

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ПЕТРА ВЕЛИКОГО»  
ВШ программной инженерии



**ПОЛИТЕХ**  
Санкт-Петербургский  
политехнический университет  
Петра Великого

**КУРСОВАЯ РАБОТА**  
**по дисциплине «Распределенные алгоритмы»**

**«Моделирование и верификация распределенных алгоритмов»**  
**Слабый приоритет писателя, SW**

Студентки группы 3530202/00201

Жук А.С.  
Козлова Е.А.

Руководитель

Шошмина И.В.

Санкт-Петербург  
2023 г.

# Содержание

Введение .....	3
Постановка задачи .....	4
Решение .....	6
Верификация .....	10
Список литератур .....	13

## **Введение**

В рамках данной курсовой работы рассматривается проблема взаимно исключающего доступа к общему ресурсу в распределенных системах. Решением является разрешать доступ к общему ресурсу только тогда, когда процесс находится в определенном сегменте кода, называемым критической секцией. Условиями корректности данной проблемы являются: взаимное исключение, отсутствие блокировок и отсутствия голодания.

## Постановка задачи

Algorithm 7.4: Readers and writers with a monitor	
<pre> monitor RW   integer readers ← 0   integer writers ← 0   condition OKtoRead, OKtoWrite    operation StartRead     if writers ≠ 0 or not empty(OKtoWrite)       waitC(OKtoRead)     readers ← readers + 1     signalC(OKtoRead)    operation EndRead     readers ← readers - 1     if readers = 0       signalC(OKtoWrite)    operation StartWrite     if writers ≠ 0 or readers ≠ 0       waitC(OKtoWrite)     writers ← writers + 1    operation EndWrite     writers ← writers - 1     if empty(OKtoRead)       then signalC(OKtoWrite)     else signalC(OKtoRead) </pre>	
reader	writer
p1 RW.StartRead	q1 RW.StartWrite
p2 read the database	q2 write to the database
p3 RW.EndRead	q3 RW.EndWrite

Рисунок 1

Рассмотрим задачу 7.4 Читатели и писатели с монитором, взятую из книги Ben-Ari[1]. Есть несколько потоков, которые пытаются получить доступ к общему ресурсу. Проблема этой задачи аналогична проблеме взаимно исключаящего доступа для  $n$  процессов, в которой несколько процессов конкурируют за доступ к критической секции.

Однако в этой задаче мы делим процессы на два класса:

1) Процессы читатели, которые исключают писателей, но не других читателей

2) Процессы писатели, которые исключает как читателей, так и других писателей

Необходимо решить эту задачу с использованием мониторов (SW) при условии того, что писатели имеют слабый приоритет.

Таким образом, задачами курсовой работы являются:

1. Построить формальную модель с заданными свойствами на PROMELA. PROMELA (Process or Protocol Meta Language)[2] - это язык моделирования и верификации. Язык позволяет динамически создавать параллельные процессы для моделирования, например, распределенных систем.
2. Сформулировать требования к модели. В данной работе требования выражаются в виде формул линейной темпоральной логики (LTL).
3. Произвести верификацию модели.

В данной работе верификация производится с помощью Spin[2]. Spin — свободно распространяемый пакет программ для формальной верификации систем. Он разработан в исследовательском центре Bell Labs Джерардом Холzmanом. Spin широко применяется как в обучении студентов методам верификации, так и в промышленности для формального анализа свойств разрабатываемых протоколов и бортовых систем.

## Решение

За основу решения был взят алгоритм 7.4 Readers and writers with a monitor, взятую из книги Ben-Ari.

Процесс `init` запускает несколько процессов-читателей и процессов-писателей. И читатели, и писатели в бесконечном цикле проходят препротокोल, критическую секцию и постпротокोल.

```
proctype reader (int i){
    do
        ::
        wantR[i] = true;
        StartRead();
        critR[i] = true;
        crR++;
        crR--;
        critR[i] = false;
        EndRead();
        wantR[i] = false;
    od;
}

proctype writer (int i){
    do
        ::
        wantW[i] = true;
        StartWrite();
        critW[i] = true;
        crW++;
        crW--;
        critW[i] = false;
        EndWrite();
        wantW[i] = false;
    od;
}
```

