# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Trabajo Práctico 1

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

# Lollapatuza

Integrante	LU	Correo electrónico
Agustin Fernandez Aragon	998/21	f.a.agustin@gmail.com
Bruno Muschietti	924/21	brunomuschi@gmail.com
Felipe Saidón	1436/21	felipesaidon@gmail.com
Matias Daniel Diaz Sarmiento	704/19	mdds.2017@gmail.com

# Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

# 1. Renombres de TADs

```
TAD COMIDA ES STRING
```

TAD PERSONA ES STRING

TAD DESCUENTOS ES DICC(TUPLA<COMIDA,CANTIDAD>,NAT)

TAD CANTIDAD ES NAT

TAD MENU ES DICCIONARIO (COMIDA, NAT)

TAD STOCK ES DICCIONARIO(COMIDA, CANTIDAD)

TAD VENTA ES TUPLA<PERSONA, COMIDA, CANTIDAD>

# 2. Desarrollo

#### 2.1. TAD Puestos de Comida

#### TAD PUESTO

```
igualdad observacional
```

```
(\forall pc1, pc2 : \text{puesto}) \left( pc1 =_{\text{obs}} pc2 \iff \begin{pmatrix} \text{ID}(\text{pc1}) =_{\text{obs}} \text{ID}(\text{pc2}) \land \\ \text{stock}(\text{pc1}) =_{\text{obs}} \text{stock}(\text{pc2}) \land \\ \text{menu}(\text{pc1}) =_{\text{obs}} \text{menu}(\text{pc2}) \land \\ \text{descuento}(\text{pc1}) =_{\text{obs}} \text{descuento}(\text{pc2}) \land \\ \text{ventasTotales}(\text{pc1}) =_{\text{obs}} \text{ventasTotales}(\text{pc2}) \end{pmatrix} \right)
```

géneros puesto

exporta puesto, generadores, observadores, operaciones

usa string, diccionario (clave, significado), nat, conjunto (tupla  $\langle \pi_1, \pi_2, \pi_3 \rangle$ ), festival, persona

# generadores

```
crear
Puesto : string id \times \text{stock } s \times \text{menu } m \times \text{descuentos } d \longrightarrow \text{puesto} \begin{cases} \text{claves}(\mathbf{m}) = \text{claves}(\mathbf{s}) \land (\forall \mathbf{c} : \text{tupla} < \text{com,cant} >) (\text{def?}(\mathbf{c},\mathbf{d}) \rightarrow_L \text{def?}(\pi_1(\mathbf{c}),\,\mathbf{s})) \land \\ (\neg \exists \ \mathbf{c} : \text{tupla} < \text{com,cant} >) (\text{def?}(\mathbf{c},\mathbf{d}) \land_L (\text{obtener}(\mathbf{c},\mathbf{d}) > 100) \land (\pi_2(\mathbf{c}) \le 0) \end{cases} \end{cases}
```

vender : puesto  $pc \times$  persona  $p \times$  comida  $c \times$  cantidad  $cant \longrightarrow$  puesto

 $\{c \in \text{claves}(\text{stock}(pc)) \land_L \text{ cant} \leq \text{obtener}(c,\text{stock}(pc)) \land \text{cant} > 0\}$ Puesto  $\{v \in \text{ventasTotales}(pc)\}$ 

 $\{v \in ventasTotales(pc)\}$ 

hackear Puesto : Puesto  $pc \times \text{venta } v \longrightarrow \text{Puesto}$ 

#### observadores básicos

 $\begin{array}{cccc} \mathrm{ID} & : & \mathrm{puesto} & \longrightarrow & \mathrm{nat} \\ \mathrm{stock} & : & \mathrm{puesto} & \longrightarrow & \mathrm{stock} \\ \mathrm{menu} & : & \mathrm{puesto} & \longrightarrow & \mathrm{menu} \end{array}$ 

descuentos : puesto  $\longrightarrow$  dicc(tupla<comida,cant>, nat)

