${\bf \acute{I}ndice}$

1.	Vectores de \mathbb{R}^n - T01				
	1.1. Español				
	1.1.1. Escena 1 - Definición de vector de \mathbb{R}^n				
	1.1.2. Escena 2 - Notación vectores de \mathbb{R}^n				
	1.1.3. Escena 3 - Selección de elementos de un vector de \mathbb{R}^n				
	1.2. Versión en inglés \dots				
2.	. Trozos comunes de código				
	2.1. Carga de la librería Manim y NacAL				
	2.2. Creditos				
3.	Rodando: 1,2,3 ¡acción!				

Lección 1 del curso - Vídeo 1

Marcos Bujosa

12 de enero de 2024

1. Vectores de \mathbb{R}^n - T01

1.1. Español

1.1.1. Escena 1 - Definición de vector de \mathbb{R}^n

```
L01_V01_E01_VectoresDefinicion
    <cCarga de la librería Manim y NacAL con AzureService>>
2
    <<copyright>>
4
5
    class L01_V01_E01_VectoresDefinicion(VoiceoverScene):
        def construct(self):
            self.set_speech_service( AzureService(voice="es-ES-AlvaroNeural" ) )
             #self.set_speech_service(GTTSService(lang="es", tld="com"))
9
            myTemplate = TexTemplate()
10
            myTemplate.add_to_preamble(r"\usepackage{nacal}")
11
12
             # Copyright lateral
13
             <copyrightLateral>>
14
15
16
             # Portada
            titulo = Title(r"Definición de vector de \R[n] y notación",
17
18
                          tex_template = myTemplate,
                          font_size=70).set_color(BLUE)
19
20
             self.play(Write(titulo))
             self.wait(1.5)
21
             self.play(FadeOut(titulo))
22
23
24
             # Definición de vector
25
             definicion = Tex("Un vector de ",
                              r"$\R[n]$",
26
                              r" es una \emph{lista ordenada} de $n$ números",
27
                              tex_template = myTemplate,
28
29
                              ).to_edge(UP).set_width(13)
30
            with self.voiceover(text=r"Un vector de R n es una lista ordenada de números. ") as tracker:
                 self.add(definicion)
31
             # Aclaración de la notación
33
            with self.voiceover(text=r"La R indica que los números son reales.") as tracker:
34
                 self.play(Circumscribe(definicion[1][0], fade_out=True), run_time=tracker.duration)
35
36
37
            with self.voiceover(text=r"Y el superíndice n indica que la lista contiene n números.") as tracker:
                 self.play(Circumscribe(definicion[1][1], fade_out=True), run_time=tracker.duration)
38
                 self.wait(0.3)
39
40
            with self.voiceover(text=r""que la lista sea ordenada
41
42
             significa que importa el orden en el que aparecen sus
             elementos.""") as tracker:
43
44
                 self.play(Circumscribe(definicion[2][5:18], fade_out=True), run_time=tracker.duration)
45
```

```
# Ejemplos
46
47
             Ej = Tex(r"\textbf{Ejemplos:}",
48
                      tex_template = myTemplate,
                      font_size=50).set_color(GREEN).next_to(definicion, DOWN, aligned_edge=LEFT)
49
50
             self.add(Ej)
51
            d = nc.Vector([1,2,3],'fila')
52
            Ej1 = MathTex( d.latex(), "\ne", nc.Vector(reversed(d), 'fila').latex() )
53
            with self.voiceover(text=r"Por ejemplo, los vectores, uno dos tres y tres dos uno, son distintos.") as tracker:
54
                 self.play(FadeIn(Ej1))
55
                 self.wait(tracker.duration-0.5)
56
                 self.play(FadeOut(Ej1))
57
58
            p = nc.Vector([sp.pi,sp.pi,sp.pi,sp.pi],'fila')
59
             Ej2 = MathTex(p.latex(), r"\ne", nc.Vector(p|(1,2),'fila').latex() )
60
             with self.voiceover(text=r""También son distintos los vectores con distinta cantidad de
61
             elementos. Por ejemplo, el vector de la izquierda pertenece a R 4 por ser una lista de
62
             4 números. El de la derecha pertenece a R
63
             2.""") as tracker:
64
65
                 self.add(Ej2)
                 self.wait(tracker.duration-0.5)
66
67
                 self.play(FadeOut(Ej2))
68
             c = nc.Vector([sp.pi,nc.fracc(3,4),0,0.11],'fila')
69
            Ej3 = MathTex(c.latex(), "=",c.latex())
70
            with self.voiceover(text=r"""En consecuencia, dos vectores serán iguales si, y solo si, sus correspondientes
71
72
            listas son idénticas""") as tracker:
                 self.play(FadeIn(Ej3))
73
                 self.wait(tracker.duration)
74
75
                 self.play(FadeOut(Ej3))
76
             self.play(FadeOut(Ej))
77
            self.wait()
```

1.1.2. Escena 2 - Notación vectores de \mathbb{R}^n

```
L01_V01_E02_VectoresNotacion =
    class L01_V01_E02_VectoresNotacion(VoiceoverScene):
        def construct(self):
2
3
             self.set_speech_service( AzureService(voice="es-ES-AlvaroNeural" ) )
4
             #self.set_speech_service(GTTSService(lang="es", tld="com"))
5
6
            myTemplate = TexTemplate()
            myTemplate.add_to_preamble(r"\usepackage{nacal}")
7
 8
             # Copyright lateral
9
             <copyrightLateral>>
10
11
12
             # Definición de vector
13
             definicion = Tex("Un vector de ",
                              r"$\R[n]$",
14
15
                              r" es una \emph{lista ordenada} de $n$ números",
                              tex_template = myTemplate,
16
                              ).to_edge(UP).set_width(13)
17
             self.add(definicion)
18
19
            d = nc.Vector([1,2,3],'fila')
20
            p = nc.Vector([sp.pi,sp.pi,sp.pi,sp.pi],'fila')
21
22
             # Notacion
            Notac = Tex(r"\textbf{Notación:}",
23
                      tex_template = myTemplate,
24
25
                      font_size=50).set_color(BLUE).next_to(definicion, DOWN, aligned_edge=LEFT)
26
             self.add(Notac)
            self.wait()
27
28
29
                  = nc.Vector( [5, 1, 10] , 'fila')
                                              tex_template = myTemplate,)
30
            Not1 = MathTex(a.latex(),
            Not2 = MathTex(r"=",
                                               tex_template = myTemplate,)
31
```

```
Not3 = MathTex(a.copy().latex(), tex_template = myTemplate,)
32
33
             grp1 = VGroup(Not1,Not2,Not3).arrange(RIGHT)
             with self.voiceover(text=r"""Para expresar un vector basta indicar la lista de elementos en su
34
             correspondiente orden.""") as tracker:
35
36
                 self.add(grp1)
                 self.play(Circumscribe(definicion[2][5:18]),run_time=tracker.duration)
37
38
             with self.voiceover(text=r"""Por este motivo podemos escribir un mismo vector tanto en
39
             horizontal como en vertical. Pero tenga en cuenta que la
40
             mayoría de manuales no respetan este convenio, y consideran,
41
             al contrario de lo que haremos nosotros, que vectores fila y
42
             vectores columna son objetos distintos.""") as tracker:
43
                 self.wait(tracker.duration+0.3)
44
45
             with self.voiceover(text=r"""Siempre escribiremos la lista de números encerrada entre
46
             paréntesis; poniendo una coma detrás de cada elemento cuando
47
             escribamos el vector en horizontal.""") as tracker:
48
                 self.play(Indicate(grp1[0][0][::len(grp1[0][0])-1]),
49
                           Indicate(grp1[2][0][0:2]), Indicate(grp1[2][0][-2:]),
50
51
                           run_time=tracker.duration/2)
                 self.play(Flash(grp1[0][0][2]),
52
                           Flash(grp1[0][0][4]), Flash(grp1[0][0][7]),
53
                           run time=tracker.duration/8)
54
                 self.wait(tracker.duration/8)
55
                 self.play(Circumscribe(grp1[0]))
56
57
                 self.play(FadeOut(grp1))
58
             VectorNoNumero = MathTex(r"(3)",r"\ne",(3*nc.V1(1)).latex(),r"\in\R[1]", tex_template = myTemplate,)
59
