

# **Лекция 10: искусственные нейронные сети**

Евгений Борисов

четверг, 22 ноября 2018 г.

# Нейросети

## **нейронные сети**

- вычислительная нейробиология

цель: моделировать процессы в живых организмах

- теория искусственных нейронных сетей

цель: построить искусственную интеллектуальную систему

# Нейросети

нервная клетка

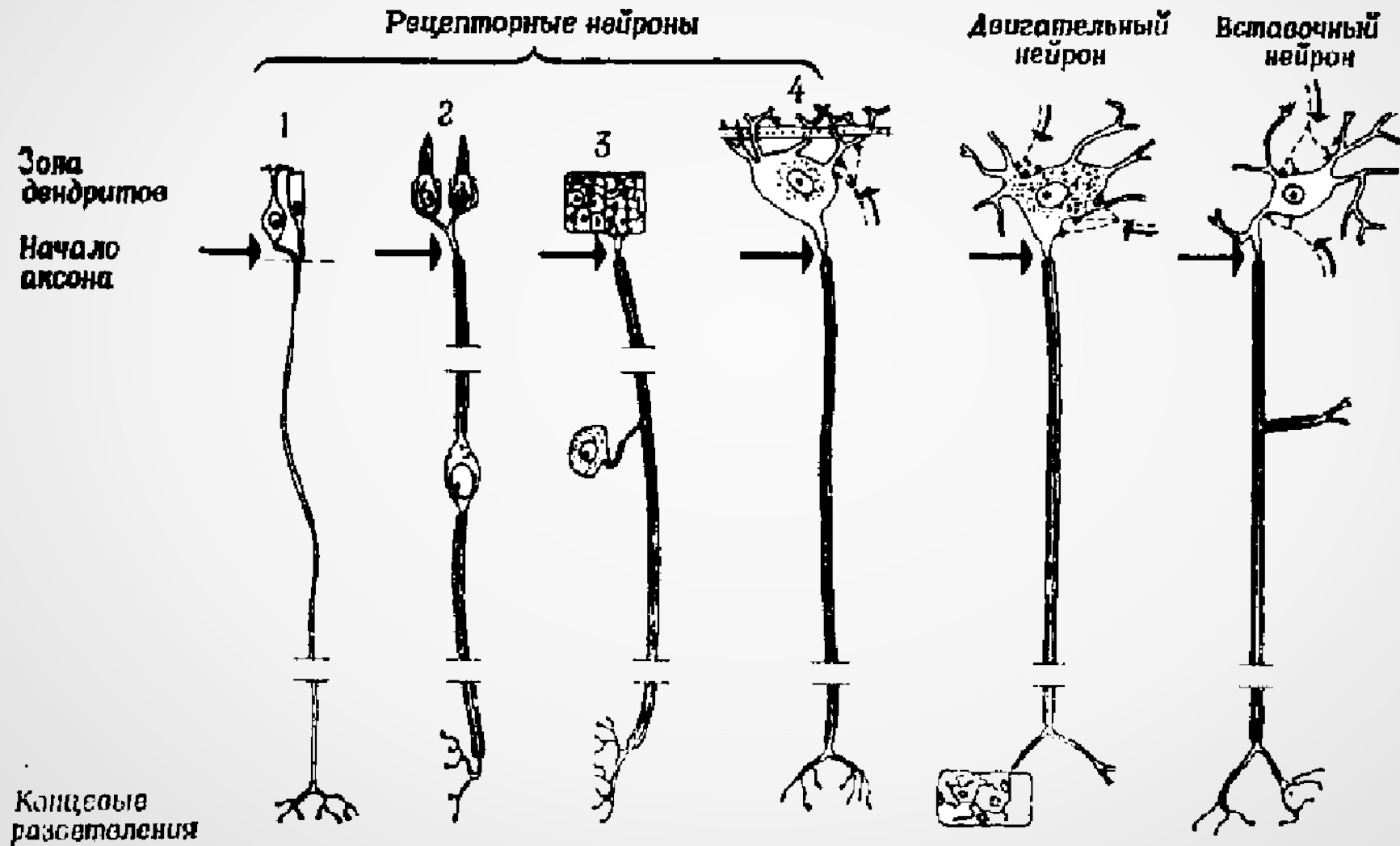
дендриты



аксон

# Нейросети

различные типы нервных клеток



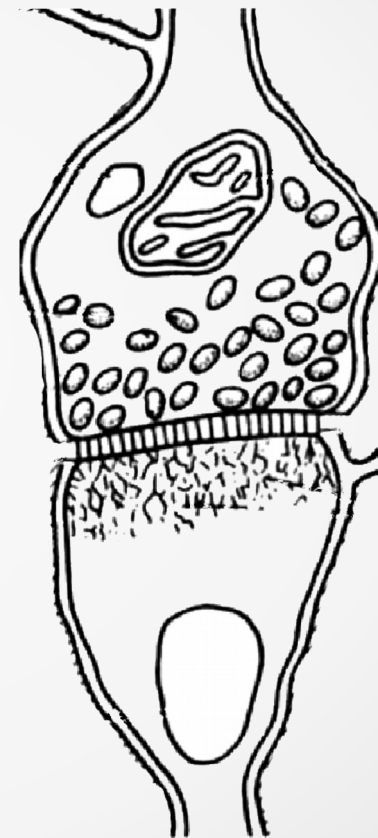
# Нейросети

**синапс** - межнейронные соединения

ширина зазора ~50нм

односторонняя передача сигнала

вещество-нейромедиатор передаёт  
сигнал химическим способом



# Нейросети

нервный импульс - электрохимическая реакция

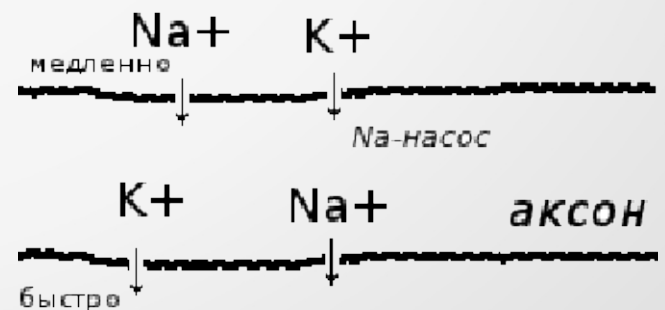
мембранная теория

разница потенциалов на клеточной мембране  $\sim 60\text{мВ}$

при стимуляции разряжается, выбрасывает нейромедиатор

изменяемая проницаемость мембраны

проникновение ионов  $\text{Na}^+$   $\text{K}^+$  через мембрану  
с разной скоростью образует разницу потенциалов



# Нейросети

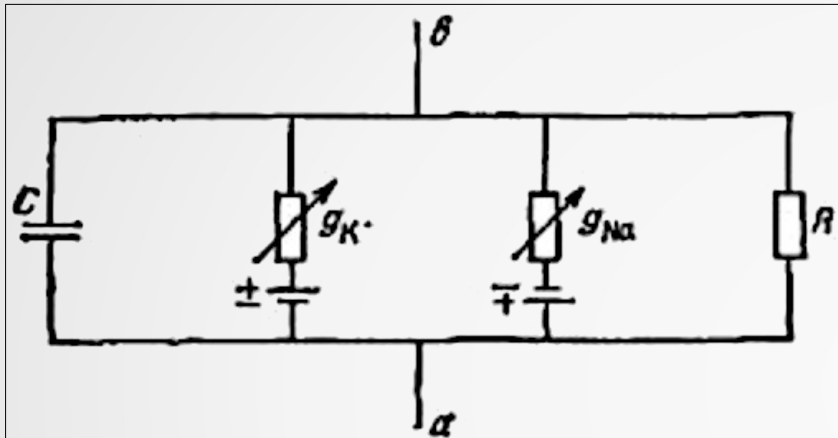
## **модель Ходжкина-Хаксли**

Hodgkin, A., and Huxley, A. Currents carried by sodium and potassium ions through the membrane of the giant axon of loligo. - J. Physiol. (1952) 116, 449-472

Laboratory of the Marine Biological Association, Plymouth  
Physiological Laboratory, University of Cambridge

# Нейросети

**модель Ходжкина-Хаксли** изменение проницаемости при сдвиге потенциала на мембране нервной клетки



эквивалентная схема мембраны аксона кальмара

в - внешняя среда (вода)

а - внутренняя среда (аксоплазма)

параллельно включенные

- емкость  $C$

- два элемента-источника тока

- переменные сопротивления

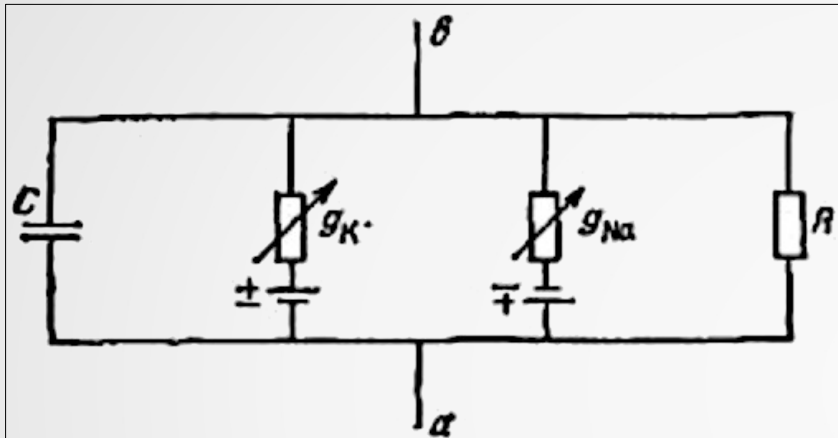
определяются калиевой  $g_K$  и  $g_{Na}$

натриевой проводимостями



# Нейросети

**модель Ходжкина-Хаксли** изменение проницаемости при сдвиге потенциала на мембране нервной клетки



эквивалентная схема мембраны аксона кальмара

в - внешняя среда (вода)  
а - внутренняя среда (аксоплазма)

параллельно включенные  
- емкость  $C$   
- два элемента-источника тока  
- переменные сопротивления  
определяются калиевой  $g_K$  и  $g_{Na}$   
натриевой проводимостями

$$C \frac{dV}{dt} = g_K (V - V_K) + g_{Na} (V - V_{Na}) + I(t),$$

$$g_K = g_{K \max} \cdot n^4,$$

$$g_{Na} = g_{Na \max} \cdot m^3 h,$$

$$\frac{dn}{dt} = \alpha_n (1 - n) - \beta_n \cdot n,$$

$$\frac{dm}{dt} = \alpha_m (1 - m) - \beta_m \cdot m,$$

$$\frac{dh}{dt} = \alpha_h (1 - h) - \beta_h \cdot h,$$

$$\alpha_n = \frac{0,01 (V - 10)}{1 - e^{(10-V)/10}}, \quad \beta_n = 0,125 e^{-V/80},$$

$$\alpha_m = \frac{0,1 (V - 25)}{1 - e^{(25-V)/10}}, \quad \beta_m = 4 e^{-V/18},$$

$$\alpha_h = 0,7 e^{-V/20}, \quad \beta_h = \frac{1}{1 + e^{(30-V)/10}}.$$

# Нейросети

## **Импульсная нейронная сеть**

Pulsed neural networks, PNN

Спайковая нейронная сеть

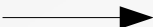
Spiking neural network, SNN

сеть получает на входы серию импульсов  
и выдаёт импульсы на выходе.

