

### Zadanie Komunikacja – LOGIA 24 (2023/24), etap 3

#### Treść zadania

W Logolandii **n** przystanków autobusowych zostało oznaczonych numerami od **1** do **n**. Każdy przystanek ma inny numer. Trasy autobusów są opisane numerami przystanków, przez które kolejno przejeżdża autobus. Na trasie danego autobusu numery przystanków nie powtarzają się. Na przykład numery 1, 7, 3 oznaczają, że trasa autobusu prowadzi od przystanku 1, przez przystanek 7, do przystanku 3. Autobus jeździ także w przeciwnym kierunku (czyli od przystanku 3, przez 7, do 1). Trasy autobusów mogą mieć wspólne przystanki, wówczas istnieje możliwość przesiadki do innego autobusu. System opłat w Logolandii jest tak skonstruowany, że koszt przejechania jednego przystanku wynosi 1 talar. Ania korzysta z wyszukiwarki połączeń podając numery przystanków początkowego i końcowego. System dobiera trasę tak, aby koszt przejazdu był minimalny. Napisz program, który wypisze koszt połączenia proponowanego przez system lub -1, gdy nie można znaleźć połączenia.

#### Wejście

Pierwszy wiersz zawiera dwie liczby naturalne **n** i **m** oddzielone spacją, **n** określa liczbę przystanków, **m** liczbę tras,  $2 \le n \le 1000$ ,  $1 \le m \le 100$ .

Kolejne **m** wierszy zawiera opisy tras. Każdy wiersz (trasa) to od 2 do **n** różnych liczb naturalnych z zakresu od 1 do **n**. Liczby w wierszu oddzielone są spacją.

Ostatni wiersz zawiera dwie liczby naturalne z zakresu od 1 do **n** oddzielone spacją, oznaczające numery przystanków początkowego i końcowego.

#### Wyjście

Jedna liczba całkowita oznaczająca minimalny koszt przejazdu lub -1, jeśli nie istnieje połączenie pomiędzy przystankami.

#### Przykłady:

Wejście	51	63	11 3
	12345	12	12345
	2 4	3 4	6738910
		456	5 11 10
		14	18
Wyjście	2	-1	3
	1 2 3 4 5	1 2 3 4 5 6	1 2 8 9 10 3 3 5 6 7 4 5 11





#### Omówienie rozwiązania

W przypadku jednej trasy przystanki traktujemy jako elementy listy. Rozwiązanie zadania sprowadza się do wyznaczenia odległość między elementami listy.

Opisany system komunikacji można potraktować jako graf – wierzchołkami będą przystanki, krawędziami połączenia między nimi. Graf możemy reprezentować jako listę sąsiedztwa, co sprowadza się do zapamiętania dla każdego wierzchołka jego sąsiadów. Przy czym należy pamiętać, że w tym przypadku mamy do czynienia z grafem nieskierowanym – połącznie od **a** do **b** oznacza również połącznie od **b** do **a**. Wymaga to umieszczenia na liście sąsiadów **a** wierzchołka **b** oraz na liście sąsiadów **b** wierzchołka **a**.

Znajdowanie odległości między dwoma wierzchołkami jest typowy problemem grafowym. Minimalną odległość można znaleźć za pomocą algorytmu przeszukiwania grafu wszerz (*BFS*, ang. *Breadth-First Search*).

```
BFS (graf, start)

dla każdego wierzchołka u w grafie
    odleglosc[u] ← -1
odleglosc[start] ← 0
wstaw wierzchołek start do kolejki
dopóki kolejka nie jest pusta
    u ← pierwszy element z kolejki (i usuń go z kolejki)
dla każdego v będącego sąsiadem wierzchołka u
    jeżeli odleglosc[v] = -1 to
    odleglosc[v] ← odleglosc[u] + 1
    wstaw wierzchołek v do kolejki
```

Początkowo wszystkie odległości między wierzchołkami (przystankami) są nieustalone (-1). Odległość od wierzchołka startowego wynosi 0. Do kolejki wstawiamy wierzchołek startowy. Dopóki kolejka nie jest pusta pobieramy z niej pierwszy element i usuwamy go z kolejki. Następnie dla pobranego wierzchołka przeglądamy wszystkich jego sąsiadów. Jeśli dany sąsiad nie ma ustalonej odległości (-1), to jego odległość ustalamy na podstawie odległości do pobranego wierzchołka (zwiększonej o 1). Musimy pamiętać też o wstawieniu takiego rozpatrzonego sąsiada do kolejki.

