

# Рекурсия

Рекурсия — это когда функция вызывает саму себя.

Пример:

Представь, ты стоишь перед лестницей с 10 ступенями.  
Ты можешь сказать себе:

«Чтобы подняться на 10 ступеней, я сначала поднимусь на 1, а потом поднимусь на оставшиеся 9 тем же способом.»

И вот ты говоришь то же самое на каждой ступеньке:

чтобы подняться на 9 — поднимусь на 1 и потом ещё на 8

потом на 8 — поднимусь на 1 и ещё на 7 и так далее...

Пока не дойдёшь до последней ступеньки, где скажешь:

«Если ступенек не осталось — я уже наверху, можно не звать себя больше.»

это условие остановки рекурсии  
aka базовый случай

Разберем еще один пример: факториал

```
1 def factorial(n):  
2     if n == 1:  
3         return 1  
4     return n * factorial(n - 1)  
5 factorial(4)
```

fact(4):  
return 4 · fact(3):  
fact(3):  
return 3 · fact(2):  
fact(2):  
return 2 · fact(1):  
fact(1):  
return 1

4 · 3 · 2 · 1  
||  
24 — ответ

Пример кода:

```
1 def climb(n):  
2     if n == 0:  
3         print("Я уже наверху!")  
4         return  
5     print(f"Поднимаемся на ступеньку {n}")  
6     climb(n - 1)  
7
```

Вывод:

Поднимаемся на ступеньку 3  
Поднимаемся на ступеньку 2  
Поднимаемся на ступеньку 1  
Я уже наверху!

## Сортировка слиянием

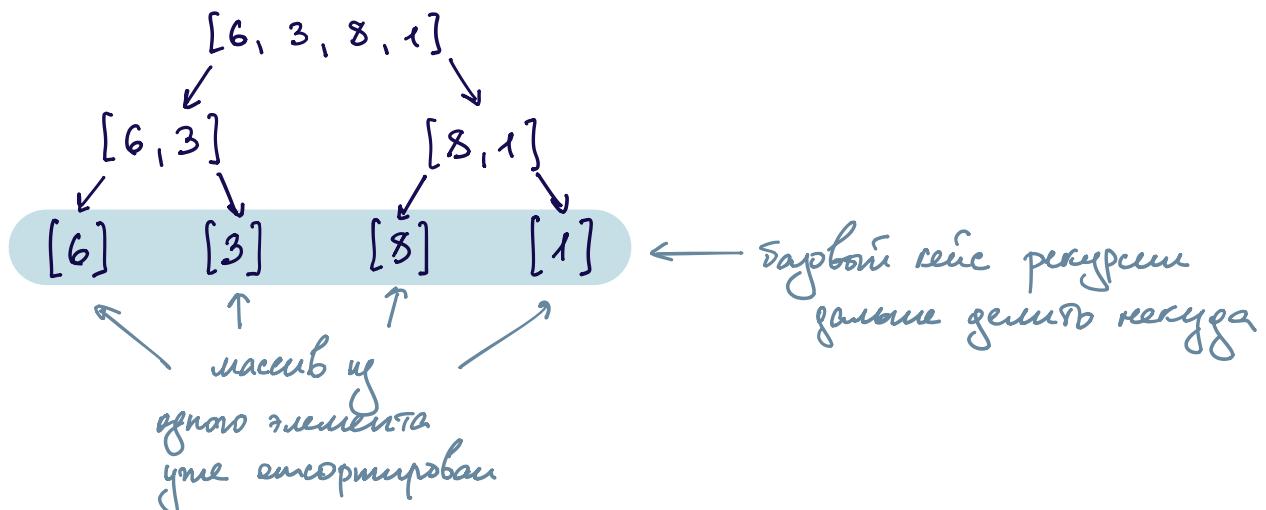
Сортировка слиянием работает по принципу разделяй и властвуй

Идея:

1. Раздели список на две половины
2. Отсортируй каждую половину (тем же способом – рекурсивно)
3. Объедини две отсортированные половины в одну

Пример:  $[6, 3, 8, 1]$

1) Делим на 2 половины (до конца, рекурсивно)



2) Сливаем соседние массивы в один.

Будем по очереди сравнивать элементы массивов и каждый раз брать наименьший.

Пример:  $[1, 3, 5]$   $[2, 4, 6]$  ! оба массива отсортированы

$[]$  – результат слияния

$[1, 3, 5]$   $[2, 4, 6]$   $[]$

$1 < 3 \Rightarrow$  добавляем 1,двигаем указатель первого массива

$[1, 3, 5]$   $[2, 4, 6]$   $[1]$

$2 < 3 \Rightarrow$  добавляем 2,двигаем указатель второго массива.

$[x, 3, 5]$   $[x, 4, 6]$   $\{1, 2\}$

$3 < 4$

$[x, 3, 5]$   $[x, 4, 6]$   $\{1, 2, 3\}$

$4 < 5$

$[x, 3, 5]$   $[x, 4, 6]$   $\{1, 2, 3, 4\}$

$5 < 6$

$[x, 3, 5]$   $[x, 4, 6]$   $\{1, 2, 3, 4, 5\}$

результат до уничтожения  
одного из массивов  $\Rightarrow$  добавление оставшегося элемента  
другого массива  
в конец.

$[x, 3, 5]$   $[x, 4, 6]$   $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  итог.

Вернемся к нашему примеру.

$[6]$   $[3]$   $[8]$   $[1]$   
↓  $\downarrow$   $\downarrow$   $\downarrow$   
 $[3, 6]$   $[1]$   $[1, 8]$

$1 < 3$

$[3, 6]$   $[1, 3]$   
↓  $\downarrow$   
 $3 < 8$   $[x, 8]$

$3 < 8$

$[3, 6]$   $[x, 8]$   
↓  $\downarrow$   
 $6 < 8$

$[1, 3, 6, 8]$   $\leftarrow$  добавление 8 в конец, т.к. в левом  
массиве нет элемента до конца.

```

1  def merge_sort(arr):
2      if len(arr) <= 1:
3          return arr
4
5      mid = len(arr) // 2
6      left = merge_sort(arr[:mid])
7      right = merge_sort(arr[mid:])
8
9      return merge(left, right)
10
11
12 def merge(left, right):
13     result = []
14     i = j = 0 ← согласим указатели
15
16     while i < len(left) and j < len(right):
17         if left[i] < right[j]: ← если элемент левого массива < элемента правого
18             result.append(left[i]) з добавлением левый и увел. указатель
19             i += 1
20         else:
21             result.append(right[j]) аналогично для правого.
22             j += 1
23
24     result.extend(left[i:])
25     result.extend(right[j:])
26
27     return result

```