 $ventasTotales : puesto \longrightarrow multiconj(venta)$ 

#### otras operaciones

compras De<br/>Persona : puesto  $pc \times$  persona  $per \longrightarrow \text{multiconj}(\text{venta})$ 

gasto DePersona : puesto  $pc \times persona per \longrightarrow nat$ 

obtener Compras : multiconj<br/>(venta) × persona  $\longrightarrow$  multiconj<br/>(venta)

hubo Descuento : puesto  $pc \times$  comida  $com \times$  cantidad  $cant \longrightarrow$  Bool el Descuento : puesto  $pc \times$  comida  $com \times$  cantidad  $cant \longrightarrow$  nat

considered by  $pc \times confidered = 7$  and  $pc \times confidered = 7$  and pc

CalculaGasto : multiconjunto(venta)  $v \times \text{puesto } pc \longrightarrow \text{nat}$ 

#### axiomas

 $ID(crearPuesto(id, s, m, d)) \equiv id$ 

 $ID(vender(pc,per,com,cant)) \equiv ID(pc)$ 

 $ID(hackearPuesto(pc,v)) \equiv ID(pc)$ 

 $stock(crearPuesto(id,s, m, d)) \equiv s$ 

 $stock(vender(pc,per,com,cant) \ \equiv \ definir(com, obtener(com,stock(pc)) - cant, \ borrar(com,stock(pc)))$ 

 $stock(hakearPuesto(pc,v)) \ \equiv \ definir(\pi_2(v), \, obtener(\pi_2(v), \, stock(pc)) \ +1, \, borrar(\pi_2(v), stock(pc)))$ 

 $menu(crearPuesto(id, s, m, d)) \equiv m$ 

 $menu(vender(pc,per,com,cant)) \equiv menu(pc)$ 

```
menu(hackearPuesto(pc,v)) \equiv menu(pc)
descuentos(crearPuesto(id, s, m, d)) \equiv d
descuentos(venta(pc,com)) \equiv descuentos(pc)
descuentos(hackearPuesto(pc,v)) \equiv descuentos(pc)
ventasTotales(crearPuesto(id,s,m,des)) \equiv \{\}
ventasTotales(vender(pc,per,com.cant)) \equiv Ag(Tupla < per,com,cant), ventasTotales(pc))
ventasTotales(hackearPuesto(pc,v)) \equiv if \pi_3(v)=1 then
                                            ventasTotales(pc) - v
                                            Ag(\langle \pi_1(v), \pi_2(v), \pi_3(v) - 1 \rangle, ventasTotales(pc) - v)
                                         fi
comprasDePersona(pc,per) \equiv obtenerCompras(ventasTotales(pc),per)
obtenerCompras(ventas,per) = if esVacio?(ventas) then
                                 else
                                     if \pi_1(\text{dameUno(ventas)}) = \text{per}
                                        Ag(dameUno(ventas), obtenerCompras(sinUno(ventas),per))
                                     else
                                        obtenerCompras(sinUno(ventas),per)
                                     fi
huboDescuento(pc,com,cant) \equiv if cant=0 then
                                     False
                                  else
                                     if def?(tupla<com,cant>,descuentos(pc)) then
                                         True
                                     else
                                         huboDescuento(pc,com,cant-1)
                                     fi
                                  fi
elDescuento(pc,com,cant) \equiv if cant=0 then
                               else
                                  if def?(tupla<com,cant>,descuentos(pc)) then
                                     obtener(< com, cant>, descuentos(pc))
                                  else
                                     elDescuento(pc,com,cant-1)
                                  fi
gastoDePersona(pc,per) \equiv CalculaGasto(comprasDePersona(pc,per),pc)
CalculaGasto(compras,pc) \equiv if esVacio?(compras) then
                                   0
                               else
                                   aplicarDescuento(obtener(\pi_2(dameUno(compras)),menu(pc))×
                                   \pi_3(\text{dameUno}(\text{compras})),
                                   elDescuento(pc,\pi_2(dameUno(compras)),\pi_3(dameUno(compras)))) +
                                   CalculaGasto(sinUno(compras),pc)
                               fi
```

