

题目描述

公元2919年，人类终于发现了一颗宜居星球——X星。
现在在X星一片连绵起伏的山脉间建一个天然蓄水库，如何选取水库边界，使蓄水量最大？

要求：

- 山脉用正整数数组s表示，每个元素代表山脉的高度。
- 选取山脉上两个点作为蓄水库的边界，则边界内的区域可以蓄水，蓄水量需排除山脉占用的空间
- 蓄水量的高度为两边界的最小值。
- 如果出现多个满足条件的边界，应选取距离最近的一组边界。

输出边界下标（从0开始）和最大蓄水量；如果无法蓄水，则返回0，此时不返回边界。
例如，当山脉为s=[3,1,2]时，则选取s[0]和s[2]作为水库边界，则蓄水量为1，此时输出：0 2:1
当山脉s=[3,2,1]时，不存在合理的边界，此时输出：0。

输入描述

一行正整数，用空格隔开，例如输入

```
1 2 3
```

表示s=[1,2,3]

输出描述

当存在合理的水库边界时，输出左边界、空格、右边界、英文冒号、蓄水量；例如

```
0 2:1
```

当不存在合理的书库边界时，输出0；例如

```
0
```

备注

- $1 \leq \text{length}(s) \leq 10000$
- $0 \leq s[i] \leq 10000$

用例

输入	1 9 6 2 5 4 9 3 7
输出	1 6:19
说明	经过分析，选取s[1]和s[6]，水库蓄水量为19 (3+7+4+5)

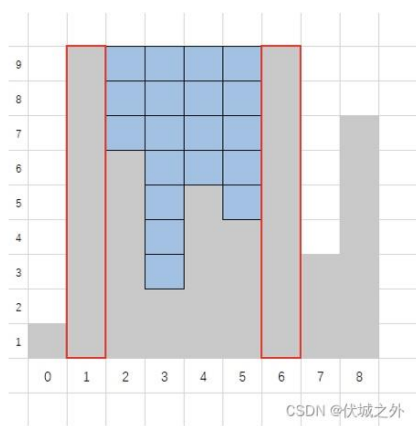
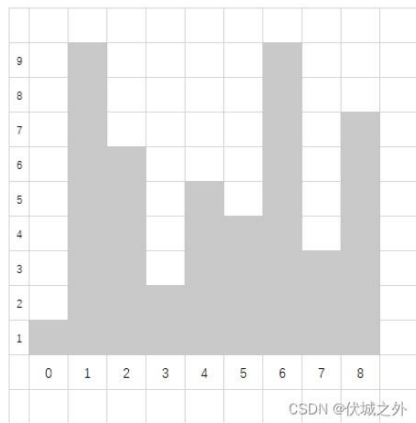
输入	1 8 6 2 5 4 8 3 7
输出	1 6:15
说明	经过分析，选取s[1]和s[8]时，水库蓄水量为15；同样选取s[1]和s[6]时，水库蓄水量也为15。由于后者下标距离小（为5），故应选取后者。

输入	1 2 3
输出	0
说明	不存在合理的水库边界

题目解析

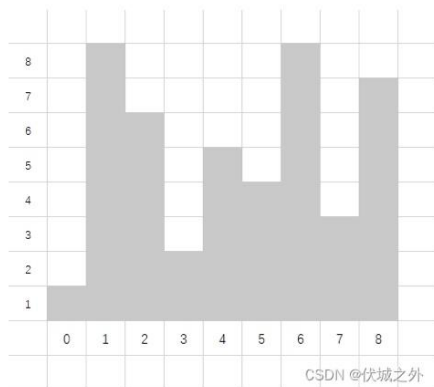
题目解析

用例1图示



我们可以很明显看出选择山脉1和山脉6作为蓄水库边界时，产生的水量最大。

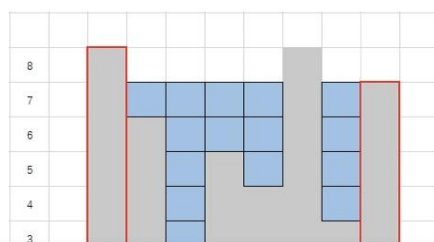
用例2图示



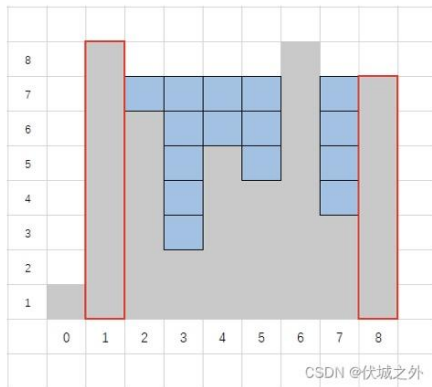
可以发现，选取山脉1和山脉8作为边界的水库蓄水量有15，而选取山脉1和山脉6作为边界的水库蓄水量也有15，题目要求：

