Ejercicio de identificación de un modelo ARIMA

Datos

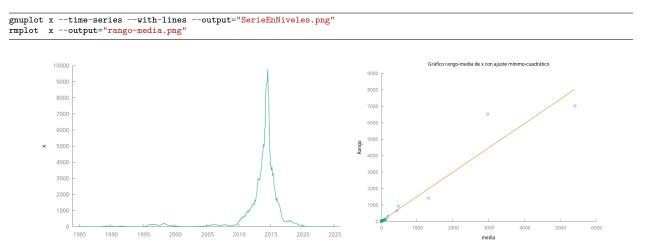
Cargue la serie de datos simulados f7dcbd-12.gdt

open IdentificaEstosARIMA/f7dcbd-12.gdt

Tareas a realizar

- 1. Realice un primer análisis gráfico: haga un gráfico de la serie y un gráfico rango-media
- 2. Determine si es necesario transformar logarítmicamente los datos
- 3. Determine si es necesario tomar una o más diferencias regulares de la serie
- 4. Determine si es necesario tomar una diferencia estacional de la serie
- 5. Encuentre un modelo ARIMA para la serie que sea lo más parsimonioso posible, pero cuyos residuos se puedan considerar *ruido blanco*.

Primer análisis gráfico

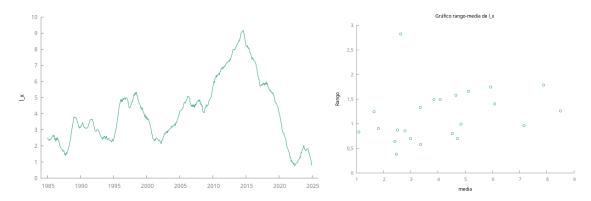


Estacionariedad en varianza

A la luz de los anteriores gráficos, donde se aprecia que la variabilidad de los datos aumenta con el nivel de la serie, **parece necesaria la transformación logarítmica.**

Transforme logarítmicamente los datos y grafíquelos





La serie en logs ya parece estacionaria en varianza.

Estacionariedad en media

El gráfico de la serie 1_x parece mostrar una evolución en su nivel (una tendencia). Por tanto, parece indicado tomar una diferencia ordinaria.

No obstante, probemos a ajustar un modelo AR(1), probablemente obtendremos un polinomio autoregresivo con una raíz muy próxima a uno (o incluso menor que uno en valor absoluto).

AR1 <- arima 1 0 0 ; 1_x

Evaluaciones de la función: 93 Evaluaciones del gradiente: 24

AR1: ARMA, usando las observaciones 1985:01-2024:12 (T = 480)

Estimado usando AS 197 (MV exacta)

Variable dependiente: 1_x

Desviaciones típicas basadas en el Hessiano

	coeficien	te Desv.	típica	z	valor p
const phi_1	2,43628 0,998052	•	557 178662	1,420 558,6	0,1556 0,0000 ***
Media de la Media de inn R-cuadrado Log-verosimi Criterio de	novaciones	4,117853 0,000257 0,996075 317,4684 616,4154	D.T. in R-cuad Crite	de la vble. nnovaciones drado corre rio de Akai de Hannan-Q	0,124169 gido 0,996075 ke 628,9367
		Real Imag	inaria	Módulo F	recuencia
AR Raíz 1 	1	,0020 (0,0000	1,0020	0,0000

AR1 guardado

Tal como se anticipaba, la raíz es casi 1. También podemos probar con los test formales de raíz unitaria

Test ADF

```
Contraste aumentado de Dickey-Fuller (GLS) para 1_x contrastar hacia abajo desde 17 retardos, con el criterio AIC modificado, Perron-Qu tamaño muestral 477 la hipótesis nula de raíz unitaria es: [a = 1] contraste con constante incluyendo 2 retardos de (1-L)1_x modelo: (1-L)y = b0 + (a-1)*y(-1) + \dots + e valor estimado de (a - 1): -0,00213547 estadístico de contraste: tau = -1,19526 valor p aproximado 0,226 Coef. de autocorrelación de primer orden de e: -0,013 diferencias retardadas: F(2,474) = 156,788 [0,0000]
```

