Введение в нейронные сети. Основы обучения нейронных сетей.



План вебинара

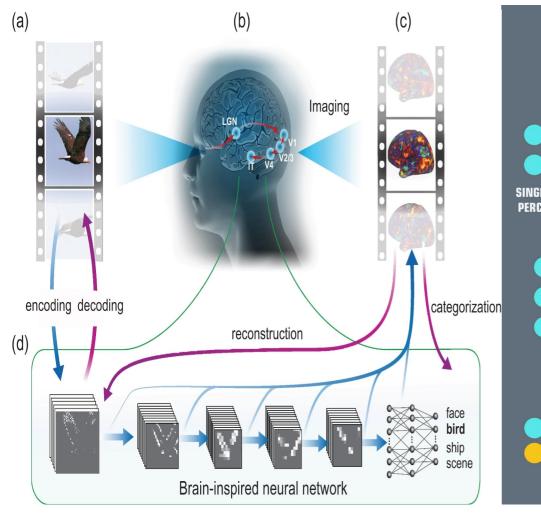


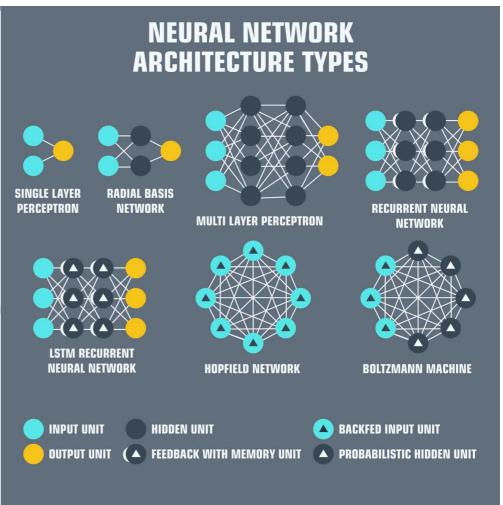
- 1. Общие сведения о нейронных сетях.
- 2. История
- 3. Основы обучения нейронных сетей
- 4. Практика





