El paquete nacal-moodle*

Marcos Bujosa mbujosab@ucm.es

6 de enero de 2023

Resumen

Paquete para utilizar los comandos de LATEX del Curso de Álgebra Lineal con Notación Asociativa (NAcAL) con el paquete moodle.sty y así poder generar bancos de preguntas en formato xml con el paquete moodle (https://ctan.org/pkg/moodle) que tengan una notación aproximadamente igual a la del libro Un Curso de Álgebra Lineal (https://github.com/mbujosab/CursoDeAlgebraLineal).

Índice

1.	\mathbf{Uso}			
	1.1.	Conjun	tos de números	
	1.2.			
	1.3. Subíndices		ices	
	1.4.	1.4. Operadores		
		1.4.1.	Conjugación y concatenación	
		1.4.2.	Norma y valor absoluto	
		1.4.3.	Transposición	
		1.4.4.	Inversa	
		1.4.5.	Operador selector	
			por la izquierda de un objeto	
			por la derecha de un objeto	
			por ambos lados de un objeto	
			por la izquierda de un vector	
			por la derecha de un vector	
			de filas de una matriz	
			de columnas de una matriz	
			de elementos de una matriz	
			de elementos de una matriz transpuesta	
		1.4.6.	Operaciones elementales	
			Operaciones elementales generales	
		1.4.7.	Transformaciones elementales	
			Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto	
			Sucesiones indiciadas de Transf. elementales	
	Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto (funciones du-			
plicadas sin argumentos opcionales				
Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto (f			Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto (funciones duplicadas sin	
			argumentos opcionales	
			Transformaciones elementales particulares	
		1.4.8.	Operador que quita un elemento	

^{*}Este documento corresponde a nacal-moodle v1.0, fecha 2023/01/04.

	1.5.	Sistemas genéricos	27
			27
	1.0.	v	27
		1.6.2. Vectores de \mathbb{R}^n	27
		1.6.3. Matrices	27
		Matrices transpuestas	28
		Matrices columna	28
			28
		Matrices fila	
			28
		1.6.4. Miscelánea matrices	29
			30
			30
	1.7.		31
			31
		1.7.2. Producto punto	31
		1.7.3. Producto punto a punto o <i>Hadamard</i>	32
	1.8.	Matriz por vector y vector por matriz	32
			33
			35
		ı v	36
			36
		Notación funcional	37
	1.10.	1 total full foliair	01
2.	Imp	lementación	37
			37
		Paréntesis y corchetes	38
		Subíndices	38
			39
	2.4.	2.4.1. Conjugación y concatenación	39
			39
		J	
		2.4.3. Transposición	39
		2.4.4. Inversa	40
		2.4.5. Operador selector	40
		2.4.6. Operaciones elementales	43
		9	44
			44
		Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto	44
		Sucesiones indiciadas de Transf. elementales	46
		Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto	47
		Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto	49
		Transformaciones elementales particulares	50
		2.4.8. Operador que quita un elemento	51
	2.5.	Sistemas genéricos	51
		Vectores y matrices	51
	2.0.	2.6.1. Vectores	51
		2.6.2. Vectores de \mathbb{R}^n	51
			52
	0.7	2.6.4. Miscelánea matrices	53
	2.7.	Productos entre vectores	54
		2.7.1. Producto escalar	54
		2.7.2. Producto punto	54
		2.7.3. Producto punto a punto o <i>Hadamard</i>	54
	2.8.	Matriz por vector y vector por matriz	55
	2.9	Matriz por matriz	55

Matriz inversa	
2.10. Otros productos entre matrices y vectores	
2.11. Sistemas de ecuaciones	
2.12. Espacios vectoriales	
2.13. Notación funcional	

Introducción

Para el Curso de Álgebra Lineal con Notación Asociativa he creado multitud de macros que definen la notación empleada en el material docente (libro, transparencias, ejercicios, notebooks o vídeos). Fijar la notación en los bancos de preguntas de Moodle no es sencillo (hay que convertir el código IATEX a xml). Este paquete es un intento de aproximar la notación de banco de preguntas al resto del material.

La idea la obtuve al encontrar el paquete aleph-comandos (https://github.com/alephsub0/LaTeX_aleph-moodle/blob/main/aleph-moodle.pdf) de Jonathan Ortiz y Andrés Merino y que hace uso la macro \html@\def del paquete moodle de Anders Hendrickson y Matthieu Guerquin-Kern.

Este método tiene una importante limitación. No es posible implementar todas la macros que definí al escribir el libro, pues al convertir el código LATEX a xml con \html@\def no podemos usar ni las versiones con asterisco de los comandos, ni tampoco comandos con argumentos opcionales. Así pues, la redefinición de las macros en este paquete no usa ni comandos con asterisco ni argumentos opcionales.

1. Uso

\CC

1.1. Conjuntos de números

Respecto a estos comandos, véase el párrafo explicativo de la Sección 1.4.6 Nn El comando \n n no tiene argumentos denota el conjunto de números naturales

\Nn N

 \Zz El comando \Zz no tiene argumentos y denota el conjunto de números enteros

 \mathbb{Z}^3

\Rr El comando \Rr no tiene argumentos y denota el conjunto de números reales

 $rack {
m Rr} \qquad rack {
m \mathbb{R}}$

El comando CC no tiene argumentos y denota el conjunto de núm. complejos

1.2. Paréntesis y corchetes

Me resulta agradable normalizar el tamaño de los paréntesis y otros tipos de llaves. En general prefiero que en las expresiones matemáticas de tipo *ecuación* o *displaymath* los paréntesis sean un poco mayores que aquello que encierran. Pero prefiero paréntesis pequeños en las expresiones entre líneas dentro de los párrafos.

La conversión de comandos IATEX a xml no permite ni comandos con estrella ni con argumentos opcionales, así que estamos muy limitados. Tan solo he podido definir dos comandos en este caso. Con \parentesis (con las primera letra en minúsculas) escribiremos paréntesis pequeños y con \Parentesis (con la primera letra en mayúsculas) el tamaño del paréntesis se ajusta al objeto encerrado (desgraciadamente parece que no puedo hacer más al convertir a xml). Seguiré idéntico convenio con los corchetes.

\parentesis

El comando \parentesis tiene 1 argumento, \parentesis $\{\langle contenido \rangle\}$, y pone un paréntesis con (y) alrededor del $\{\langle contenido \rangle\}$

$$\parentesis{A}$$

El comando \Parentesis tiene 1 argumento, \Parentesis $\{\langle contenido \rangle\}$, y pone un paréntesis con \left(y \right) alrededor del $\{\langle contenido \rangle\}$, por lo que el paréntesis se ajusta al tamaño del $\{\langle contenido \rangle\}$.

\Parentesis{A}
$$(A)$$

\Parentesis{ \int\limits_a^b h(x) dx }
$$\left(\int_a^b h(x) dx \right)$$

El comando \corchetes tiene 1 argumento, \corchetes $\{\langle contenido \rangle\}$, y pone un corchete con [y] alrededor del $\{\langle contenido \rangle\}$

El comando \Corchetes tiene 1 argumento, \Corchetes $\{\langle contenido \rangle\}$, y pone un corchete con \left[y \right] alrededor del $\{\langle contenido \rangle\}$, por lo que el corchete se ajusta al tamaño del $\{\langle contenido \rangle\}$.

$$\label{limits_a^b h(x) dx } \boxed{ \left[\int\limits_a^b h(x) dx \right] }$$

1.3. Subíndices

El comando \LRidxE tiene 4 argumentos, \LRidxE{ $\langle objeto \rangle$ }{ $\langle indIzda \rangle$ }{ $\langle indDcha \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }, y pone un subíndice a cada lado del objeto (con exponente)

$$\label{linear_lambda} $$ \LRidxE{A}_{1}_{7}^{*}$$$

El comando \LidxE tiene 3 argumentos, \LidxE $\{\langle objeto\rangle\}$ $\{\langle indIzda\rangle\}$ $\{\langle exponente\rangle\}$, y pone un subíndice a la izquierda del objeto (con exponente)

$$\label{lidxeqn} $$ \coprod_1 A^* $$$

El comando \RidxE tiene 3 argumentos, $\RidxE\{\langle objeto\rangle\}\{\langle indDcha\rangle\}\{\langle exponente\rangle\}$, y pone un a la derecha del objeto (con exponente)

$$\label{eq:RidxEA} $$ \Pi_7^* $$$

El comando \LRidx tiene 3 argumentos, \LRidx $\{\langle objeto \rangle\}$ $\{\langle indIzda \rangle\}$ $\{\langle indDcha \rangle\}$, y pone un subíndice a cada lado del objeto

$$\label{linear_a} $$ \LRidx{A}{1}{7}$$$

El comando \Lidx tiene 2 argumentos, \LidxE $\{\langle objeto \rangle\}$ $\{\langle indIzda \rangle\}$, y pone un subíndice a la izquierda del objeto

$$\texttt{\Lidx{A}} \texttt{\{1\}} \qquad \qquad \boxed{_1A}$$

El comando $\$ tiene 2 argumentos, $\$ Ridx $\{\langle objeto \rangle\}$ $\{\langle indDcha \rangle\}$, y pone un subíndice a la derecha del objeto

 $\Re\{A\}$

 A_7

El comando \Lidxp tiene 2 argumentos, $\Lidxp{\langle objeto\rangle}{\langle indIzda\rangle}$, y pone un subíndice a la izquierda del objeto entre paréntesis pequeños

 $\Lidxp{\widehat{A}}{1}$

 $_{1}(\widehat{A})$

\LidxP El comando \LidxP tiene 2 argumentos, \LidxP $\{\langle objeto \rangle\}$ $\{\langle indIzda \rangle\}$, y pone un subíndice a la izquierda del objeto entre paréntesis de tamaño ajustable

\LidxP{\widehat{A}}{1}

 (\widehat{A})

\LidxpE El comando \LidxpE tiene 2 argumentos, \LidxpE $\{\langle objeto \rangle\}$ $\{\langle indIzda \rangle\}$, y, entre paréntesis pequeños, pone un subíndice a la izquierda del objeto

\LidxpE{\widehat{A}}{1}

 $\widehat{(_1\widehat{A})}$

\LidxPE El comando \LidxPE tiene 2 argumentos, \LidxPE $\{\langle objeto \rangle\}$ $\{\langle indIzda \rangle\}$, y, entre paréntesis de tamaño ajustado, pone un subíndice a la izquierda del objeto

\LidxPE{\widehat{A}}{1}

 $\left({}_{1}\widehat{A}\right)$

\Ridxp El comando \Ridxp tiene 2 argumentos, \Ridxp $\{\langle objeto \rangle\}$ $\{\langle indDcha \rangle\}$, y pone un subíndice a la derecha del objeto entre paréntesis pequeños

 $\left\{ \left\{ A\right\} \right\}$

 $(\widehat{A})_1$

\RidxP El comando \RidxP tiene 2 argumentos, \RidxP{ $\langle objeto \rangle$ }{ $\langle indDcha \rangle$ }, y pone un subíndice a la derecha del objeto entre paréntesis de tamaño ajustable

\RidxP{\widehat{A}}{1}

 $(\widehat{A})_1$

\RidxpE El comando \RidxpE tiene 2 argumentos, \RidxpE{ $\langle objeto \rangle$ }{ $\langle indDcha \rangle$ }, y, entre paréntesis pequeños, pone un subíndice a la derecha del objeto

\RidxpE{\widehat{A}}{1}

 $\widehat{(\widehat{A}_1)}$

\RidxPE El comando \RidxPE tiene 2 argumentos, \RidxPE $\{\langle objeto \rangle\}$ $\{\langle indDcha \rangle\}$, y, entre paréntesis de tamaño ajustado, pone un subíndice a la derecha del objeto

\RidxPE{\widehat{A}}{1}

 (\widehat{A}_1)

1.4. Operadores

1.4.1. Conjugación y concatenación

Definimos un operador con una barra ancha.

\widebar El comando \widebar tiene 1 argumento, \widebar $\{\langle objeto \rangle\}$, y pone una barra ancha sobre el $\{\langle objeto \rangle\}$.

\widebar{x}

 \overline{x}

Con dicha barra ancha denotaremos el operador conjugación:

\conj El comando \conj tiene 1 argumento, \conj $\{\langle objeto \rangle\}$, y pone una barra ancha sobre el $\{\langle objeto \rangle\}$.

 $\conj{5+2i}$

 $\overline{5+2i}$

Con el comando \concat denotaremos la concatenación de dos sistemas

\concat El comando \concat no tiene argumentos, \concat.

\concat

#

1.4.2. Norma y valor absoluto

El comando \norma tiene 1 argumento, \norma $\{\langle objeto \rangle\}$, y denota la norma del $\{\langle objeto \rangle\}$. Las dobles barras verticales se ajustan al tamaño del $\{\langle objeto \rangle\}$.

$$\left\| \int_{a}^{b} h(x) dx \right\|$$

El comando \modulus tiene 1 argumento, \modulus $\{\langle objeto \rangle\}$, y denota el valor absoluto del $\{\langle objeto \rangle\}$. Las barras verticales se ajustan al tamaño del $\{\langle objeto \rangle\}$.



1.4.3. Transposición

El comando \T no tiene argumentos y denota el símbolo de la transposición.

El comando \Trans tiene 1 argumento, \Trans $\{\langle objeto \rangle\}$, y denota la transposición del $\{\langle objeto \rangle\}$

$$\label{eq:trans} $$ \operatorname{AT} $$$

Seguiré una regla con la terminación en la nomenclatura de los comandos.

- Si terminan en "p" minúscula, se pondrá un paréntesis pequeño alrededor del objeto sobre el que se esta realizando una operación
- Si terminan en "P" mayúscula, el tamaño del paréntesis quedará ajustado al tamaño del objeto
- Si terminan en "pE" se pondrá un paréntesis alrededor de toda la operación.
- Si terminan en "PE" se pondrá un paréntesis alrededor de toda la operación con un tamaño ajustado al tamaño del contenido.

El comando \Transp tiene 1 argumento, \Transp $\{\langle objeto \rangle\}$.



El comando \TransP tiene 1 argumento, \TransP $\{\langle objeto \rangle\}$.



Con el comando \TranspE denotaremos la transposición El comando \TranspE tiene 1 argumento, \TranspE $\{\langle objeto \rangle\}$.



Con el comando \TransPE denotaremos la transposición El comando \TransPE tiene 1 argumento, \TransPE $\{\langle objeto \rangle\}$.



1.4.4. Inversa

Me gusta que el signo negativo que indica la inversa sea ligeramente más corto que el habitual. Así logramos que las expresiones sean un poco más compactas.

El comando \minus no tiene argumentos

\minus -

Tiene 1 argumento, $\langle Inv\{\langle objeto \rangle\}$, y denota el inverso del $\{\langle objeto \rangle\}$.

 $\label{eq:linv} \operatorname{Inv}\{x\}$

\Invp Tiene 1 argumento, \Invp{ $\langle objeto \rangle$ }, y denota el inverso del { $\langle objeto \rangle$ }.

\InvP Tiene 1 argumento, \Invp{ $\langle objeto \rangle$ }, y denota el inverso del { $\langle objeto \rangle$ }.

 $\label{limits_ab} $$ \ln \mathbb{L} \left(\int_a^b h(x) dx \right)^{-1} $$$

\InvpE Tiene 1 argumento, \Invp{ $\langle objeto \rangle$ }, y denota el inverso del { $\langle objeto \rangle$ }.

\InvpE{x} (x^{-1})

\InvPE Tiene 1 argumento, \Invp{ $\langle objeto \rangle$ }, y denota el inverso del { $\langle objeto \rangle$ }.

\InvPE{x} (x^{-1})

1.4.5. Operador selector

Denotaremos el operador selector con una barra vertical.

\getItem El comando \getItem no tiene argumentos

\getItem |

\getitemL El comando \getitemL tiene 1 argumento, \getitemL $\{\langle objeto \rangle\}$.

 $\label{eq:getitemL} $$ i | $$$

\getitemR El comando \getitemR tiene 1 argumento, \getitemR{ $\langle objeto \rangle$ }.

 $\texttt{\getitemR{j}} \qquad \qquad | \ | \ | \ |$

\elemL por la izquierda de un objeto El comando \elemL tiene 2 argumentos, \elemL $\{\langle objeto \rangle\}$ $\{\langle indice(s) \rangle\}$, y denota la selección de elementos por la izquierda.

 $\label{eq:lemLand} $$ \left(Mat{A} \right)_{i} A $$ $$ i $$$

\elemLp El comando \elemLp tiene 2 argumentos, \elemLp{ $\langle objeto \rangle$ }{ $\langle indice(s) \rangle$ }, y denota la selección de elementos por la izquierda.

 $\label{eq:local_ij} $$ \left(\mathbf{A} \right) = \left(\mathbf{A} \right) $$$

\elemLP El comando \elemLP tiene 2 argumentos, \elemLP{ $\langle objeto \rangle$ }{ $\langle indice(s) \rangle$ }, y denota la selección de elementos por la izquierda.

 $\left\{ \left(A\right) \right\}$

 $_{i|}(\mathbf{A})$

\elemLpE

El comando $\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\sim}}}}$ El comando $\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\sim}}}}}$ gumentos, $\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\sim}}}}}$ ($\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\sim}}}}$)}, y denota la selección de elementos por la izquierda.

 $\verb|\elemLpE{\Mat{A}}{i}|$

 $(i|\mathbf{A})$

El comando $\ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}}$ El comando $\ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}}$ El comando $\ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}}$ El comando $\ensuremath{\mbox{$\setminus$}}$ El comando $\ensuremath{\m$

\elemLPE{\Mat{A}}{i}

(i|A)

por la derecha de un objeto El comando \elemR tiene 2 argumentos, \elemR{ $\langle objeto \rangle$ }{ $\langle indice(s) \rangle$ }, y denota la selección de elementos por la derecha.

 $\left\{ \left(A\right) \right\}$

 $\mathbf{A}_{|j}$

El comando $\ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}}$ tiene 2 argumentos, $\ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}}$ ($\ensuremath{\mbox{$objeto$}}$)}, y denota la selección de elementos por la derecha.

\elemRp{\Mat{A}}{j}

 $(\mathbf{A})_{|j}$

El comando $\ensuremath{\mbox{\mbox{elemRP}}}\ (\ensuremath{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{elemRP}}}}}\ (\ensuremath{\mbox{\s\m\m\s\m\m\s\n\s\mbox{\mbox{\mbox{\m}\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{\mbox{$

\elemRP{\Mat{A}}{j}

 $(\mathbf{A})_{|j}$

El comando $\ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}}$ El comando $\ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}}$ elem $\ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}}$ elem $\ensuremath{\mbox{$\setminus$}}$ y denota la selección de elementos por la derecha.

\elemRpE{\Mat{A}}{j}

 $(\mathbf{A}_{|j})$

El comando $\ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}}$ El comando $\ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}}$ El comando $\ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}}$ El comando $\ensuremath{\mbox{$\setminus$}}$ El comando $\ensuremath{\m$

\elemRPE{\Mat{A}}{j}

 $\left(\mathbf{A}_{|j}\right)$

por ambos lados de un objeto El comando \elemLR tiene 3 argumentos, \elemLR $\{\langle objeto\rangle\}$ $\{\langle indice(s)Izda\rangle\}$ $\{\langle indice(s)Izda$

 $\left(A_{A}\right)$

 $_{i|}\mathbf{A}_{|j|}$

El comando \elemLR tiene 3 argumentos, \elemLRp $\{\langle objeto \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Izda \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Dcha \rangle\}$, y denota la selección de elementos por ambos lados.

\elemLRp{\Mat{A}}{i}{j}

 $|_{i|}(\mathbf{A})_{|j|}$

El comando \elemLRP tiene 3 argumentos, \elemLRP $\{\langle objeto \rangle\}\{\langle indice(s)Izda \rangle\}\{\langle indice(s)Dcha \rangle\}$, y denota la selección de elementos por ambos lados.

\elemLRP{\Mat{A}}{i}{j}

 $_{i|}(\mathbf{A})_{|j|}$

El comando \elemLRpE tiene 3 argumentos, \elemLRpE{ $\langle objeto \rangle$ }{ $\langle indice(s)Izda \rangle$ }{ $\langle indice(s)Dcha \rangle$ }, y denota la selección de elementos por ambos lados.

 $\verb|\elemLRpE{\Mat{A}}{i}{j}|$

 $(i|\mathbf{A}|j)$

El comando $\ensuremath{\mbox{\mbox{$\setminus$}}} \{\langle indice(s)Izda\rangle\} \{\langle indice(s)Dcha\rangle\},\ y$ denota la selección de elementos por ambos lados.

\elemLRPE{\Mat{A}}{i}{j}

 $\left({}_{i|}\mathbf{A}_{|j} \right)$

\eleVL por la izquierda de un vector El comando \eleVL tiene 2 argumentos, \eleVL $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s) \rangle\}$, y denota la selección de elementos por la izquierda de un vector.

a

\eleVLp El comando \eleVLp tiene 2 argumentos, \eleVLp $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s) \rangle\}$, y denota la selección de elementos por la izquierda de un vector.

 $_{il}(\boldsymbol{a})$

\eleVLP El comando \eleVLP tiene 2 argumentos, \eleVLP $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s) \rangle\}$, y denota la selección de elementos por la izquierda de un vector.

\eleVLP{a}{i}

|a|

\eleVLpE El comando \eleVLpE tiene 2 argumentos, \eleVLpE $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s) \rangle\}$, y denota la selección de elementos por la izquierda de un vector.

\eleVLpE{a}{i}

 $({}_{i|}a)$

\eleVLPE El comando \eleVLPE tiene 2 argumentos, \eleVLPE $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s) \rangle\}$, y denota la selección de elementos por la izquierda de un vector.

\eleVLPE{a}{i}

 $\left(\left(_{i|}a\right) \right)$

\eleVR por la derecha de un vector El comando \eleVR tiene 2 argumentos, \eleVL $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s) \rangle\}$, y denota la selección de elementos por la derecha de un vector.

\eleVR{a}{j}

 $a_{|j}$

\eleVRp El comando \eleVRp tiene 2 argumentos, \eleVLp $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s) \rangle\}$, y denota la selección de elementos por la derecha de un vector.