Test KPSS

```
Contraste KPSS para 1_x

T = 480

Parámetro de truncamiento de los retardos = 5

Estadístico de contraste = 1,77747

10% 5% 1%

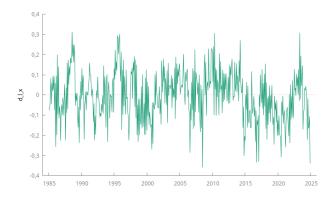
Valores críticos: 0,348 0,462 0,742

Valor p < .01
```

El p-valor es menor al 1%, por lo que se rechaza la H_0 de que la serie es I(0). Todas las evidencias apuntan a que es necesaria tomar una diferencia ordinaria

Repetición del análisis con la serie diferenciada

```
diff l_x
gnuplot d_l_x --time-series --with-lines --output="SerieLogEnDiferencias.png"
```



El gráfico de la serie transformada no muestra tener una clara tendencia o evolución a largo plazo de su nivel.

Probemos a ajustar un modelo AR a los datos diferenciados

ARIMA110 <- arima 1 1 0 ; d_1_x

Evaluaciones de la función: 24 Evaluaciones del gradiente: 5

ARIMA110: ARIMA, usando las observaciones 1985:03-2024:12 (T = 478)

Estimado usando AS 197 (MV exacta) Variable dependiente: (1-L) d_l_x

Desviaciones típicas basadas en el Hessiano

	coeficien	te D	esv.	típic	a	z	v	alor p
const phi_1	0,0003610 0,755554		,0026 ,0299			0,1373 25,24	0,89 1,40	08 e-140 ***
Media de la Media de in R-cuadrado Log-verosimi Criterio de	novaciones	0,0005 0,000 0,388 417,9 817,47	017 386 912 36	D.T. R-cu Crit Crit.	ir ıadı eri	la vble nnovacion rado corr io de Aka e Hannan- Módulo	nes regido aike -Quinn	0,154022 0,100834 0,388386 829,9825 825,0647

		10001 1			
AR.					
Raíz	1	-1,3235	0,0000	1,3235	0,5000

ARIMA110 guardado

El parámetro ϕ_1 está lejos de la unidad (consecuentemente, también lo está la raíz autorregresiva). Repitamos también los tests formales

Test ADF

adf -1 d_1_x --c --gls --test-down --perron-qu

Contraste aumentado de Dickey-Fuller (GLS) para d_l_x contrastar hacia abajo desde 17 retardos, con el criterio AIC modificado, Perron-Qu

```
tamaño muestral 468 la hipótesis nula de raíz unitaria es: [a = 1] contraste con constante incluyendo 10 retardos de (1-L)d_1x modelo: (1-L)y = b0 + (a-1)*y(-1) + \dots + e valor estimado de (a - 1): -0,145647 estadístico de contraste: tau = -3,18886 valor p aproximado 0,001 Coef. de autocorrelación de primer orden de e: 0,001 diferencias retardadas: F(10, 457) = 35,578 [0,0000]
```

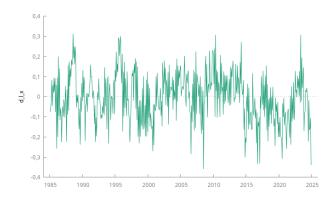
Test KPSS

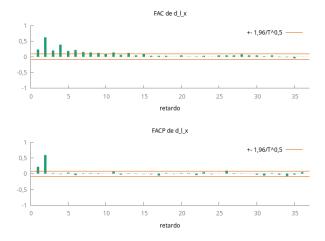
El p-valor no es muy concluyente: NO se rechaza la H_0 de que la serie es I(0) al 1%, pero sí se rechaza al 5%. En cualquier caso, las evidencias apuntan mayoritariamente a que NO es necesario tomar una segunda diferencia ordinaria

Diferencias estacionales

Observemos el gráfico de la serie diferenciada y su correlograma.

corrgm d_l_x 36 --plot="d_l_x_ACF-PACF.png"





Ni en el gráfico de la serie se aprecia ninguna pauta estacional, ni en la función de autocorrelación simple las correlaciones correspondientes a los retardos estacionales son significativas (y deberían ser **muy prominentes** si fuera necesaria una diferencia estacional).

