Chapitre 10 : Feedback Coopératif dans le DSL : Dynamique et Coordination

| Chapitre 10 : Feedback Coopératif dans le DSL : Dynamique et Coordination | 1 |
|---|-----|
| 10.1. Introduction | 3 |
| 10.1.1. Contexte et Motivation | 3 |
| 10.1.2. Objectifs du Chapitre | 5 |
| 10.1.3. Structure du Chapitre | 8 |
| 10.2. Modélisation des Entités Synergiques | 11 |
| 10.2.1. Concepts Fondamentaux des Entités d'Information | 11 |
| 10.2.2. Représentation Mathématique | 21 |
| 10.2.3. Dynamique des États Synergiques | 31 |
| 10.2.4. Interactions entre Entités d'Information | 44 |
| 10.3. Synergies Multi-Échelle dans le DSL | 56 |
| 10.3.1. Interaction entre Niveaux d'Apprentissage Synergiques | 56 |
| 10.3.2. Modélisation des Synergies Multi-Échelle | 69 |
| 10.3.3. Propagation de l'Information à Travers les Échelles | 79 |
| 10.3.4. Émergence de Schémas Cognitifs Synergiques | 91 |
| 10.3.5. Exemples Pratiques de Synergies Multi-Échelle | 102 |
| 10.4. Influence des Interactions Indirectes dans le DSL | 113 |
| 10.4.1. Interactions Directes vs. Indirectes entre Entités Synergiques | 113 |
| 10.4.2. Effets sur la Dynamique Synergique | 123 |
| 10.4.3. Modèles Mathématiques des Interactions Indirectes | 134 |
| 10.4.4. Contrôle et Gestion des Interactions Indirectes | 144 |
| Mécanismes de Régulation des Boucles Néfastes | 150 |
| Impact des Approches sur la Dynamique du DSL | 155 |
| 10.4.5. Robustesse, Résilience et Adaptation | 155 |
| 10.5. Applications et Implications du Feedback Coopératif dans le DSL | 166 |
| 10.5.1. Amélioration des Capacités d'Apprentissage | 166 |
| 10.5.3. Considérations Éthiques et Sociétales | 184 |
| 10.5.4. Cas d'Utilisation Concrets | 195 |

10.1.1. Contexte et Motivation

Le feedback coopératif occupe une position centrale dans la philosophie du Deep Synergy Learning (DSL), car il assure la boucle de rétroaction nécessaire à la coordination des différents niveaux d'apprentissage, qu'ils soient locaux (évolution des pondérations inter-entités) ou globaux (macro-nœuds évaluant la cohésion d'un sous-réseau). Contrairement à un schéma purement feedforward où les informations circulent dans un sens unique de l'entrée vers la sortie, le DSL repose sur des flux bidirectionnels. Chaque entité peut recevoir un retour top-down d'un nœud plus global ou d'une entité pivot, tout en influençant simultanément les métriques globales dans une dynamique bottom-up. L'enjeu est de comprendre en profondeur comment ce feedback coopératif se formalise mathématiquement et comment il favorise l'émergence de structures cohérentes au sein d'un Synergistic Connection Network (SCN).

Dans les chapitres antérieurs (notamment chap. 4 et chap. 9), la dynamique DSL a été illustrée par la **mise à jour** des pondérations $\omega_{i,j}(t)$ entre entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j . Les équations de base, comme

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t)],$$

montrent comment un **score** de **synergie** S(i,j) et un terme de **décroissance** τ $\omega_{i,j}(t)$ se combinent pour renforcer ou atténuer un lien. Cependant, si cette approche se réduisait à un mécanisme strictement local, elle négligerait la **dimension coopérative** plus large. Des **macro-nœuds** ou des modules de niveau supérieur peuvent intervenir en ajoutant un **terme supplémentaire** dans la mise à jour de $\omega_{i,j}(t)$, intégrant ainsi un objectif global ou un critère de cohésion évalué à l'échelle d'un sous-réseau. Ce **terme** de **feedback coopératif** complète alors la dynamique locale par une **influence** globale, laquelle se propage dans le réseau et aligne progressivement les entités.

A. Place du **Feedback Coopératif** dans le DSL

Le feedback coopératif répond d'abord à une nécessité de coordination dans la dynamique interne du **DSL**. Les entités locales, régies par leurs scores de synergie, ont tendance à former des clusters (voir chap. 2 pour la définition de la synergie et chap. 4 pour la formation de microclusters). Or, pour que ces regroupements locaux s'articulent dans un ensemble plus vaste, un macro-nœud \mathcal{M} peut intervenir, évaluant le degré de cohérence entre différentes régions du Synergistic Connection Network et rétroagissant en conséquence. Il s'agit d'un terme correctif dans l'équation

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t)] + \Delta_{\text{feedback}}(i,j),$$

où $\Delta_{\text{feedback}}(i,j)$ encode la **rétroaction** descendante (ou latérale) provenant d'un module global. La **coordination** s'effectue à deux niveaux distincts, localement par la synergie et globalement par la rétroaction macro. Une entité \mathcal{E}_i peut de plus être soumise à plusieurs **flux de feedback** issus de différentes sources, ce qui complexifie la boucle de mise à jour mais enrichit la capacité d'auto-organisation.

Le feedback coopératif contribue également à la synchronisation entre entités. Lorsque plusieurs oscillateurs ou plusieurs états internes (angles θ_i , phases, vecteurs d'activation) doivent être

alignés, le **DSL** profite d'une boucle de rétroaction permettant d'**ajuster** ces phases en fonction d'un décalage moyen. Dans un modèle d'oscillateurs couplés, on peut écrire

$$\theta_i(t+1) = \theta_i(t) + \eta_{\text{sync}} \sum_j \left(\omega_{i,j} \sin\left(\theta_j(t) - \theta_i(t)\right)\right),$$

où le **feedback** coopératif se traduit par les poids $\omega_{i,j}$ et, potentiellement, par un **terme** macro qui incite à réduire la variance des θ_i . Sans ce flux descendant (ou latéral), la **cohérence** globale serait plus difficile à maintenir, voire impossible si chaque entité n'opérait que selon un critère strictement local.

B. Pourquoi le **Feedback** est-il Crucial?

Le **feedback coopératif** est crucial pour gérer ce que l'on appelle les **interactions indirectes**. Dans un **SCN**, une entité \mathcal{E}_i peut influencer \mathcal{E}_j sans lien direct $\omega_{i,j}$ si une chaîne de pondérations l'y conduit (p. ex. via $\omega_{i,k}$ et $\omega_{k,j}$). Or, un pur schéma local basé sur $\Delta\omega_{i,j} \propto S(i,j)$ ignore souvent l'accumulation d'effets indirects de grande ampleur. Le **feedback** top-down propose un canal par lequel un **macro-nœud** \mathcal{M} prend conscience de la configuration globale et **régule** la mise à jour. On retrouve cette idée dans les systèmes biologiques, où des **couches** de contrôle supérieures (cortex, ganglions) influencent la plasticité synaptique locale, assurant que les interactions diffuses restent cohérentes.

Cette perspective est décisive pour faire émerger des **structures multi-échelle** (voir chap. 6 sur la hiérarchie de clusters). Un macro-nœud $\mathcal M$ peut agréger un **score** global de cohésion, noté par exemple

$$Q(\{\omega_{i,j}\}) = \sum_{(i,j)\in\alpha} \omega_{i,j} S(i,j),$$

et détecter que $\{\mathcal{E}_1, ..., \mathcal{E}_k\}$ n'atteint pas un certain seuil de **similarité** globale θ_Q . Il injecte alors un **feedback** $\Delta_{\text{down}}(i,j)$ pour augmenter ou diminuer certains liens, créant ainsi une **action** sur les micro-niveaux. Sans cette boucle, la formation de **macro-clusters** ou de structures plus grandes risque de se faire au petit bonheur, sans convergence satisfaisante.

C. Liens avec la Synchronisation, les Interactions Indirectes, l'Émergence

La synchronisation est largement facilitée par la présence de **feedback coopératif**. Si chaque entité \mathcal{E}_i possède un **état** interne $\mathbf{s}_i(t)$ ou un angle $\theta_i(t)$, la rétroaction collective introduit un couplage global qui supprime les divergences. Ainsi, en plus de la mise à jour habituelle,

$$\mathbf{s}_{i}(t+1) = \mathbf{s}_{i}(t) + \eta \left[\Phi\left(\mathbf{s}_{j}(t)\right) - \Psi\left(\mathbf{s}_{i}(t)\right)\right],$$

où Φ , Ψ codent la dépendance entre entités, on peut greffer un **terme** macro $\Delta_{\text{macro}}(\mathbf{s}_i)$ alignant simultanément plusieurs sous-ensembles d'états. Le résultat est un phénomène de **phase locking** ou de **résonance** collective, bien plus stable qu'une simple diffusion locale.

Les **interactions indirectes** y trouvent un cadre naturel, puisque le **feedback** gère la propagation de signaux sur des chaînes complexes. Un module \mathcal{E}_1 peut agir sur \mathcal{E}_3 à travers \mathcal{E}_2 sans connaître

 \mathcal{E}_3 directement ; le **macro-nœud** ou un circuit de rétroaction latérale modèrent les excès de renforcement cumulatif qui pourraient naître de ces interconnexions en cascade.

Enfin, l'émergence de formes ou de schémas globaux (cf. chap. 10.4 pour les dynamiques indirectes et chap. 10.5 pour les applications) se nourrit de cette interaction bi-directionnelle. Les entités locales **proposent** des micro-structures (ex. de petits **clusters** ou patterns), et le **feedback** macro **dispose** en aval, en renforçant ou en dissolvant ces structures dans le sens d'un objectif global. Cette vision renforce la lecture du **DSL** comme un apprentissage **multi-niveau**, où la plasticité synaptique $(\omega_{i,j}(t))$ et la **rétroaction** orchestrée $(\Delta_{\text{down}}(i,j))$ jouent des rôles complémentaires.

D. Conclusion

Dans ce chapitre 10.1.1, le contexte et la motivation du feedback coopératif ont été positionnés comme un levier incontournable du Deep Synergy Learning. Au-delà du simple calcul local de la synergie ou de la mise à jour $\omega_{i,j}(t)$ par la plasticité, il importe d'avoir un retour descendant, latéral ou global, qui relie les micro-dynamiques à des objectifs ou à des cohérences plus macroscopiques. Les rôles fondamentaux de ce feedback sont la synchronisation (mise en phase des états internes), la gestion des interactions indirectes (principe de contrôle top-down pour éviter des comportements chaotiques), et la contribution à l'émergence de structures multi-échelle.

Le cadre mathématique le plus simple pour illustrer ce **feedback coopératif** consiste à ajouter un **terme** $\Delta_{\text{feedback}}(i,j)$ dans l'équation de mise à jour des poids, lequel dépend d'une mesure globale (un **score** Q, un **macro-objectif** θ_Q) et d'une fonction de répartition f(i,j). Cette équation unifiée permet un **couplage** des entités locales avec un **macro-nœud**, assurant la cohérence interne du réseau à toutes les échelles. Dans la suite (chap. 10.2, chap. 10.4, chap. 10.5), on décrira plus en détail la modélisation de ce feedback, son application à la **synchronisation** d'oscillateurs, la prise en compte des **flux** multimodaux, ainsi que les retombées dans la formation de **macro-clusters** et dans l'**émergence** de dynamiques cognitivement pertinentes.

10.1.2. Objectifs du Chapitre

Le présent chapitre se propose d'approfondir les mécanismes de **feedback coopératif** au sein du **Deep Synergy Learning (DSL)**, en analysant plus spécifiquement comment les **entités synergiques** se comportent dans un **réseau** où l'on introduit des **rétroactions** à plusieurs niveaux. Les sections précédentes ont surtout abordé la mise à jour locale des liaisons $\{\omega_{i,j}\}$ à partir d'une **fonction** de **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$. Ici, nous mettrons l'accent sur :

- La modélisation des entités \mathcal{E}_i et de leurs liens $\omega_{i,j}$ en tenant compte d'un terme de feedback.
- L'approche multi-échelle (du local au global) et la diffusion d'informations dans le Synergistic Connection Network (SCN).
- Les **interactions indirectes** (médiations, transit via des nœuds intermédiaires) et leur **impact** sur la dynamique globale, avec quelques **applications** pratiques.

L'idée générale est de comprendre comment, au-delà de la seule "loi de plasticité locale", un **SCN** peut intégrer des **instructions** ou des **signals** provenant d'un niveau plus élevé (macro-nœud, cluster parent, module de contrôle), et comment ce **retour** façonne la structure émergente.

A. Montrer la modélisation des entités synergiques (rappel de notions clés, mais sous l'angle du feedback)

Une partie de la richesse du DSL réside dans la manière dont on définit des **entités d'information** $\{\mathcal{E}_i\}$ et une **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$. Dans les chapitres précédents (p. ex. chap. 2 et chap. 4), on s'était focalisé sur la **formation de clusters** et la **mise à jour** :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right].$$

Pour aborder le **feedback**, nous gardons la base locale mais nous y ajoutons un **terme** :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \big[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \big] + \Delta_{\text{feedback}}(i,j).$$

Ici, $\Delta_{\text{feedback}}(i,j)$ traduit la **directive** ou l'**influence** venant d'un **macro**-niveau (ou d'un **module** latéral). Il peut s'agir d'une **correction** en vue d'augmenter la cohérence entre clusters, d'une **inhibition** partielle, ou encore d'un **renforcement** spécifique s'il y a un objectif global à satisfaire (p. ex. minimiser un certain coût ou maximiser un critère de "performance" globale).

Dans ce chapitre, nous explicitons:

- Comment ce terme $\Delta_{\text{feedback}}(i,j)$ peut se construire en fonction d'informations globales (score d'adéquation, macro-nœud qui contrôle la cohésion d'un sous-réseau, etc.).
- **Pourquoi** certaines entités "satellites" ou des **sous-clusters** peuvent transmettre un signal ascendant (bottom-up), à partir duquel un noeud plus global renvoie un feedback descendant (top-down).

B. Aborder la multi-échelle et la diffusion dans le réseau, soulignant comment le feedback opère à différents niveaux

Le **DSL** n'est pas qu'un simple maillage local de paires $(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$. Il s'organise fréquemment en **niveaux** (du micro-cluster local au macro-nœud global), comme décrit dans les chapitres sur la **multi-échelle** (chap. 6). Les **objectifs** ici sont de :

Montrer comment le feedback se propage :

- À partir d'un **macro-nœud** \mathcal{M} qui évalue un critère de cohésion, en injectant un **signal** Δ_{down} à diverses paires $\{\omega_{i,j}\}$.
- En sens inverse, comment un **sous-cluster** local (ou un ensemble d'entités) peut faire remonter de l'information (bottom-up) signalant un problème ou un besoin d'ajustement global.

Étudier la diffusion du feedback dans un **SCN**:

• Sur le plan mathématique, on peut l'apparenter à un **processus** de "propagation d'un potentiel" Φ dans un graphe dont les arêtes sont les $\omega_{i,j}$. Autrement dit, si Φ_i est le signal porté par \mathcal{E}_i , alors

$$\Phi_j(t+1) = \sum_i [\omega_{i,j}(t) \times \Phi_i(t)],$$

avec éventuellement une normalisation ou un autre filtrage.

Expliquer que cette diffusion agit à plusieurs **échelles** :

- Un **signal** global se propage du macro-nœud en descendant l'arborescence ou la hiérarchie (couche après couche).
- Ou au contraire, un feedback latéral peut ne toucher qu'une zone spécifique du SCN, comme un sous-ensemble de clusters interconnectés, s'il n'y a pas de nécessité de diffuser à toute la structure.

C. Discuter des interactions indirectes, de leur influence sur la dynamique, et présenter des applications concrètes

L'un des aspects fondamentaux du **feedback coopératif** repose sur les **interactions indirectes**. Deux entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_k peuvent ne pas être directement connectées, mais la pondération de leurs liaisons respectives $\omega_{i,j}$ et $\omega_{j,k}$ peut influencer la formation ou l'évolution d'un lien potentiel $\omega_{i,k}$. Dans un **SCN**, ce phénomène se traduit :

- Par la **formule** de mise à jour qui peut faire intervenir des **termes** "indirects" (p. ex. la somme des $\omega_{j,k}$ voisins, ou des composantes multi-sauts).
- Par la **propagation** du signal de feedback, un macro-nœud \mathcal{M} peut imposer une correction $\Delta_{\text{down}}(i,j)$ en empruntant un **chemin** indirect. Cette correction transite par des entités intermédiaires qui modulent ou ajustent le signal en fonction de la structure locale et des interactions en cours.

Influence sur la dynamique :

- Les chemins de longueur 2 ou 3 (donc $\mathcal{E}_i \to \mathcal{E}_j \to \mathcal{E}_k$) créent des boucles potentielles où le feedback peut s'amplifier, s'annuler ou se déphaser.
- On peut rencontrer des motifs cycliques (ex. E₁ → E₂ → E₃ → E₁) qui, sans un contrôle global, pourraient générer des oscillations ou des comportements chaotiques. Le feedback coopératif est précisément l'outil pour réguler et stabiliser ces cycles dans le sens souhaité.

Applications concrètes:

Robotique : Dans un système multi-robots, chaque robot (une "entité") partage des infos de position ou d'état, avec un module de contrôle (macro-nœud) gérant la formation (formation

flying, par exemple). Le **feedback** top-down ajuste la synchronisation pour éviter la collision ou maintenir une distance cohérente.

Multi-agents intelligents: En IA distribuée, des agents peuvent communiquer via des canaux indirects $(A \rightarrow B \rightarrow C)$. Lorsqu'une **instance** globale détecte un manque de coordination, elle émet un feedback global qui se propage dans le **réseau** (B relaie à C, etc.), permettant une **mise à jour** conjointe des stratégies d'action.

Systèmes biologiques: Dans les neurones, un **feedback** top-down peut prendre la forme de signaux neuromodulateurs (p. ex. dopamine) diffusés dans plusieurs synapses, réajustant la plasticité locale selon un contexte global (récompense, surprise, etc.).

Conclusion

Ce chapitre vise donc à :

- Rappeler comment on modélise les entités synergiques dans le DSL, en insistant sur la notion de feedback ajouté à la simple loi de plasticité locale.
- **Développer** la vision **multi-échelle**, en montrant que le **feedback** coopératif peut s'appliquer à différentes **strates** du SCN, se diffusant dans le graphe selon divers canaux $\omega_{i,j}$.
- Mettre en évidence la place cruciale des interactions indirectes (chaînes, boucles) dans la dynamique globale, et montrer via des cas pratiques (robotique, multi-agent, neuroscience) comment ce feedback s'avère essentiel pour réguler la structure émergente.

La suite du chapitre (sections 10.2, 10.3, etc.) détaillera alors les **formalisations** concrètes de ce **feedback coopératif** (équations, algorithmes), la gestion d'éventuels **conflits** entre signaux contradictoires, et l'impact sur la **formation** de clusters ou de macro-structures plus complexes. Le but final reste de donner au **DSL** une plus grande souplesse et une capacité d'**auto-organisation** adaptée à des systèmes de très grande taille, potentiellement multimodaux et multi-niveaux.

10.1.3. Structure du Chapitre

Après avoir détaillé le **contexte** (10.1.1) et les **objectifs** (10.1.2) de ce chapitre dédié au **feedback coopératif** dans le **Deep Synergy Learning (DSL)**, nous donnons ici une vue d'ensemble de la **structure** des sections à venir (10.2 \rightarrow 10.6). Cette présentation souligne la **continuité** avec les thèmes déjà abordés dans les chapitres précédents (dynamique de mise à jour, multi-échelle...) et la **transition** vers les chapitres suivants (robustesse, sécurité...).

A. Aperçu rapide des sections $(10.2 \rightarrow 10.6)$

Section 10.2 : Modélisation des Entités Synergiques et Réseaux de Connexions

Cette section expose la **modélisation** mathématique des entités $\{\mathcal{E}_i\}$ et de leurs liens $\omega_i, j \geq 1$ en tenant compte des **boucles de rétroaction** (feedback coopératif). On y rappellera la notion de **fonction** de **synergie** S(i, j) ainsi que la mise à jour classique,

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t)],$$

pour ensuite introduire formellement le **terme** de **feedback** $\Delta_{\text{feedback}}(i,j)$. Dans le cas de systèmes **multi-modaux** (vision, audio, texte...), la section expliquera également comment le feedback peut être **spécifique** à chaque type de flux, tout en restant **coordonné** dans le Synergistic Connection Network (SCN).

Section 10.3 : Synergies Multi-Échelle et Coordination entre Flux

Cette partie approfondit la **coordination** entre échelles, telle qu'introduite dans le chapitre 6 (multi-échelle). Il s'agira de montrer comment un **feedback coopératif** s'applique à plusieurs niveaux (micro vs. macro) :

- **Règles** de rétroaction ascendante (bottom-up) et descendante (top-down).
- Exemples de modulation de $\omega_{i,j}$ en fonction de critères globaux (macro-nœuds) ou d'états internes des sous-clusters.

On y présentera les **équations** exprimant la "cohérence" entre flux. Une entité locale peut émettre un signal vers un niveau global, qui en retour influence la dynamique locale en ajustant les pondérations ou les liaisons selon les synergies détectées.

Section 10.4: Interactions Directes vs. Indirectes

Le **feedback** peut suivre deux chemins :

- **Direct**: un macro-nœud envoie explicitement $\Delta_{\text{down}}(i,j)$ à une liaison $\omega_{i,j}$.
- **Indirect** : l'information circule via des **nœuds intermédiaires**, s'atténuant ou se renforçant selon le chemin parcouru.

Sur le plan **mathématique**, on étudiera les **séries** de multiplications de matrices (ou de convolutions dans le graphe) qui rendent compte des "chemins" multiples et de l'accumulation d'effets. Cette section mettra également l'accent sur la **régulation** de ces interactions indirectes pour éviter la diffusion non maîtrisée ou les oscillations de rétroaction en boucle.

Section 10.5: Applications et Exemples Illustratifs

Pour illustrer la **portée** du feedback coopératif, la section proposera des **cas pratiques** :

- Systèmes multimodaux : réglage adaptatif des liaisons entre sous-réseaux "vision" et "audio".
- **Robotique** : coordination de plusieurs capteurs ou actionneurs par un module central, améliorant l'homogénéité des comportements ou la synchronisation.
- **Analyses conversationnelles** : un macro-niveau surveille la cohérence de thèmes et renvoie un feedback pour réorganiser les clusters de discours.

Les simulations ou mini-cas souligneront comment le feedback coopératif peut **réduire** des oscillations, **accélérer** la formation de clusters pertinents, et **mieux gérer** des environnements changeants.

Section 10.6: Conclusion et Ouvertures

Pour terminer, une synthèse des **apports** de ce chapitre soulignera :

- La **plus-value** du feedback coopératif dans l'auto-organisation du DSL.
- Les perspectives d'**intégration** dans des mécanismes de **robustesse** et de **sécurité** (chap. 11, chap. 12), où le feedback coopératif peut contribuer à la détection d'anomalies, à l'isolation de parties du réseau défaillantes ou à la résilience globale.

B. Lien avec les chapitres passés et futurs

Chapitres Passés: Dynamique, Multi-Échelle, Optimisations

Le chapitre 10 prolonge les travaux sur la **dynamique** (chap. 4) et l'**optimisation** (chap. 7) en montrant que la **rétroaction** introduit une **dimension** supplémentaire à la règle classique de mise à jour $\omega_{i,j}$. Il réunit également les notions de **clusters** multiples (chap. 6, multi-échelle), puisqu'un feedback global peut réguler la cohérence entre clusters, évitant un cloisonnement trop rigide ou une sur-activation de certaines liaisons.

Chapitres Futurs: Robustesse, Sécurité, Extensions Avancées

Les chapitres 11 et 12 porteront sur :

- **Robustesse** : comment un SCN réagit à des perturbations ou des pannes, et comment un **feedback** adaptatif limite la propagation d'erreurs.
- **Sécurité** : mise en évidence de mécanismes qui surveillent la "santé" du réseau, et peuvent envoyer un feedback pour isoler un comportement suspect.

On voit que les mécanismes de **coopération** présentés ici (feedback coopératif, diffusion indirecte, coordination multi-échelle) se révéleront d'une importance cruciale pour **détecter** et **contenir** des phénomènes parasites, ou ré-**équilibrer** un sous-système en difficulté.

Conclusion

La structure du chapitre 10 (sections $10.2 \rightarrow 10.6$) repose sur un enchaînement allant de la modélisation (10.2) à la mise en œuvre multi-échelle (10.3), en passant par les interactions indirectes (10.4) et les exemples pratiques (10.5), pour conclure sur la synthèse (10.6). Cette progression logique situe le feedback coopératif comme un prolongement naturel de la règle de plasticité locale du DSL, tout en offrant une vision globale du réseau, essentielle pour gérer des architectures complexes ou massives. Les liens avec les chapitres antérieurs (dynamique, multi-échelle) et ultérieurs (robustesse, sécurité) montrent combien la rétroaction dans le SCN fait partie intégrante d'une approche systémique et adaptative de l'apprentissage non supervisé.

10.2. Modélisation des Entités Synergiques

Le chapitre 10 explore la thématique du **Feedback Coopératif** dans le DSL. Avant d'entrer dans les détails des mécanismes de **rétroaction** (feedback) et de leur rôle dans la **coordination** globale, il s'avère crucial de bien comprendre la **nature** des entités d'information qui peuplent le **SCN** (Synergistic Connection Network). Dans cette section (10.2), nous analysons leur **définition**, leurs **caractéristiques** (auto-organisation, adaptativité) et la **représentation** mathématique qui permet de décrire leurs interactions synergiques.

10.2.1. Concepts Fondamentaux des Entités d'Information

Les "entités d'information" constituent les **nœuds** ou **unités** de base d'un SCN, leur organisation et leurs échanges forment l'ossature de tout **processus synergique**. L'étude de ces entités — ce qui les définit, comment elles évoluent, pourquoi elles forment ou rompent des liens — est décisive pour saisir la **dynamique de feedback** coopératif.

10.2.1.1. Définition des Entités Synergiques dans le DSL

Les *entités synergiques* forment la brique de base du **Deep Synergy Learning (DSL)**, ce sont elles qui portent l'information et interagissent au sein d'un **Synergistic Connection Network (SCN)**. Cette section précise la **notion** d'entité synergique, les propriétés minimales nécessaires à sa modélisation dans un cadre mathématique, et la manière dont ces entités interagissent (notamment via le **feedback coopératif**).

1. Notion d'Entité Synergique

Une entité synergique (désignée \mathcal{E}_i) est, dans le DSL, un porteur d'information qui peut :

- Coexister et coopérer avec d'autres entités,
- Se **connecter** via des pondérations $\omega_{i,j}$ reflétant une forme de **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$.

La **nature** d'une entité \mathcal{E}_i varie selon le domaine d'application :

- **Fragments sub-symboliques**: vecteurs d'images, segments audio, embeddings de phrases, etc.
- **Blocs symboliques**: concepts, règles logiques, items textuels plus abstraits.
- Modules hybrides : entités ayant un état interne combinant représentation numérique et structure symbolique.

D'un point de vue **mathématique**, on associe généralement à chaque entité \mathcal{E}_i un **état** $\mathbf{x}_i \in \mathbb{R}^d$ (ou dans un espace plus abstrait), qui sert de **base** au calcul de synergie $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_i)$. Par exemple :

$$S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) = \exp(-\alpha \| \mathbf{x}_i - \mathbf{x}_j \|)$$
 ou $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) = \frac{\mathbf{x}_i \cdot \mathbf{x}_j}{\| \mathbf{x}_i \| \| \mathbf{x}_j \|'}$

selon que l'on souhaite utiliser une distance exponentielle ou une similarité cosinus.

Exemple multimodal:

Dans un **réseau** combinant vision, texte et audio, on peut décider que chaque **patch** d'image correspond à une entité \mathcal{E}_i (son vecteur d'activation est \mathbf{x}_i), chaque segment audio à \mathcal{E}_j , chaque phrase ou token textuel à \mathcal{E}_k . La synergie $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_k)$ s'appuie alors sur des **embeddings** correspondants (visuel vs. textuel).

Exemple symbolique:

Dans un **réseau conceptuel** (chap. 3 ou chap. 5), chaque entité représente un **nœud sémantique** (concept, proposition logique). La synergie $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ peut être définie à partir d'une **proximité** dans un graphe de connaissances ou d'une **compatibilité** logique.

2. Exemple dans un SCN et Rôle du Feedback

Les **entités** du SCN forment les nœuds d'un réseau interconnecté par des pondérations $\omega_{i,j}$. Ces connexions évoluent sous l'effet du **feedback coopératif**, un mécanisme d'ajustement où un macro-nœud ou un module global détecte la nécessité de renforcer ou d'inhiber certaines relations.

Lorsqu'une entité \mathcal{E}_i reçoit ou émet un signal de rétroaction, la pondération $\omega_{i,j}(t)$ peut être modifiée, influençant ainsi l'organisation des connexions au sein du réseau. L'objectif est d'adapter dynamiquement ces liens en fonction de la synergie perçue entre les entités. Plus deux entités partagent une information pertinente ou s'accordent dans leur traitement des données, plus un feedback viendra **consolider** leur liaison. À l'inverse, une rétroaction négative pourra **décourager** la connexion et favoriser une réorganisation du réseau.

Dans un cadre **robotique**, par exemple, une entité \mathcal{E}_i pourrait représenter un capteur de vision, tandis qu'une entité \mathcal{E}_j correspondrait à un segment audio. Si un module global détecte une **discordance** entre le signal visuel et sonore, il envoie un **terme de feedback** $\Delta_{\text{down}}(i,j)$, qui diminue la pondération $\omega_{i,j}$. Ce mécanisme encourage ces deux entités à s'**ignorer** ou à se regrouper dans des clusters distincts, garantissant une organisation plus cohérente du réseau.

3. Lien avec le Feedback Coopératif

Le **feedback** (rétroaction) s'applique **aux** entités en modifiant leurs **liaisons** $\omega_{i,j}$ ou leur **dynamique interne**. Dans la **formule** de mise à jour :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{feedback}}(i,j),$$

le **terme** Δ_{feedback} reflète l'influence d'un **macro-niveau** ou d'un **signal** provenant d'entités voisines (ou plus lointaines). De la sorte, l'**auto-organisation** n'est pas purement locale (basée sur S) mais intègre un **flux** de correction ou de renforcement global.

A. Propriétés Mathématiques Minimales

Pour que la **rétroaction** fonctionne efficacement, chaque entité \mathcal{E}_i doit satisfaire des **conditions** :

- **Identifiabilité** : on doit pouvoir repérer \mathcal{E}_i comme un nœud distinct.
- État principal : un \mathbf{x}_i (vecteur, symbole, etc.) pour calculer la synergie.
- **Paramètres internes** : un ensemble \mathbf{p}_i (mémoire locale, hyper-paramètres, etc.) susceptible d'être ajusté si le **feedback** l'exige.

D'un point de vue plus formel, on peut définir :

$$\mathcal{E}_i = (i, \mathbf{x}_i, \mathbf{p}_i),$$

où:

- *i* est l'**ID** (entier ou label unique),
- \mathbf{x}_i est le **vecteur** ou la **structure** décrivant l'état principal (pour la synergie),
- \mathbf{p}_i est un **ensemble** de **paramètres** (possiblement dynamiques) que l'entité peut modifier selon les **signaux** reçus.

Cet enrichissement (\mathbf{p}_i) permet à l'entité de réagir activement à la rétroaction, par exemple en modifiant ses priorités, sa réceptivité, etc.

B. Insertion et Retrait d'Entités

Le **DSL** se distingue par sa **flexibilité**, permettant d'ajouter ou de retirer des entités \mathcal{E} de manière dynamique au fil du temps.

Dans un cadre d'apprentissage continu, l'introduction d'une nouvelle entité, qu'il s'agisse d'un fragment d'image, d'un concept ou d'un capteur, se fait sans nécessiter une refonte globale du réseau. Une entité \mathcal{E}_{n+1} peut être créée instantanément, avec des connexions initiales $\omega_{(n+1),j}$ définies en fonction de la synergie supposée et des premiers feedbacks reçus. Les algorithmes de mise à jour en temps réel (voir chapitre 9) précisent les mécanismes permettant d'intégrer ces nouvelles entités de façon progressive et cohérente.

Lorsque plusieurs entités partagent un **même signal de rétroaction**, elles ont tendance à se **rapprocher**, renforçant leurs pondérations ω et formant ainsi un **micro-cluster**. Dans ce processus, le feedback coopératif agit comme un **facteur de cohésion**, favorisant la constitution de groupes fonctionnels adaptés à l'environnement et aux tâches en cours.

Inversement, un feedback **négatif** appliqué de manière sélective peut entraîner la **désactivation** ou la **désaffiliation** progressive d'une entité par rapport à un groupe. Cela se traduit par une baisse

des pondérations ω , menant à un éclatement ou à une restructuration du réseau selon la pertinence des synergies détectées.

Conclusion

Dans le **DSL**, une **entité synergique** \mathcal{E}_i est un $n\alpha ud$ d'information, potentiellement hétérogène (sub-symbolique, symbolique, hybride), muni :

- D'un **identifiant** *i*.
- D'un **état** \mathbf{x}_i (pour la synergie).
- De **paramètres** \mathbf{p}_i (pour la réactivité interne).

Ces entités interagissent via des liaisons $\omega_{i,j}$, formant le SCN. Le **feedback coopératif** oriente (ou réoriente) l'**auto-organisation** en adaptant ces liaisons selon des objectifs locaux ou globaux. Les aspects sous-jacents — calcul de synergie, insertion/retrait, constitution de micro-clusters — préparent la suite (10.2.2, 10.2.3...) où seront examinés plus en détail la **mise à jour** coopérative et la **diffusion** de signaux de rétroaction, essentiels à la dynamique multi-échelle du DSL.

10.2.1.2. Caractéristiques Clés (Adaptativité, Coopération, Auto-Organisation)

Dans le **Deep Synergy Learning (DSL)**, et plus particulièrement dans le cadre d'un **Synergistic Connection Network (SCN)**, trois caractéristiques fondamentales jouent un rôle déterminant dans la manière dont le **feedback coopératif** façonne la dynamique : l'**adaptativité**, la **coopération** et l'**auto-organisation**. Ces trois propriétés se manifestent tant au niveau local (entre entités individuelles) qu'au niveau global (macro-nœuds ou macro-structures), et elles conditionnent la capacité du SCN à s'ajuster et à converger vers des configurations cohérentes de manière autonome. Les paragraphes qui suivent détaillent chacune de ces caractéristiques et introduisent des formules mathématiques essentielles pour saisir leur fonctionnement.

A. Adaptativité

La première caractéristique essentielle d'un SCN dans le DSL tient à son **adaptativité**, c'est-à-dire sa capacité à réagir lorsque le **contexte** ou les **synergies** évoluent. Le mécanisme d'adaptation s'appuie sur la mise à jour continue des poids $\omega_{i,j}$, et sur l'intégration progressive de nouvelles entités ou de nouvelles données.

Un point central réside dans la règle de mise à jour des liaisons $\omega_{i,j}$. De manière générale, on considère

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(i,j,t) - \tau \omega_{i,j}(t)].$$

Ici, le terme S(i,j,t) peut dépendre du **temps**, du **contexte** ou de la **configuration** locale. L'**adaptativité** du SCN se manifeste dans la façon dont cette quantité S(i,j,t) varie en fonction de l'arrivée d'entités nouvelles, du retrait d'entités obsolètes, ou encore de l'évolution de l'environnement. L'apprentissage se fait ainsi de manière **incrémentale**, sans nécessiter une reconstruction globale à chaque changement.

L'avantage majeur de l'adaptativité se situe dans la capacité du réseau à demeurer opérationnel et pertinent dans un contexte dynamique, où des fluctuations (bruit, ajouts de données, changements de conditions) se produisent inévitablement. Le **feedback coopératif** (présenté au chapitre 10) s'inscrit dans ce cadre. Dès qu'un signal de rétroaction apparaît, la force d'une liaison $\omega_{i,j}$ peut être ajustée. Ce **processus** d'ajustement n'est ni figé ni ponctuel, il perdure durant tout le cycle de vie du SCN.

B. Coopération

La deuxième caractéristique fondatrice est la **coopération**. Dans le DSL, le terme **synergie** S(i,j) est souvent interprété comme un bénéfice mutuel que les entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j obtiennent lorsqu'elles interagissent. Plus cette synergie s'avère élevée, plus la connexion (pondération $\omega_{i,j}$) se trouve renforcée, stimulée par la présence d'un gain partagé.

Sur le plan mathématique, il est fréquent de considérer un **critère** global ou une **énergie** \mathcal{J} dont la diminution reflète l'essor de la coopération :

$$\mathcal{J}(\{\omega_{i,j}\}) = \sum_{(i,j) \in E} [f(\omega_{i,j}) - S(i,j) \omega_{i,j}],$$

où la fonction f décrit par exemple un terme de régularisation ou de coût, tandis que la composante $(-S(i,j) \omega_{i,j})$ rend compte de la **coopération**, diminuer \mathcal{J} revient à **augmenter** $\omega_{i,j}$ lorsque S(i,j) est grand. Les **clusters** coopératifs émergent lorsque plusieurs entités se retrouvent mutuellement utiles. Leurs liens se consolident jusqu'à former des sous-ensembles denses, parfois appelés "communautés" coopératives.

Dans le contexte du **feedback coopératif**, un macro-nœud ou un module de contrôle global peut spécifiquement encourager certaines synergies en injectant un **terme** $\Delta_{\text{down}}(i,j)$ qui **valorise** la coopération naissante. Ce **mécanisme** prolonge la règle de mise à jour usuelle, exprimée par :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \big[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \big] + \Delta_{\text{down}}(i,j).$$

Il souligne la dimension coopérative, où les entités qui s'entraident reçoivent un signal positif, renforçant ainsi leurs liens.

C. Auto-Organisation

La troisième caractéristique clé est l'auto-organisation, qui décrit la manière dont un SCN est capable de former des structures (clusters, macro-nœuds, interconnexions spécialisées) sans qu'un dispositif centralisé ne dirige explicitement le processus. Les pondérations $\omega_{i,j}$ évoluent sous l'effet d'interactions locales et de signaux de **feedback** multi-niveau, conduisant la globalité du réseau vers un agencement émergent.

Sur le plan **formel**, l'auto-organisation se décrit souvent comme une "pseudo-descente" sur une **énergie** globale. La dynamique suivante en donne un aperçu :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S_{\text{local}}(i,j) + S_{\text{macro}}(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right],$$

où $S_{local}(i,j)$ reflète la synergie intrinsèque mesurée à l'échelle micro (corrélation statistique, similarité, cooccurrence, etc.), et $S_{macro}(i,j)$ incarne le **feedback** à plus haute échelle (macro-

nœuds, cohésion globale, etc.). Dans ce schéma, aucune entité unique ne règle l'ensemble de la configuration. Les mises à jour se propagent localement ou par diffusion, avec des **boucles** de rétroaction qui amplifient ou inhibent certaines connexions. L'émergence de clusters forts ou de macro-structures découle de cette plasticité distribuée et continue, propre à l'auto-organisation.

Il n'y a donc pas de "chef" absolu dans un SCN, en ce sens que chaque entité répond aux règles locales et aux signaux globaux, formant in fine une organisation où les décisions résultent d'une **coopération** itérative. Le **feedback coopératif** approfondit encore cette auto-organisation, puisque des rétroactions top-down ou latérales guident localement les synergies, sans pour autant imposer de configuration unique.

Conclusion

L'adaptativité, la coopération et l'auto-organisation constituent les trois piliers d'un SCN dans le DSL. L'adaptativité permet au réseau de suivre en continu les changements de contexte ou de données, en ajustant les pondérations sans interrompre le fonctionnement global. La coopération soutient l'idée de bénéfice mutuel. Les entités susceptibles d'apporter un gain réciproque voient leurs liens se renforcer, formant des clusters qui unissent des ensembles d'entités fortement synergiques. Enfin, l'auto-organisation garantit qu'aucun contrôle centralisé n'est nécessaire. La structure finale résulte d'une dynamique multidimensionnelle où chaque liaison s'adapte en fonction des signaux locaux issus des synergies instantanées et des signaux globaux apportés par le feedback macro. Ces trois aspects se retrouvent au cœur du feedback coopératif approfondi dans ce chapitre 10, qui décrit comment la circulation de signaux à plusieurs niveaux renforce la capacité de chaque entité à s'auto-ajuster et à laisser émerger des configurations collectives cohérentes.

10.2.1.3. Analogies avec les Systèmes Naturels (Cerveau, Écologies d'Informations)

La logique de **feedback coopératif** décrite dans le **Deep Synergy Learning (DSL)** s'enracine dans une dynamique faite de **boucles** et d'**auto-organisation**. Il est ainsi particulièrement éclairant de rapprocher cette mécanique des phénomènes observés dans le **cerveau** et dans certaines **écologies d'informations**. Dans ces systèmes naturels, on retrouve des *rétroactions* à la fois **locales** et **globales**, des **boucles** récurrentes d'**ajustement** et une synergie qui jaillit de multiples interactions élémentaires. Les paragraphes qui suivent soulignent les convergences entre ces modèles et la dynamique du **DSL**, où un **feedback** bidirectionnel (ascendant et descendant) renforce ou inhibe des **liens** $\omega_{i,i}$ selon la cohérence collective recherchée.

A. Parallèle avec le Cerveau : Synapses et Régulations Corticales

Le **cerveau** met en jeu une **plasticité** synaptique locale, analogue à un renforcement ou un affaiblissement en fonction de la co-activité neuronale, et des **régulations** plus globales (cortico-thalamiques ou neuromodulatrices) capables d'ajuster la dynamique de vastes assemblées de neurones. Cette double nature — local (synapse) et global (cortex) — se traduit mathématiquement par une superposition de règles. Dans un premier temps, une synapse $(i \rightarrow j)$ peut se mettre à jour selon une équation locale de type Hebb:

$$\Delta w_{i \to j} = \eta_{\text{hebb}} (\text{act}(i) \times \text{act}(j)),$$

où act(i) représente le degré d'activité du neurone i. Dans le même temps, une **régulation** plus large, par exemple un mécanisme d'attention ou de neuromodulation, peut injecter un **terme** global Δ_{global} modulant la force synaptique. On obtient alors une mise à jour de la forme :

$$w_{i\to j}(t+1) = w_{i\to j}(t) + \Delta w_{i\to j}^{(local)} + \Delta_{global}(i,j).$$

Cette logique n'est pas sans rappeler le **feedback coopératif** du **DSL**, où les pondérations $\omega_{i,j}$ se mettent à jour selon la synergie **locale** S(i,j) et où un **macro-nœud** ou un régulateur global applique un **terme** $\Delta_{\text{feedback}}(i,j)$ (voir Sect. 10.2.2) pour coordonner un plus grand ensemble d'entités. De la même manière que le cerveau peut privilégier ou réprimer certaines voies neuronales en fonction d'un contexte cognitif, un **SCN** (Synergistic Connection Network) favorise ou inhibe certaines liaisons $\omega_{i,j}$ pour répondre à un objectif supérieur (un thème dominant, une cohérence à maintenir). Il en résulte dans les deux cas une **démultiplication** possible d'**attracteurs**, où plusieurs patterns stables tels que des assemblées neuronales ou des clusters DSL peuvent coexister, se succéder ou se concurrencer.

B. Écologies d'Informations : Auto-Organisation Distribuée et Feedback

Les écologies d'informations, qu'il s'agisse de réseaux de documents, de sites Web interconnectés ou même de populations d'agents logiciels, présentent-elles aussi des phénomènes d'auto-organisation. Chaque entité y entretient des liens plus ou moins forts avec d'autres, et des mécanismes de régulation globale (gouvernance, ressources limitées, politiques d'accès) viennent rétroagir sur ces liens ou imposer des contraintes.

Si l'on modélise un ensemble $\{\mathcal{E}_i\}$ (documents, agents, sites) et que l'on définit des **pondérations** $\omega_{i,j}$ reflétant une forme de "coopération" ou de "similarité" entre ces entités, on dispose d'une représentation très proche d'un **SCN**. L'apprentissage DSL permet alors d'**actualiser** en continu ces liaisons, selon

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{macro}}(i,j).$$

Le **terme** $\Delta_{\text{macro}}(i,j)$ peut être interprété comme l'application d'une **régulation** globale, comparable à une **loi** ou une **contrainte** influençant l'évolution des liaisons. Dans une **écologie** naturelle, il pourrait représenter un facteur de **prédation apex** ou un mécanisme de **limitation des ressources**, modulant ainsi la dynamique des interactions au sein du système. Dans un **écosystème** d'informations numériques, cela pourrait correspondre à une **politique** imposée par un "supernœud" de gouvernance (par exemple, modérer la présence de contenus jugés non pertinents). Ainsi, tout comme un **écosystème** se stabilise ou se reconfigure en fonction d'interactions locales (naissance, mort, compétition) et de rétroactions globales (régulations, climat, ressources), un **SCN** réagit à des **stimuli** multiples pour maintenir un état de **coopération** cohérente.

C. Points Clés des Analogies

La **circulation** ascendante et descendante constitue un premier parallèle majeur. Dans le cerveau, on trouve des flux d'information sensoriels (bottom-up) et des signaux d'anticipation ou d'attention (top-down). Dans une **écologie** d'informations, les agents s'organisent localement, tandis qu'une instance macro (ou un ensemble de contraintes globales) oriente la structure et la cohérence. Il en va de même dans le **DSL**, où les liaisons $\omega_{i,j}$ évoluent sous l'effet de deux influences simultanées.

D'une part, la **synergie** locale, qui quantifie la pertinence de l'interaction entre entités (voir chapitre 2 sur la fonction de synergie). D'autre part, le **feedback** macro, qui intervient pour orienter ou moduler ces ajustements en fonction de critères globaux (voir chapitre 10).

La **synergie émergente** apparaît comme un second point commun. Dans le cerveau, la conscience ou les représentations intégrées sont vues comme un effet émergent de l'activité neuronale coordonnée ; dans une écologie, la stabilité ou l'équilibre global se construit à partir d'interactions locales entre espèces. De manière semblable, dans un **SCN** auto-adapté, la **cohérence** des clusters ou des macro-structures émerge du renforcement sélectif de certaines liaisons ω et de l'inhibition d'autres, sous l'effet combiné des synergies micro et du **feedback** macro.

Enfin, la **plasticité** ou **adaptation** constitue un point commun fondamental entre ces trois systèmes. Le cerveau ajuste ses connexions en permanence par la **plasticité synaptique** et la modulation attentionnelle. Les écosystèmes réagissent dynamiquement aux fluctuations des populations et des ressources. De la même manière, le **DSL** met continuellement à jour ses pondérations en réponse à l'arrivée de nouvelles entités ou à des signaux évolutifs. Dans chacun de ces contextes, l'**autoorganisation** émerge de mises à jour itératives et distribuées, éliminant la nécessité d'un contrôle centralisé. Ce processus repose sur l'agrégation progressive de signaux locaux et de *feedbacks* adaptatifs qui façonnent la structure globale.

Conclusion

Learning soulignent la nature universelle de l'auto-organisation et de la coopération. Le cerveau fonctionne via un ensemble de synapses locales et de régulations plus globales, tandis que les écologies associent des entités en interactions locales et des lois ou ressources globales. Le DSL, par sa conception, maintient une interaction constante entre les dynamiques locales et globales. La mesure locale de synergie S(i,j) établit un premier niveau d'auto-organisation en renforçant les connexions pertinentes. En parallèle, un feedback global (voir Chap. 10 sur la rétroaction coopérative) intervient pour affiner ou réorienter cette structure émergente. Cette combinaison assure une adaptation continue, équilibrant l'optimisation locale et la cohérence d'ensemble. C'est précisément cette superposition de boucles — bottom-up et top-down — qui confère au SCN sa souplesse et sa résilience, à l'image d'un cerveau ou d'un écosystème capable de s'adapter en continu à l'évolution du contexte.

10.2.1.4. Typologies d'Entités (Visuelles, Auditives, Textuelles, Symboliques...)

Dans le **Deep Synergy Learning (DSL)**, il est fondamental de traiter les données comme des **entités** \mathcal{E}_i pouvant interagir au sein d'un **Synergistic Connection Network (SCN)**. Cette approche ne se restreint pas à un seul type de données. Selon la **modalité** prise en compte, qu'il s'agisse de vision, d'audio, de texte ou de structures symboliques, chaque entité adopte une **représentation** propre. La **fonction de synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ doit alors être adaptée pour mesurer efficacement la similarité ou la compatibilité entre ces entités hétérogènes, garantissant ainsi une intégration cohérente des informations multi-modales. Le **feedback coopératif** décrit au chapitre 10 s'appuie sur cette pluralité de formes pour gérer la mise à jour adaptative des liaisons $\omega_{i,j}$.

A. Entités Visuelles (Images, Séquences Vidéo)

Dans une perspective **visuelle**, une entité \mathcal{E}_i peut être un **patch** d'image ou un **frame** extrait d'une vidéo. Les images fixes se décrivent souvent par un **vecteur** $\mathbf{x}_i \in \mathbb{R}^d$ issu d'un réseau de neurones convolutifs (CNN) ou d'un simple flattening de pixels. La **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ se définit alors selon un critère de **similarité** entre les vecteurs représentant ces entités. Une approche courante consiste à utiliser une **distance euclidienne** inversée ou une **exponentielle gaussienne** :

$$S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) = \exp(-\alpha \| \mathbf{x}_i - \mathbf{x}_j \|),$$

ou encore un produit scalaire normalisé, correspondant à la similarité cosinus :

$$S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) = \frac{\mathbf{x}_i \cdot \mathbf{x}_j}{\parallel \mathbf{x}_i \parallel \parallel \mathbf{x}_j \parallel}.$$

Ces formules permettent de moduler dynamiquement la force des connexions en fonction de la proximité ou de l'alignement des entités au sein du **DSL**. Lorsque l'on traite un flux vidéo, chaque entité peut correspondre à un bloc temporel (quelques frames) ou à une image-clé, si bien que la fonction $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ peut également tenir compte d'aspects **spatio-temporels** (cohérence de mouvements, présence d'objets récurrents). Cette **diversité** de calculs de similarité fait émerger, dans le **SCN**, des **clusters** regroupant des vues ou frames proches. Le **feedback coopératif** (voir Sect. 10.2.2) permet alors à un **macro-nœud** de renforcer le lien $\omega_{i,j}$ entre ces entités visuelles lorsque l'on souhaite souligner un thème ou un objet d'intérêt, ou au contraire d'atténuer ces liaisons si elles s'avèrent hors contexte.

B. Entités Auditives (Signaux, Spectrogrammes, Phonèmes)

Les entités **auditives** prennent souvent la forme de **coefficient** (MFCC, spectrogrammes, etc.) plutôt que de signaux bruts, afin de réduire la dimension et de faciliter le calcul de **synergie**. Ainsi, un enregistrement audio peut être découpé en segments, chacun associé à un vecteur $\mathbf{x}_i \in \mathbb{R}^d$. Un exemple fréquent de fonction de synergie consiste à mesurer la **distance** entre spectrogrammes :

$$S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) = \frac{1}{1 + \text{dist spectre}(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j)'}$$

où dist spectre peut être la distance euclidienne, la distance DTW (pour aligner des segments de parole) ou une métrique de corrélation. Dans un scénario **multi-canal**, on trouve un nombre potentiellement élevé d'entités auditives simultanées. Le **feedback** top-down, au chapitre 10, peut alors renforcer des liaisons $\omega_{i,j}$ si le SCN identifie une "source audio pertinente" ou un "mot-clé fréquent" et souhaite privilégier ce cluster sonore, tandis qu'il inhibe d'autres entités (bruit ou parasites). Cette gestion adaptative de $\omega_{i,j}$ garantit une **auto-organisation** efficace, où les signaux cruciaux sont mis en évidence par la dynamique du réseau.

C. Entités Textuelles (Tokens, Segments, Concepts Sémantiques)

Les entités **textuelles** s'organisent sur plusieurs niveaux, allant du **token** individuel (mot, sousmot) à des unités plus larges comme la phrase ou le paragraphe. Lorsqu'un mot est associé à un **embedding** dans un espace \mathbb{R}^d (issus de modèles comme word2vec, GloVe ou BERT), la **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_i)$ peut être évaluée par la **similarité cosinus** entre leurs vecteurs :

$$S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) = \frac{\mathbf{x}_i \cdot \mathbf{x}_j}{\|\mathbf{x}_i\| \|\mathbf{x}_i\|}$$

Si l'on adopte une approche **symbolique**, la synergie repose sur d'autres critères, tels que la **compatibilité sémantique**, la **co-occurrence** des termes dans un corpus ou des mesures statistiques comme **TF-IDF**, l'**entropie conjointe** ou encore des **graphes de dépendance lexicale**. Selon la granularité et la représentation choisies, ces méthodes permettent de structurer les relations textuelles au sein du **DSL** en fonction des affinités conceptuelles et contextuelles détectées.

En régime DSL, de multiples entités textuelles cohabitent dans le SCN, formant des clusters de mots ou de phrases fortement associées. Le **feedback coopératif** peut prendre la forme d'une induction de thème globale (par exemple, un macro-nœud repère un "sujet central" et renforce la liaison $\omega_{i,j}$ entre les termes qui y sont reliés) ou d'une inhibition de certains mots, si un module supérieur juge qu'ils ne sont pas pertinents pour la tâche courante. Cette **superposition** de boucles ascendantes (co-occurrences locales) et descendantes (thème ou intention globale) permet à la structure textuelle de s'adapter en continu à l'évolution du contexte ou aux instructions macro.

D. Entités Symboliques (Logiques, Ontologiques, Règles)

L'approche DSL peut également inclure des **entités symboliques** (règles logiques, concepts, faits d'une base de connaissances), où la synergie s'exprime en termes de **compatibilité** ou de **consistance** logique. Une entité symbolique \mathcal{E}_i peut désigner un axiome, un concept hiérarchique (ex. "Mammifère") ou une règle conditionnelle ("Si A alors B"). Dans ce cas, la fonction $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ mesure le degré de **cohérence** entre deux énoncés. Si ces derniers se **contredisent**, la synergie tend vers zéro. En revanche, s'ils se **renforcent mutuellement**, la synergie prend une valeur plus élevée.

Sur un plan mathématique, on peut formaliser ce score par une fonction

$$S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) = g(Compat(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)),$$

où Compat teste la non-contradiction ou l'alignement ontologique (voir Chap. 3.4 sur la logique). Le **feedback coopératif** agit alors comme une contrainte macro, modifiant la pondération $\omega_{i,j}$ si un module de supervision globale détecte qu'un sous-ensemble de règles forme un noyau cohérent qu'il convient de consolider, ou qu'au contraire un groupe de règles inconciliables doit être démantelé. Dans un SCN symbolique, la dynamique pilotée par $\Delta_{\text{feedback}}(i,j)$ peut redessiner un graphe logique pour maintenir l'auto-cohérence globale et éviter des boucles contradictoires.

Conclusion

Les **typologies** d'entités en **DSL** couvrent un éventail extrêmement large, depuis les objets subsymboliques (visuels ou auditifs) jusqu'aux éléments textuels ou symboliques de haut niveau. Le **choix** de la représentation \mathbf{x}_i et de la fonction de **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ dépend de la modalité abordée, qu'il s'agisse d'embeddings convolutifs pour l'image, de spectrogrammes pour l'audio, de vecteurs sémantiques pour le texte ou de mesures de cohérence logique pour les règles symboliques. Les **boucles de feedback** (Chap. 10) mettent alors à profit ces synergies multiples pour renforcer ou inhiber les liens $\omega_{i,j}$, déterminant ainsi quels sous-groupes d'entités sont jugés les plus pertinents ou les plus cohérents dans le **Synergistic Connection Network**. Grâce à cette **hétérogénéité** maîtrisée, un SCN peut intégrer plusieurs flux (visuels, auditifs, textuels, symboliques) et actualiser leurs interconnexions à l'aide de la plasticité DSL. Ce mécanisme de **feedback coopératif** joue alors le rôle d'un *chef d'orchestre* partiel, s'assurant que l'émergence de groupes synergiques se coordonne autour d'un objectif global ou local (sous la forme d'un macro-nœud), tout en laissant aux entités la capacité de s'auto-organiser selon les synergies perçues. Cette architecture unifie ainsi des **modalités** potentiellement disparates dans une **dynamique** distribuée et adaptative.

10.2.2. Représentation Mathématique

Lorsque l'on souhaite formaliser mathématiquement un **réseau d'entités synergiques** (SCN), il est essentiel de définir la **représentation** de chaque entité, ainsi que la **paramétrisation** des interactions qui en découlent. La section (10.2.2.1) se consacre à la description des **vecteurs d'états** et des paramètres fondamentaux qui caractérisent chaque entité ; elle pose ainsi les bases nécessaires à la compréhension de la dynamique globale (10.2.2.2 à 10.2.2.4).

10.2.2.1. Vecteurs d'États et Paramétrisation

Dans le **Deep Synergy Learning (DSL)**, une **entité** \mathcal{E}_i ne se réduit pas à un simple identifiant abstrait. Chaque entité est associée à un **vecteur d'état** qui encode ses informations internes ou ses caractéristiques essentielles. Ce vecteur sert de référence mathématique pour évaluer la **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ et pour intégrer les **mécanismes** de **feedback coopératif** décrits au chapitre 10. Cette section détaille la structure des vecteurs d'état et leur interaction avec les **paramètres** internes des entités ainsi que l'évolution du **Synergistic Connection Network (SCN)**.

A. Vecteur d'État $x_i(t)$

Une entité i du réseau possède un vecteur d'état $\mathbf{x}_i(t) \in \mathbb{R}^d$, dont la dimension d varie selon le contexte. En robotique, ce vecteur peut inclure des paramètres tels que la position, l'orientation et des mesures sensorielles. En traitement du langage naturel, il peut correspondre à un embedding textuel. En vision, il représente des features extraites par un réseau convolutionnel (CNN). D'un point de vue mathématique, $\mathbf{x}_i(t)$ sert de pivot pour le calcul d'une synergie, par exemple via :

$$S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) = \phi(\mathbf{x}_i(t), \mathbf{x}_j(t)),$$

où ϕ est une fonction de similarité (cosinus, distance exponentielle, etc.). L'indice temporel t indique que l'état de l'entité peut évoluer au fil des itérations ou des observations. Dans un **DSL**, il est commun que chaque entité maintienne sa propre **dynamique** interne, en plus de la dynamique globale du SCN (mise à jour de $\omega_{i,j}$).

B. Paramètres Internes θ_i

En plus de l'état instantané $\mathbf{x}_i(t)$, chaque entité \mathcal{E}_i peut disposer de **paramètres** internes, notés $\boldsymbol{\theta}_i$. Ces paramètres peuvent être moins fluctuants ou représenter des **hyper-paramètres** de la fonction de synergie. On peut formaliser :

$$\theta_i = (\alpha_i, \beta_i, ...)$$

pour coder la **sensibilité** de \mathcal{E}_i aux signaux extérieurs, ou le type de transformation appliqué à \mathbf{x}_i avant le calcul de ϕ . Si l'on désire une synergie qui tienne compte de différents canaux (par exemple, le canal visuel vs. le canal textuel), on peut imaginer des poids $\mathbf{\theta}_i$ modulant l'importance relative de chaque dimension de \mathbf{x}_i . Sur le plan **mathématique**, la fonction de synergie devient :

$$S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_i) = \phi(\mathbf{x}_i(t), \mathbf{x}_i(t), \boldsymbol{\theta}_i, \boldsymbol{\theta}_i),$$

permettant d'intégrer les paramètres internes θ_i et θ_j au processus de comparaison. Dans une perspective d'auto-organisation (Chap. 10), ces paramètres peuvent eux-mêmes faire l'objet d'une mise à jour lorsque le feedback coopératif le requiert.

C. Représentation Globale X(t) et $\Omega(t)$

Lorsque le réseau compte *n* entités, il est courant de regrouper leurs **vecteurs** d'état au sein d'une matrice

$$\mathbf{X}(t) \in \mathbb{R}^{n \times d}$$

dont la i-ième ligne correspond à $\mathbf{x}_i(t)$. Par ailleurs, les **liaisons** entre entités sont décrites par une matrice

$$\Omega(t) \in \mathbb{R}^{n \times n}$$

dont l'élément $\omega_{i,j}(t)$ reflète la force de la liaison unissant \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j . Le **feedback coopératif** (Chap. 10) se manifeste alors sous forme de **termes** correctifs $\Delta_{\text{feedback}}(i,j)$ s'ajoutant à $\omega_{i,j}(t)$ ou affectant l'évolution des états $\mathbf{x}_i(t)$. Sur le plan **mathématique**, on peut écrire :

$$\Omega(t+1) = \Omega(t) + \Delta_{\text{feedback}}(\mathbf{X}(t), \Omega(t)).$$

Cette mise à jour peut être globale (modifiant Ω dans son ensemble) ou localisée sur quelques liaisons ciblées par un module macro (voir Sect. 10.2.2.2).

D. Exemple d'une Paramétrisation Linéaire

Pour illustrer le calcul de **synergie**, il est fréquent de recourir à des formes **linéaires** ou quasilinéaires. On peut supposer :

$$S\!\left(\mathcal{E}_i,\mathcal{E}_j\right) \; = \; \mathbf{w}^\top\!\left[\boldsymbol{\varPsi}\!\left(\mathbf{x}_i(t)\right)\!,\;\boldsymbol{\varPsi}\!\left(\mathbf{x}_j(t)\right)\!\right]$$

où **w** est un vecteur de **poids** et Ψ est une transformation (projection, kernel) appliquée aux états. Dans ce cadre, l'**adaptation** de **w** peut être incluse dans les **paramètres** θ_i ou gérée à un niveau **macro** (afin d'aligner le SCN sur une cohérence globale).

Cette formulation linéaire simplifie l'implémentation des **règles** de rétroaction (cf. Chap. 10). Un module macro peut ajuster **w** pour **renforcer** ou **inhiber** certaines dimensions, modulant ainsi la synergie $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_i)$ à la hausse ou à la baisse selon les objectifs du **SCN**.

E. Considérations sur la Dimensionnalité

Lorsque la dimension d est **très élevée** (comme dans des embeddings complexes, ou des descripteurs d'images de grande taille), le calcul répétitif de $\phi(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j)$ peut se révéler onéreux. On observe alors deux tendances majeures qui optimisent l'évaluation et la mise à jour des connexions :

D'une part, l'approximation permet de réduire la dimensionnalité du problème en employant des techniques de hashing ou de compression, telles que l'analyse en composantes principales (PCA), les autoencodeurs ou les projections aléatoires. Ces méthodes facilitent une évaluation plus rapide de ϕ , tout en conservant l'essentiel des structures et des synergies du réseau.

D'autre part, la **sparsité adaptative** limite la mise à jour des pondérations $\omega_{i,j}$. Plutôt que d'ajuster systématiquement toutes les connexions, on applique des seuils (voir chapitre 2.2.3.1) pour se concentrer uniquement sur les liaisons présentant une **synergie potentielle élevée**. Cette approche optimise les ressources de calcul et évite un encombrement inutile du réseau.

Dans un **SCN** de grande échelle, ces stratégies se combinent au **feedback** coopératif pour sélectionner ou négliger certaines connexions selon leur utilité ou leur pertinence (sect. 10.4).

F. Rôle pour le Feedback Coopératif

L'idée d'un vecteur d'état $\mathbf{x}_i(t)$ va de pair avec la logique du feedback. Un flux descendant (top-down) peut, par exemple, modifier la configuration d'une entité \mathcal{E}_i :

$$\mathbf{x}_i(t+1) = \mathbf{x}_i(t) + \Delta_{\text{macro}}(\mathbf{x}_i(t)),$$

afin de l'orienter vers un état plus favorable à la coopération recherchée. Un **flux** ascendant (bottom-up) peut, à l'inverse, agréger les états $\mathbf{x}_j(t)$ de plusieurs entités voisines pour en extraire un *consensus* ou un signal global. La synergie, exprimée par $\phi(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j)$, constitue ainsi l'élément central de la dynamique du **feedback**. En fonction des états internes des entités, elle détermine la mise à jour adaptative des pondérations $\omega_{i,j}$, ajustant en continu la structure du **SCN** selon les interactions détectées.

Conclusion

La **représentation** d'un **Synergistic Connection Network** repose sur quatre volets interdépendants :

- Un vecteur d'état $\mathbf{x}_i(t)$ qui décrit la situation ou l'information que porte l'entité \mathcal{E}_i .
- Des **paramètres** θ_i propres à chaque entité, qui contrôlent la manière dont on calcule ou perçoit la synergie.
- Une matrice $\Omega(t)$ décrivant l'ensemble des liaisons $\omega_{i,j}(t)$.
- Une fonction ϕ définissant la synergie $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_i)$ en reliant \mathbf{x}_i et \mathbf{x}_i .

Ce socle mathématique structure la mise en œuvre du feedback coopératif abordé dans le chapitre 10, où la cohérence ou la plasticité de ces éléments $(\mathbf{X}(t), \Omega(t))$ est garantie par des flux

descendant et ascendant. Au fil des sections suivantes (10.2.2.2, 10.2.2.3, etc.), nous examinerons plus en détail la façon dont l'auto-organisation, la synergie et les boucles de rétroaction conjuguent leurs effets pour faire émerger un **réseau** robuste et agile.

10.2.2.2. Modélisation des Interactions Synergiques entre Entités

Un Synergistic Connection Network (SCN), au cœur du Deep Synergy Learning (DSL), s'appuie sur une fonction de synergie SS capturant la manière dont deux entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j (ou plus) interagissent. L'approche consiste à donner une valeur à l'interaction entre entités, reflétant leur coopération, leur co-information ou leur compatibilité. Cette section s'attache à préciser la définition mathématique d'une telle fonction de synergie, à rappeler les conditions usuelles que l'on impose (symétrie, borne, etc.), et à illustrer ses implémentations concrètes. La compréhension de ce mécanisme est essentielle à la dynamique du DSL puisque le feedback coopératif (chap. 10) et la mise à jour $\omega_{i,j}$ reposent directement sur la valeur $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$.

A. Définition mathématique de la synergie

Dans le cadre le plus simple, on dispose d'une fonction à deux entités,

$$\mathcal{X} \times \mathcal{X} \rightarrow \mathbb{R}$$

où \mathcal{X} est l'ensemble des **représentations** admissibles (vecteurs, symboles, structures) pour une entité \mathcal{E}_i . Pour deux entités \mathcal{E}_i décrites par \mathbf{x}_i et \mathbf{x}_i , la synergie s'écrit

$$S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) = f(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j).$$

On peut adopter différents **types** de fonctions ff. Dans les scénarios classiques, on s'appuie sur des **similarités** vectorielles (cosinus, gaussienne) ou des **distances** inversées, de sorte que deux vecteurs proches dans \mathbb{R}^d obtiennent un score élevé. En d'autres termes, la fonction ϕ impose que

$$d(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j)$$
 petite \Rightarrow $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ grande.

Dans des applications plus complexes, on peut recourir à des mesures n-aires de co-information, pouvant impliquer plus de deux entités à la fois. Cette généralisation peut étendre la notion de synergie à des **groupes** $\{\mathcal{E}_{i_1}, \dots, \mathcal{E}_{i_k}\}$, où l'on définit une fonction

$$(\mathcal{E}_{i_1}, \dots, \mathcal{E}_{i_k}) \in \mathbb{R}.$$

B. Conditions usuelles imposées à la synergie

Pour garantir une mise à jour **stable** et un **raisonnement** simplifié sur la dynamique, les fonctions de synergie obéissent le plus souvent à quelques **propriétés**.

Borne ou intervalle.

On souhaite fréquemment que la synergie soit dans [0,1] ou \mathbb{R}^+ . Cela assure une interprétation aisée (0 = pas d'affinité, 1 = affinité maximale). On peut y parvenir en normalisant :

$$0 \leq S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_i) \leq 1,$$

par exemple en divisant une mesure brute par sa valeur maximale.

Symétrie.

Beaucoup de SCN partent du principe que la co-opération est réciproque, d'où

$$S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) = S(\mathcal{E}_j, \mathcal{E}_i).$$

Ceci n'est pas strictement obligatoire (il existe des scénarios dirigés), mais la symétrie simplifie l'**implémentation** (chaque liaison $\omega_{i,i}$ vaut $\omega_{i,i}$) et l'**interprétation** (la similarité est mutuelle).

Monotonie.

Dans le cas distance-based, la synergie décroît au fur et à mesure que la distance croît. Dans le cas d'un indice de **co-occurrence**, la synergie augmente si les entités partagent plus de traits. Cette propriété garantit la cohérence entre la notion d'affinité perçue et la valeur du score, alignant ainsi l'évolution des pondérations $\omega_{i,j}$ avec le degré de ressemblance perçu.

C. Implémentations concrètes

Similarité cosinus.

Une formulation simple, appréciée notamment pour les **embeddings** textuels ou visuels, est la **similarité cosinus** :

$$S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) = \frac{\mathbf{x}_i \cdot \mathbf{x}_j}{\parallel \mathbf{x}_i \parallel \parallel \mathbf{x}_i \parallel} \in [-1,1].$$

Il est alors usuel de restreindre le résultat à $\max(0,\cdot)$ pour s'assurer que la synergie reste non négative et s'interprète comme un degré d'affinité. On dispose ainsi d'une fonction adaptée aux données vecteurs "longs" (textes, images sous forme d'embeddings).

Distances inverses.

Une autre approche récurrente consiste à partir d'une distance d sur l'espace \mathcal{X} , puis à l'inverser, par exemple :

$$S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) = \exp(-\alpha d(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j))$$

où α >0\alpha>0 est un paramètre d'échelle. Plus \mathbf{x}_i et \mathbf{x}_j sont proches, plus d $(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j) \approx 0$, et plus la synergie se rapproche de 1. Cette forme exponentielle est largement utilisée, en particulier lorsqu'on cherche des $\omega_{i,j}$ d'interprétation "gaussienne" (voir chap. 2 sur la notion d'affinité gaussienne).

Co-information symbolique.

Dans un **SCN** recouvrant des entités **symboliques** (règles logiques, concepts ontologiques), la fonction de synergie peut résulter d'une analyse de compatibilité :

$$S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) = \text{compat}(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) \in [0,1].$$

Ici, compat\text{compat} peut évaluer la "non-contradiction" ou la "cohérence" entre deux axiomes. Une variante est l'**information mutuelle** ou la **co-occurrence** si les entités Ei,Ej\mathcal{E}j sont des variables aléatoires. La principale condition demeure de maintenir un **score** plus élevé lorsque les entités sont plus **pertinemment associées**.

D. Effet sur la Dynamique Coopérative

La fonction de synergie est la **pierre angulaire** de la règle de mise à jour dans le **DSL**. La formule habituelle

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) - \tau \omega_{i,j}(t) \right]$$

montre que plus la synergie $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ est grande, plus on renforce le lien $\omega_{i,j}$. En régime stationnaire simplifié (sans feedback compétitif), on obtient $\omega_{i,j}^* \approx \frac{S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)}{\tau}$. Ainsi, la **modélisation** de la fonction SS dicte largement l'architecture finale du **SCN**.

Lorsque SS est bien choisi et reflète adéquatement la **proximité** ou la **corrélation** entre entités, les **clusters** qu'il fait émerger présentent un sens clair (entités réellement associées se regroupent). À l'inverse, si la **définition** de la synergie est inadéquate (fausses distances, mesures de similarité non pertinentes), le **réseau** peut dériver vers des configurations irréalistes ou se scinder inopportunément. Le **feedback** coopératif (voir chap. 10) exploite cette fonction pour valider ou invalider certaines liaisons, mais la base de la dynamique demeure la **cohérence** de *S*.

Conclusion

La modélisation de la synergie $(S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j))$ constitue la clé de voûte de l'interaction dans un SCN. D'un point de vue mathématique, on exige généralement une synergie bornée et symétrique, croissant avec la ressemblance ou la co-occurrence. De nombreuses implémentations sont possibles (similarités cosinus, distances inverses, compatibilités symboliques), chacune adaptée à un format ou un domaine de données (sub-symbolique, symbolique, multimodal). L'essentiel demeure que la valeur du score SS détermine la vitesse et la direction de la mise à jour $\omega_{i,j}$, orientant l'auto-organisation du réseau vers des ensembles d'entités présentant une forte affinité. Cette mécanique, lorsqu'elle est couplée au feedback global ou local (voir la suite du chapitre 10), assure l'émergence de structures collectives cohérentes dans un environnement potentiellement hétérogène ou changeant.

10.2.2.3. États, Transitions et Stabilité Synergiques

Lorsqu'un **réseau** Deep Synergy Learning (DSL) associe à chaque entité \mathcal{E}_i un **état interne** (par exemple un vecteur $\mathbf{x}_i(t) \in \mathbb{R}^d$), la **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ peut varier non seulement en fonction des liaisons $\omega_{i,j}$, mais aussi selon ces états internes. Cette approche enrichit la perspective en intégrant des **transitions d'état** pour chaque entité. La dynamique ne se réduit plus à la seule mise à jour des pondérations $\omega_{i,j}$, mais prend en compte l'évolution interne des vecteurs d'état $\mathbf{x}_i(t)$, influençant directement la synergie et l'organisation du **SCN**. L'objectif de cette section est de décrire comment une telle **double** évolution (pondérations et états) peut générer des **mécanismes**

de stabilité ou de cycles, et comment la **synergie** joue un rôle central dans la coordination de ce système global.

A. États Internes et Dynamique Élargie

Il est courant de doter chaque entité \mathcal{E}_i d'un **vecteur d'état x**_i(t) qui, au cours du temps, évolue en fonction des **signaux** reçus. Ainsi, une entité peut mémoriser son passé, maintenir un niveau d'activation local ou ajuster des paramètres internes. La fonction de synergie $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ dépend alors de $\mathbf{x}_i(t)$ et $\mathbf{x}_j(t)$, de sorte que la **mise à jour** des liaisons $\omega_{i,j}$ repose sur des similarités ou compatibilités calculées sur ces états internes. À leur tour, les **entités** peuvent ajuster $\mathbf{x}_i(t)$ en fonction de l'état de leurs voisins ou de la pondération $\omega_{i,j}(t)$, formant un **couplage** bidirectionnel :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + F\left(\omega_{i,j}(t), S\left(\mathbf{x}_i(t), \mathbf{x}_j(t)\right)\right),$$

$$\mathbf{x}_i(t+1) = \mathbf{x}_i(t) + G\left(\mathbf{x}_i(t), \{\omega_{i,k}(t)\}, \{\mathbf{x}_k(t)\}\right),$$

où les fonctions F et G traduisent les règles DSL pour les pondérations et les états. On obtient ainsi un **système** dynamique élargi, où les liaisons ω et les états \mathbf{x} évoluent de concert.

B. Transitions d'États : Vue Mathématique

Il est envisageable de formuler l'évolution de $\mathbf{x}_i(t)$ selon un schéma itératif où chaque entité ajuste son état en fonction de l'influence des entités voisines, pondérée par $\omega_{i,j}$. Par exemple, on peut écrire :

$$\Delta \mathbf{x}_i(t) = \alpha \sum_i \omega_{i,j}(t) \Phi\left(\mathbf{x}_j(t)\right) - \beta \mathbf{x}_i(t).$$

La fonction Φ décrit la transformation appliquée aux états voisins, α est un facteur de couplage, et β gère la décroissance ou la normalisation de l'état local. Cette formulation rappelle les modèles de réseaux neuronaux récurrents de **Hopfield** où plus un voisin $\mathbf{x}_j(t)$ est pertinent, plus on renforce $\mathbf{x}_i(t)$ dans sa direction. Le terme $\beta \mathbf{x}_i(t)$ fait office de **dissipation**, empêchant l'explosion des activations. En fonction des valeurs des paramètres et de la structure des liaisons $\omega_{i,j}$, trois comportements distincts peuvent apparaître.

Le premier est la **convergence** vers un point fixe, où chaque entité \mathbf{x}_i et chaque liaison $\omega_{i,j}$ atteignent un état stable et cessent d'évoluer au-delà d'un seuil donné.

Le second correspond aux **oscillations**, où le système présente des cycles dynamiques, par exemple des variations de phase entre plusieurs groupes d'entités qui alternent périodiquement leur activation ou leur influence.

Enfin, un comportement **chaotique ou quasi-chaotique** peut émerger dans certaines configurations non linéaires de Φ ou sous certaines topologies du SCN, rendant le système extrêmement sensible aux conditions initiales et difficile à prédire sur le long terme.

C. Stabilité Synergique dans l'Espace (États × Pondérations)

Le **couplage** entre l'évolution des états \mathbf{x}_i et celle des liaisons $\omega_{i,j}$ se comprend mieux en regardant l'**espace élargi** des variables :

$$(\{\omega_{i,j}(t)\}_{i,j}, \{\mathbf{x}_i(t)\}_i).$$

Un **point fixe** global dans cet espace se caractérise par $\Delta\omega_{i,j}(t) = 0$ et $\Delta \mathbf{x}_i(t) = 0$. Autrement dit, on obtient une **configuration stable** si, pour toutes les entités i, les états \mathbf{x}_i cessent d'évoluer et, pour toutes les paires (i,j), les liaisons $\omega_{i,j}$ deviennent stationnaires. C'est alors un **état attracteur** d'ensemble où les entités sont placées dans une configuration telle que la **synergie** calculée sur les \mathbf{x}_i ne pousse plus aux réajustements de $\omega_{i,j}$ et où la configuration $\omega_{i,j}$ n'exige plus de modification des \mathbf{x}_i .

Cette notion de **stabilité** ou d'**équilibre** relève d'un "point de vue élargi" sur le DSL, où l'on ne conçoit plus simplement le **réseau** comme un ensemble de pondérations évoluant sur la base de synergies statiques, mais comme un système auto-adaptatif où chaque entité peut remodeler son profil (son état interne) en réaction à la dynamique du SCN.

D. Conclusion

Lorsque les **entités** $\{\mathcal{E}_i\}$ disposent d'états internes $\mathbf{x}_i(t)$ et que la **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ dépend de ces états, la mise à jour des **pondérations** $\omega_{i,j}$ agit en **interaction** avec l'évolution de \mathbf{x}_i . Les transitions d'états se combinent alors aux **incréments** de liaisons pour forger la dynamique globale du **Synergistic Connection Network**. Mathématiquement, on obtient un **système dynamique** de haute dimension, potentiellement riche en attracteurs multiples ou en oscillations. La **stabilité synergique** se constate lorsqu'on aboutit à un point fixe $(\omega^*, \{\mathbf{x}_i^*\})$ où ni les entités ni les liaisons ne continuent à bouger.

Cette **extension** du DSL, incluant les *états internes* des entités, se révèle essentielle pour modéliser des situations réalistes où les neurones possèdent une activation, les capteurs mémorisent un contexte ou les nœuds cognitifs gèrent une mémoire locale. Dans un tel cadre, la **cohérence** émerge de deux aspects distincts. D'une part, la **similarité** ou la **coopération** est mesurée sur les états internes. D'autre part, le réseau réagit par un ajustement des pondérations. Cet équilibre reflète l'essence même de la **synergie** et de la **stabilité** coopérative propre au **DSL**.

10.2.2.4. Graphes Synergiques (Rappels sur la Notion de SCN)

Le Synergistic Connection Network (SCN) constitue l'ossature sur laquelle repose le Deep Synergy Learning (DSL). Cette notion s'apparente à un graphe dont les nœuds correspondent à des entités d'information $\{\mathcal{E}_i\}$, tandis que les arêtes sont pondérées par des valeurs $\omega_{i,j}$ reflétant la synergie ou l'affinité entre ces entités. L'idée centrale est que la pondération $\omega_{i,j}$ évolue au cours du temps en fonction d'une mesure de synergie $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ et d'autres facteurs de régulation (inhibition, dissipation, feedback global). Cette section récapitule les fondements de cette structure dite "synergique" et décrit les principes qui en sous-tendent la dynamique.

A. Définition Générale du SCN

Un **SCN** se définit par un ensemble d'entités $\{\mathcal{E}_i\}_{i=1}^n$ et par une matrice de **pondérations** $\Omega(t) = [\omega_{i,j}(t)]$ décrivant la force de liaison entre la paire (i,j).

Ensemble d'entités $\{\mathcal{E}_i\}$.

Les entités représentent des unités élémentaires du réseau, telles que des vecteurs sub-symboliques, des objets symboliques, des modules de traitement, ou même des blocs hybrides. Dans un contexte multimodal, on peut mélanger des entités visuelles, auditives, textuelles, etc. (voir 10.2.1.4). D'un point de vue purement **mathématique**, on indexe ces entités par i = 1, ..., n, chacune étant associée à une représentation \mathbf{x}_i ou à des paramètres internes.

Pondérations $\omega_{i,j}$.

Les liaisons entre entités sont décrites par $\omega_{i,j}$ qui, dans un **SCN** classique, sont fréquemment considérées comme non négatives et **symétriques** : $\omega_{i,j} = \omega_{j,i}$. Ces pondérations quantifient le degré de "coopération" entre les entités. Si $\omega_{i,j} \approx 0$, la liaison est quasi inexistante ; si $\omega_{i,j}$ est grande, la synergie est forte et les entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j entretiennent une **interaction** poussée.

Mesure de Synergie S(i, j).

Le calcul de la synergie se fonde sur une **fonction** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ qui traduit la compatibilité ou la similarité entre les entités. Cette fonction peut procéder de distances inversées, de similarités cosinus, de co-occurrences ou de règles symboliques (voir 10.2.2.2). Dans le **DSL**, on utilise S(i,j) à chaque étape pour ajuster $\omega_{i,j}(t)$.

B. Structure Synergique: Adjacence vs. Pondérations

Le **graphe** associé à un **SCN** est souvent décrit par la matrice $\Omega(t) = \left[\omega_{i,j}(t)\right]_{n \times n}$.

À l'instant t, la **pondération** $\omega_{i,j}(t)$ indique la force du lien unissant le nœud i et le nœud j. Contrairement à un graphe classique où l'adjacence est binaire (0 ou 1), un **SCN** opère sur des valeurs réelles, ce qui autorise un **continuum** d'affinités.

On peut, à des fins d'analyse ou de visualisation, définir un seuil θ pour tronquer les liaisons trop faibles. Les paires (i,j) satisfaisant $\omega_{i,j}(t) > \theta$ sont considérées comme "actives", formant un sous-graphe "essentiel". Cette pratique, appelée **seuillage** ou **parsimonie** (2.2.3), permet de réduire la complexité lorsqu'on manipule un grand nombre d'entités.

C. Dynamique de Mise à Jour des Liens

Le **DSL** s'articule autour d'une loi de mise à jour locale pour les pondérations $\omega_{i,j}$. En l'absence d'inhibition ou de feedback supplémentaire, elle suit la règle :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) - \tau \omega_{i,j}(t)].$$

Cette équation décrit la **tendance** à renforcer $\omega_{i,j}$ lorsque S(i,j) est grand (entités "fortement synergiques"), tout en introduisant un **terme** $\tau \omega_{i,j}(t)$ qui sert de facteur de stabilisation ou de dissipation. À long terme, si S(i,j) demeure fixe, on obtient $\omega_{i,j}^* \approx \frac{S(i,j)}{\tau}$.

Cependant, le **DSL** prévoit d'autres composantes telles que l'**inhibition compétitive**, des **boucles** top-down issues du **feedback coopératif** (Chap. 10), ou un **schéma** multiplicatif, de sorte que la mise à jour réelle peut inclure :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \Delta_{\text{feedback}}(i,j) + \Delta_{\text{inhibition}}(i,j),$$

etc. Malgré cette variété, la **logique** demeure la même. Les pondérations se renforcent lorsque la **synergie** est importante et s'atténuent lorsqu'elle est faible ou inutilisée.

Cette règle est **locale** à chaque pair (i,j), mais elle conduit, de manière **auto-organisée**, à la **formation** de structures globales. Les entités s'assemblent en **clusters** lorsqu'elles partagent une synergie élevée, tandis que les connexions inter-clusters s'affaiblissent.

D. Rappels sur l'Objectif Synergique du SCN

Le **SCN** construit une organisation émergente en s'appuyant sur la synergie entre entités. Un de ses aspects essentiels est l'**identification** de sous-groupes fortement interconnectés, appelés **clusters** ou **communautés**, qui apparaissent spontanément lorsque les pondérations $\omega_{i,j}$ s'intensifient à l'intérieur d'un sous-ensemble et diminuent vers l'extérieur.

Les pondérations sont **réévaluées** en continu, notamment lors de l'intégration de nouvelles entités \mathcal{E}_{n+1} ou lorsque les **synergies** évoluent dans le temps. Cette plasticité confère au **SCN** une grande résilience. En cas de changements dans le domaine d'application ou d'un flux de données évolutif, le réseau ajuste localement ses liaisons ω , préservant ainsi la **cohérence** globale.

Contrairement aux architectures classiques comme les MLP ou CNN, où la structure et les poids sont optimisés pour minimiser une **fonction de coût** supervisée, le SCN fonctionne dans un cadre **non supervisé**. Les pondérations ne sont pas ajustées pour correspondre à un label prédéfini, mais se développent en fonction d'un **score de synergie** observé directement entre les entités. Cette approche repose sur un paradigme **coopératif**, où la dynamique est déterminée par la **similarité** locale ou la co-information, et peut être modulée par un **feedback global** imposant une régulation top-down (voir Chap. 10).

Conclusion

Le Synergistic Connection Network (SCN) est au cœur de la vision du Deep Synergy Learning. Il se présente comme un graphe dont les arêtes portent une pondération évolutive $\omega_{i,j}$ traduisant la force de la synergie entre entités. Ce réseau adaptatif suit une dynamique distribuée où chaque liaison se met à jour localement selon une règle DSL, impliquant un renforcement basé sur la synergie et un amortissement progressif. De cette interaction locale émergent naturellement des configurations globales cohérentes, structurées en clusters et en macro-structures autoorganisées.

La synergie $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ incarne la **co-opération** ou la **co-information** entre entités, ancrant la mise à jour des poids ω . Les propriétés (symétrie, seuil, feedback) déterminent si le SCN converge vers

un état stable ou s'il reste en évolution continue pour s'adapter à un environnement variable. Dans les chapitres suivants, on approfondira encore la façon dont ce SCN se dote de mécanismes (inhibition, multi-échelle, feedback coopératif) favorisant une auto-organisation sur un large éventail d'applications.

10.2.3. Dynamique des États Synergiques

Dans la démarche du **Deep Synergy Learning (DSL)**, chaque entité d'information \mathcal{E}_i évolue non seulement à travers ses liaisons $\omega_{i,j}$, mais aussi en adaptant son **état interne**. Cette évolution est alimentée par un **processus d'auto-organisation** continu, renforcé par le **Feedback Coopératif** présenté au **Chapitre 10**.

