

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Trabajo Práctico 1

Departamento de Computación
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires

Lollapatuza

Integrante	LU	Correo electrónico
Agustin Fernandez Aragon	998/21	f.a.agustin@gmail.com
Bruno Muschietti	924/21	brunomuschi@gmail.com
Felipe Saidón	1436/21	felipesaidon@gmail.com
Matias Daniel Diaz Sarmiento	704/19	mdds.2017@gmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

TAD COMIDA ES STRING
TAD CONSUMO ES TUPLA<COMIDA,PUESTO,CANTIDAD>
TAD DESCUENTO ES TUPLA<COMIDA,CANTIDAD,NAT>
TAD CANTIDAD ES NAT
TAD MENU ES DICCIONARIO(COMIDA,NAT)
TAD STOCK ES DICCIONARIO(COMIDA,CANTIDAD)

2. Desarrollo

2.1. TAD Puestos de Comida

TAD PUESTO

igualdad observacional

$$(\forall pc1, pc2 : \text{puesto}) \left(pc1 =_{\text{obs}} pc2 \iff \begin{pmatrix} \text{ID}(pc1) =_{\text{obs}} \text{ID}(pc2) \wedge \\ \text{stock}(pc1) =_{\text{obs}} \text{stock}(pc2) \wedge \\ \text{menu}(pc1) =_{\text{obs}} \text{menu}(pc2) \wedge \\ \text{descuento}(pc1) =_{\text{obs}} \text{descuento}(pc2) \end{pmatrix} \right)$$

géneros puesto

exporta puesto, generadores, observadores, operaciones

usa string, diccionario(clave,significado), nat, conjunto(tupla $\langle \pi_1, \pi_2, \pi_3 \rangle$), festival, persona

generadores

$$\begin{aligned} \text{crearPuesto} &: \text{string } id \times \text{stock } s \times \text{menu } m \times \text{conj}(\text{descuento}) d \rightarrow \text{puesto} \\ &\quad \{\text{claves}(m) = \text{claves}(s) \wedge \text{noHayDescIguales}(d)\} \\ \text{venta} &: \text{puesto } pc \times \text{comida } c \times \text{cantidad } cant \rightarrow \text{puesto} \\ &\quad \{c \in \text{claves}(\text{stock}(pc)) \wedge_L \text{cant} \leq \text{obtener}(c, \text{stock}(pc))\} \end{aligned}$$

observadores básicos

$$\text{ID} : \text{puesto} \longrightarrow \text{nat}$$
$$\text{stock} : \text{puesto} \longrightarrow \text{stock}$$
$$\text{menu} : \text{puesto} \longrightarrow \text{menu}$$
$$\text{descuentos} : \text{puesto} \longrightarrow \text{conj}(\text{descuento})$$

otras operaciones

$$\text{noHayDescIguales} : \text{conj}(\text{descuento}) \, d \longrightarrow \text{bool}$$
$$\text{enEsteNoHayIguales} : \text{conj}(\text{descuento}) \, d \times \text{descuento} \, t \longrightarrow \text{bool}$$

axiomas

$$\text{ID}(\text{crearPuesto}(id, s, m, d)) \equiv id$$
$$\text{ID}(\text{venta}(\text{p}, \text{com})) \equiv \text{ID}(\text{p})$$
$$\text{stock}(\text{crearPuesto}(id, s, m, d)) \equiv s$$
$$\text{stock}(\text{venta}(\text{pc}, \text{com})) \equiv \text{definir}(\text{com}, \text{obtener}(\text{com}, \text{stock}(\text{pc})) - 1, \text{borrar}(\text{com}, \text{stock}(\text{pc})))$$
$$\text{menu}(\text{crearPuesto}(id, s, m, d)) \equiv m$$
$$\text{menu}(\text{venta}(\text{pc}, \text{com})) \equiv \text{menu}(\text{pc})$$
$$\text{descuentos}(\text{crearPuesto}(id, s, m, d)) \equiv d$$
$$\text{descuentos}(\text{venta}(\text{pc}, \text{com})) \equiv \text{descuentos}(\text{pc})$$
$$\text{noHayDescIguales}(d) \equiv \text{if esvacio?}(d) \text{ then}$$