параметры связей импульсного нейрона  
- время задержки и величина веса

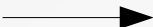
# Нейросети

про историю авиации ...



# Нейросети

про историю авиации ...



Николай Егорович  
Жуковский





# Нейросети

про историю авиации ...



Николай Егорович  
Жуковский



не копировать  
но использовать идею

# Нейросети

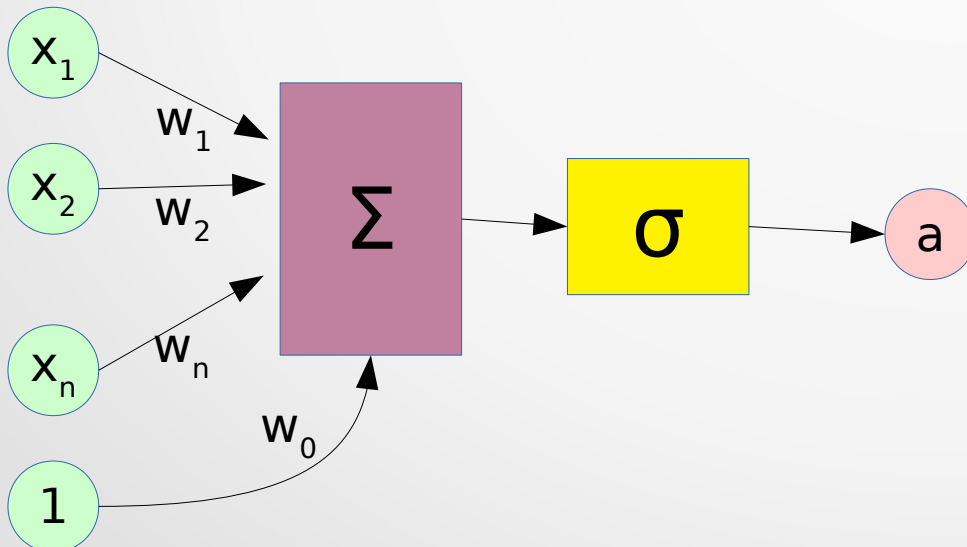
## модель МакКаллока-Питтса (1943)

$$a(x, w) = \sigma \left( \sum_{i=1}^n x_i \cdot w_i - w_0 \right) = \sigma(\langle x, w \rangle)$$

$x_i$  - ВХОД

$w_i$  - ВЕС СВЯЗИ

$\sigma$  - функция активации

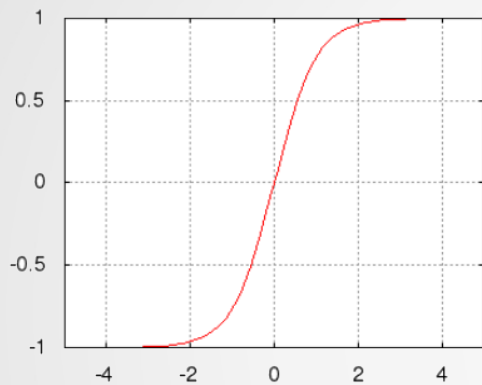


состояние нейрона

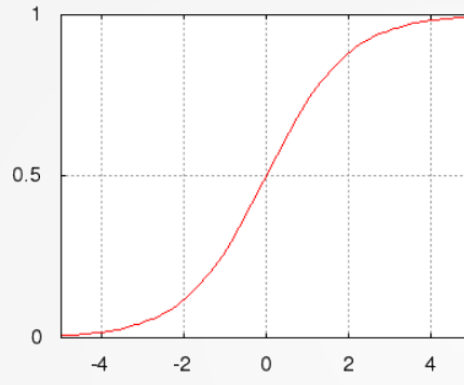
$$s(x, w) = \sum_{i=1}^n x_i \cdot w_i - w_0$$

# Нейросети

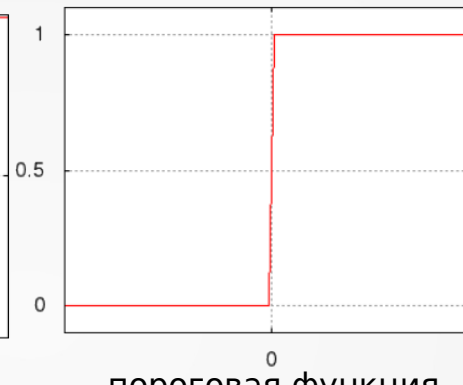
примеры функций активации



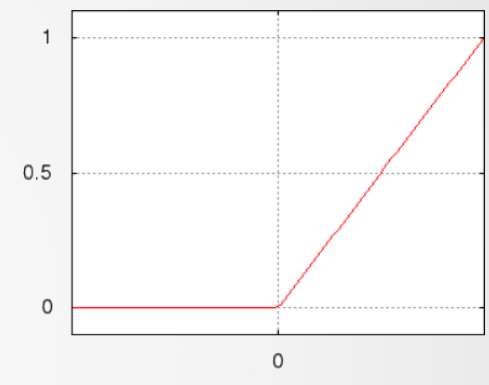
биполярный сигмоид



экспоненциальный сигмоид



пороговая функция



кусочно-линейная ReLU

softmax (экспоненциальная нормализация)  
выходного слоя

$$(y_1, \dots, y_m) = \text{softmax}(s_1, \dots, s_m) = \frac{\exp(s)}{\sum_j \exp(s_j)}$$

стохастическая, выход нейрона  
с вероятностью  $p$  равен 1  
и  $(1-p)$  равен 0