\eleVRp{a}{j}

 $(\boldsymbol{a})_{|j}$

\eleVRP El comando \eleVRP tiene 2 argumentos, \eleVLp $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s) \rangle\}$, y denota la selección de elementos por la derecha de un vector.

\eleVRP{a}{j}

 $(a)_{|j|}$

\eleVRpE El comando \eleVRpE tiene 2 argumentos, \eleVLpE $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s) \rangle\}$, y denota la selección de elementos por la derecha de un vector.

\eleVRpE{a}{j}

 $(a_{|j})$

\eleVRPE El comando \eleVRPE tiene 2 argumentos, \eleVLpE $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s) \rangle\}$, y denota la selección de elementos por la derecha de un vector.

\eleVRPE{a}{j}

 $\left(a_{|j}\right)$

$$\VectF{A}{i}$$

$$\label{eq:local_problem} $$ \operatorname{VectFp}(A)_{i|}(A) $$$$

El comando $\ensuremath{\mbox{VectFPE}}(\ensuremath{\mbox{cion}}\ensuremath{\mbox{VectFPE}}(\ensuremath{\mbox{cion}}\ensuremath{\mbox{vectFPE}}\ensuremath{\mbox{VectFPE}}(\ensuremath{\mbox{cion}}\ensuremath{\mbox{vectFPE}}\ensuremath{\mbox{VectFPE}}\ensuremath{\mbox{vectFPE}}\ensuremath{\m$

$$\label{eq:VectFPE} $$ \end{array} $$ \end{array}$$

de columnas de una matriz El comando $\ensuremath{\mbox{VectC tiene 2 argumentos}}, \ensuremath{\mbox{VectC}(nombre)} {\langle indice(s)\rangle},$ y denota la selección de filas de una matriz

$$\label{eq:local_local_problem} $$\operatorname{\textbf{A}_{|j}}$$$

El comando $\ensuremath{\mbox{VectCp}\{\langle nombre\rangle\}}\{\langle indice(s)\rangle\},\ y\ denota la selección de columnas de una matriz.$

$$\label{eq:local_problem} $$ \end{align*} $$ \end{align*} $$ (\mathbf{A})_{|j|} $$$$

El comando $\ensuremath{\mbox{VectCP}}\ensuremath{\mbox{CP}}\ensuremath{\mbox{Cnombre}}\ensuremath{\mbox{S}}\ensuremath{\mbox{Cindice}(s)}\ensuremath{\mbox{S}}, y denota la selección de columnas de una matriz.$

$$\label{eq:VectCPA} $$ \end{array} $$ (\mathbf{A})_{|j}$$

$$\label{eq:local_period_perio$$

$$\label{eq:VectCPE} $$ \end{align*} $$ \end{align*}$$

de elementos de una matriz El comando \eleM tiene 3 argumentos, \eleM $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Fil \rangle\}$ $\{$

$$\left(A}{i}{j}\right)$$

$$_{i|}\mathbf{A}_{|j}$$

El comando \eleMp tiene 3 argumentos, \eleMp $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Fil \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Col \rangle\}$, y denota la selección de filas y columnas de una matriz

$$\left(A}{i}{j}\right)$$

$$_{i|}(\mathbf{A})_{|j}$$

El comando \eleMP tiene 3 argumentos, \eleMP $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Fil \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Col \rangle\}$, y denota la selección de filas y columnas de una matriz

$$\left(A}{i}{j}$$

$$_{i|}(\mathbf{A})_{|j|}$$

\eleMpE El comando \eleMpE tiene 3 argumentos, \eleMpE{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle indice(s)Fil \rangle$ }{ $\langle indice(s)Col \rangle$ }, y denota la selección de filas y columnas de una matriz

$$(i|\mathbf{A}_{|j})$$

\eleMPE El comando \eleMPE tiene 3 argumentos, \eleMPE $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Fil \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Col \rangle\}$, y denota la selección de filas y columnas de una matriz



\eleMT de elementos de una matriz transpuesta El comando \eleMT tiene 3 argumentos, \eleMT $\{(nombre)\}$ $\{(indice(s)Fiy)\}$ y denota la selección de filas y columnas de una matriz

$$\left(A}{i}{j}\right)$$

$$_{i|}(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})_{|j|}$$

\eleMTp El comando \eleMTp tiene 3 argumentos, \eleMTp $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Fil \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Col \rangle\}$, y denota la selección de filas y columnas de una matriz

$$\left(A}{i}{j}\right)$$

$$|i|((\mathbf{A})^{\mathsf{T}})_{|j|}$$

\eleMTP El comando \eleMTP tiene 3 argumentos, \eleMTP $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Fil \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Col \rangle\}$, y denota la selección de filas y columnas de una matriz

$$|_{i|}((\mathbf{A})^{\mathsf{T}})_{|j|}$$

\eleMTpE El comando \eleMTpE tiene 3 argumentos, \eleMTpE $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Fil \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Col \rangle\}$, y denota la selección de filas y columnas de una matriz

$$(i|(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})|_{j})$$

\eleMTPE El comando \eleMTPE tiene 3 argumentos, \eleMTPE $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Fil \rangle\}$ $\{\langle indice(s)Col \rangle\}$, y denota la selección de filas y columnas de una matriz

$$\left(i|(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})|_{j}\right)$$

1.4.6. Operaciones elementales

Primero fijamos la notación de las operaciones elementales tipo I y II, los intercambios y las reordenaciones (o permutaciones).

\su El comando \su tiene 3 argumentos, \pe{\(\langle escalar\)}{\(\langle indice\)}}{\(\langle indice\)}, e indica una transformación Tipo I.

$$\left(a\right) \mathbf{j} + \mathbf{k}$$

\pr El comando \pr tiene 2 argumento, \pr{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una transformación Tipo II.

$$\pr{a}{k} \qquad \qquad \boxed{(a)\, k}$$

El comando \pr tiene 2 argumento, \pr $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$, e indica un intercambio.

$$\texttt{pe{i}}\{\mathtt{k}\}\qquad \qquad \overline{i\rightleftharpoons k}$$

El comando \perm no tiene argumentos e indica un reordenamiento o permutación.

Usaremos letra griega tau como símbolo para denotar una operación elemental (o una secuencia de ellas).

El comando \TrEl no tiene argumentos

\TrEl
$$au$$

El comando ΔEl tiene 1 argumento, $\Delta E\{\langle detalles \rangle\}$, e indica una operación elemental.

$$\begin{tabular}{ll} $ \begin{tabular}{ll} $ \begin{tabular}{ll}$$

El comando OEsu tiene 3 argumentos, $\texttt{OEsu}\{\langle num \rangle\}\{\langle indice \rangle\}\{\langle indice \rangle\}\}$, e indica una operación elemental de Tipo I

$$\label{eq:continuous} $$ \OEsu{a}{j}{k} $$ $$ [(a)j+k] $$$$

El comando OEpr tiene 2 argumentos, $\texttt{OEpr}\{\langle num \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$, e indica una operación elemental de Tipo II

\OEpr{a}{j}
$$ag{[(a)j]}$$

El comando OEin tiene 2 argumentos, $\texttt{OEin}\{\langle \textit{indice}\rangle\}\{\langle \textit{indice}\rangle\}$, e indica un intercambio de posición entre componentes

\OEin{k}{j}
$$ag{r}{[k \rightleftharpoons j]}$$

El comando **\OEper** no tiene argumentos e indica un reordenamiento o permutación entre componentes

\OEper
$$au_{[\mathfrak{S}]}$$

El comando \E0Esu tiene 3 argumentos, \E0Esu $\{\langle num \rangle\}\{\langle indice \rangle\}\{\langle indice \rangle\}$, e indica la operación espejo de una elemental de Tipo I

$$\begin{tabular}{ll} $$ \esp(\tau) \\ \hline esp(\eta_{[(a)j+k]}) \\ \hline \end{tabular}$$

El comando \E0Epr tiene 2 argumentos, \E0Epr $\{\langle num \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$, e indica la operación espejo de una elemental de Tipo II

\EOEpr{a}{j}
$$esp \begin{pmatrix} au \\ [(a)j] \end{pmatrix}$$

Operaciones elementales generales Desgraciadamente para el propósito de este paquete, las macros que definí para escribir el libro usan mayoritariamente argumentos opcionales, que aquí no se pueden usar. Cambiar las macros originales supondría modificar los archivos del libro, las transparencias de clase, los problemas propuestos, los exámenes pasados... demasiado trabajo. La alternativa que me queda tampoco me gusta, pero al menos no supone tanto trabajo. Dicha alternativa consiste en duplicar comandos, es decir, que por cada comando original (con argumentos opcionales) creemos otro comando que pinte los mismos símbolos pero sin argumentos opcionales (esta solución ya la he tomado con los comandos de notación de los conjuntos de números, de manera que para escribir \mathbb{R}^n ahora tenemos R[n] (el argumento opcional es el superíndice) o bien R^n (que no tiene argumentos opcionales y que es lo que debemos usar al escribir preguntas para Moodle).

El criterio de nomenclatura que he adoptado ha sido repetir la letra del comando pero en minúscula (salvo en el caso de los complejos); es decir, los comandos definidos para el libro son: \N , \Z , \R y \C c (debido a que \C ya es un comando del paquete hyperref). Así, que los nuevos comandos que he creado para duplicar los anteriores pero sin argumentos opcionales son \N n, \Z z, \R r y \C C.

Ahora tengo que pensar en un criterio análogo para que sea fácil pasar del comando original a duplicado sin argumentos opcionales. No lo tengo claro así que voy a probar con mantener los mismo nombres pero con una d delante para indicar que es el comando duplicado (no sé que tal resultará esta solución).

\d0EgE

El comando \dOEgE tiene 2 argumentos, $\dOEgE\{\langle indice \rangle\}\{\langle exponente \rangle\}$, e indica una operación elemental genérica con un exponente (y replica el comando \OEg que tiene argumentos opcionales)

\d0Eg

El comando $\dOEg\{(indice)\}\$, e indica una operación elemental genérica (y replica el comando \DEg que tiene argumentos opcionales)

$$\dOEg\{\}\dOEg\{k\}\OEg[k]$$

También fijamos la notación para operación inversa, la operación espejo y el espejo de la inversa de una operación elemental

\dE0EgE

El comando \dE0EgE tiene 2 argumentos, \dE0EgE{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }, e indica la operación espejo de una elemental genérica con un exponente (y replica el comando \E0Eg que tiene argumentos opcionales)

$$\label{eq:loss_esp} $$ \deoege{k}* \ \eoeg[k][*] $$ esp(\pmb{\tau})esp(\pmb{\tau}_k^*)esp(\pmb{\tau}_k^*)$$$

\dE0Eg

El comando \del{delege} tiene 1 argumento, $\delege{(indice)}$, e indica la operación espejo de una elemental genérica (y replica el comando $\ensuremath{\texttt{EOEg}}$ que tiene argumentos opcionales)

$$\label{eq:loss_esp} $$ \deoeg{k} \eog[k] $ esp(\pmb{\tau})esp(\pmb{\tau}_k)esp(\pmb{\tau}_k) $$$

\dInv0Eg

El comando \dInvOEg tiene 1 argumento, $\dInvOEgE\{(indice)\}$, e indica la la inversa de una elemental genérica (y replica el comando \InvOEg que tiene argumentos opcionales)

\dInv0Eg{\} \dInv0Eg{\k} \Inv0Eg[\k]
$$ag{ au^{-1} au_k^{-1} au_k^{-1}}$$

\dEInv0Eg

El comando $\del{linv0Eg}$ tiene 1 argumento, $\del{linv0Eg}$ ($\del{linv0Eg}$), e indica la operación espejo de la inversa de una elemental genérica (y replica el comando $\del{linv0Eg}$ que tiene argumentos opcionales)

$$\texttt{\ \ } \texttt{\ \ } \texttt{\$$

\dS0EgE

El comando \dS0EgE tiene 3 argumento3, \dS0EgE{ $\langle indiceInic \rangle$ }{ $\langle indiceFin \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }, e indica una sucesión de operaciones elementales genéricas con exponente

\dS0EgE{j}{k}{*} \S0Eg[j][k][*]
$$au_j^* \cdots au_k^* au_j^* \cdots au_k^*$$

\dS0Eg

El comando \dS0Eg tiene 2 argumento3, \dS0Eg{ $\langle indiceInic \rangle$ }{ $\langle indiceFin \rangle$ }, e indica una sucesión de operaciones elementales genéricas

$$\texttt{\dSOEg\{j\}\{k\}\ \SOEg[j][k]} \qquad \boxed{\pmb{\tau}_j \cdots \pmb{\tau}_k \pmb{\tau}_j \cdots \pmb{\tau}_k}$$

1.4.7. Transformaciones elementales

Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto El comando \TESF tiene 4 argumentos, \TESF{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una transformación elemental de Tipo I por la izquierda del objeto.

$$\TESF{\lambda}{i}{j}{\Mat{A}}$$

$$au_{[(\lambda)i+j]}^{ au}$$
A

El comando \TESFp tiene 4 argumentos, \TESFp{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una transformación elemental de Tipo I por la izquierda del objeto.

$$\TESFp{\lambda_{i}_{j}_{\mathcal{A}}}$$

$$au_{[(\lambda)i+j]}^{ au}(\mathbf{A})$$

El comando \TESFP tiene 4 argumentos, \TESFP $\{\langle escalar \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental de Tipo I por la izquierda del objeto.

$$\TESFP{\lambda}{i}{j}{\Mat{A}}$$



El comando \TESFpE tiene 4 argumentos, \TESFpE{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental de Tipo I por la izquierda del objeto.



El comando \TESFPE tiene 4 argumentos, \TESFPE $\{\langle escalar \rangle\}\{\langle indice \rangle\}\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental de Tipo I por la izquierda del objeto.

$$\boxed{\left(\begin{matrix} \boldsymbol{\tau} \\ \boldsymbol{h} \\ [(\lambda)\boldsymbol{i}+\boldsymbol{j}]\end{matrix}\right)}$$

El comando \TESC tiene 4 argumentos, \TESC $\{\langle escalar \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental de Tipo I por la derecha del objeto.

$$oldsymbol{\mathsf{A}}_{oldsymbol{ au}}^{oldsymbol{ au}}$$

El comando \TESCp tiene 4 argumentos, \TESCp{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una transformación elemental de Tipo I por la derecha del objeto.

$$\left(\mathbf{A}\right)_{egin{matrix} oldsymbol{ au} \ [(\lambda)i+j] \end{array}}$$

El comando \TESCP tiene 4 argumentos, \TESCP $\{\langle escalar \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental de Tipo I por la derecha del objeto.



El comando \TESCpE tiene 4 argumentos, \TESCpE $\{\langle escalar \rangle\}\{\langle indice \rangle\}\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental de Tipo I por la derecha del objeto.

$$\left(\mathbf{A}_{\stackrel{oldsymbol{ au}}{[(\lambda)i+j]}}
ight)$$

El comando \TESCPE tiene 4 argumentos, \TESCPE $\{\langle escalar \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental de Tipo I por la derecha del objeto.

\TESCPE{\lambda}{i}{j}{\Mat{A}}}



El comando \TEPF tiene 3 argumentos, \TEPF $\{\langle escalar \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental de Tipo II por la izquierda del objeto.

\TEPF{\lambda}{j}{\Mat{A}}}



\TEPFp El comando \TEPFp tiene 3 argumentos, \TEPFp $\{\langle escalar \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental de Tipo II por la izquierda del objeto.

\TEPFp{\lambda}{j}{\Mat{A}}}



\TEPFP El comando \TEPFP tiene 3 argumentos, \TEPFP $\{\langle escalar \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental de Tipo II por la izquierda del objeto.

\TEPFP{\lambda}{j}{\Mat{A}}}



\TEPFpE El comando \TEPFpE tiene 3 argumentos, \TEPFpE{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental de Tipo II por la izquierda del objeto.

\TEPFpE{\lambda}{j}{\Mat{A}}}



\TEPFPE El comando \TEPFPE tiene 3 argumentos, \TEPFPE $\{\langle escalar \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental de Tipo II por la izquierda del objeto.

\TEPFPE{\lambda}{j}{\Mat{A}}}



\TEPC El comando \TEPC tiene 3 argumentos, \TEPC $\{\langle escalar \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental de Tipo II por la derecha del objeto.

\TEPC{\lambda}{j}{\Mat{A}}}



\TEPCp El comando \TEPCp tiene 3 argumentos, \TEPCp $\{\langle escalar \rangle\}\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental de Tipo II por la derecha del objeto.

 $\TEPCp{\lambda}{j}{\Mat{A}}$



\TEPCP El comando \TEPCP tiene 3 argumentos, \TEPCP $\{\langle escalar \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental de Tipo II por la derecha del objeto.

\TEPCP{\lambda}{j}{\Mat{A}}}



\TEPCpE El comando \TEPCpE tiene 3 argumentos, \TEPCpE{ $\langle escalar \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental de Tipo II por la derecha del objeto.

\TEPCpE{\lambda}{j}{\Mat{A}}}



\TEPCPE El comando \TEPCPE tiene 3 argumentos, \TEPCPE $\{\langle escalar \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental de Tipo II por la derecha del objeto.

\TEPCPE{\lambda}{j}{\Mat{A}}}



\TEIF El comando \TEIF tiene 3 argumentos, \TEIF $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica un intercambio por la izquierda del objeto.

$$\texttt{\TEIF}\{i\}\{j\}\{\texttt{\Mat}\{A\}\}$$



El comando \TEIFp tiene 3 argumentos, \TEIFp{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica un intercambio por la izquierda del objeto.



El comando \TEIFP tiene 3 argumentos, \TEIFP $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica un intercambio por la izquierda del objeto.



El comando \TEIFpE tiene 3 argumentos, \TEIFpE{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica un intercambio por la izquierda del objeto.



El comando \TEIFPE tiene 3 argumentos, \TEIFPE $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica un intercambio por la izquierda del objeto.



El comando \TEIC tiene 3 argumentos, \TEIC $\{(indice)\}\{(indice)\}\{(objeto)\}$, e indica un intercambio por la derecha del objeto.



El comando \TEICp tiene 3 argumentos, \TEICp{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica un intercambio por la derecha del objeto.

$$\left(\mathsf{A}\right)_{\substack{ au\\[i\rightleftharpoons j]}}$$

El comando \TEICP tiene 3 argumentos, \TEICP $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica un intercambio por la derecha del objeto.



El comando \TEICpE tiene 3 argumentos, \TEICpE{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica un intercambio por la derecha del objeto.



El comando \TEICPE tiene 3 argumentos, \TEICPE $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica un intercambio por la derecha del objeto.

\TEICPE{i}{j}{\Mat{A}}

 $\left(oldsymbol{\mathsf{A}}_{oldsymbol{ au}}^{\ \ oldsymbol{ au}}
ight)$

El comando \Mint tiene 2 argumentos, \Mint{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una matriz intercambio.

\Mint{i}{j}



\MintT El comando \MintT tiene 2 argumentos, \MintT{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle indice \rangle$ }, e indica una matriz intercambio (filas).

\MintT{i}{j}



\PF El comando \PF tiene 1 argumento, \PF $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una permutación de los elementos de un objeto por la izquierda.

\PF{\Mat{A}}



\PC El comando \PC tiene 1 argumento, \PC $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una permutación de los elementos de un objeto por la derecha.

\PC{\Mat{A}}



\MP El comando \MP no tiene argumentos e indica una matriz permutación.

\MP



\MPT El comando \MPT no tiene argumentos e indica una matriz permutación.

\MPT



Sucesiones indiciadas de Transf. elementales por la izquierda, o por la derecha, o por ambos lados.

\SITEF El comando \SITEF tiene 3 argumentos, \SITEF $\{\langle indInic \rangle\}$ $\{\langle indFinal \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la izquierda del $\{\langle objeto \rangle\}$.

\SITEF{j}{k}{\Mat{A}}}

$$oldsymbol{ au}_j \cdots oldsymbol{ au}_k$$
 A

\SITEFp El comando \SITEFp tiene 3 argumentos, \SITEFp $\{\langle indInic \rangle\}$ $\{\langle indFinal \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la izquierda del $\{\langle objeto \rangle\}$.

\SITEFp{j}{k}{\Mat{A}+\Mat{B}}}

$$oxedsymbol{ au_j \cdots au_k} ({f A} + {f B})$$

\SITEFP El comando \SITEFP tiene 3 argumentos, \SITEFP $\{\langle indInic \rangle\}$ $\{\langle indFinal \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la izquierda del $\{\langle objeto \rangle\}$.

\SITEFP{j}{k}{\Mat{A}+\Mat{B}}}

$$oxedsymbol{ au_j \cdots au_k} (\mathbf{A} + \mathbf{B})$$

\SITEFPE El comando \SITEFPE tiene 3 argumentos, \SITEFPE $\{\langle indInic \rangle\}$ $\{\langle indFinal \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la izquierda del $\{\langle objeto \rangle\}$.



\SITEFPE

El comando \SITEFPE tiene 3 argumentos, \SITEFPE $\{\langle indInic \rangle\}$ $\{\langle indFinal \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la izquierda del $\{\langle objeto \rangle\}$.

$$\label{eq:linear_loss} $$ \SITEFPE{j}{k}{\mathcal{A}}$$$

\SITEC

El comando \SITEC tiene 3 argumentos, \SITEC $\{\langle indInic \rangle\}$ $\{\langle indFinal \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha del $\{\langle objeto \rangle\}$.

$$\texttt{\SITEC{j}{k}{\{\Mat{A}\}}} \qquad \boxed{ \mathbf{A}_{\tau_j\cdots\tau_k} }$$

El comando \SITECp tiene 3 argumentos, \SITECp $\{\langle indInic\rangle\}\{\langle indFinal\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha del $\{\langle objeto\rangle\}$.

El comando \SITECP tiene 3 argumentos, \SITECP $\{\langle indInic \rangle\}\{\langle indFinal \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha del $\{\langle objeto \rangle\}$.

$$\label{eq:linear_loss} $$ \SITECP{j}{k}{\mathcal{A}}+\mathcal{B}} $$ $$ $$ $$ $(\mathbf{A}+\mathbf{B})_{\tau_j\cdots\tau_k}$$$$

El comando \SITECpE tiene 3 argumentos, \SITECpE $\{\langle indInic \rangle\}\{\langle indFinal \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha del $\{\langle objeto \rangle\}$.

