Cözüm

Verilen görsele karşılık gelen eş parçalar harflendirildiğinde yandaki şekil elde edilir. Harflendirilen kenar uzunluklarından ve ortak açıdan faydalanılarak

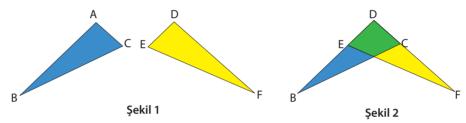
$$\begin{split} &A\big(\widehat{ADE}\,\big) = \frac{1}{2} \cdot 3a \cdot 2b \cdot \sin\alpha \text{ ve } A\big(\widehat{ABC}\,\big) = \frac{1}{2} \cdot 5a \cdot 4b \cdot \sin\alpha \\ &Buradan \, \frac{A\big(\widehat{ADE}\,\big)}{A\big(\widehat{ABC}\,\big)} = \frac{3}{10} \ \text{ bulunur.} \end{split}$$

Demek oluyor ki A (\widehat{ADE}) = 3A ise A (BCED) = 10A - 3A = 7A dır.

Buğday ektiği arazi, arpa ektiği araziden daha fazla olduğu için BCED bölgesine buğday, ADE bölgesine arpa ekmiştir.

Arazinin tamamı 50 dekar olduğu için A (\widehat{ABC}) = 10A = 50'den A = 5 elde edilir. Buğday ektiği arazi 7 · 5 = 35 dekar, arpa ektiği arazi 3 · 5 = 15 dekardır. Buğday ekili arazinin alanı arpa ekili arazinin alanından 35 – 15 = 20 dekar fazladır.

17. Sıra Sizde



Elif Şekil 1'de verilen üçgen şeklindeki mavi ve sarı iki cam parçasını güvenli bir şekilde [AB] ve [DF] kenarları boyunca çakıştırdığında A ve D noktalarının üst üste geldiğini ve üst üste gelen cam parçalarının yeşil renge dönüştüğünü görmüştür.

|AB| = 8 cm, |AC| = 3 cm, |DF| = 10 cm olmak üzere Şekil 2'de verilen mavi ve sarı üçgenlerin alanları birbirine eşit olduğuna göre |DE| nun kaç santimetre olduğunu bulunuz.



Konu ile ilgili çalışma kâğıdı

Kontrol Noktası

- Yükseklikleri eşit üçgenlerin alanları oranı, eşit yüksekliklere ait taban uzunlukları oranına eşittir.
- Taban uzunlukları eşit üçgenlerin alanları oranı, eşit taban uzunluklarına ait yükseklikleri oranına eşittir.
- Paralel doğrular arasında ortak tabana sahip iki farklı üçgenin alanları birbirine eşittir.
- Paralel doğrular arasında ortak tabana sahip iki farklı üçgenin ortak olmayan bölgelerinin alanları birbirine eşittir.
- Benzer üçgenlerin alanları oranı, benzerlik oranının karesine eşittir.
- Bir üçgenin iki kenarının uzunluğu ve bu iki kenar arasındaki açının ölçüsünün bilindiği durumda üçgenin alanı aşağıdaki bağıntı ile bulunabilir:

$$A\big(\widehat{ABC}\big) = \frac{1}{2} \cdot a \cdot b \cdot \sin \widehat{C} = \frac{1}{2} \cdot a \cdot c \cdot \sin \widehat{B} = \frac{1}{2} \cdot b \cdot c \cdot \sin \widehat{A}$$