



ELTE | IK

PROGRAMOZÁS

Rendezések

Horváth Győző, Horváth Gyula, Szlávi Péter



Rendezési feladat

Specifikáció:

Be: $n \in \mathbb{N}$, $x \in H[1..n]$,

$\leq : H \times H \rightarrow L$

Rendezés(\leq) és RendezettE $_{\leq}$ (H)

Ki: $y \in H[1..n]$

Ef: -

Uf: RendezettE(y) és $y \in \text{Permutáció}(x)$

Jelölések:

- $\text{RendezettE}_{\leq}(X/H)$: X/H rendezett-e a \leq -ra?
- $Y \in \text{Permutáció}(X)$: Y az X elemeinek egy permutációja-e?

Rendezési feladat

A rendezések egy részében olyan megvalósítást választunk, amiben a bemenetnek és a kimenetnek ugyanaz a sorozat felel meg, azaz helyben rendezünk.

Specifikáció:

Be: $n \in \mathbb{N}$, $x \in H[1..n]$,

$\leq : H \times H \rightarrow \{0,1\}$

Ki: $x' \in H[1..n]$

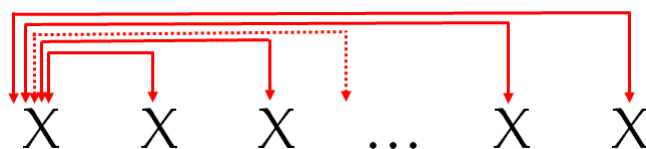
Ef: -

Uf: $\text{RendezettE}(x')$ és $x' \in \text{Permutáció}(x)$

Egyszerű cserés rendezés

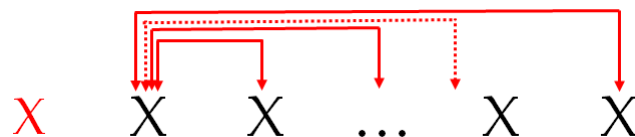
A lényeg:

- Hasonlítsuk az első elemet az összes mögötte levővel, s ha kell, cseréljük meg!



A minimum az „alsó” végére kerül.

- Ezután ugyanezt csináljuk a második elemre!



- ...

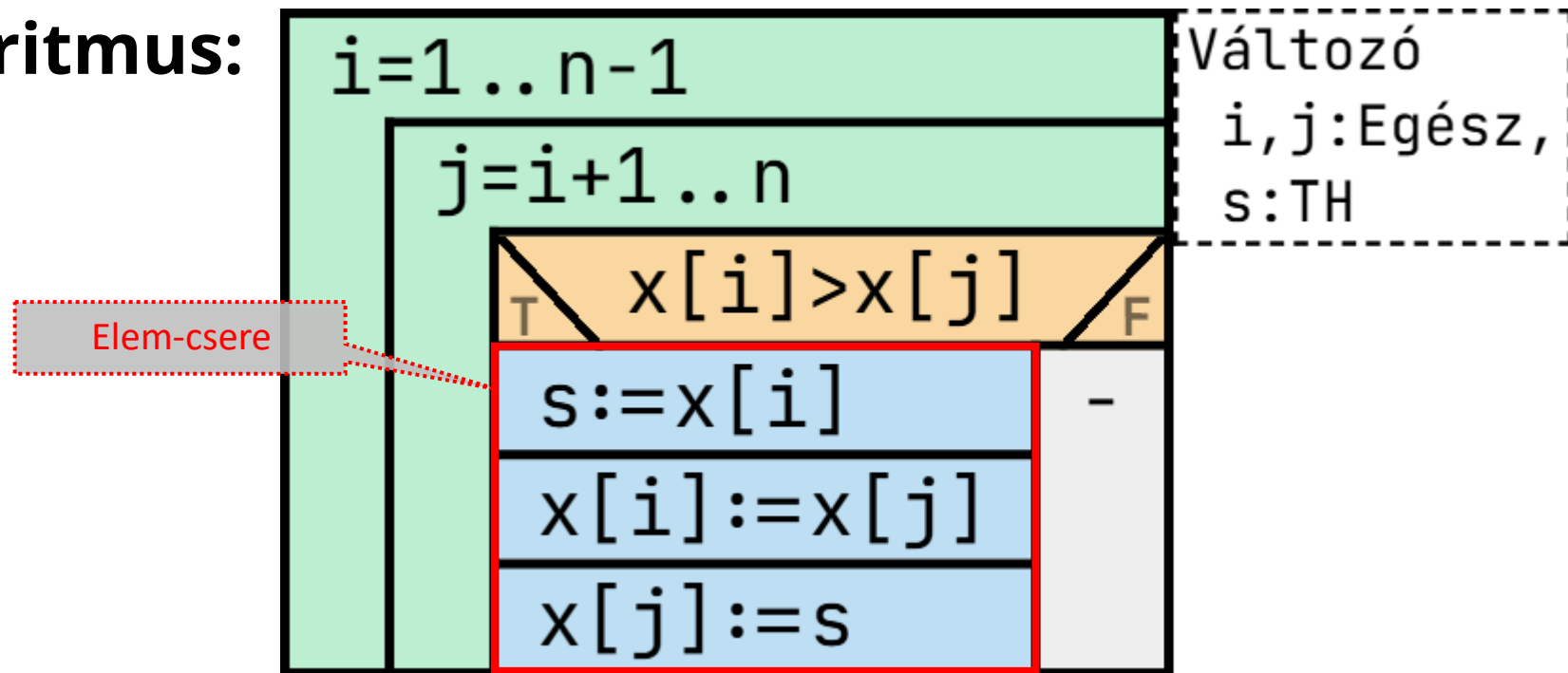
- Végül az utolsó két elemre!



