

Ejercicio 1

Dada la siguiente gramática, construya la tabla M(N,T) y haga el análisis predictivo para la cadena s;s;s:

Gramática

$\text{sec-sent} \rightarrow \text{sent sec-sent'}$
 $\text{sec-sent'} \rightarrow ; \text{sec-sent}$
 $\text{sec-sent'} \rightarrow e$
 $\text{sent} \rightarrow s$

Primeros

$\text{Primeros}(\text{sec-sent}) = \{s\}$
 $\text{Primeros}(\text{sec-sent}') = \{;, e\}$
 $\text{Primeros}(\text{sent}) = \{s\}$

Siguientes

$\text{Siguientes}(\text{sec-sent}) = \{\$ \}$
 $\text{Siguientes}(\text{sec-sent}') = \{\$ \}$
 $\text{Siguientes}(\text{sent}) = \{;, \$ \}$

	;	s	\$
sec-sent		$\text{sec-sent} \rightarrow \text{sent sec-sent'}$	extraer
sec-sent'	$\text{sec-sent'} \rightarrow ; \text{sec-sent}$		$\text{sec-sent'} \rightarrow e$
sent	extraer	$\text{sent} \rightarrow s$	extraer

Stack	Entrada	Acción
\$ sec-sent	s; s; s \$	$\text{sec-sent} \rightarrow \text{sent sec-sent'}$
\$ sec-sent' sent	s; s; s \$	$\text{sent} \rightarrow s$
\$ sec-sent' s	s; s; s \$	match (s)
\$ sec-sent'	; s; s \$	$\text{sec-sent} \rightarrow ; \text{sec-sent}$
\$ sec-sent ;	; s; s \$	match (;)
\$ sec-sent	s; s \$	$\text{sec-sent} \rightarrow \text{sent sec-sent'}$
\$ sec-sent' sent	s; s \$	$\text{sent} \rightarrow s$
\$ sec-sent' s	s; s \$	match (s)
\$ sec-sent'	; s \$	$\text{sec-sent} \rightarrow ; \text{sec-sent}$
\$ sec-sent ;	; s \$	match (;)
\$ sec-sent	s \$	$\text{sec-sent} \rightarrow \text{sent sec-sent'}$
\$ sec-sent' sent	s \$	$\text{sent} \rightarrow s$
\$ sec-sent' s	s \$	match (s)

\$ sec-sent'	\$	sec-sent' $\rightarrow e$
\$	\$	Aceptar

Ejercicio 2

Dada la siguiente gramática, construya la tabla M(N,T) y haga el análisis predictivo para la cadena if(0) if (1) otro else otro:

Gramática
 sentencia → sent-if
 sentencia → **otro**
 sent-if → **if** (exp) sentencia parte-
 else
 parte-else → **else** sentencia
 parte-else → **e**
 exp → **0**
 exp → **1**

Primeros
 Primeros(**sentencia**) = {otro, if}
 Primeros(**sent-if**) = {if}
 Primeros(**parte-else**) = {else, e}
 Primeros(**exp**) = {0, 1}

Siguientes
 Siguietes(**sentencia**) = {\$, else}
 Siguietes(**sent-if**) = {\$, else}
 Siguietes(**parte-else**) = {\$, else}
 Siguietes(**exp**) = {}

La gramática no es LL(1)

	otro	if	()	else	0	1	\$
sentencia	sentencia → otro	sentencia → sent-if			extraer			extraer
sent-if		sent-if → if (exp) sentencia parte- else			extraer			extraer
parte-else					parte-else → else sentencia parte-else → e			parte-else → e
exp				extraer		exp → 0	exp → 1	

Stack	Entrada	Acción
\$ sentencia	if(0) if(1) otro else otro\$	sentencia → sent-if
\$ sent-if	if(0) if(1) otro else otro \$	sent-if → if(exp) sentencia parte-else
\$ parte-else sentencia) exp (if	if(0) if(1) otro else otro \$	match (if)
\$ parte-else sentencia) exp ((0) if(1) otro else otro \$	match ((
\$ parte-else sentencia) exp	0) if(1) otro else otro \$	exp → 0
\$ parte-else sentencia) 0	0) if(1) otro else otro \$	match (0)
\$ parte-else sentencia)) if(1) otro else otro \$	match ())
\$ parte-else sentencia	if(1) otro else otro \$	sentencia → sent-if
\$ parte-else parte-else sentencia) exp (if	if(1) otro else otro\$	sent-if → if(exp) sentencia parte-else
\$ parte-else parte-else sentencia) exp (if	if(1) otro else otro \$	match (if)
\$ parte-else parte-else sentencia) exp ((1) otro else otro \$	match ((
\$ parte-else parte-else sentencia) exp	1) otro else otro \$	exp → 1
\$ parte-else parte-else sentencia) 1	1) otro else otro \$	match (1)
\$ parte-else parte-else sentencia)) otro else otro \$	match ())

