1-Une matrice est un tableau à deux dimensions contenant dans ses cases des nombres ou lettres

Exemple d'une supermatrice avec des nombres

On a une matrice 3*3 (3lignes, 3colonnes)

2-Une supermatrice est une matrice dont chaque élément est lui-même une matrice. Tu peux la voir comme une matrice de sous-matrices.

Exemple

```
// sm->ligne[0][0] = A
// sm->ligne[0][1] = B
// sm->ligne[1][0] = C
// sm->ligne[1][1] = D
```

Cependant dans le fichier du prof une supermatrice ici ne contient pas des sous-matrices A, B, C, D.

Au contraire, c'est une matrice flottante (type double) améliorée, avec :

- 1. Un descripteur (structure avec nl, nc, et ligne)
- 2. Un tableau de pointeurs vers les lignes
- 3. Un bloc mémoire contenant tous les éléments double, rangés par lignes

Donc c'est juste une matrice mais avec gestion de la mémoire.

Le fichier supermat.h

```
typedef unsigned int iQt;
```

iQt est un alias pour unsigned int : utilisé pour les indices, tailles (lignes, colonnes).

- iQt signifie "indice Quantité"
- On a unsigned qui veut dire que les valeurs seront positives donc toutes les valeurs de types iQt seront non négatives

iQt nl et iQt nc : stockent respectivement le **nombre de lignes** et le **nombre de colonnes** de la supermatrice.

double **ligne : tableau de pointeurs vers les lignes.

- Chaque ligne[i] est un pointeur vers un tableau double de nc colonnes.
- Cela permet d'accéder à un élément avec : ligne[i][j].

Exemple si on a une supermatrice avec les valeurs

Ligne[0] pointe vers la première ligne de la matrice, ligne[1] la deuxième et ligne[2] la troisième

Ligne[0] c'est un pointeur vers la première ligne de la matrice et chaque ligne constitue un tableau

```
1.0, 2.0, 3.0, ligne[0]
```

Cette ligne constitue un tableau et comme ligne[0] pointe vers ce tableau pour pointer vers le premier élément de ce tableau on fera ligne[0][0]

Pour le deuxième ce sera ligne[0][1]

```
sm->ligne[0] pointe vers {1.0, 2.0, 3.0}
sm->ligne[1] pointe vers {4.0, 5.0, 6.0}
sm->ligne[2] pointe vers {7.0, 8.0, 9.0}
```

Pourquoi un pointeur sur structure (*SUPERMRT)?

- On veut manipuler des supermatrices **dynamiques**, donc allouées avec malloc.
- L'utilisateur manipule un **pointeur** vers la supermatrice, ce qui permet de modifier ses champs (taille, contenu) sans copie.

#define acces(a, i, j) (a->ligne[i][j])

Fournit un **accès simplifié** à l'élément en position (i,j) de la supermatrice a.

• Elle Permet d'écrire du code plus lisible et naturel :

Exemple avec la supermatrice en haut :

- acces(a, 1, 1) = 5.0; au lieu de a->ligne[1][1] = 5.0
- On sait que ligne[i] pointe vers une ligne de la supermatrice donc ligne[i][j] pointe vers la valeur de la supermatrice à la ligne i position j
- Donc a->ligne[1][1] = 5.0 permet d'accéder à la valeur de la matrice mais la macro acces(a, 1, 1) = 5.0; équivaut donc à cela pour une simplification

SUPERMRT allouerSupermat(iQt QL, iQt Qc);

Alloue une supermatrice de QL lignes et Qc colonnes.

Alloue:

• Le descripteur (la structure),

- Le tableau de pointeurs vers les lignes,
- Et les lignes elles-mêmes (tableaux de double).

SUPERMRT superProduit(SUPERMRT a, SUPERMRT b);

Calcule le **produit matriciel** : $a \times b$.

Vérifie que a->nc == b->nl, sinon retourne NULL.

Alloue une nouvelle supermatrice résultat.

void permuterLigQes(SUPERMRT a, iQt i, iQt j);

Permute les **lignes i et j** de la supermatrice.

échange simplement les pointeurs ligne[i] et ligne[j].