A pirossal jelöltek már a helyükön vannak

Egyszerű cserés rendezés

Algoritmus:

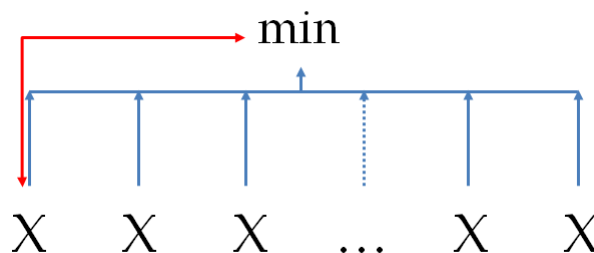


- Hasonlítások száma: $1+2+\dots+N-1 = N \cdot \frac{N-1}{2}$
- Mozgatások száma: $0 \dots 3 \cdot N \cdot \frac{N-1}{2}$

Minimumkiválasztásos rendezés

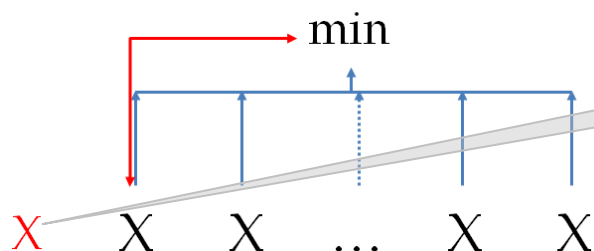
A lényeg:

- Határozzuk meg az **1..N** elemek minimumát, s cseréljük meg az **1.-vel**!



A minimum az „alsó” végére kerül.

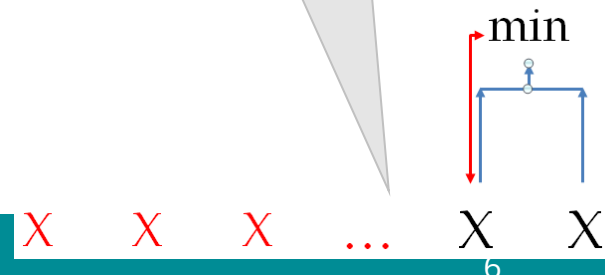
- Ezután ugyanezt tesszük a **2..N** elemre!



