAMIS 0
e+2 → HAMIS 0
... → ...
u-2 → IGAZ 1
u-1 → IGAZ 1
u-1 → HAMIS 0
=
db
```

Maximum kiválasztás

```
i f(i)

e \rightarrow f(e)

e+1 \rightarrow f(e+1)

e+2 \rightarrow f(e+2)

... \rightarrow ...

u-2 \rightarrow f(u-2)

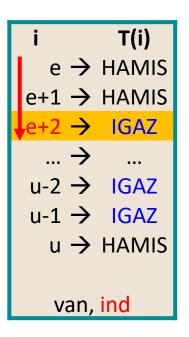
u-1 \rightarrow f(u-1)

u \rightarrow f(u)
```

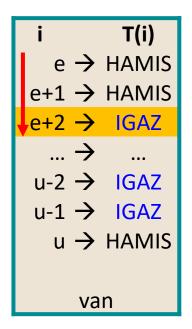
Feltételes maximumkeresés

```
i T(i) f(i)
e \rightarrow HAMIS \quad f(e)
e+1 \rightarrow IGAZ \quad f(e+1)
e+2 \rightarrow IGAZ \quad f(e+2)
... \rightarrow ...
u-2 \rightarrow HAMIS \quad f(u-2)
u-1 \rightarrow IGAZ \quad f(u-1)
van, maxind, maxért
```

Keresés



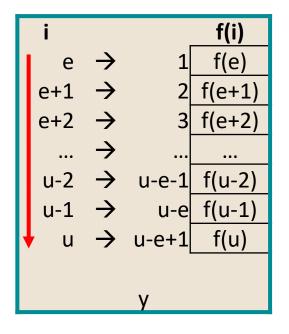
Eldöntés



Kiválasztás

```
i T(i)
e → HAMIS
e+1 → HAMIS
e+2 → IGAZ
... → ...
u-2 → IGAZ
u-1 → IGAZ
u → HAMIS
```

Másolás



Kiválogatás

```
i T(i) f(i) y

e → HAMIS f(e) 1 f(e+1)

e+1 → IGAZ f(e+1) 2 f(e+2)

e+2 → IGAZ f(e+2) db= 3 f(u-1)

... → ...

u-2 → HAMIS f(u-2)

u-1 → IGAZ f(u-1)

db, y
```

Függvények



Feladat:

Példa:

 $x=3,3 \rightarrow y=10,89$

Adjuk meg egy szám négyzetét!

Specifikáció:

Be: x∈R

Ki: y∈R

Ef: -

Uf: y=x*x

Mi van akkor, ha ezt a "bonyolult"

részfeladatot el szeretném különíteni

általánosan megfogalmazva?

Algoritmus:

y:=x*x

Feladat:

Példa:

 $x=3,3 \rightarrow y=10,89$

Adjuk meg egy szám négyzetét!

Specifikáció:

Be: xER

Ki: y∈R

Ef: -

Uf: y=négyzet(x)

Algoritmus:

y:=négyzet(x)

Egy függvény mögé rejtettük a

négyzetre emelést.

Tekintsük a **négyzet** függvény

kiszámítását önálló feladatnak!

Matematika:

$$x \mapsto x^2$$

Másként:

$$f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}, f(x) = x^2$$

Esetünkben:

 $n \neq gyzet: \mathbb{R} \to \mathbb{R}, n \neq gyzet(n) = n^2$

Feladat:

Add meg a **négyzet függvény** (részfeladat) működését!

Specifikáció:

Be: n∈R

Ki: négyzet(n)∈R

Ef: -

Uf: négyzet(n)=n*n

Algoritmus:

négyzet(n:Valós): Valós

négyzet:=n*n

A bemenetben a függvény **paraméter**ei (∈értelmezési tartomány), a kimenetben a függvény paraméteres **érték**e szerepel (∈értékkészlet),

az utófeltételben az összefüggés.



Feladat:

Példa:

 $x=3,3 \rightarrow y=10,89$

Adjuk meg egy szám négyzetét!

Specifikáció:

Be: x∈R

Ki: y∈R

Fv: négyzet:R->R, négyzet(n)=n*n

Ef: -

Uf: y=négyzet(x)

Algoritmus:

y:=négyzet(x)

Matematika:

 $\chi \mapsto \chi^2$

Másként:

 $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}, f(x) = x^2$

Esetünkben:

 $n\acute{e}gyzet: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, n\acute{e}gyzet(n) = n^2$

Formális paraméter

Aktuális paraméter

Function

négyzet(n:Valós): Valós

négyzet:=n*n



Négyzet kód

