

STRUKTUR DATA DAN ALGORITMA

“Teknik Pemrograman Iteratif dan Rekursif”



Dibuat oleh:

Sirojul Munir S.Si., M.Kom /

Indra Hermawan, S.Kom, M.Kom /

Hilmy Abidzar Tawakal S.T., M.Kom /

Outline

- Tujuan Pembelajaran
- Algoritma pemrograman iteratif
- Review fungsi
- Dasar-dasar rekursif
 - Apa itu rekursif/ recursion?
 - Aturan rekursif
- Rangkuman Materi

Tujuan Pembelajaran

- Setelah mengikuti perkuliahan ini mahasiswa diharapkan mampu:
 - memahami algoritma pemrograman iteratif,
 - memahami algoritma pemrograman rekursif,
 - membedakan algoritma iteratif dan rekursif,
 - mengingat kembali pemrograman menggunakan fungsi
 - memahami rekursi sebagai konsep yang dapat digunakan untuk merumuskan solusi sederhana dalam sebuah permasalahan yang sulit untuk diselesaikan secara iteratif dengan menggunakan loop (FOR, WHILE, DO..WHILE),
 - menyelesaikan suatu permasalahan dengan konsep rekursi.

Algoritma pemrograman iteratif

- Definisi
 - Algoritma yang menggunakan teknik looping/ perulangan dalam pemecahan masalahnya.
 - Jenis looping pada C++ : FOR, WHILE, dan DO...WHILE.
- Penggunaan
 - Biasanya digunakan untuk menyelesaikan permasalahan yang berulang.
 - Contoh:
 - menjumlahkan angka dari 1- N
 - meminta input data berulang kepada *user*
 - Menampilkan data dengan jumlah > 1
 - dll

Review Fungsi

- Fungsi
 - Fungsi adalah sekumpulan instruksi / pernyataan yang dikemas dalam sebuah nama yang selanjutnya dapat dipanggil di beberapa tempat dalam program.
- Tujuan
 - pembuatan fungsi dimaksudkan untuk memudahkan dalam pengembangan program.

Review Fungsi(2)

- Keuntungan penggunaan fungsi dalam program yaitu program akan memiliki struktur yang jelas (mempunyai readability yang tinggi) dan juga akan menghindari penulisan bagian program yang sama.



Tahapan Pembuatan Fungsi

1. Mendefinisikan fungsi

- Memberikan nama
- Mendefinisikan parameter formal (parameter input)
- Mendefinisikan type hasil

2. Merealisasikan fungsi

- Membuat algoritma fungsi: memproses input hasil

3. Menggunakan fungsi dalam program utama

- Memanggil fungsi dengan menggunakan parameter aktual

Mendefinisikan Fungsi

List parameter input /
parameter formal

Parameter input boleh
ada, boleh kosong

```
type_hasil nama_fungsi ( [type_parameter1 nm_parameter1,  
                          type_parameter2 nm_parameter2,  
                          ...  
                          type_parametern nm_parametern]);
```

//Jelaskan spesifikasi fungsi

```
int fxkuadrat (int x);  
//Menghasilkan  $x * x + 3 * x - 5$ 
```

Nama fungsi : fxkuadrat
Parameter masukan : 1 buah, yaitu x dengan type int
Hasil : bertipe int

Merealisasikan Fungsi

```
type-hasil nama_fungsi ( [type-parameter1  nm-parameter1,
                        type-parameter2  nm-parameter2,
                        ...
                        type-parametern  nm-parametern] );
// Jelaskan spesifikasi fungsi
{
    // KAMUS LOKAL
    // Deklarasikan semua NAMA yang dipakai dalam algoritma
    // fungsi

    // ALGORITMA
    // Deretan teks algoritma :
    // pemberian harga, analisa kasus, pengulangan, dll.

    // Pengiriman harga di akhir fungsi, harus sesuai dengan
    // type hasil, caranya adalah:
    return (hasil);
}
```

Kode Fungsi dalam Program

```
//Judul dan spesifikasi program  
#include <iostream>  
using namespace std;
```

DEKLARASI FUNGSI

```
// PROGRAM UTAMA  
int main () {
```

PEMAKAIAN FUNGSI

```
    return 0;
```

```
}
```

REALISASI FUNGSI

Dalam REALISASI FUNGSI
bisa terdapat pemakaian
fungsi lain



Dasar-Dasar Rekursif

Definisi Rekursif

- Rekursif = Berulang
- *Recursive function* = fungsi rekursif = fungsi yang berulang di dalam fungsi tersebut dia memanggil dirinya sendiri



Definisi Rekursif

- Method yang memanggil dirinya sendiri baik secara langsung maupun secara tidak langsung.
 - $f(0) = 0$; $f(x) = 2 f(x-1) + x^2$
 - $f(1) = 1$; $f(2) = 6$; $f(3) = 21$; $f(4) = 58$
 - $Fib(0)=0$; $fib(1)=1$; untuk $n>1$: $fib(n) = fib(n - 1) + fib(n - 2)$

Definisi Rekursif (2)

- Fungsi yang memanggil dirinya, secara langsung atau lewat fungsi lain, disebut fungsi rekursif
- Proses pemanggilan diri itu disebut rekursi (*recursion*).
- Contoh:
 - Meningkatkan bilangan real tak nol dengan suatu pangkat bilangan bulat

$$x^n = \begin{cases} 1 & \text{jika } n = 0 \\ x \cdot x^{n-1} & \text{jika } n > 0 \\ 1/x^{-n} & \text{jika } n < 0 \end{cases}$$

Algoritma Rekursif

- Ciri masalah yang dapat diselesaikan secara rekursif adalah masalah itu dapat **di-reduksi** menjadi satu atau lebih **masalah-masalah serupa** yang **lebih kecil**
- Secara umum, algoritme rekursif selalu mengandung dua macam kasus:
 - **kasus induksi**: satu atau lebih kasus yang pemecahan masalahnya dilakukan dengan menyelesaikan masalah serupa yang lebih sederhana (yaitu menggunakan *recursive calls*)
 - **kasus dasar** atau **kasus penyetop** (*base case*): satu atau lebih kasus yang sudah sederhana sehingga pemecahan masalahnya tidak perlu lagi menggunakan *recursive-calls*.
- Supaya tidak terjadi rekursi yang tak berhingga, setiap langkah rekursif haruslah mengarah ke kasus penyetop (*base case*).

Aturan Rekursif

1. Punya kasus dasar

- Kasus yang sangat sederhana yang dapat memproses input tanpa perlu melakukan rekursif (memanggil method) lagi

2. Rekursif mengarah ke kasus dasar

3. “You gotta believe”. Asumsikan rekursif bekerja benar.

Pada proses pemanggilan rekursif, asumsikan bahwa pemanggilan rekursif (untuk problem yang lebih kecil) adalah benar.

- Contoh: **pangkatRekursif(x, n)**

- Asumsikan: **pangkatRekursif(x, n - 1)** menghasilkan nilai yang benar
- Nilai tersebut harus diapakan sehingga menghasilkan nilai **pangkatRekursif(x, n)** yang benar?
- Jawabannya: dikalikan dengan **x**

4. Aturan penggabungan: Hindari duplikasi pemanggilan rekursif untuk sub-problem yang sama.



Komponen Fungsi Rekursif

- Fungsi rekursif mempunyai dua komponen yaitu:
 - **Base case:**
 - Mengembalikan nilai tanpa melakukan pemanggilan rekursi berikutnya.
 - Rekursi berakhir jika *base case* dijumpai/dipenuhi
 - **Recursion call / Reduction step:**
 - Memanggil fungsi rekursif di dalam fungsi rekursif di atas
 - Menghubungkan sebuah fungsi rekursif dengan fungsi rekursif di dalamnya
 - Biasanya memiliki *keyword return* untuk mengembalikan nilai ke fungsi yang memanggilmnya

Contoh Fungsi Rekursif (Faktorial)

- Fungsi faktorial
 - Base case: $n = 0$
 - Reduction step: $f(n) = n * f(n-1)$

```
// rekursif
long faktorialRekursif(long n)
    mulai
        if (n==0)
            return (1) ;
        else
            return (n * faktorialRekursif(n-1)) ;
    selesai
tutup
```

Rekursif vs Iteratif

- Contoh:

- *Faktorial - Rekursif*

```
long faktorial(long n)
    mulai
        if (n==0)
            return (1);
        else
            return (n*faktorial (n-1));
    selesai
tutup
```