如果出现多个满足条件的边界，应选取距离最近的一组边界

因此最终选择山脉1~山脉6作为边界

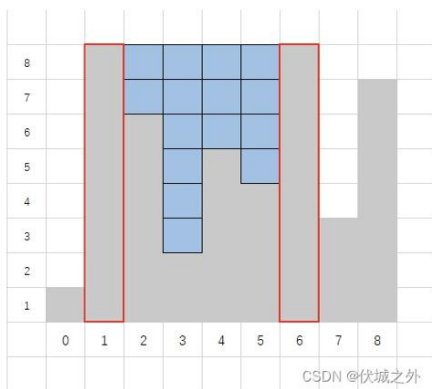


因此最终选择山脉1~山脉6作为边界

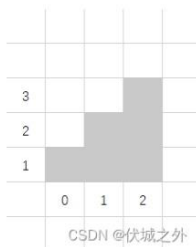


另外，选择山脉1~山脉8作为边界的水库高度选取的时较短的山脉8的高度，因为题目说：

蓄水量的高度为两边界的最小值。



用例3图示如下



可以发现，无法形成蓄水库。

本题，最简单的解题思路就是双重for，将任意两个山脉之间的蓄水量都计算出来，这样的话，时间复杂度是 $O(n^2)$ ， $1 \leq \text{length}(s) = n \leq 10000$ ，也就是会有 10^8 次循环，另外计算蓄水量时，我们还需要遍历两个边界山脉之间的比较矮边界山脉更矮的山脉，这样的话，其实将整体时间复杂度推到了 $O(n^3)$ ，这样毫无疑问的会超时。

本题非常类似于[华为OD机试 - 太阳能板最大面积_伏城之外的博客-CSDN博客](#)

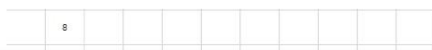
上面这题的最优解题思路是使用 [双指针](#)，具体解题思路如下：

定义两个指针L、R，其中L指向数组首元素，R指向数组尾元素，然后比较h[L]和h[R]的大小：

- 如果 $h[L] > h[R]$ ，则h[R]是较矮的，那么对高度h[R]来说，此时选取宽度R-L，可得最大面积，并且由于h[R]柱子已经找到的最大面积，而h[L]柱子还没有找到，因此我们应该R--
- 如果 $h[L] < h[R]$ ，则h[L]是较矮的，那么对高度h[L]来说，此时选取宽度R-L，可得最大面积，并且由于h[L]柱子已经找到的最大面积，而h[R]柱子还没有找到，因此我们应该L++
- 如果 $h[L] == h[R]$ ，两个柱子高度相同，则此时无论内移哪一根柱子都没关系，因此无论是L++，还是R--，取得的新面积都比不上当前的面积，因为无论内移哪一根柱子，新面积的矮柱都只会 $\leq h[L]$ 和 $h[R]$ ，因此新面积的高度只会不变或更矮，宽度已经确定更短了，因此新面积只会比当前面积小。

本题可以借鉴上面的双指针思路，也可以定义两个指针L、R，分别指向数组h的首尾，然后比较h[L]和h[R]的大小，得出矮峰高度，计算矮峰对应的最大蓄水量。

但是本题多了一个条件：要得到矮峰对应的最大蓄水量的同时，保证两峰距离最小。即存在下面情况：



伏城之外 已关注

3 7 0 专栏目录 已订阅

可以发现，无法形成蓄水库。

本题，最简单的解题思路就是双重for，将任意两个山脉之间的蓄水量都计算出来，这样的话，时间复杂度是 $O(n^2)$ ， $1 \leq \text{length}(s) = n \leq 10000$ ，也就是会有 10^8 次循环，另外计算蓄水量时，我们还需要遍历两个边界山脉之间的比较矮边界山脉更矮的山脉，这样的话，其实将整体时间复杂度推到了 $O(n^3)$ ，这样毫无疑问的会超时。

本题非常类似于[华为OD机试 - 太阳能板最大面积_伏城之外的博客-CSDN博客](#)

