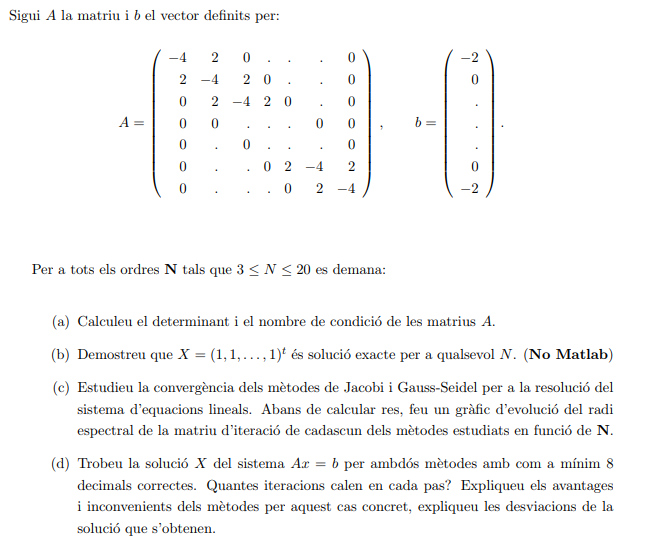
Pràctica 2 – Enunciat B  
Computació Numèrica

**David Moreno Borràs**

**2017-18 Q2**

1 | Àlgebra lineal numèrica: mètodes iteratius

a)

b) f(x)

c)

d)

**Annex**

Codis Matlab Exercici 1: Àlgebra lineal numèrica: mètodes iteratius

%% Funcions

format long

f=@(x)1.01\*exp(4\*x)-4.62\*exp(3\*x)-3.11\*exp(2\*x)+12.2\*exp(x)-1.99;

F=@(x)(((1.01\*exp(x)-4.62)\*exp(x)-3.11)\*exp(x)+12.2)\*exp(x)-1.99;

%% x = 1.53

fCorrecte3 = f(1.53);

FCorrecte3 = F(1.53);

fTresXifres = -7.99;

FTresXifres = -8.037;

errorRelf3 = (abs(fTresXifres-fCorrecte3)/abs(fCorrecte3))\*100

errorRelF3 = (abs(FTresXifres-FCorrecte3)/abs(FCorrecte3))\*100

%% x = 0.925

fCorrecte4 = f(0.925);

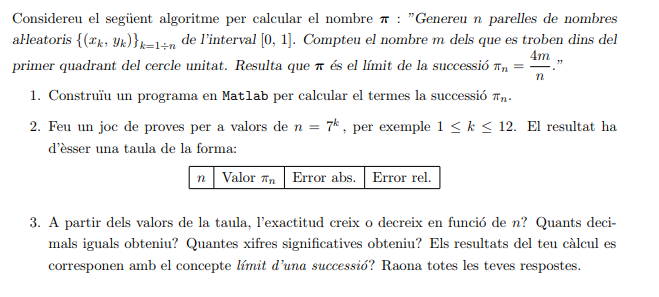
FCorrecte4 = F(0.925);

fQuatreXifres = -24.25;

FQuatreXifres = -24.25;

errorRelf4 = (abs(fQuatreXifres-fCorrecte4)/abs(fCorrecte4))\*100

errorRelF4 = (abs(FQuatreXifres-FCorrecte4)/abs(FCorrecte4))\*100

1. | Algoritmes

1) Codi de Matlab a l’annex.

Per aquest algorisme vaig tenir problemes al principi ja que generava totes les parelles de cop i l’ordinador no podia amb l’algorisme. Ara les genera seqüencialment

També vaig tenir problemes a l’hora de mostrar els valors amb prou exactitud ja que per mostrar les variables amb **disp** he necessitat fer servir num2str. Amb *num2str(nom\_var,'%6f')* puc escollir com mostra les variables.

Per comprovar si el punt està dins del quadrant miro si r = x2+y2 és més petit o igual que 1.

Per generar els nombres aleatoris he usat r = a + (b-a).\*rand(100,1); Això genera els nombres entre a i b però com en aquest cas a = 0 i b = 1 l’expressió queda així: x = rand(1,1);

Per fer el càlcul més eficient enlloc de generar 7k parelles i fer la comprovació, generar 7(k+1) parelles i fer la comprovació, etc el nou codi (**effPI.m**) les va generant fins el valor màxim i cada 7k parelles fa la comprovació de m.