Используются мониторы со следующими параметрами:

```
typedef Monitor {
    int readers;    /*количество читателей в критической секции */
    int writers;    /*количество писателей в критической секции */
    Condition OKtoRead;    /*условная переменная для блокировки читателей до тех
пор пока не будет "можно читать" */
    Condition OKtoWrite;    /*условная переменная для блокировки писателей до тех
пор пока не будет "можно писать" */
}
```

```

}

typedef Condition {
    bool gate;
    int waiting;
}

```

В функции wait\_OKtoRead мы блокируем процесс, добавляя его в “очередь” командой RW.OKtoRead.waiting++, освобождаем монитор и затем ждем, когда наступит наша очередь (!waitR[i]). После этого, когда мы получим сигнал от другого процесса (RW.OKtoRead.gate), мы оказываемся в мониторе выходим из состояния ожидания.

Функция wait\_OKtoWrite работает аналогично предыдущей.

```

inline wait_OKtoRead(i){
atomic {
    RW.OKtoRead.waiting++;
    lock = false;
    !waitR[i];
    RW.OKtoRead.gate;
    RW.OKtoRead.gate = false;
    RW.OKtoRead.waiting--;
}
}

inline wait_OktoWrite(i){
atomic {
    RW.OKtoWrite.waiting++;
    lock = false;
    !waitW[i];
    RW.OKtoWrite.gate;
    RW.OKtoWrite.gate = false;
    RW.OKtoWrite.waiting--;
}
}

```

В функции signalC(C) мы проверяем, есть ли ожидающие процессы. Если да, то разблокируем процесс и затем ждем возможность зайти в монитор.

```

inline signalC(C) {
atomic {
    if
        ::(C.waiting > 0) ->
            C.gate = true;
}
}

```

```
        !lock;  
        lock = true;  
    ::else;  
    fi;  
}  
}
```

Также были реализованы протоколы Start Read/Write и End Read/Write. Каждая из этих функции начинается с попадания в монитор, благодаря функции enterMon(), и заканчивается выходом из монитора, функцией leaveMon().

```
inline enterMon(){  
    atomic{  
        !lock;  
        lock = true;  
    }  
}  
  
inline leaveMon(){  
    lock = false;  
}
```

Читатель при вызове StartRead() в массив waitR записывает количество ожидающих писателей пред ним и после проверяет, есть ли писатели в критической секции или ожидающие писатели. Если да, то ждет OKtoRead. После этого читатель, при необходимости, посылает сигнал другому читателю. Затем читатель уменьшает все значения массива waitW на 1 (но не меньше 0), увеличивает счетчик RW.readers и идет в критическую секцию.

Читатель при вызове EndRead() уменьшает счетчик и, если был последним, то посылает сигнал OKtoWrite.

Писатель при вызове StartWrite() в массив waitW записывает общее количество ожидающих процессов перед ним. Если кто-то есть в критической секции, то ждет OKtoWrite. Затем писатель уменьшает все значения массивов



waitW и waitR на 1 (но не меньше 0), увеличивает счетчик RW.writers и идет в критическую секцию.

Писатель при вызове EndWrite() уменьшает счетчик. Затем он проверяет, есть ли читатели, у которых в массиве waitR стоит 0 (то есть они первые в очереди за нами). Если да, то отправляет сигнал OKtoRead, иначе OKtoWrite.

Таким образом, мы реализовали слабый приоритет писателя, т.к. читатели, стоящие в очереди после писателей, войдут в критическую секцию только после них.

# Верификация

1. Проверка свободы от взаимной блокировки.

