



Il modello lineare generale: mediazione e moderazione

Introduzione

Marcello Gallucci Università Milano-Bicocca



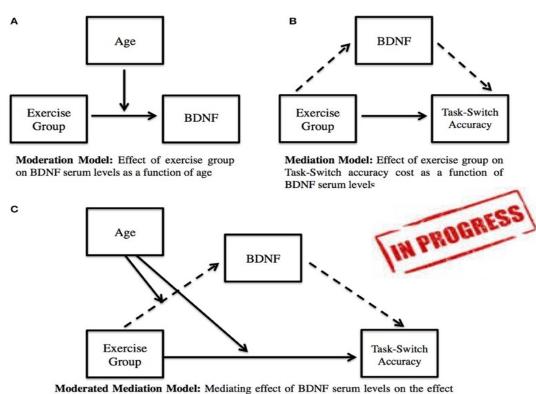
Preludio

- Il corso ha come scopo di introdurre ed approfondire tre dei più importanti modelli statistici utilizzati in psicologia
 - Il modello lineare generale (regressione/anova)
 - Il modello lineare misto (random coefficients models, multilevel models)

 Rivedremo insieme anche le caratteristiche di base di ognuno di questi modelli generali

Preludio

 Con particolare enfasi all'applicazione di tali modelli statistici nello studio della mediazione e della moderazione.



Moderated Mediation Model: Mediating effect of BDNF serum levels on the effect of exercise group on Task-Switch accuracy cost as a function of age

Software

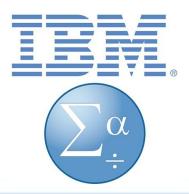
R







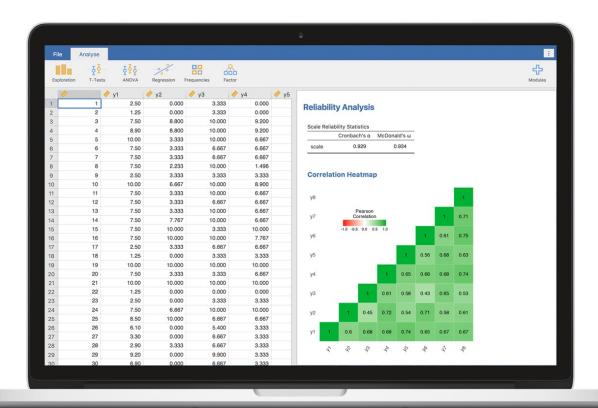
SPSS



jamovi

www.jamovi.org







Dati e file

https://github.com/mcfanda/binaries

https://github.com/mcfanda/binaries/Slides

https://github.com/mcfanda/binaries/data

Qualcosa da leggere (jamovi related)

Modelli Statistici con teoria: https://gamlj.github.io/book/booklet.html

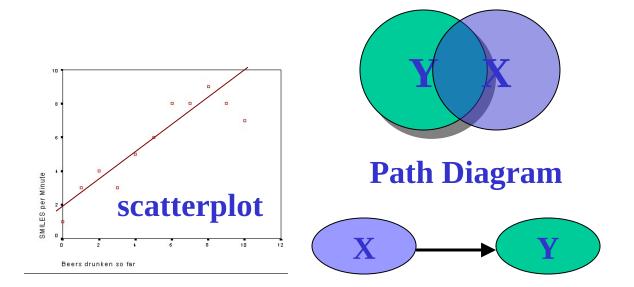
Modelli Statistici senza teoria: https://gamlj.github.io/

Mediazione e simili esempi: https://jamovi-amm.github.io/

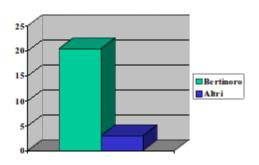


Introduzione

Un semplice **modello statistico** è una rappresentazione efficiente e compatta dei dati raccolti per descrivere un fenomeno empirico

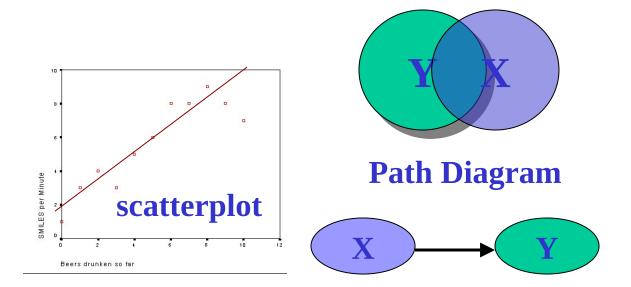


Differenze medie

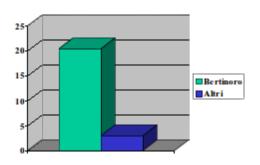


Introduzione

La maggior parte delle tecniche statistiche che conosciamo (e incontreremo) definiscono un **modello statistico** delle **relazioni** fra variabili di interesse



Differenze medie

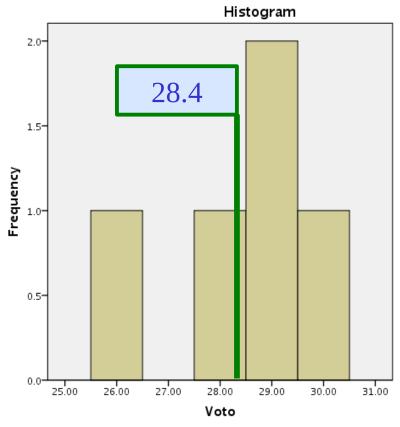


Esempio: la media

Q: "Come vanno gli studenti al mio corso?"

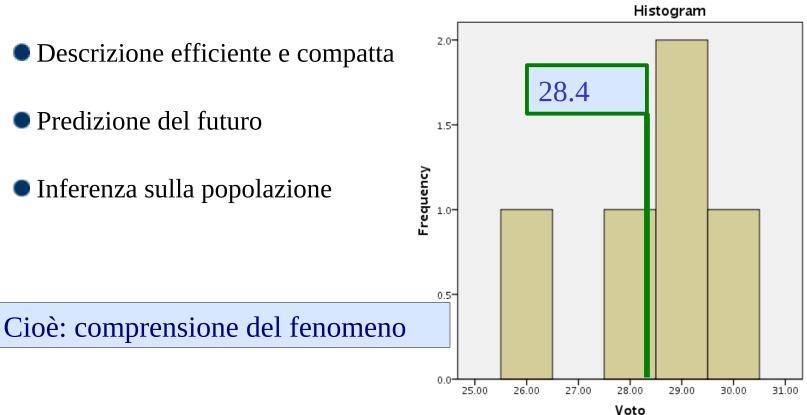
R: "Hanno una media del 28.4"

$$\frac{\sum_{i} X_{i}}{N} = \bar{X}$$



Esempio: la media

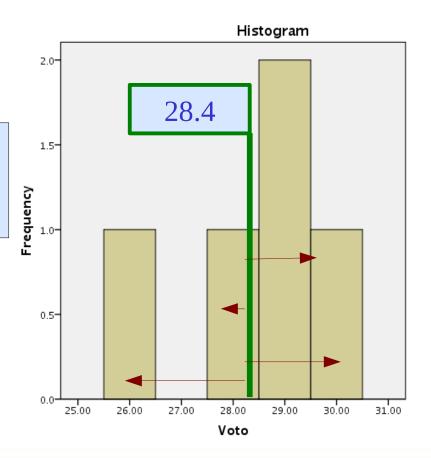
• Il modello statistico e la rappresentazione che ne facciamo serve (tra l'altro) a tre scopi:



Errore di approssimazione

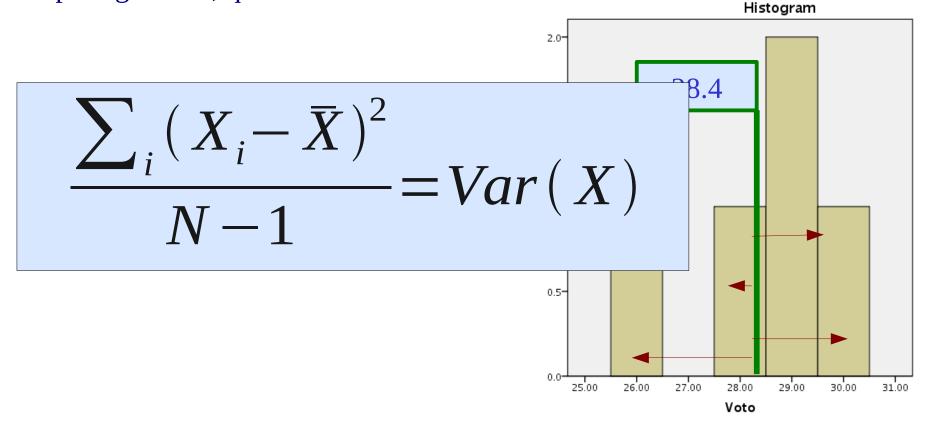
Come tutte le rappresentazioni compatte ed efficienti, anche quella statistica è una approssimazione dei dati rappresentati

Se, per semplificare, diremo che la performance è di 28.4, mis-rappresenteremo alcuni dei voti effettivi



Errore di approssimazione

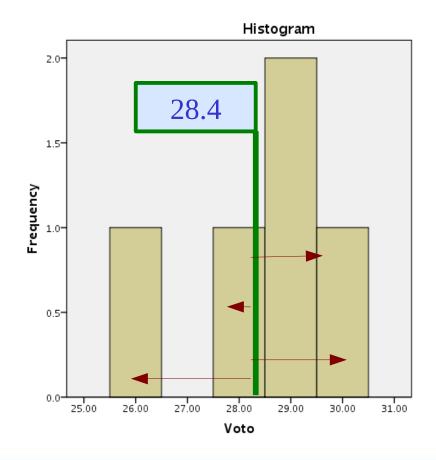
Calcolando questo errore per ogni caso (ogni studente), elevandolo al quadrato (sbagliare in più o in meno è uguale) e facendo la media per ogni caso, quantifichiamo l'errore medie associato alla media



Inferenza statistica

Il modello statistico è associato ad una serie di test inferenziali che ci consentono di trarre conclusioni sulla popolazione di riferimento

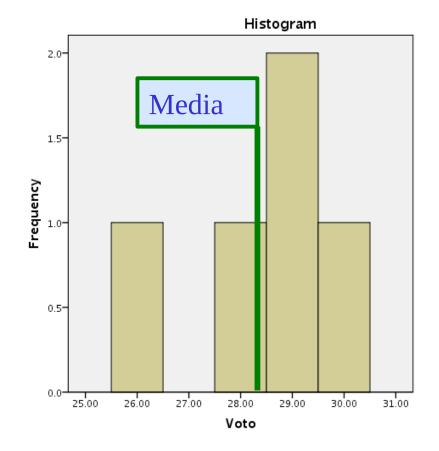
$$\frac{\bar{X} - \mu}{\sqrt{\frac{Var(X)}{N}}} = ttest$$



Modello statistico

Il modello statistico sarà una buona rappresentazione dei dati se:

- I parametri sono modellati correttamente
- Gli errori sono modellati correttamente
- La struttura dei dati è rispettata



Scegliere un modello statistico

Per costruire un corretto modello statistico dei nostri dati dobbiamo sapere una serie di cose:

- Cosa ci serve il modello (lo scopo dell'analisi)
- Che tipo di variabili abbiamo
- Che tipo di relazioni vogliamo studiare
- Quali sono le unità di misurazioni dei dati
- Come sono strutturati i nostri dati

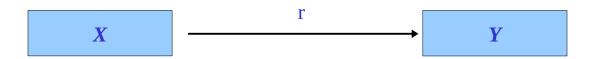
Scegliere un modello statistico

Per costruire un corretto modello statistico dei nostri dati dobbiamo sapere una serie di cose:

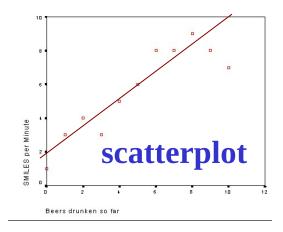
- Cosa ci serve il modello (lo scopo dell'analisi)
- Che tipo di variabili abbiamo
- Che tipo di relazioni vogliamo studiare
- Quali sono le unità di misurazioni dei dati
- Come sono strutturati i nostri dati

Struttura delle relazioni

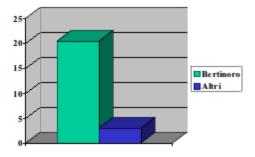
La relazione più semplice che conosciamo è la correlazione fra due variabili Modello 1



In cui la X può essere o continua o categorica



Differenze medie



Struttura delle relazioni

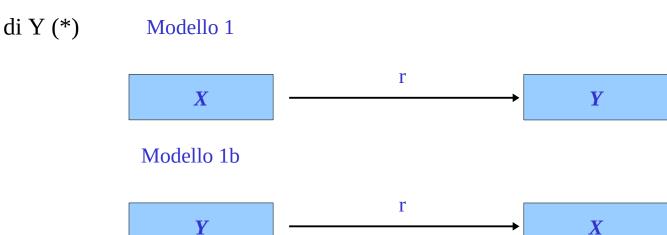
Una relazione semplice tra X e Y indica che

$\begin{array}{c} \text{Modello 1} \\ \hline X \\ \hline \end{array}$

- Le due variabili si muovono insieme: al cambiare dei valori di X cambiano (in media) i valori di Y
- X è un predittore di Y: sapendo i valori di X possiamo stimare i valori di Y
- X ha un effetto su Y: modificando i valori di X possiamo modificare i valori di Y (*)

Struttura causale delle relazioni

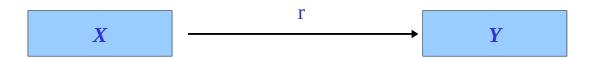
X ha un effetto su Y: modificando i valori di X possiamo modificare i valori



- Una relazione statistica **non prova mai una relazione causale**: l'ipotesi causale va giustificata con:
 - Metodo sperimentale
 - Metodi temporali (longitudinali)
 - Teoria

Struttura delle relazioni

• Le relazioni possibili diventano più interessanti strutturalmente quando siamo in presenza di tre o più variabili

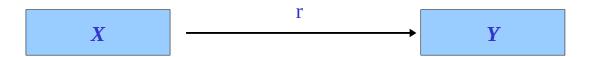


• Una terza variabile può intervenire in vari modi nella relazione tra una variabile indipendente (IV) ed una dipendente (DV)

Z

Mediazione e Moderazione

• L'analisi della **mediazione** e della **moderazione** servono a comprendere come una (o più) terze variabili intervengono nella relazione tra due (o più) variabili.