$$p = \frac{1}{1 + \exp(-s)}$$

# Нейросети

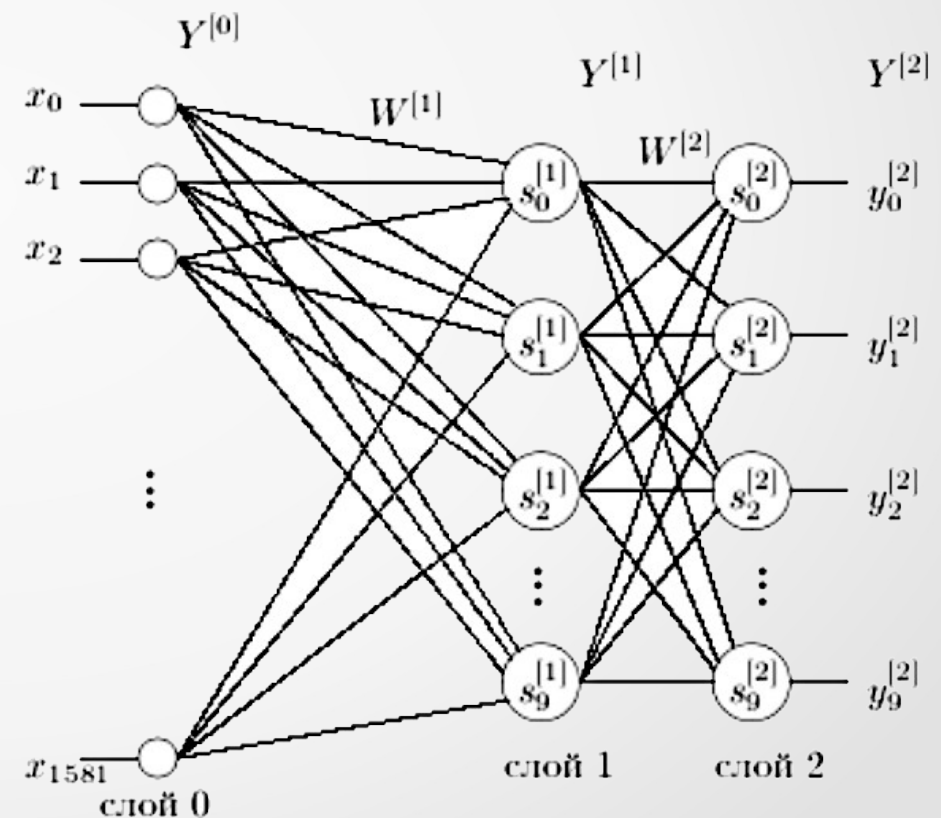
## **коннекционизм** -

модель ИИ из связанных между собой простых элементов

## **многослойная сеть прямого распространения**

нейроны объединены в слои

сигнал распространяется послойно





# Нейросети

## коннекционизм -

модель ИИ из связанных между собой простых элементов

## многослойная сеть прямого распространения

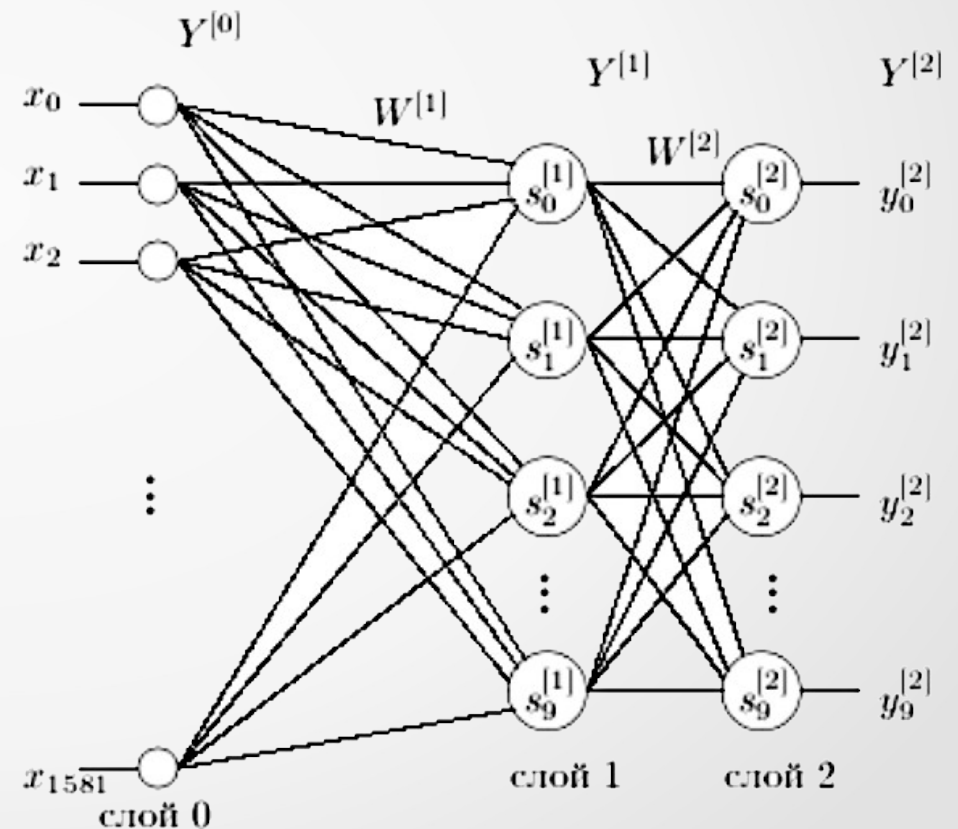
нейроны объединены в слои

сигнал распространяется послойно

входной распределительный слой

обрабатывающие скрытые слои

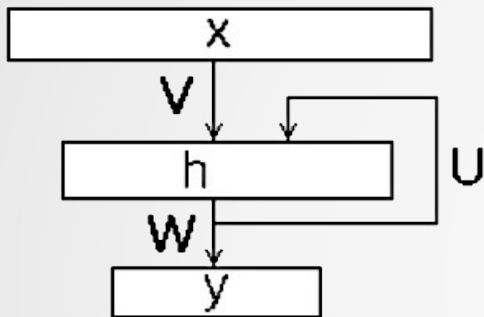
обрабатывающий выходной слой



# Нейросети

## другие типы моделей нейросетей

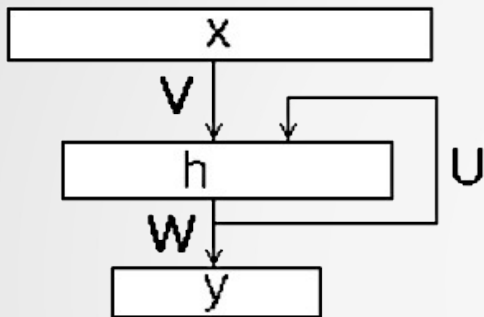
рекуррентные - Элман, LSTM



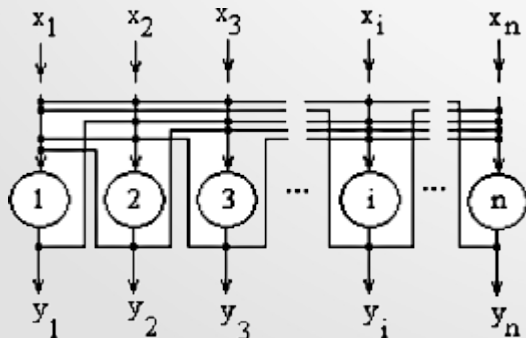
# Нейросети

## другие типы моделей нейросетей

рекуррентные - Элман, LSTM



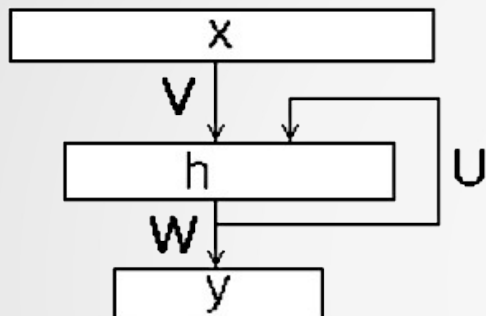
релаксационные - Хопфилд



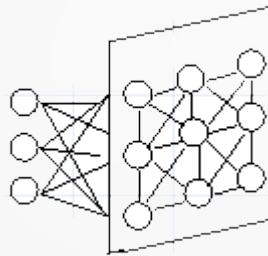
# Нейросети

## другие типы моделей нейросетей

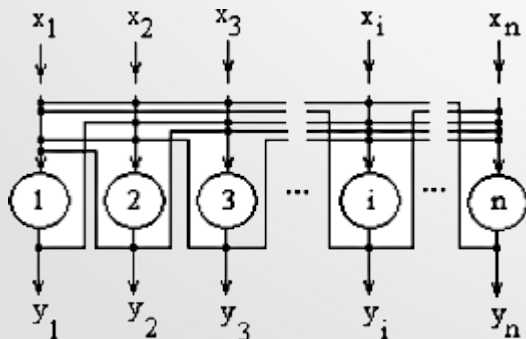
рекуррентные - Элман, LSTM



соревновательные - Кохонен



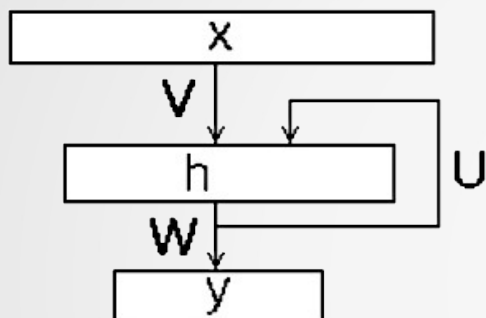
релаксационные - Хопфилд



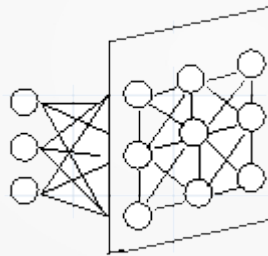
# Нейросети

## другие типы моделей нейросетей

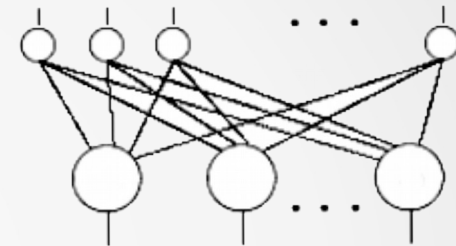
рекуррентные - Элман, LSTM



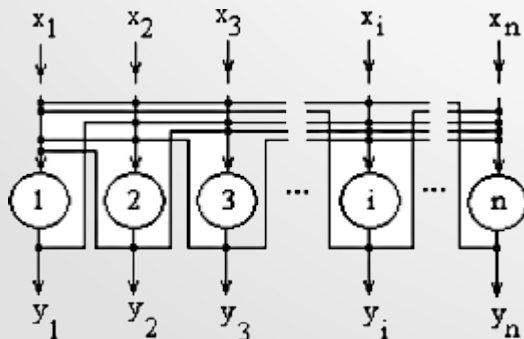
соревновательные - Кохонен



двунаправленные - Коско



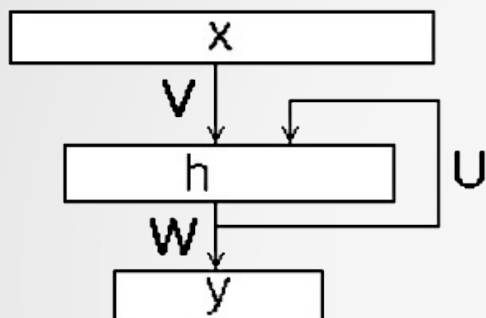
релаксационные - Хопфилд



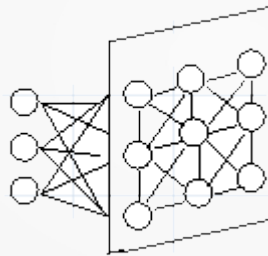
# Нейросети

## другие типы моделей нейросетей

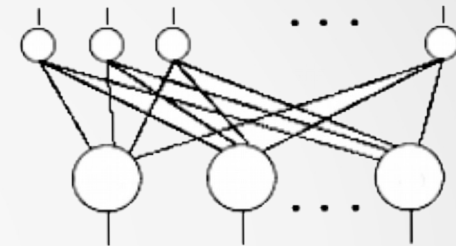
рекуррентные - Элман, LSTM



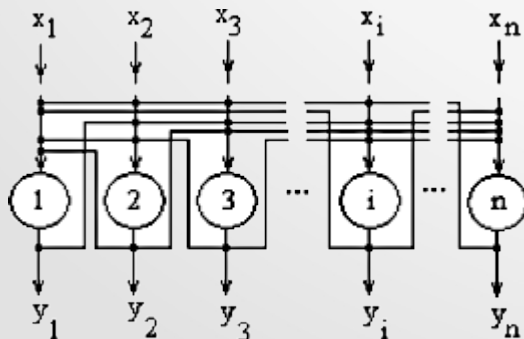
соревновательные - Кохонен



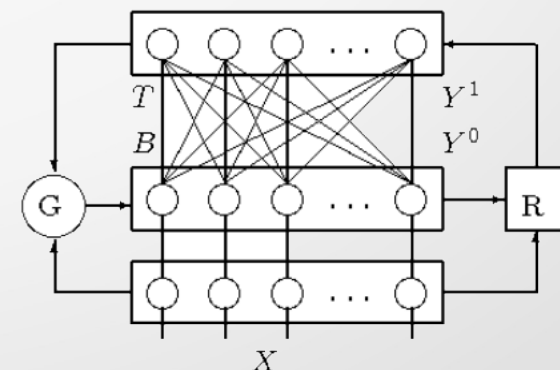
двунаправленные - Коско



релаксационные - Хопфилд



адаптивный резонанс - Гроссберг



# Нейросети

## Теоретическое обоснование моделей ИНС

Колмогоров А.Н. О представлении непрерывных функций нескольких переменных в виде суперпозиций непрерывных функций одного переменного и сложения // Докл. АН СССР, том 114, с. 953-956, 1957.

Арнольд В.И. О функциях трех переменных // Докл. АН СССР, том 114, N 4, 1957.

Hecht-Nielsen R. Kolmogorov's Mapping Neural Network Existence Theorem // IEEE First Annual Int. Conf. on Neural Networks, San Diego, 1987, Vol. 3, pp. 11-13.

# Нейросети

## **о количестве слоёв**

один обрабатывающий слой - гиперплоскость (линейный классификатор)

два обрабатывающих слоя - выпуклая разделяющая поверхность

три обрабатывающих слоя - поверхность любой формы



# Нейросети

## **о количестве слоёв**

один обрабатывающий слой - гиперплоскость (линейный классификатор)

два обрабатывающих слоя - выпуклая разделяющая поверхность

три обрабатывающих слоя - поверхность любой формы

многослойная нейросеть с линейной функцией активации  
эквивалентна однослойной

# Нейросети

## о количестве слоёв

один обрабатывающий слой - гиперплоскость (линейный классификатор)

два обрабатывающих слоя - выпуклая разделяющая поверхность

три обрабатывающих слоя - поверхность любой формы

многослойная нейросеть с линейной функцией активации  
эквивалентна однослойной

$$Y = a(a(a(X \cdot W_1) \cdot W_2) \dots W_n)$$

$$Y = X \cdot W_1 \cdot W_2 \dots W_n = X \cdot (W_1 \cdot W_2 \dots W_n) = X \cdot W$$

# Нейросети

## обучение многослойных сетей

$h: X \times W \rightarrow Y$  классификатор (X вход, W параметры, Y ответ)

$E: Y \times C \rightarrow \mathbb{R}$  функция потерь (Y ответ, C класс )