\$ parte-else parte-else sentencia	otro else otro \$	sentencia → otro
\$ parte-else parte-else otro	otro else otro \$	match(otro)
\$ parte-else parte-else	else otro \$	parte-else → else sentencia
\$ parte-else sentencia else	else otro \$	match (else)
\$ parte-else sentencia	otro \$	sentencia → otro
\$ parte-else otro	otro \$	match (otro)
\$ parte-else	\$	parte-else → <i>e</i>
\$	\$	Aceptar

Ejercicio 3

Dada la siguiente gramática, construya la tabla M(N,T) y comente si la gramática LL(1).

Gramática

$S \rightarrow L$
 $L \rightarrow L \# X$
 $L \rightarrow X$
 $X \rightarrow X \#$
 $X \rightarrow e$

Primeros

$\text{Primeros}(S) = \{ \#, e \}$
 $\text{Primeros}(L) = \{ \#, e \}$
 $\text{Primeros}(X) = \{ \#, e \}$

Siguientes

$\text{Siguientes}(S) = \{ \$ \}$
 $\text{Siguientes}(L) = \{ \$, \# \}$
 $\text{Siguientes}(X) = \{ \$, \# \}$

	#	\$
S	$S \rightarrow L$	$S \rightarrow L$
L	$L \rightarrow L \# X$ $L \rightarrow X$	$L \rightarrow X$
X	$X \rightarrow X \#$ $X \rightarrow e$	$X \rightarrow e$

La gramática no es LL(1), se puede verificar puesto que:

- $e \in \text{Primeros}(L) \wedge \text{Primeros}(L) \cap \text{Siguientes}(L) \neq \emptyset$
- $e \in \text{Primeros}(X) \wedge \text{Primeros}(X) \cap \text{Siguientes}(X) \neq \emptyset$

Extra:

Análisis predictivo para la cadena
####

Stack	Entrada	Acción
\$ S	### \$	$S \rightarrow L$
\$ L	### \$	$L \rightarrow L \# X$
\$ X # L	### \$	$L \rightarrow L \# X$
\$ X # X # L	### \$	$L \rightarrow X$
\$ X # X # X	### \$	$X \rightarrow X \#$
\$ X # X # # X	### \$	$X \rightarrow e$
\$ X # X # #	### \$	match (#)
\$ X # X #	## \$	match (#)
\$ X # X	# \$	$X \rightarrow e$
\$ X #	# \$	match (#)
\$ X	\$	$X \rightarrow e$
\$	\$	Aceptar

Ejercicio 4

Determine si la siguiente gramática es LL(1)

Gramática

$A \rightarrow a A a \mid e$

Primeros

$\text{Primeros}(A) = \{a, e\}$

Siguientes

$\text{Siguientes}(A) = \{\$, a\}$

Observación

La gramática no es LL(1), se puede verificar puesto que:

- $a \in \text{Primeros}(A) \wedge \text{Primeros}(A) \cap \text{Siguientes}(A) \neq \emptyset$

	a	\$
A	$A \rightarrow a A a$ $A \rightarrow e$	$A \rightarrow e$

Basándonos en el pseudocódigo de la sesión 3.7 (diapositiva 7/28), el código en C++ solo será exitoso cuando tengamos una gramática LL(1) sin errores en la construcción. Como hay colisión, no se podrá llegar a un parseo correcto. De esta manera, la única cadena correctamente analizada será la vacía.

Link del archivo cpp: https://drive.google.com/file/d/1UCvzo8zNkE_v3_99g-QICKJcA_KjyEFM/view?usp=sharing

Ejercicio 5

Dada la siguiente gramática: elimine la recursividad, factorice por izquierda y construya la tabla M(N,T).