El comando \SITECPE tiene 3 argumentos, \SITECPE $\{\langle indInic \rangle\}\{\langle indFinal \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha del $\{\langle objeto \rangle\}$.

$$\label{eq:local_state} $$ \SITECPE{j}{k}{\mathbf{A}} = \left(\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_j\cdots\boldsymbol{\tau}_k}\right) $$$$

El comando \SITEFC tiene 3 argumentos, \SITEFC $\{\langle indInic \rangle\}\{\langle indFinal \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del $\{\langle objeto \rangle\}$ (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

$$\label{eq:linear_loss} $$ \SITEFC{j}{k}{\Mat{A}} $$ $$ $$ $$ $$ $\tau_k\cdots\tau_j \mathbf{A}_{\tau_j\cdots\tau_k}$$$$

El comando \SITEFCR tiene 3 argumentos, \SITEFCR $\{\langle indInic \rangle\}$ $\{\langle indFinal \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del $\{\langle objeto \rangle\}$ (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

El comando \SITEFCp tiene 3 argumentos, \SITEFCp $\{\langle indInic \rangle\}$ $\{\langle indFinal \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del $\{\langle objeto \rangle\}$ (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

El comando \SITEFCP tiene 3 argumentos, \SITEFCP $\{\langle indInic \rangle\}$ $\{\langle indFinal \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del $\{\langle objeto \rangle\}$ (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

$$\texttt{\SITEFCP\{j\}\{k\}\{\backslash Mat\{A\}\}} \qquad \qquad \boxed{\tau_k \cdots \tau_j (\mathbf{A})_{\tau_j \cdots \tau_k}}$$

El comando \SITEFCPE tiene 3 argumentos, \SITEFCPE $\{\langle indInic \rangle\}\{\langle indFinal \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del $\{\langle objeto \rangle\}$ (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

$$\boxed{(_{\boldsymbol{\tau}_k\cdots\boldsymbol{\tau}_j}\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_j\cdots\boldsymbol{\tau}_k})}$$

El comando \SITEFCPE tiene 3 argumentos, \SITEFCPE $\{\langle indInic\rangle\}\{\langle indFinal\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del $\{\langle objeto\rangle\}$ (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

$$\boxed{ \begin{pmatrix} \boldsymbol{\tau}_k \cdots \boldsymbol{\tau}_j \, \boldsymbol{\mathsf{A}}_{\boldsymbol{\tau}_j} \cdots \boldsymbol{\tau}_k \end{pmatrix} }$$

\SITEFCRp

El comando \SITEFCRp tiene 3 argumentos, \SITEFCRp $\{\langle indInic\rangle\}\{\langle indFinal\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del $\{\langle objeto\rangle\}$ (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

$$\boxed{_{\boldsymbol{\tau}_k\cdots\boldsymbol{\tau}_j}(\mathbf{A})_{\boldsymbol{\tau}_j\cdots\boldsymbol{\tau}_k}}$$

\STTEFCRP

El comando \SITEFCRP tiene 3 argumentos, \SITEFCRP $\{\langle indInic \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del $\{\langle objeto \rangle\}$ (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

$$\boxed{_{\boldsymbol{\tau}_k \cdots \boldsymbol{\tau}_j}(\mathbf{A})_{\boldsymbol{\tau}_j \cdots \boldsymbol{\tau}_k}}$$

\SITEFCRpE

El comando \SITEFCRPE tiene 3 argumentos, \SITEFCRPE $\{\langle indInic\rangle\}\{\langle indFinal\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del $\{\langle objeto\rangle\}$ (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

$$\boxed{ \left({_{{\boldsymbol{\tau}_k} \cdots {\boldsymbol{\tau}_j}} {\bf{A}}_{{\boldsymbol{\tau}_j} \cdots {\boldsymbol{\tau}_k}} \right)}$$

\SITEFCRPE

El comando \SITEFCRPE tiene 3 argumentos, \SITEFCRPE $\{\langle indInic \rangle\}\{\langle indFinal \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha y la izquierda del $\{\langle objeto \rangle\}$ (fíjese en el orden de los índices a cada lado).

$$\boxed{ \begin{pmatrix} \boldsymbol{\tau}_k ... \boldsymbol{\tau}_j \, \boldsymbol{\mathsf{A}}_{\boldsymbol{\tau}_j} ... \boldsymbol{\tau}_k \end{pmatrix} }$$

Transf. elemental genérica aplicada a la izquierda de un objeto (funciones duplicadas sin argumentos opcionales. Cuando la aplicamos a la izquierda de una matriz corresponde a una transformación de sus filas

\dTEEF

El comando \dTEEF tiene 3 argumentos, \dTEEF $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle exponente \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental genérica (con exponente) por la izquierda del objeto.

$$_{ au}\mathsf{A}_{ au_{2}}\mathsf{A}_{ au_{2}^{st}}\mathsf{A}$$

\dTEF

El comando \dTEF tiene 2 argumentos, \dTEF{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

$$_{oldsymbol{ au}}$$
A $_{oldsymbol{ au}_2}$ A

\dETEF

El comando \dETEF tiene 2 argumentos, \dETEF $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo genérica por la izquierda del objeto.

$$_{esp(oldsymbol{ au})}$$
A $_{esp(oldsymbol{ au}_2)}$ A

\dInvTEF

El comando \dInvTEF tiene 2 argumentos, \dInvTEF $\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto.

$$oxed{ au^{-1} oldsymbol{\mathsf{A}}_{ au_2^{-1}} oldsymbol{\mathsf{A}}}$$

\dEInvTEF

El comando \dEInvTEF tiene 2 argumentos, \dEInvTEF $\{(indice)\}\{(objeto)\}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto.

$$oxed{esp(oldsymbol{ au}^{-1})} oldsymbol{\mathsf{A}}_{esp(oldsymbol{ au}_2^{-1})} oldsymbol{\mathsf{A}}$$

El comando \dTEEFp tiene 3 argumentos, $\dTEEFp{\langle indice \rangle}{\langle exponente \rangle}{\langle objeto \rangle}$, e indica una transformación elemental genérica (con exponente) por la izquierda del objeto.

El comando \dTEFp tiene 2 argumentos, \dTEFp{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

$$\label{eq:local_dtefp} $$ \det\{A\} \dTEFp\{2\}{\mathcal{A}}$$$

$$\boxed{_{\boldsymbol{\tau}}(\mathbf{A})_{\tau_2}(\mathbf{A})}$$

El comando \dETEFp tiene 2 argumentos, \dETEFp $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo genérica por la izquierda del objeto.

$$\boxed{ _{esp(\boldsymbol{\tau})} \big(\mathbf{A} \big)_{esp(\boldsymbol{\tau}_2)} \big(\mathbf{A} \big) }$$

El comando \dInvTEFp tiene 2 argumentos, $\dInvTEFp{\langle indice \rangle}{\langle objeto \rangle}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto.

$$_{oldsymbol{ au}^{-1}}ig(\mathbf{A}ig)_{oldsymbol{ au}_{2}^{-1}}ig(\mathbf{A}ig)$$

El comando \dEInvTEFp tiene 2 argumentos, \dEInvTEFp{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto.

$$oxed{esp(oldsymbol{ au}^{-1})ig(oldsymbol{\mathsf{A}}ig)_{esp(oldsymbol{ au}_2^{-1})}ig(oldsymbol{\mathsf{A}}ig)}$$

El comando \dTEEFP tiene 3 argumentos, \dTEEFP{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica (con exponente) por la izquierda del objeto.

El comando \dTEFP tiene 2 argumentos, \dTEFP $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

$$\boxed{ _{\tau} \Big(\mathbf{A} \Big)_{\tau_2} \Big(\mathbf{A} \Big) }$$

El comando \dETEFP tiene 2 argumentos, \dETEFP $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo genérica por la izquierda del objeto.

$$\boxed{ \left(\mathbf{A} \right)_{esp(\pmb{\tau}_2)} \Big(\mathbf{A} \Big) }$$

El comando \dInvTEFP tiene 2 argumentos, $\dInvTEFP{\langle indice \rangle}{\langle objeto \rangle}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto.

\dInvTEFP{}{\Mat{A}} \dInvTEFP{2}{\Mat{A}}}

$$oxed{ au^{-1}}ig(\mathbf{A}ig)_{ au_2^{-1}}ig(\mathbf{A}ig)$$

El comando \dEInvTEFP tiene 2 argumentos, \dEInvTEFP $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto.

\dEInvTEFP{}{\Mat{A}} \dEInvTEFP{2}{\Mat{A}}

$$\left|_{esp(oldsymbol{ au}^{-1})}ig(oldsymbol{\mathsf{A}}ig)_{esp(oldsymbol{ au}_2^{-1})}ig(oldsymbol{\mathsf{A}}ig)
ight|$$

\dTEEFpE

El comando \dTEEFpE tiene 3 argumentos, \dTEEFpE{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle exponente \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica (con exponente) por la izquierda del objeto.

\dTEFpE

El comando \dTEFpE tiene 2 argumentos, \dTEFpE{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

$$(_{\boldsymbol{ au}}\mathbf{A})(_{ au_2}\mathbf{A})$$

\dETEFpE

El comando \dETEFpE tiene 2 argumentos, \dETEFpE{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental espejo genérica por la izquierda del objeto.

$$\boxed{ \left({_{esp(\boldsymbol{\tau})}}\mathbf{A} \right) \left({_{esp(\boldsymbol{\tau}_2)}}\mathbf{A} \right) }$$

\dInvTEFpE

El comando \dInvTEFpE tiene 2 argumentos, $\dInvTEFpE{\langle indice\rangle}{\langle objeto\rangle}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto.

$$(_{oldsymbol{ au}^{-1}}oldsymbol{\mathsf{A}})(_{oldsymbol{ au}_2^{-1}}oldsymbol{\mathsf{A}})$$

\dEInvTEFpE

El comando \delinvTEFpE tiene 2 argumentos, $\delinvTEFpE\{\langle indice\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto.

$$\left({_{esp(oldsymbol{ au}^{-1})}}\mathbf{A}
ight) \left({_{esp(oldsymbol{ au}_2^{-1})}}\mathbf{A}
ight)$$

\dTEEFPE

El comando \dTEEFPE tiene 3 argumentos, \dTEEFPE $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle exponente \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental genérica (con exponente) por la izquierda del objeto.

$$\boxed{ \left({_{\boldsymbol{\tau}}}\mathbf{A} \right) \! \left({_{\boldsymbol{\tau}_2}}\mathbf{A} \right) \! \left({_{\boldsymbol{\tau}_2^*}}\mathbf{A} \right) }$$

\dTEFPE

El comando \dTEFPE tiene 2 argumentos, \dTEFPE{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica por la izquierda del objeto.

$$(_{ au}\mathbf{A})(_{ au_2}\mathbf{A})$$

\dETEFPE

El comando \dETEFPE tiene 2 argumentos, \dETEFPE $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo genérica por la izquierda del objeto.

$$\boxed{ \left(_{esp(\boldsymbol{\tau})}\mathbf{A}\right) \! \left(_{esp(\boldsymbol{\tau}_{\! 2})}\mathbf{A}\right) }$$

 \dinvTEFPE

El comando $\d InvTEFPE$ tiene 2 argumentos, $\d InvTEFPE\{\langle \'indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto.

$$\left(_{oldsymbol{ au}^{-1}}\mathbf{A}
ight) \left(_{oldsymbol{ au}_{2}^{-1}}\mathbf{A}
ight)$$

\dEInvTEFPE

El comando $\del{linvTefPE}$ tiene 2 argumentos, $\del{linvTefPE}$ {(indice)} {(objeto)}, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la izquierda del objeto.

$$\left({_{esp({oldsymbol{ au}}^{-1})}}{oldsymbol{\mathsf{A}}}
ight) \left({_{esp({oldsymbol{ au}}_2^{-1})}}{oldsymbol{\mathsf{A}}}
ight)$$

Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto (funciones duplicadas sin argumentos opcionales. Cuando la aplicamos a la derecha de una matriz corresponde a una transformación de sus columnas

El comando \dTEEC tiene 3 argumentos, \dTEEC $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental genérica (con exponente) por la derecha del objeto.

$$\label{eq:local_alpha} $$ \det\{A\} \det\{A\} \det\{A\} \det\{A\}$$

$$\boxed{\mathbf{A}_{\tau}\mathbf{A}_{\tau_2}\mathbf{A}_{\tau_2^*}}$$

El comando \dTEC tiene 2 argumentos, \dTEC $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental genérica por la derecha del objeto.

$$\label{eq:local_alpha} $$ \det\{A\} \dTEC\{2\}{\mathcal{A}}$$$

$$A_{ au}A_{ au_2}$$

El comando \dETEC tiene 2 argumentos, \dETEC $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo genérica por la derecha del objeto.

$$\boxed{ \mathbf{A}_{esp(\boldsymbol{\tau})} \mathbf{A}_{esp(\boldsymbol{\tau}_2)} }$$

El comando $\d Inv TEC \ tiene 2 \ argumentos, \\ d Inv TEC \ (\'indice) \} \{\langle objeto \rangle \}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la derecha del objeto.

$$\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}^{-1}}\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}_2^{-1}}$$

El comando \dEInvTEC tiene 2 argumentos, \dEInvTEC $\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la derecha del objeto.

$$\boxed{ \mathbf{A}_{esp(\boldsymbol{\tau}^{-1})} \mathbf{A}_{esp(\boldsymbol{\tau}_2^{-1})} }$$

El comando \dTEECp tiene 3 argumentos, $\dTEECp\{\langle indice\rangle\}\{\langle exponente\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$, e indica una transformación elemental genérica (con exponente) por la derecha del objeto.

$$\left(\left(\mathbf{A}
ight)_{oldsymbol{ au}} \left(\mathbf{A}
ight)_{oldsymbol{ au}_2} \left(\mathbf{A}
ight)_{oldsymbol{ au}_2^*}$$

El comando \dTECp tiene 2 argumentos, \dTECp $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental genérica por la derecha del objeto.

$$\label{eq:local_dtechnoloop} $$ \det\{A\} \dTECp\{2\}{\mathcal{A}} $$$$

$$\left(\mathbf{A}\right)_{oldsymbol{ au}}\left(\mathbf{A}\right)_{oldsymbol{ au}_2}$$

El comando \dETECp tiene 2 argumentos, \dETECp $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo genérica por la derecha del objeto.

$$\boxed{ \left(\mathbf{A} \right)_{esp(\boldsymbol{\tau})} \! \left(\mathbf{A} \right)_{esp(\boldsymbol{\tau}_2)} }$$

El comando \dInvTECp tiene 2 argumentos, $\dInvTECp{\langle indice\rangle}{\langle objeto\rangle}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la derecha del objeto.

$$\left|\left(\mathbf{A}
ight)_{oldsymbol{ au}^{-1}}\!\left(\mathbf{A}
ight)_{oldsymbol{ au}_{2}^{-1}}$$

El comando \dEInvTECp tiene 2 argumentos, \dEInvTECp $\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la derecha del objeto.

$$\left(\mathbf{A}
ight)_{esp(oldsymbol{ au}^{-1})} \left(\mathbf{A}
ight)_{esp(oldsymbol{ au}_2^{-1})}$$

El comando $\dTEECP\$ tiene 3 argumentos, $\dTEECP\{\langle indice \rangle\}\{\langle exponente \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental genérica (con exponente) por la derecha del objeto.

El comando \dTECP tiene 2 argumentos, \dTECP $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental genérica por la derecha del objeto.

\dTECP{}{\Mat{A}} \dTECP{2}{\Mat{A}}

$$\boxed{\left(\mathbf{A}\right)_{\tau}\!\left(\mathbf{A}\right)_{\tau_2}}$$

\detection El comando \detection 2 argumentos, \detection \detection $\{(objeto)\}$, e indica una transformación elemental espejo genérica por la derecha del objeto.

\dETECP{}{\Mat{A}} \dETECP{2}{\Mat{A}}

$$\boxed{ \left(\mathbf{A} \right)_{esp(\boldsymbol{\tau})} \! \! \left(\mathbf{A} \right)_{esp(\boldsymbol{\tau}_2)} }$$

\dInvTECP El comando \dInvTECP tiene 2 argumentos, \dInvTECP $\{(indice)\}\{(objeto)\}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la derecha del objeto.

\dInvTECP{}{\Mat{A}} \dInvTECP{2}{\Mat{A}}

$$\left(\mathbf{A}
ight)_{oldsymbol{ au}^{-1}}\!\left(\mathbf{A}
ight)_{oldsymbol{ au}_2^{-1}}$$

\dEInvTECP El comando \dEInvTECP tiene 2 argumentos, \dEInvTECP $\{(indice)\}\{(objeto)\}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la derecha del objeto.

\dEInvTECP{}{\Mat{A}} \dEInvTECP{2}{\Mat{A}}}

$$\left(\mathbf{A}\right)_{esp(\boldsymbol{\tau}^{-1})}\!\left(\mathbf{A}\right)_{esp(\boldsymbol{\tau}_2^{-1})}$$

\dTEECpE El comando \dTEECpE tiene 3 argumentos, \dTEECpE $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle exponente \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental genérica (con exponente) por la derecha del objeto.

\dTECpE El comando \dTECpE tiene 2 argumentos, \dTECpE{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental genérica por la derecha del objeto.

 $\label{eq:local_dtechnoloop} $$ \dteCpE{}{\mathcal{A}} \ \dteCpE{2}{\mathcal{A}} $$$

\detecpe El comando \detecpe tiene 2 argumentos, \detecpe $\{\langle indice \rangle\}\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo genérica por la derecha del objeto.

 $\label{eq:detection} $$ \displaystyle \left(\mathbf{A}_{esp(\tau)}\right) \left(\mathbf{A}_{esp(\tau_2)}\right) = \left(\mathbf{A}_{esp(\tau_2)}\right) \left(\mathbf{A}_{esp(\tau_2)}\right) = \left(\mathbf{$

\dInvTECpE tiene 2 argumentos, \dInvTECpE $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la derecha del objeto.

\dEInvTECpE El comando \dEInvTECpE tiene 2 argumentos, \dEInvTECpE{ $\langle indice \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la derecha del objeto.

\dTEECPE El comando \dTEECPE tiene 3 argumentos, \dTEECPE $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle exponente \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental genérica (con exponente) por la derecha del objeto.

\dTECPE El comando \dTECPE tiene 2 argumentos, \dTECPE $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental genérica por la derecha del objeto.

El comando \dETECPE tiene 2 argumentos, \dETECPE $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo genérica por la derecha del objeto.

El comando \dInvTECPE tiene 2 argumentos, \dInvTECPE $\{\langle indice \rangle\}$ $\{\langle objeto \rangle\}$, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la derecha del objeto.

El comando $\del{linvTecpe}$ tiene 2 argumentos, $\del{linvTecpe}$ {(indice)} {(objeto)}, e indica una transformación elemental espejo inversa genérica por la derecha del objeto.

Transformaciones elementales particulares Aquí describimos la notación de transformaciones específicas.

El comando \dTrF tiene 2 argumentos, \dTrF{ $\langle operación(es)\rangle$ }{ $\langle objeto\rangle$ }, e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por la izquierda del objeto.

El comando $\dTrFp\ tiene\ 2$ argumentos, $\dTrFp\{\langle operación(es)\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$, e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por la izquierda del objeto.

El comando $\dTrFP\ tiene\ 2\ argumentos$, $\dTrFP\{\langle operación(es)\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$, e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por la izquierda del objeto.

El comando \dTrFpE tiene 2 argumentos, $\dTrFpE\{\langle operación(es)\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$, e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por la izquierda del objeto.

