

题目描述

对称就是最大的美学，现有一道关于对称字符串的美学。已知：

- 第1个字符串：R
- 第2个字符串：BR
- 第3个字符串：RBBR
- 第4个字符串：BRRBRBBR
- 第5个字符串：RBBRBRRBRRBRBBR

相信你已经发现规律了，没错！就是第 i 个字符串 = 第 $i-1$ 号字符串 取反 + 第 $i-1$ 号字符串；

取反（R→B, B→R）；

现在告诉你 n 和 k ，让你求得第 n 个字符串的第 k 个字符是多少。（ k 的编号从 0 开始）

输入描述

第一行输入一个 T ，表示有 T 组用例；

解析来输入 T 行，每行输入两个数字，表示 n, k

- $1 \leq T \leq 100$ ；
- $1 \leq n \leq 64$ ；
- $0 \leq k < 2^{(n-1)}$ ；

输出描述

输出 T 行表示答案；

输出 "blue" 表示字符是 B；

输出 "red" 表示字符是 R。

备注：输出字符串区分大小写，请注意输出小写字符串，不带双引号。

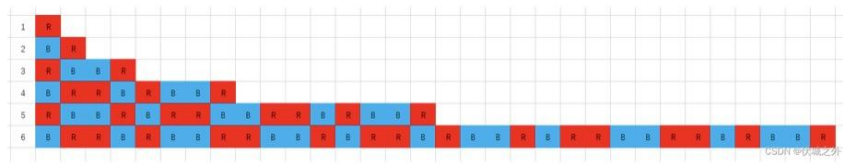
用例

输入	5 10 21 32 46 58
输出	red red blue blue blue
说明	第 1 个字符串：R -> 第 0 个字符为 R 第 2 个字符串：BR -> 第 1 个字符为 R 第 3 个字符串：RBBR -> 第 2 个字符为 B 第 4 个字符串：BRRBRBBR -> 第 6 个字符为 B 第 5 个字符串：RBBRBRRBRRBRBBR -> 第 8 个字符为 B
输入	1 64 73709551616
输出	red
说明	无

题目解析



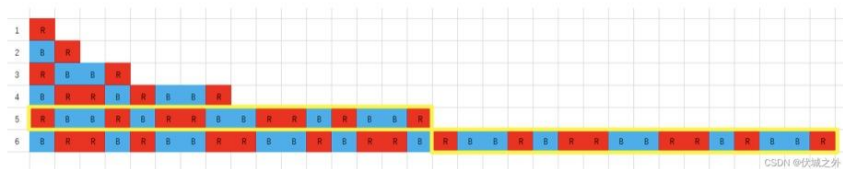
题目解析



上图所示，是第1~6个字符串，可以发现第6个已经很长了，那么本题的最多要求到第64个字符串，那么有多长呢？答： 2^{63} ，即 $2^{(n-1)}$ 。这个长度如果用字符串来存储的话，肯定爆内存，因此任何需要缓存字符串的动作都是禁止的。

我们只能找规律，来通过规律推导出第n个字符串的第k个字符。

那么规律是啥呢？



如上图黄框所示，我们可以发现，

第6个字符串的后半部分，和第5个字符串完全相同；

同理，

第5个字符串的后半部分，和第4个字符串完全相同；

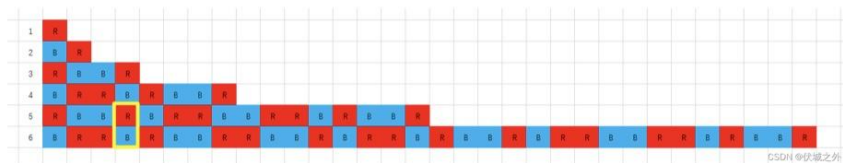
第4个字符串的后半部分，和第3个字符串完全相同；

第3个字符串的后半部分，和第2个字符串完全相同；

第2个字符串的后半部分，和第1个字符串完全相同；

因此，如果我们要找到的k位于第n个字符串的后半部分，假设为 $\text{get}(n, k)$ ，那么其等价于 $\text{get}(n-1, k - 2^{(n-2)})$ ，按此逻辑递归，就可以一直找到第2个字符串或第1个字符串，而这两个字符串很好确认，分别是“R”，“BR”。