Les funcions per fer les proves es criden des de **tests.m**

2) Resultats joc de proves des de n = 71 a 712:

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **n** | **Valor pi** | **Error abs** | **Error rel** |
| 7 | 3,428571 | 0,286979 | 0,09134818 |
| 49 | 3,265306 | 0,123713 | 0,03937922 |
| 343 | 3,276968 | 0,135375 | 0,04309129 |
| 2401 | 3,173678 | 0,032085 | 0,01021297 |
| 16807 | 3,151306 | 0,009713 | 0,00309186 |
| 117649 | 3,139202 | 0,00239 | 0,0007609 |
| 823543 | 3,143802 | 0,002209 | 0,00070321 |
| 5764801 | 3,140391 | 0,001202 | 0,00038256 |
| 40353607 | 3,141751 | 0,000158 | 0,00005039 |
| 282475249 | 3,141815 | 0,000223 | 0,00007092 |
| 1977326743 | 3,141636 | 0,000043 | 0,00001371 |
| 13841287201 | 3,141567 | 0,000026 | 0,00000817 |

3) Com es pot veure a la taula l’exactitud creix en funció de n ja que cada vegada s’apropa més al valor real de pi (i els errors disminueixen).

El nombre de decimals correctes el sabem gràcies al valor de l’error absolut. En aquest cas, per l’últim valor aproximat de pi, 3.141567, l’error absolut es 0.000026, com és menor que 0.5x10 -4 (0.00005), llavors 4 decimals són correctes.

Respecte les xifres significatives, com l’error relatiu es 0.00000817 i és més petit que 0.5x10 -4 (0.00005) llavors té 4 xifres significatives.

Els resultats del càlcul es corresponen amb el concepte de *límit d’una successió* ja que com podem veure la successió tendeix al valor de pi conforme més gran és la n.

**Annex**

Codis Matlab Exercici 2: Pi

test.m des d’on es criden les funcions:

%% Pi efficient

% El for amb el codi eficient està dins de la funció, aquí li diem la k màxima

k = 5;

effPi(k);

%% Golden Ratio

format long

phiCorrect = (1 + sqrt(5))/2;

% %% Using Fibonacci

for n = 5:1000

Orfib(n);

end

% % %% Using continued fraction

for n = 5:1000

Orfract(n);

end

effPi.m on està la funció per calcular pi:

%% Pi efficient

function [ pi\_val ] = effPi(kMax)

k = 1;

m = 0;

nMax = 7^kMax;

for i = 1:nMax

x = rand(1,1);

y = rand(1,1);

r = x^2+y^2;

% If x^2 + y^2 is less than or equal to 1,

% then the point given by x,y is inside the quadrant.

if (r <= 1)

m = m + 1;

end

ex = 7^k;

if (i == ex)

pi\_val = (4\*m)/i;

errAbs = abs(pi-pi\_val);

errRel = errAbs/pi;

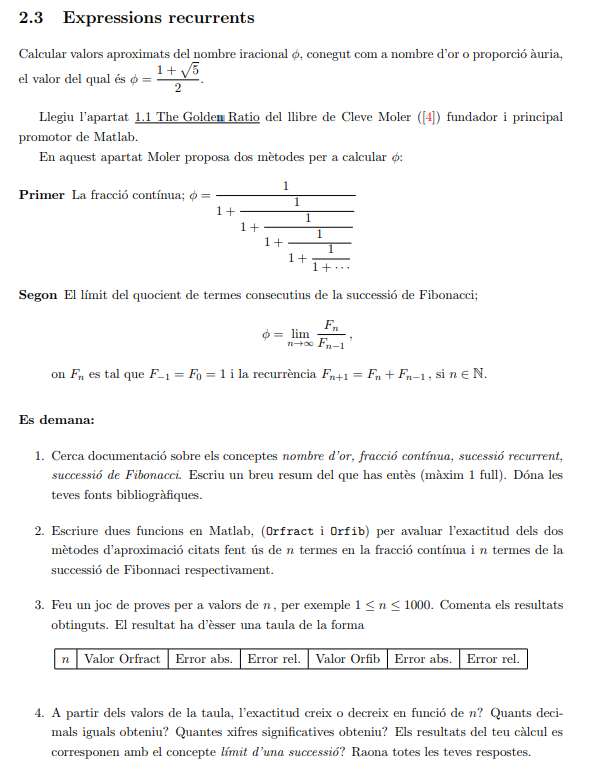
disp([num2str(i), '; ', num2str(pi\_val,'%6f'), '; ', num2str(errAbs,'%6f'), '; ', num2str(errRel,'%6f')]);

k = k + 1;

end

end

end

1. | Expressions recurrents

1) El nombre d’or (Φ), també anomenat raó àuria, és un nombre molt especial ja que té una sèrie de característiques úniques i apareix a molts àmbits de les matemàtiques.

