Päsentation Bachelorarbeit

Michael Bräunlein mbraeunlein@gmail.com



Klassifikation der Schwierigkeitsgrade von Sudokus mit Methoden des maschinellen Lernens

Einleitung



- ► Sudokus finden sich überall
- Unterschiedliche Bewertungsskalen
- ► Unterschiedliche Einteilungsverfahren
- Bisher kein Verfahren zur Einteilung mit maschinellem Lernen
- ► Sudokus sind zur Bearbeitung mit Computern prädestiniert

Die Regeln



- ► Sudoku hat nur eine Regel
- In jeder Zeile, jeder Spalte und jedem Block muss jede Ziffer von 1 bis 9 genau einmal vorkommen
- Jedes Sudoku hat eine eindeutige Lösung
- Das Sudoku gilt dann als gelöst, wenn alle Felder ausgefüllt sind

Lösungmethoden



- ▶ Lösungsmethoden sagen viel über den Schwierigkeitsgrad aus
- ► Jeder Spieler benutzt Lösungsmethoden
- Kandidatenlisten erleichtern das Finden von Zahlenkonstellationen, die Voraussetzung für bestimmte Lösungsmethoden sind
- ► Es gibt viele verschiedene Lösungsmethoden, grob werden zwei Kategorien unterschieden

2 7 9	1	2 5 7
4	8	3
2 7 9	6	2 7

Hidden Single



_			_			_		_		_		_		_			_			_		_
7	5	9		2 5 8	9	7	2		1	4		7	2		6			3			2	9
1	2	3 6 9	1	2	9	1	2		5	2	3		2		4			7		1	2	9
1 7	2	3 6	1	2		1 4 7	2	7	2 3	7	3		9	1	2			2			5	
7	2	9		3		7	2	7	2 9	1		7	2 5	T	8			2 5	6		4	
1 7	2		1	2			6		4	8	,		3		9			2 5		7	2	
	4			2	9		5	7	2 9	6)	7	2	7	2	3		1		7	2	3
	8		1	2		1	2		6	7	3	1 7	2	7	2	3	4	2 5	9	1 7	2	3
1	2 5			7			3		2 9	2	9		8	1	5		4	2 5	6 9	1	2	6
1	2			6			9	7	2 3	5			4	1 7	2	3		2		1	2	3

Pointing Pair / Triple



4	5	6		7			3			1			8			6	4		9		5	6 9		2	
	1			9			8			2		4 7		6	ŗ	5	4 7			7		6		3	
4	5	6	4	5	6		2		4		6	4 7		6	3	3	4 7	8	9	7	5 8	6		1	
4	5 8	6		3		4	5	6		8	6			6	,	7		1			2		4	5 8	9
	2 5 8			2 5 8			7			3			1		4	1		6	•		5 8	9		5 8	9
4	2	6		1			9			5			2	6	2	6	4 7	8			3		4	8	
4	2 5 8	6 9	4	2 5 8	6		1		4	8	6	4	5	6	2	6 9		3	}	7	8	6 9	7	8	6
	3			5	6		5	6		7			5	6		L		2	-		4			8	6
4	2	6	4	2	6	4		6	4	8	6		3		2	6 9		5	;		1		7	8	6

Two-String-Kite



3 4	2	6	7	1 5	8	1 4	9	1 3
1	9	5	4	2 5	3	2 7 8	2 5 6 7	2 5 6
3 4 8	3 5 8	7	1 5 6	9	2 6	1 2 4 8	1 2 4 5	2 3 5
3 6	1 3	9	2 6	8	5	1 2	1 2	4
5	4	2	3	7	1	6	8	9
7	1 6 8	1 8	9	4	2 6	3	1 2 5	1 2 5
9	7	3	1 2	6	4	5	1 2	8
2 6	1 5	1 5	8	3	9	4	4 6	7
2 6 8	6	4	1 2 5	1 2	7	9	3	1 2 6

XY-Wing



5	1	9	4	7	6	8	2	3
7 8	6	2	3 5 9	5 8 9	3	7 9	1	4
7 8	4	3	2 9	1	2 8 9	5	6	7 9
2	3	6 7	3 6 7 9	6 9	5	4	8	1
1	5	4 6	2 3 6 7	2 4 6 8	2 3 4 7 8	3 6 7	9	6
4 6	3	8	1	4 6 9	3 4 7 9	3 6 7	5	2
6 9	7	5	2 6 9	2 4 6 9	2 4 9	1	3	8
3	8	1	5 6 7 9	5 6 9	7 9	2	4	6
4 6 9	2	4 6	8	3	1	6 9	7	5

Was sind Featurevectoren



- Merkmalsvektor
- n-dimensionaler Vektor
- ► Repräsentation eines Objekts
- ► Ein Eintrag steht für eine Eigenschaft des beschriebenen Sudokus
- ► Featurevektoren sind die Eingabe des Klassifikationsalgorithmus

Wie werden Featurevectoren erzeugt



- ► Am Anfang bekannte Zahlen
- Einträge der Kandidatenlisten
- ► Hinzugefügte Zahlen
- ► Entfernte Zahlen
- Unterschiedliche Lösungswege für Sudokus möglich
- Einfachster Lösungsweg gesucht
- Ungelöste Felder
- ► Insgesammt 261 Features

Entkopplung von konkreten Zahlen



- ► Fast gleiche Sudokus mit vertauschten Zahlen
- Gleicher Schwierigkeitsgrad
- Unterschiedliche Featurevectoren bei gleichem Lösungsweg

Entkopplung von konkreten Zahlen



- ► Fast gleiche Sudokus mit vertauschten Zahlen
- Gleicher Schwierigkeitsgrad
- Unterschiedliche Featurevectoren bei gleichem Lösungsweg
- ► Lösung?

Entkopplung von konkreten Zahlen



- ► Fast gleiche Sudokus mit vertauschten Zahlen
- ► Gleicher Schwierigkeitsgrad
- Unterschiedliche Featurevectoren bei gleichem Lösungsweg
- Sortierung der Features nach Häufigkeit
- Kein relevanter Informationsverlust
- ▶ Gleicher Featurevector auch bei vertauschten Ziffern

Entkopplung von konkreten Zahlen (Beispiel)



- Beispiel des Featurevectors einer Methode (1, 0, 4, 15, 3, 0, 9, 2, 0)^T
- ► Vertauchte Ziffern 7 und 8 (1, 0, 4, 15, 3, 0, 2, 9, 0)^T
- ► Nach der Sortierung nach der Häufigkeit (15, 9, 4, 3, 2, 1, 0, 0, 0)^T

Software



- ► Fremdsoftware für Klassifizierer und Lösungsmethoden
- ► Für den Klassifizierer: Weka¹, J48 Klassifizierer
- ▶ Für die Lösungsmethoden: Hodoku²
- Beide Projekte stehen unter der GPLv3 Lizenz
- ▶ Eigene Software in Java
- Extrahierung der Featurevectoren und Verbindung der Projekte

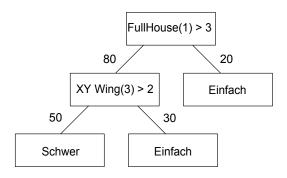
¹http://www.cs.waikato.ac.nz/ml/weka/

²http://hodoku.sourceforge.net/de/index.php

J48 Klassifizierer



- ► Genauer Algorithmus, der auch Einblicke in die Klassifikationsgrundlage liefert
- ► Erstellt mit den Trainingsdaten einen Entscheidungsbaum



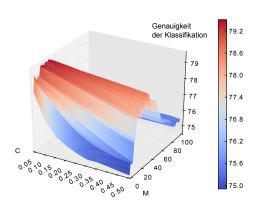
J48 Klassifizierer



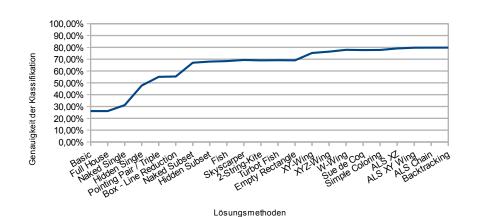
- ▶ J48 erhält 2 Parameter C und M für postpruning
- Je kleiner C, desto eher wird der Baum abgeschnitten
- Je größer M, desto mehr Instanzen müssen sich mindestens in einem Blatt befinden
- ► Optimierung der Parameter für das verwendete Testset
- ▶ 1000 Auswertungen von Parameterkombinationen
- ▶ Optimum bei C: 0.1 und M: 30