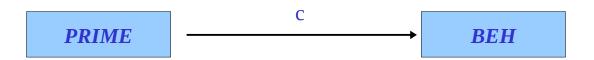
Attengono cioè allo studio della struttura delle relazioni: come le relazioni tra
 X e Y sono influenzate da Z

Z

Esempio

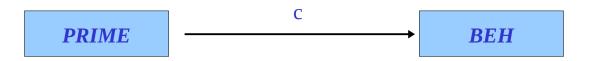
• In un esperimento i partecipanti, divisi in due gruppi sperimentali, sono sottoposti a prime di "might" vs "morality" (*prime*). Poi svolgono un compito cooperativo in cui possono cooperate con diversa intensità (BEH). Essendo la cooperazione associata sia a valori individuali che alle aspettative sull'opponente, le aspettative di cooperazione dell'altro sono state chieste ad ogni soggetto (EXP), ed una misura continua di Social Value Orientation (SVO) è stata presa, con valori alti corrispondenti a maggiore tratto di cooperatività

L'ipotesi iniziale è che il prime "morality" induca maggiore cooperatività



Capire meglio gli effetti

Supponiamo di aver trovato una relazione tra PRIME e BEH.

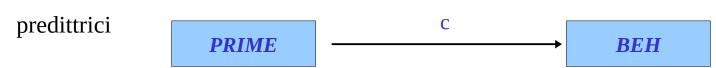


• L'analisi (logica per ora) della mediazione e della moderazione ci aiutano a capire meglio questa relazione grazie all'intervento di altre variabili, cioè EXP (aspettative di cooperazione) e SVO (il tratto di cooperatività)

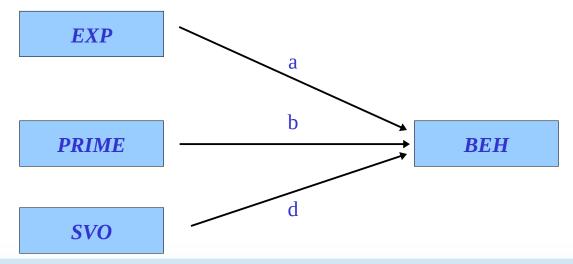
EXP

Esempio 1: effetti netti

Una possibilità è studiare la relazione tra le nostre variabili nel contesto di altre variabili

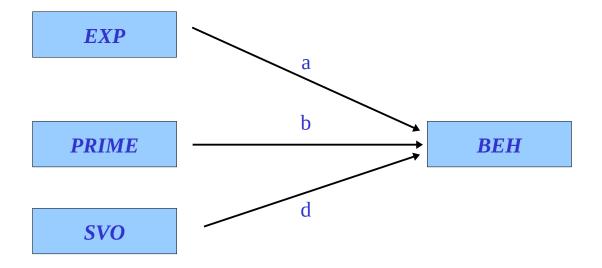


• E domandarci se e come le variabili indipendenti predicono/spiegano la dipendente al netto degli effetti delle altre



Modelli multipli

● In un **modello lineare multiplo** esaminiamo e stimiamo gli effetti di due o più variabili indipendenti, ogni effetto **al netto degli effetti** delle altre variabili



Ogni variabile indipendente è una covariata allo stesso livello delle altre variabili indipendenti

Esempio: Mediazione

BEH

Supponiamo di aver trovato una relazione tra PRIME e BEH (comportamento cooperativo).

Possiamo domandarci perché PRIME abbia un effetto su BEH

PRIME

• Possiamo ipotizzare che coloro che sono *primed* con morality sviluppino delle aspettative più alte di cooperazione dell'altro rispetto a chi è *primed* con "might"

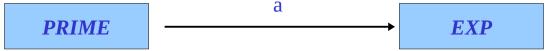
PRIME a

EXP

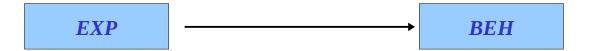
Quesito sul perchè

Possiamo domandarci perché PRIME abbia un effetto su BEH

• Possiamo ipotizzare che coloro che sono *primed* con morality sviluppino delle aspettative più alte di cooperazione dell'altro rispetto a chi è *primed* con "might"

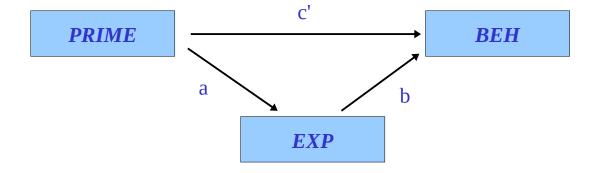


• E che avere delle aspettative di maggior cooperazione dell'altro porti a maggiore cooperazione nel partecipante



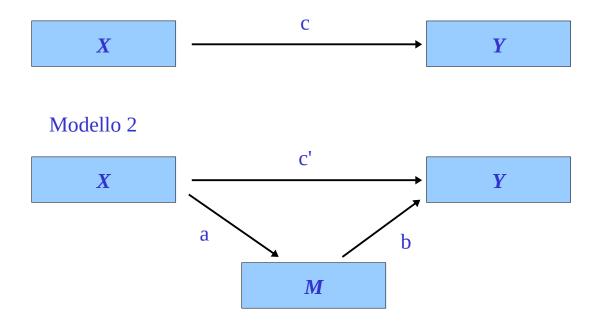
Esempio

● E dunque, uno dei motivi per cui PRIME ha un effetto sul comportamento (BEH), è che PRIME aumenta le aspettative (EXP), e le aspettative aumentano la cooperazione (BEH)



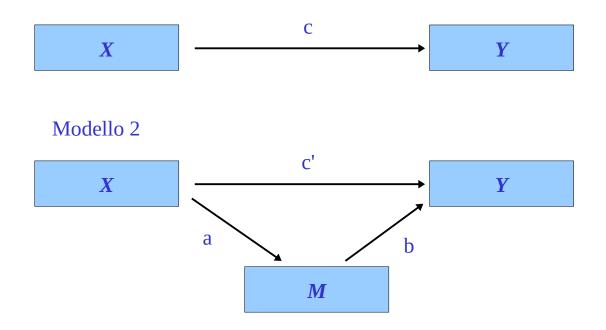
In generale

• In presenza di una relazione tre una IV (X) e una VD (Y), possiamo domandarci se uno dei motivi per cui osserviamo un effetto è l'intervento di una terza variabile M, che è responsabile (in parte o del tutto) dell'effetto originale Modello 1



Modello di mediazione

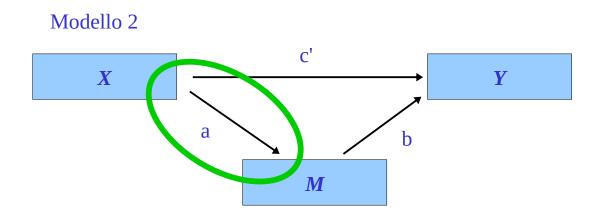
Il modello di mediazione (semplice) prevede che il processo per cui una variabile X ha un effetto su Y è descrivibile come segue: X ha un effetto su M, M ha un effetto su Y, e perciò
 X ha un effetto su Y per via dell'intervento di M.
 Modello 1



Caratteristiche del mediatore

• Il modello (logico) di mediazione regge se la variabile mediatore possiede alcune caratteristiche:

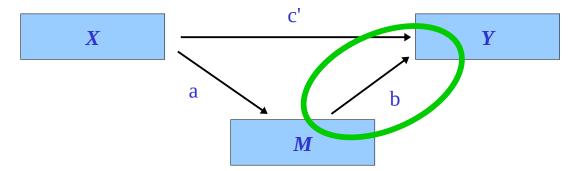
• M deve poter essere causata (o almeno dipendere logicamente) da X Le aspettative devono poter essere influenzate dal prime



Caratteristiche del mediatore

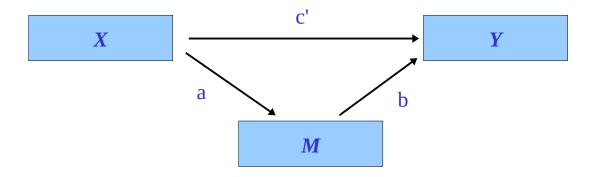
• Il modello (logico) di mediazione regge se la variabile mediatore possiede alcune caratteristiche:

- M deve poter causare (o almeno modificare logicamente) Y
 Le aspettative devono poter far cambiare il comportamento
- M deve poter causare Y indipendentemente da X
 Le aspettative devono poter far cambiare il comportamento anche in assenza di prime
 Modello 2



Mediazione

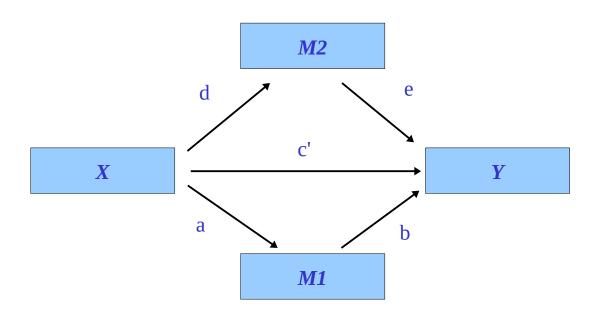
 Se queste caratteristiche sono rispettate (per ora solo logicamente), siamo in presenza di una variabile mediatore, e dunque di un valido modello di mediazione Modello 2



• L'effetto di mediazione sarà quella parte dell'effetto di X su Y che passa per M, cioè che è portato da X ad Y attraverso M

Path analysis

■ Il modello logico di mediazione può essere ovviamente esteso a più variabili, dando luogo ad un modello di **path analysis**

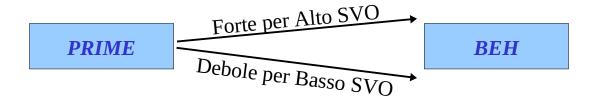


Quesito sul "chi" o "quando"

Possiamo anche domandarci per chi, o in quali condizioni, PRIME abbia un effetto su

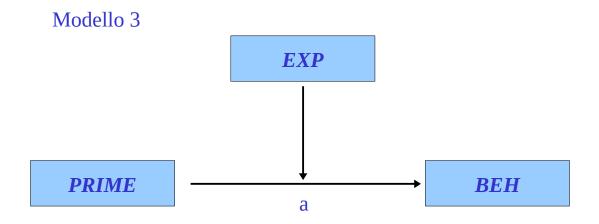
BEH PRIME BEH

- Possiamo ipotizzare che l'effetto di PRIME non sia uguale per tutti, ma che sia più o meno forte a seconda del tratto di cooperatività
- Ad esempio che l'effetto di PRIME sia più forte se si è cooperativi di proprio, e più debole se si è individualisti.



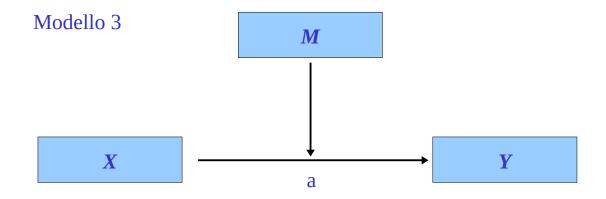
Moderazione

- Cioè ipotizziamo che l'effetto di PRIME su EXP non sia uguale per tutti, ma la sua intensità cambi (e.g. cresca) al variare di SVO
- Ipotizziamo che l'effetto di X su Y varia per diversi livelli di M



Moderazione

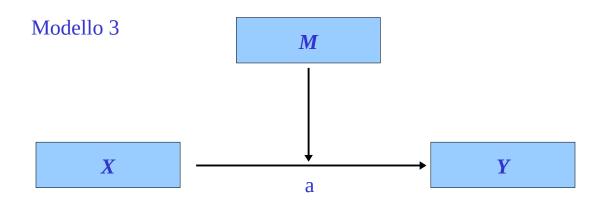
• Se l'intensità dell'effetto di X su Y cambia al variare dei livelli (valori) di un variabile M, diremo che M è un moderatore dell'effetto di X su Y, e che l'effetto di X su Y è condizionale ai valori di M



Caratteristiche del moderatore

• Il modello (logico) di moderazione regge se la variabile moderatore possiede alcune caratteristiche:

- M deve poter cambiare l'intensità dell'effetto tra X e Y SVO descrive persone differenti che possono essere più o meno sensibili al PRIME
- M non è generalmente causato da X SVO è un tratto e non dipende dal prime ricevuto



Modello Multiplo vs Mediazione vs Moderazione

I tre modelli teorici sono molto differenti e rispondono a domande diverse

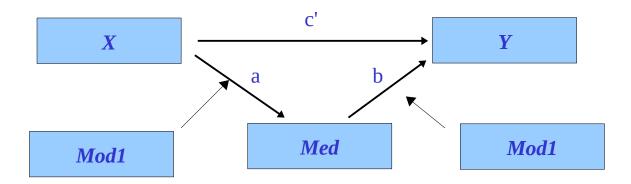
Covariata	Mediatore	Moderatore		
Risponde alla domanda: "al netto di"	Risponde alla domanda: "perchè"	Risponde alla domanda: "chi",		
I predittori sono tutti allo stesso livello	Può essere causato da X Non modifica l'effetto,	"in quali condizioni" E' indipendente da X		
Ogni effetto è calcolato covariando gli altri	lo assorbe e lo trasferisce	Modifica l'effetto		

