MNUM-PROJEKT, zadanie 3.17

Marcin Dziedzic

$7~\mathrm{maja}~2018$

Spis treści

1	$\mathbf{Z}\mathbf{ad}$	anie I	2
	1.1	Tresc zadania	2
	1.2	Metoda bisekcji	2
		1.2.1 Opis teoretyczny	2
		1.2.2 Realizacja w programie Matlab	2
	1.3	Metoda siecznych	3
		1.3.1 Realizacja w programie Matlab	4
	1.4	Metoda Newtona	5
		1.4.1 Opis teoretyczny	5
		1.4.2 Realizacja w programie Matlab	5
	1.5	Analiza danych wejsciowych	6
		1.5.1 Realizacja w programie Matlab	6
	1.6	Rozwiazanie	9
		1.6.1 Metoda bisekcji	9
		1.6.2 Metoda siecznych	1
		1.6.3 Metoda Newtona	1
	1.7	Wnioski	2
2	Zad	anie II	2
	2.1	Tresc zadania	2
	2.2	Opis teorytyczny	3
	2.3	Rozwiazanie	3
	2.4	Wyniki	5
	2.5	Wnioski	5

1 Zadanie I

1.1 Tresc zadania

Prosze znalezc wszystkie zera funkcji

$$f(x) = 0.7x\cos(x) - \ln(x+1)$$

w przedziale [2, 11], uzywajac dla kazdego zera programu z implementacja:

- a) metody bisekcji
- b) metody siecznych
- c) metody Newtona

1.2 Metoda bisekcji

1.2.1 Opis teoretyczny

Teoretyczny zarys metody bisekcji mozemy przyblizyc ponizszym algorytmem:

- 1. Poczawszy od przedzialu startowego $[a,b] = [a_0,b_0]$ obliczamy srodek przedzialu c_n , $c_n = \frac{a_n + b_n}{2}$ i obliczamy wartosc f(x) w tym punkcie.
- 2. Obliczamy iloczyny $f(a_n) * f(c_n)$ oraz $f(b_n) * f(c_n)$ i jako nowy przedzial $[a_{n=1}, b_{n+1}]$ wybieramy argumenty tego iloczynu ktorego wartosc jest ujemna.

Kroki te powtarzamy az do momentu uzyskania $f(c_n) < \delta$ gdzie δ to oczekiwana dokładnosc rozwiazania. W przypadku "plaskich"funkcji warto tez kontrolowac długosc rozpatrywanego przedzialu. Dokładnosc wyniku zalezy jedynie od ilosci iteracji dłatego metoda jest zbiezna liniowo z ilorazem zbieznosci 0.5, co czyni ja stosunkowo wolno zbiezna w przypadku wyboru szerokiego przedziału poczatkowego.

1.2.2 Realizacja w programie Matlab

Listing 1: Implementacja metody bisekcji

```
% Funkcja wyznaczajaca punkty zerowe funkcji metoda bisekcji
%
% IN:
% a0, b0 - zakres
% fun - funkcja
% iter - maksymalna liczba iteracji
%
% OUT:
% solution - wyznaczone miejsce zerowe
```

```
function soluiton = md bisection (fun, a0, b0, iter)
  a = a0;
  b = b0:
  % inicjalizacja wartosciami poczatkowymi
  fa = feval(fun, a);
  fb = feval(fun,b);
  for k=1:iter
    \% obliczenie srodka odcinka
    xm = a + 0.5*(b-a);
    % f(xm)
    fm = feval(fun,xm);
    fprintf('%3d_____[%12.10f;%12.10f]____%12.16f_____%12.3e\n',k,a,b,xm,fm);
    if (fm == 0)
        return
    end
       Zero lezy w przedziale [xm, b], zamiana a
    if sign(fm)==sign(fa)
        a = xm;
        fa = fm;
    % Zero lezy w przedziale [a,xm], zamiana b
    else
        b = xm:
        fb = fm;
    %dodatkowy warunek zakonczenia wykonywania
    if (fm == 0)
        return
    end
  end
  soluiton = xm;
  return
end
```

1.3 Metoda siecznych

Metoda sieczn
ch jest bardzo podobna do metody bisekcji, rozni sie tym, iz przez krance aktualnego przedzialu prowadzimy prosta, ktora przecina os rzednych w punkcie
 x_0 . Nastepnie prowadzimy kolejna prosta przez punkt
 $f(x_n)$ i poprzedni punkt $f(x_{n-1})$. Warto zaznaczyc, ze nie dbamy tutaj o przedzial izolacji pierwiastka, ani nawet o znak iloczynu wartosci na krancach aktualnego przedzialu.

