## Вещественная интерполяция пространств типа Харди

Руцкий Дмитрий Владимирович Санкт-Петербургское отделение Математического институтаим. В. А.Стеклова РАН rutsky@pdmi.ras.ru

Секция: Вещественный и функциональный анализ

Пространства типа Харди для квазинормированных решёток измеримых функций X на единичной окружности  $\mathbb T$  задаются как  $X_A = X \cap N^+$ , где  $N^+$  — граничный класс Смирнова. В частности, для пространств Лебега получаются обычные пространства Харди  $(L_p)_A = H_p$ .

В докладе будет рассмотрен вопрос о характеризации К-замкнутости и устойчивости вещественной интерполяции пар  $(X_A, Y_A)$  таких пространств в достаточно общей ситуации. Первое свойство означает, что произвольные измеримые разложения в X+Y функций из  $X_A+Y_A$  могут быть исправлены до аналитических с оценками норм слагаемых через исходное разложение. Второе свойство — это формула  $(X_A, Y_A)_{\theta,q} = \left[ (X, Y)_{\theta,q} \right]_A$ .

Оказывается, оба эти свойства можно охарактеризовать в терминах свойства ограниченной ВМО-регулярности: для всяких функций  $f \in X$ ,  $g \in Y$  существуют некоторые функции  $u \in X$  и  $v \in Y$  с оценками норм через f и g, такие, что  $u+v \geqslant |f|+|g|$  и  $\log u/v$  лежит в ВМО с подходящей оценкой нормы. Это свойство обобщает известное свойство ВМО-регулярности, где вместо условия мажорирования в совокупности имеется индивидуальное мажорирование:  $u \geqslant |f|$  и  $v \geqslant |g|$ . Такую характеризацию удаётся установить для общей ситуации, где от решёток требуется лишь свойство Фату, хотя технически она получается довольно сложной и громоздкой. С другой стороны, в важном частном случае  $Y = L_{\infty}$  этот результат можно получить довольно элементарными средствами.

- [1] S. V. Kisliakov, *Interpolation of H<sup>p</sup>-spaces: some recent developments*, Function spaces, interpolation spaces, and related topics (Haifa, 1995), Israel Math. Conf. Proc., vol. 13, Bar-Ilan Univ., Ramat Gan, 1999, pp. 102–140.
- [2] D. V. Rutsky, Real Interpolation of Hardy-type Spaces and BMO-regularity, Journal Fourier Anal. Appl, 26 (2020), no. 4, 1–40.
- [3] Д. В. Руцкий, Вещественная интерполяция пространств типа Харди: анонс и некоторые замечания, Зап. научн. сем. ПОМИ, 480 (2019), 170–190.