On a par exemple cette supermatrice

```
1.0, 2.0, 3.0, ligne[0]
4.0, 5.0, 6.0, ligne[1]
7.0, 8.0, 9.0 ligne[2]
```

On veut permuter les ligne[1] et ligne[0] par **exemple**, on aura

```
double m[][] = {
     4.0, 5.0, 6.0, ligne[0]
     1.0, 2.0, 3.0, ligne[1]
     7.0, 8.0, 9.0 ligne[2]
};
```

C'est le but de la fonctions

```
SUPERMRT sousMatrice(SUPERMRT a, iQt L1, iQt L2, iQt c1, iQt c2);
```

Crée une **sous-matrice** allant des lignes Ll à L2 et des colonnes cl à c2.

Alloue uniquement le **descripteur et le tableau de pointeurs**, **pas les données** : réutilise les données de a

```
SUPERMRT matSupermat(double *m, iQt QLd, iQt Qcd, iQt QLe, iQt Qce);
```

Convertit une **matrice simple** (tableau 1D) en **supermatrice**.

```
void supermatMat(SUPERMRT sm, double *m, iQt QLd, iQt Qcd);
```

Convertit une **supermatrice vers une matrice simple** (tableau 1D).

Recopie les éléments de sm dans m.

iQt coQtiguite(SUPERMRT a);

- Vérifie la **contiguïté mémoire** des lignes :
 - 。 Renvoie 2 : lignes contiguës et ordonnées.
 - Renvoie 1 : lignes contiguës mais désordonnées.
 - Renvoie 0 : lignes non contiguës.

void reQdreSupermat(SUPERMRT sm);

Libère toute la mémoire allouée :

- Chaque ligne,
- Le tableau des pointeurs,
- Le descripteur.

Le fichier supermat.c

1-aLLouerSupermat

```
SUPERMRT allouerSupermat(iQt QL, iQt Qc) {
```

But: allouer dynamiquement une structure SUPERMRT avec QL lignes et Qc colonnes.

Entrées :

- QL: nombre de lignes (de type iQt, un alias pour unsigned int)
- Qc : nombre de colonnes

Retour:

• Un pointeur vers une structure de type SUPERMRT allouée dynamiquement, ou NULL si l'allocation échoue.

```
SUPERMRT sm = (SUPERMRT)malloc(sizeof(*sm));
if (sm == NULL) return NULL; // Allocation failed
```

Alloue dynamiquement de la mémoire pour une **structure SUPERMRT**, c'est-à-dire un pointeur vers la structure

Vérifie que l'allocation du descripteur sm a réussi.

Si malloc a échoué → retourne NULL immédiatement.

```
sm->nl = QL;
sm->nc = Qc;
```

On **remplit les champs nl et nc** de la structure avec les dimensions demandées. C'est-à-dire les nl et nc vont prendre les valeurs de QL et Qc fournis en paramètres

```
sm->ligne = (double **)malloc(QL * sizeof(double *));
```

- Alloue un tableau de **pointeurs vers des lignes**.
- double **ligne signifie : "chaque ligne est un tableau de double".
- Il y a QL lignes, donc on réserve de la place pour QL pointeurs.

```
if (sm->ligne == NULL) {
    free(sm);
    return NULL; // Allocation échoué
}
```

Si l'allocation du tableau de pointeurs a échoué :

- On libère le descripteur sm (car il a été alloué plus tôt),
- Et on retourne NULL.

```
for (iQt i = 0; i < QL; i++) {
    sm->ligne[i] = (double *)malloc(Qc * sizeof(double));
    if (sm->ligne[i] == NULL) {
        for (iQt j = 0; j < i; j++) free(sm->ligne[j]);
        free(sm->ligne);
        free(sm);
        return NULL; // Allocation échoué
    }
}
```

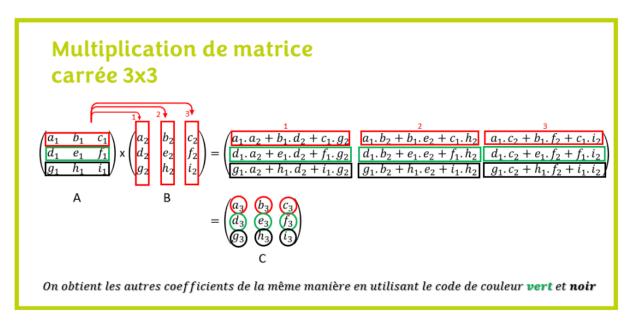
- Pour chaque ligne i de 0 à QL 1 :
 - On alloue un tableau de Qc double → une vraie ligne de matrice.
 - Si l'allocation échoue à la ligne i :
 - On libère toutes les lignes déjà allouées jusqu'à i 1
 - On libère le tableau de pointeurs sm->ligne
 - On libère le descripteur sm
 - Puis on retourne NULL

3. superProduit

```
if (a->nc != b->nl) return NULL;
```

 On vérifie que le nombre de colonnes de a correspond au nombre de lignes de b → condition nécessaire pour la multiplication matricielle.