La **dynamique des états synergiques** régit l'évolution des connexions $\omega_{i,j}$ en fonction des interactions entre entités et du feedback global. Ce mécanisme ajuste la **stabilité** et la **plasticité** du réseau en modulant les pondérations selon les rétroactions reçues.

Les **mécanismes stochastiques et non linéaires** interviennent dans la régulation des connexions, en intégrant les variations des flux multi-modaux, qu'ils proviennent d'images, de sons ou de textes. Cette adaptation multi-source permet au réseau de capter des **corrélations** émergentes entre différentes modalités.

L'apprentissage incrémental, détaillé dans le Chapitre 9, assure l'intégration ou la suppression d'entités tout en maintenant une structure optimisée. Ce processus permet une adaptation fluide du SCN, garantissant la continuité des connexions pertinentes et la dissolution des liaisons obsolètes.

Enfin, la **plasticité adaptative** équilibre deux dynamiques opposées : l'**exploration**, qui favorise l'adaptation et la découverte de nouvelles synergies, et la **stabilisation**, qui consolide la cohérence du réseau au fil des mises à jour du **feedback coopératif**.

10.2.3.1. Évolution Temporelle des Pondérations Synergiques

Dans le **Deep Synergy Learning (DSL)**, la pondération $\omega_{i,j}$ reliant deux entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j ne se limite pas à un simple ajustement local dicté par la synergie S(i,j). Elle peut également recevoir une **influence** venant de niveaux plus globaux (feedback macro) ou subir des perturbations additionnelles (inhibition compétitive, recuit stochastique). Cette section explore la **dynamique** globale de $\omega_{i,j}(t)$ lorsque le **feedback coopératif** (Chap. 10) s'intègre à la mise à jour classique du DSL, et décrit comment un **équilibre** ou une **instabilité** peut survenir au fil du temps.

Mise à Jour Locale et Feedback

Dans le DSL de base (voir Chap. 4), chaque lien $\omega_{i,j}(t)$ suit un schéma de mise à jour :

$$\omega_{i,j}(t+1) \ = \ \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right],$$

où η est un taux d'apprentissage local, τ un coefficient de décroissance, et S(i,j) la synergie mesurée entre \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j . Dans le **contexte** du **feedback coopératif**, on ajoute une composante

 $\Delta_{\rm feedback}(i,j,t)$ afin de modéliser la rétroaction provenant d'un **macro-nœud** ou d'une **couche** supérieure. La formule se prolonge alors sous la forme :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t)] + \Delta_{\text{feedback}}(i,j,t).$$

La quantité $\Delta_{\text{feedback}}(i, j, t)$ évolue en fonction de la **structure globale** du réseau. Un sous-réseau peut être jugé prioritaire, ce qui amène un **super-nœud** à renforcer certains liens $\omega_{i,j}$, tandis qu'un autre feedback peut inhiber ou réduire les connexions considérées comme non pertinentes.

Mathématiquement, $\Delta_{\text{feedback}}(i,j,t)$ s'exprime sous la forme d'un **terme correctif**, ajustant $\omega_{i,j}(t)$ vers une valeur cible $\Lambda_{i,j}(t)$ définie par le module macro. Ce modèle permet d'intégrer deux dynamiques complémentaires : la **logique auto-organisée** locale, qui ajuste les pondérations selon les interactions immédiates, et la **cohérence globale**, qui oriente la structure du réseau par une régulation à plus grande échelle.

Cycle de Mise à Jour à Plusieurs Échelles

La présence de **feedback coopératif** introduit l'idée que la mise à jour $\omega_{i,j}$ peut s'opérer en **plusieurs phases** ou **plusieurs échelles**. Dans une **phase locale**, chaque lien suit la règle DSL de base, dépendant directement de la synergie S(i,j). Dans une **phase macro**, un module de coordination regarde la configuration d'ensemble et injecte un signal Δ_{feedback} pour corriger ou réorienter certains liens. Cette dynamique peut être cyclique si, à chaque itération, le réseau applique d'abord la phase locale (renforcement proportionnel à S), puis la phase macro (feedback top-down).

Sur le plan mathématique, cela peut s'écrire sous forme de deux étapes successives :

$$\omega_{i,j}(t+1/2) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t)],$$

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t+1/2) + \Delta_{\text{feedback}}(i,j,t).$$

Cette **multi-échelle** introduit une double possibilité : une **stabilisation** progressive ou une **dérive** continue. Si le **feedback** reste cohérent dans le temps, on observe une convergence vers un état stable où les pondérations $\omega_{i,j}$ atteignent un équilibre. À l'inverse, si le **module** macro ajuste périodiquement ses objectifs, le système peut rester en **évolution permanente**, naviguant dynamiquement entre différentes configurations de pondérations. Cette alternance entre **fixation** et **plasticité** régule l'auto-organisation du réseau et détermine sa capacité d'adaptation aux changements contextuels.

Équilibre entre Exploration et Exploitation

Sur le plan **conceptuel**, on peut rapprocher cette dynamique d'un **compromis** entre *exploitation* (figer les liens sur un arrangement stable) et *exploration* (continuer à explorer l'espace des configurations). L'existence d'un feedback intermittent ou modulé peut empêcher la convergence définitive, en maintenant un niveau de **plasticité** résiduel. Cela peut être bénéfique pour réagir à des changements de contexte, accueillir de nouvelles entités ou reformer les clusters si l'environnement évolue.

D'un point de vue **mathématique**, certains termes d'inhibition ou de bruit peuvent être introduits pour susciter de petites fluctuations. Un couplage de type "compétition" avec un super-nœud

renforce un sous-ensemble de liaisons et affaiblit les autres, conduisant à une **émergence** plus nette de clusters. À l'inverse, un couplage de "recuit" (température décroissante) peut favoriser une recherche d'**optimum** global en évitant de se bloquer trop tôt dans un minimum local.

Exemple de Terme de Feedback : $\Delta_{feedback}$

Il est fréquent de spécifier $\Delta_{\text{feedback}}(i,j,t)$ comme un déplacement vers une "valeur-cible" $\Lambda_{i,j}(t)$ voulue par la régulation globale, selon :

$$\Delta_{\text{feedback}}(i,j,t) = \gamma_{\text{macro}}(t) \left[\Lambda_{i,j}(t) - \omega_{i,j}(t) \right].$$

Si la couche macro désire renforcer la liaison $\omega_{i,j}$, alors $\Lambda_{i,j}(t)$ est choisi supérieur à $\omega_{i,j}(t)$, entraînant un **incrément** positif; s'il faut au contraire atténuer ou brider ce lien, on prend $\Lambda_{i,j}(t) < \omega_{i,j}(t)$. Le coefficient $\gamma_{\text{macro}}(t)$ détermine la **force** du couplage top-down, potentiellement variable dans le temps. Cette structure algébrique autorise une grande **flexibilité**, car le super-nœud (ou nœud macro) peut, à chaque itération, calculer $\Lambda_{i,j}(t)$ selon des critères complexes (cohérence globale, quotas de ressources, signaux d'erreur, etc.).

Coexistence de Plusieurs Dynamiques

La **dérive** temporelle de $\omega_{i,j}(t)$ résulte de la combinaison de trois influences distinctes. Premièrement, la dynamique **locale** du DSL agit à travers l'auto-organisation des entités, renforçant ou affaiblissant les liens selon la synergie observée. Deuxièmement, la **régulation** macro $\Delta_{\text{feedback}}(i,j,t)$ intervient comme un ajustement global, imposant des contraintes ou facilitant certaines configurations en fonction d'objectifs plus larges. Enfin, un **terme stochastique** peut s'ajouter sous forme de bruit adaptatif ou de recuit simulé, introduisant une variabilité permettant d'explorer d'autres configurations topologiques. L'ensemble forme un **système multi-échelles**, caractérisé par un couplage **horizontal** entre entités voisines (inhibition latérale, coopération) et un couplage **vertical** entre niveaux (flux bottom-up et top-down). Sur le plan formel, on a :

$$\Delta\omega_{i,j}(t) = \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{feedback}}(i,j,t) + \Delta_{\text{noise}}(i,j,t).$$

Cette vue souligne à quel point la **mise à jour** des pondérations est loin d'être un simple gradient local. Elle s'inscrit dans une boucle plus large, où l'information circule dans le réseau (ascendant) et depuis les macro-niveaux (descendant), tout en pouvant être influencée par une composante aléatoire ou compétitive.

Conclusion

L'évolution temporelle des pondérations $\omega_{i,j}$ dans un SCN muni de feedback coopératif combine la règle DSL locale (fondée sur la synergie S) et un ensemble de termes destinés à piloter la dynamique vers une cohérence d'ensemble. L'ajout d'un module macro (super-nœud) ou de procédures de compétition/inhibition enchevêtrées peut favoriser la formation de clusters spécifiques ou réorienter le réseau si les contextes changent. D'un point de vue mathématique, on se trouve face à un système non linéaire, où la stabilisation (point fixe, attracteur) ou l'instabilité (cycles, oscillations, chaos) dépendent des équations de rétroaction mises en place. Dans certains cas, le réseau peut converger vers un équilibre satisfaisant, et dans d'autres, maintenir un état de réadaptation continue, offrant un levier pour explorer l'espace des configurations et ajuster sa structure à des stimulis ou des exigences hautement dynamiques.

10.2.3.2. Processus Stochastiques et Non-Linéarités (Impact sur le Feedback)

Lorsque le **feedback coopératif** (développé au Chapitre 10) s'applique dans un **Synergistic Connection Network (SCN)**, la dynamique de mise à jour des pondérations $\omega_{i,j}$ n'est plus un simple schéma déterministe et linéaire. L'introduction de **processus stochastiques** (injection de bruit aléatoire dans les règles d'évolution) et de **non-linéarités** (dépendances complexes ou couplages n-aires) peut profondément modifier les trajectoires du réseau et la **stabilité** du feedback. Des oscillations, des régimes pseudo-chaotiques ou une amplification de fluctuations peuvent alors survenir, selon la nature du bruit et la forme des couplages. Cette section décrit comment ces perturbations affectent la **cohérence** et la **convergence** du SCN, et quelles stratégies peuvent être envisagées pour contrôler la dynamique globale.

A. Processus Stochastiques: Bruit dans la Mise à Jour ou dans la Fonction de Synergie

Une première source de complexité provient des **termes aléatoires** qui s'introduisent dans la mise à jour de $\omega_{i,j}(t)$. Au lieu de se contenter d'une loi de la forme

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(i,j,t) - \tau \omega_{i,j}(t)],$$

on inclut une composante bruitée $\xi_{i,j}(t)$. On obtient alors :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(i,j,t) - \tau \omega_{i,j}(t)] + \xi_{i,j}(t).$$

Le vecteur $\xi_{i,j}(t)$ peut se distribuer selon une loi gaussienne, uniforme ou suivre un protocole de **recuit** (diminution progressive de l'amplitude), etc. D'un point de vue mathématique, cette modification amène à considérer la mise à jour comme une **Équation aux Différences Stochastiques**, où l'on analyse la **stabilité moyenne** et la **distribution** asymptotique des $\omega_{i,j}(t)$.

Dans le contexte du **feedback** coopératif, un module macro peut vouloir **booster** la pondération $\omega_{i,j}$, mais la composante bruitée $\xi_{i,j}(t)$ peut parfois contrer ou amplifier ce signal. Le résultat est que, même si l'intention du feedback top-down est claire, la trajectoire effective de $\omega_{i,j}$ demeure **aléatoire** ou exploratoire. Cela peut s'avérer bénéfique pour **sortir** de minimums locaux, mais au risque de rendre la convergence plus lente ou plus incertaine.

B. Non-Linéarités dans la Fonction de Synergie ou le Feedback

Une seconde difficulté provient des **non-linéarités** présentes dans la définition de la synergie S(i,j) et du feedback $\Delta_{\text{feedback}}(i,j,t)$. Ces non-linéarités introduisent des dynamiques complexes qui peuvent influencer la stabilité et l'évolution du **SCN**.

Les **couplages n-aires ou quadratiques** ajoutent une couche de complexité supplémentaire. Si la synergie $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ dépend de plusieurs autres liaisons ou variables, elle peut engendrer des **interactions croisées**. Cela signifie que la dérivée $\partial S(i,j)/\partial \omega_{m,n}$ peut être non nulle même lorsque $(m,n) \neq (i,j)$. Cette interdépendance peut former des **chaînes de rétroaction**, qui se combinent pour produire des boucles non linéaires influençant le comportement global du réseau.

Le **feedback top-down** peut également être non linéaire, ce qui complique la régulation des pondérations. Le terme

$$\Delta_{\text{topdown}}(i,j) = \Psi(\omega_{i,j}, \{\omega_{m,n}\}, \dots)$$

peut suivre une fonction de correction non linéaire, comme une courbe cubique ou un **seuil abrupt** (sharp threshold), qui modifie la pondération uniquement au-delà d'un certain niveau. Ces ajustements non linéaires peuvent rendre le **SCN** particulièrement sensible aux perturbations. Un léger écart par rapport à la valeur cible peut être amplifié, entraînant des corrections excessives et conduisant à des **oscillations**.

Enfin, ces phénomènes peuvent conduire à des **bifurcations et attracteurs complexes**, caractéristiques des systèmes dynamiques non linéaires. Une simple variation d'un paramètre, comme la force de couplage γ , peut entraîner l'émergence de nouveaux **points fixes**, de cycles de rétroaction persistants, ou même d'un **comportement pseudo-chaotique**. Dans un **SCN**, cela peut signifier qu'un réseau initialement stable bascule soudainement dans un régime oscillatoire prolongé, empêchant le **feedback coopératif** de se stabiliser. L'analyse de ces phénomènes repose sur la **théorie des bifurcations**, ainsi que sur des simulations avancées permettant d'anticiper ces transitions et d'ajuster les paramètres en conséquence.

C. Conséquences sur le Feedback Coopératif

Les dynamiques internes du SCN peuvent engendrer divers effets indésirables, notamment des oscillations ou des comportements chaotiques. Lorsqu'une combinaison de bruit, de non-linéarités et de boucles de feedback se met en place, le réseau peut ne jamais parvenir à une stabilisation complète. À l'échelle macroscopique, cela se traduit par des fluctuations cycliques dans la structuration des clusters ou par des rebonds du feedback entre différents états quasistationnaires, ce qui peut nuire à la robustesse du modèle.

Pour pallier ces instabilités, plusieurs **stratégies d'amortissement** peuvent être mises en œuvre. L'un des leviers consiste à **renforcer la décroissance** des pondérations via un paramètre τ , limitant ainsi la croissance excessive des synergies. Une autre approche repose sur l'introduction d'une **température décroissante** pour le bruit, inspirée des techniques de **recuit simulé**, afin d'assurer une exploration efficace au début du processus puis une stabilisation progressive. Il est également possible d'ajouter un **terme de saturation** empêchant la dynamique non linéaire de s'emballer et maintenant l'ensemble du système dans une plage d'évolution maîtrisée. L'objectif est donc de trouver un **équilibre optimal** entre un degré suffisant de non-linéarité et d'exploration pour favoriser la découverte de synergies, sans provoquer une dérive incontrôlée du réseau.

L'efficacité du feedback coopératif repose alors sur un réglage fin des paramètres du modèle. Il est crucial de calibrer précisément le taux d'apprentissage η , la décroissance des pondérations τ , l'amplitude du bruit σ et la forme exacte du feedback top-down. Un mauvais ajustement peut entraîner une convergence trop rapide et trop locale, empêchant l'émergence de nouvelles structures pertinentes, ou une dynamique trop instable, où les pondérations oscillent indéfiniment sans atteindre un état exploitable. Maintenir le SCN dans une zone d'évolutivité maîtrisée est essentiel pour garantir un apprentissage efficace et une adaptation optimale aux changements de contexte.

Conclusion

L'ajout de processus stochastiques et de non-linéarités dans un SCN agissant sous feedback coopératif ouvre la voie à des dynamiques plus riches que le schéma déterministe et linéaire de

base. Les **bruits** aléatoires permettent d'explorer davantage de configurations, favorisant la **sortie** de minima locaux, mais peuvent retarder ou compliquer la convergence. Les **non-linéarités** (couplages n-aires, feedback top-down non linéaire) peuvent quant à elles générer des attracteurs multiples, des cycles ou même des régimes chaotiques selon la forme des équations et la force des rétroactions.

Pour le **DSL**, il en résulte une **responsabilité** dans la conception et la sélection des paramètres : trop de non-linéarité ou de bruit peut saper la **cohérence** du réseau, tandis qu'une juste dose de perturbation peut élargir l'**exploration** de l'espace des solutions. De ce point de vue, l'analyse s'apparente à celle des **systèmes dynamiques** non linéaires et stochastiques, où le **feedback** coopératif joue un rôle central dans la stabilisation (ou la déstabilisation) de la trajectoire du **SCN**.

10.2.3.3. Influence des Flux Multi-Modal (Images, Sons, Textes)

Dans un contexte **Deep Synergy Learning (DSL)** où coexistent plusieurs **flux** hétérogènes, tels que l'image, l'audio et le texte, la **dynamique** du Synergistic Connection Network (SCN) se trouve étendue. Les entités $\{\mathcal{E}_i\}$ ne proviennent plus d'un seul domaine, mais se répartissent dans différents canaux, et la **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ doit refléter des liens *cross-canal* qui associent, par exemple, des fragments d'image à des segments audio ou à des tokens textuels. Le **feedback coopératif** (Chap. 10) prend alors en charge non seulement les **corrélations** internes à une modalité, mais aussi les **corrélations** inter-modales, imposant un niveau supplémentaire de complexité à la mise à jour des pondérations $\omega_{i,j}(t)$.

A. Nature Disparate des Flux et Leur Mise en Corrélation

Les données visuelles, auditives et textuelles possèdent des **représentations distinctes**, ce qui complique leur mise en relation directe. Un **embedding d'image** correspond à un vecteur issu d'un réseau convolutionnel, noté

$$\mathbf{x}_i^{(\mathrm{img})} \in \mathbb{R}^{d_{\mathrm{img}}}$$

Un **embedding audio** est généralement obtenu par des méthodes spectrales, comme un spectrogramme ou des coefficients MFCC, représenté par

$$\mathbf{x}_i^{(\mathrm{aud})} \in \mathbb{R}^{d_{\mathrm{aud}}}$$

Une **représentation textuelle** provient d'un modèle linguistique tel que BERT ou GloVe, sous la forme

$$\mathbf{x}_k^{(\mathrm{txt})} \in \mathbb{R}^{d_{\mathrm{txt}}}$$

L'évaluation de la **synergie entre ces entités** repose sur une fonction capable d'analyser leurs similarités malgré leur nature différente. Une approche consiste à projeter ces entités dans un **espace latent commun** via une transformation

$$\phi : \mathbb{R}^{d_{\text{img}}} \times \mathbb{R}^{d_{\text{aud}}} \times \mathbb{R}^{d_{\text{txt}}} \to \mathbb{R}^{d_{\text{fusion}}}$$

facilitant ainsi leur comparaison. Une autre méthode repose sur l'analyse statistique des cooccurrences, en examinant les relations temporelles ou sémantiques à travers une matrice de synergie

$$S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) = f(\phi(\mathbf{x}_i), \phi(\mathbf{x}_j))$$

où f peut être une **distance euclidienne**, une **similarité cosinus** ou un **modèle de correspondance** basé sur un transformeur multi-modal.

Certains modèles exploitent des **scores de similarité multi-modaux**, comme l'analyse canonique des corrélations (CCA) qui maximise la corrélation entre deux ensembles de représentations projetées

$$\max_{\mathbf{W}_1,\mathbf{W}_2} \operatorname{corr}\left(\mathbf{W}_1 \mathbf{x}_i^{(\text{img})}, \mathbf{W}_2 \mathbf{x}_j^{(\text{aud})}\right)$$

Dans cette dynamique, le **SCN** ne se limite pas à des relations intra-modales mais établit des connexions inter-modales, formant ainsi un réseau global d'associations sémantiques. Chaque entité appartient à un canal spécifique, et les pondérations évoluent selon la cohérence et l'affinité détectées entre les modalités, avec une mise à jour

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) - \tau \omega_{i,j}(t) \right]$$

Un segment audio et un patch d'image peuvent ainsi être liés s'ils partagent un contexte commun, permettant une auto-organisation enrichie et une meilleure fusion de l'information.

B. Impact sur la Construction des Synergies

Le **DSL** ajuste en continu les pondérations entre entités multimodales en fonction de leur synergie détectée. Lorsqu'une entité image $\mathcal{E}_i^{(\mathrm{img})}$ et une entité audio $\mathcal{E}_j^{(\mathrm{aud})}$ apparaissent fréquemment ensemble ou partagent un label conceptuel, la pondération $\omega_{i,j}(t)$ se renforce progressivement. L'actualisation repose sur la mise à jour DSL standard

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S_{cross}(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t) \right]$$

où $S_{cross}(i,j)$ représente une fonction de synergie inter-modale prenant en compte la corrélation entre image et son, l'association dans un espace latent ou toute autre mesure pertinente. Si un **macro-nœud** perçoit ces deux entités comme relevant d'un même événement, il amplifie cette connexion. Une image de chat associée à un son de miaulement illustre cette **cohérence inter-modale** renforcée par le **feedback coopératif**.

Le SCN multimodal ne cloisonne pas les entités par modalité, mais favorise la formation de clusters hybrides intégrant images, spectrogrammes audio et segments textuels lorsque leur synergie est élevée. Cette structuration s'effectue naturellement lorsque le feedback global valide ou invalide ces regroupements en fonction d'indices pertinents, conduisant à la stabilisation de configurations exprimant des concepts multimodaux. Ces clusters émergents offrent une représentation plus riche et plus robuste des objets et événements détectés.

Lorsqu'une image, un son et un texte convergent vers une **même sémantique**, leur interaction génère une **redondance** informative qui **consolide** la liaison. Cette dynamique repose sur un **effet**

de triangulation où, si une image $\mathcal{E}_i^{(img)}$ est cohérente avec un son $\mathcal{E}_j^{(aud)}$ et qu'un texte $\mathcal{E}_k^{(txt)}$ confirme la même information, les pondérations $\omega_{i,k}$ et $\omega_{j,k}$ se renforcent mutuellement. Le SCN propage cette cohérence à travers le réseau, facilitant ainsi l'émergence d'une compréhension globale où les flux sensoriels et symboliques fusionnent en une représentation intégrée.

C. Rôle du Feedback Coopératif

Le **feedback coopératif** joue un rôle essentiel dans l'**organisation multi-modale** en évaluant non seulement la synergie entre entités, mais aussi leur **complémentarité** et leur **cohérence sémantique**. Il assure une régulation des liens cross-canal pour structurer efficacement les clusters émergents.

Lorsque plusieurs entités multimodales forment un ensemble cohérent, comme une image, un son et un texte décrivant le même objet ou la même scène, le **module macro** valide cette convergence en renforçant les pondérations $\omega_{i,j}$ et $\omega_{j,k}$. Cette consolidation stabilise les **clusters multimodaux**, facilitant l'intégration des différentes sources d'information. À l'inverse, si une incohérence est détectée, comme un texte mentionnant un "chien" alors que l'image représente un chat, le **super-nœud** envoie un signal de correction $\Delta_{\text{feedback}}(i,j)$ négatif, réduisant $\omega_{i,j}$ pour préserver la cohérence thématique du réseau.

L'ajustement des pondérations repose sur une mise à jour hybride combinant une **dynamique** locale et un feedback global

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \Delta_{DSL}(i,j) + \Delta_{topdown}(i,j)$$

où Δ_{DSL} correspond à la mise à jour standard basée sur la synergie S(i,j), et $\Delta_{topdown}$ représente l'intervention du **macro-nœud** ajustant les liens en fonction de la cohérence sémantique globale. Cette modulation assure une **auto-organisation guidée**, où les clusters se forment de manière autonome mais restent alignés sur une structure thématique et fonctionnelle robuste.

D. Défis Mathématiques et Complexité

L'intégration d'entités provenant de **multiples canaux** engendre plusieurs défis, notamment en termes de scalabilité et de complexité computationnelle.

L'un des premiers obstacles réside dans l'**explosion du nombre de liens**. Lorsqu'un système multimodal introduit des dizaines ou des centaines d'entités par flux, la formation de liens inter-canaux peut rapidement entraîner une croissance quadratique du réseau. Si chaque entité est connectée à plusieurs autres dans différents canaux, le nombre de connexions possibles suit un ordre de grandeur $O(n^2)$. Cette inflation de la taille du SCN nécessite des **stratégies d'approximation** telles que la restriction aux k-plus proches voisins (k-NN) ou l'application de seuils de synergie pour limiter la densité des connexions.

La **création de synergies cross-modal** pose également un défi. Définir une mesure pertinente de synergie $S\left(\mathcal{E}_{i}^{(img)}, \mathcal{E}_{j}^{(aud)}\right)$ ou $S\left(\mathcal{E}_{k}^{(txt)}, \mathcal{E}_{m}^{(img)}\right)$ exige de **projeter** ces entités dans un espace latent commun ou de concevoir des métriques adaptées combinant plusieurs attributs. Cette projection peut s'appuyer sur des transformées spécifiques, des algorithmes d'alignement multi-modal ou encore des réseaux profonds spécialisés dans la fusion de représentations. Toutefois, ces opérations

ajoutent un coût computationnel important, notamment lorsque la comparaison entre modalités requiert des transformations complexes.

La gestion du feedback dans un espace complexe devient un autre enjeu majeur. Plus le nombre de canaux croît, plus la dynamique du feedback macro devient hautement non linéaire. Un module de régulation peut, par exemple, renforcer une liaison entre l'audio et l'image si un lien texte-image est déjà solide, introduisant ainsi des interdépendances complexes. Ces relations croisées peuvent aboutir à des comportements oscillatoires, des cycles ou des bifurcations dans la structure du SCN, nécessitant une analyse approfondie en théorie des systèmes dynamiques pour garantir la stabilité et la convergence du réseau.

Conclusion

L'arrivée de **flux** multi-modal (images, sons, textes) dans le **DSL** modifie substantiellement la **dynamique** de mise à jour $\omega_{i,j}(t)$ et l'impact du **feedback** coopératif. Les entités issues de canaux divergents s'associent lorsqu'une **cohérence** inter-modale est détectée, renforçant les liaisons ω de manière à former des **clusters** hybrides. Le **module** macro (feedback top-down) joue un rôle critique pour "valider" ou "invalider" les rapprochements cross-canal, afin de maintenir l'unité thématique tout en laissant place à la **plasticité** nécessaire pour découvrir de nouvelles associations sémantiques.

Sur le plan **mathématique**, l'unification multimodale accroît la dimension et la variété des synergies $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$. Cela peut engendrer une **explosion** du nombre de liaisons potentielles, exiger des méthodes de **fusion** d'attributs ou de projection dans un espace commun, et requérir un **contrôle** plus élaboré du feedback coopératif. Au final, la coopération multi-modale offre des **possibilités** supérieures pour organiser l'information, détecter des concepts multimédias ou lancer des rapprochements entre données disparates, tout en accentuant la **complexité** et les **défis** de stabilisation dans le **Synergistic Connection Network**.

10.2.3.4. Mécanismes d'Apprentissage Incrémental (Liens avec le Chap. 9)

L'un des axes fondamentaux du **Deep Synergy Learning (DSL)** concerne la capacité à **apprendre** et à **s'adapter** de manière continue lorsque de nouvelles entités apparaissent ou lorsque l'environnement se modifie. Cet **apprentissage incrémental** (ou "apprentissage en ligne") a été introduit au **Chapitre 9**, notamment en ce qui concerne l'évolution en temps réel. Dans le cadre du **feedback coopératif** (Chapitre 10), la gestion incrémentale revêt un intérêt particulier. L'arrivée d'entités \mathcal{E}_{new} doit pouvoir s'intégrer harmonieusement dans un **Synergistic Connection Network** (SCN) déjà en place, sans perturber la dynamique de rétroaction existante. Les mécanismes d'insertion incrémentale et le **feedback** coopératif interagissent ainsi pour assurer la **continuité** et la **cohérence** globale du réseau.

A. Arrivée de Nouvelles Entités et Continuité du Feedback

Un **SCN** déjà structuré tend à stabiliser ses liaisons $\{\omega_{i,j}\}$ et ses clusters en fonction des synergies existantes. Lorsqu'une nouvelle entité \mathcal{E}_{new} est introduite, l'enjeu principal est de l'intégrer dans le réseau sans perturber son équilibre.

L'initialisation des liaisons $\omega_{(new),j}$ ne se fait pas de manière exhaustive sur toutes les entités existantes, car un recalcul complet serait trop coûteux. Un schéma **sparse** est généralement adopté, où seules certaines connexions pertinentes sont mises à jour. La règle d'ajustement DSL suit alors :

$$\omega_{(\text{new}),j}(t+1) = \omega_{(\text{new}),j}(t) + \eta \left[S(\mathcal{E}_{\text{new}}, \mathcal{E}_j) - \tau \, \omega_{(\text{new}),j}(t) \right] + \Delta_{\text{down}}(\text{new},j),$$

où $\Delta_{\text{down}}(\text{new}, j)$ correspond au **feedback macro**, si un module d'ordre supérieur oriente la pondération. Dans une approche incrémentale, la mise à jour est limitée à un sous-ensemble restreint d'entités N_{new} présentant une synergie potentielle élevée, évitant ainsi un recalcul global inefficace.

Le maintien de la rétroaction préexistante garantit que les liaisons $\omega_{i,j}$ établies auparavant ne sont pas recalculées intégralement. Ces connexions restent **stabilisées** par la dynamique du **DSL**, consolidées par le feedback coopératif antérieur. Les mécanismes d'inhibition ou de renforcement s'appliquent uniquement à la nouvelle entité, tout en préservant la **cohérence** du réseau initial.

Cette approche maintient un **équilibre** entre plasticité et mémoire en permettant d'incorporer de nouvelles informations sans altérer les structures établies. Le **feedback** joue un rôle de **supervision adaptative**, validant ou ajustant l'intégration de \mathcal{E}_{new} tout en préservant la stabilité des clusters déjà formés.

B. Mise à Jour Incrémentale et Feedback Coopératif

Les **processus d'apprentissage incrémental** du **Chap. 9**, fondés sur la mise à jour locale et l'insertion dynamique de nœuds, intègrent ici une **dimension macro** de rétroaction. L'actualisation des connexions suit ainsi une **double échelle**:

À l'échelle micro, l'entité \mathcal{E}_{new} forme des liaisons locales avec un sous-ensemble d'entités existantes. Le **DSL** applique ses règles d'adaptation. Si la synergie avec une entité \mathcal{E}_j est élevée, la pondération $\omega_{(\text{new}),j}(t)$ se renforce. En cas de faible synergie, elle décroît progressivement.

À l'échelle macro, un module global détecte la structure du SCN et évalue l'impact de \mathcal{E}_{new} sur la cohérence du réseau. Si l'entité nouvelle complète un cluster existant ou s'intègre de façon bénéfique, un feedback positif Δ_{down} renforce ses connexions. À l'inverse, si elle perturbe l'organisation préexistante, un signal d'inhibition réduit ses liaisons naissantes.

Cette dynamique s'exprime par l'équation de mise à jour :

$$\omega_{(\text{new}),j}(t+1) = \omega_{(\text{new}),j}(t) + \Delta_{\text{DSL}}(\omega_{(\text{new}),j}(t), S_{\text{new},j}) + \Delta_{\text{topdown}}(\text{new},j).$$

La somme des deux termes, **mise à jour locale** Δ_{DSL} et **régulation macro** $\Delta_{topdown}$, permet d'allier **auto-organisation** et **cohérence structurelle**. Dans un **environnement dynamique**, cette approche garantit une **intégration progressive** des nouvelles entités, évitant ainsi toute perturbation brutale du **SCN** et assurant une **transition contrôlée** entre états successifs.

C. Implications Mathématiques et Liens avec le Chapitre 9

Le Chapitre 9 traitait de la gestion en temps réel et de l'évolution progressive d'un SCN, notamment l'équilibre entre la convergence locale et l'introduction de nouvelles entités.

L'intégration du **feedback coopératif** du **Chapitre 10** joue un rôle clé dans cette dynamique et permet plusieurs ajustements essentiels.

L'ajout d'une nouvelle entité \mathcal{E}_{new} n'altère pas immédiatement la structure existante. Les liaisons antérieures $\omega_{i,j}$ restent valides, mais peuvent être ajustées par le feedback top-down si l'arrivée de \mathcal{E}_{new} perturbe l'organisation du réseau. Cette réorientation évite une reconfiguration totale, tout en permettant au SCN de s'adapter progressivement aux nouvelles informations.

L'insertion de \mathcal{E}_{new} est facilitée par une **régulation top-down** qui la guide vers un cluster existant si sa synergie avec d'autres entités est forte. À l'inverse, si elle présente peu d'affinité avec les structures actuelles, elle peut être **isolée** temporairement en attente d'un renforcement progressif de ses connexions.

L'optimisation du recalibrage repose sur un ajustement ciblé des liaisons plutôt qu'une reconvergence globale coûteuse. La mise à jour incrémentale se concentre sur un sous-ensemble d'entités impactées, et seul un macro-nœud intervient si l'ajout de \mathcal{E}_{new} impose une réorganisation d'ampleur.

L'ensemble de ces mécanismes garantit que le **SCN** conserve sa **plasticité**, tout en évitant des perturbations excessives de sa structure, assurant ainsi une **évolution fluide et contrôlée**.

D. Conclusion sur l'Apprentissage Incrémental et le Feedback

Les **mécanismes** d'apprentissage incrémental décrits au Chap. 9 s'articulent de manière **organique** avec le **feedback coopératif** :

- Sur un plan local, l'insertion d'entités se fait en maintenant la structure $\omega_{i,j}(t)$ existante. Seuls les nouveaux liens $\omega_{(\text{new}),j}$ sont initialisés et ajustés.
- **Sur un plan global**, le **feedback** top-down s'assure que la cohérence du SCN n'est pas brisée, en "validant" ou "infléchissant" les connexions émergentes selon les besoins du système macro (par exemple, maintenir la lisibilité d'un cluster formé ou repérer des synergies inattendues qui justifient la modification de plusieurs liens).

Cette **double** logique alliant micro et macro équilibre **plasticité** et **stabilité**. Le réseau reste évolutif sans pour autant se dérégler à l'arrivée de nouvelles entités. D'un point de vue **mathématique**, la dimension incrémentale se modélise par une **extension** de la matrice $\Omega(t)$, où de nouvelles lignes et colonnes sont ajoutées pour chaque entité introduite, accompagnées de **termes** de rétroaction. La convergence ou la stationnarité du système résulte à la fois des règles DSL locales et du **niveau** de contrôle macro, qui préserve la cohérence des clusters formés.

10.2.3.5. Plasticité et Stabilisation Contextuelle (Feedback Adaptatif)

Dans un **réseau DSL** (Deep Synergy Learning), la combinaison de **plasticité** et de **stabilisation** joue un rôle essentiel dans l'évolution des liaisons $\omega_{i,j}$. La **plasticité** permet au réseau d'adapter ses connexions à des conditions nouvelles, tandis que la **stabilisation** consolide une configuration lorsqu'elle devient pertinente. Le **feedback coopératif** (voir Chap. 10) régule cette dynamique en maintenant un **équilibre** entre réorganisation et cohérence globale, évitant ainsi des oscillations

inutiles ou une réorganisation continue. Cette **plasticité contextuelle** permet au réseau de s'adapter à de nouveaux stimuli ou à des changements de tâches tout en assurant une stabilisation progressive dès qu'un nouvel état d'équilibre est atteint.

A. Plasticité et Remaniement des Liaisons

Le **DSL** repose sur une **plasticité structurelle** qui permet aux liaisons $\omega_{i,j}$ d'être révisées en profondeur en réponse à des événements tels que l'arrivée de nouvelles entités, l'apparition d'un nouveau flux d'information ou encore la détection d'une erreur par un module de contrôle.

Lorsque l'environnement évolue ou que la tâche à accomplir change, le **SCN** doit ajuster ses connexions pour permettre la dissolution, la reformulation ou l'expansion de certains clusters. Une approche consiste à accroître temporairement l'amplitude de la mise à jour locale des poids afin d'aider le réseau à quitter un attracteur stable et à explorer de nouvelles configurations. Mathématiquement, cela se traduit par l'injection d'un **terme de perturbation**, relâchant les **inhibitions** pour autoriser des variations plus significatives de $\omega_{i,i}$.

Le déclenchement d'une phase plus plastique peut provenir d'une directive **top-down**, par exemple si un **macro-nœud** détecte que la structure du réseau ne répond plus aux objectifs attendus. À l'inverse, une perturbation **bottom-up** peut émerger lorsqu'une entité ne parvient pas à s'intégrer dans l'organisation existante. Dans le cadre du **feedback coopératif**, ces deux types de signaux interagissent pour activer un **remaniement ciblé** des connexions.

Un modèle de **recuit** local peut introduire une variation stochastique accrue des pondérations, facilitant ainsi la formation ou la suppression de liaisons (voir **Chapitre 7.3**). De manière complémentaire, un **macro-nœud** peut marquer certains clusters comme obsolètes et relâcher leurs pondérations associées, autorisant ainsi un reclassement spontané des entités dans une nouvelle organisation. Ces mécanismes illustrent la capacité d'un **SCN** à s'ouvrir à la nouveauté tout en préservant une **cohérence dynamique** dans son évolution.

B. Stabilisation Contextuelle et Consolidation des Liaisons

Après une phase de **plasticité**, où le réseau a exploré de nouvelles configurations, il est essentiel de revenir à un état plus stable afin d'éviter une réorganisation excessive et prolongée.

Lorsque le **DSL** atteint un **seuil de confiance** dans la nouvelle structure formée, il passe à une dynamique d'ajustements plus modérés. Mathématiquement, cela peut se traduire par une **réduction** du taux d'apprentissage η , une **augmentation** du paramètre d'amortissement τ , ou encore un **abaissement** de la température du recuit. L'effet recherché est de **figer** progressivement les liaisons $\omega_{i,j}$ qui ont démontré une forte synergie, tandis que celles qui restent faibles s'atténuent naturellement en l'absence de renforcement.

Le passage à un mode de consolidation dépend du **contexte** dans lequel évolue le réseau. Par exemple, dans un cadre robotique, lorsque l'exploration d'un environnement atteint un état satisfaisant (détection d'objets, tests de configurations articulaires), les nouvelles connexions formées sont verrouillées progressivement pour stabiliser la prise de décision. De même, dans un **système de dialogue**, une fois qu'un sujet ou un thème conversationnel est identifié, les connexions sémantiques internes sont stabilisées afin d'éviter une dérive incohérente vers d'autres sujets.

Le **feedback coopératif** joue un rôle clé dans cette transition. Un **macro-nœud** peut signaler aux entités concernées qu'il est temps de **fixer** les connexions en réduisant l'amplitude du bruit stochastique et en introduisant un **terme d'inhibition** plus fort. Cette phase de consolidation permet d'assurer que le **SCN** conserve une organisation fonctionnelle alignée sur l'objectif courant, tout en restant capable de s'adapter à de futurs changements contextuels.

C. Feedback Adaptatif et Régulation entre Plasticité et Stabilisation

Le **feedback coopératif** joue un rôle fondamental dans la régulation dynamique du réseau, orchestrant la transition entre phases de **plasticité** et de **stabilisation** en fonction du contexte et des interactions locales.

Le **feedback** ne se limite pas à une instruction binaire sur l'intensité des liaisons. Il agit plutôt comme un **modulateur** de plasticité. Un **macro-nœud** peut ajuster un paramètre $\alpha_{\text{context}}(t)$ qui représente le **degré de liberté** des liaisons. Lorsque $\alpha_{\text{context}}(t)$ est élevé, la plasticité est renforcée et les pondérations $\omega_{i,j}$ peuvent être ajustées librement. À l'inverse, lorsque $\alpha_{\text{context}}(t)$ diminue, la **stabilisation** prend le dessus, verrouillant progressivement les connexions validées par l'apprentissage.

Le feedback coopératif assure une régulation multi-niveau en équilibrant les signaux top-down et bottom-up. Les signaux top-down proviennent du macro-nœud, qui analyse la cohérence du réseau à un niveau global et impose des ajustements si une structure stable est nécessaire. Les signaux bottom-up, quant à eux, émergent des entités locales, par exemple lorsqu'un cluster rencontre des conflits ou lorsqu'une entité peine à s'intégrer. Le feedback agit comme un médiateur, permettant de réévaluer $\alpha_{\rm context}(t)$ en continu pour fluidifier le passage entre exploration et fixation des synergies.

Sur le plan algorithmique, cette approche confère au **DSL** une **dynamique multi-phasique**, où l'apprentissage évolue de manière adaptative entre la **reconfiguration** et la **fixation** des liaisons. En ajustant le degré de liberté des connexions en fonction de la robustesse des synergies détectées, le **SCN** optimise son équilibre entre **flexibilité** et **stabilité**, garantissant ainsi une adaptation continue sans perte de cohérence structurelle.

D. Avantages Opérationnels

Le **DSL** tire parti de sa capacité à alterner entre **plasticité** et **stabilisation**, lui conférant plusieurs atouts dans un environnement dynamique.

L'adaptabilité temporelle constitue un premier avantage clé. Grâce à cette alternance maîtrisée, le système n'a pas besoin de **réapprendre** intégralement après chaque changement de contexte. Lorsqu'une nouvelle organisation se met en place, le réseau stabilise ses clusters et reprend un mode de fonctionnement plus déterministe, assurant ainsi une continuité opérationnelle sans réinitialisation coûteuse.

La **robustesse** du système repose sur cette capacité à **activer la plasticité** en cas de perturbation (apparition d'outliers, variations imprévues, bruit accru) tout en **revenant rapidement** à un état stable dès que la menace disparaît. Cela évite que l'auto-organisation ne soit continuellement perturbée par des fluctuations mineures, garantissant une **cohérence structurelle** durable.

Cette approche s'inspire des **mécanismes biologiques**, notamment ceux du **cortex cérébral** ou des **écosystèmes**. Dans le cerveau, les **connexions synaptiques** évoluent lors de phases de plasticité, permettant l'apprentissage, avant de se **consolider** dans des structures mémorielles plus stables. De même, dans un écosystème, des **réorganisations locales** se produisent en réponse à des changements externes, suivies d'une période de stabilisation. Le **DSL**, en adoptant une **stratégie similaire**, optimise à la fois sa capacité d'**adaptation** et sa **pérennité**, le rendant plus efficace pour modéliser des environnements évolutifs et complexes.

Conclusion

L'alternance entre plasticité (ouverture à la reconfiguration) et stabilisation (consolidation des liens une fois le contexte assimilé) s'avère essentielle pour concilier l'adaptation dynamique et la cohérence globale dans un SCN. Le feedback adaptatif agit à la manière d'un chef d'orchestre qui perçoit, via des signaux top-down et bottom-up, les moments opportuns pour desserrer ou resserrer les contraintes sur la mise à jour des liaisons $\omega_{i,j}$. Ce mécanisme prévient les réorganisations sans fin, tout en évitant le piégeage dans un état obsolète lorsqu'un nouveau contexte survient.

Sur le plan **mathématique**, cette dynamique repose sur des règles adaptatives où les coefficients tels que η , τ , le bruit et la force du feedback évoluent en fonction de la phase identifiée. Ce mécanisme assure un contrôle précis du degré de plasticité, permettant au réseau d'alterner entre un mode **exploration**, lorsqu'un ajustement est nécessaire, et un mode **exploitation**, dès que la configuration atteint un équilibre suffisant. Cette **plasticité contextuelle** confère au **DSL** une capacité d'adaptation continue, garantissant une flexibilité et une **fiabilité** soutenue sans dérive excessive du **SCN**.

10.2.4. Interactions entre Entités d'Information

L'un des principes clés du **Deep Synergy Learning (DSL)** repose sur la **communication** entre entités $\{\mathcal{E}_i\}$ à travers la **synergie**. Dans le **SCN** (Synergistic Connection Network), ces entités échangent des signaux de manière distribuée, tandis que les mécanismes de **feedback** locaux ajustent les liaisons $\omega_{i,j}$. L'interaction ne se limite pas à un simple transfert unidirectionnel d'informations, mais s'inscrit dans un **cycle** dynamique où chaque entité influence ses voisines tout en recevant en retour une modulation fondée sur la synergie détectée.

10.2.4.1. Communications inter-entités par synergie et feedback local

Chaque **entité** \mathcal{E}_i évolue au sein d'un **voisinage** $\mathcal{V}(i)$ regroupant les entités avec lesquelles elle interagit. Chaque connexion (i,j) possède une pondération $\omega_{i,j}$ qui mesure la **force** de leur interaction, tandis que la **synergie** S(i,j) exprime leur aptitude à coopérer. Plus S(i,j) est élevée, plus la communication entre ces entités se renforce, illustrant ainsi le principe du **DSL**.

Sur le plan **mathématique**, la transmission d'un signal \mathbf{x}_i d'une entité \mathcal{E}_i vers \mathcal{E}_j est modulée par la pondération $\omega_{i,j}$ et filtrée par S(i,j):

$$\mathbf{x}_{i \to j}^{\text{(effective)}} = \omega_{i,j} \cdot \text{(filtrage par } S(i,j)\text{)}.$$

Ce filtrage traduit le **couplage** dynamique entre \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j , où la réception du signal dépend à la fois du poids de connexion $\omega_{i,j}$ et du degré de synergie S(i,j).

Le **DSL** ne repose pas sur une communication strictement unidirectionnelle. Il intègre un **feedback local**, où l'entité réceptrice \mathcal{E}_j influence à son tour la pondération $\omega_{i,j}$. Si l'information transmise par \mathcal{E}_i est jugée pertinente par \mathcal{E}_j , la synergie S(i,j) augmente d'un terme Δs , ajustant ainsi la mise à jour de $\omega_{i,j}$ selon :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \big[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \big].$$

Lorsque $\Delta s > 0$, le lien se renforce, améliorant ainsi la qualité de la communication et consolidant la relation entre les deux entités.

Si deux entités coopèrent efficacement, elles entrent dans une **boucle d'auto-renforcement local** qui peut aboutir à la formation d'un **cluster** stable. Cette dynamique s'exprime sous la forme d'une adaptation de S(i,j) en fonction de $\omega_{i,j}$, suivant la règle :

$$S(i,j) \leftarrow f\big(S(i,j),\omega_{i,j}\big).$$

L'augmentation de $\omega_{i,j}$ entraîne ainsi une croissance progressive de S(i,j), ce qui, dans certains cas, favorise la **polarisation** d'un sous-réseau cohérent, consolidant des clusters spécialisés au sein du **SCN**.

A. Exemples de scénarios

Dans un **réseau sensoriel**, la pondération $\omega_{i,j}$ reflète la **complémentarité** ou la **corrélation** entre deux capteurs i et j. Si la synergie S(i,j) indique une forte compatibilité, le **feedback** local régule leur interaction en mettant en place un **canal** préférentiel. Cela peut se manifester par une inhibition latérale ou une saturation des signaux non pertinents, aboutissant à la formation d'un sous-réseau optimisé pour la **fusion de capteurs**.

Dans une **conversation multi-agents**, chaque interlocuteur agit comme une **entité** \mathcal{E}_i . Les segments ou réponses échangés influencent la synergie S(i,j) entre les participants. Si cette synergie est élevée, la pondération $\omega_{i,j}$ se renforce, privilégiant la communication entre ces agents. Le **feedback** local stabilise ainsi la conversation autour d'un thème cohérent en favorisant les liens entre entités partageant des informations pertinentes.

B. Forme mathématique synthétique

L'information transmise par un vecteur $\mathbf{x}_i \in \mathbb{R}^d$ à l'entité j se formalise à travers la relation dynamique suivante :

$$\mathbf{x}_{j}(t+1) = \mathbf{x}_{j}(t) + \sum_{i \in \mathcal{V}(j)} \omega_{i,j}(t) \cdot \left[\mathbf{x}_{i}(t) - \mathbf{x}_{j}(t)\right] \times \left(\text{modulateur par } S(i,j)\right),$$

où V(j) représente le voisinage de l'entité j. Ce schéma exprime une **mise à jour incrémentale**, où le **feedback local** intervient pour ajuster $\omega_{i,j}$ ou la synergie S(i,j) en fonction de la cohérence

du signal reçu. Ce mécanisme engendre un **réseau dynamique** où les échanges sont modulés par la synergie, permettant la formation de **patterns stables** (clusters de coopération) ou de **ruptures** (séparations d'entités incompatibles).

Conclusion

Le **feedback local**, fondé sur la synergie des communications, constitue un mécanisme central du **DSL**. Contrairement à un flux d'information unidirectionnel, chaque entité \mathcal{E}_i ajuste **activement** sa pondération $\omega_{i,j}$ en fonction de l'impact de son interaction avec \mathcal{E}_i .

Ce processus permet :

- 1. De **renforcer** ou **inhiber** les canaux de communication en fonction de la qualité de la synergie,
- 2. De stabiliser des sous-groupes cohérents formant des clusters auto-organisés,
- 3. D'orienter la dynamique globale du SCN vers une structuration optimale des échanges.

Ce principe d'ajustement adaptatif des liaisons via ω et S(i,j) constitue l'essence de l'autoorganisation dans le SCN. Il s'étend aux modèles d'interactions évolutives (section 10.2.4.2) ainsi qu'à l'étude des phénomènes de synchronisation et de coordination adaptative (section 10.2.4.3).

10.2.4.2. Modèles d'Interactions Adaptatives (Top-Down, Bottom-Up...)

Dans un **Synergistic Connection Network (SCN)**, le **feedback coopératif** (voir Chap. 10) opère à plusieurs **échelles** à travers des flux **ascendants** et **descendants**. Les flux **ascendants** (bottom-up) transmettent l'information depuis les entités locales vers des nœuds ou modules de niveau supérieur, tandis que les flux **descendants** (top-down) permettent aux instances globales d'influencer la réorganisation locale. Cette interaction bidirectionnelle fait de la mise à jour des liaisons $\omega_{i,j}$ un **système dynamique**, où la synergie émerge à la fois des **interactions locales** et des **contraintes globales** imposées par un macro-nœud ou un coordinateur. La suite présente la **coexistence** de ces flux, leur **formalisation mathématique**, et leur **impact** sur la stabilité et l'adaptabilité du **DSL**.

A. Vision Générale des Flux Ascendants et Descendants

L'apprentissage **bottom-up** (ascendant) se fonde sur l'idée qu'un **niveau** local ou micro (les entités \mathcal{E}_i) envoie spontanément des **signaux** vers des nœuds ou structures de plus haut niveau. À l'inverse, l'apprentissage **top-down** (descendant) se concrétise lorsqu'un **niveau** plus global (un super-nœud macro ou un module de coordination) renvoie un **retour** ou une **correction** qui affecte la dynamique des liaisons au niveau local.

1. Bottom-Up (ascendant).

Chaque entité \mathcal{E}_i produit de l'information (état, activation, similitude) qui remonte vers un nœud de plus haut niveau \mathcal{N}_{α} . Par exemple, en **robotique**, différents capteurs sensoriels (caméras, LIDAR) peuvent converger vers un cluster sensoriel commun, puis être agrégés

en une représentation plus globale au super-nœud de perception. D'un point de vue **mathématique**, la liaison $\omega_{i,\alpha}$ incorpore l'idée que \mathcal{N}_{α} reçoit une "somme" ou un "pooling" de l'information provenant de plusieurs entités $\{\mathcal{E}_i\}$.

2. Top-Down (descendant).

Un nœud macro, détectant un objectif ou un contexte à imposer, envoie un **feedback** correctif vers les liaisons locales. Si un ensemble de liaisons $\omega_{i,j}$ se révèle crucial à la tâche, le module global peut **booster** ces liaisons ($\Delta_{\rm down}$); à l'inverse, si un cluster local ou une synergie s'avère non cohérente avec la vision macro, un **terme** inhibiteur ($\Delta_{\rm down} < 0$) peut réduire ou casser certaines connexions. Ce flux top-down oriente ainsi la mise à jour :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{down}}(i,j,t).$$

Cette **coexistence** bottom-up (formation spontanée) et top-down (validation ou correction) caractérise la nature **coopérative** et **multi-échelle** du DSL.

B. Formalisation Mathématique des Interactions Adaptatives

L'interaction entre les niveaux micro (entités) et macro (coordinateurs) repose sur deux fonctions essentielles. La propagation ascendante $\Phi_{\ell \to \ell+1}$ transmet les informations des entités locales vers un niveau supérieur, et le retour descendant $\Delta_{\rm down}^{(\ell+1\to\ell)}$ ajuste les pondérations ou les états internes en fonction des contraintes globales.

Propagation Ascendante

Considérons un niveau ℓ composé d'entités $\mathcal{E}_{\ell,i}$ et un niveau $\ell+1$ contenant des super-nœuds $\mathcal{N}_{\ell+1,m}$. Le flux ascendant reliant ces niveaux est modélisé par :

$$\mathbf{x}_{\ell+1,m}(t+1) = \Phi_{\ell \to \ell+1}(\{\mathbf{x}_{\ell,i}(t)\}, \{\omega_{\ell,\ell+1}(t)\}),$$

où $\mathbf{x}_{\ell+1,m}(t)$ représente l'état du super-nœud $\mathcal{N}_{\ell+1,m}$ et $\mathbf{x}_{\ell,i}(t)$ celui des entités locales. La fonction Φ peut adopter différentes formes selon le mode d'agrégation. Elle peut être une moyenne pondérée, un max-pooling ou une transformation plus complexe exploitant les liaisons $\omega_{\ell,\ell+1}(t)$.

Retour Descendant

Une couche macro ajuste la dynamique locale via un feedback Δ_{down} qui corrige les pondérations $\omega_{i,j}(t)$. Le super-nœud $\mathcal{N}_{\ell+1,m}$ évalue la structure globale et génère un terme de correction :

$$\Delta_{\mathrm{down}}^{(\ell+1\to\ell)}(i,j,t) = G\big(\mathbf{x}_{\ell+1,m}(t),\{\omega_{\ell}(t)\},\ldots\big),$$

où G décrit une transformation des états et des pondérations pour ajuster $\omega_{i,j}(t+1)$. Cette mise à jour dépend des critères globaux, comme la cohérence structurelle ou la maximisation de la synergie.

Couplage Bidirectionnel

L'ensemble du système DSL suit une dynamique multi-niveau intégrant à la fois la montée d'information et le retour top-down. Cela se formalise par :

$$\begin{split} \omega_{\ell}(t+1) &= F\left(\omega_{\ell}(t), \Delta_{\mathrm{down}}^{(\ell+1\to\ell)}(t)\right), \\ \mathbf{x}_{\ell+1}(t+1) &= \Phi_{\ell\to\ell+1}\left(\mathbf{x}_{\ell}(t), \omega_{\ell,\ell+1}(t)\right). \end{split}$$

La stabilité ou la convergence du système dépend des interactions entre Φ et $\Delta_{\rm down}$. Lorsque ces boucles s'opposent ou s'amplifient, des oscillations apparaissent, tandis qu'une synergie bien réglée peut conduire à un état stationnaire ou optimal.

C. Top-Down vs. Bottom-Up et Dynamique DSL

Dans un **SCN** multi-niveau, deux risques opposés doivent être évités. Un modèle purement bottomup pourrait ignorer les contraintes globales et produire des clusters incohérents, tandis qu'un contrôle strictement top-down risquerait d'imposer un schéma rigide, inhibant l'**émergence** locale. L'objectif est donc de maintenir un **équilibre** entre ces deux dynamiques, afin que la formation spontanée de clusters reste cohérente à l'échelle macro, tout en laissant aux entités locales une autonomie adaptative.

Un **feedback** trop intense ou mal ajusté peut entraîner des **oscillations** entre ces niveaux. Un supernœud imposant une correction forte pourrait provoquer une réaction locale opposée, générant un flux ascendant signalant un conflit, et ainsi enclencher un cycle d'alternance perpétuel. Pour analyser la **stabilité** de cette dynamique, on peut recourir aux outils de la **théorie des systèmes dynamiques**, notamment la linéarisation autour d'un point fixe et l'étude des valeurs propres du Jacobien global.

Lorsque bien réglé, un flux top-down offre une **flexibilité accrue** en facilitant l'adaptation du réseau aux changements de contexte ou de tâche. Le niveau macro peut ainsi réallouer rapidement les ressources locales et guider une réorganisation ciblée, évitant une reconfiguration coûteuse du SCN entier. De leur côté, les flux bottom-up garantissent que la vision globale s'ajuste aux **réalités locales**, en identifiant l'émergence de nouveaux sous-groupes ou en signalant des incohérences nécessitant un ajustement du pilotage macro.

D. Conclusion: Vers une Organisation Multi-Échelle Adaptative

Les modèles d'interactions adaptatives — où flux ascendants et descendants s'imbriquent — donnent au SCN du DSL une flexibilité et une résilience particulières. Le réseau ne se contente pas d'un simple ajustement local fondé sur la synergie $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$, mais s'appuie aussi sur des flux top-down pour intégrer les objectifs ou les consignes globales, et sur des flux bottom-up pour faire émerger des groupements cohérents depuis la base.

Mathématiquement, l'introduction des fonctions $\Phi_{\ell \to \ell+1}$, qui modélisent la montée de l'information, et $\Delta_{\text{down}}(i,j)$, qui quantifie la descente de l'ordre macro, engendre un **couplage** bidirectionnel potentiellement complexe. La **stabilité** globale du SCN se traduit par la capacité à atteindre des points fixes ou à maintenir des oscillations contenues dans ce **système** d'équations multi-niveau. L'**auto-organisation** gagne ainsi en robustesse. Un réseau "uni-niveau" ne bénéficierait pas d'un tel pouvoir de correction ou d'orientation, tandis qu'un réseau purement top-down perdrait l'émergence locale propre au DSL. Le **feedback coopératif** et la **coexistence** des flux ascendants et descendants confèrent ainsi au SCN un **statut** d'organisation multi-échelle, capable de gérer la **synchronisation** entre contraintes globales et liberté d'évolution locale.

10.2.4.3. Synchronisation, Coordination et Clustering (Premier Aperçu)

Lorsque le **feedback coopératif** (présenté au Chapitre 10) s'applique dans un **Synergistic Connection Network (SCN)**, il ne se borne pas à la simple mise à jour locale des pondérations $\omega_{i,j}$. Il oriente également la **synchronisation** (alignement d'états entre entités), la **coordination** (adoption d'un comportement ou d'un objectif commun) et la **formation** de **clusters** (sous-groupes fortement reliés). Ces phénomènes sont fondamentaux dans un **DSL** (Deep Synergy Learning) multi-niveau, car ils déterminent la manière dont le réseau s'organise, se scinde ou se regroupe, et comment il parvient à un **comportement** collectif cohérent. Le présent exposé propose un **premier aperçu** de ce trépied conceptuel — synchronisation, coordination et clustering — pour souligner sa place dans la dynamique d'ensemble.

A. Principes Fondamentaux de la Synchronisation dans le DSL

Le SCN relie des entités \mathcal{E}_i dont chacune peut maintenir un **état** interne $\mathbf{x}_i(t)$ (voir 10.2.2). Lorsque les **pondérations** $\omega_{i,j}$ s'avèrent élevées, les entités i et j reçoivent de fortes influences réciproques, qui tendent à rapprocher leurs états internes.

Si la fonction de mise à jour de \mathbf{x}_i inclut un terme dépendant de \mathbf{x}_j pondéré par $\omega_{i,j}$, alors deux entités fortement reliées peuvent "s'aligner". Les entités se synchronisent ainsi :

$$\mathbf{x}_{i}(t+1) = \mathbf{F}_{i}(\mathbf{x}_{i}(t)) + \sum_{j} \omega_{i,j}(t) \mathbf{G}(\mathbf{x}_{i}(t), \mathbf{x}_{j}(t)).$$

Cette **interaction** peut être comparée à des réseaux d'oscillateurs ou à des modèles de neurones récurrents, où la synchronisation émerge d'un **couplage fort** au sein d'un sous-ensemble de nœuds.

Dans le **DSL**, la synchronisation ne se limite pas au voisinage local. Un **module** macro ou supernœud peut **favoriser** la mise en phase en **renforçant** les liaisons $\omega_{i,j}$ reconnues comme essentielles à la tâche. Si un macro-nœud identifie un groupe d'entités partageant une même thématique, il envoie un Δ_{down} qui **augmente** la pondération entre elles, facilitant ainsi leur **mise en accord** et leur **synchronie** interne.

B. Coordination: Vers un Comportement Collectif

La **coordination** intervient à un niveau plus large que la simple synchronisation entre quelques entités. Un **ensemble** de nœuds (cluster) peut adopter un objectif ou un comportement commun. On parle de **coordination** lorsque l'alignement ne concerne pas seulement les **états**, mais aussi les **finalités** et les **actions**.

Deux entités peuvent "s'aligner" sans nécessairement "coordonner" leur action. La coordination implique une finalité partagée (ex. en **robotique**, des robots qui se déplacent de concert, ou un système multi-agent qui adopte un consensus sur une variable). Dans un **SCN**, la dynamique DSL oriente la coordination lorsque plusieurs entités "tirent" dans la même direction (ou la synergie leur confère un avantage collectif).

Le niveau **macro** peut orchestrer la convergence d'un sous-groupe en augmentant les pondérations internes (poussant ainsi leurs états vers un attracteur collectif) et en réduisant les connexions vers

d'autres groupes. Mathématiquement, on ajoute un **terme** top-down qui **encourage** la liaison intragroupe et **inhibe** la liaison inter-groupe. Cela peut se formaliser par des $\Delta_{\text{down}}(i,j)$ positifs pour les paires (i,j) appartenant à un même ensemble ciblé.

C. Clustering et Partition dans le SCN

Dans le **DSL**, la mise à jour locale des pondérations $\omega_{i,j}$ entraı̂ne souvent une **partition** des entités $\{\mathcal{E}_1, ..., \mathcal{E}_n\}$. Les entités partageant une **synergie élevée** se regroupent en **clusters**, tandis que leurs liaisons avec l'extérieur s'affaiblissent progressivement. Ce processus s'accompagne de **synchronisation** et de **coordination**, influençant la structure globale du réseau.

Le SCN fonctionne comme un système auto-organisateur. Lorsque la majorité des pondérations $\omega_{i,j}$ s'affaiblissent en dehors d'un sous-ensemble $\mathcal C$ où elles demeurent élevées, un bloc cohérent émerge spontanément. Le feedback coopératif amplifie cette dynamique en renforçant les connexions internes au cluster et en atténuant celles vers l'extérieur, accentuant ainsi la séparation entre groupes distincts.

Lorsque les entités d'un cluster atteignent un certain degré de **synchronisation** interne, où leurs états convergent vers des valeurs similaires ou adoptent un comportement aligné, leur **cohésion** s'accroît. Ce phénomène stabilise davantage le cluster et le rend plus résistant aux perturbations externes. Dans cette dynamique, le **feedback** coopératif peut favoriser son maintien en tant qu'**unité fonctionnelle** autonome, facilitant ainsi la structuration multi-niveau du SCN. Chaque cluster fortement synchronisé peut alors être traité comme un **super-nœud**, jouant un rôle clé dans l'organisation globale du réseau et préparant l'émergence d'une **hiérarchie adaptative** (voir chap. 10.2.4.2).

D. Conclusion: Premier Aperçu de la Synchronisation et du Clustering

Les trois notions de **synchronisation**, **coordination** et **clustering** s'entremêlent étroitement dans le **DSL** :

- **Synchronisation** : deux entités ou plus possédant des synergies élevées alignent progressivement leurs états internes.
- Coordination : l'échelle s'étend à un ensemble, dans lequel la synchronie se joint à un objectif collectif ou à une finalité commune (ex. converger vers un attracteur partagé, opérer une tâche coordonnée).
- Clustering : un groupe de nœuds s'isole structurellement du reste, soutenu par des liaisons internes fortes $\omega_{i,j}$. La synchronisation interne d'un tel cluster en accentue la cohérence, favorisant le maintien de frontières nettes avec l'extérieur.

Sur le plan **mathématique**, le **feedback** coopératif se prête bien à consolider ou inhiber certaines connections $\omega_{i,j}$, orientant la formation de clusters ou forçant leur scission si nécessaire. Dans les sections ultérieures, on détaillera comment cette dynamique multi-niveau (bottom-up et top-down) s'articule, comment se gèrent les éventuelles **oscillations** ou la concurrence entre plusieurs attracteurs, et comment la **rétroaction** macro peut stabiliser ou redessiner le **SCN** pour optimiser la synchronisation et la coordination globales.

10.2.4.4. Topologies de Réseaux Synergiques : Rôle du Feedback dans la Configuration

Dans le **Deep Synergy Learning (DSL)**, la **topologie** d'un **Synergistic Connection Network** (SCN) définit l'organisation du réseau à travers ses nœuds, les **clusters** émergents et les liaisons pondérées $\omega_{i,j}$ qui les relient. Cette **topologie** évolue progressivement, passant d'une configuration initiale désordonnée à une **structure organisée** sous l'effet des dynamiques internes du DSL. Le **feedback coopératif** présenté au **Chapitre 10** joue un rôle essentiel dans cette transformation en facilitant des interactions **ascendantes** (bottom-up) et **descendantes** (top-down), influençant ainsi l'établissement ou la dissolution des connexions entre nœuds. La section **10.2.4.4** explore en détail comment le **feedback** oriente la construction et la reconfiguration des **topologies** au sein du **SCN**.

A. Rappel sur le Feedback Coopératif

Le Deep Synergy Learning (DSL) intègre un double flux de rétroaction dans l'évolution du Synergistic Connection Network (SCN). D'une part, le feedback ascendant (bottom-up) émerge lorsque les entités établissent localement des liaisons $\omega_{i,j}$ en fonction de leur synergie S(i,j). Cette dynamique favorise la formation de petits clusters qui signalent au niveau supérieur leur cohésion et leur pertinence structurelle. D'autre part, le feedback descendant (top-down) intervient lorsque le palier macro, analysant la configuration globale du réseau, injecte un terme de correction dans la mise à jour des connexions locales. Ce mécanisme permet d'orienter la dynamique d'autoorganisation en renforçant certaines structures ou en imposant des ajustements pour optimiser la répartition des clusters et la cohérence du SCN.

Dans le flux bottom-up, chaque entité \mathcal{E}_i renforce ou affaiblit ses connexions $\omega_{i,j}$ conformément à la dynamique DSL, par exemple

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right].$$

Lorsque plusieurs entités \mathcal{E}_i forment un micro-cluster \mathcal{C} (car leurs synergies mutuelles sont élevées), on peut agréger le **poids global** $\Omega(\mathcal{C}) = \sum_{(i,j) \in \mathcal{C}} \omega_{i,j}$. Ce score ascend vers le niveau macro et informe l'existence ou l'importance de \mathcal{C} .

Dans le flux top-down, un **super-nœud** repérant un objectif ou un conflit entre clusters peut injecter un **terme** $\Delta_{\text{down}}(i,j)$ pour infléchir la mise à jour de $\omega_{i,j}$. Si, par exemple, un conflit spatial ou conceptuel apparaît, le macro-nœud peut décider de renforcer un lien $\omega_{i,j}$ garantissant la complémentarité de deux sous-ensembles, ou au contraire l'inhiber pour clarifier leur séparation.

B. Topologies Potentielles et Influence du Feedback

Le **SCN** peut adopter différentes **configurations topologiques** selon l'équilibre entre dynamique **bottom-up** et **top-down**.

Dans un **graphe entièrement connecté**, toutes les entités entretiennent des liaisons significatives, ce qui peut surcharger le réseau et ralentir les processus d'auto-organisation. À l'inverse, si le **feedback** favorise une approche plus sélective (par exemple via une **inhibition latérale** ou une **régularisation parcimonieuse**), la topologie devient plus **clairsemée**, donnant naissance à des sous-structures distinctes.

Lorsque la construction des **clusters** s'effectue de manière hiérarchique, les **micro-clusters** fusionnent progressivement pour former des **macro-clusters**, qui sont alors traités comme des **super-nœuds** à un niveau supérieur. Cette dynamique aboutit à une **organisation modulaire**, parfois **fractalement emboîtée**, où chaque **palier** regroupe des ensembles de plus en plus vastes sans perdre la granularité des interactions locales.

La **topologie** du réseau évolue également en fonction de l'**arrivée de nouvelles entités** \mathcal{E}_{n+1} (voir Chap. 9). Lorsqu'un nouvel élément s'intègre, le **feedback coopératif** peut lui attribuer une **position optimale** dans la structure en ajustant dynamiquement les pondérations $\omega_{i,j}$. Cette adaptation permet soit de **renforcer un cluster existant**, soit d'**ouvrir un espace** pour un regroupement inédit, modifiant ainsi la structure globale du **SCN** en fonction de la pertinence contextuelle.

C. Rôle du Feedback dans la Configuration Topologique

Le **feedback** assure plusieurs rôles essentiels dans la définition de la **topologie finale** du **SCN**, en équilibrant la dynamique d'auto-organisation locale avec des **contraintes macro**.

La **stabilisation** du réseau empêche les configurations incohérentes ou les oscillations prolongées. Sans régulation top-down, un **SCN purement local** pourrait se retrouver dans un état indéterminé, où les pondérations fluctuent en permanence. Un **feedback descendant** introduit des **contraintes globales** (nombre maximal de clusters, seuil minimal de liaison, etc.), ce qui **gèle** certaines connexions lorsque la cohésion d'un cluster est validée.

Le feedback top-down joue également un rôle de sélectivité, en régulant le nombre de connexions conservées par chaque entité \mathcal{E}_i . Une liaison jugée faiblement synergique peut être progressivement réduite jusqu'à disparaître, ce qui affine la parcellisation en clusters et améliore la lisibilité du réseau. En parallèle, le feedback bottom-up permet de préserver les connexions réellement utiles en valorisant les synergies détectées localement, garantissant ainsi une topologie optimisée.

Enfin, la **navigation entre configurations** s'appuie sur un **cycle itératif** entre mise à jour locale et validation macro. À chaque étape, le réseau explore différentes architectures, en consolidant progressivement les **regroupements pertinents**. Si le contexte évolue rapidement, la structure peut rester en **réorganisation continue**, ajustant ses clusters dynamiquement. À l'inverse, si les conditions se stabilisent, le **SCN** converge vers une **configuration optimale**, où les interactions sont figées à un état quasi-stationnaire.

D. Conclusion

La **configuration** topologique d'un **SCN** évolue en continu grâce à la combinaison d'une **auto- organisation** locale (ascendante) et d'un **feedback** coopératif (descendant). Le **feedback** façonne la **forme** du réseau en encourageant la formation ou la dissolution de clusters, en imposant des hiérarchies plus abstraites ou en exigeant la sélection de liaisons pertinentes. Dans un tel cadre, la topologie n'est pas une simple propriété passive, mais le **produit** d'une dynamique multi-niveau qui tient compte à la fois des synergies émergentes et des contraintes ou objectifs macro. Sur le plan **mathématique**, on modélise cette configuration comme l'actualisation de la matrice $\Omega(t)$ sous influence d'un double flux ; l'analyse de stabilité et la possibilité de basculement rapide d'une architecture à une autre témoignent de la **souplesse** fondamentale du DSL.

10.2.4.5. Influence de la Configuration Réseau sur la Performance Globale

Dans le **Deep Synergy Learning (DSL)**, la **configuration réseau** décrit la structuration des entités $\{\mathcal{E}_i\}$ en **clusters**, la **densité** ou la **sparsité** des connexions $\omega_{i,j}$, ainsi que l'émergence éventuelle de **macro-clusters** ou de **sous-réseaux spécialisés**. Cette organisation influe directement sur la **performance globale** du DSL, notamment en termes de **rapidité de convergence**, de **stabilité** face aux perturbations et de **capacité** à traiter efficacement de grandes quantités d'informations au sein d'un **feedback coopératif**.

La dynamique de **mise à jour** des pondérations $\omega_{i,j}(t)$ repose sur la **fonction de synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$, tandis que le **feedback coopératif** (chap. 10) module cette évolution en orientant les regroupements et les inhibitions de liaisons selon des critères plus **macro**. Un réseau peut ainsi conserver un excès de liaisons $\omega_{i,j}$ de force intermédiaire, menant à un état de **mésoconnexité**, où la stabilisation des signaux de **rétroaction** devient plus difficile en raison d'influences multiples et parfois contradictoires sur chaque entité.

A. Configuration Réseau et Énergie J

On peut décrire la **performance** d'un SCN en associant un potentiel ou une **énergie** $\mathcal{J}(\{\omega_{i,j}\})$, que le DSL vise à minimiser (ou à rendre stationnaire). Un exemple classique est :

$$\mathcal{J}(\{\omega_{i,j}\}) = \sum_{i < j} [f(\omega_{i,j}) - S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) \omega_{i,j}],$$

où $f(\omega)$ joue un rôle de régularisation (éviter la croissance trop large de ω), tandis que le terme $-S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) \omega_{i,j}$ révèle qu'on "gagne" de l'énergie négative (on descend l'énergie) lorsque les liaisons $\omega_{i,j}$ sont fortes là où la synergie S est grande. La **configuration** du réseau, c'est-à-dire la **distribution** des valeurs $\{\omega_{i,j}\}$ et l'organisation des clusters, détermine si l'on parvient à un **minimum** local (ou global) satisfaisant.

Lorsque le réseau conserve un trop grand nombre de liaisons moyennes, il peut se stabiliser dans un **quasi-attracteur** dont l'énergie est plus élevée que nécessaire. Dans cette configuration, aucune liaison n'est suffisamment forte pour structurer fermement un cluster, mais aucune n'est assez faible pour disparaître, ce qui rend la **rétroaction** moins efficace. L'**analyse** mathématique de $\mathcal J$ révèle alors une difficulté pour le **feedback** à rompre cet état, car la direction du gradient devient **plate**, ralentissant la descente et menant à une stagnation ou à de légères oscillations dans la mise à jour itérative.

Au contraire, une **configuration** où quelques groupes internes exhibent des liaisons $\omega_{i,j}$ marquées et où les liaisons vers l'extérieur se raréfient crée un **fossé** d'énergie entre les clusters cohérents et les liaisons "parasites", facilitant ainsi le travail de la rétroaction. Le **feedback** peut alors clairement renforcer ou invalider certaines connexions, sans se perdre dans un brouhaha intermédiaire.

B. Architecture, Clusters et Feedback Coopératif

Dans un **DSL**, une configuration **hiérarchisée** avec des macro-clusters bien définis facilite le traitement par le **module** de feedback. Lorsque le **palier** macro détecte un intérêt à consolider un

cluster, il renforce les connexions déjà fortes. Lorsqu'il identifie un besoin de re-segmentation, il affaiblit sélectivement les connexions inter-clusters. Ce **pilotage** top-down ou bottom-up fonctionne plus efficacement dans une **topologie contrastée**, où les écarts entre liaisons fortes et faibles sont bien marqués. Cette structuration accélère l'adaptation et stabilise l'évolution du **SCN**.

En revanche, une **configuration centralisée** autour d'un unique hub entraîne une répartition inégale des connexions. Ce nœud reçoit la majorité des liens et diffuse la plupart des signaux. Mathématiquement, cela se traduit par une matrice Ω où une ligne ou une colonne contient des valeurs élevées, tandis que le reste du réseau reste clairsemé. Cette centralisation peut améliorer la diffusion rapide du **feedback** si le hub joue un rôle de coordination efficace. Toutefois, elle fragilise l'ensemble car une panne, un conflit ou une erreur dans ce hub risque d'affecter tout le réseau et compromettre sa résilience. À l'opposé, une **distribution polycentrique** avec plusieurs sous-hubs renforce la robustesse du système. Cependant, cette approche complique la gestion du **feedback**, qui doit alors synchroniser plusieurs pôles au lieu d'un seul.

C. Mathématiques de la Performance et de la Configuration

Le SCN se conçoit comme un graphe pondéré, et la **performance** globale peut se lire dans la réduction d'une énergie $\mathcal J$ ou dans la capacité d'atteindre un état stationnaire stable. La **topologie** influence :

$$\frac{d\mathcal{J}}{dt} = \sum_{i,j} \frac{\partial \mathcal{J}}{\partial \omega_{i,j}} \cdot \frac{d\omega_{i,j}}{dt},$$

et la structure de Ω influe sur $\partial \mathcal{J}/\partial \omega_{i,j}$. Des liaisons **moyennes** en surnombre induisent de petites dérivées $\partial \mathcal{J}/\partial \omega_{i,j} \approx 0$, créant un plateau d'énergie où le **feedback** coopératif a du mal à distinguer les liens prioritaires. À l'inverse, des liaisons **fortes** (clusters internes) et **faibles** (frontières nettes) génèrent un gradient plus pentu, permettant au système de se stabiliser plus efficacement. Le **feedback** top-down, en ajustant sélectivement ces liaisons, affine la descente d'énergie.

D. Enjeux Pratiques : Convergence, Stabilité et Capacité d'Adaptation

Un réseau "mésoconnexe" avec trop de liaisons de force intermédiaire peut mener à des oscillations ou à une lente convergence, car chaque entité reçoit des signaux contradictoires. Les **phases** de consolidation ou d'inhibition (chap. 10.2.3) peinent à cristalliser des **clusters** nets. La **rétroaction** coopérative se répartit alors dans toutes les directions, dissipant son effet. À l'inverse, une **configuration** plus "affirmée" (quelques liens fortement établis, des clusters identifiés) accélère la stabilisation des regroupements et la détection d'anomalies ou de perturbations. L'adaptation s'avère plus rapide si une nouvelle entité ou un nouveau flux arrive, car on sait aisément où le "brancher" (sur un cluster existant ou sur un nouveau cluster).

Le choix d'une configuration très **centralisée** accélère la mise à jour lorsque le hub fonctionne correctement, mais fragilise la performance en cas de défaillance. Une configuration plus distribuée demande une synchronisation entre plusieurs pôles de contrôle, ce qui ralentit parfois la convergence mais renforce la résilience. Dans chaque cas, la **rétroaction** coopérative prend une forme différente. Un unique hub applique un feedback descendant plus directif, tandis que plusieurs sous-hubs coordonnent leurs ajustements pour affiner la mise à jour locale dans différentes zones du réseau.

E. Conclusion

La configuration du SCN influence grandement la performance globale du DSL, tant au niveau de la rapidité de convergence (moins de signaux contradictoires, gradients plus clairs) que de la robustesse face aux perturbations (capacité à isoler un problème local ou à intégrer de nouveaux flux). Un réseau plein de liaisons moyennes peut s'embourber dans des plateaux d'énergie où le feedback peine à dégager un cluster dominant ou une partition nette. Une architecture plus contrastée (clusters bien formés, liens internes forts, faibles liaisons inter-clusters) simplifie les décisions de rétroaction coopérative, autorisant une descente d'énergie plus franche et un pilotage sélectif des pondérations. Les modèles plus centralisés ou plus distribués présentent, pour leur part, des propriétés spécifiques en termes de robustesse et de vitesse de réaction, selon l'importance accordée à un hub central ou à des sous-hubs multiples.

Dans l'ensemble, l'équation reliant la **topologie** du réseau à l'efficacité du **feedback** coopératif reste un champ d'**analyse** fondamental pour l'optimisation du DSL. En explorant les configurations de liens $\omega_{i,j}$ les plus adaptées à une réactivité et à une stabilité optimale, on améliore la **capacité** du SCN à s'adapter aux contextes évolutifs et à former rapidement des **clusters** cohérents exploités par la rétroaction multi-niveau.

10.3. Synergies Multi-Échelle dans le DSL

Dans le **DSL** (Deep Synergy Learning), la notion de **synergie** ne se limite pas à des entités isolées au même niveau de description. Bien au contraire, le **DSL** promeut une **organisation** où les interactions (pondérations $\omega_{i,j}$) se déclinent sur **plusieurs** paliers, de la micro-échelle locale (petits groupes d'entités ou clusters spécialisés) à la macro-échelle globale (schémas d'organisation plus vastes). C'est le principe de **synergies multi-niveau** ou **multi-échelle**.

10.3.1. Interaction entre Niveaux d'Apprentissage Synergiques

L'étude de la **cohérence** entre différents paliers du DSL conduit à la section **10.3.1**, où l'on se concentre sur les **hiérarchies synergiques** et la façon dont s'établissent les flux **ascendants** (bottom-up) et **descendants** (top-down).

10.3.1.1. Hiérarchies Synergiques et Niveaux d'Abstraction

Dans la logique du **Deep Synergy Learning (DSL)**, le **Synergistic Connection Network (SCN)** s'organise selon plusieurs **niveaux** distincts, allant du **micro-niveau** (entités et micro-clusters) jusqu'au **macro-niveau** (super-nœuds et macro-clusters), en passant parfois par des paliers **intermédiaires** (mésoscopiques). Ces différentes échelles correspondent à des **niveaux d'abstraction** progressifs, où l'on consolide ou agrège les liaisons $\{\omega_{i,j}\}$ pour former des ensembles plus vastes et plus cohérents. Cette section (10.3.1.1) s'attache à illustrer comment la **même** règle DSL (renforcement/amortissement des liaisons selon la synergie) peut s'appliquer à chaque palier, garantissant ainsi une forme de **continuité** ou d'**autosimilarité** entre le local et le global.

A. Micro-niveau

Le **micro-niveau** du réseau se concentre sur des **entités** de base $\{\mathcal{E}_i\}$ et les liens pondérés $\omega_{i,j}$ qui expriment leur **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$. Au sein de cette échelle élémentaire, la dynamique du DSL peut être écrite sous la forme :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \big[S\big(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j\big) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \big].$$

Au cours des itérations, certains liens $\omega_{i,j}$ se distinguent et se renforcent davantage. Un **micro-cluster** apparaît ainsi lorsqu'un groupe $\mathcal{C} \subset \{\mathcal{E}_1, ..., \mathcal{E}_n\}$ présente des liaisons internes élevées, traduisant un degré de proximité ou de co-occurrence notable. Dans de nombreux scénarios (vision, audio, traitement symbolique), ces **micro-clusters** englobent des items localement cohérents, tels que des features visuels adjacents ou des tokens textuels étroitement liés.

B. Mésoscopique ou Niveau Intermédiaire

Le **micro-niveau** peut s'**agréger** en un **niveau** dit "mésoscopique". Plusieurs micro-clusters se regroupent sous la forme de "super-nœuds". Par exemple, si un ensemble \mathcal{C}_{α} est formé au micro-niveau, on peut définir un **super-nœud** \mathcal{N}_{α} . Les liaisons entre super-nœuds \mathcal{N}_{α} et \mathcal{N}_{β} se voient

dotées de leur propre **pondération** $\omega_{\alpha,\beta}^{(meso)}$. On applique alors la **même** règle DSL, mais cette fois sur les super-nœuds :

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{meso})}(t+1) = \omega_{\alpha,\beta}^{(\text{meso})}(t) + \eta \left[S^{(1)} \left(\mathcal{N}_{\alpha}, \mathcal{N}_{\beta} \right) - \tau \, \omega_{\alpha,\beta}^{(\text{meso})}(t) \right].$$

Le **terme** $S^{(1)}$ dépend de la manière dont la synergie entre super-nœuds est évaluée. Cette mesure peut s'appuyer sur la moyenne ou la somme des synergies micro internes, ou encore sur une caractérisation plus globale, comme l'opposition entre un vecteur représentatif de \mathcal{N}_{α} et un autre de \mathcal{N}_{β} .

La **même** dynamique de mise à jour qui s'observe au micro-niveau se retrouve à l'échelle supérieure, formant un **réseau** de super-nœuds qui se réorganise de manière similaire. Ce phénomène reflète une **fractalité** ou une **autosimilarité**, où la règle DSL s'applique uniformément à toutes les échelles. La même formule de renforcement et d'amortissement gouverne l'évolution des clusters et des méta-clusters, permettant ainsi d'analyser leur émergence dans un cadre unifié.

C. Macro-niveau (Niveau Global)

Le **macro-niveau** émerge lorsque plusieurs super-nœuds du niveau intermédiaire s'assemblent en macro-clusters ou en méganœuds d'un ordre supérieur. Le mécanisme reste identique, un ensemble de super-nœuds $\{\mathcal{N}_{\alpha}\}$ est relié par des liaisons $\omega_{\alpha,\beta}^{(\mathrm{macro})}$ mises à jour selon la règle DSL, mais appliquées à un nombre réduit d'unités couvrant une portion plus large du SCN. D'un point de vue algorithmique, ce niveau global peut jouer le rôle d'un résumé condensé du réseau, mettant en évidence ses principales structures, ou d'un coordinateur régulant la performance d'ensemble. Sur le plan **mathématique**, la **pondération** $\omega_{\alpha,\beta}^{(\mathrm{macro})}(t)$ suit :

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}(t+1) = \omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}(t) + \eta \Big[S^{(2)} \big(\mathcal{N}_{\alpha}, \mathcal{N}_{\beta} \big) - \tau \, \omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}(t) \Big],$$

avec un second niveau de synergie $S^{(2)}$, pertinent pour des groupements plus vastes ou plus abstraits.

A. Relation entre Niveaux d'Abstraction

L'un des avantages majeurs de cette hiérarchisation repose sur l'**invariance** de la règle DSL. Quel que soit le niveau considéré, qu'il soit micro, meso ou macro, la **formule** de mise à jour reste fondée sur un équilibre entre le renforcement induit par la synergie et l'amortissement imposé par un terme τ $\omega_{X,Y}(t)$. Ce principe garantit que le même mécanisme sous-tend l'organisation à chaque palier, assurant ainsi une **cohérence** structurelle dans l'évolution du réseau.

Ces paliers ne sont pas indépendants, un réarrangement local impliquant la fusion ou la scission de micro-clusters peut affecter la structure macro. De même, une décision prise au niveau supérieur, comme l'imposition d'un objectif global, se propage sous forme de **feedback** Δ_{down} , influençant d'abord les liaisons meso, puis micro. Les flux **ascendants** bottom-up et **descendants** top-down établissent des **boucles** qui assurent la synchronisation des niveaux successifs, en cohérence avec les dynamiques décrites dans les sous-sections 10.2.4.2, ainsi que dans les chapitres 4 et 6.

B. Avantages de la Hiérarchie Synergique

La structuration en hiérarchies synergiques présente plusieurs bénéfices :

Elle permet un **traitement** par paliers, où chaque niveau s'occupe d'une échelle de granularité donnée. Les micro-nœuds ou micro-clusters résolvent des problèmes de proximité locale (similarités très fines) alors que les macro-nœuds gèrent la cohérence plus large, fournissant une vision agrégée. La **même** dynamique DSL (renforcement/amortissement) se reproduit, assurant une forme d'**auto-similarité** ou de fractalité dans l'organisation.

