GRAFIKA – PROJEKT

Temat 04: Funkcje 4D

Damian Raczyński Kacper Osuch Michał Domin

1) Założenia wstępne przyjęte w realizacji projektu

Celem projektu było napisanie programu, który dla zadanej funkcji 4D f(x,y,z) będzie rysował szereg przekrojów wzdłuż kierunku zdefiniowanego wektorem [a,b,c] w odległościach d między przekrojami.

Przyjęliśmy, że do zobrazowania funkcji na płaszczyźnie wykorzystamy metodę dwuwymiarowych przekrojów. Wykonany program pozwala na wykonanie przekrojów wektorami [1,0,0], [0,1,0], [0,0,1], [1,1,0], [1,0,1], [0,1,1]. Wartości funkcji są reprezentowane jako punkty o barwie zmieniającej się od niebieskiego do czerwonego, gdzie niebieski jest wartością najniższą w zbiorze punktów.

Przekroje można zmieniać poprzez wciskanie przycisków na ekranie. Przycisk ze strzałką w lewo < przenosi na przekrój "poprzedni" a przycisk ze strzałką w prawo > przenosi na przekrój następny. Dla każdego zestawu danych tworzone jest 5 przekrojów.

Wprowadzana do programu funkcja 4D jest w postaci pliku tekstowego *. dat. Każda z linii musi zawierać 4 liczby – współrzędne x,y,z oraz wartość funkcji w punkcie o podanych współrzędnych. Ponadto punkty funkcji powinny być rozłożone w regularnej sześciennej siatce o stałym skoku dz,dy,dz wzdłuż każdej z osi.

Istnieje również przycisk, który pozwala na zapisanie aktualnego przekroju do pliku w formacie *. bmp.

2) Analiza projektu

a) Specyfikacja danych wejściowych

Program wczytuje plik * . dat zawierający cztery kolumny danych, oddzielonych spacją, po jednej linii dla każdego punktu:

x y	Z	value
-----	---	-------

Oczekujemy, że wartości będą rozmieszczone równomiernie, w sześciennej siatce. Wartości współrzędnych mogą się zaczynać od dowolnej wartości ≥ 0 . Wartości danych punktów (value) mogą być dowolne.

b) Opis oczekiwanych danych wyjściowych

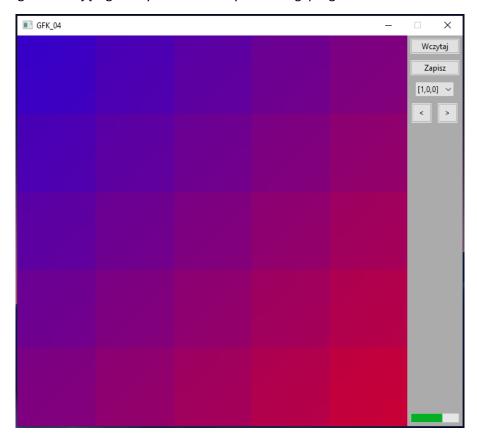
Zapisanie przekroju skutkuje stworzeniem bitmapy (* .bmp) o rozmiarze 600×600 pikseli. Bitmapa zawiera aktualnie wyświetlany przekrój.

c) Zdefiniowanie struktur danych

Zdecydowana większość danych przechowywana jest w strukturach typu std::vector gdzie każdy punkt jest reprezentowany jako 4-elementowy std::array. Punkty są sortowane przy wczytywaniu aby móc szybciej się do nich dostać.

d) Specyfikacja interfejsu użytkownika

Interfejs programu składa się z dwóch głównych elementów – pola wyświetlającego przekrój oraz menu bocznego zawierającego wszystkie elementy do obsługi programu.



Rysunek 1 Interfejs użytkownika w omawianym projekcie.

Panel wyświetla wybrany przekrój o rozmiarze 600×600 pikseli. Kolor danego punktu zależy od jego wartości. Płynnie przechodzi od niebieskiego dla najniższych do czerwonego dla najwyższych. Wartość największa i najniższa pozyskiwane są z całego pliku, więc można porównywać wartości pomiędzy różnymi przekrojami.

Menu główne zawiera następujące elementy:

- Przycisk Wczytaj otwiera okno dialogowe pozwalające wybrać i wczytać plik * .dat.
- Przycisk Zapisz otwiera okno dialogowe pozwalające zapisać obecnie wyświetlany przekrój do pliku *.bmp.
- Lista wyboru wektora Domyślnie wektor [1,0,0] pozwala wybrać wektor, wzdłuż którego będziemy pobierać kolejne przekroje. Do wyboru są następujące wektory: [1,0,0], [0,1,0], [0,0,1], [1,1,0], [1,0,1], [0,1,1]. Wybranie wektora skutkuje przesunięciem obecnie wyświetlanego przekroju na pierwszy.
- Przyciski " < " i " > " poruszanie się pomiędzy kolejnymi przekrojami. Dostępnych jest 5 przekrojów dla każdego wektora.

 Pasek postępu – Obrazuje postęp w tworzeniu przekroju. Jest widoczny tylko wtedy, gdy program obecnie przetwarza przekrój. Warto zaznaczyć, że nie wyświetla się on w fazie wczytywania danych z pliku, co jest szczególnie widoczne gdy wczytujemy bardzo duże zestawy danych (132k points.dat oraz center.dat z plików przykładowych).

Elementy sterujące automatycznie "wyszarzają się" kiedy nie powinny być dostępne – np. strzałki gdy dotrzemy do ostatniego dostępnego przekroju lub przycisk "Zapisz" gdy nie wczytaliśmy jeszcze żadnego pliku.

e) Wyodrębnienie i zdefiniowanie zadań

Najważniejszymi modułami projektu są:

- Wczytywanie pliku Wczytanie danych do pamięci, sortowanie, wyodrębnienie potrzebnych minimalnych i maksymalnych wartości, odblokowanie przycisków sterujących.
- Tworzenie płaszczyzny punktów dookoła których będziemy poszukiwać punktów w zestawie danych. Płaszczyzna ta jest zgodna z obecnie wybranym wektorem i przekrojem.
- Poszukiwanie punktów zestawu danych które są w pobliży punktów wyznaczonej płaszczyzny, wyciąganie i przetwarzanie ich wartości
- Wyświetlanie przekroju na ekranie
- f) Decyzja o wyborze narzędzi programistycznych

Korzystaliśmy ze środowiska Visual Studio 2019 oraz biblioteki wxWidgets, głównie ze względu doświadczenia nabytego podczas laboratoriów z grafiki komputerowej. Do wygenerowania GUI posłużył nam program wxFormBuilder.

3) Opis projektu, podział pracy i analiza czasowa

- a) Michał Domin
- Tworzenie płaszczyzny 1 dzień
- Algorytm określający wartości punktów 8 godzin
- Uzupełnienie siatki wartościami 3 godziny
- Porządki w kodzie 1 godzina
- b) Kacper Osuch
- Interfejs programu 3 godziny
- Dokumentacja 1 dzień
- Przejścia między płaszczyznami 2 godziny
- Analiza wydajności programu 4 godziny
- c) Damian Raczyński
- Blokady przycisków na interfejsie 2 godziny
- Przyciski odczytu, zapisu 3 godziny
- Wypisywanie na ekran 5 godzin
- Dokumentacja 1 dzień

4) Opracowanie i opis niezbędnych algorytmów

 $Metoda\ Sheparda^1$ - sposób aproksymacji wielowymiarowej dla rozproszonych zbiorów znanych punktów aproksymacyjnych. Ogólna postać metody Sheparda dla znalezienia wartości aproksymowanej u dla danego punktu x ma formę funkcji:

$$u(x) = \frac{\sum_{k=0}^{N} w_k(x) u_k}{\sum_{k=0}^{N} w_k(x)}, gdzie$$
$$w_k(x) = \frac{1}{d(x, x_k)^p},$$

- *x* dowolny punkt aproksymowany,
- x_k znany punkt aproksymacyjny,
- *d* określony operatorem metryki,
- N całkowita liczba punktów aproksymacyjnych,
- p parametr.