```
négyzet(n:Valós): Valós
négyzet:=n*n

// négyzet:R->R, négyzet(n)=n*n
static/double negyzet(double n) {
  return n * n;
}
```

Négyzet kód

```
static void Main(string[] args) {
  Console.WriteLine(3.3 * 3.3);
  // Általánosítsuk a feladatot!
  Console.WriteLine(negyzet(3.3));
                                   a visszatérési értékkel:
  // Függvényhívás helyettesíthet
  Console.WriteLine(10.89);
  // Aktuális paraméter: konstans
 double a = negyzet(3.3);
                                     Aktuális paraméter
  // Aktuális paraméter: változá ertéke
  double b = negyzet(a);
}
                                      Formális paraméter
// négyzet:R->R, négyzet(n)=n*n
static double negyzet(double n)
                                          négyzet(n:Valós): Valós
  return n * n;
                                            négyzet:=n*n
```

Maximum

Feladat:

Példa: a=10, b=8 → m=10

Adjuk meg két szám közül a nagyobbat!

Specifikáció:

Be: a∈Z, b∈Z

Ki: m∈Z

Ef: -

Uf: m=max(a,b)

Mi derül ki a használatból?

- Függvény neve = max
- 2. Paraméterek száma = 2
- 3. **Paraméterek típusa = Egész,Egész**
- 4. Visszatérési érték(ek) száma = 1
- 5. Visszatérési érték(ek) típusa = Egész



Maximum

Feladat:

```
Példa:
a=10, b=8 → m=10
```

Adjuk meg két szám közül a nagyobbat!

Specifikáció:

Be: a∈Z, b∈Z

Ki: m∈Z

Ef: -

Uf: m=max(a,b)

Mi derül ki a használatból?

- 1. Függvény neve = max
- 2. Paraméterek száma = 2
- 3. **Paraméterek típusa = Egész,Egész**
- 4. Visszatérési érték(ek) száma = 1
- 5. Visszatérési érték(ek) típusa = Egész



Maximum

Feladat:

```
Példa:
a=10, b=8 → m=10
```

Adjuk meg két szám közül a nagyobbat!

Specifikáció:

```
Be: a \in Z, b \in Z
```

Ki: m∈Z

Ef: -

```
Uf: m=max(a,b)
```

Algoritmus:

```
m:=max(a,b)
```

```
max(a:Egész, b:Egész): Egész

Local declarations
Változó
nagyobb:Egész

T a ≥ b

nagyobb:=a nagyobb:=b

max:=nagyobb
Return value
```

Maximum kód

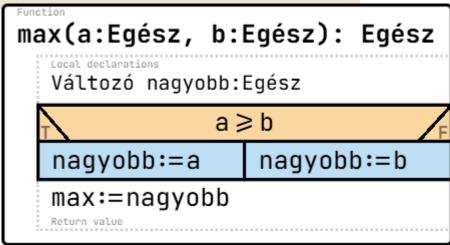
```
static void Main(string[] args) {
 // A használatból kiderül a függvény szignatúrája
 // max:ZxZ->Z, max(a, b)={a, ha a>=b; b egyébként}
 Console.WriteLine(max(3, 7));
}
// max:ZxZ->Z, max(a, b)=\{a, ha a>=b; b egyébként\}
static int max(int a, int b) {
  int nagyobb;
  if (a >= b) {
    nagyobb = a;
                             max(a:Egész, b:Egész): Egész
  }
                                Local declarations
  else {
                                Változó nagyobb:Egész
    nagyobb = b;
                                             a ≥ b
                                nagyobb:=a
                                               | nagyobb:=b
  return nagyobb;
                                max:=nagyobb
```

Maximum kód

```
static void Main(string[] args) {
 // A használatból kiderül a függvény szignatúrája
 // max:ZxZ->Z, max(a, b)={a, ha a>=b; b egyébként}
 Console.WriteLine(max(3, 7));
}
// max:ZxZ->Z, max(a, b)=\{a, ha a>=b; b egyébként\}
static int max(int a, int b) {
  if (a >= b) {
   return a;
                             max(a:Egész, b:Egész): Egész
 else {
                                Local declarations
   return b;
                                Változó nagyobb:Egész
                                             a ≥ b
                                nagyobb:=a
                                               | nagyobb:=b
                                max:=nagyobb
```

Maximum kód