Mediazione e Moderazione

I modelli teorici possono operare insieme per spiegare gli effetti

Mediazione condizionale o moderata

Modello 4

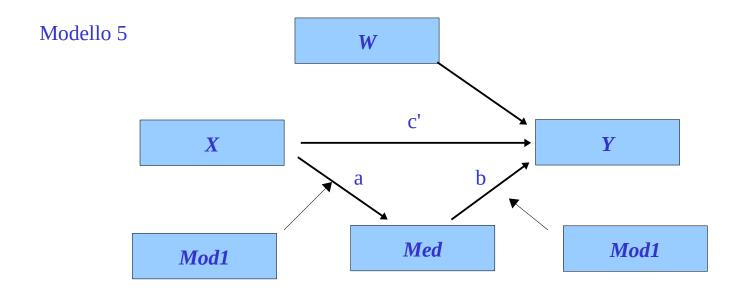


• Cioè alcuni effetti inerenti al modello di mediazione sono condizionali ai livelli di un'altra variabile moderatore. Il modello di mediazione cambia per diversi livelli del moderatore (i)

Mediazione e Moderazione

I modelli teorici possono operare insieme per spiegare gli effetti

Mediazione condizionale o moderata con covariate



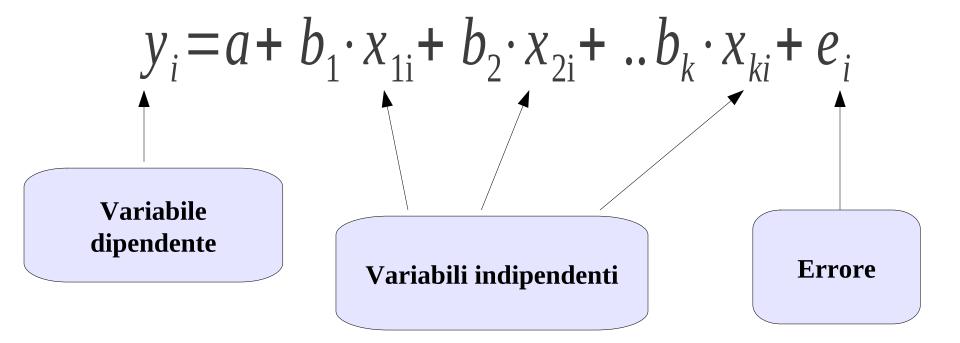
• Cioè alcuni effetti inerenti al modello di mediazione sono condizionali ai livelli di un'altra variabile moderatore. Il modello di mediazione cambia per diversi livelli del moderatore (i)

Applicazione ai Modelli Statistici Generali

GLM

• La maggior parte delle tecniche più usate (almeno in psicologia), come Regressione, correlazione, ANOVA, sottostanno ad un unico modello lineare generale

General Linear Model



GLM

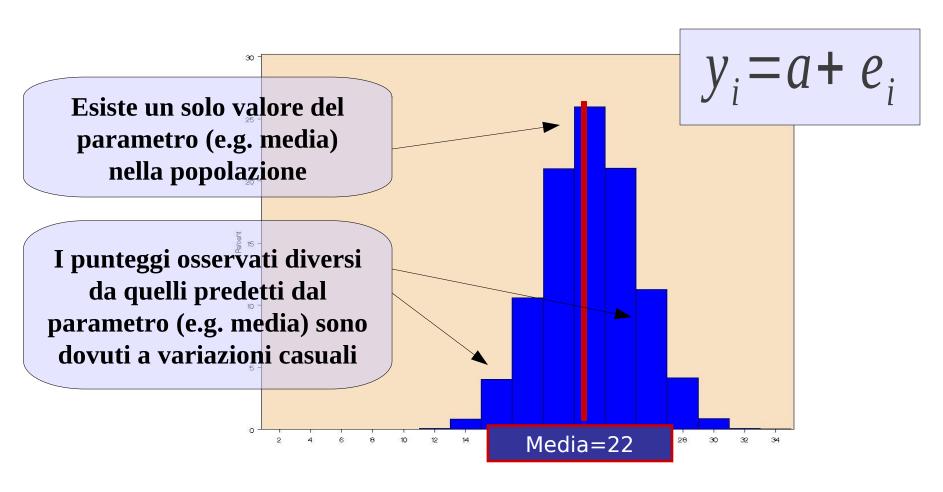
Modello Lineare Generale vantaggi

- Consente di stimare le relazioni fra due o più variabili
- Si applica ad una ampio spettro di tipi di dati
- Consente di stimare vari tipi di effetti

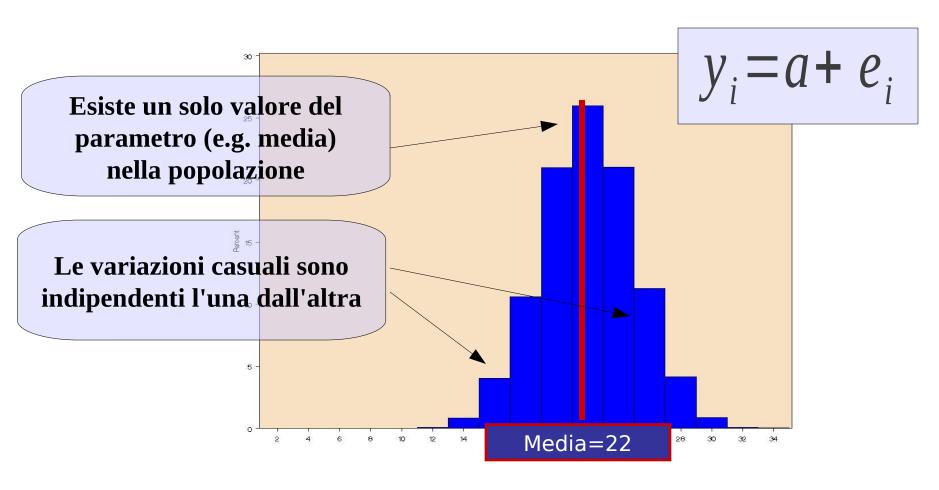
svantaggi

- Assume una struttura dei dati molto semplice
- Non consente di modellare una ampia serie di relazioni e dipendenza tra unità di misurazione

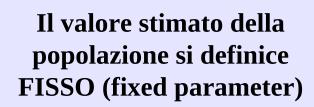
Modello Lineare Generale

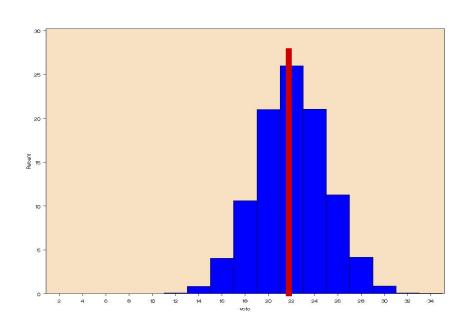


Modello Lineare Generale



Modello Lineare Generale



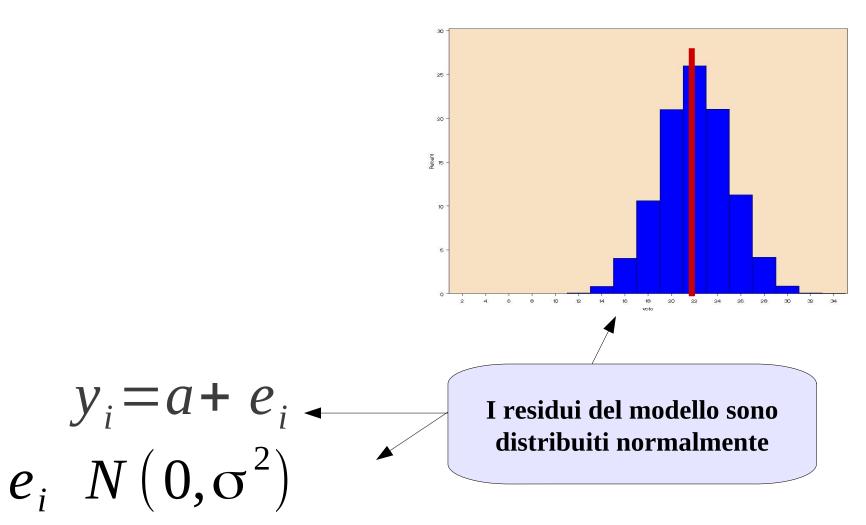


$$y_i = a + e_i$$

$$corr(e_i, e_j) = 0$$

Le variazioni casuali sono indipendenti l'una dall'altra

Modello Lineare Generale



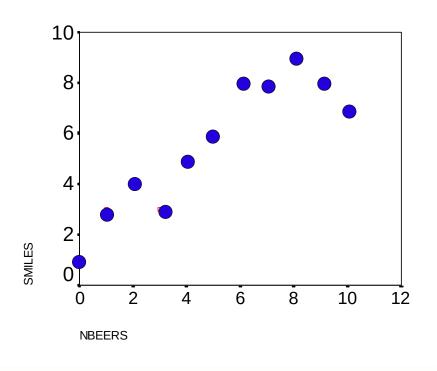
Generalizzazioni

- Useremo il Modello Lineare Misto (*random coefficients models*) quando le assunzioni di unicità degli effetti e l'indipendenza dei residui non è rispettata (misure ripetute, dati clusterizzati)
- Useremo il Modello Lineare Generalizzato quando le assunzioni di normalità dei residui non può essere rispettata (variabili dipendenti categoriche)
- Useremo il Modell Misto Generalizzato quanto abbiamo dipendenza tra i casi e variabili dipendenti non continuen

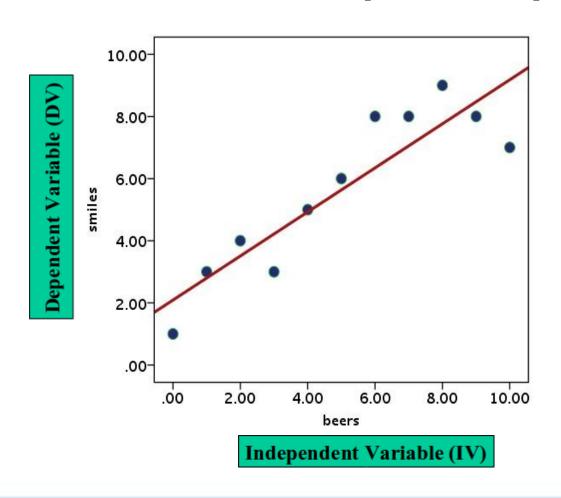
Il modello di regressione

• Consideriamo ora questa ipotetica ricerca: siamo andati in un pub ed abbiamo contato quanti sorrisi le persone ai tavoli producevano (ogni 10 minuti) e quante birre avevano bevuto fino a quel momento

Birre	Sorrisi
0	1
1	3
2	4
3	3
4	5
5	6
6	8
7	8
8	9
9	8
10	7



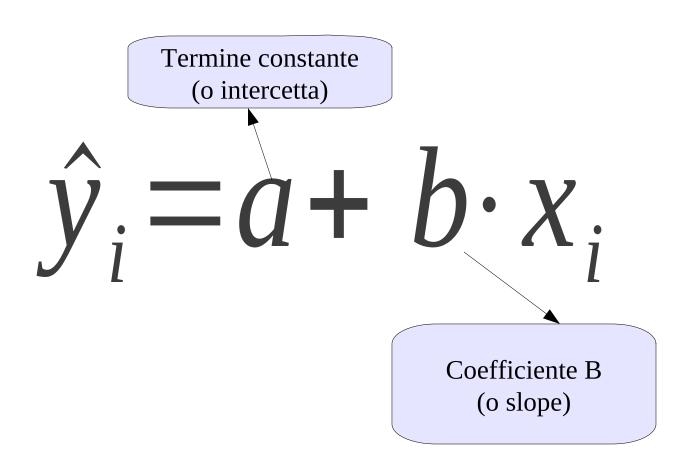
• Lo scopo della retta di regressione è di rappresentare la relazione lineare tra la variabile indipendente e la dipendente



Nel caso più semplice, abbiamo una retta semplice

$$\hat{y}_i = a + b \cdot x_i$$

La retta può essere descritta mediante due coefficienti: il termine costante ed il coefficiente angolare (slope)



Nel nostro esempio...usando **SPSS**

Termine constante (o intercetta)

$$\hat{y}_i = a + b \cdot x_i$$

Coefficientsa

		Unstandardized Coefficients		Standardized Coefficients		
Model		В	Std. Error	Beta	t	Sig.
1	(Constant)	2.091	.684		3.057	.014
	NBEERS	.709	.116	.898	6.132	.000

a. Dependent Variable: SMILES

Coefficiente B (o slope)

Nel nostro esempio... in **R**

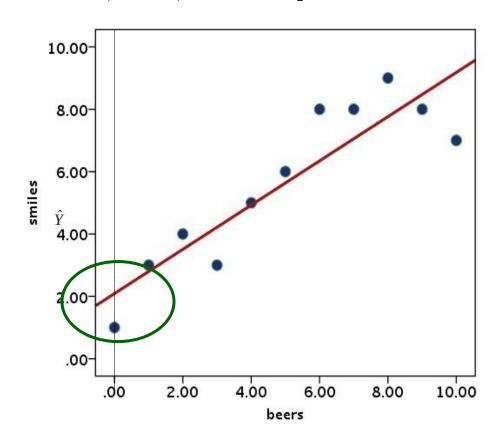
```
Termine constante
   (o intercetta)
                               ## Coefficients:
                               ##
                                              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                                                2.0909
                                                           0.6841
                                                                    3.057 0.013647 *
                               ## (Intercept)
                                                0.7091
                                                           0.1156
                                                                    6.132 0.000172 ***
                               ## beers
                               ##
\hat{y}_i = a + b \cdot x_i
                                Coefficiente B
                                   (o slope)
```

Costante o intercetta

a l'intercetta della retta: indica il valore atteso (medio) della VD per la VI=0

$$\hat{y} = a + b \cdot 0$$

Quando un partecipante ha bevuto zero birre, mostra (in media) 2.09 sorrisi

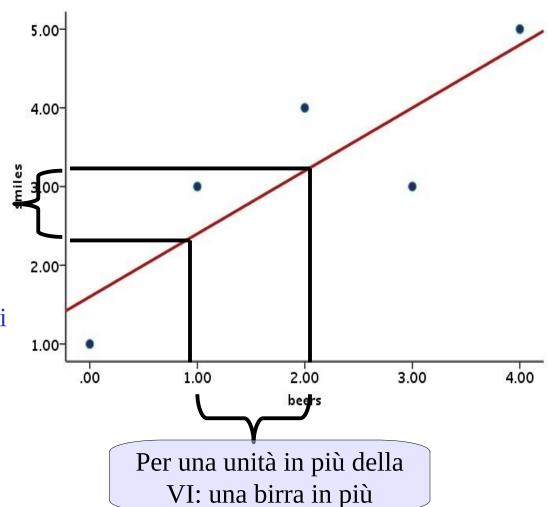


Coefficiente di regressione

B è il coefficiente angolare della retta: indica il cambiamento atteso nella VD al variare di una unità della VI

