Verfahren bei Anzahlen

André Meichtry

1

Contents

Daten aus AMT S.93

$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
Daten aus AMT S.93	
<pre>data<-matrix(c(13,15,3,22,5,19),ncol=3,</pre>	sachlich")))
Freundlichkeit Antwort freundlich forsch sachlich ja 13 3 5 nein 15 22 19	
addmargins(datatable)	
Freundlichkeit Antwort freundlich forsch sachlich Sum ja 13 3 5 21 nein 15 22 19 56 Sum 28 25 24 77 margin.table(datatable,1)	
Antwort ja nein 21 56	
<pre>margin.table(datatable,2)</pre>	
Freundlichkeit freundlich forsch sachlich 28 25 24 prop.table(datatable)	
Freundlichkeit	

```
Antwort freundlich forsch sachlich
   ja
         0.168831 0.038961 0.064935
        0.194805 0.285714 0.246753
prop.table(datatable,1)
      Freundlichkeit
Antwort freundlich forsch sachlich
          0.61905 0.14286 0.23810
  nein
          0.26786 0.39286 0.33929
prop.table(datatable,2)
      Freundlichkeit
Antwort freundlich forsch sachlich
          0.46429 0.12000 0.20833
          0.53571 0.88000 0.79167
  nein
summary(datatable)
Number of cases in table: 77
Number of factors: 2
Test for independence of all factors:
   Chisq = 8.6, df = 2, p-value = 0.013
```

Sind Antwort und Freundlichkeit unabhängig?

Als χ^2 -Test auf Unabhängigkeit (approximativ)

```
chisq.test(datatable)

Pearson's Chi-squared test

data: datatable
X-squared = 8.62, df = 2, p-value = 0.013
Unabhängigkeit von Freundlichkeit und Antwortverhalten kann verworfen werden.
```

Als Fisher-Exakt-Test (exact)

```
fisher.test(datatable)
    Fisher's Exact Test for Count Data

data: datatable
p-value = 0.013
alternative hypothesis: two.sided
```

Als GLM

Zähldaten kann man mit GLM (Generalisiertes Lineares Modell) anpassen, mit Annhame einer Poisson-Verteilung und log-Link (siehe Theorie Generalisierte Lineare Modelle). Dazu brauchen wir die Daten als data.frame.

```
datadf<-as.data.frame(datatable)
datadf</pre>
```

```
Antwort Freundlichkeit Freq
              freundlich
       ja
1
              freundlich
2
     nein
                            15
3
                   forsch
                             3
       ja
4
                   forsch
                            22
     nein
5
                 sachlich
       ja
                             5
6
                 sachlich
                            19
     nein
```

Das reduzierte Modell ohne Antwort: Freundlichkeit Interaktionseffekt (entspricht der Nullhypothese: Effekt von Antwortverhalten auf die Anzahl ist unabhängig von Freundlichkeit) kann verworfen werden.

```
modglm<-glm(Freq~Antwort*Freundlichkeit,data=datadf,family="poisson")
modglm0<-glm(Freq~Antwort+Freundlichkeit,data=datadf,family="poisson")
anova(modglm,modglm0,test="LRT")</pre>
```

Analysis of Deviance Table

```
Model 1: Freq ~ Antwort * Freundlichkeit
Model 2: Freq ~ Antwort + Freundlichkeit
Resid. Df Resid. Dev Df Deviance Pr(>Chi)
1 0 0.00
2 2 8.65 -2 -8.65 0.013
```

Beim Argument test hätten wir statt LRT auch Chisq schreiben können, das ist äquivalent. Wir können die Nullhypothese, dass es keinen Interaktionseffekt, dass also Antwortverhaltenund Freundlichkeit unabhängig sind, verwerfen:

```
summary(modglm)
```

```
Call:
```

Deviance Residuals:

[1] 0 0 0 0 0 0

Coefficients:

Estimate Std.	Error	z value	Pr(> z)
2.565	0.277	9.25	<2e-16
0.143	0.379	0.38	0.706
-1.466	0.641	-2.29	0.022
-0.956	0.526	-1.82	0.069
1.849	0.723	2.56	0.011
1.192	0.629	1.89	0.058
	2.565 0.143 -1.466 -0.956 1.849	2.565 0.277 0.143 0.379 -1.466 0.641 -0.956 0.526 1.849 0.723	0.143 0.379 0.38 -1.466 0.641 -2.29 -0.956 0.526 -1.82 1.849 0.723 2.56

(Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)

```
Null deviance: 2.5496\text{e}+01 on 5 degrees of freedom Residual deviance: 1.3323\text{e}-15 on 0 degrees of freedom AIC: 37.17
```

Number of Fisher Scoring iterations: 3

Interpretation: Wir sehen, dass die Residuendevianz dieses Modells Null ist! Das kommt daher, dass dieses

Modell das saturierte, maximal mögliche Modell ist mit gleich vielen Parametern (6) wie Daten (6). Der Koeffizient für Antwortnein, 0.1431008 ist der Unterschied in log-Anzahlen zwischen Nein-Sagern und Ja-Sagern (für Referenzkategorie auf Freundlichkeit (freundlich)), also ist 1.1538462 das Verhältnis der Anzahlen von Nein-Sagern relativ zu Ja-Sagern (für Referenzkategorie auf Freundlichkeit (freundlich)).

R hat als Default-Kodierung sogenannte Treatment-Kontraste, die wir schon oft angetroffen haben. Eine alternative Parametrisierung wäre die Means-Parameterisierung.

```
summary(modglmMeans<-glm(Freq~Antwort:Freundlichkeit-1,data=datadf,family="poisson"))</pre>
```

Call

```
glm(formula = Freq ~ Antwort:Freundlichkeit - 1, family = "poisson",
    data = datadf)
```

Deviance Residuals:

[1] 0 0 0 0 0 0

Coefficients:

	Estimate Std.	Error	z value	Pr(> z)
Antwortja:Freundlichkeitfreundlich	2.565	0.277	9.25	< 2e-16
Antwortnein:Freundlichkeitfreundlich	2.708	0.258	10.49	< 2e-16
Antwortja:Freundlichkeitforsch	1.099	0.577	1.90	0.05706
Antwortnein:Freundlichkeitforsch	3.091	0.213	14.50	< 2e-16
Antwortja:Freundlichkeitsachlich	1.609	0.447	3.60	0.00032
Antwortnein:Freundlichkeitsachlich	2.944	0.229	12.83	< 2e-16

(Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)

```
Null deviance: 2.7651e+02 on 6 degrees of freedom Residual deviance: 3.3307e-15 on 0 degrees of freedom
```

AIC: 37.17

Number of Fisher Scoring iterations: 3

Wenn wir auf die geschätzten Parameter die Exponentialfunktion anwenden, dann erhalten wir gerade die Anzahlen.

as.data.frame(exp(summary(modglmMeans)\$coef[,1]))

```
exp(summary(modglmMeans)$coef[, 1])
Antwortja:Freundlichkeitfreundlich
Antwortnein:Freundlichkeitfreundlich
Antwortja:Freundlichkeitforsch
Antwortnein:Freundlichkeitforsch
Antwortja:Freundlichkeitsachlich
Antwortnein:Freundlichkeitsachlich
5
Antwortnein:Freundlichkeitsachlich
19
```

Möchten wir z.B. Konfidenzintervalle für Anzahlen, ist das zu haben mit

confint(modglmMeans)

```
2.5 % 97.5 %
Antwortja:Freundlichkeitfreundlich
Antwortnein:Freundlichkeitfreundlich
Antwortja:Freundlichkeitforsch
Antwortnein:Freundlichkeitforsch
Antwortja:Freundlichkeitsachlich
Antwortnein:Freundlichkeitsachlich
Antwortnein:Freundlichkeitsachlich
Antwortnein:Freundlichkeitsachlich
Antwortnein:Freundlichkeitsachlich
2.45837 3.3627
```

${\bf Als\ LogLineares\ Modell*}$

Eine dritte Analysemehtode ist das \log -lineare Modell. Wir gehen hier nicht näher darauf ein.

```
library(MASS)
loglm(~Antwort+Freundlichkeit,data=datatable)

Call:
loglm(formula = ~Antwort + Freundlichkeit, data = datatable)

Statistics:
```

Unabhängigkeitsmodell kann verworfen werden.