W ten sposób ustalimy odległości wszystkich wierzchołków, do których jesteśmy w stanie dojść z wierzchołka startowego. Jeśli po opróżnieniu kolejki zostaną jeszcze wierzchołki o nieustalonej odległości będzie to oznaczało, że nie można do nich dotrzeć z wierzchołka startowego.

Wynik uzyskujemy zaglądając do odległości wyznaczonej dla wierzchołka końcowego.





#### Rozwiązanie w języku Python

```
1 def bfs(graf, start):
       odl = [-1 for i in range(n + 1)]
 3
       kolejka = []
 4
      kolejka.append(start)
 5
      odl[start] = 0
      while len(kolejka) != 0:
           w = kolejka.pop(0)
 7
           for u in graf[w]:
               if odl[u] == -1:
 9
10
                   odl[u] = odl[w] + 1
11
                   kolejka.append(u)
12
      return odl
13
14 n, m = (int(i) for i in input().split())
15 #graf - lista zawierająca zbiory sąsiadów poszczególnych wierzchołków
16 graf = [set() for i in range(n + 1)]
17 for i in range (m):
      trasa = [int(i) for i in input().split()]
19
       for j in range(len(trasa) - 1):
20
           a = trasa[j]
21
           b = trasa[j + 1]
22
          graf[a].add(b)
23
           graf[b].add(a)
24
25 a, b = (int(i) for i in input().split())
26 \text{ odl} = bfs(qraf, a)
27 print(odl[b])
```

#### Testy

Pierwsza grupa testów obejmowała tylko jedną trasę:

- od pierwszego przystanku na trasie do przystanku b,
- od ostatniego przystanku na trasie do przystanku b,
- od przystanku a do przystanku b, gdzie a jest bliżej początku, a b końca trasy i nie są to skrajne przystanki,
- od przystanku **a** do przystanku **b**, gdzie **a** jest bliżej końca, a **b** początku trasy i nie są to skrajne przystanki.

Ta grupa testów nie wymagała implementacji omówionego algorytmu. Wystarczyło wyznaczyć odległość między elementami listy:

```
1 if m == 1:
2     trasa = [int(i) for i in input().split()]
3     a, b = (int(i) for i in input().split())
4     print(abs(trasa.index(a) - trasa.index(b)))
```





Druga grupa testów obejmowała dwie trasy niemające wspólnego przystanku. W tym przypadku koszt przejazdu mógł wynosić -1, jeśli rozważane przystanki należały do różnych tras. Podtesty:

- przystanki a i b należą do pierwszej trasy,
- przystanki a i b należą do drugiej trasy,
- przystanek a należy do pierwszej, a b do drugiej trasy,
- przystanek **a** należy do drugiej, a **b** do pierwszej trasy.

Ta grupa testów również nie wymagała implementacji omówionego algorytmu. Wystarczyło sprawdzić, czy przystanki należą do tej samej listy. Jeśli tak, to wyznaczyć odległość między elementami listy. W przeciwnym przypadku wynikiem jest -1.

```
1 if m == 2:
2     trasa1 = [int(i) for i in input().split()]
3     trasa2 = [int(i) for i in input().split()]
4     a, b = (int(i) for i in input().split())
5     if a in trasa1 and b in trasa1:
6         print(abs(trasa1.index(a) - trasa1.index(b)))
7     elif a in trasa2 and b in trasa2:
8         print(abs(trasa2.index(a) - trasa2.index(b)))
9     else:
10     print(-1)
```

Pozostałe grupy testów wymagały bardziej zaawansowanego sposobu rozwiązania problemu.

Trzecia grupa testów obejmuje dwie trasy ze wspólnym przystankiem. Czwarta to wiele połączeń między trasami, gdy zawsze jest połączenie między dwoma wybranymi przystankami. Ostatnia to również wiele połączeń między trasami ale bez gwarancji, że istnieje połączenie między dwoma wybranymi przystankami oraz danych złożonych z dużej liczby przystanków i tras.

