题目描述

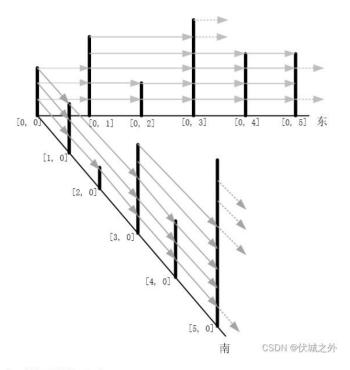
有一个二维的天线矩阵,每根天线可以向其他天线发射信号,也能接收其他天线的信号,为了简化起见,我们约 定每根天线只能向东和向南发射信号,换言之,每根天线只能接收东向或南向的信号。

每根天线有自己的高度anth,每根天线的高度存储在一个二维数组中,各个天线的位置用[r, c]表示,r代表天线的行位置(从0开始编号),c代表天线的列位置(从0开始编号)。

在某一方向(东向或南向),某根天线可以收到多根其他天线的信号(也可能收不到任何其他天线的信号),对任一天线X和天线Y,天线X能接收到天线Y的条件是:

- 1. 天线X在天线Y的东边或南边
- 2. 天线X和天线Y之间的其他天线的高度都低于天线X和天线Y,或天线X和天线Y之间无其他天线,即无遮挡。

如下图示意:



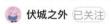
在天线矩阵的第0行上:

- 天线[0,0]接收不到任何其他天线的信号,
- 天线[0, 1]可以接收到天线[0, 0]的信号,
- 天线[0, 2]可以接收到天线[0, 1]的信号,
- 天线[0,3]可以接收到天线[0,1]和天线[0,2]的信号,
- 天线[0, 4]可以接收到天线[0, 3]的信号,
- 天线[0,5]可以接收到天线[0,4]的信号;

在天线的第0列上:

- 天线[0,0]接收不到任何其他天线的信号,
- 天线[1,0]可以接收到天线[0,0]的信号,
- 天线[2,0]可以接收到天线[1,0]的信号,
- 天线[3,0]可以接收到天线[1,0]和天线[2,0]的信号,
- 天线[4,0]可以接收到天线[3,0]的信号,
- 天线[5,0]可以接收到天线[3,0]和天线[4,0]的信号;

给一个m行n列的矩阵(二维数组),矩阵存储各根天线的高度,求出每根天线可以接收到多少根其他天线的信





在天线矩阵的第0行上:

- 天线[0,0]接收不到任何其他天线的信号,
- 天线[0,1]可以接收到天线[0,0]的信号,
- 天线[0, 2]可以接收到天线[0, 1]的信号,
- 天线[0,3]可以接收到天线[0,1]和天线[0,2]的信号,
- 天线[0, 4]可以接收到天线[0, 3]的信号,
- 天线[0, 5]可以接收到天线[0, 4]的信号;

在天线的第0列上:

- 天线[0,0]接收不到任何其他天线的信号,
- 天线[1,0]可以接收到天线[0,0]的信号,
- 天线[2,0]可以接收到天线[1,0]的信号,
- 天线[3,0]可以接收到天线[1,0]和天线[2,0]的信号,
- 天线[4,0]可以接收到天线[3,0]的信号,
- 天线[5, 0]可以接收到天线[3, 0]和天线[4, 0]的信号;

给一个m行n列的矩阵(二维数组),矩阵存储各根天线的高度,求出每根天线可以接收到多少根其他天线的信号,结果输出到m行n列的矩阵(二维矩阵)中。

输入描述

输入为1个m行n列的矩阵(二维矩阵)anth[m][n],矩阵存储各根天线的高度,高度值anth[r]][c]为大于0的整数。第一行为输入矩阵的行数和列数,如:

m n

第二行为输入矩阵的元素值,按行输入,如:

输出描述

输出一个m行n列的矩阵(二维数组)ret[m][n],矩阵存储每根天线能收到多少根其他天线的信号,根数为ret[r] [c].

第一行为输出矩阵的行数和列数,如:

m n

第二行为输出矩阵的元素值,按行输出,如:

 $\mathsf{ret}[0][0] \ \mathsf{ret}[0][1] \ \dots \ \mathsf{ret}[0][\mathsf{n-1}] \ \mathsf{ret}[1][0] \ \mathsf{ret}[1][1] \ \dots \ \mathsf{ret}[1][\mathsf{n-1}] \ \dots \ \mathsf{ret}[\mathsf{m-1}][0] \ \dots \ \mathsf{ret}[\mathsf{m-1}][\mathsf{n-1}]$

备注

- $1 \le m \le 500$
- 1≤n≤500
- $0 < anth[r][c] < 10^5$

用例

输入	16 241533
输出	16 011211
说明	输入为1行6列的天线矩阵的高度值 [241533] 输出为1行6列的结果矩阵 [011211]

输入	2 6 2 5 4 3 2 8 9 7 5 10 10 3
输出	26 011114122422
说明	输入为2行6列的天线矩阵高度值 [254328] [97510103] 输出为2行6列的结果矩阵 [011114] [12242]

题目解析

首先,本题我们需要从输入的一维数组中解析出二维天线矩阵,JS的实现略微麻烦,具体逻辑请看源码。 下面我们以用例1为例子,来解析本题,如下图是用例1的二维天线矩阵anth

用例

输入	16 241533
输出	16 011211
说明	输入为1行6列的天线矩阵的高度值 [241533] 输出为1行6列的结果矩阵 [011211]

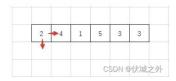
输入	2 6 2 5 4 3 2 8 9 7 5 10 10 3	
输出	26 011114122422	
说明	输入为2行6列的天线矩阵高度值 [254328] [97510103] 输出为2行6列的结果矩阵 [011114] [12242]	