```
static void Main(string[] args) {
    // A használatból kiderül a függvény szignatúrája
    // max:ZxZ->Z, max(a, b)={a, ha a>=b; b egyébként}
    Console.WriteLine(max(3, 7));
}
// max:ZxZ->Z, max(a, b)={a, ha a>=b; b egyébként}
static int max(int a, int b) {
    return a >= b ? a : b;
}
```



Növelés

Feladat:

```
Példa:
n=10, d=8 → n'=18
```

```
// Példa
int a = 10;
// így szeretném növelni:
novel(a, 8);
// és nem így:
a = novel(a, 8);
```

Növeljünk meg egy változót egy előre megadott d értékkel!

Specifikáció:

Be: n∈Z, d∈Z

Ki: n'∈Z

Ef: -

Uf: n'=növel(n,d)

Mi derül ki a használatból?

- 1. Függvény neve = növel
- 2. Paraméterek száma = 2
- 3. **Paraméterek típusa = Egész,Egész**
- 4. Visszatérési érték(ek) száma = 1
- 5. Visszatérési érték(ek) típusa = Egész



Növelés

Feladat:

```
Példa:
n=10, d=8 → n'=18
```

```
// Példa
int a = 10;
// így szeretném növelni:
novel(a, 8);
// és nem így:
a = novel(a, 8);
```

Növeljünk meg egy változót egy előre megadott d értékkel!

Specifikáció:

Be: n∈Z, d∈Z

Ki: n'∈Z

Fv: növel:Z x Z->Z,

növel(szám, mivel) = szám+mivel

Ef: -

Uf: n'=növel(n,d)

Mi derül ki a használatból?

- 1. Függvény neve = növel
- 2. Paraméterek száma = 2
- 3. **Paraméterek típusa = Egész,Egész**
- 4. Visszatérési érték(ek) száma = 1
- 5. Visszatérési érték(ek) típusa = Egész



Növelés

Példa:

Feladat:

```
n=10, d=8 → n'=18
```

```
// Példa
int a = 10;
// igy szeretném növelni:
novel(a, 8);
// és nem igy:
a = novel(a, 8);
```

Növeljünk meg egy változót egy előre megadott d értékkel!

Specifikáció:

Be: n∈Z, d∈Z

Ki: n'∈Z

Fv: növel:Z x Z->Z, növel(szám,mivel)=szám+mivel

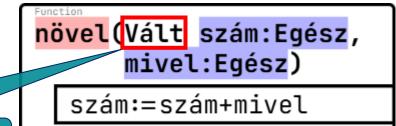
Ef: -

Uf: n'=növel(n,d)

Változó paraméterként határozzuk meg!

Algoritmus:

növel(a, 8)



Növelés kód

```
növel(Vált szám:Egész,
      mivel:Egész)
```

szám:=szám+mivel

```
static void Main(string[] args) {
  int a = 10;
  Console.WriteLine("Előtte: {0}", a);
  novel(a, 8);
  Console.WriteLine("Utána: {0}", a);
static void novel(int szam, int mivel) {
  szam = szam + mivel;
}
```

Előtte: 10 Utána: 10

Rossz!

Érték szerinti paraméterátadás van: a változó értékéről (10) másolat készül, ez kerül a formális paraméternek átadásra (szám), a másolat módosul, és szűnik meg a függvény végén.



Növelés kód

```
növel(Vált szám:Egész,
      mivel:Egész)
```

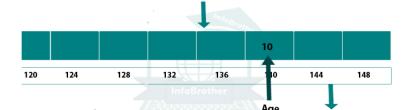
szám:=szám+mivel

```
static void Main(string[] args) {
 int a = 10;
  Console.WriteLine("Előtte: {0}", a);
  novel(ref a, 8);
 Console.WriteLine("Utána: {0}", a);
}
static void novel(ref int szam, int mivel) {
  szam = szam + mivel;
}
       Computer Memory
```

Előtte: 10 Utána: 18

Helyes!

Referencia szerinti paraméterátadás: a változó referenciája (memóriacíme) kerül átadásra, így használatkor a függvény a külső változó értékével dolgozik.



Memory Address

Csere

```
// Példa
int a = 10, b = 20;
// Csere:
Console.WriteLine("Előtte: {0}, {1}", a, b);
csere(a, b);
Console.WriteLine("Utána: {0}, {1}", a, b);
```

Feladat:

Cseréljük fel két változó értékét!