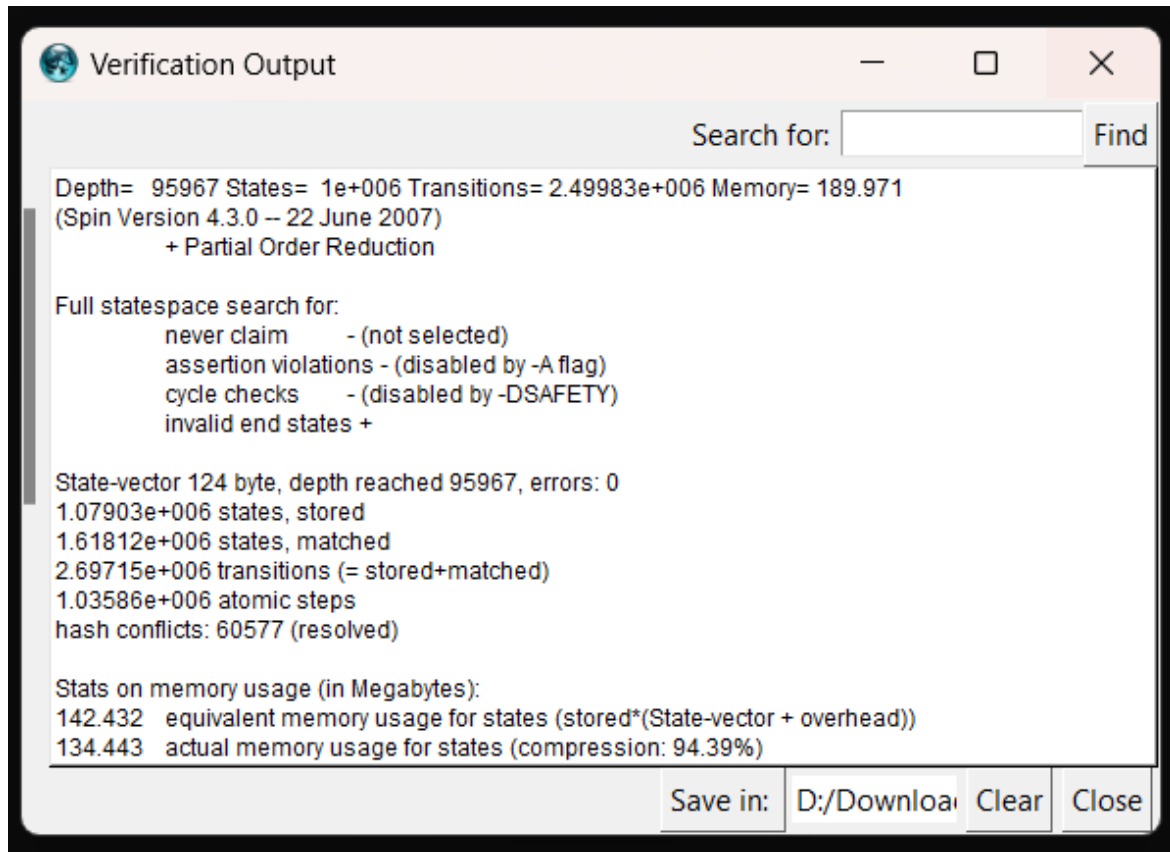


Рисунок 2.Верификация свойства отсутствия взаимной блокировки

## 2. Проверка на взаимоисключающий доступ.

$$[]((RW.readers == 1 \rightarrow RW.writers == 0) \ \&\& \ (RW.writers \leq 1) \ \&\& \ (RW.writers == 1 \rightarrow RW.readers == 0))$$

