

PROGRAMOZÁS Mintamegoldás

Horváth Győző



Ismétlés



- 1. Összegzés
- 2. Megszámolás
- 3. Maximumkiválasztás
 - a. Minimumkiválasztás
- 4. Feltételes maximumkeresés
- 5. Keresés
- 6. Eldöntés
 - a. Mind eldöntés
- 7. Kiválasztás
- 8. Másolás
- 9. Kiválogatás





Összegzés

i f(i) $e \rightarrow f(e)$ $e+1 \rightarrow f(e+1)$ $e+2 \rightarrow f(e+2)$... \rightarrow ... $u-2 \rightarrow f(u-2)$ $u-1 \rightarrow f(u-1)$ $u \rightarrow f(u)$ = S

Megszámolás

```
i T(i) érték
e → IGAZ 1
e+1 → HAMIS 0
e+2 → HAMIS 0
... → ...
u-2 → IGAZ 1
u-1 → IGAZ 1
u-1 → HAMIS 0
=
db
```

Maximum kiválasztás

```
i f(i)

e \rightarrow f(e)

e+1 \rightarrow f(e+1)

e+2 \rightarrow f(e+2)

... \rightarrow ...

u-2 \rightarrow f(u-2)

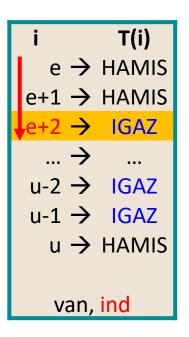
u-1 \rightarrow f(u-1)

u \rightarrow f(u)
```

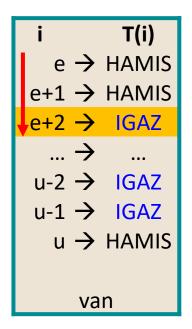
Feltételes maximumkeresés

```
i T(i) f(i)
e \rightarrow HAMIS \quad f(e)
e+1 \rightarrow IGAZ \quad f(e+1)
e+2 \rightarrow IGAZ \quad f(e+2)
... \rightarrow ...
u-2 \rightarrow HAMIS \quad f(u-2)
u-1 \rightarrow IGAZ \quad f(u-1)
van, maxind, maxért
```

Keresés



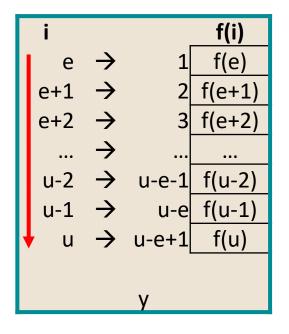
Eldöntés



Kiválasztás

```
i T(i)
e → HAMIS
e+1 → HAMIS
e+2 → IGAZ
... → ...
u-2 → IGAZ
u-1 → IGAZ
u → HAMIS
```

Másolás



Kiválogatás

```
i T(i) f(i) y

e → HAMIS f(e) 1 f(e+1)

e+1 → IGAZ f(e+1) 2 f(e+2)

e+2 → IGAZ f(e+2) db= 3 f(u-1)

... → ...

u-2 → HAMIS f(u-2)

u-1 → IGAZ f(u-1)

db, y
```

Feladatmegoldási minta



Feladat a Mesterről

Gyorsabb vonat az előzőnél

Ismerjük N vonat menetidejét Budapestről Siófokra.

Írj programot, amely megad egy vonatot, amely gyorsabb, mint az előző!

Bemenet

A standard bemenet első sorában a vonatok száma van (1≤N≤100). A következő N sor mindegyike egy-egy egész számot tartalmaz, az egyes vonatok menetidejét (1≤M≤1000).

Kimenet

A standard kimenet első sorába egy az előzőnél gyorsabb vonat sorszámát kell írni (ha több ilyen is van, akkor az elsőt)! Ha nincs ilyen vonat, akkor -1-et kell írni!

Példa

Bemenet	Kimenet
6	3
118	
200	
199	
116	
200	
122	

Biztosan van ilyen vonat? Ha igen, akkor melyik az?

→ keresés: adott tulajdonságú elem létezése és helye

Feladat:

Adj meg egy előzőnél gyorsabb vonatot!

