

1. (a) Pour chaque  $\omega \in \Omega$ ,  $\lim_{n \rightarrow \infty} X_n(\omega) = \lim_{n \rightarrow \infty} (1 + \frac{1}{n})\omega = \omega = X(\omega)$

alors  $X_n \rightarrow X$

(b) Par (a),  $\{X_n \rightarrow X\} = \Omega$ .  $P(\Omega) = 1$  alors  $X_n \xrightarrow{p.s.} X$

(c) Soit  $\varepsilon > 0$ . Pour tous  $n$ ,  $|X_n - X| = \frac{1}{n}\omega$

$$P[|X_n - X| \geq \varepsilon] = 0 \text{ pour } n > 1/\varepsilon$$

$$\text{Alors } \lim_{n \rightarrow \infty} P[|X_n - X| \geq \varepsilon] = 0$$