# El paquete nacal-moodle\*

# Marcos Bujosa mbujosab@ucm.es

# 26 de enero de 2023

#### Resumen

Paquete para utilizar los comandos de LATEX del Curso de Álgebra Lineal con Notación Asociativa (NAcAL) con el paquete moodle.sty y así poder generar bancos de preguntas en formato xml con el paquete moodle (https://ctan.org/pkg/moodle) que tengan una notación aproximadamente igual a la del libro Un Curso de Álgebra Lineal (https://github.com/mbujosab/CursoDeAlgebraLineal).

# Índice

$\mathbf{Uso}$		
1.1.	Conju	ntos de números
1.2.	Parént	tesis y corchetes
	1.2.1.	Regla mnemotécnica para comandos que escriben expresiones con paréntesis
1.3.	Subíno	lices
	1.3.1.	Subíndices y exponente
	1.3.2.	Solo subíndices
1.4.	Opera	dores
	1.4.1.	Conjugación y concatenación
	1.4.2.	Norma y valor absoluto
	1.4.3.	Transposición
	1.4.4.	Inversa
	1.4.5.	Operador selector
		por la izquierda de un objeto
		por la derecha de un objeto
		por ambos lados de un objeto
		por la izquierda de un vector
		por la derecha de un vector
		de filas de una matriz
		de columnas de una matriz
		de elementos de una matriz
		de elementos de una matriz transpuesta
	1.4.6.	Operaciones elementales
		Operaciones elementales generales
	1.4.7.	Transformaciones elementales
		Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto
		Sucesiones indiciadas de Transf. elementales
		Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto (funciones du-
		plicadas sin argumentos opcionales
		Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto (funciones duplicadas sin
		argumentos opcionales

<sup>\*</sup>Este documento corresponde a nacal-moodle v1.0, fecha 2023/01/08.

			Transformaciones elementales particulares	16
		1.4.8.	Operador que quita un elemento	18
		1.4.9.	Selección de elementos sin emplear el operador selector	18
	1.5.	Sistem	as genéricos	18
			es y matrices	19
			Vectores genéricos	19
			Vectores de $\mathbb{R}^n$	19
			Matrices	19
		1.0.0.	Matrices transpuestas	19
			Matrices columna	19
			Matrices fila	19
			Matriz inversa	20
		1.6.4.	Miscelánea matrices	20
		1.0.4.	Determinante de una matriz	20
			Orden de las matrices	21
	4 =	D 1	Matriz de autovalores	21
	1.7.		etos entre vectores	21
			Producto escalar	21
			Producto punto	22
			Producto punto a punto o <i>Hadamard</i>	22
			por vector y vector por matriz	22
			por matriz	23
			productos entre matrices y vectores	23
	1.11.	Sistem	as de ecuaciones	24
	1.12.	Espaci	os vectoriales	24
	1.13.	Notaci	ón funcional	25
				05
	1.14.	Estadí	stica	25
2.	Imp	lement	ación	25
2.	<b>Imp</b> 2.1.	lement Conjui	c <b>ación</b> atos de números	<b>25</b> 25
2.	<b>Imp</b> 2.1.	<b>lemen</b> Conjur Parént	cación ntos de números	25 25 26
2.	<b>Imp</b> 2.1.	<b>lemen</b> Conjur Parént	c <b>ación</b> atos de números	<b>25</b> 25
2.	Imp 2.1. 2.2.	lement Conjur Parént Subínd	cación ntos de números	25 25 26
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3.	lement Conjur Parént Subínd	cación ntos de números esis y corchetes lices lices	25 25 26 26
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3.	lement Conjur Parént Subínd Operad 2.4.1.	cación  ntos de números	25 25 26 26 26
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3.	lement Conjur Parént Subínd Operad 2.4.1.	cación ntos de números esis y corchetes lices Conjugación y concatenación	25 26 26 26 26 26 27
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3.	lement Conjur Parént Subínc Operac 2.4.1. 2.4.2.	cación ntos de números esis y corchetes lices Conjugación y concatenación Norma y valor absoluto	25 25 26 26 26 26 27 27
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3.	Conjunt Parént Subínco Operaco 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3.	cación ntos de números esis y corchetes lices lores Conjugación y concatenación Norma y valor absoluto Transposición Inversa	25 26 26 26 26 27 27 27
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3.	Conjur Parént Subínd Operad 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3. 2.4.4.	cación ntos de números esis y corchetes lices lores Conjugación y concatenación Norma y valor absoluto Transposición Inversa Operador selector	25 26 26 26 26 27 27 27
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3.	Conjur Parént Subínd Operad 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3. 2.4.4. 2.4.5.	cación  ntos de números esis y corchetes lices lores Conjugación y concatenación Norma y valor absoluto Transposición Inversa Operador selector Operaciones elementales	25 26 26 26 26 27 27 27 27 27
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3.	lement Conjur Parént Subínd Operad 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3. 2.4.4. 2.4.5. 2.4.6.	cación  ntos de números esis y corchetes lices lores Conjugación y concatenación Norma y valor absoluto Transposición Inversa Operador selector Operaciones elementales Transformaciones elementales generales	25 26 26 26 26 27 27 27 27 29
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3.	Conjur Parént Subínd Operad 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3. 2.4.4. 2.4.5.	cación  ntos de números esis y corchetes lices lores Conjugación y concatenación Norma y valor absoluto Transposición Inversa Operador selector Operaciones elementales Transformaciones elementales Transformaciones elementales	25 25 26 26 26 27 27 27 27 29 30
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3.	lement Conjur Parént Subínd Operad 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3. 2.4.4. 2.4.5. 2.4.6.	cación ntos de números esis y corchetes dices dores Conjugación y concatenación Norma y valor absoluto Transposición Inversa Operador selector Operaciones elementales Transformaciones elementales Transformaciones elementales Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto	25 26 26 26 26 27 27 27 27 29 30 30
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3.	lement Conjur Parént Subínd Operad 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3. 2.4.4. 2.4.5. 2.4.6.	cación  ntos de números esis y corchetes lices lices Conjugación y concatenación Norma y valor absoluto Transposición Inversa Operador selector Operaciones elementales Transformaciones elementales Transformaciones elementales Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto Sucesiones indiciadas de Transf. elementales	25 26 26 26 26 27 27 27 27 29 30 30 31
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3.	lement Conjur Parént Subínd Operad 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3. 2.4.4. 2.4.5. 2.4.6.	cación  ntos de números esis y corchetes lices lices Conjugación y concatenación Norma y valor absoluto Transposición Inversa Operador selector Operaciones elementales Transformaciones elementales Transformaciones elementales Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto Sucesiones indiciadas de Transf. elementales Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto	25 25 26 26 26 27 27 27 27 29 30 30 31 31
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3.	lement Conjur Parént Subínd Operad 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3. 2.4.4. 2.4.5. 2.4.6.	ración  ntos de números esis y corchetes lices lores Conjugación y concatenación Norma y valor absoluto Transposición Inversa Operador selector Operaciones elementales Transformaciones elementales Transformaciones elementales Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto	25 25 26 26 26 27 27 27 27 29 30 30 31 31 32
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3.	lement Conjun Parént Subínc Operad 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3. 2.4.4. 2.4.5. 2.4.6.	cación  Intos de números  esis y corchetes  lices  Conjugación y concatenación  Norma y valor absoluto  Transposición  Inversa  Operador selector  Operaciones elementales  Transformaciones elementales  Transformaciones elementales  Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto  Sucesiones indiciadas de Transf. elementales  Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto  Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto  Transformaciones elementales particulares	25 25 26 26 26 27 27 27 27 29 30 31 31 32 33
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3.	lement Conjun Parént Subínd Operad 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3. 2.4.4. 2.4.5. 2.4.6. 2.4.7.	cación  atos de números esis y corchetes dores dores Conjugación y concatenación Norma y valor absoluto Transposición Inversa Operador selector Operaciones elementales Transformaciones elementales Transformaciones elementales Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto Sucesiones indiciadas de Transf. elementales Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto Transformaciones elementales particulares Operador que quita un elemento	25 26 26 26 27 27 27 27 29 30 31 31 32 33 33
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3. 2.4.	lement Conjur Parént Subínd Operad 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3. 2.4.4. 2.4.5. 2.4.6. 2.4.7.	cación  atos de números esis y corchetes dices dores Conjugación y concatenación Norma y valor absoluto Transposición Inversa Operador selector Operaciones elementales Transformaciones elementales Transformaciones elementales Transformaciones elementales Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto Sucesiones indiciadas de Transf. elementales Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto Transformaciones elementales particulares Operador que quita un elemento Selección de elementos sin emplear el operador selector	25 26 26 26 26 27 27 27 27 29 30 31 31 32 33 33 33
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3. 2.4.	lement Conjur Parént Subínd Operad 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3. 2.4.4. 2.4.5. 2.4.6. 2.4.7.	cación  atos de números esis y corchetes lices lices lores Conjugación y concatenación Norma y valor absoluto Transposición Inversa Operador selector Operaciones elementales Transformaciones elementales Transformaciones elementales Transformaciones elementales Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto Sucesiones indiciadas de Transf. elementales Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto Transformaciones elementales particulares Operador que quita un elemento Selección de elementos sin emplear el operador selector as genéricos	25 26 26 26 26 27 27 27 27 29 30 31 31 32 33 33 33 34
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3. 2.4.	lement Conjun Parént Subínd Operad 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3. 2.4.4. 2.4.5. 2.4.6. 2.4.7.	ación atos de números esis y corchetes lices lices lores Conjugación y concatenación Norma y valor absoluto Transposición Inversa Operador selector Operaciones elementales Transformaciones elementales Transformaciones elementales Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto Sucesiones indiciadas de Transf. elementales Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto Transformaciones elementales particulares Operador que quita un elemento Selección de elementos sin emplear el operador selector as genéricos es y matrices	25 26 26 26 26 27 27 27 27 29 30 31 31 32 33 33 34 34
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3. 2.4.	lement Conjun Parént Subínd Operad 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3. 2.4.4. 2.4.5. 2.4.6. 2.4.7.	ación atos de números esis y corchetes dices dores Conjugación y concatenación Norma y valor absoluto Transposición Inversa Operador selector Operaciones elementales Transformaciones elementales Transformaciones elementales Transf elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto Sucesiones indiciadas de Transf. elementales Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto Transformaciones elementales particulares Operador que quita un elemento Selección de elementos sin emplear el operador selector as genéricos es y matrices Vectores	25 26 26 26 26 27 27 27 27 29 30 31 31 32 33 33 34 34 34
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3. 2.4.	lement Conjun Parént Subínd Operad 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3. 2.4.4. 2.4.5. 2.4.6. 2.4.7.	ración atos de números	25 26 26 26 26 27 27 27 27 29 30 31 31 32 33 33 34 34 34 34 34
2.	Imp 2.1. 2.2. 2.3. 2.4.	lement Conjun Parént Subínd Operad 2.4.1. 2.4.2. 2.4.3. 2.4.4. 2.4.5. 2.4.6. 2.4.7. 2.4.8. 2.4.9. Sistem Vector 2.6.1. 2.6.2. 2.6.3.	ación atos de números esis y corchetes dices dores Conjugación y concatenación Norma y valor absoluto Transposición Inversa Operador selector Operaciones elementales Transformaciones elementales Transformaciones elementales Transf elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto Sucesiones indiciadas de Transf. elementales Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto Transformaciones elementales particulares Operador que quita un elemento Selección de elementos sin emplear el operador selector as genéricos es y matrices Vectores	25 26 26 26 26 27 27 27 27 29 30 31 31 32 33 33 34 34 34

2.7.	Productos entre vectores
	2.7.1. Producto escalar
	2.7.2. Producto punto
	2.7.3. Producto punto a punto o <i>Hadamard</i>
2.8.	Matriz por vector y vector por matriz
2.9.	Matriz por matriz
	Matriz inversa
	Otros productos entre matrices y vectores
	. Sistemas de ecuaciones
2.12	. Espacios vectoriales
2.13	. Notación funcional
2.14.	. Estadística

### Introducción

Para el Curso de Álgebra Lineal con Notación Asociativa he creado multitud de macros que definen la notación empleada en el material docente (libro, transparencias, ejercicios, notebooks o vídeos). Fijar la notación en los bancos de preguntas de Moodle no es sencillo (hay que convertir el código LATEX a xml). Este paquete es un intento de aproximar la notación de banco de preguntas al resto del material.

La idea la obtuve al encontrar el paquete aleph-comandos (https://github.com/alephsub0/LaTeX\_aleph-moodle/blob/main/aleph-moodle.pdf) de Jonathan Ortiz y Andrés Merino y que hace uso la macro \html@\def del paquete moodle de Anders Hendrickson y Matthieu Guerquin-Kern.

Este método tiene una importante limitación. No es posible implementar todas la macros que definí al escribir el libro, pues al convertir el código IATEX a xml con \html@\def no podemos usar ni las versiones con asterisco de los comandos, ni tampoco comandos con argumentos opcionales. Así pues, la redefinición de las macros en este paquete no usa ni comandos con asterisco ni argumentos opcionales.

#### 1. Uso

\Nn \Zz

\Rr

\CC

#### 1.1. Conjuntos de números

Respecto a estos comandos, véase el párrafo explicativo de la Sección 1.4.6

Los comandos  $\Nn$ ,  $\Zz$ ,  $\Rr$  y  $\CC$  no tienen argumentos y denotan el conjunto de números naturales, de números enteros, de números reales y números complejos respectivamente

### 1.2. Paréntesis y corchetes

Me resulta agradable normalizar el tamaño de los paréntesis y otros tipos de llaves. En general prefiero que en las expresiones matemáticas de tipo *ecuación* o *displaymath* los paréntesis sean un poco mayores que aquello que encierran. Pero prefiero paréntesis pequeños en las expresiones entre líneas dentro de los párrafos.

La conversión de comandos LATEX a xml no permite ni comandos con estrella ni con argumentos opcionales, así que estamos muy limitados. Tan solo he podido definir dos comandos en este caso. Con \parentesis (con las primera letra en minúsculas) escribiremos paréntesis pequeños y con \Parentesis (con la primera letra en mayúsculas) el tamaño del paréntesis se ajusta al objeto encerrado (desgraciadamente parece que no puedo hacer más al convertir a xml). Seguiré idéntico convenio con los corchetes.

\parentesis

El comando \parentesis tiene 1 argumento, \parentesis $\{\langle contenido \rangle\}$ , y pone un paréntesis con ( y ) alrededor del  $\{\langle contenido \rangle\}$ 

 $\verb|\parentesis{A}| \qquad | (A)$ 

El comando \Parentesis tiene 1 argumento, \Parentesis $\{\langle contenido \rangle\}$ , y pone un paréntesis con \left( y \right) alrededor del  $\{\langle contenido \rangle\}$ , por lo que el paréntesis se ajusta al tamaño del  $\{\langle contenido \rangle\}$ .

$$\Parentesis{A}$$

\Parentesis{ \int\limits\_a^b h(x) dx }

$$\left(\int_{a}^{b} h(x)dx\right)$$

El comando \corchetes tiene 1 argumento, \corchetes $\{\langle contenido \rangle\}$ , y pone un corchete con [ y ] alrededor del  $\{\langle contenido \rangle\}$ 

\corchetes{A}



El comando \Corchetes tiene 1 argumento, \Corchetes $\{\langle contenido \rangle\}$ , y pone un corchete con \left[ y \right] alrededor del  $\{\langle contenido \rangle\}$ , por lo que el corchete se ajusta al tamaño del  $\{\langle contenido \rangle\}$ .

\Corchetes{ \int\limits\_a^b h(x) dx }



### 1.2.1. Regla mnemotécnica para comandos que escriben expresiones con paréntesis

Seguiré la siguiente regla con la nomenclatura de algunos comandos.

- $\blacksquare$  Si terminan en "p" minúscula se pondrá un paréntesis  $peque\~no$  alrededor del objeto sobre el que se esta realizando una operación.
- Si terminan en "P" mayúscula se pondrá un paréntesis que tendrá un tamaño ajustado al objeto.
- Si terminan en "pE" se pondrá un paréntesis pequeño alrededor de toda la operación.
- Si terminan en "PE" se pondrá un paréntesis *ajustado al tamaño del objeto* alrededor de toda la operación

Es decir, en Moodle se pintan las versiones con estrella del paquete original.

### 1.3. Subíndices

#### 1.3.1. Subíndices y exponente

El comando \LRidxE tiene 4 argumentos, \LRidxE{ $\langle objeto \rangle$ }{ $\langle indIzda \rangle$ }{ $\langle indDcha \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }, y pone un subíndice a cada lado del objeto (con exponente)

El comando  $\LidxE$  tiene 3 argumentos,  $\LidxE\{\langle objeto\rangle\}\{\langle indIzda\rangle\}\{\langle exponente\rangle\}$ , y pone un subíndice a la izquierda del objeto (con exponente)

$$\label{lidxEA} $$ LidxE{A}{1}{*} $$ 1${*}$$

El comando  $\RidxE$  tiene 3 argumentos,  $\RidxE\{\langle objeto\rangle\}\{\langle indDcha\rangle\}\{\langle exponente\rangle\}$ , y pone un a la derecha del objeto (con exponente)

$$\label{eq:RidxEA} $$ \RidxE{A}{7}{*}$$$

#### 1.3.2. Solo subíndices

El comando \LRidx tiene 3 argumentos, \LRidx $\{\langle objeto \rangle\}$  $\{\langle indIzda \rangle\}$  $\{\langle indDcha \rangle\}$ , y pone un

subíndice a cada lado del objeto  $\LRidx{A}{1}{7}$  $\label{lambda} $$ \LRidxP{\hat{A}}_{1}_{7} \LRidxP{\hat{A}}_{1}_{7}$$  $\label{eq:likelihood} $$ \LRidxPE{\mathcal A}}{1}{7} \LRidxPE{\mathcal A}}{1}{7}$ El comando \Lidx tiene 2 argumentos, \Lidx $E\{\langle objeto\rangle\}\{\langle indIzda\rangle\}$ , y pone un subíndice a la \Lidx izquierda del objeto \Lidxp \LidxP  $Lidx{A}{1}$ \LidxpE \LidxPE  $\Lidxp{Mat{A}}{1} \LidxP{Mat{A}}{1}$  $\label{lidxpE{Mat{A}}{1} \ \LidxPE{Mat{A}}{1}$ El comando \Lidx tiene 2 argumentos, \Lidx $E\{\langle objeto\rangle\}\{\langle indIzda\rangle\}$ , y pone un subíndice a la  $\Ridx$ derecha del objeto \Ridxp  $\RidxP$ \Ridx{A}{7}  $A_7$ \RidxpE  $\RidxPE$  $\left( A_{A}\right)$  $\RidxpE{\Mat{A}}{7} \RidxPE{\Mat{A}}{7}$ **Operadores** 1.4. 1.4.1. Conjugación y concatenación Definimos un operador con una barra ancha. El comando \widebar tiene 1 argumento, \widebar $\{\langle objeto \rangle\}$ , y pone una barra ancha sobre el

\widebar  $\{\langle objeto \rangle\}.$ 

\widebar{x}

Con dicha barra ancha denotaremos el operador conjugación:

\concat

El comando \conj tiene 1 argumento, \conj $\{\langle objeto \rangle\}$ , y pone una barra ancha sobre el  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

 $\c){5+2i}$ 

Con el comando \concat denotaremos la concatenación de dos sistemas El comando \concat no tiene argumentos, \concat.

