

$$* (a+x)^n = a^n + {}^nC_1 a^{n-1} x^1 + {}^nC_2 a^{n-2} x^2 + \dots + {}^nC_p a^{n-p} x^p + \dots$$

n = বীজগত পূর্ণসংখ্যা হলে অসীম সংখ্যক পদ থাকবে।

n = অঋণাত্মক বা জমাৎসংখ্যা হলে অসীম সংখ্যক পদ থাকবে।

$$* (a-x)^{-n} \text{ এর বিস্তৃতি তখনই সম্ভব যখন } |x| < a \text{ হয়। অর্থাৎ, } (2-5x)^{-7} \text{ এর বিস্তৃতি করা } |5x| < 2$$

$$\text{বা, } -2 < 5x < 2, \text{ বা, } -\frac{2}{5} < x < \frac{2}{5} \text{ হতে হবে।}$$

* দ্বিপাদী বিস্তৃতি ক্রম ও বিস্তার:

$$(1+x)^n = 1 + {}^nC_1 x + {}^nC_2 x^2 + \dots + x^n; n \in \mathbb{N}$$

$$= 1 + nx + \frac{n(n-1)}{2!} x^2 + \dots + x^n$$

$$(1-x)^{-1} = 1 + x + x^2 + x^3 + \dots + x^n + \dots \infty; |x| < 1 \Rightarrow -1 < x < 1$$

$$(1-x)^{-2} = 1 + 2x + 3x^2 + \dots \infty$$

$$(1+x)^{-2} = 1 - 2x + 3x^2 - \dots \infty$$

$$(1-x)^{-3} = 1 + 3x + 6x^2 + 10x^3 + \dots \infty$$

* $(a-x)^{-n}$ এর বিস্তৃতি x এর ঘাতের ঊর্ধ্বতম অনুসারে বিস্তৃত করা যাবে যদি $|x| < |a|$ হয়।
অর্থাৎ, $|\frac{x}{a}| < 1$ হয়।

$$(1-x)^{-n} \text{ এ } x^n \text{ এর সহগ } {}^{n+r-1}C_r$$

* $(a+x)^n$ এর বিস্তৃতি $(r+1)$ তম পদ $T_{r+1} = {}^nC_r a^{n-r} x^r$ [যখন n বীজগত পূর্ণসংখ্যা]

$$T_{r+1} = \frac{n(n-1)\dots(n-r+1)}{r!} a^{n-r} x^r \text{ [যখন } n \text{ অঋণাত্মক বা জমাৎসংখ্যা]}$$

* $(ax^p + bx^q)^n$ এর বিস্তৃতি $(r+1)$ তম পদে x^k থাকলে, $r = \frac{pn-k}{p-q}$

$$(1-x)^{-n} \text{ এর বিস্তৃতিতে } x^n \text{ এর সহগ } = \frac{(n+1)(n+2)\dots\{n+(n-1)\}}{(n-1)!}$$

$$(2x+3y+5z)^{15} \text{ এর বিস্তৃতিতে } x^5 y^4 z^6 \text{ সহগের পদ } = \frac{15!}{5! 4! 6!} (2x)^5 (3y)^4 (5z)^6$$

$$\frac{1}{(1-ax)(1-bx)} \text{ এ } x^p \text{ এর সহগ } = \frac{a^{p+1} - b^{p+1}}{a-b}$$

* $\frac{x}{(1-ax)(1-bx)}$ এর x^n অংশ : $\frac{a^n - b^n}{a-b}$

$\frac{x^n}{(1-ax)(1-bx)}$ এর x^n এর অংশ : $\frac{a^{n+1} - b^{n+1}}{a-b}$

* x বর্জিত পদ অর্থ x এর power 0. $r = \frac{pn-k}{p-q}$

* $(ax^p + bx^q)^n$ এর বিস্তৃতিতে দ্বিপদীর power ক্ষুদ্র হলে সর্বশেষ হবে 1 টি বর্গ সর্বশেষ

হবে $= \left(\frac{\text{Power}}{2} + 1\right)$ অর্থ পদ

Power বিজোড় হলে সর্বশেষ হবে দুইটি। অর্থ সর্বশেষ = $\left(\frac{\text{Power}+1}{2}\right)$ অর্থ পদ
 ২য় সর্বশেষ = $\left(\frac{\text{Power}+1}{2} + 1\right)$ অর্থ পদ বা
 (১ম পদ + 1) অর্থ পদ

* সর্বশেষ পদ : $(a+x)^n \rightarrow T_{r+1} = {}^nC_r \cdot a^{n-r} \cdot x^r$

$(1+x)^n \rightarrow T_{r+1} = {}^nC_r \cdot x^r$ বা, $\frac{n(n-1)(n-2)\dots(n-r+1)}{r!} x^r$

$(1-x)^n \rightarrow T_{r+1} = {}^nC_r \cdot (-x)^r$ বা, $\frac{n(n-1)(n-2)\dots(n-r+1)}{r!} (-1)^r \cdot x^r$

$(1-x)^{-n} \rightarrow T_{r+1} = \frac{(-n)(-n-1)(-n-2)\dots(-n-r+1)}{r!} (-x)^r$

$(1-x)^{-1} \rightarrow T_{r+1} = x^r$

$(1+x)^{-1} \rightarrow T_{r+1} = (-1)^r x^r$

$(1-x)^{-2} \rightarrow T_{r+1} = (r+1)x^r$

$(1+x)^{-2} \rightarrow T_{r+1} = (r+1)(-1)^r x^r$

$(1-x)^{-3} \rightarrow T_{r+1} = \frac{(r+1)(r+2)}{2} x^r$

$\ln\left(\frac{1+x}{1-x}\right) \rightarrow T_{r+1} = 2x \cdot \frac{x^{2r-1}}{2r-1}$

$(a \pm x)^n$ এর বিস্তৃতি, $\frac{T_{r+1}}{T_r} = \frac{n-r+1}{r} \cdot \frac{x}{a}$ } নির্দিষ্ট করে সর্বশেষ বৃদ্ধি পদ নির্ণয়
 $(a \pm x)^{-n}$ এর " , $\frac{T_{r+1}}{T_r} = \frac{n+r-1}{r} \cdot \frac{x}{a}$ } বলা যায় : $T_r = T_{r+1}$
 $T_r > T_{r+1}$
 $T_r < T_{r+1}$

$$* \text{ } n \text{ ସଂଖ୍ୟକ ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର ସଂଖ୍ୟାର ସଂଖ୍ୟା} = \frac{n(n+1)}{2}$$

$$n \text{ " " " ବର୍ଗର " } = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

$$n \text{ " " " ଶାନ୍ତର " } = \left\{ \frac{n(n+1)}{2} \right\}^2$$