

Analisis de Lenguajes de Programación

Trabajo Práctico 1

Carlini Milton

Vitali Franco

15 de Septiembre de 2016

1. Ejercicio 2.2.1

Para poder incluir a la operación " $? :$ " agregamos la siguiente línea a la sintaxis abstracta de LIS:

$$\langle \text{intexp} \rangle ::= \quad | \langle \text{boolexp} \rangle ? \langle \text{intexp} \rangle : \langle \text{intexp} \rangle$$

Además añadimos la siguiente línea a la sintaxis concreta:

$$\langle \text{intexp} \rangle ::= \quad | \langle \text{boolexp} \rangle '?' \langle \text{intexp} \rangle ':' \langle \text{intexp} \rangle$$

2. Ejercicio 2.4.1

Agregamos la siguiente línea a la semántica denotacional de expresiones enteras para poder incluir el operador ternario:

$$\llbracket p ? e_1 : e_2 \rrbracket_{\text{intexp}^\sigma} = \begin{cases} \llbracket e_1 \rrbracket_{\text{intexp}^\sigma} & \text{si } \llbracket p \rrbracket_{\text{boolexp}^\sigma} = \text{true} \\ \llbracket e_2 \rrbracket_{\text{intexp}^\sigma} & \text{si } \llbracket p \rrbracket_{\text{boolexp}^\sigma} = \text{false} \end{cases}$$

3. Ejercicio 2.5.1

Para probar que la relación de evaluación \rightsquigarrow en un paso es determinista, debemos probar que si $\gamma \rightsquigarrow \gamma'$ y $\gamma \rightsquigarrow \gamma''$ entonces $\gamma' = \gamma''$, donde cada γ es un estado (una configuración terminal) o un comando junto con un conjunto de estados (una configuración no terminal).

Dem/ Por inducción en la derivación de $\gamma \rightsquigarrow \gamma'$. En cada paso de la derivación asumimos que la regla vale para las subderivaciones y procedemos por el análisis de la última regla de evaluación usada en la derivación.

Si la última regla usada en la derivación de $\gamma \rightsquigarrow \gamma'$ es ASS entonces sabemos que cada configuración es de la forma:

- $\gamma = \langle v ::= e, \sigma \rangle$
- $\gamma' = [\sigma | v : \llbracket e \rrbracket_{\text{intexp}^\sigma}]$

Luego vemos que la última regla aplicada en la derivación de $\gamma \rightsquigarrow \gamma''$ no puede haber sido otra diferente de ASS por la forma de γ que solo admite aplicar esa única regla de inferencia. Entonces claramente $\gamma' = \gamma''$.

Si la última regla usada en la derivación de $\gamma \rightsquigarrow \gamma'$ es SKIP entonces sabemos que cada configuración es de la forma:

- $\gamma = \langle \text{skip}, \sigma \rangle$
- $\gamma' = \sigma$

Luego vemos que la última regla aplicada en la derivación de $\gamma \rightsquigarrow \gamma''$ no puede haber sido otra diferente de SKIP por la forma de γ que solo admite aplicar esa única regla de inferencia. Entonces claramente $\gamma' = \gamma''$.

Si la última regla usada en la derivación de $\gamma \rightsquigarrow \gamma'$ es SEQ_1 entonces sabemos que cada configuración es de la forma:

- $\gamma = \langle c_0; c_1, \sigma \rangle$
- $\gamma' = \langle c_1, \sigma' \rangle$
- $\langle c_0, \sigma \rangle \rightsquigarrow \sigma'$

Luego vemos que la última regla aplicada en la derivación de $\gamma \rightsquigarrow \gamma''$ pudo haber sido SEQ_2 o SEQ_1 por la forma de γ . Suponemos que en la derivación de γ'' se obtuvo a partir de SEQ_2 , luego

- $\gamma = \langle c_0; c_1, \sigma \rangle$
- $\gamma'' = \langle c'_0; c_1, \sigma' \rangle$
- $\langle c_0, \sigma \rangle \rightsquigarrow \langle c'_0, \sigma' \rangle$