\concat

### 1.4.2. Norma y valor absoluto

\norma

El comando \norma tiene 1 argumento, \norma $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota la norma del  $\{\langle objeto \rangle\}$ . Las dobles barras verticales se ajustan al tamaño del  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

$$\left\| \int_{a}^{b} h(x) dx \right\|$$

\modulus

El comando \modulus tiene 1 argumento, \modulus $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el valor absoluto del  $\{\langle objeto \rangle\}$ . Las barras verticales se ajustan al tamaño del  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

$$\left| \int_{a}^{b} h(x) dx \right|$$

#### 1.4.3. Transposición

El comando **\T** no tiene argumentos y denota el símbolo de la transposición.

El comando \Trans tiene 1 argumento, \Trans $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota la transposición del  $\{\langle objeto \rangle\}$ 

ΑТ

$$\boxed{ \left( \widehat{\boldsymbol{A}} \right)^{\mathsf{T}} } \boxed{ \left( \widehat{\boldsymbol{A}} \right)^{\mathsf{T}} }$$

\TranspE{\Mat{A}} \TransPE{\Mat{A}}}

$$\boxed{(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})}\boxed{(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})}$$

#### 1.4.4. Inversa

Me gusta que el signo negativo que indica la inversa sea ligeramente más corto que el habitual. Así logramos que las expresiones sean un poco más compactas.

El comando \minus no tiene argumentos

Tiene 1 argumento,  $\langle objeto \rangle$ , y denota el inverso del  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

$$\Inv{x}$$
  $x^{-1}$ 

\Invp{x} \InvP{\int\limits\_a^b h(x) dx}

$$(x)^{-1} \left[ \left( \int_a^b h(x) dx \right)^{-1} \right]$$

$$\InvpE\{x\} \InvPE\{x\}$$

$$(x^{-1})$$
  $(x^{-1})$ 

#### Operador selector 1.4.5.

Denotaremos el operador selector con una barra vertical.

El comando \getItem no tiene argumentos

El comando \getitemL tiene 1 argumento, \getitemL $\{\langle objeto \rangle\}$ .

El comando \getitemR tiene 1 argumento, \getitemR{ $\langle objeto \rangle$ }.

```
por la izquierda de un objeto El comando \elemL tiene 2 argumentos, \ensuremath{\langle objeto \rangle} \{ \langle indice(s) \rangle \},
       \elemL
                          y denota la selección de elementos por la izquierda.
    \elemLp
    \elemLP
                                                                                                                                                                         _{i}A
                                                                                                   \elemL{\Mat{A}}{i}
   \elemLpE
   \elemLPE
                                                            \label{lemLp{Mat{A}}{i} \ \elemLp{Mat{A}}{i}
                                                        \elemLpE{\Mat{A}}{i} \elemLPE{\Mat{A}}{i}
       \elemR
                          por la derecha de un objeto El comando \elem\text{R tiene 2 argumentos, \elem\text{\langle objeto \rangle}} {\langle indice(s) \rangle},
    \elemRp
                          y denota la selección de elementos por la derecha.
    \elemRP
                                                                                                   \elemR{\Mat{A}}{j}
                                                                                                                                                                         A_{|j|}
   \elemRpE
  \elemRPE
                                                            \left( A_{A}\right) = \mathbb{N}_{A}
                                                        \label{lemRpE(Mat{A}){j} <text> lemRPE(Mat{A}){j}} 
    \elemLR
                           por ambos lados de un objeto El comando \elemLR tiene 3 argumentos, \ensuremath{\mbox{\mbox{demLR}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{elemLR}}}}}}} {\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox
                          y denota la selección de elementos por ambos lados.
   \elemLRp
  \elemLRP
                                                                                            \left( A_{A}\right) 
\elemLRpE
\elemLRPE
                                               \elemLRp{\Mat{A}}{i}{j} \elemLRP{\Mat{A}}{i}{j}
                                           \ellow{A}_{i}_{j} \ellow{A}_{i}_{j}
       \eleVL
                          por la izquierda de un vector El comando \elevll tiene 2 argumentos, \elevll {(nombre)} {(indice(s))},
                          y denota la selección de elementos por la izquierda de un vector.
    \eleVLp
    \eleVLP
                                                                                                           \eleVL{a}{i}
   \eleVLpE
   \eleVLPE
                                                                             \eleVLp{a}{i} \eleVLP{a}{i}
                                                                         \eleVLpE{a}{i} \eleVLPE{a}{i}
                           por la derecha de un vector El comando \eleVR tiene 2 argumentos, \eleVL\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indice(s) \rangle\},
       \eleVR
                          y denota la selección de elementos por la derecha de un vector.
    \eleVRp
    \eleVRP
                                                                                                           \eleVR{a}{j}
                                                                                                                                                                 a_{|j}
   \eleVRpE
  \eleVRPE
                                                                            \eleVRp{a}{j} \eleVRP{a}{j}
                                                                         \eleVRpE{a}{j} \eleVRPE{a}{j}
```

\VectFp \VectFpE \VectFpE de filas de una matriz El comando  $\ensuremath{\mbox{VectF tiene 2 argumentos}}, \ensuremath{\mbox{VectF}{\langle nombre\rangle}}{\langle indice(s)\rangle},$  y denota la selección de filas de una matriz

 $\VectF{A}{i}$ 

 $\label{eq:vectfpe} $$ \operatorname{A}_{i} \operatorname{PE}_{A}_{i} $$ is $$ \left( \frac{i}{|\mathbf{A}|} \right) $$$ 

de columnas de una matriz El comando  $\ensuremath{\mbox{VectC tiene 2 argumentos}}, \ensuremath{\mbox{VectC}(\ensuremath{\mbox{(}nombre)})}, y denota la selección de filas de una matriz$ 

 $\label{eq:local_problem} $$ \end{align*} $$$ 

 $\label{eq:local_period_of_local} $$\operatorname{VectCPE}_{A}_{j} \leq \left[ (\mathbf{A}_{|j}) \right] $$$$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$$ 

de elementos de una matriz El comando \eleM tiene 3 argumentos, \eleM{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle indice(s)Fil \rangle$ }{ $\langle indice(s)Fol \rangle$ } de de elementos de una matriz

 $\label{eq:alpha} $$ \left\{i\right\}{i}$$ 

 $\label{eq:loss_loss} $$ \left[ i\right]_{j} \left[ A\right]_{j} \left[ \left( A\right)_{j} \right]_{i} \left[ A\right]_{j} \right] $$$ 

 $\label{eq:loss_loss} $$ \left( i \right) = \left( i \right) \left($ 

de elementos de una matriz transpuesta El comando \eleMT tiene 3 argumentos, \eleMT $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle indice(s)Fiy$  denota la selección de filas y columnas de una matriz

 $\label{eq:alpha} $$ \left\{i\right\}{i}{j} $$ \left[i\right]{\mathbf{A}^{\intercal}}_{i}$ 

El comando \eleMTp tiene 3 argumentos, \eleMTp $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle indice(s)Fil \rangle\}$  $\{\langle indice(s)Col \rangle\}$ , y denota la selección de filas y columnas de una matriz

 $\label{eq:loss_interparameter} $$ \left( A \right)^{T} \right)_{i} $$$ 

El comando \eleMTP tiene 3 argumentos, \eleMTP $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle indice(s)Fil \rangle\}$  $\{\langle indice(s)Col \rangle\}$ , y denota la selección de filas y columnas de una matriz

 $\label{eq:local_ij} $$ \left( (\mathbf{A})^{\mathsf{T}} \right)_{i} $$$ 

El comando \eleMTpE tiene 3 argumentos, \eleMTpE{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle indice(s)Fil \rangle$ }{ $\langle indice(s)Col \rangle$ }, y denota la selección de filas y columnas de una matriz

 $\label{eq:loss_loss} $$ \left( \frac{\mathbf{A}^{\mathsf{T}}}{i} \right) = \left( \frac{\mathbf{A}^{\mathsf{T}}}{i} \right) = \mathbf{A}^{\mathsf{T}}$ 

El comando \eleMTPE tiene 3 argumentos, \eleMTPE $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle indice(s)Fil \rangle\}$  $\{\langle indice(s)Col \rangle\}$ , y denota la selección de filas y columnas de una matriz

#### 1.4.6. Operaciones elementales

Primero fijamos la notación de las operaciones elementales tipo I y II, los intercambios y las reordenaciones (o permutaciones).

\su El comando \su tiene 3 argumentos, \pe{\(\langle escalar\)}{\(\langle indice\)}}{\(\langle indice\)}, e indica una transformación Tipo I.

$$\su{a}{j}{k}$$

\pr El comando \pr tiene 2 argumento, \pr{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una transformación Tipo II.

$$\pr{a}{k} \qquad \boxed{(a)\, \pmb{k}}$$

\pe El comando \pr tiene 2 argumento, \pr{\(\lambda indice\)\}{\(\lambda indice\)}}, e indica un intercambio.

$$\texttt{\pe{i}}\texttt{\{k\}}\qquad \qquad \boxed{i \rightleftharpoons k}$$

\perm El comando \perm no tiene argumentos e indica un reordenamiento o permutación.

Usaremos letra griega tau como símbolo para denotar una operación elemental (o una secuencia de ellas).

\TrEl El comando \TrEl no tiene argumentos

\TrEl 
$$au$$

 $\Delta El \Delta Delta El \Delta Delta El \Delta Delta El \Delta Delta Delta$ 

$$\begin{tabular}{ll} $ \begin{tabular}{ll} $ \begin{tabular}{ll}$$

$$\CEpr{a}{j}$$

 $\verb|VOEin| El comando | OEin tiene 2 argumentos, | OEin{|| (indice|)} } {| (indice|)}, e indica un intercambio de posición entre componentes | OEin{|| (indice|)} } {| (indice|)}, e indica un intercambio de posición entre componentes | OEin{|| (indice|)} } {| (indice|)} } {| (indice|)} } {| (indice|)} {| (indi$ 

$$\texttt{`OEin\{k\}\{j\}} \qquad \qquad \boxed{\frac{\tau}{[k \rightleftharpoons j]}}$$

\OEper El comando \OEper no tiene argumentos e indica un reordenamiento o permutación entre componentes

\OEper 
$$au_{[\mathfrak{S}]}$$

\E0Esu El comando \E0Esu tiene 3 argumentos, \E0Esu $\{\langle num \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$ , e indica la operación espejo de una elemental de Tipo I

\E0Esu{a}{j}{k} 
$$esp \binom{ au}{[(a)j+k]}$$

\E0Epr El comando \E0Epr tiene 2 argumentos, \E0Epr $\{\langle num \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$ , e indica la operación espejo de una elemental de Tipo II

\EOEpr{a}{j} 
$$esp \begin{pmatrix} \tau \\ [(a)j] \end{pmatrix}$$

Operaciones elementales generales Desgraciadamente para el propósito de este paquete, las macros que definí para escribir el libro usan mayoritariamente argumentos opcionales, que aquí no se pueden usar. Cambiar las macros originales supondría modificar los archivos del libro, las transparencias de clase, los problemas propuestos, los exámenes pasados... demasiado trabajo. La alternativa que me queda tampoco me gusta, pero al menos no supone tanto trabajo. Dicha alternativa consiste en duplicar comandos, es decir, que por cada comando original (con argumentos opcionales) creemos otro comando que pinte los mismos símbolos pero sin argumentos opcionales (esta solución ya la he tomado con los comandos de notación de los conjuntos de números, de manera que para escribir  $\mathbb{R}^n$  ahora tenemos R[n] (el argumento opcional es el superíndice) o bien  $R^n$  (que no tiene argumentos opcionales y que es lo que debemos usar al escribir preguntas para Moodle).

El criterio de nomenclatura que he adoptado ha sido repetir la letra del comando pero en minúscula (salvo en el caso de los complejos); es decir, los comandos definidos para el libro son:  $\N$ ,  $\Z$ ,  $\R$  y  $\C$ c (debido a que  $\C$  ya es un comando del paquete hyperref). Así, que los nuevos comandos que he creado para duplicar los anteriores pero sin argumentos opcionales son  $\N$ n,  $\Z$ z,  $\R$ r y  $\C$ C.

Ahora tengo que pensar en un criterio análogo para que sea fácil pasar del comando original a duplicado sin argumentos opcionales. No lo tengo claro así que voy a probar con mantener los mismo nombres pero con una d delante para indicar que es el comando duplicado (no sé que tal resultará esta solución).

El comando  $\dOEgE$  tiene 2 argumentos,  $\dOEgE\{\langle indice \rangle\}\{\langle exponente \rangle\}$ , e indica una operación elemental genérica con un exponente (y replica el comando  $\OEg$  que tiene argumentos opcionales)

$$\label{eq:doege} $$\doege{k}{} \doege{k}{*} \doege{k}{*} \doege{k}{*} $$$$

El comando  $\dOEg$  tiene 1 argumento,  $\dOEg\{\langle indice \rangle\}$ , e indica una operación elemental genérica (y replica el comando  $\DEg$  que tiene argumentos opcionales)

\d0Eg{} \d0Eg{k} \0Eg[k] 
$$\tau_k \tau_k$$

También fijamos la notación para operación inversa, la operación espejo y el espejo de la inversa de una operación elemental

El comando \dE0EgE tiene 2 argumentos, \dE0EgE{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }, e indica la operación espejo de una elemental genérica con un exponente (y replica el comando \E0Eg que tiene argumentos opcionales)

$$\label{eq:loss_esp} $$ \dedelete{k} {*} \end{minipage} $$ \end{m$$

El comando  $\del{dedeg}$  tiene 1 argumento,  $\del{dedeg}$  ( $\del{indice}$ ), e indica la operación espejo de una elemental genérica (y replica el comando  $\del{dedeg}$  que tiene argumentos opcionales)

$$\label{eq:loss_esp} $$ \deoeg_k \ \eoeg_k $ esp(\tau) esp(\tau_k) esp(\tau_k) $$$$

El comando  $\d InvOEg tiene 1 argumento, \d InvOEgE{(indice)}, e indica la la inversa de una elemental genérica (y replica el comando \InvOEg que tiene argumentos opcionales)$ 

\dInv0Eg{\} \dInv0Eg{\k} \Inv0Eg[\k] 
$$ag{ au^{-1} au_k^{-1} au_k^{-1}}$$

$$\texttt{\ \ } \texttt{\ \ } \texttt{\$$

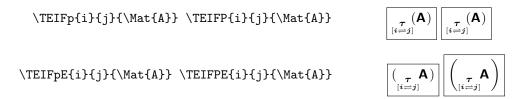
El comando \dS0EgE tiene 3 argumento3, \dS0EgE{ $\langle indiceInic \rangle$ }{ $\langle indiceFin \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }, e indica una sucesión de operaciones elementales genéricas con exponente

El comando \dS0Eg tiene 2 argumento3, \dS0Eg{ $\langle indiceInic \rangle$ }{ $\langle indiceFin \rangle$ }, e indica una sucesión de operaciones elementales genéricas

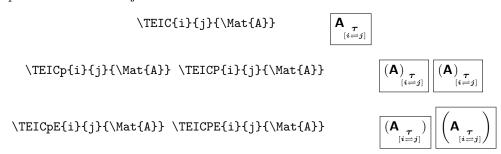
$$\texttt{\dSOEg\{j\}\{k\}\ \SOEg[j][k]} \qquad \boxed{\tau_j \cdots \tau_k \tau_j \cdots \tau_k}$$

#### 1.4.7. Transformaciones elementales

\TESF Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto El comando \TESF tiene 4 argumentos,  $\TESF{\langle escalar \rangle} {\langle indice \rangle} {\langle indice \rangle} {\langle indice \rangle}$ , e indica una transformación elemental \TESFp \TESFP de Tipo I por la izquierda del objeto. \TESFpE \TESF{\lambda}{i}{j}{\Mat{A}} \TESFPE  $\TESFp{\lambda_{i}_{j}_{SV{A}} \TESFP{\lambda_{i}_{j}_{SV{A}}} \TESFP{\lambda_{i}_{j}_{SV{A}}}$  $\label{lambda} $$ \TESFPE{\lambda_{i}_{j}_{SV\{A\}}} \TESFPE{\lambda_{i}_{j}_{SV\{A\}}} $$$ El comando \TESC tiene 4 argumentos, \TESC $\{\langle escalar \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica \TESC una transformación elemental de Tipo I por la derecha del objeto. \TESCp \TESCP \TESC{\lambda}{i}{j}{\Mat{A}}} \TESCpE  $oldsymbol{ au}_{[(\lambda)oldsymbol{i}+oldsymbol{j}]}$ \TESCPE  $\TESCp{\lambda_{i}_{j}_{SV\{A\}} \TESCP{\lambda_{i}_{j}_{SV\{A\}}} \TESCP{\lambda_{i}_{j}_{SV\{A\}}} \TESCP{\lambda_{i}_{i}_{j}_{SV\{A\}}} \TESCP{\lambda_{i}_{i}_{SV\{A\}}} \TESCP{\lambda_{i}_{SV\{A\}}_{SV\{A\}}} \TESCP{\lambda_{i}_{SV\{A\}}_{SV\{A\}}_{SV\{A\}}} \TESCP{\lambda_{i}_{SV\{A\}$  $m{ au}_{[(\lambda)m{i}+m{j}]}$  $\TESCpE{\lambda_{i}_{j}_{SV\{A\}} \TESCPE{\lambda_{i}_{j}_{SV\{A\}}} \TESCPE{\lambda_{i}_{j}_{SV\{A\}}}$ El comando \TEPF tiene 3 argumentos, \TEPF $\{\langle escalar \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una trans-\TEPF formación elemental de Tipo II por la izquierda del objeto. \TEPFp \TEPFP \TEPF{\lambda}{i}{\Mat{A}}} \TEPFpE \TEPFPE \TEPFp{\lambda}{i}{\Mat{A}} \TEPFP{\lambda}{i}{\Mat{A}} \TEPFpE{\lambda}{i}{\Mat{A}} \TEPFPE{\lambda}{i}{\Mat{A}} El comando \TEPC tiene 3 argumentos, \TEPC $\{\langle escalar \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una trans-\TEPC formación elemental de Tipo II por la derecha del objeto. \TEPCp \TEPCP  $\mathbf{A}_{oldsymbol{ au}}^{oldsymbol{ au}}$ \TEPC{\lambda}{j}{\Mat{A}}} \TEPCpE \TEPCPE \TEPCp{\lambda}{j}{\Mat{A}} \TEPCP{\lambda}{j}{\Mat{A}} \TEPCpE{\lambda}{j}{\Mat{A}} \TEPCPE{\lambda}{j}{\Mat{A}}} Α El comando \TEIF tiene 3 argumentos, \TEIF $\{(indice)\}\{(indice)\}\}$ , e indica un inter-\TEIF cambio por la izquierda del objeto. \TEIFp \TEIFP \TEIF{i}{j}{\Mat{A}}} \TEIFpE \TEIFPE



El comando \TEIC tiene 3 argumentos, \TEIC $\{(indice)\}\{(indice)\}\{(objeto)\}$ , e indica un intercambio por la derecha del objeto.