Wzor na n+1 punkt, przez ktory ma przejsc prosta: $x_{n+1} = \frac{x_{n-1}f(x_n) - x_nf(x_{n-1})}{f(x_n) - f(x_{n-1})}$

Rzad zbieznosci metody siecznych wynosi $\frac{1+\sqrt{5}}{2}$ zatem metoda ta jest szybsza od metody bisekcji, lecz w praktyce moze okazac sie niezbiezna kiedy przedzial izolacji nie jest dostatecznie maly, gdyz jest ona zbiezna tylko lokalnie, a nie globalnie jak poprzednia metoda.

1.3.1 Realizacja w programie Matlab

Listing 2: Implementacja metody siecznych

```
\% Funkcja wyznaczająca punkty zerowe funkcji metoda siecznych
% IN:
\% a0, b0 - zakres
% fun - funkcja
% iter — maksymalna liczba iteracji
\%
% OUT:
\% solution - wyznaczone miejsce zerowe
function solution = md_secans(fun, a0, b0, iter)
  a = a0;
  b = b0;
  % poczatkowa wartosc funkcji
  fa = feval(fun, a);
  for k = 1:iter
    fb = feval(fun,b);
    dx = fb * (b-a) / (fb-fa);
    xm = b-dx;
    if(isnan(xm))
        return
    end
    a = b;
    b = xm;
    fa = fb;
    solution = b;
    fprintf('%3d______[%12.10f;%12.10f]_____%12.16f_____%12.3e\n',k,a,b,xm,fb);
    \% dodatkowy warunek zakonczenia wykonywania
    if(fb == 0)
        return
    end
```

end

end

1.4 Metoda Newtona

1.4.1 Opis teoretyczny

Metoda Newtona polega na wyznaczeniu czesciowego (ucietego) rozwiniecia w szereg Taylora danej funkcji, ktore mozemy traktowac jak liniowe przyblizenie funkcji wedlug wzoru:

$$f(x) \approx f(x_n) + f'(x_n)(x - x_n)$$

Nastepnie wyznaczamy kolejne punkty iteracji poprzez przyrownanie do zera otrzymanej aproksymacji:

$$f(x_n) + f'(x_n)(x_{n+1} - x_n) = 0$$

Prowadzi to do zalezności iteracyjnej danej nastepujacym wzorem:

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$$

Metoda Newtona jest zbiezna jedynie lokalnie, poniewaz wyznaczajac styczna do wykresu w danym punkcie mozemy w przypadku ujemnego znaku pochodnej dojsc do rozbieznosci. Dla przypadkow pochodnej wiekszej od zera metoda jest zbiezna kwadratowo. Rzad zbieznosci wynosi 2.

1.4.2 Realizacja w programie Matlab

Listing 3: Implementacja metody Newtona

```
% Funkcja wyznaczajaca punkty zerowe funkcji metoda Newtona
%
IN:
% a0 - lewa strona zakresu
% fun - funkcja
% iter - maksymalna liczba iteracji
%
OUT:
% solution - wyznaczone miejsce zerowe
function solution = md_newton(fun, a0, iter)
x0 = a0;
for k = 1:iter
```

```
[fold , fpold] = feval(fun,x0);
dx = fold / fpold;
x0 = x0 - dx;
fprintf('%3duuuuuuu\%12.10fuuuuu\%12.16fuuuu\%12.3eu\n',k,dx,x0,fold);
if(fold == 0)
    return
end
%dodatkowy warunek zatrzumania
    if fold==0
        solution = x0;
        break;
end
end
```