Grupa	Test	Wynik
testów		
1	71	2
	3421756	
	3 2	
	10 1	3
	38492101756	
	61	
	15 1	8
	3 4 2 1 15 7 5 12 13 14 6 8 9 10 11	
	4 14	
	15 1	6
	3 4 2 1 15 7 5 12 13 14 6 8 9 10 11	
	10 12	
П	20 2	7
	2 20 4 18 6 16 8 12 10 14	
	15 1 17 3 19 5 7 9 11 13	
	20 10	





	30 2	13
	2 20 4 18 6 16 8 12 10 14	
	15 1 30 17 29 3 28 19 27 5 26 7 25 9 24 11 23 13 21 22	
	213	
	20 2	-1
	2 20 4 18 6 16 8 12 10 14	•
	15 1 17 3 19 5 7 9 11 13	
	45	
	30 2	1
		-1
	2 20 4 18 6 16 8 12 10 14	
	15 1 30 17 29 3 28 19 27 5 26 7 25 9 24 11 23 13 21 22	
	9 16	
III	20 2	4
	4 18 6 16 8 12 10 14	
	15 1 17 3 16 19 5 7 9 11 13	
	61	
	30 2	10
	2 20 4 18 6 16 8 12 5 10 14	
	15 1 30 17 29 3 28 19 27 5 26 7 25 9 24 11 23 13 21 22	
	10 15	
	40 2	20
	2 31 20 32 4 18 33 6 34 16 8 35 12 5 36 10 37 14 38	20
	15 1 30 17 29 3 28 19 27 5 26 7 25 9 24 11 23 13 21 22 39	
	31 13	
		4.4
	50 2	14
	2 31 20 32 4 18 33 6 34 16 8 41 35 42 12 5 43 44 36 10 37 14 38	
	15 1 30 17 29 3 28 19 27 5 26 7 25 9 24 11 45 23 46 13 47 21 22 39 40 48 50	
	37 46	
IV	20 4	3
	13579	
	9 10 11 12 15	
	20 19 11 14 3 2 4	
	6 8 14 13 16 17 18 19 5	
	5 4	
	20 4	4
	13579	
	9 10 11 12 15	
	20 19 11 14 3 2 4	
	6 8 14 13 16 17 18 19 5	
	87	
	204	4
	13579	4
	9 10 11 12 15	
	20 19 11 14 3 2 4	
	6 8 14 13 16 17 18 19 5	
	16 20	
	20 4	3
	13579	
	9 10 11 12 15	
	20 19 11 14 3 2 4	
	6 8 14 13 16 17 18 19 5	
	2 19	
	<u> </u>	