El comando \Mint tiene 2 argumentos, \Mint{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una matriz intercambio.

$$\begin{tabular}{ll} $\setminus$ Mint{i}{j} & \hline {\color{red} I}_{\substack{\tau \\ [i \rightleftharpoons j]}} \end{tabular}$$

El comando \MintT tiene 2 argumentos, \MintT{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una matriz intercambio (filas).

El comando \PF tiene 1 argumento, \PF{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una permutación de los elementos de un objeto por la izquierda.

El comando \PC tiene 1 argumento, \PC $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una permutación de los elementos de un objeto por la derecha.

El comando \MP no tiene argumentos e indica una matriz permutación.

\MP 
$$I_{\tau}$$

El comando \MPT no tiene argumentos e indica una matriz permutación.

\MPT 
$$\begin{bmatrix} \tau \\ [\mathfrak{S}] \end{bmatrix}$$

Sucesiones indiciadas de Transf. elementales por la izquierda, o por la derecha, o por ambos lados.

El comando \SITEF tiene 3 argumentos, \SITEF $\{\langle indInic \rangle\}$  $\{\langle indFinal \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la izquierda del  $\{\langle objeto \rangle\}$ .

$$\label{eq:compaction} $$ \left\{ \frac{1}{k} \right\} \left( \frac{1}{r_j \cdots r_k} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \right) \left( \frac{1}{r_k \cdots r_j} \left( \frac{1}{r_$$

\SITEFC

\SITEFCp

\SITEFCP \SITEFCpE

\SITEFCPE

\SITEFCR

\SITEFCRp \SITEFCRP

\SITEFCRpE

\SITEFCRPE

\dTEEF

\dTEEFp \dTEEFP

\dTEEFpE \dTEEFPE Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto (funciones duplicadas sin argumentos opcionales. Cuando la aplicamos a la izquierda de una matriz corresponde a una transformación de sus filas

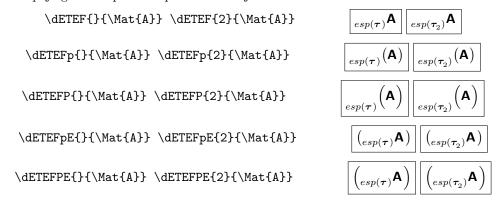
 $\SITEFCRpE{j}{k}{\mathbb{A}} \SITEFCRPE{j}{k}{\mathbb{A}}$ 

El comando \dTEEF tiene 3 argumentos, \dTEEF{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica (con exponente) por la izquierda del objeto.

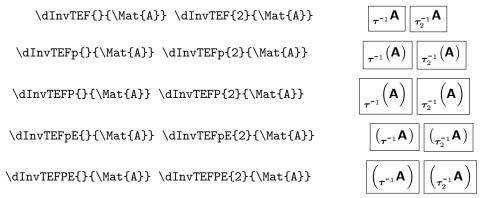
 $\left\lceil \left( au^A 
ight) 
ight
ceil \left( au_2^A 
ight) \left
ceil \left( au_2^* A 
ight)$ 

\dTEFp \dTEFP \dTEFPE \dTEFPE El comando \dTEF tiene 2 argumentos, \dTEF $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

El comando \dETEF tiene 2 argumentos, \dETEF $\{\langle indice \rangle\}$  $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental espejo genérica por la izquierda del objeto.



El comando \dInvTEF tiene 2 argumentos, \dInvTEF $\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto.



El comando \dEInvTEF tiene 2 argumentos, \dEInvTEF{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto.

Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto (funciones duplicadas sin argumentos opcionales. Cuando la aplicamos a la derecha de una matriz corresponde a una transformación de sus columnas

El comando \dTEEC tiene 3 argumentos, \dTEEC $\{\langle indice \rangle\}\{\langle exponente \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una \dTEEC transformación elemental genérica (con exponente) por la derecha del objeto. \dTEECp \dTEECP \dTEEC{}{}{\SV{A}} \dTEEC{2}{}{\SV{A}} \dTEEC{2}{\*}{\SV{A}} \dTEECpE \dTEECPE  $\label{eq:dteco} $$ \det p_{2}_{A} \det p_{2}_{A} \\$ (A) $\label{eq:dteecp} $$ \det \mathbb{L}^{A} \det \mathbb{L}^{A} \det \mathbb{L}^{A}$  $\label{lem:dteecpe} $$ dteecpe{2}{}{A} \dteecpe{2}{*}{A} $$ dteecpe{2}{*}{A} $$$ \dTEC El comando \dTEC tiene 2 argumentos, \dTEC $\{\langle indice \rangle\}$   $\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transformación \dTECp elemental genérica por la derecha del objeto. \dTECP  $\dTEC{}{\Mat{A}} \dTEC{2}{\Mat{A}}$ \dTECpE \dTECPE \dTECpE{}{\Mat{A}} \dTECpE{2}{\Mat{A}} \dTECPE{}{\Mat{A}} \dTECPE{2}{\Mat{A}}} El comando \dETEC tiene 2 argumentos, \dETEC $\{(indice)\}$ , e indica una transformación \dETEC elemental espejo genérica por la derecha del objeto. \dETECp \dETECP \dETEC{}{\Mat{A}} \dETEC{2}{\Mat{A}}  $\mathbf{A}_{esp(oldsymbol{ au})}$  $\mathbf{A}_{esp(\pmb{\tau}_2)}$ \dETECpE \dETECPE  $\label{eq:local_detection} $$ \dETECp{2}{\mathcal A}} \dETECp{2}{\mathcal A}$$ \dETECP{}{\Mat{A}} \dETECP{2}{\Mat{A}}} \dETECpE{}{\Mat{A}} \dETECpE{2}{\Mat{A}}} \dETECPE{}{\Mat{A}} \dETECPE{2}{\Mat{A}} El comando \dInvTEC tiene 2 argumentos, \dInvTEC $\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$ , e indica una transfor-\dInvTEC

mación elemental espejo inversa genérica por la derecha del objeto.

\dInvTECp \dInvTECP

\dInvTECPE \dInvTECPE

$$\begin{split} & \langle \mathbf{A} \rangle_{\tau^{-1}} \\ & \langle \mathbf{A} \rangle_{\tau^{-1$$

El comando \dEInvTEC tiene 2 argumentos, \dEInvTEC $\{(indice)\}\{(objeto)\}$ , e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la derecha del objeto.

$$\begin{tabular}{ll} $$ \esp(\tau^{-1}) & $ A_{esp(\tau^{-1})} & $ A_{$$

**Transformaciones elementales particulares** Aquí describimos la notación de transformaciones específicas.

El comando  $\dTrF$  tiene 2 argumentos,  $\dTrF{\langle operación(es)\rangle}{\langle objeto\rangle}$ , e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por la izquierda del objeto.

El comando  $\dTrC$  tiene 2 argumentos,  $\dTrC\{\langle operación(es)\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$ , e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por la derecha del objeto.

 $\dTrC{ \dOEgE{1}{'}\cdots\dOEgE{p}{'} } {\Mat{I}}$  $\dTrC{ \pE{\su{5}{i}{j}}\pE{\pr{-7}{j}} }{\Mat{A}}$ [(5)i+j][(-7)j]\dTrCp{ \d0EgE{1}{'}\cdots\d0EgE{p}{'} }{\Mat{I}}  $\dTrCp\{ \opE\{\su\{5\}\{i\}\{j\}\}\opE\{\pr\{-7\}\{j\}\} \} \{\Mat\{A\}\}\}$  $oldsymbol{ au} oldsymbol{ au} [(5)oldsymbol{i+j}][(-7)oldsymbol{j}]$  $\label{local_def} $$ \dTrCP{ \dOEgE{1}{'}\cdots\dOEgE{p}{'} }{\mathcal{I}}$$ Α  $\dTrCP\{ \opE\{\su\{5\}\{i\}\}\} \opE\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \} \{\Mat\{A\}\}\}$  $\boldsymbol{\tau} \quad \boldsymbol{\tau}$   $[(5)\boldsymbol{i}+\boldsymbol{j}][(-7)\boldsymbol{j}]$ \dTrCpE{ \dOEgE{1}{'}\cdots\dOEgE{p}{'} }{\Mat{I}}  $\dTrCpE\{ \0pE\{\su\{5\}\{i\}\{j\}\}\0pE\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\}$  $egin{array}{ccc} oldsymbol{ au} & oldsymbol{ au} & oldsymbol{ au} \ [(5)oldsymbol{i+j}][(-7)oldsymbol{j}] \end{array}$ \dTrCPE{ \dOEgE{1}{'}\cdots\dOEgE{p}{'} }{\Mat{I}}  $\dTrCPE\{ \OpE\{\su\{5\}\{i\}\{j\}\}\OpE\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\}$  $\tau$  [(5)i+j][(-7)j]

\dTrFCp \dTrFCP \dTrFCpE \dTrFCPE El comando \dTrFC tiene 3 argumentos, \dTrFC{ $\langle operacionesIzda \rangle$ }{ $\langle operacionesDcha \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por cada lado del objeto.

### 1.4.8. Operador que quita un elemento

\fueraitemI.

El comando \fueraitemL tiene 1 argumento, \fueraitemL{\langle indice}\rangle, y denota la eliminación por la izquierda del elemento correspondiente al  $\{\langle indice \rangle\}$ 

El comando \fueraitemR tiene 1 argumento, \fueraitemR{ $\langle indice \rangle$ }, y denota la eliminación por la derecha del elemento correspondiente al { $\langle indice \rangle$ }

El comando \quitaLR tiene 3 argumentos, \quitaLR{ $\langle objeto \rangle$ }{ $\langle indIzda \rangle$ }{ $\langle indDcha \rangle$ }, y denota el resultante de quitar un elemento por la izquierda y otro por la derecha

El comando \quitaL tiene 2 argumentos, \quitaL $\{\langle objeto \rangle\}$  $\{\langle indIzda \rangle\}$ , y denota el resultante de quitar un elemento por la izquierda

El comando \quitaR tiene 2 argumentos, \quitaR $\{\langle objeto \rangle\}$  $\{\langle indDcha \rangle\}$ , y denota el resultante de quitar un elemento por la derecha

## 1.4.9. Selección de elementos sin emplear el operador selector

El comando \elemUUU tiene 2 argumentos, \elemUUU $\{\langle sistema \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$ , y denota la selección del elemento correspondiente al  $\{\langle indice \rangle\}$ 

$$\label{eq:continuous} $$ \left( SV\{Z\} \right) = \left( elem_i(Z) \right) $$$$

El comando  $\VectFFF\ tiene\ 2$  argumentos,  $\VectFFF\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$ , y denota la selección de la fila correspondiente al  $\{\langle indice \rangle\}$ 

El comando  $\VectCCC\ tiene\ 2$  argumentos,  $\VectCCC\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$ , y denota la selección de la columna correspondiente al  $\{\langle indice \rangle\}$ 

$$| \textbf{VectCCCT{A}{i}} | \textbf{Col}_i(\textbf{A}) | | col_i(\textbf{A}^\intercal) |$$

tiene 3 argumentos,  $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indiceFil \rangle\}\{\langle indiceCol \rangle\}$ , y denota la selección del elemento correspondiente a los índices indicados

## 1.5. Sistemas genéricos

El comando \SV tiene 1 argumento, \SV $\{\langle nombre \rangle\}$ 

El comando \concatSV tiene 2 argumentos, \concatSV{ $\langle sistemaA \rangle$ }{ $\langle sistemaB \rangle$ }, y denota la concatenación del { $\langle sistemaA \rangle$ } con el { $\langle sistemaB \rangle$ }.

$$\label{eq:local_system} $$\operatorname{A}HB$$$

#### 1.6. Vectores y matrices

#### 1.6.1. Vectores genéricos

tiene 1 argumento,  $\ensuremath{\mbox{vect}\{\langle nombre\rangle\}}$ , y denota un vector genérico. \vect

\vectp \vectP

\vect{a} \vectp{a} \vectP{a}

 $(\overrightarrow{a})$  $(\vec{a})$ 

#### Vectores de $\mathbb{R}^n$ 1.6.2.

tiene 1 argumento,  $\ensuremath{\langle Vect\{\langle nombre \rangle\}}$ , y denota un vector de  $\mathbb{R}^n$ \Vect

\Vectp \VectP

\Vect{a} \Vectp{a} \VectP{a}

(a) $(\boldsymbol{a})$ 

#### 1.6.3. Matrices

tiene 1 argumento,  $\{(nombre)\}$ , y denota una matriz \Mat

\Matp \MatP

\Mat{A} \Matp{A} \MatP{A}

#### Matrices transpuestas

El comando \MatT tiene 1 argumento, \MatT $\{\langle nombre \rangle\}$ \MatT

\MatTp

\MatTP

\MatTPE

\MatTpE

\MatT{A}



\MatTp{A} \MatTP{A}



\MatTpE{A} \MatTPE{A}



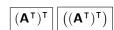
## Matriz transpuesta de la transpuesta

\MatTT

El comando \MatTT tiene 1 argumento, \MatTT $\{\langle nombre \rangle\}$ 

\MatTTPE

\MatTT{A} \MatTTPE{A}



#### Matrices columna

\MVectF

El comando \MVectF tiene 2 argumentos, \MVectF $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$ , y denota una matriz columna creada a partir de una fila de una matriz

El comando \MVectF tiene 2 argumentos, \MVectF $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$ 

\MVectF{A}{i}



\MVectC

El comando \MVectC tiene 2 argumentos, \MVectC $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$ , y denota una matriz columna creada a partir de una columna de una matriz

\MVectC{A}{j}



### Matrices fila

\MVectFT

El comando \MVectFT tiene 2 argumentos, \MVectFT $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$ , y denota una matriz fila creada a partir de una fila de una matriz

\MVectFT{A}{i}

 $[i|A]^T$ 

\MVectCT

El comando \MVectCT tiene 2 argumentos, \MVectCT $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle indice \rangle\}$ , y denota una matriz fila creada a partir de una columna de una matriz

\MVectCT{A}{j}

Matriz inversa Notación para las matrices inversas

El comando \InvMat tiene 1 argumento, \InvMat $\{\langle nombre \rangle\}$ , y denota la inversa de una matriz

El comando  $\InvMatT$  tiene 1 argumento,  $\InvMatT{\langle nombre \rangle}$ , y denota la inversa de una matriz transpuesta

 $\label{eq:linear_approx} $$\operatorname{InvMatTpE}_{A} \ \operatorname{InvMatTpE}_{A} = \left(\mathbf{A}^\intercal\right)^{-1} \left[\left(\left(\mathbf{A}^\intercal\right)^{-1}\right)\right] \left(\left(\mathbf{A}^\intercal\right)^{-1}\right) = \left(\left(\mathbf{A}^\intercal\right)^{-1}\right)^{-1} \left(\left(\mathbf{A}^\intercal\right)^{-1}$ 

El comando \TInvMat tiene 1 argumento, \TInvMat $\{\langle nombre \rangle\}$ , y denota la transpuesta de la inversa de una matriz

 $\label{eq:local_transformation} $$ \prod_{\mathbf{A}^{-1}}^{\mathsf{T}} \left[ \left( \mathbf{A}^{-1} \right)^{\mathsf{T}} \right] \left[ \left( \mathbf{A}^{-1} \right)^{\mathsf{T}} \right] $$ 

#### 1.6.4. Miscelánea matrices

El comando \Traza no tiene argumentos

\Traza tr

El comando \rg no tiene argumentos

\rg rg

El comando \traza tiene 1 argumento, \traza $\{\langle objeto \rangle\}$ 

 $\label{traza} $$ \operatorname{Traza}(\mathcal{A})$$ 

El comando \rango tiene 1 argumento, \rango $\{\langle objeto \rangle\}$ 

 $\operatorname{rg}(A)$ 

Determinante de una matriz El comando \cof no tiene argumentos

\cof | cof

El comando \adj no tiene argumentos

\adj Adj

El comando \determinante tiene 1 argumento, \determinante $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el determinante del  $\{\langle objeto \rangle\}$  usando las barras verticales

 $\label{eq:local_determinante} $$ \determinante{\Mat{A}} $$$ 

El comando \subMat tiene 3 argumentos, \subMat{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle indIzda \rangle$ }{ $\langle indDcha \rangle$ }, y denota la submatriz resultante de quitar una o más filas y columnas de la matriz { $\langle nombre \rangle$ }

 $\hat{i}^{\dagger}\mathbf{A}^{\dagger j}$ 

El comando \Menor tiene 3 argumentos, \Menor{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle indFila \rangle$ }{ $\langle indCol \rangle$ }, y denota el menor de la matriz correspondiente a la fila y columna indicadas

 $\Menor{A}{i}{j} \MenoR{A}{i}{j}$ 

El comando \Cof tiene 3 argumentos, \Cof $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indFila \rangle\}\{\langle indCol \rangle\}$ , y denota el cofactor de la fila y columna indicadas

\Cof{A}{i}{j}



 $\underset{n \times m}{xxx}$ 

Orden de las matrices El comando \Dim tiene 3 argumentos, \Dim $\{\langle objeto \rangle\}\{\langle filas \rangle\}\{\langle columnas \rangle\}$ \Dim

\Dim{xxx}{n}{m}

\Dimp \DimP

\DimpE \DimPE

 $\displaystyle \prod\{x\}\{n\}\{m\} \quad \\ \displaystyle \lim\{x\}\{n\}\{m\}\}$ 

 $\DimpE\{x\}\{n\}\{m\} \DimPE\{x\}\{n\}\{m\}$ 

\Matdim \Matdimp

\MatdimP

\MatdimpE

\MatdimPE

El comando \Matdim tiene 3 argumentos, \Matdim $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle filas \rangle\}\{\langle columnas \rangle\}$ 

\Matdim{A}{n}{m}

 $\mathcal{A}_n$  \MatdimP{A}{n}{m} \MatdimP{A}{n}{m}

(A)