обучение классификатора как задача оптимизации

$$E(h(X, W), C) \rightarrow \min_W$$

# Нейросети

## **примеры функций потерь**

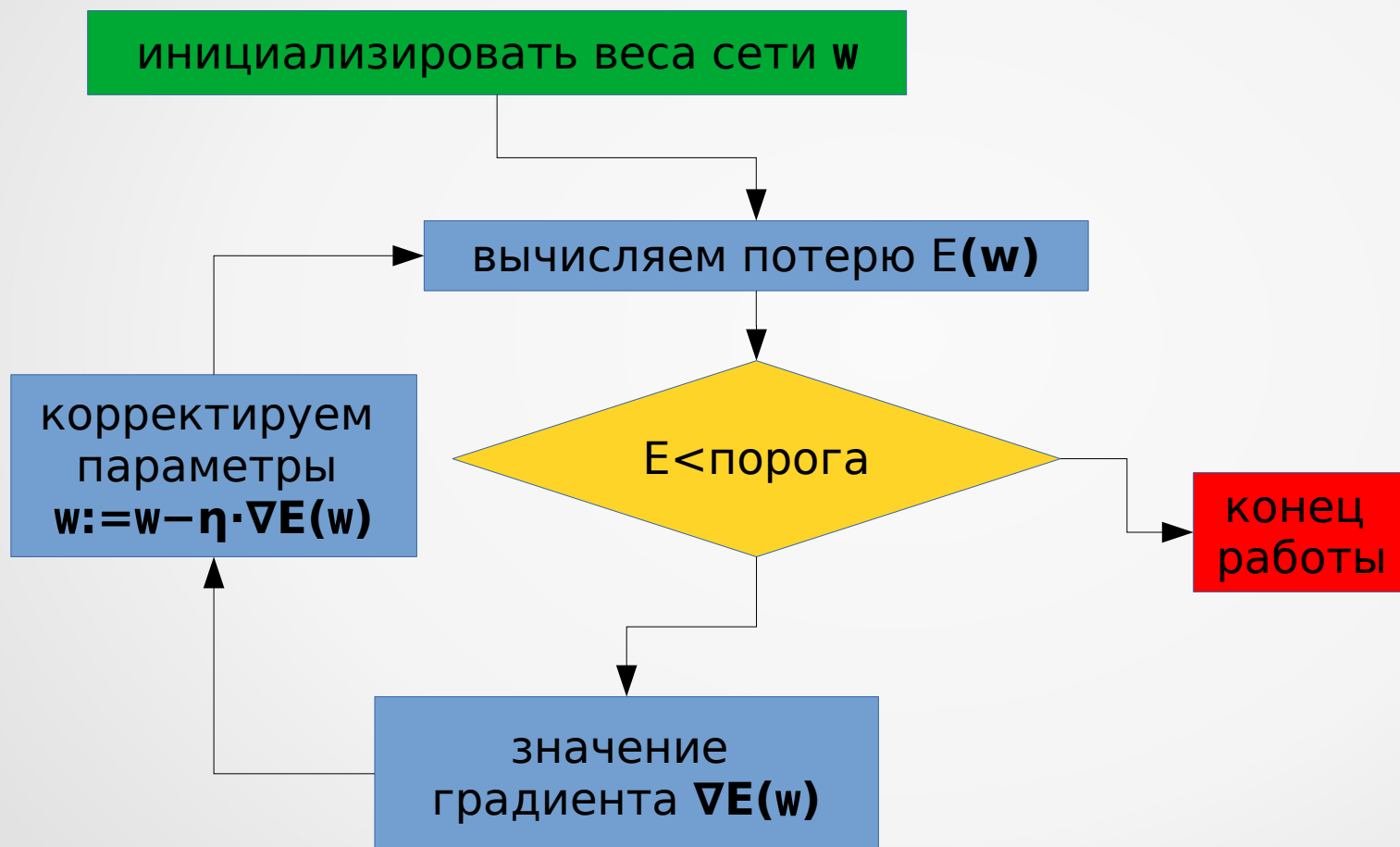
MSQE среднеквадратичное отклонение

Кросс-энтропия

Расстояние Кульбака-Лейблера

# Нейросети

## градиентный спуск (GD)



# Нейросети

метод обратного распространения ошибки

вычисление градиента функции потерь для многослойной нейросети

$$\nabla E(W) = \left[ \frac{\partial E}{\partial w_1}, \dots, \frac{\partial E}{\partial w_k} \right]$$

$$\frac{\partial E}{\partial w_{ij}} = \frac{\partial E}{\partial y_j} \frac{\partial y_j}{\partial s_j} \frac{\partial s_j}{\partial w_{ij}} \quad \text{градиент функции потерь для ИНС}$$

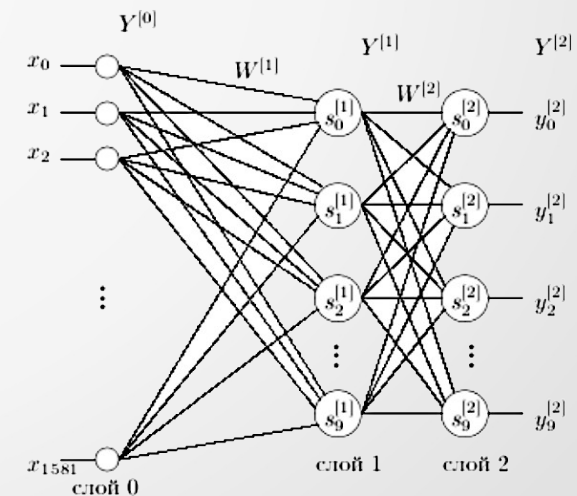
$$\frac{\partial s_j}{\partial w_{ij}} \quad \text{выход } i\text{-того нейрона предыдущего слоя (определен явно)}$$

$$\frac{\partial y_j}{\partial s_j} \quad \text{производная активационной функции (можем вычислить)}$$

$$\frac{\partial E_j}{\partial y_j} \quad \text{ошибка нейрона номер } j \text{ (определена для выходного слоя)}$$

$$\delta_i := \frac{\partial E}{\partial y_i} \quad \text{ошибка нейрона номер } j \text{ для выходного слоя}$$

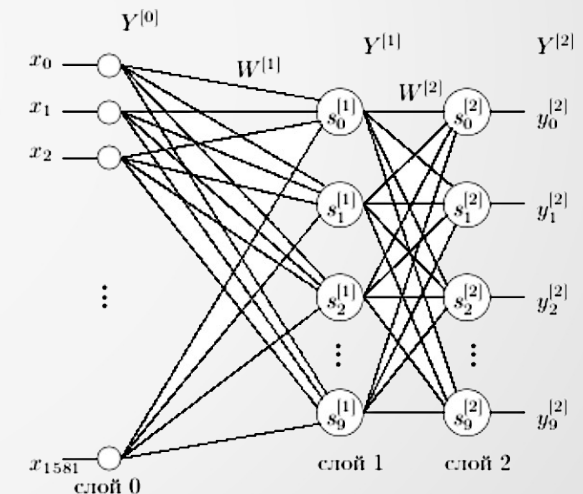
$$\delta_i := \frac{\partial y_i}{\partial s_i} \cdot \sum_j \delta_j w_{ij} \quad \text{ошибка нейрона номер } j \text{ для скрытого слоя}$$



# Нейросети

## метод обратного распространения ошибки backProp

1. прямой проход:  
вычислить состояния нейронов  $s$  для всех слоёв и выход сети  $y$
2. вычисляем значения ошибки выходного слоя  $\delta := \partial E / \partial y$
3. обратный проход:  
последовательно от конца к началу  
вычисляем  $\delta$  для всех скрытых слоёв
4. для каждого слоя вычисляем значение градиента  
 $\nabla E = \partial E / \partial w = y \cdot \delta^T$



# Нейросети

## стратегии обучения

full batch - на каждой итерации используем все примеры

stochastic - на каждой итерации используем один случайный пример

mini batch - на каждой итерации используем случайное подмножество примеров



# Нейросети

проблема исчезающего градиента

# Нейросети

модификации градиентного спуска

момент или «тяжёлый шарик», вытаскивает из локальных минимумов

$$\Delta W_t := \eta \nabla E + \mu \Delta W_{t-1}$$

регуляризация - штрафует за чрезмерный рост весов  
помогает бороться с переобучением

