

Lectures et exercices théoriques

William McCausland

2020-01-17

Avant l'intra

Cours 1

Lectures

1. Tsay, 3e édition :
 - a. 1.1 rendements

Exercices

1. Pour les deux placements décrits à la diapo “Fonctions linéaires vs mélanges, un exemple”, calculez la moyenne et la variance du rendement.
2. Étudiez la preuve du théorème de variance totale et prouvez le théorème de covariance totale : pour variables aléatoires X , Y et Z telles que les moments suivants existent,

$$\text{Cov}[X, Y] = E[\text{Cov}[X, Y|Z]] + \text{Cov}[E[X|Z], E[Y|Z]].$$

3. Trouvez $\text{Var}[\mu]$ dans l'Application II de la loi des espérances itérées. Il y a deux façons. Vous pouvez confirmer que les deux façons donnent le même résultat. Les deux façons :
 - a. Trouvez $\text{Var}[\mu]$ directement comme $E[\mu^2] - E[\mu]^2$
 - b. Trouvez $\text{Var}[\mu]$ indirectement avec les expressions de $E[R]$, $E[R^2]$ et $\text{Var}[R]$ sous “Calcul de quelques moments”.

Cours 2

Lectures avant le cours

1. Tsay, 3e édition :
 - a. 1.2.2 la loi des rendements
 - b. 1.2.3 rendements multivariés
 - c. 1.2.5 propriétés empiriques des rendements
 - d. 2.1 stationnarité
 - e. 2.2 corrélation et la fonction d'autocorrélation
 - f. 2.3 le bruit blanc et les séries temporelles linéaires

Autres lectures

1. L'article de Cont (2001) que j'ai mis sur StudiUM.
2. Tsay, 3e édition :
 - a. 1.2.1 lois statistiques et leurs moments

Exercices

1. La v.a. X suit une loi qui est un mélange de deux lois gaussiennes, chacune avec probabilité 0.5 : $N(\mu, \sigma^2)$ et $N(-\mu, \sigma^2)$. Calculez l'aplatissement K_x et $\lim_{\sigma^2 \downarrow 0} K_x$.
2. Trouvez l'asymétrie et l'aplatissement d'un mélange général de deux v.a. gaussiennes. Le site suivant donne les quatres premiers moments non centraux d'une v.a. $N(\mu, \sigma^2)$: https://fr.wikipedia.org/wiki/Loi_normale#Moments.
3. Le prix d'un actif le 4 janvier est de 14.50 dollars. Le prix de l'actif le 15 fevrier est de 13.15. Quel est le rendement simple annualisé et le log rendement annualisé?
4. On observe un échantillon X_1, \dots, X_T , où $X_t \sim \text{iid } N(\mu, \sigma^2)$. Si on fait les tests 1 et 2 de la diapo "Attention : tests multiples!" quelle est la probabilité d'au moins un rejet, comme fonction de α ?

Cours 3

Lectures avant le cours

Lectures

1. Tsay, 3e édition :
 - a. 2.4 Intro (avant 2.4.1)
 - b. 2.5 Intro (avant 2.5.1)
 - c. 2.6 Intro (avant 2.6.1)

Autres lectures

Exercices