true

else

if enEsteNoHayIguales(sinUno(d),dameUno(d)) **then**
$$\text{true} \wedge \text{noHayDescIguales}(\text{sinUno}(d))$$

else

false

fi

fi

```

enEsteNohayIguales(d,t)  $\equiv$  if esvacio?(d) then
    true
else
    if  $\pi_1(\text{dameUno}(d)) = \pi_1(t) \wedge \pi_2(\text{dameUno}(d)) = \pi_2(t)$  then
        false
    else
        enEsteNoHayIguales(sinUno(d),t)
    fi
fi

```

Fin TAD

2.2. TAD Persona

TAD PERSONA

igualdad observacional

$$(\forall p_1, p_2 : \text{persona}) \left(p_1 =_{\text{obs}} p_2 \iff \left(\text{ID}(p_1) =_{\text{obs}} \text{ID}(p_2) \wedge \text{consumos}(p_1) =_{\text{obs}} \text{consumos}(p_2) \right) \right)$$

géneros persona

exporta persona, generadores, observadores, operaciones

usa string, multiconjunto(tupla < π_1, π_2, π_3 >), nat, bool, conjunto(tupla < π_1, π_2, π_3 >), festival, puesto

generadores

nueva : string *id* \times multiconjunto(consumo) \longrightarrow persona

comprar : persona *p* \times comida *c* \times puesto *pc* \times cantidad *cant* \longrightarrow persona
 $\{c \in \text{claves}(\text{stock}(pc)) \wedge_L \text{cant} \leq \text{obtener}(c, \text{stock}(pc))\}$

observadores básicos

IDEN : persona \longrightarrow string

consumos : persona \longrightarrow multiconjunto(consumo)

otras operaciones

cuantoGasto : persona \longrightarrow nat

elDescuento : comida *com* \times cantidad *cant* \times conjunto(descuento) *descuentos* \longrightarrow nat
 $\{(\exists \text{desc} : \text{descuento})(\text{desc} \in \text{descuentos} \wedge \pi_1(\text{desc}) = \text{com} \wedge \pi_2(\text{desc}) \leq \text{cant})\}$

hayUnDescMayor : cantidad *c* \times cantidad *desc* \times conj(descuento) \times comida \longrightarrow bool

axiomas

IDEN(nueva(id, cons)) $\equiv id$

IDEN(comprar(p,c,l, cant)) \equiv IDEN(p)

consumos(nueva(id, cons)) \equiv cons

consumos(comprar(p,com,pc, cant)) \equiv Ag(tupla < *com*, *pc*, *cant* >, consumos(p))

cuantoGasto(consumos(*p*₁)) \equiv **if** $\emptyset?$ (consumos(*p*₁)) **then**

0

else

if

huboDescuento?($\pi_1(\text{dameUno}(\text{consumos}(p_1)))$),

descuentos($\pi_2(\text{dameUno}(\text{consumos}(p_1)))$, $\pi_3(\text{dameUno}(\text{consumos}(p_1)))$))

then

aplicarDescuento(obtener(com,menu(dameUno($\pi_2(\text{consumos}(p_1))$)))) *
 $\pi_3(\text{dameUno}(\text{consumos}(p_1)))$,

elDescuento($\pi_1(\text{dameUno}(\text{consumos}(p_1)))$, $\pi_3(\text{dameUno}(\text{consumos}(p_1)))$),

descuentos($\pi_2(\text{dameUno}(\text{consumos}(p_1)))$)

+ cuantoGasto(sinUno(consumos(*p*₁)))

else

obtener(com,menu(dameUno($\pi_2(\text{consumos}(p_1))$))))