$$\Delta W_t := \eta (\nabla E + \rho W_{t-1}) + \mu \Delta W_{t-1}$$

# Нейросети

простой градиентный спуск

iter: 1-407, error 0.23065

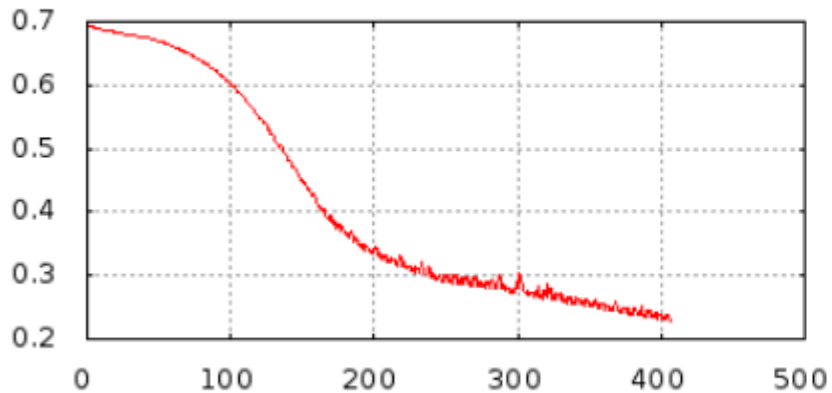


Рис.: история изменения ошибки ч.1

iter: 407-814, error 0.04843

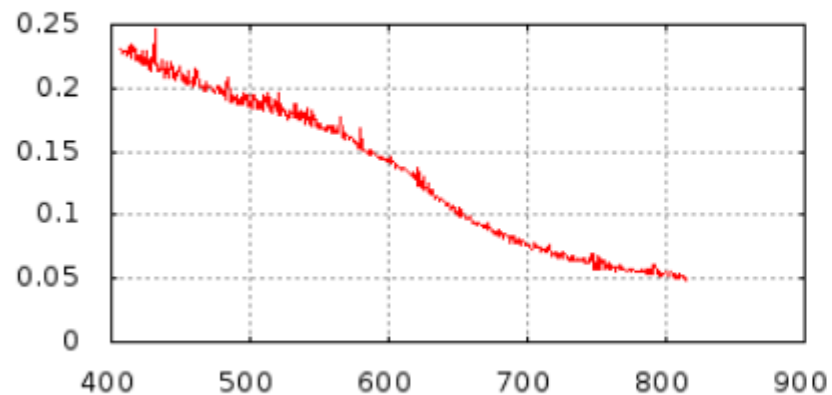


Рис.: история изменения ошибки ч.2

results - points: 1399, error: 0.041894

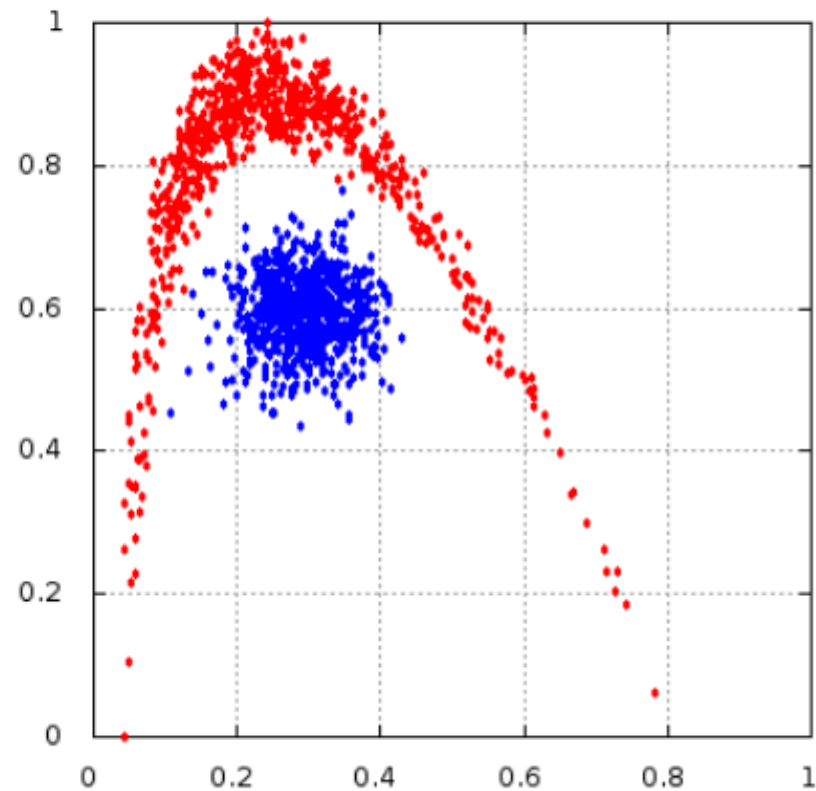


Рис.: результат теста

# Нейросети

## простой градиентный спуск

iter: 1-127, error 1.60625

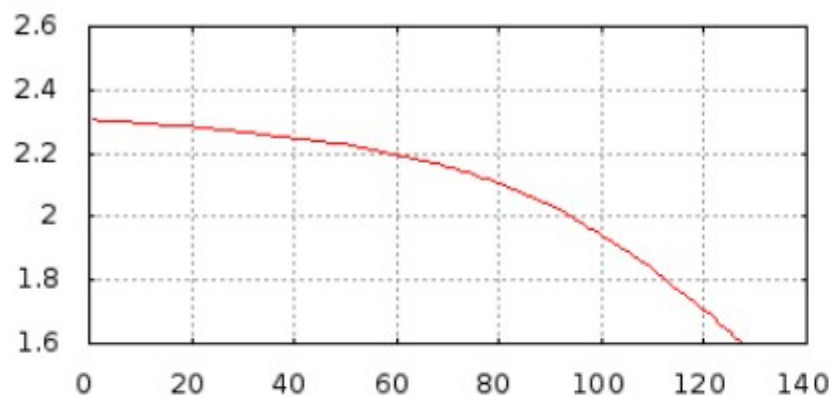


Рис.: история изменения ошибки ч.1

iter: 127-253, error 0.00925

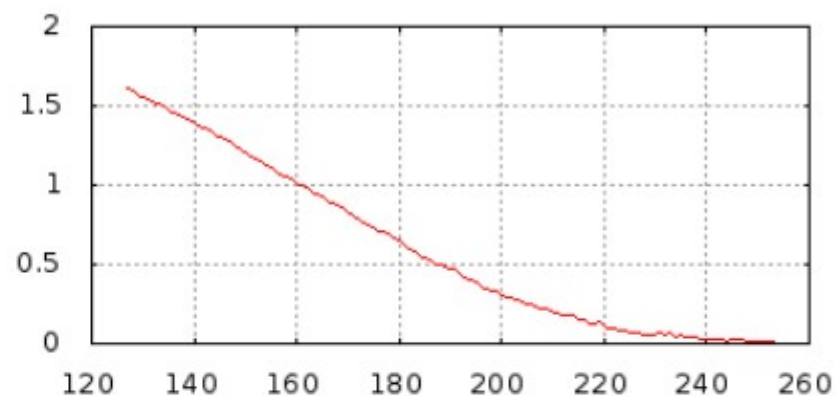


Рис.: история изменения ошибки ч.2



Рис.: состояния весов первого слоя

# Нейросети

## модификации градиентного спуска **quickProp**

параметр момента  $\mu$  и коэффициент скорости обучения  $\eta$  задаются индивидуально для каждого параметра

$$\Delta W_t := \eta(\nabla E + \rho W_{t-1}) + \mu \Delta W_{t-1}$$

$$\eta = \begin{cases} \eta_0 & : (\Delta W = 0) \vee (-\Delta W \cdot S > 0) \\ 0 & : - \end{cases}$$

где  $\eta_0 \in (0.01, 0.6)$  - константа,  $S = \nabla E + \rho W$

Параметр момента выглядит следующим образом.

$$\mu = \begin{cases} \mu_{max} & : (\beta > \mu_{max}) \vee (\gamma < 0) \\ \beta & : - \end{cases}$$