1.5 Analiza danych wejsciowych

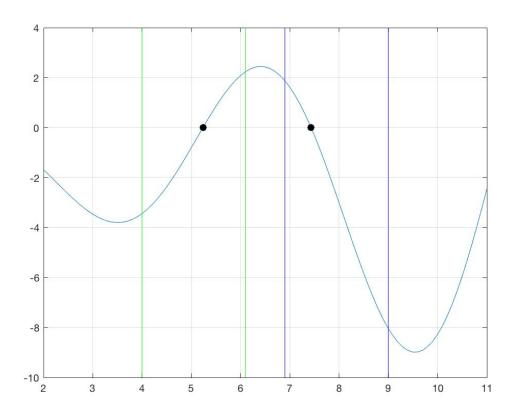
W celu wyznaczenia przedzialow izolacji miejsc zerowych został wykorzystany algorytm opisany w skrypcie prof. Tatjewskiego. Wstepna analiza danych rozpoczyna sie od wygenerowania wykresu funkcji w danym przedziale i na tej podstawie wyboru przedzialu startowego dla algorytmu. Nastepnie w podanym przedziale w petli badany jest znak iloczynu funkcji w punktach granicznych. Jezeli jest on ujemny, oznacza to wystepowanie miejsca zerowego w danym przedziale. Jezeli nie, to przedzial jest rozszerzany do momentu przekroczenia przedzialu danego w zadaniu. Ponizej wykres funkcji z zaznaczonymi przedzialami izolacji wyznaczonymi przez algorytm.

1.5.1 Realizacja w programie Matlab

Listing 4: Skrypt rozwiazujacy zadanie nr 1

```
% zadanie nr 1

clear;
x = 2 : 0.1 : 11;
plot(x, md_fun_1(x))
grid on
axis([2 11 -10 4])
hold on
plot([4 4], [-10 4], 'g-');
plot([6.1 6.1], [-10 4], 'g-');
plot([6.9 6.9], [-10 4], 'b-');
```



```
bisection('md_fun_1',a,b,100);
                  secant('md_fun_1',a,b,100);
                  newton('md_fun_1',a,100);
                  x1 = 8;
                  x2 = 9;
                  break;
            \mathbf{elseif} \ \mathbf{abs} (\mathrm{md\_fun\_1}(\mathrm{x1})) \! < \! \mathbf{abs} (\mathrm{md\_fun\_1}(\mathrm{x2}))
                  x1 = x1+1.1*(x1-x2);
            else
                  x2 = x2+1.1*(x2-x1);
            \mathbf{end}
            \%wyjscie\ z\ petli\ po\ przekroczeniu\ przedzialu
            if(x1>11)&&(x2<(2))
                  break;
            \quad \text{end} \quad
      \quad \text{end} \quad
end
```