 $MatdimpE{A}{n}{m} \ \ MatdimPE{A}{n}{m}$ 

### Matriz de autovalores

\MDaV

\MDaV no tiene argumentos e indica la letra usada par las matrices de autovalores

\MDaV

D

#### 1.7. Productos entre vectores

#### 1.7.1. Producto escalar

\eSc

tiene 2 argumentos,  $\ensuremath{\mbox{\sc hojeto}}\$  { $\ensuremath{\mbox{\sc hojeto}}\$ }, y denota el producto escalar entre dos objetos

 $\ensuremath{\ensuremath{\mbox{eSc}\{f(x)\}\{g(x)\}}}$ 

 $\langle f(x), g(x) \rangle$ 

tiene 2 argumentos,  $\ensuremath{\mbox{\sc f}(nombre)}\ensuremath{\mbox{\sc f}(nombre)}\ensuremath{\mbox{\sc f},}$  y denota el producto escalar entre dos vectores \esc genéricos

 $\ensuremath{\ensuremath}\ensuremath{\ensuremath{\ens$ 

#### 1.7.2. Producto punto

\dotProd \dotProdp \dotProdP tiene 2 argumentos,  $\dot Prod(\langle objeto \rangle) \{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el producto punto entre dos objetos

$$(a+b)\cdot c$$

¡Ojo! en las versiones con paréntesis he me saltado en convenio y en lugar de terminar en pE o PE, sencillamente terminan en p o P.

tiene 2 argumentos,  $\dotprod\{\langle nombre\rangle\}\{\langle nombre\rangle\}$ , y denota el producto punto entre dos vectores de  $\mathbb{R}^n$ 

$$oxed{a \cdot b} oxed{(a \cdot b)} oxed{(a \cdot b)}$$

#### 1.7.3. Producto punto a punto o Hadamard

tiene 2 argumentos,  $\prodH{\langle objeto\rangle}{\langle objeto\rangle}$ , y denota el producto punto a punto entre dos objetos

$$(a+b)\odot c$$

$$$$ \operatorname{\widehat{b}}_{\operatorname{\widehat{b}}}_{\operatorname$$

tiene 2 argumentos,  $\prodh{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$ , y denota el producto punto a punto entre dos vectores de  $\mathbb{R}^n$ 

$$oxed{a \odot b} oxed{(a \odot b)} oxed{(a \odot b)}$$

### 1.8. Matriz por vector y vector por matriz

tiene 2 argumentos,  $\MV{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto de una matriz por un vector de  $\mathbb{R}^n$ 

$$MV{A}{b} \MVpE{A}{b} \MVPE{A}{b}$$

$$oxed{f Ab} oxed{f (Ab)} oxed{f (Ab)}$$

tiene 2 argumentos,  $MV{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto de un vector de  $\mathbb{R}^n$  por una matriz

$$\VM{a}{B} \VMpE{a}{B}$$

$$aB$$
  $aB$   $aB$ 

tiene 2 argumentos,  $\MTV{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto de una matriz transpuesta por un vector de  $\mathbb{R}^n$ 

$$\label{eq:mtv} $$ \MTV_{A}_{b} \MTV_{A}_{b} \MTV_{A}_{b}$$$

$$\boxed{\mathbf{A}^{\mathsf{T}} b} \boxed{(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}) b} \boxed{(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}) b}$$

tiene 2 argumentos,  $\MTV{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$ , y denota el producto de un vector de  $\mathbb{R}^n$  por una matriz transpuesta

$$\VMT{a}{B} \VMTp{a}{B} \VMTP{a}{B}$$

$$oxed{a\mathsf{B}^{\intercal}}oxed{a(\mathsf{B}^{\intercal})}oxed{a(\mathsf{B}^{\intercal})}$$

### 1.9. Matriz por matriz

tiene 2 argumentos,  $\MN{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto matriz por matriz

 $\MN{A}{B}$ 

AB

tiene 2 argumentos,  $\MTN{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota el producto matriz transpuesta por matriz

 $\label{eq:minimum} $$ \MTNp{A}_B \MTNp{A}_B$$ 

 $\boxed{\mathbf{A}^{\mathsf{T}}\mathbf{B}} \boxed{(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{B}} \boxed{(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{B}}$ 

\MNT tiene 2 argumentos, \MNT{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle nombre \rangle$ }, y denota el producto matriz por matriz trans-\MNTp puesta

\MNTP

 $\label{eq:mnta} $$ \MNTp{A}{B} \MNTp{A}{B} $$$ 

\MTM tiene 2 argumentos, \MTM $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto matriz transpuesta por matriz

\MTMP

 $\MTM{A} \MTMp{A} \MTMP{A}$ 

 $\boxed{\mathbf{A}^{\mathsf{T}}\mathbf{A}} \boxed{(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\mathbf{A}} \boxed{(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})} \mathbf{A}$ 

 $\verb| \mbox| tiene 2 argumentos, \mbox| \mbox$ 

 $\label{eq:mmtp} $$ \MMT{A} \MMTp{A} \MMTP{A}$ 

 $\boxed{\mathbf{A}\mathbf{A}^{\mathsf{T}} \boxed{\mathbf{A}(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})} \boxed{\mathbf{A}(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})}$ 

\MNMT tiene 2 argumentos, \MNMT{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle nombre \rangle$ }, y denota el producto matriz por matriz transpuesta

\MNMT{A}{D} \MNMTp{A}{D} \MNMTP{A}{D}

\MTNM tiene 2 argumentos, \MTNM $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto matriz transpuesta por matriz por matriz transpuesta

\MTNMP

 $\label{eq:mtnm} $$ \MTNMp{A}{D} \MTNMP{A}{D} $$$ 

## 1.10. Otros productos entre matrices y vectores

\MTMV tiene 2 argumentos, \MTMV $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto matriz transpuesta por \MTMVp matriz por vector

\MTMVP

 $\MTMV{A}{b} \MTMVp{A}{b} \MTMVP{A}{b}$ 

 $\boxed{ \mathbf{A}^{\mathsf{T}} \mathbf{A} b } \boxed{ (\mathbf{A}^{\mathsf{T}}) \mathbf{A} b } \boxed{ (\mathbf{A}^{\mathsf{T}}) \mathbf{A} b }$ 

 $\label{eq:local_local_local_local_local} $$\operatorname{VMW}_{\langle nombre \rangle}_{\langle no$ 

 $\W{a}{B}{c}$ 

 $a\mathsf{B}c$ 

 $\label{eq:local_local_local_local} $$\operatorname{VMV}_{\langle nombre\rangle}_{\langle nombr$ 

 $\W\{a\}\{B\}$ 

 $a\mathsf{B}a$ 

\VMTWP

 $\label{eq:calcondition} $$ \WMTW_{a}_{B}_{c} \WMTWP_{a}_{B}_{c} $$$ 

 $\boxed{a\mathsf{B}^\intercal c} \boxed{a(\mathsf{B}^\intercal) c} \boxed{a(\mathsf{B}^\intercal) c}$ 

\VMTV tiene 2 argumentos, \VMTV $\{\langle nombre \rangle\}$  $\{\langle nombre \rangle\}$ , y denota el producto vector por matriz por \VMTVp vector

\VMTVP

 $\VMTV{a}{B} \VMTVp{a}{B} \VMTVP{a}{B}$ 

 $\boxed{a \mathsf{B}^\intercal a \, \boxed{a (\mathsf{B}^\intercal) a \, \boxed{a (\mathsf{B}^\intercal) \, a}}$ 

\InvMTM tiene 1 argumento, \InvMTM $\{(nombre)\}$ , y denota la inversa del producto de una matriz transpuesta por ella misma

\InvMTM{A}

 $\left(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}\mathbf{A}\right)^{-1}$ 

### 1.11. Sistemas de ecuaciones

tiene 3 argumentos,  $\SEL\{\langle nombre\rangle\}\{\langle nombre\rangle\}\{\langle nombre\rangle\}$ , y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial)

tiene 3 argumentos,  $\SELT{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial y matriz de coeficientes transpuesta)

tiene 3 argumentos,  $\SELTP{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$ , y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial y matriz de coeficientes transpuesta entre paréntesis)

\SELTP{A}
$$\{x\}\{b\}$$
  $(\mathbf{A}^{\intercal}) x = \mathbf{b}$ 

tiene 3 argumentos,  $\SELF{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$ , y denota un sistema de ecuaciones lineales en forma de combinaciones de lineales de las filas de la matriz de coeficientes (con notación matricial)

\SELF{y}{A}{b} 
$$yA = b$$

# 1.12. Espacios vectoriales

tiene 1 argumento,  $\langle EV\{\langle nombre \rangle\}$ , y denota un espacio vectorial

$$\EV{A} \EV{V} \EV{E}$$

no tiene argumentos y denota al espacio nulo (o núcleo)

\EspacioNul 
$${\cal N}$$

no tiene argumentos y denota al espacio columna

tiene 1 argumento,  $\{objeto\}$ , y denota el espacio nulo (o núcleo) del objeto

$$\mathbb{N}_{f}$$

tiene 1 argumento,  $\nulls\{\langle nombre\rangle\}$ , y denota el espacio nulo (o núcleo) de una matriz

$$\mathbb{N}(A)$$

tiene 1 argumento,  $Cols{\langle objeto \rangle}$ , y denota el espacio columna del objeto

$$\mathbb{C}(f)$$

tiene 1 argumento,  $\langle cols \{\langle nombre \rangle \}$ , y denota el espacio columna de una matriz

$$\mathbb{C}(\mathbf{A})$$

tiene 1 argumento,  $\S pan\{\langle sistema \rangle\}$ , y denota el espacio vectorial generado con los elementos del  $\{\langle sistema \rangle\}$  o conjunto

$$\S V{Z}$$

tiene 1 argumento,  $\PSpan{\langle sistema \rangle}$ , y denota el espacio semi-euclídeo de probabilidad generado con los elementos del  $\{\langle sistema \rangle\}$  o conjunto

$$\PSpan{\SV{Z}}\$$

$$\mathcal{E}(\mathsf{Z})$$

tiene 1 argumento,  $\coord{\langle vector\rangle}{\{\langle base\rangle\}}$ , y denota las coordenadas de un vector respecto de una base

\coord{\vect{x}}{\SV{Z}}



\coordP{\vect{x}+\vect{y}}{\SV{Z}} \coordPE{\Vect{x}}{\Mat{B}}

 $(\overrightarrow{x} + \overrightarrow{y})_{/z}$ 

 $\left(x_{/_{\! B}}
ight)$ 

### 1.13. Notación funcional

\dom El comando \dom no tiene argumentos y denota el dominio de una función

\dom(f)

dom(f)

\mifun

tiene 3 argumentos,  $\min{\langle nombre \rangle} \{\langle dominio \rangle\} \{\langle conjLlegada \rangle\}$ , y denota una función que asigna a los elementos de su dominio elementos del *conjunto de llegada* 

 $\min\{f\}\{X\}\{Y\}$ 

 $f\colon X\to Y$ 

\deffun

tiene 3 argumentos,  $\langle nombre \rangle \{\langle dominio \rangle \} \{\langle conjLlegada \rangle \} \{\langle variable \rangle \} \{\langle imagen \rangle \}$ , y denota una función que asigna a los elementos de su dominio elementos del conjunto de llegada

 $[f \circ g] : \mathbb{R} \longrightarrow \mathbb{R}^n$  $x \longmapsto \mathbf{x}$ 

# 1.14. Estadística

\Estmc

El comando  $\texttt{Estmc}\{\langle objeto \rangle\}$  tiene 1 argumento y denota el ajuste MCO del  $\{\langle objeto \rangle\}$ 

\Estmc{A}

 $\widehat{A}$ 

\Media

El comando  $\Media{\langle objeto\rangle}$  tiene 1 argumento y pinta una barra horizontal que denota la media (proyección ortogonal sobre los vectores contantes) del  $\{\langle objeto\rangle\}$ 

\Media{\Vect{x}}

 $\overline{oldsymbol{x}}$ 

\Smedia

El comando \Smedia no tiene argumentos y pinta el símbolo del valor medio

\Smedia

 $\mu$ 

\media

El comando \media tiene 1 argumento, \Media $\{\langle objeto \rangle\}$ , y denota el valor medio del objeto.

 $\mdia{\Vect{x}} \mdia{\Vect{x}}^2 \mdia{}$ 

 $\mu_{m{x}}$   $\mu_{m{x}}^2$   $\mu_{m{x}}^2$ 

# 2. Implementación

# 2.1. Conjuntos de números

\Nn Números naturales, enteros, reales y complejos

 $\Zz = 1 \left( \frac{Nn{\mathbb N}}{N} \right)$ 

\Rr 2 \html@def\Zz{\mathbb{Z}}}

\CC 3 \html@def\Rr{\mathbb{R}}

4 \html@def\CC{\mathbb{C}}

### 2.2. Paréntesis y corchetes

```
\parentesis Paréntesis pequeños
\Parentesis
            5 \html@def\parentesis#1{(#1)}
            6 \html@def\Parentesis#1{\left(#1\right)}
\corchetes
           Corchetes pequeños
\Corchetes
            7 \html@def\corchetes#1{[#1]}
            8 \html@def\Corchetes#1{\left[#1\right]}
\Corchetes Corchetes de tamaño variable
            9 \html@def\Corchetes#1{\left[#1\right]}
           2.3.
                  Subíndices
   \LRidxE Comando para escribir un índice a la derecha y otro a la izquierda de un objeto (con exponente)
    \LidxE
           10 \html@def\LRidxE#1#2#3#4{ {_{#2}^{}}{{#1}}{_{#3}^{#4}} }
    \RidxE
                            #1#2#3{ {_{#2}^{}}{{#1}}{_{ }^{#3}} }
           11 \html@def\LidxE
                             #1#2#3{ {
           12 \html@def\RidxE
                                             }{{#1}}{_{#2}^{#3}} }
    \LRidx Comando para escribir un índice a la derecha y otro a la izquierda de un objeto
   \LRidxp
           13 \html@def\LRidx #1#2#3{ \LRidxE{#1}{#2}{#3}{} }
           14 \html@def\LRidxp #1#2#3{ \LRidxE{\parentesis{#1}}{#2}{#3}{} }
   \LRidxP
  \LRidxpE 15 \html@def\LRidxP #1#2#3{ \LRidxE{\Parentesis{#1}}{#2}{#3}{} }
           16 \html@def\LRidxpE#1#2#3{ \parentesis{\LRidxE{#1}{#2}{#3}{}} }
  \LRidxPE
           Lidx Comando para escribir un índice a la izquierda de un objeto
    \Lidxp
           18 \html@def\Lidx #1#2{ \LidxE{#1}{#2}{} }
           19 \frac{19}{\frac{42}{1}}
    \LidxP
           20 \html@def\LidxP #1#2{ \Lidx{\Parentesis{#1}}{#2}{} }
   \LidxpE
           21 \html@def\LidxpE#1#2{ \parentesis{\Lidx{#1}{#2}{}} }
   \LidxPE
           22 \frac{1}{2} \left( \frac{1}{42} \right) 
     \Ridx Comando para escribir un índice a la derecha de un objeto
    \Ridxp
           23 \html@def\Ridx #1#2{ \RidxE{#1}{#2}{} }
           24 \frac{4 \pm 2}{\pi } 24 \frac{4}{\pi }
    \RidxP
   26 \mathbf{RidxpE\#1\#2\{ parentesis\{Ridx\{\#1\}\{\#2\}\{\}\} } \}
   \RidxPE
           27 \frac{27}{Ridx}E#1#2{ \operatorname{Ridx}{#1}{#2}{}} }
           2.4.
                  Operadores
           2.4.1. Conjugación y concatenación
  \widebar Barra ancha para indicar media o conjugación
           28 \html@def\widebar#1{\mathop{\overline{#1}}}
           Signo de conjugación
     \conj
           29 \html@def\conj#1{\widebar{#1}}
   \concat Concatenación
```

```
2.4.2. Norma y valor absoluto
       \norma Norma de un objeto
                             31 \html@def\norma#1{\left\lVert{#1}\right\rVert}
  \modulus Valor absoluto
                             32 \left| \frac{41}{right} \right|
                                                Transposición
                              2.4.3.
                  \T Signo de transposición
                              33 \html@def\T{\intercal}
                            Transposición
       \Trans
     \Transp
                            34 \left( \frac{1}{T} \right)
     \TransP
                            35 \html@def\Transp #1{\Trans{\parentesis{#1}}}
  \TranspE
                            36 \html@def\TransP #1{\Trans{\Parentesis{#1}}}
  \TransPE 37 \html@def\TranspE#1{\parentesis{\Trans{#1}}}
                             38 \html@def\TransPE#1{\Parentesis{\Trans{#1}}}
                              2.4.4. Inversa
       \minus
                            Signo negativo para indicar la inversa
                             39 \html@def\minus{\hbox{-}}
             \Inv Notación de la inversa
          \Invp
                            40 \html@def\Inv #1{{#1}^{\minus1}}
          \InvP
                            41 \html@def\Invp #1{\Inv{\parentesis{#1}}}
       \InvpE 42 \html@def\InvP #1{\Inv{\Parentesis{#1}}}
       \InvPE 43 \html@def\InvpE#1{\parentesis{\Inv{#1}}}
                             44 \html@def\InvPE#1{\Parentesis{\Inv{#1}}}
                             2.4.5. Operador selector
  \getItem Signo de operador selector
                              45 \html@def\getItem{\mathbf{|}}
\getitemL
                            Operador selector por la izquierda y operador selector por la derecha
\getitemR
                             46 \html@def\getitemL#1{{#1}\mathbin{\getItem}}
                              47 \html@def\getitemR#1{\mathbin{\getItem}{#1}}
                                     por la izquierda de un objeto
       \elemL Selector por la izquierda
     \elemLp
                            \elemLP
                             49 \html@def\elemLp #1#2{\elemL{\parentesis{#1}}{#2}}
  \elemLpE 50 \html@def\elemLP #1#2{\elemL{\Parentesis{#1}}{#2}}
  \elemLPE
                           51 \html@def\elemLpE#1#2{\parentesis{\elemL{#1}{#2}}}
                             52 \ \end{41}{\#2}}
                                     por la derecha de un objeto
       \elema Selector por la derecha
     \elemRp
                            53 \mathbf{\#1}\
     \elemRP
                            54 \mathbf{0def} \#1\#2{\mathbf{0def}} \#1\#2{\mathbf0def} \#1\#2{\mathbf0def}} \#1\#2{\mathbf0def} \#1\#2{\mathbf0def} \#1\#2{\mathbf0def}} \#1\#2{\mathbf0def} \#1\#2{\mathbf0def} \#1\#2{\mathbf0def} \#1\#2{\mathbf0def} \#1\#2{\mathbf0def} \#1\#2{\mathbf0def}} \#1\#2{\mathbf0def} 
  \elemRpE 55 \html@def\elemRP #1#2{\elemR{\Parentesis{#1}}{#2}}
  \elemRPE 56 \html@def\elemRpE#1#2{\parentesis{\elemR{#1}{#2}}}
```