 $\dTrFpE\{ \dOEgE\{1\}\{'\}\cdots\dOEgE\{p\}\{'\} \ \}\{\Mat\{I\}\}\}$ $\dTrFpE\{ \OEg\{\su\{5\}\{i\}\{j\}\}\OEg\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\}$ El comando $\dTrFPE \ tiene 2 \ argumentos, \dTrFPE{\langle operación(es)\rangle}{\langle objeto\rangle}, \ e \ indica una$ transformación (o transformaciones) elemental(es) por la izquierda del objeto. \dTrFPE{ \d0EgE{1}{'}\cdots\d0EgE{p}{'} }{\Mat{I}} \dTrFPE{ \OEg{\su{5}{i}{j}}\OEg{\pr{-7}{j}} }{\Mat{A}} \dTrC El comando \dTrC tiene 2 argumentos, $\dTrC\{\langle operación(es)\rangle\}\{\langle objeto\rangle\}$, e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por la derecha del objeto. \dTrC{ \d0EgE{1}{'}\cdots\d0EgE{p}{'} }{\Mat{I}} $\dTrC{ \OEg{\su{5}{i}{j}}\OEg{\pr{-7}{j}} }{\Mat{A}}$ El comando $\dTrCp\ tiene\ 2\ argumentos, \dTrCp\{\langle operaci\'on(es)\rangle\}\{\langle objeto\rangle\},\ e\ indica\ una\ trans-$ \dTrCp formación (o transformaciones) elemental(es) por la derecha del objeto. $\dTrCp\{ \dOEgE\{1\}\{'\}\cdots\dOEgE\{p\}\{'\} \ \}\{\Mat\{I\}\}\}$ \dTrCp{ \OEg{\su{5}{i}{j}}\OEg{\pr{-7}{j}} }{\Mat{A}} \dTrCP El comando \dTrCP tiene 2 argumentos, \dTrCP $\{\langle operación(es)\rangle\}\}\{\langle objeto\rangle\}$, e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por la derecha del objeto. $\dTrCP\{ \OEg\{\su\{5\}\{i\}\{j\}\}\OEg\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\}$ \dTrCpE El comando $\dTrCpE \ tiene 2 \ argumentos, \dTrCpE{\langle operación(es)\rangle}{\langle objeto\rangle}, \ e \ indica una$ transformación (o transformaciones) elemental(es) por la derecha del objeto. \dTrCpE{ \d0EgE{1}{'}\cdots\d0EgE{p}{'} }{\Mat{I}} $\dTrCpE\{ \OEg\{\su\{5\}\{i\}\{j\}\}\OEg\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\}\dTrCpE\{ \OEg\{\su\{5\}\{i\}\{j\}\}\OEg\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\}\} dTrCpE\{ \OEg\{\su\{5\}\{i\}\{j\}\}\OEg\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{i\}\{j\}\}\OEg\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{i\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{i\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{i\}\{i\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{i\}\{j\}\{i\}\{j\}\} \ \}\{\New (\su\{5\}\{i\}\{j\}\{i\}\{j\}\} \ \}\{\New (\su\{5\}\{i\}\{i\}\{j\}\{i\}\{j\}\{i\}\{j\}\} \ \}\{\New (\su\{5\}\{i\}\{j\}\{i\}\{j\}\{i\}\{j\}\{i\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{i\}\{j\}\{j\}\{i\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{i\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{i\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{i\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{i\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{i\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{i\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{j\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{j\}\{j\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{j\}\{j\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{j\}\{j\}\{j\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{j\}\{j\}\{j\}\} dTrCpE\{ \New (\su\{5\}\{j\}\{j\}\{j\}\} \} dTrCpE\{ \New (\su$ \dTrCPE El comando $\dTrCPE \ tiene 2 \ argumentos, \dTrCPE{\langle operación(es)\rangle}{\langle objeto\rangle}, \ e \ indica una$ transformación (o transformaciones) elemental(es) por la derecha del objeto. \dTrCPE{ \d0EgE{1}{'}\cdots\d0EgE{p}{'} }{\Mat{I}} $\dTrCPE\{ \OEg\{\su\{5\}\{i\}\{j\}\}\OEg\{\pr\{-7\}\{j\}\} \ \}\{\Mat\{A\}\}\}$

\dTrFC

El comando \dTrFC tiene 3 argumentos, \dTrFC{ $\langle operacionesIzda \rangle$ }{ $\langle operacionesDcha \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por cada lado del objeto.

$$\tau_{(-5)i+j} \mathbf{A}_{\tau(-7)j}$$

\dTrFCp

El comando \dTrFCp tiene 3 argumentos, \dTrFCp{ $\langle operacionesIzda \rangle$ }{ $\langle operacionesDcha \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por cada lado del objeto.

$$|_{\boldsymbol{\tau}(-5)\boldsymbol{i}+\boldsymbol{j}}(\mathbf{A})_{\boldsymbol{\tau}(-7)\boldsymbol{j}}$$

El comando \dTrFCP tiene 3 argumentos, \dTrFCP{ $\langle operacionesIzda \rangle$ }{ $\langle operacionesDcha \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por cada lado del objeto.

$$oxed{ au(-5)oldsymbol{i+j}}oxed{\mathsf{A}}_{oldsymbol{ au}(-7)oldsymbol{j}}$$

El comando \dTrFCpE tiene 3 argumentos, \dTrFCpE{ $\langle operacionesIzda \rangle$ }{ $\langle operacionesDcha \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por cada lado del objeto.

$$\label{lem:dtrfCpE} $$ dtrFCpE{OEg{su{-5}{i}{j}}}{OEg{pr{-7}{j}}}{\mathcal{A}}$$$

$$\boxed{\left({}_{\boldsymbol{\tau}(-5)\boldsymbol{i}+\boldsymbol{j}}\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}(-7)\boldsymbol{j}}\right)}$$

El comando \dTrFCPE tiene 3 argumentos, \dTrFCPE{ $\langle operacionesIzda \rangle$ }{ $\langle operacionesDcha \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, e indica una transformación (o transformaciones) elemental(es) por cada lado del objeto.

$$\boxed{\left({}_{\boldsymbol{\tau}(-5)\boldsymbol{i}+\boldsymbol{j}}\mathbf{A}_{\boldsymbol{\tau}(-7)\boldsymbol{j}}\right)}$$

1.4.8. Operador que quita un elemento

El comando \fueraitemL tiene 1 argumento, \fueraitemL{\langle indice \rangle}, y denota la eliminación por la izquierda del elemento correspondiente al $\{\langle indice \rangle\}$



El comando \fueraitemR tiene 1 argumento, \fueraitemR{ $\langle indice \rangle$ }, y denota la eliminación por la derecha del elemento correspondiente al { $\langle indice \rangle$ }



El comando \quitaLR tiene 3 argumentos, \quitaLR{ $\langle objeto \rangle$ }{ $\langle indIzda \rangle$ }{ $\langle indDcha \rangle$ }, y denota el resultante de quitar un elemento por la izquierda y otro por la derecha



El comando \quitaL tiene 2 argumentos, \quitaL $\{\langle objeto \rangle\}$ $\{\langle indIzda \rangle\}$, y denota el resultante de quitar un elemento por la izquierda



El comando \quitaR tiene 2 argumentos, \quitaR $\{\langle objeto \rangle\}$ $\{\langle indDcha \rangle\}$, y denota el resultante de quitar un elemento por la derecha



1.5. Sistemas genéricos

El comando \SV tiene 1 argumento, \SV{ $\langle nombre \rangle$ }

\SV{A}

Α

El comando \concatSV tiene 2 argumentos, \concatSV{ $\langle sistemaA \rangle$ }{ $\langle sistemaB \rangle$ }, y denota la concatenación del { $\langle sistemaA \rangle$ } con el { $\langle sistemaB \rangle$ }.

\concatSV{\Mat{A}}{\Mat{B}}}

A # **B**

1.6. Vectores y matrices

1.6.1. Vectores genéricos

\vect tiene 1 argumento, $\ensuremath{\mbox{vect}} \{\langle nombre \rangle\}$, y denota un vector genérico.

 \vect{a}

\vectp tiene 1 argumento, $\ensuremath{\langle nombre \rangle}$ }, y denota un vector genérico

 $\ensuremath{\texttt{vectP}}$ tiene 1 argumento, $\ensuremath{\texttt{vectP}}\{\langle nombre \rangle\}$, y denota un vector genérico

1.6.2. Vectores de \mathbb{R}^n

\Vect tiene 1 argumento, \Vect{ $\langle nombre \rangle$ }, y denota un vector de \mathbb{R}^n

 \Vect{a}

\Vectp tiene 1 argumento, \Vectp $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota un vector de \mathbb{R}^n

 \Vectp{b}

\VectP \text{\(\left(nombre\)\)}, y denota un vector de \mathbb{R}^n

 \VectP{b}

1.6.3. Matrices

\Mat tiene 1 argumento, \Mat $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota una matriz

\Mat{A} A

\Matp tiene 1 argumento, \Matp{(nombre)}, y denota una matriz

\Matp{A} (**A**)

 $\mbox{\tt MatP}$ tiene 1 argumento, $\mbox{\tt MatP}\{\mbox{\tt nombre}\}$, y denota una matriz

\MatP{A} (**A**)

Matrices transpuestas El comando MatT tiene 1 argumento, $MatT\{(nombre)\}$ \MatT{A} El comando \MatTp tiene 1 argumento, \MatTp $\{\langle nombre \rangle\}$ \MatTp \MatTp{A} El comando \MatTP tiene 1 argumento, \MatTP $\{\langle nombre \rangle\}$ \MatTP \MatTP{A} El comando \MatTpE tiene 1 argumento, \MatTpE $\{\langle nombre \rangle\}$ \MatTpE{A} El comando \MatTPE tiene 1 argumento, \MatTPE $\{\langle nombre \rangle\}$ \MatTPE{A} Matriz transpuesta de la transpuesta El comando $\Matrix transpuesta$, $\Matrix transpuest$ $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})^{\mathsf{T}}$ \MatTT{A} El comando \MatTTPE tiene 1 argumento, \MatTTPE $\{\langle nombre \rangle\}$ \MatTTPE{A} Matrices columna El comando \MVectC tiene 2 argumentos, \MVectC $\{(nombre)\}\{(indice)\}$ \MVectC{A}{j} El comando \MVectF tiene 2 argumentos, \MVectF $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ \MVectF{A}{i} Matrices fila El comando \MVectCT tiene 2 argumentos, \MVectCT $\{(nombre)\}$ $\{(indice)\}$ \MVectCT{A}{j} El comando \MVectFT tiene 2 argumentos, \MVectFT $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indice \rangle\}$ \MVectFT{A}{i} Matriz inversa Notación para las matrices inversas El comando \InvMat tiene 1 argumento, \InvMat $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota la inversa de una matriz \InvMat{A} El comando \InvMatp tiene 1 argumento, \InvMatp $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota la inversa de una matriz

El comando \InvMatP tiene 1 argumento, \InvMatP $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota la inversa de una matriz

\InvMatp{A}

\InvMatP{A} (A)

El comando \InvMatpE tiene 1 argumento, \InvMatpE{ $\langle nombre \rangle$ }, y denota la inversa de una matriz

 \InvMatpE{A} (A^{-1})

 \InvMatPE{A}

 $\label{lower} \verb| El comando \InvMatT tiene 1 argumento, \InvMatT{\langle nombre \rangle}, \ y \ denota \ la \ inversa \ de \ una \ matriz transpuesta$

 $\label{eq:linvMatT{A}} $$ \ \ $\left(\mathbf{A}^{\mathsf{T}}\right)^{-1}$$

\InvMatTpE El comando \InvMatTpE tiene 1 argumento, \InvMatTpE $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota la inversa de una matriz transpuesta

\InvMatTPE El comando \InvMatTPE tiene 1 argumento, \InvMatTPE $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota la inversa de una matriz transpuesta

\TInvMat El comando \TInvMat tiene 1 argumento, \TInvMat $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota la transpuesta de la inversa de una matriz

 $\label{eq:time_table} $$ \TInvMat{A}$$

\TInvMatpE El comando \TInvMatpE tiene 1 argumento, \TInvMatpE $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota la transpuesta de la inversa de una matriz

 $\label{eq:time_approx} $$\operatorname{TInvMatpE{A}}$$

\TInvMatPE El comando \TInvMatPE tiene 1 argumento, \TInvMatPE $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota la transpuesta de la inversa de una matriz

 $\label{eq:tinvMatPE{A}} $$ \TInvMatPE{A}$$

1.6.4. Miscelánea matrices

\Traza El comando \Traza no tiene argumentos

\Traza tr

\rg El comando \rg no tiene argumentos

\rg rg

\traza El comando \traza tiene 1 argumento, \traza $\{\langle objeto \rangle\}$

 $traza{Mat{A}}$

\rango El comando \rango tiene 1 argumento, \rango $\{\langle objeto \rangle\}$

 $\operatorname{rango}\{\operatorname{Mat}\{A\}\}\$

\cof Determinante de una matriz El comando \cof no tiene argumentos

\cof cof

El comando \adj no tiene argumentos

\adj Adj

El comando \determinante tiene 1 argumento, \determinante $\{\langle objeto \rangle\}$, y denota el determinante del $\{\langle objeto \rangle\}$ usando las barras verticales

\determinante{\Mat{A}} |A|

El comando \subMat tiene 3 argumentos, \subMat $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indIzda \rangle\}\{\langle indDcha \rangle\}$, y denota la submatriz resultante de quitar una o más filas y columnas de la matriz $\{\langle nombre \rangle\}$

 \hat{i}^{\dagger} A \hat{j}

El comando \Menor tiene 3 argumentos, \Menor $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indFila \rangle\}\{\langle indCol \rangle\}$, y denota el menor de la matriz correspondiente a la fila y columna indicadas

 $\label{eq:det_alpha_j} $$ \end{det} \left(i^{\hat{\imath}} \mathbf{A}^{\hat{r}_{j}} \right) $$$

El comando \MenoR tiene 3 argumentos, \MenoR $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle indFila \rangle\}$ $\{\langle indCol \rangle\}$, y denota el menor de la matriz correspondiente a la fila y columna indicadas (con barras verticales)

 $\label{eq:MenoR} $$ \end{align*} $$ \end{align*} \left| i^{\hat{\imath}} \mathbf{A}^{\hat{\imath} \hat{\jmath}} \right| $$$

El comando $\Cof tiene 3$ argumentos, $\Cof\{\langle nombre \rangle\}\{\langle indFila \rangle\}\{\langle indCol \rangle\}$, y denota el cofactor de la fila y columna indicadas

 $Cof{A}{i}{j}$ $cof_{ij}(A)$

Orden de las matrices El comando \Dim tiene 3 argumentos, \Dim $\{\langle objeto \rangle\}\{\langle filas \rangle\}\{\langle columnas \rangle\}$

El comando \Dimp tiene 3 argumentos, \Dimp $\{\langle objeto \rangle\}\{\langle filas \rangle\}\{\langle columnas \rangle\}$

 $\begin{array}{c} \texttt{\begin{tabular}{l} $\setminus $Dimp\{x\}\{n\}\{m\}$ & (x)\\ $_{n\times m}$ & \\ \end{array}}$

El comando \DimP tiene 3 argumentos, \DimP $\{\langle objeto \rangle\}\{\langle filas \rangle\}\{\langle columnas \rangle\}$

 $\label{eq:definition} $$ \prod_{n \times m} (x) $$

El comando \DimpE tiene 3 argumentos, \DimpE $\{\langle objeto \rangle\}$ $\{\langle filas \rangle\}$ $\{\langle columnas \rangle\}$

 $\label{eq:definition} $$ \DimpE{x}_n \in \mathbb{R} $$ (x) = (x) =$

El comando \DimPE tiene 3 argumentos, \DimPE $\{\langle objeto \rangle\}$ $\{\langle filas \rangle\}$ $\{\langle columnas \rangle\}$

El comando \Matdim tiene 3 argumentos, \Matdim $\{\langle nombre \rangle\} \{\langle filas \rangle\} \{\langle columnas \rangle\}$

 $\Matdim{A}{n}{m}$

 $A \atop n \times m$

El comando \Matdimp tiene 3 argumentos, \Matdimp $\{\langle nombre \rangle\}\{\langle filas \rangle\}\{\langle columnas \rangle\}$

 $\mathsf{Matdimp}(A)_{n}(m)$

 (\mathbf{A}) $n \times m$

 $MatdimP{A}{n}{m}$

 (\mathbf{A}) $n \times m$

 $\MatdimpE{A}{n}{m}$

 (\mathbf{A})

\MatdimPE{A}{n}{m}



1.7. Productos entre vectores

1.7.1. Producto escalar

\eSc tiene 2 argumentos, \eSc{ $\langle objeto \rangle$ }{ $\langle objeto \rangle$ }, y denota el producto escalar entre dos objetos

 $\left| \left\langle f(\mathbf{x}) \right\rangle \left(g(\mathbf{x}) \right\rangle \right|$

\esc tiene 2 argumentos, $\esc{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto escalar entre dos vectores genéricos

\esc{a}{b} $\langle \vec{a}, \vec{b} \rangle$

1.7.2. Producto punto

\dotProd tiene 2 argumentos, \dotProd $\{\langle objeto \rangle\}$, y denota el producto punto entre dos objetos

 $\verb| \dotProd{(\Vect{a}+\Vect{b})}{\Vect{c}}| \qquad | (a+b)\cdot c|$

jOjo! en las versiones con paréntesis he me saltado en convenio y en lugar de terminar en pE o PE, sencillamente terminan en p o P.

 $\dot Prodp$ tiene 2 argumentos, $\dot Prodp{\langle objeto\rangle}{\langle objeto\rangle}$, y denota el producto punto entre dos objetos

\dotProP tiene 2 argumentos, \dotProdP $\{\langle objeto \rangle\}$, y denota el producto punto entre dos objetos

 $\hspace{1cm} \hspace{1cm} \hspace{1cm}$

\dotprod tiene 2 argumentos, \dotprod{(nombre)}{(nombre)}, y denota el producto punto entre dos vectores de \mathbb{R}^n

 $\verb| dotprod{a}{b}| \qquad \qquad a \cdot b$

\dotprodp tiene 2 argumentos, \dotprodp $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto punto entre dos vectores de \mathbb{R}^n

 $\verb| dotprodp{a}{b}| \qquad \boxed{(a \cdot b)}$

\dotprodP tiene 2 argumentos, \dotprodP{(nombre)}{(nombre)}, y denota el producto punto entre dos vectores de \mathbb{R}^n

 $\begin{tabular}{ll} $$ \dotprodP{a}{b}$ \\ \hline \end{tabular}$

1.7.3. Producto punto a punto o Hadamard

tiene 2 argumentos, $\prodH{\langle objeto\rangle}{\langle objeto\rangle}$, y denota el producto punto a punto entre dos objetos

$$\verb|\prodH{(\Vect{a}+\Vect{b})}{\Vect{c}}| \qquad |(a+b)\odot c|$$

nodusta nunta a nunta an

tiene 2 argumentos, $\prodHp{\langle objeto\rangle}{\langle objeto\rangle}$, y denota el producto punto a punto entre dos objetos

 $(\widehat{m{b}}\odotm{c})$

tiene 2 argumentos, $\prodHP{\langle objeto\rangle}{\langle objeto\rangle}$, y denota el producto punto a punto entre dos objetos

 $\left(\widehat{m{b}}\odotm{c}
ight)$

tiene 2 argumentos, $\prodh{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$, y denota el producto punto a punto entre dos vectores de \mathbb{R}^n

 $a \odot b$

tiene 2 argumentos, $\prodhp{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto punto a punto entre dos vectores de \mathbb{R}^n

 $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$

tiene 2 argumentos, $\prodhP{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto punto a punto entre dos vectores de \mathbb{R}^n

 $(\boldsymbol{a}\odot\boldsymbol{b})$

1.8. Matriz por vector y vector por matriz

tiene 2 argumentos, $\MV{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto de una matriz por un vector de \mathbb{R}^n

Ab

tiene 2 argumentos, $\MVpE\{\langle nombre\rangle\}\{\langle nombre\rangle\}$, y denota el producto de una matriz por un vector de \mathbb{R}^n

$$\MVpE{A}{b}$$

(Ab)

tiene 2 argumentos, $\MVPE\{\langle nombre\rangle\}\{\langle nombre\rangle\}$, y denota el producto de una matriz por un vector de \mathbb{R}^n

(Ab)

tiene 2 argumentos, $MV{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto de un vector de \mathbb{R}^n por una matriz

$$\M{a}{B}$$

 $a\mathsf{B}$

tiene 2 argumentos, $\MVpE\{\langle nombre \rangle\}\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto de un vector de \mathbb{R}^n por una matriz

$$\VMpE{a}{B}$$

(aB)

tiene 2 argumentos, $\MVPE\{\langle nombre \rangle\}\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto de un vector de \mathbb{R}^n por una matriz

\VMPE{a}{B} $(a\mathbf{B})$

tiene 2 argumentos, $\MTV{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto de una matriz transpuesta por un vector de \mathbb{R}^n

 $\label{eq:mtv} \texttt{A}^\intercal b$

\MTVp tiene 2 argumentos, \MTVp{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle nombre \rangle$ }, y denota el producto de una matriz transpuesta por un vector de \mathbb{R}^n

 $\begin{tabular}{ll} \begin{tabular}{ll} \beg$

\MTVP tiene 2 argumentos, \MTVP $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto de una matriz transpuesta por un vector de \mathbb{R}^n

 $\begin{tabular}{ll} \begin{tabular}{ll} \beg$

VMT tiene 2 argumentos, $\MTV{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto de un vector de \mathbb{R}^n por una matriz transpuesta

 $\label{eq:definition} $$ \VMT\{a\}\{B\} $$ a \mathbf{B}^T $$$

 $\label{eq:local_local_local_local} $$\operatorname{VMTVp}(\langle nombre \rangle)(\langle nombre \rangle), \ y \ denota \ el \ producto \ de \ un \ vector \ de \ \mathbb{R}^n \ por \ una \ matriz \ transpuesta$

 $\texttt{VMTp{a}{B}} \qquad \boxed{a(\mathbf{B}^\intercal)}$

VMTP tiene 2 argumentos, $\MTVP\{\langle nombre \rangle\}\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto de un vector de \mathbb{R}^n por una matriz transpuesta

\VMTP{a}{B} $a (\mathbf{B}^{\mathsf{T}})$

1.9. Matriz por matriz

\MN tiene 2 argumentos, \MN $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto matriz por matriz

 $\MN{A}{B}$

\MTN tiene 2 argumentos, \MTN{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle nombre \rangle$ }, y denota el producto matriz transpuesta por matriz

 $\begin{tabular}{ll} $\mathsf{A}^\mathsf{T} \mathbf{B}$ \\ \hline \begin{tabular}{ll} $\mathsf{A}^\mathsf{T} \mathbf{B}$ \\ \hline \end{tabular}$

 $\label{eq:local_matrix} \verb|MTNp| & tiene 2 argumentos, \\ |MTNp| & (nombre) \\ | &$

 $\label{eq:minimum} $$ \MTNp{A}{B}$ $$ (A^T)B$$

\MTNP tiene 2 argumentos, \MTNP $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto matriz transpuesta por matriz

\MNT tiene 2 argumentos, \MNT{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle nombre \rangle$ }, y denota el producto matriz por matriz transpuesta

 $\MNT{A}{B}$ AB^T

\MNTp tiene 2 argumentos, \MNTp $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto matriz por matriz transpuesta

 $\begin{tabular}{ll} $\langle B \rangle $ & A(B^T) \end{tabular}$

\MNTP tiene 2 argumentos, \MNTP{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle nombre \rangle$ }, y denota el producto matriz por matriz transpuesta

tiene 2 argumentos, $\MTM{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto matriz transpuesta por matriz

 $\label{eq:mtm} \begin{tabular}{ll} $A^T A$ \\ \hline \end{tabular}$

tiene 2 argumentos, $\MTMp{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto matriz transpuesta por matriz

 $\label{eq:mtmp} $$\MTMp{A}$ (A^T)A$

tiene 2 argumentos, $\MTMP{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto matriz transpuesta por matriz

 $\label{eq:mtmp} \texttt{A} \qquad \qquad \boxed{ (\mathbf{A}^\mathsf{T}) \, \mathbf{A} }$

tiene 2 argumentos, $\MT{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto matriz por su transpuesta

 \MT{A}

tiene 2 argumentos, $\MMTp\{\langle nombre \rangle\}\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto matriz por su transpuesta