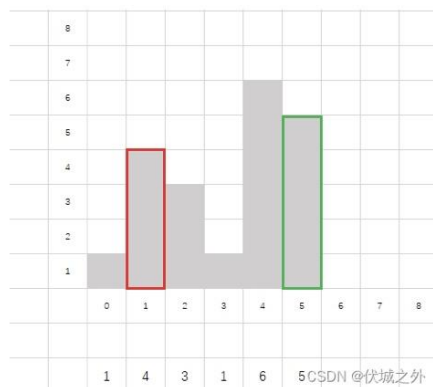
上面这题的最优解题思路是使用双指针，具体解题思路如下：

定义两个指针L、R，其中L指向数组首元素，R指向数组尾元素，然后比较 $h[L]$ 和 $h[R]$ 的大小：

- 如果 $h[L] > h[R]$ ，则 $h[R]$ 是较矮的，那么对高度 $h[R]$ 来说，此时选取宽度 $R-L$ ，可得最大面积，并且由于 $h[R]$ 柱子已经找到的最大面积，而 $h[L]$ 柱子还没有找到，因此我们应该 $R--$
- 如果 $h[L] < h[R]$ ，则 $h[L]$ 是较矮的，那么对高度 $h[L]$ 来说，此时选取宽度 $R-L$ ，可得最大面积，并且由于 $h[L]$ 柱子已经找到的最大面积，而 $h[R]$ 柱子还没有找到，因此我们应该 $L++$
- 如果 $h[L] == h[R]$ ，两个柱子高度相同，则此时无论内移哪一根柱子都没关系，因此无论是 $L++$ ，还是 $R--$ ，取得的新面积都比不上当前的面积，因为无论内移哪一根柱子，新面积的矮柱都只会 $\leq h[L]$ 和 $h[R]$ ，因此新面积的高度只会不变或更矮，宽度已经确定更短了，因此新面积只会比当前面积小。

本题可以借鉴上面的双指针思路，也可以定义两个指针L、R，分别指向数组h的首尾，然后比较 $h[L]$ 和 $h[R]$ 的大小，得出矮峰高度，计算矮峰对应的最大蓄水量。

但是本题多了一个条件：要得到矮峰对应的最大蓄水量的同时，保证两峰距离最小。即存在下面情况：

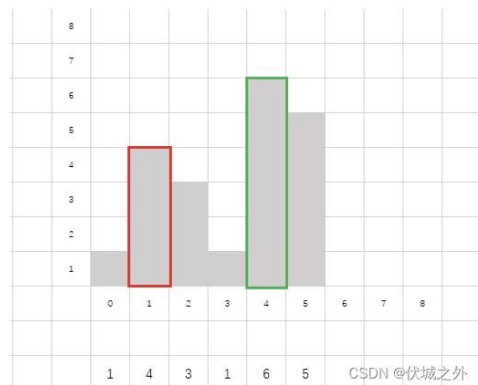


如果按照太阳能板那题的逻辑，

$L = 1, R = 5$,

$h[L] < h[R]$ ，此时应该 $L++$ ，但是在 $L++$ 之前，我们应该思考一下此时对于矮峰 $h[1]$ 而言，已经获得了最大蓄水量，但是此时两峰之间的距离是最短的吗？或者在缩小两峰距离的情况下，是否可以保持最大蓄水量呢？

答案是：可以的，如下图所示。

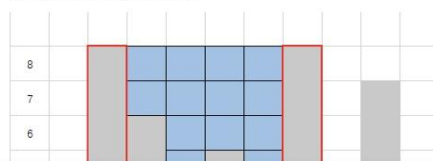


此时对于矮峰 $h[1]$ 而言，最大蓄水量并没有发生变化，但是两峰距离更短了。

因此，虽然按照太阳能板最大面积那题的逻辑来看，求得最大蓄水量后，应该将矮柱指针内移一格，但是对于本题来说却并不适用。

此时，我们应该看看高峰内移一格会不会导致最大蓄水量减少，如果不会，则此时应该优先将高峰指针内移。

那么如果两峰高度相同呢？



伏城之外 已关注

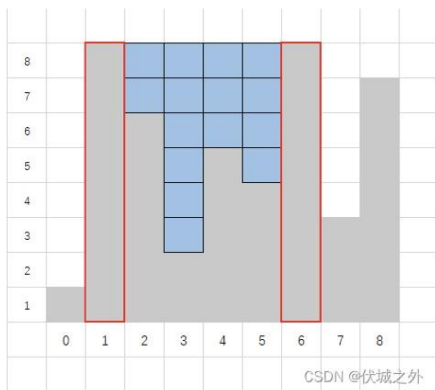
3 7 0 专栏目录 已订阅

此时对于矮峰 $h[l]$ 而言，最大蓄水量并没有发生变化，但是两峰距离更短了。

因此，虽然按照太阳能板最大面积那题的逻辑来看，求得最大蓄水量后，应该将矮柱指针内移一格，但是对于本题来说却并不适用。

此时，我们应该看看高峰内移一格会不会导致最大蓄水量减少，如果不会，则此时应该优先将高峰指针内移。

那么如果两峰高度相同呢？



此时，我们应该内移哪一个呢？

通过上面图示可以看出，此时我们应该 $L++$ ，而不是 $R--$ ，原因是 $L++$ 后得到的最大蓄水量高于 $R--$ 后的，更本质的原因是 $h[l+1] > h[r-1]$ 。