             with self.voiceover(text=r"""Así podremos distinguir un número entre paréntesis de un
60
             vector de R 1;""") as tracker:
61
                 self.add(VectorNoNumero)
62
                 self.play(Indicate(VectorNoNumero[0]),run_time=tracker.duration*2/3)
63
                 self.play(Indicate(VectorNoNumero[2]),run_time=tracker.duration/3)
64
             with self.voiceover(text=r"""es decir, de una lista con un solo número.""") as tracker:
65
                 self.play(Indicate(VectorNoNumero[3]),
66
67
                           Flash(definicion[2][-9]),
68
                           run time=tracker.duration)
                 self.play(FadeOut(VectorNoNumero))
69
70
             Vectores = MathTex(r"\Vect{a}, \Vect{b}, \Vect{c},\ldots\Vect{x}, \Vect{y}, \Vect{z}",
71
                                 tex_template = myTemplate,).move_to( UP )
72
             Vector1 = MathTex(r"\Vect{a}=",a.copy().latex(), tex_template = myTemplate,)
73
             Vector2 = MathTex(r"\Vect{d}=",d.copy().latex(),
74
                                                                   tex_template = myTemplate,)
             Vector3 = MathTex(r"\Vect{x}=",p.copy().latex(), tex_template = myTemplate,)
75
             grp3 = VGroup(Vector1, Vector2, Vector3).arrange(RIGHT, buff=2).next_to(Vectores, DOWN)
76
             with self.voiceover(text=r"Para denotar vectores usaremos letras minúsculas en negrita cursiva.") as tracker:
77
                 self.add(Vectores)
78
79
                 self.add(grp3)
                 self.wait(tracker.duration/2)
80
                 self.play(Indicate(Vectores),run_time=tracker.duration/2)
81
82
                 self.play(FadeOut(Vectores))
                 self.play(Indicate(Vector1[0][0],scale_factor=2.),
83
84
                            Indicate(Vector2[0][0],scale_factor=2.),
                           Indicate(Vector3[0][0],scale_factor=2.),
85
86
                           run_time=1.5)
87
                 self.play(FadeOut(grp3))
88
             Vnulo = MathTex(r"\Vect{0}", tex_template = myTemplate,)#.move_to( UP )
89
             with self.voiceover(text=r"Un cero en negrita denota un vector cuyas componentes son todas nulas.") as tracker:
90
91
                 self.add(Vnulo)
                 self.play(Indicate(Vnulo))
92
                 self.wait(tracker.duration/2)
93
                 self.play(FadeOut(Vnulo))
94
95
             Vnulo1 = MathTex(r"\Vect{0}=", nc.VO(1).latex(), ",", tex_template = myTemplate,)
96
             Vnulo2 = MathTex(r"\Vect{0}=", nc.V0(2).latex(), ",", tex_template = myTemplate,)
Vnulo3 = MathTex(r"\Vect{0}=", nc.V0(3).latex(), ",", tex_template = myTemplate,)
97
98
             Vnulo6 = MathTex(r"\Vect{0}=", nc.V0(6).latex(), ",", tex_template = myTemplate,)
99
```

```
VnuloN = MathTex(r"\Vect{0}\in\R[100]",
                                                                   tex_template = myTemplate,)
100
             grp2 = VGroup(Vnulo1, Vnulo2, Vnulo3, Vnulo6, VnuloN).arrange(RIGHT, buff=0.7)
101
             with self.voiceover( text = r"""Fijese que un cero en negrita
102
             no indica su número de componentes. Normalmente la cantidad de
103
104
             ceros se deduce del contexto.""" ) as tracker:
                 self.add(grp2)
105
106
                  self.wait(tracker.duration)
                  self.play(FadeOut(grp2),FadeOut(Notac),FadeOut(definicion))
107
                  self.wait(1.5)
108
```