题目解析

首先,本题我们需要从输入的一维数组中解析出二维天线矩阵,JS的实现略微麻烦,具体逻辑请看源码。 下面我们以用例1为例子,来解析本题,如下图是用例1的二维天线矩阵anth

	012-	200 100 100 100	0.000
--	------	-----------------	-------

我们从anth[0][0]开始发射,本题说了,天线信号发射只能向东或者向南发射,即如下图所示



由于用例1只有一层,因此只需要考虑向东发射信号。

而东边的天线是否能收到信号,也有前提条件,即"发射天线"与"接收天线"之间的天线的高度都低于"发射天线" 与"接收天线",或者"发射天线"与"接收天线"之间没有其他天线

因此,上面用例1中anth[0][0]可以发射到anth[0][1],因为它们之间没有其他天线



但是anth[0][0]不能发射到anth[0][2],因为它们之间的天线大于等于了它们

2	4	1	5	3	3

其实这一步,不需要走到anth[0][2],因为anth[0][1] >= anth[0][0],因此anth[0][0]必然会被anth[0][1] 適挡,导致无法继续向东发射。

因此,对于anth[0][0]作为发射点的所有情况已经讨论完了,它只有一个接收点,那就是anth[0][1]。

接下来继续讨论anth[0][1]作为发射点

		35		3		
--	--	----	--	---	--	--

首先,相邻的anth[0][2]肯定能接收到信号。

并且由于anth[0][2]小于anth[0][1],因此无法完全将anth[0][1]发射的信号遮挡,

|--|--|--|--|--|--|

其实这一步,不需要走到anth[0][2],因为anth[0][1] >= anth[0][0],因此anth[0][0]必然会被anth[0][1]遮挡,导致无法继续向东发射。

因此,对于anth[0][0]作为发射点的所有情况已经讨论完了,它只有一个接收点,那就是anth[0][1]。

接下来继续讨论anth[0][1]作为发射点



首先,相邻的anth[0][2]肯定能接收到信号。

并且由于anth[0][2]小于anth[0][1],因此无法完全将anth[0][1]发射的信号遮挡,



因此anth[0][3]可以接收到anth[0][1]的信号?

注意:这里我打了一个问号,因为题目要求,如果"发射天线"和"接收天线"之间有其他天线,那么其他天线的高度必须低于"发射天线"和"接收天线"。

上面打问号的原因是:我们只判断了中间天线 anth[0][2] < anth[0][1] 发射天线,并没有判断中间天线 anth[0][2] 也小于 anth[0][3] 接收天线。

而,这里中间天线 anth[0][2] 确实是小于 anth[0][3] 接收天线的,因此anth[0][3]可以接收到anth[0][1]的信号。

如果,我们采用双重for,外层遍历发射天线,内层遍历接收天线,则还需一个for遍历求得发射天线和接收天线之间的:所有中间天线中最高的高度h,如果这个高度h 大于等于发射天线,或者接收天线,则发射天线和接收天线之间无法进行通信。

这其实已经是三重for了,再加上每个天线都会接收来自东向和南向这两个方向的信号,因此需要进行两次三重for。

这里的优化, 我们可以利用单调递减栈。

首先定义一个单调递减栈stack,然后开始遍历天线anth[i][j](比如先处理东向,即按行从左到右遍历):

- 1、如果stack为空,则直接将天线anth[i][j]加入stack
- 2、如果stack不为空,则获取栈顶天线top

2.1、如果anth[i][j] > top,则将stack栈顶的top弹出,然后anth[i][j]对应的ret[i][j]++,表示anth[i][j]天线新增接收一个信号,而由于stack栈是递减栈,因此anth[i][j]还可以继续接收新栈顶天线的信号

2.2、如果anth[i][j] == top,则将stack栈顶的top弹出,然后anth[i][j]新增接收一个信号,ret[i][j]++。(注意,由于stack是严格递减栈,因此如果栈顶元素和anth[i][j]等高,则必然只有一个,且stack弹栈后的新栈顶必然大于anth[i][j],此时其实可以直接结束)

2.3、如果anth[i][j] < top,则表示anth[i][j]已经无法接收到top之前的信号了,因为已经被top完全阻挡了。因此anth[i][j]只能栈顶天线的信号,ret[i][j]++,而无法继续接收前面天线的信号。

JavaScript算法源码

```
if (lines.length === 2) {
  const [m, n] = lines[0].split(" ").map(Number);
  const arr = lines[1].split(" ").map(Number);
  console.log(getResult(arr, m, n));
  lines.length = 0;
```

提取公共代码, 优化代码结构

```
if (lines.length === 2) {
  const [m, n] = lines[0].split(" ").map(Number);
  const arr = lines[1].split(" ").map(Number);
  console.log(getResult(arr, m, n));
  lines.length = 0;
```

Java算法源码

```
stack.size() > 0) {
如果柱顶天线高度 == anth[1][]],那么此时anth[1][]]可以搜收柱顶天柱的信号。
中水、2 2 3 最后一个3可以接收到前面等高3的信号,但是无法继续接收前面5的信号,因此这里anth[1][]]指来处理
```

```
LinkedList<Integer> stack = new LinkedList<();
for (int j = 0; j < n; j++) {
  common(stack, anth, ret, i, j);
  sj.add(ret[i][j] + "");
61
62
63
64
66
67
68
69
```

Python算法源码

```
m, n = map(int, input().split())
arr = list(map(int, input().split()))
```

提取公共代码, 优化代码结构

```
ret = [[0 for j in range(n)] for i in range(m)]
   for j in range(n):
```