

# Lección 5.C - Simulación de procesos AR(1) y exploración de sus correlogramas

Marcos Bujosa

## 1. Objetivo de la práctica

Guión: [P-L05-C-simulacion-procesos-AR.inp](#)

### Objetivo

1. Observar la ACF y PACF de distintos modelos AR(1).
  - Observar que el signo y la magnitud de  $\theta_1$  afecta al signo y magnitud de la autocorrelación de orden 1.
  - Observar que el signo y la magnitud de  $\theta_1$  afecta al comportamiento de la PACF y su velocidad de decaimiento.

### Requerimientos previos

Programa o recupere de una práctica anterior una función que simule procesos AR( $q$ )

```
function series SimuladorAR(matrix phi)
    # SimuladorAR(phi) simula un proceso AR(p),
    # donde phi es el polinomio AR y p es su grado.
    scalar p = cols(phi)
    series U = normal(0,1)
    series Y = 0
    setinfo Y --description="Serie simulada"
    loop i = (p+1)..$nobs
        scalar comb_pasado_Yt = 0
        scalar perturbacion = U[i]
        loop j = 2..p
            comb_pasado_Yt += -phi[1,j] * Y[i-j+1] # expresión abreviada
        endloop
        Y[i] = comb_pasado_Yt + perturbacion
    endloop
    return Y
end function
```

Para que se observe bien la estructura de las ACF y PACF estimadas, establezca un tamaño de muestra suficientemente grande.

```
# establecemos la muestra
nulldata 1500
setobs 12 1900:01 --time-series
```

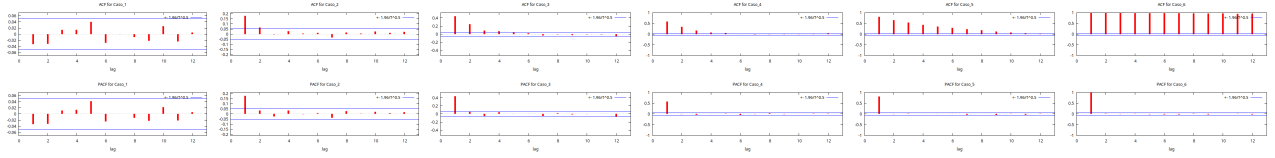
## 2. Actividad 2 - Modelos AR(1) parámetro positivo

Pruebe a simular modelos AR(1)

$$(1 - \theta B) * X = U$$

donde  $U \sim WN(0, 1)$ , con valores paramétricos: entre 0 y 1; y estime los correlogramas.

- Para  $\theta_1 \approx 0, \quad 0,2, \quad 0,4, \quad 0,6, \quad 0,8, \quad 1$ .



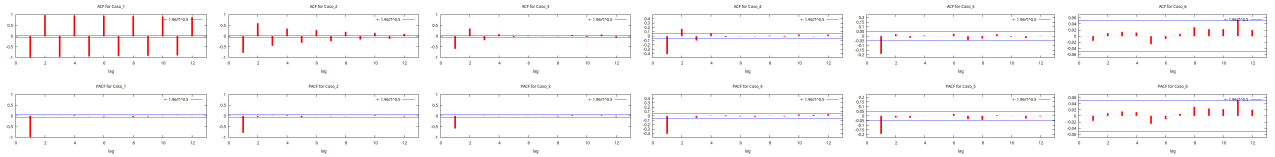
### 3. Actividad 1 - Modelos AR(1) parámetro negativo

Pruebe a simular modelos AR(1)

$$(1 - \theta B) * X = U$$

donde  $U \sim WN(0, 1)$ , con valores paramétricos: entre  $-1$  y  $0$ ; y estime los correlogramas.

- Para  $\theta_1 \approx -1, \quad -0,8, \quad -0,6, \quad -0,4, \quad -0,2, \quad 0$ .



## 4. Código completo de la práctica

Guión completo: `P-L05-C-simulacion-procesos-AR.inp`

```
# Los dos primeros comandos son necesarios para que Gretl guarde los resultados de la práctica en el directorio de trabajo
# al ejecutar lo siguiente desde un terminal (use los nombres y ruta que correspondan)
#
# DIRECTORIO="Nombre_Directorio_trabajo" gretlcli -b ruta/nombre_fichero_de_la_practica.inp
#
# Si esto no le funciona en su sistema, comente las siguientes dos líneas y sitúese en el directorio de trabajo de gretl
# que corresponda (configure dicho directorio de trabajo desde la ventana principal de Gretl).

string directory = getenv("DIRECTORIO")
set workdir "@directory"

function series SimuladorAR(matrix phi)
    # SimuladorAR(phi) simula un proceso AR(p),
    # donde phi es el polinomio AR y p es su grado.
    scalar p = cols(phi)
    series U = normal(0,1)
    series Y = 0
    setinfo Y --description="Serie simulada"
    loop i = (p+1)..$nobs
        scalar comb_pasado_Yt = 0
        scalar perturbacion = U[i]
        loop j = 2..p
            comb_pasado_Yt += -phi[1,j] * Y[i-j+1] # expresión abreviada
        endloop
        Y[i] = comb_pasado_Yt + perturbacion
    endloop
    return Y
end function

# establecemos la muestra
nulldata 1500
setobs 12 1900:01 --time-series

scalar n = 0
loop for (r=0; r<=1.1; r+=0.2)
    n += 1
    scalar theta1 = r
    nombre = sprintf("PhiPositivo-%d(%1.1f)", n, theta1)
    sname = sprintf("Caso_%d", n)
    series @sname = SimuladorAR( {1, -theta1} )
    corrgm @sname 12 --plot=@nombre.png
endloop

scalar n = 0
loop for (r=-1; r<=0.1; r+=0.2)
    n += 1
    scalar theta1 = r
    nombre = sprintf("PhiNegativo-%d(%1.1f)", n, theta1)
    sname = sprintf("Caso_%d", n)
    series @sname = SimuladorAR( {1, -theta1} )
    corrgm @sname 12 --plot=@nombre.png
endloop
```