

$$** f(x) = ax^n + b \rightarrow \begin{cases} \text{ডোমেইন} = \mathbb{R} \\ \text{রেঞ্জ} = \mathbb{R} \end{cases} \quad \left| \begin{array}{l} * f(x) = \frac{1}{ax+b} \rightarrow \begin{cases} \text{ডোমেইন} = \mathbb{R} - \{-\frac{b}{a}\} \\ \text{রেঞ্জ} = \mathbb{R} - \{0\} \end{cases} \end{array} \right.$$

$$* f(x) = \sqrt{ax+b} \rightarrow \begin{cases} \text{ডোমেইন} = x \geq -\frac{b}{a} \text{ যখন, } a > 0 \text{ বা, } [-\frac{b}{a}, \infty) \\ x \leq -\frac{b}{a} \text{ যখন, } a < 0 \end{cases}$$

$$\text{রেঞ্জ} = f(x) \geq 0 \text{ বা, } [0, \infty)$$

$$* f(x) = \sqrt{a^2 - x^2} \rightarrow \begin{cases} \text{ডোমেইন} = -a \leq x \leq a \\ \text{রেঞ্জ} = 0 \leq f(x) \leq a \end{cases} \quad \left| \begin{array}{l} * f(x) = \frac{1}{\sqrt{ax+b}} \rightarrow \begin{cases} \text{ডোমেইন} = (-\frac{b}{a}, \infty) \\ \text{রেঞ্জ} = \mathbb{R}_+ - \{0\} \end{cases} \end{array} \right.$$

$$* f(x) = \sqrt{x^2 - a^2} \rightarrow \begin{cases} \text{ডোমেইন} = x \leq -a \text{ বা, } x \geq a \text{ বা, } (-\infty, -a] \cup [a, \infty) \\ \text{রেঞ্জ} = f(x) \geq 0 \text{ বা, } [0, \infty) \end{cases}$$

$$* f(x) = \sqrt{a^2 + x^2} \rightarrow \begin{cases} \text{ডোমেইন} = \mathbb{R} \\ \text{রেঞ্জ} = f(x) \geq a \end{cases} \quad \left| \begin{array}{l} * f(x) = \sqrt{a^2 - x^2} \rightarrow \begin{cases} \text{ডোমেইন} = [-a, a] \\ \text{রেঞ্জ} = [0, a] \end{cases} \end{array} \right.$$

$$* f(x) = \frac{x^2 - a^2}{x - a} \rightarrow \begin{cases} \text{ডোমেইন} = \mathbb{R} - \{a\} \\ \text{রেঞ্জ} = \mathbb{R} - \{2a\} \end{cases} \quad \left| \begin{array}{l} * f(x) = \frac{x^n - a^n}{x - a} \rightarrow \begin{cases} D_f = \mathbb{R} - \{a\} \\ R_f = \mathbb{R} - \{na^{n-1}\} \end{cases} \end{array} \right.$$

$$* f(x) = \frac{ax+b}{cx+d} \rightarrow \begin{cases} \text{ডোমেইন} = \mathbb{R} - \{-\frac{d}{c}\} \\ \text{রেঞ্জ} = \mathbb{R} - \left\{ \frac{\text{নম্বের } x \text{ এর মত}}{\text{হরের } x \text{ এর মত}} \right\} \end{cases}$$

$$* f(x) = ax^2 + bx + c \rightarrow \text{ডোমেইন} = \mathbb{R}$$

$$\text{রেঞ্জ} = \begin{cases} f(x) \geq \frac{4ac - b^2}{4a} & a > 0 \\ f(x) \leq \frac{4ac - b^2}{4a} & a < 0 \end{cases}$$

$$* f(x) = |ax+b| \rightarrow \begin{cases} \text{ডোমেইন} = \mathbb{R} \\ \text{রেঞ্জ} = f(x) \geq 0 \end{cases}$$

$$* f(x) = a^x, a > 0, a \neq 1 \rightarrow \begin{cases} \text{ডোমেইন} = \mathbb{R} \\ \text{রেঞ্জ} = f(x) > 0 \end{cases}$$

$$* f(x) = -a^x \rightarrow \begin{cases} \text{ডোমেইন} = \mathbb{R} \\ \text{রেঞ্জ} = f(x) < 0 \end{cases}$$

* $f(x) = \frac{ax+b}{cx+d}$ হলে, $f^{-1}(x) = \frac{-dx+b}{cx-a}$ [এরং exchange + নির্বীণ চিহ্ন]

* $f(x) = \frac{ax+b}{cx-a}$ হলে, $f^{-1}(x) = f(x)$

* নির্দিষ্ট অক্ষকটি মাত্র include আছে বুঝাতে $\{ \}$ use করতে হবে।

উদাহরণ: $f(x) = x^2 - 9$ হলে $f^{-1}(x) = \{ -4, 4 \}$ । এখানে $\sqrt{25} = 5$ ও -5 ।

কিন্তু $[-4, 4]$ ব্যবধি দ্বারা লিখলে -4 থেকে 4 পর্যন্ত অসংখ্য সংখ্যা বুঝাবে।

* ফাংশনটি লিখার লক্ষ্য \emptyset : $\{ \}$ । কিন্তু $\{ \}$ এজেক্ট লিখা যায়।

* গ্রাফ থেকে ফাংশন চিত্র উপায়:

অন্য গ্রাফের উপর দিয়ে অধীন ফাংশন সম্বন্ধে অঙ্কিত একটি সরলরেখা গ্রাফিকি একটি বিন্দু ছেদ করে বারলে - এটি ফাংশন হবে।

① $y = x$ - এর ফাংশন হলে y অক্ষ অধীন অক্ষ।

② x, y " " " " " " " " " " " "

③ কোনো কিছু কিছু কী না থাকলে y অক্ষকেই অধীন অক্ষ ভাবতে হবে।

* মুগ্ধ ফাংশন (Even function): $f(-x) = f(x)$; $\cos x + x^2$

অমুগ্ধ ফাংশন (Odd function): $f(-x) = -f(x)$; $x^3 + \sin x, x - \tan x$

একোনিমিত ফাংশন (Bijective): একক + আরবি ; $f: \{1, m, p\} \rightarrow \{1, 2, 4\}$

বুজ ফাংশন (Explicit function): $y = x^2, y = x^2 - 2x - 2, y = \frac{x^2 - 5}{4}$

অস্পষ্ট ফাংশন (Implicit function): $x^2 + xy + y^2 = 3, x^3 + y^3 = 0$ ইত্যাদি

* $f(x)$ ফাংশনের $x=c$ বিন্দুতে $f(x)$ এর গার্মি মাত্রের জন্য $f(c) > f(c+h)$

$\therefore f(c) - f(c+h) > 0$ হতে হবে