Lectures et exercices théoriques

William McCausland 2020-01-12

Avant l'intra

Cours 1

Lectures

1. Tsay, 3e édition : 1.1 Rendements

Exercices

- 1. Pour les deux placements décrits à la diapo "Fonctions linéaires vs mélanges, un exemple", calculez la moyenne et la variance du rendement.
- 2. Étudiez la preuve du théorème de variance totale et prouvez le théorème de covariance totale : pour variables aléatoires X, Y et Z telles que les moments suivants existent,

$$Cov[X, Y|Z] = E[Cov[X, Y|Z]] + Cov[E[X|Z], E[Y|Z]].$$

- 3. Trouvez $Var[\mu]$ dans l'Application II de la loi des espérances itérées. Il y a deux façons. Vous pouvez confirmer que les deux façons donnent le même résultat. Les deux façons :
 - a. Trouvez $Var[\mu]$ directement comme $E[\mu^2] E[\mu]^2$
 - b. Trouvez $\text{Var}[\mu]$ indirectement avec les expressions de $E[R], E[R^2]$ et Var[R] sous "Calcul de quelques moments".

Cours 2

Lectures avant le cours

- 1. Tsay, 3e édition:
 - a. 1.2.2 la loi des rendements
 - b. 1.2.3 rendements multivariés
 - c. 1.2.5 propriétés empiriques des rendements
- 2. Tsay, 3e édition:
 - a. 2.1 stationnarité
 - b. 2.2 corrélation et la fonction d'autocorrélation
 - c. 2.3 le bruit blanc et les séries temporelles linéaires

Autres lectures

- 1. L'article de Cont (2001) que j'ai mis sur StudiUM.
- 2. Tsay, 3e édition:
 - a. 1.2.1 (lois statistiques et leurs moments)

Exercices

- 1. La v.a. X suit une loi qui est un mélange de deux lois gaussiennes, chacune avec probabilité 0.5: $N(\mu, \sigma^2)$ et $N(-\mu, \sigma^2)$. Calculez l'aplatissement K_x et $\lim_{\sigma^2 \downarrow 0} K_x$.
- 2. Trouvez l'asymétrie et l'aplatissement d'un mélange général de deux v.a. gaussiennes. Le site suivant donne les quatres premiers moments non centraux d'une v.a. $N(\mu, \sigma^2)$: https://fr.wikipedia.org/wiki/Loi_normale#Moments.
- 3. Le prix d'un actif le 4 janvier est de 14.50 dollars. Le prix de l'actif le 15 fevrier est de 13.15. Quel est le rendement simple annualisé et le log rendement annualisé?
- 4. On observe un échantillon X_1, \ldots, X_T , où $X_t \sim \operatorname{iid} N(\mu, \sigma^2)$. Si on fait les tests 1 et 2 de la diapo "Attention : tests multiples!" quelle est la probabilité d'au moins un rejet, comme fonction de α ?

Cours 3

Lectures avant le cours

Lectures

- 1. Dans Tsay, 3e édition:
 - 2.4 Intro (avant 2.4.1)
 - 2.5 Intro (avant 2.5.1)
 - 2.6 Intro (avant 2.6.1)

Autres lectures

Exercices