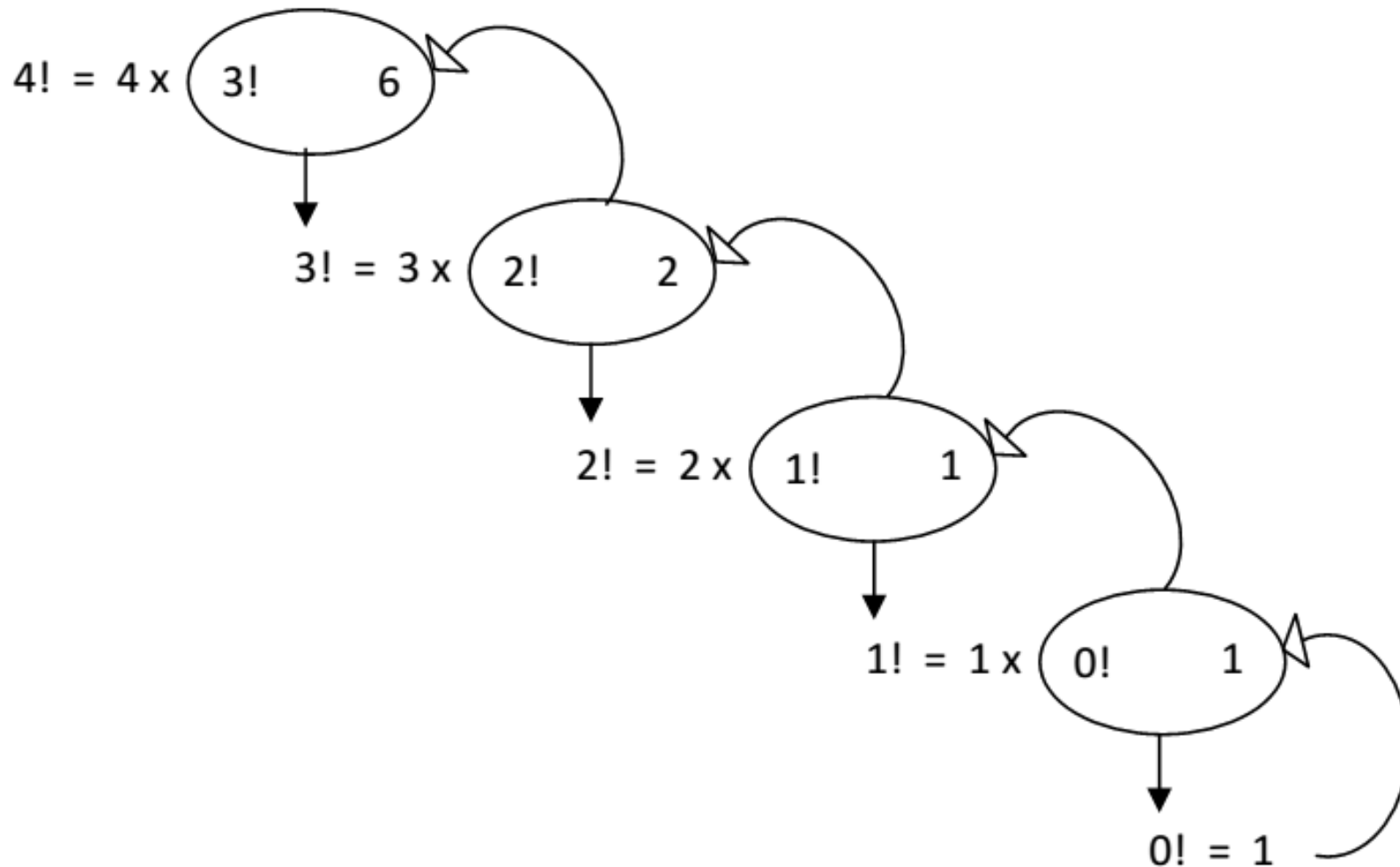
- *Faktorial - Iteratif*

```
// dekremental
long faktorial(long n)
    mulai
        long i, faktorial = 1;
        for (i=n; i>=1; i--)
            faktorial *= i;
        return faktorial;
    selesai
tutup
```

No. 1 dalam bhs C++ (lengkap)

```
• #include<iostream.h>
• int S(int n);
• main()
• {
•     int n;
•     cout << "Masukkan n = "; cin >> n;
•     cout << "Deret S=1+2+3+4+5+...+n \n";
•     cout << "Jumlah deret S = " << S(n);
• }
• int S(int n)
• {
•     if (n == 1)
•         return (1);
•     else
•         return (n + S(n-1));
• }
```

Ilustrasi Rekursif



Rekursif vs Iteratif

- **Rekursif**

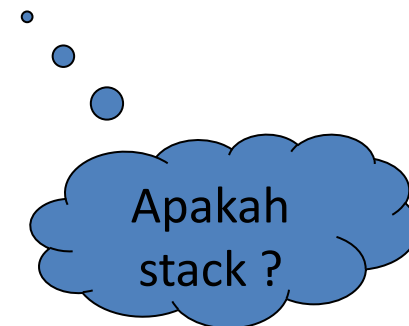
- Pengulangan dengan struktur seleksi (if-else) dan pemanggilan fungsi (dirinya sendiri) -> rekursi
- Pengulangan berhenti saat *base case* dijumpai/dipenuhi (konvergen terhadap base case)
- Pengulangan **tanpa henti** jika *base case* **tidak pernah** dijumpai/dipenuhi (tidak konvergen terhadap base case)
- Biaya proses lebih tinggi dengan pemanggilan banyak fungsi (butuh memori lebih besar & kerja prosesor lebih tinggi)
- Terbaca lebih jelas, model lebih dekat dengan masalah (contoh: faktorial, fibonacci)