$\pi_3(\text{dameUno}(\text{consumos}(p_1)))$ + cuantoGasto(sinUno(consumos(*p*₁))) *

fi

fi

```

elDescuento( $com_1, cant_1, desc$ )  $\equiv$  if  $com_1 = \pi_1(dameUno(desc)) \wedge$ 
 $\pi_2(dameUno(desc)) \leq cant_1 \wedge$ 
 $\neg(hayUnDescMayor(cant_1, \pi_2(dameUno(desc)), sinUno(desc), com_1))$ 
then
 $\pi_3(dameUno(desc))$ 
else
 $elDescuento(com_1, cant_1, sinUno(desc))$ 
fi

hayUnDescMayor( $cant_1, cant_2, desc, com_1$ )  $\equiv$  if  $\emptyset?(desc)$ 
then
False
else
if  $com_1 = \pi_1(dameUno(desc)) \wedge$ 
 $\pi_2(dameUno(desc)) \leq cant_1 \wedge$ 
 $cant_2 < \pi_2(dameUno(desc))$ 
then
True
else
 $\neg HayUnDescMayor(cant_1, cant_2, sinUno(desc), com_1)$ 
fi
fi

```

Fin TAD

2.3. TAD Festival

TAD FESTIVAL

igualdad observacional

$$(\forall f1, f2 : \text{festival}) \left(f1 =_{\text{obs}} f2 \iff \left(\begin{array}{l} \text{personas}(f1) =_{\text{obs}} \text{personas}(f2) \wedge \\ \text{puestos}(f1) =_{\text{obs}} \text{puestos}(f2) \end{array} \right) \right)$$

géneros festival

exporta festival, generadores, observadores, operaciones

usa string, multiconjunto($\text{tupla} < \pi_1, \pi_2, \pi_3 >$), nat, bool, conjunto(α), persona, puesto

generadores

abrir : $\text{conj}(\text{personas}) \times \text{conj}(\text{puestos}) \rightarrow \text{festival}$

hacker : $\text{festival} \times \text{persona} \times \text{comida} \rightarrow \text{festival}$

compra/venta : $\text{festival } f \times \text{persona } p \times \text{puesto } pc \times \text{comida } com \times \text{cantidad } cant \rightarrow \text{festival}$
 $\{p \in \text{personas}(f) \wedge pc \in \text{puestos}(f) \wedge com \in \text{claves}(\text{stock}(pc)) \wedge cant \leq \text{obtener}(com, \text{stock}(pc))\}$

observadores básicos

personas : $\text{festival} \rightarrow \text{conj}(\text{personas})$

puestos : $\text{festival} \rightarrow \text{conj}(\text{puestos})$

otras operaciones

mayorGastador : $\text{festival } f \rightarrow \text{persona}$ $\{\neg \text{esvacio}?(personas(f))\}$

mayor : $\text{conj}(\text{personas}) \rightarrow \text{nat}$

huboDescuento : $\text{comida} \times \text{conjunto}(\text{descuento}) \times \text{cantidad} \rightarrow \text{bool}$

puedeHackear : $\text{multiconj}(\text{consumo}) \times \text{comida} \rightarrow \text{bool}$

consumoHackeado : $\text{multiconj}(\text{consumo}) \text{ cons} \times \text{comida } com \rightarrow \text{consumo}$ $\{\text{puedeHackear}(cons, com)\}$

personaHackeada : $\text{persona} \times \text{multiconj}(\text{consumo}) \times \text{consumo} \rightarrow \text{persona}$

consYaHackeados : $\text{multiconj}(\text{consumo}) \times \text{consumo} \rightarrow \text{multiconj}(\text{consumo})$

puestoHackeado : $\text{puesto } pc \times \text{comida } c \rightarrow \text{puesto}$ $\{c \in \text{claves}(\text{stock}(pc))\}$

StockModificado : $\text{puesto } pc \times \text{comida } c \rightarrow \text{stock}$ $\{c \in \text{claves}(\text{stock}(pc))\}$

compró : $\text{conj}(\text{personas}) \text{ pers} \times \text{persona } p \times \text{puesto } pc \times \text{comida } c \times \text{cant } cant \rightarrow \text{persona}$
 $\{p \in \text{pers} \wedge c \in \text{claves}(\text{stock}(pc)) \wedge_L cant \leq \text{obtener}(c, \text{stock}(pc))\}$

vendió : conj(puestos) $pcs \times$ puesto $pc \times$ comida $c \times$ cant $cant \rightarrow$ puesto
 $\{pc \in pcs \wedge c \in claves(stock(pc)) \wedge_L cant \leq obtener(c,stock(pc))\}$

