Об одной теоретико-числовой сумме

Юделевич Виталий Викторович

МГУ им. М.В. Ломоносова

Vitaliiyudelevich@mail.ru

Секция: Теория чисел и дискретная математика

В докладе пойдёт речь о доказательстве асимптотической формулы

$$\sum_{n \leqslant x} \frac{r(n)}{r(n+1)} = x(\ln x)^{-3/4}(c + o(1)), \quad (x \to +\infty),$$

где r(n) обозначает число представлений n суммою двух квадратов:

$$r(n) = \# \left\{ (a,b) \in \mathbb{Z}^2 : n = a^2 + b^2 \right\},$$

c — это некоторая положительная постоянная, а штрих означает суммирование по тем n, для которых $r(n+1) \neq 0$.