De plus, cette hiérarchie offre des **représentations plus abstraites**. Chaque super-nœud créé représente un ensemble plus large d'entités, et l'on peut continuer à monter dans l'échelle, formant des macro-clusters encore plus vastes. Cette abstraction progressive facilite la gestion et la navigation au sein d'un grand réseau de nœuds. Sur le plan **mathématique**, on peut parler d'une "compression" de la matrice ω en des blocs, et le feedback descend peut alors réguler les relations entre blocs plutôt que de devoir agir sur les innombrables liaisons élémentaires.

Un **autre** bénéfice repose sur la **robustesse**, lorsque la synergie se réorganise au niveau micro, le niveau macro peut s'ajuster sans nécessiter un recalcul intégral des liaisons du réseau. Cette modularité améliore la flexibilité du **SCN**, lui permettant de s'adapter efficacement aux changements localisés sans compromettre la structure globale.

Conclusion

La mise en place de hiérarchies synergiques et de niveaux d'abstraction est un élément essentiel du DSL. De simples entités ou micro-clusters s'assemblent en super-nœuds au niveau meso, qui à leur tour peuvent se regrouper à un niveau macro. Chaque niveau suit la même règle DSL, garantissant une organisation cohérente et adaptable. Cette structure multi-échelle permet une circulation efficace des flux bottom-up et top-down. Les micro-nœuds forment des regroupements cohérents, relayés vers des super-nœuds et des macro-nœuds. En parallèle, les ordres macro issus du feedback coopératif influencent la dynamique locale pour aligner les sous-structures sur une vision globale.

Sur le plan mathématique, la récurrence de la formule de mise à jour

$$\omega_{X,Y}(t+1) = \omega_{X,Y}(t) + \eta \big[S(X,Y) - \tau \omega_{X,Y}(t) \big]$$

à chaque niveau assure une **dynamique homogène**. La même règle s'applique aux entités, aux super-nœuds et aux macro-nœuds, garantissant une **autosimilarité** dans l'auto-organisation. Cette uniformité structurelle confère à l'architecture une plus grande **robustesse** et une capacité d'**évolution** accrue, lui permettant de traiter efficacement de vastes volumes d'informations et d'adapter la synergie de manière **bottom-up** et **top-down** à chaque échelle du **SCN**.

10.3.1.2. Rôles et Fonctions des Différents Niveaux (Local vs. Global)

Dans un **Deep Synergy Learning (DSL)** structuré en plusieurs paliers, chaque niveau de la hiérarchie assume des **rôles** et des **fonctions** spécifiques. Le niveau local (micro) s'occupe d'interactions ou de regroupements plus **fins**, tandis que le niveau global (macro) veille à la **cohérence** d'ensemble, parfois en s'appuyant sur un niveau intermédiaire (meso). La section

10.3.1.2 éclaire la **répartition** des tâches entre ces paliers et la logique mathématique qui permet à ces différentes échelles de fonctionner de manière coordonnée au sein d'un **SCN**.

A. Niveau Local: Micro-Clusters et Coopération Fine

Le **niveau local** se concentre sur de petits ensembles d'entités $\{\mathcal{E}_i\}$ ou de micro-clusters. Ce niveau porte le souci de **spécialisation**. Chaque micro-cluster recouvre un **sous-problème** ou un **sous-domaine** étroit, comme un segment d'image lié à un objet, un groupe de tokens portant sur un thème lexical précis, ou des capteurs voisins dans un système robotique.

Le niveau local emploie la mise à jour DSL standard :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t)],$$

Appliquée aux paires (i, j) concernées. On ne vise pas à contrôler l'ensemble du réseau, mais à intervenir dans un **voisinage** restreint de liaisons potentiellement utiles, ce qui réduit la complexité. Cette approche améliore la **réactivité** en permettant à chaque entité d'ajuster ses pondérations principalement avec ses connexions locales. Les liens les plus pertinents se renforcent rapidement, tandis que les connexions superficielles s'amenuisent. Il en résulte la formation spontanée de **micro-clusters**, où la synergie interne demeure élevée.

Le niveau local assure la gestion de la **coopération fine** en stabilisant les liaisons pertinentes dans un contexte restreint. Ce processus facilite l'émergence d'unités cohérentes, comme des regroupements de pixels en patches ou des ensembles de tokens partageant une proximité sémantique. Cette structuration locale ne cherche pas à modéliser l'ensemble du système, mais constitue une infrastructure de base sur laquelle des niveaux d'organisation plus larges peuvent s'appuyer.

B. Niveau Global: Macro-Clusters et Cohérence d'Ensemble

Le **niveau global** s'intéresse, quant à lui, à la **cohérence** à large échelle. Il voit le réseau de manière agrégée, regroupant parfois plusieurs micro-clusters en super-nœuds, ou veillant à la coordination entre ces super-nœuds. Les rôles du macro-niveau incluent la définition d'**objectifs** communs, l'attribution d'un **feedback descendant** et la détection de **conflits** entre sous-ensembles.

La formation de **macro-clusters** résulte d'une **agrégation** où un ensemble de **micro-nœuds**, chacun déjà un petit cluster local, se regroupe en un **super-nœud** \mathcal{N}_{α} . Les liaisons $\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}$ décrivent alors la synergie entre super-nœuds. La logique DSL, c'est-à-dire

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}(t+1) = \omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}(t) + \eta \Big[S^{(1)} \big(\mathcal{N}_{\alpha}, \mathcal{N}_{\beta} \big) - \tau \, \omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}(t) \Big],$$

s'applique de manière similaire, quoiqu'avec moins de nœuds (les super-nœuds au lieu des entités élémentaires). Par un **feedback** top-down (voir chap. 10.2.2.2), le macro-nœud peut forcer l'augmentation ou l'amoindrissement de certains $\omega_{\alpha,\beta}$ afin de réaliser un agencement plus large. S'il identifie une "mission" regroupant plusieurs sous-systèmes, il **renforce** les connexions internes à ces sous-systèmes. S'il note une incohérence, il **inhibe** (diminue) la liaison.

Ce niveau global a pour **rôle** la **coordination** en unifiant ou en séparant différents blocs locaux afin de préserver une architecture d'ensemble lisible et efficace. Il peut lui-même s'inscrire dans

un **contexte** ou un palier encore plus vaste, menant ainsi à une **hiérarchie multi-niveau** (micromeso-macro). Chaque palier applique la même mise à jour DSL, garantissant une cohérence structurelle et une dynamique d'auto-organisation homogène.

C. Interaction entre le Local et le Global

Le local et le global ne fonctionnent pas de manière indépendante, leurs **flux** s'entrelacent dans un **feedback** bidirectionnel.

Les **flux ascendants** permettent aux micro-clusters de se former et de transmettre leur cohésion $\Omega(\mathcal{C})$ ou leur structure au macro-nœud. Le niveau global utilise ces informations pour identifier les groupes à fusionner ou ceux à dissocier.

Les **flux descendants** interviennent lorsque le macro-nœud perçoit un besoin d'organisation à plus grande échelle. Il envoie alors des signaux, représentés par les termes $\Delta_{\text{down}}(i,j)$, qui modifient les liens locaux et ajustent la structure du réseau en conséquence.

Cette **coexistence** bottom-up / top-down s'avère cruciale. Sans le macro-niveau, le local risque de produire des regroupements incomplets, concurrents ou redondants, sans jamais converger vers un **dessin** global. Sans le micro-niveau, le macro-nœud n'aurait pas la granularité suffisante pour évaluer précisément la synergie à petite échelle. Les deux niveaux unissent leurs forces pour conférer au DSL sa **souplesse** et sa **stabilité**.

D. Exemples et Avantages

Un **système** conversationnel établit d'abord des **micro-clusters** qui regroupent des tokens en fonction de leur proximité sémantique. À un niveau supérieur, ces micro-clusters se combinent en unités plus larges qui correspondent à des **sujets de discussion**. Lorsqu'une nouvelle requête utilisateur impose un rapprochement entre deux sujets, le flux descendant ajuste les liaisons entre micro-clusters afin d'assurer la continuité du dialogue.

Sur le plan **algorithmique**, cette hiérarchie réduit la charge $O(n^2)$ qui résulterait d'une gestion exhaustive de toutes les connexions. L'organisation en niveaux permet un traitement local efficace des petits groupes qui sont ensuite reliés au niveau supérieur. Cette approche améliore la **modularité**, l'**évolutivité** et la **clarté** de l'apprentissage. Chaque micro-cluster, comme une séquence de reconnaissance visuelle, peut être rattaché à un macro-nœud représentant une scène complète. Les **mêmes** règles DSL s'appliquent à toutes les échelles, ce qui garantit une **autosimilarité** et une cohérence dans la structuration du réseau.

Conclusion

Dans un **DSL** hiérarchisé, chaque **niveau** (local vs. global) exerce des **fonctions** particulières. Le **local** se spécialise, s'occupant de micro-problèmes, formant des micro-clusters cohérents et réactifs ; le **global** (ou macro-nœud) orchestre la cohérence générale, consolide ou scinde des super-nœuds en fonction d'objectifs plus larges. Cette **répartition** s'opère en suivant la logique DSL où la **même** règle de renforcement et d'amortissement des pondérations ω s'applique à toutes les échelles. Chaque niveau du réseau, qu'il s'agisse d'entités, de super-nœuds ou de macro-nœuds, est régi par cette dynamique adaptative. Les flux **ascendants** assurent une transmission d'informations depuis les structures locales vers les niveaux supérieurs, tandis que les flux **descendants** permettent une régulation macro qui ajuste et oriente l'organisation émergente. Cette interaction entre niveaux

garantit une **combinaison** entre souplesse locale et cohérence globale, favorisant ainsi une **auto- organisation** efficace et évolutive. Sur le plan mathématique, on obtient une arborescence ou un graphe multi-niveau, auto-organisé, où chaque palier reproduit la dynamique $\omega(t+1) = \cdots$ du DSL, satisfaisant la quête de **spécialisation** et de **cohérence** qui caractérise le **Synergistic Connection Network**.

10.3.1.3. Communication entre Niveaux Synergiques (Comment le Feedback se Propage)

Dans un **Deep Synergy Learning (DSL)** à plusieurs niveaux, qu'il s'agisse d'une hiérarchie micro-meso-macro (voir chap. 6) ou d'une structuration en modules partiels (voir chap. 5), la circulation de l'information et la diffusion du **feedback** entre ces niveaux constituent un mécanisme central. Le **flux ascendant** (bottom-up) et le **flux descendant** (top-down) se répondent et s'enchevêtrent, assurant que chaque palier puisse influer sur les autres, tant pour consolider des regroupements locaux que pour maintenir une **cohérence** plus globale.

A. Organisation en Flux Ascendants et Descendants

Le **feedback coopératif** ne se limite pas au strict niveau local ; il s'articule sur une **séquence** de niveaux ou de paliers d'abstraction qui permettent :

– un **flux ascendant** (bottom-up), où les entités se rassemblent en micro-clusters et transmettent un **résumé** ou un **indicateur** de leur structure à un palier supérieur, – un **flux descendant** (top-down), où le niveau macro ou un super-nœud réinjecte des instructions qui modifient la structure ou les pondérations ω au niveau local.

Flux Ascendants : agrégation de l'information. Au niveau local, des entités \mathcal{E}_i s'assemblent en micro-clusters selon la dynamique DSL classique :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right].$$

Ces $\omega_{i,j}$ finissent par démarquer certains sous-ensembles \mathcal{C}_{α} (micro-clusters) qui se révèlent fortement connectés. On agrège alors la **cohésion** de \mathcal{C}_{α} par $\Omega(\mathcal{C}_{\alpha}) = \sum_{(i,j) \in \mathcal{C}_{\alpha}} \omega_{i,j}$, ou on extrait un **vecteur** représentatif, puis on transmet ce résumé vers un **niveau** h+1. Cette fonction d'**agrégation** peut être notée

$$\mathbf{x}_{h+1,\alpha}(t) = \Phi_{h\to h+1}(\{\mathbf{x}_{h,i}\}, \{\omega_h(t)\}).$$

Le flux ascendant fournit un *portrait* du niveau local, permettant au niveau supérieur d'**observer** et de **raisonner** sur des blocs déjà structurés.

Flux Descendants : feedback macro vers micro. À l'inverse, un macro-nœud (niveau h+1) peut décider, après analyse, de renforcer ou d'inhiber certaines liaisons $\omega_h(t)$. Par exemple, si deux micro-clusters apparaissent complémentaires, le module macro enverra un terme Δ_{down} pour accroître les pondérations entre ces clusters, stimulés ainsi à fusionner. Sur le plan mathématique, ce signal s'intègre directement à la mise à jour des pondérations :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \big[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \big] + \Delta_{\text{down}}(i,j,t).$$

Le terme Δ_{down} traduit l'**influence** du niveau macro, qui oriente la structure globale en modulant les liaisons locales. Cette interaction entre les mises à jour locales et le contrôle top-down assure une organisation adaptative et maintient la cohérence du **SCN** (voir chap. 10.2).

B. Propagation du Feedback: du Local au Global et Inversement

Le couplage entre le niveau local et le niveau macro génère un **système dynamique** multi-niveau :

Convergence Hiérarchique.

On peut imaginer que, lors d'une itération, le niveau local exécute sa mise à jour selon $\omega_h(t+1)$. Ensuite, un **résumé** sous forme de cluster ou de vecteur moyen remonte au niveau supérieur. Le niveau h+1 traite ces données agrégées et génère un **feedback** qui redescend sous la forme d'un Δ_{down} mis à jour. Ce signal influence les itérations suivantes du niveau h, ajustant les pondérations locales en fonction des consignes du palier macro.

Les différentes échelles convergent alors vers un **équilibre** ou un **cycle** stationnaire. Sur le plan **mathématique**, cette dynamique s'apparente à des **bifurcations** ou à une analyse par **valeurs propres**. Lorsque le renforcement top-down s'aligne sur les regroupements bottom-up, la structure du réseau se stabilise et la topologie du **SCN** se consolide naturellement.

Propagation en Cascade.

Prenons un exemple où un flux local détecte une **synergie** élevée entre certains nœuds formant un micro-cluster. Il transmet à l'étage macro l'**information** $\Omega(\mathcal{C})$ indiquant que ce sous-ensemble est stable. Le **macro-nœud**, jugeant cette clusterisation pertinente, renvoie un **feedback** positif :

$$\Delta_{\rm down}^{\rm (macro)}(i,j) \approx +\gamma$$
,

qui intensifie encore $\omega_{i,j}$ au sein du groupe, assurant la durabilité de ce micro-cluster. Si, au contraire, le macro-nœud estime qu'une *concurrence* ou un *conflit* se produit, il peut imposer un feedback négatif $(-\gamma)$ sur certains liens, provoquant la dissolution partielle du regroupement local.

C. Synchronisation et Timing du Feedback

Le **calendrier** du feedback multi-niveau soulève des questions de **synchronisation**. On peut distinguer deux grands modes :

- Étapes séquentielles : on exécute d'abord un certain nombre d'itérations au niveau local, on agrège le résultat, on exécute le macro-niveau, puis on renvoie la mise à jour descendante, etc. - **Asynchrone** : chaque niveau fait sa mise à jour en continu, et un mécanisme gère la "latence" des messages top-down et bottom-up. Cela peut générer des **retards** δ . En mathématiques, on obtient des **systèmes dynamiques différés** dont l'analyse (stabilité, oscillations, chaos) est plus complexe.

D. Exemples Mathématiques de Communication Inter-Niveaux

On peut formaliser la communication par des **fonctions** distinctes $\Phi_{h\to h+1}$ pour la remontée, correspondant à une agrégation pondérée, et $\Psi_{h+1\to h}$ pour la descente, représentant un correctif appliqué aux liaisons locales. Par exemple,

$$\begin{split} \mathbf{x}_{h+1,m}(t) &= \varPhi_{h\rightarrow h+1}\big(\{\mathbf{x}_{h,i}(t)\},\{\omega_h(t)\}\big),\\ \Delta_{\mathrm{down}}^{(h+1\rightarrow h)}(i,j,t) &= \varPsi_{h+1\rightarrow h}\big(\{\mathbf{x}_{h+1,m}(t)\},\{\omega_h(t)\}\big). \end{split}$$

On revoit ensuite la règle DSL au niveau h en y insérant ce Δ_{down} . Il se peut aussi que chaque niveau évolue selon une **mini** logique DSL qui lui est propre, et que la *liaison* entre niveaux soit gérée par une autre portion de la matrice ω .

Conclusion (10.3.1.3)

La **communication** entre **niveaux** synergiques, combinant flux **ascendants** (bottom-up) et flux **descendants** (top-down), constitue le canal par lequel le **feedback coopératif** s'opère dans un **DSL** multi-niveau. Les **micro-clusters** ou sous-systèmes locaux envoient un **résumé** de leurs résultats à un palier supérieur, qui en retour **valide**, **inhibe** ou **renforce** certaines liaisons locales selon la **vision** globale ou l'objectif plus large qu'il poursuit. D'un point de vue **mathématique**, cette interconnexion se modélise par des **fonctions** d'agrégation Φ et de correction Ψ reliant les différentes couches. Les dynamiques de stabilisation, de réorganisation ou d'oscillation dépendent alors de la **synchronisation** et de la **latence** éventuelle de ces flux.

La **finalité** est d'assurer qu'aucun niveau ne soit isolé. Les regroupements locaux basés sur les synergies micro reçoivent une orientation cohérente du niveau macro, tandis que les objectifs globaux ou les macro-nœuds disposent d'une information locale précise. Cette circulation multi-niveau permet l'émergence d'une organisation fractale, où la même règle DSL agit à plusieurs paliers. Les boucles bottom-up et top-down renforcent cette dynamique, garantissant une cohérence d'ensemble optimisée.

10.3.1.4. Exemples d'Intégration Multi-Niveau (Micro-Cluster vs. Macro-Patrons)

Le **Deep Synergy Learning (DSL)** est conçu pour fonctionner à plusieurs **paliers** d'organisation, allant du **niveau** micro (groupements fins, entités élémentaires) jusqu'au **niveau** macro (grandes structures, super-nœuds ou patrons d'échelle plus large). La dynamique d'un **Synergistic Connection Network (SCN)** se prête à cette évolution hiérarchique où des **micro-clusters** se créent dans un premier temps, puis se combinent ou se résument en **macro-patrons** englobant davantage d'informations. Dans ce processus, le **feedback coopératif** (Chap. 10) agit de bas en haut (flux ascendant) et de haut en bas (flux descendant) pour coordonner le passage du local au global. Cette section (10.3.1.4) illustre concrètement comment un SCN peut successivement **détecter** des synergies locales et en **agréger** plusieurs en un ensemble plus global.

A. Micro-Clusters: Constitution Locale

Un SCN traite d'abord les données au **niveau** micro. Des entités $\{\mathcal{E}_i\}$ sont reliées par des liaisons pondérées $\omega_{i,j}$, mises à jour selon la règle DSL habituelle :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right].$$

Le terme $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ mesure la synergie entre entités à travers des critères tels que la similarité (produit scalaire, distance inversée, co-occurrence) ou la co-information. Des micro-clusters émergent lorsque, au fil des itérations, un sous-groupe \mathcal{C}_{α} développe des pondérations $\omega_{i,j}$

nettement plus élevées en interne qu'avec l'extérieur. Les liaisons fortes $\omega_{i,j} \approx \omega^*$ forment un bloc local cohésif, tandis que les connexions inter-groupes $\omega_{i,\ell}$ restent plus faibles ou sont inhibées.

Exemple numérique. Avec 20 entités initiales, on constate au bout d'un certain nombre de mises à jour la formation de trois ou quatre micro-clusters :

$$C_1 = \{1,4,6\}, \quad C_2 = \{2,8,9,11\}, \quad \dots$$

Chaque \mathcal{C}_{α} constitue un regroupement cohésif au sein de la structure locale, assurant une **granularité** fine avec des ensembles restreints mais fortement interconnectés. Cette organisation partielle du **SCN** reflète une auto-organisation locale efficace, mais elle demeure insuffisante pour révéler une **vision** macro qui unifie ces clusters dans une structure plus large et cohérente.

B. Agrégation en Macro-Patrons

Pour saisir la **cohérence** à un niveau plus large, on agrège les micro-clusters en macro-patrons. Cela consiste à définir une représentation ou un ensemble de liens **macro** reliant les groupes entre eux, puis à appliquer la même règle DSL à ce niveau agrégé.

Niveau Macro : Super-Nœuds ou Macro-Clusters Chaque micro-cluster \mathcal{C}_{α} se mue en un super-nœud \mathcal{N}_{α} , ou un "bloc résumé" en plus haute abstraction. On peut ainsi regarder la **pondération** au palier macro :

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})} = \Psi\left(\{\omega_{i,j}^{(\text{micro})}\}_{i \in \mathcal{C}_{\alpha}, j \in \mathcal{C}_{\beta}}\right),\,$$

où Ψ est une **fonction** d'agrégation (somme, moyenne, ou un score de compatibilité d'ensemble). Ces $\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}$ décrivent désormais la synergie entre **clusters** \mathcal{C}_{α} et \mathcal{C}_{β} . La logique DSL persiste alors :

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}(t+1) = \omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}(t) + \eta \Big[S^{(1)} \big(\mathcal{N}_{\alpha}, \mathcal{N}_{\beta} \big) - \tau \, \omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}(t) \Big],$$

où $S^{(1)}$ reflète la **synergie** au niveau macro. Si deux micro-clusters C_{α} et C_{β} entretiennent des liens forts, on voit $\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}$ croître rapidement, suggérant qu'ils pourraient former un **macro-patron** commun.

Construction de Macro-Patrons

Lorsque certains liens entre super-nœuds deviennent très élevés, on peut fusionner ces ensembles en un **macro-patron** plus large, \mathcal{M}_{γ} . Cela offre une **vision** d'un sous-réseau plus grand, unifiant plusieurs micro-clusters. Par exemple, \mathcal{C}_1 et \mathcal{C}_2 peuvent se regrouper en \mathcal{M}_{γ} s'ils partagent un thème commun ou si les pondérations macro indiquent une forte complémentarité.

C. Multi-Niveau: Coordination entre Micro et Macro

La mise en place d'un palier macro ne s'effectue pas unilatéralement. Des **flux** bidirectionnels assurent un **feedback** top-down tout en permettant un flux bottom-up, garantissant ainsi une interaction continue entre les niveaux locaux et globaux du réseau.

Flux Ascendant (Bottom-Up) Les micro-clusters, après stabilisation locale, envoient vers le palier macro un indice $\Omega(\mathcal{C}_{\alpha})$ de

leur "solidité" et d'autres descripteurs (ex. vecteurs moyens). On reconstruit un **SCN** réduit, fait de super-nœuds \mathcal{N}_{α} , où l'on met à jour $\{\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}\}$ via la **formule** DSL appliquée à ce nouveau palier.

Flux Descendant (Top-Down)

Le **macro**-patron ainsi formé influence la structure micro en ajustant les liaisons locales. S'il détecte une contradiction, il applique un terme $\Delta_{\text{down}}(i,j)$ pour inhiber certaines connexions $\omega_{i,j}$. À l'inverse, lorsqu'un fort potentiel synergique est identifié, il stabilise ou renforce le cluster local en augmentant les pondérations concernées. Sur le plan **algorithmique**, cela se traduit par :

$$\omega_{i,j}^{(\text{micro})}(t+1) = \omega_{i,j}^{(\text{micro})}(t) + \eta \left[S\left(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j\right) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{topdown}}^{(\text{macro})}(i,j,t).$$

Le macro-nœud oriente ainsi l'évolution micro, tandis que le micro-niveau renseigne le macro-nœud sur la configuration de base.

D. Cas Illustratifs

Exemples de scénarios concrets :

Vision Multi-Modal

On démarre en formant de petits **clusters** de patches (micro-niveau). On repère ensuite des combinaisons pertinentes de patches dans un **macro-patron** correspondant à un objet plus grand, ou à un groupe d'objets dans une scène. Le **flux descendant** peut alors réunir différents micro-clusters pour souligner un ensemble cohérent (ex. pièces d'un même véhicule).

Analyse Sémantique

On regroupe en micro-clusters des tokens lexicaux liés (même champ sémantique), puis un niveau macro agrège ces micro-clusters en "thèmes" plus larges (ex. sujet de conversation). Les **macro-patrons** s'avèrent alors des topics ou chapitres sémantiques. S'ils sont confirmés, le top-down renforce la cohésion interne des micro-clusters qui correspondent au même sujet. S'ils sont infirmés, on dissout ou on réalloue certains tokens.

Robotique

De petits sous-systèmes (capteurs/actionneurs) forment au niveau micro des "mini-blocs fonctionnels". Au niveau macro, on compose une **macro-stratégie** robotique (comme l'exécution d'une tâche complexe combinant plusieurs blocs sensorimoteurs). Le flux descendant affecte alors la pondération micro, par exemple en autorisant une communication plus riche entre certains sous-systèmes au moment opportun.

Conclusion (10.3.1.4)

L'intégration multi-niveau, allant des micro-clusters aux macro-patrons, représente le cœur du **DSL** lorsqu'il se déploie sur plusieurs échelles. La détection initiale de synergies locales conduit à la formation de clusters réduits qui s'assemblent progressivement en structures plus vastes. Le **feedback** coopératif à travers ses flux ascendants et descendants joue un rôle central dans la consolidation de ces différentes strates. Le niveau local informe le global de ses évolutions tandis que le niveau global apporte une validation ou une correction adaptée.

Sur le plan **mathématique**, la **récurrence** du mécanisme DSL dans chaque phase micro, meso et macro aboutit à une structure **fractale** ou **autosimilaire**. La **même** règle de mise à jour basée sur

le renforcement et l'amortissement des liaisons $\omega_{i,j}$ s'applique à toutes les échelles, garantissant ainsi une cohérence d'ensemble. Les **macro-patrons** structurent la vision globale en identifiant des objets, des thèmes ou des ensembles de compétences tandis que les **micro-clusters** assurent une granularité fine et une précision détaillée. L'efficacité du **SCN** repose sur cette complémentarité où l'échelle locale se concentre sur la coopération immédiate entre entités tandis que l'échelle macro orchestre la fusion de ces clusters pour donner naissance à une architecture plus vaste et plus cohérente.

10.3.1.5. Modèles Hiérarchiques dans le DSL (Possible Notion Fractale, si Souhaité)

Les modèles hiérarchiques intégrés au Deep Synergy Learning (DSL) exploitent une structure multi-niveau, allant des micro-clusters élémentaires aux macro-clusters, avec parfois des paliers intermédiaires mésoscopiques. Les sections précédentes ont montré comment ces niveaux émergent progressivement : des micro-clusters apparaissent, se regroupent en entités plus vastes et se stabilisent en macro-patrons, sous l'effet d'un feedback coopératif assurant la cohérence entre ces différentes échelles.

L'organisation du **DSL** suit une logique où chaque niveau reproduit la même dynamique, formant une structure **fractale**. L'auto-organisation et la mise à jour des pondérations $\omega_{i,j}$ s'appliquent de manière identique à chaque palier, garantissant une auto-similarité sur plusieurs échelles. Cette approche multi-niveau favorise une adaptation efficace et une structuration flexible, permettant au **SCN** d'intégrer progressivement les nouvelles informations tout en maintenant une cohésion globale.

A. Fondements de la Hiérarchie : Agrégation et Feedback

Le **DSL** s'appuie sur la règle de mise à jour usuelle des pondérations $\omega_{i,i}$, du type

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{feedback}}(i, j, t),$$

et sur le **principe** d'agréger ou de fusionner des "clusters" quand on monte d'un palier, tout en se fondant sur la **même** logique de synergie S pour repérer les liens ω qui méritent d'être conservés ou renforcés. Cette vision favorise deux mécanismes :

3. **Agrégation Ascendante (Bottom-Up).** Les entités du **niveau micro** déterminent leurs synergies $\{\omega_{i,j}\}$. Après quelques itérations, plusieurs "groupes" se détachent. Chaque groupe $\mathcal{C}_{\alpha}^{(\text{micro})}$ devient un **super-nœud** $\mathcal{N}_{\alpha}^{(\text{meso})}$ au palier suivant. À ce niveau meso, on définit alors des pondérations $\omega_{\alpha.\beta}^{(\text{meso})}$:

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{meso})} = \Psi\left(\{\omega_{i,j}^{(\text{micro})}\}_{i \in \mathcal{C}_{\alpha}, j \in \mathcal{C}_{\beta}}\right),\,$$

où la fonction Ψ agrège les liaisons entre micro-clusters \mathcal{C}_{α} et \mathcal{C}_{β} . Le palier meso subit à son tour la **même** règle DSL :

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{meso})}(t+1) = \omega_{\alpha,\beta}^{(\text{meso})}(t) + \eta \Big[S^{(1)} \big(\mathcal{N}_{\alpha}, \mathcal{N}_{\beta} \big) - \tau \, \omega_{\alpha,\beta}^{(\text{meso})}(t) \Big].$$

Après stabilisation, certains super-nœuds $\mathcal{N}_{\alpha}^{(\mathrm{meso})}$ se voient fusionnés au palier macro, etc.

4. Feedback Descendant (Top-Down).

Les plus hauts paliers (macro) peuvent renvoyer un **flux** descendu, imposant un ajustement local (ou mésoscopique). Typiquement, si un macro-nœud \mathcal{M}_{γ} émerge, il peut signaler aux niveaux inférieurs (meso, micro) qu'une cohérence plus vaste est souhaitée entre certains clusters. Sur le plan **mathématique**, on ajoute un terme $\Delta_{\text{down}}^{(\text{macro})}$ dans la mise à jour ω pour encourager ou restreindre certains liens, consolidant la structure macro à travers un contrôle plus fin du niveau micro.

B. Émergence d'une Structure Hiérarchique

Cette dynamique conduit à un **organigramme** multi-niveau où les micro-clusters forment des super-nœuds meso, qui eux-mêmes alimentent des macro-nœuds plus abstraits. Chaque palier applique la **même** règle DSL ou une variante cohérente, ajustant les pondérations ω en fonction des synergies détectées. Cette **autosimilarité**, où la même mise à jour s'applique à chaque échelle, rappelle une **modélisation fractale**.

Le **DSL** peut s'étendre sur plusieurs **paliers**, de la base entités \rightarrow micro-clusters jusqu'aux niveaux supérieurs (macro, super-macro...). Chaque niveau ré-agrège les clusters inférieurs en appliquant les mêmes principes de synergie, de renforcement et d'amortissement. Si la fonction d'agrégation Ψ et les paramètres de mise à jour (η, τ) restent constants à chaque échelle, on obtient une structure **autosimilaire**, où la dynamique de formation des clusters se répète sur plusieurs niveaux.

Mathématiquement, cette propriété se traduit par l'équation de mise à jour des liaisons entre supernœuds :

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(\ell+1)}(t+1) = \omega_{\alpha,\beta}^{(\ell+1)}(t) + \eta_{\ell} \Big[S^{(\ell+1)} \big(\mathcal{N}_{\alpha}, \mathcal{N}_{\beta} \big) - \tau_{\ell} \, \omega_{\alpha,\beta}^{(\ell+1)}(t) \Big].$$

Cette récurrence garantit une organisation stable et adaptable, où les **flux bottom-up** permettent aux niveaux supérieurs d'intégrer les informations locales, tandis que les **flux top-down** structurent et optimisent la synergie entre les regroupements formés.

Le même squelette fonctionnel se répète pour $\ell=0$ (micro), $\ell=1$ (meso), $\ell=2$ (macro), etc. L'identité paramétrique $\eta_0=\eta_1=\cdots$, $\tau_0=\tau_1=\cdots$ n'est pas obligatoire mais *renforce* l'esprit d'un "réseau fractal".

C. Possibilité de Notion Fractale

Au sens strict, une **notion fractale** implique une **invariance d'échelle**, où la structure d'ensemble demeure similaire quel que soit le niveau d'observation. Dans un **SCN** multi-niveau, cette invariance se manifeste lorsque les mêmes principes organisationnels se retrouvent à différentes échelles.

L'application de la **même** règle DSL à chaque palier assure une continuité structurelle. Si les coefficients de mise à jour, les mécanismes d'inhibition et de synergie restent constants, les processus de formation des clusters se répètent aux différents niveaux. L'utilisation de la **même** fonction Ψ pour l'agrégation et l'évaluation des synergies entre clusters renforce cette homogénéité. Enfin, la distribution des pondérations ω peut suivre des lois de type **power law** ou

scale-free, maintenant ainsi une architecture auto-similaire et dynamique à travers toutes les échelles du SCN.

On aboutit alors à un **modèle** où la répétition de la même dynamique génère une **arborescence fractale**. De nombreux réseaux biologiques ou cognitifs présentent des structures hiérarchiques similaires, suggérant qu'un **DSL** multi-niveau pourrait constituer un modèle mathématique pertinent pour ces phénomènes. Cependant, la fractalité pure reste un cas particulier. En pratique, chaque palier peut recevoir un paramétrage légèrement différent, avec des variations dans les coefficients η_{ℓ} , τ_{ℓ} ou les mécanismes d'inhibition et de renforcement. Ces ajustements permettent d'adapter la dynamique d'auto-organisation aux contraintes spécifiques de chaque niveau, tout en conservant une **cohérence globale** dans la structuration du **SCN**.

D. Avantages et Limites

Le modèle hiérarchique dans le DSL apporte plusieurs avantages. Il facilite la gestion des SCN de grande taille en évitant un traitement direct de $O(n^2)$ liaisons. En procédant par étapes, les entités se regroupent localement avant de se ré-agréger, ce qui améliore la lisibilité du réseau en réduisant la complexité visuelle et computationnelle. Chaque palier traite un sous-ensemble restreint de connexions, ce qui permet d'optimiser les calculs et d'éviter une gestion exhaustive des liens à chaque mise à jour.

Cette **autosimilarité** renforce également la **robustesse** du système. Le même mécanisme de rétroaction coopérative agit à tous les niveaux, garantissant une coordination fluide entre les flux bottom-up et top-down. Cela permet d'assurer une régulation efficace de la synergie, maintenant une cohérence structurelle sur plusieurs échelles. Cependant, un modèle entièrement fractal demande un **paramétrage précis**. Si la taille des clusters augmente sans contrôle, des **oscillations multi-échelles** ou un **blocage précoce** peuvent survenir, empêchant la formation de macrostructures cohérentes. La stabilité du **feedback** est donc un enjeu central pour éviter ces dérives et assurer un équilibre optimal entre plasticité et structuration.

Conclusion (10.3.1.5)

Les **modèles hiérarchiques** dans le **DSL** reposent sur la répétition des mêmes principes d'autoorganisation à différents niveaux d'abstraction. Le **niveau** micro identifie des **clusters** élémentaires qui se regroupent en **super-nœuds** au palier meso, puis ces derniers s'assemblent en **macro-nœuds** plus globaux. Cette dynamique assure une structuration progressive où chaque regroupement conserve sa cohérence tout en s'intégrant dans une organisation plus large.

Les **flux** bottom-up et top-down jouent un rôle central dans cette cohérence multi-niveau. Les structures émergentes au niveau inférieur sont consolidées à un palier supérieur, tandis que les macro-ordres influencent la stabilité ou la réorganisation locale. Dans certaines configurations, cette construction adopte un **caractère fractal**, où la **même loi d'organisation** se réplique à différentes échelles. Le **SCN** acquiert ainsi des propriétés d'**autosimilarité**, facilitant une gestion efficace de la complexité multi-niveau. Il en résulte un **réseau** structuré, capable d'intégrer des variations de granularité sans compromettre la simplicité mathématique du **DSL**, appliquée uniformément à chaque palier.

10.3.2. Modélisation des Synergies Multi-Échelle

Dans le cadre du **Deep Synergy Learning** (DSL), la question de la **multi-échelle** est fondamentale. Il s'agit de comprendre comment les **micro-synergies** issues d'interactions locales entre entités s'agrègent pour former des **macro-synergies**, représentant des structures globales ou des schémas plus abstraits. La section 10.3.2 explore les modèles et théories permettant d'établir un lien cohérent entre ces différentes échelles de synergie.

10.3.2.1. Théorie des Systèmes Emboîtés dans le DSL

Dans la **théorie** des systèmes complexes, plusieurs **niveaux** (micro, méso, macro) peuvent être considérés comme des "**systèmes emboîtés**", où chaque niveau fonctionne comme une entité coopérative tout en s'intégrant dans une structure plus large. Appliqué au **Deep Synergy Learning** (**DSL**), ce principe conduit à une hiérarchie de **paliers**, où l'auto-organisation locale alimente la formation de super-nœuds, puis de macro-nœuds. Ce mode d'emboîtement établit un lien entre la **logique** du **Synergistic Connection Network** (**SCN**) et des principes mathématiques garantissant la cohérence multi-échelle.

A. Fondements de la Hiérarchie : Agrégation et Feedback

Les **systèmes** emboîtés s'appuient sur deux opérations principales. D'une part, il y a l'**agrégation ascendante**, où des entités ou clusters d'un niveau local fusionnent pour former des regroupements plus vastes au palier supérieur. D'autre part, un **feedback descendant** (top-down) peut réorienter la mise à jour ω au niveau local si l'échelle supérieure identifie une incohérence ou un potentiel de fusion.

Soit un ensemble $\{\mathcal{E}_i\}$ au niveau micro. On applique la mise à jour DSL habituelle :

$$\omega_{i,j}^{(h)}(t+1) = \omega_{i,j}^{(h)}(t) + \eta \left[S\left(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j\right) - \tau \, \omega_{i,j}^{(h)}(t) \right],$$

ce qui fait émerger des **micro-clusters** $\{\mathcal{C}_{\alpha}\}$. Au palier suivant L_{h+1} , on agrège ces micro-clusters en super-nœuds $\mathcal{E}_{\alpha}^{(h+1)}$, par exemple en fusionnant les pondérations internes :

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(h+1)} = \Psi_h\Big(\{\omega_{i,j}^{(h)}\} \mid i \in \mathcal{C}_\alpha, \ j \in \mathcal{C}_\beta\Big).$$

Ainsi, chaque **super-nœud** $\mathcal{E}_{\alpha}^{(h+1)}$ représente un groupe plus large d'entités locales, et peut luimême faire l'objet d'une mise à jour DSL :

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(h+1)}(t+1) = \omega_{\alpha,\beta}^{(h+1)}(t) + \eta \left[S^{(h+1)}\Big(\mathcal{E}_{\alpha}^{(h+1)},\mathcal{E}_{\beta}^{(h+1)}\Big) - \tau\,\omega_{\alpha,\beta}^{(h+1)}(t)\right].$$

La **cohérence** entre paliers se maintient via un **flux** descendant. Si un regroupement meso ou macro se révèle pertinent ou contradictoire pour l'organisation d'ensemble, il renvoie un signal Δ_{down} qui agit sur les liaisons locales.

B. Emboîtement Récursif des Structures

Une fois que la transition du niveau L_h au niveau L_{h+1} est définie par agrégation Ψ_h et que la rétroaction descendante est décrite par un opérateur π_h^* , le schéma peut être réitéré. Le niveau L_{h+1}

peut alors se regrouper en **macro-nœuds** au palier L_{h+2} , et ainsi de suite. On obtient alors une chaîne de projections

$$L_1 \stackrel{\pi_1}{\rightarrow} L_2 \stackrel{\pi_2}{\rightarrow} \dots \stackrel{\pi_{H-1}}{\rightarrow} L_H,$$

où chaque L_h est un **sous-système** capable de s'auto-organiser localement. Le système final peut être vu comme un **arbre** (ou un multi-graphe) où les racines sont les entités micro $\{\mathcal{E}_i\}$ et où les nœuds supérieurs correspondent aux agrégations successives.

Un **super-nœud** $\mathcal{E}_{\alpha}^{(h+1)}$ représente une entité de plus grande échelle au sein du niveau h+1. La **théorie** des systèmes emboîtés stipule que les informations essentielles se conservent d'un niveau à l'autre : un super-nœud **hérite** des dynamiques internes de ses constituants tout en maintenant la cohésion globale. Cette cohérence se propage par le **feedback** multi-niveau, où le palier supérieur peut influencer la configuration de l'échelle inférieure en favorisant des fusions, des scissions ou des ajustements structurels.

C. Formalisation par Graphes ou Matrices ω

Au niveau L_h , on traite une **matrice** $\omega^{(h)}$ qui encode les liaisons $\omega^{(h)}_{i,j}$. Après la formation de clusters $\{\mathcal{C}_{\alpha}\}$, on définit $\omega^{(h+1)}_{\alpha,\beta}$ qui représente la synergie entre super-nœuds. La **logique** DSL se répète :

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(h+1)}(t+1) = \omega_{\alpha,\beta}^{(h+1)}(t) + \eta \left[S^{(h+1)}\left(\mathcal{E}_{\alpha}^{(h+1)},\mathcal{E}_{\beta}^{(h+1)}\right) - \tau \,\omega_{\alpha,\beta}^{(h+1)}(t)\right].$$

Le couplage entre paliers se produit lorsque le palier L_{h+1} envoie un correctif $\Delta_{\mathrm{down}}^{(h+1\to h)}$ modifiant $\omega_{i,j}^{(h)}$. Cela engendre une **dynamique** multi-échelle structurée par des projections ascendantes Ψ_h et des feedbacks descendants Δ_{down} . Un **Synergistic Connection Network (SCN)** multi-niveau fonctionne alors comme un **système** emboîté, où chaque sous-structure (cluster, super-nœud) reste gérable localement tout en contribuant à l'organisation globale.

D. Avantages d'une Vision Emboîtée pour le DSL

On retire de la théorie des systèmes emboîtés plusieurs atouts :

Ce gain de modularité permet de structurer le Synergistic Connection Network (SCN) en paliers locaux réduits, chaque niveau alimentant un niveau supérieur par agrégation. Plutôt que de traiter un réseau plat, les super-nœuds interagissent via la même équation DSL, ce qui diminue la complexité globale. Cette organisation offre également une robustesse renforcée : une perturbation affectant un cluster local n'a d'impact sur le niveau macro que si le signal ascendant est suffisamment significatif. La hiérarchie introduit ainsi un filtrage naturel des perturbations, assurant que les ajustements restent circonscrits aux sous-structures concernées sans bouleverser la totalité du SCN.

Par ailleurs, lorsqu'on reproduit la *même* règle DSL (ou presque) à chaque palier, on obtient parfois un phénomène d'**autosimilarité** (chap. 10.3.1.5 sur la notion fractale). Les couches micro, meso, macro s'avèrent régies par la même dynamique de mise à jour, simplement appliquée à des entités de plus en plus vastes (entités élémentaires vs. super-nœuds). Cette récursivité renforce l'unité

mathématique du SCN, en s'appuyant sur des **fonctions** de projection Ψ_h et de feedback π_h^* réitérées.

Conclusion (10.3.2.1)

La **théorie** des systèmes emboîtés fournit un **cadre** méthodologique pour comprendre comment le **DSL** bâtit et entretient différents **niveaux** de son **Synergistic Connection Network**. Il s'agit de "nicher" des clusters (ou super-nœuds) dans des ensembles plus larges, chaque palier reproduisant la règle d'auto-organisation DSL, mais à un degré d'agrégation plus élevé. Les flux **ascendants** agrègent les liaisons locales en $\omega^{(h+1)}$, tandis que les flux **descendants** (feedback top-down) réorientent la configuration si le palier macro détecte des incohérences ou de fortes opportunités de fusion/séparation. Ainsi, on obtient un **SCN** multi-niveau où la **cohérence** se construit de bas en haut et se peaufine de haut en bas, offrant à la fois une **modularité** algorithmique et une **robustesse** face aux variations locales, tout en gardant la trace de l'information la plus fine dans les entités micro.

10.3.2.2. Fonctions Synergiques Multi-Échelle : Relier les Micro-Synergies aux Macro-Synergies

Dans un **DSL** (Deep Synergy Learning) organisé en plusieurs **niveaux**, la question se pose de connecter la **synergie** au niveau micro, calculée entre entités élémentaires \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j , à la **synergie** de plus haut niveau, celle évaluée entre groupes plus vastes ou super-nœuds. Le but est de fournir une **cohérence** entre ce qui se déroule en local (par exemple, un groupe de capteurs ou un ensemble de tokens textuels) et la manière dont ces ensembles sont perçus ou manipulés dans un palier supérieur. Il s'agit donc de définir une **fonction** ou un ensemble de **fonctions** permettant d'agréger ou de composer les **micro-synergies** S(i,j) en une **macro-synergie** $S(\mathcal{C}_{\alpha}, \mathcal{C}_{\beta})$ reflétant la complémentarité ou la co-information entre deux groupes \mathcal{C}_{α} et \mathcal{C}_{β} . Cette intégration est au fondement d'une **vision** multi-niveau ou multi-échelle, où les paliers supérieurs se nourrissent des dynamiques micro tout en guidant, via le **feedback** coopératif, les ajustements locaux.

Il est d'abord nécessaire de rappeler la forme habituelle d'une **micro-synergie**. Au niveau micro, on définit en général une mesure $S(i,j) \in \mathbb{R}$ ou \mathbb{R}^+ pour quantifier la similarité ou la compatibilité entre entités atomiques \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j . Dans le cadre d'un **SCN**, ces valeurs S(i,j) interviennent dans l'actualisation des pondérations $\omega_{i,j}$ en suivant la règle du Deep Synergy Learning :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right].$$

Avec l'émergence de clusters locaux, il devient utile de définir une **macro-synergie** $S(\mathcal{C}_{\alpha}, \mathcal{C}_{\beta})$ lorsque l'on considère deux groupes \mathcal{C}_{α} et \mathcal{C}_{β} . Plusieurs approches d'agrégation s'offrent alors. L'une d'elles consiste à effectuer une **moyenne** ou une **somme** normalisée des micro-synergies pour tous les couples (i, j) où $i \in \mathcal{C}_{\alpha}$ et $j \in \mathcal{C}_{\beta}$. D'un point de vue mathématique, on peut l'exprimer de la façon suivante :

$$S(\mathcal{C}_{\alpha}, \mathcal{C}_{\beta}) = \frac{1}{|\mathcal{C}_{\alpha}| \times |\mathcal{C}_{\beta}|} \sum_{i \in \mathcal{C}_{\alpha}} \sum_{j \in \mathcal{C}_{\beta}} S(i, j).$$

Cette méthode a l'avantage d'être homogène, mais l'inconvénient de "lisser" tous les liens, puisqu'aucune pondération supplémentaire ne vient distinguer les synergies les plus fortes. Une autre option consiste à ne retenir que les plus hautes valeurs de S(i,j) entre \mathcal{C}_{α} et \mathcal{C}_{β} , puis à en effectuer la moyenne. Cela restreint l'influence des liaisons plus modérées ou moins essentielles et fournit un indicateur focalisé sur le noyau fort qui relie ces deux groupes. Sur un plan plus général, on peut recourir à un **filtre** ou une **fonction** pesant les liaisons. Par exemple, on peut poser

$$S(\mathcal{C}_{\alpha}, \mathcal{C}_{\beta}) = \frac{1}{Z} \sum_{i \in \mathcal{C}_{\alpha}} \sum_{j \in \mathcal{C}_{\beta}} \exp(\lambda S(i, j)),$$

où Z est un facteur de normalisation et λ un paramètre d'échelle, de sorte que les plus grandes synergies S(i,j) se voient encore amplifiées, alors que les valeurs moyennes conservent leur influence sans être ignorées.

Ce principe d'agrégation multi-échelle définit la **hiérarchie** dans un **SCN**, où le palier **macro** (ou meso) s'interprète comme un graphe pondéré $\{\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}\}$. Sa construction repose sur les synergies $\{\omega_{i,j}^{(\text{micro})}\}$, agrégées par une fonction Ψ . La dynamique DSL appliquée localement se retrouve ainsi reproduite à l'échelle du graphe macro, où les nœuds α,β correspondent non plus à des entités individuelles, mais à des clusters ou des super-nœuds. La loi de mise à jour reste identique en forme,

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}(t+1) = \omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}(t) + \eta \left[S(\mathcal{C}_{\alpha}, \mathcal{C}_{\beta}) - \tau \, \omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}(t) \right],$$

ce qui aboutit à une **répétition** de la logique DSL à chaque niveau de granularité. Cette répétition favorise l'**auto-similarité** ou la potentialité d'un **modèle fractal** (chap. 10.3.1.5), où la même forme d'agrégation et la même forme de rétroaction descendante se réappliquent de palier en palier. Sur le plan mathématique, cette notion fractale suppose qu'à chaque étape on opte pour une fonction Ψ invariante et qu'on conserve les mêmes paramètres η et τ , ou en tout cas le même type de dépendance, de sorte que l'on puisse déceler la même structure à toutes les échelles.

L'intérêt principal d'une telle approche est de pouvoir **relier** les liaisons **micro** (les synergies locales, souvent nombreuses) à des liaisons **macro** plus abstraites, plus rares mais cruciales pour la cohérence d'ensemble. Ainsi, un **feedback** coopératif descendant partant du macro-nœud α vers les entités i du cluster \mathcal{C}_{α} peut inciter ces entités i à renforcer ou à limiter leurs interactions $\omega_{i,j}$ à un palier local, consolidant la répartition et la forme des micro-clusters selon la vision globale. Ce couplage multi-niveau, illustré dans plusieurs exemples (vision multi-patchs fusionnés en objets, regroupements lexicaux menant à un thème sémantique, etc.), confère au **DSL** la **flexibilité** de s'adapter et de se stabiliser à divers paliers.

En conclusion, les **fonctions** synergiques multi-échelle, qui relient les micro-synergies $\{S(i,j)\}$ à des macro-synergies $\{S(\mathcal{C}_{\alpha}, \mathcal{C}_{\beta})\}$, jouent un rôle majeur dans la **coordination** entre échelles dans un **SCN**. L'agrégation des synergies locales, via une moyenne, une somme, un top-k ou un filtrage exponentiel, permet de donner sens à l'échelle **macro**. Le feedback coopératif, quant à lui, se déploie alors de haut en bas pour orienter les liens micro en fonction de la configuration globale. Ce processus se répète éventuellement à plusieurs niveaux, ouvrant la voie à des **modèles**

hiérarchiques plus complexes et garantissant un **organigramme** en cascade où la sémantique locale (micro-clusters) se prolonge de façon cohérente dans des **macro-patrons** plus vastes.

10.3.2.3. Fusion Perception-Action (Vision, Langage, Action)

Dans un **Deep Synergy Learning (DSL)** multi-niveau, la synergie ne se limite pas à des entités homogènes (comme des tokens textuels ou des patches visuels). Elle s'applique également à des **flux hétérogènes** (images, signaux linguistiques, commandes motrices), de sorte que la **perception** (vision, audio, etc.) et l'**action** (contrôle moteur, choix de comportements) s'avèrent reliées par la logique du DSL. Lorsque le **langage** intervient en plus, le **SCN** (Synergistic Connection Network) doit alors gérer des liaisons entre entités de perception, entités de langage et primitives d'action, et ce de manière **cohérente**. La section 10.3.2.3 décrit comment le DSL orchestre cette fusion perception—action—langage via la synergie multi-échelle et la mise à jour auto-adaptative des pondérations ω .

A. Contexte et Enjeux

Un **DSL** enrichi de **vision**, **langage** et **action** fait appel à trois flux majeurs. Le flux **perception** comprend souvent des informations visuelles (images, représentations de CNN, etc.) ou auditives, le flux **langage** encode des phrases, tokens ou des embeddings sémantiques, et le flux **action** recouvre les commandes motrices ou instructions comportementales. Du point de vue du **Synergistic Connection Network**, chaque flux se décompose en **entités** $\{\mathcal{E}_i\}$ possédant leur propre format, mais susceptibles d'être reliées entre elles par des pondérations $\omega_{i,j}$ si une **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ le justifie. Les objectifs consistent à interpréter les données sensorielles, à les relier à des concepts linguistiques et à les traduire en actions ou en intentions motrices. Le **feedback** coopératif assure la **cohérence** de ces interactions, en modulant les liaisons ω .

B. Approche Mathématique : Synergie Multi-Flux

On part de la règle DSL de base :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right],$$

Mais on l'applique maintenant à des paires (i,j) pouvant relever de trois types d'entités, vision \mathcal{X}_{vis} , langage \mathcal{X}_{lang} ou action \mathcal{X}_{act} . En pratique, on définit plusieurs **fonctions** de similarité ou de compatibilité, comme

$$S_{\text{vis,lang}}(\mathcal{E}_v,\mathcal{E}_l), \quad S_{\text{vis,act}}(\mathcal{E}_v,\mathcal{E}_a), \quad S_{\text{lang,act}}(\mathcal{E}_l,\mathcal{E}_a).$$

Chaque fonction peut recourir à un **embedding** approprié ou à un calcul d'information mutuelle. La dynamique DSL conduira alors à consolider les liaisons $\omega_{v,l}$ si vision et langage se recoupent souvent, ou $\omega_{v,a}$ si un patch visuel se relie régulièrement à une commande action, etc. De cette manière, un cluster multi-modal (comprenant un item visuel, un token linguistique et une primitive d'action) peut émerger lorsqu'ils se retrouvent conjointement activés ou corrélés.

C. Processus de Fusion Perception-Action en Synergie

Le SCN issu d'un DSL multi-flux fonctionne en boucle sensorimotrice. Lors d'une phase d'observation, l'agent capture une scène (images, sons), recueille des énoncés linguistiques (s'il y a un contexte textuel ou oral), et met à jour ses liaisons ω . Lors d'une phase d'interprétation, il identifie des associations fortes entre ce qu'il perçoit et des concepts ou champs lexicaux. Dès que se dégage une intention d'action, le DSL va sélectionner la commande la plus "naturelle" ou la plus synergiquement reliée à cette configuration perceptuelle et/ou linguistique. Sur le plan mathématique, la décision d'action peut se concevoir comme la recherche du sousgroupe $\{\mathcal{E}_v, \mathcal{E}_l, \mathcal{E}_a\}$ maximisant la somme ou le produit $\omega_{v,l} + \omega_{v,a} + \omega_{l,a}$ (ou une fonction similaire). Le fait de renforcer $\omega_{v,a}$ chaque fois qu'une vision \mathcal{E}_v et une action \mathcal{E}_a s'accomplissent conjointement (et aboutissent à un résultat cohérent) consolide un "micro-cluster" reliant perception action. Lorsque le langage s'intercale, il agit comme un pont sémantique. Un token "chat" se lie au patch visuel "chat", lequel se connecte à l'action "caresser chat". La synergie coactive $\omega_{\text{(vis,lang)}}$ + $\omega_{({\rm vis,act})} + \omega_{({\rm lang,act})}$. Si l'utilisateur donne un ordre textuel "caresser le chat", la dynamique ω favorise l'association à la scène visuelle d'un chat et la commande "caresser chat".

D. Aspects Mathématiques Avancés: Interaction Vision-Langage-Action

On peut pousser plus loin cette **fusion** en autorisant un terme **n-aire** (voir chap. 12 sur la synergie n-aire). La triple co-occurrence $(\mathcal{E}_v, \mathcal{E}_l, \mathcal{E}_a)$ peut se doter d'un poids $\omega_{v,l,a}$ qui se met à jour lorsque ces trois entités sont conjointement actives. Cela implique une fonction

$$S(\mathcal{E}_v,\mathcal{E}_l,\mathcal{E}_a)$$

de fonctions plutôt binaires $S(\mathcal{E}_n, \mathcal{E}_l)$ qu'une somme Sur le plan du **feedback** coopératif, la présence de \mathcal{E}_{v} , \mathcal{E}_{l} et \mathcal{E}_{a} ensemble peut engendrer un **signal** top-down affirmant l'aboutissement de la commande (ex. l'action a réussi), ce qui renforce $\omega_{v,l}$ et d'un $\omega_{v,a}$, $\omega_{l,a}$ Un autre point central est la **boucle** sensorimotrice. Lorsque l'agent agit, son environnement visuel ou la disponibilité de mots dans un dialogue se modifie, ce qui reconfigure les pondérations ω . Le DSL permet une adaptation continue. Si l'agent découvre une nouvelle manière d'interpréter un objet ou un ordre, les liens correspondants se renforceront progressivement au fil des itérations.

Conclusion (10.3.2.3)

La fusion perception-action (incluant vision, langage, et commande motrice) dans un SCN multi-flux s'effectue en partant de la règle DSL appliquée à chaque flux et en reliant les entités de divers types via des pondérations ω . Le **feedback** coopératif, associant flux **ascendants** (détection de synergies) et descendants (inhibition ou renforcement dictés par le palier macro), unifie la perception, sémantique l'action ensemble et dans un Les **synergies** $\{\omega_{v,l}, \omega_{v,a}, \omega_{l,a}\}$ constituent la clé de voûte d'un agent capable de reconnaître un objet, d'en discuter et d'accomplir une tâche associée. Cet agent se construit progressivement. À chaque essai, par exemple lorsqu'un robot tente une action en réponse à un ordre verbal, la pondération entre la représentation visuelle, la phrase correspondante et la commande motrice se renforce en cas de réussite et s'affaiblit dans le cas contraire. Cette auto-organisation assure la

cohérence entre les différents flux et soutient les systèmes **interactifs** ou **autonomes** de nouvelle génération.

10.3.2.4. Algorithmes d'Intégration Multi-Échelle Synergique

Dans un **Deep Synergy Learning (DSL)** à paliers multiples, l'objectif est de coordonner la formation de **micro-clusters** (niveau local) et la constitution de **macro-clusters** (niveau supérieur), tout en gérant un **feedback** coopératif inter-niveaux (bottom-up et top-down). Les algorithmes décrits ci-dessous visent à mettre en œuvre cette dynamique multi-échelle de manière stable et cohérente, en s'appuyant sur la même règle DSL fondamentale. Ils permettent d'élever progressivement les entités \mathcal{E}_i depuis des groupements locaux vers des abstractions plus larges, et de répercuter, en sens inverse, les contraintes globales ou macro-ordres vers la structure fine.

A. Détection Initiale de Micro-Clusters

La première étape réside dans l'organisation des entités élémentaires $\{\mathcal{E}_1, ..., \mathcal{E}_n\}$ en **micro-clusters**. Chacune appartient à un flux sensoriel, linguistique ou autre, et l'on évalue la **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ pour toutes les paires (i, j) jugées pertinentes. La mise à jour DSL opère selon :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t)],$$

et peut être agrémentée de termes d'inhibition ou de bruit (recuit léger). Après un certain nombre d'itérations ou de convergence partielle, on identifie les liaisons $\omega_{i,j}$ dont la valeur dépasse un seuil θ_{micro} . Les entités connectées par ces liaisons fortes forment un **cluster** local $\mathcal{C}_{\alpha}^{(\text{micro})}$. Techniquement, cela revient à exécuter un algorithme de détection de composantes ou un "community detection" dans le graphe binaire obtenu par ce seuil. Cette phase aboutit à un partitionnement local, où chaque micro-cluster incarne une cohésion fine entre les entités.

B. Agrégation Hiérarchique en Macro-Nœuds

Une fois les **micro-clusters** $\{\mathcal{C}_{\alpha}^{(\text{micro})}\}$ identifiés, on construit un palier supérieur en considérant chaque cluster comme un **super-nœud** $\mathcal{N}_{\alpha}^{(1)}$. Pour mesurer la **synergie** entre deux super-nœuds $\mathcal{N}_{\alpha}^{(1)}$ et $\mathcal{N}_{\beta}^{(1)}$, on agrège les pondérations $\omega_{i,j}$ reliant les entités de \mathcal{C}_{α} à celles de \mathcal{C}_{β} . Par exemple, on peut définir :

$$S(\mathcal{N}_{\alpha}^{(1)}, \mathcal{N}_{\beta}^{(1)}) = \Psi(\{\omega_{i,j}\} \mid i \in \mathcal{C}_{\alpha}, j \in \mathcal{C}_{\beta}),$$

où Ψ peut être une moyenne, un maximum, un top-k, ou toute fonction qui rend compte de la synergie globale entre ces groupes. On applique la **logique DSL** à ces super-nœuds en définissant $\omega_{\alpha,\beta}^{(1)}$ comme la pondération macro-locale, mise à jour selon l'équation suivante

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(1)}(t+1) = \omega_{\alpha,\beta}^{(1)}(t) + \eta \left[S\left(\mathcal{N}_{\alpha}^{(1)}, \mathcal{N}_{\beta}^{(1)}\right) - \tau \,\omega_{\alpha,\beta}^{(1)}(t) \right].$$

Si $\omega_{\alpha,\beta}^{(1)}$ atteint un seuil critique, $\mathcal{N}_{\alpha}^{(1)}$ et $\mathcal{N}_{\beta}^{(1)}$ peuvent être fusionnés en un cluster plus large ou un nœud d'ordre supérieur. Ce processus suit une logique ascendante similaire à un **clustering**

agglomératif, où les super-nœuds les plus fortement reliés s'intègrent progressivement en un macro-cluster.

C. Synchronisation Inter-Niveaux et Feedback

Pour garantir la **cohérence** multi-échelle, on introduit un couplage entre les paliers : un flux **ascendant** (bottom-up) agrégeant les micro-clusters en super-nœuds, et un flux **descendant** (top-down) où les macro-nœuds peuvent influencer les liaisons micro. Ce feedback top-down se formalise par un **terme** Δ_{down} inséré dans la mise à jour des pondérations $\omega_{i,j}$ au niveau inférieur. Par exemple, si le palier macro détecte une segmentation trop large, il peut imposer un feedback négatif sur certaines liaisons $\omega_{i,j}$ pour scinder un groupement local. Ou bien, si un super-nœud s'avère très pertinent, on peut renforcer localement les liens unissant ses entités.

D. Algorithmes d'Intégration Multi-Échelle Synergique

Sur la base de ces considérations (détection micro, agrégation macro, feedback inter-niveaux), on peut proposer plusieurs **schémas** algorithmiques :

Algorithme Montée-Descendante Hybride.

Dans un pipeline concret, on débute par la **phase micro** en itérant la DSL jusqu'à atteindre une stabilisation locale. Une fois cet état atteint, on applique un seuil sur ω afin de regrouper les entités en micro-clusters. On passe ensuite à la **phase macro**, où l'on construit un graphe de super-nœuds et l'on réapplique la DSL pour identifier les fusions possibles à ce niveau supérieur. Si un macro-nœud présente une hétérogénéité excessive, un **feedback** descendant intervient pour réajuster la structure au niveau micro. Ce processus d'alternance se poursuit jusqu'à l'atteinte d'un état quasi-stable, établissant ainsi une hiérarchie cohérente entre les niveaux micro et macro. Ce processus rappelle un algorithme **ascendant** (agglomératif) avec une **possibilité** de redescente pour ré-optimiser les liens locaux (cf. "community detection" multi-niveau).

Algorithme Cycle Échelonné.

On peut également instaurer des cycles explicites où, durant plusieurs itérations, l'ajustement se limite au **niveau micro** ou meso, mettant à jour $\omega_{i,j}$. Une fois cette phase stabilisée, on fige ce niveau et on intervient sur le **niveau macro** pour réorganiser les super-nœuds. Une fois cette restructuration effectuée, un feedback descendant est envoyé afin de corriger la structure micro. Ce cycle se répète plusieurs fois, avec un degré d'agrégation croissant à chaque itération, jusqu'à l'obtention d'une convergence simultanée entre les différents paliers.

Gestion Dynamique.

Dans un apprentissage continu (chap. 9), de nouvelles entités \mathcal{E}_{new} apparaissent, s'insèrent au palier micro, et l'on réactualise la cascade hiérarchique. Des macro-nœuds existants peuvent aussi se scinder ou se redéfinir. Dans ce scénario, l'algorithme se fait "en flux", maintenant la cohérence multi-échelle au fur et à mesure des arrivées.

E. Indicateurs et Maths Supplémentaires

Pour évaluer la **qualité** de l'intégration multi-niveau, on peut définir la "cohérence" d'un macro-nœud en somme ou moyenne de ω rapportée au nombre de liens, mesurer la synergie inter-nœuds, ou encore analyser la **dimension fractale** (chap. 10.3.1.5) si le réseau se trouve dans un état auto-similaire. Lorsque le DSL multi-niveau est censé représenter un flux sensoriel ou un ensemble de

comportements, on peut calculer un critère de **performance** global (rapidité d'exécution, précision de classification) et vérifier que la hiérarchie micro-macro ne cesse de s'optimiser à la faveur de la dynamique DSL.

Conclusion (10.3.2.4)

Les algorithmes d'intégration multi-échelle synergique dans un DSL suivent une séquence d'opérations reposant sur la même mise à jour fondamentale. On commence par détecter des micro-clusters au niveau local, puis on regroupe ces micro-clusters en super-nœuds au sein d'une structure hiérarchique. Une fois cette organisation établie, on applique la logique DSL au palier supérieur pour renforcer ou affaiblir les connexions entre super-nœuds. Un feedback descendant intervient ensuite si des réajustements sont nécessaires, ajustant la structure micro en fonction des observations du macro-nœud. Certains algorithmes opèrent en alternant ces phases de manière explicite, tandis que d'autres assurent la convergence de façon continue, laissant émerger une interactions. hiérarchie stable au Le socle théorique de cette intégration garantit qu'à chaque palier, la règle DSL (renforcement/amortissement de ω) continue d'opérer, mais sur des entités ou clusters de plus en plus vastes. Le feedback inter-niveaux préserve la cohérence globale, assurant une autoorganisation hiérarchique aboutissant à une représentation en paliers successifs (micro, meso, macro) et, si souhaité, à une structure potentiellement autosimilaire. De ce fait, un SCN multiniveau devient en mesure de traiter un large ensemble d'entités tout en maintenant une distribution sélective des liens, dans un style fractal ou modulaire, selon les besoins.

10.3.2.5. Rétroactions et Anticipations Multi-Niveau (Feedback/Feedforward)

Un **Deep Synergy Learning (DSL)** multi-niveau requiert des mécanismes pour maintenir la **cohérence** entre paliers (micro, meso, macro) dans le temps, particulièrement lorsque surviennent des perturbations ou que l'environnement évolue. Il devient crucial de mettre en place des schémas de **rétroaction** (feedback) permettant la correction d'écarts, et de **feedforward** (anticipation) qui préparent le réseau à d'éventuels changements avant qu'ils n'impactent sa configuration. La section 10.3.2.5 examine comment ces deux principes s'intègrent dans la logique du **Synergistic Connection Network** (**SCN**), contribuant à un équilibre dynamique et à une meilleure résilience de l'auto-organisation multi-échelle.

A. Rétroaction Coopérative : Flux Descendants et Ascendants

Dans un **DSL** hiérarchique, chaque palier agit comme un ensemble semi-autonome, mais communique en permanence avec les paliers supérieurs et inférieurs pour maintenir la cohérence globale.

Feedback Descendant (Top-Down).

Les niveaux supérieurs, ayant une vue agrégée ou plus abstraite, renvoient un **signal** correcteur vers les liaisons ω d'un palier inférieur. On peut représenter cela comme un terme supplémentaire $\Delta_{\text{down}}^{(\text{macro} \to \text{micro})}(i, j, t)$ venant s'additionner à la mise à jour DSL :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{down}}^{(\text{macro})}(i,j,t).$$

Lorsqu'un cluster macro détecte une incohérence ou souhaite fusionner deux groupes, il peut ainsi imposer un **boost** (augmentation) de certaines liaisons micro, ou au contraire les inhiber pour aligner le niveau local sur un nouveau plan d'organisation.

Feedback Ascendant (Bottom-Up).

Le niveau micro ou meso peut également émettre un **retour** vers le palier supérieur, signalant par exemple la formation d'un micro-cluster inattendu, ou une synergie forte qui n'est pas encore reconnue par le niveau macro. Sur le plan mathématique, ce feedback ascendant se formalise en intégrant un couplage dans la fonction de coût (ou d'énergie) globale, reliant l'état local $\mathbf{x}_{h,k}(t)$ et l'état macro $\mathbf{x}_{h+1,m}(t)$. Le palier macro peut alors réviser son "carte" des super-nœuds si le micro-niveau détecte un nouveau motif pertinent. L'enjeu est de laisser la **spontanéité** locale s'exprimer (sans contrôle permanent d'en haut), tout en maintenant la **vision** globale lorsque cela est nécessaire (si le niveau local dérive vers une configuration incompatible).

B. Anticipation: Préparer les Ajustements Futurs (Feedforward)

La rétroaction corrige un **écart** ou une contradiction une fois qu'elle survient. L'**anticipation** (feedforward) s'ajoute pour prédire et éviter un désalignement potentiel.

Pourquoi l'Anticipation ?

Un système qui ne fait que réagir aux écarts, peut se montrer efficace mais reste "suiveur". Dans des contextes dynamiques, prévoir qu'un certain sous-groupe ou cluster va prendre de l'importance, ou qu'un macro-nœud va être sollicité prochainement, peut économiser bien des réajustements tardifs. On veut donc un **mécanisme** où le palier macro "pré-active" ou "pré-régule" certains liens $\omega_{i,i}$ si l'on anticipe leur utilité prochaine.

Modélisation Mathématique d'un Signal de Prévision. On définit par exemple une fonction Ψ_h permettant d'estimer l'état futur $\mathbf{x}_{h,k}(t+\Delta t)$ en se basant sur l'état présent $\{\mathbf{x}_{h,k}(t)\}$ et sur l'information du palier supérieur $\{\mathbf{x}_{h+1,m}(t)\}$. On aboutit à un feedforward :

$$\mathbf{x}_{h,k}(t+\Delta t) \approx \Psi_h(\{\mathbf{x}_{h,k}(t)\}_k, \{\mathbf{x}_{h+1,m}(t)\}_m).$$

Si la macro-couche prédit qu'une transition se produira, elle peut injecter un **terme** d'ajustement Δ_{anticip} dans la mise à jour $\omega_{i,j}$. De ce fait, quand le changement arrive réellement, la structure est déjà partiellement adaptée, évitant une phase de recomposition lente et des oscillations importantes.

C. Régulation Globale : Équilibre entre Feedback et Feedforward

La **logique** DSL peut être complétée par des termes dans la fonction de coût \mathcal{L}_{total} ou \mathcal{J} , prenant en compte simultanément :

- La minimisation de l'écart $\|\mathbf{x}_{h,k}(t+\Delta t) \Psi_h(...)\|$ (pour garantir l'anticipation),
- La correction des **incohérences** présentes (feedback correctif),
- La consolidation de l'état actuel (renforcement des liens les plus pertinents).

Le système d'équations $\dot{\omega}_{i,j} = ...$ ou $\omega(t+1) = ...$ doit conjuguer ces termes. La performance ou la stabilité globale repose alors sur la capacité à trouver un **compromis** ou un **point fixe** satisfaisant, où le feedforward prépare les changements et le feedback rectifie en cas d'écart imprévu.

D. Apport Computationnel et Cognitif

En cognition, la boucle sensorimotrice repose sur un double mécanisme. D'un côté, un contrôle descendant prépare la perception en allouant des ressources à certaines zones pertinentes, comme dans le cas de l'attention sélective. De l'autre, un contrôle descendant intervient après coup pour ajuster les représentations en fonction des erreurs détectées. Dans un **DSL** multi-niveau, cette circulation d'information dépasse une simple mise à jour réactive. Elle permet d'anticiper les évolutions du réseau en renforçant les clusters jugés pertinents et en diminuant ceux qui deviennent obsolètes.

Computationnellement, cette approche réduit le temps d'adaptation en évitant une reconfiguration brutale du réseau à chaque nouveauté. Sur le plan algorithmique, la synergie multi-échelle s'enrichit d'un levier de planification. La macro-couche exploite un modèle simplifié du futur pour guider la formation et la réorganisation des clusters locaux.

Conclusion (10.3.2.5)

Dans un **DSL** multi-niveau, la **cohérence** entre paliers n'est pas assurée par un simple flux ascendant. Les **mécanismes** de **rétroaction** (feedback) — descendant et ascendant — et d'**anticipation** (feedforward) complètent la règle d'auto-organisation, permettant au réseau :

- 1. De **corriger** (feedback) : quand un écart ou une contradiction se révèle, la macro-couche oriente la micro-couche et inversement,
- 2. D'anticiper (feedforward) : la macro-couche peut prévoir un changement, "pré-activer" ou "pré-réguler" certains liens ω pour limiter la désorganisation future.

Ces principes confèrent un **caractère** plus dynamique et plus "cognitif" au SCN, améliorant la rapidité de convergence et la robustesse face aux variations, tout en permettant une **autosimilarité** fractale où le même schéma d'organisation (micro—macro et feedback/ feedforward) se reproduit aux divers paliers. Un tel système peut alors gérer de grands flux d'informations avec **souplesse** et **proactivité**, relevant à la fois de la correction d'erreurs et de la préparation à des perturbations anticipées.

10.3.3. Propagation de l'Information à Travers les Échelles

Au sein d'un **Deep Synergy Learning** multi-niveau, l'information suit une propagation non linéaire. Elle circule de manière ascendante en remontant depuis les entités locales vers les niveaux supérieurs et descendante en influençant la réorganisation des structures de plus bas niveau. Cette interaction entre flux garantit une cohérence d'ensemble tout en laissant une marge d'adaptation locale. La section suivante examine le fonctionnement des flux ascendants et descendants dans un **DSL** distribué sur plusieurs échelles.

10.3.3.1. Flux Ascendants et Descendants dans le DSL (Bottom-Up, Top-Down)

Le **Deep Synergy Learning (DSL)** repose sur une organisation multi-niveau, où des entités ou clusters locaux se regroupent progressivement en structures plus globales (macro-nœuds), lesquelles peuvent en retour imposer une cohérence à l'échelle inférieure. Cette circulation de l'information en deux sens, dit **bottom-up** (flux ascendant) et **top-down** (flux descendant), constitue le coeur du **feedback coopératif** au sein d'un **Synergistic Connection Network** (SCN). La présente section (10.3.3.1) illustre la mise en oeuvre de ces flux, leur formalisation mathématique et l'équilibre qu'ils instaurent pour maintenir l'**auto-organisation** sur plusieurs échelles.

Flux Ascendants (Bottom-Up)

L'organisation **bottom-up** part des entités locales $\{\mathcal{E}_i\}$. Les pondérations $\omega_{i,j}$ se mettent à jour via la dynamique DSL :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \big[S\big(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j\big) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \big].$$

Lorsque les liaisons $\{\omega_{i,j}\}$ atteignent un niveau de cohésion suffisant après plusieurs itérations, des **micro-clusters** $\mathcal{C}_{\alpha} \subseteq \{\mathcal{E}_1, ..., \mathcal{E}_n\}$ émergent. Ces ensembles possèdent des connexions internes renforcées, traduisant une synergie locale élevée. À un palier supérieur, chaque cluster \mathcal{C}_{α} est interprété comme un **super-nœud** $\mathcal{N}_{\alpha}^{(1)}$. Les pondérations $\{\omega_{i,j}\}$ au sein des \mathcal{C}_{α} sont agrégées pour produire un nouveau jeu de pondérations $\omega_{\alpha,\beta}^{(1)}$, reflétant la synergie entre les super-nœuds $\mathcal{N}_{\alpha}^{(1)}$ et $\mathcal{N}_{\beta}^{(1)}$. Cette agrégation se formalise :

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(1)} = \Psi\left(\{\omega_{i,j}\}_{i\in\mathcal{C}_{\alpha},\ j\in\mathcal{C}_{\beta}}\right),\,$$

où Ψ peut être une moyenne, un top-k, ou encore un mécanisme de co-information. On obtient ainsi un **flux ascendant** où l'information du palier micro, représentée par les liaisons $\omega_{i,j}$ entre entités, est transformée en $\omega_{\alpha,\beta}^{(1)}$. Cette **agrégation** permet de structurer le réseau en un **niveau hiérarchique** supérieur, où les super-nœuds deviennent les nouvelles unités fondamentales. Ce processus ouvre la voie à une organisation multi-niveau, où l'étape suivante (niveau 2) considère ces super-nœuds comme ses éléments de base.

Flux Descendants (Top-Down)

Inversement, le niveau supérieur (macro) s'appuie sur sa vue agrégée pour **rétroagir** sur le palier inférieur. Les super-nœuds $\{\mathcal{N}_{\alpha}^{(1)}\}$ détectent peut-être un motif global incompatible avec la distribution locale des liens, ou identifient une nécessité d'unifier deux micro-clusters qui n'ont pas encore réalisé leur forte complémentarité. On ajoute alors un **terme** Δ_{down} au sein de la mise à jour DSL dans le niveau micro :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S\left(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j\right) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{down}}(i,j,t).$$

Si les macro-nœuds observent qu'un micro-cluster \mathcal{C}_{α} est trop hétérogène, ils peuvent envoyer une rétroaction négative sur certaines liaisons $\omega_{i,j}$ internes. A contrario, ils peuvent encourager la fusion (renforcement) de deux micro-clusters proches en rendant Δ_{down} positif pour leurs liaisons

transitoires. Cette **descente** oriente la structure locale en fonction des contraintes ou objectifs globaux (nouveau thème, mission, etc.).

A. Interactions entre Bottom-Up et Top-Down

L'articulation de ces deux flux forme la réciprocité clé du DSL multi-échelle :

Les **ascendants** agrègent les informations fines et bâtissent progressivement des super-nœuds ; les **descendants** vérifient et ajustent, empêchant que les micro-clusters ne s'enferment dans une configuration limitative ou contredisant le contexte large. Sur le plan mathématique, on peut modéliser ce double flux par des **équations couplées** :

$$\begin{cases} \omega_{\rm micro}(t+1) = \omega_{\rm micro}(t) + F_{\rm ascend}(\omega_{\rm micro}, \omega_{\rm macro}), \\ \omega_{\rm macro}(t+1) = \omega_{\rm macro}(t) + F_{\rm descend}(\omega_{\rm micro}, \omega_{\rm macro}), \end{cases}$$

où $F_{\rm ascend}$ englobe l'agrégation et le recalcul des synergies, tandis que $F_{\rm descend}$ capture le feedback imposé par la couche supérieure. L'objectif est qu'un **point fixe** ou un cycle stable émerge, assurant une cohérence multi-échelle.

B. Bénéfices Opérationnels

Le couplage bottom-up et top-down favorise l'adaptation et renforce la robustesse de l'autoorganisation.

Il accélère l'apprentissage en permettant au niveau macro d'orienter les ajustements locaux, évitant ainsi des configurations temporaires inutiles. Parallèlement, le niveau micro conserve sa capacité à détecter spontanément des regroupements émergents ou des patterns que le macro-niveau n'avait pas anticipés. Cette interaction aboutit à un système flexible qui co-construit sa structure hiérarchique de manière dynamique.

Il réduit la complexité en évitant la gestion d'un graphe plat de complexité $O(n^2)$ en favorisant une organisation par paliers. Le flux ascendant condense l'information tandis que le flux descendant veille à maintenir la cohérence globale.

Il facilite la répartition des rôles en spécialisant les niveaux d'organisation. Le micro-niveau se focalise sur la précision locale et la cohérence des entités, tandis que le macro-niveau gère une vision plus large, s'occupant des communautés et des objectifs globaux. Cette structuration repose sur une dynamique DSL appliquée à chaque palier, favorisant une forme d'autosimilarité et renforçant la notion fractale du réseau.

Conclusion (10.3.3.1)

Les **flux** ascendants (bottom-up) et descendants (top-down) dans un **DSL** multi-niveau mettent en place la **circulation** bidirectionnelle qui assure l'auto-organisation hiérarchique. Les micro-clusters se forment localement et agrègent leurs synergies pour créer des super-nœuds au palier supérieur. Les macro-nœuds (ou super-nœuds plus abstraits) renvoient des **signaux** correctifs ou renforçateurs, imposant une cohérence ou orientant les liaisons locales $\omega_{i,j}$. D'un point de vue mathématique, ces flux se formalisent par des équations de couplage intégrant la mise à jour DSL $\omega(t+1)$ et les opérateurs d'agrégation et de feedback multi-niveau. Cette structure justifie la robustesse et l'adaptabilité de la hiérarchie auto-organisée.

Plutôt que d'imposer une séparation rigide entre les paliers, le système favorise une coopération bidirectionnelle entre niveaux. Ce couplage assure une cohérence globale tout en préservant la spontanéité et la capacité d'adaptation locale.

10.3.3.2. Boucles de Feedback Coopératif entre Niveaux

Lorsque le **Deep Synergy Learning (DSL)** s'étend sur plusieurs paliers micro, meso et macro, un simple aller-retour entre les niveaux ne suffit pas à garantir la **cohérence** multi-échelle. Des **boucles** de **feedback coopératif** émergent, un niveau intermédiaire ou macro envoie des signaux de correction ou de support vers le niveau inférieur. Après ajustement, ce dernier transmet à son tour des informations mises à jour, ce qui déclenche un nouveau feedback.

Ce **mécanisme** engendre un circuit récurrent favorisant une coordination stable et une capacité d'adaptation continue. La section **10.3.3.2** examine la structure mathématique et conceptuelle de ces boucles, leurs effets sur l'auto-organisation du SCN et les conditions assurant leur équilibre.

A. Principe Général d'une Boucle de Feedback Coopératif

Un **DSL** à plusieurs paliers comme micro, meso et macro peut suivre un schéma simple avec un flux ascendant puis descendant. Cependant, dans de nombreux cas, une **récurrence** plus riche apparaît. Après un flux ascendant bottom-up qui agrège les micro-liens en super-nœuds, un flux descendant top-down ajuste le niveau micro. Ensuite, un **nouveau** flux ascendant actualise l'état du niveau macro, et le processus se répète.

Cette **dynamique** forme une **boucle**, chaque mise à jour d'un palier dépendant du feedback d'un autre. Le SCN ajuste ainsi continuellement sa structure, favorisant une **stabilité adaptative**, où l'équilibre résulte d'interactions successives entre les niveaux de l'organisation hiérarchique. Cela se formalise par des **systèmes dynamiques couplés** :

$$\begin{cases} \boldsymbol{\Omega}^{(h)}(t+1) &= F_h\left(\boldsymbol{\Omega}^{(h)}(t), \, \boldsymbol{\Delta}^{\left((h-1)\to h\right)}(t), \, \boldsymbol{\Delta}^{\left((h+1)\to h\right)}(t)\right), \\ \boldsymbol{\Delta}^{(h\to h+1)}(t+1) &= G_{h\to h+1}\left(\boldsymbol{\Omega}^{(h)}(t+1)\right), \end{cases}$$

indiquant que chaque niveau $\mathbf{\Omega}^{(h)}$ s'actualise en fonction des flux ascendants/descendants, puis **génère** lui-même un signal $\Delta^{(h\to h+1)}$ ou $\Delta^{(h\to h-1)}$ pour le niveau adjacent. Ces flux forment un **cycle** qui converge ou oscille en fonction des paramètres.

B. Formalisation Mathématique d'une Boucle de Feedback

Soit $\Omega^{(h)}(t)$ la **matrice** (ou ensemble) de pondérations au **niveau** h. Le flux **ascendant** correspond à une **agrégation** $\Phi^{(h\to h+1)}$:

$$\Delta^{(h\to h+1)}(t) = \Phi^{(h\to h+1)}\left(\mathbf{\Omega}^{(h)}(t)\right),\,$$

tandis que le flux **descendant** se traduit dans la mise à jour de $\Omega^{(h)}$:

$$\mathbf{\Omega}^{(h)}(t+1) = \mathbf{\Omega}^{(h)}(t) + \Gamma^{((h+1)\to h)}(\Delta^{((h+1)\to h)}(t)).$$

Si on applique la **règle** DSL à chaque niveau, la dynamique devient **couplée**. L'objectif est qu'à terme, la structure $\Omega^{(h)}$ et la structure $\Omega^{(h+1)}$ atteignent une **stabilisation**, garantissant une cohérence multi-échelle. Le **feedback coopératif** repose sur une **interaction** récurrente entre les niveaux, où ni le flux ascendant ni le flux descendant ne s'imposent de manière unilatérale. Chaque palier **informe**, **corrige** et **réajuste** en fonction des échanges successifs, assurant une évolution progressive et adaptative du réseau.

C. Coopération et Non Simple Contrôle

Dans ces **boucles**, la hiérarchie (micro, meso, macro) n'est pas purement "directive". Le palier macro peut repérer un motif global, mais il dépend de la fraîcheur de l'information micro pour ajuster son propre graphe. Inversement, le micro-lien $\omega_{i,j}$ se laisse influencer par un terme descendant $\Delta_{\text{down}}(i,j)$, évitant de dériver vers un cluster local peu pertinent pour la vue d'ensemble. Les deux paliers "discutent" pour converger vers un état stable ou un cycle stable — ce qui rappelle la **coopération** multi-niveau des systèmes biologiques ou cognitifs. Sur le plan **algorithmique**, on peut implémenter des **itérations** successives où, à chaque step, le niveau ℓ met à jour ses $\omega^{(\ell)}$, puis calcule un flux $\Delta^{(\ell \to \ell + 1)}$, puis la couche $\ell + 1$ répond en créant $\Delta^{(\ell + 1 \to \ell)}$, etc. Ce processus peut être synchrone ou asynchrone, et nécessite un **paramétrage** fin (ex. intensité du feedback, latence, rythme de mise à jour...).

D. Avantages et Défis

Ces **boucles** coopératives favorisent l'**adaptation**. Le palier macro peut intervenir progressivement sans attendre la stabilisation complète du micro-niveau, permettant des corrections **en temps réel**. De même, si un cluster émergent ou un flux inattendu apparaît, le niveau micro peut immédiatement en informer le macro, assurant une réaction rapide. Cette structure **accélère** également la convergence multi-niveau. Le top-down évite au niveau micro de perdre du temps dans des configurations transitoires, tandis que le bottom-up empêche le macro de rester figé sur des schémas obsolètes.

La **non-linéarité** du couplage peut provoquer des **oscillations** ou des **dynamiques chaotiques**. Un **feedback** trop fort peut entraîner un effet de "ping-pong" entre niveaux. Il est aussi nécessaire de contrôler les mises à jour asynchrones pour éviter des corrections infinies et contradictoires. Un **paramétrage précis** est souvent requis. Un **facteur** α permet d'ajuster la force du feedback, et un **rythme** peut être défini (ex. "toutes les 10 itérations micro, un ajustement macro suivi d'une correction descendante"). L'analyse de convergence (valeurs propres, linéarisation) aide à déterminer la **zone** où la boucle atteint un état stable.

Conclusion (10.3.3.2)

Les **boucles** de **feedback coopératif** entre niveaux établissent un **DSL** réellement multi-niveau. Plutôt qu'une seule remontée (bottom-up) suivie d'une seule descente (top-down), un **processus récurrent** prend place. Les paliers s'**échangent** en continu leurs découvertes et leurs contraintes, ajustent localement les liaisons ω , puis renvoient un **nouveau signal** au palier opposé.

Cette **dynamique circulaire**, bien paramétrée, conduit à un **équilibre** ou à un cycle stable où le micro-niveau (clusters locaux) et le macro-niveau (super-nœuds agrégés) restent **synchronisés**.

Les avantages résident dans une robustesse accrue, une adaptation rapide et la possibilité de corriger l'organisation simultanément sur plusieurs échelles.

Les **défis** proviennent de la **complexité** d'un système dynamique couplé, nécessitant une **synchronisation précise** et un **calibrage fin** du feedback pour éviter toute instabilité ou oscillation excessive.

10.3.3.3. Filtrage, Agrégation et Sélection Contextuelle

Dans un **Deep Synergy Learning (DSL)** multi-niveau, la gestion de la structure de pondérations $\{\omega_{i,j}\}$ ne consiste pas seulement à mettre à jour les liens selon la règle DSL fondamentale. En parallèle, on peut appliquer divers **opérateurs** (filtrage, agrégation, sélection) pour maintenir la cohérence du **Synergistic Connection Network (SCN)**, réduire la complexité et adapter le réseau aux priorités du moment. La section 10.3.3.3 explicite comment ces mécanismes se combinent, sur un plan mathématique, pour donner au DSL une plus grande **souplesse** de réorganisation.

A. Filtrage: Élimination ou Pondération Réduite des Liaisons Non Pertinentes

Le **filtrage** vise à supprimer ou atténuer les liens $\{\omega_{i,j}\}$ dont la contribution est jugée négligeable ou obsolète, afin d'éviter la prolifération de connexions moyennes qui compliquent le réseau sans valeur ajoutée. On pose un **seuil** θ et, après chaque cycle DSL ou à intervalles réguliers, on annule les liaisons trop faibles :

$$F_{\theta}(\omega_{i,j}) = \begin{cases} \omega_{i,j}, & \text{si } \omega_{i,j} \ge \theta_{\min}, \\ 0, & \text{sinon.} \end{cases}$$

On peut également employer un "soft threshold" (fonctions continues) qui diminue progressivement les $\omega_{i,j}$ inférieurs à θ au lieu de les supprimer brutalement. Le **filtrage** optimise la **parcimonie** et facilite la recherche de **clusters** (chaque nœud ne conserve que les liens les plus significatifs). Sur le plan **mathématique**, ce mécanisme peut être vu comme une **contrainte** ℓ_1 ou un post-traitement de la matrice Ω .

B. Agrégation: Regroupement en Super-Nœuds ou Macro-Liaisons

Lorsque des entités $\{\mathcal{E}_i\}$ ou petits clusters micro partagent une forte synergie, il est intéressant de les "**fusionner**" pour réduire la taille du graphe et élever le niveau d'abstraction. Ainsi, on forme un **super-nœud** \mathcal{N}_{α} à partir d'un sous-ensemble $\mathcal{C}_{\alpha} \subseteq \{\mathcal{E}_i\}$. On définit ensuite des liaisons $\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}$ entre super-nœuds \mathcal{N}_{α} , \mathcal{N}_{β} par une fonction d'agrégation

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})} = \Psi\left(\{\omega_{i,j}\}_{i \in \mathcal{C}_{\alpha}, j \in \mathcal{C}_{\beta}}\right),\,$$

que ce soit la moyenne, la somme, ou un autre opérateur de consolidation. En effectuant ce regroupement, la **dimension** du réseau se réduit au palier macro tout en préservant l'information essentielle. Il suffit alors de manipuler \mathcal{N}_{α} , \mathcal{N}_{β} et les pondérations $\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})}$ pour poursuivre la dynamique DSL à un niveau plus abstrait.

C. Sélection Contextuelle: Mise en Avant des Liens Cruciaux Selon la Situation

Le **contexte** (ex. tâche, sujet, état global) dicte souvent qu'à un instant t, seules certaines synergies $\omega_{i,j}$ demeurent cruciales. La "sélection contextuelle" impose un **filtre** ou une **pondération** spéciale à des liaisons qui, bien que potentiellement élevées en valeur, ne sont pas pertinentes pour l'objectif du moment. On introduit un **poids** contextuel $w_{\text{ctx}}(i,j;t)$ et définit un score

$$\widetilde{\omega}_{i,j}(t) = \omega_{i,j}(t) \times w_{\text{ctx}}(i,j;t).$$

Si la tâche est d'identifier "l'objet X", les liens liés à la manipulation d'autres objets verront leur poids $\widetilde{\omega}$ réduit. Cette sélection contextuelle peut s'opérer après le **filtrage** ou s'y combiner, gardant uniquement les liens $\{\omega_{i,j}\}$ surpassant un seuil contextuel θ_{ctx} . Mathématiquement, on peut voir le **contexte** comme un signal descendant $\Delta_{\text{ctx}}(i,j)$ ou comme un opérateur \mathcal{S}_{ctx} appliqué en post-traitement pour extraire le sous-graphe focalisé. Dans un **SCN** dynamique, la sélection peut fluctuer au fil du temps, activant divers sous-réseaux selon la phase courante.

D. Combinaison et Impacts sur la Dynamique

Ces trois dispositifs (filtrage, agrégation, sélection contextuelle) se complètent et peuvent être mis en oeuvre simultanément ou en séquence :

- 1. **Filtrage**: on coupe les liaisons trop faibles (bruit, redondance),
- 2. **Agrégation** : on forme des super-nœuds dans les zones fortement cohésives,
- 3. **Sélection contextuelle** : on privilégie ou inhibe les liaisons en rapport avec la tâche en cours.

Sur le plan **algorithmique**, on peut appliquer ce pipeline de manière répétée (après quelques itérations DSL) ou en continu (avec un seuil adaptatif). Cela offre une **flexibilité** à l'échelle du **DSL**:

- On limite l'encombrement, en élaguant les liens superflus,
- On favorise la montée en niveau d'abstraction, grâce à la fusion en macro-nœuds,
- On gère la **situation** (tâche, thématique) en sélectionnant les parties du réseau vraiment utiles.

Conclusion (10.3.3.3)

Le **DSL** multi-niveau gagne beaucoup en fluidité et en robustesse lorsqu'on **filtre** les liens faibles, qu'on **agrège** les clusters locaux en super-nœuds, et qu'on opère une **sélection** contextuelle adaptée à la tâche ou à l'état courant. Sur le plan **mathématique**, cela se traduit par des **opérateurs** (filtrage $\rightarrow \omega = 0$ si en dessous d'un seuil, agrégation $\rightarrow \omega_{\alpha,\beta} = \Psi\{\omega_{i,j}\}$, sélection $\rightarrow \widetilde{\omega}_{i,j} = \omega_{i,j} \times w_{\text{ctx}}$), qui transforment la matrice Ω . Les effets sont multiples :

• Parcimonie et réduction de complexité,

- Simplification de la "lecture" du SCN (moins de liens parasites),
- Alignement sur les besoins du **contexte** (priorités, objectifs).

In fine, le **DSL** se trouve mieux équipé pour évoluer à grande échelle ou dans des domaines variés, car il se restructure de manière *sélective* et *aggrége* en vue d'une **cohérence** multi-échelle plus lisible et plus puissante.

10.3.3.4. Traitement Distribué et Réduction de la Redondance

Dans un **Deep Synergy Learning** multi-niveau, le **feedback coopératif** associe divers paliers (micro, meso, macro) afin de faire circuler l'information de façon adaptative. Si l'on ne se soucie pas de la manière dont les pondérations $\omega_{i,j}$ sont gérées à grande échelle, on peut vite se retrouver avec un **réseau** surchargé (coût en $O(n^2)$) et une redondance excessive de l'information. L'un des éléments fondamentaux pour assurer à la fois **cohérence** et **scalabilité** repose sur un **traitement distribué**. Le **SCN** est segmenté en sous-réseaux ou clusters coopératifs, où seules les **informations essentielles** sont échangées, évitant ainsi la duplication inutile. Cette section (10.3.3.4) explore ce mécanisme, son influence sur la structure du **DSL**, ainsi que les avantages qu'il procure.

A. Rappel du Contexte de Feedback Coopératif

Le **feedback** coopératif assure une circulation de signaux entre les paliers bas (micro) et hauts (macro). Les entités locales se synchronisent, formant des clusters (ou sous-réseaux) qui répercutent leurs informations synergiques vers un niveau supérieur. En sens inverse, le palier macro envoie des directives (inhibition ou soutien) aux niveaux inférieurs. Cette dynamique, si elle est entièrement centralisée, peut mobiliser un très grand nombre de liaisons $\{\omega_{i,j}\}$. L'idée d'un **traitement distribué** est d'organiser le réseau en blocs, dont chacun gère localement ses liaisons internes et ne partage qu'une **synthèse** au niveau global.

B. Formulation Mathématique du Traitement Distribué

Une **stratégie** pour construire ce traitement distribué est de diviser l'ensemble \mathcal{V} des entités en sous-réseaux $\{\mathcal{V}_1, ..., \mathcal{V}_m\}$. Chaque bloc \mathcal{V}_ℓ stocke et met à jour ses pondérations internes $\{\omega_{i,j}^{(\ell)}\}_{i,j\in\mathcal{V}_\ell}$ selon la règle DSL locale :

$$\omega_{i,j}^{(\ell)}(t+1) = \omega_{i,j}^{(\ell)}(t) + \eta \Big[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}^{(\ell)}(t) \Big], \quad i,j \in \mathcal{V}_{\ell}.$$

Pour **communiquer** avec les autres blocs, on définit quelques liaisons transversales $\omega_{i,j}^{(\ell,\ell')}$ (liaisons inter-bloc) ou des **représentants** qui échangent un résumé. Ainsi, plutôt que de propager $O(|\mathcal{V}_{\ell}| \times |\mathcal{V}_{\ell,l}|)$ liaisons, on n'en conserve qu'un sous-ensemble top-k. Sur le plan **algorithmique**, on peut fixer un quota K_{max} tel que

$$\sum_{(i,j)\in\mathcal{V}_{\ell}\times\mathcal{V}_{\ell}}\mathbf{1}\left(\omega_{i,j}^{(\ell,\ell')}>0\right) \leq K_{\max}.$$

Ce mécanisme impose que chaque bloc ne transmet qu'un **petit** échantillon de ses liaisons (les plus fortes ou plus pertinentes) aux autres blocs. D'un point de vue plus avancé, on peut également agréger localement les ω sous forme de **vecteurs** ou **matrices** factorielles, assurant une **compression** au lieu de se reposer sur des liaisons brutes.

C. Réduction de la Redondance

Dans un **SCN** de grande taille, nombre de liaisons $\omega_{i,j}$ s'avèrent **corrélées** (deux entités proches possèdent un motif similaire) ou simplement sont des valeurs faibles accumulées. La redondance est particulièrement élevée si plusieurs blocs partagent des schémas récurrents. Le **traitement distribué** vise à :

- 1. **Parcimonie** : filtrer ou regrouper ω pour obtenir une topologie plus clairsemée,
- 2. **Fusion** : si des sous-réseaux se comportent de manière quasi identique, on peut les fusionner ou factoriser leurs pondérations, évitant la duplication,
- 3. **Agrégation** : transmettre au niveau macro un résumé vectoriel $\mathbf{r}_{\ell} \in \mathbb{R}^d$ de chaque bloc ℓ . Un exemple :

$$\mathbf{r}_{\ell} = \sum_{i \in \mathcal{V}_{\ell}} \ \varphi(\mathbf{x}_i),$$

où \mathbf{x}_i est la représentation locale de l'entité i et φ une transformation (embedding). On évite ainsi d'envoyer toutes les $\omega_{i,j}$.

D. Avantages et Mises en Oeuvre

Le traitement distribué avec réduction de la redondance apporte plusieurs gains :

- Scalabilité: Au lieu de conserver la matrice ω de taille $O(n^2)$, on traite des sous-réseaux de taille O(n/m) et O(1) ou O(k) liens inter-bloc. L'effort numérique se stabilise donc à $O(n^2/m^2)$ en local, plus $O(m^2)$ en macro, accélérant la convergence pour de grands n. – Modularité: Chaque bloc se concentre sur son domaine d'expertise (capteurs, tokens textuels, etc.) et limite les échanges au seul besoin, simplifiant la gestion multi-flux (chap. 10.3.2.3). – Robustesse: Si un bloc subit une défaillance (bruit, inaccessibilité), la structure globale peut persister, réallouant éventuellement les liens inter-bloc.

Les algorithmes concrets consistent à exécuter le DSL en local (mise à jour $\omega_{i,j}^{(\ell)}$) tout en synchronisant de temps en temps un "super-groupe" macro où l'on ne fait remonter que quelques métriques clefs ou quelques liaisons top-k. Le macro-nœud, à son tour, renvoie un feedback à un bloc s'il juge qu'il y a duplication ou qu'il faudrait fusionner deux parties du réseau. On obtient une **dynamique** continue, mais beaucoup moins coûteuse qu'une diffusion exhaustive de ω .

Conclusion (10.3.3.4)

La mise en place d'un **traitement distribué** (répartition en sous-réseaux, agrégation selective) et la **réduction de la redondance** (filtrage drastique, factorisation, parcimonie) forment une couche essentielle du **feedback coopératif** dans le DSL multi-niveau :

- 1. Cela **allège** drastiquement la gestion des liaisons ω , en ne gardant que les connexions locales ou agrégées au macro,
- 2. Cela **maintient** malgré tout la **cohérence** inter-bloc grâce à des liaisons transversales limitées mais représentatives,
- 3. On peut ainsi **mettre à l'échelle** un SCN sans subir la complexité quadratique $O(n^2)$.

Les opérateurs clés (filtrage, agrégation, sélection) décrits plus tôt se combinent ici à une méthode **découpée** (bunch ou sous-SCN), où chaque bloc effectue la mise à jour DSL localement, puis communique un **résumé** ou un **sous-ensemble** de liaisons au palier supérieur. Dans un contexte de **feedback**, le macro-nœud (récepteur du résumé) réinjecte un **flux** correctif vers les blocs pour élaguer la redondance ou remonter des synergies cruciales, assurant ainsi la **scalabilité** du réseau dans le respect de la logique d'**auto-organisation**.

10.3.3.5. Théorie de l'Information Appliquée au DSL (Approche Multi-Niveau)

Dans un **Deep Synergy Learning (DSL)** multi-niveau, la manière dont l'**information** se répartit et circule entre les entités élémentaires et les super-nœuds supérieurs revêt une importance majeure pour comprendre l'**auto-organisation**. La **théorie de l'information** (Shannon, entropies, information mutuelle, co-information) offre un cadre mathématique permettant de quantifier ces flux et de mieux cerner la formation ou la cohésion de clusters à divers paliers. La section 10.3.3.5 examine comment ces notions d'entropie, d'information mutuelle et de co-information peuvent éclairer la **synergie** entre entités \mathcal{E}_i ou super-nœuds, ainsi que la construction hiérarchique d'un **Synergistic Connection Network**.

A. Rappels de Base: Entropie et Information Mutuelle

Le **DSL** manipule des **variables** aléatoires $\{\mathcal{E}_i\}$ (qu'il s'agisse de capteurs, symboles, états internes, etc.), pouvant être décrites par des distributions de probabilité. La **théorie de l'information** introduit alors des concepts clés :

1. Entropie.

Pour une variable X suivant une loi p(x), on définit l'entropie :

$$H(X) = -\sum_{x \in \mathcal{X}} p(x) \log p(x),$$

qui mesure l'**incertitude** de X. Dans un **DSL** micro-niveau, chaque entité \mathcal{E}_i peut avoir une distribution sur ses états, et son entropie $H(\mathcal{E}_i)$ reflète la variabilité intrinsèque.

1. Information Mutuelle.

Entre deux variables X et Y, l'information mutuelle I(X;Y) indique combien la connaissance de l'une réduit l'incertitude sur l'autre. Elle se calcule par

$$I(X;Y) = H(X) + H(Y) - H(X,Y).$$

Dans un **SCN**, si deux entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j s'avèrent fortement interdépendantes (co-occurrence élevée), on s'attend à un **lien** $\omega_{i,j}$ élevé (traduction DSL), correspondant à une information mutuelle plus grande.

1. Co-Information n-aire.

Lorsqu'on s'intéresse à un **groupe** d'entités $\{\mathcal{E}_{i_1}, \dots, \mathcal{E}_{i_k}\}$, on peut définir la co-information ou la multi-information. Par exemple,

$$I(\mathcal{E}_{i_1}, \dots, \mathcal{E}_{i_k}) = \sum_{\ell=1}^k H(\mathcal{E}_{i_\ell}) - H(\mathcal{E}_{i_1}, \dots, \mathcal{E}_{i_k}),$$

qui mesure la quantité d'information partagée collectivement par ce groupe, soulignant des structures n-aires plus riches qu'une somme de corrélations binaires.

B. Approche Multi-Niveau : Agrégation et Échelles d'Information

Dans un **DSL** multi-paliers (micro, meso, macro), on agrège souvent les entités micro $\mathcal{E}_i \in \{\mathcal{V}\}$ en super-nœuds \mathcal{N}_{α} . On peut alors associer à chaque \mathcal{N}_{α} une variable globale X_{α} , reflet de l'état collectif du cluster. Sur le plan mathématique, si l'on suppose que la distribution jointe $\{p(x_i)\}$ décrit les entités micro, alors la distribution jointe $\{p(x_{\alpha})\}$ regroupe les $\mathcal{E}_i \in \mathcal{C}_{\alpha}$. Le **flux** d'information ascendant se conçoit comme la construction de la **variable** macro X_{α} à partir des micro-variables $\{X_i\}$. Ensuite, le flux descendant (feedback) peut se lire comme l'introduction d'une contrainte ou d'une priorité qui modifie la répartition d'entropie ou d'information entre paliers. D'un point de vue quantitatif, on évalue combien de "nouvelle" information émerge lorsque l'on passe d'un palier micro à un palier macro — ou combien de redondance est perdue ou conservée.

C. Utilisation dans le DSL: Synergie vs. Redondance vs. Complémentarité

La **théorie** de l'information fournit des distinctions intéressantes entre la *redondance* (l'information dupliquée entre plusieurs variables), la *complémentarité* (chaque variable apporte une information distincte), et la *synergie* (l'information n-aire qu'aucune sous-combinaison ne capture entièrement). Au sein d'un SCN, il arrive que plusieurs entités $\{\mathcal{E}_i\}$ partagent beaucoup de redondance ; le DSL peut alors regrouper ces entités en un cluster fort, ou les "résumer" via un seul nœud macro. De même, si la co-information n-aire d'un ensemble se montre élevée, on peut légitimer la création d'un macro-nœud représentant ce groupe, car il apporte une synergie collective.

Sur le plan **algorithmique**, ce processus s'exprime par des **règles** de création ou de fusion de clusters, conditionnées par l'**information mutuelle** ou **n-aire**. Deux clusters sont fusionnés si cette opération **augmente** la **cohérence** globale du système, mesurée par une fonction de synergie ou de stabilité multi-niveau.

D. Entropie Multi-Échelle et Boucles de Feedback

Si l'on considère un **macro-nœud** \mathcal{N}_{α} englobant un cluster $\{\mathcal{E}_i\}_{i\in\alpha}$, la variable X_{α} a une entropie $H(X_{\alpha})$. En parallèle, la somme des entropies $H(\mathcal{E}_i)$ pour $i\in\alpha$ peut être plus élevée si les entités micro conservent une liberté partielle. Le flux **feedback** agit pour **augmenter** la synergie ou **réduire** l'entropie résiduelle d'un cluster. Cette approche correspond à la mise à jour de $\omega_{i,j}$

interprétée en fonction de l'information mutuelle. Lorsque $I(\mathcal{E}_i;\mathcal{E}_j)$ atteint une valeur élevée, la pondération $\omega_{i,j}$ se renforce, ce qui stabilise davantage la structure du réseau. En sens inverse, le feedback descendant pourra imposer des **règles** pour scinder un cluster si sa multi-information interne est en réalité deux blocs quasi indépendants. Sur le plan mathématique, on s'attend à diviser \mathcal{C}_{α} si ce cluster présente une structure d'entropie interne suggérant deux sous-groupes faiblement connectés.

E. Avantages et Applications

L'emploi de la **théorie de l'information** dans le DSL multi-niveau présente plusieurs bénéfices :

- 1. **Quantification** : On dispose d'une métrique rigoureuse pour évaluer la **valeur** de la synergie (information mutuelle), la "cohérence" ou la "redondance" d'un groupe, etc.
- 2. **Aide à la fusion/scission de clusters**: On peut fusionner deux clusters si leur association augmente la co-information globale, ou scinder un cluster si l'on détecte une discontinuité informationnelle.
- 3. **Analyse** du flux : On suit comment l'information "remonte" d'un ensemble micro vers un macro-nœud et, inversement, comment les contraintes macros retentissent sur la distribution micro.

En **pratique**, quelques DSL avancés intègrent un calcul (même approximatif) de l'information mutuelle entre paires ou trios d'entités, pour guider la mise à jour ω . Ou bien ils emploient la notion de co-information pour justifier la **création** de macro-nœuds n-aires. Le prix à payer est la difficulté d'estimer ces grandeurs (surtout n-aire) dans des espaces de grande dimension.

Conclusion (10.3.3.5)

La **théorie de l'information** fournit un **langage** mathématique pour analyser la circulation et la redistribution de l'**information** dans un **DSL** à plusieurs paliers. Les concepts d'entropie, d'information mutuelle et de co-information n-aire permettent :

- 1. De comprendre la **synergie** (information partagée) vs. la **redondance** (information dupliquée),
- 2. De mesurer la cohérence ou la complémentarité d'un cluster local et d'un macro-nœud,
- 3. D'**orienter** la formation ou la dissolution de clusters hiérarchiques, en maximisant la "plusvalue" informationnelle.

En combinant cette approche à la mise à jour $\omega_{i,j}$ propre au DSL, on dote le SCN d'un **fondement** informationnel pour la coopération multi-niveau, améliorant la **compréhension** et la **contrôle** du processus d'**auto-organisation**. Ainsi, la théorie de l'information devient un **axe** crucial pour l'**analyse** et l'**optimisation** d'un DSL multi-niveau, ouvrant la voie à des stratégies plus modulaires, plus parcimonieuses et potentiellement plus performantes dans des environnements dynamiques.

10.3.4. Émergence de Schémas Cognitifs Synergiques

Dans le **Deep Synergy Learning (DSL)**, les **schémas cognitifs** émergent lorsque la dynamique d'auto-organisation dépasse la simple formation de clusters pour structurer des **patterns complexes**. Ces structures, qu'elles soient cognitives ou conceptuelles, se stabilisent progressivement à travers les interactions entre entités et l'évolution des pondérations ω . Lorsqu'un ensemble atteint une **cohésion suffisante**, il ne se limite plus à une simple agrégation d'éléments, mais fonctionne comme une **unité** autonome de raisonnement ou de représentation, intégrant des liens forts et des relations signifiantes.

10.3.4.1. Au-delà de la Conscience : Patterns Émergents Synergiques

Dans les **systèmes cognitifs**, certains processus opèrent en arrière-plan sans émerger directement dans l'espace conscient. Un **Deep Synergy Learning (DSL)** multi-niveau structuré autour d'un **Synergistic Connection Network (SCN)** peut générer de tels **patterns inconscients**. Des schémas synergiques se stabilisent sans être explicitement contrôlés par un module d'attention ou un superviseur global. Ces structures émergent au fil des interactions et renforcements locaux, contribuant à la **profondeur** de la cognition en assurant une continuité et une adaptation progressive du réseau indépendamment d'une régulation centralisée.

A. La Notion d'Émergence au-delà de la Conscience

Un **DSL** se met en place via l'auto-organisation. Les entités \mathcal{E}_i se lient progressivement en clusters, suivant la règle DSL habituelle

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_i) - \tau \, \omega_{i,j}(t)].$$

Lorsqu'un regroupement $\mathcal{C}_{\alpha} \subset \{\mathcal{E}_i\}$ présente des liens $\omega_{i,j}$ élevés, il forme un **pattern** interne cohésif. Ce pattern peut néanmoins rester "**invisible**" à l'échelle macro tant qu'aucun **flux** topdown, émanant d'un super-nœud, ne vient le détecter ou l'amplifier. Il existe alors en dessous du seuil de focalisation, à la manière d'une "activité inconsciente" dans le cerveau.

Sur le plan mathématique, ce pattern correspond à un sous-ensemble dont la **somme** des liaisons $\Omega(\mathcal{C}_{\alpha}) = \sum_{i,j \in \mathcal{C}_{\alpha}} \omega_{i,j}$ franchit un **certain** seuil de cohésion, mais qui n'a pas encore reçu de rétroaction macro-niveau.

Cette perspective reflète l'idée que des **schémas** ou **concepts** peuvent exister dans le **SCN** sans être explicitement sélectionnés. Ils émergent localement, se stabilisent naturellement et forment une **micro-représentation** qui peut disparaître si la synergie diminue ou être promue si la situation l'exige. En cognition, la "conscience" est souvent associée à une sélection limitée de représentations, tandis que de nombreux processus restent actifs en arrière-plan, influençant la dynamique globale sans être directement perçus.

B. Patterns Émergents : de la Micro-Coopération au Macro-Schéma

L'émergence de ces schémas repose sur l'auto-renforcement local. Au sein d'un SCN de grande taille, diverses entités \mathcal{E}_i s'alignent, découvrent une affinité ou synergie S(i,j). À travers la mise à jour

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t)],$$

certaines paires (i,j) voient leurs liens croître jusqu'à engendrer un **cluster**. D'un point de vue conceptuel, on peut voir ce cluster comme un **"bloc mental"** ou un **"sous-système"**, par exemple un motif perceptif (vision), un ensemble de tokens textuels, ou encore un pattern de raisonnement. Ce bloc demeure *entièrement* géré par les liaisons locales $\omega_{i,j}$, et aucun coordinateur n'a besoin de "prendre conscience" de son existence pour qu'il persiste. Si ce **pattern** local s'avère utile à un palier macro pour une décision ou un thème, un flux **descendant** peut alors le valider ou le mettre en exergue. Cependant, cette intervention n'est pas indispensable à sa formation, car la **coopération** locale suffit à son émergence. Plusieurs **schémas** peuvent ainsi coexister simultanément, certains se stabilisant et intégrant la dynamique globale, tandis que d'autres disparaissent avant d'être exploités.

C. Processus Inconscient vs. Conscient

Dans un **système** inspiré du fonctionnement cérébral, la "conscience" repose souvent sur une **sélection** ou une **attention** qui filtre l'information. Seuls les schémas jugés pertinents par un module central traversent cette barrière et deviennent accessibles à un espace de travail global, en accord avec la théorie de la **Workspace Globale**, tandis que le reste demeure en arrière-plan.

Dans le **DSL**, cette distinction s'exprime différemment.

Un **pattern inconscient** correspond à un **cluster** formé de manière auto-organisée par la mise à jour des $\omega_{i,j}$, sans intervention explicite d'un feedback macro. Il existe mais reste en coulisse, sans être directement exploité.

Un **pattern conscient** désigne un cluster qui a été détecté par un palier supérieur, comme un macronœud ou un module de décision. Il peut être nommé, manipulé ou activé en fonction d'un objectif précis.

L'essentiel réside dans le fait que la **formation** des patterns inconscients ne dépend d'aucune supervision ni d'aucun contrôle top-down. La dynamique locale est suffisante pour structurer l'information, et le niveau macro peut tout à fait ignorer l'existence de certains schémas tant qu'ils ne perturbent pas la cohérence du réseau ou ne deviennent pas nécessaires pour une prise de décision.

D. Implications pour la "Puissance Cognitive"

Le fait qu'un **DSL** multi-niveau puisse conserver un grand nombre de **patterns** cachés ou non focalisés renforce sa capacité de représentation. Cela rappelle le fonctionnement des **mémoires associatives**, où certains assemblages persistent en arrière-plan et peuvent émerger si la situation l'exige. Cette dynamique permet d'expliquer la richesse et la fluidité observées dans certains systèmes cognitifs. De nombreuses **pistes d'organisation** coexistent en parallèle, mais seules quelques-unes deviennent saillantes à un instant donné, formant ce que l'on pourrait assimiler à un phénomène de "conscience" émergente.

Sur le plan **mathématique**, cela revient à constater que le **SCN** peut contenir plusieurs attracteurs ou minima locaux. Différentes configurations $\{\omega\}$ stables coexistent et évoluent au fil du temps, certaines se renforçant tandis que d'autres disparaissent selon la sélection induite par le contexte. Cette dynamique ne requiert pas un module conscient, elle se met en place naturellement par les

règles du **DSL**, où les pondérations $\omega_{i,j}$ s'ajustent en fonction des synergies locales et des influences globales.

Conclusion (10.3.4.1)

En **dépassant** la notion d'une "conscience" explicite, un **DSL** multi-niveau se révèle capable de **faire émerger** de multiples schémas synergiques en parallèle, souvent sans être "explicités" ou "étiquetés" par un palier supérieur. Sur le plan théorique, ces "patterns émergents" témoignent :

- De la **force** de l'auto-organisation locale : une cohérence interne peut se former sans qu'un super-nœud n'ait à la valider,
- De la **richesse** de la cognition possible : plusieurs "candidats" de structure existent en coulisse,
- De l'analogie avec l'esprit humain : maintes représentations inconscientes fluctuent, seules certaines passeraient à l'attention consciente.

Les **clusters** synergiques ainsi créés au-delà de la perception immédiate constituent une source essentielle de **flexibilité** dans les systèmes **DSL**. L'auto-organisation s'opère sans nécessiter d'identification explicite de chaque regroupement. De nombreux **schémas** non exprimés continuent néanmoins d'influencer la dynamique globale. Ils émergent lorsque la situation l'exige, puis disparaissent s'ils ne sont plus pertinents. C'est dans cette richesse latente que réside une grande part de la **puissance cognitive** du **DSL**, permettant une adaptation continue et une réactivité accrue face aux variations du contexte.

10.3.4.2. Rôle des Synergies dans l'Émergence de Représentations Riches

Lorsqu'un **Deep Synergy Learning (DSL)** s'organise autour d'un **Synergistic Connection Network (SCN)**, la force des *synergies* entre entités $\{\mathcal{E}_i\}$ joue un rôle fondamental dans la capacité du système à former et à stabiliser des **représentations riches**. L'idée maîtresse réside dans le fait que plusieurs entités, chacune apportant sa part d'information (visuelle, sémantique, motrice, etc.), peuvent coopérer pour engendrer un **cluster** ou un **macro-nœud** dont la "valeur cognitive" dépasse celle de l'une ou l'autre entité prise isolément. Cette section (10.3.4.2) détaille comment la dynamique des pondérations $\{\omega_{i,j}\}$ et la notion de *synergie* contribuent à l'émergence de **schémas** plus complexes et plus expressifs, éléments cruciaux pour la puissance d'un **DSL**.

A. Synergie et Émergence : Définition Mathématique

Une **synergie** S(i,j) est un score positif reflétant la "plus-value" d'interaction entre deux entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j . Sur le plan **mathématique**, elle peut se fonder sur une similarité (par exemple, produit scalaire, information mutuelle, co-information n-aire) ou sur une complémentarité (entités différentes mais fortement utiles l'une à l'autre). La **pondération** $\omega_{i,j}$ évolue ensuite selon la règle standard $\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta[S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t)]$, suscitant un **renforcement** quand S(i,j) surpasse

Au niveau macro, les entités fortement synergiques se regroupent en clusters \mathcal{C}_{α} . Le sous-

ensemble \mathcal{C}_{α} se stabilise si la somme $\Omega(\mathcal{C}_{\alpha}) = \sum_{(i,j) \in \mathcal{C}_{\alpha}} \omega_{i,j}$ reste forte. Un tel cluster peut alors être interprété comme une **représentation** plus large, un **schéma** ou un **concept** à part entière.

B. Mécanisme de la Dynamique Synergiques : Naissance d'un Macro-Schéma

Au **niveau micro**, chaque entité \mathcal{E}_i est un vecteur ou un bloc symbolique. Par la **dynamique** DSL, on voit apparaître progressivement des liaisons $\omega_{i,j}$ élevées dans certaines régions du réseau, marquant la consolidation d'un "sous-graphe" où les entités entretiennent des synergies réciproques. En combinant :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right] + \cdots,$$

on obtient, après plusieurs itérations, un **noyau** de liens consolidés. Ce noyau, en s'étendant aux entités voisines (lorsque les synergies S(i,k) le justifient), forme un **cluster** de plus en plus large, capable de se stabiliser en "macro-schéma". Si, par exemple, certaines entités relèvent de la perception (visuelles, audio) et d'autres du langage (mots, structures syntaxiques), leur **coopération** peut engendrer un concept multimodal ("chaise rouge", "chat qui miaule", etc.). Cette **représentation** ne correspond pas simplement à la réunion de deux entités (image + mot), mais à leur **association synergique** où l'information partagée ou combinée se trouve supérieure à la simple somme des parties.

C. Pourquoi Ces Représentations Sont "Riches"

Plusieurs facteurs expliquent la "richesse" de ces macro-schémas :

1. Combinatoire Interne.

Lorsque k entités $\mathcal{E}_1, ..., \mathcal{E}_k$ se synchronisent, elles apportent chacune un **lot** de caractéristiques. Le cluster \mathcal{C}_{α} représente donc la **fusion** ou la "co-information" n-aire de ces entités, potentiellement plus complexe qu'une combinaison binaire isolée.

2. Plasticité Adaptative.

Au fil du **DSL**, la logique $\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta[\cdots]$ permet un **réajustement** continu. Un macro-schéma qui fut pertinent un temps peut s'affaiblir si ses entités perdent leur synergie, tandis qu'un nouveau schéma émerge ailleurs. On obtient une **richesse** dynamique, non figée et très réactive aux signaux du moment.

3. Échelle Multiple.

Dès lors qu'on agrège de petits clusters en super-nœuds (chap. 10.3.3), on obtient des **macro-structures** hiérarchisées. Chaque palier peut exprimer une **représentation** plus abstraite. La "richesse" tient au fait qu'à chaque niveau, la synergie combine des *groupes* d'entités déjà coopérants, multipliant la complexité potentielle.

D. Exemple Mathématique Simplifié

Imaginons un **SCN** avec entités \mathcal{E}_i (images), \mathcal{E}_j (mots de texte), \mathcal{E}_k (capteurs robot). La **synergie** S(i,j) prend en compte la co-occurrence image—mot, S(j,k) la pertinence mot—capteur, etc. Au fur et à mesure, un "super-nœud" \mathcal{N}_{α} finit par relier $\{\mathcal{E}_{i_1},\mathcal{E}_{j_1},\mathcal{E}_{k_1}\}$, formant une **représentation** intégrée (concept reliant la vision, le langage et la sensorimotricité). La somme des liens $\Omega(\mathcal{N}_{\alpha}) = \sum \omega_{i_1,i_1}$ … atteint une valeur élevée, indiquant une **cohésion** interne

marquée. Cette dynamique peut être interprétée comme l'émergence d'un **pattern cognitif**, reflétant une **catégorie** ou un **scénario** global (ex. scène multi-modale). Une telle représentation ne pourrait pas apparaître en traitant chaque flux de manière isolée. Sa robustesse provient de la **synergie** entre les éléments, amplifiée par la coopération interne mesurée via *S*.

Conclusion (10.3.4.2)

Le **rôle** des synergies dans l'émergence de **représentations riches** s'articule autour de la capacité de la **dynamique DSL** à :

- Combiner plusieurs entités complémentaires ou analogues,
- Sabiliser ces associations en clusters cohésifs,
- **Multiplier** les échelles (micro, meso, macro) pour aboutir à des schémas multi-modaux ou multi-thématiques.

Ainsi, une **synergie** (score S(i,j)) ne se limite pas à une simple similarité, mais agit comme un moteur de formation de *macro-nœuds* ayant une **valeur cognitive** élevée. Ces **schémas** ne se réduisent pas à la somme de leurs éléments, mais émergent comme des **concepts** ou **structures** complexes, capables d'intégrer et d'organiser l'information de manière efficace. La **dynamique** $\omega(t+1) = \omega(t) + \cdots$ favorise la sélection progressive des liens réellement synergiques, offrant au **SCN** une **capacité de représentation** qui s'adapte et se renouvelle en fonction des interactions et des évolutions du système.

10.3.4.3. Attention Dynamique et Distribution des Ressources Cognitives

Dans un **Deep Synergy Learning (DSL)** appliqué à des tâches de type **cognitif** ou se voulant "neuro-inspiré", il est impossible de traiter **toutes** les entités $\{\mathcal{E}_i\}$ et **toutes** leurs liaisons $\{\omega_{i,j}\}$ avec la même intensité en permanence. Il devient alors nécessaire d'introduire un **mécanisme** qui focalise les ressources (temps de calcul, énergie, "bande passante cognitive") sur certaines zones "saillantes" ou jugées les plus pertinentes pour la tâche en cours. On parle alors d'**attention dynamique**, conceptuellement inspirée de l'attention humaine, et de **distribution** des ressources cognitives au sein du **Synergistic Connection Network (SCN)**. La présente section (10.3.4.3) expose comment ce principe s'intègre mathématiquement à la mise à jour DSL et comment il régule le comportement adaptatif du réseau.

A. Contexte du DSL Cognitif: Besoin d'Attention Dynamique

Un système dit **cognitif** possède une **capacité** de traitement limitée, ce qui l'empêche d'accorder une mise à jour détaillée et équitable à toutes les entités. Il doit donc adopter un **filtrage** ou un mécanisme de **priorisation**, où seuls les liens $\omega_{i,j}$ ou les clusters considérés comme "intéressants" bénéficient d'une mise à jour intensive, tandis que les autres restent dans un état plus passif. Cette attention dynamique peut être représentée mathématiquement par un **coefficient** $\alpha_{i,j}(t)$ introduit dans la règle DSL, modulant l'intensité de l'ajustement et orientant l'auto-organisation vers les zones les plus pertinentes du réseau. Ainsi, la loi de mise à jour habituelle,

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t)],$$

peut être augmentée en

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \alpha_{i,j}(t) \eta [S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t)],$$

où $\alpha_{i,j}(t)$ reflète le "degré d'attention" alloué à la liaison (i,j). Si $\alpha_{i,j}(t) \approx 0$, la mise à jour est presque gelée; si $\alpha_{i,j}(t) \approx 1$ ou plus, le lien se met à jour pleinement.

B. Mécanismes Mathématiques de l'Attention Dynamique

Pour intégrer l'attention dynamique, on pose :

- Un **budget** \mathcal{B} (somme maximale d'attention qu'on peut allouer à l'instant t), et
- Une **loi** d'évolution $\alpha_{i,j}(t+1) = G\left(\alpha_{i,j}(t), S(i,j), \omega_{i,j}(t)\right)$ qui tend à pousser $\alpha_{i,j}(t)$ à la hausse si la liaison (i,j) se révèle très **synergique** (fort S(i,j) et/ou fort $\omega_{i,j}(t)$), et à la baisse sinon. On contraint la somme

$$\sum_{i,j} \alpha_{i,j}(t) \leq \mathcal{B}.$$

Pour garder cette **somme** sous \mathcal{B} , on peut rescaler $\{\alpha_{i,j}(t+1)\}$ si nécessaire :

$$\alpha_{i,j}(t+1) \leftarrow \alpha_{i,j}(t+1) \times \frac{\mathcal{B}}{\sum_{p,q} \alpha_{p,q}(t+1)}$$

Ainsi, l'**attention** se distribue de façon compétitive parmi les liens du SCN, et un lien (i, j) ne peut augmenter son $\alpha_{i,j}$ qu'au détriment (même partiel) de l'attention allouée aux autres.

C. Distribution des Ressources Cognitives et Dynamiques Émergeantes

L'intérêt de l'attention dynamique se manifeste dans des scénarios où certains liens (i, j) s'avèrent cruciaux pour la tâche à un instant t, tandis qu'ils redeviendront moins importants plus tard. Par exemple, si un contexte signale que l'on doit réaliser une action portant sur l'objet "chaise", les liens reliant les entités lexicales "chaise" et les entités visuelles \mathcal{E}_i identifiant la chaise peuvent recevoir un **boost** d'attention $\alpha_{i,j}$. Cela **accélère** la mise à jour $\omega_{i,j}$ et, mathématiquement, solidifie 1'information affine liaison correspondant à contextuelle À plus grande échelle, un effet de focalisation émerge. Certains clusters ou micro-nœuds, jugés peu pertinents pour la situation, reçoivent une attention quasi nulle et stagnent, tandis que d'autres sont mis en avant, évoluent plus rapidement et se stabilisent en macro-nœuds significatifs. Ce phénomène rappelle la notion d'exécution partielle où l'ensemble du graphe ω n'est pas actualisé en permanence, mais uniquement la zone mise en évidence par α . Cette dynamique optimise l'efficacité du DSL, en concentrant les ressources computationnelles sur les structures en cours de formation ou de transformation.

D. Exemples et Bénéfices

Réduction du Coût de Calcul La mise à jour ne se fait plus sur la totalité des paires (i,j), ce qui diminue le coût en $O(n^2)$. Seul un sous-ensemble significatif, déterminé par l'attention, se voit allouer un calcul détaillé.

Adaptation Rapide

Le système peut **rediriger** les ressources (focus) vers de nouveaux sujets ou objets, modifiant $\{\alpha_{i,j}(t)\}$ sans devoir réinitialiser l'ensemble des pondérations. Il s'aligne ainsi sur le **changement** de tâches ou de contextes.

Analogie Cognitive

L'allocation compétitive de l'attention $\sum \alpha_{i,j} \leq \mathcal{B}$ rappelle la capacité limitée du cerveau. Les "liaisons" en cours d'exploration ou de consolidation reçoivent plus d'activité neuronale, tandis que le reste demeure "silencieux" ou peu actif.

Conclusion (10.3.4.3)

L'attention dynamique et la distribution des ressources cognitives dans un **DSL** multi-niveau assurent une focalisation sur les liens ω les plus profitables à un instant t, épargnant le système d'une dispersion excessive. Sur le plan mathématique, on introduit un **poids** $\alpha_{i,j}(t)$ qui pondère la vitesse ou la précision de mise à jour $\omega_{i,j}$, régi par une loi de concurrence sous un **budget** \mathcal{B} . Cette démarche :

- Réduit la **charge** de calcul en ne mettant à jour *intensément* qu'un sous-ensemble de liaisons,
- Permet au **DSL** de **redéployer** ses efforts selon les changements de contexte (feed-back top-down ou signaux ascendants),
- Approfondit l'analogie avec l'attention humaine, en sélectionnant en permanence les clusters les plus pertinents tout en laissant en veille d'autres zones "inactives".

Ce principe enrichit la **philosophie** du DSL en le dotant d'une **attention** interne, ouvrant la voie à des scénarios cognitifs où l'auto-organisation se révèle **scalable**, **adaptative** et capable de "brusques bascules" d'intérêt si la synergie l'exige.

10.3.4.4. Défis Conceptuels et Limitations

Le feedback coopératif dans un Deep Synergy Learning (DSL), s'il enrichit considérablement la capacité d'auto-organisation du Synergistic Connection Network (SCN), n'est pas exempt de difficultés. Situer les interactions bottom-up (micro \rightarrow macro), top-down (macro \rightarrow micro) et horizontales (clusters entre eux) dans un espace $\{\omega_{i,j}\}$ déjà vaste soulève des défis conceptuels et pratiques, qui peuvent restreindre l'efficacité ou compliquer la stabilité. Cette section (10.3.4.4) récapitule quelques-unes des limitations majeures identifiées, tant sur le plan théorique que dans les implémentations à grande échelle.

A. Complexité Exponentielle et Couplages Multi-Niveau

Le **DSL** établit un **réseau** de pondérations $\{\omega_{i,j}\}$ connectant $\{\mathcal{E}_i\}$. Le feedback coopératif ajoute des liens de rétroaction entre les paliers, rendant les mises à jour $\omega_{i,j}(t+1)$ dépendantes du score S(i,j) au niveau local et des signaux macro au niveau global. Sur le plan **mathématique**, cela donne lieu à un **système** où un grand nombre de liaisons s'influencent mutuellement. Lorsque

plusieurs échelles (micro, méso, macro) interviennent, chaque palier peut affecter les pondérations des autres, ce qui entraı̂ne une **explosion** combinatoire où l'**espace** des configurations $\{\omega_{i,j}\}$ devient considérablement vaste.

De plus, ces **couplages** multi-niveau peuvent introduire des *boucles* de rétroaction complexes. On peut écrire, par exemple, un opérateur top-down $\Delta_{\text{down}}^{(\text{macro})}(\Omega^{(\text{micro})})$ ajustant $\Omega^{(\text{micro})}$. Mais $\Omega^{(\text{macro})}$ est, elle aussi, issue d'une agrégation de $\Omega^{(\text{micro})}$. Cela crée un **système** couplé non linéaire, où la **stabilisation** en un point fixe n'est plus triviale. Sans mécanismes de contrôle (inhibition, saturation, etc.), on peut assister à des oscillations prolongées ou à des bifurcations imprévisibles.

B. Équilibre entre "Liberté" du Feedback et Contrôles Imposés

L'une des forces du *feedback coopératif* est son **ouverture** : chaque nœud influence les autres et réciproquement, favorisant une **coopération** plus fluide et adaptable. Si ce feedback est trop libre, le système peut générer une multitude de configurations possibles, ralentissant la **convergence** ou multipliant les attracteurs. Sans mécanismes de régulation, cela peut mener à une incertitude prolongée sur la forme finale du SCN.

À l'inverse, un macro-nœud trop directif avec un Δ_{down} trop fort peut **écraser** les micro-synergies spontanées. Cela conduit à un **réseau** plus rigide, incapable de tirer pleinement parti de l'**auto-organisation** locale, car il reproduit simplement une contrainte imposée depuis le haut. Trouver la **juste dose** de contrôle top-down, en ajustant le nombre, l'amplitude et la fréquence des signaux, représente un défi crucial. Un contrôle insuffisant laisse le micro-niveau s'égarer dans d'innombrables combinaisons, tandis qu'un contrôle excessif limite la flexibilité et l'innovation structurelle du SCN.

C. Interprétabilité et Traçabilité

Le **SCN** du DSL, déjà complexe, devient encore moins lisible avec l'ajout de *flux coopératifs* multiniveau. Il devient difficile d'expliquer l'origine du renforcement d'une liaison $\omega_{i,j}$, car il peut résulter d'un effet direct de la synergie S(i,j) au niveau local ou d'un signal imposé par le macronœud pour harmoniser un cluster

Le SCN peut également subir de rapides réorganisations lorsque plusieurs sources de feedback s'activent simultanément. Dans un environnement stochastique avec bruit et variations contextuelles, deux exécutions similaires peuvent produire des topologies différentes. La traçabilité permettant de suivre la formation d'un cluster ou d'un macro-nœud devient alors difficile, car le système peut modifier sa structure sans qu'un événement unique puisse être identifié comme déclencheur

Sur le plan algorithmique, cette sensibilité complique la reproductibilité et l'analyse fine de l'autoorganisation. Un système trop instable peut rendre l'interprétation des résultats difficile et limiter les possibilités d'optimisation, car chaque exécution peut produire un agencement légèrement différent du SCN

D. Cohérence Multi-Objectif

Souvent, le SCN doit satisfaire **plusieurs objectifs**:

- 1. Réactivité,
- 2. Parcimonie,
- 3. Robustesse (faible sensibilité au bruit),
- 4. Hiérarchisation claire,
- 5. etc.

La présence d'un feedback coopératif sur divers paliers peut servir certains de ces objectifs mais en contrarier d'autres. On peut essayer d'établir une fonction d'énergie $\mathcal{J} = \sum \alpha_\ell \, \mathcal{L}_\ell$ (réunissant différents critères), mais alors la **non-convexité** s'intensifie et la **difficulté** d'optimisation s'accroît. Dans la pratique, on doit se résoudre à des compromis, avec un tuning soigné des paramètres $(\eta, \tau, ...)$ et des signaux descendants. L'absence de garantie de "solution optimale" est l'une des **limitations** fondamentales.

Conclusion (10.3.4.4)

Si le *feedback coopératif* renforce la **puissance** et la **flexibilité** du DSL multi-niveau, il confronte néanmoins le réseau à des **défis conceptuels** :

- La **complexité** exponentielle induite par les couplages multiples complique l'analyse et peut ralentir la convergence,
- La liberté d'interaction peut générer des boucles instables ou délicates à stabiliser,
- La **lisibilité** du SCN s'en ressent car il devient difficile de distinguer ce qui relève de la dynamique locale et ce qui provient du niveau global.,
- La **cohérence** multi-objectif impose de résoudre des arbitrages, parfois au détriment d'une partie de la richesse adaptative.

Cependant, malgré ces **limitations**, le feedback coopératif demeure un outil précieux pour articuler **micro** et **macro** au sein d'un DSL, à condition de paramétrer convenablement la distribution des signaux et de mettre en place des mécanismes d'inhibition ou de contrôle supplémentaires (chap. 10.3.3.2, 10.3.3.3). C'est au prix de ce **pilotage** soigneux que l'on peut conjuguer la **richesse** de l'auto-organisation avec la **cohérence** globale qu'offre le rétrocontrôle multi-niveau.

10.3.4.5. Implications Théoriques et Pratiques

Le feedback coopératif dans un Deep Synergy Learning (DSL) et plus particulièrement dans un Synergistic Connection Network (SCN) multi-niveau ne se limite pas à améliorer ou à accélérer la convergence. Il introduit une dynamique qui relie différentes échelles (micro, méso, macro) de manière plus stable, plus robuste et plus riche. Les implications sont multiples, aussi bien sur le plan théorique (analyse de la stabilité, étude des attracteurs) que sur le plan pratique (conception d'algorithmes hiérarchiques, gestion de la complexité). Cette section met en évidence ces conséquences et invite à une évaluation réaliste des promesses et des limites du feedback coopératif dans le DSL.

Les systèmes de type DSL, en particulier lorsqu'un **feedback** coopératif est introduit sous forme de flux ascendants et descendants, se décrivent par des **équations d'évolution** fortement non linéaires. Chaque pondération $\omega_{i,j}(t)$ évolue en fonction des synergies S(i,j) et des corrections Δ_{coop} , rendant la dynamique du réseau complexe et interdépendante. Sur le plan **mathématique**, on se situe dans le cadre des **systèmes dynamiques**, où la mise à jour globale $\Omega(t) \to \Omega(t+1)$ s'interprète comme une transformation F appliquée à l'ensemble des pondérations. Cette évolution couplée implique que chaque liaison $\omega_{i,j}$ subit simultanément des influences multiples, issues des interactions locales et des ajustements macro.

Du point de vue **ingénierie distribuée**, cette approche s'éloigne des modèles centralisés en permettant à chaque sous-réseau ou entité d'**ajuster** ses liaisons de manière autonome, tout en restant guidé par un macro-nœud jouant le rôle de filtre ou d'orientation globale. Le **DSN** (Deep Synergy Network) se comporte ainsi comme un **graphe adaptatif**, où l'équilibre entre règles locales et directives globales reflète les principes fondamentaux de l'**auto-organisation** dans les systèmes distribués.

B. Robustesse et Stabilisation grâce au Feedback Coopératif

Il est fréquent qu'un **SCN** sans feedback global éprouve des difficultés à **stabiliser** certains clusters (risque de compétitions incessantes, de minima locaux non souhaités). Avec un **flux descendant** (top-down), les liens micro peuvent être corrigés, injectant un "frein" ou un "moteur" complémentaire :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{coop}}(i,j,t).$$

Le $\Delta_{\rm coop}$ assure une **régulation** si le cluster dérive vers un état non stable ou "trop coincé" dans un bassin local. Sur le plan théorique, ce terme modifie la **jacobienne** du système, ce qui peut rendre un attracteur localement plus stable, ou au contraire forcer le réseau à quitter un puits d'énergie médiocre. Les analyses dans les **réseaux complexes** et systèmes dynamical-based confirment qu'un feedback (même partiel) peut "redessiner" la structure d'énergie et accroître la **résilience** (en écartant les trajectoires chaotiques ou en réprimant les oscillations parasites). Au niveau **pratique**, cette approche confère une **robustesse accrue**. Lorsqu'un flux de données bruité ou de nouveaux nœuds apparaissent, le macro-nœud ou un mécanisme de contrôle coopératif ajuste l'intégration sans compromettre la structure globale. L'architecture reste stable tout en permettant une adaptation locale, assurant ainsi une évolution fluide du réseau face aux changements.

C. Un Spectre Plus Large de Configurations Exploitables

Le DSL classique, qui repose sur un gradient local $\omega_{i,j}(t+1) \approx \omega_{i,j}(t) + \eta[S(i,j) - \tau \omega_{i,j}]$, risque parfois de se figer trop vite dans un minimum. Le **feedback coopératif** enrichit la palette de solutions, car il peut imposer des signaux contraignant la forme de la matrice ω . On peut ainsi élargir la zone explorée en permettant au macro-nœud de suggérer la fusion de deux clusters, même si localement S n'est pas encore assez fort, ce qui conduit à un concept plus large. Le feedback top-down joue alors un rôle de guide à un niveau macro, agissant comme une heuristique globale qui complète les corrections locales.

C'est un **levier** pour sortir d'impasses locales ou pour intégrer des objectifs transverses (cohérence multi-modal, uniformité, couverture d'une tâche). Cela se compare à des algorithmes type recuit simulé, mais appliqués dans un contexte hiérarchisé, favorisant une **coopération** transversale.

D. Applications et Ancrage Pratique

Les implications s'étendent à plusieurs domaines :

1. Robotique Multi-Agents

Un coordinateur macro veille à la cohérence d'ensemble (stratégie globale), tout en laissant chaque sous-robot $\{\mathcal{E}_i\}$ s'organiser localement. Le feedback coopératif assure la distribution des tâches et le renforcement des synergies inter-robots.

2. Fusion Multi-Modal

En analyse de données (vision + audio + texte), un système DSL peut connecter localement des morceaux de flux (clustering micro), tandis qu'un module macro oriente la fusion (ex. un thème global). Les **signaux** top-down aident à associer sous-groupes distants mais liés sémantiquement.

3. Réseaux Complexes

Au sens plus large, tout **réseau** (neurones, communications, etc.) recourant à un *feedback* global sur des connexions locales peut bénéficier d'une montée hiérarchique et d'une robustesse accrue.

E. Limitations et Enjeux Futurs

Malgré ces apports, le feedback coopératif soulève des défis mentionnés en 10.3.4.4. La taille du problème peut croître exponentiellement si le nombre de signaux top-down n'est pas limité. La stabilisation n'est pas garantie si le feedback est trop intense ou contradictoire, ce qui impose l'utilisation de mécanismes d'amortissement comme l'inhibition ou la saturation. L'interprétabilité du réseau devient également plus complexe, car une pondération élevée $\omega_{i,j}$ peut résulter soit d'une synergie locale, soit d'une influence macro.

Ce domaine reste un champ de recherche ouvert où l'objectif est de combiner auto-organisation locale et feedback hiérarchique tout en préservant la souplesse du SCN, sa scalabilité et sa pilotabilité. Les avancées futures porteront sur une gestion plus fine des paramètres, comme l'amplitude et le timing du feedback, sur l'établissement de protocoles d'échange définissant les formats de signaux et les priorités, ainsi que sur la formalisation mathématique de la convergence ou de la quasi-convergence dans un environnement bruité.

Conclusion (10.3.4.5)

Sur le plan **théorique**, le **feedback coopératif** élargit la dimension dynamique d'un DSL, laissant coexister corrections locales (micro) et signaux macro (top-down). On se trouve au carrefour de la **théorie** des systèmes dynamiques non linéaires et de l'**ingénierie distribuée**, où l'on étudie stabilité, attracteurs, bifurcations, etc. Sur le plan **pratique**, l'enrichissement du SCN par des échanges coopératifs multi-niveau offre une meilleure **robustesse**, une capacité accrue à **explorer** des solutions de plus haut niveau, et une **flexibilité** renforcée. Les applications (robotique, multiagents, big data, etc.) y gagnent en **cohérence** globale sans sacrifier l'**auto-organisation**. Néanmoins, ces apports s'accompagnent de contraintes. L'explosion combinatoire constitue un

risque, tout comme la nécessité de paramétrer avec précision l'amplitude des flux top-down. L'interprétation du réseau devient plus complexe, ce qui impose des approches modulaires et un pilotage adapté. L'inhibition, le recuit et la normalisation figurent parmi les mécanismes permettant de maîtriser cette puissance tout en conservant la flexibilité et l'efficacité du système.

10.3.5. Exemples Pratiques de Synergies Multi-Échelle

Les principes de **feedback coopératif** (cf. chapitres précédents) s'appliquent de façon particulièrement éloquente dans des scénarios où l'on observe différents paliers d'organisation, allant du **micro** (détails locaux) au **macro** (vision globale). La section 10.3.5 rassemble plusieurs domaines emblématiques, parmi lesquels la vision multi-modale, l'analyse du langage, la robotique, les agents conversationnels et la simulation. En chaque cas, le **Deep Synergy Learning** (**DSL**) conjugué au **feedback coopératif** engendre des **synergies multi-échelle**. Les boucles ascendantes bottom-up agrègent l'information locale, tandis que les boucles descendantes top-down valident ou réorganisent les structures émergentes, assurant ainsi une robustesse et une adaptabilité accrues.

10.3.5.1. Systèmes de Vision Multi-Modal

Les approches de **vision** par **Deep Synergy Learning (DSL)** se déploient aisément dans un cadre **multi-niveau**, où les paliers micro, meso et macro s'articulent pour intégrer des **patchs** visuels, des **descripteurs** (SIFT, SURF, CNN embeddings), voire d'autres flux complémentaires (audio, texte, etc.). L'un des grands atouts d'un Synergistic Connection Network (SCN) réside dans sa capacité à **regrouper** ces entités élémentaires en **clusters** plus larges, tout en s'appuyant sur un **feedback coopératif** pour affiner les regroupements et conférer une **cohérence** globale. La présente section (10.3.5.1) expose comment cette synergie multi-échelle s'illustre dans les systèmes de **vision** (images, vidéos) et étend la notion à la **multimodalité** (vision + audio), avec un flux descendant/ascendant orchestrant la formation de représentations visuelles robustes.

A. Micro-Clusters de Features Visuelles

À la base, on considère un ensemble de **descripteurs** locaux $\{x_i\}$ extraits d'une image ou d'une scène vidéo (patchs, keypoints, ou encore features d'un CNN). On définit une **fonction** de synergie $S(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j)$ mesurant la similarité ou la cohérence entre descripteurs i et j. On applique alors la mise à jour DSL:

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right],$$

pour faire émerger des liaisons $\omega_{i,j}$ fortes là où l'image présente une corrélation visuelle prononcée (bords adjacents, même texture, objet identique). Les **micro-clusters** se forment ainsi, correspondant à des fragments d'objets ou de zones visuelles relativement homogènes.

B. Agrégation Intermédiaire : Validation et Fusion en Objets

Une fois que des micro-clusters $\{C_{\alpha}\}$ apparaissent, un **niveau** intermédiaire peut les regrouper en "supra-clusters" qui représentent des **objets** plus conséquents. Sur le plan **mathématique**, on définit :

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})} = \Psi\left(\{\omega_{i,j}\}_{i\in\mathcal{C}_{\alpha},\,j\in\mathcal{C}_{\beta}}\right),$$

pour agréger les liaisons internes aux micro-clusters \mathcal{C}_{α} , \mathcal{C}_{β} . Au-delà, un *feedback* coopératif **descendant** (top-down) peut intervenir pour *confirmer* la cohérence d'un objet ou, au contraire, pousser une **scission** si un micro-cluster se révèle hétérogène. Cela se formalise en ajoutant un **terme** $\Delta_{\text{down}}(i,j)$ dans la mise à jour $\omega_{i,j}$, traduisant la volonté du macro-nœud "objet" de renforcer ou d'inhiber certaines zones.

C. Niveau Macro et Classes Sémantiques

Avec un **palier** macro plus abstrait, on se hisse à des **catégories** (voiture, chat, arbre) ou à des **scènes** (route urbaine, intérieur, etc.). Le DSL à ce niveau manipule des super-nœuds $\{\mathcal{N}_{\alpha}\}$ représentant des objets identifiés, lesquels peuvent encore s'associer en une scène globale. Le **feedback coopératif** se manifeste lorsqu'une macro-catégorie, par exemple "véhicule", va *inhiber* les liaisons micro incompatibles (textures ou edges typiques d'un arbre) ou renforcer celles qui confirment la silhouette d'une voiture. Cette boucle **descendante** oriente la segmentation locale, pour aboutir à une **cohésion** visuelle plus solide.

D. Vision Multi-Modal: Intégration de l'Audio

Si l'on ajoute un flux **audio** synchronisé, on introduit des entités $\mathbf{y}_k^{\text{audio}}$ et des synergies croisées $S(\mathbf{x}_i, \mathbf{y}_k)$. On applique alors la même logique DSL. Si un **son** correspond souvent à la présence d'un objet visuel particulier, les liaisons $\omega_{i,k}$ se renforcent. Dans un contexte **macro**, on peut repérer la scène "rue bruyante" si l'audio, comme un klaxon ou un brouhaha urbain, vient corroborer la présence d'objets tels que des voitures ou des passants. Le **feedback** top-down peut alors consolider des features acoustiques encore ambiguës, reliant en continu la perception visuelle et la perception audio pour soutenir une représentation plus complète de la scène.

E. Bénéfices concrets : Robustesse et Scalabilité

- 1. **Robustesse** : en combinant un palier *descendant*, on évite une segmentation ou un clustering purement local erroné. L'objet (macro) impose un "cadre" global, évitant que de petits bruits ne trompent le micro-niveau.
- 2. **Meilleure sémantique** : l'agrégation multi-modale clarifie la labellisation d'entités visuelles grâce aux indices sonores (ou textuels, etc.). L'**objet** devient plus "facile" à détecter quand plusieurs canaux concourent à la synergie.
- 3. Adaptation dynamique : le DSL gère l'arrivée de nouveaux patches (ou un changement de focus) en réallouant localement les liaisons, tandis que le flux macro prévient la dislocation soudaine de la scène.

Conclusion (10.3.5.1)

Les **systèmes** de **vision** (image, vidéo) — et, plus généralement, la **vision** multimodale (image + audio) — bénéficient tout particulièrement de l'approche DSL à **paliers multiples**. Les **microclusters** (patchs ou features) se forment par la dynamique locale, puis s'assemblent en "objets" via un **niveau** intermédiaire, et finalement s'organisent en **scènes** ou **catégories** au **palier** macro, le tout soutenu par un **feedback coopératif**. Ce dernier *valide* ou *corrige* localement la cohérence, permettant une **auto-organisation** plus efficace que la simple somme de clustering local. Sur le plan concret, cette pratique aboutit à des **pipeline** de traitement **robustes**, unifiant la détection fine de patterns (micros) et la **reconnaissance** d'objets ou de scènes (macro) dans un *SCN* évolutif — et éventuellement étendu à d'autres canaux sensoriels (audio, texte), garantissant une vision plus complète de l'environnement.

10.3.5.2. Analyse Contextuelle de la Parole et du Langage

Dans le champ de l'analyse de la **parole** et du **langage**, la **contextualisation** dépasse la simple lecture d'une séquence de mots ou d'une transcription phonétique. Un système conversationnel peut gagner en **profondeur** s'il est capable de repérer, à la fois, les **entités** micro (phonèmes, tokens) et d'en déduire des **macro-sujets** (thèmes, intentions) tout en assurant une **cohérence** de l'ensemble. Le **Deep Synergy Learning (DSL)**, au travers d'un **Synergistic Connection Network (SCN)**, fournit un cadre où des *clusters* à divers paliers (micro, méso, macro) émergent spontanément, pendant qu'un **feedback** coopératif multi-niveau en maintient la pertinence. Cette approche se révèle particulièrement utile pour l'**analyse contextuelle** de la parole et du langage, où les transitions de sujets sont fréquentes et la polyphonie sémantique, courante.

A. Palier Micro: Segments de Parole ou Tokens Textuels

La **base** du système s'organise autour d'entités de plus bas niveau. Phonèmes, segments audio courts ou tokens de texte comme les mots et sous-mots forment les unités fondamentales. Chacune de ces entités, notée \mathcal{E}_i , est dotée d'une **représentation** \mathbf{x}_i (ex. un embedding acoustique ou un vecteur sémantique). Le **DSL** évalue alors une **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ entre paires (i, j). Si les deux segments sont régulièrement co-activés ou partagent une forte similarité sémantique (p. ex. cosinus dans l'espace de mots-embeddings), la pondération $\omega_{i,j}$ est renforcée au fil des itérations :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \big[S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \big] + \cdots$$

Sur le plan **phénoménologique**, cela se traduit par la **constitution** de micro-clusters de segments jugés proches ou complémentaires (par ex. "terminaux" d'un même lexique, tokens qui forment un segment de phrase cohérent, ou phonèmes co-occurrents). On obtient ainsi des **groupements** locaux qui reflètent la dynamique interne de la parole ou du discours textuel.

B. Palier Macro: Thèmes, Intentions, Dialogue Complet

Une fois formés, les **micro-clusters** peuvent se **fusionner** ou se reconnaître mutuellement en **super-nœuds** plus globaux. Dans l'analyse du langage, cela se traduit par la **détection** de thèmes macro-niveau comme "météo", "transport public", "politique" ou "sport". Le SCN poursuit alors

la logique DSL sur ces super-nœuds, définissant une pondération $\omega_{\alpha,\beta}$ qui représente la synergie entre deux thèmes.

Un **feedback** coopératif top-down peut ensuite imposer des **contraintes** ou des **renforts** à l'échelle micro. Si un macro-nœud "transport" est activé parce qu'une conversation mentionne régulièrement les mots "train", "bus" et "avion", les liaisons $\omega_{i,j}$ entre tokens liés à ce champ lexical peuvent être **encouragées**, stabilisant ainsi le contexte conversationnel. Inversement, si un token isolé n'appartient pas au champ "transport" comme "médicament", le macro-nœud peut inhiber la consolidation de ces liens.

Ce flux descendant évite la dispersion excessive. Le SCN oriente l'évolution locale des $\omega_{i,j}$ pour préserver la **cohérence** globale du thème identifié. Le système peut ainsi **accélérer** la reconnaissance sémantique d'un sujet ou **rejeter** plus vite des ambiguïtés lexicales.

C. Transitions et Recontextualisation

L'une des **forces** de l'approche DSL réside dans sa capacité à **réorganiser** rapidement les liaisons ω si la conversation bascule de sujet. À travers un **feedback** top-down réactif, le macro-nœud peut .

- 1. Baisser ω de l'ancien thème si on glisse vers un nouveau domaine lexical,
- 2. **Renforcer** ω pour les tokens plus adaptés à la nouvelle orientation,
- 3. **Maintenir** un souvenir du thème précédent si la conversation y revient. Sur le plan **mathématique**, cette recontextualisation consiste à moduler $\omega_{i,j}$ par des corrections $\Delta_{\text{down}}(i,j)$ indexées sur le sujet dominant au niveau macro, permettant au SCN de **redistribuer** en temps réel la pondération sur des zones sémantiques plus ou moins actives.

D. Polyphonie, Polysémie et Analyse Contextuelle

Dans la **parole** et le **langage**, la **polyphonie** (plusieurs voix, sens, thèmes simultanés) est fréquente. Par exemple, le mot "bank" peut signifier "banque" ou "rive" selon le contexte. La **mise à jour** $\omega_{i,j}$ localement ne saurait trancher l'ambiguïté si les indices manquent. Mais grâce au **macronœud** (ou super-nœud) détectant le champ lexical général (finance ou géographie), le **feedback** top-down clarifie laquelle des liaisons lexicales doit se renforcer et laquelle doit s'éteindre. De même, en **situation** de conversation multimodale (audio+vidéo), si le SCN identifie un certain thème auditif ou des indices prosodiques particuliers, il peut rétroagir pour guider le choix lexical ou l'interprétation sémantique des tokens ambigus.

E. Résultat : Une Écoute/Analyse plus Adaptative

La **synergie** multi-niveau, assortie du **feedback** coopératif, confère au DSL pour la parole et le langage :

1. **Stabilité** conversationnelle : lorsque les indices linguistiques convergent, le cluster "thème X" devient ferme ;

- 2. **Flexibilité** : un changement de conversation active un flux descendant, réorientant le graphe local ;
- 3. Robustesse face aux ambiguïtés lexicosémantiques ou aux bruits acoustiques ;
- 4. Évolutivité temps réel : insertion progressive de segments, qui s'auto-intègrent au graphe via ω .

Conclusion (10.3.5.2)

Dans l'analyse de la parole et du langage, l'approche DSL dépasse largement un simple enchaînement séquentiel. Sur un SCN multi-niveau, elle permet l'émergence de clusters micro, regroupant des segments proches, puis de macro-nœuds représentant des thèmes ou des intentions. Les boucles de feedback coopératif (bottom-up et top-down) garantissent la cohérence contextuelle, en particulier lors de changements de sujet ou de phénomènes de polysémie. Ceci se traduit par une dynamique adaptative où, dès qu'un thème s'impose, les liaisons associées se renforcent, tandis que les tokens incompatibles sont inhibés. Le système gère alors en temps réel l'évolution du discours. Sur le plan mathématique, ce processus se modélise par la mise à jour $\omega_{i,j}$ sous influence synergiques et corrections macro, offrant un cadre unifié pour l'analyse contextuelle de la parole et du langage, combinant la richesse d'un graphe auto-organisé et la contrainte d'un pilotage hiérarchique.

10.3.5.3. Robotique Synergique: Intégration Sensorimotrice

L'approche de la **robotique synergique** repose sur le principe que l'**interaction** entre capteurs (vision, lidar, IMU, capteurs de force) et actionneurs (moteurs, roues, bras, pinces) peut être gérée par un **réseau** $\{\omega_{i,j}\}$ évoluant selon les **règles** du **Deep Synergy Learning (DSL)**. Cette démarche fait de la **cohérence** sensorimotrice un phénomène **auto-organisé**, renforcé par la **synergie** S(i,j) et modulé par un **feedback** coopératif (bottom-up, top-down, latéral). Le point essentiel consiste à structurer à la fois la **perception** et l'**action** dans un **Synergistic Connection Network (SCN)**, de sorte que le robot puisse intégrer simultanément les informations multi-capteurs et piloter ses sous-systèmes moteurs dans une optique de **fusion** adaptative et distribuée.

A. Principes Généraux de l'Intégration Sensorimotrice

Chaque **capteur** est modélisé comme une **entité** \mathcal{E}_i dotée d'un état \mathbf{x}_i (par exemple, un vecteur de mesures ou un embedding sensoriel). Chaque **actionneur** est pareillement une entité \mathcal{E}_j représentant la commande bas niveau (couple moteur, consigne d'angle) ou un module plus abstrait (contrôleur de bras, propulsion). L'ensemble forme un **SCN** regroupant capteurs et moteurs dans un même espace de connexions $\omega_{i,j}$. Le **DSL** y applique une règle de mise à jour qui rend explicite la **synergie** S(i,j) entre un capteur i et un actionneur j. Si la caméra détecte un objet et que le bras s'active correspondamment, la co-occurrence ou la complémentarité sensorimotrice fait grimper la pondération $\omega_{i,j}$. Inversement, des paires inopérantes voient leur pondération stagner ou décroitre. Le tout encourage la **formation** de *clusters* au sein desquels capteurs et moteurs coopèrent pour des tâches particulières (navigation, manipulation, etc.).

B. Organisation en Clusters Sensorimoteurs

Quand un certain groupe de capteurs se révèle hautement pertinent pour un ensemble d'actionneurs, la dynamique DSL amène ces entités à renforcer leurs liaisons :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \big[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \big] + \cdots$$

(où "..." peut inclure un **terme** d'inhibition ou de recuit). Si S(i,j) s'avère élevé, $\omega_{i,j}$ converge vers un niveau stable signifiant une **coopération** durable entre le capteur i et l'actionneur j. Plusieurs liens ω interconnectant un **même** sous-ensemble de capteurs et de moteurs forment alors un **cluster** sensorimoteur, c'est-à-dire un groupe auto-organisé qui se spécialise dans une fonction exemple, préhension stabilisation (par fine, ou posturale). La logique du **feedback** coopératif (cf. section 10.3.4) permet aussi un palier *macro*. Par exemple, si un module supérieur (macro) reconnaît que la "navigation" globale est l'objectif, il peut inhiber les liaisons ω tournant autour du bras manipulateur, ou au contraire **pousser** des capteurs inertiels et des moteurs de locomotion à collaborer plus étroitement. La mise à jour alors se dote d'un correctif $\Delta_{\text{down}}(i, j, t)$, canalisant la réorganisation du SCN vers la fonction prioritaire.

C. Hiérarchie et Coordination

Dans beaucoup de scénarios robotiques, on distingue plusieurs **niveaux**. Au **niveau** micro, on manipule des entités capteur/moteur bas niveau (chacune correspondant à un joint, un capteur local, etc.). Au **niveau** macro, on considère des "super-nœuds" comme un bras complet, un sous-système de locomotion, un cluster de capteurs de vision. Un **flux** bottom-up agrège les liaisons micro en liaisons macro, tandis qu'un **flux** top-down vient réorienter ou saturer certaines connexions micro qui sont peu utiles. Cette architecture se rapproche d'une **auto-organisation** hiérarchique où le réseau DSL ne se limite pas à associer localement un capteur à un moteur, mais construit des super-nœuds comme

limite pas à associer localement un capteur à un moteur, mais construit des super-nœuds comme "bras droit" ou "caméra frontale + lidar latéral", reconnus comme groupes cohérents. Le "macronœud" ainsi formé peut gérer la tâche "saisir objet" ou "éviter obstacle" de façon plus centralisée, tout en déléguant l'ajustement micro (les ω internes) à la dynamique DSL locale.

D. Robustesse et Adaptation Temps Réel

La **robotique** nécessite souvent une adaptation *en temps réel* à des aléas (capteur défaillant, roue bloquée, changement d'environnement). La mise à jour continue $\omega_{i,j}(t+1) \leftarrow \cdots$ couplée à un feedback top-down rend le **SCN** capable d'**évincer** naturellement un capteur s'il cesse de fournir des données cohérentes, ou d'**incorporer** un nouveau module moteur si on l'ajoute physiquement au robot.

Par exemple, si un capteur "caméra latérale" subit un voile ou un fort bruit, le **score** $S(\text{cam_lat,moteur})$ chute, donc $\omega_{\text{cam_lat,moteur}}$ s'affaiblit, et le cluster sensorimoteur s'**appuie** davantage sur d'autres capteurs. Sur le plan algébrique, cette plasticité garantit une **tolérance** aux pannes où l'on ne reprogramme pas tout mais laisse la **dynamique** DSL réallouer les liaisons de façon coopérative.

E. Conclusion (10.3.5.3)

Dans le domaine de la **robotique**, l'approche DSL appliquée à l'**intégration sensorimotrice** permet une **auto-organisation** distribuée où capteurs et actionneurs se regroupent en *clusters*

pertinents. Les synergies S(i,j) déterminent quelles combinaisons sensorimotrices aboutissent à un gain fonctionnel (ex. vision + pince = saisie réussie), et la pondération $\omega_{i,j}$ évolue pour consolider ces liens ou les abandonner si non utiles. Le feedback coopératif multi-niveau introduit un pilotage plus haut, apte à réorienter les connexions locales en fonction d'un but (navigation préhension, VS. posture déplacement). VS. Cette logique assure une adaptation continue, tant par la cohérence hiérarchique (grâce aux macro-nœuds) que par la flexibilité (chaque entité s'accorde avec les entités voisines qui partagent un besoin sensorimoteur). On obtient alors un **réseau** plus *résilient*, capable d'encaisser pannes capteurs/moteurs, et de reconfigurer l'utilisation de ses ressources sans reprogrammer manuellement les liaisons entre modules. Sur le plan **mathématique**, il s'agit toujours de la *même* mise à jour DSL, adaptée pour traiter des synergies sensorimotrices, et enrichie par les termes de feedback coopératif orientant la constitution de clusters "fonctionnels" ou "mission-based".

10.3.5.4. Agents Conversationnels Riches et Contextuels

Dans le cadre des **agents conversationnels**, les enjeux dépassent la simple détection d'intentions ou l'extraction de mots-clés. Il s'agit de gérer des **conversations** où plusieurs **sujets** peuvent s'entrelacer, d'intégrer des indices **contextuels** comme le langage corporel ou le ton de la voix, et de réorienter le **dialogue** dès qu'une bifurcation survient. Le **Deep Synergy Learning (DSL)** propose un cadre où chaque **entité** (segment textuel, token sémantique, élément sonore, geste) peut être représentée dans un **Synergistic Connection Network (SCN)**. Les **liens** $\omega_{i,j}$ y évoluent par l'entremise de **synergies** S(i,j), et un **feedback** coopératif (top-down, bottom-up) assure une **organisation** hiérarchique et adaptative, se révélant idéal pour un agent **conversationnel** contextuel et flexible.

A. Entités Multiples: Segments, Tokens, Indices Paralinguistiques

Un **agent conversationnel** disposant de plusieurs **canaux** (texte, audio, gestes) doit gérer un **flux** de données hétérogènes. Chaque *élément* (ex. un **token** lexical, un **segment** de phrase, une **intonation** prosodique, un **geste** de l'interlocuteur) est modélisé comme une **entité** \mathcal{E}_i . Sur le plan **mathématique**, on associe à chaque entité un vecteur $\mathbf{x}_i \in \mathbb{R}^d$ (embedding lexical, spectrogramme transformé, encodage gestuel, etc.). Le **DSL** calcule alors une **synergie** S(i,j) entre paires $(\mathcal{E}_i,\mathcal{E}_j)$, censée refléter la cohérence ou la co-occurrence entre ces deux entités dans le dialogue. Les pondérations $\omega_{i,j}$ évoluent suivant :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right] + \cdots$$

Le résultat est la **constitution** progressive de micro-clusters (ex. groupe de tokens formant un segment thématique, association entre un mot et un geste) qui se stabilisent ou se dissolvent selon leur pertinence contextuelle.

B. Organisation Hiérarchique: Thèmes, Macro-Clusters, Feedback

À mesure que des clusters locaux (liens ω) s'établissent, on peut **agréger** ces regroupements en un **niveau** plus macro, correspondant à des **thématiques** ou **sous-discussions**. Sur le plan **mathématique**, on définit une fonction Ψ pour fusionner les liaisons $\{\omega_{i,j}\}$ internes à un cluster \mathcal{C}_{α} , donnant naissance à un super-nœud \mathcal{N}_{α} . Les pondérations inter-clusters $\omega_{\alpha,\beta}$ indiquent alors

la proximité ou la transition probable entre thèmes \mathcal{N}_{α} et \mathcal{N}_{β} . Le **feedback** top-down agit lorsque le système conversationnel, au niveau macro, repère qu'un thème est dominant ou qu'une transition de sujet s'opère. Ce feedback se traduit par un **terme** $\Delta_{\text{down}}(\alpha,i)$ venant **réorienter** les liens $\omega_{i,j}$ au niveau micro, encourager la consolidation de certains segments, ou au contraire **inhiber** des associations moins pertinentes. Ainsi, si l'agent conversationnel détecte qu'on aborde un nouveau sujet, il **ouvre** la place à de nouveaux clusters de tokens, renforçant la cohérence contextuelle pour la suite de la discussion.

C. Gestion Dynamique des Contextes Multiples

Un dialogue peut simultanément convoquer divers contextes (mémoire d'une question passée, nouveau sujet initié, alerte émotionnelle). Le DSL permet la coexistence de plusieurs macro-clusters reflétant ces contextes. Chaque nœud \mathcal{N}_{α} incarne un thème ou un sous-contexte, facilitant ainsi une adaptation dynamique aux variations du dialogue. Les segments entrants (tokens d'un nouvel énoncé) cherchent leur place dans un ou plusieurs macro-clusters en fonction de leur synergie S. Sur le plan mathématique, la dynamique se précise ainsi. Les micro-entités (tokens, gestes) sont évaluées par rapport aux macro-clusters existants \mathcal{N}_{α} . Si la similarité ou la co-occurrence s'avère élevée, l'agent oriente la conversation dans ce cluster. Sinon, il amorce la création d'un nouveau super-nœud ou réveille un cluster dormant. Le feedback descendant unifie l'alignement local, conduisant les tokens épars à se rallier au cluster choisi et augmentant $\omega_{i,j}$. Cette gestion de multiples contextes offre une flexibilité conversationnelle remarquable, permettant à l'agent de suivre un fil principal tout en conservant des contextes secondaires, prêts à être réactivés si besoin.

D. Adaptation en Temps Réel et Continuité Conversationnelle

Grâce à la **mise à jour** itérative de ω , l'agent conversationnel s'adapte en réagissant à l'introduction d'un sujet inattendu. Lorsque de nouveaux tokens apparaissent, la synergie S évalue la distance sémantique ou l'écart temporel. Si aucun macro-nœud ne correspond, un nouveau cluster est créé ou un cluster existant est scindé. La continuité est maintenue lorsque l'utilisateur revient à un sujet précédent. Même si ce cluster est moins activé, il reste accessible, facilitant la reprise du fil puisque les liaisons ω associées sont seulement affaiblies et non supprimées. L'agent peut également refocaliser l'échange si l'utilisateur exprime un souhait de clore un sujet. Un signal top-down inhibe alors les liaisons ω correspondantes, orientant la conversation vers d'autres thèmes actifs. Cette **adaptation** en temps réel illustre la nature intrinsèque du **DSL**, un **réseau** auto-organisé et plastique, ajustant localement chaque liaison en fonction des synergies présentes et des contraintes globales de la logique conversationnelle.

E. Conclusion (10.3.5.4)

Les **agents conversationnels** dits "riches et contextuels" tirent parti de la **philosophie DSL** en intégrant chaque **segment** (tokens, gestes, indices audio) au sein d'un **SCN**. Les **clusters** représentant des sous-thèmes ou topics émergent et évoluent grâce à l'auto-organisation des pondérations ω , influencées par les synergies locales S(i,j) et par un **feedback** coopératif multiniveau.

Cette approche permet la **gestion** simultanée de plusieurs contextes. L'agent conserve en latence des sous-ensembles conversationnels et les réactive en fonction du déroulement de l'échange. L'**adaptation** dynamique du réseau se manifeste lorsqu'une bifurcation de sujet ou un changement

d'intonation survient. Les mises à jour itératives de ω garantissent une reconfiguration fluide et immédiate. Une **coopération** hiérarchique intervient pour valider ou inhiber certaines structures conversationnelles. Un niveau macro correspondant à la thématique du dialogue oriente les sousensembles micro, tels que les phrases et les tokens, afin de maintenir la **cohérence** globale de l'interaction.

D'un point de vue **mathématique**, cette architecture modélise l'évolution de $\omega_{i,j}$ dans un **système** non linéaire couplé, gérant des informations multiples (texte, audio, gestes), et orchestré par des flux de feedback (top-down, bottom-up). Ainsi, le DSL se pose comme un **socle** naturel pour créer des agents conversationnels pouvant simultanément traiter la **richesse** conversationnelle et maintenir un **contexte** évolutif, de manière distribuée et cohérente.

10.3.5.5. Applications dans la Simulation et la Prédiction d'Événements

Dans des domaines aussi variés que la **finance**, la **climatologie**, l'**épidémiologie** ou encore l'**écologie**, on cherche à **simuler** l'évolution de systèmes complexes en tenant compte de multiples **variables** ou **entités** interdépendantes. Le **Deep Synergy Learning (DSL)**, et plus particulièrement le **feedback coopératif** décrit dans le chapitre 10, propose une approche capable de modéliser les flux de données multifactorielles et d'anticiper l'émergence de phénomènes collectifs. Le Synergistic Connection Network (SCN) organise en continu les pondérations $\omega_{i,j}$ entre entités, reflétant la dynamique spatio-temporelle du système, et facilite la **prévision** de configurations futures.

A. Contexte: Flux Temporel et Régulation Coopérative

Un **flux** d'événements ou de mesures peut provenir de données boursières (suite chronologique de prix pour différents actifs), de relevés climatiques (température, pression, humidité, indices océaniques), ou d'observations épidémiques (nombre de cas par région, taux de reproduction, etc.). Chaque **entité** \mathcal{E}_i représente un élément de ce flux, par exemple un "point de donnée" à un instant donné ou une "variable" dans un espace plus global. Le **DSL** met à jour la matrice $\{\omega_{i,j}\}$ en s'appuyant sur une **synergie** S(i,j), afin de modéliser la corrélation ou la coévolution entre les entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j . Cette mise à jour n'est pas statique. Un **feedback** coopératif peut intervenir depuis un palier macro, reflétant une tendance globale, ou de manière latérale par inhibition compétitive, influençant ainsi l'évolution de ω .

Sur le plan mathématique, on peut intégrer un terme de rétroaction coopérative dans la règle

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t)] + \Delta_{coop}(i,j,t).$$

Si une macro-structure (p. ex. un "macro-nœud" capturant une tendance de marché ou un régime climatique) détecte un motif anormal ou significatif, elle peut envoyer un signal $\Delta_{\text{coop}}(i,j,t)$ pour réajuster localement $\omega_{i,j}$. Cet **aller-retour** entre le niveau local (corrélation ponctuelle) et le niveau macro (tendance globale) permet une **adaptation** du SCN face à de nouveaux événements.

B. Simulation : Coévolution et Émergence de Clusters

Une application typique du DSL concerne la **simulation** de scénarios complexes, où de multiples variables évoluent ensemble et s'influencent mutuellement. Au sein d'un SCN, la **coévolution** de ces variables se reflète dans le renforcement ou l'affaiblissement de liens $\omega_{i,j}$. On observe fréquemment l'**émergence** de **clusters**, où un sous-ensemble d'entités (variables, actifs financiers, régions géographiques) développe entre elles de fortes synergies, formant un bloc cohésif. Cette cohérence traduit un comportement similaire ou synchronisé entre ces entités.

En reprenant la perspective d'un système climatique, on peut voir un ensemble de grilles spatiotemporelles $\{\mathcal{E}_i\}$. Si la **dynamique** montre qu'une zone localisée commence à présenter une synergie élevée avec d'autres zones (dans leurs relevés de température, pression, etc.), on peut modéliser la **formation** d'un macro-nœud traduisant un phénomène comme El Niño ou un blocage météorologique. Le feedback coopératif favorise cette **lecture** globale, car le macro-nœud "haut niveau" (un paramètre global du système) renvoie un signal confirmant que ces corrélations locales sont porteuses d'un basculement vers un nouveau régime climatique.

Sur le plan **algorithmique**, la simulation évolue au fil des pas de temps. La matrice $\omega(t)$ est mise à jour, puis l'état futur est généré en fonction d'un modèle, qu'il soit physique, statistique ou hybride. On réévalue S(i,j) en fonction du nouvel état, alimentant la mise à jour. Cette boucle **permet** d'**observer** comment se cristallisent certaines synergies locales ou comment un cluster se dilate, anticipant l'éventuel passage à un phénomène marquant.