I sorrisi aumentano di B unità

Per ogni birra che si beve, i sorrisi aumentano in media di .709 unità



Test inferenziale

I coefficenti vengono testati per la loro significatività statistica mediante il t-test **t test**

```
## Coefficients:

## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)

## (Intercept) 2.0909 0.6841 3.057 0.013647 *

## beers 0.7091 0.1156 6.132 0.000172 ***

## ---

## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 9.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Se Pr. < 0.05, diremo che B è significativamente diverso da zero

Soluzione standardizzata

- A volte conviene ottenere un coefficiente che non dipenda dalle unità di misura, cioè un coefficiente standardizzato (beta)
- In qualunque modello lineare il coefficiente standardizzato si ottiene stimando il modello sulle variabili standardizzate (z-score)
 - Prima si standardizzano le variabili
 - Poi si ricalcola il modello

Soluzione standardizzata

• Il beta (nella regressione singola) altro non è che il coefficiente di correlazione r di pearson

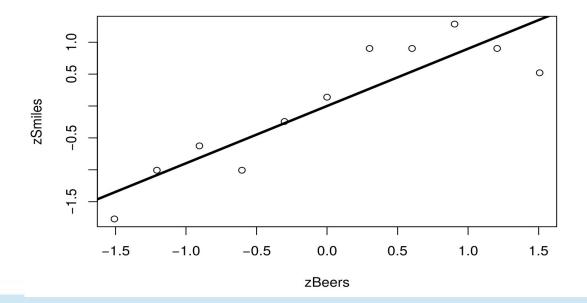
```
## Coefficients:

## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)

## (Intercept) 0.000 0.140 0.00 1.00000

## zbeers 0.898 0.146 6.13 0.00017 ***

## ---
```

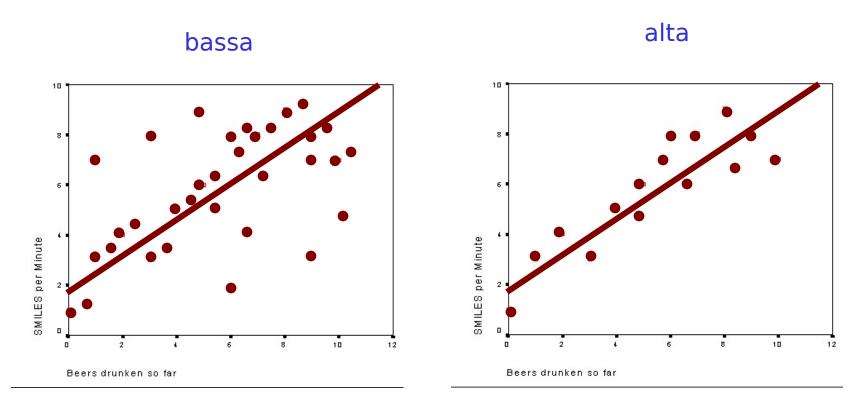


• Per tutti i modelli inerenti al modello lineare generale, la funzione R è sempre la stessa, assai semplice da ricordare

```
#stimo la regressione
mod<-lm(smiles~beers,data=dat)</pre>
```

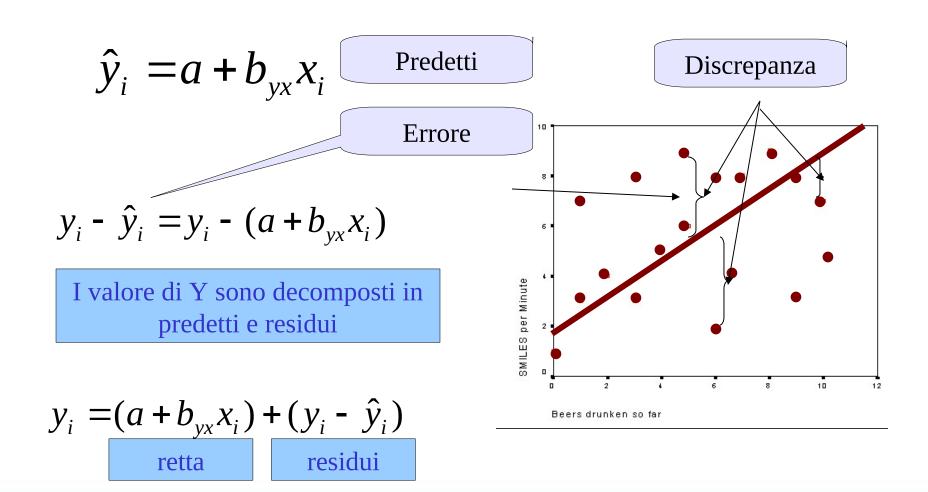
Bontà di adattamento

Non tutte le rette di regressione hanno lo stesso potere predittivo, cioè la stessa capacità di adattarsi ai dati osservati



Errore di regressione

Notiamo che la predizione non corrisponde di norma ai valori osservati



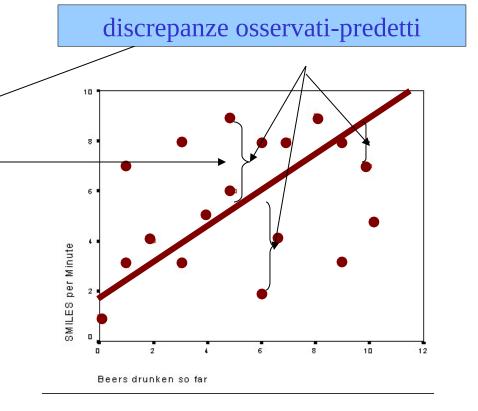
Quanto e' grande l'errore di regressione

Calcoliamo la distanza media tra i punti osservati e la retta

Le distanze si calcolano mediante le discrepanza al quadrato

$$\sum_{i=1}^{n} \frac{(y_i - \hat{y}_i)^2}{n-1} = s_e^2$$

Notiamo che questa è una varianza che chiameremo varianza di errore



Proporzione riduzione errore

Il modello si adatterà ai dati tanto più riduce l'errore di predizione rispetto a non usare tale modello

- La logica è di confrontare due casi:
 - L'errore calcolato per la regressione data
 - L'errore associato alla media, cioè errore associato a non utilizzare la regressione

Proporzione riduzione errore

Senza regressione l'unica predizione plausibile di Y e' la media di Y

Predizione senza regressione

Varianza di errore senza predizione

$$\hat{y}_i = M_y$$

$$s_y^2 = \frac{\sum (y_i - M_y)^2}{n - 1}$$
Le deviazioni dalla media (la varianza) non siamo in grado di spiegarle

Proporzione riduzione errore

Con la regressione faremo una certa predizione

Predizione con regressione

Varianza di errore con predizione

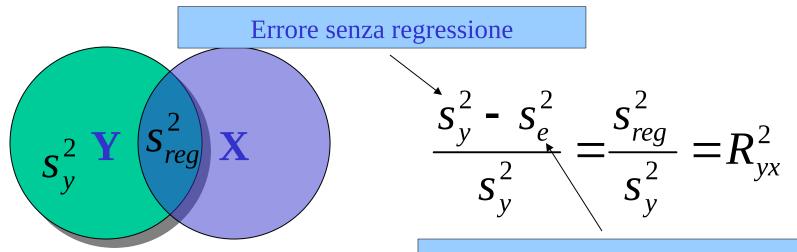
$$\hat{y}_i = a + b_{yx} x_i$$

$$s_e^2 = \frac{\sum (y_i - \hat{y}_i)^2}{n - 1}$$

Le deviazioni dalla regressione (varianza di errore) non siamo in grado di spiegarle

R-quadro

 Dunque il fit della regressione è tanto buono quanto riesce a migliorare la predizione, cioè a diminuire l'errore



Errore con regressione

Il coefficiente R² indica la proporzione di errore ridotto dalla regressione, anche detta **Varianza Spiegata**

R-quadro

Nel nostro esempio...in SPSS

	Tests of Be	tween-Sul	bjects Effects			
Dependent Variable: smiles						
	Type III Sum					
Source	of Squares	ai	Mean Square	F	Sig.	Т
Corrected Model	55.309 ^a	1	55.309	37.607	.000	
Intercept	13.740	1	13.740	9.343	.014	
beers	55.309	1	55.309	37.607	.000	
Error	13.236	9	1.471			
i otal	418.000	11				
Corrected Total	68.545	10				
a. R Squared = .807 (Adjusted R Squared = .785)						

• L'ipotesi nulla che R² sia zero viene testata con il F-Test

R-quadro

Nel nostro esempio...in R

```
## Coefficients:

## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)

## (Intercept) 2.0909 0.6841 3.057 0.013647 *

## beers 0.7091 0.1156 6.132 0.000172 ***

## ---

## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

##

## Residual standard error: 1.213 on 9 degrees of freedom

## Multiple R-squared: 0.8069, Adjusted R-squared: 0.7854

## F-statistic: 37.61 on 1 and 9 DF, p-value: 0.0001723
```

• L'ipotesi nulla che R² sia zero viene testata con il F-Test

Output di un modello lineare

Ogni modello lineare può essere interpretato sia in termini di varianze

Dependent Variable: smiles

Source	Type III Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
Corrected Model	55.309ª	1	55.309	37.607	.000
Intercept	13.740	1	13.740	9.343	.014
beers	55.309	1	55.309	37.607	.000
Error	13.236	9	1.471		
Total	418.000	11			
Corrected Total	68.545	10			

a. R Squared = .807 (Adjusted R Squared = .785)

• Che in termini di coefficienti

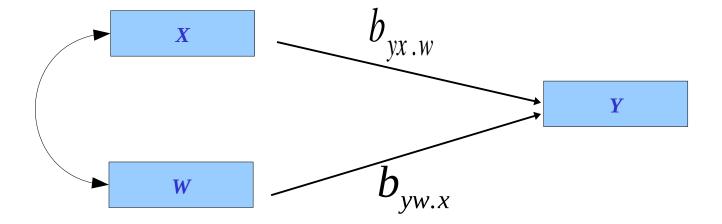
Coefficients^a

		Unstandardized Coefficients		Standardized Coefficients		
Model		В	Std. Error	Beta	t	Sig.
1	(Constant)	2.091	.684		3.057	.014
	NBEERS	.709	.116	.898	6.132	.000

a. Dependent Variable: SMILES

• Consideriamo ora il caso in cui la variabile dipendente possa essere spiegata da più di una variabile

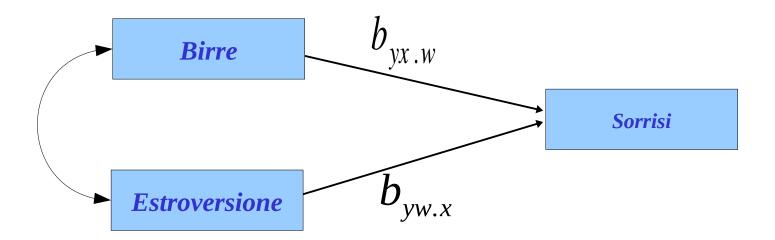
Regressione Multipla



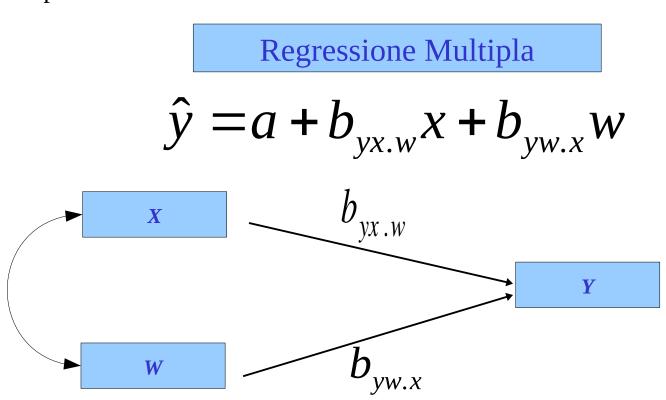
Esempio Effetti multipli

• Vogliamo predire *il numero di sorrisi* sia con *il numero di birre* che con *il tratto "estroversione"* del soggetto

Regressione Multipla



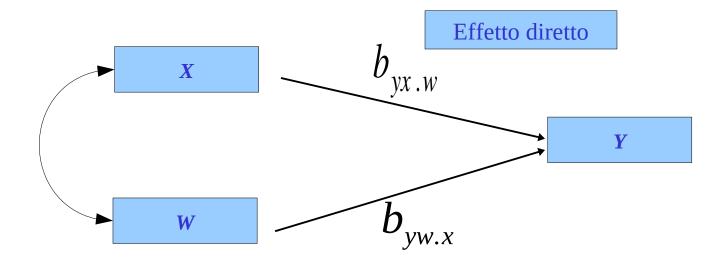
• La regressione aggiunge termini lineari per ogni variabile indipendente



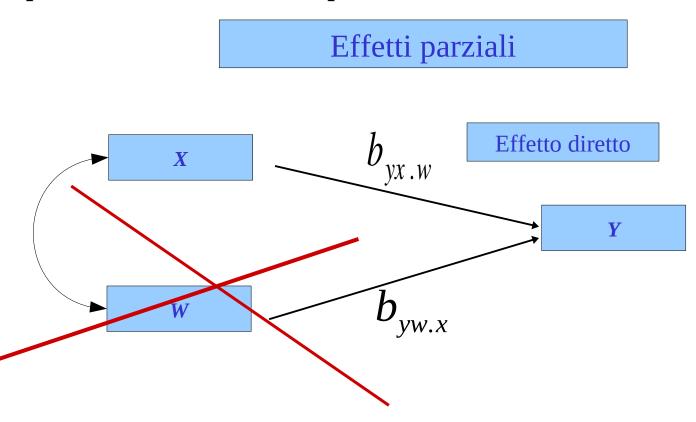
Ogni coefficiente di regressione esprime l'effetto diretto della IV su

Y, togliendo l'effetto che passa indirettamente per l'altra VI

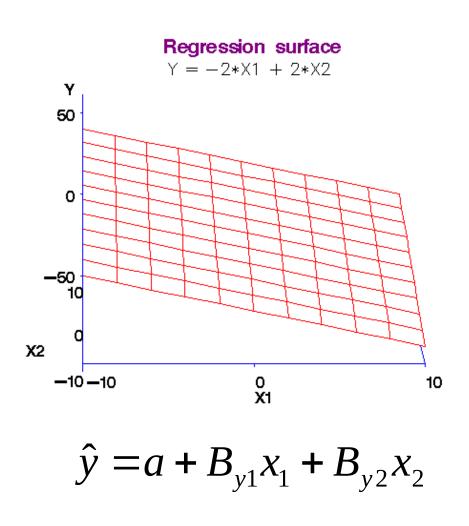
Effetti parziali



• Togliere l'effetto indiretto è equivalente a bloccare la possibilità che x vada su y mediante w: Il coefficiente viene dunque detto **coefficiente** parziale, cioè l'effetto di x parzializzando l'effetto di w



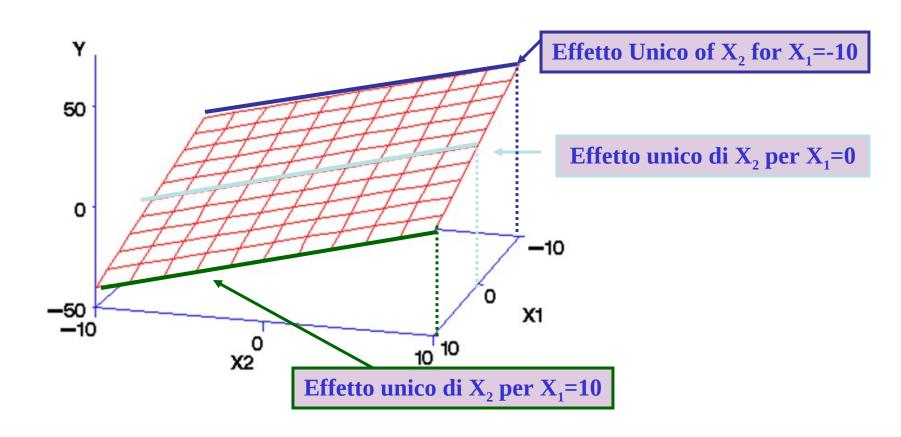
Rappresentazione geometrica



Interpretazione geometrica

Regression surface

$$Y = -2*X1 + 2*X2$$

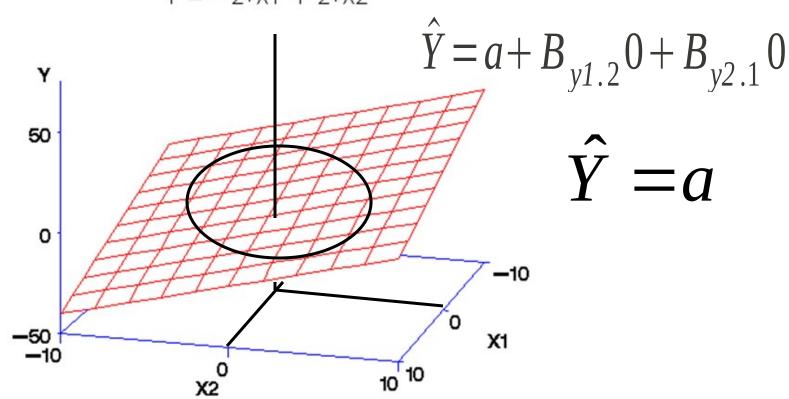


Intercetta (o costante)

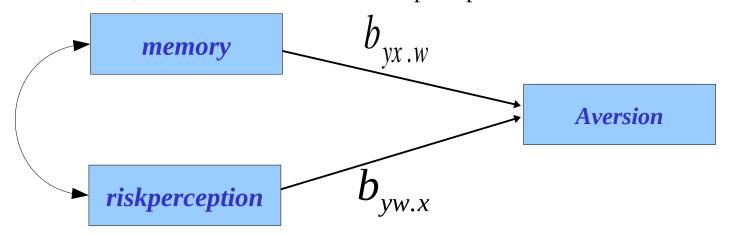
L'intercetta indica il valore atteso della VD per tutte le VI uguali a 0

Regression surface

$$Y = -2*X1 + 2*X2$$



- Una campagna pubblicitaria contro il fumo è stata testata chiedendo ai partecipanti di ricordare il maggior numero di spot della campagna (misura di esposizione) (*memory*), i rischi percepiti del fumo (*riskperception*), e l'avversione al fumo (*avversion*).
- Supponiamo di voler vedere se l'esposizione alla campagna abbia un effetto sull'avversione, considerando anche i rischi percepiti.



Effetti parziali delle VI sulle VD