Specifikáció:

```
Be: n \in \mathbb{N}, mid \in \mathbb{N}[1..n]
```

Ki: van∈L, melyik∈N

Ef: -

Uf: (van, melyik)=KERES(i=2..n, midő[i]<midő[i-1])</pre>

- 1. Mik az intervallum határai? (2..6)
- 2. Milyen tulajdonságot vizsgálunk az intervallum egyes pontján?
- 3. Milyen néven tároljuk a keresés eredményeit?

```
6
1 118
2 200
3 199
4 116
5 200
6 122
```

```
i T(i)
e → HAMIS
e+1 → HAMIS
e+2 → IGAZ
... → ...
u-2 → IGAZ
u-1 → IGAZ
u → HAMIS
```

van, ind

Feladatsablon (mintafeladat) (konkrét feladat) Be: $e \in Z$, $u \in Z$ Be: $n \in N$, $midő \in N[1..n]$ Ki: $van \in L$, $ind \in Z$ Ki: $van \in L$, $melyik \in N$ Ef: Uf: (van,ind) = KERES(i=e..u, Uf: (van,melyik) = KERES(i=2..n, T(i))ind ~ melyike..u ~ 2..n

 $T(i) \sim mid\sigma[i] < mid\sigma[i-1]$

```
ind:=e
ind ≤ u és nem T(ind)
ind:=ind+1
van:=ind ≤ u

FITELIK
```

```
melyik:=2
melyik≤n és
nem midő[melyik]<midő[melyik-1]
    melyik:=melyik+1
van:=melyik≤n</pre>
```

```
static void Main(string[] args) {
 // Deklarálás (változók, specifikáció be,ki)
 // Beolvasás (specifikáció be)
 // Feldolgozás (algoritmus, stuki)
 // Kiírás (specifikáció ki)
```

Kódolás alapsablonja

```
static void Main(string[] args) {
 // Deklarálás (változók, specifikáció be,ki)
 fint n;
                           Be: n \in \mathbb{N}, midő\in \mathbb{N}[1..n]
 int[] mido;
 bool van;
                           Ki: van∈L, melyik∈N
 int melyik;
 // Beolvasás (specifikáció be)
 // Feldolgozás (algoritmus, stuki)
 // Kiírás (specifikáció ki)
```

Deklarálás

```
Beolvasás
static void Main(string[] args) {
 // Deklarálás (változók, specifikáció be,ki)
 int n;
 int[] mido;
 bool van;
 int melyik;
 // Beolvasás (specifikáció be)
 Console.Write("n = ");
                                                    Be: n∈N,
 int.TryParse(Console.ReadLine(), out n);
 fmido = new int[n];
 for (int i = 1; i <= n; i++) {
                                                         midő∈N[1..n]
   Console.Write("{0}. menetido = ", i);
   int.TryParse(Console.ReadLine(), out mido[i - 1]);
 // Feldolgozás (algoritmus, stuki)
 // Kiírás (specifikáció ki)
```

```
Feldolgozás
static void Main(string[] args) {
 // Deklarálás (változók, specifikáció be,ki)
 int n;
 int[] mido;
 bool van;
 int melyik;
 // Beolvasás (specifikáció be)
 Console.Write("n = ");
 int.TryParse(Console.ReadLine(), out n);
 mido = new int[n];
 for (int i = 1; i <= n; i++) {
   Console.Write("{0}. menetido = ", i);
   int.TryParse(Console.ReadLine(), out mido[i - 1]);
 // Feldolgozás (algoritmus, stuki)
 melyik = 2;
                                          < mido[melyik - 1 - 1])) {</pre>
 while (melyik <= n && !(mido[melyik - 1</pre>
   melyik = melyik + 1;
                                            melyik:=2
 van = melyik <= n;
                                            melyik≤n és
 // Kiírás (specifikáció ki)
                                            nem midő[melyik]<midő[melyik-1]</pre>
                                               melyik:=melyik+1
                                            van:=melyik≤n
```

```
Kiírás
static void Main(string[] args) {
 // Deklarálás (változók, specifikáció be,ki
                                             n = 6
 int n;
                                             1. menetido = 118
 int[] mido;
 bool van;
                                             2. menetido = 200
 int melyik;
                                             3. menetido = 199
 // Beolvasás (specifikáció be)
                                             4. menetido = 116
 Console.Write("n = ");
                                             5. menetido = 200
 int.TryParse(Console.ReadLine(), out n);
 mido = new int[n];
                                             6. menetido = 122
 for (int i = 1; i <= n; i++) {
                                             Van, a(z) 3. vonat gyorsabb az előzőnél.
   Console.Write("{0}. menetido = ", i);
   int.TryParse(Console.ReadLine(), out mido[i - 1]);
 // Feldolgozás (algoritmus, stuki)
 melyik = 2;
 while (melyik <= n && !(mido[melyik - 1] < mido[melyik - 1 - 1])) {</pre>
   melyik = melyik + 1;
 van = melyik <= n;</pre>
 // Kiírás (specifikáció ki)
                                                             Ki: van∈L, melyik∈N
 if (van) {
   Console.WriteLine("Van, a(z) {0}. vonat gyorsabb az előzőnél.", melyik);
  else {
   Console.WriteLine("Nincs gyorsabb vonat az előzőnél.");
```