Además, si tratamos de ajustar un AR(1) estacional:

ARIMA010X100 <- arima 0 1 0 ; 1 0 0 ; 1_x --nc

Evaluaciones de la función: 15 Evaluaciones del gradiente: 3

ARIMAO10X100:

ARIMA, usando las observaciones 1985:02-2024:12 (T = 479)

Estimado usando AS 197 (MV exacta) Variable dependiente: (1-L) l_x

Desviaciones típicas basadas en el Hessiano

	coeficiente	Desv. típica	Z	valor p
Phi_1	0,0578266	0,0459270	1,259	0,2080

Media de la vble. dep. 0,003555 D.T. de la vble. dep. 0,124351 Media de innovaciones 0,003470 D.T. innovaciones 0,124062 R-cuadrado 0,996083 R-cuadrado corregido 0,996083 Criterio de Akaike Log-verosimilitud 319,9682 635,9364 Criterio de Schwarz 627,5930 Crit. de Hannan-Quinn 632,6565

AR (estacional) Raíz 1 17,2931 0,0000 17,2931 0,0000	 Real In	naginaria	Módulo Fi	recuencia
	 17,2931	0,0000	17,2931	0,0000

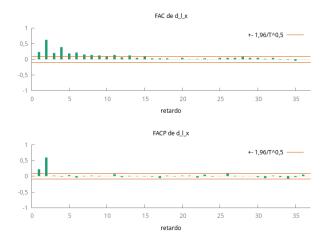
ARIMA010X100 guardado

constatamos que la estimación del parámetro Φ_1 no es significativa.

Todas las evidencias apuntan a que NO es necesaria tomar ninguna diferencia estacional Recuerde que los test ADF y KPSS no sirven para determinar si es necesario tomar diferencias estacionales (solo sirven para las diferencias regulares).

Búsqueda de un modelo ARIMA

Observando al ACF y la PACF de aprecia que la ACF decae a una tasa exponencial, y la PACF se trunca tras el segundo retardo, lo cual es compatible con un AR(2).



Por tanto, parece que la serie en logaritmos sigue un modelo ARIMA(2, 1, 0). Veamos si es así:

ARIMA210cte <- arima 2 1 0 ; 1_x

Evaluaciones de la función: 27 Evaluaciones del gradiente: 6

ARIMA210cte:

ARIMA, usando las observaciones 1985:02-2024:12 (T = 479)

Estimado usando AS 197 (MV exacta) Variable dependiente: (1-L) 1_x

Desviaciones típicas basadas en el Hessiano

	coeficient	ce Desv.	típica	z	valor p	_
const	0,00612415	0,014	4972	0,4224	0,6727	
phi_1	0,0933620	0,03	865714	2,553	0,0107	**
phi_2	0,604952	0,03	865965	16,53	2,22e-6	1 ***
Media de la Media de inn R-cuadrado Log-verosimi Criterio de	novaciones	0,003555 0,000230 0,997634 439,7655 854,8442 Real Imag	D.T. R-cua Crite Crit.	le la vble innovacion drado corr erio de Aka de Hannan-	nes regido aike 8	,124351 0,096517 0,997629 71,5310 4,9712
AR						
Raíz 1	-1,	3652	0,0000	1,3652	0,500	0
Raíz 2	1,	2108	0,0000	1,2108	0,000	0

ARIMA210cte guardado

Los parámetros autorregresivos son significativos y el modulo de las raíces es claramente mayor que la unidad en ambos casos. No obstante, la constante no es significativa.

Reestimemos el modelo sin constante:

```
ARIMA210 <- arima 2 1 0 ; l_x --nc
```

Evaluaciones de la función: 21 Evaluaciones del gradiente: 4

ARIMA210: ARIMA, usando las observaciones 1985:02-2024:12 (T = 479)

Estimado usando AS 197 (MV exacta) Variable dependiente: (1-L) l_x

Desviaciones típicas basadas en el Hessiano

	coeficient	e Desv.	típica	z	valor j	p
phi_1 phi_2	0,0936419 0,605180	0,036		2,560 16,54	0,0105 2,05e-6	** 61 ***
Media de la Media de in R-cuadrado Log-verosim Criterio de	novaciones	0,003555 0,001626 0,997634 439,6762 860,8374	D.T. in R-cuad Criter	la vble. novacione rado corr io de Aka e Hannan-	s egido ike	0,124351 0,096534 0,997629 873,3525 368,4326
		Real Imagi	naria	Módulo	Frecuen	cia