Fin TAD

## 2.2. TAD Festival

#### TAD FESTIVAL

```
igualdad observacional
                 (\forall f1, f2 : \text{festival}) \quad \left(f1 =_{\text{obs}} f2 \iff \begin{pmatrix} \text{personas}(f1) =_{\text{obs}} \text{personas}(f2) \land \\ \text{puestos}(f1) =_{\text{obs}} \text{puestos}(f2) \end{pmatrix}
géneros
                 festival
                 festival, generadores, observadores, operaciones
exporta
                 string, multiconjunto(tupla \langle \pi_1, \pi_2, \pi_3 \rangle), nat, bool, conjunto(\alpha), persona, puesto
usa
generadores
  abrir : conj(personas) \times conj(puestos) pcs \longrightarrow festival
                \{(\forall c : comida)(\forall pc1, pc2 : Puesto)(((pc1,pc2 \in pcs) \land_L (def?(c,menu(pc1)) \land def?(c,menu(pc2)))\}
                 \rightarrow_L obtener(c,menu(pc1)) = obtener(c,menu(pc2))))
  hacker : festival f \times \text{persona } per \times \text{comida } com \longrightarrow \text{festival}
                               \int (\text{per} \in \text{personas}(f)) \wedge \exists (\text{p1} : \text{Puesto}, \text{v1} : \text{Venta})(\text{p1} \in \text{puestos}(f)) \wedge \text{v1} \in \text{ventas}(\text{p1})
                                \wedge \pi_1(v1) = \operatorname{per} \wedge \pi_2(v1) = \operatorname{com} \wedge \neg \operatorname{huboDescuento}(\operatorname{p1,com}, \pi_3(v1))
   compra/venta : festival f \times \text{persona } p \times \text{puesto } pc \times \text{comida } com \times \text{cantidad } cant \longrightarrow \text{festival}
                \label{eq:personas}  (f) \land pc \in puestos(f) \land com \in claves(stock(pc)) \land cant \leq obtener(com,stock(pc)) \land goal \\ )
                l_{cant} > 0
observadores básicos
  personas : festival \longrightarrow conj(personas)
  puestos : festival \longrightarrow conj(puestos)
otras operaciones
  compraParaHackear : conjunto(puesto) pcs \times persona \ per \times comida \ com \longrightarrow venta
                                                                                                                         {\piesVacio?(pcs)}
  existeCompra: puesto \times multiconjunto(venta) \times persona \times comida \longrightarrow Bool
  la
Compra : puesto × multiconjunto(venta) ventas × persona per × comida com \longrightarrow tupla<Puesto,Venta>
                                                                        \{(\exists v: venta)(v \in ventas \land \pi_1(v) = per \land \pi_2(v) = com)\}
  mayorGastadorEnFest : festival \longrightarrow persona
                                                                                                               \{\neg esVacio?(personas(f))\}
  mayor
Gastador : conjunto(persona) pers \times conjunto(puesto) \longrightarrow persona
                                                                                                                        \{\neg esVacio?(pers)\}
  gasto
Maximo : conjunto
(persona) pers \times \text{conjunto}(\text{puesto}) \longrightarrow \text{nat}
                                                                                                                         {¬esVacio?(pers)}
  gastoTotal : persona \times conjunto(puesto) \longrightarrow nat
axiomas
  personas(abrir(pers,pcs)) \equiv pers
   personas(hacker(f,per,com) \equiv personas(f)
  personas(compra/venta(f,per,pc,com,cant \equiv personas(f))
  puestos(abrir(pers,pcs) \equiv pcs
  puestos(hacker(f,per,com) \equiv Ag(hackearPuesto(\pi_1(compraParaHackear(puestos(f),per,com),
                                         \pi_2(\text{compraParaHackear}(\text{puestos}(f), \text{per,com})), \text{puestos}(f)
                                         \pi_1(\text{compraParaHackear}(\text{puestos}(f),\text{per,com})))))
   puestos(compra/venta(f,per,pc,com,cant)) \equiv Ag(vender(pc,per,com,cant),puestos(f)-pc)
   compraParaHackear(pcs,per,com) \equiv if existeCompra(dameUno(pcs),ventasTotales(dameUno(pcs)),per,com)
                                                   then
                                                        <dameUno(pcs),