Gramática

$E \rightarrow EE^+$
 $E \rightarrow EE^*$
 $E \rightarrow \text{num}$

Eliminación de la recursividad

$E \rightarrow \text{num } F$
 $F \rightarrow E^*F \mid E^+F \mid e$

Primeros

$\text{Primeros}(E) = \{\text{num}\}$
 $\text{Primeros}(F) = \{\text{num}, e\}$
 $\text{Primeros}(op) = \{^*, +\}$

Factorización por izquierda

$E \rightarrow \text{num } F$
 $F \rightarrow E \text{ op } F$
 $F \rightarrow e$
 $op \rightarrow ^* \mid +$

Siguientes

$\text{Siguientes}(E) = \{\$, ^*, +\}$
 $\text{Siguientes}(F) = \{\$, ^*, +\}$
 $\text{Siguientes}(op) = \{\$, ^*, +, \text{num}\}$

	*	*	num	\$
E	extraer	extraer	$E \rightarrow \text{num } F$	extraer
F	$F \rightarrow e$	$F \rightarrow e$	$F \rightarrow E \text{ op } F$	$F \rightarrow e$
op	$op \rightarrow +$	$op \rightarrow ^*$	extraer	extraer

Extra:

Análisis predictivo para la cadena
2 3 4 +*

Stack	Entrada	Acción
\$ E	2 3 4 + * \$	$E \rightarrow \text{num } F$
\$ F num	2 3 4 + * \$	match (num)
\$ F	3 4 + * \$	$F \rightarrow E \text{ op } F$
\$ F op E	3 4 + * \$	$E \rightarrow \text{num } F$
\$ F op F num	3 4	match (num)
\$ F op F	4 + * \$	$F \rightarrow E \text{ op } F$
\$ F op F op E	4 + * \$	$E \rightarrow \text{num } F$
\$ F op F op F num	4 + * \$	match (num)
\$ F op F op F	+ * \$	$F \rightarrow e$
\$ F op F op	+ * \$	$op \rightarrow +$

\$ F op F +	+ * \$	match (+)
\$ F op F	* \$	$F \rightarrow e$
\$ F op	* \$	$op \rightarrow *$
\$ F *	* \$	match (*)
\$ F	\$	$F \rightarrow e$
\$	\$	Aceptar

Ejercicio 5

Hacer la comparación de la gramática corregida y sin corregir. Hacer la tabla LL y una tabla de pila.

Gramática

$S \rightarrow Sa \mid a$

Eliminación de la recursividad

$S \rightarrow aS'$
 $S' \rightarrow aS' \mid e$

Primeros

Primeros(S)={a}

Primeros(S)={a}
Primeros(S')={a, e}

Siguientes

Siguientes(S)={\$, a}

Siguientes(S)={\$}
Siguientes(S')={\$}

	a	\$
S	$S \rightarrow a$	extraer

	a	\$
S	$S \rightarrow aS'$	extraer
S'	$S \rightarrow aS'$	$S \rightarrow e$

Análisis predictivo para la cadena aaa

Stack	Entrada	Acción
\$ S	aaa \$	$S \rightarrow Sa$
\$ a S	aaa \$	$S \rightarrow Sa$
\$ a a S	aaa \$	$S \rightarrow Sa$
\$ a a a	aaa \$	$S \rightarrow a$
\$ a a a	aaa \$	match (a)
\$ a a	aa \$	match (a)
\$ a	a \$	match (a)
\$	\$	Aceptar

Análisis predictivo para la cadena aaa

Stack	Entrada	Acción
\$ S	aaa \$	$S \rightarrow aS'$
\$ S' a	aaa \$	match (a)
\$ S'	aa \$	$S' \rightarrow aS'$
\$ S' S' a	aa \$	match (a)
\$ S' S'	a \$	$S' \rightarrow aS'$
\$ S' S' S' a	a \$	match (a)
\$ S' S' S'	\$	$S' \rightarrow e$
\$ S' S'	\$	$S' \rightarrow e$
\$ S'	\$	$S' \rightarrow e$
\$	\$	Aceptar

Ejercicio extra, basado en el 4.9 del Louden

Gramática

$\text{lexp} \rightarrow \text{atom}$
 $\text{lexp} \rightarrow \text{list}$
 $\text{atom} \rightarrow \text{number}$
 $\text{atom} \rightarrow \text{identifier}$
 $\text{list} \rightarrow (\text{lexp-seq})$
 $\text{lexp-seq} \rightarrow \text{lexp lexp-seq}'$
 $\text{lexp-seq}' \rightarrow , \text{lexp-seq}$
 $\text{lexp-seq}' \rightarrow e$

Primeros

$\text{Primeros}(\text{lexp}) = \{\text{number}, \text{identifier}, (\}$
 $\text{Primeros}(\text{atom}) = \{\text{number}, \text{identifier}\}$
 $\text{Primeros}(\text{list}) = \{(\}$
 $\text{Primeros}(\text{lexp-seq}) = \{\text{number}, \text{identifier}, (\}$
 $\text{Primeros}(\text{lexp-seq}') = \{., e\}$

