



ELTE | IK

# PROGRAMOZÁS

## Mintamegoldás mátrixra

Horváth Győző



# Ismétlés



# Programozási minták

1. Összegzés
2. Megszámolás
3. Maximumkiválasztás
  - a. Minimumkiválasztás
4. Feltételes maximumkeresés
5. Keresés
6. Eldöntés
  - a. Mind eldöntés
7. Kiválasztás
8. Másolás
9. Kiválogatás

Most Common DUPLO Parts



# Feladat



# Példa

## legjobb jó tanuló



### Feladat:

A Roxfortban év végén n varázslótanoncról ismerjük az m tárgyból szerzett jegyét egy táblázatban. Dumbledore szeretné meghívni egy vajsörre azt a tanulót, akinek a legjobb lett az átlaga azok közül, akik csak 4-est és 5-öst szereztek.



# Példa

## legjobb jó tanuló

	1	2	3	m=4
1	5	5	5	3
2	5	4	4	4
3	5	3	2	4
4	5	4	5	5
n=5	5	5	4	4



## Feladat:

Egy egész számokat tartalmazó mátrixban **melyik az a sor**,  
amiben **csak 4-es és 5-ös van**, és az **összege a legnagyobb**?

## Lépések:

1. Minden **sor összege** kell.  
(→ **összegzés**)
2. Ezek közül kell a **legnagyobb**.  
(→ **maximum(kiválasztás)**)
3. De csak, **ha minden érték** a  
sorban 4-es vagy 5-ös  
(→ **mind eldöntés**)
4. **Feltételes maximumkeresésben**  
**összegzés**

	1	2	3	m=4	
1	5	5	5	3	
2	5	4	4	4	17
3	5	3	2	4	
4	5	4	5	5	19
n=5	5	5	4	4	18

→ van=igaz  
→ legjobb=4

# Példa

## legjobb jó tanuló

	1	2	3	m=4
1	5	5	5	3
2	5	4	4	4
3	5	3	2	4
4	5	4	5	5
n=5	5	5	4	4



## Feladat:

Egy egész számokat tartalmazó mátrixban **melyik az a sor**,  
amiben **csak 4-es és 5-ös van**, és az **összege a legnagyobb?**

## Specifikáció:

Be:  $n \in \mathbb{N}$ ,  $m \in \mathbb{N}$ , jegyek  $\in \mathbb{N}[1..n, 1..m]$

Ki: van  $\in \mathbb{L}$ , legjobb  $\in \mathbb{N}$

Fv: összeg:  $\mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ ,

$\text{összeg}(\text{diák}) = \text{SZUMMA}(\text{tantárgy} = 1..m, \text{jegyek}[\text{diák}, \text{tantárgy}])$

Fv: jó:  $\mathbb{N} \rightarrow \mathbb{L}$ ,

$\text{jó}(\text{diák}) = \text{MIND}(\text{tantárgy} = 1..m, 4 \leq \text{jegyek}[\text{diák}, \text{tantárgy}] \leq 5)$

Ef:  $\forall \text{sor} \in [1..n]: (\forall \text{oszlop} \in [1..m]: (1 \leq \text{jegyek}[\text{sor}, \text{oszlop}] \leq 5))$

Uf:  $(\text{van}, \text{legjobb}, ) = \text{FELTMAX}(\text{diák} = 1..n, \text{összeg}(\text{diák}), \text{jó}(\text{diák}))$

	1	2	3	m=4	
1	5	5	5	3	
2	5	4	4	4	17
3	5	3	2	4	→ van=igaz → legjobb=4
4	5	4	5	5	19
n=5	5	5	4	4	18

# Példa

## legjobb jó tanuló

### Mind eldöntés

$i \sim \text{tantárgy}$

$e..u \sim 1..m$

$T(i) \sim 4 \leq \text{jegyek}[\text{diák}, \text{tantárgy}] \leq 5$



### Felt.max.ker.:

Be:  $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki:  $\text{van} \in \mathbb{L}, \text{maxind} \in \mathbb{Z}, \text{maxért} \in \mathbb{H}$

Ef: -

Uf:  $(\text{van}, \text{maxind}, \text{maxért}) =$   
 $\text{FELTMAX}(i = e..u, f(i), T(i))$

### Összegzés sablon:

Be:  $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki:  $s \in \mathbb{H}$