57 \html@def\elemRPE#1#2{\Parentesis{\elemR{#1}{#2}}}

#### por ambos lados de un objeto

```
\elemLR Selectores por ambos lados
  \elemLRp
                          58 \html@def\elemLR #1#2#3{\LRidx{#1}{\getitemL{#2}}{\getitemR{#3}}}
  \elemLRP
                          59 \html@def\elemLRp #1#2#3{\elemLR{\parentesis{#1}}{#2}{#3}}
\elemLRpE 60 \html@def\elemLRP #1#2#3{\elemLR{\Parentesis{#1}}{#2}{#3}}
\elemLRPE 61 \html@def\elemLRpE#1#2#3{\parentesis{\elemLR{#1}{#2}{#3}}}
                           62 \html@def\elemLRPE#1#2#3{\Parentesis{\elemLR{#1}{#2}{#3}}}
                                   por la izquierda de un vector
       \elevl Selector de elementos de un vector por la izquierda
    \eleVLp
                          63 \html@def\eleVL #1#2{\elemL {\Vect{#1}}{#2}}
    \eleVLP
                          64 \html@def\eleVLp #1#2{\elemLp {\Vect{#1}}{#2}}
  \eleVLpE 65 \html@def\eleVLP #1#2{\elemLP {\Vect{#1}}{#2}}
  \eleVLPE 66 \html@def\eleVLpE#1#2{\elemLpE{\Vect{#1}}{#2}}
                          67 \html@def\eleVLPE#1#2{\elemLPE{\Vect{#1}}{#2}}
                                  por la derecha de un vector
       \elevr Selector de elementos de un vector por la derecha
    \eleVRp
                          68 \html@def\eleVR #1#2{\elemR {\Vect{#1}}{#2}}
    \eleVRP
                          69 \html@def\eleVRp #1#2{\elemRp {\Vect{#1}}{#2}}
                          70 \html@def\eleVRP #1#2{\elemRP {\Vect{#1}}{#2}}
  \eleVRpE
                          71 \html@def\eleVRpE#1#2{\elemRpE{\Vect{#1}}{#2}}
  \eleVRPE
                           72 \html@def\eleVRPE#1#2{\elemRPE{\Vect{#1}}{#2}}
                                   de filas de una matriz
      \VectF Selector de filas de una matriz
    \label{lembound} $$\operatorname{VectFp}$ 73 \left( \frac{1}{2} \right) = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right) \left( \frac{1}{2} \right)
    \VectFP
                          74 \html@def\VectFp #1#2{\elemLp {\Mat{#1}}{#2}}
  \VectFpE 75 \html@def\VectFP #1#2{\elemLP {\Mat{#1}}{#2}}
  \label{lem:local_vectFpE} $76 \left( \frac{1}{2} \right) = 76 \left( \frac{1}{2} \right) $
                           77 \html@def\VectFPE#1#2{\elemLPE{\Mat{#1}}{#2}}
                                   de columnas de una matriz
       \VectC Selector de columnas de una matriz
    \VectCp 78 \html@def\VectC #1#2{\elemR {\Mat{#1}}{#2}}
                          79 \html@def\VectCp #1#2{\elemRp {\Mat{#1}}{#2}}
    \VectCP
  \VectCpE 80 \html@def\VectCP #1#2{\elemRP {\Mat{#1}}{#2}}
                          81 \html@def\VectCpE#1#2{\elemRpE{\Mat{#1}}{#2}}
  \VectCPE
                           82 \html@def\VectCPE#1#2{\elemRPE{\Mat{#1}}{#2}}
                                   de elementos de una matriz
         \eleM Selector de elementos de una matriz
       \eleMp
                          83 \html@def\eleM #1#2#3{\elemLR {\Mat{#1}}{#2}{#3}}
       \eleMP
                          84 \html@def\eleMp #1#2#3{\elemLRp {\Mat{#1}}{#2}{#3}}
     \eleMpE 85 \html@def\eleMP #1#2#3{\elemLRP {\Mat{#1}}{#2}{#3}}
    \eleMPE 86 \html@def\eleMpE#1#2#3{\elemLRpE{\Mat{#1}}{#2}{#3}}
                          87 \html@def\eleMPE#1#2#3{\elemLRPE{\Mat{#1}}{#2}{#3}}
                                   de elementos de una matriz transpuesta
       \eleMT Selector de elementos de una matriz transpuesta
    \eleMTp
                          \eleMTP
                          89 \html@def\eleMTp #1#2#3{\elemLRp {\MatTpE{#1}}{#2}{#3}}
  \eleMTpE 90 \html@def\eleMTP #1#2#3{\elemLRP {\MatTPE{#1}}{#2}{#3}}
  \eleMTPE 91 \html@def\eleMTpE#1#2#3{\elemLRpE{\MatTpE{#1}}{#2}{#3}}
```

92 \html@def\eleMTPE#1#2#3{\elemLRPE{\MatTPE{#1}}{#2}{#3}}

#### 2.4.6. Operaciones elementales

\TrEl Signo de transformación elemental 93 \html@def\TrEl{\boldsymbol{\tau}} \su Transformación elemental Tipo I 94  $\t 1#2#3{\left(\#1\right)_{\boldsymbol{4}}}+{\boldsymbol{4}}}$ \pr Transformación elemental Tipo II 95 \html@def\pr#1#2{\left(#1\right){\boldsymbol{#2}}} \pe Intercambio (permuta de dos elementos) 96 \html@def\pe#1#2{\boldsymbol{#1} \rightleftharpoons \boldsymbol{#2}} \perm Reordenamiento de los elementos (permutación) **\OpE** Operación elemental 98 \html@def\OpE#1{\underset{\left[{#1}\right]}{\TrEl}} OEsu Oper. elem. que suma un múltiplo de una componente a otra 99 \html@def\OEsu#1#2#3{\OpE{ \su{#1}{#2}{#3} }} **\OEpr** Oper. elem. que multiplica una componente por un número 100 \html@def\OEpr#1#2{\OpE{ \pr{#1}{#2} }} **\OEin** Intercambio de posición entre componentes 101 \html@def\OEin#1#2{\OpE{ \pe{#1}{#2} }} \OEper Reordenamiento o permutación entre componentes 102 \html@def\OEper{\OpE{ \perm }} \E0Esu Espejo de oper. elem. que suma un múltiplo de una componente a otra \EOEpr Espejo de oper. elem. que multiplica una componente por un número  $104 \mathbf{E0Epr#1#2\{esp\Big(\Oepr{#1}{#2}\Big)\}}$ Transformaciones elementales generales \dOEgE Operación elemental genérica con exponente y sin exponente \d0Eg 105 \html@def\d0EgE#1#2{\RidxE{\TrEl}{#1}{#2}}  $106 \mathbf{00Eg}{1{\d0Eg}{41}{}}$ \decege Operación espejo de una elemental genérica con exponente y sin exponente \dEOEg 107 \html@def\dEOEgE#1#2{esp(\dOEgE{#1}{#2})}  $108 \mathbf{00Eg} = 1(esp(\mathbf{00Eg} = 1))$ \dInvOEg Operación inversa de una elemental genérica 109  $\html@def\dInv0Eg#1{\d0EgE{#1}{\minus1}}$ \dEInvOEg Operación espejo de la inversa de una elemental genérica 110 \html@def\dEInvOEg#1{esp(\dInvOEg{#1})} \dS0EgE Sucesión de operaciones elementales genéricas con exponente y sin exponente \dSOEg 111 \html@def\dSOEgE#1#2#3{\dOEgE{#1}{#3}\cdots\dOEgE{#2}{#3}} 112  $\html@def\dS0Eg#1#2{\d0Eg{#1}\cdots\d0Eg{#2}}$ 

#### 2.4.7. Transformaciones elementales

Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto Tipo I - Fil

```
\TESF Una transformación elemental Tipo I por la izquierda
 \TESFp 113 \html@def\TESF #1#2#3#4{ \Lidx {#4}{ \OEsu{#1}{#2}{#3}\! } }
 \TESFP 114 \html@def\TESFp #1#2#3#4{ \Lidxp {#4}{ \OEsu{#1}{#2}{#3}\!\!} }
\TESFpE 115 \html@def\TESFP #1#2#3#4{ \LidxP {#4}{ \OEsu{#1}{#2}{#3}\!\!} }
\TESFPE 116 \html@def\TESFpE#1#2#3#4{ \LidxpE{#4}{ \OEsu{#1}{#2}{#3}\!\!} }
        117 \html@def\TESFPE#1#2#3#4{ \LidxPE{#4}{ \OEsu{#1}{#2}{#3}\!\!} }
            Tipo I - Col
  \TESC Una transformación elemental Tipo I por la derecha
 \TESCp 118 \html@def\TESC #1#2#3#4{ \Ridx {#4}{ \!\OEsu{#1}{#2}{#3} } }
 \TESCP 119 \html@def\TESCp #1#2#3#4{ \Ridxp {#4}{\!\!\0Esu{#1}{#2}{#3} } }
\TESCpE 120 \html@def\TESCP #1#2#3#4{ \RidxP {#4}{\!\\!\OEsu{#1}{#2}{#3} } }
\TESCPE 121 \html@def\TESCpE#1#2#3#4{ \RidxpE{#4}{ \!\OEsu{#1}{#2}{#3} } } 122 \html@def\TESCPE#1#2#3#4{ \RidxPE{#4}{ \!\OEsu{#1}{#2}{#3} } }
            Tipo II - Fil
 \TEPF Una transformación elemental Tipo II por la izquierda
 \TEPFp 123 \html@def\TEPF #1#2#3{ \Lidx {#3}{ \OEpr{#1}{#2}\! } }
 \TEPFP 124 \html@def\TEPFp #1#2#3{ \Lidxp {#3}{ \OEpr{#1}{#2}\!\!} }
\TEPFpE 125 \html@def\TEPFP #1#2#3{ \LidxP {#3}{ \OEpr{#1}{#2}\!\!} }
\TEPFPE 126 \html@def\TEPFpE#1#2#3{ \LidxpE{#3}{ \OEpr{#1}{#2}\! } }
        127 \html@def\TEPFPE#1#2#3{ \LidxPE{#3}{ \OEpr{#1}{#2}\! } }
            Tipo II - Col
 \TEPC Una transformación elemental Tipo II por la derecha
 \TEPCp 128 \html@def\TEPC #1#2#3{ \Ridx {#3}{ \!\OEpr{#1}{#2} } }
 \TEPCP 129 \html@def\TEPCp #1#2#3{ \Ridxp {#3}{\!\!\OEpr{#1}{#2} } }
\TEPCpE 130 \html@def\TEPCP #1#2#3{ \RidxP {#3}{\!\!\OEpr{#1}{#2} } }
\TEPCPE 131 \html@def\TEPCpE#1#2#3{ \RidxpE{#3}{ \!\OEpr{#1}{#2} } }
        132 \html@def\TEPCPE#1#2#3{ \RidxPE{#3}{ \!\OEpr{#1}{#2} } }
            Intercambio - Fil
  \TEIF Intercambio por la izquierda
 \TEIFp 133 \html@def\TEIF #1#2#3{ \Lidx {#3}{ \OEin{#1}{#2}\! } }
 \TEIFP 134 \html@def\TEIFp #1#2#3{ \Lidxp {#3}{ \OEin{#1}{#2}\!\!} }
\TEIFpE 135 \html@def\TEIFP #1#2#3{ \LidxP {#3}{ \OEin{#1}{#2}\!\!} }
\TEIFPE 136 \html@def\TEIFpE#1#2#3{ \LidxpE{#3}{ \OEin{#1}{#2}\! } }
        137 \html@def\TEIFPE#1#2#3{ \LidxPE{#3}{ \OEin{#1}{#2}\! } }
            Intercambio - Col
  \TEIC Intercambio por la derecha
 \TEICp 138 \html@def\TEIC #1#2#3{ \Ridx {#3}{ \!\OEin{#1}{#2} } }
 \TEICP 139 \html@def\TEICp #1#2#3{ \Ridxp {#3}{\!\!\OEin{#1}{#2} } }
\TEICpE 140 \html@def\TEICP #1#2#3{ \RidxP {#3}{\!\!\OEin{#1}{#2} } }
\TEICPE 141 \html@def\TEICpE#1#2#3{ \RidxpE{#3}{ \!\OEin{#1}{#2} } }
        142 \t TEICPE#1#2#3{ RidxPE{#3}{}}
                                                  \OEin{#1}{#2} } }
  \Mint Matriz intercambio
        143 \frac{143 }{143 }
```

```
\MintT Matriz intercambio (filas)
                                         144 \html@def\MintT#1#2{ \TEIF{#1}{#2}{\Mat{I}} }
                          \PC Permutación por la derecha
                                         145 \html@def\PC#1{ \Ridx{#1}{\!\OEper} }
                          \PF Permutación por la izquierda
                                         146 \html@def\PC#1{ \Lidx{#1}{\!\OEper} }
                          MP Matriz permutación
                                         147 \html@def\MP{ \PC{\Mat{I}} }
                     \MPT Matriz permutación
                                         148 \left[ \frac{MPT{ \Pr{\{Mat{I}\}} }}{} \right]
                                             Sucesiones indiciadas de Transf. elementales
              \SITEF Sucesión de transformaciones elementales genéricas por la izquierda (filas)
          \label{linear_site_site} $$ \SITEF = $149 \left(\frac{3}{\left(\frac{43}{3}\right)}\right) $$
          \label{lem:local_site_p} $$ \SITEFP $$ 150 \left(\frac{150}{150} \right) $$
       \SITEFpE 151 \html@def\SITEFP #1#2#3{\SITEF{#1}{#2}{\Parentesis{#3}}}
       \SITEFPE 152 \html@def\SITEFpE#1#2#3{\parentesis{\SITEF{#1}{#2}{#3}}}
                                         153 \html@def\SITEFPE#1#2#3{\Parentesis{\SITEF{#1}{#2}{#3}}}
              \SITEC Sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha (columnas)
          \label{local_site_site} $$ \SITECp_{154} \left(\frac{42}{154}\right) = 154 \left(\frac{42}{156}\right). $$
          \SITECpE 156 \html@def\SITECP #1#2#3{\SITEC{#1}{#2}{\Parentesis{#3}}}
       \verb|\SITECPE 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157 $$ 157
                                        158 \html@def\SITECPE#1#2#3{\Parentesis{\SITEC{#1}{#2}{#3}}}
          \SITEFC Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha
       \SITEFCpE 161 \html@def\SITEFCP #1#2#3{\SITEFC{#1}{#2}{\Parentesis{#3}}}
    \SITEFCPE 162 \html@def\SITEFCpE#1#2#3{\parentesis{\SITEFC{#1}{#2}{#3}}}
                                        163 \mathbf SITEFCPE#1#2#3{\operatorname{SITEFC}\{#1\}\{#2\}\{#3\}\}}
       \SITEFCR Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha
   \label{lem:local_site_cross} $$ \prod_{164 \neq 164 \leq 164 \leq
   \label{lem:local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local_local
\SITEFCRpE 166 \html@def\SITEFCRP #1#2#3{\SITEFCR{#1}{#2}{\Parentesis{#3}}}
\SITEFCRPE 167 \html@def\SITEFCRpE#1#2#3{\parentesis{\SITEFCR{#1}{#2}{#3}}}
                                         168 \html@def\SITEFCRPE#1#2#3{\Parentesis{\SITEFCR{#1}{#2}{{#3}}}
                                            Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto
              \dTEEF Una transformación elemental genérica con exponente por la izquierda
          \dTEEFp 169 \html@def\dTEEF #1#2#3{ \Lidx {#3}{\d0EgE{#1}{#2}} }
           \dTEEFP 170 \html@def\dTEEFp #1#2#3{ \Lidxp {#3}{\dOEgE{#1}{#2}} }
       \dTEEFpE 171 \html@def\dTEEFP #1#2#3{ \LidxP {#3}{\d0EgE{#1}{#2}} }
       \dTEEFPE 172 \html@def\dTEEFpE#1#2#3{ \LidxpE{#3}{\d0EgE{#1}{#2}} }
                                         173 \html@def\dTEEFPE#1#2#3{ \LidxpE{#3}{\d0EgE{#1}{#2}} }
```

```
\dTEF Una transformación elemental genérica por la izquierda
       \label{line:line:conditions} $$ dTEFp_{174} \left(dTEF #1#2{ \left(dTEF #1#2{ \left(dTEF #1#2} + dTEF +
       \label{lem:local_dtefp} $$ dTEFP_{175} \left(dTEFp_{175} \right) = 175 \left(dTEFp_{175} \right) $$
      \dTEFpE 176 \html@def\dTEFP #1#2{ \LidxP {#2}{{\dOEg{#1}}} }
      \dTEFPE 177 \html@def\dTEFpE#1#2{ \LidxpE{#2}{{\d0Eg{#1}}} }
                   178 \t \end{area} $$178 \t \end{area} LidxPE{\#2}{{\dOEg{\#1}}} \ 
       \deter Una transformación elemental espejo genérica por la izquierda
      \dETEFP 180 \html@def\dETEFp #1#2{ \Lidxp {#2}{{\dE0Eg{#1}}} }
    \dETEFpE 181 \html@def\dETEFP #1#2{ \LidxP {#2}{{\dEOEg{#1}}} }
    \dETEFPE 182 \html@def\dETEFpE#1#2{ \LidxpE{#2}{{\dE0Eg{#1}}} }
                   183 \html@def\dETEFPE#1#2{ \LidxPE{#2}{{\dEOEg{#1}}} }
    \dInvTEF Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
   \dInvTEFp 184 \html@def\dInvTEF #1#2{ \Lidx {#2}{{\dInvOEg{#1}}} }
  \dInvTEFP 185 \html@def\dInvTEFp #1#2{ \Lidxp {#2}{{\dInvOEg{#1}}} }
 \dInvTEFpE 186 \html@def\dInvTEFP #1#2{ \LidxP {#2}{{\dInvOEg{#1}}} }
 \dInvTEFPE 187 \html@def\dInvTEFpE#1#2{ \LidxpE{#2}{{\dInvOEg{#1}}} }
                  188 \html@def\dInvTEFPE#1#2{ \LidxPE{#2}{{\dInvOEg{#1}}} }
  \dEInvTEF Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
 \dEInvTEFp 189 \html@def\dEInvTEF #1#2{ \Lidx {#2}{{\dEInvOEg{#1}}} }
 \dEInvTEFP 190 \html@def\dEInvTEFp #1#2{ \Lidxp {#2}{{\dEInv0Eg{#1}}} }
\dEInvTEFpE 191 \html@def\dEInvTEFP #1#2{ \LidxP {#2}{{\dEInv0Eg{#1}}} }
\dEInvTEFPE 192 \html@def\dEInvTEFpE#1#2{ \LidxpE{#2}{{\dEInvOEg{#1}}} }
                   193 \html@def\dEInvTEFPE#1#2{ \LidxPE{#2}{{\dEInvOEg{#1}}} }
                    Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto
       \dTEEC Una transformación elemental genérica con exponente por la derecha
      \dTEECp 194 \html@def\dTEEC #1#2#3{ \Ridx {#3}{\d0EgE{#1}{#2}} }
      \dTEECP 195 \html@def\dTEECp #1#2#3{ \Ridxp {#3}{\d0EgE{#1}{#2}} }
    \dTEECpE 196 \html@def\dTEECP #1#2#3{ \RidxP {#3}{\d0EgE{#1}{#2}} }
    \dTEECPE 197 \html@def\dTEECpE#1#2#3{ \RidxpE{#3}{\d0EgE{#1}{#2}} }
                   198 \html@def\dTEECPE#1#2#3{ \RidxPE{#3}{\d0EgE{#1}{#2}} }
         \dTEC Una transformación elemental genérica por la derecha
       \label{localized} $$ dTECp_{199} \left(dTEC #1#2{ \Ridx {#2}{{\dOEg{#1}}}}\right) $$
       \dTECpE 201 \html@def\dTECP #1#2{ \RidxP {#2}{{\d0Eg{#1}}} }
      \dTECPE 202 \html@def\dTECpE#1#2{ \RidxpE{#2}{{\dOEg{#1}}} }
                   203 \html@def\dTECPE#1#2{ \RidxPE{#2}{{\dOEg{#1}}}} }
       \detec Una transformación elemental espejo genérica por la derecha
      \dETECp 204 \html@def\dETEC #1#2{ \Ridx {#2}{{\dEOEg{#1}}} }
      \dETECpE 206 \html@def\dETECP #1#2{ \RidxP {#2}{{\dE0Eg{#1}}} }
    \dETECPE 207 \html@def\dETECpE#1#2{ \RidxpE{#2}{{\dEOEg{#1}}} }
                   208 \html@def\dETECPE#1#2{ \RidxPE{#2}{{\dEOEg{#1}}} }
    \dInvTEC Una transformación elemental inversa genérica por la derecha
    \dInvTEC 210 \html@def\dInvTECp #1#2{ \Ridxp {#2}{{\dInvOEg{#1}}} }
    \dInvTEC 211 \html@def\dInvTECP #1#2{ \RidxP {#2}{{\dInvOEg{#1}}} }
    \dInvTEC 212 \html@def\dInvTECpE#1#2{ \RidxpE{#2}{{\dInv0Eg{#1}}} }
                   213 \html@def\dInvTECPE#1#2{ \RidxPE{#2}{{\dInvOEg{#1}}} }
```

```
\dEInvTEC Una transformación elemental inversa genérica por la derecha
   \dEInvTEC 215 \html@def\dEInvTECp #1#2{ \Ridxp {#2}{{\dEInvOEg{#1}}} }
   \dEInvTEC 216 \html@def\dEInvTECP #1#2{ \RidxP {#2}{{\dEInvOEg{#1}}} }
   \dEInvTEC 217 \html@def\dEInvTECpE#1#2{ \RidxpE{#2}{{\dEInvOEg{#1}}} }
                     218 \mathbf{4EInvTECPE}1#2{ RidxPE{#2}{{\deInvOEg{#1}}} }
                      Transformaciones elementales particulares
          \dTrF Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda
        \dTrFp 219 \html@def\dTrF #1#2{\Lidx{#2}{#1}}
        \dTrFP 220 \html@def\dTrFp #1#2{\dTrF{#1}{\parentesis{#2}}}
       \dTrFpE 221 \html@def\dTrFP #1#2{\dTrF{#1}{\Parentesis{#2}}}
      \dTrFPE 222 \html@def\dTrFpE#1#2{\parentesis{\dTrF{#1}{#2}}}
                     223 \html@def\dTrFPE#1#2{\Parentesis{\dTrF{#1}{#2}}}
          \dTrC Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la derecha
        \dTrCp 224 \html@def\dTrC #1#2{\Ridx{#2}{#1}}
        \dTrCP 225 \html@def\dTrCp #1#2{\dTrC{#1}{\parentesis{#2}}}
       \dTrCpE 226 \html@def\dTrCP #1#2{\dTrC{#1}{\Parentesis{#2}}}
      \dTrCPE 227 \html@def\dTrCpE#1#2{\parentesis{\dTrC{#1}{#2}}}
                     228 \mathbf{TrC}=112{\operatorname{CPE}_{1}_{2}}
        \dTrfC Transformación o sucesión de transformaciones elementales por ambos lados
      \dTrFCp 229 \html@def\dTrFC #1#2#3{\LRidx {#3}{#2}{#1}}
      \dTrFCP 230 \html@def\dTrFCp #1#2#3{\LRidxp {#3}{#2}{#1}}
     \dTrFCpE 231 \html@def\dTrFCP #1#2#3{\LRidxP {#3}{#2}{#1}}
     \dTrFCPE 232 \html@def\dTrFCpE#1#2#3{\LRidxpE{#3}{#2}{#1}}
                     233 \html@def\dTrFCPE#1#2#3{\LRidxPE{#3}{#2}{#1}}
                      2.4.8. Operador que quita un elemento
\fueraitemL Signo de operador que quita un elemento
                     234 \t 0 { \frac{1}{2}}{\#1}{^{\Lsh}}}
\fueraitemR Signo de operador que quita un elemento
                     \quital Sistema resultante de quitar un elemento por la izquierda y otro por la derecha
                     236 \mathbf{41} \end{area} $$ \mathbf{44}^{\t}_{41}}_{^{\t}}^{\t}_{41}}^{\t}_{41}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{43}}^{\t}_{
      \quitaL Sistema resultante de quitar un elemento por la izquierda
                     237 \html@def\quitaL#1#2{{^{\fueraitemL{#2}\!}}{{#1}}{^{}}}
      \quitaR Sistema resultante de quitar un elemento por la derecha
                     238 \ \ \html@def\quitaR#1#2{{^{}}}{{#1}}{^{\!\fueraitemR{#2}}}}
                      2.4.9. Selección de elementos sin emplear el operador selector
     \elemuuu Selección de un elemento de un sistema
                     239 \html@def\elemUUU#1#2{\textrm{elem}_{#2}\Parentesis{#1}}
     \Vectccc Selección de una columna de una matriz
```