1.6 Rozwiazanie

1.6.1 Metoda bisekcji

Pierwsze miejsce zerowe				
nr	przedzial	rozwiazanie	wartosc	
1	[4.0000000000; 6.1000000000]	5.049999999999999	-6.291e-01	
2	[5.0500000000; 6.1000000000]	5.574999999999999	1.081e+00	
3	[5.0500000000; 5.5750000000]	5.31250000000000000	2.576e-01	
4	[5.0500000000; 5.3125000000]	5.18125000000000004	-1.826e-01	
5	[5.1812500000; 5.3125000000]	5.24687500000000002	3.884e-02	
6	[5.1812500000;5.2468750000]	5.21406250000000007	-7.163e-02	
7	[5.2140625000;5.2468750000]	5.23046875000000000	-1.631e-02	
8	[5.2304687500;5.2468750000]	5.2386718749999996	1.129e-02	
9	[5.2304687500;5.2386718750]	5.2345703124999998	-2.510e-03	
10	[5.2345703125;5.2386718750]	5.2366210937499993	4.389e-03	
11	[5.2345703125;5.2366210937]	5.2355957031250000	9.399e-04	
12	[5.2345703125; 5.2355957031]	5.2350830078125004	-7.849e-04	
13	[5.2350830078; 5.2355957031]	5.2353393554687502	7.752e-05	
14	[5.2350830078; 5.2353393555]	5.2352111816406257	-3.537e-04	
15	[5.2352111816; 5.2353393555]	5.2352752685546875	-1.381e-04	
16	[5.2352752686; 5.2353393555]	5.2353073120117184	-3.028e-05	
17	[5.2353073120; 5.2353393555]	5.2353233337402347	2.362e-05	
18	[5.2353073120;5.2353233337]	5.2353153228759766	-3.331e-06	
19	[5.2353153229;5.2353233337]	5.2353193283081056	1.014e-05	
20	[5.2353153229; 5.2353193283]	5.2353173255920407	3.407e-06	
21	[5.2353153229; 5.2353173256]	5.2353163242340086	3.808e-08	
22	[5.2353153229; 5.2353163242]	5.2353158235549930	-1.646e-06	
23	[5.2353158236; 5.2353163242]	5.2353160738945004	-8.041e-07	
24	[5.2353160739; 5.2353163242]	5.2353161990642541	-3.830e-07	
25	[5.2353161991;5.2353163242]	5.2353162616491318	-1.725e-07	
26	[5.2353162616; 5.2353163242]	5.2353162929415706	-6.719e-08	
27	[5.2353162929; 5.2353163242]	5.2353163085877892	-1.455e-08	
28	[5.2353163086; 5.2353163242]	5.2353163164108985	1.176e-08	
29	[5.2353163086;5.2353163164]	5.2353163124993438	-1.395e-09	
30	[5.2353163125;5.2353163164]	5.2353163144551207	5.184e-09	
31	[5.2353163125;5.2353163145]	5.2353163134772327	1.894e-09	
32	[5.2353163125;5.2353163135]	5.2353163129882887	2.495e-10	
33	[5.2353163125;5.2353163130]	5.2353163127438158	-5.729e-10	
34	[5.2353163127;5.2353163130]	5.2353163128660523	-1.617e-10	
35	[5.2353163129;5.2353163130]	5.2353163129271705	4.393e-11	
36	[5.2353163129;5.2353163129]	5.2353163128966109	-5.887e-11	
37	[5.2353163129;5.2353163129]	5.2353163129118911	-7.469e-12	
38	$[5.2353163129; 5.2353163129]_{\mathfrak{S}}$	7	1.823e-11	
39	[5.2353163129;5.2353163129]	5.2353163129157112	5.382e-12	
40	[5.2353163129;5.2353163129]	5.2353163129138007	-1.045e-12	

