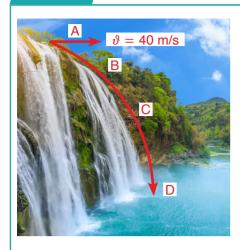
Örnek



Yandaki görselde bir şelalenin dikey kesiti gösterilmektedir. Şelale tabanından 45 m yüksekte bulunan A noktasından yatay doğrultuda 40 m/s hızla akan su kütlesi, sırasıyla 1 ve 2. s'de B ve C noktalarından geçerek D noktasında şelale tabanına ulaşmaktadır.

Buna göre su kütlesinin

- a) B ve C noktalarında şelale tabanından yüksekliklerini hesaplayınız.
- b) B, C ve D noktalarında yatay, düşey ve bileşke hız büyüklüklerini bulunuz.
- c) Yatay doğrultudaki yer değiştirmesinin büyüklüğünü hesaplayınız.

(Sürtünmeleri ihmal ediniz. $g = 10 \text{ m/s}^2 \text{ alınız.}$)

Çözüm

a) Su kütlesinin B ve C noktalarında şelale tabanından yüksekliklerini bulmak için

 $h = \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2$ matematiksel modeli kullanılır.

Su kütlesinin A noktasından B noktasına gelene kadar düşey doğrultuda yapmış olduğu yer değiştirmesinin büyüklüğü

 $h = \frac{1}{2} \cdot 10 \cdot 1^2 = 5$ m bulunur.

B noktasının şelale tabanından yüksekliği ise 45 - 5 = 40 m hesaplanır.

Su kütlesinin A noktasından C noktasına gelene kadar düşey doğrultuda yapmış olduğu yer değiştirmesinin büyüklüğü

 $h = \frac{1}{2} \cdot 10 \cdot 2^2 = 20$ m bulunur.

C noktasının şelale tabanından yüksekliği ise 45 – 20 = 25 m bulunur.

b) Suyun D noktasına ulaşma süresi $h = \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2$ matematiksel modelinden 3 s olarak hesaplanır.

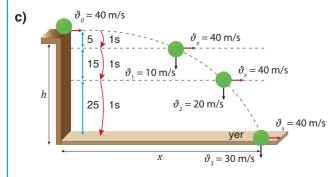
Buna göre su kütlesinin B, C ve D noktalarında sahip olduğu hız büyüklükleri

 $\vartheta^2=\vartheta_x^2+\vartheta_y^2$ matematiksel modelinden bulunur. Su kütlesinin

B noktasındaki hız büyüklüğü $\vartheta_B = \sqrt{40^2 + 10^2} = 10\sqrt{17}\,$ m/s,

C noktasındaki hız büyüklüğü $\vartheta_{\it C}=\sqrt{40^2+20^2}=20\sqrt{5}$ m/s,

D noktasındaki hız büyüklüğü $\vartheta_D = \sqrt{40^2 + 30^2} = 50\,$ m/s olarak hesaplanır.



Şekildeki yeşil renkli topların hareketi ile su kütlesinin hareketi arasında bir analoji kurulduğunda su kütlesinin yatay doğrultudaki yer değiştirmesinin büyüklüğü

 $x = \vartheta_0 \cdot t = 40 \cdot 3 = 120$ m bulunur.

Hesaplanan veriler yandaki gibi gösterilebilir.