                                                       laCompra(dameUno(pcs),ventasTotales(dameUno(pcs)),per,com)>
                                                   else
                                                        compraParaHackear(sinUno(pcs),per,com)
  existeCompra(pc, ventas, per, com) \equiv if esVacio?(ventas) then
                                                        False
                                                    else
                                                        if \pi_1dameUno(ventas) = per \wedge \pi_2dameUno(ventas) = com \wedge \neg hu-
                                                        boDescuento(pc,com,cant) then
                                                            True
                                                        else
                                                            existeCompra(pc,sinUno(ventas),per,com)
                                                        fi
                                                    fi
```

```
\label{eq:lacompra} \begin{split} \operatorname{laCompra}(\operatorname{pc},\operatorname{ventas},\operatorname{per},\operatorname{com}) &\equiv \operatorname{if} \ \pi_1\operatorname{dameUno}(\operatorname{ventas}) = \operatorname{per} \wedge \ \pi_2\operatorname{dameUno}(\operatorname{ventas}) = \operatorname{com} \wedge \ \neg \ \operatorname{huboDescuento}(\operatorname{pc,com,cant}) \ \operatorname{then} \\ &\quad \operatorname{dameUno}(\operatorname{ventas}) \\ &\quad \operatorname{else} \\ &\quad \operatorname{laCompra}(\operatorname{pc,sinUno}(\operatorname{ventas}),\operatorname{per,com}) \\ &\quad \operatorname{fi} \\ &\quad \operatorname{mayorGastadorEnFest}(f) &\equiv \operatorname{mayorGastador}(\operatorname{personas}(f),\operatorname{puestos}(f)) \\ &\quad \operatorname{mayorGastador}(\operatorname{pers,pcs}) &\equiv \operatorname{if} \operatorname{gastoMaximo}(\operatorname{pers,pcs}) = \operatorname{gastoTotal}(\operatorname{dameUno}(\operatorname{pers}),\operatorname{pcs}) \ \operatorname{then} \\ &\quad \operatorname{dameUno}(\operatorname{pers}) \\ &\quad \operatorname{else} \\ &\quad \operatorname{mayorGastador}(\operatorname{sinUno}(\operatorname{pers}),\operatorname{pcs}) \\ &\quad \operatorname{gastoMaximo}(\operatorname{pers,pcs}) &\equiv \operatorname{if} \operatorname{esVacio?}(\operatorname{pers}) \ \operatorname{then} \\ &\quad \operatorname{o} \\ &\quad \operatorname{else} \\ &\quad \operatorname{max}(\operatorname{gastoTotal}(\operatorname{dameUno}(\operatorname{pers}),\operatorname{pcs})),\operatorname{gastoMaximo}(\operatorname{sinUno}(\operatorname{pers}),\operatorname{pcs})) \\ &\quad \operatorname{fi} \\ &\quad \operatorname{else} \\ &\quad \operatorname{gastoTotal}(\operatorname{dameUno}(\operatorname{pcs}),\operatorname{per}) + \operatorname{gastoTotal}(\operatorname{per,sinUno}(\operatorname{pcs})) \\ &\quad \operatorname{fi} \\ &\quad \operatorname{fi} \\ \end{split}
```

Fin TAD

# 3. Comentarios

## 3.1. Tad Puestos

**comprasDePersona**: A partir de un puesto y una persona, devuelve las compras realizadas por esa persona en ese puesto

**gastoDePersona**: Calcula el valor de todas las compras hechas por una persona en un festival (con su respectivo descuento)

#### 3.2. Tad Festival

compraParaHackear: Usada para axiomatizar el hackeo, devuelve una tupla que contiene en la primera posicion un puesto y en la segunda una venta de ese puesto pero que cumple con las condiciones de hacker, es decir, fue una compra de la persona a hackear, de la comida a hackear y dicha venta no tuvo descuento

existeCompra: Verifica si en un puesto dado hay una venta registrada que cumpla con las condiciones del hackeo gastoTotal: Calcula la suma de los gastos en cada puesto de una sola persona

gastoMaximo: Devuelve una natural que es el mayor gasto realizado en l festival por alguna persona

**mayorGastadorEnFest**: Busca y retorna la persona en el festival que su gasto se corresponde con el gasto maximo