Llegamos a una contradicción ya que por HI sabemos que para toda subderivación vale la propiedad, pero $\langle c_0, \sigma \rangle \rightsquigarrow \langle c'_0, \sigma' \rangle$ y $\langle c_0, \sigma \rangle \rightsquigarrow \sigma'$ donde $\sigma' \neq \langle c'_0, \sigma' \rangle$. Esta contradicción provino de suponer que la última regla aplicada fue SEQ_2 . Luego, γ'' fue obtenida de la regla de inferencia SEQ_1 y por lo tanto $\gamma' = \gamma''$ (por HI).

Si la última regla usada en la derivación de $\gamma \rightsquigarrow \gamma'$ es SEQ_2 , la prueba es análoga a la de SEQ_1 .

Si la última regla usada en la derivación de $\gamma \rightsquigarrow \gamma'$ es IF_1 entonces sabemos que cada configuración es de la forma:

- $\gamma = \langle \text{if } b \text{ then } c_0 \text{ else } c_1, \sigma \rangle$
- $\gamma' = \langle c_0, \sigma \rangle$
- $\llbracket b \rrbracket_{boolexp\sigma} = \text{true}$

Luego, última regla aplicada en la derivación de $\gamma \rightsquigarrow \gamma''$ pudo haber sido IF_2 o IF_1 , pero como $\llbracket b \rrbracket_{boolexp\sigma} = \text{true}$, podemos descartar IF_2 . Por lo tanto $\gamma' = \gamma''$.

Si la última regla usada en la derivación de $\gamma \rightsquigarrow \gamma'$ es IF_2 , la prueba es análoga a la de IF_1 .

Si la última regla usada en la derivación de $\gamma \rightsquigarrow \gamma'$ es $WHILE_1$ entonces sabemos que cada configuración es de la forma:

- $\gamma = \langle \text{while } b \text{ do } c, \sigma \rangle$
- $\gamma' = \langle c; \text{while } b \text{ do } c, \sigma \rangle$
- $\llbracket b \rrbracket_{boolexp\sigma} = \text{true}$

Luego, la última regla aplicada en la derivación de $\gamma \rightsquigarrow \gamma''$ pudo haber sido $WHILE_2$ o $WHILE_1$, pero como $\llbracket b \rrbracket_{boolexp\sigma} = \text{true}$, podemos descartar $WHILE_2$. Por lo tanto $\gamma' = \gamma''$.

Si la última regla usada en la derivación de $\gamma \rightsquigarrow \gamma'$ es $WHILE_2$, la prueba es análoga a la de $WHILE_1$.

4. Ejercicio 2.5.2

Para construir el árbol de prueba, reemplazamos cada configuración por una letra para simplificar la prueba.

$$O = \langle x ::= x + 1; \text{if } x > 0 \text{ then skip else } x ::= x - 1, [\sigma|x : 0] \rangle$$

$$F = [\sigma|x : 1]$$

$$A = \langle x ::= x + 1, [\sigma|x : 0] \rangle \rightsquigarrow [\sigma|x : 1]$$

$$I = \langle \text{if } x > 0 \text{ then skip else } x ::= x - 1, [\sigma|x : 1] \rangle$$

$$B = \llbracket x > 0 \rrbracket_{\text{boolexp}[\sigma|x:1]} = \text{true}$$

$$S = \langle \text{skip}, [\sigma|x : 1] \rangle$$

$$\frac{\frac{\overline{A} \text{ ASS}}{O \rightsquigarrow I} \text{ SEQ}_1 \quad \frac{\frac{B}{I \rightsquigarrow S} \text{ IF}_1 \quad \frac{\overline{S \rightsquigarrow F}}{S \rightsquigarrow^* F} \text{ SKIP}}{I \rightsquigarrow^* S} \text{ TR}_1 \quad \frac{\overline{S \rightsquigarrow F}}{S \rightsquigarrow^* F} \text{ TR}_1}{I \rightsquigarrow^* F} \text{ TR}_2}{O \rightsquigarrow^* F} \text{ TR}_2$$