C. Prédiction d'Événements : Signaux Précurseurs

Dans la **prédiction**, on cherche à repérer des **signaux précurseurs** d'un événement (krach boursier, épidémie fulgurante, rupture de stock, incident système, etc.). Un SCN mis à jour par la règle DSL peut manifester une **hausse** notable des liaisons ω au sein d'un futur cluster, bien avant qu'il ne soit entièrement formé. Ainsi, lorsqu'un sous-ensemble d'entités (variables) accroît considérablement sa synergie, on en déduit qu'un **macro-phénomène** (ex. contagion financière ou flambée épidémique) est sur le point d'émerger.

Dans cette optique, le **feedback coopératif** accélère la détection. Si le niveau macro perçoit une consolidation anormale de ω , il peut soit renforcer ces liens pour mieux les discriminer et leur attribuer un **focus**, soit activer un mécanisme d'**inhibition** afin de vérifier s'il s'agit d'un signal stable ou d'un bruit transitoire. Cette rétroaction étroite permet ainsi de **dissocier** rapidement un cluster naissant d'une simple fluctuation éphémère.

D. Intérêt par Rapport aux Méthodes Classiques

Comparé à des méthodes paramétriques traditionnelles comme la régression linéaire, les modèles VAR ou ARIMA, le **Deep Synergy Learning (DSL)** présente plusieurs avantages. Il **exploite** la synergie multi-variable de manière locale, sans imposer un modèle global figé, permettant ainsi à chaque couple (i,j) d'évoluer indépendamment et aux **clusters** de se former spontanément. Il **autorise** un contrôle coopératif où un **macro-nœud**, représentant une variable agrégée ou un module d'expertise, peut injecter un signal Δ_{coop} afin de prendre en compte des phénomènes globaux comme des politiques monétaires ou des changements climatiques. Il **s'auto-adapte** aux changements de régime, puisque si une covariance habituelle disparaît, les liens $\omega_{i,j}$ s'affaiblissent

tandis que de nouveaux liens émergent, modifiant la topologie du SCN sans nécessiter un réentraînement complet du modèle.

Ainsi, le DSL conjugue **flexibilité**, **distributivité** et **capacité** de zoom local/macro, ce qui est essentiel pour la **simulation** et la **prédiction** d'événements dans des systèmes dynamiques hautement non linéaires.

E. Conclusion (10.3.5.5)

Les applications du DSL en simulation et prédiction d'événements reposent sur la dynamique continue d'un SCN où s'expriment la synergie S(i,j) et le feedback coopératif multi-niveau. Les liaisons $\omega(t)$:

- 1. **Capturent** la coévolution locale (ex. corrélations, co-occurrences),
- 2. **Reçoivent** un ajustement macro (confirmation, inhibition),
- 3. **Révèlent** l'émergence ou la dilution de clusters reflétant des phénomènes à grande échelle (marché haussier, bloc climatique, vague épidémique, etc.).

D'un point de vue **pratique**, cette **auto-organisation** par synergie permet une approche dynamique de la simulation. Le **SCN** évolue en temps réel, révélant comment il se reconfigure progressivement, comment un macro-phénomène comme un krach financier ou un sommet de contamination se manifeste à travers l'émergence de synergies fortes, et comment des **signaux précurseurs** apparaissent bien avant l'événement critique. Cette capacité d'anticipation repose sur la concentration graduelle des interactions, signalant des **points de bascule** dans le système. Sur le plan **mathématique**, cette capacité d'**anticipation** naît de la liaison bottom-up, qui agrège les corrélations locales, et du flux top-down, qui propage un ajustement global pour stabiliser ou amplifier un motif embryonnaire, fournissant ainsi au système un **levier** pour simuler et prévoir les évolutions futures dans un environnement complexe.

10.4. Influence des Interactions Indirectes dans le DSL

Dans un **DSL** (Deep Synergy Learning) classique, on décrit souvent la synergie entre deux entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j de manière **directe**. On calcule S(i,j) d'après leur similarité ou leur co-occurrence, et la pondération $\omega_{i,j}$ évolue en conséquence. Néanmoins, de nombreux phénomènes **réels** font intervenir des **interactions indirectes**, où la relation entre i et j se trouve modulée par d'autres entités ou par des signaux transitant de manière *non immédiate* (via des chemins plus longs dans le réseau). Cette **section 10.4** met en lumière ces influences indirectes et leur rôle dans la **dynamique** synergique.

10.4.1. Interactions Directes vs. Indirectes entre Entités Synergiques

10.4.1.1. Définition et Importance des Interactions Indirectes

Les **interactions indirectes** constituent l'une des facettes essentielles du **DSL**. Alors que l'on qualifie "d'interaction directe" la liaison entre deux entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j lorsqu'il existe un lien $\omega_{i,j}$ explicite dans le **réseau SCN**, on parle au contraire d'**interaction indirecte** lorsque deux entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_k s'influencent via une ou plusieurs entités intermédiaires, même si $\omega_{i,k} \approx 0$. Ces phénomènes d'influence interposée, souvent minorés dans des approches plus simples, jouent néanmoins un rôle crucial dans l'**émergence** de motifs collectifs et la **cohérence** globale d'un SCN.

Interactions directes.

Une interaction est dite *directe* lorsque \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j disposent d'un lien $\omega_{i,j}$ établi dans le SCN. On parle alors de $\omega_{i,j}(t)$ élevé, signifiant qu'en application de la règle DSL

$$\omega_{i,j}(t+1) \; = \; \omega_{i,j}(t) \; + \; \eta \left[S(i,j) \; - \; \tau \, \omega_{i,j}(t) \right] \; + \; \dots$$

le système a **renforcé** la pondération $\omega_{i,j}$ suite à une synergie S(i,j) suffisamment grande. L'information (ou l'influence) se transfère alors de manière immédiate entre i et j. Dans un schéma de représentation classique, cette liaison directe se traduit par une arête dans le graphe $\{\omega_{i,j}\}$.

Interactions indirectes.

Les **interactions indirectes**, plus subtiles, surgissent lorsqu'il n'existe pas de lien direct $\omega_{i,k}$ entre deux entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_k , mais que celles-ci se trouvent reliées via un ou plusieurs nœuds intermédiaires. Formulé en termes de chemins, cela signifie qu'il existe une séquence $i \to j \to k$, ou plus généralement $i \to \cdots \to k$, au sein du SCN. Même si $\omega_{i,k} \approx 0$, la dynamique DSL peut renforcer ou réorienter $\omega_{i,k}$ à cause de la forte liaison $\omega_{i,j}$ et $\omega_{j,k}$. L'influence de \mathcal{E}_k sur \mathcal{E}_i devient alors **indirecte**, se propageant par la médiation de \mathcal{E}_j .

$$\tilde{S}(i,k) \sim \sum_{i} \omega_{i,j} \omega_{j,k}$$
 ou, plus généralement, via des produits de chemins.

Ce phénomène induit une fermeture transitive partielle. Deux nœuds faiblement reliés peuvent finalement prendre de l'importance l'un pour l'autre si une entité tierce, ou un groupe d'entités, relaient l'information.

Importance dans la dynamique DSL.

Les interactions indirectes jouent un rôle fondamental dans la dynamique du **Deep Synergy** Learning (**DSL**), en influençant l'évolution des pondérations $\omega_{i,j}$ de manière non triviale. Lorsqu'une liaison $\omega_{j,k}$ se renforce, elle peut modifier indirectement les pondérations $\omega_{i,k}$ ou $\omega_{i,j}$, générant ainsi des effets en cascade au sein du **Synergistic Connection Network (SCN)**. Ce phénomène s'inscrit dans une logique d'auto-organisation où la cohérence globale est maintenue par des mécanismes d'inhibition, d'agrégation multi-niveau et de feedback top-down.

Un **exemple** caractéristique se produit lorsqu'une entité nouvelle \mathcal{E}_k est introduite dans le réseau. Initialement, la pondération $\omega_{i,k}$ est proche de zéro pour tout i. Toutefois, si $\omega_{j,k}$ présente une synergie élevée et que $\omega_{i,j}$ est déjà significative, la dynamique du DSL peut progressivement renforcer $\omega_{i,k}$. L'entité \mathcal{E}_k devient alors un relais structurant, reliant \mathcal{E}_i à de nouveaux sousgroupes, et pouvant ainsi remodeler l'équilibre du SCN.

Sur le plan **computationnel**, cette dynamique confère au réseau une **richesse structurelle** accrue et une **non-linéarité marquée**. L'émergence de clusters ne résulte plus uniquement de synergies directes entre couples (i,j), mais également de l'intégration progressive de chemins multiples reliant des nœuds initialement distants. Cette plasticité favorise une adaptation flexible du système, lui permettant de réorganiser sa topologie en fonction de l'évolution des synergies locales et des contraintes globales.

Conséquences mathématiques et implications

L'intégration des **interactions indirectes** dans le **Deep Synergy Learning (DSL)** augmente la complexité du **Synergistic Connection Network (SCN)** et influence sa convergence et sa stabilité.

Complexité et prévisibilité. L'accroissement de la taille du graphe et la multiplication des chemins alternatifs compliquent l'analyse formelle des trajectoires d'évolution des pondérations $\omega_{i,j}$. L'émergence de synergies indirectes rend plus difficile la prédiction des états d'équilibre du système.

Oscillations et cycles récurrents. Les oscillations et les motifs cycliques apparaissent lorsque certaines liaisons forment des boucles de rétroaction. À l'échelle locale, ces cycles impliquent trois nœuds interconnectés (i, j, k). À l'échelle globale, ils émergent dans des structures récurrentes où des macro-nœuds influencent la stabilité du réseau.

Effet de "petit monde" et diffusion rapide. Les interactions indirectes favorisent un effet de "petit monde", où quelques nœuds stratégiques relient différentes régions du SCN. Cette propriété accélère la diffusion de l'information et des signaux de rétroaction, facilitant ainsi la coordination entre les différents niveaux du réseau.

Capacité d'émergence et structuration adaptative. D'un point de vue pratique, ces interactions augmentent la capacité du réseau à générer des schémas complexes. Deux sous-réseaux

initialement séparés établissent progressivement des connexions via un nœud intermédiaire, favorisant l'émergence de structures synergiques de haut niveau.

Risques de sur-amplification et besoin de régulation. Cependant, cette dynamique comporte des risques de sur-amplification. Lorsqu'un alignement local sur une liaison $\omega_{j,k}$ entraîne une mise en cohérence des pondérations $\omega_{i,j}$ et $\omega_{i,k}$, le SCN subit des regroupements excessifs ou des transitions brutales entre clusters. Il devient alors nécessaire de contrôler les rétroactions pour préserver la diversité structurelle du réseau et éviter un effondrement de ses capacités d'adaptation.

10.4.1.2. Exemples d'Influence Indirecte (Propagation d'un Signal Contextuel)

Les **réseaux synergiques** ne se limitent pas à des interactions directes $\omega_{i,j}$ entre paires d'entités \mathcal{E}_i , \mathcal{E}_j . Un aspect fondamental de leur **dynamique** repose sur l'**influence indirecte**. Des entités qui ne partagent aucun lien direct peuvent voir leurs états ou leurs pondérations évoluer sous l'effet de **chaînes de connexions**. Ce phénomène s'explique par la **diffusion** d'un **signal contextuel**, qui propage une influence à travers le réseau et modifie la structure des synergies locales et globales. Cette section illustre comment un **contexte** (ordre, stimulation, feedback descendant) injecté localement peut se **propager** jusqu'à des nœuds non connectés directement, suscitant un **renforcement**, un **affaiblissement** ou une **réorientation** des liens $\omega_{i,j}$.

A. Notion de Propagation Contextuelle dans le SCN

La **notion de propagation contextuelle** prend racine dans le fait qu'un **réseau synergiques** se compose généralement de multiples **voies** d'influence. Même si $\omega_{i,j} = 0$ (aucun lien direct), il peut exister un chemin $i \to k \to j$, ou plusieurs chaînons, qui relaient un **signal**. Cette transmission se manifeste sous différentes formes.

Une **chaîne de liens** joue un rôle clé dans la propagation d'un signal. Si $\omega_{i,k}$ et $\omega_{k,j}$ sont élevées, toute **stimulation**, tout **feedback** ou tout **signal** appliqué à \mathcal{E}_i peut, après plusieurs itérations, influencer \mathcal{E}_k , puis \mathcal{E}_j . L'effet indirect de cette dynamique modifie progressivement la relation entre \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j sans qu'un lien direct n'ait été initialement établi.

Un **signal contextuel** peut également jouer un rôle structurant. Un **changement global** tel qu'un nouvel ordre, une transition de mode ou un événement marquant peut se **propager** progressivement. Cette diffusion peut être **descendante** ou **feedforward**. Lorsqu'une entité \mathcal{E}_k reçoit le signal, elle met à jour ses connexions $\omega_{k,x}$. Si \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j partagent ce **pivot** \mathcal{E}_k , la relation entre elles peut évoluer, même si $\omega_{i,j}$ était initialement faible ou inexistant.

Dans le cadre du **DSL**, cette dynamique enrichit l'auto-organisation distribuée. Une **perturbation locale**, même infime, peut progressivement modifier la structure des connexions sur l'ensemble du réseau. L'évolution des liaisons engendre des **répercussions** qui influencent la formation de **nouveaux clusters**, la consolidation de sous-ensembles cohérents ou, inversement, la dissolution de certaines connexions devenues obsolètes.

B. Exemples Mathématiques de Propagation Indirecte

La **propagation** peut se décrire par des **règles** explicites, qu'elles soient **linéaires** ou **non linéaires**, et qui montrent comment un **signal** ou un **contexte** se diffuse dans un **SCN**.

Considérons un chemin :

$$\mathcal{E}_i \rightarrow \mathcal{E}_{k_1} \rightarrow \mathcal{E}_{k_2} \rightarrow \dots \rightarrow \mathcal{E}_{k_m} \rightarrow \mathcal{E}_i$$

On note $\sigma^{(r)}$ la valeur d'un **signal** au nœud \mathcal{E}_{k_r} . Si ce signal est transmis à $\mathcal{E}_{k_{r+1}}$ en étant multiplié par la liaison $\omega_{k_r,k_{r+1}}$, on a :

$$\sigma^{(r+1)} = \sigma^{(r)} \times \omega_{k_r, k_{r+1}}.$$

Après m étapes, la valeur reçue par \mathcal{E}_i est donc :

$$\sigma^{(m+1)} = \sigma^{(1)} \prod_{r=1}^{m} \omega_{k_r, k_{r+1}}.$$

Si le **produit** des ω demeure **significatif** (et non négligeable), \mathcal{E}_j subit effectivement l'**influence** provenant de \mathcal{E}_i . Cette situation montre que **même sans lien direct** $\omega_{i,j}$, la suite de chemins $i \to k_1 \to \cdots \to k_m \to j$ peut exercer un **impact** substantiel si suffisamment de liaisons intermédiaires sont fortes.

On peut aussi modéliser la **diffusion** d'un signal **global C**(t), où chaque entité \mathcal{E}_k porte une composante $\mathcal{C}_k(t)$. À chaque itération, on peut écrire :

$$C_k(t+1) = \sum_x \omega_{k,x} C_x(t),$$

avec éventuellement un facteur d'échelle ou de normalisation. Notons la **matrice W** dont l'entrée $\mathbf{W}[k,x] = \omega_{k,x}$. Alors, on a

$$\mathbf{C}(t+1) = \mathbf{W} \mathbf{C}(t),$$

et par récurrence,

$$\mathbf{C}(t) = \mathbf{W}^t \mathbf{C}(0).$$

Ainsi, même si $\omega_{i,j} = 0$ dans **W**, l'**élément W**^t[i,j] peut devenir **non nul** pour certains t, traduisant la **transmission** de l'information de i à j via des chemins multiples. Cette **propagation** de type linéaire explique comment un **contexte** peut se communiquer de proche en proche, augmentant la valeur de $C_i(t)$ après plusieurs pas.

Dans un **SCN**, la **mise à jour** des liens $\omega_{k,x}(t)$ peut dépendre de l'état local (signal, activation) de l'entité \mathcal{E}_k . Ainsi, si \mathcal{E}_k reçoit un **signal** $\sigma^{(k)}$ élevé, on peut avoir :

$$\omega_{k,x}(t+1) = \omega_{k,x}(t) + f\left(\sigma^{(k)}(t), \omega_{k,x}(t)\right),$$

où f reflète un **renforcement** (ou une inhibition) selon la logique du DSL. La structure ω se modifie en interaction continue avec la diffusion du signal σ . Lorsque $\sigma^{(k)}$ devient plus intense, la liaison $\omega_{k,x}$ a tendance à se renforcer, ce qui amplifie la propagation du signal vers \mathcal{E}_x . Ce mécanisme crée une dynamique d'auto-renforcement, où la synergie locale influence directement l'évolution du réseau. On obtient un **couplage** dynamique entre la **diffusion** du contexte et l'auto-organisation des pondérations.

C. Exemples Concrets de Propagation Indirecte

Les **réseaux sociaux** en fournissent une illustration. Deux personnes n'ayant pas d'interaction directe peuvent se **rapprocher** ou s'influencer si elles ont un ami commun \mathcal{E}_k . En contexte **robotique**, deux agents non connectés initialement peuvent apprendre à collaborer parce qu'ils partagent un même intermédiaire, vecteur d'un **signal** de mission. En **analyse linguistique**, deux tokens éloignés se retrouvent contextualisés par un **topic** intermédiaire qui renforce leur lien sémantique. Dans tous les cas, l'**influence** part d'une source locale, emprunte un ou plusieurs chemins de liaison, et **façonne** au final la relation de nœuds pourtant distants.

D. Conséquences sur la Dynamique du DSL

La **transmission** d'un contexte peut faire naître un **renforcement** de liens jusque-là insignifiants. À mesure qu'un **signal** d'activation s'étend, des **clusters** se créent et certains liens s'intensifient. À l'inverse, un contexte déstabilisant ou inhibiteur peut affaiblir voire couper des liaisons, même sans contact direct.

Le caractère **itératif** du DSL peut créer des **cascades** ou avalanches. Un petit changement local dans $\omega_{i,k}$ induit une révision de $\omega_{k,x}$, ce qui rejaillit sur $\omega_{x,y}$ et ainsi de suite. Une reconfiguration globale peut ainsi résulter d'une unique **perturbation** initiale.

Si un **SCN** comporte des **niveaux** hiérarchiques, un ordre top-down agit sur un sous-ensemble de nœuds, lesquels répercutent cet **input** vers leurs voisins. Inversement, des boucles de **feedback** peuvent renvoyer le signal à son émetteur, amplifiant ou modulant l'effet. Ceci souligne l'importance d'**inhibitions** et de **seuils** évoqués dans les chapitres sur la stabilité pour éviter les **oscillations** incontrôlées.

10.4.1.3. Modèles de Diffusion Indirecte dans les Réseaux Synergiques

Les **réseaux synergiques** offrent un cadre riche pour l'auto-organisation et l'apprentissage non supervisé, en se fondant sur la **mise à jour** locale des pondérations $\omega_{i,j}$. Toutefois, les effets les plus marquants émergent souvent de la **diffusion indirecte**. Une entité \mathcal{E}_i peut influencer une autre entité \mathcal{E}_j sans qu'il existe de **lien direct** $\omega_{i,j}$. Cette influence transite alors par des **chaînes** ou des **chemins** plus complexes, mettant en jeu plusieurs nœuds et multiples interactions.

La **diffusion indirecte** dépasse la simple propagation sur une arête $(i \rightarrow j)$. Elle renvoie à l'idée qu'une **somme** (ou un **produit**) de chemins intermédiaires, même si chacun est relativement faible, peut s'additionner pour engendrer un **impact** majeur sur une cible distante. Dans ce sous-chapitre, nous décrivons comment cette diffusion indirecte se formalise mathématiquement (sections A et

B) et présentons un exemple représentatif (section C) ainsi que les implications qui en découlent (section D).

A. Définition et Principes

Diffusion indirecte. Lorsqu'une **information** ou un **signal** initié par l'entité \mathcal{E}_i parvient finalement à \mathcal{E}_j sans passer par une liaison directe $\omega_{i,j}$, on parle de **diffusion indirecte**. Cette situation survient notamment si un **sous-ensemble** de chemins $\{i \to k_1 \to \cdots \to k_m \to j\}$ permet la **transmission** d'un état, d'une activation ou d'un paramètre contextuel.

Chaînes multiples et effet cumulatif. Dans un SCN, plusieurs chemins indirects (de longueurs diverses) peuvent coexister entre les mêmes nœuds i et j. Même si chacune de ces routes porte un poids modeste, leur cumul (ou leur produit) peut devenir significatif. On assiste alors à un renforcement indirect de la synergie perçue entre i et j, conduisant à une éventuelle mise à jour non négligeable de $\omega_{i,j}$ par transitivité (chap. 10.4.1.2).

Comparaison : diffusion directe vs. diffusion indirecte. La diffusion directe est simplement l'utilisation de l'arête (i,j). Dans la diffusion indirecte, un sous-graphe plus vaste est mis à contribution où la dynamique du réseau s'appuie sur des entités intermédiaires pour répercuter le signal. Sur le plan mathématique, cela s'interprète via des **puissances** de la matrice de poids $\Omega = [\omega_{i,j}]$ où la diffusion indirecte se lit dans Ω^2 , Ω^3 , ... révélant la contribution de chemins de longueur 2, 3, etc.

B. Approche Mathématique : Puissances de Ω et Séries de Chemins

Soit $\Omega \in \mathbb{R}^{n \times n}$ la matrice des pondérations $\omega_{i,j}$. Le produit matriciel Ω^2 a pour composante :

$$(\mathbf{\Omega}^2)_{i,j} = \sum_{k=1}^n \omega_{i,k} \, \omega_{k,j}.$$

Cette **somme** récapitule les **chemins** de longueur 2 $(i \rightarrow k \rightarrow j)$. Par extension :

$$(\mathbf{\Omega}^3)_{i,j} = \sum_{k,\ell} \omega_{i,k} \, \omega_{k,\ell} \, \omega_{\ell,j},$$

rendant compte des **chemins** de longueur 3, etc. Ainsi, chaque **puissance** Ω^m regroupe la contribution des **chemins** de longueur m.

Si on souhaite modéliser la **diffusion** d'un signal avec un taux d'**atténuation** $\alpha \in [0,1)$ par saut, on peut considérer la **somme** :

$$\mathbf{D}(\alpha) = \mathrm{Id} + \alpha \mathbf{\Omega} + \alpha^2 \mathbf{\Omega}^2 + \dots + \alpha^m \mathbf{\Omega}^m + \dots$$

Lorsque $\|\alpha \Omega\| < 1$ (au sens spectral ou normé), la série **converge** et $[\mathbf{D}(\alpha)]_{i,j}$ indique la **contribution** globale de tous les chemins de longueurs multiples, pondérés par α^m . On obtient :

$$\mathbf{D}(\alpha) = (\mathrm{Id} - \alpha \, \mathbf{\Omega})^{-1},$$

une forme de **résolvante** du graphe. On voit clairement apparaître la part **indirecte** (chemins de longueur ≥ 2) dans cette inversion matricielle, qui synthétise l'impact potentiel d'un nœud i sur un nœud j via **plusieurs** échelons.

peut elle-même évoluer au fil du temps. Toutefois, la prise en compte de Ω^m ou de $\mathbf{D}(\alpha)$ reste un **modèle analytique** qui explique comment, à un instant donné, la structure du réseau recèle la capacité d'une entité à **influencer** d'autres entités via des **routes** de plus en plus longues.

C. Exemple: Diffusion Contextuelle dans un SCN (Cascade à Distance)

Pour mieux saisir l'effet de **diffusion indirecte**, prenons un **exemple** où une entité \mathcal{E}_i reçoit un **signal** contextuel fort (une activation sensorielle, un mot-clé, un changement de mode). Sans **lien direct** $\omega_{i,j}$ avec \mathcal{E}_i , l'influence va cependant transiter par divers nœuds \mathcal{E}_k .

On peut poser (en vecteur):

$$\mathbf{v}(t+1) = \mathbf{v}(t) \Omega$$

où $\mathbf{v}(t) \in \mathbb{R}^n$ représente, pour chaque entité, le niveau d'activation ou de charge contextuelle à l'itération t. Après m itérations :

$$\mathbf{v}(t+m) = \mathbf{v}(t) \; \mathbf{\Omega}^m.$$

La composante $[\mathbf{v}(t+m)]_j$ devient **non nulle** dès que $(\mathbf{\Omega}^m)_{i,j}$ est assez grand, indiquant qu'il existe un chemin indirect reliant \mathcal{E}_i à \mathcal{E}_j .

Si certains **trajets** ont des poids élevés avec plusieurs liaisons $\omega_{k,x}$ fortes en chaîne ou s'il existe un **cycle** dans le graphe qui favorise une recirculation du signal, la propagation peut être **amplifiée** et l'on parle alors de **cascade**. Sur le plan théorique, on analyse les **autovaleurs** de Ω : si $\rho(\Omega) > 1$, la dynamique risque d'engendrer un emballement. Cela souligne l'importance des **paramètres** $(\tau, \eta, \text{ etc.})$ et des **inhibitions** dans la mise à jour du SCN.

Dans un **réseau** d'agents, cette diffusion signifie qu'un ordre envoyé à un seul agent peut, après plusieurs itérations, reconfigurer la synergie de tout un cluster, **même** si certains agents n'avaient aucun lien direct avec l'émetteur initial.

D. Implications : Intérêt et Limites

La diffusion indirecte joue un rôle clé dans l'auto-organisation des réseaux synergiques, permettant à un changement local d'influencer progressivement l'ensemble du système. Grâce à cette propagation, des clusters plus vastes émergent et des zones auparavant isolées peuvent se synchroniser. Ce mécanisme favorise une cohérence globale à partir de signaux partiels, ce qui traduit une forme de cognition distribuée, comme évoqué dans le chapitre 10.4.1.2.

Cependant, exploiter pleinement ces interactions indirectes pose un défi de **complexité algorithmique**. L'étude des **puissances** de la matrice des poids Ω^m nécessite un nombre croissant de calculs au fur et à mesure que l'on prend en compte des chemins plus longs. Dans les réseaux de grande taille, cette explosion combinatoire impose des **approximations**, comme la troncature des calculs, la fixation d'un seuil sur la longueur des chemins explorés ou l'application de filtres sur les pondérations les plus faibles.

Au-delà des contraintes computationnelles, l'accumulation de chemins indirects peut engendrer des oscillations ou des instabilités. Lorsque les rétroactions positives deviennent excessives, elles peuvent entraîner des comportements chaotiques, perturbant la convergence du réseau. Pour éviter ces dérives, des mécanismes de régulation, tels que l'inhibition compétitive ou la modulation des pondérations via un paramètre de stabilisation τ , sont indispensables afin de maintenir l'équilibre et d'empêcher des regroupements incontrôlés.

Enfin, la prise en compte des liens indirects permet d'améliorer la capacité du réseau à **générer** des structures synergiques complexes. L'analyse des sous-graphes et des connexions indirectes devient essentielle pour affiner les règles de mise à jour et garantir une stabilisation progressive des pondérations $\omega_{i,j}$. En intégrant ces principes, le **Deep Synergy Learning (DSL)** se dote d'une adaptabilité accrue, rendant possible l'optimisation de réseaux capables d'évoluer en fonction de flux dynamiques et multimodaux.

10.4.1.4. Mesure et Quantification de l'Influence Indirecte

Dans un **réseau synergique** (SCN), l'**influence** exercée par une entité \mathcal{E}_i sur une autre \mathcal{E}_j ne se limite pas aux seuls **liens directs** $\omega_{i,j}$. En effet, les **signaux** (modifications de pondérations, informations contextuelles, contraintes) se propagent fréquemment via des **chaînes** d'entités intermédiaires où $\mathcal{E}_i \to \cdots \to \mathcal{E}_k \to \cdots \to \mathcal{E}_j$. Cette **influence indirecte** peut alors être **cruciale** pour comprendre la dynamique globale du SCN, notamment dans le cas où $\omega_{i,j} = 0$ (ou négligeable) au départ. Cette section (10.4.1.4) propose des **outils** pour **quantifier** cette influence indirecte, en précisant les **modèles** et **mesures** possibles, ainsi que les **implémentations** mathématiques associées.

A. Notion de "Chemins" et Somme de Contributions

Pour modéliser les **influences** et les **diffusions** de signaux, on considère un **graphe** (potentiellement orienté, ou non) où chaque nœud \mathcal{E}_i est relié à d'autres par des **arêtes** pondérées $\omega_{i,j}$. Un chemin \mathcal{P} de longueur m reliant \mathcal{E}_k à \mathcal{E}_j est une suite d'arcs $(k \to x_1), (x_1 \to x_2), \dots, (x_{m-1} \to j)$. L'**influence** indirecte entre \mathcal{E}_k et \mathcal{E}_j apparaît lorsque plusieurs chemins (ou un seul chemin suffisamment fort) assurent la **transmission** d'un signal même sans liaison directe $\omega_{k,j}$.

Pour **évaluer** la **force** transmise le long d'un chemin, plusieurs options existent. Un cas courant consiste à multiplier les poids ω sur chaque arc traversé. Par exemple, pour un chemin $\mathcal{P} = (k \to x_1 \to x_2 \to \cdots \to x_m \to j)$, la contribution est :

$$\prod_{(u,v)\in\mathcal{P}} \omega_{u,v}.$$

Cette vision renvoie à la propagation d'un signal qui s'**amenuise** ou s'**amplifie** à chaque liaison, selon que $\omega_{u,v}$ est dans [0,1] ou éventuellement supérieur à 1.

Pour **synthétiser** l'**influence** globale de \mathcal{E}_k vers \mathcal{E}_j , on somme les contributions de tous les chemins ou on effectue une combinaison adaptée (somme, maximum, etc.). Par exemple, une définition possible :

$$Infl_indirect(k \to j) = \sum_{\mathcal{P} \in \mathcal{P}(k \to j)} \left(\prod_{(u,v) \in \mathcal{P}} \omega_{u,v} \right) \alpha^{longueur(\mathcal{P})},$$

où $\alpha \le 1$ est un **facteur** de pénalisation de la longueur. Cette mesure tient compte de **tous** les trajets possibles \mathcal{P} entre k et j. Si aucun chemin n'existe, $Infl_indirect(k \to j) = 0$.

B. Mesure dans une Perspective Linéaire (Matrices de Transition)

Approche Matricielle

Soit **W** la matrice carrée de dimension $n \times n$ où $\mathbf{W}[i,j] = \omega_{i,j}$. Lorsque le **produit matriciel** est pris dans son acception usuelle, l'entrée $(\mathbf{W}^2)_{k,j}$ correspond à

$$\sum_{x=1}^n \, \omega_{k,x} \, \omega_{x,j}.$$

Interprétée en termes de chemins, elle recouvre la **somme** des contributions de **tous** les trajets de longueur 2. Plus généralement,

$$(\mathbf{W}^m)_{k,j}$$

représente la somme des contributions pour tous les trajets de longueur m entre k et j. Ainsi, \mathbf{W}^m récapitule les influences **indirectes** d'ordre m.

Spectre et Convergence

L'étude du **spectre** (valeurs propres) de **W** apporte un éclairage précieux sur la **portée** de la diffusion :

- Si $\rho(\mathbf{W}) < 1$, alors $\mathbf{W}^m \to 0$ quand $m \to \infty$. Les chemins de grande longueur finissent par être négligeables.
- Si $\rho(\mathbf{W}) > 1$, certains modes peuvent s'amplifier, suggérant l'existence de cycles à forte pondération, entraînant un risque d'emballement.

Cette analyse relie la **stabilité** de la diffusion indirecte à la structure **globale** du SCN.

Série Géométrique et Résolvante

On peut définir la somme des contributions de tous les ordres :

$$\mathbf{S}(\alpha) = \mathbf{I} + \alpha \mathbf{W} + \alpha^2 \mathbf{W}^2 + \dots$$

tant que $\| \alpha \mathbf{W} \| < 1$. Lorsque la **série** converge,

$$\mathbf{S}(\alpha) = (\mathbf{I} - \alpha \mathbf{W})^{-1}.$$

Ce **noyau** ou **résolvante** décrit les **accumulations** de chemins (à toutes les longueurs) avec une pénalisation α^m . L'élément $\mathbf{S}(\alpha)[k,j]$ synthétise l'**influence** indirecte de \mathcal{E}_k sur \mathcal{E}_j via des chemins multiples, pesés par la puissance α^m .

C. Indicateurs d'Influence Indirecte

Centralité Indirecte

Dans la littérature sur les **graphes** et **réseaux complexes**, diverses **centralités** (Katz, PageRank, etc.) s'appuient sur le principe d'**accumulation** de chemins. Transposées au SCN, ces centralités indiquent la **capacité** d'un nœud à **influencer** ou à être **influencé** indirectement. Par exemple, on peut définir la "Katz centrality" de *i* comme la *i*-ième composante d'une solution à :

$$\mathbf{c} = \alpha \mathbf{W}^{\mathsf{T}} \mathbf{c} + \mathbf{1},$$

faisant intervenir toutes les puissances de W. D'autres versions modifient la forme du vecteur source 1.

Approche Distance-Log

Si $\omega_{i,j} \in (0,1]$ reflète la "qualité" ou la "facilité" de passage, on peut convertir $\omega_{i,j}$ en un **coût** ou une **distance** via $\operatorname{dist}(i,j) = -\ln(\omega_{i,j})$. Dans ce cas, la force d'un **chemin** devient l'exponentielle négative de la **somme** des distances. On peut alors recourir à des **algorithmes** de plus court chemin (Dijkstra, Floyd-Warshall) pour repérer la "distance" min entre k et j. L'**influence** s'obtiendra en inversant la distance :

$$Infl_indirect(k \rightarrow j) = exp(-dist_min(k, j)).$$

C'est une approche **log-probabiliste** qui simplifie parfois les calculs, en reliant directement la longueur du plus court chemin à un indice d'influence.

Extensions: n-Aire, Co-Information, etc.

Si le SCN manipule des **mesures** plus complexes que $\omega_{i,j}$, par exemple de la **co-information** multi-entités ou des interactions non linéaires, la mesure d'influence indirecte peut également se spécialiser en introduisant des formules pour évaluer la **compatibilité** le long d'un chemin $(k \to x_1 \to x_2 \to \cdots \to j)$ en considérant des co-informations successives. Ces extensions restent plus rares en pratique mais soulignent la **flexibilité** de la démarche.

D. Interprétation Dynamique et Coût Computationnel

Dans un **DSL**, $\omega_{i,j}$ peut évoluer à chaque itération. Un **suivi** exhaustif de toutes les puissances **W**^m ou des plus courts chemins s'avère **coûteux** ($O(n^3)$ pour la factorisation matricielle naïve). Des **méthodes** incrémentales, ou la **troncature** (où on ignore les chemins de longueur > m_{max}), sont souvent utilisées pour maîtriser la complexité, surtout quand le réseau contient **beaucoup** d'entités.

Calculer (ou estimer) l'**influence indirecte** permet de détecter les **nœuds** qui, malgré l'absence de liaisons directes multiples, ont un fort **impact** sur d'autres zones en révélant ainsi un "leader caché", de tester la **robustesse** du SCN en analysant les conséquences d'une suppression d'arête afin d'identifier les chemins d'influence clé et de suivre la **cascade** potentielle d'un signal contextuel où une boucle rétroactive peut amplifier l'influence si la matrice **W** présente un mode dominant.

Ces **quantifications** sont des **mesures** diagnostiques. Elles ne dictent pas la **règle de mise à jour** $\omega_{i,j}(t+1)$ en soi, mais éclairent la **dynamique** globale du SCN, mettant en évidence où se situent les "résonances" et comment un signal local peut se répercuter largement.

10.4.2. Effets sur la Dynamique Synergique

Dans le cadre du **chapitre 10** dédié au **feedback coopératif** dans le Deep Synergy Learning (DSL), la **section 10.4.2** s'intéresse plus spécifiquement aux **effets** qu'exercent les interactions coopératives et rétroactives sur la **dynamique synergique** du réseau. Cette dynamique, rappelons-le, repose sur la mise à jour adaptative des liaisons $\omega_{i,j}$ (chap. 4) et se trouve modulée par divers **signaux** (synergie, inhibition, rétroaction descendante, etc.). De telles interactions peuvent conduire à des **phénomènes** de renforcement (amplification), de verrouillage (inhibition), ou encore d'auto-organisation plus complexe.

10.4.2.1. Amplification et Inhibition de Signaux

Dans l'architecture d'un **réseau synergique**, l'aptitude à **amplifier** ou à **inhiber** les signaux qui circulent entre les entités constitue un mécanisme fondamental. Les signaux (σ_i) dont l'intensité est partiellement modulée par les pondérations $\omega_{i,j}$ peuvent, lorsqu'ils se renforcent mutuellement, produire un phénomène de **concentration** d'activité dans certains sous-ensembles (clusters). À l'inverse, la présence d'**inhibitions** (locales ou globales) limite la prolifération de signaux parasites ou redondants, conférant au SCN une **sélectivité** avancée. Cette section (10.4.2.1) s'attache à décrire ce **double mécanisme** d'amplification et d'inhibition, ainsi que ses **conséquences** sur la dynamique globale et la **mise à jour** des poids $\omega_{i,j}$.

A. Cadre Mathématique et Équations de Base

Le **DSL** se fonde sur l'idée que chaque entité \mathcal{E}_i dispose d'un **signal** $\sigma_i(t)$ à l'itération t. Ce signal est susceptible de se transférer vers une autre entité \mathcal{E}_j à travers la pondération $\omega_{i,j}(t)$. De manière simplifiée, on peut formaliser la valeur du signal σ_i à l'itération suivante par une équation tenant

compte de trois termes. L'activité précédente de \mathcal{E}_j , la somme des influences entrantes depuis les entités voisines, et une composante inhibitrice. Ainsi, on peut écrire :

$$\sigma_j(t+1) \ = \ \sigma_j(t) \ + \ \sum_i \ \left[\, \omega_{i,j}(t) \, \cdot \, f \bigl(\sigma_i(t) \bigr) \right] \ - \ g \bigl(\sigma_j(t), \, \ldots \bigr).$$

Le premier terme $\sigma_j(t)$ maintient la trace de l'état courant. La somme $\sum_i \left[\omega_{i,j}(t) \cdot f(\sigma_i(t)) \right]$ désigne la **transmission** d'activité depuis les entités \mathcal{E}_i dont les pondérations $\omega_{i,j}(t)$ sont non négligeables. La fonction $f(\cdot)$ peut modéliser une **transformation** (amplification modérée ou simple proportionnalité). Enfin, la fonction $g(\sigma_j(t), ...)$ incarne un mécanisme de **saturation** ou d'**inhibition** globale pouvant dépendre du niveau d'activité $\sigma_j(t)$ lui-même ou d'autres variables contextuelles.

Ce dispositif illustre qu'un **cluster** fortement connecté par les $\omega_{i,j}$ peut donner lieu à une **rétroaction positive**. Si un signal initial $\sigma_i(t)$ est assez élevé, la mise à jour de $\sigma_j(t+1)$ peut se voir amplifiée itération après itération, favorisant une concentration de l'activité dans ce sous-réseau. Inversement, un **cluster** moins compétitif peut se voir **inhibé** si l'on ajoute un terme supplémentaire (par exemple un feedback négatif global ou latéral) qui vient diminuer la propagation de signaux jugés parasites.

B. Amplification Locale et Renforcement des Clusters

Lorsque plusieurs entités $\{\mathcal{E}_1, \mathcal{E}_2, \dots, \mathcal{E}_r\}$ forment un sous-groupe fortement interconnecté (c'est-à-dire dont les pondérations internes $\omega_{i,j}$ sont élevées), la circulation du signal peut aboutir à une véritable **amplification**. À chaque itération, si la fonction $f(\cdot)$ n'est pas trop restrictive, l'activité de chaque entité du cluster peut croître en raison de la somme cumulée des signaux entrants. Si cette croissance n'est pas contrebalancée par $g(\cdot)$, le cluster voit son **activité** $\{\sigma_i(t)\}$ s'intensifier itérativement, phénomène souvent décrit comme une **rétroaction positive** ou un **effet de résonance**.

On peut illustrer cette dynamique dans une équation couplée à la mise à jour des poids $\omega_{i,j}(t)$. Dans le **DSL**, ces pondérations évoluent selon

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(\varepsilon_i, \varepsilon_j) - \tau \omega_{i,j}(t)] \pm \dots$$

où $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ est une **mesure** de synergie (distance, similarité, corrélation, co-information). Dès lors que cette synergie est jugée élevée (car les signaux σ_i , σ_j convergent vers un motif cohérent), les pondérations $\omega_{i,j}$ internes au cluster sont **renforcées**, ce qui accentue la capacité du sous-réseau à **amplifier** encore davantage les signaux.

Au niveau **avantages**, cette amplification locale permet l'**auto-organisation** en **clusters** pertinents. Un germe d'activation cohérent attire à lui les entités synergiques, et la dynamique de renforcement local consolide le groupe. Les signaux minoritaires ou non adaptés restent cantonnés à un niveau faible, voire sont inhibés, donnant lieu à un fonctionnement plus **sélectif** et moins sujet au bruit.

C. Inhibition et Concurrence

De manière complémentaire, la présence de **mécanismes d'inhibition** évite que plusieurs clusters concurrents ne s'installent simultanément ou que des signaux parasites n'occupent trop de ressources. Les règles d'**inhibition latérale** consistent, par exemple, à réduire certaines pondérations $\omega_{i,j}$ dès lors que \mathcal{E}_i entretient déjà des liaisons fortes vers d'autres \mathcal{E}_k . Cela peut être formalisé par une soustraction dépendant de la somme $\sum_{k\neq j} \omega_{i,k}(t)$.

L'inhibition globale consiste parfois à introduire, dans l'équation de mise à jour du signal, un terme $-g(\sigma_j)$ qui croît avec σ_j ou avec la somme des activités du cluster. Un cluster trop actif se voit alors freiné, limitant la croissance exponentielle pour laisser la place à d'autres sous-réseaux possiblement émergents.

Sur le plan **avantages**, l'inhibition préserve un équilibre en empêchant l'ensemble des entités de tendre vers un état unifié sans aucune différenciation. Elle clarifie la **compétition** entre plusieurs interprétations ou motifs, de sorte que la plus adaptée puisse prendre le dessus. Cela assure également une forme de **parsimonie** au sein du réseau, évitant la prolifération anarchique de signaux. Sur le plan **limites**, un paramétrage trop fort peut bloquer le réseau dans un état trop silencieux ou empêcher l'émergence de signaux novateurs, tandis qu'un paramétrage trop faible ne résout pas la concurrence, menant à un état brouillé ou confus.

D. Rôle du Feedback Coopératif

Le **feedback** intervient en **validant** ou en **refusant** l'amplification de certains signaux selon des critères externes ou top-down (cf. sections 10.4.1.2 et 10.4.1.3). Lorsqu'un signal correspond à un **contexte** ou à une **commande** venant d'un nœud macro (par exemple, un module supervisant une tâche globale), le système peut choisir de l'**amplifier** s'il est jugé pertinent ou, au contraire, de l'**inhiber** si ce signal n'est pas compatible avec les objectifs généraux.

Un **cercle vertueux** se met en place lorsqu'un signal correctement aligné avec la synergie globale se trouve renforcé à chaque itération, attirant davantage d'entités dans son orbite. À l'inverse, un **cercle vicieux** peut s'enclencher pour les signaux "indésirables", dont l'amplitude chute rapidement et conduit à la réduction des liaisons ω associées. Ce couplage entre la dynamique des **signaux** et la **mise à jour** adaptative des pondérations $\omega_{i,j}$ constitue le noyau de l'approche DSL.

E. Conséquences sur la Dynamique Globale et Discussion

L'amplification locale, conjuguée à l'inhibition, oriente la dynamique globale vers des états autoorganisés où quelques **clusters** dominent, chacun spécialisé dans la propagation et l'exploitation d'un certain type de signal ou de tâche. Les **pondérations** ω internes à ces clusters s'avèrent renforcées, tandis que les liaisons externes perdent en importance, rendant la structure plus lisible et plus efficace.

Un cluster qui s'amplifie trop rapidement peut étouffer la diversité du réseau et figer l'état final, empêchant la découverte de solutions alternatives. Un paramétrage inadéquat des fonctions $f(\cdot)$ ou $g(\cdot)$ peut amplifier excessivement le bruit ou, inversement, trop inhiber de nouvelles pistes émergentes. Il faut donc calibrer soigneusement les coefficients tels que η , τ et γ pour atteindre un équilibre entre **réactivité** et **stabilité**.

Ces mécanismes d'amplification et d'inhibition, déjà connus dans les réseaux neuronaux biologiques (ex. la règle de Hebb, l'inhibition latérale), prennent ici une forme **analytiquement** plus flexible dans le **DSL**. Ils permettent de **discriminer** les signaux en fonction de leur compatibilité avec un **objectif** ou un **contexte** global (cf. chap. 10.4.1 sur la propagation contextuelle). À terme, ce fonctionnement en boucle close aboutit à une **sélectivité** semblable à ce que l'on observe dans les systèmes cognitifs, où seuls quelques motifs "gagnants" sont amplifiés et finalisés.

10.4.2.2. Résonances Synergiques et Création de Patrons Durables

Les phénomènes de résonance dans un réseau synergique se manifestent lorsque plusieurs entités s'amplifient mutuellement, sous l'effet des flux de feedback coopératif évoqués dans les chapitres 10.2 et 10.3, et finissent par donner naissance à des patrons (ou motifs) stables. Une fois formés, ces motifs durables orientent la dynamique globale en imposant un régime de cohérence qui persiste dans le temps. L'analyse de ces résonances permet de comprendre comment un petit noyau de coopération peut croître et devenir un cluster (ou "macro-nœud") robuste, influençant les entités voisines et le reste du réseau.

Dans cette section (10.4.2.2), nous examinons d'abord la **notion** de résonance synergiques et les **conditions** formelles qui favorisent son apparition. Nous décrivons ensuite la création de **patrons** durables, mettant en évidence comment ils se stabilisent grâce à un jeu subtil entre **amplification** (voir chap. 10.4.2.1) et **inhibition** (voir chap. 7, 8 ou encore 10.4.1). Enfin, nous abordons l'impact de ces résonances sur la **coordination** plus large du **SCN**, notamment la façon dont elles servent de piliers à la structure hiérarchique (chap. 6 sur la multi-échelle).

A. Notion de Résonance Synergique

Les phénomènes de résonance émergent lorsqu'un groupe d'entités se nourrit mutuellement de leurs signaux, selon une **rétroaction positive**. Si l'on note $\omega_{i,j}(t)$ la pondération entre \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j à l'itération t, et si l'on suppose une **fonction** de synergie $S(i,j,\{\omega\})$ qui dépend non seulement de i et j mais aussi de l'état global du sous-réseau, on peut écrire une mise à jour de la forme :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S_{\text{eff}}(i,j,\omega(t)) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right],$$

où $\eta > 0$ est un pas d'apprentissage, $\tau > 0$ un coefficient de décroissance, et $S_{\rm eff}$ la synergie "effective". La résonance se produit lorsqu'un petit accroissement de $\omega_{i,j}$ enclenche une augmentation de $S_{\rm eff}$ qui elle-même renforce $\omega_{i,j}$, conduisant à un cycle d'**amplification**. Le terme $\tau \, \omega_{i,j}(t)$ agit comme un frein (voir chap. 10.4.2.1 sur l'inhibition) et empêche l'explosion. L'équilibre stable $\omega_{i,j}^*$ se trouve alors en résolvant

$$S_{\text{eff}}(i,j,\omega^*) = \tau \,\omega_{i,j}^*.$$

Si $\partial S_{\text{eff}}/\partial \omega_{i,j}|_{\omega=0} > 0$, un petit germe de lien $\omega_{i,j}$ s'amplifie jusqu'à ce qu'il atteigne ce point fixe.

Lorsque cette situation concerne non pas deux entités isolées mais tout un sous-groupe $C \subseteq \{1, ..., n\}$, la résonance prend la forme d'une **cohésion** interne. Chaque paire $(i, j) \in C \times C$ bénéficie de synergies élevées, aboutissant à un sous-réseau fortement couplé.

B. Création de Patrons Durables

L'effet principal de la résonance est de faire émerger des **patrons** ou **motifs** auto-entretenus. Un "patron" (ou cluster stable) se définit comme un ensemble d'entités dont les liaisons $\{\omega_{i,j}\}$ se sont stabilisées autour d'un **point fixe** non trivial. D'un point de vue formel, si $\omega_{\mathcal{C}}^*$ désigne la matrice de pondérations internes au sous-groupe \mathcal{C} , on obtient :

$$\omega_{i,j}^* = \frac{S_{\text{eff}}(i,j,\omega_{\mathcal{C}}^*)}{\tau}$$

lorsque le frein τ $\omega_{i,j}$ compense exactement la synergie effective. Dans un tel état, chaque $\omega_{i,j}$ reste significativement > 0 et ne s'érode plus, même en présence d'inhibition globale.

Ces **patrons** se distinguent par leur **durabilité**. Lorsqu'ils subissent de légères perturbations, ils retrouvent leur équilibre, ce qui témoigne d'une **stabilité** locale. Cette stabilité indique qu'un cluster s'est transformé en "macro-nœud" (chap. 6), assumant le rôle d'une entité plus large dans la dynamique globale du SCN. Le **feedback** coopératif, s'il confirme que ce cluster correspond à un contexte ou un objectif, peut alors renforcer encore davantage ses liens internes.

C. Conditions et Effets

Pour qu'un sous-ensemble \mathcal{C} devienne un patron durable, il doit satisfaire un **critère de gain net**. La somme des bénéfices obtenus grâce à la synergie, diminuée des coûts liés à l'inhibition ou à la décroissance, doit rester positive. On peut formaliser ce gain par une **quantité**:

$$G(\mathcal{C}) = \sum_{(i,j) \in \mathcal{C} \times \mathcal{C}} \ \omega_{i,j} \, S(i,j) \ - \ \Gamma(\omega_{\mathcal{C}}),$$

où $\Gamma(\omega_{\mathcal{C}})$ regroupe les termes d'inhibition latérale et de décroissance τ . Si le maximum de $G(\mathcal{C})$ pour un certain arrangement de $\omega_{\mathcal{C}}$ est strictement supérieur à 0, alors un **point fixe** stable existe dans l'espace des poids et le cluster \mathcal{C} devient un **motif** pérenne.

L'effet de cette création de patron est double, d'une part, un petit noyau (2–3 nœuds) peut embarquer progressivement d'autres entités voisines dans sa résonance, faisant croître le cluster ; d'autre part, une fois formé, le cluster se comporte comme un bloc unifié (un macro-nœud) vis-àvis de l'extérieur (chap. 6, notion de hiérarchie). Cette transformation **bascule** la dynamique du SCN dans un régime où la résonance interne guide la coopération de plus haut niveau.

D. Dynamique de Résonance : Illustrations et Conséquences pour la Coordination

Les équations de mise à jour peuvent être explorées numériquement en simulant un **SCN** où un sous-ensemble \mathcal{C} dispose d'une synergie potentielle $S(i,j,\omega)$ croissante avec $\omega_{i,j}$. Les itérations montrent comment un lien initialement faible $\omega_{i,j}(0) \approx \varepsilon$ peut s'élever exponentiellement (limitée par la saturation τ et l'inhibition) jusqu'à un plateau $\omega_{i,j}^*$. La "cascade" de résonances dans \mathcal{C} fait apparaître un **motif** interne stable, qui agit ensuite comme un **centre** de cohérence.

Une fois qu'un ou plusieurs **patrons** sont établis, la dynamique globale du **SCN** (chap. 10.4.3) s'organise autour d'eux. Ces patrons filtrent les signaux externes et instaurent des **boucles de feedback** qui peuvent renforcer ou inhiber d'autres clusters. Cette "domination" partielle peut se combiner à la formation d'autres macro-nœuds, générant au final une architecture **multi-blocs** qui rappelle les assemblées neuronales stables en neurosciences ou les motifs conceptuels en IA symbolique.

10.4.2.3. Retards, Atténuations et Boucles de Rétroaction Complexes

Les mécanismes de **feedback coopératif** introduits dans un **DSL** (Deep Synergy Learning) peuvent s'accompagner de **retards** dans la transmission d'information, de **mémoire** de type atténuation temporelle, ou de **boucles** de rétroaction intriquées. De tels phénomènes compliquent la **dynamique** du réseau, pouvant engendrer oscillations, régimes quasi-périodiques ou comportements plus chaotiques si l'on n'applique pas de **régulation** adéquate. Le présent développement (10.4.2.3) s'emploie à décrire comment la prise en compte de **retards**, d'**atténuations** et de **flux multiples** entre entités et macro-nœuds façonne la **dynamique** d'un **SCN** (Synergistic Connection Network), en soulignant les risques d'instabilité et les précautions à adopter.

A. Retards dans la Transmission

Un **retard** apparaît lorsque l'influence exercée par une entité \mathcal{E}_i (ou par un cluster) n'est **perçue** qu'après un laps de temps, par exemple Δ itérations. Cette situation se formalise en imposant que la mise à jour d'une liaison $\omega_{i,j}(t)$ ou d'un signal $\sigma_j(t)$ dépende de l'état du réseau à l'instant $t-\Delta$. Mathématiquement, on peut réécrire la règle de mise à jour $\omega_{i,j}$ comme :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[F\left(\omega_{\cdot,\cdot}(t-\Delta)\right) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right],$$

où F exprime la partie coopérative ou synergique et se base sur la configuration retardée $\omega_{\cdot,\cdot}(t-\Delta)$. Un **retard discret** $\Delta \in \mathbb{N}$ résulte souvent d'une modélisation en **temps discret** où les signaux requièrent plusieurs pas d'itération pour circuler entre un module macro-niveau et les liaisons micro. À plus grande granularité, un **retard continu** (ou fractionnaire) se modéliserait plutôt dans le cadre d'un système à équations différentielles à retards, mais en pratique on utilise des schémas discrets équivalents.

La **conséquence** principale de ces retards est que la dynamique globale ne relève plus d'un simple système sans mémoire. La configuration à l'instant t dépend en partie des **états** antérieurs et pas seulement de $\omega_{\cdot,\cdot}(t)$. Un petit retard Δ peut perturber la **stabilité** et conduire à des oscillations, par exemple si la correction (feedback) arrive trop tard, renforçant ou inhibant un signal qui aurait déjà évolué dans une autre direction.

B. Atténuations et Mémoire Temporelle

Au-delà des retards, il est fréquent d'introduire une **mémoire glissante** ou une **atténuation** exponentielle, afin que les événements passés ne conservent pas la même influence que les signaux récents. Dans un scénario d'**atténuation** exponentielle, on peut pondérer de façon α^{Δ} l'état ω ou σ à l'instant $t-\Delta$. On obtient une règle :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[\alpha^{\Delta} G\left(\omega_{\cdot,\cdot}(t-\Delta)\right) - \tau \omega_{i,j}(t) \right],$$

avec $0 < \alpha < 1$. Cet affaiblissement contrôlé (souvent $\alpha \approx 0.9$ ou $\alpha \approx 0.95$) évite la **persistance excessive** des configurations passées, tout en conservant un historique lissé. Une variante courante consiste à stocker une **moyenne** glissante $\tilde{S}_{i,j}(t)$ de la synergie, actualisée à chaque itération par :

$$\tilde{S}_{i,j}(t) = (1 - \beta) \, \tilde{S}_{i,j}(t-1) + \beta \, S_{i,j}(t),$$

et à s'appuyer sur $\tilde{S}_{i,j}(t)$ plutôt que sur $S_{i,j}(t)$ brut, pour la mise à jour $\omega_{i,j}$. Cette **stratégie** confère une mémoire "courte" au DSL, qui tolère les fluctuations passagères et conserve seulement les tendances plus marquées.

C. Boucles de Rétroaction Complexes

En présence de **flux multiples** (top-down depuis un macro-nœud, latéraux entre clusters, bottomup des entités micro), la dynamique devient un **réseau** de boucles, souvent imbriquées. Chaque boucle peut transporter un signal avec un certain **décalage** Δ et un certain coefficient d'**amplification** (ou de dissipation). Une boucle "dominante" peut imposer un **cycle** d'oscillation si la somme de ses gains dépasse 1 et le retard Δ induit un décalage de phase.

Mathématiquement, on pourrait avoir la mise à jour :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j,t) + \Delta_{\text{down}}(i,j,t-\Delta_1) + \Delta_{\text{lat}}(i,j,t-\Delta_2) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right].$$

Si $\Delta_{\text{down}}(i,j,t)$ provient d'une **boucle descendante** (macro \rightarrow micro) et $\Delta_{\text{lat}}(i,j,t)$ d'un **feedback latéral** (entre clusters voisins), alors plusieurs chemins de rétroaction se **surenchérissent**, produisant parfois des **comportements** non linéaires compliqués (ex. oscillations de type "réverbération" ou cycles stables).

Ces **boucles** peuvent s'avérer bénéfiques quand elles **stabilisent** un patron (résonance constructive), ou néfastes quand elles entraînent un **chaos** (amplification de petites perturbations à l'infini). On retrouve ainsi l'enjeu de la **stabilisation**, qui consiste à calibrer l'**inhibition** ou la décroissance τ afin de limiter la croissance excessive dans les boucles. Il peut être nécessaire d'ajouter un **amortissement** supplémentaire, dépendant de la dérivée ou de la variance temporelle, pour éviter les fluctuations incontrôlées.

D. Conséquences Pratiques et Recommandations

Dans les implémentations du **DSL**, la gestion des **retards** et des **atténuations** doit être abordée avec soin, car un excès de retards ou de feedbacks multiples mal synchronisés peut entraîner un **comportement** brouillon ou cyclique non souhaité. Les solutions incluent un **filtrage** ou une **moyenne** glissante pour lisser les signaux avec des paramètres α , β ajustés finement, une **inhibition** plus marquée lorsque des boucles sont détectées afin de réduire la possibilité d'excès d'amplification réciproque et des **délais** limités ou standardisés pour éviter une trop grande hétérogénéité des temps de propagation.

Les avantages de cette approche sont la **flexibilité** accrue (on peut incorporer plusieurs niveaux hiérarchiques et latéraux) et la **possibilité** d'implémenter des fonctions cognitives plus sophistiquées (par ex. garder une trace d'un signal passé, coordonner plusieurs macro-nœuds). Les

inconvénients apparaissent si le réseau manque d'un mécanisme de contrôle (oscillations, confusion, besoin de paramétrage complexe).

10.4.2.4. Émergence de Comportements Non Linéaires

Dans un SCN (Synergistic Connection Network) régi par le **Deep Synergy Learning** (DSL), la dynamique des pondérations $\omega_{i,j}$ peut se révéler **hautement non linéaire** dès lors qu'existent des **boucles de rétroaction**, des **inhibitions** complexes et un **couplage** entre différents ensembles de nœuds. À l'opposé d'un simple ajustement linéaire, où les poids évoluent de manière monotone vers un équilibre unique, il n'est pas rare de voir émerger des **oscillations**, des **bifurcations** soudaines (changement brutal de régime) ou même des formes de **chaos** ou de pseudo-chaos dans la répartition des liens. Dans cette section (10.4.2.4), nous développons comment ces comportements non linéaires se forment, les exemples qu'ils recouvrent et la manière dont ils s'articulent à la dynamique plus large d'un **DSL**.

A. Boucles de Rétroaction et Non-Linéarité

La première source de **non-linéarité** provient des **rétroactions** positives et négatives dans la règle de mise à jour des liens $\omega_{i,j}$. Une rétroaction **positive** survient lorsque l'accroissement d'une liaison $\omega_{i,j}$ intensifie la synergie S(i,j), qui elle-même contribue à accroître plus encore $\omega_{i,j}$. On peut exprimer la mise à jour au temps t+1 par

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j,t) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right] + \cdots$$

où S(i,j,t) peut dépendre non seulement de $\omega_{i,j}(t)$ mais également d'autres liaisons couplées, générant un **cercle vertueux** (rétroaction positive). L'inhibition, a contrario, instaure des **rétroactions négatives**, par exemple sous la forme

$$-\gamma \sum_{k\neq j} \omega_{i,k}(t),$$

qui peut freiner la croissance simultanée de plusieurs liaisons émanant d'un même nœud. Ainsi, la **non-linéarité** prend son origine dans la dépendance mutuelle entre $\omega_{i,j}$ et la **fonction** qui en contrôle l'évolution (coûts inhibiteurs, saturation, couplages n-aires).

Du point de vue **mathématique**, la présence de rétroactions multiples force l'équation de mise à jour globale à se comporter comme un **système** d'équations non linéaires, potentiellement à haut **degré de liberté** (dimension égale au nombre d'arêtes dans le SCN).

B. Instabilités et Bifurcations

La **non-linéarité** favorise l'émergence de points fixes **multiples**, ou encore de cycles limites. Un point fixe Ω^* est un état stable si, au voisinage de Ω^* , la **matrice Jacobienne** de la mise à jour (vue comme une application F: $\omega \mapsto \omega'$) présente des valeurs propres de module < 1. Si l'un ou plusieurs de ces modules dépassent 1, le point fixe devient **instable** et on peut observer un basculement vers une oscillation ou un autre attracteur.

La **bifurcation** se produit lorsque la variation d'un paramètre (par exemple, l'intensité de l'inhibition γ , le taux d'apprentissage η , ou la décroissance τ) fait franchir aux valeurs propres du système la frontière $|\lambda|=1$. On aboutit alors à un changement qualitatif où un **point fixe** stable disparaît ou se déplace, laissant place à un **cycle** ou à un nouvel équilibre.

C. Émergence d'Oscillations et de Cycles

Lorsque la rétroaction positive s'équilibre avec la rétroaction négative, il arrive que le **réseau** ne parvienne pas à un état stable, mais oscille. Par exemple, un cluster peut se **former**, prendre de l'ampleur, puis la force inhibitrice l'amène à décliner, libérant de la place pour un autre cluster, qui à son tour sature et fléchit. Cela induit un **cycle** itératif :

$$\omega_{i,j}(t+T) = \omega_{i,j}(t),$$

d'époque *T*. Dans de petits réseaux (3 à 5 entités), il est assez facile de mettre en évidence des comportements cycliques, voire un phénomène de "ping-pong" entre deux configurations. Dans des systèmes de taille plus élevée, la **structure** du cycle peut être plus complexe et se manifester sous forme d'"îlots" de clusters qui alternent dans le temps.

Sur un plan plus général, ces oscillations peuvent être bénéfiques ou déstabilisatrices. Certains modèles biologiques valorisent des rythmes (cf. *ondes de gamma*, etc.) pour la gestion de l'information. Dans d'autres cas, on préfère stabiliser le SCN, ce qui impose de rajouter des **termes** d'amortissement ou de saturation plus fortes.

D. Pseudo-Chaos et Dynamiques Complexes

Dans les **réseaux** de plus grande dimension, munis de multiples boucles de rétroaction et d'interactions n-aires, il est possible d'approcher des régimes **pseudo-chaotiques**. Il n'est pas garanti que le SCN devienne véritablement *chaotique* (tout dépend de la forme analytique de la mise à jour), mais des cycles de grandes périodes ou des trajectoires extrêmement sensibles aux conditions initiales peuvent apparaître. D'un point de vue **mathématique**, on peut tenter de calculer un **exposant de Lyapunov** ou de recourir à des simulations longues pour voir si les trajectoires divergeront ou se stabiliseront.

Bien qu'on n'observe pas toujours ce phénomène dans les configurations pratiques (où l'on impose souvent des inhibitions et saturations importantes pour maintenir un certain "ordre"), il demeure que la **non-linéarité** intrinsèque du DSL peut générer des régimes complexes, a fortiori quand le **feedback** top-down ou latéral évolue selon plusieurs échelles de temps (cf. 10.4.2.3).

E. Considérations Pratiques

Dans un SCN, la gestion des comportements non linéaires peut suivre deux stratégies distinctes.

Une première approche consiste à **réduire** la non-linéarité afin de garantir un état globalement stable et prévisible. Cela passe par un renforcement de l'**inhibition**, une augmentation du taux de décroissance τ , ou une limitation des boucles de rétroaction en imposant un "gain" plafonné. L'objectif est d'éviter les oscillations ou les bifurcations excessives, ce qui se révèle particulièrement utile pour stabiliser les **clusters stationnaires** et assurer une détection cohérente des structures émergentes.

À l'inverse, on peut **exploiter** la non-linéarité pour modéliser des phénomènes biologiques ou cognitifs plus dynamiques. En admettant l'existence de rythmes oscillatoires et de transitions soudaines, il devient possible d'élaborer des systèmes capables de basculer entre différents modes ou clusters en réponse à des signaux contextuels minimes. Ces **bifurcations contrôlées** offrent un cadre utile pour représenter des phénomènes tels que la **prise de décision** brusque ou les variations d'**attention** alternée en neurosciences.

Dans tous les cas, un **monitoring** régulier (par exemple, observer l'évolution du **spectre** Jacobien local autour d'états candidats, surveiller la dispersion temporelle des $\omega_{i,j}$) peut aider à diagnostiquer si le SCN entre dans un régime non linéaire dommageable ou simplement intéressant.

10.4.2.5. Cascade d'Activités et Réorganisation Structurelle

Lorsqu'un réseau synergique (SCN) s'inscrit dans la logique coopérative du Deep Synergy Learning (DSL), la présence de multiples rétroactions entre entités, niveaux intermédiaires et niveau global ouvre la voie à des cascades d'activités. Un petit changement local sur quelques pondérations $\omega_{i,j}$ peut entraîner une réaction en chaîne, modifiant de proche en proche des liens distants, jusqu'à aboutir à une réorganisation notable de la structure globale ou à l'émergence de clusters radicalement nouveaux. Cette section (10.4.2.5) explore la notion de cascade d'un point de vue mathématique et dynamique, et en souligne les effets sur la reconfiguration du réseau.

A. Notion de Cascade dans le DSL

Une **cascade** s'enclenche lorsqu'un **changement local** de liaison se **propage** au reste du SCN. Sur le plan **conceptuel**, il suffit qu'un lien $\omega_{p,q}$ subisse une variation (croît ou décroît significativement) pour perturber l'équilibre local, incitant les entités \mathcal{E}_p et \mathcal{E}_q à réviser leurs autres connexions $(\omega_{p,i}, \omega_{q,j})$. Ce réajustement, à son tour, se propage en cascade.

D'un point de vue **mathématique**, la mise à jour de $\omega_{p,q}$ affecte l'**évaluation** des synergies associées à \mathcal{E}_p ou \mathcal{E}_q . À l'itération suivante, d'autres liaisons se trouvent modifiées, et ainsi de suite. Le **DSL** encourage la dynamique à se poursuivre tant que la nouvelle configuration ne rencontre pas un point de stabilisation (voir chap. 10.4.2.2 et 10.4.2.3).

Dans certains cas, cette cascade fonctionne comme un **effet domino**. Lorsqu'un **lien** dépasse un certain **seuil**, il entraîne un **renforcement** ou une **inhibition** massive d'autres liens. Cette suite d'**ajustements** peut alors se propager à l'ensemble du réseau, modifiant profondément sa dynamique et sa structure. Cet enchaînement peut conduire à la **chute** d'un cluster ancien ou à la **formation** d'une nouvelle résonance (chap. 10.4.2.2).

B. Mécanisme Mathématique de la Cascade

Pour expliciter l'idée, on se réfère à la règle générale de mise à jour :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \Delta_{\mathrm{DSL}}(i,j,t),$$

où Δ_{DSL} inclut le terme $\eta\left[S(i,j)-\tau\,\omega_{i,j}(t)\right]$ (renforcement vs. décroissance), ainsi que d'éventuels **mécanismes** d'inhibition ou de feedback descendant. Lorsqu'un lien $\omega_{p,q}$ subit un

changement $\Delta_{DSL}(p,q,t)$ suffisamment **grand**, on modifie sensiblement la "carte" des pondérations locales autour de \mathcal{E}_p et \mathcal{E}_q .

Dans un **SCN**, la synergie S(i,j) dépend de la configuration globale et des inhibitions croisées (chap. 10.4.2.2). Cette interdépendance crée un **enchevêtrement dynamique** où la variation de $\omega_{p,q}$ affecte le calcul de $\Delta_{\rm DSL}(p,k)$ pour d'autres nœuds k. Une petite impulsion $\Delta_{\rm DSL}(p,q,t)$ peut ainsi déclencher une **cascade** d'**effets** successifs, chaque mise à jour facilitant la suivante.

Si l'on modélise l'ensemble du réseau par un **vecteur** $\Omega(t)$ (agrégeant toutes les liaisons $\omega_{i,j}$), alors la cascade apparaît comme un cheminement dans l'espace de dimension $\frac{n(n-1)}{2}$ (pour un réseau non dirigé) vers une **nouvelle** région, éventuellement un autre attracteur.

C. Conséquences sur la Réorganisation Structurelle

La **cascade** n'est pas qu'un phénomène local ; elle peut aboutir à une **réorganisation** de grande ampleur dans la **structure** du réseau. Un cluster autrefois stable peut s'effondrer si le changement d'un ou deux liens critiques en perturbe la cohérence. Inversement, un petit noyau peut s'amplifier et rallier d'autres entités, formant un **macro-nœud** plus grand (cf. chap. 6 sur la consolidation en macro-nœuds).

La **réorganisation** se concrétise ainsi lorsque certains clusters se scindent ou se **dissolvent**, que de nouveaux clusters émergent et se stabilisent et que les entités changent de "camp" ou de "rôle", ce qui était dédié à un certain patron passant alors à un autre sous-réseau.

Ce processus illustre la capacité auto-organisée du **DSL** à "rebattre les cartes" lorsque les circonstances l'exigent, par exemple à la suite d'un événement exogène ou d'une **dissonance** interne (voir chap. 10.4.2.3 sur les boucles de rétroaction complexes).

D. Illustration et Analogies

Dans un réseau minimal de 4 ou 5 entités, on peut observer qu'un **lien** $\omega_{1,2}$ s'élève brusquement, ce qui amène $\omega_{1,3}$ et $\omega_{2,4}$ à s'ajuster. Au bout de 3–4 itérations, un cluster $\{1,2\}$ s'est consolidé, tandis que $\omega_{3,4}$ s'est découragé, réorientant \mathcal{E}_3 vers \mathcal{E}_1 . L'ensemble du **SCN** bascule donc d'une configuration $\{\{1,3\},\{2,4\}\}$ à $\{\{1,2\},\{3,4\}\}$.

Dans un grand réseau comprenant plusieurs dizaines d'entités, une **modification** d'un "lien-pont" reliant deux clusters peut entraîner un **effet en cascade**. Un cluster perd progressivement ses membres qui migrent vers un autre sous-groupe, modifiant ainsi la structure du réseau. Ces dynamiques rappellent les **transitions de phase** et les phénomènes observés dans les modèles de **spin** ou de **percolation**, où un changement local peut déclencher une réorganisation globale.

E. Considérations Pratiques et Limitations

Les **cascades** sont une arme à double tranchant. Leur **avantage** réside dans la capacité du réseau à opérer des **transformations** relativement brutales lorsque des signaux montrent qu'une reconfiguration serait plus pertinente. Plutôt que de s'engoncer dans un attracteur inadapté, le SCN peut basculer vers un autre arrangement de liaisons, réallouant ressources et clusters en profondeur.

Le **problème** (ou limite) apparaît si ces cascades se produisent trop fréquemment ou en boucle, empêchant toute stabilisation. Un léger bruit aléatoire pourrait entraîner un enchaînement de micro-

cascades continu. D'où la nécessité de **paramétrer** soigneusement η , γ , τ (ou l'inhibition latérale) pour ne déclencher des cascades qu'en cas de vrai signal contextuel.

Dans certains scénarios, on recourt à des mécanismes comme la **parsimonie** (chap. 2.2.3) ou le **seuil** minimal ω_{\min} pour éviter les fluctuations incessantes. L'**agencement** hiérarchique (chap. 6) peut également calmer la prolifération de cascades, en isolant partiellement les sous-niveaux les uns des autres.

10.4.3. Modèles Mathématiques des Interactions Indirectes

Dans cette section 10.4.3, nous abordons l'aspect **mathématique** lié aux **interactions indirectes** entre entités d'un réseau DSL, en particulier à travers la **théorie** des réseaux complexes, les **matrices** de transition synergique, et la façon dont la **diffusion** ou la **propagation** de signaux contextuels peut s'analyser dans une perspective formelle. Les points 10.4.3.1 à 10.4.3.5 couvriront successivement les graphes synergiques, les matrices d'adjacence, les chaînes de Markov conditionnées, ainsi que la théorie de l'information contextuelle et des systèmes complexes.

10.4.3.1. Graphes Synergiques et Théorie des Réseaux Complexes

Les fondements du Deep Synergy Learning (DSL) peuvent être représentés et analysés au moyen de la théorie des réseaux complexes. Lorsque l'on décrit un SCN (Synergistic Connection Network), on s'appuie sur un graphe dont les entités $\{\mathcal{E}_i\}$ forment les nœuds (sommets), dont les arêtes traduisent la possibilité de connexion, et dont la matrice W recense la pondération $\omega_{i,j}$ mesurant la force ou la synergie entre les nœuds \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j . Le DSL fait évoluer W selon une règle d'auto-organisation :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \big[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \big] + \cdots,$$

où S(i,j) exprime la coopération entre \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j . Les **interactions** indirectes (cf. chap. 10.4.1) émergent lorsque des chemins multiples relient deux nœuds via des intermédiaires, de telle sorte qu'un simple lien direct faible puisse être **compensé** ou **renforcé** par des routes alternatives plus fortes. La **théorie** des **réseaux complexes** fournit un outil mathématique unifié pour **comprendre** ces interactions, **détecter** des **communautés**, et **quantifier** la structure d'un **graphe**.

A. Fondements: le Graphique Synergique

Un **SCN** se formalise comme un triplet $(\mathcal{V}, \mathcal{E}, \mathbf{W})$, où \mathcal{V} est l'ensemble de **nœuds** (représentant les entités ou "neurones" DSL), $\mathcal{E} \subset \mathcal{V} \times \mathcal{V}$ un ensemble d'arêtes (ou paires connectables), et \mathbf{W} la **matrice** (pondérée) qui stocke les valeurs $\omega_{i,j}$. À chaque itération, la pondération $\omega_{i,j}(t)$ se met à jour suivant la **règle** DSL, potentiellement augmentée de mécanismes d'inhibition ou de feedback.

Les **interactions** indirectes se comprennent alors comme des **chemins** de longueur > 1. Si $\omega_{i,k}$ et $\omega_{k,j}$ sont élevés, alors \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j peuvent entretenir une **influence** mutuelle importante **via** \mathcal{E}_k . Cette logique rappelle la théorie de la **random walk** sur graphes, où les poids $\omega_{i,j}$ déterminent la probabilité (ou la facilité) de transiter d'un nœud i à un nœud j.

La physique statistique, la graph theory et la sociologie proposent divers outils pour analyser un graphe pondéré comme $(\mathcal{V}, \mathbf{W})$:

1. Distribution des degrés

Dans un réseau **pondéré**, le "degré" d'un nœud i s'évalue comme la somme $\sum_j \omega_{i,j}$. Selon la **distribution** de ces degrés, un graphe peut être homogène (beaucoup de nœuds de degrés proches) ou hétérogène (certains nœuds "hub" concentrent de gros poids). Les **réseaux** du DSL, après stabilisation, peuvent adopter des profils variés. Certaines entités deviennent des **hubs synergiques**, focalisant la connexion de multiples autres.

2. Chemins et distances pondérées

En considérant $\operatorname{dist}(i,j) = 1/\omega_{i,j}$ (ou quelque autre fonction inverse), la notion de **chemin** de longueur m indique comment une influence indirecte se propage via m bonds successifs. Dans le **DSL**, cette idée éclaire l'impact global d'une entité sur une autre, même en l'absence de lien direct.

3. Communautés et clusters

Un **cluster** apparaît lorsque les nœuds à l'intérieur sont plus étroitement reliés entre eux que vis-à-vis de l'extérieur. La **détection de communautés** (ou partition du graphe) forme un thème central de la théorie des réseaux complexes, et fait écho à la **formation** spontanée de sous-groupes synergiques dans le **DSL** (voir aussi chap. 6 sur l'émergence de macro-nœuds).

C. Graphes Synergiques et Interactions Indirectes

Les **interactions** indirectes dans un **SCN** signifient qu'un nœud \mathcal{E}_i peut influencer \mathcal{E}_j via \mathcal{E}_k . Cet effet se formalise par le fait que $\mathbf{W}^2[i,j]$ (la (i,j)-ième composante de \mathbf{W}^2) englobe la somme $\sum_k \omega_{i,k} \omega_{k,j}$. Lorsque la valeur de cette somme est élevée, la communication indirecte $i \to k \to j$ devient significative.

Dans une perspective plus large, on peut considérer \mathbf{W}^m , reflétant les chemins de longueur m. La **somme** (ou la composition) de ces chemins amène la théorie du **collage** de similarités (chap. 10.4.1.2) et du "power iteration", qui relient la **distance** indirecte à un cumul de pondérations sur des routes multiples. En parallèle, la présence de **nœuds pivot** (parfois appelés hubs ou articulations) peut concentrer ces flux indirects, gouvernant ainsi la dynamique DSL (p. ex. un nœud pivot favorise la mise en cohérence d'entités autrement distantes).

D. Pistes Mathématiques pour l'Étude des SCN

1. Laplacien Synergique

On peut définir un **Laplacien** $\mathbf{L} = \mathbf{D} - \mathbf{W}$, où \mathbf{D} est la matrice diagonale des degrés $\deg(i) = \sum_j \omega_{i,j}$. L'étude de \mathbf{L} (ses valeurs propres, son espace propre) renseigne sur la **connectivité**, le nombre de **composantes** et la capacité du réseau à se scinder en **clusters** distincts.

2. Analyse Spectrale Dynamique

Dans un **DSL**, la matrice $\mathbf{W}(t)$ évolue au cours du temps. Une piste consiste à suivre l'évolution de son **spectre** $\{\lambda_{\ell}(t)\}$. Les bifurcations du réseau (cf. chap. 10.4.2.4) peuvent se refléter dans des changements brusques de ces valeurs propres, que ce soit pour \mathbf{W} ou pour le Laplacien \mathbf{L} . L'analyse temporelle de \mathbf{W}^m (ou de $\exp(\mathbf{W}\,t)$ en version continue) aide à **capturer** l'influence indirecte à chaque stade.

3. Mesures de Centralité et Intermédiaires

La **théorie** des réseaux complexes offre des mesures (centralité d'eigenvector, centralité de betweenness, PageRank, etc.) permettant d'identifier quels nœuds ou arêtes s'avèrent "critiques" pour la communication, la synergie ou la formation de communautés. Dans un **SCN**, on peut combiner ces idées avec la règle DSL pour moduler le renforcement $\Delta\omega_{i,j}$ selon la place stratégique du lien.

10.4.3.2. Matrices d'Adjacence Synergique et Matrices de Transition

Au sein d'un SCN (Synergistic Connection Network) — comme conçu dans le **Deep Synergy** Learning (DSL) — la structure du réseau se décrit naturellement par une matrice de pondérations W, appelée matrice d'adjacence synergique. Cet objet, qui recense la force des liaisons $\omega_{i,j}$, constitue une base cruciale pour l'analyse des interactions indirectes et de la propagation de l'activité (section 10.4.3). Par ailleurs, la création d'une matrice de transition P dérivée de W permet d'introduire une vision markovienne ou probabiliste, facilitant l'étude des chemins multiples et des cascades. Dans ce développement (10.4.3.2), on décrit la construction de ces deux matrices et la complémentarité de leurs usages pour comprendre la dynamique globale d'un SCN.

A. Matrice d'Adjacence Synergique

Soit un SCN contenant n entités $\{\mathcal{E}_1, ..., \mathcal{E}_n\}$. La matrice W (de dimension $n \times n$) est définie par :

$$\mathbf{W}=(\omega_{i,j})_{1\leq i,j\leq n},$$

où $\omega_{i,j}$ désigne la **force** (ou **synergie**) de la connexion entre l'entité \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j . Dans le **DSL**, ces pondérations $\omega_{i,j}$ suivent une règle d'auto-organisation comme par exemple :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S\left(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j\right) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right] + \cdots,$$

où $\eta > 0$ est un taux d'apprentissage, $\tau > 0$ un coefficient de décroissance, et $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ exprime la **synergie** ou **similarité** (Chap. 10.2 sur le feedback coopératif et Chap. 10.4.1.1 sur l'autoorganisation). La **matrice W** ainsi formée (à un instant donné t) est parfois dite **matrice d'adjacence** "synergique" ou "pondérée".

Pour réduire la **complexité**, on applique souvent un **seuil** $\theta > 0$: si $\omega_{i,j} < \theta$, on met $\omega_{i,j} = 0$. Le réseau devient alors **sparse**, limitant le coût des mises à jour. Alternativement, on ne garde que les k liaisons les plus fortes par nœud, imposant une parcimonie encore plus stricte.

Cette **matrice** d'adjacence prend une place centrale dans l'**analyse** indirecte (section 10.4.3.3), car $\omega_{i,j}$ reflète la liaison directe, et la multiplication **matricielle** (\mathbf{W}^2 , \mathbf{W}^3 , ...) rend compte des chemins plus longs (indirects).

Une **interaction** indirecte $\mathcal{E}_i \to \mathcal{E}_j$ via un nœud \mathcal{E}_k se manifeste par la contribution $\omega_{i,k} \times \omega_{k,j}$. Dans le **formalisme** matriciel, cela correspond à $(\mathbf{W}^2)_{i,j}$. De même, \mathbf{W}^p apporte la somme (ou la composition) de tous les **chemins** de longueur p. Cette observation sous-tend nombre d'**outils** de la théorie des réseaux complexes, comme l'analyse spectrale ou la détection de communautés fondée sur la structure pondérée.

B. Matrices de Transition

Pour une entité \mathcal{E}_i , on peut définir son **degré** pondéré $d_i = \sum_j \omega_{i,j}$. Tant que $d_i > 0$, on forme :

$$P_{i,j} = \frac{\omega_{i,j}}{d_i}.$$

Ainsi, la **somme** $\sum_j P_{i,j} = 1$, ce qui fait de la **matrice P** un objet **stochastique** (au moins sur les lignes où $d_i > 0$). Dans un scénario $\omega_{i,j} = 0$ pour la plupart des paires, on se retrouve souvent avec une **matrice P** relativement creuse, simplifiant les calculs de propagation.

La matrice P peut être lue comme définissant une chaîne de Markov (discrète), où la probabilité de passer de l'entité i à l'entité j en une étape est $P_{i,j}$. Dans un SCN, les $\omega_{i,j}$ évoluent dans le temps, ce qui rend P(t) elle-même variable, on parle alors d'une chaîne de Markov non stationnaire.

Cette vision probabiliste éclaire la **propagation indirecte**. La composante $(\mathbf{P}^m)_{i,j}$ indique la **probabilité** ou l'intensité normalisée d'atteindre j en m sauts depuis i. Ainsi, on obtient un cadre lisible pour comprendre comment un **flux** d'activation ou un "signal" pourrait **diffuser** dans le réseau, ou encore comment des entités \mathcal{E}_i s'influencent indirectement après plusieurs itérations (voir chap. 10.4.4 sur la cascade et la réorganisation structurelle).

C. Combiner Adjacence Synergique et Matrice de Transition

Dans la **pratique** du DSL, la **matrice** W(t) varie à chaque mise à jour. À certains intervalles (ou en continu), on peut construire P(t) en normalisant W(t). On dispose alors d'un **double** regard où l'**adjacence** (W) met en avant la **force** brute de chaque liaison, permet d'étudier la **détection de clusters** dans les régions où $\omega_{i,j}$ est particulièrement élevé et de calculer la **distance** pondérée dist(i,j), tandis que la **transition** (P) facilite une **approche** probabiliste ou Markovienne permettant le calcul de vecteurs stationnaires et de **puissances** P^m et fournit un **modèle** de "marche" (walk) dans le réseau, utile pour interpréter la **propagation** d'un signal, d'une activation ou d'un feed-back sur plusieurs itérations.

Ces deux représentations sont donc **complémentaires**. On peut recourir à la **matrice d'adjacence** pour analyser la **structure** statique ou quasi-statique du SCN, puis à la **matrice de transition** pour modéliser la **diffusion** ou l'**évolution** des états dans le temps.

10.4.3.3. Chaînes de Markov Conditionnées par la Synergie

Dans le cadre du **Deep Synergy Learning** (DSL), il est fréquent de raisonner en termes de règles de mise à jour déterministes, où la pondération $\omega_{i,j}(t+1)$ résulte d'une équation de type $\omega_{i,j}(t)$ +

 $\eta\left[S(i,j) - \tau\,\omega_{i,j}(t)\right]$. Il est cependant possible de s'écarter de ce **schéma purement déterministe** en introduisant une **dimension probabiliste** qui conditionne l'évolution des pondérations ou de la configuration globale à chaque étape. Il en résulte une **Chaîne de Markov** dont la probabilité de transition est ajustée par la **synergie**. Ce texte (10.4.3.3) expose la construction de telles chaînes de Markov et leur intérêt pour modéliser la **flexibilité** et la **capacité d'exploration** d'un **SCN** dans le DSL.

A. Motivation: Intégrer la Synergie dans un Processus de Transitions

L'approche déterministe permet de définir $\omega_{i,j}(t+1)$ comme une fonction monotone de $\omega_{i,j}(t)$ et de la synergie S(i,j), éventuellement modulée par de l'inhibition (10.4.2.2) ou du feedback (chap. 10.4.1). Néanmoins, dans certains cas, on préfère opter pour un processus aléatoire où les sauts vers de nouvelles configurations surviennent avec une probabilité reliée à la synergie. Cette démarche rappelle la logique des algorithmes de Monte Carlo MCMC. Un état global Ω décrivant l'ensemble des pondérations ou la partition en clusters n'évolue plus par une mise à jour fixe, mais par un tirage basé sur l'énergie ou le coût de la transition.

Il peut être intéressant d'incorporer la **synergie** dans la définition de cette énergie. Supposons qu'un état Ω (vue globale du **SCN**) jouisse d'une "qualité" ou "énergie" $\mathcal{E}(\Omega)$. Si un état Ω' améliore la synergie globale, on veut qu'il soit fortement favorisé. D'une façon standard, on définit alors la **probabilité** de passer de Ω à Ω' comme $p_{\Omega \to \Omega'} \propto \exp(-\gamma \Delta \mathcal{E})$, où $\Delta \mathcal{E}$ exprime la variation d'énergie induite par le saut, et $\gamma > 0$ est un coefficient (l'inverse de la température, au sens de la physique statistique).