Per exemple una de les seves propietats deduïda a partir del rectangle d’or (un rectangle al que al eliminar-li un quadrat s’obté un rectangle amb la mateixa forma però més petit) és que el recíproc de Φ s’obté simplement restant 1.

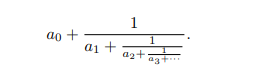
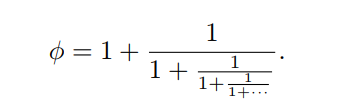
C:\Users\David\Google Drive\UNI\CN\CN-Lab\Practica-1\3e37508515ec09225b0abd7d6da75e53.png

C:\Users\David\Google Drive\UNI\CN\CN-Lab\Practica-1\f613d49928db6fab0044e1f0fe762f9e.pngEl valor del nombre d’or (nombre irracional, ja que la seva representació decimal no té cap període) es pot expressar així:

El nombre d’or no es va trobar directament com una expressió en l’antiguitat, sinó com una relació o proporció entre dos segments d’una recta.

Aquesta proporció és coneguda perquè apareix a molts llocs de la natura, com ara a la closca d’un cargol, als gira-sols, etc.

Una fracció infinita és una fracció de la forma:



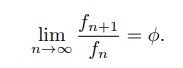
Aquest tipus de fracció es relaciona amb el nombre d’or ja que si totes les ak són 1s, llavors tenim un altre representació del nombre d’or.

Una successió es recurrent si per calcular un terme específic es necessiten termes anteriors de la recurrència. Un exemple és la successió infinita de Fibonacci:

C:\Users\David\Google Drive\UNI\CN\CN-Lab\Practica-1\6e44a2a61082b2a4ab9a3fd2a0bad9b8.png

0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34... Els valors pels termes 1 i 0 d’aquesta successió estan fixats per poder calcular la recurrència correctament.

Aquesta successió també té moltes característiques especials, entre elles que el límit de la raó entre nombres de Fibonacci successius s’apropa a la raó àuria:



Fonts:

* <https://goo.gl/suQ8gD>
* <https://goo.gl/1kb6c6>
* <https://goo.gl/Z8KV2r>

2) Funcions *Orfib.m* i *Orfrac.m* de Matlab a l’annex. Com amb el càlcul de pi, he necessitat *num2str(nom\_var,*'%10.17f'*)* per mostrar els valors amb exactitud.

Per Orfib també he creat una funció addicional *fibonnaci.m* que pren com a paràmetre una n i retorna dos valors consecutius de la successió de Fibonnaci, Fn i Fn+1.

Les funcions pels jocs de proves es criden, com amb el càlcul de pi, des de **tests.m**

3) Resultat joc de proves per valors d’n entre 1 i 1000:

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **n** | **Valor Orfract** | **Error abs.** | **Error rel.** | **Valor Orfib** | **Error abs.2** | **Error rel.3** |
| 5 | 1,625000000000000 | 0,006966 | 0,43052 | 1,600000000000000 | 0,018034 | 1,1146 |
| 6 | 1,615384615384610 | 0,0026494 | 0,16374 | 1,625000000000000 | 0,006966 | 0,43052 |
| 7 | 1,619047619047610 | 0,0010136 | 0,062646 | 1,615384615384610 | 0,0026494 | 0,16374 |
| 8 | 1,617647058823520 | 0,00038693 | 0,023914 | 1,619047619047610 | 0,0010136 | 0,062646 |
| 9 | 1,618181818181810 | 0,00014783 | 0,0091364 | 1,617647058823520 | 0,00038693 | 0,023914 |
| 10 | 1,617977528089880 | 5,65E-05 | 0,0034895 | 1,618181818181810 | 0,00014783 | 0,0091364 |
| 11 | 1,618055555555550 | 2,16E-05 | 0,0013329 | 1,617977528089880 | 5,65E-05 | 0,0034895 |
| 12 | 1,618025751072960 | 8,24E-06 | 0,00050912 | 1,618055555555550 | 2,16E-05 | 0,0013329 |
| […] | […] | […] | […] | […] | […] | […] |
| 36 | 1,618033988749890 | 8,88E-16 | 5,49E-14 | 1,618033988749890 | 2,00E-15 | 1,24E-13 |
| 37 | 1,618033988749890 | 2,22E-16 | 1,37E-14 | 1,618033988749890 | 8,88E-16 | 5,49E-14 |
| 38 | 1,618033988749890 | 2,22E-16 | 1,37E-14 | 1,618033988749890 | 2,22E-16 | 1,37E-14 |
| 39 | 1,618033988749890 | 0 | 0 | 1,618033988749890 | 2,22E-16 | 1,37E-14 |
| 40 | 1,618033988749890 | 0 | 0 | 1,618033988749890 | 0 | 0 |
| 41 | 1,618033988749890 | 0 | 0 | 1,618033988749890 | 0 | 0 |
| 42 | 1,618033988749890 | 0 | 0 | 1,618033988749890 | 0 | 0 |
| 43 | 1,618033988749890 | 0 | 0 | 1,618033988749890 | 0 | 0 |
| 44 | 1,618033988749890 | 0 | 0 | 1,618033988749890 | 0 | 0 |
| […] | […] | […] | […] | […] | […] | […] |
| 95 | 1,618033885370380 | 1,03E-07 | 6,39E-06 | 1,618033988749890 | 0 | 0 |
| 96 | 1,618034626172280 | 6,37E-07 | 3,94E-05 | 1,618033988749890 | 0 | 0 |
| 97 | 1,618033449641130 | 5,39E-07 | 3,33E-05 | 1,618033988749890 | 0 | 0 |
| 98 | 1,618033737889570 | 2,51E-07 | 1,55E-05 | 1,618033988749890 | 0 | 0 |
| 99 | 1,618034084570020 | 9,58E-08 | 5,92E-06 | 1,618033988749890 | 0 | 0 |
| 100 | 1,618034126624920 | 1,38E-07 | 8,52E-06 | 1,618033988749890 | 0 | 0 |
| […] | […] | […] | […] | […] | […] | […] |
| 992 | 1,618033637728120 | 3,51E-07 | 2,17E-05 | 1,618033988749890 | 0 | 0 |
| 993 | 1,618034122828310 | 1,34E-07 | 8,29E-06 | 1,618033988749890 | 0 | 0 |
| 994 | 1,618033937536500 | 5,12E-08 | 3,17E-06 | 1,618033988749890 | 0 | 0 |
| 995 | 1,618033692938070 | 2,96E-07 | 1,83E-05 | 1,618033988749890 | 0 | 0 |
| 996 | 1,618034589019060 | 6,00E-07 | 3,71E-05 | 1,618033988749890 | 2,22E-16 | 1,37E-14 |
| 997 | 1,618033759467550 | 2,29E-07 | 1,42E-05 | 1,618033988749890 | 2,22E-16 | 1,37E-14 |

Valor de phi en format long per Matlab = 1.618033988749895

Com es pot veure a la taula en els dos casos s’arriba al valor aproximadament amb n = 40, com als exemples del llibre de Moler.

En els dos casos hi ha alguns canvis i sembla que dona problemes per a valors molt grans, probablement perquè es més difícil fer el càlcul i es va propagant l’error.

4) L’exactitud de l’aproximació creix en funció de n en el cas d’Orfib i Orfrac tot i que donen alguns problemes per valors molt grans.

En els dos casos el nombre de decimals correctes i xifres significatives és el mateix que el valor “original”, el de Matlab. Aquest valor no és el correcte del nombre d’Or, però, ja que és un nombre periòdic i Matlab està limitat a una certa precisió.

Els resultats del càlcul es corresponen amb el concepte de *límit d’una successió* ja que com podem veure la successió tendeix al valor de phi conforme més gran és la n, tal com passava amb el càlcul de pi.

**Annex**

Codis Matlab Exercici 3: Phi

Funcions de <http://www.mathworks.es/moler/chapters.html>

Orfib.m:

%% Calcul nombre d'or

function [ phi ] = Orfib(n)

phiCorrect = (1 + sqrt(5))/2;

[fn1, fn] = fibonacci(n);

phi = fn1/fn;

errAbs = abs(phiCorrect-phi);

errRel = errAbs/phiCorrect\*100;

disp([num2str(n), '; ', num2str(phi,'%15.18f'), '; ', num2str(errAbs), '; ', num2str(errRel)]);

end

Orfract.m:

%% Calcul nombre d'or

function [ phi ] = Orfract(n)

phi = '1';

for k = 1:n

phi = ['1+1/(' phi ')'];

end

phi = 1;

q = 1;

for k = 1:n

s = phi;

phi = phi + q;

q = s;

end

phi = sprintf('%d/%d',phi,q);

phi = eval(phi);