5. Ejercicio 2.5.6

Regla de la semántica operacional para repeat:

$$(\text{repeat } c \text{ until } b, \sigma) \rightsquigarrow (c; \text{while } \neg b \text{ do } c, \sigma)$$

Para extender la gramática abstracta de LIS agregamos la siguiente regla a la sintaxis abstracta:

$$\langle \text{comm} \rangle ::= \quad | \text{repeat } \langle \text{intexp} \rangle \text{ until } \langle \text{boolexp} \rangle$$

Parser.hs

```

1  module Parser where
2
3  import Text.ParserCombinators.Parsec
4  import Text.Parsec.Token
5  import Text.Parsec.Language (emptyDef)
6  import Data.Char
7  import AST
8
9  -----
10 --- Funcion para facilitar el testing del parser ---
11 -----
12 totParser :: Parser a -> Parser a
13 totParser p = do
14     whiteSpace lis
15     t <- p
16     eof
17     return t
18
19 -- Analizador de Tokens
20 lis :: TokenParser u
21 lis = makeTokenParser (emptyDef { commentStart      = "/*"
22                                , commentEnd        = "*/"
23                                , commentLine       = "//"
24                                , opLetter          = char '='
25                                , reservedOpNames   = ["+", "-", "*", "/", "?", ">",
26                                "<", "&", "|", "?"]
27                                , reservedNames     = ["true", "false", "skip", "
28                                if", "repeat", "until",
29                                "then", "else", "end", "
30                                while", "do"]
31                                })
32
33 -----
34 --- Parser de expresiones enteras ---
35 -----
36 {-
37 IntExpr  -> IntExpr('+' IntTerm | '-' IntTerm) | IntTerm
38 IntTerm  -> IntTerm('*' IntFactor | '/' IntFactor) | IntFactor
39 IntFactor -> <nat> | <var> | '-' <nat> | '(' IntExpr ')'
40           | BoolExpr '?' IntExpr ':' IntExpr
41 -}
42 intExp :: Parser IntExp
43 intExp = chainl1 intTerm addop
44
45 intTerm :: Parser IntExp
46 intTerm = chainl1 intFactor mulop
47
48 intFactor :: Parser IntExp
49 intFactor = do {d<-natural lis; return (Const d)}
50               <|> do {reservedOp lis "-"; e<-intFactor; return (UMinus e)}
51               <|> do {reservedOp lis "("; e<-intExp; reservedOp lis ")"; return e
52               }
53               <|> do {e<-identifier lis; return (Var e)}
54
55 addop :: Parser (IntExp -> IntExp -> IntExp)
56 addop = do {reservedOp lis "+"; return Plus}
57           <|> do {reservedOp lis "-"; return Minus}
58

```

```

56 mulop :: Parser (IntExp -> IntExp -> IntExp)
57 mulop = do {reservedOp lis "*"; return Times}
58         <|> do {reservedOp lis "/"; return Div}
59
60 -----
61 --- Parser de expresiones booleanas ---
62 -----
63 {-
64 BoolExpr  -> BoolTerm '/' BoolExpr / BoolTerm
65 BoolTerm  -> BoolFactor '&' BoolTerm / BoolFactor
66 BoolFactor -> IntExpr( '=' IntExpr / '<' IntExpr / '>' IntExpr)
67             / 'not' BoolExpr / '(' BoolExpr ')' / BTrue / BFalse
68 -}
69 boolExp :: Parser BoolExp
70 boolExp = chainl1 boolTerm orOp
71
72 boolTerm :: Parser BoolExp
73 boolTerm = chainl1 boolFactor andOp
74
75 boolFactor :: Parser BoolExp
76 boolFactor = do {reservedOp lis "("; p<-boolExp; reservedOp lis ")"; return p}
77               <|> do {reservedOp lis "~"; p<-boolFactor; return (Not p)}
78               <|> do {reserved lis "true"; return (BTrue)}
79               <|> do {reserved lis "false"; return (BFalse)}
80               <|> do p<-intExp
81                   (do {reservedOp lis ">"; q<-intExp; return (Gt p q)}
82                     <|> do {reservedOp lis "<"; q<-intExp; return (Lt p q)}
83                     <|> do {reservedOp lis "="; q<-intExp; return (Eq p q)})
84
85 orOp :: Parser (BoolExp -> BoolExp -> BoolExp)
86 orOp = do {reservedOp lis "|"; return Or}
87
88 andOp :: Parser (BoolExp -> BoolExp -> BoolExp)
89 andOp = do {reservedOp lis "&"; return And}
90 -----
91 --- Parser de comandos ---
92 -----
93 {-
94 commExp  -> commTerm ';' commExp / commTerm
95 commTerm -> skip / 'if' boolExp 'then' commTerm 'else' commTerm 'end'
96           / 'while' boolExp 'do' commTerm 'end' / <var> ':=' intExp
97           / 'repeat' commTerm 'until' boolExp 'end'
98 -}
99 commExp :: Parser Comm
100 commExp = chainl1 commTerm commOp
101
102 commTerm :: Parser Comm
103 commTerm = do {reserved lis "skip"; return Skip}
104             <|> do {reserved lis "if"; p<-boolExp
105                 ;reserved lis "then"; q<-commExp
106                 ;reserved lis "else"; r<-commExp
107                 ;reserved lis "end"; return (Cond p q r)}
108             <|> do {reserved lis "while"; p<-boolExp
109                 ;reserved lis "do"; q<-commExp
110                 ;reserved lis "end"; return (While p q)}
111             <|> do {p<-identifuer lis; reservedOp lis ":=";
112                 ;q<-intExp; return (Let p q)}
113
114 commOp :: Parser (Comm -> Comm -> Comm)
115 commOp = do {reservedOp lis ";"; return Seq}

```

```

116
117 -----
118 --- Funcion de parseo ---
119 -----
120 parseComm :: SourceName -> String -> Either ParseError Comm
121 parseComm = parse (totParser commExp)

```

AST.hs

```

1 module AST where
2
3 -- Identificadores de Variable
4 type Variable = String
5
6 -- Expresiones Aritmeticas
7 data IntExp = Const Int
8             | Var Variable
9             | UMinus IntExp
10            | Plus IntExp IntExp
11            | Minus IntExp IntExp
12            | Times IntExp IntExp
13            | Div IntExp IntExp
14            | TCond BoolExp IntExp IntExp -- Ternary conditional
15    deriving Show
16
17 -- Expresiones Booleanas
18 data BoolExp = BTrue
19              | BFalse
20              | Eq IntExp IntExp
21              | Lt IntExp IntExp
22              | Gt IntExp IntExp
23              | And BoolExp BoolExp
24              | Or BoolExp BoolExp
25              | Not BoolExp
26    deriving Show
27
28 -- Comandos (sentencias)
29 -- Observar que solo se permiten variables de un tipo (entero)
30 data Comm = Skip
31           | Let Variable IntExp
32           | Seq Comm Comm
33           | Cond BoolExp Comm Comm
34           | While BoolExp Comm
35           | Repeat Comm BoolExp
36    deriving Show

```

Eval1.hs

```

1 module Eval1 (eval) where
2 import AST
3
4 -- Estados
5 -- Variable :: String
6 type State = [(Variable, Int)]
7
8 -- Estado nulo
9 initState :: State
10 initState = []
11
12 -- Busca el valor de una variable en un estado
13 -- Completar la definicion