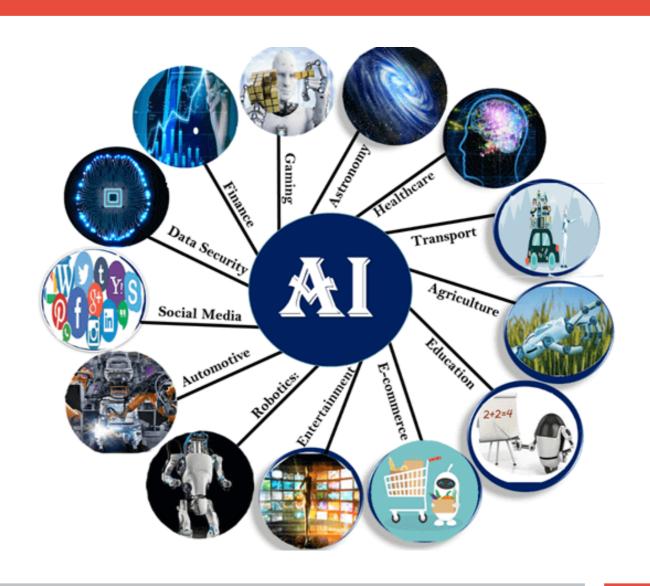
Общие сведения





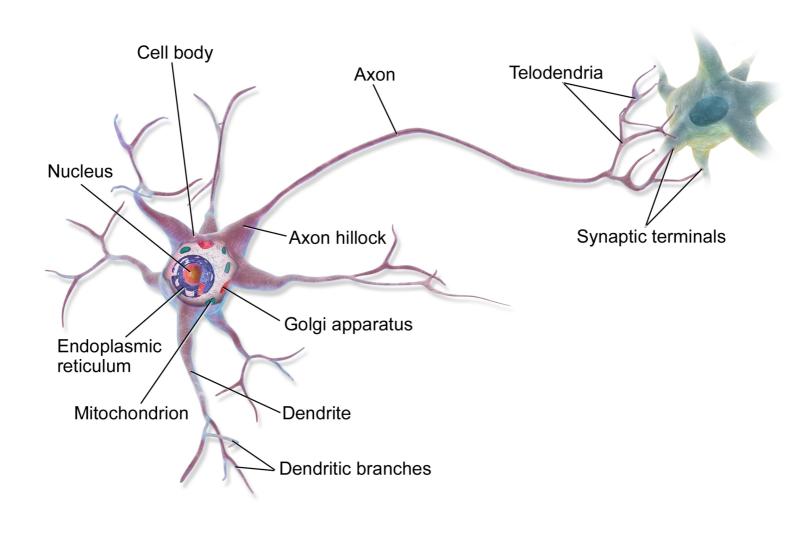
Место искусственных нейронных сетей в современном мире