Drugie miejsce zerowe					
nr	przedzial	rozwiazanie			
1	[6.900000000;9.00000000000]	7.950000000000000000	-2.725e+00		
2	[6.9000000000; 7.95000000000]	7.42500000000000007	3.067e-02		
3	[7.4250000000;7.95000000000]	7.68750000000000000	-1.270e+00		
4	[7.4250000000;7.6875000000]	7.55625000000000004	-5.950e-01		
5	[7.4250000000;7.5562500000]	7.49062500000000005	-2.754e-01		
6	[7.4250000000;7.4906250000]	7.4578125000000011	-1.206e-01		
7	[7.4250000000;7.4578125000]	7.4414062500000009	-4.450e-02		
8	[7.4250000000;7.4414062500]	7.4332031250000004	-6.802e-03		
9	[7.4250000000;7.4332031250]	7.4291015625000005	1.196e-02		
10	[7.4291015625;7.4332031250]	7.4311523437500000	2.587e-03		
11	[7.4311523438;7.4332031250]	7.4321777343750002	-2.106e-03		
12	[7.4311523438;7.4321777344]	7.4316650390624996	2.413e-04		
13	[7.4316650391;7.4321777344]	7.4319213867187504	-9.320e-04		
14	[7.4316650391;7.4319213867]	7.4317932128906250	-3.453e-04		
15	[7.4316650391;7.4317932129]	7.43173921259765623	-5.200e-05		
16	[7.4316650391;7.4317291260]	7.4316970825195305	9.466e-05		
17	[7.4316970825;7.4317291260]	7.4317131042480469	2.133e-05		
18	[7.4317131042;7.4317291260]	7.4317131042480409	-1.533e-05		
19	[7.4317131042;7.4317231200]	7.4317211191123030	3.001e-06		
20	[7.4317171097;7.4317211151]	7.4317171090801700	-6.165e-06		
$\frac{20}{21}$	[7.4317171097;7.4317211131]	7.4317191123902409	-0.103e-00 -1.582e-06		
$\frac{21}{22}$	[7.4317171097;7.4317191124]	7.43171761110382080	7.095e-07		
23	[7.4317176104;7.4317181110]	7.4317170103391913	-4.363e-07		
23	[7.4317176104;7.4317178607]	7.4317176000980998	1.366e-07		
$\frac{24}{25}$	[7.4317170104;7.4317178007]	7.4317177353289432	-1.499e-07		
26	[7.4317177355;7.4317178007]	7.4317177961136229	-6.633e-09		
	,	7.4317177008213841	6.498e-08		
27	[7.4317177355;7.4317177668]	7.4317177511751040	0.498e-08 2.917e-08		
28 29	[7.4317177512;7.4317177668] [7.4317177590;7.4317177668]		2.917e-08 1.127e-08		
	, ,	7.4317177629098294			
30	[7.4317177629;7.4317177668]	7.4317177648656063	2.319e-09 -2.157e-09		
31	[7.4317177649;7.4317177668]	7.4317177658434952			
32	[7.4317177649;7.4317177658]	7.4317177653545503	8.063e-11		
33	[7.4317177654;7.4317177658] [7.4317177654;7.4317177656]	7.4317177655990232 7.4317177654767868	-1.038e-09 -4.788e-10		
34	, ,				
35	[7.4317177654;7.4317177655]	7.4317177654156685	-1.991e-10		
36	[7.4317177654;7.4317177654]	7.4317177653851090	-5.924e-11		
37	[7.4317177654;7.4317177654]	7.4317177653698296	1.070e-11 -2.427e-11		
38	[7.4317177654;7.4317177654]	7.4317177653774689			
39	[7.4317177654;7.4317177654]	7.4317177653736497	-6.789e-12		
40	[7.4317177654;7.4317177654]	7.4317177653717401	1.952e-12		
41	[7.4317177654;7.4317177654]		-2.419e-12		
42	[7.4317177654;7.4317177654]	7.4317177653722180	-2.354e-13		
43	[7.4317177654;7.4317177654]	7.4317177653719790	8.584e-13		
44	[7.4317177654;7.4317177654]	7.4317177653720989	3.091e-13		
45	[7.4317177654;7.4317177654]	7.4317177653721584	3.642e-14		
46 47	[7.4317177654;7.4317177654]	7.4317177653721878	-9.726e-14 -3.242e-14		
	[7.4317177654;7.4317177654]	7.4317177653721735	$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$		
48	[7.4317177654;7.4317177654]	7.4317177653721664	u.uuue+uu		

1.6.2 Metoda siecznych

	Pierwsze miejsce zerowe				
nr	przedzial	rozwiazanie	wartosc		
1	[6.1000000000;5.2721231045]	5.2721231045481129	2.238e+00		
2	[5.2721231045;5.2238264588]	5.2238264587735248	1.234e-01		
3	[5.2238264588; 5.2353558422]	5.2353558421649877	-3.869e-02		
4	[5.2353558422;5.2353163517]	5.2353163517211909	1.330e-04		
5	[5.2353163517;5.2353163129]	5.2353163129139766	1.306e-07		
6	[5.2353163129;5.2353163129]	5.2353163129141116	-4.534e-13		
7	[5.2353163129;5.2353163129]	5.2353163129141116	8.882e-16		

	Drugie miejsce zerowe				
nr	przedzial	rozwiazanie	wartosc		
1	[9.0000000000;7.2966891015]	7.2966891015391813	-8.043e+00		
2	[7.2966891015;7.4122825051]	7.4122825051309968	5.855e-01		
3	[7.4122825051;7.4328117423]	7.4328117422994682	8.831e-02		
4	[7.4328117423; 7.4317097704]	7.4317097703803334	-5.009e-03		
5	[7.4317097704;7.4317177621]	7.4317177621310275	3.659 e-05		
6	[7.4317177621; 7.4317177654]	7.4317177653721762	1.483e-08		
7	[7.4317177654;7.4317177654]	7.4317177653721664	-4.396e-14		
8	[7.4317177654;7.4317177654]	7.4317177653721664	0.000e+00		

1.6.3 Metoda Newtona

Pierwsze miejsce zerowe			
nr	przedzial	rozwiazanie	wartosc
1	2.291e+01	-1.891e+01	-3.440e+00
2	-2.907e+02	2.718e + 02	-1.610e+01
3	6.998e + 52	-6.998e + 52	8.442e + 25
4	Inf	-Inf	-Inf
5	NaN	NaN	NaN
6	NaN	NaN	NaN

