# PS1

Catalina Leal Rojas, Lucas Daniel Carrillo Aguirre, Lucas Eduardo Veras Costa, Maria Paula Basto Lozano

5 de septiembre de 2025

## 1. Introduction

Here you have to position your paper, remember RAP:

- 1. R: research question
- 2. A: your answer
- 3. P: positioning in the existing literature

### 2. Literature Review

A couple of things here. First, I prefer not to have a separate section, I think it's better to have it as part of the introduction, where you can cite the papers to position yours, and also in contrasting your contribution. You can also fold this when discussion your results, so you can compare/contrast with the existing literature

If you decide to have a separate section, please be careful in relating it to your research. I encurage you to read and follow Nikolov  $(2020)^1$  excellent advice:

"Do not title your literature review section "literature review"! It is a bit sophomoric. Instead, integrate your discussion of previous literature under the common thread of previous work as it relates to your main thesis. For example if your paper is "Do Traditional Institutions Constrain Female Entrepreneurship?" you might want to call your literature review "Gender norms in India". In other words, tell your readers what is in the section..." (Nikolov, 2020)

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>This is available in the course website

## 3. Data

## 4. ¿Trabajos semejantes pagos semejantes?

En esta sección analizaremos la relación entre ingresos y género femenino. En primer lugar, es importante discutir qué medida de ingreso utilizar. La base de datos de la GNIH incluye diversas medidas, como ingreso por primas monetarias, ingreso mensual, ingreso usual en el mes e ingreso efectivo en el mes, entre otras.

En los estudios que analizan la brecha salarial entre hombres y mujeres, es común emplear el ingreso por hora, ya que permite aislar el efecto de las horas trabajadas en el mes, lo cual podría sesgar los resultados. Asimismo, suele utilizarse la variable de ingreso en logaritmos, lo que mejora la interpretabilidad del coeficiente estimado, que pasaría a representar cuánto impacta, en términos porcentuales, una unidad adicional de la variable independiente sobre el ingreso.

También es importante señalar que nos interesa comparar únicamente a hombres y mujeres que trabajan. Por lo tanto, el análisis se centra en los individuos ocupados de la muestra.

Inicialmente estimamos el siguiente modelo:

$$\log(\omega) = \beta_0 + \beta_1 Female + u \tag{1}$$

Cuadro 1. Resultados del modelo incondicional

	$Variable\ dependiente:$						
	log(ysalarym)	log(ysalarymha)	$\log(yingLabm)$	log(ytotalm)	log(ytotalmha)		
	(1)	(2)	(3)	(4)	(5)		
female	-0.149***	-0.045***	-0.147***	-0.238***	-0.090***		
	(0.015)	(0.015)	(0.015)	(0.015)	(0.014)		
Constant	13.977***	8.641***	14.088***	13.981***	8.667***		
	(0.011)	(0.010)	(0.011)	(0.010)	(0.009)		
Observaciones	9,892	9,892	9,892	14,764	14,764		
$\mathbb{R}^2$	0.010	0.001	0.009	0.018	0.003		
R <sup>2</sup> ajustado	0.010	0.001	0.009	0.017	0.003		
Error estándar residual	0.751 (df = 9890)	0.721 (df = 9890)	0.762 (df = 9890)	0.889 (df = 14762)	0.832  (df = 14762		
F Statistic	$97.364^{***} (df = 1; 9890)$	$9.559^{***}$ (df = 1; 9890)	$91.422^{***}$ (df = 1; 9890)	$263.841^{***}$ (df = 1; 14762)	43.342*** (df = 1; 14)		

\*p<0.1; \*\*p<0.05; \*\*\*p<0.05; \*\*\*p<0.01

El Cuadro 1 presenta los resultados de la estimación por mínimos cuadrados ordinarios utilizando diversas medidas de ingreso. ysalarym corresponde al ingreso nominal de la ocupación principal, ysalarymha al salario por hora de la ocupación principal, yingLabm al ingreso proveniente de todas las ocupaciones, ytotalm al ingreso total proveniente de ocupaciones e ingresos independientes, y ytotalmha al ingreso total de ocupaciones e independientes medido por hora.