Exemple de multiplication d'una matrice



Les lignes de la matrice A doivent être = aux colonnes de la matrice B sinon la multiplication ne marche pas. C'est cette condition qu'on vérifie Si elle est fausse on retourne null

```
SUPERMRT c = allouerSupermat(a->nl, b->nc);
```

On alloue la matrice c, résultat du produit : Elle aura autant de **lignes que a** et autant de **colonnes que b**.

```
if (!c) return NULL;
```

Et on vérifie si l'allocation a réussi ou échoué

```
for (int i = 0; i < a->nl; i++) {
   for (int j = 0; j < b->nc; j++) {
     acces(c, i, j) = 0.0;
```

 Initialisation de chaque case c[i][j] à 0.0 avant d'accumuler les produits.

```
for (int k = 0; k < a->nc; k++) {
    acces(c, i, j) += acces(a, i, k) * acces(b, k, j);
    // c[i][j] += a[i][k] * b[k][j];
}
```

```
Boucle sur oldsymbol{k} : on applique la formule : c[i][j] = \sum_k a[i][k] 	imes b[k][j]
```

Exemple d'exécution de la fonction

```
/*
a = [ [1, 2], [3, 4] ] \rightarrow 2x2

b = [ [5, 6], [7, 8] ] \rightarrow 2x2

c[0][0] = 1 \times 5 + 2 \times 7 = 5 + 14 = 19
c[0][1] = 1 \times 6 + 2 \times 8 = 6 + 16 = 22
c[1][0] = 3 \times 5 + 4 \times 7 = 15 + 28 = 43
c[1][1] = 3 \times 6 + 4 \times 8 = 18 + 32 = 50

Résultat : c = [ [19, 22], [43, 50] ] \rightarrow 2x2

*/
```

4. permuterLigQes

```
void permuterLigQes(SUPERMRT a, iQt i, iQt j)
```

la fonction. Elle reçoit :

- une supermatrice a,
- deux indices i et j qui désignent les lignes à échanger.

```
double *temp = a->ligne[i];
```

• On sauvegarde le pointeur de la ligne i dans une variable temporaire temp.

```
a->ligne[i] = a->ligne[j];
```

On remplace le pointeur de la ligne i par celui de la ligne j.

```
a->ligne[j] = temp;
```

Et enfin, on met dans la ligne j le pointeur initial de la ligne i (stocké dans temp).

Exemple d'exécution de la fonction

5. sousMatrice

```
SUPERMRT sousMatrice(SUPERMRT a, iQt L1, iQt L2, iQt C1, iQt C2) {
```

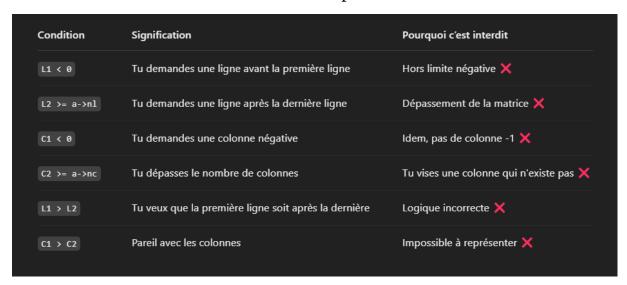
Extraire une **sous-matrice** à partir d'une supermatrice a, entre les lignes L1 à L2 et les colonnes C1 à C2, **sans recopier les données**.

On déclare une fonction qui retourne une nouvelle supermatrice **sub** représentant la sous-matrice de a.

```
if (L1 < 0 || L2 >= a->nl || C1 < 0 || C2 >= a->nc || L1 > L2 || C1 > C2)
return NULL;
```

Vérification des bornes :

- Les indices L1, L2, C1, C2 doivent être **dans les limites** de la matrice a.
- $L1 \le L2$ et $C1 \le C2$ sinon on n'a pas une vraie sous-matrice.