241 \html@def\VectCCCT#1#2{\textrm{col}\_{#2}\MatTPE{#1}}

```
\VectFFF Selección de una columna de una matriz
243 \html@def\VectFFFT#1#2{\textrm{\eng{fila}{row}}_{#2}\MatTPE{#1}}
  \eleMM Selección de un elemento de una matriz
 \label{lem:matter} $$ \left( \frac{244 \left( \frac{41}{1} \right)}{244 \left( \frac{41}{1} \right)} \right) $$
   \eleMM 245 \html@def\eleMMT#1#2#3#{\textrm{elem}_{#2#3}{\MatTPE{#1}} }
          246 \html@def\eleMM #1#2#3#{\MakeLowercase{#1}_{{#2}{#3}}
                  Sistemas genéricos
           2.5.
      \SV Sistema de Vectores
          247 \html@def\SV#1{\mathbb{41}}
\concatSV Concatenación de sistemas
          248 \html@def\concatSV#1#2{{#1}\mathbin{\concat}{#2}}
                  Vectores y matrices
           2.6.
           2.6.1.
                  Vectores
    \vect Vector genérico
   \label{eq:condition} $\operatorname{vectp}_{249} \left( \frac{41}{\varepsilon} \right) $
   \vectP 250 \html@def\vectp#1{\parentesis{\vect{#1}}}
          251 \html@def\vectP#1{\Parentesis{\vect{#1}}}
           2.6.2. Vectores de \mathbb{R}^n
    \Vector de \mathbb{R}^n
   \label{lem:local_vectp} $$\operatorname{VectP}_{253} \left(\frac{1}{1}\right)$
          254 \html@def\VectP#1{\Parentesis{\Vect{#1}}}
           2.6.3. Matrices
     \Mat Matriz
    \Matp 255 \html@def\Mat #1{\boldsymbol{\mathsf{#1}}}
    \MatP 256 \html@def\Matp#1{\parentesis{\Mat{#1}}}
          257 \html@def\MatP#1{\Parentesis{\Mat{#1}}}
              Matrices transpuestas
    \Matt Matriz transpuesta
   \label{lem:matTp} $$ \mathbb{2}_{58} \left( \mathcal H_1^{1} \right) = 2_{58} \left( \mathcal H_1^{1} \right) $$
   \label{lem:mattp} $$\operatorname{MatTP}_{259} \left( \frac{41}{} \right) $$
  \MatTpE 260 \html@def\MatTP #1{\TransP {\Mat{#1}}}
  \MatTPE 261 \html@def\MatTpE#1{\TranspE{\Mat{#1}}}
          262 \mathbf{MatTPE#1{TransPE{Mat{#1}}}}
                Matriz transpuesta de la transpuesta
   \MatTT Matriz transpuesta
264 \html@def\MatTTPE#1{\Parentesis{\MatTT{#1}}}
```

Matrices columna

```
\MVectC Matriz columna creada con una columna
                                             265 \html@def\MVectC#1#2{\left[\VectC{#1}{#2}\right]}
                   \MVectF Matriz columna creada con una fila
                                             266 \mathbf{WVectF#1#2{\left[\VectF{#1}{\#2}\right]}}
                                                          Matrices fila
               \MVectCT Matriz fila creada con una columna
                                             267 \html@def\MVectCT#1#2{\Trans{\left[\VectC{#1}{#2}\right]}}
               \MVectFT Matriz fila creada con una fila
                                             268 \mathbf{MVectFT\#1\#2{Trans{\left[\VectF{\#1}{\#2}\right]}}}
                                                2.6.4. Miscelánea matrices
                                                          Características de las matrices
                      \Traza Operador traza
                                             269 \html@def\Traza{\mathrm{tr}}
                                \rg Operador rango
                                             270 \ \mdot \end{mathrm{rg}}
                      \traza Traza
                                             271 \html@def\traza#1{\Traza{\Parentesis{#1}}}
                      \rango Rango
                                             272 \html@def\rango#1{\rg{\Parentesis{#1}}}
                                                          Determinante de una matriz
                            \cof Cofactor
                                             273 \html@def\cof{\mathrm{cof}}}
                            \adj Adjunta
                                             274 \html@def\adj{\mathrm{Adj}}
\determinante Determinante con barras
                                             275 \html@def\determinante#1{\modulus{#1}}
                   \subMat Determinante con barras
                                             276 \mathbf{1}=276 \mathbf{1}=2
                      \Menor Menor de una matriz
                      278 \mathbf{41} \mathbf{42} \mathbf{43} \big\{ \big\{ \mathbf{41} \mathbf{42} \mathbf{43} \big\} \big\} 
                            \Cof Cofactor de una matriz
                                             279 \mathbf{0} \mathbf{0} = \mathbf{0} 
                                                          Orden de las matrices
                            \Dim Orden del objeto
                         \label{limits_{scriptscriptstyle #2\times 3}} $$ \prod_{280 \hat{Dim} \#1\#2\#3{\mathbb{1}}\subset {scriptscriptstyle \#2\times 3}} $$
                         \label{limin} $$ \mathbb{2}81 \left( \mathbb{1}\right) = 281 \left( \mathbb{1}\right) = 281 \right) .
                      \label{limpe 282 html@defDimP #1#2#3{Dim{Parentesis{#1}}{#2}{#3}} $$ \Dim{Parentesis{#1}}{#2}{#3}} $$
                      \label{limPE 283 } $$ \left( \frac{41}{42} \right) = 283 \left( \frac{41}{42} \right) . $$
```

 $284 \mathbf{0def}\mathbf{Parentesis}\mathbf{1}{42}{43}$ 

```
\Matdim Matriz con el orden por debajo
 \MatdimpE 287 \html@def\MatdimP #1#2#3{\DimP {\Mat{#1}}{#2}{#3}}
\MatdimPE 288 \html@def\MatdimpE#1#2#3{\DimpE{\Mat{#1}}{#2}{#3}}
                  289 \html@def\MatdimPE#1#2#3{\DimPE{\Mat{#1}}{#2}{#3}}
                          Matriz de autovalores
       \MDaV Matriz de autovalores
                  290 \html@def\MDaV{D}
                                 Productos entre vectores
                    2.7.
                    2.7.1. Producto escalar
         \eSc Producto escalar
                  291 \html@def\eSc#1#2{\left<{#1},{#2}\right>}
        \esc Producto escalar entre vectores genéricos
                  292 \html@def\esc#1#2{\left<{\vect{#1}},{\vect{#2}}\right>}
                    2.7.2. Producto punto
 \dotProd Producto punto
\label{lem:local_continuous_prod_cont} $$ \det Prod #1#2{\{\#1\} \setminus \{\#2\}\}}$
\dotProdP 294 \html@def\dotProdp#1#2{\parentesis{\dotProd{#1}{#2}}}
                  295 \html@def\dotProdP#1#2{\Parentesis{\dotProd{#1}{#2}}}
 \dotprod Producto punto entre vectores de \mathbb{R}^n
\label{lem:local_continuous_prod_cont} $$\operatorname{local_{296} \ \ }^2_{00} \ \ $$1$$% and $$1$% and $$1$$% and $$1$% and $$1$$% and $$1$% and $$1$$% and $$1$% and $$1$$% 
298 \mathbf{41}{42} \right]
                    2.7.3. Producto punto a punto o Hadamard
     \prodH Producto punto a punto o Hadamard
   \prodHp 299 \html@def\prodH#1#2{{#1}\odot{#2}}
   \prodHP 300 \html@def\prodHp#1#2{\parentesis{\prodH{#1}{#2}}}
                  301 \mathbf{41}{42}}
     \prodh Producto punto a punto o Hadamard
   \prodhP 303 \html@def\prodhp#1#2{\parentesis{\prodh{#1}{#2}}}
                  304 \mathbf{91} 
                    2.8.
                                 Matriz por vector y vector por matriz
           \MV Producto de matriz por vector
       \MVpE 305 \html@def\MV #1#2{\Mat{#1}\Vect{#2}}
       \MVPE _{306} \html@def\MVpE#1#2{\parentesis{\Mat{#1}}\Vect{#2}}}
                  307 \html@def\MVPE#1#2{\Parentesis{\Mat{#1}\Vect{#2}}}
          VM Producto de vector por matriz
       \label{eq:local_vmpE} $$ \WmpE $_{308} \left( \mbox{\em #1#2{\Vect{#1}\Mat{#2}}} \right) $$
       \VMPE 309 \html@def\VMpE#1#2{\parentesis{\Vect{#1}\Mat{#2}}}
                  310 \html@def\VMPE#1#2{\Parentesis{\Vect{#1}\Mat{#2}}}
```

```
\MTV Producto de matriz por vector
             \label{eq:mtvp} $_{311} \left( \frac{41}{\text{41}} \right) $_{311} \left( \frac{41}{\text{42}} \right) $_{
             \label{lem:mtvp} $$ 312 \theta MTVp#1#2{\mathbf{#1}}\vect{#2}}
                              \VMT Producto de vector por matriz
             \label{local_vmtp} $$ 14 \left( \frac{42}{\ \ \ \ } \right) $$
             \label{local_vmtp} $$ \ \ 315 \left( \end{2} \right) = 315 \left( \end{2} \right) $$
                              316 \html@def\VMTP#1#2{\Vect{#1}\MatTPE{#2}}
                                 2.9.
                                                    Matriz por matriz
                   \MN Producto de matriz por matriz
                              317 \html@def\MN#1#2{\Mat{#1}\Mat{#2}}
                \MTN Producto de matriz transpuesta por matriz
             \label{local_model} $$ \MTNp $_{318} \left(MTN #1#2{\mathcal H}T {#1}\right)$
             \MTNP 319 \html@def\MTNp#1#2{\MatTpE{#1}\Mat{#2}}
                              320 \mathbf{TPE} \#1 \mathbb{41} \mathbf{42} 
                \MNT Producto de matriz por matriz transpuesta
             \MNTp 321 \html@def\MNT #1#2{\Mat{#1}\MatT {#2}}
             \MNTP 322 \html@def\MNTp#1#2{\Mat{#1}\MatTpE{#2}}
                              323 \html@def\MNTP#1#2{\Mat{#1}\MatTPE{#2}}
                \MTM Producto de matriz transpuesta por matriz
             \label{local_model} $$ MTMp $ 324 \left( MTM #1{\mathcal { } 41} \right) $$
             \label{lem:mtmp} $325 \left( \frac{mtmp}{1_{\infty}} \right) $$ \mathbb{T}_{325} \left( \frac{mtmp}{1_{\infty}} \right) $$
                              326 \ \mathbb{41}\ MatTPE{#1}\ Mat{#1}}
                \MMT Producto de matriz por su transpuesta
             \label{lem:mmtp} $$ \mathbf{328 } \theta^{0} = 1_{\mathbf{41}} \mathcal{H}_{328} \
                              329 \html@def\MMTP#1{\Mat{#1}\MatTPE{#1}}
             \MNMT Producto de matriz por matriz por matriz transpuesta
          \label{eq:mnmtp} 330 \mathbf{41} = 142 \mathbf{41} 
          \label{lem:mnmtp} \begin{tabular}{ll} $$ \MNMTP = 331 \left( \MNMTp #1 #2 {\MN {#1} {#2} \MatTp {#1} } \right) $$
                              332 \html@def\MNMTP#1#2{\MN{#1}{#2}\MatTP{#1}}
             \mathbb{MTNM} Producto de matriz transpuesta por matriz por matriz
          \MTNMp 333 \html@def\MTNM #1#2{\MatT {#1}\MN{#2}{#1}}
          \MTNMP 334 \html@def\MTNMp#1#2{\MatTp{#1}\MN{#2}{#1}}
                              335 \html@def\MTNMP#1#2{\MatTP{#1}\MN{#2}{#1}}
                                Matriz inversa
        \InvMat Inversa de una matriz
     \label{linvMat} $$ \100 {\mathbb 3}_{36} \left( \frac{1}{nv}  + 1{\ln v}  \right) $$
     \label{linvMatP} $337 \right] $$ \operatorname{InvMatP} $$ $1{\sup {\mathbb{1}}} $$
   \InvMatpE 338 \html@def\InvMatP #1{\InvP {\Mat{#1}}}
   \InvMatPE 339 \html@def\InvMatpE#1{\InvpE{\Mat{#1}}}
                             340 \verb|\html@def\InvMatPE#1{\InvPE{\Mat{#1}}}|
     \InvMatT Inversa de una matriz transpuesta
\InvMatTpE 341 \html@def\InvMatT#1{\InvP{\MatT{#1}}}
\InvMatTPE 342 \html@def\InvMatTpE#1{\parentesis{\InvMatT{#1}}}
```