axiomas

personas(abrir(conj(persona),conj(puestos))) \equiv conj(persona)

personas(hacker(f,p,com)) \equiv **if** $p \notin personas(f)$ **then**
 personas(f)
else
 if dameUno(personas(f)) = p **then**
 if puedeHackear(consumos(p),com) **then**
 Ag(personaHackeada(p,consumos(p),consumoHackeado(consumos(p),com)),
 personas(f) - {p})
 else
 personas(f)
 fi
 else
 Ag(dameUno(personas(f)),
 personas(hacker(abrir(sinUno(personas(f)),puestos(f)),p,com)))
 fi
fi

personas(compra/venta(f,pers,pc,com,cant)) \equiv Ag(compró(personas(f),pers,pc,com,cant),personas(f) - {pers})

puestos(abrir(conj(persona),conj(puestos))) \equiv conj(puestos)

puestos(hacker(f,p,com)) \equiv **if** $\pi_2(consumoHackeado(consumos(p),com)) \notin puestos(f)$ **then**
 puestos(f)
else
 if puedeHackear(f,p,com) $\wedge \pi_2(consumoHackeado(consumos(p),com)) = dameUno(puestos(f))$ **then**
 Ag(puestoHackeado($\pi_2(consumoHackeado(consumos(p),com))$,com), puestos(f) - p)
 else
 Ag(dameUno(puestos(f)),
 puestos(hacker(abrir(personas(f),sinUno(puestos(f)),p,com))))
 fi
fi

puestos(compra/venta(f,pers,pc,com,cant)) \equiv Ag(vendió(puestos(f),pc,com,cant),puestos(f)-{pc})

mayorGastador(f) \equiv **if** cuantoGasto(dameUno(personas(f))) = mayor(personas(f)) **then**
 dameUno(personas(f))
else
 mayorGastador(abrir(sinUno(personas(f)),puestos(f)))
fi

mayor(conj(personas)) \equiv **if** esvacio?(conj(persona)) **then**
 0
else
 max(cuantoGasto(dameUno(conj(persona))), mayor(sinUno(conj(persona))))
fi

huboDescuento(com,desc,cant) \equiv **if** $\pi_1(dameUno(desc)) = com \wedge \pi_2(dameUno(desc)) \leq cant$ **then**
 true
else
 false \vee huboDescuento(com,sinUno(desc),cant)
fi

$\text{puedeHackear}(\text{cons}, \text{com}) \equiv \text{if } \pi_1(\text{dameUno}(\text{cons})) = \text{com} \wedge$
 $\neg \text{huboDescuento}(\text{com}, \text{descuentos}(\pi_2(\text{dameUno}(\text{cons})), \pi_3(\text{dameUno}(\text{cons}))) \text{ then}$
 $\quad \text{True}$
 else
 $\quad \text{consumoHackeado}(\text{sinUno}(\text{cons}), \text{com}) \vee \text{False}$
 fi

$\text{consumoHackeado}(\text{cons}, \text{com}) \equiv \text{if } \pi_1(\text{dameUno}(\text{cons})) = \text{com} \wedge$
 $\neg \text{huboDescuento}(\text{com}, \text{descuentos}(\pi_2(\text{dameUno}(\text{cons})), \pi_3(\text{dameUno}(\text{cons})))$
 then
 $\quad \text{dameUno}(\text{cons})$
 else
 $\quad \text{consumoHackeado}(\text{sinUno}(\text{cons}), \text{com})$
 fi

$\text{personaHackeada}(\text{p}, \text{cons}, \text{consHack}) \equiv \text{nueva}(\text{IDEN}(\text{p}), \text{consYaHackeados}(\text{cons}, \text{consHack}))$

$\text{consYaHackeados}(\text{cons}, \text{consHack}) \equiv \text{Ag}(\text{tupla} \langle \pi_1(\text{consHack}), \pi_2(\text{consHack}), \pi_3(\text{consHack}) - 1 \rangle, \text{cons} - \{\text{consHack}\})$