Ef: -

Uf:  $s = \text{SZUMMA}(i = e..u, f(i))$

### Mind eldöntés:

Be:  $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki:  $\text{mind} \in \mathbb{L}$

Ef: -

Uf:  $\text{mind} = \text{MIND}(i = e..u, T(i))$

### Legjobb jó tanuló:

Be:  $n \in \mathbb{N}, m \in \mathbb{N}, \text{jegyek} \in \mathbb{N}[1..n, 1..m]$

Ki:  $\text{van} \in \mathbb{L}, \text{legjobb} \in \mathbb{N}$

Fv:  $\text{összeg}: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N},$

$\text{összeg}(\text{diák}) = \text{SZUMMA}(\text{tantárgy} = 1..m,$   
 $\text{jegyek}[\text{diák}, \text{tantárgy}])$

Fv:  $\text{jó}: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{L},$

$\text{jó}(\text{diák}) = \text{MIND}(\text{tantárgy} = 1..m,$   
 $4 \leq \text{jegyek}[\text{diák}, \text{tantárgy}] \leq 5)$

Ef:  $\forall \text{sor} \in [1..n]: (\forall \text{oszlop} \in [1..m]:$

$(1 \leq \text{jegyek}[\text{sor}, \text{oszlop}] \leq 5))$

Uf:  $(\text{van}, \text{legjobb}, ) = \text{FELTMAX}(\text{diák} = 1..n,$   
 $\text{összeg}(\text{diák}), \text{jó}(\text{diák}))$

### Feltételes max.keresés

$\text{maxind} \sim \text{legjobb}$

$i \sim \text{diák}$

$e..u \sim 1..n$

$f(i) \sim \text{összeg}(\text{diák})$

$T(i) \sim \text{jó}(\text{diák})$

### Összegzés

$i \sim \text{tantárgy}$

$e..u \sim 1..m$

$f(i) \sim \text{jegyek}[\text{diák}, \text{tantárgy}]$





# Példa legjobb jó t

## Felt.max.ker.:

### Feltételes max.keresés

maxind ~ legjobb

i ~ diák

e..u ~ 1..n

f(i) ~ összeg(diák)

T(i) ~ jó(diák)

van:=hamis

i=e..u

	nem T(i)	van és T(i)	nem van és
	-	T f(i)>maxért maxért:=f(i) maxind:=i	F van:=igaz maxért:=f(i) maxind:=i

	1	2	3	m=4
1	5	5	5	3
2	5	4	4	4
3	5	3	2	4
4	5	4	5	5
n=5	5	5	4	4



van:=hamis

diák=1..n

	nem jó(diák)	van és jó(diák)	nem van és jó(diák)
	-	T összeg(diák)>maxért maxért:= összeg(diák) legjobb:=diák	F van:=igaz maxért:= összeg(diák) legjobb:=diák

Változó  
diák:Egész  
maxért:E

## Összegzés: Összegzés

s:=0

i=e..u

s:=s+f(i)

i ~ tantárgy

e..u ~ 1..m

f(i) ~ jegyek[diák,tantárgy]

összeg(diák:Egész): Egész

s:=0

tantárgy:=1..m

s:=s+jegyek[diák,tantárgy]

összeg:=s

Változó  
tantárgy:Egész,  
s:Egész

## Mind eldöntés:

i:=e

i≤u és T(i)

i:=i+1

mind:=i>u

### Mind eldöntés

i ~ tantárgy

e..u ~ 1..m

T(i) ~ 4≤jegyek[diák

jó(diák:Egész): Logikai

tantárgy:=1

tantárgy≤m és 4≤jegyek[diák,tantárgy]≤5

tantárgy:=tantárgy+1

mind:=tantárgy>m

jó:=mind

Változó  
tantárgy:Egész  
mind:Logika

# Példa

## legjobb jó tanuló

Hatékonyítás: felesleges számolások elkerülése

	1	2	3	m=4
1	5	5	5	3
2	5	4	4	4
3	5	3	2	4
4	5	4	5	5
n=5	5	5	4	4



van:=hamis				Változó
diák=1..n				diák:Egész,
nem jó(diák)	van és jó(diák)		nem van és jó(diák)	maxért:Egész
-	T összeg(diák)>maxért F		van:=igaz	
	maxért:=összeg(diák)		-	maxért:=összeg(diák)
	legjobb:=diák			legjobb:=diák

van:=hamis

diák=1..n

jóe:=jó(diák)

nem jóe	van és jóe		nem van és jóe
-	össz:=összeg(diák)		van:=igaz
	T össz>maxért F		maxért:=
	maxért:=össz		összeg(diák)
	legjobb:=diák		legjobb:=diák