W tym przypadku wartość współczynnika wagowego zmniejsza się wraz ze wzrostem odległości pomiędzy punktem aproksymowanym x a punktem aproksymującym x_k . Dla 0 <math>u(x) ma ostre wierzchołki nad punktami aproksymującymi, a dla p > 1 jest gładka. Najczęściej przyjmuje się p = 2.

Pozostałe utworzone/zmodyfikowane przez nasz zespół algorytmy w programie zostały przedstawione w następnej części raportu (**5) Kodowanie**).

5) Kodowanie

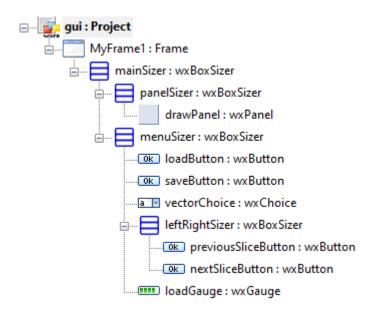
Baza programu została utworzona przy użyciu programu wxFormBuilder², dlatego też pliki main. cpp, gui. h oraz gui. cpp z projektu nie zostaną dokładnie opisane – są plikami automatycznie wygenerowanymi przez wyżej wymieniony program.

a) Interfejs programu

Jedyną ramką programu jest *MyFrame*1 (*Frame*), które zawiera w sobie wszystkie elementy interfejsu widocznego dla użytkownika programu. Ramka jest stałego rozmiaru, nie można rozciągnąć programu na cały ekran. Istnieje jednak opcja minimalizacji okna oraz zamknięcia programu.

¹ Metoda Sheparda - Wikipedia, wolna encyklopedia

² wxFormBuilder - Wikipedia, the free encyclopedia



Rysunek 2 Schemat utworzonego projektu w programie wxFormBuilder.

Szczegółowy opis elementów (pomijając funkcje, które zostały dokładnie opisane w dalszej części):

- Główny horyzontalny sizer mainSizer (wxBoxSizer), który dba o prawidłowe rozłożenie wszystkiego w interfejsie. Jego rozmiar jest automatycznie ustalany według tego, co znajduje się w jego wnętrzu. Obszar okna jest podzielony między dwa niżej opisane sizer'y.
- Wertykalny sizer panelSizer wxBoxSizer), który odpowiada za prawidłowe ustawienie elementu opisanego niżej, na którym zostaną wyrysowane przekroje wprowadzanych do programu wartości funkcji.
- *drawPanel* (*wxPanel*) o rozmiarze 600 × 600 na którym rysowane są przekroje funkcji wprowadzanej do programu. Podczas dokonywania zapisu wyniku do pliku, do pliku zostaje przekazane, co jest w danym momencie widoczne na opisywanym panelu.
- Kolejny wertykalny sizer menuSizer (wxBoxSizer), który zawiera w sobie wszystkie przyciski
 oraz kontrolki, które użytkownik może wcisnąć lub obserwować. Rozmiar tego sizera również
 jest automatyczny.
- Przycisk loadButton (wxButton), który pozwala na wczytanie do programu danych w formacie pliku *. dat. Po jego wciśnięciu wyskakuje okno wyboru pliku, który może się znajdować w dowolnym miejscu na komputerze. Program resetuje wybrany przekrój do najwcześniejszego możliwego.
- Przycisk saveButton (wxButton), który pozwala na zapis aktualnie obserwowanego
 przekroju do pliku w formacie *. bmp. Po jego wciśnięciu wyskakuje okno wyboru lokalizacji
 zapisu pliku oraz nadania mu dowolnej nazwy.
- Menu wyboru vectorChoice (wxChoice), który jest listą możliwych do wyboru przekrojów. Z założenia jest do wyboru jeden z sześciu wektorów ([1,0,0],[0,1,0],[0,0,1],[1,1,0], [1,0,1],[0,1,1]), gdzie domyślnie jest wybrany pierwszy wektor. Po wyborze nowego wektora, program pokazuje pierwszy przekrój funkcji.
- Horyzontalny sizer leftRightSizer (wxBoxSizer), który zawiera w sobie przyciski do przechodzenia między płaszczyznami.
- Przyciski *previousSliceButton*, *nextSliceButton* (*wxButton*), które odpowiednio przesuwają płaszczyzny na poprzednią/następną.
- Wstępnie niewidoczny przez użytkownika pasek postępu *loadGauge(wxGauge)*, który pokazuje postęp generowania płaszczyzny rysowanej na ekran.