因此，可得逻辑如下：

```
1 if (h[l] < h[r]) { // h[l]是矮峰
2   if (h[r - 1] >= h[r]) r--; // 此时我们不应该直接L++，而是需要检查h[r-1] 是否不低于 h[r]，如果不低，则应该R--，因为:
3   else l++; // 否则L++
4 } else if (h[l] > h[r]) { // 同理同上
5   if (h[l + 1] >= h[l]) l++;
6   else r--;
7 } else { // 如果两峰高度相同
8   if (h[l + 1] > h[r - 1]) l++;
9   else r--;
10 }
```

JavaScript算法源码

```
1 /* JavaScript Node ACM模式 控制台输入获取 */
2 const readline = require("readline");
3
4 const rl = readline.createInterface({
5   input: process.stdin,
6   output: process.stdout,
7 });
8
9 rl.on("line", (line) => {
10   const h = line.split(" ").map(Number);
11
12   console.log(getResult(h));
13 });
14
15 function getResult(h) {
16   let ans = [0, 0, 0];
17
18   let l = 0;
19   let r = h.length - 1;
20   let maxSum = 0;
21
22   while (l < r) {
23     let sum = 0;
24     let lower = Math.min(h[l], h[r]);
25
26     for (let i = l; i <= r; i++) {
27       sum += Math.max(0, lower - h[i]);
28     }
29
30     if (sum >= maxSum) {
31       maxSum = sum;
32       ans = [l, r, sum];
33     }
34
35     if (h[l] < h[r]) {
36       if (h[r - 1] >= h[r]) r--;
37       else l++;
38     } else if (h[l] > h[r]) {
39       if (h[l + 1] >= h[l]) l++;
40       else r--;
41     } else {
42       if (h[l + 1] > h[r - 1]) l++;
43       else r--;
44     }
45   }
46
47   return ans;
48 }
```

伏城之外 已关注

3 7 0 专栏目录 已订阅

JavaScript算法源码

```
1  /* JavaScript Node ACM模式 控制台输入获取 */
2  const readline = require("readline");
3
4  const rl = readline.createInterface({
5    input: process.stdin,
6    output: process.stdout,
7  });
8
9  rl.on("line", (line) => {
10    const h = line.split(" ").map(Number);
11
12    console.log(getResult(h));
13  });
14
15  function getResult(h) {
16    let ans = [0, 0, 0];
17
18    let l = 0;
19    let r = h.length - 1;
20    let maxSum = 0;
21
22    while (l < r) {
23      let sum = 0;
24      let lower = Math.min(h[l], h[r]);
25
26      for (let i = l; i <= r; i++) {
27        sum += Math.max(0, lower - h[i]);
28      }
29
30      if (sum >= maxSum) {
31        maxSum = sum;
32        ans = [l, r, sum];
33      }
34
35      if (h[l] < h[r]) {
36        if (h[r - 1] >= h[r]) r--;
37        else l++;
38      } else if (h[l] > h[r]) {
39        if (h[l + 1] >= h[l]) l++;
40        else r--;
41      } else {
42        if (h[l + 1] > h[r - 1]) l++;
43        else r--;
44      }
45    }
46
47    [l, r, sum] = ans;
48    if (sum === 0) return 0;
49    return `${l} ${r}:${sum}`;
50  }
```