V	1000 10	200
	323 376 864 125 519 48 743 321 188 18 616 499 941 930 716 206 211 72 445 379 888 387 536 59 54 651	
	944 367 253 959 223 316 744 281 14 329 839 366 216 164 691 675 660 436 141 348 985 90 737 375 615	
	835 654 998 890 279 19 964 179 593 885 598 809 683 824 859 468 787 522 458 11 228 440 932 566 163	
	335 384 21 978 259 99 249 225 778 220 69 912 230 543 354 866 34 469 684 688 575 193 617 817	
	576 226 330 607 425 581 378 47 710 682 838 860 720 849 303 582 851 423 845 390 963 142 429 971 111	
	88 104 911 419 391 761 491 118 433 994 855 886 108 881 658 995 897 461 465 777 953 403 785 599 574	
	119 149 702 218 608 602 43 356 37 265 432 832 434 502 923 26 837 128 15 471 56 481 192 2 530 271	
	412 513 627 773 410 588 73 415 318 928 49 362 937 698 154 198 240 308 172 420 38 234 130 686 817	
	576 982 398 319 139 16 783 646 294 336 480 10 297 706 925 931 676 191 365 917 309 304 453 775 780	
	510 770 296 516 875 840 564 868 158 256 331 942 848 812 238 55 713 327 374 66 896 535 106 428 241	
	176 87 831 357 709 758 81 671 889 815 359 147 45 151 343 145 711 57 84 795 919 834 772 746 666 631	
	506 540 921 972 257 914 278 274 122 523 30 507 291 600 674 760 949 373 344 836 514 1000 244 446	
	858	
	421 251 895 819 438 485 938 237 109 876 310 630 843 842 167 53 306 386 326 187 854 973 732 563 818	
	741 194 655 749 299 597 904 132 416 659 974 254 719 131 82 752 549 633 86 768 623 948 41 554 364	
	204 44 766 950 28 753 324 992 589 422 956 184 945 245 717 227 707 208 826 927 786 669 186 255 103	
	427 509 693 902 903 527 724 528 663 907 580 906 361 967 801 657 89 793 853 771 140 13 451 604 703	
	858	
	421 355 351 728 940 76 699 155 161 687 400 559 62 212 17 679 517 385 239 258 263 712 479 302 127	
	442 774 311 980 590 101 190 148 661 4 116 755 936 346 252 61 489 636 280 797 776 804 981 260 592	
	951 977 247 174 984 705 276 690 96 283 136 946 922 531 98 632 714 701 497 692 924 504 810 298 696	
	358 441 180 900 869 757 555 583 798 9 872 305 722 637 871 431 650 85 454 893 202 334 748 500 120	
	873	
	568 577 395 883 94 459 779 39 450 958 807 424 414 213 767 979 811 135 175 644 178 224 987 159 653	
	449 878 656 983 734 736 965 8 352 399 262 439 624 22 232 467 413 680 730 314 962 609 214 368 409	
	613 478 784 123 909 345 841 168 933 926 526 383 1 369 884 157 437 462 567 115 731 789 401 929 267	
	293 7 150 827 20 12 52 541 794 105 678 802 363 569 561 668 887 738 806 508 573 490 649 312 638 873	
	568 828 747 822 79 337 170 892 571 205 672 584 487 133 5 456 372 997 515 756 292 243 813 955 405	
	739 857 524 521 146 126 918 40 548 3 393 71 466 913 825 83 377 370 435 153 910 823 93 347 64 727	
	556 382 966 614 152 70 641 547 639 25 611 264 551 495 648 954 50 246 852 538 620 862 763 277 169	
	143 381 222 77 63 612 960 880 591 322 189 58 643 183 110 285 943 482 670 697 667 729 209 844 578	
	91 898 342 901 221 426 726 448 695 201 242 539 619 231 503 882 640 51 562 610 102 6 341 195 182	
	970 498 290 894 850 36 165 800 284 129 97 455 769 618 990 32 371 718 404 78 603 754 552 474 124	
	762 443 203 288 67 920 830 394 544 585 42 805 65 389 908 899 402 235 647 137 557 518 107 803 704	
	470 733 596 642 444 328 511 975 677 715 217 219 520 272 988 799 301 790 315 545 626 745 560 488	
	320 578	
	91 542 529 75 452 533 486 996 685 645 681 579 156 408 250 829 689 957 24 80 791 991 248 605 380	
	601 171 814 333 537 877 417 891 735 879 185 867 60 196 905 95 27 628 493 935 725 496 621 338 532	
	782 181 553 295 350 570 392 484 534 750 492 460 457 625 138 418 635 447 313 100 92 397 622 268 993	
	665 229 662 275 197 721 269 595 594 968 472 788 114 808 388 286 430 473 266 652 796 742 144 989	
	565 820	
	323 233 606 694 287 781 349 708 976 270 572 501 162 463 353 112 289 629 177 339 546 916 33 986 874	
	673 23 525 961 915 74 407 477 847 31 113 215 740 300 476 273 207 360 317 833 861 505 764 332 550	
	759 952 396 634 475 307 406 821 411 134 512 261 46 558 999 846 282 934 464 210 751 723 199 587 939	
	173 117 166 483 863 765 68 29 700 160 792 586 664 35 121 969 856 865 870 200 340 816 494 325 236 947 820	
	519 533	
	1000 38	
	819 494 740 769 88 215 162 131 429 621 520 918 282 69 770 803 173 858 962 106 476 254 228 946	3
	555 625 306 590 767 945 738 750 389 175 826 861 192 391 756 721 118 785 747 327 829 280 28 559 736	
	607 509 746	
	730 788 558 201 995 670 11 66 316 39 560 358 304 892 519 696 609 749 464 318 214 393 379 240 272	
	226 238 34 366	
	671 656 816 536 955 526 49 104 954 81 263 806 374 753 108 568 348 485 53	
	425 805 243 965 117 729 557 932 209 5 1 8 7 6 279 640 135 231 181 225 712 245 454 445 319 642 292	
	940 224 3 920 963 469 909 283 831 388 801 942 468 271 755 387 331 99 699 817 605 126 853 888 849	
	885 726 529 807 863	
	582 478 75 616 45 784 633 281 448 470 159 264 706 375 614 593 489 804 649 76 674 603 91 229 596	
	895 653 146	
	543 455 124 752 371 925 101 588 323 459 626 547 833 239 273 828 978 362 964	
	353 295 296 86 422 37 990 487 160 562 46 171 250 928 959 395 763 766 997 972 234 116 859 290 910	
	922 716	
	492 130 68 450 991 440 120 412 544 341 720 354 322 916 524 768 741 33 528 686 979 213 401 64 363	
	301 462 757 204 615 968 980	