где  $\mu_{max} = 1.75$  - константа,

$$S = \nabla E + \rho W,$$

$$\beta = S(t) / (S(t-1) - S(t))$$

$$\gamma = S \cdot (-\Delta W) \cdot \beta$$

# Нейросети

## quickProp

iter: 1-537, error 0.15642

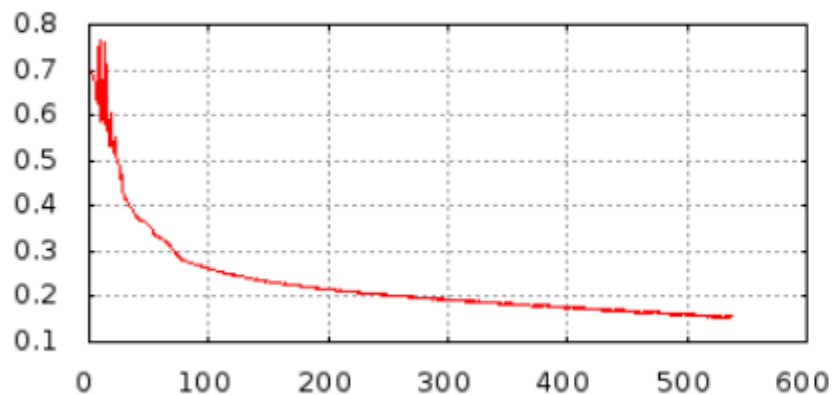


Рис.: история изменения ошибки ч.1

iter: 537-1074, error 0.04997

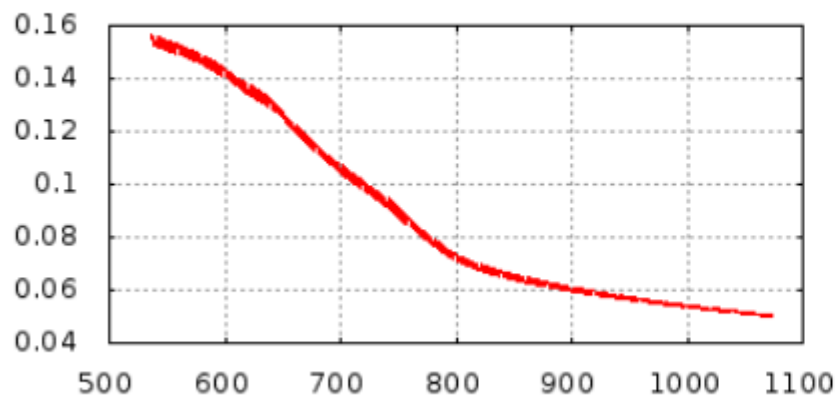


Рис.: история изменения ошибки ч.2

results - points: 1399, error: 0.042729

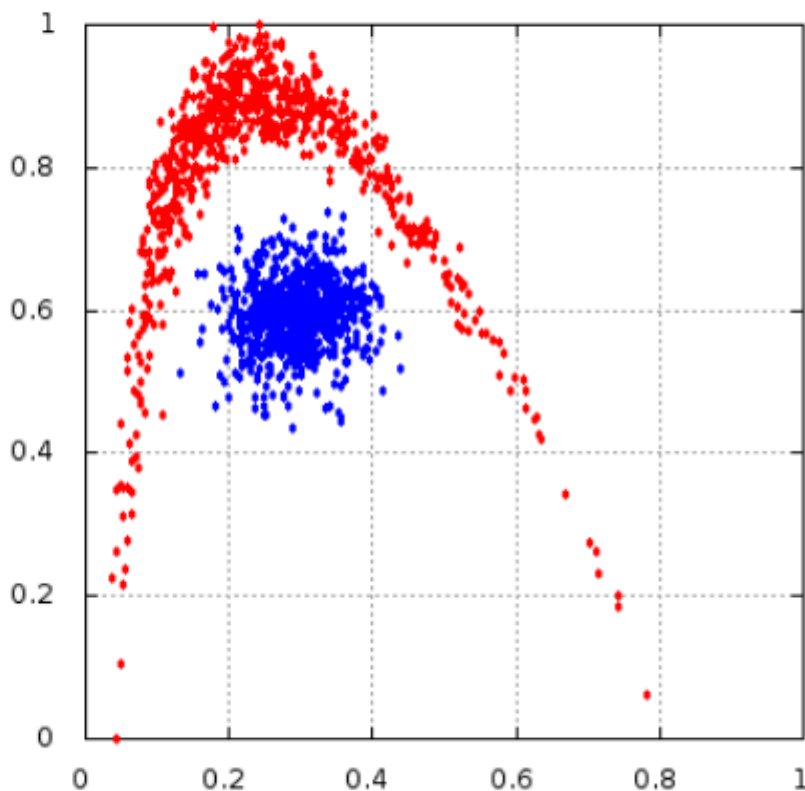


Рис.: результат теста

# Нейросети

## quickProp

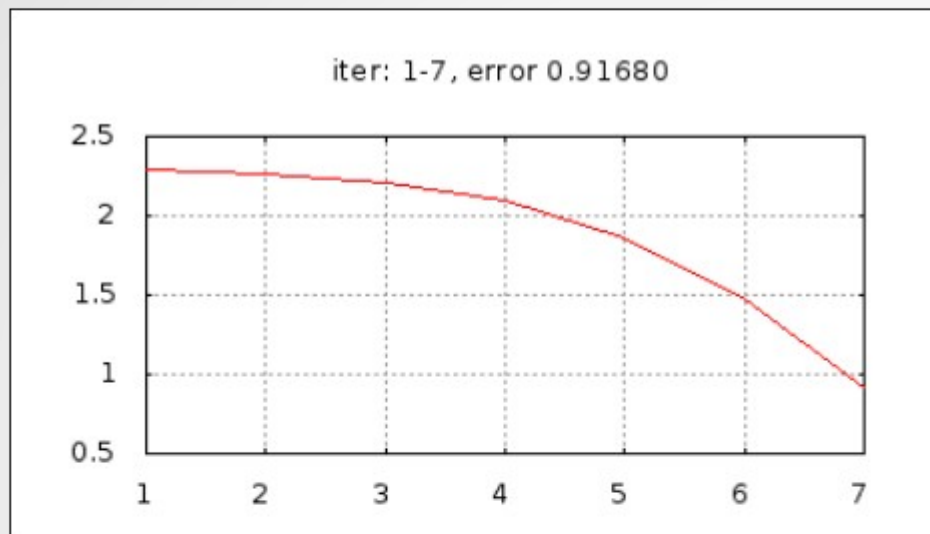


Рис.: история изменения ошибки ч.1

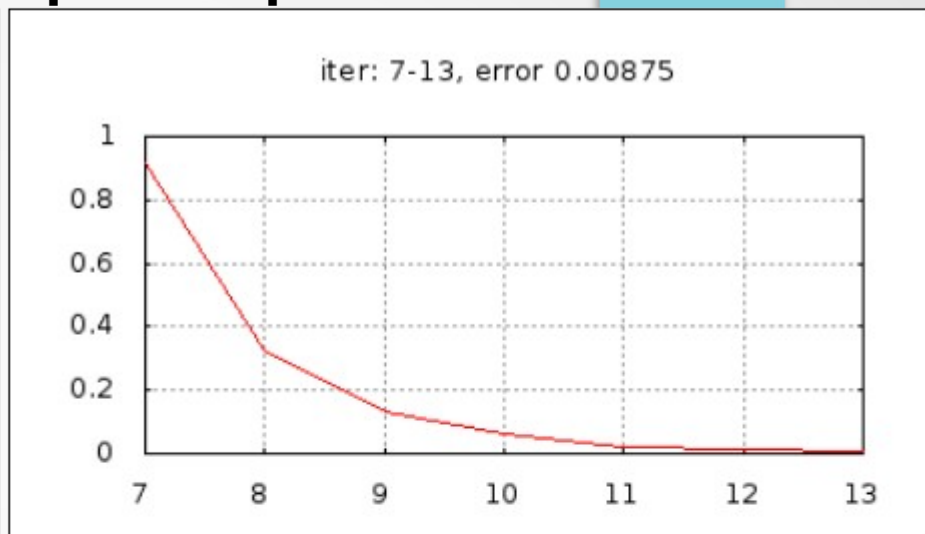


Рис.: история изменения ошибки ч.2

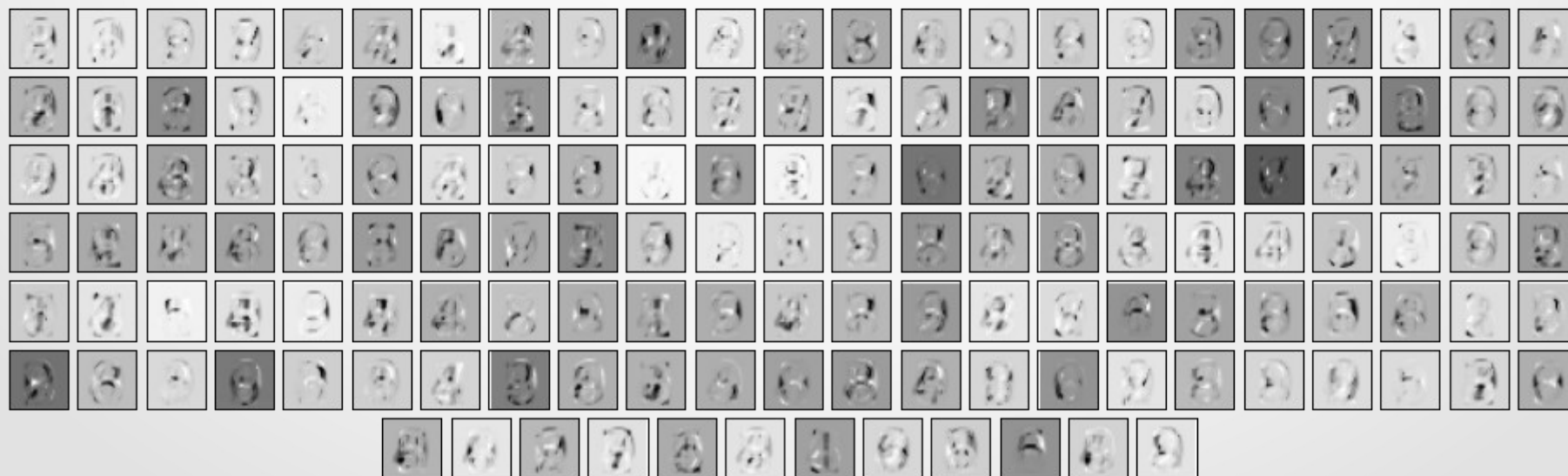


Рис.: состояния весов первого слоя

# Нейросети

## модификации градиентного спуска **rProp**

моменты и регуляризация не используются,  
применяется простая стратегия full-batch.

параметр скорости обучения  $\eta$ , рассчитывается для каждого веса индивидуально

$$\eta(t) = \begin{cases} \min(\eta_{max}, a \cdot \eta(t-1)) & : S > 0 \\ \max(\eta_{min}, b \cdot \eta(t-1)) & : S < 0 \\ \eta(t-1) & : S = 0 \end{cases}$$

где  $S = \nabla E(t-1) \cdot \nabla E(t)$  - произведения значений градиента на этом и предыдущем шаге,  
 $\eta_{max} = 50$ ,  $\eta_{min} = 10^{-6}$ ,  $a = 1.2$ ,  $b = 0.5$  - константы

Изменение параметров выглядит следующим образом.

$$\Delta W_t := \eta \cdot (\text{sign}(\nabla E) + \rho \cdot W_{t-1}) + \mu \cdot \Delta W_{t-1}$$



# Нейросети

## rProp

iter: 1-28, error 0.23458

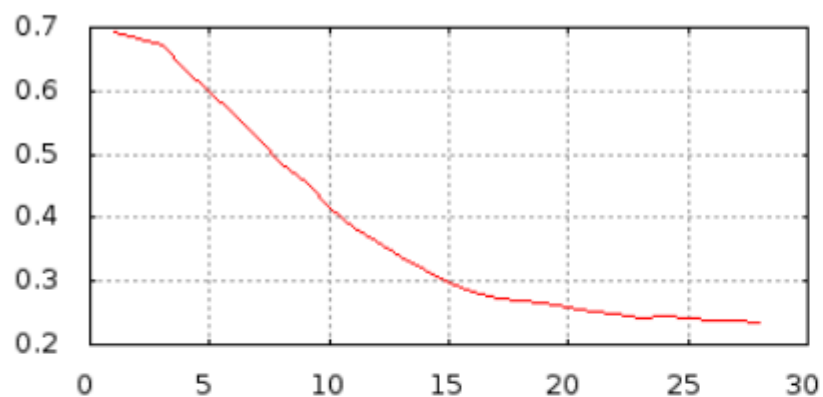


Рис.: история изменения ошибки ч.1

iter: 28-55, error 0.04764

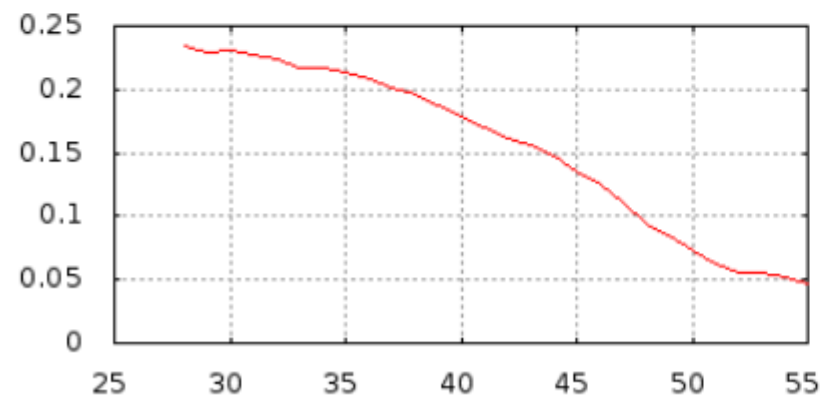


Рис.: история изменения ошибки ч.2

results - points: 1399, error: 0.036212

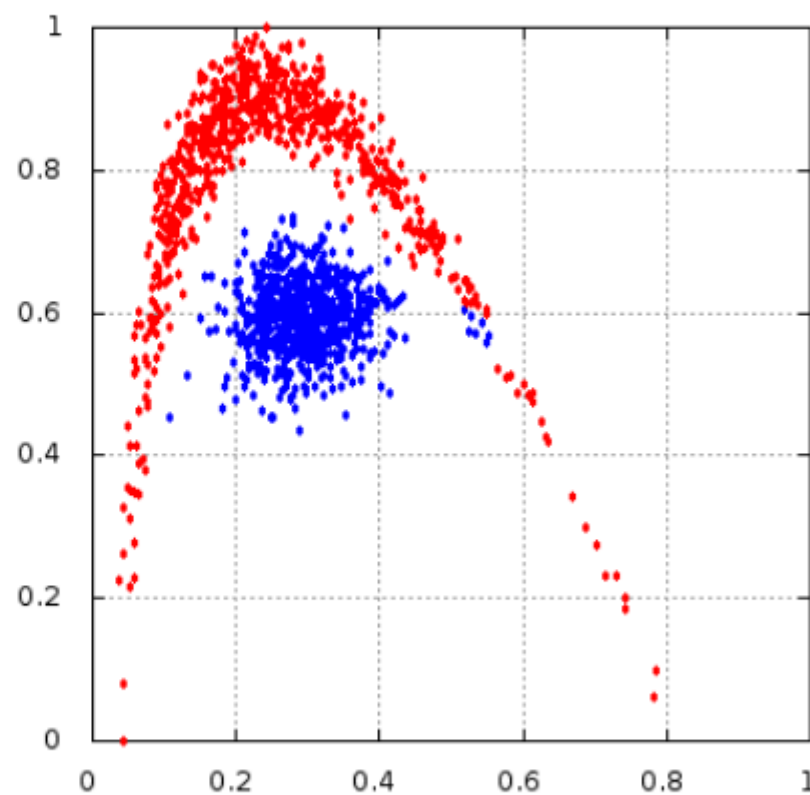


Рис.: результат теста

# Нейросети

## rProp

iter: 1-5, error 1.23047

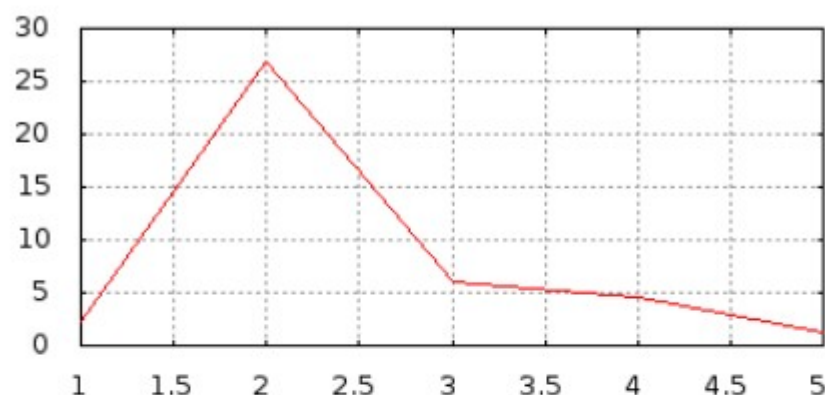


Рис.: история изменения ошибки ч.1

iter: 5-9, error 0.02489

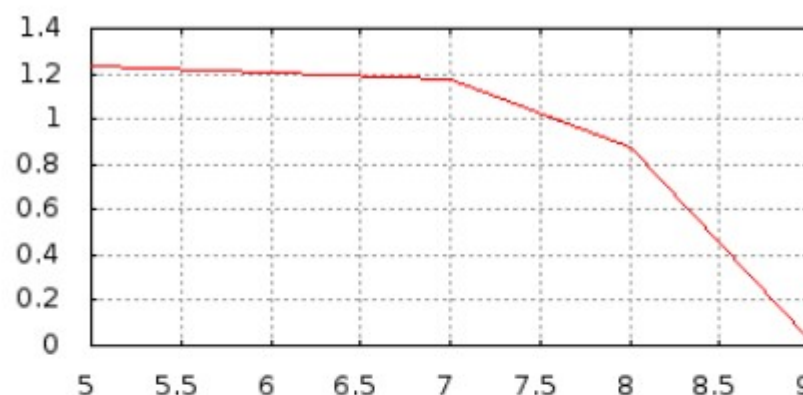


Рис.: история изменения ошибки ч.2



Рис.: состояния весов первого слоя

# Нейросети

## модификации градиентного спуска **сопряжённые градиенты (conjugate gradient)**

изменения параметров выбирается таким образом,  
что бы было ортогональным к предыдущему направлению

$$\Delta W := \eta \cdot (p + \rho \cdot W) + \mu \cdot \Delta W$$

коэффициент скорости обучения  $\eta$ ,  
выбирается на каждой итерации,  
путём решения задачи оптимизации

$$\min_{\eta} E(\Delta W(\eta))$$

$p_0 := \nabla E$ . начальное направление

$p = \nabla E + \beta \cdot p$  последующие направления изменения параметров

вычисление коэффициента сопряжения  $\beta$   
два основных способа

формула Флетчера-Ривса

$$\beta = \frac{g_t^T \cdot g_t}{g_{t-1}^T \cdot g_{t-1}}$$

формула Полака-Рибьера

$$\beta = \frac{g_t^T \cdot (g_t - g_{t-1})}{g_{t-1}^T \cdot g_{t-1}}$$

$g := \nabla E$

компенсация  
погрешности  
вычислений - сброс  
сопряженного  
направления  
каждые  $n$  циклов  
( $\beta := 0$ ,  $p := \nabla E$ )