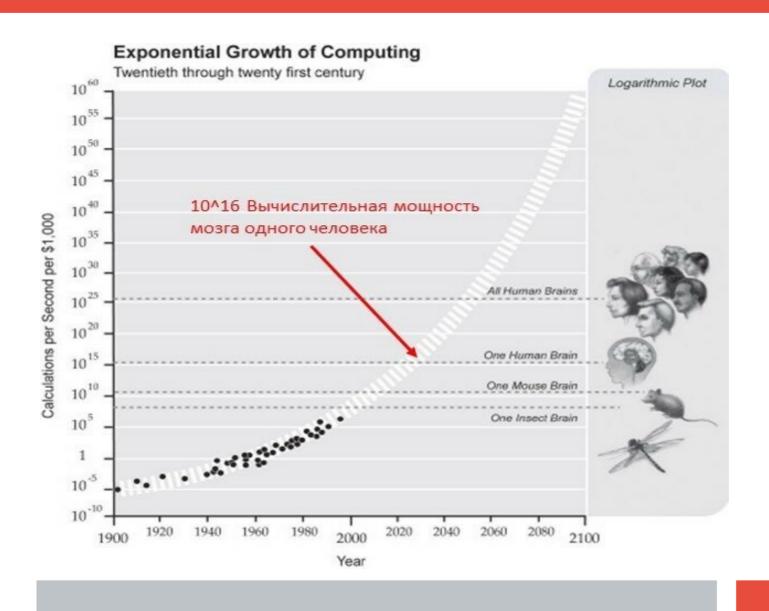


Биологическая нейронная сеть



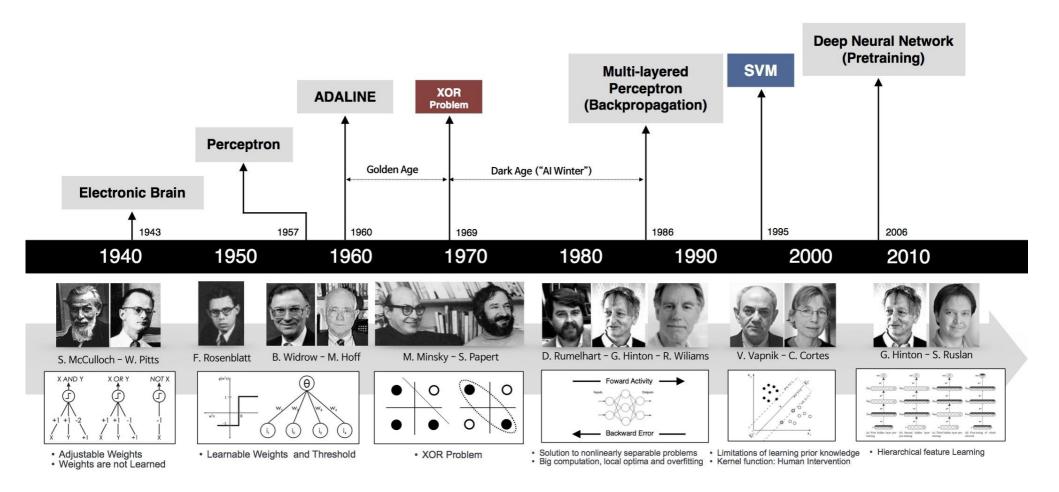


Биологическая нейронная сеть



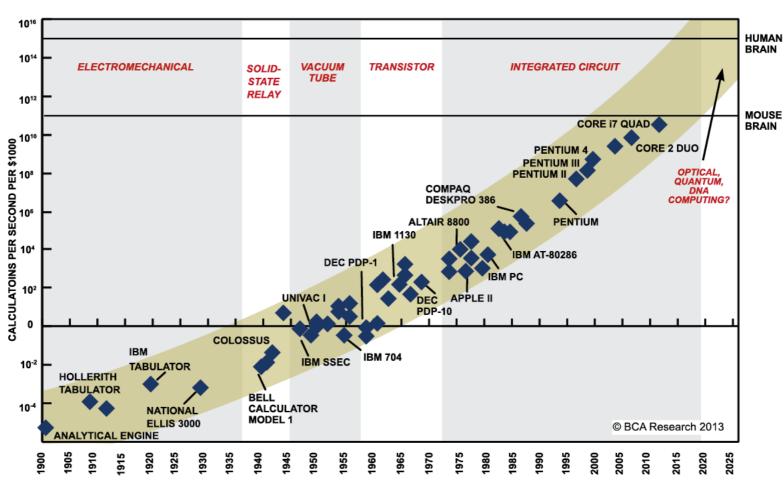
История нейронных сетей





Закон Мура

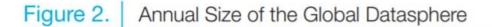


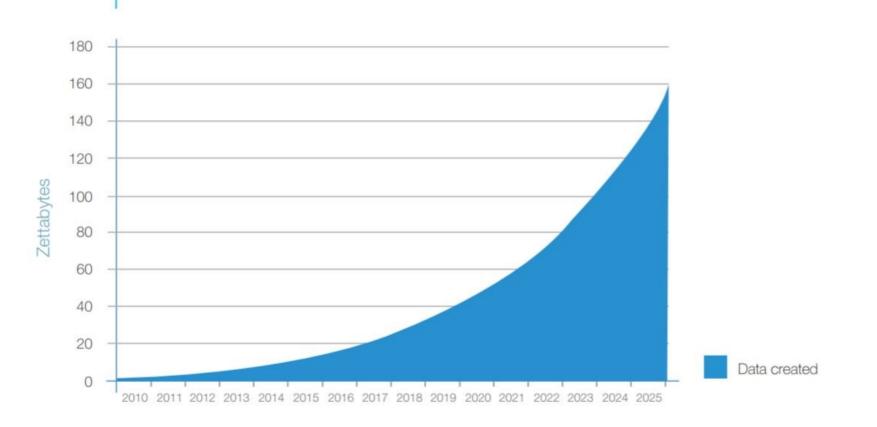


SOURCE: RAY KURZWEIL, "THE SINGULARITY IS NEAR: WHEN HUMANS TRANSCEND BIOLOGY", P.67, THE VIKING PRESS, 2006. DATAPOINTS BETWEEN 2000 AND 2012 REPRESENT BCA ESTIMATES.

