

Problem Collatza:

Weźmy dowolną liczbę naturalną dodatnią C_0 .

Jeśli jest ona parzysta, to niech:

$$C_1 = C_0 / 2$$

W przeciwnym wypadku niech:

$$C_1 = (3 * C_0) / 2$$

Następnie z liczbą C_1 . postępujemy podobnie jak z C_0 i kontynuujemy ten proces. Otrzymamy w ten sposób ciąg liczb naturalnych określony rekurencyjnie przez formułę

$$C_{n+1} = \begin{cases} \frac{1}{2} C_n & , \text{gdy } C_n \text{ jest parzyste} \\ 3C_n + 1 & , \text{gdy } C_n \text{ jest nieparzyste} \end{cases}$$

Przedmiotem problemu jest przypuszczenie, że niezależnie od jakiej C_0 wystartujemy, w końcu dojdziemy do liczby 1.

Zdefiniowany wyżej ciąg jest ciągiem nieskończonym i łatwo zauważyć, że jeśli pewien wyraz tego ciągu jest równy 1, to następne po nim wyrazy będą równe 4, 2, 1, 4, 2, 1,... O takim ciągu mówimy, że wpada w cykl (w pętlę).

Przypuszczenie można więc sformułować inaczej: niezależnie od jakiej liczby C_0 wystartujemy, to ciąg wpadnie w cykl (4, 2, 1).

Przykład:

Zaczynając od $C_0 = 11$, mamy:

11, 34, 17, 52, 26, 13, 40, 20, 10, 5, 16, 8, 4, 2, 1.