1.1.3. Escena 3 - Selección de elementos de un vector de \mathbb{R}^n

```
_____L01_V01_E03_VectoresElementos -class L01_V01_E03_VectoresElementos (VoiceoverScene):
1
2
        def construct(self):
            self.set_speech_service( AzureService(voice="es-ES-AlvaroNeural" ) )
3
4
             #self.set_speech_service(GTTSService(lang="es", tld="com"))
5
6
7
            myTemplate = TexTemplate()
            myTemplate.add_to_preamble(r"\usepackage{nacal}")
8
9
             # Copyright lateral
10
             <copyrightLateral>>
11
12
             # Notacion
13
            Notac = Tex(r"\textbf{Notación para los elementos:}",
14
                      tex_template = myTemplate,
15
                      font_size=50).set_color(BLUE).to_corner(UL)
16
             self.wait()
17
             self.add(Notac)
18
19
             self.wait()
20
             # Elementos de un vector
             v_generico = nc.Vector(sp.symbols('a:5')[1:],'fila')
22
             cs = MathTex(r"\Vect{a}=",
23
24
                          v_generico.latex(),
                          tex_template = myTemplate,)
25
26
             with self.voiceover(text = r"""Lo habitual es denotar cada
27
             elemento de un vector con la letra de su nombre sin negrita.""" ) as tracker:
28
29
                 self.wait()
                 self.play(FadeIn(cs), run_time=0.5)
30
                 self.play( Circumscribe(cs[1][1]),
31
                            Circumscribe(cs[1][4]),
32
                             Circumscribe(cs[1][7]),
33
                            Circumscribe(cs[1][10]),
34
                            run_time=tracker.duration/2)
35
36
            with self.voiceover(text = r"""indicando con un subíndice su posición en la lista.""" ) as tracker:
37
38
                 self.play(Flash(cs[1][2]),
                            Flash(cs[1][5]),
39
40
                            Flash(cs[1][8]),
41
                            Flash(cs[1][11]),
42
                            run time=tracker.duration)
43
                 self.play(FadeOut(cs))
44
             c = nc.Vector([sp.pi,nc.fracc(3,4),0,0.11],'fila')
45
             vector_c = MathTex(r"\Vect{c}=",c.latex(),tex_template = myTemplate,)
46
             A = VGroup(*[ MathTex("c_"+str(i+1)+"=&"+sp.latex(e)) for i,e in enumerate(c.lista)
47
48
                          ]).arrange(DOWN,aligned_edge=LEFT, buff=.5)
            B = Brace(A, LEFT)
49
             C = VGroup(A,B)
50
            Elementos_c = VGroup(vector_c, C).arrange(RIGHT, buff=1)
51
52
             with self.voiceover(text = r"""Así, para el vector C """) as tracker:
53
                 self.plav(FadeIn(vector c))
                 self.play(GrowFromCenter(B),FadeIn(A))
54
```

```
55
              with self.voiceover(text = r"""con c 1 denotamos su primera componente""") as tracker:
56
 57
                   self.play( Indicate(vector_c[1][1]),
                                                             Indicate(A[0]) )
              with self.voiceover(text = r"""con c 2 la segunda""") as tracker:
58
 59
                   self.play( Indicate(vector_c[1][3:6]),    Indicate(A[1]) )
              with self.voiceover(text = r"""y del mismo modo con el resto de componentes""") as tracker:
 60
 61
                   self.play( Indicate(vector_c[1][7],
                                                          run_time=tracker.duration/2), Indicate(A[2], run_time=tracker.duration/2) )
                   self.play( Indicate(vector_c[1][9:13], run_time=tracker.duration/2), Indicate(A[3], run_time=tracker.duration/2))
 62
                   self.wait(0.5)
63
                   self.play( FadeOut(vector_c), FadeOut(B), FadeOut(A) )
 64
                   self.wait(0.5)
 65
 66
              with self.voiceover(text = r"""El hecho de emplear dos tipos
67
              de fuentes:""" ) as tracker:
 68
                   self.add(cs)
 69
                   self.wait(tracker.duration)
 70
 71
              with self.voiceover(text = r"""con negrita los vectores y sin negrita los
 72
              componentes, dificulta distinguirlos a primera vista""" ) as tracker:
 73
 74
                   self.play( Indicate(cs[0][ 0],scale_factor=2.),
                               Indicate(cs[0][ 0],scale_factor=2.),
