Формальная классификация голоморфно однородных СR-многообразий

Степанова Мария Александровна Математический институт им. В.А. Стеклова Российской академии наук step_masha@mail.ru

Секция: Комплексный анализ

Мы покажем, что с точностью до формальной эквивалентности число параметров, задающих голоморфно однородное многообразие фиксированного CR-типа (n,K), конечно (здесь n — CR-размерность, K — коразмерность). Этого естественно ожидать, исходя из имеющихся списков голоморфно однородных многообразий малых размерностей: списки состоят из семейств уравнений, зависящих лишь от конечного числа параметров (см. список литературы). Вопрос о конечности числа параметров возникает естественно еще и потому, что все имеющиеся классификации основаны на классификациях алгебр Ли малых размерностей (размерность алгебры должна быть равна размерности многообразия). А число параметров, задающих алгебры Ли фиксированной размерности, конечно (в качестве параметров можно выбрать структурные константы алгебры). Трудность состоит в том, что у одной алгебры может быть несколько неэквивалентных реализаций в виде векторных полей.

Также мы приведем оценку на число параметров, зависящую только от n и K.

Исследование выполнено за счет гранта Российского научного фонда № 24-11-00196, https://rscf.ru/project/24-11-00196/.

- [1] E. Cartan, "Sur la géométrie pseudoconforme des hypersurfaces de l'espace de deux variables complexes", Ann. Math. Pura Appl, 11:4 (1932), 17–90.
- [2] V.K. Beloshapka, I.G. Kossovskiy, "Classification Of Homogeneous CR-Manifolds In Dimension 4", Journal of Mathematical Analysis and Application, 374 (2011) 655-672.
- [3] А. В. Лобода, "Голоморфно однородные вещественные гиперповерхности в С3", Тр. ММО, 81, № 2, МЦНМО, М., 2020, 205–280.