

Ad Soyad:

Öğrenci No:

MEKATRONİK BÖLÜMÜ
BİLGİSAYARLI KONTROL SİSTEMLERİ

Ders Kodu:	MKT2002		Tarih:	10.03.2025
Sınav Türü:	Ara Sınav		Saat:	10:00
Dönemi:	2024-2025		Süre:	90dk

Soru:	1a	1b	2a	2b	Toplam
Puan:	25	25	25	25	100
Not:					

Uyarı:

- Soruları dikkatlice okuyunuz. Hesap makinesi kullanılabilir.
- Defter, kitap ve notlar açık bir sınavdır.
- İşlemleri atlamadan ve ayrıntılı olarak veriniz. Sadece nümerik yanıtlar veya çizimler ara işlemler olmadan kabul edilmemektedir.
- Yuvarlamalar 2 hane yapılacaktır. $1.99456 \approx 1.99$ olarak alınacaktır.

S1. İkinci dereceden bir sistem

$$G(s) = \frac{12}{s^2 + 5s + 4} \quad (1)$$

olarak verilmiştir.

- (a) (25p) $G(s)$ transfer fonksiyonunun z tanım bölgesinde karşılığını $G(z)$ 'yi elde ediniz. Dönüşüm,

$$G(z) = \mathcal{Z} \left\{ (1 - e^{-sT}) \left(\frac{12}{s(s^2 + 5s + 4)} \right) \right\} \quad (2)$$

olmak üzere verilen transfer fonksiyonu

$$\begin{aligned} \frac{12}{s^3 + 5s^2 + 4s} &= \frac{A}{s} + \frac{B}{s+1} + \frac{C}{s+4} \\ &= \frac{As^2 + 5As + 4A + Bs^2 + 4Bs + Cs^2 + Cs}{s(s+1)(s+4)} \end{aligned}$$

$$As^2 + 5As + 4A + Bs^2 + 4Bs + Cs^2 + Cs = 12$$

$$A + B + C = 0 \quad 5A + 4B + C = 0 \quad 4A = 12 \quad (3)$$

$$A = 3 \quad B = -4 \quad C = 1$$

$$\frac{12}{s^3 + 5s^2 + 4s} = \frac{3}{s} - \frac{4}{s+1} + \frac{1}{s+4}$$

olarak parçalanır. Bu durumda

$$\begin{aligned}
 G(z) &= \mathcal{Z} \left\{ (1 - e^{-sT}) \left(\frac{3}{s} - \frac{4}{s+1} + \frac{1}{s+4} \right) \right\} \\
 &= (1 - z^{-1}) \left(\mathcal{Z} \left\{ \frac{3}{s} \right\} - \mathcal{Z} \left\{ \frac{4}{s+1} \right\} + \mathcal{Z} \left\{ \frac{1}{s+4} \right\} \right) \\
 &= \left(\frac{z-1}{z} \right) \left(\frac{3z}{z-1} - \frac{4z}{z-e^{-1}} + \frac{z}{z-e^{-4}} \right) \\
 &= \frac{(3 + e^{-4} - 4e^{-1})z + (e^{-1} + 3e^{-5} - 4e^{-4})}{z^2 - (e^{-1} + e^{-4})z - e^{-5}} \\
 &= \frac{1.55z + 0.31}{z^2 - 0.39z + 0.01}
 \end{aligned} \tag{4}$$

elde edilir.

- (b) (25p) $G(z)$ transfer fonksiyonu için fark denklemini elde ediniz. Elde edilen ifadeden yola çıkılarak fark denklemi

$$\begin{aligned}
 G(z) &= \frac{1.55z + 0.31}{z^2 - 0.39z + 0.01} \\
 \frac{y(k)}{u(k)} &= \frac{1.55z + 0.31}{z^2 - 0.39z + 0.01} \\
 (z^2 - 0.39z + 0.01)y(k) &= (1.55z + 0.31)u(k) \\
 (1 - 0.39z^{-1} + 0.01z^{-2})y(k) &= (1.55z^{-1} + 0.31z^{-2})u(k) \\
 y(k) - 0.39z^{-1}y(k) + 0.01z^{-2}y(k) &= 1.55z^{-1}u(k) + 0.31z^{-2}u(k) \\
 y(k) - 0.39y(k-1) + 0.01y(k-2) &= 1.55u(k-1) + 0.31u(k-2) \\
 y(k) &= 0.39y(k-1) - 0.01y(k-2) + 1.55u(k-1) + 0.31u(k-2)
 \end{aligned} \tag{5}$$

olarak hesaplanır.

S2. Zaman isterleri $t_s = 2s$ ve aşım %20 ve örnekleme zamanı $T = 0.5s$ olarak verilmiştir.

- (a) (25p) Kutupların konumunu z tanım bölgesinde elde ediniz ve z tanım bölgesinde çiziniz.
- (b) (25p) Sisteme karşılık düşen fark denklemini elde ederek $0 \leq t \leq 2$ aralığında birim basamak yanıtını hesaplayınız ve yaklaşık olarak çiziniz.

Ad Soyad:

Öğrenci No:

