

题目描述

小明每周上班都会拿到自己的工作清单，工作清单内包含  $n$  项工作，每项工作都有对应的耗时时间（单位  $h$ ）和报酬，工作的总报酬为所有已完成工作的报酬之和，那么请你帮小明安排一下工作，保证小明在指定的工作时间内工作收入最大化。

输入描述

输入的第一行为两个正整数  $T, n$ 。  
 $T$  代表工作时长（单位  $h$ ， $0 < T < 1000000$ ），  
 $n$  代表工作数量（ $1 < n \leq 3000$ ）。  
接下来是  $n$  行，每行包含两个整数  $t, w$ 。  
 $t$  代表该工作消耗的时长（单位  $h$ ， $t > 0$ ）， $w$  代表该项工作的报酬。

输出描述

输出小明指定工作时长内工作可获得的最大报酬。

用例

输入	40 3 20 10 20 20 20 5
输出	30
说明	无

题目解析

本题是 [01背包问题](#)。可以使用动态规划求解。关于01背包问题请先看下面这个博客

[算法设计 - 01背包问题\\_伏城之外的博客-CSDN博客](#)

本题中

- 工作时长  $T$  相当于背包承重
  - 每一项工作相当于每件物品
1. 工作消耗的时长相当于物品重量
  2. 工作的报酬相当于物品的价值

JavaScript算法源码

```
1  /* JavaScript Node ACM模式 控制台输入获取 */
2  const readline = require("readline");
3
4  const rl = readline.createInterface({
5    input: process.stdin,
6    output: process.stdout,
7  });
8
9  const lines = [];
10 let T, n;
11 rl.on("line", (line) => {
12   lines.push(line);
13
14   if (lines.length === 1) {
15     [T, n] = lines[0].split(" ").map(Number);
16   }
17
18   if (n && lines.length === n + 1) {
19     lines.shift();
20     const tws = lines.map((line) => line.split(" ").map(Number));
21     console.log(getResult(T, tws));
22     lines.length = 0;
23   }
24 });
25
26 /**
```

```

1  /* JavaScript Node ACM模式 控制台输入获取 */
2  const readline = require("readline");
3
4  const rl = readline.createInterface({
5      input: process.stdin,
6      output: process.stdout,
7  });
8
9  const lines = [];
10 let T, n;
11 rl.on("line", (line) => {
12     lines.push(line);
13
14     if (lines.length === 1) {
15         [T, n] = lines[0].split(" ").map(Number);
16     }
17
18     if (n && lines.length === n + 1) {
19         lines.shift();
20         const tws = lines.map((line) => line.split(" ").map(Number));
21         console.log(getResult(T, tws));
22         lines.length = 0;
23     }
24 });
25
26 /**
27  *
28  * @param {*} T 工作时长
29  * @param {*} tws 数组, 元素是tw, 也是数组, 含义为[该工作消耗的时长, 该项工作的报酬]
30  */
31 function getResult(T, tws) {
32     const maxI = tws.length + 1;
33     const maxJ = T + 1;
34     const dp = new Array(maxI).fill(0).map(() => new Array(maxJ).fill(0)); // 默认将dp数组元素全部初始化为0
35
36     for (let i = 0; i < maxI; i++) {
37         for (let j = 0; j < maxJ; j++) {
38             if (i === 0 || j === 0) continue; // 第0行或第0列最大报酬保持0
39             const [t, w] = tws[i - 1]; // 要选择的工作的[权重, 价值]
40             if (t > j) {
41                 // 如果要选择的工作的权重 > 当前背包权重, 则无法放入背包, 最大价值继承自上一行该列值
42                 dp[i][j] = dp[i - 1][j];
43             } else {
44                 // 如果要选择的工作的权重 <= 当前背包权重
45                 // 则我们有两种选择
46                 // 1、不进行该工作, 则最大价值继承自上一行该列值
47                 // 2、进行该工作, 则纳入该工作的价值w, 加上+ 剩余权重, 在不进行该工作的范围内, 可得的最大价值dp[i - 1][j - t]
48                 // 比较两种选择下的最大价值, 取最大的
49                 dp[i][j] = Math.max(dp[i - 1][j], w + dp[i - 1][j - t]);
50             }
51         }
52     }
53
54     return dp.at(-1).at(-1); // 取二维数组最右下角元素作为题解
55 }

```

```

1  import java.util.*;
2
3  public class Main {
4      static ArrayList<Integer[]> nodes;
5
6      public static void main(String[] args) {
7          Scanner sc = new Scanner(System.in);
8
9          int T = sc.nextInt();
10         int n = sc.nextInt();
11
12         Integer[][] tws = new Integer[n][2];
13         for (int i = 0; i < n; i++) {
14             tws[i][0] = sc.nextInt();
15             tws[i][1] = sc.nextInt();
16         }
17
18         System.out.println(getResult(T, tws));
19     }
20
21     /**
22     *
23     * @param T 工作时长
24     * @param tws 数组, 元素是tw, 也是数组, 含义为[该工作消耗的时长, 该项工作的报酬]
25     * @return 最大报酬
26     */
27     public static int getResult(int T, Integer[][] tws) {
28         int maxI = tws.length + 1;
29         int maxJ = T + 1;
30
31         int[][] dp = new int[maxI][maxJ];
32

```

## Java算法源码

```
1 import java.util.*;
2
3 public class Main {
4     static ArrayList<Integer[]> nodes;
5
6     public static void main(String[] args) {
7         Scanner sc = new Scanner(System.in);
8
9         int T = sc.nextInt();
10        int n = sc.nextInt();
11
12        Integer[][] tws = new Integer[n][2];
13        for (int i = 0; i < n; i++) {
14            tws[i][0] = sc.nextInt();
15            tws[i][1] = sc.nextInt();
16        }
17
18        System.out.println(getResult(T, tws));
19    }
20
21    /**
22     *
23     * @param T 工作时长
24     * @param tws 数组，元素是tw，也是数组，含义为[该工作消耗的时长，该项工作的报酬]
25     * @return 最大报酬
26     */
27    public static int getResult(int T, Integer[][] tws) {
28        int maxI = tws.length + 1;
29        int maxJ = T + 1;
30
31        int[][] dp = new int[maxI][maxJ];
32
33        for (int i = 0; i < maxI; i++) {
34            for (int j = 0; j < maxJ; j++) {
35                if (i == 0 || j == 0) continue; // 第0行或第0列最大报酬保持0
36
37                int t = tws[i - 1][0]; // 要选择的工作的[权重]
38                int w = tws[i - 1][1]; // 要选择的工作的[价值]
39
40                if (t > j) {
41                    // 如果要选择的工作的权重 > 当前背包权重，则无法放入背包，最大价值继承自上一行该列值
42                    dp[i][j] = dp[i - 1][j];
43                } else {
44                    // 如果要选择的工作的权重 <= 当前背包权重
45                    // 则我们有两种选择
46                    // 1. 不进行该工作，则最大价值继承自上一行该列值
47                    // 2. 进行该工作，则纳入该工作的价值w，加上+ 剩余权重，在不进行该工作的范围内，可得的最大价值dp[i - 1]
48                    // 比较两种选择下的最大价值，取最大的
49                    dp[i][j] = Math.max(dp[i - 1][j], w + dp[i - 1][j - t]);
50                }
51            }
52        }
53
54        return dp[maxI - 1][maxJ - 1];
55    }
56 }
```

## Python算法源码

```
1 # 输入获取
2 t, n = map(int, input().split())
3 tws = [list(map(int, input().split())) for i in range(n)]
4
5
6 # 算法入口
7 def getResult(t, tws):
8     """
9     :param t: 工作时长
10    :param tws: 列表，元素是tw，也是列表，含义为[该工作消耗的时长，该项工作的报酬]
11    :return: 最大报酬
12    """
13    maxI = len(tws) + 1
14    maxJ = t + 1
15
16    # 默认将dp二维列表元素全部初始化为0
17    dp = [[0 for j in range(maxJ)] for i in range(maxI)]
18
19    for i in range(maxI):
20        for j in range(maxJ):
21            if i == 0 or j == 0:
22                continue # 第0行或第0列最大报酬保持0
23
24            t, w = tws[i - 1] # 要选择的工作的[权重，价值]
25
26            if t > j:
27                # 如果要选择的工作的权重 > 当前背包权重，则无法放入背包，最大价值继承自上一行该列值
28                dp[i][j] = dp[i - 1][j]
29            else:
30                # 如果要选择的工作的权重 <= 当前背包权重
31                # 则我们有两种选择
```

## Python算法源码

```
1 # 输入获取
2 t, n = map(int, input().split())
3 tws = [list(map(int, input().split())) for i in range(n)]
4
5
6 # 算法入口
7 def getResult(t, tws):
8     """
9     :param t: 工作时长
10    :param tws: 列表, 元素是tw, 也是列表, 含义为[该工作消耗的时长, 该项工作的报酬]
11    :return: 最大报酬
12    """
13    maxI = len(tws) + 1
14    maxJ = t + 1
15
16    # 默认将dp二维列表元素全部初始化为0
17    dp = [[0 for j in range(maxJ)] for i in range(maxI)]
18
19    for i in range(maxI):
20        for j in range(maxJ):
21            if i == 0 or j == 0:
22                continue # 第0行或第0列最大报酬保持0
23
24            t, w = tws[i - 1] # 要选择的的工作的[权重, 价值]
25
26            if t > j:
27                # 如果要选择的的工作的权重 > 当前背包权重, 则无法放入背包, 最大价值继承自上一行该列值
28                dp[i][j] = dp[i - 1][j]
29            else:
30                # 如果要选择的的工作的权重 <= 当前背包权重
31                # 则我们有两种选择
32                # 1、不进行该工作, 则最大价值继承自上一行该列值
33                # 2、进行该工作, 则纳入该工作的价值w, 加上 + 剩余权重, 在不进行该工作的范围内, 可得的最大价值dp[i - 1][j - t]
34                # 比较两种选择下的最大价值, 取最大的
35                dp[i][j] = max(dp[i - 1][j], w + dp[i - 1][j - t])
36
37    return dp[-1][-1] # 取二维列表最右下角元素作为题解
38
39
40 # 算法调用
41 print(getResult(t, tws))
```