		Real Im	aginaria	Modulo Fi	recuencia
AR					
Raíz	1	-1,3652	0,0000	1,3652	0,5000
Raíz	2	1,2104	0,0000	1,2104	0,0000

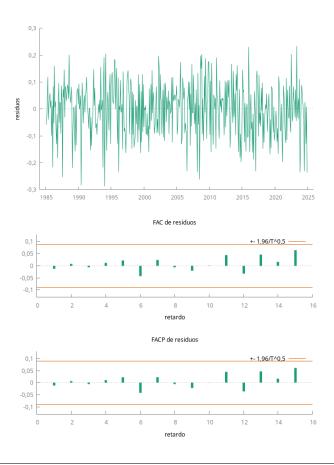
ARIMA210 guardado

Análisis de los residuos

Todo parece OK, pero debemos ver el gráfico de los residuos y su correlograma, así como los estadísticos Q de Ljung-Box para constatar que podemos asumir que son la realización de un proceso de ruido blanco. También conviene mirar si tienen distribución gaussiana:

```
series residuos = $uhat

gnuplot residuos --time-series --with-lines --output="Residuos.png"
corrgm residuos 15 --plot="residuosACF-PACF.png"
```



corrgm residuos 15

Función de autocorrelación para residuos ***, ** y * indica significatividad a los niveles del 1%, 5% y 10% utilizando la desviación típica $1/T^0$,5

RETAR	DO FAC	FACP	Estad-Q	. [valor p]
1	-0,0115	-0,0115	0,0643	[0,800]
2	0,0078	0,0077	0,0940	[0,954]
3	-0,0064	-0,0062	0,1135	[0,990]
4	0,0112	0,0110	0,1747	[0,996]
5	0,0218	0,0222	0,4057	[0,995]
6	-0,0419	-0,0416	1,2590	[0,974]
7	0,0250	0,0239	1,5640	[0,980]
8	-0,0067	-0,0054	1,5857	[0,991]
9	-0,0195	-0,0211	1,7719	[0,995]
10	-0,0009	-0,0004	1,7723	[0,998]
11	0,0433	0,0449	2,6954	[0,994]
12	-0,0331	-0,0353	3,2347	[0,994]
13	0,0462	0,0479	4,2881	[0,988]
14	0,0159	0,0178	4,4136	[0,992]
15	0,0652	0,0623	6,5238	[0,970]

El gráfico de los residuos no presenta ninguna estructura reconocible y ninguna autocorrelación es significativa.

Más importante aún, los correlogramas no muestran ninguna pauta reconocible, se parecen mucho entre sí y los estadísticos Q muestran p-valores muy elevados, por lo que podemos asumir que estos residuos son "ruido blanco".

Además, Si en la ventana del modelo estimado pincha en el menú desplegable Gráficos ->Espectro con respecto al periodograma espectral verá que el espectro teórico del modelo se ajusta perfectamente al periodograma de la serie.

Por tanto, podemos concluir que la serie f7dcbd-12.gdt, una vez transformada logarítmicamente, sigue un proceso ARIMA(2,1,0) con media cero.

Modelo efectivamente simulado

Veamos si ese es el modelo usado en su simulación. Si miramos la línea 37 del fichero 000-Etiquetas-12.info que se encuentra en el directorio de donde hemos obtenido los datos encontramos lo siguiente:

f7dcbd, logs, mu =
$$2.5$$
, ar = '(1 - $0.8B$)(1 + $0.8B$)', ma = ", i = '(1 - B)'

Efectivamente, requería la transformación logarítmica. La media era 2,5, (es decir la constante simulada no era cero). El polinomio AR era de grado 2: $\phi = (1-0.8B)(1+0.8B) = (1+0B-0.64B^2)$, no tenía estructura MA y la serie requería una diferencia regular (1-B).

Por supuesto que la estimación de los parámetros no coincide exactamente con los parámetros del modelo simulado, pero la identificación del modelo ha sido PERFECTA.

Ahora escoja al azar nuevas series del directorio (dispone de centenares de series simuladas con distintos modelos) y practique la identificación hasta que adquiera seguridad.