```

```

14 lookfor :: Variable -> State -> Int
15 lookfor _ [] = error "Variable no encontrada"
16 lookfor v ((v',s'):xs)
17     | v == v' = s'
18     | otherwise = lookfor v xs
19
20 -- Cambia el valor de una variable en un estado
21 -- Completar la definicion
22 update :: Variable -> Int -> State -> State
23 update v s [] = [(v,s)]
24 update v s ((v',s'):xs)
25     | v == v' = [(v,s)] ++ xs
26     | otherwise = [(v',s')] ++ (update v s xs)
27
28 -- Evalua un programa en el estado nulo
29 eval :: Comm -> State
30 eval p = evalComm p initState
31
32 -- Evalua un comando en un estado dado
33 -- Completar definicion
34 evalComm :: Comm -> State -> State
35 evalComm comm xs = case comm of
36     Skip      -> xs
37     Let      a b  -> update a (evalIntExp b xs) xs
38     Seq      a b  -> evalComm b (evalComm a xs)
39     Cond     a b c -> if evalBoolExp a xs then evalComm b xs else evalComm c xs
40     While    a b  -> if evalBoolExp a xs then evalComm (Seq b d) xs else xs where
41         d = While a b
42     Repeat a b  -> evalComm (Seq a (While (Not b) a)) xs
43
44 -- Evalua una expresion entera, sin efectos laterales
45 -- Completar definicion
46 evalIntExp :: IntExp -> State -> Int
47 evalIntExp exp xs = case exp of
48     Const a      -> (fromInteger a)
49     Var      a    -> lookfor a xs
50     UMinus   a    -> -(evalIntExp a xs)
51     Plus     a b   -> (evalIntExp a xs) + (evalIntExp b xs)
52     Minus    a b   -> (evalIntExp a xs) - (evalIntExp b xs)
53     Times    a b   -> (evalIntExp a xs) * (evalIntExp b xs)
54     Div      a b   -> (evalIntExp a xs) `div` (evalIntExp b xs)
55     TCond    a b c -> if (evalBoolExp a xs) then (evalIntExp b xs) else (
56         evalIntExp c xs)
57
58 -- Evalua una expresion entera, sin efectos laterales
59 -- Completar definicion
60 evalBoolExp :: BoolExp -> State -> Bool
61 evalBoolExp exp xs = case exp of
62     BTrue      -> True
63     BFalse     -> False
64     Eq a b     -> (evalIntExp a xs) == (evalIntExp b xs)
65     Lt a b     -> (evalIntExp a xs) < (evalIntExp b xs)
66     Gt a b     -> (evalIntExp a xs) > (evalIntExp b xs)
67     And a b    -> (evalBoolExp a xs) && (evalBoolExp b xs)
68     Or a b     -> (evalBoolExp a xs) || (evalBoolExp b xs)
69     Not a      -> not (evalBoolExp a xs)

```


Eval2.hs

```

1 module Eval2 (eval) where
2 import AST
3
4 -- Estados
5 -- Variable :: String
6 type State = [(Variable, Int)]
7
8 -- Estado nulo
9 initState :: State
10 initState = []
11
12 -- Busca el valor de una variable en un estado
13 lookfor :: Variable -> State -> Int
14 lookfor _ [] = error "Variable no encontrada"
15
16 lookfor v ((v',s'):xs)
17   | v == v'   = s'
18   | otherwise = lookfor v xs
19
20 -- Cambia el valor de una variable en un estado
21 update :: Variable -> Int -> State -> State
22 update v s [] = [(v,s)]
23
24 update v s ((v',s'):xs)
25   | v == v'   = [(v,s)] ++ xs
26   | otherwise = [(v',s')] ++ (update v s xs)
27
28 -- Evalua un programa en el estado nulo
29 eval :: Comm -> ErrHandler
30 eval p = evalComm p initState
31
32 data ErrHandler = ERROR | OK State deriving Show
33
34 -- Evalua un comando en un estado dado
35 evalComm :: Comm -> State -> ErrHandler
36 evalComm Skip xs = OK xs
37
38 evalComm (Let v e) xs = case (evalIntExp e xs) of
39   Nothing -> ERROR
40   Just x -> OK (update v x xs)
41
42 evalComm (Seq c1 c2) xs = case (evalComm c1 xs) of
43   ERROR -> ERROR
44   OK state -> evalComm c2 state
45
46 evalComm (Cond b c1 c2) xs
47   | (evalBoolExp b xs) = evalComm c1 xs
48   | otherwise           = evalComm c2 xs
49
50 evalComm (While b c) xs
51   | not(evalBoolExp b xs) = OK xs
52   | otherwise = case (evalComm c xs) of
53     ERROR -> ERROR
54     OK state -> evalComm (While b c) state
55
56 -- Evalua una expresion entera, sin efectos laterales
57 evalIntExp :: IntExp -> State -> Maybe Int
58 evalIntExp (Const a) xs = Just a
59