- **Iteratif**

- Pengulangan dengan struktur repetisi (for/while)
- Pengulangan berhenti saat kondisi pengulangan bernilai salah (*false*)
- Pengulangan **tanpa henti** jika kondisi pengulangan selalu benar
- Biaya proses lebih rendah (kebutuhan memori lebih kecil & kerja prosesor lebih rendah) karena proses pengulangan berada dalam satu fungsi
- Terbaca kurang jelas, model kurang dekat dengan masalah (contoh: faktorial, fibonacci)

Kekurangan Rekursif

- Meskipun penulisan program dengan cara rekursif bisa lebih jelas dan pendek, namun fungsi rekursif memerlukan :
 - Memori yang lebih banyak untuk mengaktifkan *stack* (memori yang digunakan untuk pemanggilan fungsi).
 - Waktu lebih lama untuk menjejaki setiap rekursi melalui *stack*.



Rekursif vs Iteratif

- Secara umum, hanya jika :
 - Penyelesaian sulit dilaksanakan secara iterative
 - Efisiensi dengan cara rekursif masih memadai
 - Efisiensi bukan masalah dibandingkan dengan kejelasan logika program
 - Tidak mempertimbangkan faktor penghematan memori dan kecepatan eksekusi program
- " Kecepatan kerja dan penghematan memori (iteratif)

–VS

- Perancangan logika yang baik (rekursif) "



Soal Latihan

- Buatlah program untuk menyelesaikan masalah berikut:
 1. Membentuk barisan bilangan Fibonacci.
 2. Menghitung nilai kombinasi.
 3. Menghitung nilai permutasi.
 4. Menghitung nilai perpangkatan X^n
 5. Menghitung nilai deret angka $1+2+3+4+5+6+....$
 6. Menghitung nilai deret angka $2+4+6+8+10+....$
 7. Menghitung nilai deret angka $1+3+5+7+9+....$
- dengan menggunakan metode rekursif.
- Penjelasan mengenai algoritma permasalahan tersebut terdapat pada slide-slide berikutnya

No.1 Bilangan Fibonacci

- Fungsi lain yang dapat diubah ke bentuk rekursif adalah perhitungan Fibonacci. Bilangan Fibonacci dapat didefinisikan sebagai berikut:

$$f_n = f_{n-1} + f_{n-2} \text{ untuk } n > 2$$

$$f_1 = 1$$

$$f_2 = 1$$

Berikut ini adalah barisan bilangan Fibonacci mulai dari $n=1$

1 1 2 3 5 8 13 21 34

Algoritma Fibonacci yang dipakai

Function Fibonacci (input n:integer) → integer

Deklarasi Lokal

{tidak ada}

Deskripsi

If (n ==1 || n==2) Then
 return (1)

Else
 return (Fibonacci (n-1)+Fibonacci (n-2))

Endif

Contoh

- Untuk ukuran $n=4$, proses perhitungan Fibonacci dapat dilakukan sebagai berikut:

$$f_4 = f_3 + f_2$$

$$f_4 = (f_2 + f_1) + f_2$$

$$f_4 = (1+1) + 1$$

$$f_4 = 3$$

No.2 Kombinasi

Function Kombinasi (input n, r : integer) → real

Deklarasi

If (n < r) Then

return (0)

Else

return (Faktorial(n) / Faktorial(r) * Faktorial(n-r))

Endif

No.3 Permutasi

Function Permutasi (input n, r : integer) → real

Deklarasi

{tidak ada}

Deskripsi

If (n < r) Then

return (0)

Else

return (Faktorial(n) / Faktorial(n-r))

Endif

No.4 deret $S=1+2+3+4+5+...+n$

Function S (input n:integer) \rightarrow integer

Deklarasi Lokal

{tidak ada}

Deskripsi

If (n==1) Then

return (1)

Else

return (n + S (n-1))

Endif



No.5 deret $S=2+4+6+8+10+...+2n$

Function S (input n:integer) \rightarrow integer

Deklarasi Lokal

{tidak ada}

Deskripsi

If (n==1) Then

return (2)

Else

return (2*n + S(n-1))

Endif



No.6 deret $S=1+3+5+7+9+...+2n-1$

Function S (input n:integer) \rightarrow integer

Deklarasi Lokal

{tidak ada}

Deskripsi

If (n==1) Then

return (1)

Else

return ((2*n)-1 + S(n-1))

Endif

Pre-test

Latihan



Rangkuman Materi

Tugas