Zmienne w klasie *guiMyFrame*1:

- MemoryBitmap zmienna typu wxBitmap, która reprezentuje to, co zostaje wypisywanie
 na ekranie. Przy wywołaniu funkcji rysującej Repaint(), to właśnie ta bitmapa zostaje
 przedstawiona na ekranie.
- image zmienna typu wxImage, która służy do przygotowania punktów siatki 600×600 w metodzie DrawMap(), widocznej później na ekranie. Obraz ten zostaje przypisany do bitmapy MemoryBitmap.
- minVal, maxVal zmienne typu double, które reprezentują odpowiednio minimalną/maksymalną wartość, jaką osiąga wprowadzona do programu funkcja.
- data zmienna typu std::vector < std::array < double, 4 >>, która przechowuje w sobie wszystkie wartości otrzymane z pliku wejściowego *.dat. Każdy element wektora zawiera przyjęte z dokumentu parametry x, y, z, f(x, y, z).
- datas zmienna typu std::vector < std::vector < std::vector < std::array < double, 2 >>>>, która jest posortowanym 3-wymiarowym wektorem punktów. Dla każdego z parametrów można się dostać do odpowiadającej mu dowolnej wartości:

```
o datas[0-i][0][0][0] – wartości x,
```

- o datas[0-i][1-(i+1)][0][0] wartości y,
- o datas[0-i][1-(i+1)][1-(i+1)][0] wartości z,
- o datas[0-i][1-(i+1)][1-(i+1)][1] wartości f(x,y,z),

gdzie *i* to ilość wartości w danym wymiarze.

- ix, iy, iz zmienne typu int, które są wykorzystywane w metodzie getVal(...). Reprezentują one punkty pomocnicze o tych samych wartościach względem wprowadzanego do metody punktu x0.
- minDim, maxDim zmienne typu double, które reprezentują odpowiednio minimalne/maksymalne położenie punktu we wprowadzanej funkcji.
- modifier zmienna typu double, która reprezentuje wartość niezerowej współrzędnej punktu należącego do danego przekroju. To ta wartość jest zmieniana podczas przechodzenia między płaszczyznami.
- currentSlice zmienna typu int, informująca o tym, który przekrój jest aktualnie widoczny.
 Ta wartość jest wykorzystywana do kontroli na którym przekroju się przebywa w danym momencie.

Metody w klasie *guiMyFrame*1:

- loadButtonClick(wxCommandEvent& event) metoda pokazuje okno z opcją wczytania do programu pliku o rozszerzeniu *. dat. W przypadku anulowania procesu, program zamyka okno i nic się nie dzieje. Gdy nastąpi pomyślne wybranie pliku, następuje jego odczyt w następujący sposób:
 - Resetowane zostają wektory data, datas,
 - Ustawione wstępnie zostają wartości ix, iy, iz,
 - O Dla pierwszego wiersza z pliku zostają wpisane wartości x, y, z, f(x, y, z) oraz ustawione minVal, maxVal, minDim, maxDim,
 - Wykonana zostaje pętla przez cały plik, która dla każdej linii:
 - Wpisuje do data wartości x, y, z, f(x, y, z),
 - Jeżeli jest spełniona zależność f(x,y,z) < minVal następuje aktualizacja minVal oraz analogicznie dla f(x,y,z) > maxVal nastąpiłaby aktualizacja maxVal,