```
Példa:
a=10, b=8 → a'=8, b'=10
```

Specifikáció:

```
Be: a∈Z, b∈Z
```

Ki: $a' \in Z$, $b' \in Z$

Ef: -

Uf: a'=b és b'=a

Csere

```
// Példa
int a = 10, b = 20;
// Csere:
Console.WriteLine("Előtte: {0}, {1}", a, b);
csere(a, b);
Console.WriteLine("Utána: {0}, {1}", a, b);
```

Feladat:

Cseréljük fel két változó értékét!

```
Példa:
a=10, b=8 → a'=8, b'=10
```

Specifikáció:

Be: $a \in Z$, $b \in Z$

Ki: $a' \in Z$, $b' \in Z$

Fv: csere: $Z \times Z \rightarrow Z \times Z$,

csere(x,y)=(y, x)

Ef: -

Uf: (a',b')=csere(a,b)

Mi derül ki a használatból?

- 1. Függvény neve = csere
- 2. Paraméterek száma = 2
- з. Paraméterek típusa = Egész,Egész
- 4. Visszatérési érték(ek) száma = 2
- 5. Visszatérési érték(ek) típusa = Egész, Egész



Csere

```
// Példa
int a = 10, b = 20;
// Csere:
Console.WriteLine("Előtte: {0}, {1}", a, b);
csere(a, b);
Console.WriteLine("Utána: {0}, {1}", a, b);
```

Feladat:

Cseréljük fel két változó értékét!

```
Példa:
a=10, b=8 → a'=8, b'=10
```

Specifikáció:

Be: $a \in Z$, $b \in Z$

Ki: $a' \in Z$, $b' \in Z$

Fv: csere: $Z \times Z \rightarrow Z \times Z$,

csere(x,y)=(y, x)

Ef: -

Uf: (a',b')=csere(a,b)

Algoritmus:

csere(a,b)

```
csere(Vált x:Egész,
Vált y:Egész)

Local declarations
Változó z:Egész

z:=x
x:=y
y:=z
```

Csere kód

```
static void Main(string[] args) {
  int a = 10, b = 8;
  Console.WriteLine("Előtte: {0}, {1}", a, b);
  csere(ref a, ref b);
  Console.WriteLine("Utána: {0}, {1}", a, b);
static void csere(ref int x, ref int y) {
  int z = x;
 x = y;
 y = z;
```

```
Előtte: 10, 8
Utána: 8, 10
```

```
csere(Vált x:Egész,
Vált y:Egész)

Local declarations
Változó z:Egész

z:=x
x:=y
y:=z
```

Mintamegoldás



Feladatmegoldási minta gyorsabb vonat az előzőnél

Feladat a Mesterről

Gyorsabb vonat az előzőnél

Ismerjük N vonat menetidejét Budapestről Siófokra.

Írj programot, amely megad egy vonatot, amely gyorsabb, mint az előző!

Bemenet

A standard bemenet első sorában a vonatok száma van (1≤N≤100). A következő N sor mindegyike egy-egy egész számot tartalmaz, az egyes vonatok menetidejét (1≤M≤1000).

Kimenet

A standard kimenet első sorába egy az előzőnél gyorsabb vonat sorszámát kell írni (ha több ilyen is van, akkor az elsőt)! Ha nincs ilyen vonat, akkor -1-et kell írni!

Példa

Bemenet	Kimenet
6	3
118	
200	
199	
116	
200	
122	

Feladatmegoldási minta gyorsabb vonat az előzőnél

Részletekért ld. a mintamegoldásról szóló előadást!

Feladatsablon

(mintafeladat)

Be: e∈Z, u∈Z

Ki: van∈L, ind∈Z

ELTELIK

Ef: -

Uf: (van,ind)=KERES(i=e..u,

Előzőnél gyorsabb vonat

(konkrét feladat)

Be: $n \in \mathbb{N}$, $mid \in \mathbb{N}[1...n]$

Ki: van∈L, melyik∈N

Ef: -

Uf: (van, melyik) = KERES(i=2..n,

midő[i]<midő[i-1])</pre>