Változó  
diák:Egész,  
maxért:Egész

# Példa

```
static void Main(string[] args) {
    // deklarálás
    int n; int m; int[,] jegyek;
    bool van; int legjobb;

    beolvas(out n, out m, out jegyek);
    legjobb_je_tanulo(n, m, jegyek, out van, out legjobb);
    kiir(van, legjobb);
}

static void beolvas(out int n, out int m, out int[,] jegyek) {
    Console.Write("Varazstanoncok szama = ");
    int.TryParse(Console.ReadLine(), out n);
    Console.Write("Jegyek szama = ");
    int.TryParse(Console.ReadLine(), out m);
    jegyek = new int[n, m];
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        for (int j = 1; j <= m; j++) {
            Console.Write("{0}. varazstanonc {1} jegye = ", i, j);
            int.TryParse(Console.ReadLine(), out jegyek[i - 1, j - 1]);
        }
    }
}

static void kiir(bool van, int legjobb) {
    if (van) {
        Console.WriteLine("A legjobb tanuló: {0}", legjobb);
    }
    else {
        Console.WriteLine("Nincs ilyen tanuló");
    }
}
```

	1	2	3	m=4
1	5	5	5	3
2	5	4	4	4
3	5	3	2	4
4	5	4	5	5
n=5	5	5	4	4

„Procedúrákra” bontva



# Példa

## legjobb jó tanuló

	1	2	3	m=4
1	5	5	5	3
2	5	4	4	4
3	5	3	2	4
4	5	4	5	5



```
static void legjobb_jo_tanulo(int n, int m, int[,] jegyek, out bool van, out int legjobb) {  
    int maxert = 0;  
    legjobb = 0;
```

„Procedúrákra” bontva

```
    van = false;  
    for (int diak = 1; diak <= n; diak++) {  
        bool joe = jo(diak, m, jegyek);  
        if (van && joe) {  
            int ossz = osszeg(diak, m, jegyek);  
            if (ossz > maxert) {  
                maxert = ossz;  
                legjobb = diak;  
            }  
        }  
        else if (!van && joe) {  
            van = true;  
            maxert = osszeg(diak, m, jegyek);  
            legjobb = diak;  
        }  
    }  
}
```

```
static bool jo(int diak, int m, int[,] jegyek) {  
    int tantargy = 1;  
    while (tantargy <= m &&  
        4 <= jegyek[diak - 1, tantargy - 1] &&  
        jegyek[diak - 1, tantargy - 1] <= 5) {  
        tantargy = tantargy + 1;  
    }  
    bool mind = tantargy > m;  
    return mind;  
}  
  
static int osszeg(int diak, int m, int[,] jegyek) {  
    int s = 0;  
    for (int tantargy = 1; tantargy <= m; tantargy++) {  
        s = s + jegyek[diak - 1, tantargy - 1];  
    }  
    return s;  
}
```

# Példa

## legjobb jó tanuló

	1	2	3	m=4
1	5	5	5	3
2	5	4	4	4
3	5	3	2	4
4	5	4	5	5
n=5	5	5	4	4



```
static void Main(string[] args) {  
    // deklarálás  
    int n; int m; int[,] jegyek;  
    bool van; int legjobb;
```

```
    (n, m, jegyek) = beolvas();
```

```
    (van, legjobb) = legjobb_jo_tanulo(n, m, jegyek);
```

```
    kiir(van, legjobb);  
}
```

```
static (int n, int m, int[,] jegyek) beolvas() {
```

```
    int n, m;
```

```
    int[,] jegyek;
```

```
    // ugyanaz, mint előzőleg
```

```
    return (n, m, jegyek);  
}
```

```
static (bool van, int legjobb) legjobb_jo_tanulo(int n, int m, int[,] jegyek) {
```

```
    bool van;
```

```
    int legjobb;
```

```
    // ugyanaz, mint előzőleg
```

```
    return (van, legjobb);  
}
```

Függvényekre bontva