A pirossal jelöltek már a helyükön vannak

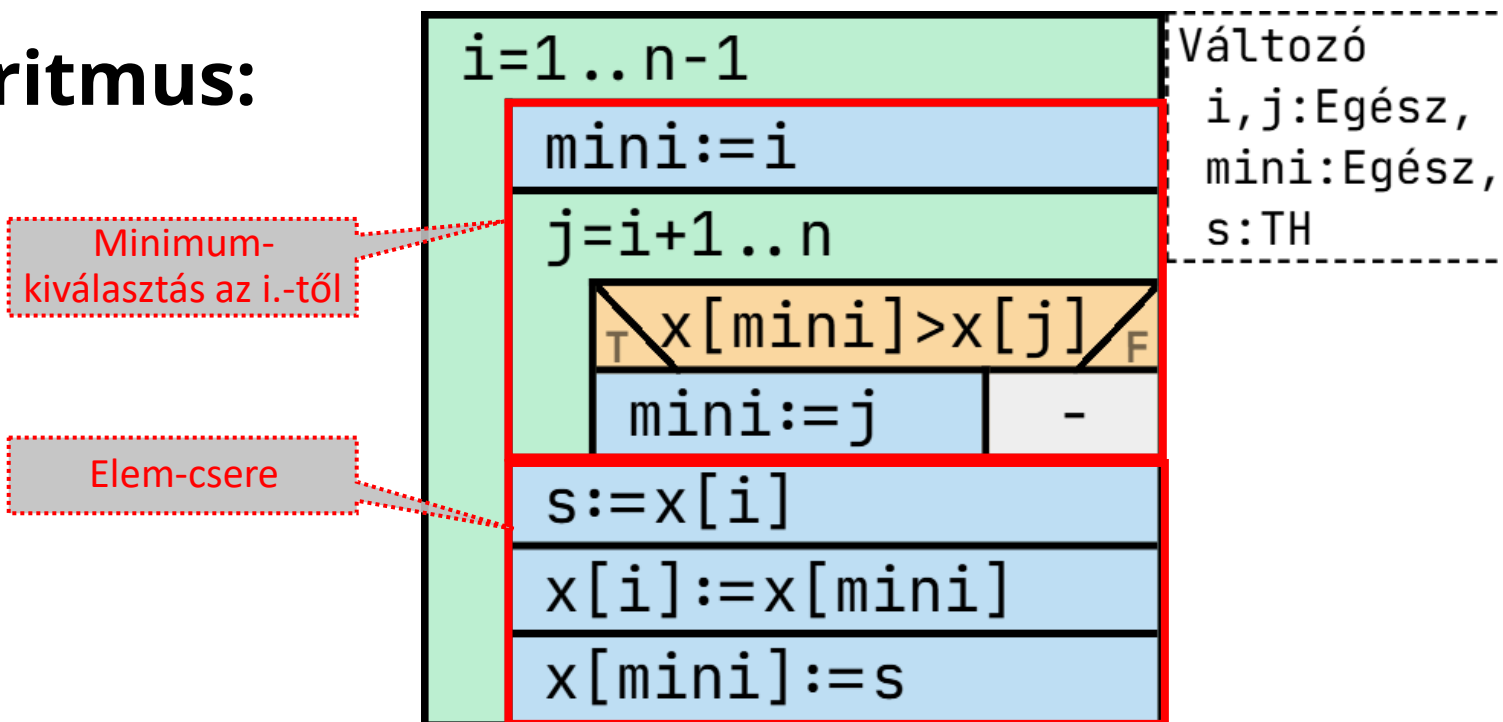
...

- Végül az utolsó két ($N-1..N$) elemre!



Minimumkiválasztásos rendezés

Algoritmus:



- Hasonlítások száma: $1+2+\dots+N-1 = N \cdot \frac{N-1}{2}$
- Mozgatások száma: $3 \cdot (N-1)$

Buborékos rendezés

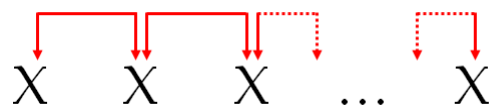
A lényeg:

- Hasonlítsunk minden elemet a mögötte levővel, s ha kell, cseréljük meg!



A maximum a „felső” végére kerül.

- Ezután ugyanezt csináljuk az utolsó elem nélkül!



- ...

- Végül az első két elemre!