Los resultados muestran evidencia de que las mujeres ganan menos que los hombres. Aunque existe cierta variación en los coeficientes de la variable female, todos son negativos y estadísticamente significativos, lo que indica pérdidas salariales para las mujeres.

Cabe señalar que en los resultados anteriores todos los coeficientes fueron estimados mediante mínimos cuadrados ordinarios. No obstante, es posible obtenerlos aplicando el Teorema de Frisch-Waugh-Lovell (FWL). Supongamos que queremos estimar el coeficiente de una variable  $X_1$  en una regresión múltiple que también incluye una variable de control  $X_2$ , en el siguiente modelo:

$$y = \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + u$$

Para estimar  $\beta_1$  usando el Teorema de Frisch-Waugh-Lovell, se siguen los siguientes pasos:

1. Regrese y sobre  $X_2$  y obtenga los residuos. Denotemos estos residuos como  $r_y$ :

$$r_y = y - \hat{y}_2$$
 donde  $\hat{y}_2 = X_2 \hat{\beta}_2$ 

2. Regrese  $X_1$  sobre  $X_2$  y obtenga los residuos. Denotemos estos residuos como  $r_{X_1}$ :

$$r_{X_1} = X_1 - \hat{X}_{1,2}$$
 donde  $\hat{X}_{1,2} = X_2 \hat{\gamma}$ 

3. Regrese los residuos  $r_y$  sobre  $r_{X_1}$ . El coeficiente estimado será exactamente igual a  $\hat{\beta}_1$  de la regresión original:

$$\hat{\beta}_1 = \frac{r'_{X_1} r_y}{r'_{X_1} r_{X_1}}$$

Este procedimiento permite estimar el efecto de  $X_1$  sobre y, controlando por  $X_2$ , sin necesidad de realizar directamente la regresión múltiple completa. Además, resulta útil para reducir el costo computacional en aplicaciones con gran cantidad de variables.

Como ilustración de este procedimiento, estimamos el siguiente modelo mediante el método clásico de MCO y también aplicando el teorema de FWL:

$$\log(\omega) = \beta_1 + \beta_2 female + \beta_3 age + \beta_4 age^2 \tag{2}$$

El Cuadro 2 muestra que los coeficientes de female y resid\_fem son idénticos. Sin embargo, los errores estándar no lo son. Esto ocurre debido a la forma en que se realiza la estimación en dos etapas: al reducir el número de variables en la segunda ecuación, los grados de libertad utilizados también disminuyen.

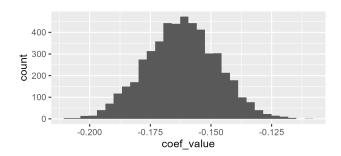
Otra manera de estimar el error estándar es a través del método bootstrap. Este procedimiento consiste en realizar un remuestreo de la muestra n veces y reestimar el coeficiente en cada repetición. El error estándar se obtiene a partir de la dispersión de esta distribución de estimaciones.

Cuadro 2. Comparación de las estimaciones por MCO y FWL

	$Variable\ dependiente:$		
	log(y_ingLab_m)	resid_ing	
	(1)	(2)	
female	-0.163***		
	(0.015)		
age	0.091***		
	(0.004)		
age_sqr	$-0.001^{***}$		
	(0.00005)		
resid_fem	, ,	-0.163***	
		(0.017)	
Constant	12.338***	-0.000	
	(0.071)	(0.007)	
Observations	9,892	9,892	
$\mathbb{R}^2$	0.069	0.012	
Adjusted R <sup>2</sup>	0.069	0.012	
Residual Std. Error	0.739 (df = 9888)	0.739 (df = 9890)	
F Statistic	245.548*** (df = 3; 9888)	$119.495^{***}$ (df = 1; 9890	
Note:	*.	n<0.1: **n<0.05: ***n<0.05	

*Note:* \*p<0.1; \*\*p<0.05; \*\*\*p<0.01

Figura 1. Coeficiente de female



Nota: La figura muestra el histograma de los coeficientes de female obtenidos a través del bootstrap con 5000 remuestreos.

La Figura 1 muestra la distribución del coeficiente de *female*. Al calcular el error estándar, obtenemos un valor de 0.01472, prácticamente idéntico al obtenido mediante la estimación por MCO.