Рост числа данных

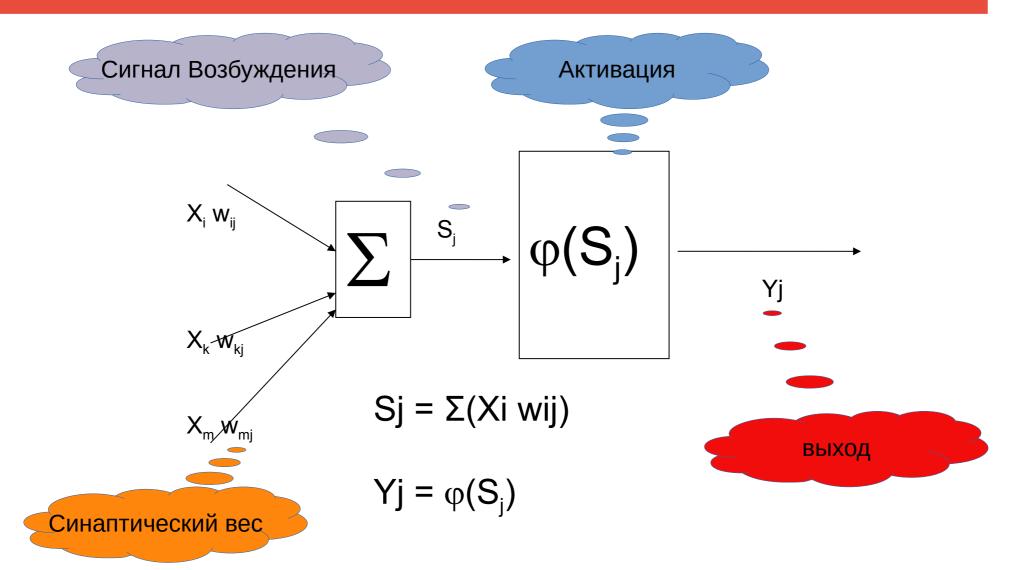




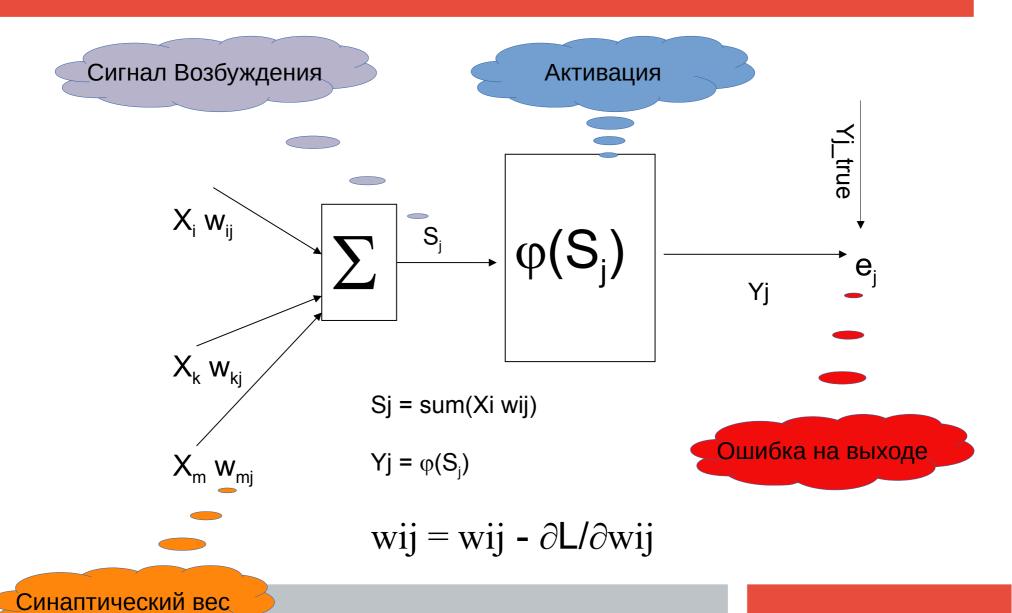


Source: IDC's Data Age 2025 study, sponsored by Seagate, April 2017

Нейрон



Нейрон обучение







Слой

Формальное правило работы сети

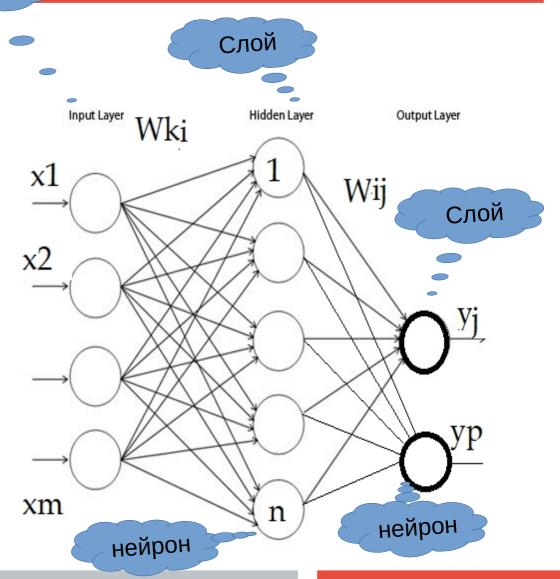
$$y_{j} = f_{j} \left(\sum_{i=0,n} w_{ij} f_{i} \left(\sum_{k=0,m} w_{ki} x_{k} \right) \right)$$

 $X = \langle x1, x2, ..., xm \rangle$ - вход

Wk — матрица размера mxn

n — число нейронов слоя m — число нейронов(или входов) предществующих слою