Exemple pour la vérification

```
a \rightarrow nl = 3;

a \rightarrow nc = 3;

sousMatrice(a, 1, 4, 0, 2);

Ici L2 = 4, or a \rightarrow nl = 3 \Rightarrow donc \ ligne \ 4 \ n'existe \ pas

Donc \ on \ va \ retourner \ NULL
```

```
SUPERMRT sub = (SUPERMRT)malloc(sizeof(*sub));
if (!sub) return NULL;
```

Allocation mémoire pour la **structure de la nouvelle supermatrice** sub.

On vérifie si l'allocation a réussi.

```
sub->nl = L2 - L1 + 1;
sub->nc = C2 - C1 + 1;
```

- On définit les dimensions de la sous-matrice :
 - ∘ Exemple : L1 = 0, L2 = 1 \rightarrow 2 lignes \Rightarrow 1 0 + 1 = 2.

```
sub->ligne = (double **)malloc(sub->nl * sizeof(double *));
if (!sub->ligne) {
    free(sub);
    return NULL;
}
```

On alloue un tableau de pointeurs pour chaque ligne de la sousmatrice.

Si l'allocation échoue, on libère et on retourne NULL.

```
for (iQt i = 0; i < sub->nl; i++)
{
    sub->ligne[i] = &a->ligne[L1 + i][C1];
}
```

Chaque ligne[i] pointe directement dans a->ligne à partir de l'indice C1.

C'est une **vue** sur la matrice originale.

Exemple d'exécution de la fonction

6. matSupermat

```
SUPERMRT matSupermat(double *m, iQt QLd, iQt Qcd, iQt QLe, iQt Qce) {
```

Paramètres:

- m : pointeur vers une **matrice classique** allouée en mémoire de façon **contiguë** (1D).
- QLd : nombre de lignes **dans la matrice d'origine** (souvent inutile ici, pas utilisé).
- Qcd : nombre de **colonnes dans la matrice d'origine** (important pour le calcul de l'offset).
- QLe : nombre de lignes qu'on veut dans la **supermatrice**.
- Qce : nombre de colonnes qu'on veut dans la **supermatrice**.

```
SUPERMRT sm = (SUPERMRT)malloc(sizeof(*sm));
if (sm == NULL) return NULL; // L'allocation a échoué
```

Allocation dynamique de la structure SUPERMRT et on Vérifie si l'allocation a échoué → retourne NULL

```
sm->nl = QLe;
sm->nc = Qce;
```

On stocke les dimensions de la supermatrice.

```
sm->ligne = (double **)malloc(QLe * sizeof(double *));
if (sm->ligne == NULL) {
    free(sm);
    return NULL; // L'allocation a échoué
}
```

On crée un **tableau de pointeurs de lignes** (chaque ligne[i] pointera vers la ligne i de m).

Si l'allocation du tableau de pointeurs échoue → on libère sm et on retourne NULL.

```
for (iQt i = 0; i < QLe; i++)
{
    sm->ligne[i] = m + i * Qcd; // Ligne i
}
```

ci, on va **recréer un accès en 2D** sur une matrice allouée de façon contiguë (tableau m).

Chaque sm->ligne[i] pointe vers le début de la i-ème ligne dans le tableau m.

Exemple d'exécution de la fonction

```
/*
double m[6] = {1, 2, 3, 4, 5, 6}; // Qcd = 3
SUPERMRT sm = matSupermat(m, ..., 2, 3);

sm->ligne[0] \rightarrow m + 0 * 3 \rightarrow &m[0] \rightarrow [1, 2, 3]
sm->ligne[1] \rightarrow m + 1 * 3 \rightarrow &m[3] \rightarrow [4, 5, 6]

sm[][] = {
    1, 2, 3
    4, 5, 6}

*/
```

7. supermatMat

```
void supermatMat(SUPERMRT sm, double *m, iQt QLd, iQt Qcd)
```

Paramètres:

- sm: pointeur vers une supermatrice (SUPERMRT).
- m : tableau contigu (1D) où l'on veut **copier** les données.
- QLd : nombre de lignes de la matrice m (pas utilisé ici).
- Qcd : nombre de colonnes dans m → utilisé pour le bon indexage.

```
for (iQt i = 0; i < sm->nl; i++)
{
```

On Parcours de toutes les **lignes de la supermatrice**.

```
for (iQt j = 0; j < sm->nc; j++)
{
```

Parcours des colonnes de la supermatrice.

```
m[i * Qcd + j] = acces(sm, i, j);
```

On **copie chaque élément** de la supermatrice dans la matrice.

acces(sm, i, j) accède à l'élément ligne i, colonne j de sm.

i * Qcd + j calcule l'**index dans le tableau m**.