Al estimarmos el modelo 1, no hemos considerado ningún control. Es posible que existan variables omitidas influenciando nuestros resultados. De esta manera, a fin de verificar la robustez agregamos los siguientes controles a nuestra estimación:

- Capital humano: Incluimos edad y su cuadrado como aproximación a la experiencia laboral, así como el nivel educativo más alto alcanzado. Estas variables capturan diferencias en productividad potencial.
- Intensidad laboral: En las especificaciones con salarios mensuales, se consideran las horas usuales de trabajo y la existencia de un segundo empleo. En las especificaciones

con salarios por hora, estas variables se omiten deliberadamente para evitar un ajuste redundante.

- Características del empleo: Incorporamos ocupación, tamaño de la firma, tipo de relación laboral, formalidad del empleo y la antigüedad en el puesto. Estos factores permiten aproximar la comparabilidad entre trabajos, tal como lo exige la noción de "igual trabajo".
- Intensidad laboral: En las especificaciones con salarios mensuales, se consideran las horas usuales de trabajo y la existencia de un segundo empleo. En las especificaciones con salarios por hora, estas variables se omiten deliberadamente para evitar un ajuste redundante.

La estrategia empírica consiste en estimar primero la brecha salarial sin controles y, posteriormente, añadir secuencialmente los bloques de covariables. De este modo, se puede observar cómo evoluciona el coeficiente asociado a la variable de género, lo que permite interpretar en qué medida el diferencial incondicional se explica por diferencias observables en características de los trabajadores y de sus empleos. En esta parte estimamos apenas como variable dependente la variable de ingreso de la ocupación principal por hora.

Nota: En la ecuación (5) se omitieron las variables relacionadas con el oficio y el número de personas que trabajan en la empresa.

Los resultados en el Cuadro 3 muestran que el coeficiente de female sigue siendo negativo y significativo. Además, la inclusión de controles incrementa la magnitud del coeficiente. El modelo con todos los controles indica que las mujeres llegan a ganar aproximadamente un 10 % menos que los hombres, dado que ambos tengan la misma experiencia, edad y ejerzan profesiones similares.

Un aspecto interesante sería estimar la edad pico en la que las mujeres alcanzarían su máximo salarial. Esto puede calcularse mediante un problema sencillo de maximización:

$$pico = -\frac{\beta_2}{2\beta_3},$$

donde  $\beta_2$  es el coeficiente de age y  $\beta_3$  es el coeficiente de  $age^2$ .

Cuadro 3. Resultados de las regresiones con controles

			Variable dependiente:		
	log(y_ingLab_m_ha)				
	(1)	(2)	(3)	(4)	(5)
female	-0.045*** (0.015)	-0.058*** (0.014)	-0.142*** (0.012)	-0.179*** (0.012)	-0.106*** (0.012)
	(0.013)				
age		0.068*** (0.004)	0.062*** (0.003)	0.068*** (0.003)	0.038*** (0.003)
age_sqr		$-0.001^{***}$ (0.00004)	-0.001*** (0.00004)	$-0.001^{***}$ (0.00004)	$-0.0003^{***}$ (0.00003)
primarios incompleto			0.199**	0.223**	0.167**
			(0.094)	(0.093)	(0.076)
as.factor(primario completo)4			0.289*** (0.091)	0.303*** (0.090)	0.203*** (0.073)
as.factor(secundario incompleto)5			0.347*** (0.091)	0.355*** (0.089)	0.229*** (0.073)
as.factor(secundario completo)6			0.565*** (0.090)	0.575*** (0.088)	0.292*** (0.072)
as.factor(terciario)7			1.253***	1.238***	0.557***
			(0.089)	(0.088)	(0.073)
totalHoursWorked				-0.009*** (0.0005)	$-0.010^{***}$ $(0.0004)$
cuentaPropia					
microEmpresa					-0.392***
					(0.044)
formal					0.261*** (0.015)
Constant	8.747*** (0.010)	7.392*** (0.068)	6.583*** (0.104)	6.940*** (0.104)	8.793*** (0.164)
Observations	9,892	9,892	9,891	9,891	9,891
R <sup>2</sup>	0.001	0.046	0.335	0.358	0.576
Adjusted R <sup>2</sup> Residual Std. Error F Statistic	0.001 0.727 (df = 9890) 9.317*** (df = 1; 9890)	$0.045$ $0.711 \text{ (df} = 9888)$ $158.028^{***} \text{ (df} = 3; 9888)$	0.335 0.593 (df = 9882) 623.580*** (df = 8; 9882)	0.358 0.583 (df = 9881) 612.986*** (df = 9; 9881)	0.572 0.476 (df = 9798) 144.719*** (df = 92; 9798