Optimierung der Parameter









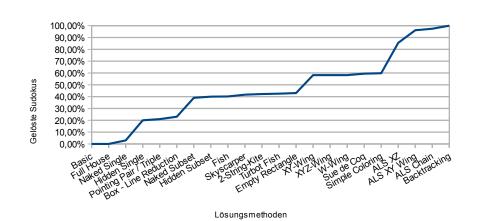


Zugeordnete Klasse

		_					
		а	b	С	d	е	
a)	а	1000	0	0	0	0	a = Easy
(lasse	b	0	568	115	93	224	b = Middle
	С	0	288	333	221	158	c = Hard
_	d	0	309	257	225	209	d = Unfair
	е	0	415	149	177	259	e = Extreme

Abbildung: Konfustionsmatrix mit einschließlich Hidden Single Methode







Zugeordnete Klasse

		а	b	С	d	е	
a)	а	1000	0	0	0	0	a = Easy
lasse	b	0	999	1	0	0	a = Easy b = Middle
(la	С	1	35	785	145	34	c = Hard
_	d	0	10	129	636	225	d = Unfair
	е	0	0	14	367	619	e = Extreme

Abbildung: Konfustionsmatrix mit allen vorgestellten Lösungsmethoden

Mapping



- Vergleich verschiedener Bewertungsskalen
- Trainieren einen Klassifizierers mit einem Trainingsset
- Klassifizieren eines zweiten Sets mit dem gelernten Entscheidungsbaum
- ➤ Zur Verifikation Datensets vertauschen
- ▶ Darstellung der Ergebnisse als Matrix

Mapping Matrix



Zugeordnete Klasse

Ursprüngliche Klasse

Zugeordnete Klasse											
	Easy	Middle	Hard	Unfair	Extreme						
Sehr Einfach	32	0	0	0	0						
Einfach	32	0	0	0	0						
Standard	32	0	0	0	0						
Moderat	0	32	0	0	0						
Anspruchsvoll	0	1	30	1	0						
Sehr Anspruchsvoll	0	1	28	2	1						
Teuflisch	0	0	7	8	17						

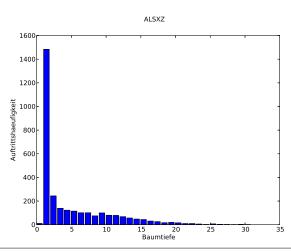
Relative Güte der Features



- ▶ Manche Features bieten mehr Informationen als andere
- Wichtigere Features stehen weiter oben im Entscheidungsbaum
- ► Unwichtige Features können auch gar nicht im Baum vorkommen
- ▶ J48 benutzt postpruning
- Evaluierung der wichtigen Features kann den Featurevector schmaler machen und dadurch die Laufzeit beim Erstellen des Entscheidungsbaums verbessern
- Finden der wichtigen Features mit CFS
- ▶ 18 von 261 Features ausgewählt, Genauigkeitsverlust von 1%

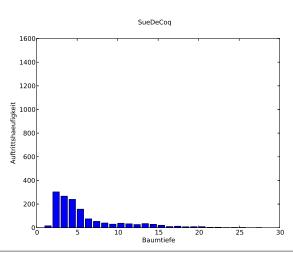
Relative Güte der Features (ALS XZ)





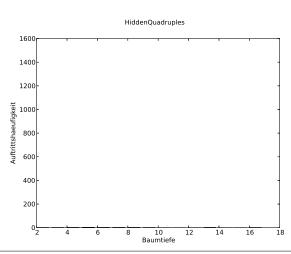
Relative Güte der Features (Sue de Coq)





Relative Güte der Features (Hidden Quadruples)





Zusammenfassung



- Erstellen eines Featurevectors
- ► Entkopplung von konkreten Zahlen
- ► Klassifikation mit J48
- Genauigkeit von ca. 80%
- Optimierung der Parameter
- Identifikation von Features die mehr Informationsgewinn liefern
- ► Mapping verschiedener Bewertungsskalen

Ausblick



- ► Entwicklung neuer Features z.B. Zeit, die ein menschlicher Spieler zum Lösen benötigt
- Verwendung von mehr Lösungsmethoden
- Evaluierung anderer Klassifikationsalgorithmen
- Qualitätsevaluation des Mappingverfahrens





Hall, M., A.: "Correlation-based Feature Subset Selection for Machine Learning ". University of Waikato, 1998.



Witten, I., H.; Frank, E.; Hall, M., A.: "Data Mining: Practical Machine Learning Tools and Techniques - Practical Machine Learning Tools and Techniques ". 3. Auflage, Elsevier Amsterdam, 2011.

Ende...