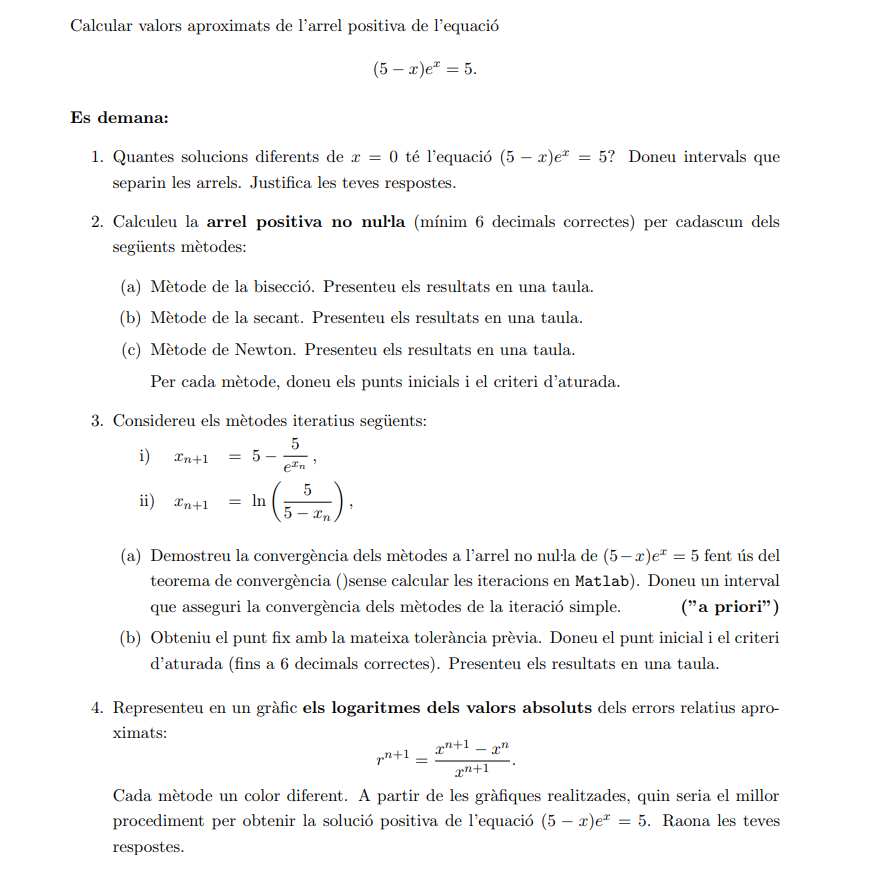
phiCorrect = (1 + sqrt(5))/2;

errAbs = abs(phiCorrect-phi);

errRel = errAbs/phiCorrect\*100;

disp([num2str(n), '; ', num2str(phi,'%15.18f'), '; ', num2str(errAbs), '; ', num2str(errRel)]);

end

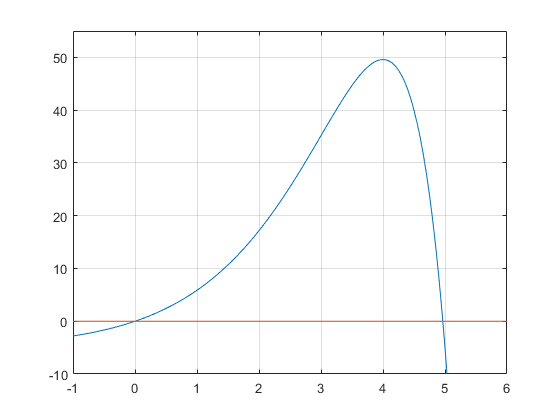
1. | Solucions d’equacions no lineals

1) Si mirem el plot de la funció **f(x) = (5-x)ex -5** (per valors d’x entre -1 i 6) veiem que té dues arrels, una a 0 i l’altre prop de 5. (plot a la següent pàgina)

Un interval per la primera pot ser [-1, 1], que per Teorema de Bolzano veiem que

f(-1)\*f(1) = -16.4 per tant hi ha una arrel entre -1 i 1

I pel cas de la segona arrel podem tenir l’interval [4,5], que veiem que f(4)\*f(5) = -247.99, per tant hi ha una arrel entre 4 i 5.



Plot amb Matlab de f(x)

2) Als tres casos les funcions tenen un nou paràmetre *valorCorrecte* (del fzero de matlab) per calcular l’error absolut i parar l’algorisme una vegada arribi a 6 decimals correctes.

L’fzero de matlab diu que l’arrel és **4.965114231744276**

Amb **el mètode de la bisecció** començant amb l’interval [4,6] a l’iteració 18 obtenim el valor **4.965114593505859**, l’error absolut és 3.6176e-07, per tant té 6 decimals correctes.