У = <y1,y2,..,yp> - выходы сети



Нейронная сеть

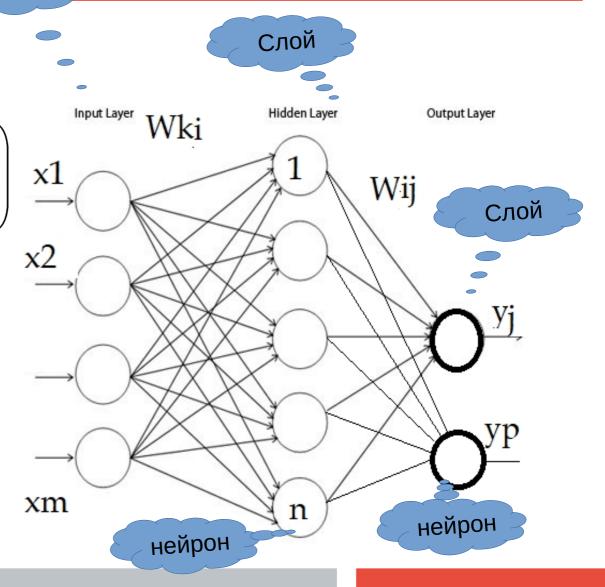


Слой

Формальное правило работы сети

$$y_{j} = f_{j} \left(\sum_{i=0,n} w_{ij} f_{i} \left(\sum_{k=0,m} w_{ki} x_{k} \right) \right) \mathbf{x} \mathbf{1}$$

- слой = группа нейронов
- слои связаны весами нейронов
- веса между слоями можно изменять через обучение на примерах (X, y)



Обучение нейронных сетей



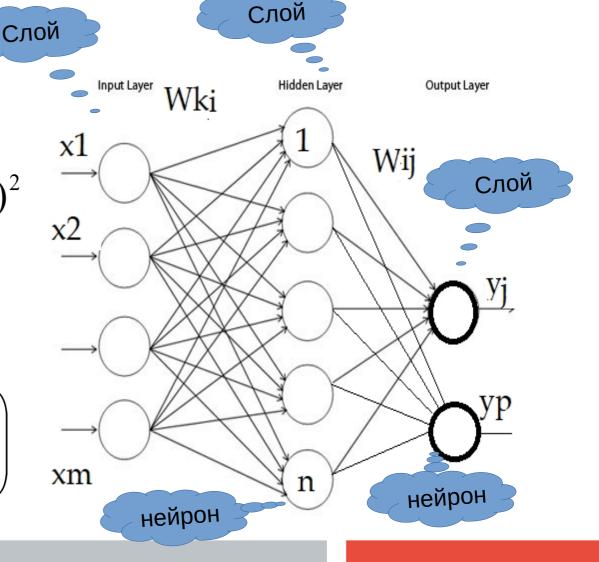
Оценка работы сети:

$$E(W,X) = \sum_{i=1,N} L(X_i,W)$$

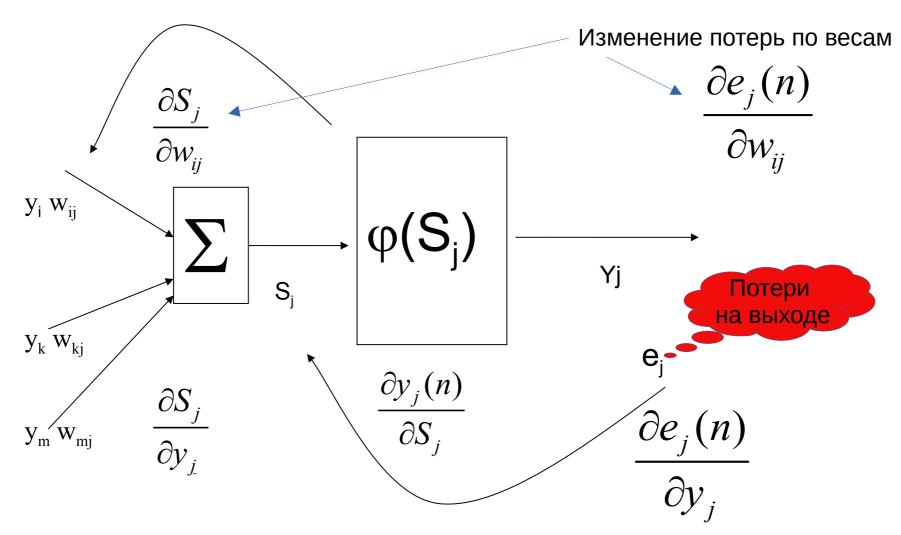
потери $L(X_i, W) = (y_i(X, W) - \hat{y})^2$

Формальное правило работы сети

$$y_{j} = f_{j} \left(\sum_{i=0,n} w_{ij} f_{i} \left(\sum_{k=0,m} w_{ki} x_{k} \right) \right)$$

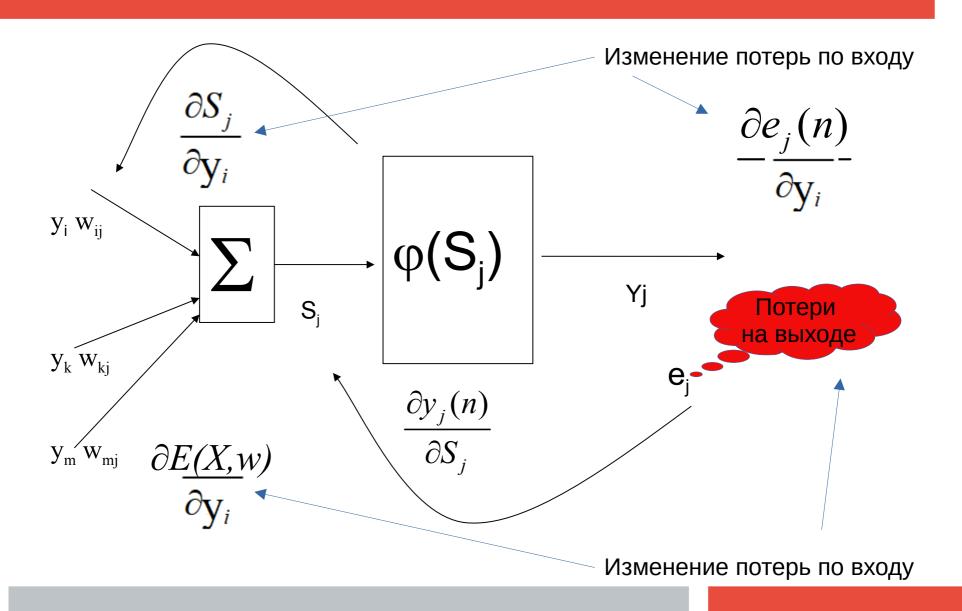


Нейрон ј: градиентный спуск



Изменение потерь по выходу

Нейрон ј: обратный шаг



Математика BackProp шаг коррекции

$$\frac{\partial E(n)}{\partial w_{ij}(n)} = \frac{\partial E(n)}{\partial e_{j}(n)} \frac{\partial e_{j}(n)}{\partial y_{j}(n)} \frac{\partial y_{j}(n)}{\partial S_{j}(n)} \frac{\partial S_{j}(n)}{\partial w_{ij}(n)}$$