- Wykonywana jest operacja $minDim = std::min(\{x, y, z, minDim\})$ oraz $maxDim = std::max(\{x, y, z, maxDim\}).$
- Następuje sortowanie data,
- o Następuje uzupełnienie datas, czyli posortowanego trójwymiarowego wektora wartościami z data (przekształcanie wektora punktów na posortowany trójwymiarowy wektor punktów),
- W trybie debugowania na konsoli pojawia się informacja o wartościach minDim, maxDim,
- Ustawiane są parametry currentSlice, modifier, po czym zostaje wykonana metoda DrawMap(),
- Następuje odblokowanie elementów na interfejsie: nextSliceButton, vectorChoice, saveButton oraz zablokowanie previousSliceButton (zaczynamy od najwcześniejszego przekroju).
- saveButtonClick(wxCommandEvent& event) metoda otwiera okno zapisu pliku, gdzie
 użytkownik może zapisać do pliku *.bmp to, co jest w danym momencie widoczne na
 drawPanel. Plik może zostać utworzony w dowolnym miejscu, jak również można nadpisać
 już istniejący plik.
- OnChoice(wxCommandEvent& event) metoda obsługująca dokonanie przez użytkownika wyboru wektora z listy. Gdy zostanie wybrany wektor, program ustawia odpowiednią wartość modifier, ustawiając również currentSlice na wartość 1 pierwszy, najwcześniejszy przekrój. Aby wszystko działało prawidłowo, zostaje zablokowany przycisk previousSliceButton oraz odblokowany nextSliceButton. Podczas debugowania programu, metoda wypisuje na konsoli informację o zresetowaniu wartości vectorChoice.
- previousSliceClick(wxCommandEvent& event) metoda obsługuje zmianę płaszczyzny
 na poprzednią, zmniejszając wartość currentSlice o 1. Gdy ten parametr jest mniejszy bądź
 równy 1, metoda blokuje przycisk, sygnalizując, że jest się na najwcześniejszym przekroju oraz
 w przypadku, gdyby się wróciło z ostatniego przekroju, aktywuje opcję wyboru następnego
 przekroju. Następnym krokiem jest zmienienie wartości modifier oraz wykonanie metody
 DrawMap() aby wyrysować nowy przekrój na ekran.
- nextSliceClick(wxCommandEvent& event) metoda obsługuje zmianę płaszczyzny na następną, zwiększając wartość currentSlice o 1. Gdy ten parametr jest większy bądź równy 5, metoda blokuje przycisk, sygnalizując, że jest się na ostatnim przekroju oraz w przypadku, gdyby się ruszyło z pierwszego przekroju, aktywuje opcję wyboru poprzedniego przekroju. Następnym krokiem jest zmienienie wartości modifier oraz wykonanie metody DrawMap() aby wyrysować nowy przekrój na ekran.
- guiMyFrame1(wxWindow * parent) konstruktor klasy guiMyFrame1, który wykonuje następujące czynności:
 - Ustawia wartości minVal, maxVal, minDim, maxDim na zero,
 - Ukrywa pasek postępu,
 - \circ Tworzy pusty MemoryBitmap o rozmiarze 600×600 oraz pusty image o tym samym rozmiarze,
 - Ustawia zmienną modifier na 1,
 - Uniemożliwia używanie wszystkich przycisków poza loadButton, przez co użytkownik musi wczytać dane z funkcji, aby zrobić cokolwiek innego (poza ewentualnym zamknięciem programu).
- DrawMap() metoda przygotowuje MemoryBitmap do bycia wyrysowaną na ekran.
 Tworzone jest wxMemoryDC, które wskazuje na MemoryBitmap. Następnie następuje czyszczenie tego elementu przez wpisaniem nowych wartości. Tworzona jest płaszczyzna