Per motius d’espai la taula es mostra amb format short g:

**iter a x b f(x) |b-a|**

0 4 5 6 -5 2

1 4 4.5 5 40.009 0.5

2 4.5 4.75 5 23.896 0.25

3 4.75 4.875 5 11.372 0.125

4 4.875 4.9375 5 3.7138 0.0625

5 4.9375 4.9688 5 -0.50478 0.03125

6 4.9375 4.9531 4.9688 1.6383 0.015625

7 4.9531 4.9609 4.9688 0.57529 0.0078125

8 4.9609 4.9648 4.9688 0.037404 0.0039063

9 4.9648 4.9668 4.9688 -0.23315 0.0019531

10 4.9648 4.9658 4.9668 -0.097739 0.00097656

11 4.9648 4.9653 4.9658 -0.030134 0.00048828

12 4.9648 4.9651 4.9653 0.0036435 0.00024414

13 4.9651 4.9652 4.9653 -0.013243 0.00012207

14 4.9651 4.9651 4.9652 -0.0047992 6.1035e-05

15 4.9651 4.9651 4.9651 -0.00057771 3.0518e-05

16 4.9651 4.9651 4.9651 0.0015329 1.5259e-05

17 4.9651 4.9651 4.9651 0.00047763 7.6294e-06

18 4.9651 4.9651 4.9651 -5.0041e-05 3.8147e-06

Amb el **mètode de la secant** començant amb l’interval [4,6] a l’iteració 11 ja obtenim el valor **4.965114045726**, l’error absolut és 1.8602e-07, per tant té 6 decimals correctes.

**iter a c x f(x) |b-a|**

1 6 4 4.2166 48.117 1.7834

2 4.2166 6 4.4045 43.722 0.18796

3 4.4045 4.2166 6.2742 -681.28 1.8697

4 6.2742 4.4045 4.5173 39.21 1.757

5 4.5173 6.2742 4.6129 34.01 0.095616

6 4.6129 4.5173 5.2383 -49.878 0.62537

7 5.2383 4.6129 4.8664 12.343 0.37183

8 4.8664 5.2383 4.9402 3.359 0.073763

9 4.9402 4.8664 4.9678 -0.37044 0.027578

10 4.9678 4.9402 4.965 0.0094752 0.0027393

11 4.965 4.9678 4.9651 2.5731e-05 6.8318e-05

Finalment, amb el **mètode de Newton** he necessitat la regla de Fourier per determinar el punt inicial ja que em donava problemes:

Tenim f’(x) = ex(4-x), f’’(x) = ex(3-x),

**Regla de Fourier**

**1** Interval [a,b] = [4.5,5], f(4.5)\*f(5) < 0

**2** Si fem el plot veiem que f’(x)=0 a x=4, f’’(x)=0 a x=3, per tant no a l’interval

**3** a = 4.5: f(4.5)\*f’’(4.5) = -5.4022e+03

b = 5: f(5)\*f’’(5) = 1.4841e+03

Com amb b = 5: f(b)\*f’’(b) > 0, escollim x0 = 5.

Així amb el mètode de Newton tenim la següent taula (format long):

**iter x f(x) |b-a|**

0 5.000000000000000 -5.000000000000000 5.000000000000000

1 4.966310265004573 -0.165642777610917 0.033689734995427

2 4.965115686301458 -0.000201201806099 0.001194578703114

3 4.965114231746430 -0.000000000297890 0.000001454555028

Com podem veure en aquest cas l’algorisme s’atura a l’iteració 3 ja que ja té 6 decimals correctes: **4.965114231746430** té un error absolut de 2.1538e-12.

3)

a) Pel primer cas, g1(x) és derivable, g1’(x) = 5e-x i per k = 5 que està a l’entorn de l’arrel tenim g1’(k) = 0.0336 < 1, per tant sí, és convergent a l’arrel.

Pel segon cas g2(x) també es derivable: g2’(x) = 1/(5-x) i per k = 4.9 tenim g2’(k) = 10 > 1 per tant és divergent.

Respecte l’interval que ens asseguri la convergència, podem trobar-lo amb una inequació:

5e-x < 1 [...] **x > 1.609.** Per tant podríem dir que un interval [2,5] assegura la convergència. (Al menys en el primer cas, el segon ja hem vist que és divergent i a més l’interval no podria ser 5 ja que anul·la el denominador).

b) La taula pel primer mètode iteratiu, amb punt inicial x0 = 5 i criteri d’aturada no superar el nombre màxim d’iteracions ni una tolerància tol = 0.0000005:

**iter x f(x) xn - xn-1**

0 5.000000000000000 -5.000000000000000 0

1 4.966310265004573 -0.165642777610917 -0.033689734995427

2 4.965155931341398 -0.005768338381813 -0.001154333663175

3 4.965115686436428 -0.000201220475782 -0.000040244904970

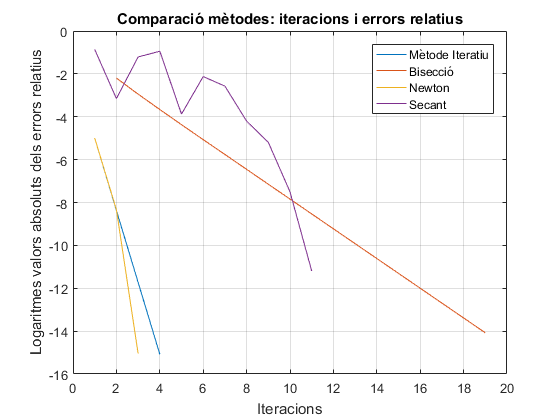
4 4.965114282492293 -0.000007019715721 -0.000001403944135

L’ultima iteració té un error absolut de 5.0748e-08, per tant té 6 decimals correctes (ja que 5.0748e-08 > 0.5e-06)

4) Per aquest apartat a cada mètode he afegit la següent línia:

*logs = [logs, log(abs((x - xprev)/x))];*

El plot de cada un dels mètodes és el següent:



Al plot de Matlab podem veure que el mètode de la bisecció té una convergència lineal però molt lenta. El de la secant, tot i que és millor que aquest, és una mica irregular i no tan ràpid com el mètode iteratiu (el primer, ja que el segon no convergeix).

I finalment, podem veure que, com hem pogut apreciar amb les taules anteriors, el millor mètode per obtenir la solució positiva de l’equació **(5-x)ex = 5** és Newton, ja que és el que convergeix més ràpidament, tot i que hem de tenir en compte que és el que té un major cost computacional.

**Annex**

Codis Matlab Exercici 4: Solucions d’equacions no lineals

Main.m on es criden totes les funcions:

%% Plot

t=-1:0.05:6;

f=@(x)exp(x).\*(5-x)-5;

plot(t,f(t),t,zeros(size(t))),axis([-1 6 -10 55]),grid

f(-1)\*f(1)

f(4.5)\*f(5)

%% FZero Matlab

% Arrel no nul·la

format long;

interval = [4,6];

valorCorrecte = fzero(f,interval)

%% Mètode de la bisecció

format long;

a = 4; b = 6; tol = eps; % 0.5\*10^(-10)

[ root, taula, logsBi ] = new\_bisec(f,a,b,tol,20,valorCorrecte)

plot(logsBi)

errAbs = abs(root-valorCorrecte)

%% Newton's method

df=@(x)exp(x).\*(4-x);

df2=@(x)exp(x).\*(3-x);

%plot(t,df(t),t,zeros(size(t))),axis([-1 6 -10 55]),grid

%plot(t,df2(t),t,zeros(size(t))),axis([-1 6 -10 55]),grid

% Regla de Fourier

% 1. f(4.5)\*f(5) < 0 -> ok

% 2. df(x)=0 a x=4, df2(x)=0 a x=3

% 3. f(4.5)\*df2(4.5) = -5.4022e+03

% f(5)\*df2(5) = 1.4841e+03

% Com amb = 5 f(b)\*df2(b) > 0, x0 = 5.

x0 = 5; tol = eps;

[ root, taula, logsNew ] = new\_new(f,df,x0,tol,10,valorCorrecte)

plot(logsNew)

errAbs = abs(root-valorCorrecte)

%% Mètode de la secant

a = 4; b = 6; tol = eps; % 0.5\*10^(-10)

[ root, taula, logsSec ] = new\_secant(f,a,b,tol,20,valorCorrecte)

errAbs = abs(root-valorCorrecte)

%% Mètode iteratiu #1

g1 = @(x)5-5/(exp(x));

dg1 = @(x)5\*exp(-x);

x0 = 5;

tol = 0.00005;

N = 20;

if (abs(dg1(x0)) < 1)

[ root, x\_sol, logsIt1 ] = new\_fixPoint(f,g1,x0,tol,N);

errAbs = abs(root-valorCorrecte)

plot(logsIt1)

else

disp('Divergent!')

end

%% Mètode iteratiu #2

g1 = @(x)log(5/(5-x));

dg1 = @(x)1/(5-x);

x0 = 4.9;

tol = 0.0005;

N = 20;

if (abs(dg1(x0)) < 1)

[ root, x\_sol, logsIt2] = new\_fixPoint(f,g1,x0,tol,N)

else

disp('Divergent!')