 $\begin{tabular}{ll} $ \MTp{A} \\ \hline \end{tabular}$

tiene 2 argumentos, $\MMTP\{\langle nombre \rangle\}\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto matriz por su transpuesta

 $\begin{tabular}{ll} $\mathsf{A}(\mathsf{A}^\mathsf{T})$ \\ \hline \end{tabular}$

tiene 2 argumentos, $\MNMT{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto matriz por matriz transpuesta

\MNMT{A}{D} ABAT

tiene 2 argumentos, $\MNMTp\{\langle nombre\rangle\}\{\langle nombre\rangle\}$, y denota el producto matriz por matriz transpuesta

 $\label{eq:mnmtp} $$\MNMTp{A}_D$$ & $\BMB(A^T)$$

tiene 2 argumentos, $\MNMTP{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto matriz por matriz transpuesta

 $\begin{tabular}{ll} $\MNMTP{A}{D}$ & $AB(A^T)$ \\ \hline \end{tabular}$

tiene 2 argumentos, $\MTNM\{\langle nombre \rangle\}\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto matriz transpuesta por matriz por matriz transpuesta

 $\MTNM{A}{D}$

tiene 2 argumentos, $\MTNMp{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto matriz transpuesta por matriz por matriz transpuesta

tiene 2 argumentos, $\MTNMP{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota el producto matriz transpuesta por matriz por matriz transpuesta

1.10. Otros productos entre matrices y vectores

\MTMV tiene 2 argumentos, \MTMV{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle nombre \rangle$ }, y denota el producto matriz transpuesta por matriz por vector

 $\label{eq:mtmv} $$ \MTMV{A}_b$$

\MTMVp tiene 2 argumentos, \MTMVp $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto matriz transpuesta por matriz por vector

 $\label{eq:mtmvp} $$\MTMVp{A}{b}$$

\MTMVP tiene 2 argumentos, \MTMVP $\{\langle nombre \rangle\}$ $\{\langle nombre \rangle\}$, y denota el producto matriz transpuesta por matriz por vector

 $\label{eq:condition} $$\VMW{a}_{B}(c)$$ aBc$

 $\label{eq:local_local_local_local} $$\operatorname{VMV}_{\langle nombre\rangle}_{\langle nombr$

 $\label{eq:bounds} $$\VMV{a}{B}$$

\VMTW{a}{B}{c} $aB^{\mathsf{T}}c$

\VMT\P{a}{B}{c} $a(\mathbf{B}^{\mathsf{T}})c$

 $\label{eq:local_$

\VMTWP{a}{B}{c} $a\left(\mathbf{B}^{\intercal}\right)c$

\VMTV{a}{B} $a\mathbf{B}^{\mathsf{T}}a$

 $\label{eq:local_local_local_local_local} $$\operatorname{VMTVp}(\nombre)}_{\nombre}_{\$

\VMTVp{a}{B}
$$oldsymbol{a}(\mathbf{B}^\intercal)oldsymbol{a}$$

 $\label{eq:local_local_local_local_local} $$\operatorname{VMTVP}(\langle nombre \rangle)_{(nombre)}, \ y \ denote \ el \ producto \ vector \ por \ matriz \ por \ vector \ $$$

\VMTVP{a}{B}
$$a (\mathbf{B}^{\mathsf{T}}) a$$

tiene 1 argumento, $\InvMTM{\langle nombre \rangle}$, y denota la inversa del producto de una matriz transpuesta por ella misma

1.11. Sistemas de ecuaciones

tiene 3 argumentos, $\SEL\{\langle nombre\rangle\}\{\langle nombre\rangle\}\{\langle nombre\rangle\}$, y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial)

\SEL{A}{x}{b}
$$| \mathbf{A}x = \mathbf{b} |$$

tiene 3 argumentos, $\SELT{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}{\langle nombre \rangle}$, y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial y matriz de coeficientes transpuesta)

tiene 3 argumentos, $\SELTP{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$, y denota un sistema de ecuaciones lineales (con notación matricial y matriz de coeficientes transpuesta entre paréntesis)

\SELTP{A}
$$\{x\}$$
{b} $(\mathbf{A}^{\mathsf{T}})\,oldsymbol{x} = oldsymbol{b}$

tiene 3 argumentos, $\SELF{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}{\langle nombre\rangle}$, y denota un sistema de ecuaciones lineales en forma de combinaciones de lineales de las filas de la matriz de coeficientes (con notación matricial)

\SELF{y}{A}{b}
$$y = b$$

1.12. Espacios vectoriales

tiene 1 argumento, $\langle EV\{\langle nombre \rangle \}$, y denota un espacio vectorial

no tiene argumentos y denota al espacio nulo (o núcleo)

\EspacioNul
$${\cal N}$$

no tiene argumentos y denota al espacio columna

tiene 1 argumento, $\langle objeto \rangle$, y denota el espacio nulo (o núcleo) del objeto

\Nulls{f}
$$\mathcal{N}(f)$$

tiene 1 argumento, $\nullet (nombre)$, y denota el espacio nulo (o núcleo) de una matriz

$$\mathbb{A}$$

tiene 1 argumento, $Cols{\langle objeto \rangle}$, y denota el espacio columna del objeto

 $\mathcal{C}(f)$

tiene 1 argumento, $\cols{(nombre)}$, y denota el espacio columna de una matriz

$$\mathcal{C}\left(\mathbf{A}\right)$$

tiene 1 argumento, $\S pan\{\langle sistema \rangle\}$, y denota el espacio vectorial generado con los elementos del $\{\langle sistema \rangle\}$ o conjunto

$$\S V{Z}$$

$$\mathcal{L}(\mathsf{Z})$$

\PSpan tiene 1 argumento, \PSpan $\{\langle sistema \rangle\}$, y denota el espacio semi-euclídeo de probabilidad generado con los elementos del $\{\langle sistema \rangle\}$ o conjunto

$$\PSpan{\SV{Z}}$$

$$\mathscr{L}(\mathsf{Z})$$

\coord tiene 1 argumento, \coord{ $\langle vector \rangle$ }{ $\langle base \rangle$ }, y denota las coordenadas de un vector respecto de una base



\coordP tiene 1 argumento, \coordP{ $\langle vector \rangle$ }{ $\langle base \rangle$ }, y denota las coordenadas de un vector respecto de una base

$$(\vec{x} + \vec{y})_{/z}$$

\coordPE tiene 1 argumento, \coordPE{ $\langle vector \rangle$ }{ $\langle base \rangle$ }, y denota las coordenadas de un vector respecto de una base

$$(x_{/_{\!\scriptscriptstyle \mathsf{B}}})$$

1.13. Notación funcional

\dom El comando \dom no tiene argumentos y denota el dominio de una función

$$\operatorname{dom}(f)$$

\mifun tiene 3 argumentos, \mifun{ $\langle nombre \rangle$ }{ $\langle dominio \rangle$ }{ $\langle conjLlegada \rangle$ }, y denota una función que asigna a los elementos de su dominio elementos del conjunto de llegada

$$\min\{f\}\{X\}\{Y\}$$

$$f \colon X \to Y$$

\deffun

tiene 3 argumentos, $\deffun\{\langle nombre\rangle\}\{\langle dominio\rangle\}\{\langle conjLlegada\rangle\}\{\langle variable\rangle\}\{\langle imagen\rangle\}\}$, y denota una función que asigna a los elementos de su dominio elementos del *conjunto de llegada*

$$\begin{array}{c}
[f \circ g] : \mathbb{R} \longrightarrow \mathbb{R}^n \\
x \longmapsto x
\end{array}$$

2. Implementación

2.1. Conjuntos de números

\Nn Números naturales

1 \html@def\Nn{\mathbb{N}}

2 \html@def\Zz{\mathbb{Z}} \Rr Números naturales 3 \html@def\Rr{\mathbb{R}} \CC Números naturales 4 \html@def\CC{\mathbb{C}} 2.2. Paréntesis y corchetes \parentesis Paréntesis pequeños 5 \html@def\parentesis#1{(#1)} \Parentesis Paréntesis de tamaño variable 6 \html@def\Parentesis#1{\left(#1\right)} \corchetes Corchetes pequeños 7 \html@def\corchetes#1{[#1]} \Corchetes Corchetes de tamaño variable 8 \html@def\Corchetes#1{\left[#1\right]} 2.3. Subíndices \LRidxE Comando para escribir un índice a la derecha y otro a la izquierda de un objeto (con exponente) 9 \html@def\LRidxE#1#2#3#4{{_{#2}^{}}{{#1}}{_{#3}^{#4}}} \LidxE Comando para escribir un índice a la izquierda de un objeto (con exponente) $10 \mathbf{LidxE#1#2#3}{\{_{\#2}^{}\}}{\{\#1\}}_{_{\%}^{}}}$ \RidxE Comando para escribir un índice a la derecha de un objeto (con exponente) 11 \html@def\RidxE#1#2#3{{}{{#1}}{_{#2}^{#3}}} \LRidx Comando para escribir un índice a la derecha y otro a la izquierda de un objeto 12 \html@def\LRidx#1#2#3{ \LRidxE{#1}{#2}{#3}{} } \Lidx Comando para escribir un índice a la izquierda de un objeto 13 \html@def\Lidx#1#2{ \LidxE{#1}{#2}{} } \Ridx Comando para escribir un índice a la derecha de un objeto 14 \html@def\Ridx#1#2{ \RidxE{#1}{#2}{} } \Lidxp Comando para escribir un índice a la izquierda de un objeto entre paréntesis 15 $\frac{41}{42}$ \Lidx{\parentesis{#1}}{#2}{} } \LidxP Comando para escribir un índice a la izquierda de un objeto entre paréntesis 16 \html@def\LidxP#1#2{ \Lidx{\Parentesis{#1}}{#2}{} } \LidxpE Comando para escribir, entre paréntesis, un índice a la izquierda de un objeto 17 \html@def\LidxpE#1#2{ \parentesis{\Lidx{#1}{#2}{}} } \LidxPE Comando para escribir, entre paréntesis, un índice a la izquierda de un objeto 18 \html@def\LidxPE#1#2{ \Parentesis{\Lidx{#1}{#2}{}} }

\Zz Números naturales

\Ridxp Comando para escribir un índice a la derecha de un objeto entre paréntesis 19 $\frac{2}{\pi}$ \html@def\Ridxp#1#2{ \Ridx{\parentesis{#1}}{#2}{} } \RidxP Comando para escribir un índice a la derecha de un objeto entre paréntesis 20 \html@def\RidxP#1#2{ \Ridx{\Parentesis{#1}}{#2}{} } \RidxpE Comando para escribir, entre paréntesis, un índice a la derecha de un objeto 21 \html@def\RidxpE#1#2{ \parentesis{\Ridx{#1}{#2}{}} } \RidxPE Comando para escribir, entre paréntesis, un índice a la derecha de un objeto 22 \html@def\RidxPE#1#2{ \Parentesis{\Ridx{#1}{#2}{}} } 2.4. **Operadores** 2.4.1. Conjugación y concatenación \widebar Barra ancha para indicar media o conjugación 23 \html@def\widebar#1{\mathop{\overline{#1}}} \conj Signo de conjugación 24 \html@def\conj#1{\widebar{#1}} \concat Concatenación 25 \html@def\concat{\large\&\#x29FA;} 2.4.2. Norma y valor absoluto \norma Norma de un objeto 26 \html@def\norma#1{\left\lVert{#1}\right\rVert} \modulus Valor absoluto 27 $\ \$ \html@def\modulus#1{\left|{#1}\right|} Transposición 2.4.3.**\T** Signo de transposición 28 \html@def\T{\intercal} \Trans Transposición $29 \t 0$ \html@def\Trans#1{#1^{\mathbin{\T}}} \Transp Transposición ${\tt 30 \bf 100def\Transp#1{\Trans{\parentesis{\#1}}}}$ \TransP Transposición 31 \html@def\TransP#1{\Trans{\Parentesis{#1}}} \TranspE Transposición $32 \t \TranspE#1{\operatorname{TranspE}#1}}$ \TransPE Transposición 33 \html@def\TransPE#1{\Parentesis{\Trans{#1}}}

2.4.4. Inversa \minus Signo negativo para indicar la inversa 34 \html@def\minus{\hbox{-}} \Inv Notación de la inversa $35 \mathbf{1}^{35} \mathbf{1}^{41}^{\min 1}$ \Invp Notación de la inversa con paréntesis pequeño alrededor del objeto 36 \html@def\Invp#1{\Inv{\parentesis{#1}}} \InvP Notación de la inversa con paréntesis alrededor del objeto 37 \html@def\InvP#1{\Inv{\Parentesis{#1}}} \InvpE Notación de la inversa con paréntesis pequeño por el exterior 38 \html@def\InvpE#1{\parentesis{\Inv{#1}}} \InvPE Notación de la inversa con paréntesis por el exterior 39 $\html@def\InvPE#1{\operatorname{Inv}{#1}}}$ 2.4.5. Operador selector \getItem Signo de operador selector 40 \html@def\getItem{\mathbf{|}} \getitemL Operador selector por la izquierda 41 \html@def\getitemL#1{{#1}\mathbin{\getItem}} \getitemR Operador selector por la derecha 42 \html@def\getitemR#1{\mathbin{\getItem}{#1}} por la izquierda de un objeto \elemL Selector por la izquierda 43 \html@def\elemL#1#2{\Lidx{#1}{\getitemL{#2}}} \elemLp Selector por la izquierda 44 $\html@def\elemLp#1#2{\elemL{\parentesis{#1}}{#2}}$ \elemLP Selector por la izquierda $45 \left(\frac{45}{elemL} \right)$ \elemLpE Selector por la izquierda $46 \mathbf{0} \mathbf{0}$ \elemLPE Selector por la izquierda 47 \html@def\elemLPE#1#2{\Parentesis{\elemL{#1}{#2}}} por la derecha de un objeto \elema Selector por la derecha 48 \html@def\elemR#1#2{\Ridx{#1}{\getitemR{#2}}} \elemRp Selector por la derecha $49 \mathbf{0} \mathbf{0} = \mathbb{R}^{1}2{\operatorname{k}^2}$ \elemRP Selector por la derecha

50 \html@def\elemRP#1#2{\elemR{\Parentesis{#1}}{#2}}

```
\elemRpE Selector por la derecha
                       51 \html@def\elemRpE#1#2{\parentesis{\elemR{#1}{#2}}}
  \elemRPE Selector por la derecha
                      52 \mathbf{1}{2} \mathbf{41}{42}}
                             por ambos lados de un objeto
    \elemLR Selectores por ambos lados
                      53 \mathbf{41}{\mathbf{42}}{\mathbf{42}}{\mathbf{43}}
  \elemLRp Selector por ambos lados
                       54 \mbox{ }\mbox{\footnotesis} \mbox{\footnotesis} \mbox{\footno
  \elemLRP Selector por ambos lados
                       55 \ \elemLRP#1#2#3{\elemLR{\Parentesis{#1}}{#2}{#3}}
\elemLRpE Selector por ambos lados
                      56 \mathbf{0} 
\elemLRPE Selector por ambos lados
                       57 \html@def\elemLRPE#1#2#3{\Parentesis{\elemLR{#1}{#2}{#3}}}
                             por la izquierda de un vector
      \elevil Selector de elementos de un vector por la izquierda
                       58 \mathbf{Vect}{\#1}{\#2} \left( \mathbf{\#1}{\#2} \right)
    \elevlp Selector de elementos de un vector por la izquierda
                      59 \mathbf{0} \mathbf{0} 
    \elevlp Selector de elementos de un vector por la izquierda
                       60 \mathbf{0} \mathbf{0} \mathbf{0} \mathbf{41} \mathbf{42} \mathbf{41} \mathbf{42} 
  \eleVLpE Selector de elementos de un vector por la izquierda
                       61 \mathbf{0def} = \mathbf{VLpE} + 1 + 2 \{ \mathbf{vect} + 1 \} \{ + 2 \}
  \elevlpe Selector de elementos de un vector por la izquierda
                       62 \mathbf{Vect}{\#1}{\#2} 
                             por la derecha de un vector
     \eleVR Selector de elementos de un vector por la derecha
                       63 \left( \frac{41}{42} \right)
    \elevre Selector de elementos de un vector por la derecha
                       64 \mathbf{0def}\left(\frac{1}{42}\right)
    \elevre Selector de elementos de un vector por la derecha
                       65 \left| \frac{41}{42} \right|
  \eleVRpE Selector de elementos de un vector por la derecha
                       66 \mathbf{0} \mathbf{0} 
  \eleVRPE Selector de elementos de un vector por la derecha
```

67 \html@def\eleVRPE#1#2{\elemRPE{\Vect{#1}}{#2}}

de filas de una matriz

\VectF	Selector de filas de una matriz 68 \html@def\VectF#1#2{\elemL{\Mat{#1}}{#2}}
\VectFp	Selector de filas de una matriz 69 \html@def\VectFp#1#2{\elemLp{\Mat{#1}}{#2}}
\VectFP	Selector de filas de una matriz 70 \html@def\VectFP#1#2{\elemLP{\Mat{#1}}{#2}}
\VectFpE	Selector de filas de una matriz 71 \html@def\VectFpE#1#2{\elemLpE{\Mat{#1}}{#2}}
\VectFPE	Selector de filas de una matriz 72 \html@def\VectFPE#1#2{\elemLPE{\Mat{#1}}{#2}}
	de columnas de una matriz
\VectC	Selector de columnas de una matriz 73 \html@def\VectC#1#2{\elemR{\Mat{#1}}{#2}}
\VectCp	Selector de columnas de una matriz 74 \html@def\VectCp#1#2{\elemRp{\Mat{#1}}{#2}}
\VectCP	Selector de columnas de una matriz 75 \html@def\VectCP#1#2{\elemRP{\Mat{#1}}{#2}}
\VectCpE	Selector de columnas de una matriz 76 \html@def\VectCpE#1#2{\elemRpE{\Mat{#1}}{#2}}
\VectCPE	Selector de columnas de una matriz 77 \html@def\VectCPE#1#2{\elemRPE{\Mat{#1}}{#2}}
	de elementos de una matriz
\eleM	Selector de elementos de una matriz 78 \html@def\eleM#1#2#3{\elemLR{\Mat{#1}}{#2}{#3}}
\eleMp	Selector de elementos de una matriz 79 \html@def\eleMp#1#2#3{\elemLRp{\Mat{#1}}{#2}{#3}}
\eleMP	Selector de elementos de una matriz 80 \html@def\eleMP#1#2#3{\elemLRP{\Mat{#1}}{#2}{#3}}
\eleMpE	Selector de elementos de una matriz 81 \html@def\eleMpE#1#2#3{\elemLRpE{\Mat{#1}}{#2}{#3}}
\eleMPE	Selector de elementos de una matriz 82 \html@def\eleMPE#1#2#3{\elemLRPE{\Mat{#1}}{#2}{#3}}
	de elementos de una matriz transpuesta
\eleMT	Selector de elementos de una matriz 83 \html@def\eleMT#1#2#3{\elemLRP{\Mat{#1}}{#2}{#3}}
\eleMTp	Selector de elementos de una matriz 84 \html@def\eleMTp#1#2#3{\elemLRp{\MatTpE{#1}}{#2}{#3}}

```
\eleMTP Selector de elementos de una matriz
                                    85 \html@def\eleMTP#1#2#3{\elemLRP{\MatTPE{#1}}{#2}{#3}}
\eleMTpE Selector de elementos de una matriz
                                    86 \mathbf{E}_{41}_{42}_{43}
\eleMTPE Selector de elementos de una matriz
                                    87 \mathbf{97} \mathbf
                                                                Operaciones elementales
          \Trel Signo de transformación elemental
                                    88 \html@def\TrEl{\boldsymbol{\tau}}
                  \su Transformación elemental Tipo I
                                    89 \t 0 \html@def\su#1#2#3{\left(#1\right){\boldsymbol{#2}}+{\boldsymbol{#3}}}
                  \pr Transformación elemental Tipo II
                                    90 \t \ (#2}}}
                  \pe Intercambio (permuta de dos elementos)
                                    91 \html@def\pe#1#2{\boldsymbol{#1} \rightleftharpoons \boldsymbol{#2}}
           \perm Reordenamiento de los elementos (permutación)
                                    92 \ \mbox{ \normalfootnote{10} } 
              \Ope Operación elemental
                                    93 \html@def\OpE#1{\underset{\left[{#1}\right]}{\TrE1}}
          \OEsu Oper. elem. que suma un múltiplo de una componente a otra
                                    \OEpr Oper. elem. que multiplica una componente por un número
                                    95 \html@def\OEpr#1#2{\OpE{ \pr{#1}{#2} }}
          \OEin Intercambio de posición entre componentes
                                    96 \html@def\OEin#1#2{\OpE{ \pe{#1}{#2} }}
       \OEper Reordenamiento o permutación entre componentes
                                    97 \html@def\OEper{\OpE{ \perm }}
       \E0Esu Espejo de oper. elem. que suma un múltiplo de una componente a otra
                                    98 \html@def\E0Esu#1#2#3{esp\Big(\0Esu{#1}{#2}{#3}\Big)}
       \E0Epr Espejo de oper. elem. que multiplica una componente por un número
                                    99 \html@def\E0Epr#1#2{esp\Big(\0epr{#1}{#2}\Big)}
```