624 619 727 25

### **Przedmiotowy Konkurs Informatyczny LOGIA** powołany przez Mazowieckiego Kuratora Oświaty

665 95 212 725 328 113 868 521 814 270 119 253 274 74 266 477 474 583 258 138 765 996 635 193 260

```
618 481 410 889 218 641 659 423 188 952 552 948
694 682 842 40 760 911 791 772 495 206 17 796 199 542 744 754 707 364 232 38 545 56 312 786 77
496 904 183 356 793 994 31 927 650 808 748 385 326 854 19 289 554 774 486 691 692 915 984 646 22
286 759 29 184 110 178
503 949 403 891 7 773 277 739 365 851 525 563 359 505 711 8 70 924 943 9 284 654 347 973 1000 938
976 351 269 751 597 702 203 815
818 580 105 227 565 142 392 836 55 244
325 143 278 463 398 690 435 488 850 695 847 637 914 26 417 998 697 20 988 795 368 719 10 570 933
839 865 974 317 268 823 155 217 601 638
111 352 683 602 172 669 18 129 987 334 73 881 573 420 419 967 262 764 497 441 535 986 975 57 662
342 585 792 584 428 436 285 248 335 298 645 415
982 636 82 874 549 685 589 299 151 340 67 689 200 24 386 182 794 147 714 367 540 153 579 516 811
717 734 658 498 139 275 439 651 604 400 825 896 484 65 383 810 121 899 265 500 710 408 491 921 937
166 87 902 247 472 802 780 309 13 349 1 2 3 305 809 63 735
390 52 30 644 329 578 708 220 517 530 339 900 550 798 54 799 846 132 447 89 960 50 569 820 499 936
844 534 546 586 812 357 396 338 627 465 511 411 571 133 961 906 875 598 493 871 923 523 675 35 42
631 657 533 572 567 898 698 431
21 566 483 728 370 919 905 2 3 4 5 6 7 8 592 510 612
930 287 577 223 27 148 345 723 416 537 758 827 36 276 102 556 32 152 630 71 632 177 931 41 402 421
887 912 90 709 953 548 219 404 508 350 606 917 179 407 114 96 314 127 628 255 661 617 745 872 378
775 553 882
838 79 406 981 471 189 857 677 822 771 176 112 376 608 713 790 564 873 186 196 163 761 432 867 622
737 453 600 681 311 174 397
43 168 893 249 507 779 211 434 666 123 957 678 380 461 437 154 458 613 989 693 337 944 821 140 527
901 164 23 300 722 652 731 187 610 100 672 394 480 332 94 346 956 733 985 576 538 999 862 591 908
513 663 977 950 165 935 704 473 446 115 620 701 297 705 191 993 575 261 732 161 360 783 877 170
194 969 667 688 539 85 452 313 141 879 869 629 742 12 433 167 373 122 128 787 800 291
381 256 680 845 310 876 623 866 992 647 336 660 789 966 51 251 970 824 205 372 315 679 405 466 502
926 125 44
947 158 856 830 482 444 149 518 409 718 782 832 778 156 267 467 236 648 929 913 344 457 207 198
294 475 781 634 449 777 377 531 438 382 870 60 62 399 355 506 958 307 242 611 195 951 4 426
321 855 109 515 864 983 252 308 78 676 907 532 137 561 501 894 504 107 715 293 655 246
673 185 878 971 259 430 797 884 703 241 320 595 72 522 134 59 724 202 221 413 418 668 136 834 210
903 639 837 880 180 333 98
15 145 190 883 427 48 460 384 890 414 92 303 514 442 58 541 257 230 848 456 237 6 169 840 97 941
743 93 330 103 16 841 762 324 443 150 47 939 835 343 664 61 594 479 776 83 843 80
235 574 490 512 581 208 860 233 852 288 551 84 886 643 687 700 897 451 144 216
83
1000 57
                                                                                                      21
595 717 848 603 99 23 22
800 762 871 891 534 856
446 457 541 755 2 701 681 710 751 141 459 708
852 524 444 740 224 6 718 637 747 560 450
220 5 532 546 521 905 611 58 52 1000 885 564
417 696 338 272 618 345 274 960 974 625 642 195
634 694 190 513 518 857 749 671 478 496 12 728 902
180 149 498 839 890 3 900 144 963 62 956 35 674 490 796
644 914 785 580 456 507 418 969 405 596 873 279 351 615 510 979
