Сюръективность и инъективность операторов свертки: некоторые междисциплинарные результаты

Андреева Татьяна Михайловна Южный федеральный университет metzi@yandex.ru
Секция: Комплексный анализ

Пусть G — выпуклая ограниченная область комплексной плоскости \mathbb{C} , H(G) — пространство всех функций, голоморфных в G, $V=(v_n)_{n=1}^{\infty}$ — последовательность возврастающих функций, непрерывных в G. Обозначим $VH(G):=\bigcup_{n=1}^{\infty}H_{v_n}(G)$, где

$$H_{v_n}(G) := \left\{ f \in H(G) : ||f||_{v_n} := \sup_{z \in G} rac{|f(z)|}{\mathrm{e}^{v_n(z)}}
ight\}, \;\; n \in \mathbb{N}.$$

В работе рассматриваются решения уравнения свертки $\mu * f = g$, где $\mu : VH(G+K) \to VH(G)$ — аналитический функционал с носителем в выпуклом компакте K.

Основные результаты основаны на условиях сюрьективности обозначенных операторов [1, 2]. Рассматриваются некоторые междисциплинарные вопросы, которые сводятся к качественным свойствам описанных в докладе отображений.

- [1] Abanin A. V, Andreeva T. M.On the surjectivity of the convolution operator in spaces of holomorphic functions of a prescribed growth // Vladikavkaz. Mat. Zh.—2018.—20(2). —Pp. 3–15.
- [2] Abanin A. V, Andreeva T. M.Analytic Description of the Spaces Dual to Spaces of Holomorphic Functions of Given Growth on Caratheodory Domains // Mat. Zametki.—2018.—104:3. —Pp. 323–335.