	Transformaciones elementales generales
\d0EgE	Operación elemental genérica con exponente 100 \html@def\d0EgE#1#2{\RidxE{\TrEl}{#1}{#2}}
\d0Eg	Operación elemental genérica 101 \html@def\d0Eg#1{\d0EgE{#1}{}}
\dE0EgE	Operación espejo de una elemental genérica con exponente 102 \html@def\dE0EgE#1#2{esp(\d0EgE{#1}{#2})}
\dE0Eg	Operación espejo de una elemental genérica 103 \html@def\dE0Eg#1{esp(\d0Eg{#1})}
\dInv0Eg	Operación inversa de una elemental genérica 104 \html@def\dInvOEg#1{\d0EgE{#1}{\minus1}}
\dEInv0Eg	Operación espejo de la inversa de una elemental genérica 105 \html@def\dEInvOEg#1{esp(\dInvOEg{#1})}
\dS0EgE	Sucesión de operaciones elementales genéricas con exponente
\dS0Eg	Sucesión de operaciones elementales genéricas 107 \html@def\dSOEg#1#2{\dOEg{#1}\cdots\dOEg{#2}}
	2.4.7. Transformaciones elementales
	Transf. elemental aplicada la izquierda o derecha de un objeto Tipo I - Fil
\TESF	Una transformación elemental Tipo I por la izquierda 108 \html@def\TESF#1#2#3#4{ \Lidx{#4}{ \OEsu{#1}{#2}{#3}\!} }
\TESFp	Una transformación elemental Tipo I por la izquierda 109 \html@def\TESFp#1#2#3#4{ \Lidxp{#4}{ \OEsu{#1}{#2}{#3}\!\!} }
\TESFP	Una transformación elemental Tipo I por la izquierda 110 \html@def\TESFP#1#2#3#4{ \LidxP{#4}{ \OEsu{#1}{#2}{#3}\!\!} }
\TESFpE	Una transformación elemental Tipo I por la izquierda 111 \html@def\TESFpE#1#2#3#4{ \LidxpE{#4}{ \OEsu{#1}{#2}{#3}\!\!} }
\TESFPE	Una transformación elemental Tipo I por la izquierda 112 \html@def\TESFPE#1#2#3#4{ \LidxPE{#4}{ \OEsu{#1}{#2}{#3}\!\!} }
	Tipo I - Col
\TESC	Una transformación elemental Tipo I por la derecha
\TESCp	Una transformación elemental Tipo I por la derecha
\TESCP	Una transformación elemental Tipo I por la derecha 115 \html@def\TESCP#1#2#3#4{\RidxP{#4}{\!\!\OEsu{#1}{#2}{#3}}\}}

```
\TESCPE Una transformación elemental Tipo I por la derecha
       116 \html@def\TESCpE#1#2#3#4{ \RidxpE{#4}{\!\0Esu{#1}{#3} } }
\TESCPE Una transformación elemental Tipo I por la derecha
       117 \html@def\TESCPE#1#2#3#4{ \RidxPE{#4}{\!\OEsu{#1}{#2}{#3} } }
           Tipo II - Fil
 \TEPF Una transformación elemental Tipo II por la izquierda
       118 \html@def\TEPF#1#2#3{ \Lidx{#3}{ \OEpr{#1}{#2}\!} }
 \TEPFp Una transformación elemental Tipo II por la izquierda
       119 \html@def\TEPFp#1#2#3{ \Lidxp{#3}{ \OEpr{#1}{#2}\!\!} }
\TEPFP Una transformación elemental Tipo II por la izquierda
       120 \html@def\TEPFP#1#2#3{ \LidxP{#3}{ \OEpr{#1}{#2}\!\!} }
\TEPFpE Una transformación elemental Tipo II por la izquierda
       121 \html@def\TEPFpE#1#2#3{ \LidxpE{#3}{ \OEpr{#1}{#2}\!} }
\TEPFPE Una transformación elemental Tipo II por la izquierda
       122 \html@def\TEPFPE#1#2#3{ \LidxPE{#3}{ \OEpr{#1}{#2}\!} }
           Tipo II - Col
 \TEPC Una transformación elemental Tipo II por la derecha
       123 \t \EPC#1#2#3{ \Ridx{#3}{\!\OEpr{#1}{#2} } }
 \TEPCp Una transformación elemental Tipo II por la derecha
       124 \html@def\TEPCp#1#2#3{ \Ridxp{#3}{\!\! \OEpr{#1}{#2} } }
 \TEPCP Una transformación elemental Tipo II por la derecha
       125 \html@def\TEPCP#1#2#3{ \RidxP{#3}{\!\! \OEpr{#1}{#2} } }
\TEPCpE Una transformación elemental Tipo II por la derecha
       126 \html@def\TEPCpE#1#2#3{ \RidxpE{#3}{\! \OEpr{#1}{#2} } }
\TEPCPE Una transformación elemental Tipo II por la derecha
       127 \html@def\TEPCPE#1#2#3#4{ \RidxPE{#3}{\! \OEpr{#1}{#2} } }
           Intercambio - Fil
 \TEIF Intercambio por la izquierda
       \TEIFp Intercambio por la izquierda
       \TEIFP Intercambio por la izquierda
       \TEIFpE Intercambio por la izquierda
       131 \html@def\TEIFpE#1#2#3{ \LidxpE{#3}{ \OEin{#1}{#2}\!} }
\TEIFPE Intercambio por la izquierda
       132 \html@def\TEIFPE#1#2#3{ \LidxPE{#3}{ \OEin{#1}{#2}\!} }
```

Intercambio - Col

```
\TEIC Intercambio por la derecha
         133 \html@def\TEIC#1#2#3{ \Ridx{#3}{\!\OEin{#1}{#2} } }
  \TEICp Intercambio por la derecha
         134 \html@def\TEICp#1#2#3{ \Ridxp{#3}{\!\! \OEin{#1}{#2} } }
  \TEICP Intercambio por la derecha
         135 \html@def\TEICP#1#2#3{ \RidxP{#3}{\!\! \OEin{#1}{#2} } }
 \TEICpE Intercambio por la derecha
         136 \html@def\TEICpE#1#2#3{ \RidxpE{#3}{\! \OEin{#1}{#2} } }
 \TEICPE Intercambio por la derecha
         137 \html@def\TEICPE#1#2#3{ \RidxPE{#3}{ \OEin{#1}{#2} } }
   \Mint Matriz intercambio
         138 \html@def\Mint#1#2{ \TEIC{#1}{#2}{\Mat{I}} }
  \MintT Matriz intercambio (filas)
         139 \html@def\MintT#1#2{ \TEIF{#1}{#2}{\Mat{I}} }
     \PC Permutación por la derecha
         140 \html@def\PC#1{ \Ridx{#1}{\!\OEper} }
     \PF Permutación por la izquierda
         141 \html@def\PC#1{ \Lidx{#1}{\!\OEper} }
     MP Matriz permutación
         142 \html@def\MP{ \PC{\Mat{I}} }
    \matriz permutación
         Sucesiones indiciadas de Transf. elementales
  \SITEF Sucesión de transformaciones elementales genéricas por la izquierda (filas)
         144 \mathbf{144} \mathbf{150Eg} + 1 + 2 + 3 \left\{ \mathbf{13} \left( \mathbf{13} \right) \right\}
 \SITEFp Sucesión de transformaciones elementales genéricas por la izquierda (filas)
         145 \html@def\SITEFp#1#2#3{\SITEF{#1}{#2}{\parentesis{#3}}}
 \SITEFP Sucesión de transformaciones elementales genéricas por la izquierda (filas)
         146 \html@def\SITEFP#1#2#3{\SITEF{#1}{#2}{\Parentesis{#3}}}
\SITEFPE Sucesión de transformaciones elementales genéricas por la izquierda (filas)
         147 \mathbf{SITEFpE\#1\#2\#3\{parentesis\{SITEF\{\#1\}\{\#2\}\{\#3\}\}\}}
\SITEFPE Sucesión de transformaciones elementales genéricas por la izquierda (filas)
         148 \mathbf{SITEFPE#1#2#3{\operatorname{SITEF}{#1}{#2}{#3}}}
  \SITEC Sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha (columnas)
         149 \html@def\SITEC#1#2#3{\Ridx{#3}{\dSOEg{#1}{#2}}}
 \SITECp Sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha (columnas)
         150 \ \ \html@def\SITECp#1#2#3{\SITEC{#1}{#2}{\parentesis{#3}}}
```

- \SITECP Sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha (columnas)

 151 \html@def\SITECP#1#2#3{\SITEC{#1}{#2}{\Parentesis{#3}}}
- \SITECpE Sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha (columnas)

 152 \html@def\SITECpE#1#2#3{\parentesis{\SITEC{#1}{#2}{#3}}}
- \SITECPE Sucesión de transformaciones elementales genéricas por la derecha (columnas)

 153 \html@def\SITECPE#1#2#3{\Parentesis{\SITEC{#1}{#2}{#3}}}

- \SITEFCp Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha

 156 \html@def\SITEFCp#1#2#3{\SITEFC{#1}{#2}{\parentesis{#3}}}
- \SITEFCP Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha
 157 \html@def\SITEFCP#1#2#3{\SITEFC{#1}{#2}{\Parentesis{#3}}}
- \SITEFCPE Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha 158 \html@def\SITEFCPE#1#2#3{\parentesis{\SITEFC{#1}{#2}{#3}}}
- \SITECPE Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha

 159 \html@def\SITECPE#1#2#3{\Parentesis{\SITEC{#1}{#2}{#3}}}
- \SITEFCRp Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha 160 \html@def\SITEFCRp#1#2#3{\SITEFCR{#1}{#2}{\parentesis{#3}}}
- \SITEFCPR Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha 161 \html@def\SITEFCRP#1#2#3{\SITEFCR{#1}{#2}{\Parentesis{#3}}}
- \SITEFCRPE Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha 162 \html@def\SITEFCRpE#1#2#3{\parentesis{\SITEFCR{#1}{#2}{#3}}}
- \SITECRPE Sucesión de transformaciones elementales genéricas a izquierda y derecha 163 \html@def\SITECRPE#1#2#3{\Parentesis{\SITECR{#1}{#2}{#3}}}

Transf. elemental aplicada la izquierda de un objeto

- \dTEEF Una transformación elemental genérica con exponente por la izquierda

 164 \html@def\dTEEF#1#2#3{ \Lidx{#3}{\d0EgE{#1}{#2}}} }
- \dTEF Una transformación elemental genérica por la izquierda 165 \html@def\dTEF#1#2{ \Lidx{#2}{{\d0Eg{#1}}} }
- \dETEF Una transformación elemental espejo genérica por la izquierda 166 \html@def\dETEF#1#2{ \Lidx{#2}{{\dEOEg{#1}}} }
- \dInvTEF Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
 167 \html@def\dInvTEF#1#2{ \Lidx{#2}{{\dInvOEg{#1}}} }
- \dEInvTEF Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
 168 \html@def\dEInvTEF#1#2{ \Lidx{#2}{{\dEInvOEg{#1}}} }

- \dTEEFp Una transformación elemental genérica con exponente por la izquierda

 169 \html@def\dTEEFp#1#2#3{ \Lidxp{#3}{\d0EgE{#1}{#2}} }
- \dTEFp Una transformación elemental genérica por la izquierda
 170 \html@def\dTEFp#1#2{ \Lidxp{#2}{{\dOEg{#1}}} }
- \dETEFp Una transformación elemental espejo genérica por la izquierda
 171 \html@def\dETEFp#1#2{ \Lidxp{#2}{{\dE0Eg{#1}}} }
- \dInvTEFp Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
 172 \html@def\dInvTEFp#1#2{ \Lidxp{#2}{{\dInv0Eg{#1}}} }
- \dEInvTEFp Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
 173 \html@def\dEInvTEFp#1#2{ \Lidxp{#2}{{\dEInvOEg{#1}}}} }
 - \dTEEFP Una transformación elemental genérica con exponente por la izquierda
 174 \html@def\dTEEFP#1#2#3{ \LidxP{#3}{\d0EgE{#1}{#2}} }
 - \dTEFP Una transformación elemental genérica por la izquierda

 175 \html@def\dTEFP#1#2{ \LidxP{#2}{{\d0Eg{#1}}} }
 - \determ Una transformación elemental espejo genérica por la izquierda 176 \html@def\detep#1#2{ \LidxP{#2}{{\deOeg{#1}}}} }
- \dInvTEFP Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
 177 \html@def\dInvTEFP#1#2{ \LidxP{#2}{{\dInvOEg{#1}}} }
- \dEInvTEFP Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
 178 \html@def\dEInvTEFP#1#2{ \LidxP{#2}{{\dEInvOEg{#1}}} }
 - \dTEEFpE Una transformación elemental genérica con exponente por la izquierda
 179 \html@def\dTEEFpE#1#2#3{ \LidxpE{#3}{\d0EgE{#1}{#2}} }
 - \dTEFpE Una transformación elemental genérica por la izquierda 180 \html@def\dTEFpE#1#2{ \LidxpE{#2}{{\d0Eg{#1}}} }
 - \deterpe Una transformación elemental espejo genérica por la izquierda

 181 \html@def\detepe#1#2{ \Lidxpe{#2}{{\de0Eg{#1}}} }
- \dInvTEFpE Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
 182 \html@def\dInvTEFpE#1#2{ \LidxpE{#2}{{\dInvOEg{#1}}} }
- \dEInvTEFpE Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
 183 \html@def\dEInvTEFpE#1#2{ \LidxpE{#2}{{\dEInvOEg{#1}}} }
 - \dTEEFPE Una transformación elemental genérica con exponente por la izquierda

 184 \html@def\dTEEFPE#1#2#3{ \LidxPE{#3}{\d0EgE{#1}{#2}} }
 - \dTEFPE Una transformación elemental genérica por la izquierda 185 \html@def\dTEFPE#1#2{ \LidxPE{#2}{{\d0Eg{#1}}} }
 - \deterpe Una transformación elemental espejo genérica por la izquierda 186 \html@def\deterpe#1#2{ \LidxPE{#2}{{\de0Eg{#1}}}} }
- \dInvTEFPE Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda 187 \html@def\dInvTEFPE#1#2{ \LidxPE{#2}{{\dInvOEg{#1}}}} }
- \dEInvTEFPE Una transformación elemental inversa genérica por la izquierda
 188 \html@def\dEInvTEFPE#1#2{ \LidxPE{#2}{{\dEInvOEg{#1}}}} }

Transf. elemental aplicada la derecha de un objeto

- \dTEEC Una transformación elemental genérica con exponente por la derecha 189 \html@def\dTEEC#1#2#3{ \Ridx{#3}{\dOEgE{#1}{#2}} }
- \dTEC Una transformación elemental genérica por la derecha
 190 \html@def\dTEC#1#2{ \Ridx{#2}{{\dOEg{#1}}} }
- \detec Una transformación elemental espejo genérica por la derecha
 191 \html@def\detec#1#2{ \Ridx{#2}{{\deoeg{#1}}}} }
- \dInvTEC Una transformación elemental inversa genérica por la derecha
 192 \html@def\dInvTEC#1#2{ \Ridx{#2}{{\dInvOEg{#1}}} }
- \dEInvTEC Una transformación elemental inversa genérica por la derecha
 193 \html@def\dEInvTEC#1#2{ \Ridx{#2}{{\dEInvOEg{#1}}} }
 - \dTEECp Una transformación elemental genérica con exponente por la derecha 194 \html@def\dTEECp#1#2#3{ \Ridxp{#3}{\d0EgE{#1}{#2}} }
 - \dTECp Una transformación elemental genérica por la derecha
 195 \html@def\dTECp#1#2{ \Ridxp{#2}{{\dOEg{#1}}} }
 - \dETECp Una transformación elemental espejo genérica por la derecha 196 \html@def\dETECp#1#2{ \Ridxp{#2}{{\dE0Eg{#1}}} }
- \dInvTECp Una transformación elemental inversa genérica por la derecha
 197 \html@def\dInvTECp#1#2{ \Ridxp{#2}{{\dInvOEg{#1}}} }
- \dEInvTECp Una transformación elemental inversa genérica por la derecha
 198 \html@def\dEInvTECp#1#2{ \Ridxp{#2}{{\dEInvOEg{#1}}} }
 - \dTEECP Una transformación elemental genérica con exponente por la derecha
 199 \html@def\dTEECP#1#2#3{ \RidxP{#3}{\d0EgE{#1}{#2}} }
 - \dTECP Una transformación elemental genérica por la derecha 200 \html@def\dTECP#1#2{ \RidxP{#2}{{\dOEg{#1}}} }
- \dInvTECP Una transformación elemental inversa genérica por la derecha 202 \html@def\dInvTECP#1#2{ \RidxP{#2}{{\dInvDEg{#1}}} }
- \dEInvTECP Una transformación elemental inversa genérica por la derecha 203 \html@def\dEInvTECP#1#2{ \RidxP{#2}{{\dEInvOEg{#1}}} }
 - \dTEECpE Una transformación elemental genérica con exponente por la derecha 204 \html@def\dTEECpE#1#2#3{ \RidxpE{#3}{\dOEgE{#1}{#2}} }
 - \dTECpE Una transformación elemental genérica por la derecha 205 \html@def\dTECpE#1#2{ \RidxpE{#2}{{\d0Eg{#1}}} }
 - \dETECpE Una transformación elemental espejo genérica por la derecha 206 \html@def\dETECpE#1#2{ \RidxpE{#2}{{\dE0Eg{#1}}} }

- \dInvTECpE Una transformación elemental inversa genérica por la derecha
 207 \html@def\dInvTECpE#1#2{ \RidxpE{#2}{{\dInvOEg{#1}}} }
- \dEInvTECpE Una transformación elemental inversa genérica por la derecha
 208 \html@def\dEInvTECpE#1#2{ \RidxpE{#2}{{\dEInvOEg{#1}}} }
 - \dTEECPE Una transformación elemental genérica con exponente por la derecha 209 \html@def\dTEECPE#1#2#3{ \RidxPE{#3}{\dOEgE{#1}{#2}} }
 - \dTECPE Una transformación elemental genérica por la derecha 210 \html@def\dTECPE#1#2{ \RidxPE{#2}{{\d0Eg{#1}}} }
 - \dETECPE Una transformación elemental espejo genérica por la derecha 211 \html@def\dETECPE#1#2{ \RidxPE{#2}{{\dE0Eg{#1}}} }
- \dInvTECPE Una transformación elemental inversa genérica por la derecha 212 \html@def\dInvTECPE#1#2{ \RidxPE{#2}{{\dInvOEg{#1}}}} }
- \dEInvTECPE Una transformación elemental inversa genérica por la derecha
 213 \html@def\dEInvTECPE#1#2{ \RidxPE{#2}{{\dEInvOEg{#1}}} }

Transformaciones elementales particulares

- \dTrF Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda 214 \html@def\dTrF#1#2{\Lidx{#2}{#1}}
- \dTrFp Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda 215 \html@def\dTrFp#1#2{\dTrF{#1}{\parentesis{#2}}}
- \dTrFP Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda 216 \html@def\dTrFP#1#2{\dTrF{#1}{\Parentesis{#2}}}
- \dTrFpE Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda 217 \html@def\dTrFpE#1#2{\parentesis{\dTrF{#1}{#2}}}
- \dTrFPE Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la izquierda 218 \html@def\dTrFPE#1#2{\Parentesis{\dTrF{#1}{#2}}}
 - \dTrC Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la derecha 219 \html@def\dTrC#1#2{\Ridx{#2}{#1}}
- \dTrCp Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la derecha 220 \html@def\dTrCp#1#2{\dTrC{#1}{\parentesis{#2}}}
- \dTrCP Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la derecha 221 \html@def\dTrCP#1#2{\dTrC{#1}{\Parentesis{#2}}}
- \dTrCpE Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la derecha 222 \html@def\dTrCpE#1#2{\parentesis{\dTrC{#1}{#2}}}
- \dTrCPE Transformación o sucesión de transformaciones elementales por la derecha 223 \html@def\dTrCPE#1#2{\Parentesis{\dTrC{#1}{#2}}}
- \dTrFC Transformación o sucesión de transformaciones elementales por ambos lados 224 \html@def\dTrFC#1#2#3{\LRidx{#3}{#2}{#1}}

\dTrFCp Transformación o sucesión de transformaciones elementales por ambos lados 225 \html@def\dTrFCp#1#2#3{\LRidxp{#3}{#2}{#1}} Transformación o sucesión de transformaciones elementales por ambos lados 226 \html@def\dTrFCP#1#2#3{\LRidxP{#3}{#2}{#1}} \dTrfCpE Transformación o sucesión de transformaciones elementales por ambos lados 227 \html@def\dTrFCpE#1#2#3{\LRidxpE{#3}{#2}{#1}} \dTrfCPE Transformación o sucesión de transformaciones elementales por ambos lados 228 \html@def\dTrFCPE#1#2#3{\LRidxPE{#3}{#2}{#1}} 2.4.8. Operador que quita un elemento \fueraitemL Signo de operador que quita un elemento 229 $\t 0$ \html 0 \def \fueraitem L #1{{_{}}} \#1}{^{\Lsh}}} \fueraitemR Signo de operador que quita un elemento \quitala Sistema resultante de quitar un elemento por la izquierda y otro por la derecha $231 \mathbf{41} \end{4.2} \fill \f$ \quitaL Sistema resultante de quitar un elemento por la izquierda 232 $\ \$ \html@def\quitaL#1#2{{^{\fueraitemL{#2}\!}}{{#1}}{^{}}} \quitaR Sistema resultante de quitar un elemento por la derecha $233 \mathbf{41} e^{\frac{2}{1}} {^{1}} {^{1}} {^{1}} {^{2}}}$ Sistemas genéricos \SV Sistema de Vectores $234 \html@def\SV#1{\mathbb{41}}$ \concatSV Concatenación de sistemas 235 $\ \$ \html@def\concatSV#1#2{{#1}\mathbin{\concat}{#2}} 2.6. Vectores y matrices 2.6.1. Vectores \vect Vector genérico $236 \html@def\vect#1{\vec{#1}}$ \vectp Vector genérico 237 $\ \$ \html@def\vectp#1{\parentesis{\vect{#1}}} \vectP Vector genérico 238 \html@def\vectP#1{\Parentesis{\vect{#1}}} 2.6.2. Vectores de \mathbb{R}^n \Vector de \mathbb{R}^n 239 \html@def\Vect#1{\boldsymbol{#1}} \Vectp Vector de \mathbb{R}^n $240 \mathbf{Vectp#1{\operatorname{\parentesis}\{\operatorname{\$1}\}}}$ \VectP Vector de \mathbb{R}^n