378 767 350 511 54 604 860 781 975 291 553 562 579
586 819 146 210 733 632 927 410 278 645 543 213 244 262 148 365 157
142 994 599 110 910 519 185 209 561 186 818 466 957 489 2 392 835 984 374
134 651 288 119 154 15 477 709 863 165 480 172 201 63
77 281 550 788 928 184 251 672 115 830 503 894 568 303
907 400 626 804 912 549 261 494 719 653 438 123 194 943 962
919 129 686 945 284 222 294 189 624
966 419 692 242 570 504 1 673 53 247 273 794 736
636 202 442 337 334 823 539 135 10 97 789 413 431
249 745 332 640 463 759 882 335 594 598 682 2 364 264 147
```









```
51 198 138 706 237 392 527 290 627 929 159 913 260 7 640 680 232 669 69 243 340 77 473
486 788 282 720 940 784 809 484 457 540 234 326 397 844 781 519
681 414 859 731 860 561 208 366 419 964 645 953 487 825 963 128
768 657 748 168 759 412 966 60 89 27 174 106 350 678 341 46 900 662
91 943 950 437 25 363 429 633 507 552 817 743 842 374 58 972 101 661
517 889 711 880 422 112 628 758 253 831 501 783 461 652 547 463 180
370 386 581 306 794 670 559 687 915 469 276 471 79 8 516
511 483 704 100 482 98 315 13 948 639 682 245 187 754 389 136 102
384 207 881 631 299 800 270 2 901 213 692 41 449 52 566 32 771 272
701 504 271 977 656 877 909 539 594 9 749 632 575 18 757 683 782 189
83 697 390 355 727 554 869 499 109 801 939 286 194 931 969 354 325 695
404 841 613 149 65 845 74 908 10 115 254 884 211 301 568 240 807 952 311
875 395 654 88 812 135 490 387 468 66
787 815 576 342 919 474 203 751 391 799 258 50 729 707 772 23 217 821 709
30 181 622 40 445 899 543 954 974 45 798 660 1000 785 834 588 829 649 465
323 94 228 764 558 133 467 400 612 528 124 111 434 450 724 202 803 714 36
920 779 26 925 201 433 667 534 430 53 858 976 71 873 624 456 119 127
192 280 742 694 428 650 169 130 137 210 448 728 621 264 623 328 611 716 685 351 424 804 752 300
126 968 924 957 144 616 459 85 590 921 599 514 598 736 595 348 403 485
763 962 296 275 224 592 810 405 816 871 241 382 185 535 373 916 176 686
297 630 533 567 480 960 805 973 903 334 570 15 626 544 279 892 143 37 655
446 365 593 191 256 199 495 118 117 786 536 987 359 163 178 294 268 732 997
171 922 556 886 530 531 837 555 777 659 907 349 506 303 479 497 423 347 380
477 312 679 103 257 822 642
265 557 946 760 820 84 113 542 802
408 823 421 928 332 122 175 676 220
493 712 288 172 105 895 420 246 583 896
410 140 839 186 360 578 985 489 796 563 226
793 663 618 364 959 21 154 949 562 813 227 646
508 651 673 188 5 635 620 357 307 906 16 579 703
441 702
847 481 2
955 700 2
302 80 2
745 607
945 665
814 455 723
470 998 644 337
856 975 34 986 308
602 255 92 219 806
637 409 162 439
861 316 705
719 672 2
990 551 571
263 372 942 776 2
614 212 917 523 981
870 550 774 70 49 452
156 134 333 882 565 647
3 744 377 643 902 2
818 396 426 584 145
947 336 762 789 76
500 893 218 464 978
826 797 95 496 541 2
905 242 862 173 379 2
580 988 971 411 252
739 733 498 476 68
472 61 545 142 368
879 641 488 932 129
231 574 230 190 569 343
200 766 936 951 338
157 131 383 525 361
775 780 615 249 824 166 343 259 944 1
938 146 358 885 1
35 369 761 747 454 1
148 233 866 177 509 1
```





193 755 343 182 116 718 1
600 888 67 941 492 309 1
39 689 911 596 840 894 1
54 20 765 285 537 912 965 1
792 442 435 865 832 238 1
515 983 872 750 923 167 1
853 835 344 87 791 313 1
97 236 281 994 510 6 836 1
625 204 735 564 165 251 1
150 918 327 664 453 62
284 247 996 398 215 63 393 608 335 699 24 152 538 291 848 995 604 262 967 73 980 155 394 914 532 1
327 738