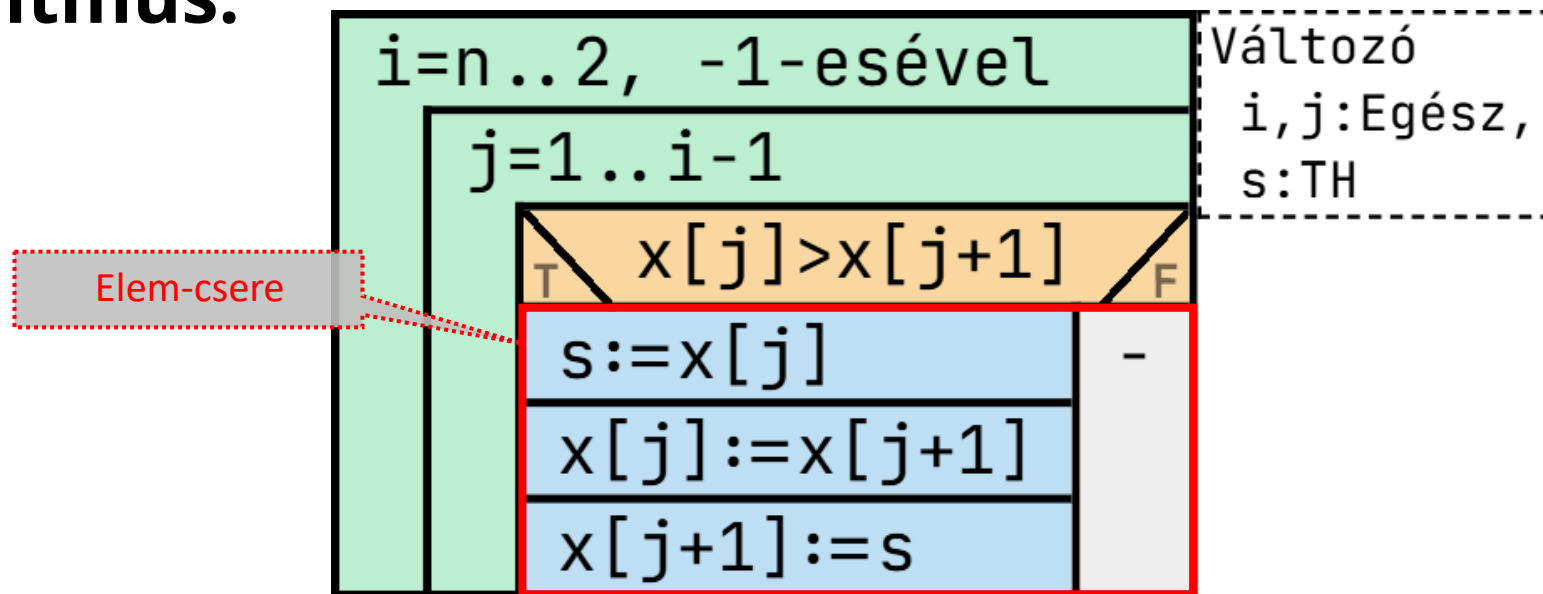


A többiek is tartanak a helyük felé.

A pirossal jelöltek már a helyükön vannak

Buborékos rendezés

Algoritmus:

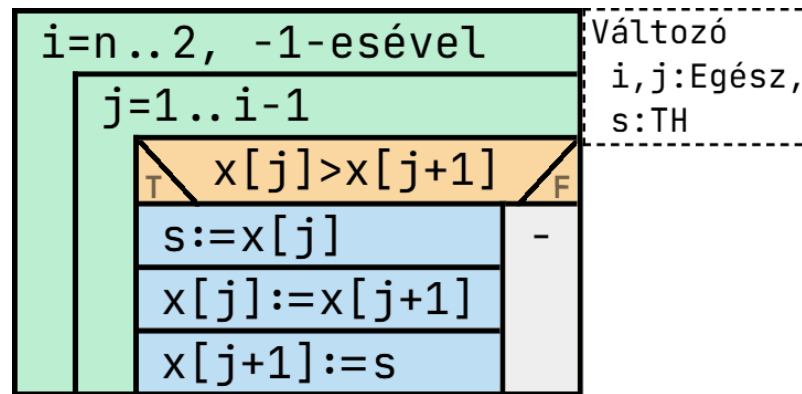


- Hasonlítások száma: $1+2+\dots+N-1 = N \cdot \frac{N-1}{2}$
- Mozgatások száma: $0 \dots 3 \cdot N \cdot \frac{N-1}{2}$