 75
                               Indicate(cs[1][ 1],scale_factor=2.),
 76
                              Indicate(cs[1][ 4],scale_factor=2.),
 77
                               Indicate(cs[1][ 7],scale_factor=2.),
 78
 79
                               Indicate(cs[1][10],scale_factor=2.), run_time=tracker.duration*2/3)
 80
              MTa = MathTex(r"\eleVR{a}{i}",tex_template = myTemplate).scale(3)
 81
              \label{eq:model} \texttt{MTb} = \texttt{MathTex}(\textbf{r"}\{\textbf{a}\}\_\{\textbf{i}\} = \textbf{",tex\_template} = \texttt{myTemplate}).scale(3).next\_to(\texttt{MTa}, \texttt{LEFT})
 82
              VG = VGroup(MTb,MTa)
 83
              with self.voiceover(text = r"""Es más clara y operativa una notación que use un único tipo de fuente,
 84
 85
              y que denote la selección de elementos con un operador. Por
              ejemplo con una barra vertical.""" ) as tracker:
 86
                   self.play(cs.animate.to_corner(DL),
 87
                             run_time=tracker.duration*4/5)
 88
                   self.play(Indicate(VG[1][0][1]))
 89
                   self.wait(0.5)
 90
91
              def VectorGenerico(s,n):
92
                   elem = lambda s,i: sp.Symbol(r'\leq VR\{'+s+'\}\{'+str(i)+'\}')
93
                   return nc.Vector([elem(s,i) for i in range(1,n+1)], 'fila')
94
 95
              v_generico2 = VectorGenerico('a',4)
96
97
              cs2 = MathTex(r"=",
98
                            v_generico2.latex(),
                            tex_template = myTemplate,).next_to(cs, RIGHT)
99
100
              VGB = VGroup(*[MathTex(sp.latex(e) + "=\; & \ensuremath{\mbox{\ensuremath{$\sim$}}} \{" + str(i+1) + "\}",
101
                                       tex_template = myTemplate)
102
103
                              for i,e in enumerate(v_generico.lista)
                              ]).scale(3)
104
105
              with self.voiceover( text = r"""Por ello, para denotar una componente, escribiremos un subíndice con una
106
107
              barra que medie entre el vector y el índice de la
              componente""" ) as tracker:
108
109
                   self.play(FadeIn(VG[1]))
110
                   self.wait(tracker.duration/3)
                   \verb|self.play(Indicate(VG[1][0][1:], run\_time=tracker.duration/4))|\\
111
112
                   #self.wait(tracker.duration/3)
                   self.play(Indicate(VG[1][0][-1], run_time=tracker.duration/5))
113
                   self.play(Write(VG[0]))
114
                   self.wait()
115
                   self.play(VG.animate.move_to([0,0,0]))
116
                   \verb|self.play(Transform(VG[1][0][-1],VGB[0][0][-1])|,\\
                             Transform(VG[0][0][:2],VGB[0][0][:2]), run_time=1.5)
118
                   self.play( FadeIn(cs2) )
119
120
                   self.play(FadeTransform(VGB[0][0][0:2],cs[1][1:3]),
                             FadeTransform(VGB[0][0][3:],cs2[1][ 1: 6]), FadeOut(VG), run_time=1.5)
121
122
                   self.play(FadeIn(VGB[1]), FadeOut(VGB[0][0][2]))
```

```
self.play(FadeTransform(VGB[1][0][0:2],cs[1] [4: 6]),
123
                         FadeTransform(VGB[1][0][3:],cs2[1][7:12]), FadeOut(VGB[1][0][2]), run_time=1.5)
124
125
                self.play(FadeIn(VGB[2]))
                self.play(FadeTransform(VGB[2][0][0:2],cs[1][7:9]),
126
                         FadeTransform(VGB[2][0][3:],cs2[1][13:18]), FadeOut(VGB[2][0][2]), run_time=1.5)
127
                self.play(FadeIn(VGB[3]))
128
                self.play(FadeTransform(VGB[3][0][0:2],cs[1][10:12]),
129
                         FadeTransform(VGB[3][0][3:],cs2[1][19:24]), FadeOut(VGB[3][0][2]), run_time=1.5)
130
                self.play(FadeOut(Notac),FadeOut(cs),FadeOut(cs2))
131
132
            133
            with self.voiceover( text = r"""Además, admitiremos que el operador selector actúe tanto por la derecha
134
            como por la izquierda.""" ) as tracker:
135
                self.play(FadeIn(MTLR[0]), run_time=2*tracker.duration/3)
136
                self.play(FadeIn(MTLR[1]))
137
                self.wait(tracker.duration/3+0.5)
138
                self.play(FadeOut(MTLR))
139
                self.wait()
140
```

