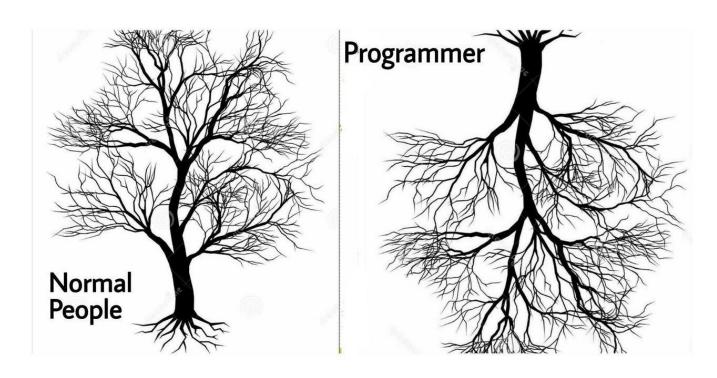
Взращиваем корень дерева отрезков



Мячин Данил, ВШЭ ФКН ПМИ

На прошлом занятии в конце была задача, где мы прибавляли ко всем элементам, и хотели потом находить i-й элемент

На дом на подумать

Задача: п чисел. Есть два вида запросов

- 1 сказать чему равно і-е число. O(log(n))
- 2 на отрезке [l;r] прибавить ко всем числам число k. O(log(n))

Нам нужно изменить апдейт и гет нашего дерева, и

давайте вот какие мысли подумаем

Нам нужно изменить апдейт и гет нашего дерева, и давайте вот какие мысли подумаем

Мы могли бы делать апдейт и спускаться до всех вершин, которые есть в запросе [l;r], но тогда обновление будет работать за n logn, а n обновлений за n^2 logn

Нам нужно изменить апдейт и гет нашего дерева, и давайте вот какие мысли подумаем

Мы могли бы делать апдейт и спускаться до всех вершин, которые есть в запросе [l;r], но тогда обновление будет работать за n logn, а n обновлений за n^2 logn

Когда мы будем делать get(i), мы будем спускаться по всем отрезкам, в которые входит вершина i

Нам нужно изменить апдейт и гет нашего дерева, и давайте вот какие мысли подумаем

Мы могли бы делать апдейт и спускаться до всех вершин, которые есть в запросе [l;r], но тогда обновление будет работать за n logn, а n обновлений за n^2 logn

Когда мы будем делать get(i), мы будем спускаться по всем отрезкам, в которые входит вершина i

Когда мы делали какие-то операции (а конкретно речь про апдейт) мы не спускались, если отрезок дерева и запрос совпадают

Давайте нарисую дерево

Тогда навеивается идея

Тогда навеивается идея

При get мы будем складывать все значения, идущие по пути

Нам осталось совсем немного до того, чтобы апдейтить на отрезке

В нашем апдейте мы не делаем кое-какой вещи, которую раньше делали, причём это было очень важно

Нам осталось совсем немного до того, чтобы апдейтить на отрезке

В нашем апдейте мы не делаем кое-какой вещи, которую раньше делали, причём это было очень важно

Что мы раньше делали, когда обновили поддеревья слева и справа?

Нам осталось совсем немного до того, чтобы апдейтить на отрезке

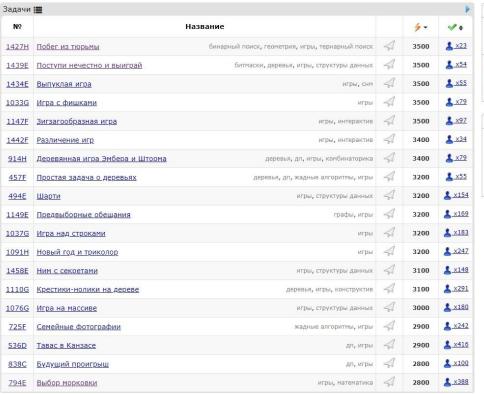
В нашем апдейте мы не делаем кое-какой вещи, которую раньше делали, причём это было очень важно

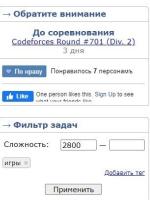
Что мы раньше делали, когда обновили поддеревья слева и справа?

Мы обновляли результат для их предка, так давайте снова это делать?

Вот мы научились делать базовые операции и увидели базовые задачи на ДОшки

Минута мемов о том, какие игры у программистов в стиме





Тема, которая пригодится нам в будущем в алгоритмах

Казалось бы, у нас есть set, unordered_set, зачем нам эта штука?

Казалось бы, у нас есть set, unordered_set, зачем нам эта штука?

А затем, что у неё другие интерфейсы

Казалось бы, у нас есть set, unordered_set, зачем нам эта штука?

А затем, что у неё другие интерфейсы

Что нам нужно уметь делать:

Казалось бы, у нас есть set, unordered_set, зачем нам эта штука?

А затем, что у неё другие интерфейсы

Что нам нужно уметь делать:

 get(a) - узнать, в каком множестве лежит элемент а (какое множество пока для нас абстрактное понятие, но это нужно в будущем для написания более сложных штук)

Казалось бы, у нас есть set, unordered_set, зачем нам эта штука?

А затем, что у неё другие интерфейсы

Что нам нужно уметь делать:

- get(a) узнать, в каком множестве лежит элемент а (какое множество пока для нас абстрактное понятие, но это нужно в будущем для написания более сложных штук)
- union(a, b) объединить те множества, в которых содержатся элементы а и b

Казалось бы, унас есть set, unordered_set, зачем нам эта штука?

А затем, что у неё другие интерфейсы

Что нам нужно уметь делать:

- get(a) узнать, в каком множестве лежит элемент а (какое множество пока для нас абстрактное понятие, но это нужно в будущем для написания более сложных штук)
- union(a, b) объединить те множества, в которых содержатся элементы а и b

И вот уже зачем нам нужно делать это не на set'ax

Если с тем, чтобы определиться, в каком множестве элемент - мы могли бы просто хранить массив (или unordered_map, если элементы это не числа от 0 до n-1) и жизнь была бы сказкой

И вот уже зачем нам нужно делать это не на set'ax

Если с тем, чтобы определиться, в каком множестве элемент - мы могли бы просто хранить массив (или unordered_map, если элементы это не числа от 0 до n-1) и жизнь была бы сказкой

Однако, тогда чтобы объединить два множества, нам потребовалось бы времени О(длины множества)

И вот уже зачем нам нужно делать это не на set'ax

Если с тем, чтобы определиться, в каком множестве элемент - мы могли бы просто хранить массив (или unordered_map, если элементы это не числа от 0 до n-1) и жизнь была бы сказкой

Однако, тогда чтобы объединить два множества, нам потребовалось бы времени О(длины множества)

Небольшой Hint: когда мы сливаем два множества, нам легче меньше присоединить к большему

Тогда вот какая мысль

Тогда вот какая мысль

Давайте в каждом множестве заведём "главный элемент", и он будет ответом на get

Тогда вот какая мысль

Давайте в каждом множестве заведём "главный элемент", и он будет ответом на get

Каждый элемент будет указывать на тот, который указывает в направлении главного элемента (давайте нарисую)

Давайте подумаем, как это будет по асимптотике