## Acompanhamento Reunião 20-04-17

Marcelo Ruas April 20, 2017

- 1. Introduzir  $L_{\lambda}$  antes do modelo, na equação 3.14
- 2. Colocar equação 3.22 na 3.23. Eliminar e substituir por

$$\lambda_K^* = \underset{\lambda}{\operatorname{arg min}} \left\{ obj_{\lambda}^* \mid \|\beta_{\lambda}^*\|_0 = K \right\},$$

Esta nova equação está como equação 3.19. Defini a função objetivo como  $obj_{\lambda}^*$  ao invés de  $\hat{\sigma}_{\lambda}^*$ .

• 2.1. Definir a distância como um problema de otimização:

$$d(\beta_{MILP(K)}^*, \beta_{\lambda_K^*}^*) = 1 - \max_{0 \le \delta_{ij} \le 1} \sum_{j} \delta_{ij} |\rho_{ij}|$$

$$\tag{1}$$

s.t. 
$$\sum_{j} \delta_{ij} = 1 \quad \forall i \in L_K^{MILP},$$
 (2)

$$\sum_{i} \delta_{ij} = 1 \quad \forall j \in L_K^{LASSO}, \tag{3}$$

$$\sum_{i} \delta_{ij} = 1 \quad \forall j \in L_K^{LASSO}, \tag{3}$$

$$\delta_{i,j} = 0, \quad \forall i \in \overline{L}_K^{MILP}, \forall j \in \{1, \dots, P\}, \tag{4}$$

$$\delta_{i,j} = 0, \quad \forall j \in \overline{L}_K^{LASSO}, \forall i \in \{1, \dots, P\}, \tag{5}$$

$$\delta_{i,j} = 0, \quad \forall j \in \overline{L}_K^{LASSO}, \forall i \in \{1, \dots, P\},$$
 (5)

- 3. Indicar o modelo selecionado pelo LASSO e pelo MIP, indicando graficamente. Feito na figura 3.2.
- 3.1. Incluir seção sobre o modelo MILP com divisão em grupos. O problema ficou definido como:

$$\min_{\beta_{0\alpha},\beta_{\alpha},z_{p\alpha}\varepsilon_{t\alpha}^{+},\varepsilon_{t\alpha}^{-}} \qquad \sum_{\alpha\in A} \sum_{t\in T} \left(\alpha\varepsilon_{t\alpha}^{+} + (1-\alpha)\varepsilon_{t\alpha}^{-}\right) \tag{6}$$

s.t 
$$\varepsilon_{t\alpha}^{+} - \varepsilon_{t\alpha}^{-} = y_{t} - \beta_{0\alpha} - \sum_{p=1}^{P} \beta_{p\alpha} x_{t,p}, \quad \forall t \in T, \forall \alpha \in A,$$
 (7)

$$\varepsilon_{t\alpha}^+, \varepsilon_{t\alpha}^- \ge 0, \qquad \forall t \in T, \forall \alpha \in A,$$
 (8)

$$\varepsilon_{t\alpha}, \varepsilon_{t\alpha} \ge 0, \qquad \forall t \in T, \forall \alpha \in A, \qquad (8) 
-Mz_{p\alpha} \le \beta_{p\alpha} \le Mz_{p\alpha}, \qquad \forall \alpha \in A, \forall p \in \{1, \dots, P\}, \qquad (9) 
\sum_{p=1}^{P} z_{p\alpha} \le K, \qquad \forall \alpha \in A, \qquad (10) 
z_{p\alpha} \in \{0, 1\}, \qquad \forall \alpha \in A, \forall p \in \{1, \dots, P\}, \qquad (11) 
\beta_{0\alpha} + \beta_{\alpha}^{T} x_{t} \le \beta_{0\alpha'} + \beta_{\alpha'}^{T} x_{t}, \qquad \forall t \in T, \forall (\alpha, \alpha') \in A \times A, \alpha < \alpha',$$

$$\sum_{p=1}^{P} z_{p\alpha} \le K, \qquad \forall \alpha \in A, \tag{10}$$

$$z_{p\alpha} \in \{0, 1\}, \qquad \forall \alpha \in A, \forall p \in \{1, \dots, P\},$$
 (11)

$$\beta_{0\alpha} + \beta_{\alpha}^T x_t \le \beta_{0\alpha'} + \beta_{\alpha'}^T x_t, \qquad \forall t \in T, \forall (\alpha, \alpha') \in A \times A, \alpha < \alpha',$$

$$\tag{12}$$

Ver seção 3.1

- 4. Gerar dados para testar poder computacional do MIP vs LASSO. 1000 regressores, 200 dados e variando K
- 5. Pesquisar literatura sobre avaliar a distribuição completa em séries temporais.
  - Observar se o tema de determinar  $F_{Y_t|X_t}$  (distribuição) está presente
- 6. Pensar na seleção do  $\lambda_2$  como uma minimização do erro da distribuição incondicional.