1.2. Versión en inglés

```
manim_render_translation $fichero.py -s $escena -d $escenaENG -l en -ql
```

2. Trozos comunes de código

2.1. Carga de la librería Manim y NacAL

```
Carga de la librería Manim y NacAL -
    from manim import *
    from manim_voiceover import VoiceoverScene
   from manim_voiceover.services.gtts import GTTSService
    import nacal as nc
4
    import sympy as sp
    # PARA LA TRADUCCIÓN (pero no me ha funcionado)
    #from manim voiceover.translate import get gettext
9
10
    # # It is good practice to get the LOCALE and DOMAIN from environment variables
    #import os
11
   #LOCALE = os.getenv("LOCALE")
12
    #DOMAIN = os.getenv("DOMAIN")
13
14
    # The following function uses LOCALE and DOMAIN to set the language, and
15
    # returns a gettext function that is used to insert translations.
    #_ = get_gettext()
16
                                 _ Carga de la librería Manim y NacAL con AzureService _
    from manim import *
    from manim_voiceover import VoiceoverScene
    from manim_voiceover.services.azure import AzureService
    import nacal as nc
4
    import sympy as sp
    # PARA LA TRADUCCIÓN (pero no me ha funcionado)
    #from manim_voiceover.translate import get_gettext
9
   ## It is good practice to get the LOCALE and DOMAIN from environment variables
10
    #import os
11
12
    #LOCALE = os.getenv("LOCALE")
    #DOMAIN = os.getenv("DOMAIN")
   # The following function uses LOCALE and DOMAIN to set the language, and
14
   # returns a gettext function that is used to insert translations.
    #_ = get_gettext()
```

2.2. Creditos

```
copyright = Tex(r"\textcopyright{\;} 2024\; Marcos Bujosa ")

CGG = VGroup(copyright).rotate(PI/2).scale(0.5).to_edge(RIGHT).set_color(GRAY_D)

self.add(CGG)

copyright

class ZCreditos(Scene):

def construct(self):
    copyright = Tex(r"\textcopyright{\;} 2024 \; Marcos Bujosa")
    github = Tex(r"\texttt{https://github.com/mbujosab}").next_to(copyright, DOWN)

CGG = VGroup(copyright,github).scale(1.1)
    self.add(CGG)
    self.wait(10)
```

3. Rodando: 1,2,3... ¡acción!

- 1. Generamos un fichero mpeg por cada escena
 - Versión de poca calidad

```
rodando _______ rodando _______
echo $escena | manim -pql $fichero.py --disable_caching
```

Versión calidad HD1080

```
rodandoHD _______
1 echo $escena | manim -qh $fichero.py --disable_caching
```

- 2. Concatenamos las escenas en un único fichero mpeg y añadimos música de fondo.
 - Montando la versión de baja resolución

```
montando

rm -f $subdir/$video/$calidad/$video.mp4 list.txt

for f in $subdir/$video/$calidad/*.mp4; do echo file \'$f\' >> list.txt; done && ffmpeg -f concat -safe 0 -i list.txt -c

mkdir -p tmp

ffmpeg -i $subdir/$video/$calidad/$video.mp4 -i $music.mp3 -filter_complex "[0:a]apad[main]; [1:a]volume=0.04,apad[A]; [main]
```

■ Montando la versión de resolución HD1080

```
montandoHD

rm -f $subdir/$video/$calidad/$video.mp4 list.txt

for f in $subdir/$video/$calidad/*.mp4; do echo file \'$f\' >> list.txt; done && ffmpeg -f concat -safe 0 -i list.txt -c

mkdir -p tmp

ffmpeg -i $subdir/$video/$calidad/$video.mp4 -i $music.mp3 -filter_complex "[0:a]apad[main]; [1:a]volume=0.04,apad[A]; [main]
```

3. Fundimos a negro los últimos segundos del vídeo (y la música).

4. Copiamos el resultado a un lugar público

		publicar .	
1	cp -f \$video.mp4 \$subdir/\$video.mp4		