



✓ $k \geq 0$ olmak üzere $g(x) = x^2 + k$ şeklinde tanımlı g fonksiyonunun maksimum değeri yoktur.	
Grafiksel Doğrulama	Cebirsel İspat

2. Fonksiyonların artan-azalan olduğu aralıkları ve maksimum-minimum değerlerini belirlerken kullandığınız grafiksel doğrulama ve cebirsel ispat yöntemlerinin kullanılışılığını karşılaştırarak tartışınız.



Konu ile ilgili
çalışma kâğıdı

Kontrol Noktası



- $a, r, k \in \mathbb{R}, r > 0, k > 0$ ve $a \neq 0$ olmak üzere $f(x) = x^2$ karesel referans fonksiyonundan türetilen $g(x) = a \cdot (x + r)^2 + k$ şeklinde tanımlı g fonksiyonunun grafiği çizilirken şu adımlar uygulanır:

 1. adım : $f(x) = x^2$ referans fonksiyonu x eksenini boyunca negatif yönde r birim ötelenerek $m(x) = (x + r)^2$ şeklinde tanımlı m fonksiyonunun grafiği çizilir.
 2. adım : $m(x) = (x + r)^2$ fonksiyonunun değerlerini a katına eşleyen $n(x) = a \cdot (x + r)^2$ şeklinde tanımlı n fonksiyonunun grafiği çizilir.
 3. adım : $n(x) = a \cdot (x + r)^2$ fonksiyonu y eksenini boyunca pozitif yönde k birim ötelenerek $g(x) = a \cdot (x + r)^2 + k$ şeklinde tanımlı g fonksiyonunun grafiği çizilir.
- $a, r, k \in \mathbb{R}$ ve $a \neq 0$ olmak üzere gerçekte sayılarda değeri $f(x) = a \cdot (x + r)^2 + k$ tamkare formunda verilen fonksiyonun nitel özellikleri

$a > 0$ için

 - Tanım kümesi \mathbb{R} , görüntü kümesi $[k, \infty)$ dır.
 - Azalan olduğu aralık $(-\infty, -r]$, artan olduğu aralık $[-r, \infty)$ dır.
 - Fonksiyonun minimum değeri k dır. Fonksiyon minimum değerini $x = -r$ noktasında alır.
 - Bire bir değildir. Örtten değildir. Simetri doğrusu $x = -r$ dır.

$a < 0$ için

 - Tanım kümesi \mathbb{R} , görüntü kümesi $(-\infty, k]$ dır.
 - Artan olduğu aralık $(-\infty, -r]$, azalan olduğu aralık $[-r, \infty)$ dır.
 - Fonksiyonun maksimum değeri k dır. Fonksiyon maksimum değerini $x = -r$ noktasında alır.
 - Bire bir değildir. Örtten değildir. Simetri doğrusu $x = -r$ dır.