Siguientes

$\text{Siguientes}(\text{lexp}) = \{\$, ,, \}$
 $\text{Siguientes}(\text{atom}) = \{\$, ,, \}$
 $\text{Siguientes}(\text{list}) = \{\$, ,, \}$
 $\text{Siguientes}(\text{lexp-seq}) = \{(\}$
 $\text{Siguientes}(\text{lexp-seq}') = \{(\}$

	number	identifier	()	,	\$
lexp	$\text{lexp} \rightarrow \text{atom}$	$\text{lexp} \rightarrow \text{atom}$	$\text{lexp} \rightarrow \text{list}$	extraer	extraer	extraer
atom	$\text{atom} \rightarrow \text{number}$	$\text{atom} \rightarrow \text{identifier}$		extraer	extraer	extraer
list			$\text{list} \rightarrow (\text{lexp-seq})$	extraer	extraer	extraer
lexp-sep	$\text{lexp-seq} \rightarrow \text{lexp}$ $\text{lexp-seq}'$	$\text{lexp-seq} \rightarrow \text{lexp}$ $\text{lexp-seq}'$	$\text{lexp-seq} \rightarrow \text{lexp}$ $\text{lexp-seq}'$	extraer		
lexp-sep'				$\text{lexp-seq}' \rightarrow e$	$\text{lexp-seq}' \rightarrow , \text{lexp-seq}$	

Extra:

Análisis predictivo para la cadena
 (12, v)

Stack	Entrada	Acción
\$ lexp	(12, v) \$	$\text{lexp} \rightarrow \text{list}$
\$ list	(12, v) \$	$\text{list} \rightarrow (\text{lexp-seq})$
\$) lexp-seq ((12, v) \$	match (()
\$) lexp-seq	12, v) \$	$\text{lexp-seq} \rightarrow \text{lexp lexp-seq}'$
\$) lexp-seq' lexp	12, v) \$	$\text{lexp} \rightarrow \text{atom}$
\$) lexp-seq' atom	12, v) \$	$\text{atom} \rightarrow \text{number}$
\$) lexp-seq' number	12, v) \$	match (number)
\$) lexp-seq'	, v) \$	$\text{lexp-seq}' \rightarrow , \text{lexp-seq}$
\$) lexp-seq ,	, v) \$	match (,)
\$) lexp-seq	v) \$	$\text{lexp-seq} \rightarrow \text{lexp lexp-seq}'$
\$) lexp-seq' lexp	v) \$	$\text{lexp} \rightarrow \text{atom}$
\$) lexp-seq' atom	v) \$	$\text{atom} \rightarrow \text{identifier}$
\$) lexp-seq' identifier	v) \$	match (identifier)
\$) lexp-seq') \$	$\text{lexp-seq}' \rightarrow e$

\$)) \$	match ())
\$	\$	Aceptar

Ejercicio extra, basado en el 4.10 del Louden

Gramática
declaration → type var-list
type → **int**
type → **float**
var-list → **identifier** var-list'
var-list' → , var-list
var-list' → **e**

Primeros
Primeros(declaration)={int, float}
Primeros(type)={int, float}
Primeros(var-list)={identifier}
Primeros(var-list')={,, e}

Siguientes
Siguientes(declaration)={\$}
Siguientes(type)={identifier}
Siguientes(var-list)={\$}
Siguientes(var-list')={\$}

	int	float	identifier	,	\$
declaration	declaration → type var-list	declaration → type var-list			extraer
type	type → int	type → float	extraer		
var-list			var-list → identifier var-list'		extraer
var-list'				var-list' → , var-list	var-list' → e

Extra:
Análisis predictivo para la cadena
int v1, v2, v3

Stack	Entrada	Acción
\$ declaration	int v1, v2, v3 \$	declaration → type var-list
\$ var-list type	int v1, v2, v3 \$	type → int
\$ var-list int	int v1, v2, v3 \$	match (int)
\$ var-list	v1, v2, v3 \$	var-list → identifier var-list'
\$ var-list' identifier	v1, v2, v3 \$	match (identifier)
\$ var-list'	, v2, v3 \$	var-list' → , var-list
\$ var-list ,	, v2, v3 \$	match (,)
\$ var-list	v2, v3 \$	var-list → identifier var-list'
\$ var-list' identifier	v2, v3 \$	match (identifier)
\$ var-list'	, v3 \$	var-list' → , var-list
\$ var-list ,	, v3 \$	match (,)
\$ var-list	v3 \$	var-list → identifier var-list'
\$ var-list' identifier	v3 \$	match (identifier)
\$ var-list'	\$	var-list' → e
\$	\$	Aceptar