Java算法源码

```
1  import java.util.Arrays;
2  import java.util.Scanner;
3
4  public class Main {
5    public static void main(String[] args) {
6      Scanner sc = new Scanner(System.in);
7
8      Integer[] h =
9        Arrays.stream(sc.nextLine().split(" ")).map(Integer::parseInt).toArray(Integer[]::new);
10
11      System.out.println(getResult(h));
12    }
13
14    public static String getResult(Integer[] h) {
15      Integer[] ans = new Integer[] {0, 0, 0};
16
17      int l = 0;
18      int r = h.length - 1;
19      int maxSum = 0;
20
21      while (l < r) {
22        int sum = 0;
23        int lower = Math.min(h[l], h[r]);
24
25        for (int i = l; i <= r; i++) {
26          sum += Math.max(0, lower - h[i]);
27        }
28
29        if (sum >= maxSum) {
30          ans = new Integer[] {l, r, sum};
31          maxSum = sum;
32        }
33
34        if (h[l] < h[r]) {
35          if (h[r - 1] >= h[r]) r--;
36          else l++;
37        } else if (h[l] > h[r]) {
38          if (h[l + 1] >= h[l]) l++;
39          else r--;
40        } else {
41          if (h[l + 1] > h[r - 1]) l++;
42          else r--;
43        }
44      }
45
46      [l, r, sum] = ans;
47      if (sum === 0) return 0;
48      return `${l} ${r}:${sum}`;
49    }
50  }
```



伏城之外 [已关注](#)

👍 3



★ 7



💬 0



[专栏目录](#)

[已订阅](#)

Java算法源码

```
1 import java.util.Arrays;
2 import java.util.Scanner;
3
4 public class Main {
5     public static void main(String[] args) {
6         Scanner sc = new Scanner(System.in);
7
8         Integer[] h =
9             Arrays.stream(sc.nextLine().split(" ")).map(Integer::parseInt).toArray(Integer[]::new);
10
11         System.out.println(getResult(h));
12     }
13
14     public static String getResult(Integer[] h) {
15         Integer[] ans = new Integer[] {0, 0, 0};
16
17         int l = 0;
18         int r = h.length - 1;
19         int maxSum = 0;
20
21         while (l < r) {
22             int sum = 0;
23             int lower = Math.min(h[l], h[r]);
24
25             for (int i = l; i <= r; i++) {
26                 sum += Math.max(0, lower - h[i]);
27             }
28
29             if (sum >= maxSum) {
30                 ans = new Integer[] {l, r, sum};
31                 maxSum = sum;
32             }
33
34             if (h[l] < h[r]) {
35                 if (h[r - 1] >= h[r]) r--;
36                 else l++;
37             } else if (h[l] > h[r]) {
38                 if (h[l + 1] >= h[l]) l++;
39                 else r--;
40             } else {
41                 if (h[l + 1] > h[r - 1]) l++;
42                 else r--;
43             }
44         }
45
46         if (ans[2] == 0) return "0";
47         return ans[0] + " " + ans[1] + ":" + ans[2];
48     }
49 }
```

Python算法源码

```
1 # 输入获取
2 h = list(map(int, input().split()))
3
4
5 # 算法入口
6 def getResult(h):
7     ans = [0, 0, 0]
8
9     l = 0
10    r = len(h) - 1
11    maxSum = 0
12
13    while l < r:
14        sum = 0
15        lower = min(h[l], h[r])
16
17        for i in range(l, r + 1):
18            sum += max(0, lower - h[i])
19
20        if sum >= maxSum:
21            maxSum = sum
22            ans = [l, r, sum]
23
24        if h[l] < h[r]:
25            if h[r-1] >= h[r]:
26                r -= 1
27            else:
28                l += 1
29        elif h[l] > h[r]:
30            if h[l+1] >= h[l]:
31                l += 1
32            else:
33                r -= 1
34        else:
35            if h[l+1] > h[r-1]:
36                l += 1
37            else:
38                r -= 1
```

Python算法源码

```
1 # 输入获取
2 h = list(map(int, input().split()))
3
4
5 # 算法入口
6 def getResult(h):
7     ans = [0, 0, 0]
8
9     l = 0
10    r = len(h) - 1
11    maxSum = 0
12
13    while l < r:
14        sum = 0
15        lower = min(h[l], h[r])
16
17        for i in range(l, r + 1):
18            sum += max(0, lower - h[i])
19
20        if sum >= maxSum:
21            maxSum = sum
22            ans = [l, r, sum]
23
24        if h[l] < h[r]:
25            if h[r-1] >= h[r]:
26                r -= 1
27            else:
28                l += 1
29        elif h[l] > h[r]:
30            if h[l+1] >= h[l]:
31                l += 1
32            else:
33                r -= 1
34        else:
35            if h[l+1] > h[r-1]:
36                l += 1
37            else:
38                r -= 1
39
40    ans_l, ans_r, ans_sum = ans
41
42    if ans_sum == 0:
43        print(0)
44    else:
45        print(f"{ans_l} {ans_r}:{ans_sum}")
46
47
48 # 算法调用
49 getResult(h)
```

[复制](#)