241 \html@def\VectP#1{\Parentesis{\Vect{#1}}}

2.6.3. Matrices \Mat Matriz \Matp Matriz 243 \html@def\Matp#1{\parentesis{\Mat{#1}}} 244 \html@def\MatP#1{\Parentesis{\Mat{#1}}} Matrices transpuestas \MatT Matriz transpuesta \MatTp Matriz transpuesta $246 \mathbf{Tp#1{Transp{Mat{#1}}}}$ \Mattp Matriz transpuesta $247 \mathbf{Mat{#1}}$ \MatTpE Matriz transpuesta $249 \verb|\html@def\MatTpE#1{\TranspE{\Mat{#1}}}|$ \Mattpe Matriz transpuesta $250 \mathbf{MatTPE#1{TransPE{Mat{#1}}}}$ Matriz transpuesta de la transpuesta \MatTT Matriz transpuesta 251 \html@def\MatTT#1{\TransP{\MatT{#1}}} \Matttpe Matriz transpuesta 252 \html@def\MatTTPE#1{\Parentesis{\MatTT{#1}}} Matrices columna \MVectC Matriz columna creada con una columna $253 \mathbf{WVectC#1#2{\left[\VectC{#1}{#2}\right]}}$ \MVectF Matriz columna creada con una fila $254 \mathbf{WVectF#1#2{\left[\VectF{#1}{#2}\right]}}$ Matrices fila \MVectCT Matriz fila creada con una columna 255 \html@def\MVectCT#1#2{\Trans{\left[\VectC{#1}{#2}\right]}} \MVectFT Matriz fila creada con una fila

 $256 \mathbf{MVectFT\#1\#2{Trans{\left[\VectF{\#1}{\#2}\right]}}}$

2.6.4. Miscelánea matrices

Características de las matrices

```
\Traza Operador traza
                                             257 \html@def\Traza{\mathrm{tr}}
                                \rg Operador rango
                                             258 \html@def\Rango{\mathrm{rg}}
                      \traza Traza
                                             259 \html@def\traza#1{\Traza{\Parentesis{#1}}}
                      \rango Rango
                                             260 \html@def\rango#1{\rg{\Parentesis{#1}}}
                                                          Determinante de una matriz
                            \cof Cofactor
                                             261 \html@def\cof{\mathrm{cof}}}
                            \adj Adjunta
                                             262 \left( \frac{4dj}{\mathbf{Adj}} \right)
\determinante Determinante con barras
                                             263 \html@def\determinante#1{\modulus{#1}}
                   \subMat Determinante con barras
                                             264 \mathbf{4} \mathbf{41}}{#2}{#3}
                      \Menor Menor de una matriz
                                             265 \mathbf{41}{42}{43} \det i({\mathbf{41}{42}{43}} ig) 
                      \MenoR Menor de una matriz
                                             266 \mathbf{MenoR} = 1 + 2 + 3 \cdot \{ \frac{41}{42} = 3 \cdot \{
                            \Cof Cofactor de una matriz
                                             267 \mathbf{Cof}_{4}^2, \
                                                          Orden de las matrices
                            \Dim Orden del objeto
                                             268 \ \ \html@def\Dim#1#2#3{\mathop{#1}\limits_{\scriptscriptstyle #2\times#3}}
                         \Dimp Orden del objeto
                                             269 \mbox{ html@def\Dimp#1#2#3{\Dim{\parentesis{#1}}{#2}{#3}}
                         \DimP Orden del objeto
                                             270 \html@def\DimP#1#2#3{\Dim{\Parentesis{#1}}{#2}{#3}}
                      \DimpE Orden del objeto
                                             271 \mbox{ \normalfont{1}}{#2}{#3}
                      \DimPE Orden del objeto
                                             272 \html@def\DimPE#1#2#3{\Parentesis{\Dim{#1}}{#2}{#3}}
                   \Matdim Matriz con el orden por debajo
                                             273 \html@def\Matdim#1#2#3{\Dim{\Mat{#1}}{#2}{#3}}
```

\Matdimp Matriz con el orden por debajo $274 \mbox{ } \mbox{$ \MatdimP Matriz con el orden por debajo 275 \html@def\MatdimP#1#2#3{\DimP{\Mat{#1}}{#2}{#3}} \MatdimpE Matriz con el orden por debajo $276 \ \mbox{ } \mbo$ \MatdimPE Matriz con el orden por debajo 277 \html@def\MatdimPE#1#2#3{\DimPE{\Mat{#1}}{#2}{#3}} Productos entre vectores 2.7.1. Producto escalar \eSc Producto escalar 278 \html@def\eSc#1#2{\left<{#1},{#2}\right>} \esc Producto escalar entre vectores genéricos 279 $\t 0$ \html@def\esc#1#2{\left<{\vect{#1}},{\vect{#2}}\right>} 2.7.2. Producto punto \dotProd Producto punto $280 \mathbf{41}\$ \dotProdp Producto punto $281 \mathbf{0}$ \dotProdP Producto punto 282 \html@def\dotProdP#1#2{\Parentesis{\dotProd{#1}{#2}}} \dotprod Producto punto entre vectores de \mathbb{R}^n 283 $\html@def\dotprod#1#2{\Vect{#1}\cdot\Vect{#2}}$ \dotprodp Producto punto 284 $\ \$ \html@def\dotprodp#1#2{\parentesis{\dotprod{#1}{#2}}} \dotprodP Producto punto $285 \mathbf{0tprodP#1#2{\operatorname{Narentesis}(dotprod{#1}{#2})}}$ Producto punto a punto o Hadamard \prodH Producto punto a punto o Hadamard $286 \mathbf{41} \operatorname{Qdef} \mathbf{41} \operatorname{Cdet} \mathbf{42}$ \prodHp Producto punto a punto o Hadamard \prodHP Producto punto a punto o Hadamard $288 \mathbf{41} \mathbf{64} \mathbf{41} \mathbf{42} \mathbf{41} \mathbf{42}$ \prodh Producto punto a punto o Hadamard 289 \html@def\prodh#1#2{\Vect{#1}\odot\Vect{#2}} \prodhp Producto punto a punto o Hadamard 290 $\theta^{1}20 \right) \$ \prodhP Producto punto a punto o Hadamard $291 \mathbf{41}{\text{prodhP#1#2{\operatorname{prodh}{#1}{#2}}}$

2.8. Matriz por vector y vector por matriz

- \MV Producto de matriz por vector
 292 \html@def\MV#1#2{\Mat{#1}\Vect{#2}}
- \MVpE Producto de matriz por vector
 293 \html@def\MVpE#1#2{\parentesis{\Mat{#1}\Vect{#2}}}
- \MVPE Producto de matriz por vector
 294 \html@def\MVPE#1#2{\Parentesis{\Mat{#1}\Vect{#2}}}
 - \VM Producto de vector por matriz
 295 \html@def\VM#1#2{\Vect{#1}\Mat{#2}}
- \VMpE Producto de vector por matriz
 296 \html@def\VMpE#1#2{\parentesis{\Vect{#1}\Mat{#2}}}
- \VMPE Producto de vector por matriz
 297 \html@def\VMPE#1#2{\Parentesis{\Vect{#1}\Mat{#2}}}
- \MTV Producto de matriz por vector
 298 \html@def\MTV#1#2{\MatT{#1}\Vect{#2}}
- \MTVp Producto de matriz por vector
 299 \html@def\MTVp#1#2{\MatTpE{#1}\Vect{#2}}
- \MTVP Producto de matriz por vector
 300 \html@def\MTVP#1#2{\MatTPE{#1}\Vect{#2}}
- \VMT Producto de vector por matriz
 301 \html@def\VMT#1#2{\Vect{#1}\MatT{#2}}
- \VMTp Producto de vector por matriz
 302 \html@def\VMTp#1#2{\Vect{#1}\MatTpE{#2}}
- \VMTP Producto de vector por matriz
 303 \html@def\VMTP#1#2{\Vect{#1}\MatTPE{#2}}

2.9. Matriz por matriz

- \MN Producto de matriz por matriz
 304 \html@def\MN#1#2{\Mat{#1}\Mat{#2}}
- \MTN Producto de matriz transpuesta por matriz 305 \html@def\MTN#1#2{\MatT{#1}\Mat{#2}}
- \MTNp Producto de matriz transpuesta por matriz 306 \html@def\MTNp#1#2{\MatTpE{#1}\Mat{#2}}
- \MTNP Producto de matriz transpuesta por matriz 307 \html@def\MTNP#1#2{\MatTPE{#1}\Mat{#2}}
- \MNT Producto de matriz por matriz transpuesta 308 \html@def\MNT#1#2{\Mat{#1}\MatT{#2}}
- \MNTp Producto de matriz por matriz transpuesta 309 \html@def\MNTp#1#2{\Mat{#1}\MatTpE{#2}}

- \MNTP Producto de matriz por matriz transpuesta 310 \html@def\MNTP#1#2{\Mat{#1}\MatTPE{#2}}
- \MTM Producto de matriz transpuesta por matriz 311 \html@def\MTM#1{\MatT{#1}\Mat{#1}}
- \MTMp Producto de matriz transpuesta por matriz 312 \html@def\MTMp#1{\MatTpE{#1}\Mat{#1}}
- \MTMP Producto de matriz transpuesta por matriz 313 \html@def\MTMP#1{\MatTPE{#1}\Mat{#1}}
- \MMT Producto de matriz por su transpuesta 314 \html@def\MMT#1{\Mat{#1}}\MatT{#1}}
- \MMTp Producto de matriz por su transpuesta 315 \html@def\MMTp#1{\Mat{#1}\MatTpE{#1}}
- \MMTP Producto de matriz por su transpuesta 316 \html@def\MMTP#1{\Mat{#1}\MatTPE{#1}}
- \MNMT Producto de matriz por matriz por matriz transpuesta 317 \html@def\MNMT#1#2{\MN{#1}{#2}\MatT{#1}}
- \MNMTp Producto de matriz por matriz por matriz transpuesta 318 \html@def\MNMTp#1#2{\MN{#1}{#2}\MatTp{#1}}
- \MNMTP Producto de matriz por matriz por matriz transpuesta 319 \html@def\MNMTP#1#2{\MN{#1}{#2}\MatTP{#1}}
- \MTNM Producto de matriz transpuesta por matriz por matriz 320 \html@def\MTNM#1#2{\MatT{#1}\MN{#2}{#1}}
- \MTNMp Producto de matriz transpuesta por matriz por matriz 321 \html@def\MTNMp#1#2{\MatTp{#1}\MN{#2}{#1}}
- \MTNMP Producto de matriz transpuesta por matriz por matriz 322 \html@def\MTNMP#1#2{\MatTP{#1}\MN{#2}{#1}}

Matriz inversa

- \InvMat Inversa de una matriz

 323 \html@def\InvMat#1{\Inv{\Mat{#1}}}
- \InvMatp Inversa de una matriz

 324 \html@def\InvMatp#1{\Invp{\Mat{#1}}}
- \InvMatP Inversa de una matriz

 325 \html@def\InvMatP#1{\InvP{\Mat{#1}}}
- \InvMatpE Inversa de una matriz

 326 \html@def\InvMatpE#1{\InvpE{\Mat{#1}}}
- \InvMatPE Inversa de una matriz
 327 \html@def\InvMatPE#1{\InvPE{\Mat{#1}}}

- \InvMatT Inversa de una matriz transpuesta
 328 \html@def\InvMatT#1{\InvP{\MatT{#1}}}
- \InvMatTpE Inversa de una matriz transpuesta
 329 \html@def\InvMatTpE#1{\parentesis{\InvMatT{#1}}}
- \InvMatTPE Inversa de una matriz transpuesta

 330 \html@def\InvMatTPE#1{\Parentesis{\InvMatT{#1}}}
 - \TInvMat Transpuesta de la inversa de una matriz

 331 \html@def\TInvMat#1{\Trans{\InvMatpE{\MatT{#1}}}}
- \TInvMatpE Transpuesta de la inversa de una matriz
 332 \html@def\TInvMatpE#1{\parentesis{\TInvMat{#1}}}
- \TInvMatPE Transpuesta de la inversa de una matriz
 333 \html@def\TInvMatPE#1{\Parentesis{\TInvMat{#1}}}

2.10. Otros productos entre matrices y vectores

- \MTMV Producto de matriz transpuesta por matriz por vector 334 \html@def\MTMV#1#2{\MTM{#1}\Vect{#2}}
- \MTMVp Producto de matriz transpuesta por matriz por vector 335 \html@def\MTMVp#1#2{\MTMp{#1}\Vect{#2}}
- \MTMVP Producto de matriz transpuesta por matriz por vector 336 \html@def\MTMVP#1#2{\MTMP{#1}\Vect{#2}}
 - \VMW Producto de vector por matriz por vector
 337 \html@def\VMW#1#2#3{\VMM{#1}{#2}\Vect{#3}}
 - \VMV Producto de vector por matriz por vector
 338 \html@def\VMV#1#2{\VMW{#1}{#2}{#1}}
- \VMTW Producto de vector por matriz transpuesta por vector 339 \html@def\VMT\#1#2#3{\VMT\#1}{#2}\Vect\#3}}
- \VMTWp Producto de vector por matriz transpuesta por vector 340 \html@def\VMTWp#1#2#3{\VMTp{#1}{#2}\Vect{#3}}
- \VMTWP Producto de vector por matriz transpuesta por vector 341 \html@def\VMTWP#1#2#3{\VMTP{#1}{#2}\Vect{#3}}
- \VMTV Producto de vector por matriz transpuesta por vector 342 \html@def\VMTV#1#2{\VMTW{#1}{#2}{#1}}
- \VMTVp Producto de vector por matriz transpuesta por vector
 343 \html@def\VMTVp#1#2{\VMTWp{#1}{#2}{#1}}
- \VMTVP Producto de vector por matriz transpuesta por vector 344 \html@def\VMTVP#1#2{\VMTWP{#1}{#2}{#1}}
- \InvMTM Inversa del producto de una matriz transpuesta por ella misma 345 \html@def\InvMTM#1{\InvP{\MTM{#1}}}

2.11. Sistemas de ecuaciones

- \SEL Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial 346 \html@def\SEL#1#2#3{\MV{#1}{#2}=\Vect{#3}}
- \SELT Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coeficientes transpuesta)
 347 \html@def\SELT#1#2#3{\MTV{#1}{#2}=\Vect{#3}}
- \SELTP Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coeficientes transpuesta)

 348 \html@def\SELT#1#2#3{\MTVP{#1}{#2}=\Vect{#3}}
- \SELF Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coeficientes transpuesta)
 349 \html@def\SELF#1#2#3{\VM{#1}{#2}=\Vect{#3}}

2.12. Espacios vectoriales

- \EV Sistema de ecuaciones lineales con notación matricial (matriz de coef. transpuesta) 350 \html@def\EV#1{\mathcal{#1}}
- \EspacioNul Letra que denota al Espacio nulo (o núcleo)
 351 \html@def\EspacioNul{\EV{N}}
- \EspacioCol Letra que denota al Espacio Columna 352 \html@def\EspacioCol{\EV{C}}
 - \Nulls Espacio nulo (o núcleo) de un objeto
 353 \html@def\Nulls#1{\EspacioNul\Parentesis{#1}}
 - \nulls Espacio nulo (o núcleo) de una matriz
 354 \html@def\nulls#1{\Nulls{\Mat{#1}}}
 - \Cols Espacio columna de un objeto
 355 \html@def\Cols#1{\EspacioCol\Parentesis{#1}}
 - \cols Espacio columna de una matriz

 356 \html@def\cols#1{\Cols{\Mat{#1}}}
 - \Span Espacio generado por un sistema generador 357 \html@def\Span#1{\EV{L}\Parentesis{#1}}
 - \PSpan Espacio semi-euclídeo de probabilidad generado por un sistema 358 \html@def\PSpan#1{\EV{L{\!\!{\scriptscriptstyle{{}^P}}}}}\Parentesis{#1}}
 - \coord Coordenadas respecto de una base
 359 \html@def\coord#1#2{\Ridx{#1}{\Ridx{\mathbin{/}}{#2}}}
 - \coordP Coordenadas respecto de una base
 360 \html@def\coordP#1#2{\coord{\Parentesis{#2}}{#1}}
 - \coordPE Coordenadas respecto de una base

 361 \html@def\coordPE#1#2{\Parentesis{\coord{#2}{#1}}}

2.13. Notación funcional

```
\dom Dominio de una función

362 \html@def\dom{\mathrm{dom}}}

\mifum Breve descripción de una función

363 \html@def\mifun#1#2#3{#1 \colon #2 \to #3}

\deffum Breve descripción de una función

364 \html@def\deffun#1#2#3#4#5{%

365 \begin{array}{r@{\,}ccl}

366 #1\colon & #2 & \longrightarrow & #3\cr

367 & #4 & \longmapsto & \displaystyle#5

368 \end{array}}
```

Change History

Index

Numbers written in italic refer to the page where the corresponding entry is described; numbers underlined refer to the code line of the definition; numbers in roman refer to the code lines where the entry is used.

$\mathbf{Symbols}$	\cr 366	\dETEFPE <u>186</u>
\# 25		\dETEFpE <u>181</u>
\& 25	D	\determinante <u>263</u>
	\deffun $\dots \dots \underline{364}$	\Dim <u>268</u> , 269–273
${f A}$	\dEInv0Eg	\DimP <u>270</u> , 275
\adj <u>262</u>	<u>105,</u> 168, 173, 178, 183,	\Dimp <u>269</u> , 274
-	188, 193, 198, 203, 208, 213	\DimPE <u>272</u> , 277
В	\dEInvTEC <u>193</u>	\DimpE 271, 276
\begin	\dEInvTECP <u>203</u>	\dInv0Eg 104,
\Big 98, 99	\dEInvTECp <u>198</u>	$105, 167, 172, 177, \overline{182},$
\big	\dEInvTECPE	187, 192, 197, 202, 207, 212
\boldsymbol $88-91, 239, 242$	\dEInvTECpE	\dInvTEC 192
\mathbf{C}	\dEInvTEF <u>168</u>	\dInvTECP <u>202</u>
\CC 4	\dEInvTEFP <u>178</u>	\d InvTECp $\overline{197}$
\cdot 280, 283	\dEInvTEFp <u>173</u>	\dInvTECPE 212
\cdots 106, 107	\dEInvTEFPE <u>188</u>	\dInvTECpE <u>207</u>
\Cof	\dEInvTEFpE <u>183</u>	\dInvTEF <u>167</u>
\cof 261, 267	\dEOEg <u>103</u> , 166, 171, 176, 181,	\dInvTEFP <u>177</u>
\colon 363, 366	186, 191, 196, 201, 206, 211	\dInvTEFp <u>172</u>
\Cols 355, 356	$\verb \dEOEgE \dots \dots \underline{102}$	\dInvTEFPE <u>187</u>
\cols 356	\det 265	\dInvTEFpE <u>182</u>
\concat $\underline{25}$, $\overline{235}$	\dETEC <u>191</u>	\displaystyle 367
\concatSV 235	\dETECP $\dots \dots \underline{201}$	\d0Eg <u>101</u> , 103,
\conj	$\texttt{\detecp} \dots \underline{196}$	107, 165, 170, 175, 180,
\coord <u>359</u> , 360, 361	\detecpe $\dots \dots \underline{211}$	185, 190, 195, 200, 205, 210
\coordP <u>360</u>	$\texttt{\detecpe} \dots \underline{206}$	$\dOEgE 100, 101, 102, 104,$
\coordPE 361	\dETEF <u>166</u>	106, 164, 169, 174, 179,
\Corchetes $\underline{8}$	$\verb \deterf 176$	184, 189, 194, 199, 204, 209
\corchetes $\dots \underline{7}$	\dETEFp	\dom $\dots \dots \underline{362}$