# Нейросети

## сопряжённые градиенты (conjugate gradient)

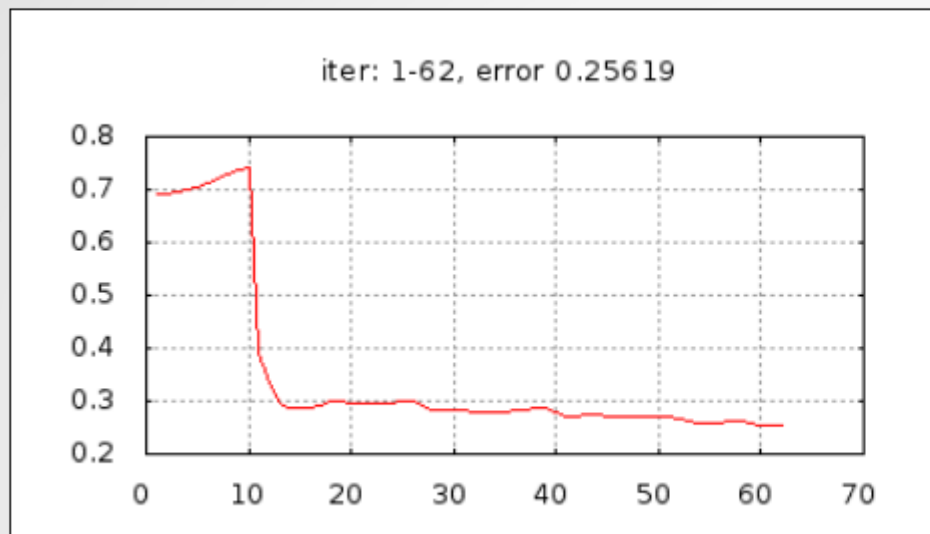


Рис.: история изменения ошибки ч.1

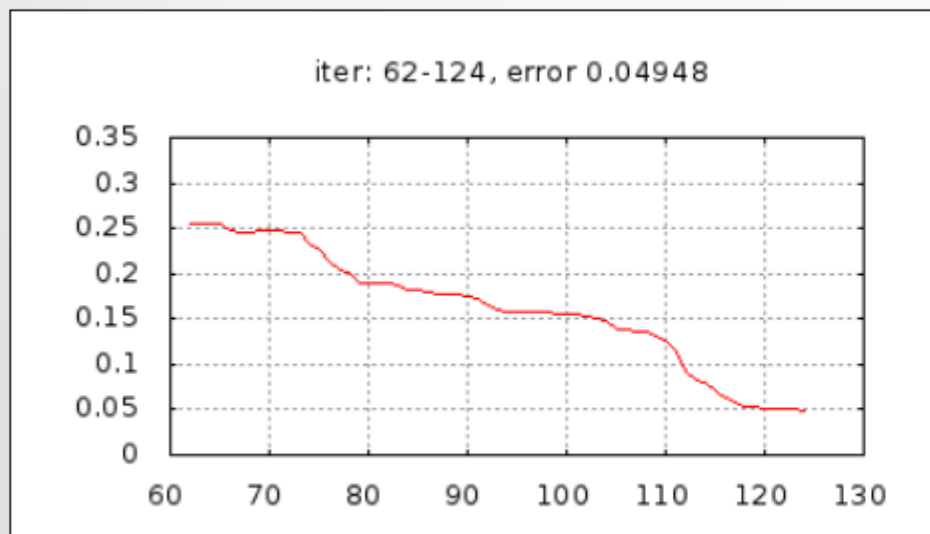


Рис.: история изменения ошибки ч.2

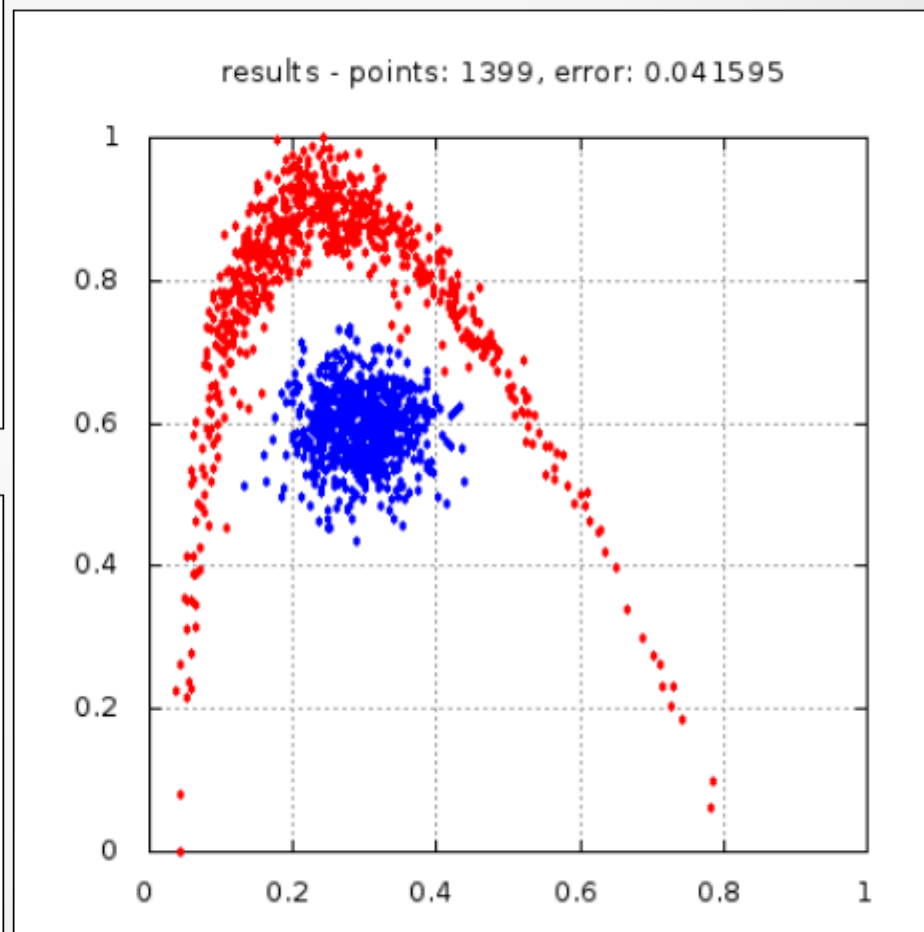


Рис.: результат теста

# Нейросети

## сопряжённые градиенты (conjugate gradient)

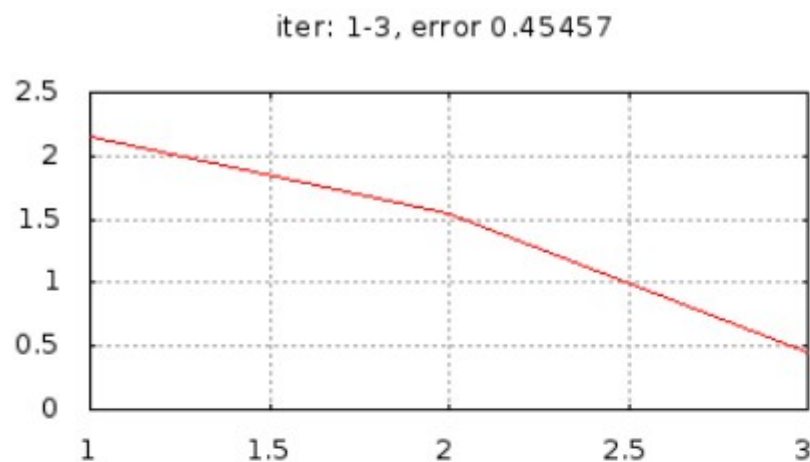


Рис.: история изменения ошибки ч.1



Рис.: история изменения ошибки ч.2



Рис.: состояния весов первого слоя

# Нейросети

модификации градиентного спуска

## **NAG (Nesterov's Accelerated Gradient)**

градиент вычисляется относительно сдвинутых на значение момента весов

$$\Delta W_t := \eta \cdot (\nabla E(W_{t-1} + \mu \cdot \Delta W_{t-1}) + \rho \cdot W_{t-1}) + \mu \cdot \Delta W_{t-1}$$

# Нейросети

модификации градиентного спуска  
**AdaGrad (Adaptive Gradient)**

учитывает историю значений градиента следующим образом

$$g_t := \frac{\nabla E_t}{\sqrt{\sum_{i=1}^t \nabla E_i^2}}$$

$$\Delta W_t := \eta \cdot (g_t + \rho \cdot W_{t-1}) + \mu \cdot \Delta W_{t-1}$$



# Нейросети

модификации градиентного спуска

## **AdaDelta**

учитывает историю значений градиента и историю изменения весов следующим образом

$$S_t := \alpha \cdot S_{t-1} + (1 - \alpha) \cdot \nabla E_t^2 ; S_0 := 0$$

$$D_t := \beta \cdot D_{t-1} + (1 - \beta) \cdot \Delta W_{t-1}^2 ; D_0 := 0$$

$$g_t := \frac{\sqrt{D_t}}{\sqrt{S_t}} \cdot \nabla E_t$$

$$\Delta W_t := \eta \cdot (g_t + \rho \cdot W_{t-1}) + \mu \cdot \Delta W_{t-1}$$



# Нейросети

## **градиентные методы оптимизации второго порядка**

кроме градиента - направления наискорейшего роста функции, использую информацию о её кривизне

# Нейросети

## градиентные методы оптимизации второго порядка

кроме градиента - направления наискорейшего роста функции, используя информацию о её кривизне

$$W := W - \Delta W \quad \Delta W = H^{-1} \cdot \nabla E$$

вектор градиента

$$g = \nabla E = \begin{bmatrix} \frac{\partial E}{\partial w_1} \\ \vdots \\ \frac{\partial E}{\partial w_n} \end{bmatrix}$$

H - гессиан, матрица вторых производных целевой функции E

$$H = \begin{bmatrix} \frac{\partial^2 E}{\partial w_1 \partial w_1} & \cdots & \frac{\partial^2 E}{\partial w_1 \partial w_n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{\partial^2 E}{\partial w_n \partial w_1} & \cdots & \frac{\partial^2 E}{\partial w_n \partial w_n} \end{bmatrix}$$

# Нейросети

## градиентные методы оптимизации второго порядка

кроме градиента - направления наискорейшего роста функции, используя информацию о её кривизне

$$W := W - \Delta W \quad \Delta W = H^{-1} \cdot \nabla E$$

вектор градиента

$$g = \nabla E = \begin{bmatrix} \frac{\partial E}{\partial w_1} \\ \vdots \\ \frac{\partial E}{\partial w_n} \end{bmatrix}$$

H - гессиан, матрица вторых производных целевой функции E

$$H = \begin{bmatrix} \frac{\partial^2 E}{\partial w_1 \partial w_1} & \cdots & \frac{\partial^2 E}{\partial w_1 \partial w_n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{\partial^2 E}{\partial w_n \partial w_1} & \cdots & \frac{\partial^2 E}{\partial w_n \partial w_n} \end{bmatrix}$$

вычисление гессиана H это затратная процедура  
можно обойтись приближением H

# Нейросети

## метод BFGS

или алгоритм Бройдена-Флетчера-Гольдфарба-Шанно  
(Broyden-Fletcher-Goldfarb-Shanno)

$$W := W - \Delta W \quad \Delta W = H^{-1} \cdot \nabla E$$

для вычисления обратного гессиана  $H^{-1}$   
использует изменение значений градиента  $\nabla E$  и изменения весов  $\Delta W$ .