343 \html@def\InvMatTPE#1{\Parentesis{\InvMatT{#1}}}

```
\TInvMat Transpuesta de la inversa de una matriz
 346 \html@def\TInvMatPE#1{\Parentesis{\TInvMat{#1}}}
                         2.10.
                                          Otros productos entre matrices y vectores
           \MTMV Producto de matriz transpuesta por matriz por vector
         \label{lem:mtmvp} 347 \mathbf{MTMVp} 347 \mathbf{MTMV} \#1\#2{\mathbf{MTM} \#1}\
         \label{lem:modef_MTMVp} $48 \left(MTMp{#1}\right) \end{magnetical} 
                       349 \mathbf{MTMVP}#1#2{\mathbf{MTMP}}#1}\Vect{#2}}
             \VMW Producto de vector por matriz por vector
                       350 \html@def\VMW#1#2#3{\VMM{#1}{#2}\Vect{#3}}
             \VMV Producto de vector por matriz por vector
                       351 \html@def\VMV#1#2{\VMW{#1}{#2}{#1}}
           \VMTW Producto de vector por matriz transpuesta por vector
         \WTWp _{352} \html@def\VMTW #1#2#3{\VMT {#1}{#2}\Vect{#3}}
         \VMTWP 353 \html@def\VMTWp#1#2#3{\VMTp{#1}{#2}\Vect{#3}}
                       354 \t 0 = 354 \t 0 
           \VMTV Producto de vector por matriz transpuesta por vector
         \VMTVP 355 \html@def\VMTV #1#2{\VMTW {#1}{#2}{#1}}
         \VMTVP 356 \html@def\VMTVp#1#2{\VMTWp{#1}{#2}{#1}}
                       357 \html@def\VMTVP#1#2{\VMTWP{#1}{#2}{#1}}
       \InvMTM Inversa del producto de una matriz transpuesta por ella misma
                       358 \html@def\InvMTM#1{\InvP{\MTM{#1}}}
                         2.11.
                                          Sistemas de ecuaciones
             \SEL Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial
                       359 \html@def\SEL#1#2#3{\MV{#1}{#2}=\Vect{#3}}
           \SELT Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coeficientes transpuesta)
         \SELTP _{360} \left[ \frac{41}{42} = \left( \frac{43}{1} \right) \right]
                       361 \html@def\SELT#1#2#3{\MTVP{#1}{#2}=\Vect{#3}}
           \SELF Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coeficientes transpuesta)
                       362 \html@def\SELF#1#2#3{\VM{#1}{#2}=\Vect{#3}}
                                          Espacios vectoriales
                         2.12.
               \EV Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coef. transpuesta)
                       363 \left( EV#1{\mathcal{H}1} \right)
\EspacioNul Letra que denota al Espacio nulo (o núcleo)
                       364 \html@def\EspacioNul{\EV{N}}
\EspacioCol Letra que denota al Espacio Columna
                       365 \html@def\EspacioCol{\EV{C}}
         \Nulls Espacio nulo (o núcleo) de un objeto
                       366 \html@def\Nulls#1{\EspacioNul\Parentesis{#1}}
```

```
\nulls Espacio nulo (o núcleo) de una matriz
        367 \html@def\nulls#1{\Nulls{\Mat{#1}}}
  \Cols Espacio columna de un objeto
        368 \mathbf{Cols#1{\EspacioCol\Parentesis{\#1}}}
  \cols Espacio columna de una matriz
        369 \mathbf{0} \mathbf{41}{\texttt{Cols}{\texttt{Mat}{\#1}}}
  \Span Espacio generado por un sistema generador
        370 \html@def\Span#1{\EV{L}\Parentesis{#1}}
 \PSpan Espacio semi-euclídeo de probabilidad generado por un sistema
        371 \mathbf{\P}\
 \coord Coordenadas respecto de una base
\label{local_coord} $$ 372 \theta^{00}  $$ 1#2{\leftx_{1}_{\alpha_{1}}^{2}} \right. $$
\coordPE 373 \html@def\coordP #1#2{\coord{\Parentesis{#2}}{#1}}
        374 \html@def\coordPE#1#2{\Parentesis{\coord{#2}{#1}}}
                 Notación funcional
         2.13.
   \dom Dominio de una función
        375 \html@def\dom{\mathop{\mathrm{dom}}}
 mifun Breve descripción de una función
        376 \html@def\mifun#1#2#3{#1 \colon #2 \to #3}
\deffun Breve descripción de una función
        377 \html@def\deffun#1#2#3#4#5{%
               \begin{array}{r@{\,}ccl}
                   #1\colon & #2 & \longrightarrow & #3\cr
        379
                       & #4 & \longmapsto & \displaystyle#5
        381
               \end{array}}
         2.14.
                 Estadística
 \Estmc Ajuste por MCO
        382 \html@def\Estmc#1{ \widehat{#1} }
 \Media Media (proyección ortogonal sobre los vectores contantes)
        383 \html@def\Media#1{ \widebar{#1} }
 \Smedia Símbolo para el valor medio
        384 \html@def\Smedia{\mu}
 \media Valor medio
        385 \html@def\media#1{ {\Smedia}_{#1} }
         Change History
         v1.0
```

# $\mathbf{Index}$

Numbers written in italic refer to the page where the corresponding entry is described; numbers underlined refer to the code line of the definition; numbers in roman refer to the code lines where the entry is used.

${f Symbols}$	\dETEF <u>179</u>	\dTEFP <u>174</u>
\# 30	\dETEFP <u>179</u>	\dTEFp <u>174</u>
\& 30	\dETEFp <u>179</u>	\dTEFPE <u>174</u>
	\dETEFPE <u>179</u>	\dTEFpE <u>174</u>
${f A}$	\dETEFpE	$\verb \dTrC  \dots \dots \underline{224}$
\adj <u>274</u>	\determinante $275$	\dTrCP <u>224</u>
	\Dim $\dots \dots \underline{280}, 285$	\dTrCp <u>224</u>
В	\DimP $\underline{280}$ , $287$	$\verb \dTrCPE  \dots \underline{224}$
\begin 378	\Dimp $\underline{280}$ , $286$	$\verb \dTrCpE  \dots \dots \underline{224}$
\Big 103, 104	\DimPE $\dots \underline{280}, 289$	\dTrF <u>219</u>
\big 277, 278	\DimpE $280$ , 288	$\verb \dTrFC  \dots \underline{229}$
\boldsymbol $93-96, 252, 255$	$\verb \dInvOEg$	$\verb \dTrFCP  \dots \underline{229}$
	110,  184-188,  209-213	\dTrFCp <u>229</u>
C	\dInvTEC <u>209</u>	\dTrFCPE <u>229</u>
\CC <u>1</u>	\dInvTECP 211	$\verb \dTrFCpE  \dots \underline{229}$
\cdot 293, 296	\dInvTECp 210	\dTrFP <u>219</u>
\cdots 111, 112	\dInvTECPE 213	\dTrFp <u>219</u>
\Cof	\dInvTECpE 212	\dTrFPE <u>219</u>
\cof	\dInvTEF <u>184</u>	\dTrFpE <u>219</u>
\colon 376, 379	\dInvTEFP <u>184</u>	_
\Cols <u>368</u> , 369	\dInvTEFp <u>184</u>	${f E}$
\cols <u>369</u>	\dInvTEFPE <u>184</u>	\eleM <u>83</u>
\concat <u>30,</u> 248	\dInvTEFpE <u>184</u>	\elemL 48, 63, 73
\concatSV	\displaystyle 380	\elemLP <u>48</u> , 65, 75
\conj <u>29</u>	\d0Eg <u>105,</u>	\elemLp 48, 64, 74
\coord 372	108, 112, 174–178, 199–203	\elemLPE <u>48,</u> 67, 77
\coordP	\d0EgE 105, 107,	\elemLpE <u>48</u> , 66, 76
\Corchetes 7, 9	109, 111, 169–173, 194–198	\elemLRP
\corchetes 7	\dom	\elemLRp <u>58</u> , 83, 86, 90
\cr379	\dotprod	\elemLRPE <u>58,</u> 87, 92
(CI	\dotProdP 293	\elemLRpE 58, 86, 91
D	<del></del>	<u> </u>
D	$\dot Prod p \dots \dots \underline{293}$	\eleMM <u>244</u>
\deffun <u>377</u>	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\eleMM
$\label{eq:deffunction} $$ \deffunction 377 $$ \define 0Eg $\underline{110}, 189-193, 214-218 $$$	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\dotProdp	\eleMM       244         \eleMMM       244         \eleMMMT       244         \eleMP       83         \eleMp       83         \eleMPE       83
\deffun	\dotProdp \ \ \frac{293}{296} \dotprodP \ \ \frac{296}{296} \dotprodP \ \ \frac{111}{296} \dotprodP \ \frac{111}{296} \dotprodP \ \frac{199}{296} \dotprodP \dotprodP \ \frac{199}{296} \dotprodP \dotprodP \ \frac{199}{296} \dotprodP \dot	\eleMM       244         \eleMMM       244         \eleMMMT       244         \eleMP       83         \eleMpE       83         \eleMPE       83         \eleMpE       83
\deffun       377         \dEInv0Eg       110, 189-193, 214-218         \dEInvTEC       214         \dEInvTECP       216         \dEInvTECP       215         \dEInvTECPE       218         \dEInvTECPE       217	\dotProdp \ \ \ \frac{293}{296} \\dotprodP \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\eleMM       244         \eleMMM       244         \eleMMMT       244         \eleMP       83         \eleMpE       83         \eleMpE       83         \eleMpE       83         \eleMpE       83         \eleMpE       83         \eleMpE       53, 68, 78
\deffun         377           \dEInvOEg         110, 189-193, 214-218           \dEInvTEC         214           \dEInvTECP         216           \dEInvTECP         215           \dEInvTECPE         218           \dEInvTECPE         217           \dEInvTEF         189	\dotProdp       293         \dotprodP       296         \dotprodp       296         \dSDEg       111, 149, 154, 159, 164         \dSDEgE       111         \dTEC       199         \dTECP       199         \dTECPE       199	VeleMM       244         VeleMMM       244         VeleMMMT       244         VeleMP       83         VeleMPE       83         VeleMPE       83         VeleMPE       83         VelemR       53, 68, 78         VelemRP       53, 70, 80
\deffun       377         \deInvOeg       110, 189-193, 214-218         \deInvTEC       214         \deInvTECP       216         \deInvTECp       215         \deInvTECPE       218         \deInvTECpE       217         \deInvTEF       189         \deInvTEFP       189	\dotProdp       293         \dotprodP       296         \dotprodp       296         \dSOEg       111, 149, 154, 159, 164         \dSOEgE       111         \dTEC       199         \dTECP       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199	\eleMM       244         \eleMMM       244         \eleMMT       244         \eleMP       83         \eleMPE       83         \eleMPE       83         \eleMpE       83         \elemRP       53, 68, 78         \elemRP       53, 70, 80         \elemRp       53, 69, 79
\deffun         377           \deInvOeg         110, 189-193, 214-218           \deInvTEC         214           \deInvTECP         216           \deInvTECP         215           \deInvTECPE         218           \deInvTECPE         217           \deInvTEF         189           \deInvTEFP         189           \deInvTEFP         189           \deInvTEFP         189	\dotProdp       293         \dotprodP       296         \dotprodp       296         \dSDEg       111, 149, 154, 159, 164         \dSDEgE       111         \dTEC       199         \dTECP       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       194	\eleMM       244         \eleMMM       244         \eleMMT       244         \eleMP       83         \eleMPE       83         \eleMPE       83         \eleMpE       83         \elemRP       53, 68, 78         \elemRP       53, 70, 80         \elemRp       53, 69, 79         \elemRPE       53, 72, 82
\deffun         377           \deInvOeg         110, 189-193, 214-218           \deInvTEC         214           \deInvTECP         216           \deInvTECP         215           \deInvTECPE         218           \deInvTECPE         217           \deInvTEFP         189           \deInvTEFP         189           \deInvTEFPE         189           \deInvTEFPE         189	\dotProdp       293         \dotprodP       296         \dotprodp       296         \dSDEg       111, 149, 154, 159, 164         \dSDEgE       111         \dTEC       199         \dTECP       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       194         \dTEECP       194	VeleMM       244         VeleMMM       244         VeleMMMT       244         VeleMP       83         VeleMPE       83         VeleMPE       83         VeleMPE       83         VeleMR       53, 68, 78         VelemRP       53, 70, 80         VelemRP       53, 69, 79         VelemRPE       53, 72, 82         VelemRPE       53, 71, 81
\deffun       377         \deInvOeg       110, 189-193, 214-218         \deInvTEC       214         \deInvTECP       216         \deInvTECp       215         \deInvTECPE       218         \deInvTECpE       217         \deInvTEFP       189         \deInvTEFP       189         \deInvTEFPE       189         \deInvTEFPE       189         \deInvTEFPE       189         \deInvTEFPE       189	\dotProdp       293         \dotprodP       296         \dotprodp       296         \dSOEg       111, 149, 154, 159, 164         \dSOEgE       111         \dTEC       199         \dTECP       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       194         \dTEECP       194         \dTEECP       194	VeleMM       244         VeleMMMT       244         VeleMP       83         VeleMPE       83         VeleMPE       83         VeleMPE       83         VeleMPE       83         VeleMRP       53, 68, 78         VeleMRP       53, 70, 80         VeleMRP       53, 69, 79         VeleMRPE       53, 72, 82         VeleMRPE       53, 71, 81         VeleMT       88
\deffun       377         \deInvOeg       110, 189-193, 214-218         \deInvTEC       214         \deInvTECP       216         \deInvTECP       215         \deInvTECPE       218         \deInvTECPE       217         \deInvTEFP       189         \deInvTEFP       189         \deInvTEFP       189         \deInvTEFPE       289         \delabeledeline       280	\dotProdp       293         \dotprodP       296         \dotprodp       296         \dSDEg       111, 149, 154, 159, 164         \dSDEgE       111         \dTEC       199         \dTECP       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       194         \dTEECP       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194	VeleMM       244         VeleMMM       244         VeleMMMT       244         VeleMP       83         VeleMPE       83         VeleMPE       83         VeleMPE       53, 68, 78         VelemRP       53, 70, 80         VelemRP       53, 69, 79         VelemRPE       53, 72, 82         VelemRPE       53, 71, 81         VeleMTP       88         VeleMTP       88
\deffun       377         \deInvOeg       110, 189-193, 214-218         \deInvTeC       214         \deInvTeCP       216         \deInvTeCp       215         \deInvTeCpe       217         \deInvTefp       189         \deInvTefp       189         \deInvTefpe       189         \deInvTefpe       189         \deInvTefpe       189         \deInvTefpe       189         \deInvTefpe       189         \deOeg       107, 179-183, 204-208         \deOege       107	\dotProdp       293         \dotprodP       296         \dotprodp       296         \dSOEg       111, 149, 154, 159, 164         \dSOEgE       111         \dTEC       199         \dTECP       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       194         \dTEECP       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194	VeleMM       244         VeleMMM       244         VeleMMMT       244         VeleMP       83         VeleMPE       83         VeleMPE       83         VeleMPE       53, 68, 78         VelemRP       53, 70, 80         VelemRP       53, 69, 79         VelemRPE       53, 72, 82         VelemRPE       53, 71, 81         VeleMTP       88         VeleMTP       88         VeleMTP       88         VeleMTP       88         VeleMTP       88
\deffun       377         \deInvOeg       110, 189-193, 214-218         \deInvTEC       214         \deInvTECP       216         \deInvTECP       215         \deInvTECPE       218         \deInvTECPE       217         \deInvTEFP       189         \deInvTEFP       189         \deInvTEFP       189         \deInvTEFPE       289         \delabeledeline       280	\dotProdp       293         \dotprodP       296         \dotprodp       296         \dSDEg       111, 149, 154, 159, 164         \dSDEgE       111         \dTEC       199         \dTECP       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       194         \dTEECP       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194	\eleMM       244         \eleMMM       244         \eleMMMT       244         \eleMP       83         \eleMPE       83         \eleMPE       83         \eleMPE       53, 68, 78         \elemRP       53, 70, 80         \elemRP       53, 69, 79         \elemRPE       53, 72, 82         \elemRpE       53, 71, 81         \eleMTP       88         \eleMTP       88         \eleMTP       88         \eleMTP       88         \eleMTP       88         \eleMTPE       88
\deffun       377         \deInvOeg       110, 189-193, 214-218         \deInvTEC       214         \deInvTECP       216         \deInvTECP       215         \deInvTECPE       218         \deInvTECPE       217         \deInvTEF       189         \deInvTEFP       189         \deInvTEFP       189         \deInvTEFPE       189         \deInvTEFPE       189         \deInvTEFPE       189         \deOeg       107, 179-183, 204-208         \deOege       107         \det       277	\dotProdp       293         \dotprodP       296         \dotprodp       296         \dSOEg       111, 149, 154, 159, 164         \dSOEgE       111         \dTEC       199         \dTECP       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       194         \dTEECP       194         \dTEECPE       194          \dTEECPE       194          \dTEECPE       194	VeleMM       244         VeleMMMT       244         VeleMP       83         VeleMPE       83         VeleMPE       83         VeleMPE       83         VeleMPE       83         VeleMPE       53, 68, 78         VeleMRP       53, 70, 80         VeleMRP       53, 69, 79         VeleMRPE       53, 72, 82         VeleMRPE       53, 71, 81         VeleMTP       88         VeleMTP       88         VeleMTP       88         VeleMTPE       88         VeleMTPE       88         VeleMTPE       88          VeleMTPE       88
\deffun       377         \deInvOEg       110, 189-193, 214-218         \deInvTEC       214         \deInvTECP       216         \deInvTECP       215         \deInvTECPE       218         \deInvTECPE       217         \deInvTEF       189         \deInvTEFP       189         \deInvTEFP       189         \deInvTEFPE       189         \deInvTEFPE       189         \deInvTEFPE       189         \deOege       107, 179-183, 204-208         \deOege       107         \detCOege       107         \detCOege       207         \detECC       204         \detECCP       204	\dotProdp       293         \dotprodP       296         \dotprodp       296         \dSOEg       111, 149, 154, 159, 164         \dSOEgE       111         \dTEC       199         \dTECP       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       194         \dTEECP       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEEFP       169         \dTEEFP       169         \dTEEFP       169	VeleMM       244         VeleMMM       244         VeleMMMT       244         VeleMPP       83         VeleMPE       83         VeleMPE       83         VeleMPE       83         VeleMRP       53, 68, 78         VeleMRP       53, 70, 80         VeleMRP       53, 69, 79         VeleMRPE       53, 72, 82         VeleMRPE       53, 71, 81         VeleMTP       88         VeleMTP       88         VeleMTP       88         VeleMTPE       88         VeleMTPE       88         VeleMTPE       88         VeleMTPE       88         VelemUUU       239
\deffun       377         \deInvOeg       110, 189-193, 214-218         \deInvTEC       214         \deInvTECP       216         \deInvTECP       215         \deInvTECPE       218         \deInvTECPE       217         \deInvTEF       189         \deInvTEFP       189         \deInvTEFP       189         \deInvTEFPE       189         \deInvTEFPE       189         \deInvTEFPE       189         \deOege       107, 179-183, 204-208         \deOege       107         \deta       277         \detec       204	\dotProdp       293         \dotprodP       296         \dotprodp       296         \dSOEg       111, 149, 154, 159, 164         \dSOEgE       111         \dTEC       199         \dTECP       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       194         \dTEECP       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEEFPE       169         \dTEEFP       169         \dTEEFPE       169         \dTEEFPE       169	\eleMM       244         \eleMMM       244         \eleMMMT       244         \eleMP       83         \eleMPE       83         \eleMPE       83         \eleMPE       83         \elemRP       53, 68, 78         \elemRP       53, 70, 80         \elemRP       53, 69, 79         \elemRPE       53, 72, 82         \elemRPE       53, 71, 81         \eleMTP       88         \eleMTP       88         \eleMTP       88         \eleMTPE       88         \eleMTPE       88         \eleMTPE       88         \eleMTPE       88         \elemUUU       239         \eleVL       63
\deffun   377   \deffun   377   \deffun   110, 189-193, 214-218   \definvTEC   214   \definvTECP   216   \definvTECP   215   \definvTECPE   218   \definvTECPE   217   \definvTECPE   217   \definvTEFP   189   \definvTEFP   189   \definvTEFP   189   \definvTEFP   189   \definvTEFPE   217   \definvTEFPE   277   \define \frac{107}{107}   \	\dotProdp       293         \dotprodP       296         \dotprodp       296         \dSOEg       111, 149, 154, 159, 164         \dSOEgE       111         \dTEC       199         \dTECP       199         \dTECPE       199         \dTECPE       199         \dTECPE       194         \dTEECP       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEECPE       194         \dTEEFP       169         \dTEEFP       169         \dTEEFP       169	\eleMM       244         \eleMMM       244         \eleMMMT       244         \eleMP       83         \eleMPE       83         \eleMPE       83         \eleMPE       83         \elemRP       53, 68, 78         \elemRP       53, 70, 80         \elemRp       53, 69, 79         \elemRPE       53, 72, 82         \elemRPE       53, 71, 81         \eleMTP       88         \eleMTP       88         \eleMTPE       88         \eleMTPE       88         \eleMTPE       88         \eleMTPE       88         \eleMTPE       88         \elemUUU       239         \eleVL       63