	Drugie miejsce zerowe				
nr	przedzial	rozwiazanie	wartosc		
1	-10.6337977481	17.5337977481481566	1.873e + 00		
2	-5.4087425453	22.9425402934045692	1.768e-01		
3	457.6247656451	-434.6822253516609180	-1.250e+01		
4	-94071.6545455790	93636.9723202273016796	-1.325e+02		
5	NaN	NaN	Inf		
6	NaN	NaN	NaN		
7	NaN	NaN	NaN		
8	NaN	NaN	NaN		

1.7 Wnioski

Dzieki graficznej analizie wykresu funkcji w prosty sposob mozemy wyznaczyc otoczenie miejsc zerowych i zachowanie funkcji. Zauwazylem, ze funkcja posiada dwa miejsca zerowe. Wyznaczylem wiec przedziały "badania"miejsc zerowych za pomoca algorytmu przedstawionego w ksiazce prof. Piotra Tatjewskiego.

Jak wynika z otrzymanych rezultatow metoda bisekcji w obu przypadkach potrzebowala stosunkowo duzej ilosci iteracji (okolo 50), aby osiagac zadana dokladnosc. Jej zaletami jest niewrazliwosc na szczegolne zachowania funkcji wiec mimo slabej zbieznosci nadaje sie do wyznaczania miejsc zerowych funkcji ktorych przebiegu nie znamy w celu zabezpieczenia przez niezbieznoscia.

Metoda siecznych potrzebowala okolo 8 iteracji aby dojsc do wyniku. W przypadku badanej funkcji metoda ta okazala sie najlepsza. O wiele szybsza niz metoda bisekcji oraz zbiezna dla podanej funkcji. Wynika to z wiekszego wspolczynnika zbieznosci Niestety dla innych funkcji np. gdy ieczna przetnie wykres funkcji w wiekszej ilosci miejsc niz 2 razy moze okazac sie niezbiezna.

Metoda Newtona zupelnie zawiodla w moim rozwiazaniu. Rozpatrywany przedzial zawieral fragment funkcji z ujemna pochodna. Metoda okazala sie rozbiezna. Teorytycznie metoda ta powinna okazac sie najszybsza, poniewaz ma najwyzszy wspolczynnik zbiezności.

2 Zadanie II

2.1 Tresc zadania

Uzywajac metody Mullera MM1, prosze znalezc wszystkie pierwiastki rzeczywiste i zespolone wielomianu

$$f(x) = a_4 x^4 + a_3 x^3 + a_2 x^2 + a_1 x + a_0, \begin{bmatrix} a_4 & a_3 & a_2 & a_1 & a_0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -7 & -4 & 2 & 9 \end{bmatrix}$$

2.2 Opis teorytyczny

Metoda Mullera : Powyzsze metody szukania zer funkcji jak najbardziej spelniaja swoje zadanie, lecz dzieki nim nie znajdziemy pierwiastkow zespolonych. Polecana metoda do znalezienia wszystkich pierwiastkow jest metoda Mullera zbiezna lokalnie. MM1 Pierwsza metoda Mullera polega na aproksymacji funkcji w otoczeniu rozwiazania funkcja kwadratowa. Moze byc traktowana jako uogolnienie metody siecznych, gdyz zamiast interpolacji funkcja liniowa w dwoch punktach interpolujemy funkcja kwadratowa w trzech. Wezmy trzy punkty x0, x1 i x2 oraz wartosci funkcji w tych punktach. Istnieje dokladnie jedna funkcja kwadratowa przechodzaca przez te trzy wartosci f(x0), f(x1) i f(x2). Metoda polega na znajdowaniu pierwiastkow funkcji kwadrtatowej i potraktowaniu jednego z nich jako kolejnego przyblizonego pierwiastka wyjsciowej funkcji. Na przyklad mamy dwa pierwiastki w czwartej iteracji x4.1, x4.2 to wybieramy ten, ktory lezy blizej poprzedniego przyblizenia i tak dalej.