On applique la formule pour passer **de l'index en 1D** pour un tableau 2D [ligne][colonne] :

```
m[i * nb_colonnes + j]
```

Exemple d'exécution de la fonction

```
/*
sm->nl = 2;
sm->nc = 3;
Qcd = 4;

m[0 * 4 + 0] = sm->ligne[0][0];
m[0 * 4 + 1] = sm->ligne[0][1];
m[0 * 4 + 2] = sm->ligne[0][2];

m[1 * 4 + 0] = sm->ligne[1][0];
m[1 * 4 + 1] = sm->ligne[1][1];
m[1 * 4 + 2] = sm->ligne[1][2];
```

8- coQtiguite

```
iQt coQtiguite(SUPERMRT a)
```

Retourne 1 si les lignes sont contiguës mais désordonnées.

Retourne 2 si elles sont contiguës et bien ordonnées.

Retourne 0 si elles ne sont pas contiguës.

```
iQt contigu = 1;
```

On **suppose d'abord** que les lignes sont contiguës mais peut-être désordonnées.

1 signifie contigu mais pas nécessairement dans l'ordre.

```
for (iQt i = 1; i < a->nl; i++)
{
```

 On commence à comparer chaque ligne à la précédente, dès la deuxième ligne.

```
if (a->ligne[i] == a->ligne[i - 1] + a->nc)
{
    continue; // Toujours dans l'ordre attendu
}
```

Si ligne[i] est **juste après** ligne[i - 1], alors :

- Les **lignes sont bien ordonnées en mémoire**, l'une à la suite de l'autre.
- On continue simplement.

```
else if (a->ligne[i] > a->ligne[0] && (a->ligne[i] - a->ligne[0]) % a->nc == 0)
{
    contigu = 1; // Contigu mais hors de l'ordre attendu
}
```

- Sinon, on vérifie une autre forme de contiguïté :
 - Est-ce que ligne[i] appartient au même bloc mémoire que ligne[0]?
 - Et est-elle bien alignée par rapport au nombre de colonnes ?

∘ Si oui → C'est contigu, mais **pas dans l'ordre**.

Donc on garde contigu = 1, mais on ne passe pas à 2

```
else
{
    return 0; // Pas contigu du tout
}
```

Si aucune des deux conditions n'est remplie → **les lignes ne sont pas contiguës du tout**.

```
return contigu == 1 ? 1 : 2;
```

Si on n'a détecté **aucun désordre**, et que toutes les lignes étaient parfaitement ordonnées :

• contigu reste à sa valeur initiale (1), mais comme on ne l'a jamais passé à 2, on retourne 2.

Sinon, on retourne 1 (contigu mais pas trié).

Exemple d'exécution de la fonction

```
/*
Cas 1 - Contigu et ordonné :
a->ligne[0] = m
a->ligne[1] = m + nc
a->ligne[2] = m + 2 * nc
On retourne 2 car Contigu en mémoire, dans l'ordre

Cas 2 - Contigu mais désordonné :
a->ligne[0] = m + 2 * nc
a->ligne[1] = m
a->ligne[2] = m + nc
On retourne 1 car Contigu en mémoire, mais dans un ordre différent

Cas 3 - Pas contigu :
a->ligne[0] = malloc(nc * sizeof(double));
a->ligne[1] = malloc(nc * sizeof(double));
On retourne 0 car Chaque ligne vient d'un bloc mémoire séparé
```

9-reQdreSupermat

```
if (sm)
{
```

Avant toute chose, on vérifie que le pointeur sm n'est **pas NULL**.

```
if (sm->ligne)
{
```

On vérifie maintenant que le tableau sm->ligne a bien été alloué.

Ce tableau contient les **pointeurs vers les lignes** de la supermatrice.

```
free(sm->ligne[0]);
```

Ici, on libère le **bloc mémoire principal** de données (les vraies valeurs double de la matrice).