\eleVLPE <u>63</u>	\LidxpE <u>18</u> , 116, 126, 136,	\MN <u>317</u> , 330–335
\eleVLpE $\dots \dots \overline{63}$	172, 173, 177, 182, 187, 192	\MNMT 330
\eleVR 68	\limits 280	\MNMTP 330
\eleVRP 68	\longmapsto 380	\MNMTp 330
	9 1	<del>-</del>
\eleVRp <u>68</u>	\longrightarrow 379	\MNT
\eleVRPE <u>68</u>	\LRidx <u>13,</u> 58, 159, 164, 229	\MNTP <u>321</u>
\eleVRpE $\dots \dots \underline{68}$	\LRidxE <u>10,</u> 13–17	\MNTp <u>321</u>
\end 381	\LRidxP <u>13</u> , 231	\modulus <u>32</u> , 275
\eng 242, 243	\LRidxp <u>13</u> , 230	\MP <u>147</u>
\E0Epr 104	\LRidxPE <u>13</u> , 233	\MPT 148
\E0Esu 103	\LRidxpE <u>13</u> , 232	$\mbox{MTM} \dots \mbox{324}, 347, \overline{358}$
\eSc	\Lsh	\MTMP <u>324</u> , 349
	\lVert 31	\MTMp 324, 348
\esc <u>292</u>	/IVert 31	<del>-</del>
\EspacioCol <u>365</u> , 368	TA II	\MTMV
\EspacioNul <u>364</u> , 366	M	\MTMVP 347
\Estmc <u>382</u>	\MakeLowercase 246	$\label{eq:mtmvp} \texttt{\MTMVp} \ \dots \ \underline{347}$
\EV <u>363</u> , 364, 365, 370, 371	\Mat 73-87, 143, 144, 147,	\MTN <u>318</u>
	$148, \ \underline{255}, \ 258-262, \ 276,$	\MTNM 333
${f F}$	279, 285–289, 305–310,	\MTNMP 333
\fueraitemL 234, 236, 237	317–329, 336–340, 367, 369	\MTNMp 333
\fueraitemR 235, 236, 238	\Matdim 285	\MTNP
\  \( \text{Iderattemit} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\MatdimP 285	
C		\MTNp 318
<b>G</b>	\Matdimp 285	\MTV <u>311</u> , 360
\getItem $\dots \underline{45}, 46, 47$	\MatdimPE <u>285</u>	\MTVP <u>311</u> , 361
\getitemL $\dots \underline{46}$ , 48, 58	\MatdimpE $\underline{285}$	\MTVp <u>311</u>
\getitemR $46, 53, 58$	\mathbb 1-4	\mu
	\mathbf 45	\MV 305, 359
H	\mathbin 34, 46, 47, 248, 372	\MVectC 265
\hbox 39	\mathcal 363	\MVectCT 267
•	\mathfrak 97	\MVectF 266
ī		
I	\mathop 28, 273, 280, 375	\MVectFT $\dots $ $\overline{\underline{268}}$
\intercal 33	\mathop 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\intercal	\mathrm 269, 270, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathsf 247, 255	\MVectFT $\dots $ $\overline{\underline{268}}$
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\mathrm 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathsf 247, 255 \MatP 240, 242, 244, <u>255</u>	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\mathrm 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathsf 247, 255 \MatP 240, 242, 244, 255 \Matp 255	$ \begin{array}{cccc} \texttt{\widtharpsigned} & & & & & & & \\ \texttt{\widtharpsigned} & & \\ \texttt{\widtharpsigned} & & \\ \texttt{\widtharpsigned} & & & \\ \texttt{\widtharpsigned} & & \\$
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\mathrm 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathsf 247, 255 \MatP 240, 242, 244, <u>255</u>	$ \begin{array}{cccc} \texttt{\widtharpsigned} & & & & & & & \\ \texttt{\widtharpsigned} & & \\ \texttt{\widtharpsigned} & & \\ \texttt{\widtharpsigned} & & & \\ \texttt{\widtharpsigned} & & \\$
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\mathrm 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathsf 247, 255 \MatP 240, 242, 244, 255 \Matp 255	
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\mathop 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathsf 247, 255 \MatP 240, 242, 244, 255 \Matp 255 \MatT 88, 258, 263, 311, 314, 318, 321,	\MVectFT \ \frac{268}{305} \\MVpE \ 306 \\MvpE \ 305 \\MvpE \ 305 \\MvpE \ 1
\intercal       33         \Inv       40, 336         \InvMat       336         \InvMatP       336         \InvMatp       336         \InvMatPE       336         \InvMatpE       336, 344	\mathop 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathsf 247, 255 \MatP 240, 242, 244, 255 \Matp 88, 258, 263, 311, 314, 318, 321, 324, 327, 330, 333, 341, 344	\MVectFT \ \frac{268}{305} \\MVPE \ 306 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ \ \frac{N}{1} \\Nn \ \ \ \norma \ \ \ \ \norma \ \ \ \ \ \norma \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\intercal       33         \Inv       40, 336         \InvMat       336         \InvMatP       336         \InvMatp       336         \InvMatPE       336         \InvMatpE       336, 344         \InvMatT       341	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\MVectFT \ \frac{268}{305} \\MVPE \ 306 \\MVpE \ 305 \MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \M
\intercal       33         \Inv       40, 336         \InvMat       336         \InvMatP       336         \InvMatPE       336         \InvMatpE       336, 344         \InvMatT       341         \InvMatTPE       341	$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\MVectFT \ \frac{268}{305} \\MVPE \ 306 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ 305 \\MVpE \ \ \frac{N}{1} \\Nn \ \ \ \norma \ \ \ \ \norma \ \ \ \ \ \norma \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\MVectFT \ \frac{268}{305} \ \MVPE \ 306 \ \MVpE \ 305 \ \
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\MVectFT \ \ \frac{268}{305} \ \MVPE \ 306 \ \MVpE \ 305 \ 305 \ \MVpE \
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\MVectFT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\MVectFT \ \ \frac{268}{305} \ \MVPE \ 306 \ \MVpE \ 305 \ 305 \ \MVpE \
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\MVectFT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\MVectFT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c cccc} & & & & & & 33 \\ & & & & & & & & 40, & 336 \\ & & & & & & & 336 \\ & & & & & & 336 \\ & & & & & & 336 \\ & & & & & & 336 \\ & & & & & & 336 \\ & & & & & & 336 \\ & & & & & & 336 \\ & & & & & & 336, & 344 \\ & & & & & & 336, & 344 \\ & & & & & & 336, & 344 \\ & & & & & & & 336, & 344 \\ & & & & & & & 336, & 344 \\ & & & & & & & 336, & 344 \\ & & & & & & & 336, & 344 \\ & & & & & & & 336, & 344 \\ & & & & & & & 341 \\ & & & & & & & 341 \\ & & & & & & & 341 \\ & & & & & & & 358 \\ & & & & & & & & 38, & 341, & 358 \\ & & & & & & & & & & \\ & & & & & & & $	\mathop 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathsf 247, 255 \MatP 240, 242, 244, 255 \Matp 88, 258,	\MVectFT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
$\begin{array}{c cccc} & & & & & & 33 \\ & & & & & & & & 40, & 336 \\ & & & & & & & 336 \\ & & & & & & 336 \\ & & & & & & 336 \\ & & & & & & 336 \\ & & & & & & 336 \\ & & & & & & 336 \\ & & & & & & 336 \\ & & & & & & 336, & 344 \\ & & & & & & 336, & 344 \\ & & & & & & 336, & 344 \\ & & & & & & & 336, & 344 \\ & & & & & & & 336, & 344 \\ & & & & & & & 336, & 344 \\ & & & & & & & 336, & 344 \\ & & & & & & & 336, & 344 \\ & & & & & & & 341 \\ & & & & & & & 341 \\ & & & & & & & 341 \\ & & & & & & & 358 \\ & & & & & & & & 38, & 341, & 358 \\ & & & & & & & & & & \\ & & & & & & & $	\mathop 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathsf 247, 255 \MatP	\MVectFT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\intercal 33 \Inv 40, 336 \Inv 40, 336 \InvMat 336 \InvMatP 336 \InvMatp 336 \InvMatPE 336 \InvMatPE 336, 344 \InvMatT 341 \InvMatTPE 341 \InvMatTPE 341 \InvMatTpE 341 \InvMTM 358 \InvP 40, 338, 341, 358 \InvP 40, 338, 341, 358 \Invp 40, 337 \InvPE 40, 340 \InvPE 40, 339	$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\MVectFT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\intercal 33 \\ \lambda \text{Inv} \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\mathop 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathsf 247, 255 \MatP 240, 242, 244, 255 \Matp 88, 258,	\MVectFT \ \ \\ \\ \\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\intercal	\mathop 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathsf 247, 255 \MatP 240, 242, 244, 255 \Matp 88, 258,	\MVectFT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\intercal	\mathop 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathrsf 247, 255 \MatP 240, 242, 244, 255 \Matp 88, 258,	\MVectFT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\intercal	\mathop 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathrs 247, 255 \MatP 240, 242, 244, 255 \Matp 88, 258,	\MVectFT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\intercal	\mathop 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathrs 247, 255 \MatP 240, 242, 244, 255 \Matp 88, 258,	\MVectFT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\intercal	\mathop 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathrs 247, 255 \MatP 240, 242, 244, 255 \Matp 88, 258,	\MVectFT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\intercal	\mathop 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathrs 247, 255 \MatP 240, 242, 244, 255 \Matp 88, 258,	\MVectFT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\intercal	\mathop 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathrs 247, 255 \MatP 240, 242, 244, 255 \Matp 88, 258,	\MVectFT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\intercal	\mathop 28, 273, 280, 375 \mathrm 269, 270, 273, 274, 375 \mathrs 247, 255 \MatP 240, 242, 244, 255 \Matp 88, 258,	\MVectFT \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\intercal	\mathop \ 28, 273, 280, 375 \mathrm \ 269, 270, 273, 274, 375 \mathrm \ 269, 270, 273, 274, 255 \mathrm \ 240, 242, 244, 255 \mathrm \ 255 \mathrm \ 240, 242, 244, 255 \mathrm \ 258, 258,	$\begin{tabular}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$
\intercal	\mathop \ 28, 273, 280, 375 \mathrm \ 269, 270, 273, 274, 375 \mathrm \ 269, 270, 273, 274, 375 \mathrm \ 240, 242, 244, 255 \mathrm \ 240, 242, 244, 255 \mathrm \ 288, 258,	$\begin{tabular}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$

202 204 207 200 201	\ GTERGER 15.4	\m_ w . n
282, 284, 295, 298, 301,	\SITECPE	\TInvMatpE 344
304, 307, 310, 343, 346,	\SITECPE <u>154</u>	\to 376
366, 368, 370, 371, 373, 374	\SITEF <u>149</u>	\Trans <u>34, 258, 267, 268, 344</u>
\parentesis $5, 14, 16, 19, 21,$	\SITEFC <u>159</u>	\TransP <u>34,</u> 260, 263
24, 26, 35, 37, 41, 43,	\SITEFCP <u>159</u>	\Transp $34, 259$
49, 51, 54, 56, 59, 61,	\SITEFCp <u>159</u>	\TransPE $\underline{34}$ , 262
150, 152, 155, 157, 160,	\SITEFCPE <u>159</u>	\TranspE $\dots \dots \underline{34}, 261$
162, 165, 167, 220, 222,	\SITEFCpE <u>159</u>	\Traza <u>269,</u> 271
225, 227, 250, 253, 256,	\SITEFCR <u>164</u>	\traza <u>271</u>
279, 281, 283, 294, 297,	\SITEFCRP <u>164</u>	\TrEl $93, 98, 105$
300, 303, 306, 309, 342, 345	\SITEFCRp <u>164</u>	
\PC $\underline{145}$ , 146, 147	\SITEFCRPE <u>164</u>	U
\pe <u>96,</u> 101	\SITEFCRpE <u>164</u>	\underset 98
\perm <u>97,</u> 102	\SITEFP <u>149</u>	3.7
\PF <u>146,</u> 148	\SITEFp <u>149</u>	V
\pr <u>95,</u> 100	\SITEFPE <u>149</u>	\vec 249
\prodH <u>299</u>	\SITEFpE <u>149</u>	\Vect 63-72,
\prodh <u>302</u>	\Smedia 384, 385	<u>252,</u> 296, 302, 305–316,
\prodHP <u>299</u>	\Span 370	347–350, 352–354, 359–362
\prodHp <u>299</u>	\su	\vect <u>249</u> , 292
\prodhP 302	\subMat 276, 277, 278	\VectC <u>78,</u> 265, 267
\prodhp 302	\SV247	\VectCCC <u>240</u>
\PSpan 371	(a)	\VectCCCT $\underline{240}$
_	${f T}$	\VectCP $\underline{78}$
${f Q}$	\T	$\ensuremath{^{ extstyle VectCp}}$
\quitaL <u>237</u>	\tau	\VectCPE <u>78</u>
\quitaLR <u>236</u> , 276	\TEIC 138, 143	$\ensuremath{\mbox{VectCpE}}$ $\underline{78}$
\quitaR <u>238</u>	\TEICP 138	\VectF $73, 266, 268$
_	\TEICp 138	$\ensuremath{VectFFF}$ $\underline{242}$
R	\TEICPE	$\ensuremath{^{ ext{VectFFT}}}$ $\underline{242}$
\Rango 270	\TEICpE	\VectFP <u>73</u>
\rango <u>272</u>	\TEIF	$\ensuremath{VectFp}$ $\underline{73}$
\rg <u>270,</u> 272	\TEIFP 133	\VectFPE $\underline{73}$
\Ridx <u>23,</u> 53, 118,	\TEIFp 133	$\ensuremath{\mbox{VectFpE}}$ $\underline{73}$
128, 138, 145, 154, 194,	\TEIFPE 133	\VectP <u>252</u>
199, 204, 209, 214, 224, 372	\TEIFpE 133	\Vectp $\underline{252}$
\RidxE 10, 23, 105	\TEPC	\vectP <u>249</u>
\RidxP <u>23,</u> 120, 130,	\TEPCP	\rmsymbol{vectp} \cdots \cdots \frac{249}{}
140, 196, 201, 206, 211, 216	\TEPCp	\VM <u>308</u> , 362
\Ridxp 23, 119, 129,	\TEPCPE 128	\VMM 350
139, 195, 200, 205, 210, 215	\TEPCpE 128	\VMPE <u>308</u>
\RidxPE <u>23,</u> 122, 132,	\TEPF	\VMpE 308
142, 198, 203, 208, 213, 218	\TEPFP	\VMT <u>314,</u> 352
\RidxpE <u>23</u> , 121, 131,	\TEPFp 123	\VMTP <u>314,</u> 354
141, 197, 202, 207, 212, 217	\TEPFPE 123	\VMTp <u>314</u> , 353
\right 6, 8, 9, 31, 32, 94,	\TEPFpE 123	\VMTV 355
95, 98, 265–268, 291, 292	\TESC	\VMTVP 355
\rightleftharpoons 96	\TESCP	\VMTVp 355
\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	\TESCp 118	\VMTW <u>352</u> , 355
\Rsh	\TESCPE	\VMTWP <u>352</u> , 357
\rVert 31		\VMTWp $352$ , 356
$\mathbf S$	\TESCpE	\VMV
	\TESFP	\VMW <u>350</u> , 351
\SEL	\TESFP	***
\SELF	\TESFPE	W
\SELT	\TESFPE	\widebar <u>28, 29, 383</u>
\SITEC 154	\1E0FPE	\widehat 382
\DIIEU		
	\textrm 239-245	
\SITECP \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \		<b>Z</b> \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\