B. Formalisation Mathématique : Des Transitions Conditionnées

On se place dans un espace d'états S. Chaque élément $s \in S$ correspond à une **configuration** du **SCN**, qu'il s'agisse de l'ensemble $\{\omega_{i,j}\}$ ou d'une partition en clusters. On définit une **Chaîne de Markov** en associant, pour chaque $s \in S$, une **loi** de probabilité régissant les transitions vers les états s' accessibles. On écrit

$$p_{s\to s'}=\frac{1}{Z(s)}\exp(-\gamma\,\mathcal{H}(s,s')),$$

où $\mathcal{H}(s,s')$ est un **coût** (ou une "distance" énergétique) évaluant la différence de synergie entre la configuration s et s'. Le terme $\gamma > 0$ joue le rôle d'**inverse de température**. Lorsque γ est élevé, les transitions "cohérentes" qui minimisent le coût sont fortement favorisées. À l'inverse, lorsque γ est faible, une exploration plus aléatoire est permise. Le facteur Z(s) garantit la normalisation en probabilité.

L'idée de **synergie** influence directement $\mathcal{H}(s,s')$. Si un saut $(s \to s')$ améliore la **cohésion** dans le **SCN** ou optimise un critère de **gain**, alors \mathcal{H} sera faible, rendant cette transition plus probable. À l'inverse, une détérioration de la synergie entraîne une augmentation de \mathcal{H} , réduisant la probabilité du changement sans toutefois la rendre nulle. Cette absence d'annulation stricte permet au système d'éviter un verrouillage prématuré dans des minima locaux et d'explorer des configurations alternatives.

C. Exemple de Transition Basée sur la Synergie

Il convient de prendre un **exemple** concret pour illustrer comment la synergie se glisse dans un coût de transition. Supposons qu'un nœud \mathcal{E}_i désire quitter un cluster A pour rejoindre un cluster B, dans un **SCN** partitionné. On définit une fonction $\mathcal{H}(s,s')$ représentant la différence de synergie locale pour \mathcal{E}_i :

$$\mathcal{H}(s,s') = -\sum_{j \in B} S\left(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j\right) + \sum_{j \in A} S\left(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j\right).$$

Ici, quitter A pour aller dans B signifierait que l'on "perd" la synergie au sein de A mais l'on "gagne" celle au sein de B. Si le saut s'avère favorable (gain net de synergie), $\mathcal{H}(s,s')$ sera négatif et $\exp(-\gamma \mathcal{H}(s,s'))$ sera plus grand que 1, encourageant la transition. Cet usage "markovien" de la synergie agit comme un **recuit simulé** (simulated annealing) qui favorise la constitution de clusters cohérents, tout en tolérant l'exploration.

D. Chaînes de Markov Synergiques : Propriétés

La présence d'un **coût** $\mathcal{H}(s,s')$ reliant la synergie à la probabilité de transition dote la **Chaîne de Markov** de capacités d'exploration plus riches que le simple DSL déterministe. Il est possible de **sortir** d'attracteurs locaux par un "mouvement" improbable mais non nul, par exemple si $\Delta\mathcal{H}$ reste modéré. De plus, si l'espace d'états S est fini et que la chaîne vérifie une condition d'**ergodicité**, il existe une **loi** stationnaire π , et l'on sait qu'à long terme, le système passe plus de temps dans les configurations de haute synergie (basse \mathcal{H}).

Lorsque γ est élevé (température basse), la chaîne se rapproche d'une dynamique de **descente** stricte, n'acceptant qu'avec une probabilité quasi nulle les changements qui détruisent la synergie. Quand $\gamma \to 0$, le réseau se comporte de façon presque **aléatoire**, assurant une exploration large au détriment d'une stabilisation.

E. Intégration dans l'Écosystème DSL

Il existe plusieurs manières d'intégrer cette **méthodologie** markovienne au DSL. L'approche la plus directe consiste à troquer la mise à jour déterministe pour un **tirage** :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \xi_{i,j}(t),$$

où $\xi_{i,j}(t)$ est une variable aléatoire dont la distribution dépend d'un "coût" ou d'une "énergie" associée au passage $\omega_{i,j}(t) \mapsto \omega_{i,j}(t+1)$. L'équation rappelle les schémas MCMC (Markov Chain Monte Carlo) ou le recuit simulé, permettant un mouvement stochastique dans l'espace $\{\omega_{i,j}\}$. Cette hybridation **DSL** + **Markov** (cf. chap. 10.4.4) introduit une **souplesse** supplémentaire. Elle permet de préserver la capacité du système à évoluer, même lorsque le réseau semble figé dans un **attracteur local**.

Ce type d'intégration est surtout utile lorsque la **structure** du SCN (clusters, macro-nœuds) varie beaucoup dans le temps ou doit s'adapter à des données hétérogènes. La composante stochastique, guidée par la synergie, ouvre la possibilité de trouer d'éventuelles impasses dynamiques (voir 10.4.2.5 sur les réorganisations structurantes) et d'obtenir un **réseau** moins enclin au piégeage.

10.4.3.4. Modèles de Diffusion et d'Information Contextuelle

Dans un **DSL** (Deep Synergy Learning), la dynamique des **interactions indirectes** (cf. 10.4.1) se structure souvent à travers la **diffusion** d'un **signal** ou d'une **information** dans le **SCN** (Synergistic Connection Network). Ce **signal** peut être un **contexte** (un état, un label, un feed-back) qui se propage via les pondérations $\{\omega_{i,j}\}$. L'idée est de formaliser cette **propagation** ou **diffusion** comme un **processus** dont la force dépend non seulement des liens directs $\omega_{i,j}$, mais aussi de l'architecture de plus haut niveau, incluant l'inhibition, les chemins multiples et la rétroaction globale par feedback contextuel. Le présent développement (10.4.3.4) propose différents **modèles** mathématiques illustrant cette **diffusion** multi-niveau, et expliques-en quoi la **synergie** constitue un pivot crucial pour gérer l'information contextuelle et la propagation.

A. Représentation par Matrice de Transition et Diffusion

Le point de départ est la **matrice W** qui recense les liaisons $\omega_{i,j}$. Dans de nombreux **modèles** de diffusion ou de "random walk" sur graphes, on normalise **W** ligne par ligne pour obtenir une **matrice de transition M**. Concrètement, on définit

$$M_{i,j} = \frac{\omega_{i,j}}{\sum_{k} \omega_{i,k}},$$

dès lors que la somme-ligne $\sum_k \omega_{i,k} \neq 0$. Ainsi, la ligne i est un vecteur stochastique (sommant à 1). Si on considère un **vecteur** $\mathbf{x}(t)$ qui décrit, pour chaque nœud i, l'intensité ou la "quantité" du signal au temps t, alors la **diffusion** linéaire s'écrit

$$\mathbf{x}(t+1) = \mathbf{M}\,\mathbf{x}(t)$$
.

Cette équation signifie que l'entité \mathcal{E}_j à l'itération t+1 accumule la fraction du signal $\mathbf{x}(t)$ en provenance de ses voisins, pondérée par $\omega_{i,j}$. Si on itère, on obtient $\mathbf{x}(t+\ell) = \mathbf{M}^{\ell} \mathbf{x}(t)$. La **structure** de \mathbf{M} (et donc de \mathbf{W}) détermine dans quelle mesure la **propagation** parvient à des nœuds éloignés, favorisant ou freinant des **chemins** indirects sur plusieurs sauts.

B. Information Contextuelle et Couplages Indirects

La capacité d'un **SCN** à gérer des **interactions** indirectes se comprend mieux si on voit la **diffusion** comme un **processus** potentiellement multi-niveau. En pratique, on ne s'arrête pas à **M**, car des **rétroactions** globales peuvent intervenir (chap. 10.4.1.2), tout comme un **contexte** macro-nœud qui module la propagation (chap. 6). On peut alors poser

$$\mathbf{x}(t+1) = \mathbf{H}(\mathbf{M}, \mathbf{x}(t), \text{context}),$$

où **H** rend compte d'opérations non linéaires (ex. saturations, inhibitions latérales) ou d'un facteur contextuel (le "topic" privilégié, l'objectif global) qui valorise certaines lignes/colonnes de **M**. En plus d'utiliser simplement $\mathbf{M} \mathbf{x}(t)$, on ajoute des **termes** correctifs, par exemple :

$$\mathbf{x}(t+1) = f(\mathbf{M}\,\mathbf{x}(t) + \alpha\,\mathbf{c}).$$

où **c** pourrait être un **feedback** global et *f* une fonction saturante (comme une sigmoid ou tanh) évitant qu'un nœud reçoive un excès d'input. Tout cela s'accorde avec la **philosophie** DSL, où la synergie indirecte (nœuds lointains connectés par des chemins multiples) se voit renforcée si elle **coïncide** avec le contexte global.

C. Modèles Mathématiques Avancés

Les **modèles** de diffusion ne s'arrêtent pas à la simple multiplication matrice-vecteur. On peut imaginer plusieurs enrichissements :

Diffusion Pseudo-Non Linéaire

Au lieu de $\mathbf{x}(t+1) = \mathbf{M} \mathbf{x}(t)$, on peut écrire

$$\mathbf{x}(t+1) = f(\mathbf{M}\,\mathbf{x}(t)),$$

où f est une fonction (ex. tanh, ReLU, logistic). Cette forme rappelle certains **réseaux de neurones** récurrents, et limite l'accumulation excessive d'activation. Dans ce cas, la **pondération** $\omega_{i,j}$ reste un facteur de "poids" mais la non-linéarité dans f façonne la **dynamique** plus complexe.

ProcessusMarkovien

Si M est stochastique, on peut considérer un **processus aléatoire** où un "particule" (ou un "signal") se déplace aléatoirement dans le réseau, la probabilité d'aller de i à j étant $M_{i,j}$. Les **puissances** M^p donnent la probabilité d'atteindre j en p sauts depuis i. La synergie indirecte se calcule alors dans cette perspective "marche aléatoire". On retrouve l'idée de "random walk synergy", où la **chaîne** Markov s'adapte aux liaisons ω .

Extensions Hypergraphiques

Au-delà des liens binaires (i,j), on peut avoir des **arêtes** n-aires, connectant $\{i_1, ..., i_r\}$. La diffusion d'information contextuelle s'y complexifie, car le flux part d'un sous-ensemble pour toucher d'autres sous-ensembles en un seul pas. *Mathématiquement*, on peut formaliser $\mathbf{W}_{i_1,...,i_r}$ comme le **poids** d'une hyperarête, et définir une règle de transition $\mathbf{x}(t+1) = f(\mathbf{W} * \mathbf{x}(t))$ plus générale. Ces modèles permettent la prise en compte de **co-synergies** entre plusieurs nœuds simultanément.

D. Intégration dans le DSL et Synergie Indirecte

Le **DSL** propose que la **pondération** $\omega_{i,j}$ évolue au fil du temps selon l'auto-organisation (chap. 10.2). Si un flux indirect est fréquent ou jugé pertinent, $\omega_{i,j}$ se voit renforcé ; autrement, il s'use et décroît. On obtient une **co-évolution** où la diffusion $\mathbf{x}(t)$ dépend de $\mathbf{M}(t)$, tandis que la mise à jour de \mathbf{M} ou \mathbf{W} est influencée par les données accumulées par $\mathbf{x}(t)$. Cet aller-retour conduit à des **rétroactions** complexes, parfois oscillatoires (chap. 10.4.2.4) ou générant des **cascades** (chap. 10.4.2.5).

L'avantage réside dans le fait que l'on peut sculpter la **topologie** du SCN en fonction de la **pertinence** des flux indirects observés, donnant lieu à une meilleure structuration. L'inconvénient réside dans la complexité de contrôle où des **oscillations** peuvent survenir, et un paramétrage inadapté risque d'empêcher la stabilisation d'un patron de diffusion cohérent.

10.4.3.5. Théorie des Systèmes Complexes Appliquée au DSL

La **théorie** des **systèmes complexes** offre un **cadre** conceptuel et mathématique robuste pour analyser des ensembles d'agents interagissant localement mais dont les effets s'**agrègent** de façon non linéaire et souvent imprévisible. Dans le **Deep Synergy Learning (DSL)**, le **SCN** (Synergistic Connection Network) se structure selon cette dynamique où les entités $\{\mathcal{E}_i\}$ ajustent leurs **pondérations** $\omega_{i,j}$ en appliquant des **règles** principalement locales, renforçant les liens lorsque S(i,j) est élevé et les inhibant dans les autres cas. Il en émerge des structures globales (tels des **clusters**, des attracteurs stables ou oscillants, etc.). Le présent développement (10.4.3.5) illustre comment la **théorie des systèmes complexes** apporte des méthodes, des notions (autoorganisation, transitions de phase, structure multi-échelle) et des techniques (analyse de la distribution des pondérations, modularité) qui se révèlent pertinentes pour décrire et orienter la **dynamique** d'un **SCN** dans le cadre d'un **feedback** coopératif (Chapitre 10).

A. Rappels sur la Théorie des Systèmes Complexes

La théorie des systèmes complexes s'appuie sur la présence de multiples agents interagissant par des règles locales, ce qui produit des propriétés émergentes à l'échelle du système. On observe la formation de clusters, de motifs, ou de phases collectives, sans qu'une autorité centrale n'ait orchestré explicitement ces organisations. Les méthodes typiques incluent l'étude des modèles issus de la physique statistique, tels que Ising, Potts ou spin-glass, où des paramètres comme la température influencent les transitions entre ordre et désordre, favorisant la clusterisation ou la fragmentation. Elles s'appuient également sur l'analyse des réseaux complexes en caractérisant la distribution des degrés, la modularité, la fractalité et le coefficient de clustering, tout en identifiant l'émergence de hubs ou de communautés. Une autre approche concerne les dynamiques multiagents et la synchronisation, où l'on examine la stabilisation collective, les comportements oscillants ou chaotiques ainsi que les conditions propices à la résonance ou à la synchronie globale.

Dans un SCN, la matrice $W = \{\omega_{i,j}\}$ évolue par auto-organisation (chap. 4, 5), reliant chaque entité \mathcal{E}_i à ses voisines via des **pondérations** adaptatives. Les **phénomènes** globaux qu'on observe dans le DSL — consolidation de clusters, résonances (10.4.2.2), cascades (10.4.2.5), éventuelles oscillations ou bifurcations (10.4.2.4) — s'insèrent dans la définition même d'un système complexe. Les outils appropriés de cette théorie permettent d'éclairer plusieurs aspects essentiels. Ils précisent le mécanisme d'émergence des clusters ou des macro-nœuds au sein du réseau. Ils établissent les conditions menant à des transitions abruptes, qu'il s'agisse de changements de phase ou de régimes oscillatoires et chaotiques. Ils facilitent également l'analyse des distributions de pondérations ou de degrés, mettant en évidence un éventuel caractère "scale-free" ou une structure en "petit monde" au sein du réseau DSL.

B. Application au DSL : Caractérisation de la Dynamique Synergique

La **dynamique** du DSL repose sur un **couplage** local (pondérations ω) et des **feedback** (souvent multi-niveau), produisant un **réseau** (le SCN) dont la topologie se transforme dans le temps. Cette **évolution** s'étudie à l'aune des notions de **systèmes complexes** :

(i) Mesures de Cohésion et de Clusterisation

Dans un SCN, l'auto-organisation conduit à la formation de sous-ensembles d'entités densément interconnectées (clusters). On peut quantifier cette densité ou cette "modularité" via

des mesures empruntées à la **théorie** des réseaux complexes. On définit par exemple une fonction mod(SCN) qui compare la somme des liaisons "intra-cluster" à la somme de toutes les liaisons, en la normalisant par rapport à un modèle aléatoire équivalent (même distribution de degré). Plus cette modularité est grande, plus la **clusterisation** est marquée. Lorsque la dynamique DSL renforce sélectivement certains liens $\omega_{i,j}$, on s'attend à un accroissement du caractère modulaire, traduisant l'émergence d'une structure en **communautés**.

(ii) Phénomènes de Rétroaction Coopérative

Le **feedback** coopératif (Chap. 10) assure une interaction multi-niveau au sein du SCN. Le **global**, représenté par un macro-nœud ou un superviseur, oriente localement la synergie, tandis que les modifications locales s'agrègent progressivement et influencent à leur tour la structure globale. Sur le plan des **systèmes complexes**, cet enchevêtrement de **boucles** rappelle les modèles où divers sous-systèmes échangent des contraintes, pouvant conduire à des **transitions** brutales (ex. le système "bascule" dans un mode global quand un certain seuil est franchi). En pratique, un module macro favorise tel cluster, celui-ci se développe, étouffe les compétiteurs, et on observe une **auto-organisation** en un unique bloc ou en quelques blocs macroscopiques.

(iii) Ordre/Désordre et Attracteurs

L'équation classique du DSL,

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{feedback}},$$

peut conduire à divers **régimes** dynamiques (stabilité, oscillations, chaos). Les **méthodes** de la théorie des systèmes complexes (linéarisation, autovaleurs, étude du paramètre η ou τ) servent à **diagnostiquer** quelles plages de valeurs induisent une convergence monotone (ordonnée) ou un comportement cyclique/multistable (désordre relatif).

C. Concepts de "Scale-Free" et "Dimension Fractale" dans le DSL

De nombreux **réseaux** réels s'avèrent présenter une distribution de degrés $\deg(i) = \sum_j \omega_{i,j}$ suivant une **loi de puissance** (distributions scale-free). Dans un **SCN** où la dynamique renforce les liens ω autour de certains hubs, il est plausible qu'un comportement scale-free émerge. On peut mesurer expérimentalement cette distribution au fil des itérations pour voir si on se rapproche d'un "régime" fractal, possédant une **dimension** auto-similaire. Des techniques d'**analyse** de **boîte** (box-counting) ou de fit de $\deg^{-\alpha}$ aident à mettre en évidence cette géométrie multi-échelle.

Par ailleurs, une modification d'un paramètre tel qu'un taux d'inhibition γ ou le ratio τ/η peut provoquer un basculement de régime et entraı̂ner une transition de phase. Le réseau évolue alors d'un état fragmenté vers un mégacluster ou inversement dès qu'un seuil critique est franchi. Sur le plan physique, ce phénomène s'apparente à la percolation. Dans un graphe dont la densité croît, un cluster géant peut émerger de manière abrupte. Cette analogie avec une transition permet d'orienter le pilotage d'un SCN et d'ajuster son positionnement entre une phase multi-cluster et une phase dominée par un unique cluster.

D. Avantages pour l'Étude du DSL

La théorie des systèmes complexes fournit un ensemble d'outils et de cadres théoriques pour décrire la dynamique DSL à l'échelle globale. Elle permet notamment une compréhension

globale, qui ne se limite pas aux équations locales de mise à jour des poids, comme $\omega_{i,j}(t+1) = \cdots$. À la place, elle exploite des indicateurs de réseau tels que la modularité, le coefficient de clustering ou la distribution des degrés pour analyser l'**organisation** émergente dans son ensemble.

Elle facilité également l'**identification de régimes dynamiques**, en reconnaissant la diversité des états possibles d'un système, qu'il soit ordonné, chaotique ou multi-stable, selon les valeurs des paramètres. Cette approche permet d'éclairer les phénomènes de transition, comme la formation soudaine d'un cluster géant ou l'effondrement d'un ancien cluster, offrant ainsi une meilleure lecture des dynamiques sous-jacentes.

Enfin, elle établit des **liens avec d'autres systèmes**, où l'on retrouve des mécanismes analogues dans divers domaines. En **physique** statistique, les modèles d'Ising ou de Potts sont utilisés pour modéliser des interactions locales et collectives. En **neurosciences**, les assemblées neuronales suivent des principes similaires de connectivité et d'activation. En **sociologie**, les réseaux d'influence révèlent des schémas de diffusion comparables. Grâce à ces analogies, il est possible de transposer des **techniques** comme le recuit simulé ou les chaînes de Markov Monte Carlo (MCMC) pour l'**optimisation** et la **stabilisation** du SCN, ainsi que d'importer des concepts de robustesse, de percolation et de résilience, notamment pour l'étude des boucles et oscillations (chap. 10.4.2.3).

10.4.4. Contrôle et Gestion des Interactions Indirectes

Lorsque l'on manipule un **réseau** de synergies (comme le **SCN** du DSL), il ne suffit pas de surveiller les **interactions directes** entre deux entités (i,j); on doit également prendre en compte des **interactions indirectes**, c'est-à-dire l'influence qu'un nœud k peut exercer sur le lien $\omega_{i,j}$ à travers des chemins plus longs, ou des rétroactions circulant dans la structure globale (voir 10.4.1, 10.4.2). Cette sous-section 10.4.4 aborde les **mécanismes** de contrôle et de gestion de ces interactions indirectes, afin d'assurer la **cohérence** du réseau, d'éviter l'**emballement** (overfitting synergique) ou la **perte** d'information utile.

10.4.4.1. Optimisation du Réseau de Synergies

Les **interactions indirectes** au sein d'un **SCN** (Synergistic Connection Network) élargissent considérablement les **voies** par lesquelles un changement local peut affecter la structure globale. Cela crée un **enjeu** d'**optimisation**, qui consiste à trouver (ou approcher) une **configuration** $\{\omega_{i,j}\}$ simultanément **cohérente** localement, alignée sur la synergie directe S(i,j), et **harmonieuse** globalement, sans conflits ni distorsions cumulatives, tout en tenant compte des **chemins** multiples et indirects.

Le présent développement (10.4.4.1) décrit comment on peut formuler cette **optimisation** d'un point de vue plus explicitement mathématique et les **défis** qui en découlent.

A. Formulation d'un Critère d'Optimisation Global

Les modèles classiques du **DSL** (Chap. 2 ou 4) se basent sur l'ajustement local $\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t) \right]$. Pour prendre en compte les **interactions indirectes** (ex. un chemin $i \to k \to j$), on introduit un **critère** plus global :

Énergie ou fonction "coût" $\mathcal{J}(\Omega)$

On définit $\Omega = \{\omega_{i,j}\}_{i,j}$ comme l'ensemble des liaisons dans le **SCN**. On souhaite minimiser une **énergie** $\mathcal{J}(\Omega)$ ou, a contrario, maximiser un **gain** (mêmes équations). Le terme direct :

$$\mathcal{J}_{\text{direct}}(\Omega) = \sum_{i,j} \left(-\omega_{i,j} S(i,j) + \frac{\tau}{2} \omega_{i,j}^2 \right),$$

inclut la **faveur** $-\omega_{i,j} S(i,j)$ (le réseau est d'autant plus satisfait que $\omega_{i,j}$ s'aligne sur une synergie forte) et un coût $\tau/2$ $\omega_{i,j}^2$ qui évite la croissance infinie. Mais si l'on craint des **boucles** ou des chemins indirects dangereux, on peut ajouter un terme $\Phi(\Omega)$ mesurant l'effet cumulatif de "chemins multiples":

$$\Phi(\Omega) = \alpha \sum_{i,j,k} f(\omega_{i,j}, \omega_{j,k}, \omega_{k,i}).$$

Par exemple, on peut exiger qu'on ne forme pas trop de **cycles** amplificateurs à trois nœuds (i, j, k) ou qu'on restreigne la somme de $\omega_{i,j} \times \omega_{j,k}$ quand elle "surpasse" un certain seuil de cohérence. Dans la pratique, il convient de spécifier ce qu'on veut éviter ou encourager dans Φ . Le critère global devient :

$$\mathcal{J}(\Omega) = \mathcal{J}_{\mathrm{direct}}(\Omega) + \Phi(\Omega).$$

Notion de "flux indirect"

On peut aussi privilégier une formulation centrée sur un "flux indirect" F:

$$\mathbf{F}_{i,j} = \sum_{k} \ \omega_{i,k} \ \omega_{k,j}.$$

Si on veut minimiser $\sum_{i,j} (\mathbf{F}_{i,j} - \omega_{i,j})^2$, on sous-entend que le **flux** indirect ne doit pas trop s'écarter du lien direct. Cela force une **cohérence** entre chemins $(i \to k \to j)$ et l'arc direct $(i \to j)$. Mais ce type d'approche implique un coût algorithmique important, car on manipule $O(n^3)$ termes. Dans tous les cas, l'enjeu est de **formaliser** l'impact de chemins multiples sur l'état global.

B. Équation de Mise à Jour sous Contrainte d'Interactions Indirectes

L'idée d'une descente de **gradient** sur $\mathcal{J}(\Omega)$ vise à aboutir à une **mise à jour** $\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) - \eta \nabla_{\omega_{i,j}} \mathcal{J}(\Omega)$. Les interactions indirectes se traduisent dans $\Phi(\Omega)$ ou dans des produits $\omega_{i,k} \omega_{k,j}$. On obtient :

$$\frac{\partial \mathcal{J}}{\partial \omega_{i,j}} = \frac{\partial}{\partial \omega_{i,j}} [\mathcal{J}_{\text{direct}}(\Omega)] + \frac{\partial}{\partial \omega_{i,j}} [\Phi(\Omega)].$$

Si Φ rassemble des sommes sur triplets, quadruplets, etc., son dérivé se décompose en divers **termes** reliant $\omega_{i,j}$ à $\omega_{k,\ell}$. Par exemple, si Φ comprend la composante $\sum_k \omega_{i,k}$ $\omega_{k,j}$, alors :

$$\frac{\partial}{\partial \omega_{i,j}} (\omega_{i,k} \, \omega_{k,j}) = \delta_{k,j} \, \omega_{i,k} + \delta_{k,i} \, \omega_{k,j}$$

en utilisant des notations de dérivée discrète ou un raisonnement indexé. On aboutit à un algorithme de mise à jour plus lourd :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) - \eta \left[\nabla_{\omega_{i,j}} \mathcal{J}_{\text{direct}}(\Omega) + \nabla_{\omega_{i,j}} \Phi(\Omega) \right].$$

Ce mécanisme de descente de gradient élargie implique que la liaison $\omega_{i,j}$ ne se limite pas à la contribution de S(i,j) et au terme d'amortissement $\tau \omega_{i,j}$, mais intègre également la cohérence multipoints. Lorsque le chemin $(i \to k \to j)$ présente une robustesse significative, la pondération $\omega_{i,j}$ peut être influencée de deux manières distinctes. Elle peut être renforcée afin de préserver une certaine symétrie dans le réseau ou, au contraire, être modérée pour prévenir une amplification excessive susceptible d'engendrer un déséquilibre global.

C. Avantages et Défis

L'avantage d'incorporer les interactions indirectes dans l'objectif global est de **piloter** la dynamique DSL en considérant les boucles multiples, évitant les inflations catastrophiques (cycliques) ou les contradictions entre chemins. Cela **harmonise** la structure globale, stabilisant mieux les clusters et empêchant qu'un petit groupe se sur-amplifie trop vite grâce à un cycle interne puissant. En même temps, on autorise que la liaison $\omega_{i,j}$ se consolide **si** la synergie via un intermédiaire $(i \to k \to j)$ suggère fortement leur affinité.

Le **défi** principal tient à la **complexité**. Dès que l'on manipule $\Phi(\omega)$ comme une somme sur triplets (ou quadruplets), le nombre de **termes** explose en $O(n^3)$ ou plus, ce qui peut être prohibitif pour un SCN de grande taille. On doit alors recourir à :

- Des **approximations** (ex. ne traiter que les triplets localement pertinents ou restreindre le rayon d'influence).
- Des **techniques** itératives ou stochastiques, n'estimant qu'une partie du gradient à chaque pas (similaire à du SGD pour la structure du réseau).
- Une **heuristique** simplifiant la prise en compte des chemins multiples (par ex. un terme "inhibition cyclique" plus simple qu'une somme exhaustive).

10.4.4.2. Méthodes de Régulation des Flux Synergiques

Dans le **Deep Synergy Learning** (DSL), le **SCN** (Synergistic Connection Network) autorise des **interactions** multiples et souvent **indirectes** entre entités, ce qui peut parfois conduire à des amplifications excessives ou à une **dissipation** involontaire des flux d'information (cf. Chap. 10.4.2 et 10.4.3). Les **méthodes** de **régulation** des flux synergiques visent à **maîtriser** la propagation des signaux à travers les multiples chemins du réseau afin de garantir un **équilibre**

dynamique. Elles permettent d'éviter des phénomènes indésirables tels que des oscillations excessives ou des cascades chaotiques tout en assurant la **cohérence** de la diffusion et de la circulation contextuelle au sein du SCN. Le présent développement (10.4.4.2) décrit divers **mécanismes** mathématiques permettant de réguler la **force** et la **distribution** des pondérations $\omega_{i,j}$ en présence d'interactions indirectes.

A. Principes Généraux de la Régulation

Lorsque les entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j s'influencent de manière **indirecte** (via un chemin $\mathcal{E}_i \to \mathcal{E}_k \to \cdots \to \mathcal{E}_j$), la **force** du signal peut s'accumuler ou se déformer au fil des arcs. Sans **régulation**, un **boucle** interne (par ex. $i \to k \to j \to i$) peut amplifier le flux, conduisant à un emballement local. À l'inverse, une diffusion utile peut s'affaiblir si trop de chemins parasites absorbent l'énergie. L'objectif de la **régulation** est de maintenir un **niveau de flux** judicieux, évitant la **surchauffe** ou la **dilution**.

Dans un modèle **matériel**, cela se traduirait par un système de soupapes ou de *clipping*, imposant un plafond d'intensité. Sur le plan **mathématique**, on peut introduire des **termes** de dissipation, d'inhibition latérale ou des mécanismes top-down qui surveillent la **densité** globale des flux.

B. Approches Mathématiques de Régulation

Les méthodes de régulation se déclinent de plusieurs manières :

Seuils dynamiques ou saturation partielle

On peut imposer à chaque nœud \mathcal{E}_i un **seuil** θ_i (ou un ensemble de règles adaptatives) spécifiant la quantité maximale de flux $\sum_j \omega_{i,j}$ qu'il peut émettre. Si cette somme dépasse θ_i , on proportionnellement *réduit* les $\omega_{i,j}$ afin que la somme finale soit égale à θ_i . D'un point de vue plus algorithmique, on écrit :

$$\omega_{i,j}(t+1) \leftarrow \min \left(\omega_{i,j}(t+1), \ \theta_i \frac{\omega_{i,j}(t+1)}{\sum_k \omega_{i,k}(t+1)} \right).$$

Ce type de **clipping** agit comme une forme de *renormalisation* de la ligne *i*, évitant qu'un flux trop abondant ne se propage. C'est une méthode simple et efficace pour **limiter** la prolifération des flux synergiques (voir 10.4.2 sur les cascades). Sur le plan **avantages**, cela assure la **stabilité** à un coût de calcul modéré ; sur le plan **inconvénients**, on peut parfois "couper" aussi des liaisons utiles.

Inhibition ou dissipation contrôlée

On peut étendre le principe d'**inhibition latérale** déjà vu dans la mise à jour DSL standard $(-\gamma \sum_k \omega_{i,k})$ pour y inclure la prise en compte de **chemins indirects**. Par exemple, si un nœud i détecte que sa **somme** de flux indirects (ex. $\sum_{k,m} \omega_{i,k} \omega_{k,m}$) excède un seuil, il applique un **terme** de pénalisation sur certaines $\omega_{i,*}$. Cela évite que le flux cumulatif ne franchisse des valeurs dangereuses. Techniquement, il peut s'agir d'un *offset* $-\Delta$ imposé à la mise à jour :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \cdots - \Delta(\mathrm{excès}_i).$$

D'une manière plus continue, on peut introduire une **dissipation** δ^{length} où chaque pas dans un chemin indirect réduit l'intensité de manière exponentielle. Cela revient à limiter la confiance

accordée aux chemins trop longs ou successifs, qui peuvent engendrer des oscillations. Sur le plan **mathématique**, on applique un facteur $\delta \in (0,1)$, de sorte qu'un flux empruntant un chemin de longueur ℓ soit pondéré par δ^{ℓ} , traduisant ainsi une perte progressive d'énergie.

C. Coordination Top-Down (Boucles de Feedback)

Dans le **feedback** coopératif (Chap. 10), un "macro-nœud" ou un ensemble de modules globaux peut *superviser* la **densité** ou la **qualité** des flux indirects, imposant des corrections. Par exemple, si le réseau se met à osciller à cause d'un cycle $i \to k \to j \to i$ trop fort, le macro-nœud peut "briser" la boucle en abaissant $\omega_{k,j}$ ou $\omega_{j,i}$. On parle alors de **contrôle** top-down, structurellement similaire à l'inhibition globale dans certains réseaux neuronaux. Sur le plan **algorithmique**, cela signifie qu'à chaque itération, on évalue une métrique (ex. amplitude d'oscillation), et si elle dépasse un seuil, on applique un correctif.

D. Impact sur la Convergence et la Structure

Les méthodes de **régulation** des flux synergiques affectent directement la **convergence** de la dynamique DSL. Les **oscillations** ou bifurcations imprévues peuvent être atténuées, voire supprimées, ce qui favorise une stabilisation du **SCN**. Du point de vue **analyse**, la mise en place de mécanismes de **saturation**, de **clipping** et d'**inhibition latérale** plus prononcée permet de réduire les risques d'amplification incontrôlée ou de comportements chaotiques. En limitant le "gain total" accumulé au sein d'un cycle, ces ajustements empêchent une croissance exponentielle des rétroactions, assurant ainsi un **réseau plus stable**. Cette approche permet de conserver des flux indirects utiles tout en évitant qu'ils ne prennent une ampleur excessive et difficile à maîtriser.

Par ailleurs, la suppression des flux parasites et la modulation des signaux issus de **chemins trop longs** ou **trop amplifiés** contribuent à une **meilleure structuration** des clusters. En effet, le *cœur* d'un cluster maintient ses flux essentiels, tandis que les connexions incertaines ou trop multiples sont atténuées. Ce phénomène améliore la **lisibilité** des interactions au sein du réseau et renforce la stabilité des **communautés**, en évitant qu'une interconnexion excessive ne perturbe l'équilibre du système.

Cependant, cette régulation s'accompagne d'un **coût computationnel** non négligeable. L'estimation de la somme ou de la norme des flux indirects avant d'appliquer un **clipping** ou un **frein** sur les pondérations nécessite un traitement supplémentaire, surtout si l'on considère un grand rayon de voisinage ℓ . Pour pallier cette complexité, des **approximations** ou des **méthodes d'échantillonnage** sont souvent employées. Une solution plus pragmatique consiste à limiter l'application du clipping à un rayon 2, ce qui permet de préserver la **dynamique globale** du réseau tout en maintenant un niveau de calcul raisonnable, comme abordé dans le chapitre 10.4.3.

10.4.4.3. Prévention des Boucles Néfastes (Overfitting Synergique)

Dans un **SCN** (Synergistic Connection Network) avancé, la dynamique d'auto-organisation définie par le **DSL** (Deep Synergy Learning) peut, en l'absence de régulations appropriées, s'emballer et créer des **boucles** de rétroaction dont la **force** dépasse la pertinence contextuelle. On qualifie alors ces phénomènes de **boucles néfastes** ou d'**overfitting** synergique, en analogie avec l'**overfitting** statistique. Un sous-groupe d'entités $\{\mathcal{E}_i\}$ se renforce mutuellement, amplifiant

indéfiniment leurs liaisons $\omega_{i,j}$ sans justification externe, enfermant ainsi le réseau dans une dynamique auto-référentielle. Ce texte (10.4.4.3) aborde les **causes** d'un tel emballement et présente diverses **stratégies** mathématiques pour le **prévenir** ou le **rompre**, assurant ainsi un **feedback** coopératif équilibré.

A. Mécanismes conduisant à l'Overfitting Synergique

Le **DSL** relie la **mise à jour** de chaque poids $\omega_{i,j}$ à une synergie $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ et à des boucles de rétroaction (voir Chap. 10). Des **boucles néfastes** surviennent lorsque certains mécanismes d'autorenforcement ou d'isolement perturbent l'équilibre du SCN.

Une première cause de déséquilibre dans le **SCN** est le **renforcement mutuel excessif**. Lorsqu'une paire ou un petit cluster $\{\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j, ...\}$ voit ses liens croître de manière exagérée, chaque augmentation de $\omega_{i,j}$ amplifie davantage la synergie, créant un cycle d'auto-renforcement. Mathématiquement, l'actualisation des pondérations,

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right],$$

devient instable si S(i,j) reste trop grand pour être compensé par $\tau \omega_{i,j}$. En l'absence de mécanismes de régulation comme l'inhibition ou la saturation, le lien $\omega_{i,j}$ atteint des valeurs inadaptées, résultant d'une simple **auto-congratulation** entre les entités concernées.

Un autre risque majeur est **l'isolement et la sur-spécialisation**. Un mini-cluster peut progressivement se replier sur lui-même, renforçant uniquement ses connexions internes au détriment des interactions avec le reste du réseau. Cette dynamique conduit à une forme d'**overfitting**, où le système sur-apprend des micro-cohérences locales sans prise en compte du contexte global. D'un point de vue statistique, cela revient à un échantillon trop restreint qui s'auto-renforce sans intégrer les tendances plus larges du réseau.

Enfin, la **coexistence de bulles** se manifeste lorsque plusieurs sous-boucles émergent en parallèle, chacune gonflant artificiellement ses pondérations internes. Si ces bulles évoluent sans régulation (cf. 10.4.4.2) ni feedback externe, elles peuvent soit persister de manière isolée, empêchant toute cohésion du réseau, soit entrer en conflit, rendant ainsi le **SCN** instable et fragmenté.

B. Exemples concrets de Boucles Néfaste

Le **feedback** top-down (Chap. 10.3) peut involontairement "consacrer" un sous-groupe \mathcal{C} si, par un hasard initial, \mathcal{C} reçoit un signal favorable. \mathcal{C} renvoie alors un score élevé, renforçant la conviction du macro-nœud que \mathcal{C} est pertinent, et le macro-nœud accroît encore les liens internes de \mathcal{C} . Cette **auto-congratulation** ou "cercle vertueux" fausse la structure globale en amplifiant un simple biais local.

Un autre scenario, un module local (par ex. sensoriel) voit quelques neurones \mathcal{E}_{x} s'**emballer**, saturant leurs liens mutuels. Un "**cluster** parasite" émerge, ignorant les stimuli extérieurs car tout retour inhibiteur est absent ou trop faible. Cela déconnecte ce module du reste de l'architecture, créant un **overfitting** local.

Mécanismes de Régulation des Boucles Néfastes

Divers **mécanismes** mathématiques et heuristiques visent à **endiguer** ces boucles néfastes et à stabiliser l'évolution des pondérations dans le **SCN**.

L'inhibition avancée repose sur une modulation des pondérations en fonction de la somme des liens sortants d'une entité \mathcal{E}_i . L'inhibition latérale (cf. chapitres 4.4 et 10.4.4.2) consiste à réduire $\omega_{i,j}$ proportionnellement à la somme des connexions sortantes de \mathcal{E}_i . Plus les valeurs $\{\omega_{i,k}\}$ sont élevées, plus $\omega_{i,j}$ est pénalisé, empêchant ainsi un cluster de s'auto-renforcer trop rapidement. Cette dynamique est intégrée dans la mise à jour :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \big[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \big] - \gamma \, \sum_{k} \omega_{i,k}(t).$$

Lorsque $\sum_k \omega_{i,k}$ devient excessif, les connexions internes sont automatiquement réduites.

Un autre mécanisme repose sur la **saturation ou le clipping**. Lorsqu'une pondération $\omega_{i,j}$ dépasse un seuil ω_{\max} , elle est fixée à cette valeur, empêchant ainsi toute croissance indéfinie. De même, on peut restreindre la **somme** ou la **variance** des pondérations au sein d'un cluster en imposant par exemple $\sum_j \omega_{i,j} \leq \theta_i$. Ces ajustements permettent d'éviter une **divergence brute** et de contrôler l'évolution du réseau.

L'introduction de **termes de cohérence externe** constitue une autre approche. Un **feedback externe** ou un signal "label" peut être ajouté pour ajuster la synergie interne en fonction d'un critère global. Si un cluster amplifié ne **produit** pas un gain externe mesurable, la règle DSL réduit ou atténue l'excès de synergie interne. Mathématiquement, un score Score(i, j) est introduit dans la mise à jour des pondérations, de sorte qu'une valeur négative de $Score(i, j) - \alpha$ diminue $\omega_{i,j}$.

Enfin, lorsqu'un **overfitted cluster** empêche toute adaptation, l'**injection de bruit ou un recuit simulé** peut être appliqué pour rompre les liens sur-renforcés. Ce procédé s'apparente à un **reset partiel** (cf. chapitre 10.4.2.5), qui ramène certaines pondérations à des valeurs plus neutres, permettant ainsi une redistribution des connexions.

D. Formalisation Mathématique de la Rupture

Pour **mettre** en œuvre ces mécanismes, on adapte la **règle** DSL. Si $\omega_{i,j}$ est victime d'un *overfitting*, on lui applique un correctif $\Delta_{\text{correction}}(\omega_{i,j})$. Par exemple :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{feedback}}(\text{macro-nœud}) - \Delta_{\text{correction}}(\omega_{i,j}),$$

où $\Delta_{\text{correction}} = \beta \omega_{i,j}$ si on veut "réduire de β %" un lien trop grand, ou un clipping $\min(\omega_{i,j}, \omega_{\max})$. S'il s'agit de l'inhibition latérale, on soustrait un terme $\gamma \sum_k \omega_{i,k}$.

Une variante plus subtile, on calcule un *indice d'isolement* pour un cluster C, si C n'entretient plus de liens suffisants vers l'extérieur, on applique une correction pivotée sur $\omega \in C$. L'enjeu est de couper la **boucle** interne sans détruire la configuration entière, d'où l'importance d'un paramètre de régulation fin.

10.4.4.4. Monitoring et Diagnostics Dynamiques

Lorsqu'un SCN (Synergistic Connection Network) évolue selon la logique du DSL (Deep Synergy Learning), la dynamique des pondérations $\omega_{i,j}(t)$ peut se comporter de manière non triviale, surtout en présence de **rétroactions** multiples et de **flux** indirects (chap. 10.4.2 et 10.4.3). Les **méthodes** de **monitoring** et de **diagnostics** ont pour objectif d'**observer** l'état courant du réseau, de **détecter** d'éventuelles dérives (telles que saturations ou oscillations abusives) et de **réagir** en conséquence (en ajustant ou en réinitialisant partiellement certaines liaisons). Le présent développement (10.4.4.4) détaille comment ces **outils** s'intègrent dans la dynamique DSL pour **préserver** un feedback coopératif sain et une auto-organisation robuste.

A. Objectifs du Monitoring Dynamique

Le **monitoring** désigne l'ensemble des procédures, automatisées ou semi-automatisées, qui à chaque itération ou à intervalles réguliers, **examinent** la configuration $\Omega(t) = \{\omega_{i,j}(t)\}$ afin de repérer d'éventuelles anomalies dans l'évolution du réseau.

La **cohérence structurelle** est analysée en observant la **distribution** des pondérations $\{\omega_{i,j}\}$. Si une majorité de liens tend vers zéro, cela indique un réseau fragmenté ou quasi déconnecté. À l'inverse, si plusieurs connexions atteignent des valeurs extrêmes, cela peut révéler une surspécialisation ou un emballement local. De plus, l'étude de la **modularité** et de la **densité intracluster** permet d'identifier des sous-structures émergentes, mettant en évidence la formation et l'évolution des **clusters**.

Les **oscillations ou le pseudo-chaos** sont également surveillés. Certains **SCN** affichent des comportements oscillants, où les pondérations $\omega_{i,j}$ varient de manière cyclique. Le **monitoring** détecte ces phénomènes en analysant la **variance** des pondérations sur une fenêtre glissante. Lorsqu'elle dépasse un seuil critique, cela suggère un risque d'**instabilité chronique**, pouvant nécessiter une intervention pour stabiliser le système.

Enfin, la **détection des anomalies et des divergences** vise à repérer des comportements atypiques. Un **bruit** excessif ou un paramétrage inadapté peut entraîner l'apparition d'un **super-lien** isolé ou la prolifération incontrôlée d'un **micro-cluster sur-renforcé**. En comparant la configuration actuelle à une dynamique de référence, le **monitoring** met en évidence ces écarts et permet d'activer un mécanisme d'**intervention correctrice**, comme l'application d'une **inhibition locale** ou d'un **recuit partiel**, afin de rétablir un équilibre dans le réseau.

B. Dimensions Mathématiques : Indicateurs de Diagnostics

Divers **indicateurs** peuvent être suivis pour éclairer le **comportement** du SCN. Parmi les plus usuels figurent :

Énergie ou pseudo-énergie. Si on a défini une fonction $\mathcal{J}(\Omega)$ (cf. 10.4.4.1) qui englobe le "gain" $-\sum \omega_{i,j} S(i,j)$ et des coûts (ex. $\tau/2 \sum \omega_{i,j}^2$), on peut suivre $\mathcal{J}(\Omega(t))$ au fil du temps. Une stagnation à un **niveau** élevé ou un "cahotage" entre plusieurs minima peuvent indiquer un **multi-attracteur** ou un besoin d'agir.

Entropie ou dispersion. Une distribution $p(\omega)$ décrit comment les pondérations se répartissent (zéro, moyens, saturés). L'entropie $H(\omega) = -\sum p(\omega) \log p(\omega)$ mesure la répartition des pondérations dans le réseau. Une entropie élevée indique une distribution uniforme des $\omega_{i,j}$, traduisant un réseau sans structuration marquée. Une entropie faible montre une concentration des pondérations autour de certaines valeurs dominantes, signalant une possible spécialisation ou saturation des liaisons.

Clustering et modularité. On calcule un indice de modularité Q (chap. 6) pour voir si le réseau se structure en communautés claires. Son évolution dans le temps (croissante, stable, décroissante) renseigne sur la **formation** ou la **dissolution** de clusters. Une baisse subite de Q peut marquer une perturbation ou un emballement.

Variances temporelles (détection d'oscillations). On définit la variance d'une liaison $\omega_{i,j}$ sur une fenêtre d'horizon Δ . Si

$$\sigma_{i,j}^2(t) = \operatorname{Var}\{\omega_{i,j}(t-\Delta), \dots, \omega_{i,j}(t)\},\$$

se met à grandir, cela peut signaler un régime oscillatoire. Un calcul d'autocorrélation sur $\omega_{i,j}(t)$ peut également éclairer la présence d'une période stable.

C. Mécanismes de Feedback du Monitoring

Le **monitoring** ne se limite pas à observer. Il doit aussi **faire remonter** l'information à un **module** correctif. Selon la structure du **DSL** (chap. 7.4, 7.6), on intègre la boucle de contrôle comme suit :

Les **logs et alertes** constituent le mécanisme le plus simple, où le diagnostic produit un **signal d'alerte** lorsque certains indicateurs comme l'entropie, la modularité ou la variance dépassent un seuil. Un inhibiteur global ou l'opérateur humain peut alors ajuster γ , η ou imposer un reset local. Sur le plan **mathématique**, on applique une règle conditionnelle du type :

si Variance > thresh, alors
$$\gamma \leftarrow \gamma + \delta$$
.

Les **réajustements dynamiques** (**PID-like**) permettent un contrôle plus avancé en reliant directement un **contrôleur** aux indicateurs du réseau. Par exemple, si Entropie($\{\omega\}$) $< E_{\min}$, on augmente la dissipation ou on injecte du bruit. Si Modularité $> Q_{\max}$, la croissance interne d'un super-cluster est restreinte pour préserver la diversité. Cette **rétroaction** s'effectue automatiquement à chaque itération, évitant l'excès d'oscillation.

L'interaction humaine intervient lorsque l'opérateur surveille un tableau de bord affichant l'état de $\{\omega_{i,j}\}$ et repère la formation de bulles. Il peut alors décider manuellement de briser un cluster trop isolé ou de renforcer des liaisons transverses. L'interface de monitoring propose des outils de visualisation (heatmap, distribution, mesures) ainsi que des boutons d'intervention permettant d'appliquer plus d'inhibition sur une zone spécifique \mathcal{C} .

D. Diagnostics Dynamiques: Quelques Exemples d'Usage

Dans différents contextes, le **monitoring** prend des formes spécifiques en fonction des dynamiques propres à chaque système.

Dans un **essaim de robots** (Chap. 4.7), on suit le **degré de coordination** pour détecter si un sous-groupe devient autonome et s'éloigne de l'objectif initial. Des indicateurs tels que la **modularité**, la **variance** ou un **score global** d'efficacité peuvent être utilisés pour déclencher un recalibrage du système.

Dans un système multi-agents cognitifs (Chap. 6, 10), un monitor observe l'émergence de macro-nœuds logiques. Si une oscillation latente apparaît entre deux macro-nœuds, une stabilisation top-down peut être appliquée par renforcement de l'inhibition latérale, afin d'éviter un comportement instable ou indécis du système.

Dans un **réseau d'apprentissage continu** (Chap. 9), la dynamique **DSL** peut osciller fortement lorsque de nouvelles entités (ou classes) sont introduites. Le **monitoring** permet alors de repérer la **sur-activation** d'anciens clusters ou la **submersion** du réseau par des liaisons parasites. Pour stabiliser le système, des mécanismes comme un **recuit partiel** ou un **resetting** de certaines régions du **SCN** peuvent être appliqués.

10.4.4.5. Réduction de la Complexité Computationnelle

Dans un **SCN** (Synergistic Connection Network) relevant du **Deep Synergy Learning** (DSL), la mise à jour coopérative (chap. 10) et la prise en compte d'**interactions indirectes** (10.4.1 à 10.4.3) peuvent susciter un **coût** algorithmique rapidement prohibitif, surtout lorsque le nombre d'entités \mathcal{E}_i et le nombre de liaisons $\omega_{i,j}$ s'accroît. Les **processus** de rétroaction, de feedback top-down ou de calcul d'influences indirectes peuvent entraîner un $O(n^2)$, voire $O(n^3)$ de complexité, si l'on prend en compte tous les chemins multiples et corrections globales. Le présent développement (10.4.4.5) décrit différentes **stratégies** pour contenir cette complexité, en préservant néanmoins un **niveau** de cohérence satisfaisant dans le **réseau** DSL.

A. Contexte: Un Feedback Coopératif Potentiellement Coûteux

Lorsque chaque entité \mathcal{E}_i envoie un **feedback** à plusieurs autres (voire à toutes), la dimension $O(n^2)$ se manifeste très directement, car il faut calculer ou actualiser $\Delta_{\text{coop}}(i,j)$ pour un nombre potentiel de paires (i,j) qui croît comme n^2 .

Lorsque chaque entité \mathcal{E}_i envoie un **feedback** à plusieurs autres voire à toutes, la dimension $O(n^2)$ se manifeste très directement puisqu'il faut calculer ou actualiser $\Delta_{\text{coop}}(i,j)$ pour un nombre potentiel de paires (i,j) qui croît comme n^2 . Si, de surcroît, on inclut des **effets indirects** (chemins de longueur 2 ou plus), on en vient à manipuler des sommes triples $O(n^3)$. Dans un SCN de grande envergure, cette explosion rend la boucle itérative ingérable sans mécanismes de **réduction** de la complexité.

Par ailleurs, l'introduction d'un **feedback** top-down (Chap. 10.3) peut, lui aussi, imposer une reévaluation globale de plusieurs segments du réseau. De manière générale, pour que le DSL puisse s'exécuter sur des milliers ou des millions d'entités, il faut établir des **raccourcis** ou **heuristiques** limitant le coût par itération.

B. Principes de Réduction de la Complexité

Plusieurs **pistes** existent pour atténuer la charge de calcul. L'objectif est d'appliquer la mise à jour coopérative sans l'effectuer intégralement sur $O(n^2)$ paires à chaque fois.

Sparsification Contrôlée

Le **principe** est de maintenir la **matrice W** dans une structure majoritairement creuse (sparse). À chaque itération, on ne conserve, par exemple, que les k liaisons (pour chaque nœud \mathcal{E}_i) qui présentent la plus forte pondération $\omega_{i,j}$. Les autres sont mises à zéro ou fortement pénalisées.

Sur le plan **algorithmique**, on procède par une **mise à jour locale** de $\omega_{i,j}$ en théorie pour tous j, suivie d'une **sélection** des k meilleurs liens pour i, puis d'une **mise à zéro** des autres liens ou de l'application d'une coupure lorsque $\omega < \theta$.

Ce Top-k (ou $Top-\theta$) coupe drastiquement la taille de la liste de liaisons actives, et on n'effectue le feedback coopératif que sur ce sous-ensemble restreint. D'un point de vue **complexité**, on passe d'un $O(n^2)$ à $O(n \cdot k)$. Les **avantages** résident dans un traitement plus rapide et une diminution de la mémoire utilisée. Les **inconvénients** résident dans le risque de couper des liens "naissants" mais prometteurs. Un paramètre k trop petit peut brouiller la dynamique, tandis qu'un k trop grand ne permet pas d'obtenir un gain de complexité suffisant.

Approximation par Échantillonnage

Au lieu de gérer l'ensemble $\{(i,j)\}$ complet, on restreint la mise à jour coopérative à un **échantillon** $S \subseteq \{1,...,n\}^2$ choisi aléatoirement ou de façon adaptative. Ainsi, on ne calcule $\Delta_{\text{coop}}(i,j)$ que pour ces $(i,j) \in S$. Si $|S| = \rho n^2$ pour une fraction $\rho \in (0,1)$, la complexité se mue en $O(\rho n^2)$. À chaque **tour** d'itération, un sous-ensemble différent peut être sélectionné, assurant une **couverture** raisonnable au fil du temps. Cette technique randomisée (inspirée du *stochastic gradient descent*) permet de conserver une **logique** DSL tout en allégeant le calcul. On admet qu'en un nombre suffisant d'itérations, la totalité des liens aura reçu un feedback coopératif.

Modularisation du Feedback

Si le SCN est structurellement **modulaire** (Chap. 6), on peut effectuer la mise à jour coopérative **en priorité** au sein de chaque module local, et ne traiter que quelques liaisons inter-modules à certains pas. Par exemple, un "macro-nœud" gère un agrégat (un sous-SCN de taille $m \ll n$) en $O(m^2)$ plutôt que $O(n^2)$. Puis, sur un pas plus long, on effectue la consolidation inter-modules via un intermédiaire.

Mathématiquement, on divise \mathbf{W} en blocs $\mathbf{W}_{\alpha,\beta}$, chaque bloc représentant les connexions entre module α et module β . On met à jour $\mathbf{W}_{\alpha,\alpha}$ très fréquemment (coût $O(m^2)$), et $\mathbf{W}_{\alpha,\beta}$ moins souvent (quand un feedback global l'exige).

Impact des Approches sur la Dynamique du DSL

Les **approches** ci-dessus modifient la **dynamique** du DSL. La **sparcification** supprime des liens, l'**échantillonnage** néglige certains couples (i, j) à chaque itération et la **modularisation** segmente l'**espace** des mises à jour, ce qui entraîne plusieurs conséquences.

L'approximation introduite par ces méthodes modifie la solution finale puisque les configurations $\{\omega\}$ obtenues ne sont plus exactement celles qu'on aurait en traitant toutes les liaisons en continu. Une part d'erreur ou d'incomplétude est donc tolérée, ce qui peut légèrement altérer la précision du système.

La **stabilisation** du réseau est paradoxalement améliorée. La limitation du nombre de liaisons actives ou de mises à jour empêche un excès de densité et de rétroactions mutuelles, réduisant ainsi les risques d'oscillations ou de sur-spécialisation, comme évoqué dans le chapitre 10.4.2. En contrôlant ces phénomènes, le réseau atteint plus facilement un état d'équilibre.

La **compatibilité** avec la dynamique du DSL est assurée si l'on adopte un schéma Top-k qui conserve uniquement les liens les plus significatifs. Puisque les connexions $\omega_{i,j}$ les plus faibles sont mises à zéro, la majorité de la **synergie** reste préservée. La perte de chemins critiques demeure limitée si k est suffisamment large ou si la dynamique permet la réactivation des liens nécessaires.

D. Illustrations et Gains de Complexité

La réduction de la complexité algorithmique apporte des gains significatifs en termes de temps de calcul. Le passage de $O(n^2)$, voire $O(n^3)$, à $O(n\,k)$ ou $O(\rho\,n^2)$ devient crucial à grande échelle. Par exemple, dans un **SCN** comprenant 10 000 entités, une complexité $O(n^2) = 10^8$ reste lourde mais encore gérable, tandis que pour un million d'entités, où $O(10^{12})$, un traitement exhaustif devient quasiment impossible sans recourir à des simplifications.

L'application de méthodes comme le Top-k permet de conserver une grande partie de l'information essentielle. Sur le plan empirique, cette approche retient souvent plus de 90 % des données utiles, car de nombreux liens $\omega_{i,j}$ sont naturellement faibles ou quasi nuls. De plus, l'échantillonnage randomisé aboutit à une convergence proche de celle obtenue avec une mise à jour exhaustive, sous réserve d'un nombre d'itérations plus élevé. Cependant, chaque itération ayant un coût réduit, l'approche reste globalement avantageuse.

Dans un **DSL** multi-niveau, la subdivision du réseau en **sous-SCN** optimise davantage les performances. Chaque entité est affectée à un module local, où la boucle DSL s'exécute en $O(m^2)$. Les liaisons inter-modules sont mises à jour de manière épisodique, réduisant ainsi la charge computationnelle globale. Cette approche entraîne un **coût** réparti en $O(\ell m^2) + O(\text{some_portion})$, s'avérant souvent plus efficace qu'un traitement uniforme de l'ensemble du réseau.

10.4.5. Robustesse, Résilience et Adaptation

Dans des systèmes **synergiques** (DSL) en perpétuelle évolution, la **robustesse** et la **résilience** face aux perturbations apparaissent comme des exigences fondamentales. Il ne s'agit plus seulement de

converger vers une configuration stable mais de **maintenir** ou de **récupérer** cette stabilité même en présence d'aléas tels que des données bruitées, des pannes d'entités ou des changements de contexte soudains. La présente section (10.4.5) s'intéresse donc aux **mécanismes** et **approches** qui confèrent au DSL la capacité de **résister** et de **s'adapter** aux perturbations.

10.4.5.1. Résilience aux Perturbations et aux Données Bruitées

Lorsqu'un SCN (Synergistic Connection Network) se fonde sur les principes du **Deep Synergy** Learning (DSL), la dynamique d'auto-organisation (cf. Chap. 10.2 à 10.4) peut être mise à mal par l'injection de bruit ou par des perturbations exogènes. Le concept de résilience désigne la capacité d'un SCN à absorber ces aléas et à maintenir (ou restaurer) une cohérence interne. L'état d'équilibre atteint au fil des itérations — un attracteur dans l'espace des pondérations $\{\omega_{i,j}\}$ — ne doit pas être trop fragilisé par une perturbation ponctuelle ou continue. Dans ce développement (10.4.5.1), on examine la nature de ces perturbations, la manière dont elles altèrent la dynamique et les mécanismes (inhibition, saturation, recuit, etc.) qui favorisent la résilience d'un DSL.

A. Concept de Résilience dans un SCN

La **résilience** réfère à la **capacité** d'un **réseau** auto-organisé à **résister** et/ou à **se rétablir** lorsque survient un choc (bruit, anomalie locale, outlier). Dans un SCN, la dynamique $\omega_{i,j}(t) \mapsto \omega_{i,j}(t+1)$ peut être vue comme une **itération** dans un espace de dimension $O(n^2)$ (pour n entités). On dira que le SCN est **résilient** si, suite à une perturbation de faible amplitude, on ne quitte pas l'état global attracteur ou on y revient assez vite.

D'un point de vue **mathématique**, un attracteur Ω^* (configurations stables ou quasi stables) est jugé **robuste** si, pour toute petite perturbation initiale $\delta\Omega$, on a

$$\parallel \omega_{i,j}(t+\Delta) - \Omega_{i,j}^* \parallel < \epsilon$$
 pour un Δ pas trop grand.

Des mécanismes d'**inhibition**, de **saturation** et de **contrôle** top-down (voir chap. 10.4.4) contribuent justement à rendre Ω^* stable contre les fluctuations qui, sinon, alimenteraient des boucles de rétroaction ou un emballement.

B. Perturbations Aléatoires et Données Bruitées

Des perturbations variées peuvent émaner de l'environnement ou des données d'entrée.

On peut modéliser un **bruit** $\varepsilon_{i,j}(t)$ ajouté à chaque mise à jour $\omega_{i,j}(t+1)$. Par exemple,

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right] + \varepsilon_{i,j}(t).$$

Si $\varepsilon_{i,j}(t)$ demeure de faible amplitude (gaussien de moyenne 0, variance σ^2), un SCN **robuste** stabilisera la plupart de ses liaisons dans un voisinage raisonnable de l'attracteur. On observe alors des micro-fluctuations autour du point fixe.

Les entités \mathcal{E}_k reçoivent des signaux d'entrée mal calibrés ou bruités, faussant la synergie $S(\mathcal{E}_k, \mathcal{E}_j)$. Cela peut pousser la mise à jour $\omega_{k,j}$ à des valeurs incorrectes. Un SCN **résilient** doit

(grâce aux inhibitions ou à un feedback correcteur) "lisser" l'effet de ces données douteuses, préservant la cohérence globale.

Parfois, un **événement** ponctuel (un pic de bruit) frappe un sous-ensemble de liaisons, les faisant grimper ou chuter brutalement. On parle d'outliers sporadiques. Si la **résilience** est bonne, le SCN réabsorbe ce choc localisé ou en limite l'extension, ne permettant pas l'apparition d'un sur-cluster "parasite" ou d'une **oscillation** étendue.

C. Mécanismes Renforçant la Résilience

Le **DSL** peut intégrer plusieurs **mécanismes** visant explicitement à renforcer la robustesse du réseau en limitant les effets indésirables liés aux perturbations ou aux sur-ajustements.

L'inhibition latérale ou globale permet de contrôler l'amplification des liaisons. Plus la somme $\sum_j \omega_{i,j}$ d'un nœud \mathcal{E}_i devient grande, plus un **terme inhibiteur** $-\gamma \omega_{i,j}$ (ou $-\gamma \sum_{k \neq j} \omega_{i,k}$) agit pour freiner la croissance des connexions. Ainsi, un bruit local a moins de chances de se propager à l'ensemble du réseau, car toute entité voyant ses liaisons s'intensifier de manière excessive subit immédiatement un effet de régulation.

L'application d'une saturation ou d'un clipping prévient les dérives excessives des pondérations. En imposant $\omega_{i,j} \leq \omega_{\max}$ après chaque mise à jour, on évite qu'un pic de bruit ne rende $\omega_{i,j}$ anormalement élevé en une seule itération. Cette méthode consiste à **couper** la valeur à ω_{\max} ou à redistribuer les liaisons afin de ne pas dépasser un flux total θ , garantissant ainsi une meilleure maîtrise des pondérations.

Le **recuit simulé** permet d'atténuer l'impact des données aberrantes. Un ajustement progressif de la température (chap. 7.3) permet de réduire l'influence des points singuliers sur la dynamique globale du réseau. Un **outlier** qui n'apporte pas un gain significatif en termes de synergie globale voit progressivement ses liaisons éliminées ou non renforcées par le DSL, empêchant ainsi toute perturbation excessive.

L'utilisation d'une **fonction de synergie robuste** contribue également à stabiliser le réseau. Si S(i,j) est calculée à l'aide d'une mesure statistique résiliente comme un **M-estimateur** ou une contrainte sur la distance, les **valeurs extrêmes** auront une influence limitée sur l'ajustement des pondérations. Cette approche rend la mise à jour de $\omega_{i,j}$ moins sensible aux signaux aberrants, réduisant ainsi les risques de sur-ajustement.

D. Analyse Mathématique de la Perturbation

Pour préciser la **résilience**, on peut analyser la **contractivité** de la mise à jour du DSL près d'un attracteur. Supposons qu'il existe un point Ω^* (un ensemble de liaisons) tel que la dérivée (Jacobian) $DF(\Omega^*)$ de la transformation $\Omega \mapsto \Omega + \Delta_{DSL}(\Omega)$ ait un **spectre** de valeurs propres strictement inférieur à 1 en module. Alors, par un argument standard de stabilité linéaire, une **petite** perturbation $\delta\Omega$ ne s'amplifie pas et se **résorbe** en quelques itérations.

En présence de **bruit** continu $\xi_{i,j}(t)$, le système atteint un régime stationnaire perturbé, où l'écart moyen par rapport à Ω^* demeure borné par un ordre de grandeur σ . Sans cette contrainte, des valeurs propres supérieures à 1 pourraient entraîner des amplifications exponentielles.

10.4.5.2. Tolérance aux Pannes d'Entités Synergiques

Lorsqu'un **DSL** (Deep Synergy Learning) se déploie à grande échelle, chaque **entité** \mathcal{E}_i au sein du **SCN** (Synergistic Connection Network) peut être un module sensoriel, un cluster sub-symbolique ou un nœud symbolique jouant un rôle **localement** crucial. La **tolérance** aux **pannes** d'entités synergiques prend alors la forme d'une **robustesse** à la défaillance (partielle ou totale) de l'un ou plusieurs nœuds du réseau. L'objectif est de limiter l'impact de ces pannes sur la **structure** globale et de maintenir, dans la mesure du possible, un niveau de **cohésion** et de **performance** satisfaisant. Le présent développement (10.4.5.2) décrit comment la **dynamique** DSL intègre des mécanismes d'**isolation** ou de **réorganisation** pour gérer la panne d'entités, et quelles **stratégies** mathématiques permettent d'éviter l'effet domino ou la désintégration du **SCN**.

A. Notion de "Panne" dans le DSL

Les **entités** $\{\mathcal{E}_i\}$ constituent les **nœuds** d'un **SCN**, connectés entre eux par les pondérations $\{\omega_{i,j}\}$. Une **panne** d'une entité \mathcal{E}_i peut prendre différentes formes et impacter la dynamique du réseau de manière variable.

Une **panne partielle** survient lorsque \mathcal{E}_i fonctionne encore mais avec un taux d'erreur élevé ou une perte partielle de ses canaux d'entrée et de sortie. Dans ce cas, la **synergie** S(i,j) entre \mathcal{E}_i et un voisin \mathcal{E}_i devient peu fiable, ce qui peut perturber la cohérence des mises à jour dans le réseau.

Une **panne totale** se produit lorsque \mathcal{E}_i cesse complètement de transmettre des informations et d'actualiser ses liaisons. Les connexions $\omega_{i,*}$ et $\omega_{*,i}$ deviennent alors inactives, s'apparentant à des **arcs brisés**, ce qui peut isoler certaines parties du réseau et perturber son fonctionnement global.

Sur le plan **mathématique**, la mise à jour $\omega_{i,j}(t+1)$ peut être interrompue ou forcée à décroître si on détecte que \mathcal{E}_i est défaillante. Le **DSL** doit faire preuve de **tolérance** face à ces événements. Même si plusieurs nœuds centraux disparaissent, le reste du **SCN** doit **réajuster** sa synergie afin de compenser la perte.

B. Mécanismes de Tolérance aux Pannes

Pour qu'un SCN demeure fonctionnel malgré la défaillance d'une entité, la dynamique DSL incorpore des **mécanismes** :

Auto-réduction des liens défaillants. Lorsqu'une entité \mathcal{E}_i cesse de répondre ou présente des données incohérentes, la mise à jour des liens $\omega_{i,j}$ peut imposer un frein systématique (ex. passer $\omega_{i,j}$ vers zéro). Formellement :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \big[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \big] - \delta \,\mathbf{1}_{\{\text{panne}(i)\}} \,\,\omega_{i,j}(t).$$

Ici, $\delta > 0$ est un paramètre fort. Dès que \mathcal{E}_i est déclarée "en panne", la liaison $\omega_{i,j}$ décroît rapidement. Les nœuds voisins \mathcal{E}_j cessent de s'appuyer sur \mathcal{E}_i . La structure globale "oublie" l'entité \mathcal{E}_i , réorientant les flux de synergie.

Redistribution synergiques. Lorsqu'un **cluster** se voit amputé d'un nœud pivot, le DSL peut réaffecter la synergie interne. En pratique, l'**inhibition** et la **compétition** entre liaisons favorisent la **restructuration** du réseau. Les liens devenus obsolètes s'affaiblissent, tandis que de nouvelles

connexions transversales émergent, permettant aux nœuds restants de recomposer un *cluster* cohérent. On peut accélérer ce phénomène via un mini "recuit" local, augmentant la plasticité durant quelques itérations pour retrouver un équilibre dans la zone affectée.

Contrôle Top-Down. Un macro-nœud (chap. 6 ou 10) détectant la panne d'un nœud \mathcal{E}_i peut explicitement forcer la réallocation. Par exemple, si \mathcal{E}_i jouait un rôle charnière, on désigne \mathcal{E}_k comme remplaçant partiel, en envoyant un feed-back descendant $\Delta_{\text{down}}(\omega_{k,*}, \omega_{*,k})$ pour encourager la liaison $\omega_{k,j}$. Ce mécanisme s'apparente aux approches de reprise par un "noeud backup" dans les réseaux physiques.

C. Analyse Mathématique de la Résilience

On peut **quantifier** la tolérance aux pannes en mesurant la **capacité** du SCN à conserver un niveau de synergie. Si $\mathcal{P} \subseteq \{\mathcal{E}_1, ..., \mathcal{E}_n\}$ est l'ensemble des entités tombées en panne, on regarde la "**qualité**" du sous-réseau $\{\omega_{i,j} \mid i \notin \mathcal{P}, j \notin \mathcal{P}\}$. Une fonction Res (\mathcal{P}) peut comparer la modularité, la somme des pondérations, ou la performance sur une tâche. Un SCN "hautement tolérant" conserve un Res élevé même si $|\mathcal{P}|$ est non négligeable.

En dynamique DSL, après la disparition de \mathcal{E}_i , la mise à jour $\omega_{\cdot,\cdot}(t+1)$ s'opère sans contributions utiles de ce nœud. L'inhibition ou la saturation permettant d'éviter un emballement, l'**analyse** de convergence (ou re-convergence) s'effectue dans un espace Ω réduit. On cherche un nouvel attracteur Ω^* qui représente la configuration "post-panne". Si la **distance** $\|\Omega(t) - \Omega^*\|$ diminue au cours de quelques itérations, le SCN montre une résilience stable.

La tolérance de type Res(m) s'applique également dans ce contexte. Si plusieurs nœuds critiques tombent en panne simultanément, l'impact est plus marqué, mais un SCN robuste doit encore identifier un **noyau dur** de synergies réparties. Sur le plan **pratique**, il est essentiel de limiter la dépendance excessive à un seul nœud, évitant ainsi la formation d'un hub unique qui pourrait fragiliser l'ensemble du réseau.

D. Enjeux Pratiques et Implémentation

Les pannes de nœuds synergiques exigent un protocole de détection et de marquage :

Détection : Si un nœud \mathcal{E}_i n'émet plus de synergie valide (capteur mort, code inactif), on bascule un flag "panne(i)".

Réaction : On réinitialise $\omega_{i,j}$ vers zéro (ou une très faible valeur). Les entités voisines modifient leur distribution de flux pour ne plus s'appuyer sur \mathcal{E}_i . On peut aussi déclencher un mini recuit local ou un "reset partiel" (chap. 10.4.2.5) afin d'accélérer la réorganisation.

Retour : Si la panne est réparée, \mathcal{E}_i est réinsérée avec des liaisons faibles, reprenant la dynamique DSL en "phase d'apprentissage" (chap. 9 sur l'apprentissage continu).

10.4.5.3. Adaptation aux Changements de Contexte

Un SCN (Synergistic Connection Network) au sein du **Deep Synergy Learning** (DSL) est appelé à évoluer dans des environnements variés, où les **objectifs**, les **données** ou même les **entités** actives

peuvent changer au cours du temps. Dans le cadre d'un **feedback coopératif** (Chap. 10), la dynamique d'**auto-organisation** doit alors s'ajuster à ces modifications de **contexte** sans que le **réseau** perde complètement la **cohérence** acquise précédemment. L'enjeu central repose sur une **plasticité** contrôlée. Le **SCN** doit s'adapter aux nouvelles conditions sans repartir de zéro ni compromettre les clusters et synergies encore pertinents. Le présent développement (10.4.5.3) explique les principes d'une telle adaptation, les **mécanismes** concrets mis en place et les implications mathématiques pour la mise à jour $\omega_{i,j}$.

A. Principes d'Adaptation Contextuelle

Dans un **DSL**, on a déjà une mise à jour de base :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{feedback}}(i,j,t),$$

où $\Delta_{\text{feedback}}(i,j,t)$ capture les **influences** top-down ou latérales (Chap. 10.2). Quand un **changement** de contexte survient (p. ex. un nouvel objectif, une nouvelle source de données, un sous-ensemble de nœuds ajouté ou retiré), on modifie la **fonction** de synergie S(i,j) ou on injecte un **terme** Δ_{ctx} qui incite à rediriger certaines liaisons, de sorte que :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S_{\text{new}}(i,j,t) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{feedback}}(i,j,t) + \Delta_{\text{ctx}}(i,j,t).$$
synergie modifiée

Le but est de **réorienter** progressivement la structure du SCN vers des clusters ou des liens plus pertinents pour le "nouveau" contexte, tout en **conservant** les connaissances utiles sur les parties invariantes.

Si la modification de contexte est mineure (p. ex. un changement partiel de données), on espère un **ajustement** local (quelques liens revalorisés, d'autres abaissés). S'il est massif (objectif inverse, nouveaux nœuds introduits), on peut observer une **reconfiguration** plus large, voire la dissolution ou la fusion de clusters (Chap. 10.4.2.5).

Un macro-nœud (Chap. 6, 10) peut détecter ce switch contextuel et injecter un "boost" ou un "penalty" à certains liens pour forcer la mise à jour rapide. Sur le plan **mathématique**, cela se traduit par $\Delta_{\text{ctx}}(i,j,t) \neq 0$ pour un sous-ensemble de liens (i, j), proportionnel à leur pertinence dans le nouveau contexte.

B. Mécanismes d'Adaptation dans le Feedback Coopératif

Si la **synergie** S(i,j) correspond à un score de corrélation ou de similarité, sa mise à jour doit refléter le **nouveau** critère. Deux entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j , initialement synergiques, peuvent perdre en cohérence si l'objectif évolue. Concrètement, S(i,j,t+1) = SynergyFunction(newData, i, j). Les liaisons $\omega_{i,j}$ s'**effacent** si la nouvelle synergie est faible, et des connexions inédites se forment si le critère encourage $\{\mathcal{E}_p, \mathcal{E}_q\}$ à coopérer.

Pour **débloquer** le réseau, qui pourrait être trop figé dans l'ancien contexte, on injecte un niveau de bruit $\sigma(t)$ plus élevé qu'en régime stationnaire, le temps que la reconfiguration s'opère. Ceci se rapproche d'une **phase** "d'essai" où les liens ne sont pas trop contraints, favorisant l'émergence de nouveaux clusters alignés sur le nouvel objectif.

On peut augmenter γ (le coefficient d'inhibition) lors d'un **changement** pour pousser les entités à **refaire** leurs liens sélectivement, évitant de conserver des liaisons obsolètes. On rétablit γ à un niveau normal une fois la transition amorcée.

C. Stratégie d'Implémentation : Étapes Clés

La **stratégie d'implémentation** suit plusieurs **étapes clés** pour assurer une transition efficace dans le **SCN** lorsqu'un changement est détecté.

La **détection** constitue la première étape où un **macro-nœud** ou un **module externe** identifie une modification dans le réseau, par exemple un passage de "Task T1→T2". Cette identification déclenche alors un **mode adaptation**, permettant d'ajuster dynamiquement les pondérations du réseau.

Le **signal** est ensuite modifié en ajustant la synergie S(i,j) ou en introduisant un **bruit contextuel** $\Delta_{\text{ctx}}(i,j)$. Cette perturbation influence les liaisons existantes, favorisant une transition progressive sans rupture brutale des connexions.

La **transition** s'effectue en intensifiant temporairement la mise à jour des pondérations. Cela peut se traduire par une augmentation du paramètre d'adaptation η ou par un relèvement de γ , accélérant ainsi l'ajustement des connexions au sein du **SCN** sur quelques itérations.

Enfin, lors du **retour** à un état stable, le bruit est progressivement réduit et la dynamique DSL retrouve un fonctionnement normal. Après une phase de stabilisation partielle, le réseau rétablit son équilibre, permettant de poursuivre l'apprentissage adaptatif avec une cohérence optimisée.

D. Exemples Mathématiques

L'adaptation du **SCN** peut être illustrée par des **exemples mathématiques** mettant en évidence les mécanismes d'ajustement des pondérations dans différentes situations.

Lors de l'**ajout d'un nouveau nœud**, une entité \mathcal{E}_{new} est introduite dans le réseau. Les synergies S(new,j) sont alors évaluées, certaines étant pertinentes tandis que d'autres restent nulles. Les liaisons initiales $\omega_{\text{new},j}$ sont attribuées à de faibles valeurs, permettant au **DSL** de les ajuster progressivement. Avec le temps, les connexions où \mathcal{E}_{new} démontre une forte pertinence se renforcent, tandis que les autres restent faibles ou disparaissent.

Lors d'un **changement de critère**, comme dans une application multimodale, la dynamique des synergies peut être totalement révisée. Par exemple, si le **SCN** passe d'une phase de classification à une phase basée sur la **similarité de style**, la fonction S(i,j,t) est redéfinie selon ce nouveau critère. Les pondérations $\omega_{i,j}$ se réajustent alors pour refléter cette nouvelle organisation. Les liaisons qui ne correspondent plus au cadre cible s'atténuent, tandis que celles qui respectent la nouvelle cohérence se renforcent progressivement.

10.4.5.4. Sécurité et Fiabilité des Systèmes Basés sur le DSL

Dans la mise en œuvre d'un **SCN** (Synergistic Connection Network) sous l'angle du **Deep Synergy Learning** (DSL), l'enjeu de la **sécurité** et de la **fiabilité** est primordial dès lors qu'on vise une application concrète (robotique collaborative, infrastructure critique, système multi-agent sensible,

etc.). La notion d'auto-organisation et de feedback coopératif (Chap. 10) peut, en effet, être mise à mal si un atténuation ou un falsification de données se produit, si une panne locale interrompt un module clé, ou encore si un attaquant cherche à manipuler les pondérations $\omega_{i,j}$. Cette section (10.4.5.4) décrit les mécanismes par lesquels on assure la robustesse et la sécurité d'un SCN, et quelles stratégies mathématiques ou architecturales permettent de limiter les risques de compromission.

1. Vulnérabilités et Attaques Potentielles

Les attaques ou failles dans un réseau DSL peuvent prendre des formes diverses :

(i) Manipulation de pondérations ω

Un agent malveillant peut tenter de fausser l'évolution de $\omega_{i,j}$ (ex. en insérant un faux **feedback** ou en altérant la synergie S(i,j)). D'un point de vue **mathématique**, cela se traduit par un détournement de la mise à jour :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t)] + \Delta_{\text{coop}}(i,j) \rightarrow \text{(valeurs modifiées)}.$$

Une manipulation astucieuse de certaines liaisons peut, par effet domino, réorienter la structure de clusters ou faire émerger un **faux** attracteur local.

(ii) Interception de données sensibles

Si le **SCN** traite des informations critiques (ex. médicales), la **synergie** S(i,j) ou les valeurs $\omega_{i,j}$ peuvent révéler des relations confidentielles. Un attaquant observant le trafic (les échanges de feedback) peut inférer des dépendances ou des clusters "secrets". D'où la nécessité de **chiffrement** ou de mécanismes de **masquage** de la structure.

(iii) Propagation d'erreurs

Les systèmes DSL étant **auto-organisés**, une petite **erreur** locale (un capteur faussé, un module corrompu) peut s'étendre si la dynamique n'est pas surveillée. En particulier, si un nœud envoie de faux signaux de synergie, la règle $\Delta\omega$ peut amplifier ces mensonges et désorganiser un cluster important.

2. Dispositifs de Sécurité et Vérifications

Pour se **prémunir** de ces vulnérabilités, un système DSL peut mettre en place :

Logs et traçabilité des mises à jour. Chaque iteration ou phase critique de la mise à jour $\{\omega_{i,j}\}$ est journalisée (logs). Si un saut anormal dans $\omega_{i,j}$ apparaît, on peut le **diagnostiquer** a posteriori et retracer l'origine, confirmant ou non une altération. Sur le plan **mathématique**, on stocke un "snapshot" de la matrice $\Omega(t)$ (ou un résumé) à des pas réguliers.

Checks d'intégrité. Le SCN peut s'équiper d'une routine qui, avant de valider la mise à jour, compare la cohérence de $\omega_{i,j}(t+1)$ avec le vecteur de synergie $\{S(i,j)\}$. Si un écart trop important se produit (ex. $\omega_{i,j}$ grimpe alors que S(i,j) reste bas), on bloque la mise à jour ou on lance une alerte. Ces checks peuvent être inspirés de règles heuristiques (limites sur la dérivée, sur la sum-ligne, etc.).

Verrous cryptographiques. Lorsque le DSL s'exécute dans un contexte sensible, on peut exiger une signature numérique (ou un hache sécurisé) des modifications $\Delta\omega$. De cette manière, un attaquant ne peut falsifier "discrètement" les pondérations sans casser la cohérence cryptographique. C'est une approche blockchain-like ou "consensus by design" qui rend le SCN plus sûr, au prix d'un overhead calculatoire.

3. Fiabilité face aux Pannes et Redondance

La **fiabilité** d'un **SCN** ne se limite pas à la protection contre les attaques, elle implique également une capacité à supporter des **défaillances** sans compromettre son fonctionnement global (Chap. 10.4.5.2). Lorsqu'un certain nombre d'entités tombent en panne, le réseau doit continuer à s'adapter et à maintenir sa structure.

La **tolérance aux fautes** repose sur un stockage **réparti** ou **partiellement redondant** de la matrice des pondérations ω . Si un module devient inactif, l'ensemble des informations associées n'est pas perdu. Mathématiquement, cette approche consiste à dupliquer localement les liaisons $\omega_{i,j}$ entre plusieurs serveurs afin que la défaillance de l'un d'entre eux ne compromette pas la dynamique globale du réseau.

Le **contrôle d'auto-organisation** est essentiel lorsque des nœuds centraux deviennent inactifs. Le **SCN** doit alors être capable de **reconnecter** les entités orphelines à d'autres clusters actifs (Chap. 10.4.2 sur la reconfiguration). Des mécanismes tels que l'**inhibition**, le **recuit simulé** ou des **feedbacks top-down** facilitent la **reconstruction** d'une structure cohérente malgré la perte de certaines connexions.

4. Systèmes DSL et Approche par Sécurité Multicouche

Les **systèmes DSL** intègrent une approche de **sécurité multicouche** afin de protéger leur intégrité et leur fonctionnement face aux attaques ou aux anomalies. Cette défense repose sur plusieurs niveaux complémentaires.

La **couche cryptographique** assure l'authentification et le chiffrement des données, y compris de la matrice des pondérations ω . Les messages de feedback contenant les nouvelles mises à jour $\Delta\omega$ sont signés, empêchant ainsi l'injection de faux signaux et garantissant l'intégrité des informations échangées.

La **couche de vérification d'intégrité** repose sur des **tests automatiques** qui contrôlent la cohérence entre les pondérations $\omega_{i,j}$ et la synergie S(i,j), ainsi que leur évolution temporelle. Toute anomalie détectée déclenche un mode de **vérification manuelle** ou un repli vers un état stable afin d'éviter toute propagation d'erreurs.

La **couche de résilience** garantit la **tolérance aux pannes** (Chap. 10.4.5.2) et utilise des mécanismes d'**inhibition dynamique** pour s'assurer que la perte ou la corruption de certains nœuds ne compromette pas la totalité du réseau. L'**auto-organisation** intervient alors pour redistribuer la synergie et rétablir un équilibre fonctionnel au sein du **SCN**.

10.4.5.5. Gestion des Risques et Vulnérabilités Synergiques

Un SCN (Synergistic Connection Network) évoluant selon la logique du **Deep Synergy Learning** (DSL) peut s'avérer sensible à divers **risques** et **vulnérabilités**. En effet, au fil des mises à jour $\omega_{i,j}(t+1)$ fondées sur la synergie S(i,j), des perturbations ou des **attaques** malveillantes peuvent altérer la structure et induire des **clusters** artificiels, des coupes critiques ou un embouteillage de liens. Cette section (10.4.5.5) décrit la nature de ces vulnérabilités et les **stratégies** d'atténuation ou de prévention mises en place pour sécuriser un système **DSL**.

A. Identification des Risques Liés aux Liens $\omega_{i,j}$

La **dynamique** DSL permet à chaque liaison (i,j) de se renforcer ou de s'affaiblir en fonction de la synergie S(i,j). Cette flexibilité crée des **angles d'attaque** exploitables par un agent malintentionné pour perturber le **SCN**.

Les attaques par injection de données fausses consistent à fausser les valeurs de synergie en introduisant des mesures erronées. Un adversaire peut artificiellement élever S(i,j) entre deux entités qui n'ont pas réellement d'affinité, ce qui entraîne une sur-pondération dans la mise à jour des pondérations. Mathématiquement, la mise à jour devient

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S_{\text{faux}}(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right],$$

et l'amplification progressive de $\omega_{i,j}$ peut détourner le SCN de sa configuration légitime.

Les **liens sur-saturés ou perturbés** sont une autre menace. Une **substitution** des valeurs $\omega_{i,j}$, par suppression de liens réels ou création de connexions fictives, peut anéantir un **cluster clé** ou induire un faux canal coopératif. Certains mécanismes de sabotage visent à réduire la somme $\sum_j \omega_{i,j}$ d'un nœud crucial pour affaiblir son influence, ou à gonfler artificiellement les connexions d'un autre nœud pour en faire un **hub** dominant et illégitime.

Les **risques d'overfitting** constituent une attaque plus subtile. Si les synergies d'un groupe donné se renforcent mutuellement (Chap. 10.4.4.3), un attaquant peut exploiter cette boucle en accentuant la tendance d'un cluster **parasite** à monopoliser les ressources du **SCN**, créant ainsi un biais systémique dans la dynamique du réseau.

B. Vulnérabilités dans la Structure Multi-Niveau

Le **DSL** organise ses nœuds $\{\mathcal{E}_i\}$ en **macro-nœuds** ou en **clusters hiérarchiques** (chap. 6), ce qui optimise la gestion du réseau mais introduit également des **vulnérabilités structurelles** exploitables par des attaques ciblées.

Les **conflits entre macro-clusters** peuvent fragiliser l'ensemble du réseau. Lorsqu'un macro-nœud acquiert trop d'influence et devient un **hyper-cluster**, une attaque visant cette structure peut désorganiser l'ensemble de la synergie globale. Sur le plan **mathématique**, une trop forte dépendance à un bloc pivot réduit la **résilience** du **SCN**. Si les liaisons internes de ce macro-nœud sont coupées, la structure principale du réseau s'effondre, compromettant ainsi sa stabilité et son efficacité.