Javított buborékos rendezés

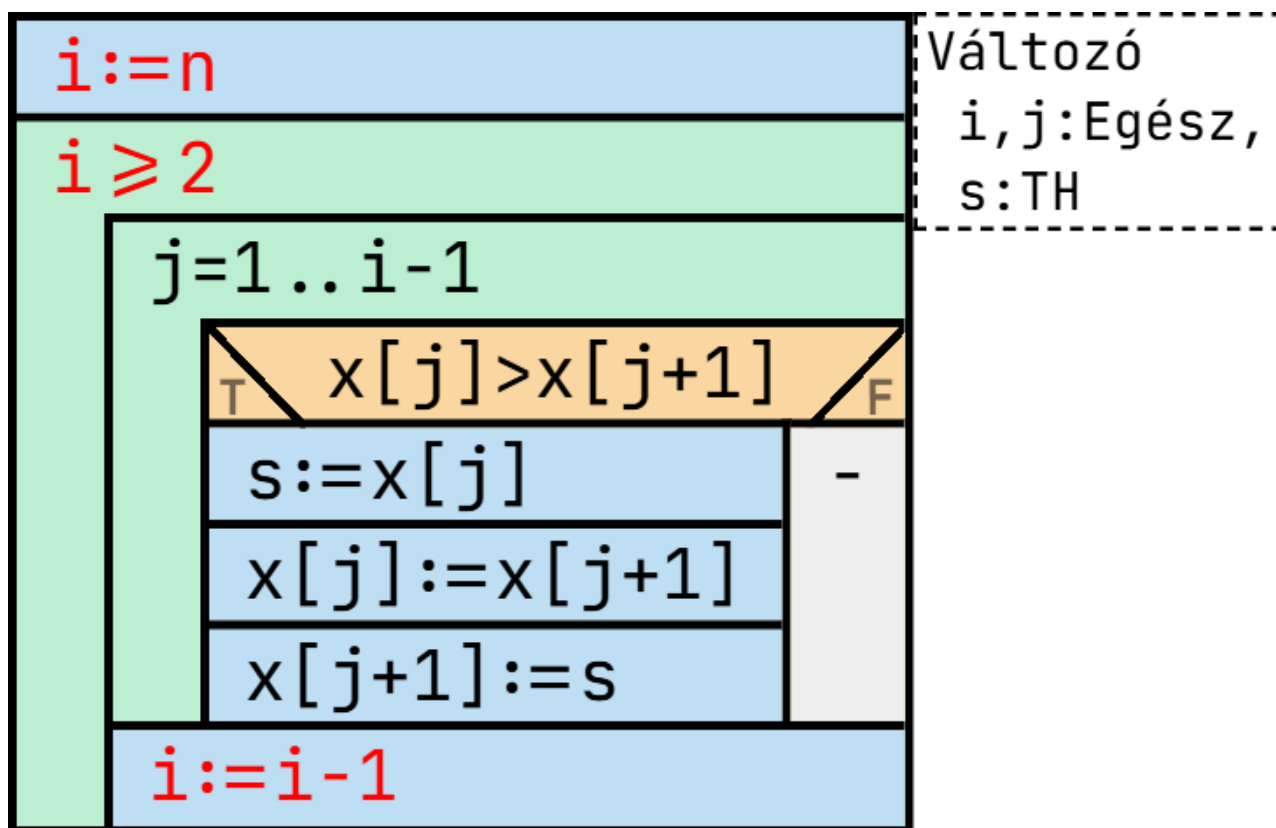
Megfigyelések:

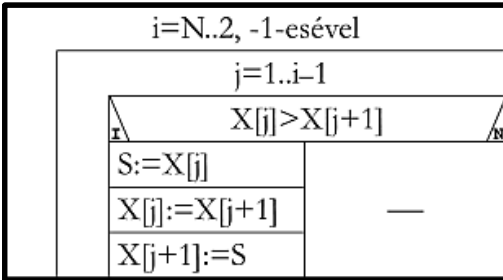
- Ha a **belső ciklus**ban egyáltalán nincs csere, akkor be lehetne fejezni a rendezést.
- Ha a **belső ciklus**ban a K . helyen van az utolsó csere, akkor a $K+1$. helytől már biztosan jó elemek vannak, a külső ciklus-változóval többet is léphetnénk.