end

%% 4

plot(logsIt1), hold on

plot(logsBi), hold on

plot(logsNew), hold on

plot(logsSec)

title('Comparació mètodes: iteracions i errors relatius'), grid

xlabel('Iteracions')

ylabel('Logaritmes valors absoluts dels errors relatius')

legend('Mètode Iteratiu','Bisecció', 'Newton','Secant')

**new\_secant.m:**

function [ arrel , taula, logs ] = new\_secant(f,a,b,tol,M, valorCorrecte)

%Mètode de la bisecció

% f: function, a:dada, b:dada, opció f(a)\*f(b)<0,

% epsilon: cota error, M:cota iteracions

k = 0;

tolx=abs(b-a);

tolf=max(abs(f([a,b])));

era=max(tolx,tolf);

taula=[];

sisDecimals = 0.0000005;

errAbs = 1;

xprev = b

logs = [];

while (k<M && era>tol && sisDecimals < errAbs) %abs(b-a) > eps\*abs(b)

c = a;

a = b;

b = b + (b - c)/(f(c)/f(b)-1);

k = k + 1;

tolx=abs(b-a);

tolf=max(abs(f(b)));

era=max(tolx,tolf);

taula=[taula;k,a,c,b,f(b),tolx];

errAbs = abs(b-valorCorrecte);

x = b

xprev = a

logs = [logs, log(abs((x - xprev)/x))];

end

arrel = b;

disp(' iter a c x f(x) |b-a|')

format short g, taula, format

end

**new\_fixPoint.m:**

function [ arrel, x\_sol, logs ] = new\_fixPoint(f, g, x, tol, N)

% f: equation

% g: iterative functon

% x = initial point

% tol: tol error

% N = number of iterations

k = 0;

tolx = 1;

tolf=abs(f(x));

err=max(tolx,tolf);

x\_sol = [k, x, f(x), 0]; %Per la taula de la pagina 16: Lab4-Tema2.pdf

logs = [];

while (err > tol && k < N)

xprev = x;

x = g(x);

k = k + 1;

tolx=abs(x - xprev);

tolf=abs(f(x));

err=max(tolx,tolf);

x\_sol = [x\_sol; k, x, f(x), x-xprev];

logs = [logs, log(abs((x - xprev)/x))];

end

arrel = x;

disp(' iter x f(x) xn - xn-1')

format long, x\_sol, format

end

**new\_new.m:**

function [ arrel , taula, logs ] = new\_new(f,df,x0,tol,M,valorCorrecte)

%Mètode de Newton o de la tangent

% f: function, df:derivada funció, x0:dada,

% tol: cota error, M:cota iteracions

k=0;

xprev = x0;

tolx=abs(xprev);

tolf=(abs(f(xprev)));

era=max(tolx,tolf);

taula=[k,xprev,f(xprev),tolx];

sisDecimals = 0.0000005;

errAbs = 1;

logs = [];

while (k < M && era > tol && sisDecimals < errAbs) %abs(b-a) > eps\*abs(b)

y = f(xprev); z=df(xprev); s=y/z;

x = xprev-s;

k = k + 1;

tolx=abs(s);

tolf=max(abs(f(x)));

era=max(tolx,tolf);

taula=[taula;k,x,f(x),tolx];

errAbs = abs(x-valorCorrecte);

logs = [logs, log(abs((x - xprev)/x))];

xprev = x;

end

arrel = x;

disp(' iter x f(x) |b-a|')

format long, taula, format

end

**new\_bisec.m:**

function [ arrel , taula, logs ] = new\_bisec(f,a,b,tol,M,valorCorrecte)

%Mètode de la bisecció

% f: function, a:dada, b:dada, opció f(a)\*f(b)<0,

% epsilon: cota error, M:cota iteracions

k = 0;

tolx=abs(b-a);

tolf=max(abs(f([a,b])));

era=max(tolx,tolf);

taula=[];

sisDecimals = 0.0000005;

errAbs = 1;

xprev = (a + b)/2;

logs = [];

while (k<M && era>tol && sisDecimals < errAbs) %abs(b-a) > eps\*abs(b)

x = (a + b)/2;

taula=[taula;k,a,x,b,f(x),tolx];

if sign(f(x)) == sign(f(b))

b = x;

else

a = x;

end

k = k + 1;

tolx=abs(b-a)/2;

tolf=max(abs(f(x)));

era=max(tolx,tolf);

errAbs = abs(x-valorCorrecte);

logs = [logs, log(abs((x - xprev)/x))];

xprev = x;

end

arrel = x;

disp(' iter a x b f(x) |b-a|')

format short g, disp(taula), format

end

Tots aquests codis estan també a la carpeta **Codis**