$$E(n) = \frac{1}{2} \sum_{j=1}^{k} e_{j}(n)^{2}$$

$$\frac{\partial E(n)}{\partial e_{j}(n)} = e_{j}(n) = d_{j} - y_{j}(n), \qquad \frac{\partial e_{j}(n)}{\partial y_{j}(n)} = -1$$

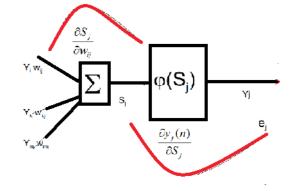
$$y_{j}(n) = \varphi(S_{j}) \Rightarrow \frac{\partial y_{j}(n)}{\partial S_{j}(n)} = \varphi'(S_{j}(n))$$

$$S_{j}(n) = \sum_{j=1}^{k} w_{ij}y_{i}(n) \Rightarrow \frac{\partial S_{j}(n)}{\partial w_{ij}(n)} = y_{i}(n)$$

$$\frac{\partial E(n)}{\partial w_{ij}(n)} = -e_{j}(n)\varphi'(S_{j}(n))y_{i}(n) \Rightarrow \Delta w_{ij}(n) = -\eta \frac{\partial E(n)}{\partial w_{ij}(n)}$$

Математика BackProp обратный шаг

$$E(n) = \frac{1}{2} \sum_{k} e_{k}^{2}(n)$$



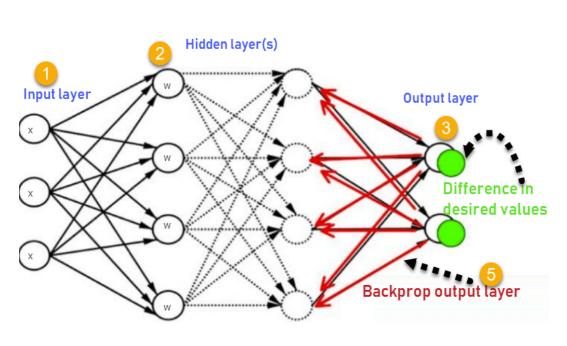
$$\frac{\partial E(n)}{\partial y_{j}(n)} = \sum_{k} e_{k} \frac{\partial e_{k}(n)}{\partial y_{j}(n)}$$

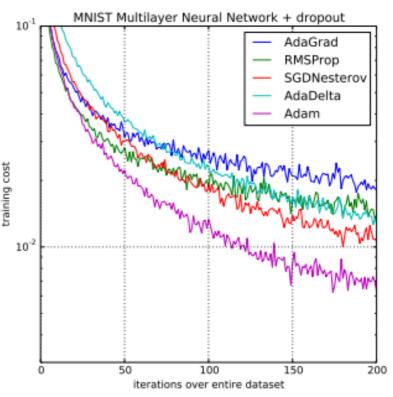
$$\delta_{ij}(n) = \frac{\partial e_j}{\partial y_i} = \frac{\partial e_j(n)}{\partial y_j(n)} \frac{\partial y_j(n)}{\partial S_j(n)} \frac{\partial S_j(n)}{\partial y_i} = -\varphi_j'(S_j(n))w_{ij}$$

$$e_i = \sum_k e_k \delta_{ik}(n)$$

Обучение нейронных сетей













Практическое задание



- 1. Попробуйте видоизменить параметры разобранной на уроке нейронной сети таким образом, чтобы улучшить ее точность.
- 2. Проведите анализ:

Что приводит к ухудшению точности нейронной сети? Что приводит к увеличению ее точности?