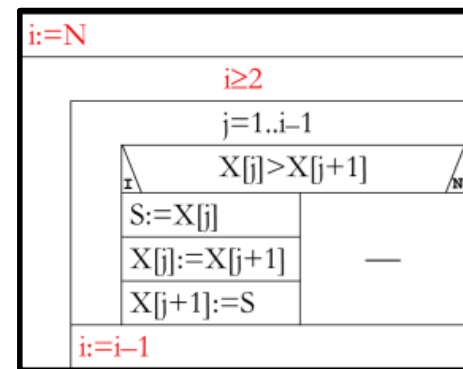
Javított buborékos rendezés

Algoritmus: (átalakítva feltételes ciklusúvá)



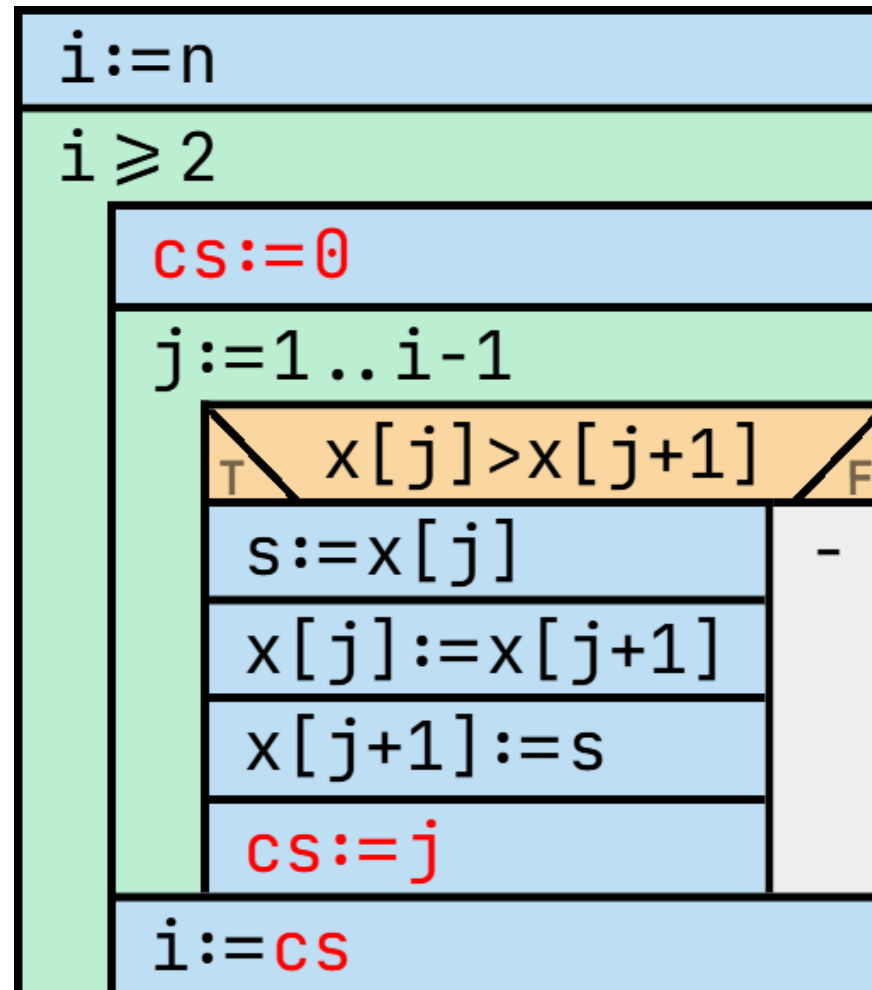


Átírás
'amíg'-os
ciklussá



Az utolsó
cserehely
feljegyzése


Javított buborékos rendezés



Változó
i, j: Egész,
cs: Egész,
s: TH

Beillesztéses rendezés

A lényeg:

- Egy elem *rendezett*. 
- A másodikat vagy mögé, vagy elé tesszük, így már *ketten* is *rendezettek*.

- ... 

- Az i -ediket a kezdő, $i-1$ *rendezettben* addig hozzuk előre **cseréikkel**, amíg a helyére nem kerül; így már i *darab* *rendezett* lesz.

- ... 

- Az utolsóval ugyanígy! 

Beillesztéses rendezés

Algoritmus:

Keresés tétel

Elem-csere

```
i = 2 .. n
```

```
  j := i - 1
```

```
  j > 0 és x[j] > x[j+1]
```

```
    s := x[j]
```

```
    x[j] := x[j+1]
```

```
    x[j+1] := s
```

```
    j := j - 1
```


Változó
i, j: Egész,
s: TH

- Hasonlítások száma: $N-1 \dots N \cdot \frac{N-1}{2}$
- Mozgatások száma: $0 \dots 3 \cdot N \cdot \frac{N-1}{2}$

Javított beillesztéses rendezés

A lényeg:

- Egy elem *rendezett*. 
- A másodikat vagy mögé, vagy elé tesszük, így már *ketten* is *rendezettek*.