那么如果我们要找到第k个字符串，位于第n个字符串的前半部分呢？



可以发现，其实 $\text{get}(n, k)$ ，如果 $k \leq 2^{(n-2)}$ ，则相当于 $\text{get}(n-1, k)$ 的颜色取反。

JavaScript算法源码

需要注意的是，本题中

- $1 \leq n \leq 64$;
- $0 \leq k < 2^{(n-1)}$;

也就说 k 最大值可以取到 $2^{63} - 1$ ，即9223372036854775807，而这个数已经超过了JS的 [number类型](#) 的安全数范围，即 $-2^{53} + 1 \sim 2^{53} - 1$ ，超范围的数会得到不准确的值，比如

```
> const num = 9223372036854775807
< undefined
> num
< 9223372036854776000
> |
```

此时，我们应该考虑是BigInt代替Number类型来处理大数，而由于BigInt大数只能和BigInt大数进行运算，因此需要将程序中所有的数值全部变为BigInt类型。对于字面量数值，需要在字面量后面加个n，比如1是Number类型，那么1n就是BigInt类型的数值1。

```
1  /* JavaScript Node ACM模式 控制台输入获取 */
2  const readline = require("readline");
3
4  const rl = readline.createInterface({
5    input: process.stdin,
6    output: process.stdout,
7  });
8
9  const lines = [];
10 let t;
11 rl.on("line", (line) => {
12   lines.push(line);
13
14   if (lines.length === 1) {
15     t = lines[0] - 0;
```

JavaScript算法源码

需要注意的是，本题中

- $1 \leq n \leq 64$;
- $0 \leq k < 2^{(n-1)}$;

也就说 k 最大值可以取到 $2^{63} - 1$ ，即9223372036854775807，而这个数已经超过了JS的 [number类型](#) 的安全数范围，即 $-2^{53} + 1 \sim 2^{53} - 1$ ，超范围的数会得到不准确的值，比如

```
> const num = 9223372036854775807
< undefined
> num
< 9223372036854776000
> |
```

CSDN @伏城之外

此时，我们应该考虑是BigInt代替Number类型来处理大数，而由于BigInt大数只能和BigInt大数进行运算，因此需要将程序中所有的数值全部变为BigInt类型。对于字面量数值，需要在字面量后面加个n，比如1是Number类型，那么1n就是BigInt类型的数值1。

```
1  /* JavaScript Node ACM模式 控制台输入获取 */
2  const readline = require("readline");
3
4  const rl = readline.createInterface({
5    input: process.stdin,
6    output: process.stdout,
7  });
8
9  const lines = [];
10 let t;
11 rl.on("line", (line) => {
12   lines.push(line);
13
14   if (lines.length === 1) {
15     t = lines[0] - 0;
16   }
17
18   if (t && lines.length === t + 1) {
19     lines.shift();
20     const arr = lines.map((line) => line.split(" ").map(BigInt));
21     getResult(arr);
22
23     lines.length = 0;
24   }
25 });
26
27 function getResult(arr) {
28   for (let [n, k] of arr) {
29     console.log(getNK(n, k));
30   }
31 }
32
33 function getNK(n, k) {
34   // 题目没说异常如何处理，因此我默认输入无异常，比如n=1的话，则k只能取0
35   if (n === 1n) {
36     return "red";
37   }
38
39   // n=2的话，则k只能取0或1
40   if (n === 2n) {
41     if (k === 0n) return "blue";
42     else return "red";
43   }
44
45   // 第n个字符串的一半长度half
46   let half = 1n << (n - 2n);
47
48   if (k >= half) {
49     return getNK(n - 1n, k - half);
50   } else {
51     return getNK(n - 1n, k) === "red" ? "blue" : "red";
52   }
53 }
```

Java算法源码

需要注意的是，本题中

- $1 \leq n \leq 64$;
- $0 \leq k < 2^{(n-1)}$;

