Latihan

Integral Ganda dan Integral Garis

Soal

1. Hitunglah integral iterasi dari

$$\int_0^4 \int_0^2 x^2 y^3 \, dy \, dx$$

2. Hitunglah integral rangkap berikut pada persegi panjang R.

$$\iint_{R} 6xy^{2} dA, \qquad R = [2, 4] \times [1, 2]$$

3. Tentukan nilai dari

$$\int_0^3 \int_{x^2}^9 x^3 e^{y^3} \, dy \, dx$$

- 4. Temukan volume benda padat yang terletak di bawah permukaan z=16xy+200, dan terletak di atas daerah pada bidang-xy yang dibatasi oleh $y=x^2$ dan $y=8-x^2$
- 5. Hitunglah volume daerah yang terletak di dalam $z=x^2+y^2$ dan di bawah bidang z=16.
- 6. Tentukan volume daerah yang terletak di dalam bola $x^2 + y^2 + z^2 = 9$, di atas bidang z = 0 dan di dalam tabung $x^2 + y^2 = 5$.
- 7. Tentukan nilai dari

$$\iint_{D} \mathbf{e}^{\frac{x}{y}} dA, \quad D = \{(x, y) | 1 \le y \le 2, \ y \le x \le y^{3} \}$$

8. Tentukan nilai dari $\iint_R \frac{15y}{x} \; dA$ dengan Radalah daerah yag dibatasi oleh xy=2, xy=6.y=4, y=10.

Hint : gunakan transformasi $x = v \operatorname{dan} y = \frac{2u}{3v}$

9. Diketahu
iCmerupakan kurva $y=(x-1)^2$ dari (0,1)ke
 (1,0). Tentukan nilai dari

$$\int_C 2x \cos y \ dx - x^2 \sin y \ dy$$

10. Hitunglah panjang kurva dengan persamaan $(\cos^3 t, \sin^3 t, 3\sin t),$ dari t=0sampai dengan $t=\frac{\pi}{2}$

1

11. Diketahui C adalah kurva pada bidang dengan $(x,y) \in C$ jika dan hanya jika $x^2 + y^2 = 1$ dan $y \ge 0$. Tentukan nilai

$$\int_C (2+x^2y) \ ds$$

12. Diketahui C adalah kurva pada ruang dengan rumus parameter $x=t,y=t^2,z=t^4,0\leq t\leq 1$. Tentukan nilai

$$\int_C (y^2 - z^2) \, dx + (x - z) \, dy + xy \, dz$$

13. Tentukan nilai integral garis $\int_C \mathbf{F} \cdot dr,$ jika diketahu
iCkurva yang diberikan oleh fungsi bernilai vektor
 r, dengan

$$\mathbf{F}(x,y) = xy\mathbf{i} + 3y^2\mathbf{j}$$
 dan $r(t) = 11t^4\mathbf{i} + t^3\mathbf{j}$, $0 \le t \le 1$

14. Diberikan medan gaya \mathbf{F} pada \mathbb{R}^2 dengan $F(x;y)=(x3-y3)\mathbf{i}+xy2\mathbf{j}$ dan kurva C dengan rumus parameter $x=t^2,y=t^3,-1\leq t\leq 0$. Tentukan besarnya usaha yang diperlukan untuk memindahkan partikel dari titik awal hingga titik ujung kurva C.