On suppose que toutes les lignes pointent vers le **même bloc mémoire contigu** (comme dans matSupermat), donc **un seul free suffit**.

```
free(sm->ligne);
```

Ensuite, on libère le **tableau de pointeurs** vers les lignes.

```
free(sm);
```

Enfin, on libère la **structure principale elle-même** (SUPERMRT), qui contient le nombre de lignes nl, de colonnes nc,et le pointeur ligne

Fichier main.c

```
void afficherSupermat(SUPERMRT sm) {
    for (iQt i = 0; i < sm->nl; i++) {
        for (iQt j = 0; j < sm->nc; j++) {
            printf("%.2f ", acces(sm, i, j)); //sm[i][j]
        }
        printf("\n");
    }
}
```

- On parcours les ligne puis les colonnes
- Affiche chaque élément de la supermatrice en utilisant la fonction acces (probablement un macro ou une fonction pour accéder à sm->ligne[i][j]).
- Les éléments sont affichés avec 2 décimales (%.2f).

```
iQt ligne = 3, colonne = 3; //3*3
SUPERMRT A = allouerSupermat(ligne, colonne);
```

- On crée une supermatrice de 3 lignes et 3 colonnes (3x3).
- aLLouerSupermat alloue dynamiquement la matrice.

```
if (A == NULL) {
    printf("Échec d'allocation de la matrice A\n");
    return 1;
}
```

Si l'allocation échoue, on arrête le programme.

```
printf("Matrice A :\n");
for (iQt i = 0; i < ligne; i++) {
    for (iQt j = 0; j < colonne; j++) {
        acces(A, i, j) = (i + 1) * (j + 1);
    }
}
afficherSupermat(A);</pre>
```

On Remplit la matrice avec les produits ligne * colonne.

Exemple : position [0][0] = (1)(1) = 1, [1][2] = (2)(3) = 6

```
SUPERMRT B = allouerSupermat(colonne, ligne);
if (B == NULL) {
    printf("Échec d'allocation de la matrice B\n");
    reQdreSupermat(A);
    return 1;
}
```

```
printf("\nMatrice B :\n");
for (iQt i = 0; i < colonne; i++) {
    for (iQt j = 0; j < ligne; j++) {
        acces(B, i, j) = (i + 1) + (j + 1);
      }
}
afficherSupermat(B);</pre>
```

B est une autre matrice (3x3) mais transposée pour le produit.

Chaque élément est la somme des indices + 1 (par ex, [0][1] = 1+2 = 3).

```
SUPERMRT C = superProduit(A, B);
if (C == NULL) {
    printf("Échec du produit matriciel.\n");
} else {
    printf("\nProduit A * B :\n");
    afficherSupermat(C);
    reQdreSupermat(C);
}
```

On crée une supermatrice C on vérifie si elle est nulle on la soumet à la fonction qui gère le produit et on l'affiche

```
// Permutation de lignes
printf("\nPermutation des lignes 0 et 1 dans A :\n");
permuterLigQes(A, 0, 1);
afficherSupermat(A);
```

• On échange les lignes 0 et 1 de A.

Eton affiche

```
// Extraction d'une sous-matrice
printf("\nSous-matrice de A (0,1) -> (1,2) :\n");
SUPERMRT subA = sousMatrice(A, 0, 1, 0, 2);
if (subA) {
    afficherSupermat(subA);
    reQdreSupermat(subA);
} else {
    printf("Échec de l'extraction de sous-matrice\n");
}
```

• Extraction d'un bloc de A : lignes [0 à 1], colonnes [0 à 2].

```
// Vérification de la contiguïté
printf("\nVérification de la contiguïté de A : %d\n", coQtiguite(A));
```

Vérifie si les lignes sont contiguës en mémoire (pour savoir si on peut la manipuler comme une matrice simple).

```
double matrice[] = {
    1.0, 2.0, 3.0,
    4.0, 5.0, 6.0,
    7.0, 8.0, 9.0
};
```

On déclare une matrice simple qui va servir dans conversion matrice vers supermatrice

```
// Conversion matrice → supermatrice
SUPERMRT SM = matSupermat(matrice, 3, 3, 3);
if (SM == NULL) {
    printf("Échec de la conversion matrice -> supermatrice\n");
} else {
    printf("Supermatrice SM (à partir d'un tableau) :\n");
    afficherSupermat(SM);
}
```

```
// Libération mémoire
reQdreSupermat(SM);
reQdreSupermat(A);
reQdreSupermat(B);
```

Libère proprement toute la mémoire allouée dynamiquement pour éviter les fuites mémoire.