```
## lm(formula = aversion ~ memory + riskperception, data = smoke)
##
## Residuals:
               1Q Median
##
      Min
                              3Q
                                    Max
## -64.489 -6.869 1.276 8.542 38.694
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -73.66753 6.57749 -11.200 <2e-16 ***
## memory
          1.97548 1.90592 1.036 0.303
## riskperception 1.44118 0.08558 16.839 <2e-16 ***
## ---
                 0 '***' 0.001 '**' 0.01 / '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Signif. codes:
##
## Residual standard error: 16.67 on 97 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7631, Adjusted R-squared: 0.7582
## F-statistic: 156.2 on 2 and 97 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Coefficienti B

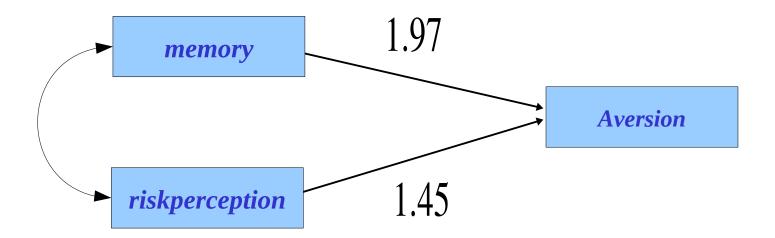
t.test e p

Effetti parziali delle VI sulle VD

```
## lm(formula = aversion ~ memory + riskperception, data = smoke)
##
## Residuals:
            1Q Median
##
      Min
                             3Q
                                   Max
## -64.489 -6.869 1.276 8.542 38.694
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -73.66753 6.57749 -11.200 <2e-16 ***
## memory
          1.97548 1.90592 1.036 0.303
## riskperception 1.44118 0.08558 16.839 <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 16.67 on 97 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7631, Adjusted R-squared: 0.7582
## F-statistic: 156.2 on 2 and 97 DF, p-value: < 2.2e-16
```

•Al netto di memory, riskperception ha un effetto di B=1.44, t(97)=16.83, p.<.001 mentre al netto di riskperception, memory non ha un effetto, B=1.97,

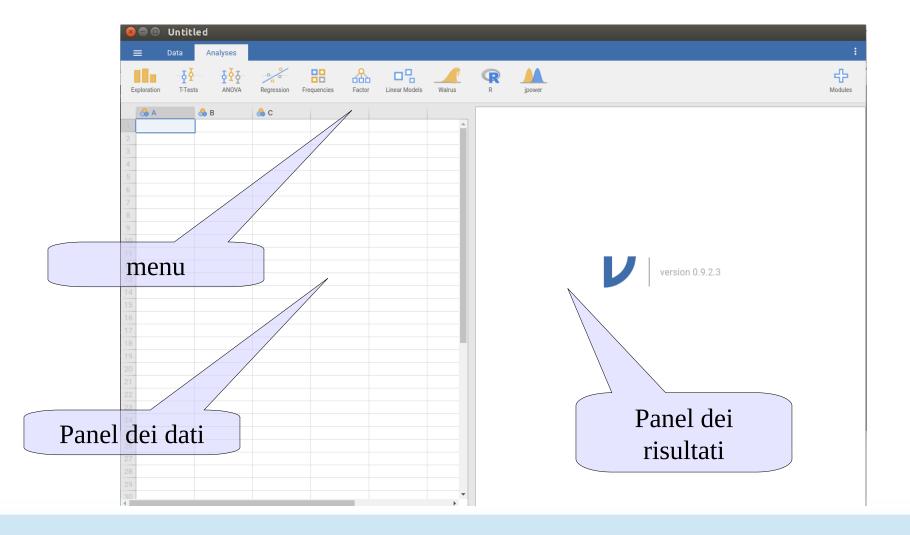
Modello finale



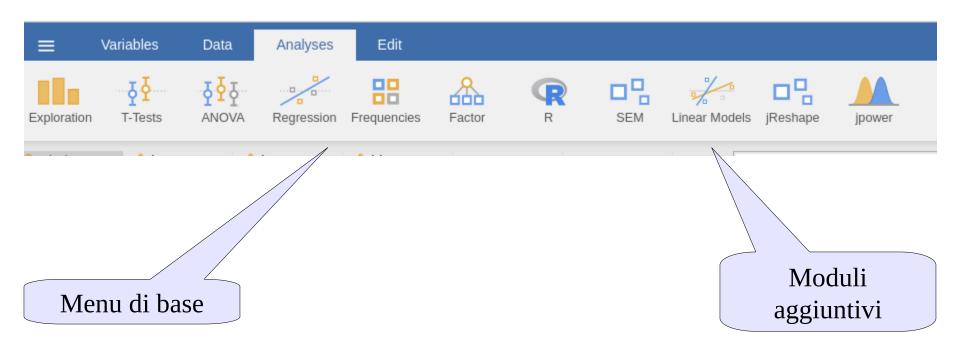
• Facendo una regressione semplice tra memory e aversion, i risultati sono differenti

• L'effetto di *memory* (alto e significativo) si riduce a zero quando *riskperception* è tenuto costante. In altre parole, se tutti avessero lo stesso livello di *riskperception*, il ricordo della campagna non avrebbe effetto sull'avversione (possibile mediazione?)

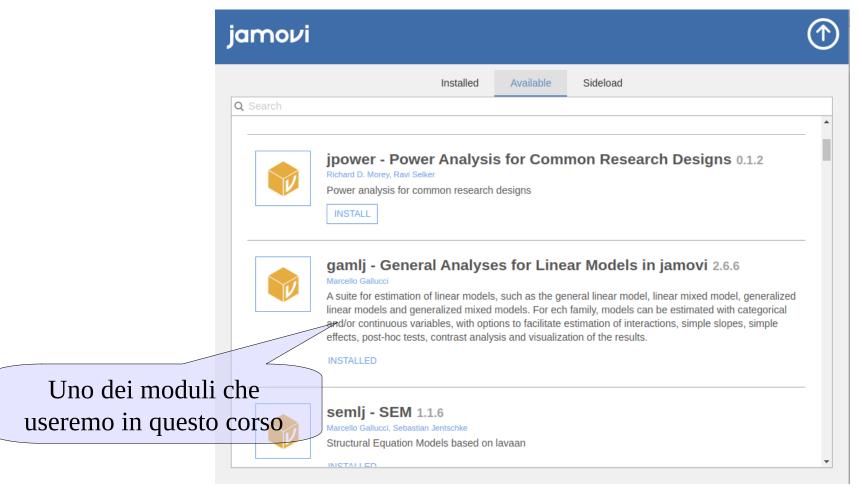
• Facciamo queste semplici analisi in **jamovi**



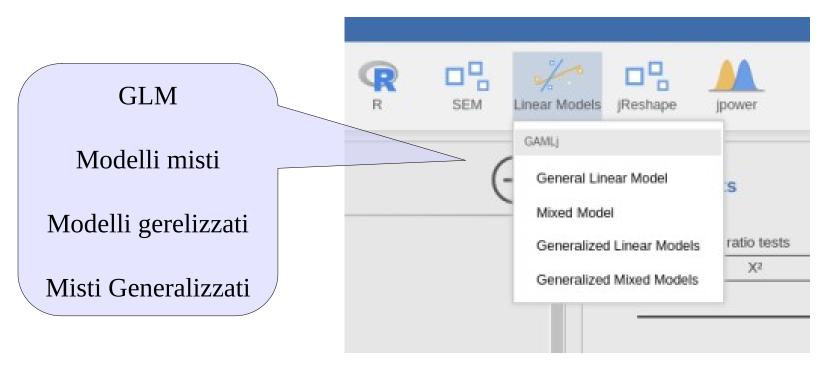
• Facciamo queste semplici analisi in **jamovi**



Libreria dei moduli aggiuntivi

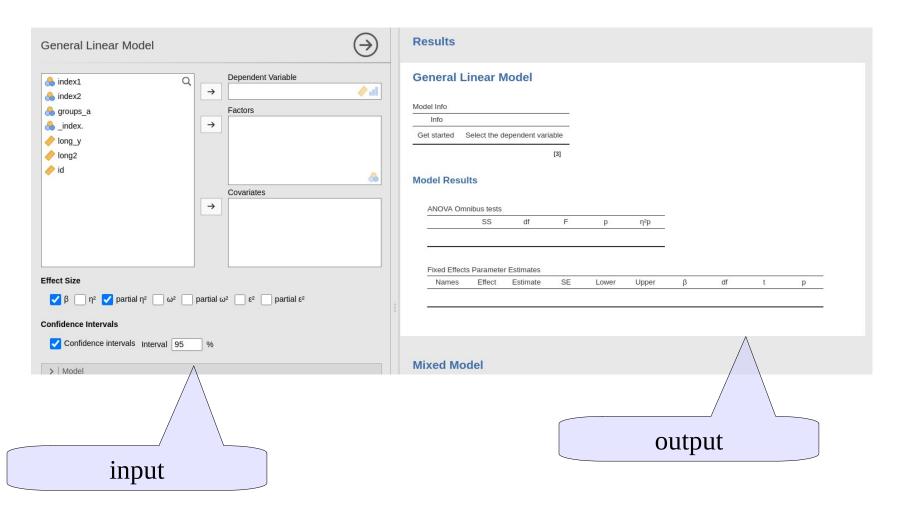


• Per la maggior parte dei modelli lineari possiamo usare il modulo GAMLj di jamovi