Note: \*p<0.1; \*\*p<0.05; \*\*\*p<0.01

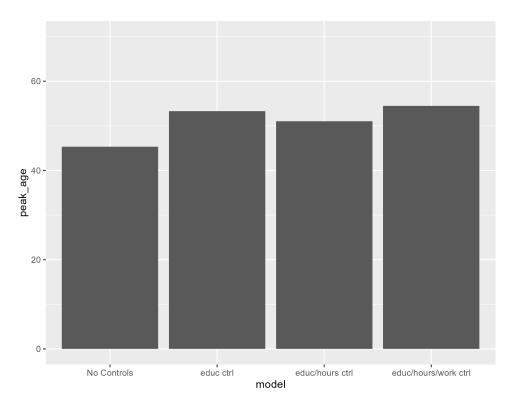


Figura 2. Edad Pico según nuestros modelos

La Figura 2 muestra los resultados de la edad pico. En general, los modelos indican que la edad pico estaría entre 45 y 54 años. La inclusión de controles parecen incrementar la edad-pico. Note que, a través de la estimación de la edad-pica por ls coeficientes de MCO, no teníamos como estimaar sus errores estándares y ni como hacer los intervalos de confianza. Para generar el intervalo de confianza, usamos el método bootstrap. Para esto remostreamos los datos 2000 veces y guardamos la muestra de edad-pico. A través de esta muestra calculamos el intervalo de confianza a 5 % de nuestros modelos.

Peak Age with 95% CI across Models

56

48

No Controls

educ ctrl

Model

educ/hours ctrl

educ/hours/work ctrl

Figura 3. Edad Pico según nuestros modelos

La Figura 3 muestra los resultado para los intervalos de confianza. Como esperado, la inclusión de más controles incrementa el intervalo de confianza, sin embargo lo mismo no pasaría de 2 años en relación al centro de la estimación.

## 5. Results

Referencing tables is very easy you can do the following: In Table 4 ...

Citing papers is easier, for example Albouy et al. (2020) shows that crime around parks. For many papers in parenthesis Albouy et al. (2020), McMillen et al. (2019)

#### 5.1. Robustness

## 6. Conclusion

## Referencias

Albouy, D., Christensen, P., and Sarmiento-Barbieri, I. (2020). Unlocking amenities: Estimating public good complementarity. *Journal of Public Economics*, 182:104110.

McMillen, D., Sarmiento-Barbieri, I., and Singh, R. (2019). Do more eyes on the street reduce crime? evidence from chicago's safe passage program. *Journal of urban economics*, 110:1–25.

Nikolov, P. (2020). Writing tips for economics research papers.

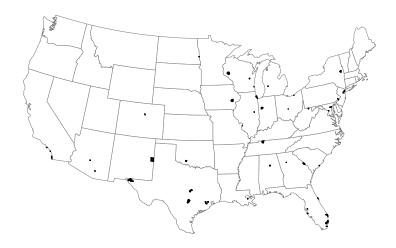
# Tables and Figures

Cuadro 4. Overall Response Rates

	$Dependent\ variable: \ Response$		
	(1)	(2)	
Minority	-0.323***		
	(-0.213, -0.412)		
African American		-0.432***	
		(-0.312, -0.532)	
Hispanic/LatinX		0.7027	
		(-0.670, 0.818)	
Mean Response (White)	0.4	0.4	
Gender	Yes	Yes	
Education Level	Yes	Yes	
Inquiry Order	Yes	Yes	
Observations	45,202	45,202	

Notes: Table reports coeficients from a within-property linear regression model including controls for gender, education and order the inquiry was sent. Standard errors clustered at the CBSA Downtown/Suburb level.  $90\,\%$  confidence intervals reported in parentheses.

Figura 4. US Map



Note: This figure shows ...

# A. Appendix: Tables and Figures