L'exposition à des ruptures ciblées constitue une autre faiblesse majeure. Lorsqu'un hub unique concentre des valeurs $\omega_{i,\text{hub}}$ massivement élevées, une attaque sur ce nœud ou sur ses connexions

peut fragmenter l'ensemble du SCN. En coupant quelques **liaisons stratégiques**, la coopération entre différentes sous-parties peut être rompue. Cette situation peut être décrite dans un cadre inspiré des modèles de **min-cut max-flow**, adaptés ici à la pondération ω , où la suppression de certaines connexions critiques entraîne un effondrement global de la dynamique coopérative du réseau.

C. Approche Mathématique pour la Gestion de Risques

On peut examiner la distribution $\{\omega_{i,j}\}$ en analysant la somme-ligne $\sum_j \omega_{i,j}$ et sa variance. Une concentration excessive de la synergie sur quelques liaisons ou nœuds révèle un risque d'hub. Un pic dans cette distribution indique une **centralisation** marquée, rendant le réseau plus vulnérable en cas de coupure.

Au-delà de la matrice W, on peut définir un **coût de rupture** $c_{i,j}$ pour chaque lien (indiquant la difficulté d'attaquer cette liaison). On cherche alors, par analogie au *minimum cut*, la configuration d'attaque la plus destructrice pour la synergie globale. Cette analyse permet d'évaluer le **scénario du pire**. Si un sous-ensemble de liens est corrompu, on mesure l'impact sur la **performance globale** en observant la perte de connectivité ou la fragmentation du **SCN**.

On met en place un **contrôle de cohérence** pour détecter les anomalies. Si un lien $\omega_{i,j}$ augmente trop vite sans que la synergie S(i,j) ne le justifie historiquement ou logiquement, cela signale une possible tentative de sabotage ou une corruption du réseau. On peut alors pénaliser ou geler la liaison en attente d'une vérification.

D. Stratégies de Résilience et Contre-Mesures

Les stratégies de **résilience** et les **contre-mesures** permettent de protéger le **SCN** contre les vulnérabilités structurelles et d'assurer son bon fonctionnement malgré des attaques ou des perturbations.

La multiplicité des chemins réduit la dépendance à un hub unique ou à un cluster pivot en favorisant la diversité des connexions (cf. 10.4.4.2 sur la régulation des flux). Dans un cadre DSL, cela implique de limiter la proportion de la masse de connexion qu'un nœud peut allouer à un unique voisin, garantissant ainsi l'existence de chemins alternatifs capables d'absorber une défaillance locale.

Le **contrôle continu et l'enregistrement des logs** renforcent la surveillance du réseau. Le **monitoring** (chap. 10.4.4.4) analyse l'évolution des pondérations ω au fil des itérations et détecte toute variation anormale. En cas de brusque changement, un **mode sécurité** est déclenché, appliquant des mécanismes tels que l'**inhibition renforcée** ou un **mini-recuit**, afin de contenir une possible attaque ou un comportement instable.

L'auto-réparation constitue une réponse directe en cas de sabotage avéré. Lorsqu'un nœud est compromis, un **reset local** peut être appliqué, ramenant à zéro les liaisons affectées pour éviter toute propagation. Une autre approche consiste à **bloquer temporairement** la mise à jour DSL sur cette zone, permettant à l'auto-organisation du réseau de recalculer progressivement de nouvelles connexions cohérentes, maintenant ainsi l'intégrité du SCN.

10.5. Applications et Implications du Feedback Coopératif dans le DSL

10.5.1. Amélioration des Capacités d'Apprentissage

10.5.1.1. Optimisation de la Découverte de Patrons Complexes

Le **Deep Synergy Learning** (DSL), lorsqu'il incorpore un **feedback** coopératif (cf. Chap. 10), vise non seulement à stabiliser des **clusters** ou des liaisons en fonction de la synergie S(i,j), mais également à **faciliter** l'**émergence** de **patrons** plus subtils (motifs n-aires, structures complexes, régularités cachées). Dans un **SCN** (Synergistic Connection Network) à grande échelle, la mise à jour locale $\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \cdots$ ne suffit pas à elle seule. Un retour **top-down** provenant d'un palier macro ou un **feedback** transversal peut mettre en évidence des configurations collectives qu'un simple couplage local ne permettrait pas d'identifier facilement. Le présent développement (10.5.1.1) met en évidence en quoi le **feedback** coopératif améliore l'**optimisation** dans la recherche de **patrons** complexes, et explicite les **mécanismes** mathématiques qui le soustendent.

A. Contexte : Découverte de Patrons Complexes et Feedback Coopératif

Un **SCN** s'appuie sur des liaisons $\omega_{i,j}$ évoluant en fonction d'une **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$. Pour des **patrons** complexes (par exemple, des combinaisons d'entités multimodales, des motifs temporels, ou des regroupements n-aires non évidents), la simple **mise à jour locale** fondée uniquement sur " $S(i,j) - \tau \omega_{i,j}$ " ne garantit pas l'émergence rapide d'une structure collective sophistiquée. Dans ces cas, un **feedback** coopératif sous forme de supervision partielle ou de signal top-down peut jouer plusieurs rôles.

Il peut **signaler** l'existence d'une configuration émergente, comme un cluster potentiel ou un motif original, que le niveau micro n'a pas encore consolidé.

Il peut aussi **renforcer** les liaisons $\omega_{i,j}$ qui s'avèrent pertinentes pour ce motif, même si la synergie locale S(i,j) n'est pas encore suffisamment affirmée.

D'un point de vue mathématique, on ajoute à la mise à jour de base :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \big[S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \big] + \Delta_{\text{feedback}}(i,j,t),$$

où Δ_{feedback} encode le **retour** global encourageant (ou décourageant) certaines liaisons, en vue de révéler des **patrons** complexes qui, autrement, mettraient trop de temps à se stabiliser dans la dynamique purement locale.

B. Impact sur l'Optimisation de la Découverte

B.1. Interactions plus riches entre niveaux

Le **feedback** coopératif tisse un **cercle** vertueux entre plusieurs étapes.

Tout d'abord, les **initiatives locales** permettent à certaines paires $\omega_{i,j}$ de se consolider en lien modéré lorsque leur synergie S(i,j) est positive.

Ensuite, une **analyse macro** intervient pour identifier un "motif" plus large au sein des structures locales, comme un triple $\{i, j, k\}$ présentant une co-information notable.

Par ailleurs, une **confirmation d'échelle supérieure** se manifeste par $\Delta_{\text{feedback}}(i, j, t) \neq 0$, ce qui renforce $\omega_{i,j}$ au-delà de ce qu'un simple examen local aurait pu produire.

Ainsi, on **bascule** plus facilement dans un "**puits**" de l'espace $\{\omega\}$ correspondant à un patron non trivial, que la synergie locale n'aurait pas débusqué d'elle-même.

B.2. Surmonter les minima locaux

Un SCN purement local peut se **bloquer** dans un cluster superficiel, manquant un regroupement plus profitable mais de valée d'énergie plus "étroite". Le **feedback** global introduit une **déformation** du paysage énergétique. Lorsqu'un motif commence à émerger, le réseau accentue sa consolidation en approfondissant le puits correspondant. Mathématiquement, cela revient à ajouter un **terme** $\Phi_{\text{macro}}(\Omega, ...)$ à la fonction \mathcal{J}_{SCN} , modifiant ainsi la dynamique de descente de gradient. On franchit plus aisément la barrière de potentiel menant au **patron** réellement pertinent.

C. Gains Concrets : Qualité et Vitesse de Découverte

Qualité des Clusters

L'activation d'un **feedback** coopératif permet de reconnaître plus rapidement des **structures** naires ou multi-modales. Une simple synergie pair-à-pair peut manquer certaines configurations pertinentes, tandis qu'une intervention top-down d'un macro-nœud valide la **cohésion** d'un sous-groupe et consolide ses liaisons internes. Cette approche affine l'**optimisation** des regroupements et accélère la formation de communautés plus complexes sur le plan algorithmique.

Exploration Accélérée

Le **feedback** favorise une découverte plus rapide des configurations naissantes en évitant d'attendre des itérations aléatoires. Cette **exploration** ciblée réduit le risque de stagnation. Lorsqu'un motif rare mais pertinent est détecté, un apport d'énergie sous forme de Δ_{feedback} permet de stabiliser sa structure sans dépendre du hasard itératif.

Robustesse et Contrôle

Un SCN bénéficiant d'un **feedback** coopératif ne se limite pas à une descente d'énergie locale, mais fonctionne comme un système **hybride** combinant auto-organisation et indications globales. Cette combinaison **optimise** la découverte des patrons pertinents à l'échelle globale tout en préservant la plasticité locale. La **structure** du SCN finit ainsi par refléter à la fois les **corrélations** locales et les "**intentions**" ou "**objectifs**" plus globaux.

10.5.1.2. Apprentissage Continu et Non Supervisé

Dans un SCN (Synergistic Connection Network) régi par le **Deep Synergy Learning** (DSL), une caractéristique essentielle réside dans la capacité à **intégrer** de nouvelles **entités** (ou de nouveaux flux de données) de manière **incrémentale**, sans qu'il soit nécessaire de relancer toute la phase d'apprentissage depuis zéro. Lorsque l'on se situe dans un contexte **non supervisé** (absence de labels, absence d'instructions catégorielles fixes), il est particulièrement **crucial** que le réseau soit en mesure de **découvrir** ses propres structures ou "clusters" en s'appuyant sur la **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$. Le présent texte (10.5.1.2) explique le rôle du **DSL** dans l'**apprentissage continu**, la manière dont les nouvelles entités s'insèrent progressivement dans la **dynamique** $\omega_{i,j}$ et comment le **réseau** se reconfigure ou conserve sa cohérence malgré la venue d'informations successives.

A. Contexte: Apprentissage Continu + Absence de Labels

Dans un régime **non supervisé**, il n'existe pas de "vérité terrain" (ex. classes nominales, cibles) ; tout se fonde sur la capacité du réseau à **organiser** ses propres représentations.

L'apprentissage continu implique que de nouvelles entités $\mathcal{E}_{n+1}, \mathcal{E}_{n+2}, \dots$ apparaissent progressivement, avec des caractéristiques ou des embeddings inconnus. Le SCN doit alors intégrer ces entités en adaptant les pondérations $\omega_{(n+1),j}$ ou $\omega_{i,(n+1)}$ tout en conservant la structure existante, sans nécessiter une réinitialisation complète du réseau. L'incorporation des nouvelles unités ne repose sur aucun label supervisé, s'appuyant uniquement sur les mesures de synergie $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ ainsi que sur la dynamique locale et semi-locale, complétées par un éventuel feedback coopératif.

Ainsi, le SCN adopte une **philosophie** d'auto-organisation, adaptée à un flux temporel. On n'est plus dans un "batch" statique, mais dans un **flux** d'informations potentiellement illimité.

B. Formalisation Mathématique

À l'instant t, la **matrice** $\Omega(t) = \{\omega_{i,j}(t)\}$ caractérise les liaisons entre n entités $\{\mathcal{E}_1, \dots, \mathcal{E}_n\}$. On introduit une **nouvelle** entité \mathcal{E}_{n+1} au temps t+1. On initialise par exemple :

$$\omega_{(n+1),j}(t+1) = \omega_{j,(n+1)}(t+1) = \omega_0 \approx 0$$
 (ou très faible),

puis on laisse la **dynamique** DSL s'exprimer dans les itérations ultérieures.

La mise à jour en **mode continu** peut s'effectuer ainsi :

$$\omega_{(n+1),j}(t+2) = \omega_{(n+1),j}(t+1) + \eta \big[S\big(\mathcal{E}_{n+1},\,\mathcal{E}_j\big) - \tau\,\omega_{(n+1),j}(t+1) \big],$$

tout en adaptant aussi $\omega_{j,(n+1)}$. Dans un **SCN** complet, on traite simultanément toutes les paires, mais on peut recourir à des **techniques** de *sparsification* (chap. 10.4.4.5) ou de *k-NN adaptatif* pour limiter la complexité $O(n^2)$ lors de l'incorporation d'entités en continu.

N'ayant aucun label ni cible, la **structure** émergente s'ajuste selon la synergie. Si la nouvelle entité \mathcal{E}_{n+1} présente une forte proximité, mesurée en distance ou en co-information, avec certains clusters existants, elle renforce les liaisons correspondantes et s'intègre progressivement à ce cluster. Au contraire, si elle est très différente, elle peut demeurer isolée ou former un *noyau* pour un futur nouveau groupe.

C. Avantages: Auto-Organisation "Vivante"

En **non supervisé**, la notion de *classe* devient "cluster". La **dynamique** DSL autorise la création spontanée de **nouveaux** clusters si plusieurs entités successives se révèlent mutuellement synergiques mais éloignées des clusters existants. On obtient un mécanisme naturel d'**ouverture** à des concepts inédits.

Le SCN s'ajuste en temps réel, mettant à jour les liaisons ω à chaque nouvelle entité intégrée. L'équilibre entre inhibition et saturation régule ces ajustements. Les structures obsolètes disparaissent progressivement, tandis que les nouvelles synergies émergent et se renforcent. On évite de figer un "modèle" dans un batch d'entraînement, ce qui serait inadéquat dans des environnements dynamiques.

Puisqu'il n'y a pas de labels, on ne craint pas le **sur-apprentissage** au sens classique (erreur d'entraînement vs. test). Toutefois, le réseau peut connaître un **overfitting synergique** (chap. 10.4.4.3), où un sous-groupe s'auto-renforce excessivement. Des mécanismes de **régulation** (inhibition, feedback macro) l'enrayeront, maintenant un équilibre structurel tout au long de l'évolution.

D. Découverte de "Nouvelles Classes" sans Label

Un intérêt majeur de l'**apprentissage continu** en mode non supervisé est la *capacité* à détecter de "nouvelles classes" ou "nouvelles catégories" non connues au préalable.

Si plusieurs entités successives $\{\mathcal{E}_{m_1}, \mathcal{E}_{m_2}, ...\}$ affichent une **synergie** mutuelle élevée, mais une synergie réduite envers le reste, elles consolident entre elles des liaisons ω_{m_p, m_q} , formant un **sous-cluster**.

D'un point de vue algorithmique, on laisse ω_{m_p} , s'étendre ou décroître au fil des itérations. Si aucun voisin n'est assez proche, on conserve une **classe** embryonnaire isolée; si, au contraire, certains liens s'avèrent pertinents, on intègre \mathcal{E}_{m_p} à un cluster existant.

On peut ainsi imaginer que, dans le temps, le SCN se scinde en ℓ sous-réseaux plus ou moins stables, correspondant à ℓ "types" d'entités repérés, sans qu'aucun label n'ait jamais été fourni.

E. Aspects Mathématiques Avancés

On peut approfondir ces aspects sous deux angles principaux.

En ce qui concerne la **convergence**, l'analyse dans un cadre de flux continu est plus complexe que dans un traitement par batch, où n reste fixe. Une approche consiste à utiliser la notion de **convergence itérative**. Lorsque le flux d'entités ralentit ou suit une certaine structure, la majorité des liaisons ω finissent par se stabiliser, à l'exception de celles qui concernent les nouvelles données entrantes.

Sur le plan de la **complexité**, chaque nouvelle entité doit être comparée aux n entités déjà présentes, ce qui induit un coût de l'ordre de O(n). Si l'on considère un flux total de N entités successives, l'approche naïve entraîne un coût global de O(N n). Pour éviter cette explosion combinatoire, il est possible d'utiliser des *structures* adaptées, comme le k-NN ou l' ϵ -voisinage, permettant

d'identifier rapidement les entités les plus proches et de restreindre la mise à jour aux liaisons $\omega_{(n+1), \text{neighbors}}$.

10.5.1.3. Flexibilité Cognitive et Créativité Algorithmique

Dans le **Deep Synergy Learning** (DSL), un **feedback** coopératif ne se limite pas à assurer la stabilité de l'**auto-organisation**. Il joue également un rôle essentiel en renforçant la **flexibilité cognitive**, permettant au système de se réorganiser de manière adaptative face à de nouvelles contraintes ou informations. Par ailleurs, il constitue un **levier** favorisant une **créativité algorithmique**, en facilitant l'émergence de configurations, de stratégies ou de nouvelles formes de structuration au sein du **SCN**. Les entités du SCN, en s'entraidant et en recevant des signaux correctifs ou encourageants, peuvent ainsi produire des **associations** ou des **clusters** qui n'auraient pas émergé sous une simple logique locale. Le présent développement (10.5.1.3) illustre comment le **feedback** coopératif, associé à la synergie *S*, favorise une souplesse de reconfiguration (flexibilité) et l'émergence de solutions "originales" (créativité).

A. Notion de Flexibilité Cognitive dans le DSL

La **flexibilité cognitive** désigne la **capacité** d'un système à **changer** d'organisation ou de perspective au gré des **circonstances**, plutôt que de rester figé dans un mode unique. Dans un **SCN** de type DSL, cette flexibilité se manifeste sous la forme d'une **recombinaison** des pondérations $\{\omega_{i,j}\}$. Une entité \mathcal{E}_i peut relâcher ses liens envers un cluster \mathcal{C}_1 et se rapprocher d'un cluster \mathcal{C}_2 si la synergie y devient plus profitable, même si historiquement elle était rattachée à \mathcal{C}_1 .

Le **feedback** (top-down ou horizontal) renforce ou pénalise certaines liaisons $\omega_{i,j}$ indépendamment de l'évaluation locale immédiate $\left(S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t)\right)$. On écrit :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\mathsf{coop}}(i,j,t),$$

où $\Delta_{\text{coop}}(i, j, t)$ peut inciter $\omega_{i,j}(t+1)$ à **augmenter** ou **diminuer** malgré la tendance locale. Cette **rétroaction** de plus haut niveau apporte une **souplesse** supplémentaire au **SCN**, lui permettant de ne pas se limiter exclusivement aux critères locaux de synergie. Il peut ainsi intégrer des **signaux contextuels**, facilitant l'exploration de nouvelles liaisons.

Sur un plan **cognitif**, cette flexibilité correspond à la capacité qu'aurait un cerveau (ou un système multi-agents) à **restructurer** ses idées ou ses associations dès qu'un but ou un indice global le justifie. Le SCN se comporte comme un tissu de neurones modulé par des influx externes, ce qui le rend **flexible** face aux évolutions ou aux découvertes soudaines.

B. Créativité Algorithmique et Émergence de Solutions Originales

En plus de la **flexibilité**, un **feedback** coopératif favorise la **créativité** dans le sens où le réseau peut générer des *configurations* inédites, des **clusters** atypiques ou des combinaisons multi-entités peu probables, mais intéressantes. La **créativité algorithmique** renvoie à la capacité d'un SCN à sortir des sentiers battus (les liaisons dominantes) pour explorer des **pistes** plus marginales :

La *logique* du DSL purement local tend souvent à concentrer la synergie autour de connexions déjà bonnes. Le **feedback** coopératif, lui, peut **souligner** une configuration embryonnaire insoupçonnée (ex. un triple $\{i, j, k\}$ potentiellement cohérent) et renforcer ses liaisons, bien que localement la somme $\{\omega_{i,j}, \omega_{i,k}, ...\}$ n'était pas initialement prioritaire.

Cette validation par un niveau **macro** ou un groupe "voisin" se traduit par un **terme** Δ_{coop} non négligeable pour certaines paires (i,j). On **amplifie** un lien $\omega_{i,j}$ modéré jusqu'à en faire un membre clé d'un nouveau sous-réseau. Il en résulte des solutions **non triviales** ou "originales", peu susceptibles de naître d'une simple descente locale.

Sans ce mécanisme, le DSL s'oriente prioritairement vers la convergence la plus directe (ex. liaisons à haute similarité). La **créativité** vient donc du "coup de pouce" coopératif autorisant des mariages inhabituels de sous-ensembles, comme un brainstorming algorithmique. Les entités minoritaires peuvent alors se développer et aboutir à des points de vue nouveaux.

C. Formulation Mathématique Illustrative

Pour formaliser l'idée d'une composante "créative", on peut introduire :

Une **perturbation** $\Delta_{\text{explor}}(i,j)$ favorisant les liaisons peu exploitées. Par exemple :

$$\Delta_{\text{explor}}(i, j, t) = \gamma_{\text{explor}} \left(1 - \text{Usage}(\omega_{i, j})\right) \xi_{i, j}(t),$$

où Usage $(\omega_{i,j})$ mesure la fréquence ou l'ampleur du lien, et ξ est un bruit. Ceci encourage la **créativité**: plus un lien est rare, plus on l'explore un peu, pour voir s'il a un potentiel.

Un autre moyen est l'ajout d'un **feedback** top-down $\Delta_{\text{macro}}(i,j) = +c$ si un module "macro" détecte une *possible* structure n-aire (ex. un motif $\{i,j,k,...\}$ synergique). Ainsi, la boucle DSL intègre ces signaux, *creusant* l'idée qu'il y a un "schéma prometteur" autour de (i,j,k).

D. Bénéfices pour le DSL

Le **DSL** avec un retour coopératif ouvert à la créativité algorithmique et à la flexibilité cognitive permet une adaptation continue. Le **SCN** n'est pas figé dans une partition stable, il peut réorganiser ses liaisons et recombiner des entités en fonction de nouveaux objectifs ou d'idées émergentes. Il offre également une capacité exploratoire, ne se limitant pas à consolider uniquement les liens déjà établis, mais autorisant l'émergence de **clusters** moins évidents grâce aux signaux macro ou à l'injection de bruit créatif. Cette dynamique rappelle le fonctionnement de la cognition humaine, où un réseau de neurones biologiques bascule d'un mode associatif à un autre sous l'influence de signaux de **cohérence** ou d'**inhibition** plus globaux.

10.5.1.4. Comparaison avec les Approches Profondes Classiques

Dans l'univers de l'apprentissage profond, on évoque fréquemment des réseaux neuronaux "classiques" (tels que CNN, RNN, Transformers) reposant sur l'empilement de couches, la propagation avant et la rétropropagation d'un signal d'erreur supervisé ou partiellement supervisé. Le DSL (Deep Synergy Learning) et ses SCN (Synergistic Connection Networks) s'éloignent de ce paradigme en n'utilisant ni un pipeline fixe de couches ni une "perte" globale à

minimiser par backpropagation. Ils reposent sur une **auto-organisation** guidée par la **synergie** S(i,j) et l'ajustement dynamique des pondérations $\{\omega_{i,j}\}$. Le présent segment (10.5.1.4) met en lumière les **différences** clés entre ces deux approches, et souligne les **forces** et **limitations** relatives du DSL en regard des architectures de deep learning "classiques".

A. Structure vs. Couplage des Paramètres

Les architectures neuronales telles que les CNN, RNN ou Transformers fonctionnent sur un **empilement** de couches numérotées 1, ..., L. Chaque couche l est reliée à la précédente, les neurones y reçoivent des activations (ou des embeddings) de la couche l-1. Les **poids** $\mathbf{W}^{(l)}$ s'optimisent par **descente de gradient** supervisée, visant à réduire une **perte** $\mathcal{L}(\mathbf{x}, \mathbf{y}, \{\mathbf{W}^{(l)}\})$. L'enchaînement est un pipeline rigide (couche $1 \to \text{couche } 2 \to ... \to \text{couche } L \to \text{sortie}$).

Le **DSL** se conçoit comme un **réseau** (SCN) où chaque entité \mathcal{E}_i peut, en principe, être reliée à \mathcal{E}_j , et les pondérations $\omega_{i,j}$ évoluent au fil du temps selon une **règle** d'auto-organisation :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right] \; + \; \dots \label{eq:omega-state}$$

La **logique** est **distribuée**, chaque lien $\omega_{i,j}$ s'ajuste de manière quasi-locale sans qu'une couche supérieure ou un backprop global n'impose un gradient unique. Cette dynamique s'apparente davantage à une **clusterisation** évolutive qu'à un **empilement** architectural rigide.

B. Mode d'Apprentissage

Les CNN, RNN, Transformers classiques excellent dans la **classification** ou la **régression** supervisée : on dispose d'un jeu $\{(\mathbf{x}, \mathbf{y})\}$ où \mathbf{y} est un **label**, et l'on cherche argmin $\{\mathbf{w}^{(l)}\}\mathcal{L}$. Chaque *batch* d'entraînement subit une **propagation avant**, puis on calcule la **perte**, puis une **rétropropagation**. Cette approche nécessite un important jeu de données **labellisées**, et les performances se mesurent en termes d'exactitude, F1-score, etc.

Le SCN fonctionne en mode **non supervisé**, sans labels ni fonction de perte \mathcal{L} imposant une correction globale des poids. Les liaisons évoluent en fonction de la synergie S(i,j), se renforçant ou s'atténuant de manière dynamique. On ne calcule pas un *gradient* global, on applique plutôt un ajustement local. Cela se rapproche de la **clusterisation** ou des **réseaux** auto-organisés (SOM, Hopfield), mais étendu à un cadre plus généralisé (multimodal, multi-niveau, etc.).

C. Hiérarchie Implicite vs. Hiérarchie Explicite

Les architectures **profondes**, comme les CNN, possèdent une **hiérarchie explicite** où chaque niveau est structuré de manière rigide. Les premières couches captent des motifs élémentaires, tandis que les niveaux supérieurs identifient des structures plus complexes. Chaque neurone est uniquement connecté à la couche précédente, et la taille des couches est fixée dès la conception du modèle.

Dans le **DSL**, une "hiérarchie" de clusters ou de macro-nœuds *émerge* d'elle-même quand des **groupes** d'entités se relient assez fortement, formant un **cluster** qu'on peut réassocier en macro-nœud. Il n'y a pas de "couches" *a priori*, la structure multi-niveau se construit **dynamiquement** (chap. 6). On peut aboutir à des configurations fractales ou des community structures plus complexes qu'un pipeline linéaire.

Un CNN ou un Transformer supervisé est *taillé* pour exceller sur une **tâche** précise (classification ImageNet, question-answering SQuAD, etc.) grâce à la **descente de gradient** supervisée et des volumes de données labellisées massifs. Les performances sont **souvent** de pointe, au prix d'un coût en entraînement et d'une dépendance à la supervision.

Le **DSL** repose sur une **robustesse** et une **plasticité** auto-organisée, lui permettant d'intégrer de nouvelles **entités**, de réorganiser ses liaisons ω en continu et de s'adapter aux évolutions du contexte sans nécessiter un réapprentissage complet, évitant ainsi l'oubli catastrophique. Toutefois, s'il s'agit d'optimiser une **précision** supervisée, le DSL n'est pas spécialement conçu pour cela, sauf dans le cas d'une hybridation avec un module supervisé, ce qui dépasse le cadre d'un DSL strictement auto-organisé.

E. Exemple Mathématique Illustrant la Différence

Dans un **backpropagation classique**, on définit une fonction de coût $\mathcal{L}(\mathbf{x}, \mathbf{y}; \{\mathbf{W}^{(l)}\})$. À chaque itération, la mise à jour des poids suit la règle

$$\mathbf{W}^{(l)} \; \leftarrow \; \mathbf{W}^{(l)} - \eta \, \nabla_{\mathbf{W}^{(l)}} \mathcal{L}.$$

Il s'agit d'un **pipeline** structuré où **x** traverse les couches du réseau, tandis que **y** fournit une erreur qui est ensuite rétro-propagée. L'apprentissage est dirigé par un signal explicite et un objectif bien défini.

Dans le cadre du **DSL**, la mise à jour des liaisons $\omega_{i,j}$ repose sur une dynamique différente

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right].$$

Ici, la **synergie** S(i,j) joue un rôle central et constitue une mesure **non supervisée** de la cohérence entre les entités. Contrairement au backpropagation classique, il n'existe pas de séparation en **couches** ni de labels explicites **y**. La mise à jour se fait de manière distribuée, avec une **auto-organisation** dictée localement, sans objectif global formellement défini.où la **synergie** S(i,j) est une mesure non supervisée. Il n'y a pas de notion de "couche" ni de "label **y**". La "perte" globale n'est pas formellement définie; c'est une **auto-organisation** localement dictée.

10.5.1.5. Limites Théoriques et Scalabilité

Lorsqu'on envisage le **Deep Synergy Learning** (DSL) pour des applications à grande échelle, on se trouve confronté à des **frontières** théoriques et pratiques pouvant compliquer la **scalabilité** du système. Au-delà des **considérations** déjà mentionnées, comme la gestion $O(n^2)$ des liaisons dans un **SCN**, certaines **limitations** émergent de la dynamique d'auto-organisation. Parmi elles figurent la difficulté de convergence dans un espace de forte dimension, la multiplicité d'attracteurs et le surcoût lié à la non-linéarité des synergies. Le présent développement (10.5.1.5) dresse un panorama de ces **limites** et expose diverses stratégies d'allègement ou d'adaptation pour rendre un DSL exploitable sur de grands volumes ou de grandes infrastructures.

A. Explosion Combinatoire et Coût $O(n^2)$

Un **SCN** (Synergistic Connection Network) reliant n entités $\{\mathcal{E}_1, ..., \mathcal{E}_n\}$ doit, en théorie, gérer $O(n^2)$ liaisons $\{\omega_{i,j}\}$. Si l'on applique la mise à jour DSL élémentaire :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t)],$$

pour **toutes** les paires (i,j), on se trouve à effectuer $O(n^2)$ opérations par itération. Même pour un nombre modéré T d'itérations, le coût total $O(T n^2)$ peut rapidement devenir prohibitif si n grimpe à plusieurs dizaines ou centaines de milliers.

L'une des approches standard consiste à **restreindre** chaque nœud \mathcal{E}_i à un ensemble de k plus forts liens (top-k), ou à un ϵ -voisinage, réduisant la complexité à $O(n \, k)$. Cette méthode (cf. chap. 10.4.4.5) fait perdre en complétude, mais restaure la **scalabilité**. On accepte que la ω -matrice se vide massivement.

Des structures d'**approximate nearest neighbor** (ANN) permettent de repérer efficacement les entités "proches" sans comparer \mathcal{E}_i à l'ensemble $\{\mathcal{E}_1, \dots, \mathcal{E}_n\}$. On applique ensuite la mise à jour DSL seulement sur ce sous-ensemble de voisins. Un tel protocole s'inspire de la gestion $O(n \log n)$ ou O(n k).

B. Limites Théoriques Liées aux Couplages Non Linéaires

La **dynamique** d'auto-organisation du DSL, notamment avec l'**inhibition** (chap. 7.4) ou des **synergies** influencées par des nœuds tiers, présente une forte **non-linéarité** et une absence de convexité. Cela entraîne plusieurs conséquences.

Il peut exister **plusieurs** minima locaux ou attracteurs, ce qui peut provoquer des comportements oscillatoires ou chaotiques si la "température" du système (bruit, recuit simulé) n'est pas correctement ajustée. Cette sensibilité aux conditions initiales et aux paramètres d'inhibition peut compliquer la stabilisation du réseau.

Il devient alors impossible de **garantir**, dans le cas général, une convergence vers un état unique globalement optimal. Certaines études proposent des analyses de stabilité partielle ou examinent des propriétés asymptotiques, mais celles-ci restent soumises à des hypothèses restrictives et à des régimes spécifiques du système.

Si, au lieu de synergies binaires S(i,j), on considère des **synergies n-aires** S(i,j,k,...), alors la fonction d'énergie dépend d'interactions combinatoires $O(n^p)$. En pratique, la dimensionnalité explose, et la **gestion** des couplages n-aires (hypergraphes) peut devenir **NP-hard** si l'on cherche un optimum global. On recourt alors à des heuristiques ou à des approximations (chap. 12 sur les synergies complexes).

C. Robustesse vs. Surcoût : le Dilemme de la Montée en Échelle

Le DSL est apprécié pour sa **robustesse** auto-organisée, sa capacité à absorber un **flux** d'entités nouvelles et à s'**adapter** (10.5.1.2). Cependant, sans **approximations**, la montée en dimension se heurte à un coût $O(n^2)$ ou $O(n^3)$. Il existe un **trade-off**.

Dans le cadre de l'optimisation du SCN, il est souvent nécessaire d'introduire des approximations ou des filtrages afin de réduire la complexité des calculs. Par exemple, une stratégie courante

consiste à appliquer une technique de top-k, où chaque nœud conserve uniquement les k liens les plus pertinents parmi l'ensemble de ses connexions. Une autre approche consiste à effectuer un échantillonnage stochastique, de sorte que seules une fraction $\rho \in (0,1)$ des paires d'entités soient traitées lors de chaque itération. Grâce à ces méthodes, la matrice de pondérations Ω devient éparse, ce qui permet de réduire les exigences en mémoire et de limiter le temps de calcul à une complexité de l'ordre de O(n k). Bien que ces techniques accélèrent considérablement le processus, elles peuvent entraîner une perte d'exactitude, car certains liens, même s'ils se situent à une distance relativement grande mais restent cruciaux pour la dynamique globale du réseau, risquent d'être omis lors du filtrage.

Dans un SCN, il est possible de diviser l'ensemble des entités en sous-réseaux distincts. Chaque bloc, qui correspond à un sous-groupe d'entités, effectue la mise à jour de ses pondérations avec une complexité de l'ordre de $O(m^2)$. Par la suite, un **meta-SCN** intervient pour connecter ces différents blocs. Du point de vue algorithmique, cette approche permet de diminuer la charge de calcul par module, car chaque sous-réseau est traité séparément. Cependant, cette décomposition implique la gestion d'un système global plus complexe, nécessitant des synchronisations inter-blocs afin de maintenir la cohérence de l'ensemble du réseau.

D. Discussion sur la Scalabilité : Évolutions et Nouvelles Pistes

Pour de très larges SCN (millions d'entités), on répartit la matrice ω sur plusieurs nœuds de calcul. On effectue des **mises à jour** asynchrones ou par blocs, éventuellement inspirées de la descente de gradient distribuée. Mais la synchronisation peut introduire des latences ou des inconsistances partielles (chap. 11 sur l'implémentation HPC).

Les preuves formelles sont parfois complexes (non-convexité, couplages multi-niveaux, inhibition). On s'appuie plutôt sur des **expérimentations** numériques ou des analyses de stabilité locales. On note qu'un "DSL pur" sans terme stochastique peut stagner dans un minimum local, d'où l'importance d'un recuit ou d'un "feedback" correctif.

Une **hybridation** entre le **DSL** et les **réseaux profonds** supervisés reste envisageable en combinant un **backbone supervisé** sur GPU pour l'extraction des features avec un **SCN** auto-organisé. Cette approche permet de **conserver la scalabilité** des infrastructures HPC standard tout en **bénéficiant de la plasticité** du DSL pour les processus non supervisés.

10.5.2. Auto-Organisation et Adaptation en Temps Réel

Dans de nombreux **contextes** (systèmes robotiques, agents conversationnels, simulateurs d'événements), le **DSL** (Deep Synergy Learning) doit non seulement gérer la **coopération** entre entités à un instant donné, mais aussi **adapter** sa structure en continu, en réponse à des **données** ou **exigences** qui changent avec le temps. Cette perspective "en temps réel" rend cruciale la capacité d'**auto-organisation** continue et d'**adaptation** instantanée, soutenue par les principes **synergiques** (pondérations $\{\omega_{i,j}\}$ qui s'actualisent en fonction de la synergie S(i,j), de l'inhibition, etc.).

10.5.2.1. Mécanismes d'Auto-Organisation Synergique

Dans la logique du **Deep Synergy Learning (DSL)**, un **SCN** (Synergistic Connection Network) ne se contente pas d'une simple mise à jour figée des liaisons $\omega_{i,j}$. L'ambition est d'instaurer de **véritables** mécanismes d'**auto-organisation** qui évoluent en **temps réel**, intégrant l'arrivée ou la disparition d'entités, la modification des synergies S(i,j) et la possibilité d'une rétroaction top-down ou latérale. Les sections précédentes (chap. 10.4–10.5) ont introduit les principes fondamentaux de la mise à jour dynamique, de l'inhibition et du feedback coopératif. La présente section (10.5.2.1) approfondit la manière dont ces **mécanismes** s'agencent pour conférer au SCN sa **plasticité** "vivante", autorisant une reconfiguration continue et l'émergence spontanée de **clusters** ou de **motifs**.

A. Rappel des Fondements du DSL

Le **DSL** repose sur l'idée que chaque couple (i, j) évolue selon la formule suivante :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right],$$

où η est un taux d'apprentissage, τ un coefficient de décroissance et S(i,j) la synergie reflétant une similarité, une corrélation ou une co-information. Le SCN est conçu pour être auto-organisé, sans recours à une rétropropagation supervisée. Seule la dynamique locale des mises à jour $\omega \mapsto \omega + \Delta \omega$ guide l'émergence de clusters ou de communautés de manière spontanée. En temps réel, cette auto-organisation reste en évolution constante. Les liaisons $\{\omega_{i,j}\}$ s'adaptent continuellement pour intégrer de nouvelles entités, ajuster la structure face à des inhibitions ou se réorganiser en réponse aux feedbacks globaux.

B. Adaptation Continue vs. Configurations Figées

Dans de nombreux scénarios, un **modèle** comme un réseau de neurones est entraîné hors-ligne sur un **dataset** stable avant d'être figé. À l'inverse, la **philosophie** du **DSL** repose sur une **plasticité continue**, permettant d'**ajouter** une entité $\mathcal{E}*n+1$ sans devoir relancer l'apprentissage global. Les liaisons $\omega_{(n+1),j}(t)$ s'initialisent à une valeur proche de zéro, $\omega_0 \approx 0$, et évoluent progressivement en fonction des synergies détectées. Puis, la mise à jour

$$\omega_{(n+1),j}(t+1) = \omega_{(n+1),j}(t) + \eta \left[S(\mathcal{E}_{n+1}, \mathcal{E}_j) - \tau \, \omega_{(n+1),j}(t) \right]$$

se charge de configurer progressivement la position de \mathcal{E}_{n+1} dans le SCN. Ce **mécanisme** confère au réseau une grande flexibilité. Il n'est pas nécessaire de "repartir de zéro" ni de reconstruire entièrement les liens, contrairement à certains systèmes fonctionnant en mode batch. De même, lorsqu'une entité se retire ou devient obsolète, on peut conduire $\omega_{i,\text{old}}$ vers zéro. Le SCN s'adapte. Dans les mises en place plus avancées, un **macro-nœud** ou un feedback top-down peut également "dicter" que telle entité ne doit plus être prise en compte, accélérant la décroissance de ses liens.

C. Auto-Organisation Multi-Échelle

Au fil des itérations, l'auto-organisation du SCN ne concerne pas qu'un unique niveau. On peut structurer un **multi-niveau** où, au micro-niveau, les entités \mathcal{E}_i s'assemblent en micro-clusters selon leurs liaisons $\omega_{i,j}$. Puis, si un micro-cluster demeure stable et présente une synergie interne forte, on l'assimile à un "macro-nœud" \mathcal{C}_{α} . Sur le plan mathématique, un macro-nœud \mathcal{C}_{α} correspond au

sous-ensemble $\{i_1,\dots,i_k\}$ dont la somme des $\{\omega_{i_m,i_n}\}$ demeure significative. On peut alors définir, par agrégation,

$$\omega_{\alpha,\beta}^{(\text{macro})} = \Psi(\{\omega_{i,j}\}_{i \in \alpha, j \in \beta}),$$

pour relier des macro-nœuds α et β . Cette **vision** fractale ou hiérarchique conserve son caractère **auto-organisé**, puisque la matrice ω se modifie constamment, fusionnant ou scindant ces macro-nœuds selon l'évolution des synergies.

D. Rôle de l'Inhibition, de la Compétition et du Feedback

Pour modérer les liaisons, un terme d'inhibition peut s'ajouter. On peut considérer une formule :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \big[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t)\big] - \gamma \sum_{k \neq j} \omega_{i,k}(t),$$

introduisant une **compétition** entre les liens sortants de \mathcal{E}_i . Cet artifice empêche \mathcal{E}_i de multiplier les connexions fortes avec trop d'entités, renforçant un effet de "sélection" plus net. En outre, un **feedback** top-down $\Delta_{\text{down}}(i,j)$ peut surmonter l'inhibition locale pour encourager la persistance d'un cluster minoritaire mais prometteur. De cette façon, l'**auto-organisation** ne se limite ni à une dynamique purement descendante ni à une adaptation strictement locale. Elle intègre ces deux aspects, assurant ainsi un réseau à la fois **réactif** aux nouvelles interactions et **stabilisé** par un arbitrage global.

E. Propriétés Clés d'une Auto-Organisation Synergique

Dans un **SCN** géré par le **DSL** en temps réel, plusieurs propriétés émergent de la dynamique d'autoorganisation, garantissant à la fois la robustesse, la flexibilité et la stabilisation graduelle du réseau. Ces propriétés permettent de maintenir une cohérence structurelle même face à des perturbations ou à des évolutions constantes du système.

La première propriété, la **robustesse aux bouleversements**, se manifeste lorsqu'un choc—tel qu'une panne, le retrait d'entités ou une modification du flux sensoriel—n'entraîne pas l'effondrement complet de la structure. En effet, puisque le SCN ne repose pas sur une mise à jour unique de type « batch », les pondérations $\omega_{i,j}$ s'ajustent de manière continue. Ainsi, même en cas de perturbations, le réseau parvient à préserver un noyau de connexions cohérent, ce qui illustre la résilience intrinsèque de l'architecture.

La **flexibilité** constitue une autre caractéristique essentielle. Lorsque de nouvelles entités, notées $\{\mathcal{E}_{n+1}, \dots\}$, apparaissent dans le réseau et présentent de fortes synergies entre elles, elles sont capables de se regrouper spontanément pour former un cluster inédit. Parallèlement, certaines entités peuvent migrer ou se détacher de leurs anciens liens, reflétant ainsi la nature dynamique et « vivante » du SCN. Cette capacité d'adaptation permet au réseau de réagir de manière appropriée aux variations des synergies et des interactions, assurant une mise à jour constante et efficace de sa structure.

Enfin, la **stabilisation graduelle** est obtenue grâce à un processus de consolidation des liens justifié par une synergie durable. Plus un lien entre deux entités persiste, plus sa pondération $\omega_{i,j}$ tend à rester élevée. Ce mécanisme est renforcé par l'application de phénomènes d'inhibition, de feedback

et de saturation, qui empêchent l'explosion de liaisons superflues. Le SCN parvient ainsi, à chaque instant, à rééquilibrer sa configuration en fonction des données et des besoins courants, assurant une évolution stable et ordonnée du réseau.

Ces trois propriétés – robustesse, flexibilité et stabilisation graduelle – se combinent pour conférer au SCN une capacité d'auto-organisation qui le rend particulièrement adapté à des environnements dynamiques et complexes, où les interactions évoluent continuellement et où la résilience du système est primordiale.

10.5.2.2. Apprentissage Dynamiquement Rétroactif

Dans un **DSL** (Deep Synergy Learning) où la **coopération** entre entités ne se réduit pas à un simple mécanisme local, un **feedback** plus large peut influer en continu sur la mise à jour des liaisons $\omega_{i,j}$. L'idée d'**apprentissage dynamiquement rétroactif** désigne un processus où chacune des entités \mathcal{E}_i n'ajuste pas seulement ses liens en se fiant à la **synergie** S(i,j), mais intègre aussi un signal **collectif** ou **global** issu de la structure émergente du **SCN** (Synergistic Connection Network). Ce signal, géré par un niveau "macro" (ou un ensemble de nœuds coordinants), revient sous forme d'un **feedback descendant**, modifiant localement la dynamique et donnant naissance à un cycle continu d'apprentissage :

Le présent développement (10.5.2.2) expose les **fondements** de cet apprentissage rétroactif et introduit un **formalisme** minimal pour clarifier la façon dont ce **feedback** est incorporé dans la mise à jour d'un **SCN**.

A. Principe de la Rétroaction Dynamique

Un SCN classique, tel qu'implémenté par la règle DSL basique, calcule à chaque pas

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \big[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \big].$$

Dans un scénario de simple auto-organisation, aucun signal global ne vient infléchir la dynamique, si bien que le réseau ne dispose que du mécanisme local pour converger (ou non) à un équilibre. Dans un **apprentissage rétroactif**, en revanche, on permet à un **niveau** supérieur de détecter des configurations ou des anomalies, puis d'**injecter** un **terme** de correction dans la mise à jour des liaisons :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \Delta_{\mathrm{DSL}}(i,j,t) + \Delta_{\mathrm{feedback}}(i,j,t).$$

La portion $\Delta_{\rm DSL}$ correspond à la variation dictée par $(S(i,j) - \tau \omega_{i,j})$, tandis que $\Delta_{\rm feedback}(i,j,t)$ encode le retour **macro** ou **coopératif**. Ainsi, la **coordination plus large** perçoit la synergie globale $\Omega(t)$ et émet une réaction "descendante" (B) ; chaque entité la reçoit et la prend en compte dans sa **révision** locale.

B. Modèle Mathématique Minimal

Pour décrire la boucle **ascendante** (A) et **descendante** (B), on introduit un **état** $\mathbf{H}(t)$ qui représente la synthèse ou la "vue globale" (macro) à l'instant t. On suppose que $\mathbf{H}(t)$ dépend de l'ensemble des pondérations $\mathbf{\Omega}(t)$, ce qui se formalise par une fonction

$$\mathbf{H}(t+1) = G(\mathbf{\Omega}(t), \mathbf{H}(t)).$$

Ici, $\mathbf{H}(t)$ peut être un vecteur d'activation macro, un ensemble de variables décrivant l'objectif global ou un module de supervision coopératif. Cette **vue globale** $\mathbf{H}(t)$ calcule alors le **feedback** $\Delta_{\text{feedback}}(i,j,t)$, ajoutant :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right] + \lambda \, F_{i,j} \left(\mathbf{\Omega}(t), \, \mathbf{H}(t) \right).$$

Le coefficient $\lambda > 0$ traduit l'importance relative du retour macro vis-à-vis de la mise à jour DSL classique. Le **flux ascendant** (A) se trouve implicitement dans la mise à jour $\mathbf{H}(t+1) = G(...)$, où $\mathbf{H}(t)$ agrège les signaux des entités locales ; le **flux descendant** (B) s'observe dans $\Delta_{\text{feedback}}(i,j,t)$, qui dépend de $\mathbf{H}(t)$. À chaque itération, la boucle se ferme, mettant en place une **dynamique réciproque**.

C. Bénéfices et Enjeux

Avec cet apprentissage **rétroactif**, le DSL acquiert une **élasticité** supérieure. Les **entités** ne se contentent pas d'adapter $\omega_{i,j}$ en fonction de S(i,j). Elles intègrent également une **directive** ou un **incentive** du niveau macro, ce qui permet de **corriger** certaines tendances locales et de **consolider** des structures plus globales.

Sur le plan mathématique, la convergence devient plus difficile à démontrer, car $\mathbf{H}(t)$ et $\mathbf{\Omega}(t)$ s'influencent mutuellement. Toutefois, l'expérimentation montre qu'un système bien paramétré peut tirer parti de ce feedback pour modifier efficacement sa dynamique.

L'apprentissage rétroactif permet d'éviter la stagnation locale. Lorsqu'un cluster apparaît sousoptimal à l'échelle globale, un signal négatif $\Delta_{\rm feedback} < 0$ peut affaiblir les liaisons concernées et redistribuer les entités vers d'autres regroupements. Il contribue également à **orienter** la structure vers un objectif collectif. Par exemple, dans une mission coopérative en robotique, la coordination macro impose un objectif de couverture spatiale, influençant la réorganisation des liaisons ω . Enfin, ce mécanisme **améliore la découverte** de motifs complexes. Lorsqu'un motif rare est détecté par la couche macro, un signal $\Delta_{\rm feedback} > 0$ peut renforcer des liens encore fragiles, même si la synergie locale reste faible.

D. Comparaison au Recuit ou Heuristiques

Il est possible d'introduire un **terme stochastique**, comme le recuit simulé, ou d'utiliser des **heuristiques globales** (chap. 7.3, 7.5) pour éviter de rester piégé dans des minima locaux. Cependant, la **dynamique rétroactive** se distingue du simple ajout de bruit aléatoire, car elle repose sur un **ajustement intelligent**. Le module macro, bénéficiant d'une **vue globale**, intervient de manière ciblée, ce qui optimise l'exploration et la stabilisation du système, surpassant ainsi une simple perturbation aléatoire.

10.5.2.3. Adaptation Contextuelle Instantanée

Dans un **DSL** (Deep Synergy Learning) qui inclut un **feedback** coopératif (tel que décrit au Chapitre 10), l'une des dimensions les plus marquantes est la possibilité pour le **SCN** (Synergistic Connection Network) de **s'adapter** de manière quasi immédiate à un **changement** de **contexte** (mission robotique, thème conversationnel, changement de stratégie). Cette notion d'**adaptation contextuelle instantanée** (voir §10.5.2.3) consiste à reconfigurer certaines pondérations $\omega_{i,j}$ en réponse à des événements exogènes, sans nécessiter un re-apprentissage massif. Les **sections** précédentes (10.5.2.1–10.5.2.2) ont évoqué les principes d'auto-organisation et de feedback dynamique; nous nous intéressons ici au **cas** où le système doit intégrer un **changement** abrupt dans l'environnement et le traduire immédiatement dans la **dynamique** { $\omega_{i,j}$ }.

A. Logique Générale de l'Adaptation Instantanée

Lorsque le **SCN** détecte, par exemple, qu'une mission a changé ou qu'une configuration sensorielle se modifie brutalement, on souhaite une réaction rapide sur la **structure** des liaisons $\{\omega_{i,j}\}$. Classiquement, la mise à jour DSL suit :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{feedback}}(i,j,t).$$

Dans un régime normal, $\Delta_{\text{feedback}}(i,j,t)$ peut être relativement modéré. Mais si l'on veut **reconfigurer** instantanément liaisons et clusters pour accorder la structure au nouveau contexte, on peut :

Intensifier $\Delta_{\text{feedback}}(i,j,t)$ de façon à provoquer une transformation marquée dans le réseau, forçant certaines $\omega_{i,j}$ à monter en flèche (ou à chuter à zéro) dans un laps très court. L'objectif est de ne pas se reposer sur la seule inertie $(S(i,j) - \tau \omega_{i,j})$, mais de **corriger** en direct la configuration.

B. Mécanismes Mathématiques d'Adaptation Rapide

Une façon d'opérer consiste à ajouter une **phase** d'adaptation où la mise à jour DSL reçoit un **terme** supplémentaire $\Delta_{\text{context}}(i,j)$:

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{context}}(i,j,t).$$

Cette perturbation $\Delta_{\text{context}}(i, j, t)$ peut prendre plusieurs formes :

(i) Terme descendant explicite

Un module macro-niveau (Chap. 6) identifie le changement de mission ou de thème et, sans délai, fixe $\Delta_{\rm context}(i,j,t)\approx +c$ si le lien (i,j) doit s'établir en haute priorité, ou $\Delta_{\rm context}(i,j,t)\approx -d$ s'il faut couper. Sur le plan analytique, ce protocole crée un *choc local*, modifiant $\omega_{i,j}$ d'un bond.

(ii) Mini recuit intensif

Alternativement, on peut lancer un "mini recuit" sur un sous-ensemble (les liens critiques), augmentant η ou τ localement, de sorte que la structure se mue rapidement. Cette approche

"rapide" s'appuie sur la descente DSL mais sur-stimulée, autorisant en quelques itérations un repositionnement substantiel.

C. Exemple Illustratif: Système Robotique

Imaginons un essaim robotique, programmant une mission d'exploration (clusters reliant caméras, senseurs de position, etc.). Subitement, une *alerte* impose une mission de sauvetage. Le **macro**nœud (pilotage central) envoie un signal "Focus sur capteur thermique, inhiber les modules d'exploration lointaine". Au niveau DSL, cela se traduit par :

$$\Delta_{\text{context}}(i,j,t) = +\kappa$$

pour $\omega_{(thermal), j}$ et

$$\Delta_{\rm context}(i,j,t) = -\kappa'$$

pour $\omega_{(exploration),k}$.

En deux ou trois itérations, les liaisons vers le *thermal sensor* s'affermissent, favorisant l'autoorganisation autour de la mission de sauvetage.

D. Interfaçage avec la Descente DSL Classique

Pour éviter le chaos total, l'**adaptation** instantanée doit se combiner harmonieusement avec la descente DSL. On peut programmer :

$$\omega_{i,j}(t+1) = (1-\alpha) \left[\omega_{i,j}(t) + \eta \left(S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right) \right] + \alpha \operatorname{Clamp}(\omega_{i,j}(t), \, \omega_{\operatorname{cible}}(i,j), \, \dots).$$

où $\alpha \in (0,1)$ dose la proportion d'adaptation "instantanée" (Clamp, recuit intensif) vs. la proportion d'évolution DSL standard. Cette transition lisse évite la discontinuité trop brutale mais assure une reconfiguration salutaire.

10.5.2.4. Transfert de Connaissances entre Tâches

Dans de nombreux contextes d'apprentissage, il est désirable de **réutiliser** (ou de **transférer**) des éléments acquis lors d'une **tâche** antérieure vers une **nouvelle** tâche, évitant ainsi de relancer la dynamique d'**auto-organisation** à zéro. Dans un **DSL** (Deep Synergy Learning) appliqué à un **SCN** (Synergistic Connection Network), ce transfert de connaissances exploite la persistance ou la réactivation de liaisons $\{\omega_{i,j}\}$ et de *sous-clusters* stabilisés lors d'une tâche précédente. Le présent développement (10.5.2.4) met en évidence comment le **SCN** mémorise sa structure de liens et en quoi ce socle permet, lors d'une **nouvelle** tâche, d'accélérer la convergence ou de maintenir une **adaptabilité** contextuelle renforcée.

A. Rappel: Structure Synergique et Mémorisation

Un SCN évoluant selon le DSL (voir chap. 4, 6, etc.) modifie ses pondérations $\omega_{i,j}(t)$ par la règle .

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta [S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t)].$$

Ces liaisons $\omega_{i,j}$ jouent un rôle de **support** mémoriel. Si la **tâche** \mathcal{T}_1 a conduit à la formation d'un cluster $\{\mathcal{E}_i\}$ avec des pondérations élevées, le réseau conserve ces liens consolidés, maintenant ainsi une trace de la structure ayant émergé. En changeant de tâche, le SCN pourrait les abandonner si la synergie ne subsiste plus. Toutefois, des mécanismes de "verrouillage" partiel ou de **faible** τ peuvent préserver ces liaisons, formant une mémoire latente.

B. Transfert: Principes et Formalisation

Lorsqu'on démarre la **tâche** \mathcal{T}_2 , on n'initialise pas $\Omega^{(\mathcal{T}_2)}(0)$ à zéro, mais à $\Omega^{(\mathcal{T}_1)}(\text{fin})$. Mathématiquement, cela signifie :

$$\omega_{i,j}^{(\mathcal{T}_2)}(0) = \omega_{i,j}^{(\mathcal{T}_1)}(\text{fin}),$$

puis on applique la logique DSL adaptée à la tâche 2 :

$$\omega_{i,j}^{(\mathcal{T}_2)}(t+1) = \omega_{i,j}^{(\mathcal{T}_2)}(t) + \eta \left[S_{\mathcal{T}_2}(i,j) - \tau_{\mathcal{T}_2} \, \omega_{i,j}^{(\mathcal{T}_2)}(t) \right].$$

Si la tâche 2 a des **entités** \mathcal{E}_{n+1} ou \mathcal{E}_m inconnues, on leur attribue des liens nouveaux, mais on **réutilise** pour le reste les liens stabilisés. La **compatibilité** entre \mathcal{T}_1 et \mathcal{T}_2 repose sur la persistance des synergies pertinentes. Si certaines relations restent cohérentes entre les deux tâches, les liaisons correspondantes se stabilisent et conservent leur intensité.

C. Gains Mathématiques et Opérationnels

Le transfert de connaissances apporte plusieurs avantages :

Tout d'abord, la **convergence** s'accélère puisque le SCN ne repart pas de zéro et ne doit pas réapprendre des liaisons déjà découvertes auparavant. Sur le plan **théorique**, cette réutilisation se rapproche de l'idée d'une bonne initialisation, à la manière d'un réseau neuronal supervisé préentraîné.

Ensuite, on bénéficie d'une **mémoire commune** permettant au SCN de conserver simultanément des sous-clusters pour plusieurs tâches, pourvu que la synergie reste active. Ainsi, des liaisons communes restent élevées entre \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j dans les deux tâches, tandis que d'autres liens, moins liés à la tâche 2, peuvent décroître sous l'effet de τ .

Néanmoins, le **risque** de **biais** ou d'**interférences** apparaît si la préservation de certains liens est forcée au détriment de l'évolution nécessaire pour T_2 , ce qui peut limiter la plasticité. Il est donc essentiel de calibrer τ ou d'employer un mécanisme adaptatif, similaire à un **faux forget** ou à un **frozen some layers** en deep learning, afin de réguler la proportion de liaisons transmises.

D. Exemples de Mise en Œuvre

Un usage typique apparaît en **robotique** où une tâche de tri d'objets met en place un cluster \mathcal{C}_1 reliant vision, bras manipulateur et autres composants. Lorsqu'une nouvelle tâche impliquant une collaboration multirobot est introduite, les valeurs de ω issues de la tâche initiale sont utilisées pour les sous-parties communes, comme les caméras et les bras, ce qui accélère la reconfiguration. De même, dans l'**analyse** de données, la matrice $\omega^{(\text{segment})}$ issue d'une première segmentation peut servir de socle pour de nouvelles analyses (chap. 8.3), facilitant ainsi l'adaptation et l'apprentissage progressif.

10.5.2.5. Évolution et Maturation des Synergies

Dans le **Deep Synergy Learning (DSL)**, les liaisons $\omega_{i,j}$ ne se modifient pas instantanément, mais évoluent progressivement à travers l'auto-organisation. Elles se renforcent ou s'atténuent en fonction des interactions répétées et des ajustements successifs, ce qui favorise une **maturation** progressive de la structure **synergique**. Ce processus continu, qui se prolonge tant que le **SCN** (Synergistic Connection Network) est en activité, constitue un pivot pour la robustesse et la **capacité** d'évolution. Le présent (10.5.2.5) explicite la **manière** dont les synergies "grandissent" ou "s'émoussent" à l'échelle des **paires** (micro-liaisons) et la façon dont cela se répercute dans la configuration **globale** (clusters, macro-nœuds).

A. Mécanismes de Renforcement Progressif

Une **liaison** $\omega_{i,j}$ ne se limite pas à des oscillations courtes. À travers de multiples interactions, elle peut évoluer progressivement jusqu'à atteindre un **plateau** stable :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \big[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \big]$$

signifie qu'à chaque itération, un **excédent** $\left(S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t)\right)$ "alimente" la liaison. Si la synergie S(i,j) demeure **haute** durant suffisamment d'itérations, un **cercle vertueux** se forme. La liaison reste élevée, les entités coopèrent plus souvent, ce qui peut même augmenter S(i,j), notamment lorsque la synergie dépend des co-occurrences effectives. Le système atteint alors une **maturation** où $\omega_{i,j}(t)$ cesse de fluctuer et converge vers une valeur stabilisée.

B. Phénomènes de Recul ou de Réajustement

Malgré cette tendance à la **stabilisation**, rien n'empêche le contexte, l'inhibition ou un changement de priorités de faire **redescendre** le niveau d'une liaison $\omega_{i,j}$. L'effet se produit si la synergie S(i,j) chute ou si l'on applique un fort feedback descendant (chap. 10.4) qui renforce/dissout certains sous-groupes. On observe ainsi un **équilibre dynamique** où certaines liaisons atteignent une maturité stable tandis que d'autres peuvent s'effondrer ponctuellement. Les **mini-cycles** d'inhibition, la compétition latérale, ou le recuit simulé peuvent retarder l'ancrage définitif d'un lien, préservant l'**ouverture** à d'éventuelles reconfigurations si la coopération se révèle moins utile par la suite.

C. Du Micro-Lien à la Structure Globale

La **maturation** se constate d'abord au **niveau** des paires (i,j). Toutefois, cet **impact** ne se limite pas aux liaisons individuelles. À l'**échelle globale**, un ensemble de connexions stabilisées et fortement interconnectées donne naissance à un **cluster** structuré, pouvant être interprété comme un module ou un **macro-nœud** robuste (chap. 6). Au fil du temps, des **micro-clusters** se **fusionnent** pour former des **macro-clusters** si leurs entités coopèrent "en bloc". Sur le plan mathématique, on agrège les liaisons $\{\omega_{i,j}\}$ internes aux clusters, puis on établit de nouvelles synergies macro. Le **réseau** se consolide multi-niveaux, affichant une **hiérarchie** fractale ou modulaire.

D. Implications sur la Durée et la Qualité de la Maturation

La vitesse et le degré de **maturation** dépendent de plusieurs paramètres influençant la dynamique des liaisons. Le **taux** η joue un rôle central, en déterminant si l'ajustement est plus ou moins agressif. La **pénalisation** τ introduit un frein proportionnel à la liaison, limitant ainsi les amplifications excessives. L'**inhibition** contrôle la somme des liens sortants, favorisant une sélectivité accrue dans la formation des connexions. Enfin, des **termes stochastiques** comme le recuit ou un **feedback** top-down peuvent intervenir pour moduler sélectivement certaines liaisons et orienter l'évolution du réseau.

Avec des mécanismes trop faibles d'ouverture, la maturation peut survenir trop vite, figeant le réseau précocement (faible plasticité). Avec des paramètres trop fluctuants, le réseau tarde à voir ses liaisons "mûrir" et affiche une instabilité chronique (faible stabilité). Il convient donc de gérer un **compromis** entre la volonté d'établir des **clusters** solides et la nécessité de ne pas verrouiller trop tôt des liens qui pourraient s'avérer inadaptés à un futur changement de contexte (chap. 10.5.2.3 sur l'adaptation instantanée).

10.5.3. Considérations Éthiques et Sociétales

Les technologies d'**IA synergique** (Deep Synergy Learning) ont un **impact** potentiel sur la société qui dépasse la simple question de la performance algorithmique. À mesure qu'on introduit ces systèmes dans des domaines variés (industrie, services, santé, éducation, etc.), on voit émerger des **considérations éthiques et sociétales**. Ces réflexions portent aussi bien sur le devenir de l'**emploi** que sur la **responsabilité** des acteurs, la **transparence** des processus, la **sécurité** ou encore les **biais** susceptibles d'apparaître dans les décisions auto-organisées d'un SCN (Synergistic Connection Network).

Dans ce paragraphe 10.5.3, plusieurs **dimensions** de cette problématique seront examinées. L'**impact sur l'emploi** et les **compétences** humaines sera abordé en 10.5.3.1, suivi d'une réflexion sur la **responsabilité** et la **transparence** en 10.5.3.2. Le **cadre réglementaire** sera analysé en 10.5.3.3, avant d'aborder la question de l'**équité** en 10.5.3.4. Nous soulignerons également le **dialogue** entre l'homme et la machine (10.5.3.5) et les implications philosophiques ou **éthiques** de l'**auto-organisation** (10.5.3.6).

10.5.3.1. Impact sur l'Emploi et les Compétences Humaines

L'introduction du DSL (Deep Synergy Learning) dans de multiples secteurs économiques, par la mise en place de SCN (Synergistic Connection Networks) automatisant la **coopération** et la **décision** fondées sur la synergie $\{S(i,j)\}$, suscite des **transformations** significatives dans les **emplois** et l'**organisation** du travail. Les modèles classiques d'activité, souvent centrés sur un haut degré d'intervention humaine pour l'intégration d'informations multiples, peuvent être partiellement remplacés ou réorientés par un **réseau** adaptatif orchestrant les flux. Cela ne se limite pas à une **substitution** de postes. On assiste également à une **évolution** des **compétences** requises, à l'émergence de nouveaux rôles tels que le **pilotage du SCN**, la **supervision éthique** ou encore la **maintenance cognitive**, ainsi qu'à une recomposition des **équilibres** au sein des entreprises et de la société.

A. Risques de Substitution ou de Transformation de l'Emploi

Les **systèmes** DSL, en automatisant la **coopération** entre multiples sources de données et tâches, engendrent deux dynamiques distinctes. D'une part, certaines **tâches routinières** tendent à **disparaître**, réduisant le besoin d'interventions humaines répétitives. D'autre part, de **nouveaux rôles** émergent, centrés sur la **supervision** et la **coordination** des interactions entre le DSL et son environnement, redéfinissant ainsi l'organisation du travail. Sur un plan **mathématique** ou algorithmique, la montée en puissance d'un **SCN** qui gère l'agencement, la planification et l'analyse de flux de données peut se traduire par un **remplacement** d'opérateurs humains effectuant du tri, de la centralisation d'informations, ou des synthèses pour le middle management.

En revanche, la **transformation** des emplois s'avère souvent plus significative que leur disparition complète. L'humain, libéré des tâches répétitives, se recentre sur des rôles à **plus forte valeur ajoutée**, impliquant **supervision**, **prise de décision** et **optimisation** des processus assistés par le DSL. Par exemple, il peut valider certaines décisions critiques, intervenir quand la synergie calculée par le SCN semble incohérente, ou gérer des exceptions. Dans certains métiers, cette reconfiguration du rôle humain est qualifiée de "**supervision augmentée**" ou de "**collaboration** Homme–Machine", amenant un "**travail augmenté**" plutôt qu'une simple substitution.

B. Évolution des Compétences et Nouveaux Profils

Le **pilotage** d'un **SCN** et la compréhension des mécanismes d'**auto-organisation** (ainsi que de la fonction de synergie *S*) exigent de nouvelles **compétences**. Les entreprises ont besoin de **spécialistes** capables de :

- Paramétrer la mise à jour $\omega_{i,j}(t)$ (choix de η , τ , inhibition, etc.),
- Analyser la cohérence d'un cluster et diagnostiquer des anomalies,
- Superviser le feedback top-down pour qu'il soit éthiquement et opérationnellement valide.

Les professionnels de la data (data scientists, ingénieurs cognitifs, chefs de projets IA) voient ainsi leur **rôle** s'élargir. De plus, les collaborateurs "sur le terrain" développent des capacités de dialogue avec les **systèmes** DSL, comprenant des rudiments de la **logique** d'auto-organisation et sachant repérer des aberrations ou des "fausses synergies" sur lesquelles il convient d'intervenir. Tout ceci modifie l'équilibre dans l'entreprise, nécessitant des formations continues, des **planifications** RH plus souples, et des politiques de reconversion pour les métiers fortement impactés.

C. Inégalités Potentielles et Stratégies d'Accompagnement

Le **déploiement** de solutions DSL performantes peut accroître la **fracture** entre les organisations ou les individus disposant de ressources suffisantes pour maîtriser la **technologie** et ceux qui en demeurent exclus. Sur le plan sociétal, des **inégalités** apparaissent si les profits de l'automatisation se concentrent dans les mains de quelques grands acteurs. L'histoire de la révolution industrielle indique un risque de "chômage technologique" local, en particulier pour les métiers à **faible qualification** menacés par la **coopération** synchrone d'un SCN.

Certains économistes ou organismes internationaux recommandent la mise en place de **stratégies** d'**accompagnement** telles que des programmes de formation publique, des incitations fiscales pour la création de postes "augmentés" ou la redistribution du temps de travail. Au niveau

mathématique, on peut envisager un **modèle** de diffusion de l'emploi, couplant la productivité induite par le SCN et l'allocation des gains (analyse inspirée des systèmes de dynamique de l'emploi, ou de la théorie des jeux dans un marché du travail).

10.5.3.2. Questions de Responsabilité et de Transparence

La mise en place d'un **DSL** (Deep Synergy Learning) à grande échelle, mobilisant des **SCN** (Synergistic Connection Networks) capables de s'**auto-organiser** et de prendre des décisions distribuées, suscite inévitablement des **questions** de **responsabilité** et de **transparence**. Lorsqu'un réseau adaptatif gère des actions ou des diagnostics aux impacts tangibles (domaines médicaux, financiers, industriels...), il devient crucial de définir *qui* est responsable des conséquences, comment **tracer** et **expliquer** le cheminement interne du SCN, et sous quelles règles ou lois la structure agit. Le présent (10.5.3.2) développe ces aspects, en soulignant les **défis** particuliers liés à la nature diffuse et auto-émergente du DSL.

A. Responsabilité: Identification et Attribution

Le **DSL** valorise une **coopération** entre des entités $\{\mathcal{E}_i\}$ reliées par des pondérations $\omega_{i,j}$ évolutives. Dans ce cadre, la **décision** ou la configuration finale ne provient que rarement d'une entité unique. La structure du **SCN** distribue les choix à travers des **clusters successifs**, influencés par le **feedback** et la **synergie**, assurant ainsi une répartition dynamique et adaptative des responsabilités. Le dilemme de la **responsabilité** s'articule autour de plusieurs niveaux d'implication. Le **développeur** qui a paramétré le DSL, en définissant les valeurs de η , τ et la fonction S, influence directement la dynamique du réseau. L'**opérateur**, en ajustant les seuils d'inhibition ou de recuit, peut introduire des biais involontaires. L'**entreprise** qui déploie le SCN en production assume une part de responsabilité dans son utilisation et son intégration. Enfin, la question se pose de savoir si le **réseau** lui-même, par son auto-organisation et son autonomie partielle, ne devrait pas être envisagé comme un acteur à part entière, soulevant ainsi le débat sur une possible "personnalité algorithmique".

La réalité repose souvent sur un **partage** des responsabilités entre plusieurs acteurs, tels que les concepteurs, les opérateurs et les managers, qui imposent un certain contrôle via la fonction de synergie S ou à travers un macro-nœud supervisant la structure, comme abordé au chapitre 6. Dans les domaines sensibles tels que la finance ou la santé, les décisions majeures doivent rester validées par un humain, conformément aux exigences légales qui imposent un principe de validation finale par un opérateur humain.

Toutefois, plus le **SCN** gagne en **connectivité** et en **autonomie**, plus la répartition des responsabilités devient floue. Ce phénomène soulève des enjeux éthiques et juridiques majeurs, notamment dans les systèmes à **haut risque**, comme ceux utilisés dans le domaine médical, les transports ou le secteur militaire. Pour éviter cette dilution des responsabilités, il est possible d'instituer des **règles** garantissant un cadre clair et structuré.

La mise en place de **mécanismes de traçabilité** permet d'assurer un suivi rigoureux des mises à jour, renforçant ainsi la **transparence** du processus décisionnel. Par ailleurs, des **obligations légales** peuvent imposer des **interruptions contrôlées** ou des **paliers d'acceptation humaine**, comme dans le cas des véhicules autonomes de niveau 3 ou 4, où l'humain doit être en mesure de

reprendre la main à tout moment. Ce cadre s'inscrit dans une logique de *collaboration hybride*, où la responsabilité se conçoit comme un **processus** d'arbitrages successifs validés, plutôt que comme une action isolée d'un seul agent.

B. Transparence: Comprendre et Retracer la Dynamique

Une **opacité** excessive du SCN, où des milliers (voire millions) de liaisons $\omega_{i,j}$ s'ajustent en permanence selon S(i,j), rend difficile l'**explication** a posteriori d'une configuration ou d'une décision. Cela peut heurter les principes de "Fair AI" ou "Explainable AI" (XAI). Dans un DSL :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right] + \cdots$$

chaque lien évolue localement; or, globalement, le SCN aboutit à un cluster ou à une décision. Si la **transparence** requiert un "**pourquoi**" le réseau favorise un cluster \mathcal{C}_{α} plutôt qu'un autre, il faut **rejouer** la trajectoire $\Omega(0) \to \Omega(1) \to \cdots$ ou cartographier les interactions entre entités.

On peut enregistrer, à chaque itération, la **variation** $\Delta\omega_{i,j}(t)$, le module qui l'a causée (recuit, feedback top-down, etc.) et les valeurs de synergie S(i,j). Cela produit un **journal** d'événements. Le bilan est un flux massif de données, certes, mais on gagne la **possibilité** d'analyse post hoc.

Des outils de **visualisation** (cartes de chaleur, diagrammes de cluster) ou d'**indexation** (qui entité se rapproche de qui, pourquoi la synergie monte) peuvent aider des **opérateurs** humains à contrôler la cohérence. Dans un environnement industriel, on peut imposer des *alertes* si un cluster soudain émerge sans motif apparent, ou si un lien $\omega_{i,j}$ devient anormalement fort.

Même avec des logs, la mécanique d'**auto-organisation** demeure un phénomène distribué. Elle ne peut pas toujours être "expliquée" de manière linéaire ("parce que X et Y ont fait Z, alors..."). Sur le plan mathématique, on parle d'un **système dynamique** non linéaire, voire chaotique à grande dimension, où l'on ne peut pas toujours identifier un facteur unique ou une chaîne de causalité univoque.

C. Mise en Place de Contrôles plus Fins

Dans des domaines où l'**exigence** de contrôle est forte, comme le transport aérien ou les dispositifs médicaux, la mise à jour ω peut être **conditionnée** par des **règles** de sûreté. Le **feedback** top-down, présenté au chapitre 10.4, ne s'active que si l'évolution proposée par Δ_{down} satisfait des **critères** spécifiques, tels que des lois logiques ou une validation partielle garantissant la sécurité du système.

Il est également possible d'introduire des **paliers** ou des **checkpoints** réguliers, où un superviseur humain ou un module d'audit interne doit valider la configuration actuelle $\Omega(t)$. En cas de refus, le système peut rétablir un état antérieur, évitant ainsi des modifications non conformes aux exigences réglementaires et assurant une supervision continue du processus d'auto-organisation.

D. Enjeux Éthiques et Légaux

La question de la **responsabilité** et de la **transparence** devient particulièrement complexe dans un **SCN** (DSL) multi-niveau, où la structure évolue continuellement. La consolidation d'un cluster peut entraîner des décisions majeures, telles que le tri de patients ou l'orientation de flux financiers,

nécessitant le respect des normes légales en vigueur, comme le RGPD en Europe ou des lois spécifiques à chaque secteur.

Le **consentement** et le **droit à l'explication** imposent, dans l'esprit du RGPD, qu'une justification soit fournie lorsqu'un algorithme prend une décision affectant une personne. Dans le cadre d'un **réseau** DSL, cela implique une **retraçabilité** des liens ω et des synergies S(i,j) afin de pouvoir expliquer les mécanismes sous-jacents à une décision donnée.

L'acceptabilité sociale constitue également un enjeu central. Un SCN auto-organisé, s'il est perçu comme une "boîte noire", peut susciter une méfiance accrue, notamment face au risque de décisions automatisées sans responsabilité clairement définie. Une gouvernance transparente s'avère essentielle, reposant sur des mécanismes tels que la journalisation des actions, la validation humaine à certains seuils critiques et l'établissement de directives explicites pour le feedback et l'auto-organisation du système.

10.5.3.3. Régulation, Gouvernance et Cadres Juridiques

Les **déploiements** du **Deep Synergy Learning (DSL)** à large échelle, via des **SCN** (Synergistic Connection Networks) capables de s'auto-organiser et de prendre des **décisions** potentiellement autonomes, soulèvent d'importantes interrogations quant à la **régulation**, à la **gouvernance** et à la **compliance** légale. Dès lors qu'un **réseau** adapte en continu ses liaisons $\omega_{i,j}$, manipule des **données** sensibles, oriente des **processus** critiques (finance, santé, logistique, etc.), il devient essentiel d'élaborer un **cadre** protégeant la sécurité, la transparence et la responsabilité. Cette section (10.5.3.3) aborde les principes structurants susceptibles de guider la **mise en œuvre** du DSL dans un environnement réglementé, ainsi que les enjeux d'articulation entre l'**auto-organisation** du SCN et les obligations éthiques ou légales.

A. Nécessité d'un Cadre Légal pour les Systèmes Auto-Organisés

L'auto-organisation propre au DSL se fonde sur la dynamique :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right] + \cdots$$

avec, éventuellement, un **feedback** top-down ou des mécanismes d'inhibition. Lorsqu'un tel réseau est déployé dans des secteurs où la **fiabilité** et la **responsabilité** sont cruciales (par exemple, pilotage de robots médicaux, gestion automatisée de portefeuilles financiers, recommandations de soins, etc.), il convient de vérifier que le fonctionnement **continu** et **autonome** du SCN respecte les **règles** et **normes** en vigueur. Sur un plan juridique, la difficulté réside dans l'**opacité** du système. Le réseau, en se reconfigurant de manière autonome, peut évoluer sans qu'un opérateur humain en ait pleinement conscience. La transition $\Omega(t) \to \Omega(t+1)$ n'est pas toujours triviale à retracer, ce qui complique l'attribution des responsabilités et la capacité d'audit. Les **cadres** tels que le RGPD (Règlement Général sur la Protection des Données en Europe), la Directive sur l'IA (AI Act), ou encore des lois sectorielles (ex. dans l'aéronautique ou la santé) insistent sur la possibilité de **tracer** et **comprendre** a minima le cheminement algorithmique conduisant à des décisions impactant les personnes. Par conséquent, un SCN auto-évolutif doit prévoir une **logique** de logs et de traçabilité (chap. 10.5.3.2 sur la transparence).

B. Gouvernance et Responsabilité

Le **DSL** délègue un grand nombre de micro-décisions aux liaisons $\omega_{i,j}$, sur la base de synergies S(i,j). Cependant, dans tout système critique, il faut qu'un **niveau** de gouvernance (un "macro-nœud" ou un "superviseur") reste en mesure de stopper ou de geler certains liens, de revenir à un état antérieur, ou encore de "désapprouver" la reconfiguration d'un sous-cluster jugé potentiellement dangereux ou discriminant. Sur le plan **mathématique**, ce peut être formalisé par :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right]$$
 uniquement si Check $\left(\omega_{i,j}, \, i, j, t \right)$ est positive.

Le dispositif Check correspond à un **ensemble** de règles gouvernantes (évaluation de sécurité, de non-discrimination, etc.). Cela illustre la **règle** d'un "accord top-down" imposé pour valider la mise à jour. En conséquence, la responsabilité reste plus clairement définie. Le **système** ne fonctionne pas de manière autonome sans contrôle, un organe macro ou un "comité éthique" intervient pour valider les étapes cruciales de l'auto-organisation.

C. Vers des Standards et des Normes

Des **approches** IA plus "classiques" (réseaux de neurones supervisés) ont déjà soulevé la question d'audit algorithmique et de compliance. Le **DSL**, avec sa dimension plus évolutive, va plus loin encore dans la complexité, rendant la **normalisation** indispensable. Les **organismes** standards tels que l'ISO, l'IEC ou l'IEEE pourraient établir des **conventions** encadrant plusieurs aspects critiques du **DSL**.

La **structuration** des logs de transitions $\{\omega_{i,j}\}$ permettrait d'assurer un audit ex post rigoureux, facilitant la traçabilité et la compréhension des évolutions du système. L'adoption de **protocoles** d'interopérabilité garantirait une compatibilité entre plusieurs SCN partageant des modules ou des données, favorisant une intégration harmonieuse dans des architectures complexes.

Enfin, la mise en place de **méthodes** minimales de test de robustesse, comme des "stress tests" évaluant la réponse du SCN face à des synergies extrêmes ou à des phénomènes de saturation, contribuerait à prévenir tout risque de dérive incontrôlée du système.

En particulier, on pourrait exiger que tout SCN de taille supérieure à un certain seuil satisfasse des obligations de "**snapshot**" régulier, incluant l'**index** de synergie, la distribution de $\{\omega_{i,j}\}$ et le paramétrage (valeurs de η, τ, γ , etc.). Cela facilite la **détection** d'éventuelles manipulations ou incohérences.

D. Conséquences : Régulation et Acceptation Sociale

Un système DSL non contrôlé peut engendrer un **malaise** en raison de son autonomie de reconfiguration, suscitant des inquiétudes sur l'absence de gouvernance. Il peut également soulever des questions juridiques en cas de litige, notamment sur la prise en charge des responsabilités. Pour éviter ces dérives, un cadre clair s'avère nécessaire.

Un accompagnement par des entités régulatrices permettrait d'assurer que le SCN opère dans des limites précises, garantissant l'absence de discrimination et la transparence des critères de sélection. Ces agences, publiques ou privées, auraient un droit de regard sur la fonction S et sur la gestion des mécanismes d'inhibition et de recuit.

Un **contrat social** peut être envisagé en cas d'adoption massive du DSL dans le monde professionnel. Inspiré des accords sociaux existants sur la robotisation, ce cadre pourrait inclure des **droits de contestation**, l'obligation de fournir des **explications** aux décisions affectant des individus, et la mise en place d'instances de recours.

Des politiques de soutien peuvent accélérer l'acceptation du DSL en finançant des recherches sur l'explicabilité du système. L'intégration de modules d'Explainable Synergy permettrait d'apporter une justification des formations de clusters et des évolutions des liaisons $\omega_{i,j}$, renforçant ainsi la **confiance** des utilisateurs et assurant une meilleure coexistence du SCN avec les cadres légaux et sociétaux.

10.5.3.4. Sécurité, Biais et Équité Synergiques

Les **Synergistic Connection Networks** (**SCN**), lorsqu'ils sont déployés à grande échelle dans une logique de **Deep Synergy Learning** (**DSL**) avec des mécanismes de **feedback coopératif**, peuvent avoir un **impact** direct sur des systèmes critiques (finance, santé, administration publique, etc.). Dans ces environnements, la dimension de **sécurité** (protection contre les attaques ou les corruptions de la matrice ω), de **biais** (risque de reproduire ou d'aggraver des inégalités) et d'**équité** (assurer un traitement impartial des groupes d'individus ou de données) revêt une importance particulière. Le présent point (10.5.3.4) approfondit ces **questions** et propose des **pistes** techniques pour garantir une utilisation responsable et fiable du **DSL**.

A. Sécurité Synergique : Vulnérabilités et Défenses

Un SCN (Synergistic Connection Network) repose sur l'auto-organisation de liaisons $\{\omega_{i,j}\}$, modulées par la synergie S(i,j). Ce processus peut être ciblé par des attaques adverses lorsqu'un acteur malveillant cherche à infiltrer le flux de données en injectant de fausses entités \mathcal{E}_k . Une autre menace réside dans la manipulation de la valeur de S(i,j) afin d'altérer la perception des synergies au sein du réseau. Enfin, une modification frauduleuse de certaines liaisons $\omega_{i,j}$ critiques par hacking peut entraîner l'émergence de clusters erronés ou un sabotage de la cohésion globale du SCN.

La dynamique DSL:

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right] + \cdots$$

peut être **détournée** si S(i,j) est altéré (par exemple, un script malveillant augmente artificiellement la similarité entre deux entités). L'**impact** peut être catastrophique dans un système d'allocation de ressources tel que la finance ou la logistique. Une attaque réussie pourrait **fausser** la distribution des flux, perturber la priorisation des actions et entraîner des **décisions biaisées** aux conséquences économiques et stratégiques majeures.

Pour **détecter** de telles manipulations, un **module** de vérification d'intégrité peut être inséré (voir chap. 5.8 sur la robustesse). Il surveille la **distribution** statistique des ω (moyennes, variances, topliaisons) et des signaux S(i,j). Tout écart inhabituel ou trop brusque déclenche une alerte, permettant de "geler" localement les mises à jour suspectes. Dans un SCN distribué (chap. 5.7), on

recourt à des **méthodes** cryptographiques (signature, hachage) afin de s'assurer que les flux de synergie proviennent de sources authentiques.

L'auto-organisation DSL renforce la **résilience** en réagissant aux anomalies. Lorsqu'un comportement suspect est détecté, un **macro-nœud** (chap. 6) émet un **feedback descendant** $\Delta_{\text{alarm}}(i,j)$ qui provoque la **diminution** de $\omega_{i,j}$, limitant ainsi la propagation de l'altération. De plus, l'effet coopératif permet de "réparer" la structure si quelques liens sont corrompus ou si un cluster parasite émerge, car d'autres entités s'inhibent ou se renforcent en réaction (mécanismes de concurrence). L'**efficacité** de ce mécanisme dépend toutefois de la mise en place d'indicateurs de cohérence globale.

B. Biais et Équité dans la Coopération Synergique

Les **biais** algorithmiques surviennent lorsque des **données** (ou des mécanismes de mise à jour) perpétuent des inégalités ou discriminations. Dans un **SCN** auto-organisé, on peut assister à un renforcement "aveugle" des liaisons qui dominent historiquement, menant à l'exclusion d'entités minoritaires ou à la concentration de liens sur un certain sous-groupe déjà favorisé.

Lorsque le **feedback coopératif** vient renforcer la dynamique DSL, un petit biais initial peut se **démultiplier**. Si un cluster "majoritaire" possède dès le départ des entités plus fortes, le SCN risque de l'amplifier excessivement. D'un point de vue mathématique, la fonction S(i,j) ou le feedback descendent peuvent ignorer ou même pénaliser la présence d'entités d'un certain groupe sous-représenté, brisant l'**équité**.

Pour contrer ce phénomène, il est envisageable d'ajouter des contrôles ou "règles d'équité" :

$$\Delta_{\text{fair}}(i,j) = \phi(\text{distribution des groupes,représentation } \mathcal{G},...),$$

où ϕ incite à élever $\omega_{i,j}$ si cela contribue à une meilleure représentation d'un sous-groupe. On peut aussi **introduire** un terme $\mathcal{L}_{\text{fair}}$ dans la fonction d'énergie \mathcal{J} , aboutissant à un "**DSL régularisé**" pour la fairness. L'idée se rapproche de ce que l'on observe en apprentissage supervisé pour corriger les biais. On ajuste le SCN afin qu'il ne se conforme pas uniquement aux données historiques potentiellement biaisées.

On peut également, au niveau "macro-nœud", **monitorer** la distribution des entités dans les clusters. Si on détecte que le SCN isole systématiquement un certain profil, on applique un feedback descendant $\Delta_{\text{down}} < 0$ sur certaines liaisons dominantes pour relâcher la dynamique, ou un $\Delta_{\text{down}} > 0$ encourageant d'autres liaisons. Cela revient à inclure un "modérateur éthique" dans la boucle d'auto-organisation.

C. Approches Concrètes pour Limiter la Discrimination Algorithmique

Dans une application concrète, on évalue régulièrement des **indicateurs** tels que la proportion d'entités appartenant à un sous-groupe sensible dans chaque cluster et la répartition des liaisons fortes en fonction d'une variable sensible comme le genre, l'origine ou le code postal. Si on observe un écart anormal, on suspecte un **biais**. L'opérateur peut alors rééquilibrer la synergie ou injecter du bruit / inhibition pour briser la polarisation injuste.

En formalisant la dynamique DSL comme une minimisation implicite d'une fonction $\mathcal{J}(\omega)$, on ajoute un terme $\lambda_{\text{fair}} \mathcal{L}_{\text{fair}}(\omega)$. Ainsi, la mise à jour $\omega_{i,j}$ intègre la dérivée $\nabla_{\omega} \mathcal{L}_{\text{fair}}$, introduisant une régularisation axée sur l'équité.