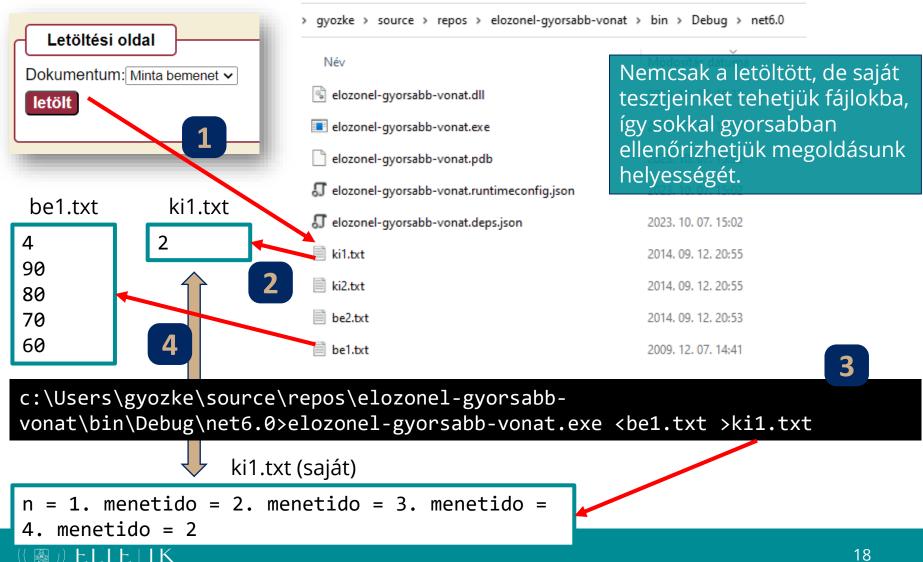
```
static void Main(string[] args) {
 int n;
 int[] mido;
 bool van;
 int melyik;
 Console.Write("n = ");
 int.TryParse(Console.ReadLine(), out n);
 mido = new int[n];
 for (int i = 1; i <= n; i++) {
   Console.Write("{0}. menetido = ", i);
   int.TryParse(Console.ReadLine(), out mido[i - 1]);
 melyik = 2;
 while (melyik <= n && !(mido[melyik - 1] < mido[melyik - 1 - 1])) {</pre>
   melyik = melyik + 1;
 van = melyik <= n;</pre>
 // Kiírás (specifikáció ki)
 if (van) {
   Console.WriteLine(melyik);
  else {
   Console.WriteLine(-1);
```

Kiírás módosítás

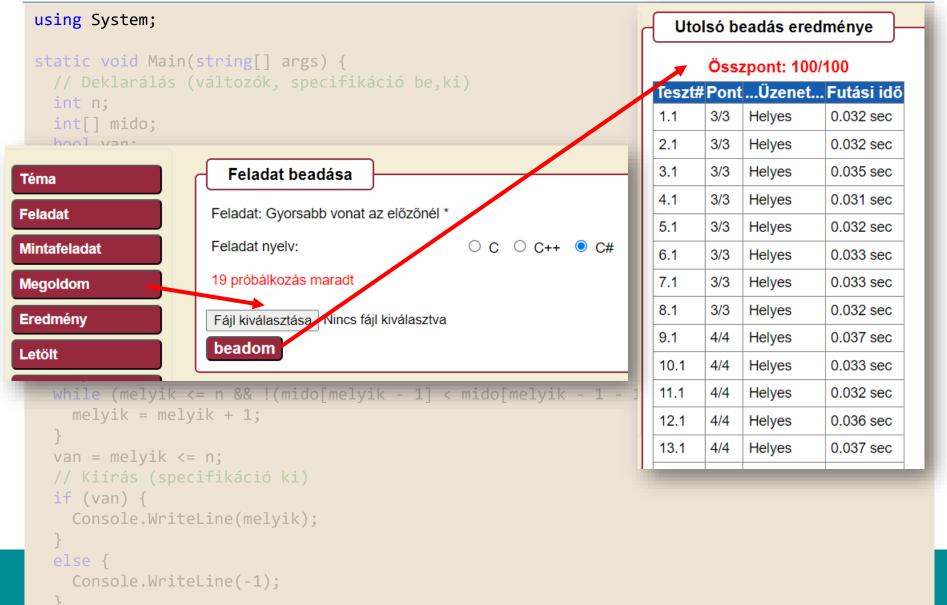
```
n = 6
1. menetido = 118
2. menetido = 200
3. menetido = 199
4. menetido = 116
5. menetido = 200
6. \text{ menetido} = 122
3
```