```
ind:=e
ind ≤ u és nem T(ind)
ind:=ind+1
van:=ind ≤ u
```

```
melyik:=2
melyik≤n és
nem midő[melyik]<midő[melyik-1]
    melyik:=melyik+1
van:=melyik≤n</pre>
```

Kódszervezés függvényekkel előzőnél gyorsabb vonat

```
static void Main(string[] args) {
 // Deklarálás (változók, specifikáció be,ki)
 fint n;
  int[] mido;
  bool van;
 int melyik;
 // Beolvasás (specifikáció be)
 Console.Write("n = ");
  int.TryParse(Console.ReadLine(), out n);
 mido = new int[n];
 for (int i = 1; i <= n; i++) {
    Console.Write("{0}. menetido = ", i);
    int.TryParse(Console.ReadLine(), out mido[i - 1]);
 // Feldolgozás (algoritmus, stuki)
 melyik = 2;
 while (melyik <= n && !(mido[melyik - 1] < mido[melyik - 1 - 1])) {</pre>
   melyik = melyik + 1;
 _van = melyik <= n;
  // Kiírás (specifikáció ki)
 if (van) {
    Console.WriteLine("Van, a(z) {0}. vonat gyorsabb az előzőnél.", melyik);
  else {
    Console.WriteLine("Nincs gyorsabb vonat az előzőnél.");
```

Kódszervezés függvényekkel előzőnél gyorsabb vonat

```
Elvárások (pszeudo-kód)
static void Main(string[] args) {
 // Deklarálás (változók, specifikáció be,ki)
 lint n;
  int[] mido;
  bool van;
 Lint melyik;
  // Beolvasás (specifikáció be)
 beolvas(n, mido);
  // Feldolgozás (algoritmus, stuki)
 keres vonat(n, mido,
                         // bemeneti adatok
              van, melyik); // kimeneti adatok
 // vagv:
  (van, melyik) = keres_vonat(n, ido); // kimeneti adatok ← bemeneti adatok
  // Kiírás (specifikáció ki)
 kiir(van, melyik);
```

Kódszervezés függvényekkel előzőnél gyorsabb vonat

```
Beolvasás függvény
static void Main(string[] args) {
 // Deklarálás (változók, specifikáció be,ki)
 int n;
 int[] mido;
 bool van;
 int melyik;
 beolvas(out n, out mido);
 // ...
static void beolvas(out int n, out int[] mido) {
 /// Beolvasás (specifikáció be)
 Console.Error.Write("n = ");
 int.TryParse(Console.ReadLine(), out n);
 mido = new int[n];
 for (int i = 1; i <= n; i++) {
   Console.Error.Write("{0}. menetido = ", i);
    int.TryParse(Console.ReadLine(), out mido[i - 1]);
```

Kódszervezés függvényekkel előzőnél gyorsabb vonat

```
Feldolgozás függvény
static void Main(string[] args) {
 // Deklarálás (változók, specifikáció be,ki)
 int n;
 int[] mido;
 bool van;
 int melyik;
 beolvas(out n, out mido);
 keres_vonat1(n, mido,
               out van, out melyik);
 // ...
static void keres vonat1(int n, int[] mido, out bool van, out int melyik) {
 // Feldolgozás (algoritmus, stuki)
 melyik = 2;
 while (melyik <= n && !(mido[melyik - 1] < mido[melyik - 1 - 1])) {</pre>
   melyik = melyik + 1;
  van = melyik <= n;</pre>
```

Kódszervezés függvén előzőnél gyorsabb vonat

```
Ef: -
                                                 Uf: (van,melyik)=KERES(i=2..n,
static void Main(string[] args) {
                                                                 midő[i]<midő[i-1])</pre>
 // Deklarálás (változók, specifikáció be,ki)
 int n;
 int[] mido;
                                               A megoldás tekinthető olyan függvénynek, ami
 bool van;
                                                 (n, mido) \rightarrow (van, melyik)
 int melyik;
                                               Másképpen:
 beolvas(out n, out mido);
                                                 keres vonat:NxN[] -> LxN
 (van, melyik) = keres_vonat2(n, mido);
                                                 (van, melyik):=keres vonat(n, mido)
 // ...
static (bool van, int melyik) keres vonat2(int n, int[] mido) {
 // Feldolgozás (algoritmus, stuki)
 int melyik;
 bool van;
 melyik = 2;
 while (melyik <= n && !(mido[melyik - 1] < mido[melyik - 1 - 1])) {</pre>
   melyik = melyik + 1;
 van = melyik <= n;</pre>
 return (van, melyik);
```

Specifikáció:

Be: $n \in \mathbb{N}$, midő $\in \mathbb{N}[1..n]$

Ki: van∈L, melyik∈N

Kódszervezés függvényekkel előzőnél gyorsabb vonat

