Гиперэллиптические римановые поверхности и их многомерные аналоги

Медных Александр Дмитриевич Институт математики им. С.Л. Соболева СО РАН

smedn@mail.ru

Секция: Комплексный анализ

Основная цель настоящего доклада — введение в теорию гиперэллиптических поверхностей и их трехмерных и одномерных аналогов. Доклад содержит конструктивное описание гиперэллиптических многообразий в случае малой размерности и их основных свойств. Будут приведены дискретные и многомерные варианты теорем Фаркаша, Кра и Акколы, хорошо известными в комплексном анализе. Также мы даем частичный ответ на задачу де Франшиса, поставленную в 1913 году. Точнее, мы даем структурное описание всех голоморфных отображений между римановыми поверхностями рода три и рода два. В результате получаем точную верхнюю оценку размера множества таких отображений. Результаты получены совместно с И. А. Медных.

- [1] Mednykh, A. D., Mednykh, I.A., The equivalence classes of holomorphic mappings of genus 3 Riemann surfaces onto genus 2 Riemann surfaces, Sib. Math. J., 57:6 (2016), 1055–1065.
- [2] Mednykh, I. A., Discrete analogs of Farkas and Accola's theorems on hyperelliptic coverings of a Riemann surface of genus 2, Math. Notes, 96:1 (2014), 84–94.
- [3] Mednykh, I. A., On the sharp upper bound for the number of holomorphic mappings of Riemann surfaces of low genus, Sib. Math. J., 53:2 (2012), 259–273.
- [4] Mednykh, I. A., Classification up to equivalence of the holomorphic mappings of Riemann surfaces of low genus, Sib. Math. J., 51:6 (2010), 1091–1103.
- [5] A.D. Mednykh, M. Reni, Twofold unbranched coverings of genus two 3-manifolds are hyperelliptic, Isr. J. Math., 123 (2001), 149–155.