Kimenet

A standard kimenet első sorába egy az előzőnél gyorsabb vonat sorszámát kell írni (ha több ilyen is van, akkor az elsőt)! Ha nincs ilyen vonat, akkor -1-et kell írni!



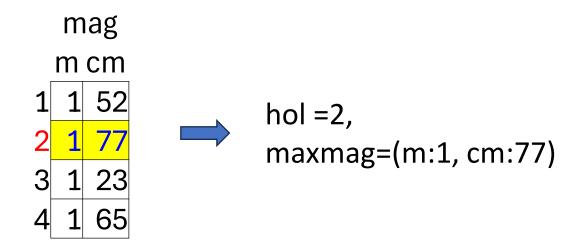
```
static void Main(string[] args) {
                                                             n = 6
                                                              1. menetido = 118
 int n;
 int[] mido;
                                                              2. menetido = 200
 bool van;
                                                              3. menetido = 199
 int melyik;
                                                              4. menetido = 116
 // Beolvasás (specifikáció be)
                                                              5. menetido = 200
 Console.Error.Write("n = ");
 int.TryParse(Console.ReadLine(), out n);
                                                              6. menetido = 122
 mido = new int[n];
                                                             3
 for (int i = 1; i <= n; i++) {
   Console.Error.Write("{0}. menetido = ", i);
   int.TryParse(Console.ReadLine(), out mido[i - 1]);
 melyik = 2;
 while (melyik <= n && !(mido[melyik - 1] < mido[melyik - 1 - 1])) {</pre>
   melvik = melvik + 1:
c:\Users\gyozke\source\repos\elozonel-gyorsabb-
vonat\bin\Debug\net6.0>elozonel-gyorsabb-vonat.exe <be1.txt >ki1.txt
 if (van) {
   Console.WriteLin
                    ki1.txt
                                                            ki1.txt (saját)
                                                          2
 else {
   Console.WriteLine(-1);
```



Feladatmegoldási minta



Ismerjük egy osztály tanulóinak magasságait. Mondd meg, hányadik diák a legmagasabb, és a magasságát is!



Feladat:

maximumkiválasztás

Ismerjük egy osztály tanulóinak magasságait. Mondd meg, hányadik diák a **leg**magasabb, és a magasságát is!

```
Specifikáció:
```

```
m cm
1 1 52
```

```
Be: mag∈Mag[], Mag=(m:N x cm:N)
Ki: hol∈N, maxmag∈Mag
```

```
2 1 77
```

```
Uf: hol∈[1..hossz(mag)] és
```

```
4 1 65
```

```
∀i∈[1..hossz(mag)]:(
```

```
mag[hol].m > mag[i].m vagy
(mag[hol].m = mag[i].m és mag[hol].cm >= mag[i].cm)) és
```

```
maxmag=mag[hol]
```