```
static void Main(string[] args) {
  // Deklarálás (változók, specifikáció be,ki)
 int n;
  int[] mido;
  bool van;
  int melyik;
  beolvas(out n, out mido);
  (van, melyik) = keres_vonat2(n, mido);
  kiir(van, melyik);
static void kiir(bool van, int melyik) {
 // Kiírás (specifikáció ki)
 if (van) {
    Console.WriteLine(melyik);
  else {
    Console.WriteLine(-1);
```

Kiírás függvény

Kódszervezés függvényekkel

```
static void Main(string[] args) {
  // Deklarálás (változók, specifikáció be,ki)
  int n;
  int[] mido;
  bool van;
  int melyik;
  beolvas(out n, out mido);
  keres vonat1(n, mido, out van, out melyik);
  kiir(van, melyik);
}
static void beolvas(out int n, out int[] mido) {
  // Beolvasás (specifikáció be)
  Console.Error.Write("n = ");
  int.TryParse(Console.ReadLine(), out n);
  mido = new int[n];
 for (int i = 1; i <= n; i++) {
    Console.Error.Write("{0}. menetido = ", i);
    int.TryParse(Console.ReadLine(), out mido[i - 1]);
}
static void keres_vonat1(int n, int[] mido, out bool van, out int melyik) {
  // Feldolgozás (algoritmus, stuki)
  melyik = 2;
  while (melyik <= n && !(mido[melyik - 1] < mido[melyik - 1 - 1])) {</pre>
    melyik = melyik + 1;
  van = melyik <= n;</pre>
static void kiir(bool van, int melyik) {
  // Kiírás (specifikáció ki)
  if (van) {
    Console.WriteLine(melyik);
 else {
    Console.WriteLine(-1);
```

Teljes megoldás

Kódszervezés függvényekkel