z elementami z przekroju metodą plaszczyzna(), po czym następuje wpisanie wartości do tablicy points $(unsigned\ char\ *)$, która jest danymi z image (to zostanie przekazane do MemoryBitmap) w postaci parametrów R, G, B dla każdego punktu. Każdy punkt z tablicy ma wyznaczaną wartość color a następnie przypisywane są wartości R, G, B w postaci punktów idących od barwy niebieskiej (najniższa wartość) do czerwonej (wartość najwyższa). Podczas tego procesu w prawym dolnym rogu widoczny jest pasek postępu, pokazujący jaka część image została już zmieniona. Po zakończeniu tego procesu pasek postępu znika i do MemoryBitmap zostaje wpisany image ze zmienionymi wartościami. Metoda przy debugowaniu informuje o zakończeniu tego procesu, po czym wykonuje operację Repaint().

- Repaint() metoda rysująca na drawPanel to, co jest aktualnie przechowywane w MemoryBitmap. Założenie jest, że bitmapa jest niezmiennego rozmiaru 600×600 . Metoda w trybie debugowania informuje o pomyślnym wyrysowaniu bitmapy na ekran.
- getVal(std::array < double, 3 > & x0) metoda wyszukuje 8 najbliższych punktów a później wylicza wartość w punkcie nas interesującym używając metodę Sheparda. Zmienne w funkcji:
 - s część górna w równaniu w metodzie Sheparda,
 - o so część dolna w równaniu w metodzie Sheparda,
 - o o odległość między punktem szukanym a utworzonym, otrzymana metodą odl(v, v2),
 - o v przepisanie wprowadzanego do metody punktu 3-elementowego do punktu o czterech elementach (dodawane f(x,y,z)=0). Niezbędne do poprawnego działania metody,
 - v2 nowy punkt o współrzędnych najbliższego z punktów względem wprowadzanego punktu.

Wszystkie operacje $else\ if$ oraz else pozwalają na szybsze wyznaczenie wartości szukanego punktu.

- plaszczyzna() metoda wyznacza wartości przekroju dla aktualnego wektora i wybranego w danym momencie przekroju, zwracając wartości w przekroju w postaci płaszczyzny 600×600 . Zmienne w metodzie:
 - o mnoznik wartość od której zależy wysokość płaszczyzny o przedziale (minDim, 2*maxDim minDim). W ramach zabezpieczenia, przekroczenie tych wartości przekierowuje na środek układu,
 - o w wszystkie punkty płaszczyzny, które zostają zwracane w metodzie,
 - Switch od aktualnej wartości wybranej w vectorChoice dzieli się w zasadzie na dwa rodzaje przypadków (różniących się wyłącznie w. push_back(...) na końcach):
 - case 0, 1, 2 sprawdzany jest najpierw zakres mnoznik, wyznaczana jest wartość delta – odległość między punktami już w danym przekroju a na koniec następuje wpisywanie wartości do w,
 - case 3, 4, 5 mnoznik tworzy punkt x0 od którego są wyznaczane pozostałe wartości w przekroju. Następnie wyznaczane są wartości: max szerokość przekroju, delta odległość między punktami już w danym przekroju, która jest zależna od tego, który z kolei jest to przekrój oraz delta2 odległość między punktami już w danym przekroju na niezmiennej długości.

Na koniec metoda zwraca utworzoną płaszczyznę w.