Algoritmus analóg algoritmikus gondolkodással: Változó i: Egész

```
Waltozó i:Egész

maxért:=f(e); maxind:=e
i=e+1..u

i=e+1..u

f(i)>maxért

maxért:=f(i)

maxind:=i

Be: mageMag[], Mag=(m:N x cm:N)

With balcN, maxmag:=mag[i]

Változó i:Egész

hol:=1; maxmag:=mag[1]

i=2..hossz(mag)

mag[i].m>mag[hol].m vagy
(mag[i].m=mag[hol].m és
mag[i].cm>mag[hol].cm)

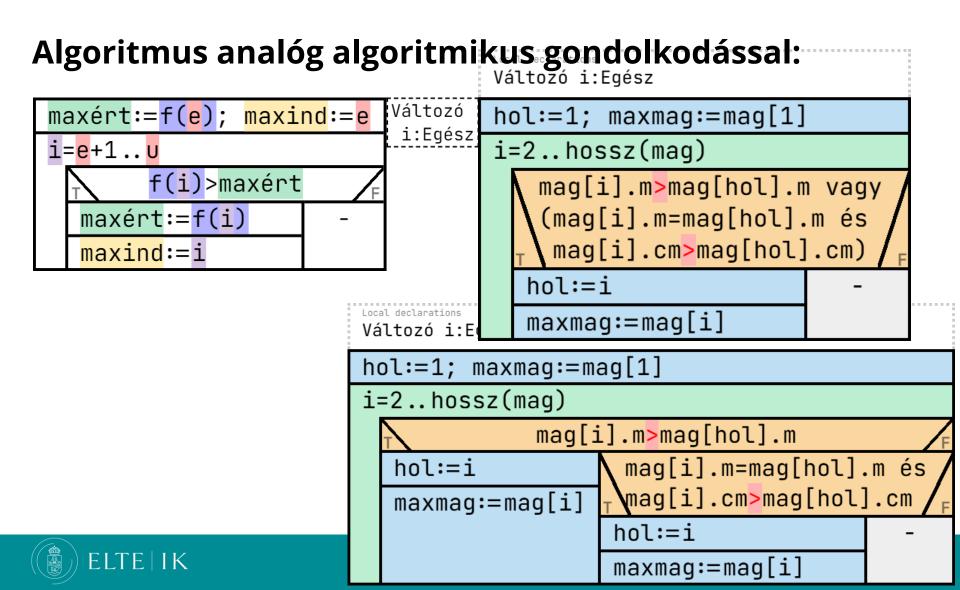
hol:=i

maxmag:=mag[i]
```

Ki: hol∈N, maxmag∈Mag
Ef: hossz(mag)>=1
Uf: hol∈[1..hossz(mag)] és
∀i∈[1..hossz(mag)]:(

Ez nem visszavezetés!

mag[hol].m > mag[i].m vagy
 (mag[hol].m = mag[i].m és mag[hol].cm >= mag[i].cm)) és
maxmag=mag[hol]



Feladat:

maximumkiválasztás

Ismerjük egy osztály tanulóinak magasságait. Mondd meg, hányadik

diák a legmagasabb, és a magasságát is!

Specifikáció:

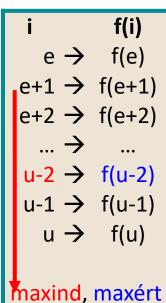
Be: mag∈Mag[], Mag=(m:N x cm:N)

Ki: hol∈N, maxmag∈Mag

Ef: hossz(mag)>=1

Uf: (maxind, maxért) = MAX(i = e...u, f(i))

- . Mik az intervallum határai?
- 2. Milyen értékeket veszünk az intervallum egyes pontján, amik közül a legnagyobb kikerül?
- 3. Milyen néven tároljuk az eredményeket?



A helyes f(i) megtalálása a cél! Hogyan hasonlíthatunk össze rekordokat? Hogyan rendelhetünk egyetlen értéket a rekordhoz, amiket összehasonlíthatunk?

Feladat:

maximumkiválasztás

Ismerjük egy osztály tanulóinak magasságait. Mondd meg, hányadik diák a legmagasabb, és a magasságát is!

Specifikáció:

Be: mag∈Mag[], Mag=(m:N x cm:N)

Sa: maxcm∈N

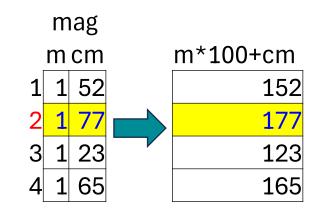
Ki: hol∈N, maxmag∈Mag

Ef: hossz(mag)>=1

Uf: (hol,maxcm)=MAX(i=1..hossz(mag),

mag[i].m*100+mag[i].cm) és

maxmag=mag[hol]



Az f(i) a rekord adatkettesét képezi le egyetlen értékre, és ez kerül összehasonlításra.