$\text{puestoHackeado}(\text{pcHack}, \text{com}) \equiv \text{crearPuesto}(\text{id}(\text{pcHack}), \text{StockModificado}(\text{pcHack}, \text{com}), \text{menu}(\text{pcHack}), \text{descuento}(\text{pcHack}))$

$\text{StockModificado}(\text{pcHack}, \text{com}) \equiv \text{definir}(\text{com}, \text{obtener}(\text{com}, \text{stock}(\text{pcHack})) - 1, \text{stock}(\text{pcHack}))$

$\text{compró}(\text{pers}, \text{p}, \text{pc}, \text{com}, \text{cant}) \equiv \text{if } \text{dameUno}(\text{pers}) = \text{p} \text{ then}$
 $\quad \text{comprar}(\text{p}, \text{com}, \text{pc}, \text{cant})$
 else
 $\quad \text{compró}(\text{sinUno}(\text{pers}), \text{p}, \text{pc}, \text{com}, \text{cant})$
 fi

$\text{vendió}(\text{pcs}, \text{pc}, \text{com}, \text{cant}) \equiv \text{if } \text{dameUno}(\text{pcs}) = \text{pc} \text{ then}$
 $\quad \text{venta}(\text{pc}, \text{com}, \text{cant})$
 else
 $\quad \text{vendió}(\text{sinUno}(\text{pcs}), \text{pc}, \text{com}, \text{cant})$
 fi

Fin TAD

3. Comentarios

3.1. TAD Puestos

Operaciones:

noHayDescIguales: Esta función verifica que en un conjunto de descuentos no existan dos promociones para la misma comida y la misma cantidad de compra. Esto lo hace tomando de a un descuentos y comprándolo con todos los demás. Únicamente la usamos para la restricción de crearPuesto.

3.2. TAD Persona

Generadores:

nueva: Decidimos que nueva persona tome también los consumos (puede ser vacío) para poder utilizarla en la axiomatización de hacker

Operaciones:

cuantoGasto: Calcula el gasto total de una persona iterando a través de sus consumos, si hubo descuento llama a la función aplicar descuento con el valor de la compra (cantidad * precio) y el porcentaje a descontar. Si no hubo descuento directamente calcula el valor de la compra. Por último, el precio obtenido lo suma a la recursión del resto de consumos

elDescuento: A partir de una comida, una cantidad comprada y las promociones de un puesto de comida devuelve el mayor descuento aplicable a la compra. Esto lo obtiene verificando que no exista otro descuento para el mismo producto y que la cantidad requerida sea mayor al del primero y, a su vez, menor a la comprada (función hayUnDescMayor).

3.3. TAD Festival

Operaciones:

mayorGastado: Devuelve la persona la cual su cantidad gastada coincide con la función mayor. Es decir, retorna la persona que mas gasto en el festival.

mayor: De un conjunto de personas devuelve el natural que corresponde al mayor gasto

huboDescuento: Dado una comida, una cantidad y las promociones de un puesto, devolverá true si existe un descuento para ese tipo de compra (comida y cantidad)

puedeHackear: Recibe los consumos de una persona y una comida y devuelve un booleano que dependerá de si existe alguna compra de esa comida en particular y que haya sido efectuada sin descuento

consumoHackeado: Igual que puede hackear pero en vez de retornar un booleano devuelve la compra que cumple con los requisitos de hacker

personaHackeada: Crea la nueva persona resultante del hackeo, con el mismo id y los consumos modificados

consYaHackeados: Devuelve los consumos de la persona hackeada con la única modificación en la compra que cumple con las condiciones del hackeo.

puestoHackeado: Crea un nuevo puesto a partir del puesto donde se realizó la compra a hackear con los mismos datos exceptuando la reposición del stock.

StockModificado: Dado el puesto a hackear y la comida, redefine el stock devolviendo a su lugar el item previamente comprado

Compró: A partir de un conjunto de personas, una persona y un consumo, busca la persona dentro del conjunto y una vez encontrada (lo hará dado a la restricción de compra/venta), le realiza la compra dada.

Vendió: A partir de un conjunto de puestos, un puesto y un consumo, busca el local dentro del conjunto y una vez encontrado, le realiza la venta dada.