也就说 k 最大值可以取到 $2^{63} - 1$ ，即9223372036854775807，而这个数刚好是Java的long类型最大值，因此不会造成整型溢出。但是我们代码中所有的数都必须使用long类型装载。

```
1 import java.util.Scanner;
2
3 public class Main {
4   public static void main(String[] args) {
5     Scanner sc = new Scanner(System.in);
6   }
```

Java算法源码

需要注意的是，本题中

- $1 \leq n \leq 64$;
- $0 \leq k < 2^{(n-1)}$;

也就是说 k 最大值可以取到 $2^{63} - 1$ ，即9223372036854775807，而这个数刚好是Java的long类型最大值，因此不会造成整型溢出。但是我们代码中所有的数都必须使用long类型装载。

```
1 import java.util.Scanner;
2
3 public class Main {
4     public static void main(String[] args) {
5         Scanner sc = new Scanner(System.in);
6
7         int t = sc.nextInt();
8
9         long[][] arr = new long[t][2];
10        for (int i = 0; i < t; i++) {
11            arr[i][0] = sc.nextLong();
12            arr[i][1] = sc.nextLong();
13        }
14
15        getResult(arr);
16    }
17
18    public static void getResult(long[][] arr) {
19        for (long[] nk : arr) {
20            System.out.println(getNK(nk[0], nk[1]));
21        }
22    }
23
24    public static String getNK(long n, long k) {
25        if (n == 1) {
26            return "red";
27        }
28
29        if (n == 2) {
30            if (k == 0) return "blue";
31            else return "red";
32        }
33
34        long half = 1L << (n - 2);
35
36        if (k >= half) {
37            return getNK(n - 1, k - half);
38        } else {
39            return "red".equals(getNK(n - 1, k)) ? "blue" : "red";
40        }
41    }
42 }
```

Python算法源码

需要注意的是，本题中

- $1 \leq n \leq 64$;
- $0 \leq k < 2^{(n-1)}$;

也就是说 k 最大值可以取到 $2^{63} - 1$ ，即9223372036854775807

关于Python处理大数的说明在[Python中处理非常大的数字](#) [Dovov编程网](#)

即Python3支持任意大的整数运算。

因为本题中不涉及除法，因此无需额外处理。

```
1 # 输入获取
2 t = int(input())
3 arr = [list(map(int, input().split())) for i in range(t)]
4
5
6 # 算法入口
7 def getResult(arr):
8     for n, k in arr:
9         print(getNK(n, k))
10
11
12 def getNK(n, k):
13     # 题目没说异常如何处理，因此我默认输入无异常，比如n=1的话，则k只能取0
14     if n == 1:
15         return "red"
16
17     # n=2的话，则k只能取0或1
18     if n == 2:
19         if k == 0:
20             return "blue"
21         else:
22             return "red"
23 
```

Python算法源码

需要注意的是，本题中

- $1 \leq n \leq 64$;
- $0 \leq k < 2^{(n-1)}$;

也就说 k 最大值可以取到 $2^{63} - 1$ ，即9223372036854775807

关于Python处理大数的说明在[Python中处理非常大的数字](#) [Dovov编程网](#)

即Python3支持任意大的整数运算。

因为本题中不涉及除法，因此无需额外处理。

```
1 # 输入获取
2 t = int(input())
3 arr = [list(map(int, input().split())) for i in range(t)]
4
5
6 # 算法入口
7 def getResult(arr):
8     for n, k in arr:
9         print(getNK(n, k))
10
11
12 def getNK(n, k):
13     # 题目没说异常如何处理，因此我就默认输入无异常，比如n=1的话，则k只能取0
14     if n == 1:
15         return "red"
16
17     # n=2的话，则k只能取0或1
18     if n == 2:
19         if k == 0:
20             return "blue"
21         else:
22             return "red"
23
24     # 第n个字符串的一半长度half
25     half = 1 << (n - 2)
26
27     if k >= half:
28         return getNK(n - 1, k - half)
29     else:
30         return "blue" if getNK(n - 1, k) == "red" else "red"
31
32
33 # 调用算法
34 getResult(arr)
```