maxind, maxért

Feladatsablon

Be: e∈Z, u∈Z

Ki: maxind∈Z, maxért∈H

Ef: e<=u

Uf: (maxind, maxért)=

Legmagasabb tanuló

Be: mag∈Mag[], Mag=(m:N x cm:N)

Sa: maxcm∈N

Ki: hol∈N, maxmag∈Mag

Ef: hossz(mag)>=1

Uf: (hol, maxcm) = MAX(i=1..hossz(mag),

mag[i].m*100+mag[i].cm) és

maxmag=mag[hol]

Visszavezetés: maxind, maxért ~ hol, maxcm

```
e..u
```

MAX(i=e..u,f(i))

~ 1..hossz(mag)

~ mag[i].m*100+mag[i].cm

maxmag:=mag[hol]

Algoritmus:

```
Változó
maxért:=f(e); maxind:=e
                           i:Egész
i=e+1..u
       f(i)>maxért
  maxért:=f(i)
  maxind:=i
```

f(i)

```
Változó i:Egész, maxcm:Egész
maxcm:=mag[1].m*100+mag[1].cm;
hol:=1
i=1+1..hossz(mag)
    mag[i].m*100+mag[i].cm>maxcm
  maxcm:=mag[i].m*100+mag[i].cm
  hol:=i
```

Feladat:

maximumkiválasztás

Ismerjük egy osztály tanulóinak magasságait. Mondd meg, hányadik diák a legmagasabb, és a magasságát is!

Specifikáció:

Be: mag∈Mag[], Mag=(m:N x cm:N)

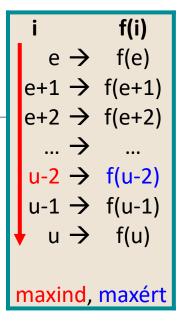
Sa: maxcm∈N

Ki: hol∈N, maxmag∈Mag

Fv: f:N->N, f(i)=mag[i].m*100+mag[i].cm

Ef: hossz(mag)>=1

Uf: (hol,maxcm)=MAX(i=1..hossz(mag), f(i)) é
maxmag=mag[hol]



mag

m cm

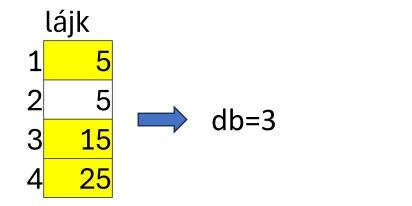
1 52

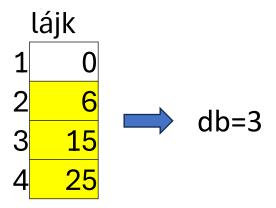
65

Feladatmegoldási minta



A Youtube minden napra megmondja egy videónkról, hogy hány lájkot kapott. Hány nap növekedett a lájkok száma az előző naphoz képest? (Az első nap előtt 0 lájkunk volt.)





Feladat:

megszámolás

Hány nap növekedett a lájkok száma az előző naphoz képest?

Specifikáció:

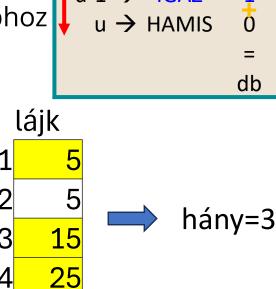
<mark>Be:</mark> lájkokszáma∈N[]

Ki: hány∈N

Ef: -

Uf: db=DARAB(i=e..u, T(i))

- 1. Mik az intervallum határai?
- 2. Milyen értékeket veszünk az intervallum egyes pontján, amik közül a legnagyobb kikerül?
- 3. Milyen néven tároljuk az eredményeket?



érték

o

T(i)

IGAZ

IGAZ

e+1 → HAMIS

e+2 → HAMIS

A helyes T(i) megtalálása a cél!

Feladat:

megszámolás

Hány nap növekedett a lájkok száma az előző naphoz képest?