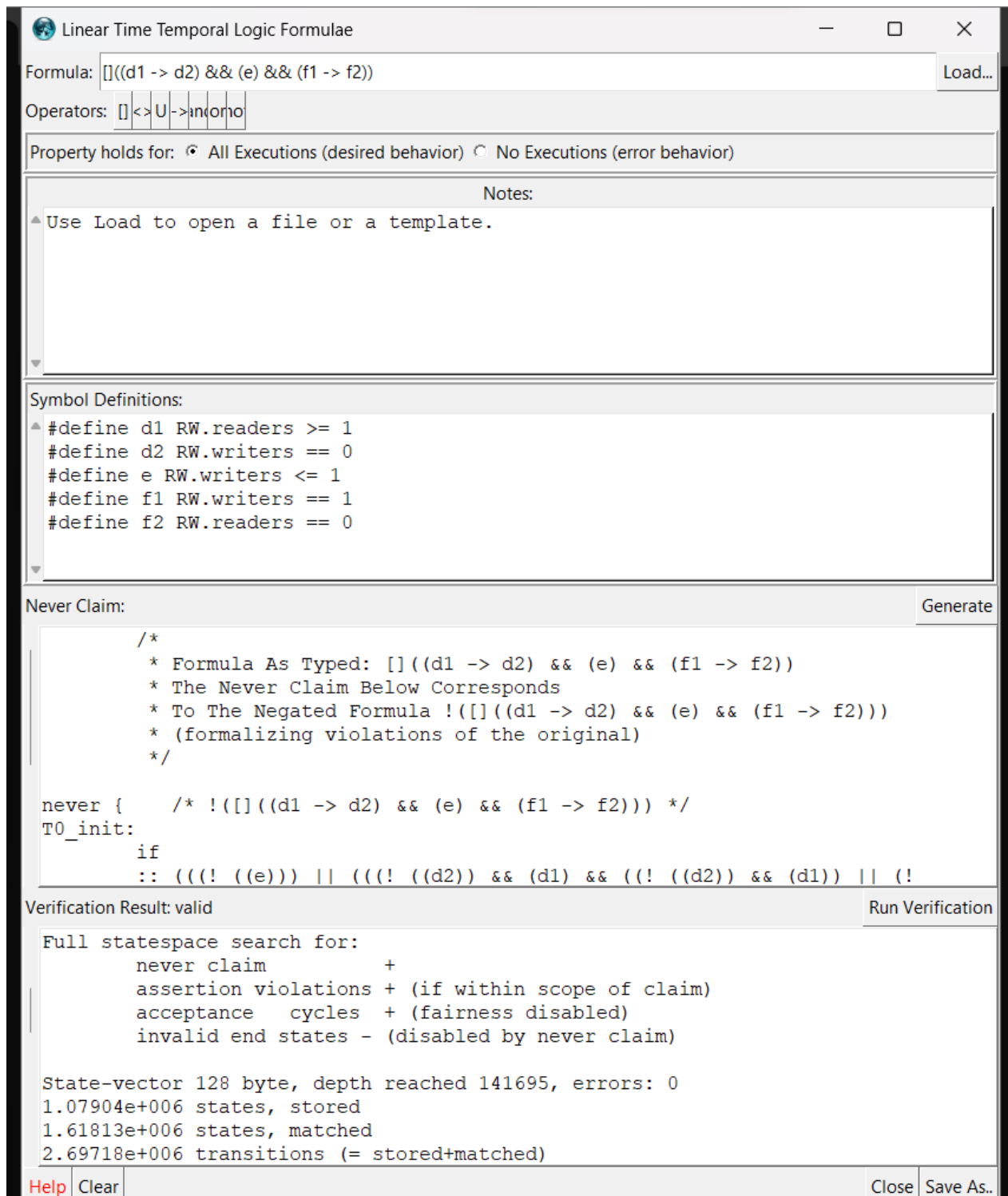


Рисунок 3. Верификация свойства взаимоисключающего доступа

3. Проверка свободы от голодания для читателей

$\neg(\text{wantR}[0] \rightarrow \text{critR}[0]) \ \&\& \ \neg(\text{wantR}[1] \rightarrow \text{critR}[1])$

Свойство не выполняется, возможно голодание читателей.

4. Проверка свободы от голодания для писателей

$\neg(\text{wantW}[0] \rightarrow \text{critW}[0]) \ \&\& \ \neg(\text{wantW}[1] \rightarrow \text{critW}[1])$

Свойство не выполняется, возможно голодание писателей.

## Список литературы

1. М. Ben-Ari Principles of Concurrent and Distributed Programming - 2006
2. [http://spinroot.com/spin/Doc/Spin\\_tutorial\\_2004.pdf](http://spinroot.com/spin/Doc/Spin_tutorial_2004.pdf) Документация Promela [Дата обращения – 24.05.2023]
3. <https://people.cs.rutgers.edu/~pxk/417/notes/10-mutex.html>  
Синхронизация процессов (статья) [Дата обращения – 24.05.2023]
4. [https://ru.wikipedia.org/wiki/Задача\\_о\\_читателях-писателях](https://ru.wikipedia.org/wiki/Задача_о_читателях-писателях) Википедия – свободная энциклопедия [Дата обращения – 24.05.2023]
5. [https://ru.wikipedia.org/wiki/Монитор\\_\(синхронизация\)](https://ru.wikipedia.org/wiki/Монитор_(синхронизация)) Википедия – свободная энциклопедия [Дата обращения – 24.05.2023]