Un paramètre α est utilisé pour ajuster l'équilibre entre la synergie brute et la contrainte d'équité. Plus α est élevé, plus la correction imposée par \mathcal{L}_{fair} devient prépondérante, garantissant une répartition plus homogène des pondérations. Cependant, cette régularisation peut ralentir la convergence naturelle du système, voire perturber la structure globale si l'ajustement est appliqué de manière trop rigide.

10.5.3.5. Interaction Homme–Machine et Acceptation Sociale

A. Principes d'Interface Homme-Machine dans un Contexte DSL

L'auto-organisation d'un SCN peut s'avérer particulièrement déroutante pour un opérateur ou un utilisateur final qui n'a pas l'habitude de manipuler des graphes évoluant en continu. En effet, le **Deep Synergy Learning (DSL)** repose sur des liaisons $\omega_{i,j}$ qui se réactualisent à chaque itération, et sur des rétroactions pouvant être top-down (macro-nœud influençant le micro-niveau). Il devient alors essentiel de proposer une **interface** homme-machine claire pour assurer une interprétation efficace du SCN.

Dans des configurations de taille modeste comprenant quelques centaines de liaisons, il est possible d'utiliser des **visualisations** comme des cartes de chaleur ou des graphes dynamiques afin de mettre en évidence l'émergence de clusters, les variations locales d'intensité $\omega_{i,j}$ et l'apparition éventuelle d'entités isolées.

Pour des **SCN** de grande dimension, il est préférable d'adopter des techniques de réduction de dimension ou de clustering macro. Cela permet d'**exposer** à l'utilisateur une représentation simplifiée et lisible de la structure en train de se former, en mettant en avant les macro-nœuds et les zones de forte synergie.

Un élément fondamental réside dans la **boucle de feedback utilisateur** qui permet à l'humain d'intervenir directement sur l'évolution du **SCN**. L'utilisateur doit pouvoir suggérer, approuver ou inhiber certaines transformations du réseau, garantissant ainsi un meilleur contrôle et une adaptation plus fine aux besoins réels.

Sur le plan math'ematique, une composante $\Delta_{user}(i,j)$ peut être intégrée dans la mise à jour de $\omega_{i,j}$ afin de refléter la validation ou la correction apportée manuellement. Cette interaction directe entre l'humain et le réseau renforce la **collaboration Homme-Machine**, tout en améliorant la **transparence** et l'**acceptation** du système.

B. Facteurs de Confiance et Acceptation Sociale

Un **SCN** manipulant des données sensibles et influençant des décisions doit surmonter les résistances liées à la compréhension et à la confiance des utilisateurs. Trois facteurs jouent un rôle clé dans cette acceptation.

L'explicabilité et la transparence sont essentielles pour éviter l'effet de "boîte noire". Dans un **DSL**, où les liaisons $\omega_{i,j}$ évoluent de manière distribuée, il est important d'exposer, même schématiquement, comment la synergie S(i,j) est calculée, quels paramètres comme η et τ influencent la dynamique, et pourquoi un cluster donné se renforce.

Le **contrôle perçu** joue également un rôle central. Un système est mieux accepté lorsque l'utilisateur peut intervenir ou interroger son fonctionnement. Il doit être possible de poser un veto sur certaines mises à jour, de geler la dynamique en cas de dérive, ou de définir des objectifs explicites que le **SCN** doit respecter, comme la priorité à la sécurité. Concrètement, cela se traduit par des interfaces permettant d'ajuster $\omega_{i,j}$ localement ou de bloquer la reconfiguration d'un sous-cluster jugé critique.

La **responsabilité humaine** reste un point fondamental. La question de la responsabilité en cas d'erreur ou de choix biaisé influence directement l'acceptation du système. Un **DSL** "autoorganisé" peut être perçu comme trop autonome, d'où la nécessité d'intégrer des dispositifs de supervision humaine. Une équipe ou un responsable doit garder la main sur les décisions critiques, rassurant ainsi les utilisateurs et facilitant l'appropriation du système.

C. Cohabitation Homme-Machine: Maintien de l'Humain dans la Boucle

Même si le **DSL** vise l'auto-organisation, il ne cherche pas à évincer totalement l'humain. Au contraire, l'humain peut spécifier des règles ou des objectifs, comme l'équité ou la priorisation d'urgence, ce qui se traduit par un feedback descendant Δ_{down} ajustant localement la dynamique.

L'humain intervient également pour surveiller la cohérence globale et détecter d'éventuelles anomalies, comme des clusters parasites ou un sabotage potentiel.

Il peut aussi guider le système en phase d'exploration, en signalant qu'un cluster pressenti est pertinent et mérite un renforcement coopératif.

La **coopération Homme–Machine** s'avère ainsi essentielle, le **DSL** fournissant un schéma adaptatif et réactif, tandis que l'humain injecte des connaissances ou valide les situations extrêmes. Ce modèle de **collaboration hybride** permet de maximiser l'**acceptation** et la **pertinence** des résultats.

10.5.3.6. Éthique de l'Auto-Organisation et de l'Émergence

A. Dilemme de la Responsabilité dans l'Émergence

Lorsque l'on s'appuie sur un **SCN** (Synergistic Connection Network) pour orchestrer la mise à jour des liaisons $\omega_{i,j}$ en mode **auto-organisation**, il n'existe pas de "centre de contrôle" unifié. Le DSL (Deep Synergy Learning) confère à chaque entité \mathcal{E}_i la liberté de coopérer ou de s'inhiber selon la **synergie** S(i,j). Sur un plan **éthique**, on s'interroge alors sur la responsabilité. Si un cluster problématique, discriminatoire ou nuisible émerge, à qui attribuer la faute ? Un système émergent ne possède pas un unique auteur de décision. La dynamique globale se construit via un grand nombre de décisions locales.

Matériellement, le réseau n'est que la somme d'ajustements de pondérations,

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t) \right] + \dots$$

mais, en "regroupant" ces micro-révisions, on obtient des **clusters** et des décisions macroscopiques qui peuvent avoir un effet sociétal ou économique. L'absence d'un plan imposé top-down entraîne une dilution de la responsabilité. Cela pose un défi car si l'auto-organisation aboutit à un résultat

malheureux comme un biais ou une atteinte à la vie privée, aucune entité isolée n'est directement coupable. Le concepteur initial peut alors soutenir qu'il s'est limité à définir la règle locale sans anticiper l'émergence globale.

B. Imprévisibilité et Risques d'Émergence Indésirable

Les **systèmes** auto-organisés, de par leur **nature** complexe et distribuée, présentent un certain degré d'**imprévisibilité**. Les mathématiques des **systèmes dynamiques** et de la **théorie de la complexité** montrent qu'un léger écart local peut, via la dynamique récurrente, aboutir à un **macro**-effet massif (phénomène de scale-free, bifurcations, etc.). Pour un **DSL** appliqué à des données sensibles, cela peut déboucher sur des **micro-biais amplifiés**, où un schéma latent dans les données historiques se répercute de façon exponentielle dans les clusters émergents.

Des **phénomènes de concentration extrême** peuvent également survenir, un "super-nœud" ou un sous-cluster unique prenant l'ascendant et éclipsant toute diversité.

Éthiquement, on redoute que ce comportement ne soit **pas** détectable à l'avance, créant un "**effet surprise**" dangereux. C'est la rançon du **pouvoir** des systèmes auto-organisés qui, bien qu'extrêmement adaptatifs, peuvent dériver si personne n'a posé de **garde-fou** ou n'exerce un monitoring assez fin (voir chap. 10.4 sur la régulation).

C. Transparence et Exigence d'Explicabilité

Face à la difficulté de **responsabiliser** un acteur unique, se pose l'exigence d'une **traçabilité** du DSL. Les lois sur l'IA (ex. l'AI Act en Europe) et sur la protection des données (RGPD) imposent souvent qu'un individu affecté par une décision algorithmique ait le droit de comprendre au moins *en partie* la logique sous-jacente. Dans un **SCN** auto-organisé, cela repose sur deux aspects.

D'une part, la conservation des **logs et journaux** permet d'archiver les variations de $\omega_{i,j}$ ou, à défaut, un ensemble d'indicateurs, afin de pouvoir rejouer, au moins partiellement, la formation d'un cluster litigieux.

D'autre part, une **interprétation** doit être fournie sous forme de critères ou de justifications expliquant pourquoi une synergie S(i,j) a dominé ou comment l'inhibition a favorisé un sous-groupe donné. Cela permet de répondre aux interrogations légales et aux demandes d'explication des utilisateurs.

Si la **transparence** parfaite n'existe pas (du fait de la dimension élevée et des boucles de rétroaction complexes), un effort de *compréhension* ou de *mise en récit* s'impose, sans quoi le SCN risque d'être perçu comme une entité "opaque" dictant des résultats incompréhensibles.

D. Principes Éthiques de Conception

Plusieurs principes permettent de **concilier** l'**auto-organisation** propre au **DSL** avec des impératifs **éthiques** tout en maintenant une dynamique flexible et sécurisée.

L'autonomie encadrée repose sur l'instauration de bornes ou de règles de cohérence empêchant la formation de clusters contraires aux valeurs fondamentales, comme la discrimination ou la manipulation. Cela implique une modification de la fonction S(i,j) ou l'introduction d'un feedback macro $\Delta_{\rm down}$ pénalisant fortement les configurations non conformes à une charte éthique.

Un **recours humain** consiste à intégrer un module supervisé jouant un rôle de validation ou de correction à certains stades de l'émergence. Ce macro-nœud introduit une hiérarchie partielle tout en préservant la souplesse du système auto-organisé, assurant ainsi un contrôle sans rigidifier excessivement la structure.

Des **verrous de sécurité** peuvent être activés si la dynamique des pondérations ω atteint un seuil critique, qu'il s'agisse d'un niveau d'entropie trop élevé ou d'une saturation excessive. Dans ce cas, un mécanisme d'alarme et un blocage automatique interviennent pour garantir la stabilité et la conformité du système, en accord avec les principes évoqués dans la section 10.5.3.4 sur la sécurité.

L'approche "éthique-by-design" consiste à anticiper les dérives potentielles liées au caractère **émergent** du SCN et à planifier des solutions (monitoring, logs, contrôles) minimisant ces risques sans annihiler l'intérêt de l'auto-organisation.

10.5.4. Cas d'Utilisation Concrets

Après avoir présenté (10.5.1–10.5.3) l'impact potentiel du **feedback coopératif** dans le DSL (Deep Synergy Learning) et ses implications éthiques et sociétales, il est essentiel de montrer des **cas d'utilisation concrets**. Dans cette section (10.5.4), nous explorons divers **domaines** où le feedback coopératif, combiné à l'auto-organisation synergique, apporte des **bénéfices significatifs**. Les agents conversationnels, le diagnostic médical, la logistique adaptative, la sécurité proactive et l'éducation personnalisée en sont des exemples concrets. Chaque cas illustre comment la **dynamique** du DSL, à travers les liens synergiques, la mise à jour adaptative et la synergie multimodale, améliore la **performance** et la **pertinence** des systèmes intelligents.

10.5.4.1. Agents Conversationnels Synergiques Multi-modal

A. Principes Généraux et Enjeux

Un agent conversationnel dépasse le cadre d'un simple chatbot lorsqu'il intègre des capacités multimodales en traitant simultanément du texte, de l'audio (analyse de la voix, prosodie) et parfois de la vision (détection des expressions faciales ou des éléments visuels). Dans le cadre du Deep Synergy Learning (DSL), il repose sur un Synergistic Connection Network (SCN) où les entités (représentations textuelles, embeddings audio, pistes visuelles) interagissent à travers des liaisons $\omega_{i,j}$ mises à jour en temps réel. L'approche "synergie + feedback coopératif" (chap. 10) orchestre ces connexions pour que l'agent s'auto-organise en fonction des relations détectées entre les différents canaux. Cette dynamique permet de proposer un dialogue plus contextuel et plus riche en ne se limitant pas à l'analyse sémantique écrite, mais en exploitant également les indices vocaux et visuels afin d'interpréter l'intention, l'émotion et l'environnement de l'utilisateur.

B. Architecture "Synergy + Feedback" en Conversation Multimodale

Dans un SCN classique, chaque entité \mathcal{E}_i représente un nœud unique, qu'il s'agisse d'un token, d'un fragment audio ou d'un vecteur visuel. Ici, les entités sont réparties selon leur **canal**. Le canal texte regroupe des embeddings de mots ou de phrases, le canal audio s'appuie sur des segments ou

des caractéristiques acoustiques, et le canal vision manipule des descripteurs extraits d'un réseau de vision. L'**objectif** est de définir :

$$\omega_{\text{(texte),(audio)}}$$
, $\omega_{\text{(texte),(vision)}}$, $\omega_{\text{(audio),(vision)}}$, ...

comme des liaisons de **synergie** entre ces canaux. À chaque itération, un **retour** (feedback coopératif) peut rehausser certaines liaisons si elles paraissent plus pertinentes compte tenu du dernier segment de conversation, ou au contraire les **atténuer** si un changement de ton ou de contexte se produit (ex. l'utilisateur passe d'un registre "sérieux" à "décontracté"). Mathématiquement, on écrit :

$$\omega_{\alpha,\beta}(t+1) = \omega_{\alpha,\beta}(t) + \eta \big[S(\alpha,\beta) - \tau \, \omega_{\alpha,\beta}(t) \big] + \Delta_{\text{feedback}}(\alpha,\beta,t),$$

où α et β désignent des entités ou des groupes d'entités (tokens textuels, features audio, etc.), et Δ_{feedback} un **terme** dicté par le macro-niveau (voir chap. 10.3) ou par un module "analyse intention/émotion".

C. Dynamique de la Conversation : Adaptation en Continu

Par essence, un **dialogue** évolue constamment, l'utilisateur pouvant modifier son style, changer brusquement de sujet ou exprimer une émotion comme l'enthousiasme ou l'irritation. Le **DSL** permet une **reconfiguration** rapide des liaisons ω .

Si la **synergie** entre le texte et l'audio devient plus marquée, par exemple si une émotion détectée dans la voix est confirmée par le choix des mots, le **SCN** renforce les connexions entre ces éléments, favorisant une réponse plus empathique.

Lorsqu'un changement de **sujet** est identifié à travers l'apparition de nouveaux mots-clés ou une modification de posture, la **rétroaction** macro ajuste les pondérations des concepts précédents, libérant ainsi des ressources pour traiter la nouvelle intention. L'agent évite ainsi de s'enliser dans des hypothèses obsolètes, la dynamique **DSL** redessinant en temps réel les clusters sémantiques.

On obtient un **agent conversationnel** capable de recadrer sa perception multimodale d'une interaction à l'autre, voire à l'intérieur d'une même conversation si l'utilisateur saute d'un thème à un autre.

D. Exemples Mathématiques Illustratifs

Soit un **exemple** simplifié où l'on considère un texte-embedding $\mathbf{x}^T \in \mathbb{R}^{d_T}$ et un audio-embedding $\mathbf{x}^A \in \mathbb{R}^{d_A}$. La synergie $S(\mathbf{x}^T, \mathbf{x}^A)$ peut être définie par une similarité cosinus ou un noyau RBF appliqué à la concaténation des deux représentations. Si la tonalité audio indique un sentiment négatif tandis que le texte exprime une émotion différente, la synergie entre les deux signaux ne sera pas jugée élevée. Le feedback coopératif pourra alors renforcer le lien entre l'audio-label "colère" et le token "pas content", indiquant une correspondance cohérente entre tonalité et lexical. L'agent ajustera les pondérations internes en $\omega_{\text{(colereAudi),(tokenAngry)}}$ tout en diminuant $\omega_{\text{(colereAudi),(tokenHappy)}}$. Cet **effet** influencera la suite de l'échange : le système adaptera sa réponse pour mieux refléter la frustration perçue chez l'utilisateur.

E. Avantages et Perspectives

Un agent conversationnel synergique multimodal présente plusieurs avantages en termes d'interaction et d'adaptabilité. La réactivité et la contextualité sont assurées par la dynamique \mathbf{DSL} , qui ajuste en continu les liaisons ω en fonction des modifications de ton, d'intonation et de sémantique, évitant ainsi un fonctionnement rigide et linéaire. La richesse du modèle découle du feedback coopératif, qui permet l'émergence de "micro-thèmes" ou de sous-groupes d'entités reliant un champ lexical donné à un état émotionnel spécifique, ce qui aboutit à des réponses plus naturelles et nuancées. La résilience du système se manifeste lorsqu'un utilisateur exprime des propos ambigus ou contradictoires, le SCN pondère progressivement chaque flux et stabilise une interprétation cohérente au fil des interactions.

Les **limitations** concernent principalement le **coût** algorithmique, qui peut devenir prohibitif si le **SCN** atteint une taille trop importante, et la **nécessité** d'une bonne initialisation des embeddings audio, texte et vision afin que la synergie S soit correctement évaluée. D'un point de vue **éthique** et d'**acceptabilité**, il est crucial de garantir la transparence de la logique d'intelligence artificielle. Un utilisateur pourrait être déconcerté par une adaptation trop marquée du système s'il ne perçoit pas que cette évolution repose sur la synergie multicanale structurant la réponse.

10.5.4.2. Diagnostic Médical Contextuel et Personnalisé

A. Contexte et Apport du DSL dans la Médecine

Le **diagnostic médical** repose sur une diversité de **données** intégrant l'imagerie (IRM, scanner, radiographie), les analyses de laboratoire (tests sanguins, biochimiques), les signaux physiologiques (ECG, pression artérielle, capteurs connectés) ainsi que les historiques cliniques et génomiques. Dans un **Deep Synergy Learning (DSL)**, la mise en place d'un **Synergistic Connection Network (SCN)** permet de **relier** chacune de ces informations (entités) par des liaisons $\omega_{i,j}$, lesquelles s'actualisent selon la **synergie** mesurée entre entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j . Sur le plan clinique, un tel réseau vise à créer un **ensemble** de "corrélations" ou de "complémentarités" permettant d'**affiner** un diagnostic, en particulier lorsque de multiples facteurs médicaux interagissent.

Le **feedback coopératif** (chap. 10) joue un rôle de **modulateur**. Lorsqu'un indice oriente le diagnostic, comme la suspicion d'une pathologie spécifique, un macro-nœud ou un module global peut **renforcer** les liaisons pertinentes et **inhiber** celles moins cohérentes. Cela permet d'adapter dynamiquement la structure du **SCN** au **contexte** spécifique du patient.

B. Approche Synergique Multi-Modal en Médecine

La **notion** de synergie dans le **DSL** ne se limite pas à de simples connexions. Chaque entité \mathcal{E}_i ou groupe d'entités, comme un ensemble d'analyses sanguines ou une séquence d'images **IRM**, est relié à d'autres entités par une **pondération** $\omega_{i,j}$ qui reflète leur degré d'interaction ou de complémentarité. Sous l'hypothèse qu'on manipule des entités décrivant divers aspects médicaux, la **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ peut intégrer :

 $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_i) = \Psi(\text{similarit\'es param\'etriques, corr\'elations cliniques, contexte patient}),$

où Ψ est une fonction tenant compte (éventuellement) de la condition clinique du patient (âge, antécédents, risque cardiologique, etc.). Les **pondérations** $\omega_{i,j}$ s'actualisent régulièrement :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S\left(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j\right) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{feedback}}(i,j),$$

permettant à chaque pas de faire émerger ou de dissiper des **clusters** d'indices diagnostiques cohérents. La **rétroaction** (feedback) agit lorsqu'un "macro-nœud" diagnostique (par ex. un algorithme d'assistance ou un médecin expert) **valide** la pertinence d'un sous-groupe d'examens, ou au contraire signale qu'un certain couplage est *non pertinent* pour ce patient, entraînant l'inhibition ou la baisse de $\omega_{i,j}$.

C. Diagnostic Personnalisé: Impact du Contexte

Un patient ne se réduit pas à un simple "cas standard". Son **profil** individuel, incluant son âge, ses comorbidités et son historique familial, influence directement la **pertinence** des examens à privilégier. Dans le SCN, ce **contexte patient** peut être modélisé par une transformation conditionnelle de la synergie :

$$S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_i \mid \text{patient } p) = \Psi(S_{\text{de base}}(i, j), \Gamma(\text{caractéristiques de } p)).$$

Ceci se traduit par une **pondération** plus forte pour des combinaisons d'entités jugées "compatibles" avec le tableau clinique de p. Ainsi, le SCN orientera ses clusters vers des hypothèses valides pour p, favorisant une **personnalisation** du diagnostic. Concrètement, si un **cluster** reliant un certain biomarqueur sanguin et un patron d'imagerie se révèle pertinent pour des patients hypertendus, la dynamique DSL renforcera les liaisons correspondantes chez un patient hypertendu, tout en les laissant plus basses chez un patient sans ce facteur de risque.

D. Retour Clinique et Supervision Humaine

Dans un **cadre** médical, le système **DSL** ne doit pas exclure le **médecin** de la boucle. Au contraire, le médecin représente une **source** de feedback validant ou invalidant les combinaisons découvertes et un **garant** de la cohérence clinique et éthique.

Ainsi, lorsque le SCN suggère un **diagnostic** ou établit un **regroupement** d'indices, le médecin peut **intervenir**. Si un lien $\omega_{i,j}$ apparaît cliniquement infondé, il peut en ajuster la valeur ou imposer une restriction. *Mathématiquement*, on ajoute un petit terme négatif si la synergie $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ est jugée surestimée, ou on insère un "verrou" pour geler certains liens critiques. L'**apprentissage** DSL est donc *co-supervisé* par la validation médicale, maintenant la fiabilité du système.

E. Bénéfices en Pratique

Un **SCN** médical mis à jour via le **DSL** et modulé par un **feedback** contextuel procure plusieurs avantages. Il permet un **croisement dynamique des données** en détectant quelles associations entre imagerie, analyses biologiques et antécédents sont les plus corrélées ou discriminantes, dépassant ainsi une simple addition d'examens. L'adaptation au flux patient assure une mise à jour continue de la synergie à chaque nouveau dossier, optimisant les hypothèses diagnostiques et permettant l'intégration de nouveaux marqueurs sans réinitialisation complète du système. La **personnalisation** joue un rôle clé en ajustant le poids des indicateurs selon le contexte du patient, garantissant que certains examens prennent plus d'importance selon les profils individuels.

L'**explicabilité** est également renforcée, car le **SCN** permet de visualiser quels liens $\omega_{i,j}$ sont consolidés, facilitant la traçabilité du diagnostic, un élément essentiel pour instaurer la confiance en IA médicale.

10.5.4.3. Logistique, Supply Chain et Planification Adaptative

A. Introduction à la Logique DSL dans la Supply Chain

La supply chain et, plus largement, la logistique industrielle font intervenir un ensemble de nœuds (entrepôts, usines, points de vente, infrastructures de stockage) et de ressources de transport (camions, navires, drones, etc.) qui doivent coopérer pour assurer l'acheminement efficace des marchandises. L'approche du Deep Synergy Learning (DSL) permet d'aborder ces interactions de manière auto-organisée, en considérant chaque nœud ou ressource comme une entité \mathcal{E}_i . Les liens $\omega_{i,j}$ entre ces entités mesurent la synergie $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$, c'est-à-dire leur pertinence ou leur complémentarité dans la chaîne logistique.

Le **feedback coopératif** (présenté au chapitre 10) s'intègre en permettant à un **macro-niveau** (superviseur global, ou couche de coordination) d'**orienter** les ajustements de pondérations $\omega_{i,j}$ lorsqu'un événement nouveau survient (pic de demande, panne d'un véhicule, contrainte de stockage, etc.). L'objectif est d'optimiser la **planification** en la rendant plus **adaptative**, sans nécessiter un recalcul complet à chaque changement. La mise à jour DSL ajuste progressivement les flux, consolidant les liaisons ω pertinentes tout en réduisant celles qui ne sont plus adaptées.

B. Définition des Entités et Notion de Synergie

Dans ce cadre, chaque entité \mathcal{E}_i peut être un **nœud de stockage ou de production**, tel qu'une usine \mathcal{E}_{usine} , un entrepôt \mathcal{E}_{stock} ou un centre de distribution \mathcal{E}_{hub} . Elle peut également représenter une **ressource mobile**, comme un véhicule \mathcal{E}_{camion} ou un drone \mathcal{E}_{drone} . Enfin, une entité peut être un **point de consommation**, correspondant à un magasin ou un client final \mathcal{E}_{client} .

On formalise la **synergie** S(i,j) entre deux entités \mathcal{E}_i et \mathcal{E}_j en combinant :

$$S(i,j) = \Phi(\text{distance}(i,j), \text{co_cohérence}(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_i), \text{contraintes_temps, coûts_transport, ...}).$$

Cette fonction Φ peut être modulée par la distance géographique qui diminue la synergie lorsque l'acheminement des marchandises entre i et j devient trop coûteux. Les fenêtres temporelles influencent également la disponibilité des hubs qui peuvent ne plus être accessibles après une certaine heure, ce qui réduit la synergie avec un véhicule tardif. Les capacités de stockage et de tonnage ont aussi un impact puisque la saturation d'un entrepôt entraîne une synergie quasi nulle avec un nouveau flux \mathcal{E}_i .

C. Mise à Jour des Pondérations : Planification Dynamique

Le **DSL** introduit une règle de mise à jour $\omega_{i,j}$:

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{coop}}(i,j),$$

où:

 η est un **taux** d'apprentissage (l'importance donnée aux nouvelles opportunités).

 τ contrôle la **décroissance** de liens n'ayant plus de synergie.

 Δ_{coop} représente un **terme** éventuel de **feedback** top-down ou horizontal, lorsqu'un **macro-nœud** (coordination globale) souhaite prioriser certains flux.

Ainsi, les liens $\omega_{i,j}$ s'ajustent continuellement. Par exemple, si un véhicule \mathcal{E}_{camion} trouve plus opportun de desservir un hub \mathcal{E}_{hub1} que \mathcal{E}_{hub2} (meilleure distance, moins d'encombrement), la synergie S (camion, hub1) monte, ce qui "pousse" $\omega_{(camion),(hub1)}$ à grandir, indiquant la direction d'un regroupement de flux. L'**inhibition** concurrente évite qu'un seul véhicule s'engage sur trop de missions simultanées, clarifiant la répartition du travail.

D. Propriétés et Avantages de l'Approche DSL

Adaptation en temps réel. Contrairement aux méthodes de planification "batch" où l'on recalcule un plan complet dès qu'un incident apparaît, la logique DSL ne met à jour que certaines liaisons ω . Cela économise du temps de calcul et permet une réactivité élevée face à des aléas (retards, pannes, variations de demande).

Distribution et hiérarchie. Le **DSL** peut être **réparti**, chaque entrepôt ou véhicule assurant localement la mise à jour des liaisons ω avec ses voisins directs. Un **macro-nœud** intervient pour agréger ou orienter la structure globale. Ce modèle repose sur une **auto-organisation** multi-niveau, évitant ainsi une supervision centralisée contraignante.

Robustesse. Même si un sous-réseau est en panne ou s'il existe un blocage, la flexibilité du DSL autorise le réajustement des flux vers d'autres itinéraires ou d'autres véhicules. On obtient une supply chain plus résiliente à l'échelle globale.

Moins de recalcul. Le DSL se montre capable de s'adapter progressivement, sans exiger un solveur de type "optimisation en ligne" redémarré de zéro. Ses pondérations ω servent de mémoire auto-adaptée, reflétant l'historique des flux et des coûts, et facilitant la convergence rapide vers une nouvelle configuration.

E. Cas d'Exemple : Coordination Transport-Entrepôts

Dans un **exemple simplifié**, des véhicules \mathcal{E}_v doivent collecter ou déposer des produits dans plusieurs entrepôts \mathcal{E}_h . La synergie $S(\mathcal{E}_v, \mathcal{E}_h)$ dépend de la distance, du temps de route et du taux de remplissage. Les liaisons $\omega_{v,h}$ s'actualisent à chaque itération selon

$$\omega_{v,h}(t+1) = \omega_{v,h}(t) + \eta \left[S(\mathcal{E}_v, \mathcal{E}_h) - \tau \, \omega_{v,h}(t) \right].$$

Si un **macro-nœud** "superviseur logistique" détecte un besoin de prioriser la zone Ouest (demande urgente), il ajoute $\Delta_{\text{down}}(v,h)$ pour encourager les camions à pointer vers les entrepôts Ouest et limiter ceux de l'Est. En peu de cycles, la "cartographie" ω reflète ce basculement, faisant converger les ressources où elles sont le plus utiles.

10.5.4.4. Systèmes de Sécurité Proactifs et Contextuels

A. Introduction et Justification

Dans un contexte où la **sécurité** revêt une importance croissante, qu'il s'agisse de protéger des infrastructures physiques (bâtiments, datacenters) ou des réseaux et données sensibles, l'architecture **DSL** (Deep Synergy Learning) s'avère particulièrement pertinente. La capacité du **SCN** (Synergistic Connection Network) à intégrer simultanément plusieurs types de signaux (logs informatiques, informations vidéo, capteurs de badge, données d'accès) et à évoluer de manière **auto-organisée** offre un potentiel élevé pour la **détection proactive** et la **réponse** en temps réel. Contrairement à des approches de sécurité statiques, le DSL introduit une logique **adaptative** où les liaisons $\{\omega_{i,j}\}$ se réajustent à chaque instant, permettant d'anticiper des intrusions ou anomalies émergentes.

B. Fondements Mathématiques de la Synergie en Sécurité

Lorsqu'on applique le **DSL** à un système de sécurité, il est essentiel de formaliser la **synergie** entre entités. Un signal \mathcal{E}_i peut correspondre à une caméra, un log d'authentification ou une règle symbolique liée à une politique d'accès. La fonction de synergie $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ quantifie le degré de co-occurrence suspecte ou de corrélation anormale entre ces deux sources. Par exemple, si une caméra détecte un individu inconnu à proximité d'une zone sensible au même moment qu'un log mentionne une tentative de connexion non autorisée, on peut écrire :

$$S(i,j) = \alpha \sin(i,j)\beta \cos(i,j)$$

où sim(i,j) désigne la similarité ou la concomitance entre les signaux i et j (ou leurs attributs), et coût(i,j) représente un facteur atténuant (par exemple, un contexte justifiant ce comportement).

La dynamique DSL se reflète alors dans la mise à jour :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \big[S(i,j)\tau \,\omega_{i,j}(t) \big] + \Delta_{\text{feedback}}(i,j),$$

où η désigne le taux d'apprentissage, τ le coefficient d'amortissement, et $\Delta_{\rm feedback}$ un terme additionnel lié à la **rétroaction coopérative** (cf. §§10.4.1 à 10.4.2). Dans le cadre d'un système de sécurité, ce **feedback** peut provenir d'un macro-nœud "supervision" qui, après une suspicion d'anomalie, rehausse $\omega_{i,j}$ pour tous les signaux convergents, permettant ainsi de déclencher une alerte plus rapidement.

C. Détection Proactive et Adaptation Contextuelle

La force du DSL réside dans la possibilité de repérer des "clusters" de signaux suspects sans qu'on ait explicitement programmé une règle figée. Lorsqu'un ensemble de logs système (tentatives de login anormales) et un ensemble de capteurs physiques (mouvements inhabituels dans un bâtiment) montrent des synergies élevées, les pondérations ω se renforcent mutuellement. La somme globale de ces synergies peut être formalisée comme :

$$\Omega(\mathcal{C}) = \sum_{(i,j) \in \mathcal{C} \times \mathcal{C}} \omega_{i,j}.$$

Si cette somme $\Omega(\mathcal{C})$ dépasse un seuil critique, un "macro-nœud" de sécurité (cf. §10.5.2 sur l'apprentissage dynamiquement rétroactif) envoie aussitôt un **feedback descendant**, enclenchant une action préventive. Cela peut se traduire par l'isolement de la zone ou le blocage de flux réseau. Contrairement à une approche statique qui ne réagirait que lorsque l'attaque est déjà consommée, ce mécanisme de **clusters suspects** rend la sécurité **proactive**.

Le terme de **contexte** entre en jeu lorsque le système (SCN) observe l'historique ou l'environnement; un utilisateur se connectant à un horaire habituel n'augmente pas ω de façon excessive, tandis qu'un nouveau comportement (login tardif, accès depuis un autre pays, etc.) accroît la synergie avec d'autres signaux inhabituels, précipitant la formation d'un groupe d'anomalies.

D. Caractère Auto-Organisé et Résilience

Une caractéristique essentielle du DSL en sécurité est sa **résilience**. Lorsque des fragments de réseau ou des capteurs sont compromis, la mise à jour locale $\omega_{i,j}(t+1) = \cdots$ s'adapte automatiquement en réduisant la pondération vis-à-vis d'entités jugées non fiables, ou en reconfigurant la vigilance vers d'autres capteurs jugés sains. Sur le plan mathématique, la fonction de synergie S(i,j) peut se voir modifiée en temps réel, afin de refléter la nouvelle évaluation de confiance sur tel ou tel capteur. Si un adversaire tente de **contaminer** un composant \mathcal{E}_i , la dynamique d'inhibition (cf. chap. 7.4) contribue à empêcher la prolifération de liens douteux, maintenant l'essentiel de la structure en état fonctionnel.

Une approche statique, dans un système non auto-organisé, exigerait un recalcul global ou un reparamétrage manuel à chaque incident. Le DSL, au contraire, conserve et ajuste ses liens ω localement ; si un signe d'attaque disparaît, ω retombe à un niveau neutre par le jeu de l'amortissement τ . Le système peut ainsi "oublier" progressivement les fausses alertes, réduisant les nuisances de sur-sensibilité.

E. Application à des Cas Concrets

Un exemple typique est la **sécurité d'un datacenter**. Des entités \mathcal{E}_i correspondent à des logs de serveur, des caméras détectant la présence, des capteurs de badge RFID, et des règles symboliques "interdiction d'accès hors horaires". Si l'on observe simultanément un badge non autorisé, un accès tardif, et une détection de mouvement dans la zone sensible, la synergie entre ces signaux s'amplifie, formant un cluster. La somme de ces pondérations ω dépassant un certain seuil, un "macro-nœud" enclenche l'alarme ou un protocole de confinement.

Un autre exemple se trouve dans la **cybersécurité** purement informatique. Un IDS (Intrusion Detection System) classique peut échanger ses alertes avec un module d'analyse de trafic, un module d'authentification, et un système de logs temps réels. Chacun de ces modules constitue une entité \mathcal{E}_i , et la synergie S(i,j) mesure la coïncidence ou le caractère suspect combiné de leurs indices. Sous l'égide du DSL, les pondérations s'ajustent en quelques itérations, révélant un cluster d'alerte avant l'aboutissement d'une intrusion massive.

F. Avantages et Limites

Malgré ces **avantages**, certaines **limites** subsistent dans l'application d'un **SCN** à la sécurité proactive. L'**interprétabilité** des décisions issues du réseau peut poser problème, rendant difficile

l'explication d'une alerte ou d'une anomalie détectée. La **complexité computationnelle** demeure un défi, notamment si la mise à jour des pondérations $\omega_{i,j}$ s'effectue sur un grand volume de données en temps réel. Enfin, la gestion des **faux positifs** et **faux négatifs** constitue une contrainte critique. Un **SCN** trop sensible peut provoquer un excès d'alertes, alors qu'un seuil trop élevé risque de laisser passer des menaces.

Les **limites** incluent la **complexité** $O(n^2)$ si le nombre de capteurs ou de logs devient immense, imposant alors des approximations (chap. 10.4 sur la réduction de complexité). La calibration des paramètres $(\eta, \tau, \Delta_{\text{feedback}})$ doit être soigneuse pour éviter une sur-sensibilité (faux positifs excessifs) ou une sous-réaction (faux négatifs).

10.5.4.5. Éducation Personnalisée et Formation Continue

A. Contexte et Justification

Le **Deep Synergy Learning (DSL**), tel que décrit dans les chapitres précédents, offre une approche **multi-échelle** et **auto-organisée** pour la gestion et la coordination d'entités nombreuses et hétérogènes. Dans le domaine de l'**éducation**, cette approche se révèle particulièrement précieuse pour gérer la **personnalisation** des parcours, la **coopération** entre apprenants, et l'**adaptation** continue aux besoins de chacun. Le **SCN** (Synergistic Connection Network), avec ses pondérations évolutives $\{\omega_{i,j}\}$ et son feedback coopératif (cf. §§10.2, 10.4), permet de capter la **synergie** entre différents acteurs et ressources pédagogiques, tout en tenant compte de l'évolution des compétences dans le temps.

B. Entités et Synergies dans un Contexte Éducatif

Dans un environnement d'apprentissage, chaque **entité** \mathcal{E}_i peut représenter un **apprenant**, un **concept** d'apprentissage, une **ressource** (exercice, vidéo, module e-learning), ou encore un **objectif** (chapitre d'un cours, compétence à acquérir). La **synergie** $S(\mathcal{E}_i, \mathcal{E}_j)$ mesure la pertinence ou la complémentarité entre l'entité i et l'entité j. Ainsi, pour un apprenant \mathcal{E}_i et un contenu \mathcal{E}_j , la synergie S(i,j) peut évaluer la correspondance entre le **profil** de l'apprenant (niveau actuel, style d'apprentissage) et les **caractéristiques** du contenu (difficulté, format, thématique).

Sur le plan mathématique, on peut modéliser :

$$S(i,j) = sim(\mathbf{x}_i, \mathbf{c}_j) - coût(\mathbf{x}_i, \mathbf{c}_j),$$

où \mathbf{x}_i dénote les paramètres (compétences, préférences) de l'apprenant, \mathbf{c}_j ceux du contenu (type d'exercice, niveau, etc.), et sim une fonction de similarité. Cette synergie conditionne la pondération $\omega_{i,j}$ dans le **SCN**, dictant la force de connexion entre l'apprenant i et la ressource j.

C. Mise à Jour Dynamique et Personnalisation

Le DSL permet d'actualiser $\omega_{i,j}(t)$ en fonction des retours en continu. Chaque fois qu'un apprenant \mathcal{E}_i interagit avec un module \mathcal{E}_j (réussite, échec, feedback qualitatif), la pondération $\omega_{i,j}$ peut être renforcée ou au contraire diminuée. La règle de mise à jour (cf. chap. 4 et 10.4) s'écrit :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \,\omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{feedback}}(i,j),$$

où Δ_{feedback} représente l'action coopérative (p. ex. l'intervention d'un **macro-nœud** "progression globale") validant le fait que cet apprenant bénéficie vraiment de tel contenu. Si l'apprenant A réussit régulièrement avec un module B, la pondération $\omega_{A,B}$ croît jusqu'à un **plateau**, indiquant une haute pertinence. À l'inverse, une série d'échecs ou d'ennui entraîne une diminution $\omega_{A,B}$ et l'apparition d'autres contenus plus adaptés.

De plus, la *coopération entre apprenants* est possible si la synergie S(A, C) pour deux apprenants A et C s'avère élevée (niveaux complémentaires, affinités de style). Dans ce cas, la règle DSL encourage la formation d'un **lien** $\omega_{A,C}$ conduisant ces deux apprenants à travailler ensemble ou à s'entraider, renforçant l'aspect social de l'apprentissage.

D. Formation Continue et Adaptation Long Terme

Le cadre DSL se déploie sur le **long terme**. Au fur et à mesure que l'apprenant progresse, \mathbf{x}_i (son profil) change :

$$\mathbf{x}_i(t+1) = \mathbf{x}_i(t) + \Phi$$
 (retours d'exercices, compétences nouvellement acquises).

La **synergie** avec chaque ressource évolue alors, et la pondération $\omega_{i,j}$ suit cette dynamique. Sur une plateforme de **formation continue**, un individu peut revenir après quelques mois. Le **SCN** retrouve ses liaisons passées $\omega_{i,j} \approx \omega_{i,j}$ (fin de sa dernière session) et les actualise localement si les objectifs ou le niveau ont changé.

On parle de **multi-modalité** lorsque les contenus pédagogiques varient (vidéos, exercices, projets collaboratifs, fiches de synthèse). Sur le plan mathématique, la fonction de synergie *S* s'enrichit de **dimensions** multimodales, par exemple :

$$S(\text{apprenant}, \mathbf{x}_i), (\text{exercice}, \mathbf{c}_j)) = \text{sim}_{\text{embedding}}(\mathbf{x}_i, \mathbf{c}_j) - \text{coût}_{\text{effort}}(\mathbf{x}_i, \mathbf{c}_j).$$

Le feedback coopératif (Δ_{feedback}) peut alors encourager les associations jugées efficaces dans des contextes similaires.

E. Implication sur l'Organisation Pédagogique

La présence de **clusters** dans le SCN se traduit par un groupement d'apprenants et de contenus qui se **correspondent** mutuellement. Certains clusters peuvent émerger pour les novices, d'autres pour des niveaux avancés. Un **macro-nœud** "module d'instruction" peut, selon la logique du feedback, valider ou déconseiller l'extension d'un cluster si la synergie interne ne correspond pas aux objectifs officiels du curriculum.

Ainsi, l'éducation personnalisée se mue en un **système** auto-organisé où la dynamique DSL assure la **pertinence** des liens ω . Les progrès d'un apprenant A sur un contenu B rejaillissent sur d'autres entités C (autres apprenants, d'autres contenus liés), permettant une véritable **intelligence collective**. Cette **intelligence** se fonde sur la somme des liens stabilisés par la règle DSL, ce qui donne une vue d'ensemble de la progression en temps réel.

F. Avantages et Exemple Concrets

L'adoption d'un **SCN** pour l'éducation et la formation **continue** présente plusieurs **avantages**. D'une part, la **personnalisation** s'affine à chaque itération, au gré des retours (réussites, échecs,

préférences). D'autre part, la **coopération** entre apprenants est gérée de manière dynamique. L'émergence de groupes de travail n'est pas imposée par l'institution, mais résulte d'une **synergie** concrète.

Enfin, la **formation continue** sur le long terme, avec des individus revenant plus tard pour se former, ne nécessite pas de reparamétrage exhaustif. On réutilise simplement la matrice ω existante et on la met à jour localement.

Exemple:

Sur une plateforme MOOC, chaque module (vidéo, quiz, projet) est une entité \mathcal{E}_j . Chaque apprenant \mathcal{E}_i est décrit par son historique. Le **SCN** évolue en continu à mesure que les sessions s'enchaînent. Si une session révèle qu'un certain sous-ensemble d'apprenants a développé plus rapidement certaines compétences avec un ensemble d'outils collaboratifs, la synergie interne de ce **cluster** se renforce. Cela aboutit à une recommandation spécifique pour d'autres apprenants présentant des profils analogues.

10.5.5.1. Passage à l'Échelle de Systèmes DSL Complexes

A. Contexte et Problématique

Le **Deep Synergy Learning (DSL)** s'appuie sur un **Synergistic Connection Network (SCN)** où chaque entité \mathcal{E}_i interagit au moyen de pondérations $\omega_{i,j}$ évoluant en fonction d'une synergie S(i,j). Dès lors que le nombre d'entités n s'accroît (typiquement dans les applications Big Data, multimédia, IoT, etc.), la gestion de toutes les paires (i,j) devient rapidement un goulot d'étranglement. Les calculs naïfs nécessitent en effet d'évaluer $O(n^2)$ liaisons, rendant la mise à jour en temps réel ou quasi-réel excessivement coûteuse. L'enjeu du **passage à l'échelle** (scalabilité) se décline alors en **optimisation algorithmique**, **infrastructure** de calcul et **stratégies** de distribution ou de parcimonie.

B. Complexité Quadratique et Parcimonie

Dans un SCN de taille n, la simple réévaluation de la synergie S(i,j) pour chaque paire d'entités (i,j) implique un $O(n^2)$ de calcul à chaque cycle ou itération. Pour un n modéré (quelques milliers), cela peut rester gérable, mais pour des centaines de milliers ou millions d'entités, le carré de n s'avère prohibitif. Sur le plan **mathématique**, l'espace $\{\omega_{i,j}\}$ compte jusqu'à $\frac{n(n-1)}{2}$ pondérations (dans un SCN non orienté). Il est dès lors indispensable d'imposer une **parcimonie** ou un **filtrage**.

Une approche possible consiste à ne conserver que les **liens** estimés importants ou dépassant un certain seuil (par exemple, top-k synergies pour chaque entité, ou voisinage ϵ -approx). Cela réduit la matrice $\{\omega_{i,j}\}$ à une structure beaucoup plus éparse, limitant le coût de mise à jour en O(n k) au lieu de $O(n^2)$. De même, l'**inhibition** (cf. chap. 7) ou la **saturation** (clipping) supprime (ou affaiblit) naturellement de nombreux liens non pertinents.

C. Distribution et Traitement Parallèle

Afin de répartir la charge, il est fréquent de déployer un **SCN** sur plusieurs machines ou serveurs en **mode distribué** ou HPC (High-Performance Computing). Dans ce cas, on segmente la **matrice** $\{\omega_{i,j}\}$ en blocs ou en sous-ensembles, chaque nœud gérant un lot d'entités $\{\mathcal{E}_i\}$. On introduit alors un protocole d'**asynchronisme** pour la mise à jour, où chaque nœud calcule localement les pondérations associées à ses blocs, puis échange (périodiquement ou en streaming) les informations nécessaires.

L'asynchronisme permet de **relâcher** la contrainte de synchroniser tous les calculs à chaque itération. Un nœud peut poursuivre sa mise à jour pendant qu'un autre communique ses nouveaux ω . Bien que cela complique la preuve de **convergence**, l'expérience montre qu'une convergence empirique demeure possible tant que les retards de synchronisation restent bornés. Cette architecture évite un surcoût de communication qui pourrait annuler les bénéfices du calcul parallèle.

D. Cas d'Ultra-Grande Échelle et Flux Incessant

Dans les applications Big Data ou IoT, on peut faire face à un **flux** ininterrompu d'entités \mathcal{E}_{n+1} , \mathcal{E}_{n+2} , Le SCN n'est plus un graphe statique, mais un objet grandissant. Sur le plan **mathématique**, on introduit des méthodes d'**insertion** dynamique :

$$\omega_{(n+1),i}(0) \approx 0$$
 ou un petit ϵ ,

puis on ne calcule la synergie $S(\mathcal{E}_{n+1}, \mathcal{E}_j)$ qu'avec un ensemble restreint de voisins (k-NN, ϵ -approx, etc.). Au fil du temps, si ce nouvel élément prouve sa synergie avec d'autres entités, ses liens ω se renforcent. Dans le cas contraire, ils restent faibles et se dissipent.

On observe également un **besoin** de mécanisme de "forgetting" ou d'amortissement. Si le **SCN** reçoit un flot continu d'entités, les anciennes sont progressivement reléguées, soit en étant supprimées, soit en étant transférées vers un sous-niveau, garantissant ainsi une adaptation continue sans surcharge. Cette stratégie maintient la taille du SCN dans un ordre raisonnable et évite l'empilement infini de données.

E. Méthodes d'Approximation et Filtrage

Pour soulager la complexité $O(n^2)$, on recourt à différents schémas :

- Filtrage par top-k synergies : chaque entité *i* ne conserve que *k* liens maximaux,
- Voisinage ε-radius :
 on ignore les paires (i, j) dont la distance ou la dissemblance excède ε,
- Échantillonnage stochastique : on ne met à jour $\omega_{i,j}$ que pour un sous-ensemble aléatoire de paires.

Ces approches, bien que dégradant potentiellement la **completude** du réseau, préservent souvent l'essentiel des synergies significatives, améliorant la **scalabilité** sans trop nuire à la qualité globale du DSL.

F. Enjeux de Convergence et de Qualité

L'augmentation de l'échelle du **DSL** complexifie l'analyse de l'**auto-organisation** et soulève plusieurs défis. La réduction excessive des liaisons pour assurer la **parsimonie** peut entraîner la perte de structures globales, compromettant la cohésion d'un cluster pertinent. L'**asynchronie** dans les mises à jour peut introduire des **oscillations** ou des **conflits** entre blocs du réseau, nécessitant des mécanismes de stabilisation. Enfin, les **fluctuations** du flux de données, notamment lors d'arrivées massives ou de périodes creuses, peuvent perturber l'équilibre des pondérations ω , menaçant la stabilité de la structure auto-organisée.

Bien qu'une preuve formelle de **convergence** puisse être ardue, on emploie souvent des analyses empiriques (simulation HPC, benchmarks) démontrant que le réseau parvient néanmoins à se **structurer** et à **s'adapter** sur des volumes de données imposants.

10.5.5.2. Intégration avec le Monde Physique et les Données du Terrain

A. Données Hétérogènes et Contrainte du Terrain

La mise en œuvre du **Deep Synergy Learning (DSL)** dans des environnements réels diffère sensiblement de l'exploitation de simples flux virtuels ou de bases de données statiques. Lorsqu'un **Synergistic Connection Network (SCN)** se connecte à des **capteurs** (caméras, lidars, capteurs de force, thermomètres, etc.), des **appareils** (robots, machines-outils, véhicules) ou des **objets connectés** (IoT), la **synergie** S(i,j) requiert la prise en compte de la **variabilité** du monde physique. Ainsi, un capteur peut produire un signal bruité, un robot peut être immobilisé temporairement, un capteur réseau peut être en panne ou saturé. Sur le plan **mathématique**, la fonction S(i,j) doit donc incorporer un **facteur** de fiabilité ou d'incertitude, par exemple :

$$S(i,j) = f_{\text{sens}}(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_i, \sigma_i, \sigma_i),$$

où \mathbf{x}_i et \mathbf{x}_j représentent les mesures effectives, et σ_i , σ_j une estimation du **bruit** ou de la **précision**. Cette approche permet de pondérer les liaisons $\omega_{i,j}$ en fonction de la qualité ou de la confiance assignée aux données terrain.

Le **DSL** doit également tenir compte d'arrivées et de **départs** d'entités de manière dynamique, car le parc de capteurs et d'objets connectés n'est pas nécessairement stable dans le temps. Des mécanismes d'addEntity ou de removeEntity (chap. 9) s'appliquent alors pour actualiser ω sans devoir relancer l'apprentissage global.

B. Interaction entre le DSL et la Cinématique Réelle

Dans des scénarios robotiques, industriels ou de transport, la **cinématique** d'un dispositif physique (chariot, bras robotisé, drone) influence la **synergie** entre entités. Par exemple, deux capteurs pourront renforcer leur liaison si un mouvement coordonné révèle une corrélation temporelle de leurs données. La fonction S(i,j) peut alors intégrer des **variables** de mouvement, telles que la vitesse ou l'accélération. Sur le plan **algorithmique**, on écrit :

$$S(i,j) = g(\mathbf{x}_i(t), \mathbf{x}_i(t), v(t), \dots),$$

où v(t) indique la vitesse de déplacement d'un robot, et $\mathbf{x}_i(t)$ la mesure du capteur i à l'instant t. En retour, le **SCN** oriente (via un macro-nœud ou un module de supervision) la stratégie de mouvement, constituant une **boucle** entre le monde physique et la dynamique $\{\omega_{i,i}\}$.

C. Mises à Jour Incrémentales et Temps Réel

L'environnement réel impose des cadences de traitement adaptées aux contraintes matérielles. Un lidar peut générer des points à une fréquence milliseconde, tandis qu'un capteur de force risque la saturation s'il est interrogé trop souvent. Le **DSL** doit donc gérer des **mises à jour** par lot ou **en flux** (chap. 9), où chaque entité \mathcal{E}_i ne réévalue $\omega_{i,j}$ que selon un schéma Δt déterminé. Cette synchronisation partielle, ou cet asynchronisme, évite la surcharge continue.

Les systèmes réels contraignent également la **distribution** (chap. 10.5.5.1). Par exemple, chaque robot ou chaque module embarqué peut calculer localement ses liaisons ω les plus pertinentes, n'envoyant au serveur central qu'un agrégat ou un top-k. Sur le plan **mathématique**, on procède à des *algorithmes approximatifs* O(n k) plutôt qu'à un recalcul complet $O(n^2)$.

D. Boucles de Rétroaction Mixtes: Données et Contexte

Le **DSL** intègre un **feedback coopératif** (chap. 10) où un **macro-nœud** ou un **module de supervision** surveille l'état global. Si un cluster de capteurs signale un incident, un **signal descendant** est transmis pour ajuster $\omega_{i,j}$. Dans le monde physique, cela se traduit par des **actions** concrètes (activation d'un dispositif, changement de route, modification de consigne). Le système récupère ensuite un **retour** du terrain (nouveaux capteurs, validation ou non), ce qui met à jour la synergie ω et referme la boucle.

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right] + \Delta_{\text{down}}(i,j),$$

où $\Delta_{\rm down}$ symbolise les ajustements imposés par la supervision (macro-nœud) après observation d'un cluster anormal ou d'un événement terrain.

E. Avantages : Flexibilité et Adaptation Continue

L'intégration directe des capteurs et des sources du monde physique permet au **DSL** d'exploiter simultanément plusieurs **modalités** telles que les signaux visuels, tactiles ou thermiques. Cette approche offre une adaptation continue en ajustant dynamiquement les pondérations $\omega_{i,j}$ face à des conditions changeantes comme la lumière, la météo ou la saturation des capteurs.

Le système peut orchestrer des **boucles de décision-réaction**, où un super-nœud de contrôle ajuste la synergie lorsque des anomalies sont détectées, garantissant ainsi une réactivité accrue et une meilleure robustesse face aux imprévus environnementaux.

Ce mécanisme supprime la nécessité d'un réglage manuel pour chaque condition ou capteur défaillant. La logique **DSL** et la mise à jour ω assurent la **répartition** et la **fusion** des signaux de manière auto-organisée.

F. Limites et Contraintes

L'interfaçage monde physique—DSL rencontre diverses difficultés. D'abord, la qualité de la mesure peut diminuer la fiabilité de la synergie S. Un fort bruit ou des pannes intermittentes

peuvent brouiller la dynamique ω . On doit donc prévoir des *paliers de filtrage* ou des *seuils de confiance*. Ensuite, la **complexité** logistique s'accroît lorsqu'un grand nombre d'objets connectés sont manipulés, nécessitant des solutions distribuées et des **algorithmes** partiellement asynchrones. Enfin, la **sécurité** devient un enjeu critique, car la compromission d'un capteur pourrait introduire de fausses synergies dans le **SCN**, rendant indispensables des contrôles cryptographiques ou des mécanismes de détection d'anomalies internes.

10.5.5.3. Interfaces Homme-Machine Synergiques

Les questions d'interface entre l'humain et la machine revêtent une importance cruciale lorsque l'on déploie un **DSL** (Deep Synergy Learning) dans un contexte d'interactions directes. En effet, au sein d'un **SCN** (Synergistic Connection Network), les **entités** ne sont plus de simples points de données passifs, mais des acteurs participant à une **auto-organisation** en temps réel, avec des pondérations $\omega_{i,j}$ qui évoluent de manière continue. Cette nature adaptative et distribuée impose de repenser la façon dont l'humain peut **visualiser**, **corriger**, **orienter**, ou **co-évoluer** avec le **réseau**. L'interface occupe alors une place centrale dans l'*interaction synergique*. Elle agit comme un **nœud** de coopération entre l'humain et la dynamique du **DSL**, tout en offrant des **outils** permettant de comprendre et d'influencer la configuration globale.

A. Principe de l'Interface Synergique

Dans un **SCN** typique (voir chap. 5.3 ou 6.4), on considère des entités $\{\mathcal{E}_i\}$ représentant des données, des modules, ou des objets divers. Il est possible d'introduire l'**utilisateur** lui-même, ou ses "actions" et "feedback", comme une **entité** \mathcal{E}_h supplémentaire. D'un point de vue **mathématique**, on associe à \mathcal{E}_h un certain vecteur (ou ensemble de symboles) décrivant l'intention ou la consigne de l'utilisateur. La **synergie**

$$S(\mathcal{E}_h, \mathcal{E}_i)$$

traduit dans quelle mesure l'humain et l'entité \mathcal{E}_i sont *pertinents* l'un pour l'autre (ex. intérêt, similarité de thème, validation explicite). Les *pondérations* $\omega_{h,i}$ reflètent la relation actuelle entre l'utilisateur et l'entité i.

Dans les schémas IHM traditionnels, l'interaction repose sur une boucle unidirectionnelle où l'utilisateur envoie des *commandes* ou ajuste des *paramètres*, et la machine exécute sans rétroaction dynamique. L'**interface synergique** modifie cette relation en intégrant la *dynamique* ω du **DSL**, permettant une interaction plus fluide et adaptative.

L'humain peut **observer** l'évolution des *clusters* émergents ainsi que la formation des liaisons ω les plus marquées. Il peut également **intervenir** localement ou globalement afin de corriger, valider ou inhiber certaines connexions, influençant ainsi directement l'organisation du réseau. La machine, de son côté, est capable de **fournir des suggestions**, par exemple en signalant qu'un micro-cluster est pertinent pour une analyse spécifique. Cette interaction bidirectionnelle permet une **communication en continu**, où l'utilisateur injecte des signaux dans la dynamique du réseau via Δ_{IHM} , influençant activement l'évolution du **DSL**.

B. Équation de Mise à Jour incluant l'Intervention Humaine

Pour intégrer explicitement l'intervention d'un utilisateur, on étend la règle DSL standard :

$$\omega_{i,j}(t+1) = \omega_{i,j}(t) + \eta \left[S(i,j) - \tau \, \omega_{i,j}(t) \right] + \gamma_{\text{human}} \, \Delta_{\text{IHM}}(i,j,t),$$

où $\Delta_{\text{IHM}}(i,j,t) \in \mathbb{R}$ représente la *correction* manuelle ou semi-manuelle liée à l'interface :

- $\Delta_{\mathrm{IHM}} > 0$: l'utilisateur "renforce" le lien $\omega_{i,j}$ qu'il juge important.
- $\Delta_{\rm IHM} < 0$: l'utilisateur "freine" (ou supprime) un lien considéré comme erroné, ou un cluster inadapté.
- $\Delta_{\text{IHM}} = \mathbf{0}$: l'utilisateur ne modifie pas $\omega_{i,j}$.

Le paramètre γ_{human} règle l'**amplitude** de l'action humaine (s'il est trop grand, on supprime la dynamique auto-organisée ; s'il est trop faible, l'utilisateur ne parviendra pas à corriger la trajectoire du réseau).

Ce **mélange** entre la mise à jour purement **DSL** $\eta[S(i,j) - \tau \omega_{i,j}(t)]$ et l'intervention humaine $\gamma_{\text{human}}\Delta_{\text{IHM}}$ illustre le **co-pilotage**. L'auto-organisation subsiste tout en restant partiellement orientable par un retour externe.

C. Visualisation et Retours Synergiques

Dans un **SCN** de grande envergure, la principale difficulté réside dans la **visualisation** et la **lisibilité** de la structure $\{\omega_{i,j}\}$. Plusieurs approches permettent de représenter ces liens de manière exploitable.

Une **projection** PCA ou t-SNE permet de positionner les nœuds (entités \mathcal{E}_i) dans un espace 2D ou 3D de façon à ce que les distances reflètent la force des liaisons ω . Les *clusters* apparaissent alors sous forme de regroupements compacts. Une approche basée sur une **hiérarchie** exploite la formation de **macro-nœuds** (chap. 6.4), offrant une organisation en arborescence où chaque macro-nœud représente un sous-ensemble d'entités. L'utilisateur peut ainsi naviguer entre les différents niveaux de granularité. Pour un ensemble d'entités réduit, l'utilisation de **cartes de chaleur** permet une représentation matricielle des poids ω , facilitant l'identification des zones de forte synergie.

Cette **visualisation dynamique**, mise à jour en fonction des évolutions de ω , informe en temps réel sur les mécanismes d'auto-organisation. Le **SCN** peut également générer des alertes indiquant des événements spécifiques. Par exemple, un signal peut indiquer l'émergence soudaine d'un cluster autour d'une entité \mathcal{E}_k , ou détecter une augmentation rapide de certaines liaisons, suggérant la formation d'un nouveau regroupement inattendu.

L'interface expose ces **alertes** ou **informations**, permettant à l'utilisateur de valider ou de corriger ces tendances, bouclant ainsi avec le mécanisme de rétroaction Δ_{IHM} .

D. Avantages et Défis Conceptuels

En intégrant pleinement l'humain, le **DSL** ne fonctionne plus en "boîte noire". L'utilisateur intervient directement dans la **dynamique** en coopérant avec l'auto-organisation. Il peut accélérer

la formation d'un cluster pertinent ou empêcher une dérive vers un attracteur sous-optimal. Sur un plan **philosophique**, la machine et l'humain **co-construisent** l'état final, illustrant un paradigme d'IA *centrée sur l'humain*.

Plus on ajoute d'utilisateurs ou de retours humains (feedback Δ_{IHM} multiples), plus le SCN doit gérer des **flux** d'interactions supplémentaires. Sur le plan **mathématique**, cela se traduit par un surcroît de dimension (on insère \mathcal{E}_{user} multiples dans le réseau) et un **risque** d'instabilité si les retours humains sont contradictoires ou trop fluctuants. Des mécanismes d'**inhibition** ou de *lissage* (Δ_{IHM} n'est pas appliqué brutalement) peuvent alors être nécessaires.

Pour éviter l'**effondrement** de l'auto-organisation, il faut calibrer γ_{human} . Si ce coefficient est trop faible, les interventions manuelles sont ignorées, l'utilisateur se sent impuissant. S'il est trop grand, le DSL se mue en simple *système* à *pilotage manuel* et perd l'avantage d'une *dynamique* émergente. Trouver la zone "d'équilibre" entre ces deux extrêmes est souvent un **enjeu** de conception (expérimentations, retours d'usage).

10.5.5.4. Coopération entre multiples systèmes DSL

La logique du **DSL** (Deep Synergy Learning) ne se limite pas à l'échelle d'un seul **SCN** (Synergistic Connection Network). Il est courant, dans des environnements complexes ou distribués, d'envisager plusieurs **systèmes DSL** distincts, chacun opérant sur un sous-ensemble d'entités, un domaine particulier (vision, audio, texte), ou une partie autonome d'un système multiagent. La question centrale consiste alors à organiser la **coopération** entre ces différentes instances DSL, de manière à préserver l'**auto-organisation** locale tout en assurant une **cohérence** globale. L'enjeu mathématique est de combiner la **synergie** au sein de chaque DSL local avec une dynamique d'**échange** et d'**intégration** inter-systèmes, conduisant à un **méta-niveau** de coopération.

A. Contexte et Motivation

Il est fréquent qu'un problème complexe soit **fragmenté** en plusieurs sous-problèmes, chacun géré par son propre **DSL**. Par exemple, un premier DSL DSL₁ s'occupe d'analyser la vision (caméras, flux d'images), un second DSL DSL₂ traite de l'audio (capteurs sonores, micro), un troisième DSL DSL₃ gère des informations textuelles ou des mesures capteurs variés. Chaque DSL DSL_k s'autoorganise localement, grâce à sa propre matrice de pondérations $\{\omega_{i,j}^{(k)}\}$ et à une fonction de synergie $S^{(k)}(i,j)$ adaptée à son domaine. Cette organisation en îlots spécialisés évite qu'un unique SCN global devienne trop massif $(O(n^2)$ liens), tout en valorisant l'expertise contextuelle de chaque DSL.

Pour résoudre un problème complexe (par exemple, un robot multimodal, ou un essaim d'agents coopératifs), il est crucial que ces **systèmes** DSL locaux **communiquent** et **coopèrent**. Autrement, on risquerait une fragmentation extrême, où chaque DSL s'optimiserait localement sans tenir compte des autres. L'objectif est donc de **mettre en synergie** DSL₁, DSL₂, ... afin de partager des informations pertinentes, d'aligner certains clusters, ou d'exploiter des retours croisés (feedback coopératif inter-systèmes). Cela pose la question de la **structure** à adopter (par exemple, un **méta-SCN**).

B. Modélisation: Un Méta-SCN pour la Coopération

Cette approche repose sur la construction d'un **méta-SCN**, où chaque **DSL local** devient un **super-nœud** \mathcal{N}_k dans un réseau abstrait $\{\Omega_{k,\ell}\}$. La synergie $\Omega_{k,\ell}$ entre deux systèmes DSL_k et DSL_ℓ est quantifiée en observant leurs structures internes. Si des **clusters** similaires ou complémentaires émergent entre ces deux systèmes, la pondération $\Omega_{k,\ell}$ est renforcée, favorisant une coopération inter-DSL plus efficace. Sur un plan mathématique, on pourrait définir :

$$\Omega_{k,\ell}(t+1) = \Omega_{k,\ell}(t)\eta \left[\text{Sim}(\text{DSL}_k, \text{DSL}_\ell) - \tau \Omega_{k,\ell}(t) \right]$$

où $Sim(DSL_k, DSL_\ell)$ est une fonction mesurant la **compatibilité** ou la **corrélation** entre les configurations internes de DSL_k et DSL_ℓ . Une valeur de $\Omega_{k,\ell}$ élevée se traduit alors par un **lien** fort entre ces deux systèmes, indiquant un niveau de coopération potentiellement accru.

Au-delà de la construction d'un **méta-SCN**, on peut instaurer des **ponts** directs entre entités appartenant à des DSL différents. Si DSL₁ identifie un cluster $\mathcal{C}^{(1)}_{\alpha}$ et DSL₂ un cluster $\mathcal{C}^{(2)}_{\beta}$, on peut définir des liaisons $\omega_{(1,\alpha),(2,\beta)}$ s'il existe une co-occurrence ou une complémentarité de ces deux clusters. Une mise à jour itérative consolide ou inhibe ces liaisons. Mathématiquement, chaque DSL local DSL_k conserve sa structure $\{\omega_{i,j}^{(k)}\}$, mais on ajoute des liens "inter-systèmes" $\omega_{(k,\alpha),(\ell,\beta)}^{(inter)}$. Cette interconnexion enrichit la logique auto-organisée en permettant à deux DSL de "fusionner" partiellement leurs détections ou leurs interprétations.

C. Dynamique Coopérative et Circulation d'Informations

Pour favoriser la **coopération** entre DSL distincts, il est souvent nécessaire qu'ils s'**échangent** des données. Par exemple, si DSL_1 (vision) détecte un objet, il peut transmettre un signal à DSL_2 (audio) indiquant qu'un objet X est en position Y et lui demandant de rechercher une source sonore concordante. Sur le plan mathématique, ce signal se traduit par un renforcement de certains liens $\omega^{(inter)}$ entre DSL_1 et DSL_2 . À chaque pas, ou à chaque cycle, un algorithme de **synchronisation** (cf. chap. 5.7 sur la distribution) vient mettre à jour les pondérations inter-systèmes en fonction des nouveautés détectées.

Lorsque plusieurs **DSL** coopèrent mutuellement, des boucles peuvent émerger. DSL₁ influence DSL₂, et en retour, DSL₂ renforce DSL₁. Sur le plan dynamical systems, ce couplage multi-boucles peut provoquer des oscillations ou des attracteurs complexes. Il est donc prudent d'introduire des **mécanismes** de lissage, d'inhibition globale, ou de limites sur les amplitudes de renforcement inter-systèmes, pour éviter que la coopération ne tourne en spirale ou ne devienne trop instable.

D. Cas d'Usage et Exemples

Dans un essaim de robots (chap. 4.7.2), chaque robot peut embarquer son propre mini-SCN (capteurs, tâches locales). La coordination globale repose sur un **méta-SCN** reliant chaque robot R_k à ses pairs. Ainsi, si deux robots R_k et R_ℓ détectent une synergie (objectif commun, position compatible), la pondération $\Omega_{k,\ell}$ grandit, facilitant un **échange** d'informations ou une répartition des tâches plus harmonieuse.

Dans un réseau large, chaque agent (logiciel) héberge un **DSL** local analysant un certain flux (données textuelles, logs...). La **coopération** consiste à agréger les **clusters** ou les signaux suspects

à un niveau supérieur. Ainsi, une anomalie détectée localement peut être "proposée" à d'autres agents pour valider ou infirmer. La synergie inter-systèmes ω s'accroît si la même anomalie est confirmée par plusieurs DSL.

Plutôt que de concevoir un seul DSL gérant toutes les modalités (vision, audio, texte), on segmente chaque modalité en un DSL dédié. On met en place un **réseau** "meta" pour que, s'il y a consensus ou complémentarité entre la vision et l'audio, la fusion se produise sous forme d'un *super-lien* reliant ces deux DSL, autorisant des décisions communes.

E. Avantages et Limites

Gérer plusieurs DSL locaux plutôt qu'un unique SCN massif permet d'améliorer la scalabilité. Chaque DSL conserve une spécialisation, ce qui limite l'explosion combinatoire des liaisons. Le meta-niveau ou la coopération inter-systèmes apporte une vision holistique lorsque cela devient nécessaire. Cette approche renforce la résilience. Un DSL local qui faiblit ne compromet pas l'ensemble du réseau, tandis qu'un autre peut compenser les perturbations.

L'approche introduit un surcoût algorithmique, notamment pour la synchronisation et l'agrégation des clusters entre DSL. Il devient nécessaire de gérer les liens inter-systèmes $\omega^{(inter)}$ ainsi que la méta-matrice $\Omega_{k,\ell}$. De plus, il faut paramétrer avec précision la force du couplage $\gamma_{(inter)}$ afin d'éviter les boucles indésirables ou les oscillations instables.

L'uniformité de la synergie n'est plus garantie, chaque **DSL** local appliquant son propre calcul $S^{(k)}$. Il est nécessaire de concevoir des **formules** d'harmonisation ou de conversion lorsqu'on compare, par exemple, la "note" de DSL₁ en vision et celle de DSL₂ en texte.

10.5.5.5. Évolution technologique et nouvelles architectures (quantique, edge computing)

Le **Deep Synergy Learning (DSL)**, dans sa recherche de **scalabilité** et de **performance** accrue, est susceptible de tirer profit de nouvelles **approches** technologiques. Deux pistes particulièrement évoquées dans les débats actuels sont l'**informatique quantique** et l'**edge computing**. D'un point de vue **mathématique**, il convient d'examiner comment ces solutions pourraient, d'une part, **améliorer** ou **transformer** le calcul des synergies S(i,j) et l'évolution des pondérations $\omega_{i,j}$, et, d'autre part, **répondre** aux contraintes d'**infrastructure** (mémoire, communication, temps de latence) inhérentes à un **SCN** (Synergistic Connection Network) à large échelle.

Un **ordinateur quantique** se fonde sur l'usage de **qubits** (plutôt que de bits classiques), permettant d'exploiter la **superposition** d'états et l'**intrication**. Les **opérations** sont décrites par des **portes** quantiques, et certains algorithmes bénéficient d'une **accélération** par rapport aux algorithmes classiques, notamment pour certaines tâches de **recherche** ou d'**optimisation**.

Sur le plan **mathématique**, l'algorithme quantique explore l'espace des solutions en parallèle, potentiellement réduisant le nombre d'opérations nécessaires pour des problèmes spécifiques. Bien que la supériorité du quantique ne soit pas prouvée sur *tous* les problèmes, son intérêt se précise pour des tâches comme la factorisation, les simulations moléculaires, ou l'**algèbre linéaire** à grande dimension.

L'intégration d'une architecture quantique dans un **DSL** peut améliorer plusieurs aspects du **SCN**, notamment en accélérant le calcul des similarités et en optimisant la recherche des configurations synergiques.

Le calcul de similarité repose sur l'évaluation de la synergie S(i,j), qui dépend souvent de distances, de produits scalaires ou de mesures sémantiques. Les algorithmes quantiques tels que **HHL** (Harrow-Hassidim-Lloyd) offrent une amélioration significative dans la résolution de systèmes linéaires, facilitant ainsi l'inversion de matrices et le calcul rapide des noyaux de similarité. Pour des ensembles d'entités de grande taille, l'utilisation d'un **Quantum Kernel Trick** ou d'un algorithme de **Quantum Linear Algebra** pourrait accélérer le calcul de S(i,j), rendant l'analyse des synergies plus efficace.

L'optimisation quantique permet d'explorer l'espace des configurations $\{\omega\}$ en évitant les pièges des minima locaux. Le **recuit quantique** repose sur la **tunnelisation** et la **superposition quantique**, ce qui facilite la transition entre différentes solutions optimales et réduit le risque de verrouillage dans des configurations sous-optimales. L'utilisation d'un **quantum annealer**, comme les machines D-Wave, pourrait améliorer la mise à jour des pondérations en exploitant des méthodes inspirées des modèles d'Ising. Une partie du **DSL**, exploitant déjà un recuit simulé (chap. 7.3), pourrait ainsi être renforcée par cette approche, permettant une convergence plus rapide et plus stable vers des structures synergiques pertinentes.

L'intégration d'algorithmes quantiques dans le **DSL** intervient principalement dans l'optimisation des pondérations et l'amélioration du traitement des synergies, offrant une accélération des calculs tout en préservant la dynamique auto-organisée du **SCN**.

L'implémentation d'un DSL quantique se heurte encore à la maturité limitée des technologies quantiques. Encoder la matrice $\omega_{i,j}$ ou la fonction S(i,j) dans un registre quantique représente un défi conceptuel et pratique. Les algorithmes quantiques ne sont actuellement efficaces que pour un nombre de qubits relativement modeste, et le **bruit** matériel complique l'implémentation de calculs stables. L'idée d'un **DSL** entièrement exécuté sur un device quantique demeure prospective, mais ouvre de riches perspectives. On pourrait imaginer un **SCN** exploitant l'intrication pour évaluer simultanément de multiples couplages ou pour franchir plus rapidement des barrières d'énergie correspondant à des minima locaux.

B. Edge Computing et DSL

L'edge computing propose de déporter une part du calcul au plus près des capteurs ou des usagers, plutôt que de centraliser tous les flux dans un data center ou un cloud. Cela réduit la latence, la consommation de bande passante et favorise un certain autonomisme local. Dans un contexte DSL, où les entités $\{\mathcal{E}_i\}$ peuvent être des capteurs, des robots, des microcontrôleurs, cette approche répond bien à la nécessité d'une mise à jour $\omega_{i,j}$ potentiellement massive, dont le coût en centralisé deviendrait rapidement prohibitif.

Pour réaliser un **DSL** "edge-based", on peut répartir les entités sur plusieurs **nœuds** (appareils physiques, gateways, robots, etc.). Chaque **nœud** administre un **sous-SCN** (sous-DSL), met à jour localement les pondérations $\{\omega_{i,j}\}$ correspondant aux entités qu'il gère, et n'envoie au **cloud** central ou aux autres nœuds que des **résumés** (super-nœuds, méta-informations). Sur le plan **mathématique**, cela se rapproche d'une **partition** de l'ensemble d'entités, complétée par des **liens** inter-partitions pour la cohérence globale (voir chap. 5.7.1 sur la distribution).

La scalabilité devient plus gérable, chaque nœud local traitant $O(n_k^2)$ liens, où n_k est le nombre d'entités sur le nœud k. Les synchronisations se déroulent par périodes, minimisant la bande passante. L'auto-organisation adopte une forme multi-niveau, combinant un DSL local exécuté sur l'edge et un macro-niveau dédié à la coordination des clusters et à la reconfiguration internœuds. Les mécanismes d'inhibition, de recuit et de feedback coopératif interviennent à la fois localement et à l'échelle globale, renforçant la robustesse du système. Ainsi, même en cas de défaillance d'un nœud edge, le réseau conserve sa capacité de mise à jour et d'adaptation.

C. Synthèse et Perspectives

Bien que toujours en recherche de maturité, le quantique pourrait, à terme, offrir une **accélération** mathématique pour certaines briques du DSL (évaluation de S(i,j), recuit, solving global). L'idée d'exploiter le **quantum annealing** pour franchir des minima énergétiques ou de recourir à des **portes** quantiques pour calculer des similarités massives est prometteuse, mais exige encore des efforts de formulation (comment représenter $\omega_{i,j}$ en qubits, quelle structure de circuit ?). L'exploitation quantique reste donc plutôt exploratoire, tout en étant dans la lignée d'une démarche auto-organisée privilégiant l'exploration distribuée d'un espace complexe.

Plus immédiatement accessible, l'**edge computing** répond aux défis de **scalabilité** et de **latence** d'un DSL à grande dimension. Un **SCN** morcelé en **edge-SCN** confère à chaque segment local la responsabilité de ses entités, gère la mise à jour ω en proximité physique (moins de data transférées), et ne sollicite la couche macro (cloud) que pour des **agrégations** ou **coordination** globales. Cette démarche intègre la **multi-échelle** décrite au chapitre 6, où chaque **edge-SCN** représente un niveau micro ou méso, tandis que la coordination cloud constitue un **méta-niveau**.

Sur le plan mathématique, un **DSL** hybride pourrait émerger en combinant deux approches complémentaires. Un **quantum DSL** exploite des propriétés quantiques pour l'optimisation locale et la mesure de similarité. Un **edge DSL** se répartit sur plusieurs nœuds afin d'assurer robustesse et scalabilité.

Les boucles de rétroaction décrites au chapitre 10 se manifesteraient alors sous une forme multiniveau et multi-technologique, contribuant à une auto-organisation encore plus souple et adaptative.

10.5.5.6. Lignes directrices pour la recherche future

Le Chapitre 10 a mis en évidence les défis et les perspectives associés à l'approche Deep Synergy Learning (DSL) dans sa dimension de feedback coopératif, de dynamique auto-adaptative et de coordination multi-niveau. Au-delà de la réalisation actuelle du DSL dans divers scénarios (multi-modalité, robotique, systèmes distribués), plusieurs lignes directrices se dessinent pour la recherche future, aussi bien sur le plan mathématique (analyse formelle de l'énergie, de la stabilité, de la non-linéarité) que sur le plan implémentation (scalabilité, interfaçage avec d'autres paradigmes, frameworks dédiés). Cette section (10.5.5.6) synthétise ces orientations et propose des axes de travail.

A. Formalisation Mathématique Avancée du Feedback Coopératif

De précédentes sections ont suggéré qu'une fonction d'énergie $\mathcal{J}(\Omega)$ pouvait agréger non seulement la **synergie** S(i,j), mais également des **termes** incarnant le **feedback** coopératif (rétroaction macro-nœud, interactions top-down). Une **version multi-niveau** de \mathcal{J} permettrait de distinguer :

$$\mathcal{J}(\mathbf{\Omega}) = \mathcal{J}_{\text{micro}}(\{\omega_{i,j}\}) + \mathcal{J}_{\text{macro}}(\{\Omega_{\alpha,\beta}\}) + \dots$$

chaque couche (micro, macro, intermédiaire) disposant d'un **terme** dédié. L'enjeu serait d'analyser la stabilité de cette fonction, l'existence de **minima locaux**, la possibilité de **cycles** ou d'attracteurs chaotiques. Sur le plan **mathématique**, cela peut requérir des outils d'analyse non linéaire, de **théorie des bifurcations**, ou des approches inspirées de la **physique statistique**.

Dans des cas où la **coopération** ne se réduit pas à des liens binaires $\omega_{i,j}$, mais implique des **ensembles** $\{i_1, ..., i_k\}$, la **synergie** devient n-aire (voir Chap. 12). Il importe alors de déterminer comment se conçoit un **feedback** coopératif pour des liens n-aires :

$$\Delta_{\text{down}}(i_1,\ldots,i_k),$$

indicatif d'un macro-nœud affectant simultanément un groupe d'entités. Cela accroît la **dimension** du problème et suggère des méthodes d'**optimisation** plus complexes (recuits et heuristiques globales, algorithmes de partition n-aire). Approfondir la **dynamique** de ce type de **DSL étendu** représente un défi majeur. La **non-linéarité** des interactions et la **combinatoire** croissante des mises à jour rendent l'analyse plus complexe. Il devient nécessaire de développer des **théorèmes** établissant des conditions de **convergence** ou des critères de **stabilité**, tout en concevant des **heuristiques spécifiques** pour optimiser les calculs et éviter l'explosion de la complexité.

B. Approches Hybrides et Alliances avec d'Autres Méthodes

Les Graph Neural Networks (GNN) utilisent des **messages** échangés entre nœuds pour des tâches supervisées ou semi-supervisées. Le **DSL**, quant à lui, repose sur la **mise à jour** des pondérations $\omega_{i,j}$ par descente DSL et sur un **feedback** coopératif. Une perspective prometteuse consiste à **fusionner** ces deux approches. Chaque nœud d'un GNN pourrait intégrer la logique DSL pour ajuster dynamiquement ses liaisons locales $\{\omega_{i,j}\}$, tandis que les couches du GNN fourniraient une représentation hiérarchique permettant un apprentissage **end-to-end**, tout en maintenant la **flexibilité** et la **cohérence** auto-organisée caractéristiques du DSL.

Cette hybridation GNN–DSL gagnerait en puissance expressible et en capacité d'adaptation locale, sans sacrifier l'**optimisation** globale via backprop.

Le chapitre 7.7 aborde l'introduction d'une **récompense** (reward) extrinsèque appliquée aux **liens** $\omega_{i,j}$. Un **couplage** entre l'apprentissage par renforcement (RL) et le Deep Synergy Learning (DSL) permet de maintenir la **dynamique** DSL, qui ajuste les liaisons en fonction des synergies locales, tout en intégrant des **retours** de performance liés à la réussite d'une tâche globale.

Mathématiquement, la **convergence** devient encore plus délicate, car on mélange un **système** d'équations non linéaires (descente DSL) et un algorithme RL (Q-learning, policy gradient...). Il conviendrait de formaliser la **stabilité** ou le **régime** atteignable (un attracteur commun ? un régime oscillatoire ?) et de concevoir des heuristiques stochastiques robustes pour gérer l'ensemble.

Plusieurs passages, notamment dans le chapitre 3.5, mettent en avant l'objectif d'intégrer le **monde symbolique**, fondé sur des règles logiques et des contraintes déclaratives, à la **dynamique** subsymbolique du DSL. Les recherches futures s'orienteront vers la définition d'un **formalisme** permettant une rétroaction symbolique, où un macro-nœud "règle" pourrait imposer une correction Δ_{down} sur certains liens ω . Une autre perspective consiste à examiner comment des liaisons subsymboliques $\omega_{i,j}$ influencent l'**évolution** de règles logiques, en mettant en place un mécanisme de feedback inversé. Enfin, l'élaboration de "DSL modules" encapsulant différents formalismes permettrait d'étudier les interactions entre logiques symboliques et dynamiques sub-symboliques, notamment à travers les mécanismes d'**inhibition** ou de "clipping symbolique" dans un réseau hétérogène.

C. Applications Multi-Modal, Robotique, Temps Réel

Le chapitre 8 aborde déjà la fusion multi-modale intégrant l'image, l'audio et le texte. L'objectif futur est d'explorer des scénarios plus complexes où l'intégration des données se fait sur des ensembles encore plus vastes et variés. Cela inclut l'exploitation de la vision stéréo ou 3D, la combinaison de signaux EEG et biométriques, ou encore l'analyse de données conversationnelles massives en temps réel. Le DSL pourrait se confronter à de larges volumes en ajoutant du recuit multi-modal (température distincte par modalité) et en vérifiant la cohérence fractale (chap. 6). Les questions portent sur la robustesse aux bruits divers, la répartition d'inhibition inter-modal, etc.

Le feedback top-down (chap. 10) oriente déjà les comportements robotisés. Un **pas supplémentaire** est la mise en œuvre sur des **essaims** de robots hétérogènes, chacun gérant un DSL local (capteurs, actionneurs, comportement). Un **macro-nœud** global ou un protocole pair-à-pair harmonise la mission collective, introduisant un **feedback** coopératif. Les questions mathématiques concernent l'**échelle** (une centaine, un millier de robots?), la nature des couplages (inhibition spatiale, recuit stochastique pour éviter blocage) et la stabilisation en contexte dynamique (obstacles en mouvement, pannes, etc.).

Chap. 9 offre déjà un canevas d'apprentissage continu, mais des **routines** plus élaborées pourraient injecter du **bruit** ou des micro-changements lorsqu'un cluster stagne trop, ou réactiver d'anciens liens si le contexte redevient pertinent (mémorisation de patterns). Le **défi** est d'atteindre un **équilibre** entre réactivité locale et cohérence globale, avec la possibilité de "revivifier" d'anciens motifs pour en pas perdre définitivement des connaissances passées.

D. Théorie de la Complexité et Scalabilité

La mise à jour de toutes les paires (i,j) a un coût $O(n^2)$. Pour dépasser ce verrou, les recherches futures porteront sur des **schémas** DSL "sparsifiés" (k-NN, ϵ -radius) et la **preuve** de leur convergence (ou de leur approximation) par rapport au DSL complet. Une autre direction explorera des **bornes** de garantie (ex. ratio d'approximation), démontrant que limiter la mise à jour aux voisins n'introduit pas de trop grands écarts dans la formation des clusters.

On a observé que certains SCN DSL pouvaient exhiber des distributions de liens suivant des **lois de puissance**, rappelant la structure **scale-free** ou fractale (chap. 6). Les travaux futurs pourraient clarifier l'effet de l'**inhibition**, de la **température** du recuit, ou des **paramètres** η , τ sur la stabilité ou l'émergence d'une structure fractale. Sur un plan **mathématique**, on parle de modéliser ces

processus via la dynamique "réseau-génèse" en s'inspirant des random graphs évolutifs et des théories de percolation.

E. Vers de Nouveaux Frameworks et Standards

Les frameworks de deep learning classiques (TensorFlow, PyTorch) ne supportent pas nativement la **logique** DSL, incluant la mise à jour $\omega_{i,j}$ par itérations et le feedback coopératif. Il existe donc un **vide** à combler avec la conception d'un framework "DSL-friendly". Cela implique la mise en place d'un **module** interne capable de gérer la **matrice** ω , ses mises à jour, ainsi que les mécanismes d'inhibition et de saturation. Une **API** dédiée permettrait d'injecter des synergies S(i,j), de les paramétrer et de recueillir des feedbacks top-down. Enfin, une **infrastructure** scalable, incluant la distribution des nœuds et le streaming de données, serait nécessaire pour traiter efficacement de gros volumes.

E.2. Normalisation des Formats d'Entités

Dans les chapitres précédents, la **diversité** des représentations a été mise en évidence, incluant les approches symboliques, vectorielles et multi-modales. Un **SCN** de grande échelle doit être capable de gérer ces formats hétérogènes. Pour cela, l'instauration d'une norme serait nécessaire afin d'unifier les traitements. Cela impliquerait la définition d'un **contrat** de base reposant sur des fonctions comme "distance(i,j)" et "similarité(i,j)". Par ailleurs, un **formalisme** de métadonnées pourrait préciser comment une entité \mathcal{E}_i doit être intégrée dans le DSL, en identifiant les dimensions ou attributs pertinents pour son traitement.

Une telle normalisation simplifierait l'**interopérabilité**, l'échange de modules DSL entre différents labs ou projets, et faciliterait la **reproductibilité** des expériences.