- $odl(std::array < double, 4 > \&\ a, std::array < double, 4 > \&\ b)$ odległość między punktami trójwymiarowymi $\sqrt{(a_x-b_x)^2+\left(a_y-b_y\right)^2+(a_z-b_z)^2}$. Metoda zwraca wartość -1 gdy podane jako argumenty punkty są identyczne.
- compare(std::array < double, 4 > a, std::array < double, 4 > b) metoda wykonująca porównanie współrzędnych punktów trójwymiarowych. Porównanie przebiega następująco:
 - o Jeżeli $|a_x b_x|$ jest mniejszy od 0.01:
 - Jeżeli $|a_y b_y|$ jest mniejszy od 0.01:
 - Jeżeli $a_z < b_z$ zwracana jest prawda,
 - W przeciwnym wypadku zwracany jest fałsz.
 - W przeciwnym wypadku, jeżeli $a_{\gamma} < b_{\gamma}$ zwracana jest prawda,
 - W przeciwnym wypadku zwracany jest fałsz.
 - o W przeciwnym wypadku, jeżeli $a_x < b_x$ zwracana jest prawda,
 - o W przeciwnym wypadku zwracany jest fałsz.

6) Testowanie

Aby przetestować działanie naszego programu, wygenerowaliśmy za pomocą prostego skryptu różne zestawy danych:

- simple.dat Prosty, mały zestaw danych w którym każdy punkt jest sumą współrzędnych,
- 132k_points.dat Zestaw danych o takim samym zakresie i wzorze jak powyższy, ale z dużo większą ilością punktów (około 132 tysiące),
- center.dat Również bardzo duży zestaw danych, który ma tym wyższą wartość, im dalej od środka sześcianu się znajdujemy,
- from1.dat Testowy zestaw danych, którego współrzędne nie zaczynają się od zera,
- just_x.dat Zestaw danych, który dobrze przedstawia zmiany wektorów wartość w danym punkcie zależy tylko od współrzędnej x,
- powers.dat Zestaw danych w którym każdy punkt przyjmuje wartość zależną od współrzędnych tego punktu według wzoru $x^{1.5} + y^{1.2} + z$,
- noise.dat Zestaw danych w którym wartość każdego punktu jest pseudolosowa.

Program działa prawidłowo z każdym z przetestowanych plików, z jednym wyjątkiem. Jeśli korzystamy z programu uruchomionego bezpośrednio, nie poprzez Visual Studio, bardzo duże pliki wczytują się, ale nie rysują pierwszej płaszczyzny automatycznie. Aby zobaczyć jakąkolwiek płaszczyznę, należy zmienić wektor lub kliknąć przycisk następnego przekroju – od tego momentu wszystko będzie działać poprawnie. Problem ten nie występuje kiedy uruchamiamy program korzystając z Visual Studio. Dzieje się tak prawdopodobnie dlatego, że wczytywanie pliku zajmuje kilka sekund, system Windows oznacza okno jako "nie odpowiada" i z jakiegoś powodu nie uruchamia się funkcja pokazująca pierwszy przekrój, jedyne co się dzieje to wczytanie pliku do pamięci.

Aby testować wydajność programu i sprawdzać które elementy są najmniej zoptymalizowane, korzystaliśmy z narzędzi wbudowanych w Visual Studio. Pozwoliły nam one znacznie skrócić czas wykonywania poszczególnych funkcji.

7) Wdrożenie, raport i wnioski

Wszystkie założenia projektu zostały zrealizowane. W przyszłości można by poprawić wydajność programu, tak aby wczytywanie i zmienianie plików oraz przekrojów było natychmiastowe. Obecnie trzeba na te operacje poczekać kilka sekund, lecz jest to i tak o wiele lepszy wynik niż uzyskiwaliśmy w pierwszych iteracjach programu, gdzie od wybrania pliku do wyświetlenia przekroju mijało kilkadziesiąt sekund. Nie udało nam się zrealizować wymagań rozszerzonych, czyli korzystania z wektorów o dowolnych współrzędnych, obsługi punktów nieregularnie rozłożonych w przestrzeni, map konturowych oraz drukowania.