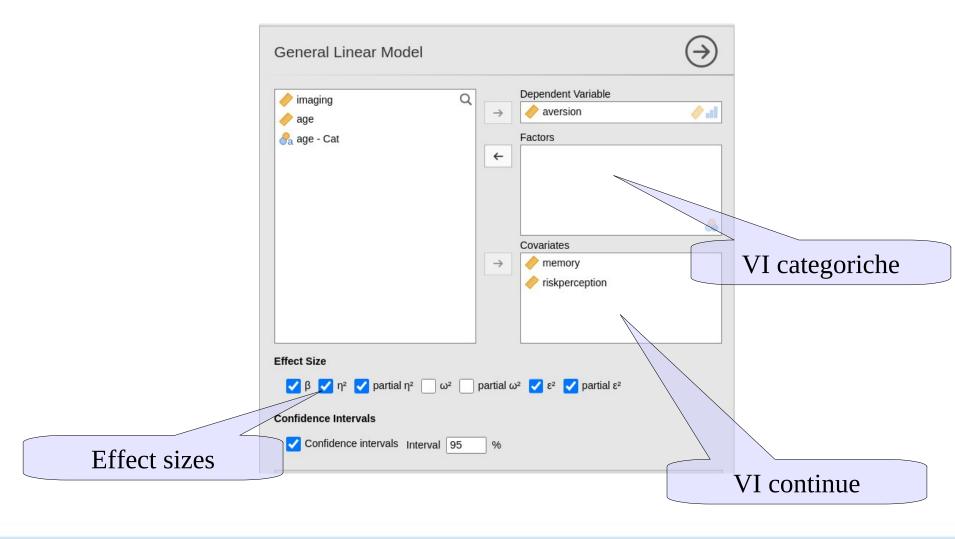
jamovi: interfaccia

Ogni modulo di jamovi ha la stessa struttura di interfaccia



jamovi: interfaccia

Ogni modulo di jamovi ha la stessa struttura di interfaccia



jamovi: output

• Come in SPSS, otteniamo i risultati relativi alle varianze (F-test) e ai coefficienti (b, beta, t-test)

Model Results

Varianze e effect size indexes

ANOVA	\cap mn	ibue	toete
ANUVA	OHIII	IIDUS -	LESIS.

	SS	df	F	р	η^2	η²p	ε2	ε²p
Model	86820	2	156.25	< .001	0.763	0.763	0.758	0.758
memory riskperception	298 78779	1 1	1.07 283.56	0.303 <.001	0.003 0.692	0.011 0.745	0.000 0.690	0.001 0.742
Residuals Total	26949 113769	97 99						

Fixed Effects Parameter Estimates

95% Confidence Interval								
Names	Estimate	SE	Lower	Upper	β	df	t	р
(Intercept)	4.70	1.6668	1.40	8.01	0.0000	97	2.82	0.006
memory	1.98	1.9059	-1.81	5.76	0.0529	97	1.04	0.303
riskperception	1.44	0.0856	1.27	1.61	0.8590	97	16.84	< .001

Coefficienti

Variabili Indipendenti Categoriche

ANOVA

Categoriche come IV

- In generale, e per mediazione e moderazione, è importante capire come il GLM accomoda le variabili indipendenti categoriche
- Consideriamo prima le variabili dicotomiche, cioè con solo due valori (due gruppi)

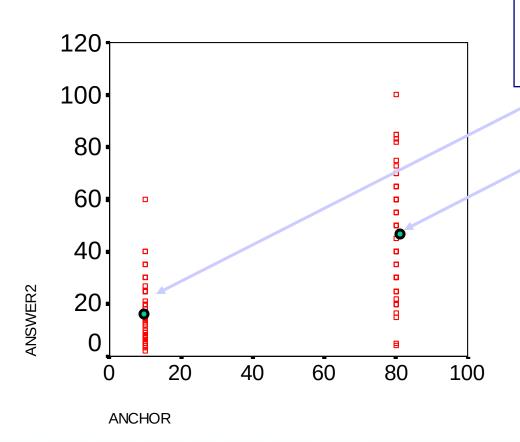
Nel seguente esperimento testiamo l'effetto di un ancoraggio cognitivo sulla stima delle quantità numeriche:

- Domanda 1 a tutti i soggetti: Secondo te, le nazioni africane alle nazioni unite sono più o meno del X %.
- Domanda 2: Quante sono le nazioni africane in percentuale alle nazioni unite
- Gruppo 1: ancora 10%. Gruppo 2: ancora 80%

Scatter Plot

Variabile dipendente: percentuale attesa, variabile indipendente ancora

alta vs bassa

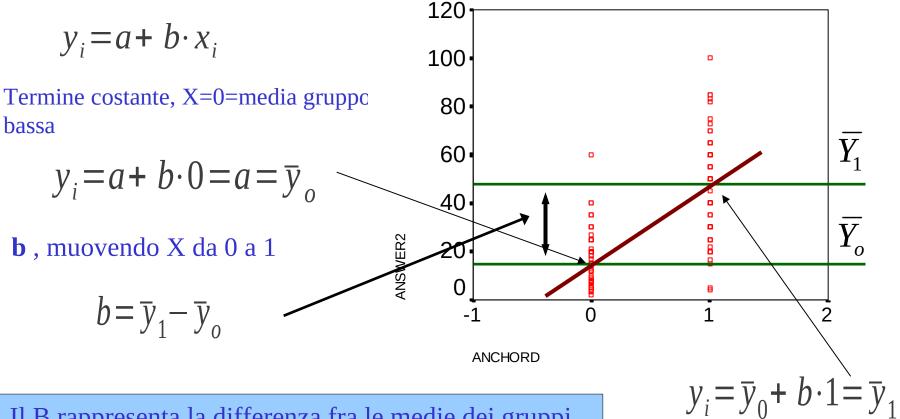


Medie per gruppo

0 1 ## 17.045 44.829

Coefficients for dichotomies

X= Anchor. Bassa=0 Alta=1

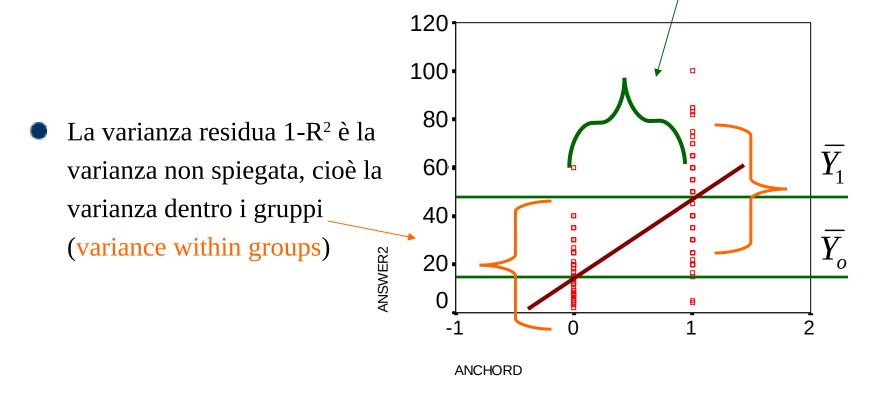


Il B rappresenta la differenza fra le medie dei gruppi

```
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                              1.697
                                      10.04 <2e-16 ***
## (Intercept)
                 17.045
                 27.784
                              2.400 11.58 <2e-16 ***
## groups
## ---
                  <sup>/</sup> 0 '***<sup>\</sup> 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' '
## Signif. codes:/
##
## Residual standard error: \15.64 on 168 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.4438, Adjusted R-squared: 0.4405
## F-statistic: 134.1 on 1 and 168 DF, p-value: < 2.2e-16
                             Media gruppo 0
                                               Medie per gruppo
    differenza
                                           ##
                                           ## 17.045 44.829
```

R² per le dicotomiche

L' R² è la varianza spiegata dalle differenze tra I gruppi (between groups), cioè tra le medie



Test F per dicotomiche

• Il Test F, come per qualunque altro R², p dato da...

$$F = \frac{R^2}{1 - R^2} \frac{df_{within}}{df_{between}}$$

$$F = \frac{\text{variance between}}{\text{variance within}} \frac{df_{within}}{df_{between}}$$

```
## Coefficients:

## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)

## (Intercept) 17.045 1.697 10.04 <2e-16 ***

## groups 27.784 2.400 11.58 <2e-16 ***

## ---

## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' ' ##

## Residual standard error: 15.64 on 168 degrees of freedom

## Multiple R-squared: 0.4438, Adjusted R-squared: 0.4405

## F-statistic: 134.1 on 1 and 168 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Test F per dicotomiche

 Possiamo anche chiedere direttamente il test F per l'effetto (utile quando ci sono più effetti), ottendendo cosi l'ANOVA

```
## Analysis of Variance Table

## Response: answer2

## Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)

## groups 1 32808 32808 134.06 < 2.2e-16 ***

## Residuals 168 41113 245

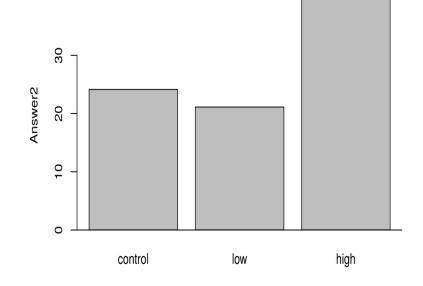
## ---
```

Più di due categorie

- Quando si hanno più di due categorie, si rappresentano le variabili mediante una serie di dummy variables
- Una dummy è una variabile dicotomica
- Consideriamo un esempio come il precedente, ma con tre gruppi: Ancora bassa, Ancora alta, e no Ancora (control)

Medie per gruppo

0 1 2 ## 24.14 21.12 39.80



Più di due categorie

- L'informazione contenuta in una variabile nominale (K>2) può essere rappresentata da un numero K-1 variabili dicotomiche
- K-1 variabili dicotomiche è il numero minore di dicotomiche in grado di rappresentare i gruppi

Queste variabili sono dette dummies

Possiamo distinguere i gruppi? Gruppi: Control, Low, High

Variabile	Categoria	var1	var2
	Control	0	0
Groups	Low	1	0
	High	0	1

3 gruppi, 2 dummies K gruppi, K-1 dummies

Coefficienti per le dummies

Se usiamo queste variabili in una regressione...

$$var1 var2$$

$$Y = a + B_1 \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} + B_2 \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} Control$$

$$Low$$

$$High$$

Cosa è il termine costante **a**?

Il valore medio atteso di DV per tutte le dummies uguali a zero

$$Y = a + B_1 \cdot 0 + B_2 \cdot 0 = a = \overline{Y}_{control}$$

Coefficienti per le dummies

Cosa è il B associato a var1?

Cosa è il coefficiente B1?

$$Y = \overline{Y}_{control} + B_1 \cdot Low + B_2 \cdot 0$$
$$B_1 = \overline{Y}_{Low} - \overline{Y}_{Control}$$

Differenza tra Low e Control

Coefficienti per le dummies

Cosa è il B associato a var2?

$$var1 \qquad var2$$

$$Y = a + B_1 \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} + B_2 \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \qquad \begin{array}{c} \text{Control} \\ \text{Low} \\ 1 \end{bmatrix}$$
High

Cosa è il coefficiente B2?

$$Y = \overline{Y}_{control} + B_1 \cdot 0 + B_2 \cdot High$$

$$B_2 = \overline{Y}_{High} - \overline{Y}_{Control}$$

Differenza tra High e Control

Dummies

- Chiameremo il gruppo che ha tutti zero nelle dummies (Control) il reference group
- La constante della regressione è la media della DV per il reference group
- Il B di ogni dummy representa la differenza tra il gruppo con dummy=1 e il reference group
- Il test di significatività di ogni B testa che tale differenza sia diversa da zero

Esempio

 R codifica le variabili categoriche mediante il comando factor().

Medie per gruppo

0 1 2 ## 24.14 21.12 39.80

Nel nostro esempio le dummy risultano

Dummies

##		groups1	groups2	
##	${\tt control}$	0	0	
##	low	1	0	
##	high	0	1	

Esempio

Chiamando il comando per il modello lineare otteniamo i risultati

```
## Call:
## lm(formula = answer2 ~ groups, data = anchor2)
##
## Residuals:
      Min
              1Q Median 3Q
                                   Max
##
## -21.800 -7.800 0.030 6.625 30.200
##
## Coefficients:
             Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
  (Intercept) 24.140 1.539 15.683 < 2e-16 ***
             -3.020 2.177 -1.387 0.167
## groups1
## groups2
               15.660 2.177 7.194 2.97e-11 ***
##
                                               Dummies
Low vs Control
```

High vs Control

##		groups1	groups2
##	${\tt control}$	0	0
##	low	1	0
##	high	0	1

Esempio: Coefficienti (parametri)

Chiamando il comando per il modello lineare otteniamo i risultati

```
## Call:
## lm(formula = answer2 ~ groups, data = anchor2)
##
## Residuals:
      Min
              1Q Median
                             3Q
##
                                   Max
## -21.800 -7.800 0.030 6.625 30.200
##
## Coefficients:
             Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
                          1.539 15.683 < 2e-16 ***
  (Intercept) 24.140
              -3.020 2.177 -1.387 0.167
## groups1
## groups2
               15.660 2.177 7.194 2.97e-11 ***
##
```

Low vs Control

High vs Control

Medie per gruppo

```
## control low high
## 24.14 21.12 39.80
```

Esempio: F-test

Volendo, si può ottenere anche la F-test aggregata, cioè dell'effetto principale

```
## Analysis of Variance Table

##

## Response: answer2

## Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)