```
static void Main(string[] args) {
 // Deklarálás (változók, specifikáció be,ki)
 int[] mido;
 bool van; int melyik;
 beolvas(out mido);
  (van, melyik) = keres vonat?(mido);
 // ...
static void beolvas(out int[] mido) {
 // Beolvasás (specifikáció be)
 int n;
 Console.Error.Write("n = ");
 int.TryParse(Console.ReadLine(), out n);
 mido = new int[n];
 for (int i = 1; i <= n; i++) {
   Console.Error.Write("{0}. menetido = ", i);
    int.TryParse(Console.ReadLine(), out mido[i - 1]);
static (bool van, int melyik) keres vonat?(int[] mido) {
 // Feldolgozás (algoritmus, stuki)
 int melyik;
 bool van;
 int n = mido.Length;
 melvik = 2;
 while (melyik <= n \&\& !(mido[melyik - 1] < mido[melyik - 1 - 1])) {
   melyik = melyik + 1;
 van = melyik <= n;</pre>
 return (van, melyik);
```

Tömb tartalmazza a hosszát, n elhagyható, lekérdezhető

Függvények a programozási minták sablonjaiban

Példa – jövedelmek visszavezetés

Ismerjük egy ember havi bevételeit és kiadásait. Adjuk meg, hogy év végére **mennyivel** nőtt a vagyona!

Feladatsablon

(mintafeladat)

Be: e∈Z, u∈Z

Ki: s∈H

Ef: -

Uf: s=SZUMMA(i=e..u, f(i))

<u>Jövedelmek</u>

(konkrét feladat)

Be: n∈N, jöv∈Jövedelem[1..n],

Jövedelem=(be:N x ki:N)

Ki: s∈Z

Ef: -

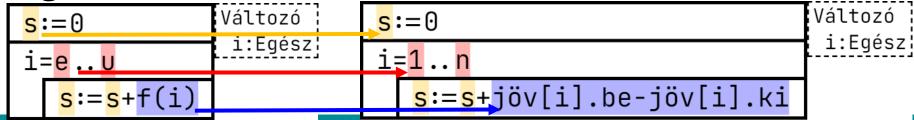
Uf: s=SZUMMA(i=1...n,

jöv[i].be-jöv[i].ki)

Visszavezetés:

e..u ~ 1..n
f(i) ~ jöv[i].be-jöv[i].ki

Algoritmus:



Példa – jövedelmek visszavezetés

Ismerjük egy ember havi bevételeit és kiadásait. Adjuk meg, hogy év végére **mennyivel** nőtt a vagyona!

Feladatsablon

(mintafeladat)

Be: e∈Z, u∈Z

Ki: s∈H

Ef: -

Uf: s=SZUMMA(i=e..u, f(i))

<u>Jövedelmek</u>

(konkrét feladat)

Be: n∈N, jöv∈Jövedelem[1..n],

Jövedelem=(be:N x ki:N)

Ki: s∈Z

Fv: $f:[1..n]\rightarrow Z$,

f(p)=jöv[p].be-jöv[p].ki

Ef: -

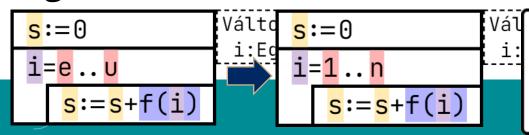
Uf: s=SZUMMA(i=1..n, f(i))

Visszavezetés:

e..u ~ 1..n

Behelyettesítés helyett ki is fejthetjük az f(i) jelentését!

Algoritmus:



f(p:Egész): Egész f:=jöv[p].be-jöv[p].ki

Függvényekkel kapcsolatos fogalmak

Függvények fogalmak (c#)

Blokk. A { és a hozzá tartozó } közötti programszöveg. **Hatáskör**. Egy X azonosító hatásköre az a programszöveg (nem feltétlenül összefüggő), ahol az azonosítóra hivatkozni lehet.

A hatáskört a blokkstruktúra határozza meg. Ha két blokknak van közös része, akkor az egyik teljes egészében tartalmazza a másikat.

Egy azonosító hatásköre a deklarációját követő karaktertől a blokkot lezáró } végzárójelig tart, kivéve azt a beágyazott blokkot, és ennek beágyazottjait, amelyben újra lett deklarálva.

Függvények fogalmak (c#)

Hatáskör. Egy adott helyen hivatkozott azonosító **lokális**, ha a hivatkozás helyét tartalmazó legszűkebb blokkban lett deklarálva. Egy azonosító globális (az adott blokkra nézve), ha nem lokális.

Élettartam. Minden B blokkban deklarált változó élettartalma a blokkba való belépéstől a blokk utolsó utasításának befejeződéséig tart.

Függvények fogalmak (c#)

C# tudnivalók – összefoglalás:

Pontosabban: **nem tömb**

- Formális skalár paraméter:
 - o bemeneti → nincs speciális kulcsszó
 - o kimeneti → ref/out a speciális prefix "kulcsszó"

Pontosabban: **nem tömb**

- o bemeneti → akár konstans, akár változó
- o kimeneti → **csak** változó, **ref/out** a speciális prefix-szel **lehet**.

ref: a paramétert meg lehet változtatni

out: a paramétert meg kell változtatni

Tömb paraméter esetén mindig hivatkozás szerinti a paraméterátadás.

vek c#)

C# tudnivalók – összefoglalás:

- Skalár paraméterátadás:
 - O **Értékszerinti** a formális paraméterből "keletkezett" lokális változóba másolódik a híváskor az aktuális paraméter értéke, így ennek a törzsön belüli megváltozása nincs hatással az aktuális paraméterre. Pl.:

```
static int max(int x, int y)
```

O **Hivatkozás szerinti** – a formális paraméterbe az aktuális paraméter **címe** (*rá való hivatkozás*) kerül, a lokális néven *is* elérhetővé válik. Pl.:

In-/Output-paraméter.

Input-paraméterek.

static void max(int x, int y, ref int max_xy)

static void max(int x, int y, out int max_xy)

Input-paraméterek.

Output paraméter.



Összefoglalás



Függvények

- Függvények szerepe
 - Részfeladatok csoportosítása (alprogram)
 - Általánosítás (paraméterekkel)