به نام خدا



دانشگاه ِ تهران، دانشکدهیِ مهندسیِ برق و کامپیوتر طراحی و تحلیلِ الگورتیمها، نیمسالِ یکم، سالِ تحصیلیِ ۹۷-۹۶ راهنماییِ تمرینِ کامپیوتریِ یکم



پرسشِ دوم، صف. بکوشید رویکردِ تقسیم و حل را به کارگیرید. روشِ حل بسیار مانندِ روشی است که در مرتبسازیِ آمیزیشی (merge sort)، از رویِ مقدارِ حسابشده برای دو زیرپرسش، جواب را برای هرتکه حساب کرد. می توانید کلیدواژهی «وارونگی» یا inversion را هم جستجو کنید.

پرسشِ سوم، همسایههایِ بد. بکوشید رویکردِ برنامهریزیِ پویا را به کارگیرید. نخست پرسش را برای حالتی که محله به گونه یِ دایرهای نباشد حل کنید. گیرید dp[i] بیشینه یِ پولِ اهدایی از خانه یِ صفرم تا خانه یِ اَام باشد. در این صورت در آغاز برایِ نخستین عضو داریم: dp[0] = a[0]. سپس در هر مرحله یک خانه اضافه می شود و می توان از این خانه استفاده کرد یا نکرد. پس:

$$dp[i] = \max\{a[i] + dp[i-2], dp[i-1]\}$$

که مقدار اول حالتیست که خانهیِ اضافه شده در این مرحله، پول اهدا کند، در این صورت خانهیِ پیشینِ آن نمی توانند پول اهدا کند و حالت دوم چون این خانه پولی اهدا نمی کند، پاسخ همان پاسخ مرحله ی پیشین است.

برایِ حل کردنِ پرسش در حالتِ دایرهای، می توان یک بار الگورتیمِ حالتِ خطی را رویِ همه یِ عضوها جز عضوِ یکم و یکبارِ دیگر روی همه جز عضوِ آخر اجرا کرد، سپس بیشینه یِ پاسخِ این دو برابرِ پاسخِ نهایی می شود، چراکه این دو عضو نمی توانند با هم در پاسخ نهایی باشند.

بسان رود، رونده باشید.