2.3 Rozwiazanie

Listing 5: Implementacja funkcji MM1

```
% implementacja algorytmu Mullera MM1
% Funkcja zwraca rozwiazanie oraz
% macierz wartości i punktow
function [x,mm] = MM1(fun,x0,x1,x2,pre)
  i = 1;
  x = 100;
  counter = 0;
  while abs(feval(fun, x))>pre
       counter = counter +1;
    z0 = x0 - x2;
    z1=x1-x2:
    c=feval(fun, x2); % Rozwiazujemy uklad rownan liniowych
% by otrzymac wszystkie wspołczynniki paraboli
    A = [z0^2, z0; z1^2, z1];
    B=[\mathbf{feval}(fun, x0)-c; \mathbf{feval}(fun, x1)-c];
    r=A\setminus B;
    a=r(1);
    b=r(2);
    % Wybor warunka minimalnego dla z
    if abs(b+sqrt(b.^2-4*a*c))>=abs(b-sqrt(b.^2-4*a*c))
      zmin = ((-2)*c)/(b+sqrt(b.^2-4*a*c));
    else
```

```
zmin = ((-2)*c)/(b-sqrt(b.^2-4*a*c));
    \% obliczenie szukanego pierwiastka x
    x=x2+zmin;
    mm(i,1) = x;
    mm(i,2) = feval(fun,x);
    \%szukamy najbliszego pierwiastka
    %ktory jest oddalony od x
    p0=abs(x-x0);
    p1=abs(x-x1);
    p2=abs(x-x2);
    if p0>p1 %gdy x0 jest dalej
      m=x1;
      x1=x0;
      x0=m;
    end
    if p1>p2 %gdy x1 jest dalej niz x2
    m=x2;
    x2=x1;
    x1=m;
    end
    x2=x;
    if isnan(c)
      break;
    end
    i = i +1;
  \mathbf{end}
  counter
\mathbf{end}
                  Listing 6: Skrypt rozwiazujacy zadanie nr 2
%skrypt generujacy wyniki do zadania 2
clear;
x = -10: .1 : 20;
plot(x, md_fun_2(x))
grid on
\% \ axis([-5 \ 2 \ -100 \ 50])
hold on
plot (1.0420, 0, '.', 'MarkerSize', 24, 'MarkerEdge', 'k');
plot (7.4776, 0, '.', 'MarkerSize', 24, 'MarkerEdge', 'k');
n = 100;
```

```
x1 = -8;
x2 = -7;
% x1 = 4
% x2=5
% algorytmiczne wyznaczanie przedzialow izolacji
for k=1:10
     for j=1:n
          if md_fun_1(x1)*md_fun_1(x2)<0
              a = x1;
              b = x2;
               \mathbf{fprintf}(\ 'Wyniki \sqcup dla \sqcup \%d \sqcup miejsca \sqcup zerowego \sqcup w \sqcup przedziale \sqcup [\%d,\%d] \setminus n',k,a
              md_MM1(\ 'md_fun_2', x1, (x1+x2)/2, x2, 0.001)
              x1 = x1+1;
              x2 = x2 +2;
              break;
          elseif abs(md_fun_1(x1)) < abs(md_fun_1(x2))
              x1 = x1+1.1*(x1-x2);
          else
              x2 = x2+1.1*(x2-x1);
         end
         \%wyjscie z petli po przekroczeniu przedzialu
          if (x1>11)&&(x2<(2))
              break;
         end
     end
end
```

2.4 Wyniki

	Wyniki			
nr	cz. rzeczywista	cz. urojona		
1	1.0420	0i		
2	7.4776	0i		
3	-0.75982	0.76009i		
4	-0.75982	-0.76009i		

2.5 Wnioski

Metoda Mullera dla wielomianu danego w zadaniu okazala sie bardzo skuteczna. Dzieki aproksymacji kwadratowej metoda zawsze zbiegala do blizszego od wierzcholka paraboli zera, co uniemozliwilo pominiecie rozwiazania podczas badania kolejnych przedzialow. Jezeli chodzi o pierwiastki zespolone spelniaja one warunek wzajemnego sprzezenia. Wszyst-

kich rozwiazan wyszlo tyle ile wynosi stopien wielomianu co rowniez jest zgodne z teoria.