		_
\dotProd 280 , 281, 282	\eleMpE <u>81</u>	L
\dotprod <u>283</u> , 284, 285	\elemR $48, 49-52, 63, 73$	\large 25
\dotProdP <u>282</u>	$\texttt{\ \ } \texttt{\ } $	\Lidx $\underline{13}$, 15-18, 43, 108, 118,
\dotProdp <u>281</u>	\elemRp $49, 64, 74$	128, 141, 144, 164-168, 214
\dotprodP <u>285</u>	\elemRPE $52, 67, 77$	\LidxE <u>10</u> , 13
\dotprodp <u>284</u>	\elemRpE <u>51</u> , 66, 76	\LidxP <u>16</u> , 110, 120, 130, 174-178
\dSOEg . <u>107</u> , 144, 149, 154, 155	\eleMT 83	\Lidxp <u>15</u> , 109, 119, 129, 169–173
\dS0EgE 106	\eleMTP 85	\LidxPE
\dTEC 190	\eleMTp 84	<u>18,</u> 112, 122, 132, 184–188
\dTECP 200	\eleMTPE 87	\LidxpE
\dTECp <u>195</u>	\eleMTpE 86	<u>17,</u> 111, 121, 131, 179–183
\dTECPE 210	\eleVL 58	\limits 268
\dTECpE 205	\eleVLP 60	\longmapsto 367
\dTEEC <u>189</u>		\longrightarrow 366
\dTEECP 199	-	\LRidx <u>12,</u> 53, 154, 155, 224
\dTEECp 194	\eleVLPE <u>62</u>	\LRidxE
\dTEECPE 209	\eleVLpE <u>61</u>	\LRidxP
\dTEECpE	\eleVR <u>63</u>	\LRidxp
\dTEEF	\eleVRP <u>65</u>	\LRidxPE 228
\dTEEFP	\eleVRp $\underline{64}$	\LRidxpE
\dTEEFp	\eleVRPE <u>67</u>	\Lsh
\dTEEFPE	$\verb \eleVRpE \dots \dots \underline{66}$	\lambda \text{Vert} \\ \text{229}
\dTEEFpE	\end 368	\TVert 20
-	\E0Epr <u>99</u>	\mathbf{M}
\dTEFD 175	\E0Esu <u>98</u>	\Mat 68-83,
\dTEFP	\eSc <u>278</u>	,
\dTEFp	\esc <u>279</u>	138, 139, 142, 143, <u>242</u> ,
\dTEFPE	\EspacioCol <u>352</u> , 355	243–247, 249, 250, 264,
\dTEFpE 180	\EspacioNul 351, 353	267, 273–277, 292–297,
\dTrC <u>219</u> , 220–223	\EV <u>350</u> , 351, 352, 357 , 358	304–316, 323–327, 354, 356
\dTrCP <u>221</u>	<u> </u>	\Matdim 273
\dTrCp <u>220</u>	${f F}$	\MatdimP
$\ \ \ \ \ \ \ \ $	-	\Matdimp $\dots $ $\overline{\underline{274}}$
\dTrCPE	\fueraitemL <u>229</u> , 231, 232	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
\dTrCPE	-	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\dTrCPE	\fueraitemL 229, 231, 232 \fueraitemR 230, 231, 233	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$
\dTrCPE	\fueraitemL $\underline{229}$, 231, 232 \fueraitemR $\underline{230}$, 231, 233	\Matdimp \ \frac{274}{275} \ \MatdimPE \ \frac{277}{276} \ \MatdimpE \ \frac{276}{1-4} \ \mathbf \ 40
\dTrCPE \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\fueraitemL $\underline{229}$, 231, 232 \fueraitemR $\underline{230}$, 231, 233 \\ \mathbf{G} \\ \text{getItem} $\underline{40}$, 41, 42	\Matdimp \ \ \frac{274}{274} \ \MatdimPE \ \ \frac{277}{276} \ \MatdimpE \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrCPE 223 \dTrCpE 222 \dTrF 214, 215-218 \dTrFC 224 \dTrFCP 226 \dTrFCP 225 \dTrFCPE 228	\fueraitemL $\underline{229}$, 231, 232 \fueraitemR $\underline{230}$, 231, 233 \end{array} \mathbf{G} \getItem $\underline{40}$, 41, 42 \getitemL $\underline{41}$, 43, 53	\Matdimp \ \ \frac{274}{274} \ \MatdimPE \ \ \frac{276}{276} \ \mathbb \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrCPE 223 \dTrCpE 222 \dTrF 214, 215-218 \dTrFC 224 \dTrFCP 226 \dTrFCPE 225 \dTrFCPE 228 \dTrFCPE 227	\fueraitemL $\underline{229}$, 231, 232 \fueraitemR $\underline{230}$, 231, 233 \\ \mathbf{G} \\ \text{getItem} $\underline{40}$, 41, 42	\Matdimp \ \frac{274}{274} \ \MatdimPE \ \frac{277}{276} \ \MatdimpE \ \frac{276}{276} \ \mathbb \ \frac{1-4}{40} \ \mathbin \ \frac{29}{41}, 42, 235, 359 \ \mathcal \ \frac{350}{20} \ \mathfrak \ \frac{92}{20} \
\dTrCPE 223 \dTrCPE 222 \dTrF 214, 215-218 \dTrFC 224 \dTrFCP 226 \dTrFCPE 228 \dTrFCPE 227 \dTrFP 216	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\Matdimp \ \ \frac{274}{274} \ \MatdimpE \ \ \frac{277}{276} \ \mathbb \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrCPE 223 \dTrCpE 222 \dTrF 214, 215-218 \dTrFC 224 \dTrFCP 226 \dTrFCPE 228 \dTrFCPE 227 \dTrFP 216 \dTrFP 215	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\Matdimp \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrCPE	$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	\Matdimp \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrCPE 223 \dTrCpE 222 \dTrF 214, 215-218 \dTrFC 224 \dTrFCP 226 \dTrFCPE 228 \dTrFCPE 227 \dTrFP 216 \dTrFP 215	\fueraitemL 229, 231, 232 \fueraitemR 230, 231, 233 \end{align*} \textbf{G} \text{\text{getItem} 40, 41, 42 \getitemL 41, 43, 53 \getitemR 42, 48, 53 \end{align*} \text{\text{H}} \text{\text{hbox} 34}	\Matdimp \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrCPE	\fueraitemL \frac{229}{231}, 232 \\frac{230}{230}, 231, 233 \\ \textbf{G} \text{\getItem \frac{40}{41}, 42}{\getitemL \frac{41}{42}, 43, 53} \\ \text{\getitemR \frac{42}{42}, 48, 53} \\ \text{H} \text{\hbox \frac{34}{42}}	\Matdimp \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrCPE	\fueraitemL 229, 231, 232 \fueraitemR 230, 231, 233 \end{align*} \textbf{G} \text{\text{getItem} 40, 41, 42 \getitemL 41, 43, 53 \getitemR 42, 48, 53 \end{align*} \text{\text{H}} \text{\text{hbox} 34} \text{\text{I}} \text{\text{lintercal} 28}	\Matdimp \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrCPE	\fueraitemL 229, 231, 232 \fueraitemR 230, 231, 233 \end{align*} \textbf{G} \text{\text{getItem} 40, 41, 42 \getitemL 41, 43, 53 \getitemR 42, 48, 53 \end{align*} \text{H} \text{\text{hbox} 34} \text{I} \text{intercal} 28 \\ \text{Inv}	\Matdimp \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrCPE	\fueraitemL 229, 231, 232 \fueraitemR 230, 231, 233 \end{align*} \textbf{G} \text{\text{G}} \text{\text{getItem} 40, 41, 42 \text{\text{getitemL} 41, 43, 53 \text{\text{getitemR} 42, 48, 53} \end{align*} \text{\text{H}} \text{\text{hbox} 34} \text{\text{I}} \text{\text{lintercal} 28 \text{\text{Inv} 35, 36-39, 323 \text{\text{InvMat} 323} \text{\text{\text{NovMat} 323}}	\Matdimp \ \ \frac{274}{275} \ \MatdimpE \ \ \frac{276}{276} \ \mathbb \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrCPE	\fueraitemL	\Matdimp \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrCPE	\fueraitemL	\Matdimp \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrCPE	\fueraitemL	\Matdimp \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrCPE	\fueraitemL	\Matdimp \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrCPE	\fueraitemL	$\begin{tabular}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$
\dTrCPE	\fueraitemL	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
\dTrCPE	\fueraitemL	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
\dTrCPE \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\fueraitemL	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
\dTrCPE \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\fueraitemL	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
\dTrCPE \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\fueraitemL	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
\dTrCPE \ 223 \\dTrCPE \ 222 \\dTrF \ 214, 215-218 \\dTrFC \ 224 \\dTrFC \ 226 \\dTrFCP \ 226 \\dTrFCP \ 226 \\dTrFCP \ 225 \\dTrFCP \ 225 \\dTrFCPE \ 228 \\dTrFCPE \ 227 \\dTrFP \ 216 \\dTrFP \ 216 \\dTrFP \ 215 \\dTrFP \ 215 \\dTrFPE \ 217 \\TrFP \ 216 \\dTrFPE \ 217 \\\TrFPE \ 217 \\\TrFPE \ 217 \\\TrFPE \ 217 \\\TrFPE \ 217 \\\\TrFPE \ 217 \\\\TrFPE \ 217 \\\\\TrFPE \ 217 \\\\\\TrFPE \ 217 \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	\fueraitemL \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\Matdimp \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
\dTrCPE \ 223 \\dTrCPE \ 222 \\dTrF \ 214, 215-218 \\dTrFC \ 224 \\dTrFC \ 226 \\dTrFCP \ 226 \\dTrFCP \ 226 \\dTrFCP \ 225 \\dTrFCP \ 225 \\dTrFCPE \ 228 \\dTrFCPE \ 227 \\dTrFP \ 216 \\dTrFP \ 216 \\dTrFP \ 215 \\dTrFP \ 217 \\dTrFPE \ 218 \\dTrFPE \ 217 \\dTrFPE \ 218 \\dTrFPE \ 217 \\dTrFPE	\fueraitemL	\Matdimp \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \

\MintT <u>139</u>	153, 157, 159, 161, 163,	\SITECP <u>151</u>
\minus $\dots \dots 34, 35, \overline{104}$	216, 218, 221, 223, 238,	\SITECp 150
\MMT 314	241, 244, 252, 259, 260,	\SITECPE 153, 159
\MMTP 316	270, 272, 282, 285, 288,	\SITECpE 152
\MMTp 315	291, 294, 297, 330, 333,	\SITECR 163
\MN304, 317–322	353, 355, 357, 358, 360, 361	\SITECRPE
\MNMT	\parentesis 5 , 15, 17,	\SITEF <u>144</u> , 145–148
\MNMTP <u>319</u>	19, 21, 30, 32, 36, 38,	\SITEFC <u>154</u> , 156–158
\MNMTp <u>318</u>	44, 46, 49, 51, 54, 56,	\SITEFCP <u>157</u>
\MNT <u>308</u>	145, 147, 150, 152, 156,	\SITEFCp <u>156</u>
\MNTP <u>310</u>	158, 160, 162, 215, 217,	\SITEFCpE <u>158</u>
\MNTp <u>309</u>	220, 222, 237, 240, 243,	\SITEFCPR <u>161</u>
\modulus <u>27,</u> 263	267, 269, 271, 281, 284,	\SITEFCR <u>155</u> , 160–162
\MP	287, 290, 293, 296, 329, 332	\SITEFCRP 161
\MPT <u>143</u>	\PC <u>140</u> , 141, 142	\SITEFCRp <u>160</u>
\MTM 311, 334, 345	\pe <u>91,</u> 96	\SITEFCRpE <u>162</u>
\MTMP 313, 336	\perm <u>92,</u> 97	\SITEFP <u>146</u>
\MTMp 312, 335	\PF <u>141</u> , 143	\SITEFp <u>145</u>
\MTMV 334	\pr <u>90,</u> 95	\SITEFPE 148
\MTMVP 336	\prodH 286, 287, 288	\SITEFpE 147
\MTMVp	\prodh 289, 290, 291	\Span 357
\MTN	\prodHP 288	\su
\MTNM	\prodHp	\subMat
	\prodhP 291	\SV
\MTNMP	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	\DV
\MTND \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	Т
\MTNP <u>307</u>	\PSpan <u>358</u>	\T 28, 29
\MTNp	0	
\MTV \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	Q	
\MTVP <u>300</u> , 348	\quitaL 232	\TEIC <u>133</u> , 138
\MTVp <u>299</u>	\quitaLR <u>231</u> , 264	\TEICP <u>135</u>
\MV	\quitaR <u>233</u>	\TEICp
\MV	-	\TEICPE <u>137</u>
	R	\TEICPE
\MVectC <u>253</u>	R \Rango 258	\TEICPE <u>137</u>
\MVectC	R	\TEICPE
$\begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	R \Rango 258	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	R \Rango	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	R \Rango	$ \begin{array}{cccc} \text{\colored} & & & & & & & & & & & & \\ \text{\colored} & & & & & & & & & \\ \text{\colored} & & & & & & & & \\ \text{\colored} & & & & & & & \\ \text{\colored} & & & & & & & \\ \text{\colored} & & & & & & & \\ \text{\colored} & & \\ \text{\colored} & & \\ \text{\colored} & & \\ \text{\colored} & & \\ \text{\colored}$
	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TEICPE \frac{137}{236} \TEIF \frac{128}{128}, \frac{139}{139} \TEIFP \frac{130}{129} \TEIFPE \frac{132}{132}
$ \begin{tabular}{lllllllllllllllllllllllllllllllllll$	R \Rango	\TEICPE \frac{137}{136} \TEIF \frac{128}{139} \TEIFP \frac{130}{129} \TEIFPE \frac{132}{131}
$ \begin{tabular}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	R \Rango	\TEICPE \frac{137}{136} \TEIFP \frac{128}{139} \TEIFP \frac{130}{129} \TEIFPE \frac{132}{132} \TEIFPE \frac{131}{123} \TEPC \frac{123}{123}
$\begin{tabular}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	R \Rango	\TEICPE \frac{137}{136} \TEICPE \frac{136}{136} \TEIF \frac{128}{130} \TEIFP \frac{129}{129} \TEIFPE \frac{132}{131} \TEPC \frac{123}{125} \TEPCP \frac{125}{125}
$\begin{tabular}{ c c c c c } \hline & & & & & & & & & \\ \hline & & & & & & & &$	R \Rango	\TEICPE \frac{137}{136} \TEIFP \frac{128}{139} \TEIFP \frac{129}{129} \TEIFPE \frac{132}{132} \TEIFPE \frac{131}{131} \TEPCP \frac{125}{125} \TEPCP \frac{124}{127}
$\begin{tabular}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	R \Rango	\TEICPE \frac{137}{136} \TEIFP \frac{128}{139} \TEIFP \frac{129}{129} \TEIFPE \frac{132}{132} \TEIFPE \frac{131}{131} \TEPCP \frac{125}{125} \TEPCPE \frac{127}{127} \TEPCPE \frac{126}{126}
$\begin{tabular}{ c c c c c } \hline & & & & & & & & & \\ \hline & & & & & & & &$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TEICPE \frac{137}{136} \TEIFP \frac{128}{139} \TEIFP \frac{129}{129} \TEIFPE \frac{132}{132} \TEIFPE \frac{131}{131} \TEPCP \frac{125}{125} \TEPCP \frac{124}{127} \TEPCPE \frac{126}{126} \TEPF \frac{118}{118}
\MVectC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	R \Rango	\TEICPE 137 \TEICPE 136 \TEIF 128, 139 \TEIFP 130 \TEIFP 129 \TEIFPE 131 \TEPC 123 \TEPCP 125 \TEPCP 124 \TEPCPE 126 \TEPF 118 \TEPFP 120
\MVectC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TEICPE \frac{137}{136} \TEICPE \frac{136}{139} \TEIFP \frac{130}{130} \TEIFP \frac{129}{129} \TEIFPE \frac{131}{131} \TEPC \frac{123}{123} \TEPCP \frac{125}{125} \TEPCPE \frac{127}{126} \TEPCPE \frac{126}{126} \TEPFP \frac{120}{120} \TEPFP \frac{119}{119}
\MVectC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TEICPE 137 \TEICPE 136 \TEIF 128, 139 \TEIFP 130 \TEIFP 129 \TEIFPE 132 \TEIFPE 131 \TEPC 123 \TEPCP 125 \TEPCPE 127 \TEPCPE 126 \TEPF 118 \TEPFP 120 \TEPFP 119 \TEPFPE 122
$\begin{tabular}{ c c c c c } \hline & & & & & & & & & \\ \hline & & & & & & & &$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TEICPE \frac{137}{136} \TEIFP \frac{128}{139} \TEIFP \frac{130}{129} \TEIFPE \frac{132}{132} \TEIFPE \frac{131}{131} \TEPC \frac{123}{123} \TEPCP \frac{125}{125} \TEPCP \frac{124}{125} \TEPCPE \frac{126}{126} \TEPFP \frac{120}{120} \TEPFP \frac{119}{120} \TEPFPE \frac{122}{122} \TEPFPE \frac{122}{121}
\MVectC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TEICPE \frac{137}{136} \TEICPE \frac{136}{136} \TEIF \frac{128}{139} \TEIFP \frac{129}{129} \TEIFPE \frac{131}{131} \TEPC \frac{123}{123} \TEPCP \frac{125}{125} \TEPCP \frac{124}{125} \TEPCPE \frac{127}{127} \TEPCPE \frac{126}{120} \TEPFP \frac{120}{120} \TEPFP \frac{122}{122} \TEPFPE \frac{122}{121} \TESC \frac{113}{13}
\MVectC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TEICPE \frac{137}{136} \TEIFP \frac{128}{139} \TEIFP \frac{130}{129} \TEIFPE \frac{132}{132} \TEIFPE \frac{131}{131} \TEPC \frac{123}{123} \TEPCP \frac{125}{125} \TEPCP \frac{124}{125} \TEPCPE \frac{127}{126} \TEPFP \frac{120}{120} \TEPFP \frac{120}{120} \TEPFPE \frac{122}{122} \TEPFPE \frac{121}{121} \TESC \frac{113}{115}
\MVectC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	R \Rango	\TEICPE \frac{137}{136} \TEIFP \frac{128}{139} \TEIFP \frac{129}{129} \TEIFPE \frac{132}{132} \TEIFPE \frac{131}{131} \TEPC \frac{123}{123} \TEPCP \frac{125}{125} \TEPCP \frac{124}{124} \TEPCPE \frac{126}{126} \TEPFP \frac{118}{120} \TEPFP \frac{120}{120} \TEPFPE \frac{122}{122} \TEPFPE \frac{121}{121} \TESC \frac{113}{135} \TESCP \frac{114}{142}
\MVectC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TEICPE \frac{137}{136} \TEIFP \frac{128}{139} \TEIFP \frac{129}{129} \TEIFPE \frac{132}{132} \TEIFPE \frac{131}{131} \TEPC \frac{123}{123} \TEPCP \frac{125}{125} \TEPCP \frac{124}{124} \TEPCPE \frac{127}{126} \TEPCPE \frac{126}{126} \TEPFP \frac{120}{120} \TEPFPE \frac{122}{122} \TEPFPE \frac{121}{121} \TESC \frac{113}{133} \TESCP \frac{114}{142} \TESCPE \frac{117}{114}
\MVectC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	\TEICPE 137 \TEICPE 136 \TEIF 128, 139 \TEIFP 130 \TEIFP 129 \TEIFPE 132 \TEIFPE 131 \TEPC 123 \TEPCP 125 \TEPCP 124 \TEPCPE 127 \TEPCPE 126 \TEPF 118 \TEPFP 120 \TEPFP 122 \TEPFPE 121 \TESC 113 \TESCP 115 \TESCP 114 \TESCPE 117 \TESCPE 116
$\begin{tabular}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	R \Rango	\TEICPE 137 \TEICPE 136 \TEIF 128, 139 \TEIFP 130 \TEIFP 129 \TEIFPE 132 \TEIFPE 131 \TEPC 123 \TEPCP 125 \TEPCP 124 \TEPCPE 126 \TEPF 118 \TEPFP 120 \TEPFP 122 \TEPFPE 121 \TESC 113 \TESCP 115 \TESCP 114 \TESCPE 116 \TESCPE 116 \TESCF 108
\MVectC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	R \Rango	\TEICPE \frac{137}{136} \TEIF \frac{128}{139} \TEIFP \frac{129}{129} \TEIFPE \frac{132}{132} \TEIFPE \frac{131}{131} \TEPC \frac{123}{123} \TEPCP \frac{125}{125} \TEPCP \frac{124}{124} \TEPCPE \frac{126}{126} \TEPFP \frac{120}{120} \TEPFP \frac{120}{120} \TEPFPE \frac{122}{122} \TEPFPE \frac{121}{122} \TESC \frac{113}{133} \TESCP \frac{114}{144} \TESCPE \frac{116}{116} \TESFP \frac{108}{108} \TESFP \frac{108}{110}
\MVectC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	R \Rango	\TEICPE 137 \TEICPE 136 \TEIF 128, 139 \TEIFP 129 \TEIFPE 132 \TEIFPE 131 \TEPCC 123 \TEPCP 125 \TEPCP 124 \TEPCPE 126 \TEPF 118 \TEPFP 120 \TEPFP 120 \TEPFP 122 \TEPFPE 121 \TESC 113 \TESCP 115 \TESCP 114 \TESCPE 116 \TESFP 108 \TESFP 109
\MVectC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	R \Rango	\TEICPE 137 \TEICPE 136 \TEIF 128, 139 \TEIFP 129 \TEIFPE 132 \TEIFPE 131 \TEPCC 123 \TEPCP 125 \TEPCP 124 \TEPCPE 126 \TEPF 118 \TEPFP 120 \TEPFP 120 \TEPFP 122 \TEPFPE 121 \TESC 113 \TESCP 115 \TESCPE 114 \TESCPE 116 \TESFP 108 \TESFP 109 \TESFPE 109 \TESFPE 112
\MVectC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	R \Rango	\TEICPE 137 \TEICPE 136 \TEIF 128, 139 \TEIFP 129 \TEIFPE 132 \TEIFPE 131 \TEPCC 123 \TEPCP 125 \TEPCP 124 \TEPCPE 126 \TEPF 118 \TEPFP 120 \TEPFP 120 \TEPFP 122 \TEPFPE 121 \TESC 113 \TESCP 115 \TESCPE 114 \TESCPE 116 \TESFP 108 \TESFP 109 \TESFPE 112 \TESFPE 112 \TESFPE 112 \TESFPE 112 \TESFPE 112 \TESFPE 112 \TESFPE 111
\MVectC \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	R \Rango	\TEICPE 137 \TEICPE 136 \TEIF 128, 139 \TEIFP 129 \TEIFPE 132 \TEIFPE 131 \TEPCC 123 \TEPCP 125 \TEPCP 124 \TEPCPE 126 \TEPF 118 \TEPFP 120 \TEPFP 120 \TEPFP 122 \TEPFPE 121 \TESC 113 \TESCP 115 \TESCPE 114 \TESCPE 116 \TESFP 108 \TESFP 109 \TESFPE 109 \TESFPE 112

$\verb \TInvMatPE \underline{333}$	\\Vect $58-67, \underline{239}, 240,$	\VMM 337
\TInvMatpE332	241, 283, 289, 292-303,	\VMPE <u>297</u>
\to 363	334-337, 339-341, 346-349	$\verb VMpE \dots \dots \underline{296}$
\Trans 29,	\vect 236 , 237, 238, 279	\VMT <u>301</u> , 339
30–33, 245, 255, 256, 331	$\verb+VectC+ \underline{73}, 253, 255$	\VMTP <u>303</u> , 341
\TransP 31, 247, 251	$\verb+\VectCP+ \dots $	$\VMTp \dots 302, 340$
\Transp 30, 246	\VectCp <u>74</u>	\VMTV <u>342</u>
	\VectCPE 77	\VMTVP <u>344</u>
\TransPE 33, 250	\VectCpE 76	\VMTVp <u>343</u>
\TranspE $\dots \dots \underline{32}, 249$	\VectF 68, 254, 256	\VMTW <u>339</u> , 342
\Traza <u>257,</u> 259		\VMTWP 341, 344
\traza <u>259</u>	<u> </u>	\VMTWp 340, 343
\TrEl $88, 93, \overline{100}$	\VectFp <u>69</u>	\VMV 338
,, , , , , , , , , , , , , , , , ,	\VectFPE <u>72</u>	\VMW 337, 338
**	$\ensuremath{\mbox{VectFpE}}$ $\underline{71}$	<u> </u>
\mathbf{U}	$\ensuremath{\mathtt{VectP}}$ $\underline{241}$	\mathbf{W}
\underset 93	\Vectp <u>240</u>	\widebar 23, 24
	\vectP 238	(#140241 · · · · · · · · · · · · · · · <u>=0</u> , 11
\mathbf{V}	\vectp $\dots $ $\overline{237}$	${f z}$
\vec 236	\VM <u>295,</u> 349	\Zz <u>2</u>