- ... 

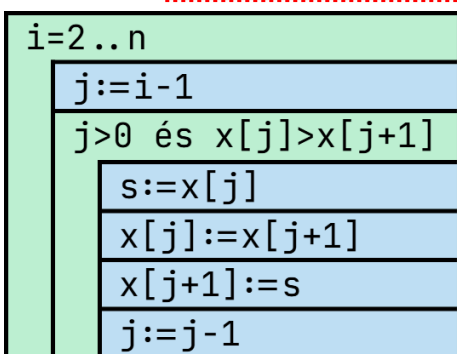
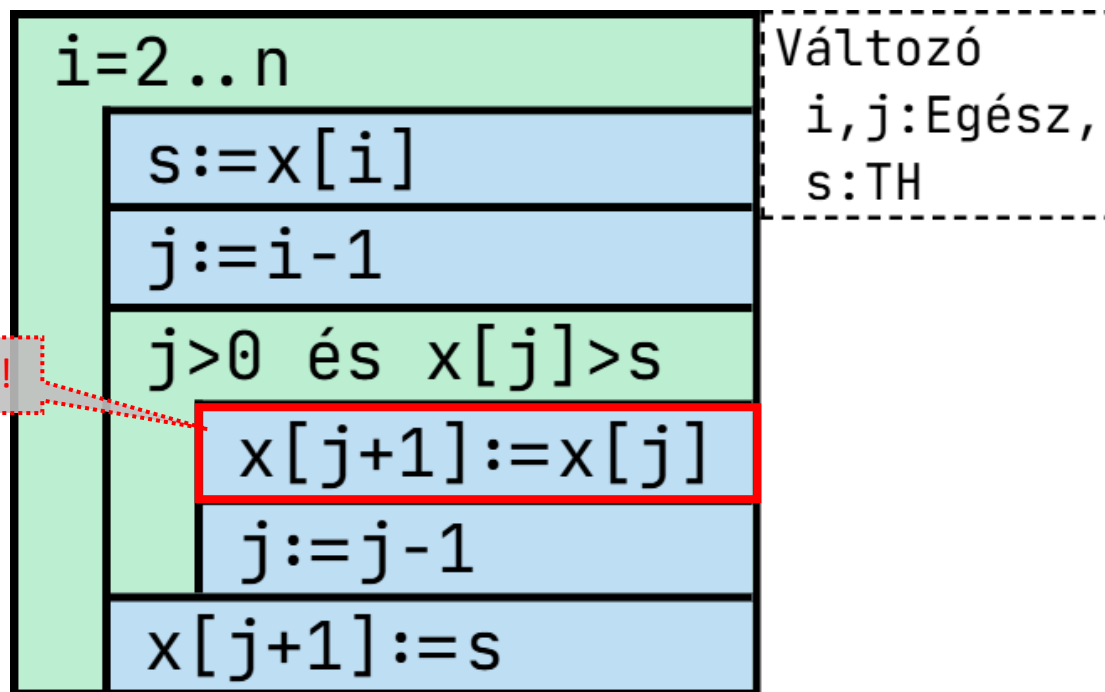
- Az i -ediknél a nála nagyobbakat **tologassuk** hátra, majd illesszük be eléjük az i -ediket; így már i darab *rendezett* lesz.

- ... 

- Az utolsóval ugyanígy! 

Javított beillesztéses rendezés

Algoritmus:



Hasonlítások száma: $N-1 \dots N \cdot \frac{N-1}{2}$
 Mozgatások száma: $0 \dots 3 \cdot N \cdot \frac{N-1}{2}$

Hasonlítások száma: $N-1 \dots N \cdot \frac{N-1}{2}$
 Mozgatások száma: $2 \cdot (N-1) \dots (N+4) \cdot \frac{N-1}{2}$

Rendezésvizualizációk

- Inkább hatékonyság szemléltetésére, mint megértésére valók
- Vizualizációk
 - <https://www.toptal.com/developers/sorting-algorithms>
 - <https://www.sortvisualizer.com/selectionsort/>
 - <https://sorting-algorithm-jet.vercel.app/>
 - https://visualize-it.github.io/sorting_algos/simulation.html