Specifikáció:

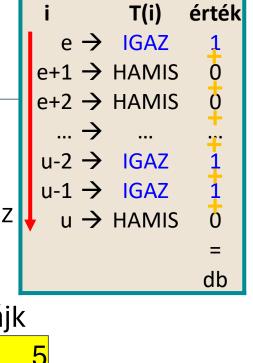
```
Be: lájkokszáma∈N[]
```

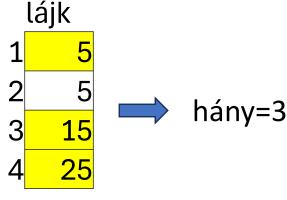
Ki: hány∈N

Ef:

Uf: hány=DARAB(i=1..hossz(lájkokszáma), 3 15
 (i=1 -> lájkokszáma[i]>0) és 4 25
 (i>1 -> lájkokszáma[i]>lájkokszáma[i-1]))

T(i)





Feladatsablon

Lájknövekedések száma

Visszavezetés:

```
db ~ hány
e..u ~ 1..hossz(lájkokszáma)
T(i) ~ (i=1 -> lájkokszáma[i]>0) és
(i>1 -> lájkokszáma[i]>lájkokszáma[i-1])
```

Feladatsablon

Lájknövekedések száma

```
Be: e∈Z, u∈Z

Ki: db∈N

Ef: -

Uf: db=DARAB(i=e..u, T(i))

(i=1 és lájkokszáma[i]>0) vagy
(i>1 és

lájkokszáma[i]>lájkokszáma[i-1]))
```

Visszavezetés:

```
db ~ hány
e..u ~ 1..hossz(lájkokszáma)
T(i) ~ (i=1 és lájkokszáma[i]>0) vagy
(i>1 és lájkokszáma[i]>lájkokszáma[i-1])
```

Algoritmus

```
db ~ hány
e..u ~ 1..hossz(lájkokszáma)
T(i) ~ (i=1 és lájkokszáma[i]>0) vagy
(i>1 és lájkokszáma[i]>lájkokszáma[i-1])
```

(i>1 és lájkokszáma[i]>lájkokszáma[i-1])



```
Változó i:Egész
```

```
hány:=0
i=1..hossz(lájkokszáma)
  (i=1 és lájkokszáma[i]>0) vagy
```

ELTE | IK

```
hány:=hány+1
```

-

Feladat:

Hány nap növekedett a lájkok száma az előző naphoz képest?

Specifikáció:

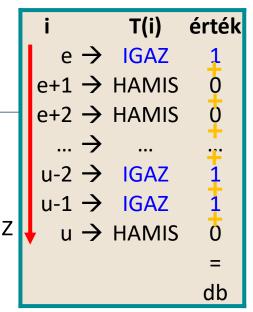
Be: lájkokszáma∈N[]

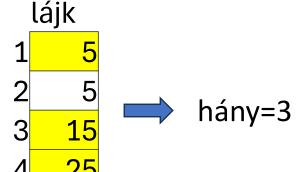
Sa: db∈N

Ki: hány∈N

Ef: -

lájkokszáma[1]>0 -> hány=db+1 és
nem(lájkokszáma[1]>0) -> hány=db





Az esetszétválasztás a mintán kívül van



Feladatsablon

Lájknövekedések száma

Be: lájkokszáma∈N[]

Be: e∈Z, u∈Z Ki: db∈N

Ef: -

Uf: db=DARAB(i=e..u, T(i)

```
Sa: dh∈N
Ki: hány∈N
Ef: -
```

db=DARAB(i=2..hossz(lájkokszáma), lájkokszáma[i]>lájkokszáma[i-1])) és lájkokszáma[1]>0 -> hány=db+1 és

nem(lájkokszáma[1]>0) -> hány=db

Visszavezetés:

```
~ 1..hossz(lájkokszáma)
   lájkokszáma[i]>lájkokszáma[i-1]
```

Algoritmus

```
db:=0

i=e..u

T(i)

db:=db+1 -
```

```
1..hossz(lájkokszáma)
e..u
           lájkokszáma[i]>lájkokszáma[i-1]
T(i)
 Local declarations
 Változó i,db:Egész
 db := 0
 i=2..hossz(lájkokszáma)
     lájkokszáma[i]>lájkokszáma[i-1]
    db := db + 1
             lájkokszáma[i]>0
 hány:=db+1
          nem(lájkokszáma[i]>0)
 hány:=db
```

Algoritmus

```
db:=0
    i=e..u

T(i)    F
    db:=db+1    -
```

```
1..hossz(lájkokszáma)
e..u
           lájkokszáma[i]>lájkokszáma[i-1]
T(i)
 Local declarations
 Változó i, db: Egész
 db := 0
 i=2..hossz(lájkokszáma)
     lájkokszáma[i]>lájkokszáma[i-1]
    db := db + 1
             lájkokszáma[i]>0
 hány:=db+1
                         hány:=db
```