## groups 2 10055 5027.5 42.441 2.823e-15 ***

## Residuals 147 17413 118.5

## ---
```

Differenti codifiche

- E' possibile codificare le variabili dummies in molti modi diversi
- A seconda di come vengono codificate le dummies, l'interpretazione dei coefficienti cambia

Contrast (deviation) coding

Possiamo distinguere i gruppi? Gruppi: Control, Low, High

Variabile	Categoria	var1	var2	
	Control	-1	-1	
Groups	Low	1	0	
	High	0	1	

Le dummies hanno tutte media 0: sono centrate sulla media

Coefficienti per contrast (deviation) coding

$$var1 var2$$

$$Y = a + B_1 \cdot \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} + B_2 \cdot \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} Control$$

$$Low$$

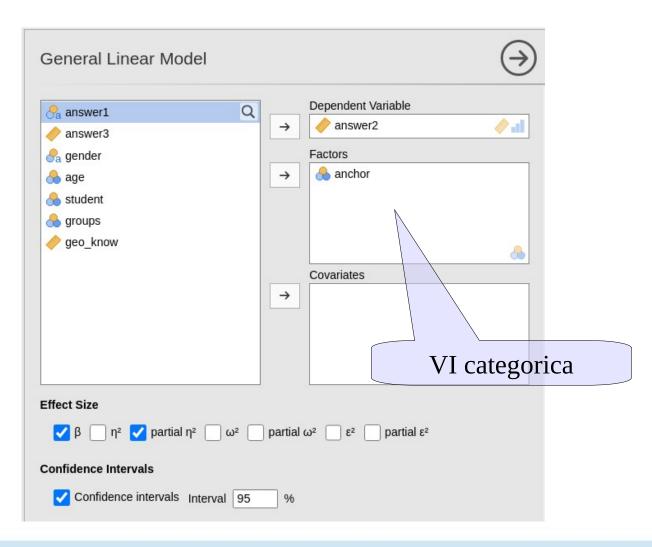
$$High$$

- Cosa è l'intercetta? La media di Y nel campione totale
- Cosa è B1? La differenza tra la media nel campione e la media del gruppo Low
- Cosa è B2? La differenza tra la media nel campione e la media del gruppo High

Coefficienti per contrast (simple) coding

- Cosa è l'intercetta? La media di Y nel campione totale
- Cosa è B1? Il confronto tra gruppo Control e gruppo Low
- Cosa è B2? Il confronto tra gruppo Control gruppo e gruppo High
- "Simple" è come "dummy" ma centrato sullo zero

• GAMLj di jamovi semplifica il tutto



• GAMLj di jamovi semplifica il tutto

Model Results

ANOVA Omnibus tests

	SS	df	F	р	η²p
Model	10055	2	42.4	< .001	0.366
groups	10055	2	42.4	<.001	0.366
Residuals Total	17413 27468	147 149			

Effetto principale

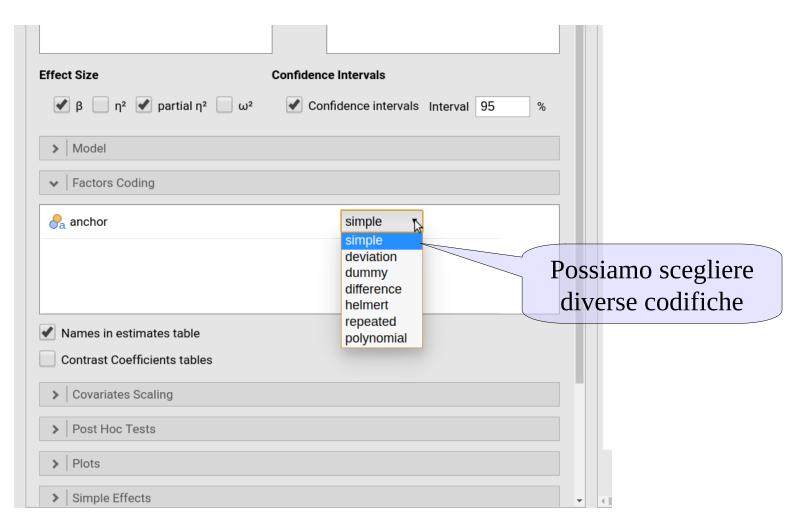
Fixed Effects Parameter Estimates

				95% Confide	ence Interval				
Names	Effect	Estimate	SE	Lower	Upper	β	df	t	р
(Intercept)	(Intercept)	28.35	0.889	26.60	30.11	0.000	147	31.91	<.001
groups1	low - control	-3.02	2.177	-7.32	1.28	-0.222	147	-1.39	0.167
groups2	high - control	15.66	2.177	11.36	19.96	1.153	147	7.19	<.001

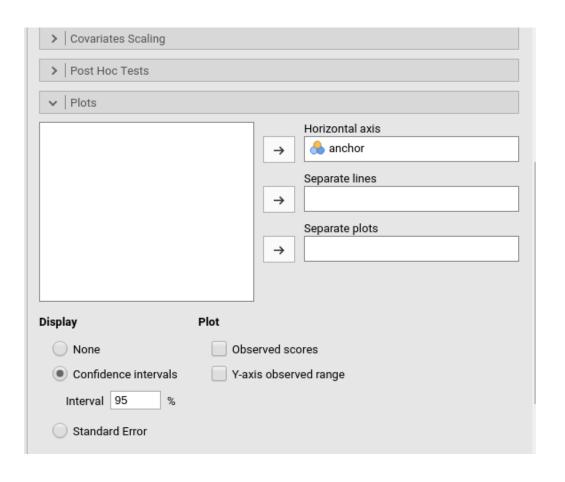
Etichette dei confronti

parametri

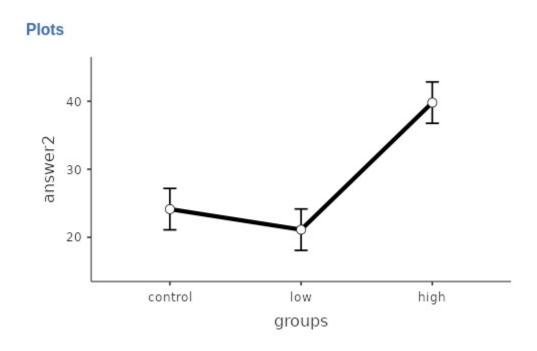
• GAMLj: differenti codifiche per i contrast



• GAMLj: grafici delle medie



• GAMLj: grafici delle medie (e intervalli di confidenza)



Test post hoc

Nessuna ipotesi

Ci proponiamo ora di testare tutte le possibili differenze tra gruppi sui dati "ancoraggionumerico a tre gruppi".

Statistiche descrittive

Gruppi	N	Media	Deviazione std.
Ancora=nessuna	50	24.12	10.42
Ancora=10	50	21.14	11.22
Ancora=80	50	39.80	10.98

Confronti Post-Hoc

• I confronti post-hoc (a posteriori) servono a trovare le differenze tra i gruppi, presi a due a due.

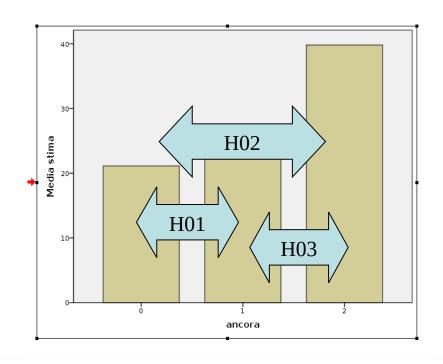
Ipotesi nulla ANOVA

$$H_0: \mu_1 = \mu_2 = \mu_3$$

Ipotesi nulle Post-Hoc

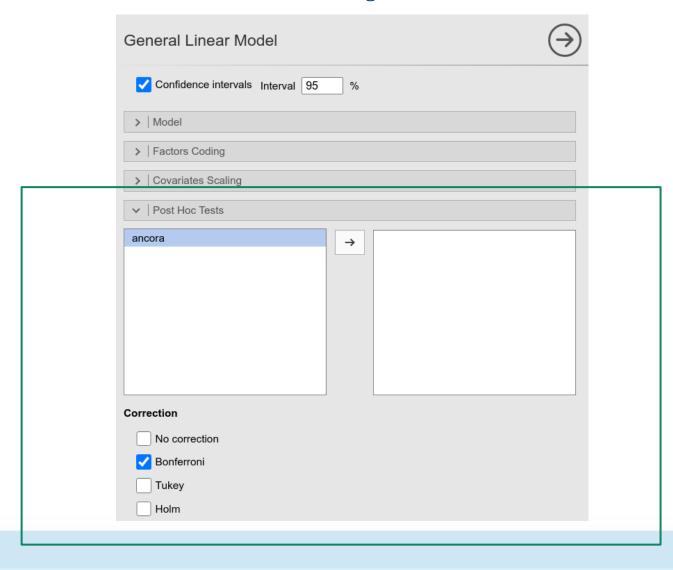
$$H_{01}: \mu_1 = \mu_2$$

 $H_{02}: \mu_1 = \mu_3$
 $H_{03}: \mu_2 = \mu_3$



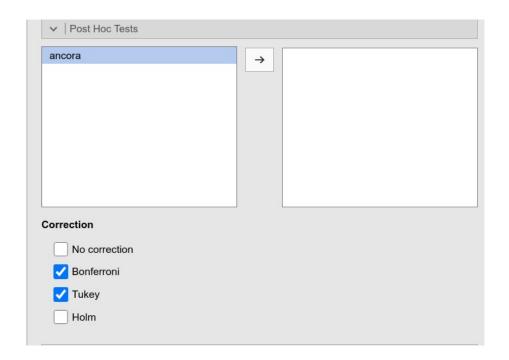
Post-hoc

In jamovi lanciamo la ANOVA con "modello lineare generale" e selezioniamo Post Hoc



Confronti Post-Hoc: jamovi

Esistono vari tipi di confronti post-hoc!!!



Tab Post-Hoc

Tutti, in una maniera o in un'altra, cercano di testare le differenze tra le medie a due a due Noi usiamo "Tukey" o "Bonferroni"

Post-Hoc: Output

Tabella post hoc

Post Hoc Tests

Post Hoc Comparisons - ancora

Con	npa	rison						
ancora		ancora	Difference	SE	t	df	p _{bonferroni}	p _{tukey}
Ancora 10	-	Ancora 80	-15.660	2.177	-7.194	147.000	< .001	< .001
No ancora	-	Ancora 10	-3.020	2.177	-1.387	147.000	0.502	0.350
No ancora	-	Ancora 80	-18.680	2.177	-8.582	147.000	< .001	< .001

Interpretiamo la significatività dei confronti

Confronti Post-Hoc: Domanda

- In generale, non siamo interessati ai calcoli specifici di ogni confronto post-hoc.
- In pratica ci basta capire come interpretarli
- Vogliamo ora capire perchè non possiamo semplicemente fare tutti i confronti usando dei semplici t-test

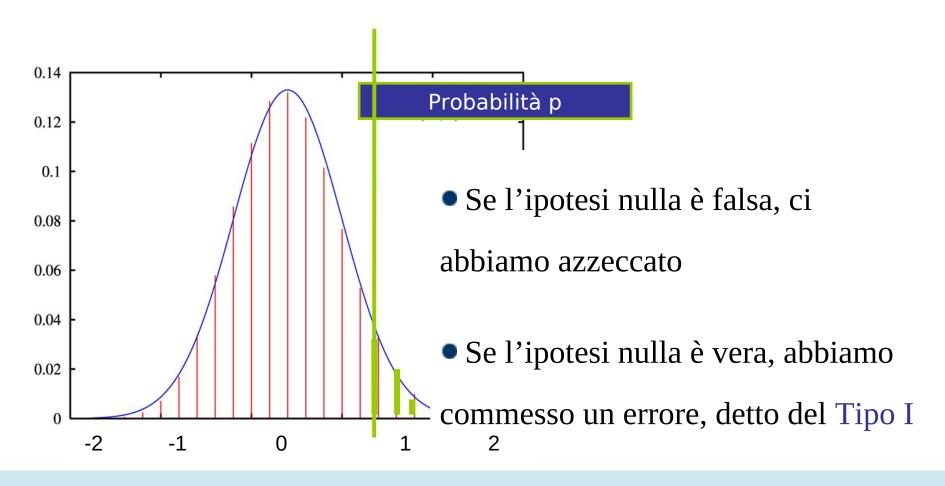


Capitalizzazione sul Caso

 Ricordiamo che quando facciamo un test inferenziale stimiamo la probabilità di commettere un errore rifiutando l'ipotesi nulla quando è vera

VALORE-P

• Il valore **p** indica il rischio che noi prendiamo quando affermiamo che l'ipotesi nulla è falsa



Il problema del caso

- Se l'ipotesi nulla è vera (non ci sono realmente delle differenze) e rifiutiamo l'ipotesi nulla ogni volta che p<.05 (*alpha critico*), alla lunga commettiamo il 5% di errore
- Il 5% va bene, di più no!
- Ciò è equivalente alla situazione in cui compriamo un biglietto di una lotteria in cui ci sono 20 numeri in totale. Un numero su 20 esce, ogni biglietto ha un numero. Abbiamo il 5% di probabilità di essere estratti e 95% di non essere estratti
- Se il biglietto è estratto, le nostre conclusioni sono sbagliate!

Estrazioni multiple

- Cosa succede se partecipiamo a due estrazioni?
- La probabilità di essere estratto aumenta! Più estrazioni si fanno, più aumenta la probabilità di essere estratti
- Cioè, anche se il biglietto ha il 5% di chance di essere estratto in una estrazione, facendo varie estrazioni la probabilità di essere estratto aumenterà
- In maniera equivalente, più test facciamo, più aumenta la probabilità di rifiutare l'ipotesi nulla anche se essa è vera
- Cioè aumenta la probabilità di sbagliare.

Test multipli

 A seconda di quanti test facciamo, la probabilità di ottenere almeno una differenza significativa per caso

Criterio usato

p. Nessun test significativo

p. Almeno uno significativo

Un test solo

$$\alpha = .05$$

$$ns = .95$$

$$\alpha_{vero} = .05$$

Due test

$$ns = .95 \cdot .95 = .9025$$

$$\alpha_{vero} = 1 - .9025 = .09275$$

Tre test

$$ns = .95^3 = .8573$$

$$\alpha_{vero} = 1$$
 - .8573 = .1423

Test multipli

• In generale, facendo K test, se rifiutiamo l'ipotesi nulla per p<.05, il nostro errore diventa sempre maggiore e maggiore di 0.05

Criterio usato

p. Nessun test significativo

p. di errore

$$\alpha = .05$$

$$ns_k = .95^k$$

$$\alpha_{vero} = 1 - .95^k$$

$$\alpha = C$$

$$ns_k = C^k$$

$$\alpha_{vero} = 1 - C^k$$

Confronti post-hoc

• In generale, i vari confronti post-hoc cercano di calcolare le probabilità associate ai vari confronti in modo tale che

p. di errore

$$\alpha_{vero} = 1 - C^k \implies 0.05 = \alpha$$

Cioè cercando di fissare la probabilità di ottenere almeno un test significativo quando la differenze sono 0, uguale a quella di come se facessimo un test solo

In pratica, i vari test post-hoc usano vari espedienti per controllare questa probabilità ai valori corretti

Test di Bonferroni

DISUGUAGLIANZA DI BONFERRONI:

Dati c confronti $post\ hoc$, probabilità che almeno uno sia significativo per caso $\leq c * \alpha_c$ dove α_c è il valore che adotto per decidere se il singolo confronto è significativo.

Scelgo il valore
$$\alpha_c = \alpha / c$$

Esempio: se il nr di confronti totale è 6 e voglio che il valore complessivo α = .05, per ciascun confronto giudico la differenza come significativa solo se p < (.05 /6), ossia se p < .0083.

= criterio di Bonferroni

Post-hoc

 Quando facciamo dei confronti multipli non pianificati dobbiamo usare una correzione

Usiamo Tuckey or Bonferroni sui nostri dati

ANOVA e post-hoc: esempio

In una ricerca riguardo gli effetti del trattamento basato sulla mindfulness sulla performance sportiva ha previsto la creazione di 4 gruppi di sportivi (assegnati casualmente). Ogni gruppo è stato sottoposto ad un periodo di trattamento mindfullness di durata diverso

Frequencies

-roa	HADOLOG	α t	mundtima
FIEU	lucilues	OI	mindtime

mindtime	Counts	% of Total	Cumulative %
one week	15	25.0 %	25.0 %
two weeks	15	25.0 %	50.0 %
three weeks	15	25.0 %	75.0 %
four weeks	15	25.0 %	100.0 %

ANOVA e post-hoc: esempio

Alla fine del trattamento, ogni partecipante è stato sottoposto ad un test di concentrazione con vari tasks. Un indice aggregato di capacità di concentrazione è stato ricavato

Descriptives

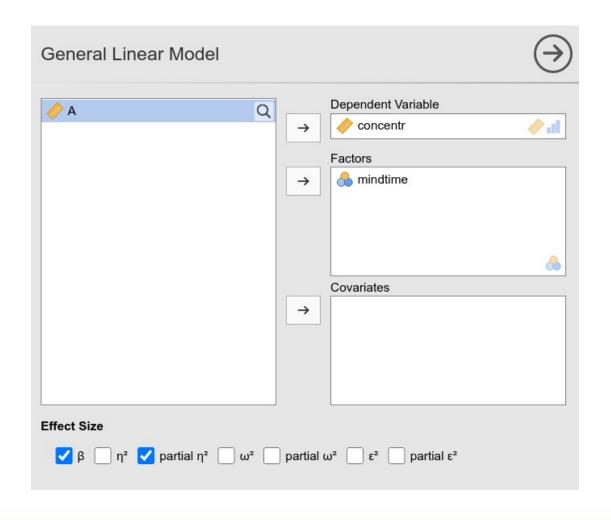
	mindtime	concentr
Mean	one week	45.000
	two weeks	47.267
	three weeks	58.800
	four weeks	64.333

ANOVA e post-hoc: esempio

- Eseguo una ANOVA (GLM)
- Se vi è un effetto significativo della variabile "mindtime"
 - Guardo il grafico delle medie
 - Confronto le medie con un test post-hoc

ANOVA

• Eseguo una ANOVA (GLM)



ANOVA

• Eseguo una ANOVA (GLM)

D //	000	l ln	ta
IV	ode		IU

Info	
Estimate	Linear model fit by OLS
Call	concentr ~ 1 + mindtime
R-squared	0.503
Adj. R-squared	0.476

[3]

Model Results

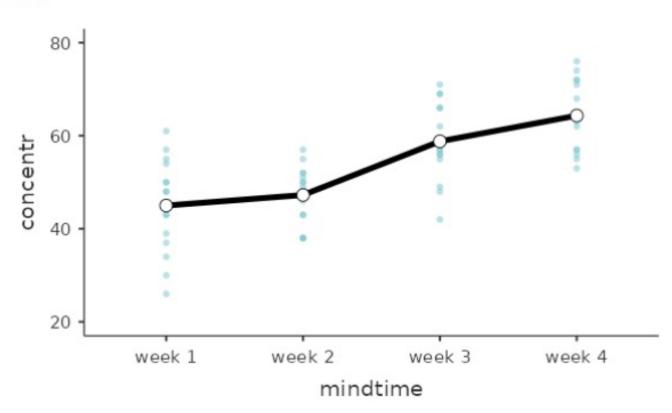
ANOVA Omnibus tests

	SS	df	F	р	η²p
Model	3840.983	3	18.875	< .001	0.503
mindtime	3840.983	3	18.875	< .001	0.503
Residuals	3798.667	56			
Total	7639.650	59			

ANOVA

• Eseguo una ANOVA (GLM)

Plots



Post-hoc tests

• Eseguo una ANOVA (GLM)

Post Hoc Tests

Post Hoc Comparisons - mindtime

Comparison								
mindtime		mindtime	Difference	SE	t	df	P _{bonferroni}	p _{tukey}
week 1	-	week 2	-2.267	3.007	-0.754	56.000	1.000	0.875
week 1	-	week 3	-13.800	3.007	-4.589	56.000	< .001	< .001
week 1	-	week 4	-19.333	3.007	-6.429	56.000	< .001	< .001
week 2	-	week 3	-11.533	3.007	-3.835	56.000	0.002	0.002
week 2	-	week 4	-17.067	3.007	-5.675	56.000	< .001	< .001
week 3	-	week 4	-5.533	3.007	-1.840	56.000	0.427	0.266

ANOVA e post-hoc: esempio

• Concludo che il tempo di durata del trattamento ha un effetto sulla capacità di concentrazione, ma che tra 1 e 2 settimane non si vedono differenze, che invece appaiono per 3 e 4 settimane. Quest'ultime non differiscono fra di loro

GLM

- A questo punto:
- Ogni cosa che si impara a fare con le variabili indipendenti continue può essere applicato alle categoriche (mediante dummies)
- Ogni cosa che si può fare con le VI categoriche si può fare con le VI continue

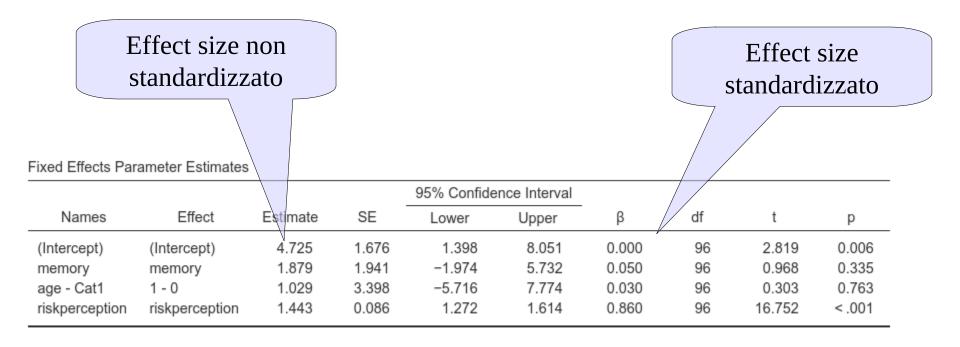


GLM

- La grandezza dell'effetto si può valutare in termini di
 - Dei coefficienti
 - Varianza spiegata (associata ad un effetto)

Effect size: Coefficienti

Consideriamo un modello con aversion come VD



Effect size: Coefficienti standardizzati

Consideriamo un modello con aversion come VD

VI continue: di quante deviazioni standard varia Y al variare di X al netto delle altre VI

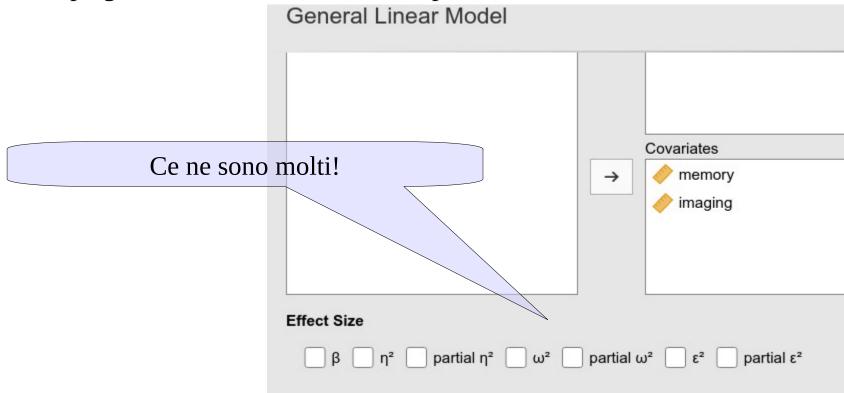
Fixed Effects	Parameter	Estimates
---------------	-----------	-----------

				95% Confide	nce Interval				
Names	Effect	Estimate	SE	Lower	Upper	β	df	t	р
(Intercept)	(Intercept)	4.725	1.676	1.398	8.051	0.000	96	2.819	0.006
memory	memory	1.879	1.941	-1.974	5.732	0.050	96	0.968	0.335
age - Cat1	1 - 0	1.029	3.398	-5.716	7.774	0.030	96	0.303	0.763
riskperception	riskperception	1.443	0.086	1.272	1.614	0.860	96	16.752	< .001

VI categoriche: Di quante deviazioni standard di Y i due gruppi differiscono, al netto delle altre VI

Effect size: Varianze

 Gli effect size indices basati sulla varianza spiegata indicano quanto ogni effetto (ogni variabile indipendente) contribuisce a spiegare varianza della variabile dipendente



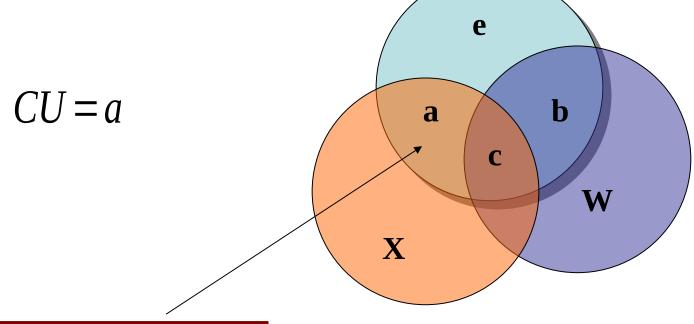
Varianza Decomposta

Decomponiamo la varianza della varibile dipendente Varianza completamente Varianza di errore condivisa Contributo unico di **W** a W X Varianza condivisa tra X e W Contributo unico di X

Contributo unico

 Il contributo unico di ogni variabile è la varianza unicamente spiegata dalla variabile.

In assenza di quella variabile, tale varianza non verrebbe spiegata



Contributo unico di X

Proporzione di varianza

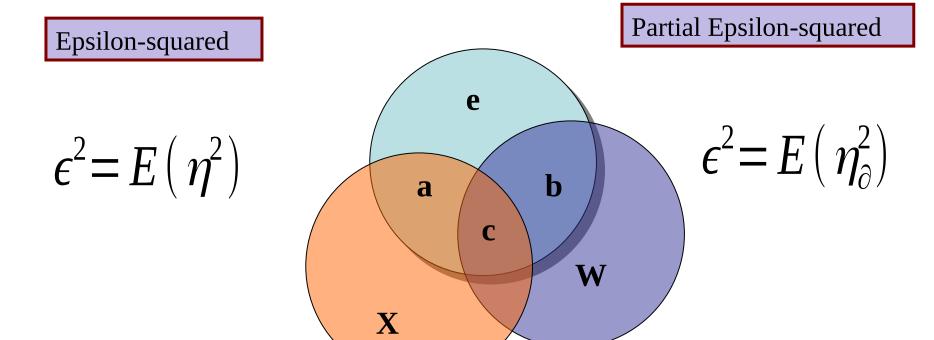
CU deve essere espresso come una proporzione di varianza

Eta-squared

Partial eta-squared

Proporzione di varianza

 Gli Eta sono calcolati sul campione, ma le varianze possono essere stimate nella popolazione (adjusted)



 Omega e Omega-partial sono come l'Epsilon e Epsilon-partial, la formula di stima è leggermente diversa ma equivalente in pratica

Proporzione di varianza

 Gli Eta sono calcolati sul campione, ma le varianze possono essere stimate nella popolazione (adjusted)

	Campione	Popolazione
Full	Eta-squared	Epsilon-squared
Partial	Partial-Eta squared	Partial Epsilon- squared

Effect size: Coefficienti

Consideriamo un modello con aversion come VD

				Negativo vuol dire 0				
ANOVA Omnibus	s tests							
	SS	df	F	р	η²	η²p	ε²	8 ² p
Model	86845.412	3	103.222	< .001	0.763	0.763	0.756	0.756
memory	262.902	1	0.937	0.335	0.002	0.010	-0.000	-0.001
age - Cat	25.719	1	0.092	0.763	0.000	0.001	-0.002	-0.009
riskperception	78698.096	1	280.614	< .001	0.692	0.745	0.689	0.742
Residuals	26923.146	96						
Total	113768.558	99				/		
			Ep	Epsilon generalmente più piccolo di				lo di
				Eta				

Effect size: Morale

- Eta (full) è più onesto dell'Eta-squared, anche se la maggior parte degli autori riporta l'Eta-squared
- Epsilon (e Omega) sono stime più accurate delle varianze, dunque andrebbero preferiti
- Riportate l'Epsilon, ma aspettatevi che i reviewers vi chiedano l' partial Eta-squared

GLM: Morale

- Il modello lineare generale consente di stimare gli effetti tra variabili dipendenti continue e variabili indipendenti categorico o continue
- Sulla base di questi coefficienti è possibile modellare la stima del modello di mediazione e di moderazione, o di qualunque altra combinazione di modelli
- Ciò nelle prossime lezioni