```

```

60 evalIntExp (Var a) xs      = Just (lookfor a xs)
61
62 evalIntExp (UMinus a) xs = case (evalIntExp a xs) of
63     Nothing -> Nothing
64     Just x  -> Just ((-1)*x)
65
66 evalIntExp (Plus a b) xs = case (evalIntExp a xs) of
67     Nothing -> Nothing
68     Just x  -> case (evalIntExp b xs) of
69         Nothing -> Nothing
70         Just y  -> Just ((+) x y)
71
72 evalIntExp (Minus a b) xs = case (evalIntExp a xs) of
73     Nothing -> Nothing
74     Just x  -> case (evalIntExp b xs) of
75         Nothing -> Nothing
76         Just y  -> Just ((-) x y)
77
78 evalIntExp (Times a b) xs = case (evalIntExp a xs) of
79     Nothing -> Nothing
80     Just x  -> case (evalIntExp b xs) of
81         Nothing -> Nothing
82         Just y  -> Just ((* ) x y)
83
84 evalIntExp (Div a b) xs = case (evalIntExp a xs) of
85     Nothing -> Nothing
86     Just x  -> case (evalIntExp b xs) of
87         Nothing -> Nothing
88         Just 0   -> Nothing
89         Just y   -> Just ((div) x y)
90
91 -- Evalua una expresion entera, sin efectos laterales
92 evalBoolExp :: BoolExp -> State -> Bool
93 evalBoolExp exp xs = case exp of
94     BTrue      -> True
95     BFalse     -> False
96     Eq e1 e2   -> (evalIntExp e1 xs) == (evalIntExp e2 xs)
97     Lt e1 e2   -> (evalIntExp e1 xs) < (evalIntExp e2 xs)
98     Gt e1 e2   -> (evalIntExp e1 xs) > (evalIntExp e2 xs)
99     And e1 e2  -> (evalBoolExp e1 xs) && (evalBoolExp e2 xs)
100    Or e1 e2   -> (evalBoolExp e1 xs) || (evalBoolExp e2 xs)
101    Not e1     -> not (evalBoolExp e1 xs)

```

Eval3.hs

```

1 module Eval3 (eval) where
2 import AST
3
4 -- Estados
5 -- Variable :: String
6 type State = [(Variable, Int)]
7
8 -- Estado nulo
9 initState :: State
10 initState = []
11
12 -- Busca el valor de una variable en un estado
13 lookfor :: Variable -> State -> Int
14 lookfor _ [] = error "Variable no encontrada"
15
16 lookfor v ((v',s'):xs)

