Оценки весовых сумм коэффициентов аналитических функций в круге

Хасянов Рамис Шавкятович Санкт-Петербургский государственный университет st070255@student.spbu.ru Секция: Комплексный анализ

В докладе будет рассказано об оценках следующих функционалов в классах аналитических функций в круге:

$$\sum_{n\geq m}c_n|lpha_n|^2r^{2n}$$
 и $\sum_{n\geq m}c_n|lpha_n|r^n$, $0\leq r<1$, $m\geq 0$.

Частными случаями этих сумм являются функционал площади, вторая норма на окружности и мажорантный ряд. Мы развиваем метод И.Р. Каюмова и С. Поннусами [2], используя в оценках результат Э. Райха [3], который обобщает теорему Голузина о мажорации подчинённых функций [4]. Сначала мы докажем общую теорему, после чего сформулируем важные следствия, например, мы докажем точную оценку площади образа круга радиуса r под действием ограниченной в единичном круге функции.

- [1] Khasyanov R., The Bohr radius and the Hadamard convolution operator, J. Math. Anal. Appl., 127782, (2024).
- [2] Kayumov I., Ponnusamy S., Bohr's inequalities for the analytic functions with lacunary series and harmonic functions, J. Math. Anal. Appl., V.465, No.2, (2018), 857–871.
- [3] Reich E., An inequality for subordinate analytic functions, Pacific J. Math., V.4, No.2, (1954), 259–274.
- [4] Голузин Г. М., *О мажорации подчинённых функций*, Матем. сб., Т.29, №71, (1951), 209–224.