```

```

17     | v == v'    = s'
18     | otherwise = lookfor v xs
19
20 -- Cambia el valor de una variable en un estado
21 update :: Variable -> Int -> State -> State
22 update v s [] = [(v,s)]
23
24 update v s ((v',s'):xs)
25     | v == v'    = [(v,s)] ++ xs
26     | otherwise = [(v',s')] ++ (update v s xs)
27
28 -- Evalua un programa en el estado nulo
29 eval :: Comm -> (ErrorHandler, Int)
30 eval p = evalComm p (initState, 0)
31
32 data ErrorHandler = ERROR | OK State deriving Show
33
34 -- Evalua un comando en un estado dado
35 evalComm :: Comm -> (State, Int) -> (ErrorHandler, Int)
36 evalComm Skip (xs,i) = (OK xs, i)
37
38 evalComm (Let v e) (xs,i) = case eval of
39     Nothing -> (ERROR, c)
40     Just x   -> (OK (update v x xs), c)
41     where (eval, c) = evalIntExp e (xs,i)
42
43 evalComm (Seq c1 c2) xs = case state of
44     ERROR -> (ERROR, c)
45     OK st  -> evalComm c2 (st, c)
46     where (state, c) = evalComm c1 xs
47
48 evalComm (Cond b c1 c2) (xs, i)
49     | (evalBoolExp b (xs,i)) = evalComm c1 (xs,i)
50     | otherwise               = evalComm c2 (xs,i)
51
52 evalComm (While b c) (xs,i)
53     | not(evalBoolExp b (xs,i)) = (OK xs, i)
54     | otherwise                 = case eval of
55         ERROR    -> (ERROR, n)
56         OK state -> evalComm (While b c) (state, n)
57     where (eval, n) = evalComm c (xs,i)
58
59 -- Evalua una expresion entera, sin efectos laterales
60 evalIntExp :: IntExp -> (State, Int) -> (Maybe Int, Int)
61 evalIntExp (Const a) (xs,i) = (Just (fromInteger a), i)
62 evalIntExp (Var a) (xs,n)   = (Just (lookfor a xs), n)
63
64 evalIntExp (UMinus e) (xs,n) = case eval of
65     Nothing -> (Nothing, i+n)
66     Just x   -> (Just ((-1)*x), i+n+1)
67     where (eval, i) = evalIntExp e (xs,0)
68
69 evalIntExp (Plus e1 e2) (xs,n) = case eval1 of
70     Nothing -> (Nothing, i1+n)
71     Just x   -> case eval2 of
72         Nothing -> (Nothing, i1+i2+n)
73         Just y   -> (Just ((+) x y), i1+i2+n+1)
74     where (eval1, i1) = evalIntExp e1 (xs,0)
75           (eval2, i2) = evalIntExp e2 (xs,0)
76

```

```

77 evalIntExp (Minus e1 e2) (xs,n) = case eval1 of
78     Nothing -> (Nothing, i1+n)
79     Just x   -> case eval2 of
80         Nothing -> (Nothing, i1+i2+n)
81         Just y   -> (Just ((-) x y), i1+i2+n+1)
82     where (eval1, i1) = evalIntExp e1 (xs,0)
83           (eval2, i2) = evalIntExp e2 (xs,0)
84
85 evalIntExp (Times e1 e2) (xs,n) = case eval1 of
86     Nothing -> (Nothing, i1+n)
87     Just x   -> case eval2 of
88         Nothing -> (Nothing, i1+i2+n)
89         Just y   -> (Just ((* ) x y), i1+i2+n+1)
90     where (eval1, i1) = evalIntExp e1 (xs,0)
91           (eval2, i2) = evalIntExp e2 (xs,0)
92
93 evalIntExp (Div e1 e2) (xs,n) = case eval1 of
94     Nothing -> (Nothing, i1+n)
95     Just x   -> case eval2 of
96         Nothing -> (Nothing, i1+i2+n)
97         Just 0   -> (Nothing, i1+i2)
98         Just y   -> (Just ((div) x y), i1+i2+n+1)
99     where (eval1, i1) = evalIntExp e1 (xs,0)
100          (eval2, i2) = evalIntExp e2 (xs,0)
101
102 -- Evalua una expresion entera, sin efectos laterales
103 evalBoolExp :: BoolExp -> (State,Int) -> Bool
104 evalBoolExp exp xs = case exp of
105     BTrue      -> True
106     BFalse     -> False
107     Eq e1 e2   -> (evalIntExp e1 xs) == (evalIntExp e2 xs)
108     Lt e1 e2   -> (evalIntExp e1 xs) < (evalIntExp e2 xs)
109     Gt e1 e2   -> (evalIntExp e1 xs) > (evalIntExp e2 xs)
110     And e1 e2  -> (evalBoolExp e1 xs) && (evalBoolExp e2 xs)
111     Or e1 e2   -> (evalBoolExp e1 xs) || (evalBoolExp e2 xs)
112     Not e1     -> not (evalBoolExp e1 xs)

```