вектор градиента  $\nabla E$  вычисляется с помощью процедуры обратного распространения ошибки

# Нейросети

## метод BFGS

или алгоритм Бroyдена-Флетчера-Гольдфарба-Шанно  
(Broyden-Fletcher-Goldfarb-Shanno)

$$W := W - \Delta W \quad \Delta W = H^{-1} \cdot \nabla E$$

для вычисления обратного гессиана  $H^{-1}$   
использует изменение значений градиента  $\nabla E$  и изменения весов  $\Delta W$ .

вектор градиента  $\nabla E$  вычисляется с помощью процедуры обратного распространения ошибки

приближение обратного гессиана  $V \approx H^{-1}$   
это матрица размера  $n \times n$  (где  $n$  - длина вектора градиента  $g$ )

значения  $V$  вычисляются на каждом шаге алгоритма следующим образом.

$$V_0 := 1$$
$$V_{k+1} := V_k - \frac{V_k \cdot s \cdot s^T \cdot V_k}{s^T \cdot V_k \cdot s} + \frac{r \cdot r^T}{s^T \cdot s}$$

$r = \nabla E(t) - \nabla E(t-1)$  - изменение градиента  
 $s = \Delta W = W(t) - W(t-1)$  - изменение весов

# Нейросети

## метод BFGS

iter: 1-867, error 0.22665

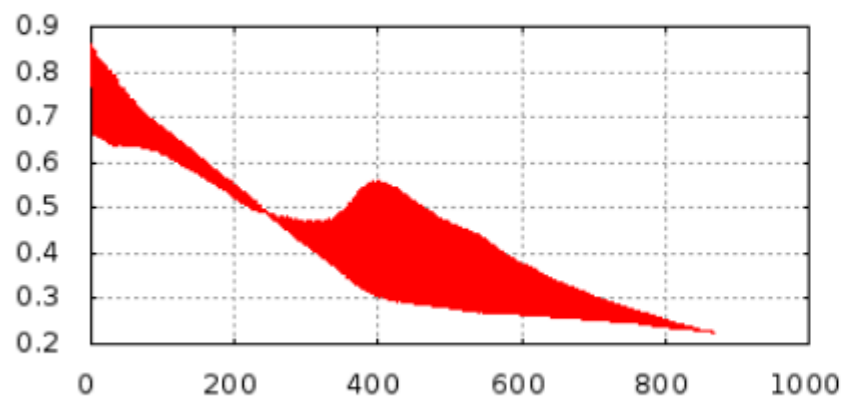


Рис.: история изменения ошибки ч.1

iter: 867-1733, error 0.04978

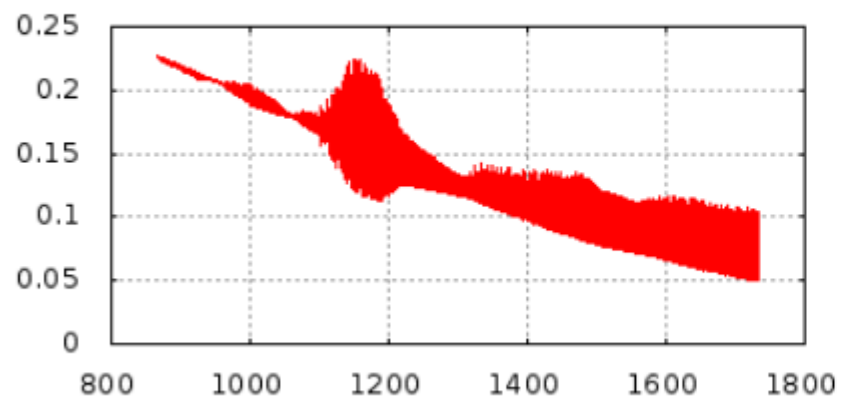


Рис.: история изменения ошибки ч.2

results - points: 1399, error: 0.039176

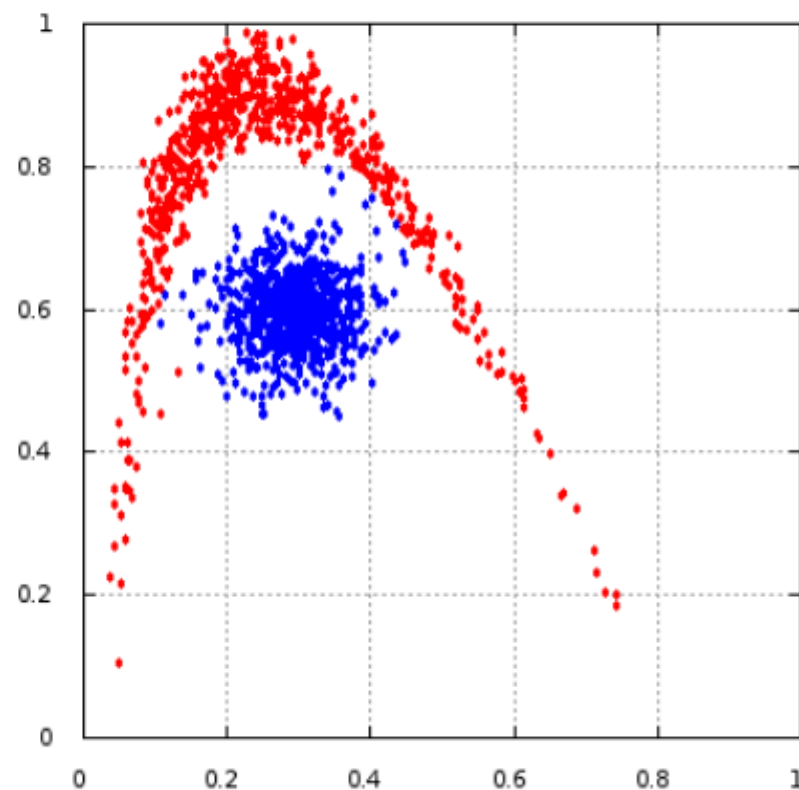


Рис.: результат теста

# Нейросети

## метод Левенберга-Марквардта (LMA)

вычисляем приближение гессиана  $H$  через якобиан  $J$  - матрицу первых производных,  $e$  - ошибки сети на всей учебной выборке,  $M$  - количество выходов,  $P$  - количество примеров.

$$e = d - o = \begin{bmatrix} e_{11} \\ \vdots \\ e_{M1} \\ e_{12} \\ \vdots \\ e_{MP} \end{bmatrix}$$

$$J = \begin{bmatrix} \frac{\partial e}{\partial w} \end{bmatrix}$$

# Нейросети

## метод Левенберга-Марквардта (LMA)

вычисляем приближение гессиана  $H$  через якобиан  $J$  - матрицу первых производных,  $e$  - ошибки сети на всей учебной выборке,  $M$  - количество выходов,  $P$  - количество примеров.

$$e = d - o = \begin{bmatrix} e_{11} \\ \vdots \\ e_{M1} \\ e_{12} \\ \vdots \\ e_{MP} \end{bmatrix}$$

$$J = \begin{bmatrix} \frac{\partial e}{\partial w} \end{bmatrix}$$

$$H \approx J^T \cdot J + \mu \cdot I$$

где

$J$  - якобиан, матрица первых производных функции ошибки,

$\mu$  - параметр,

$I = (J^T \cdot J) \circ E$  - диагональная матрица из элементов главной диагонали  $(J^T \cdot J)$ ,

$\circ$  - поэлементное умножение матриц (Hadamard product).

Вектор градиента вычисляется следующим образом.

$$g = J^T \cdot e$$

Если собрать всё вместе то получаем следующую формулу для изменения весов сети.

$$\Delta W = (J^T \cdot J + \mu \cdot I)^{-1} \cdot J^T \cdot e$$



# Нейросети

## метод LMA

iter: 1-197, error 0.10123

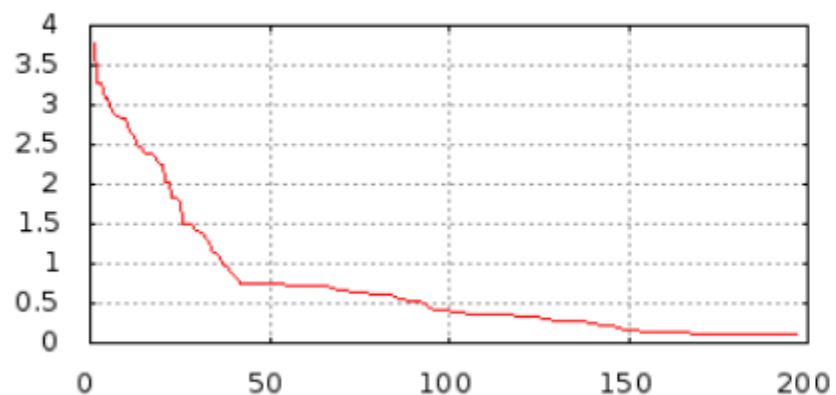


Рис.: история изменения ошибки ч.1

iter: 197-394, error 0.04982

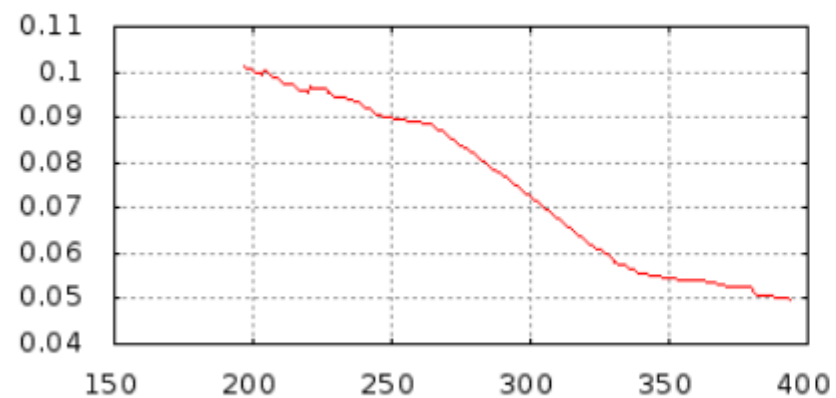


Рис.: история изменения ошибки ч.2

results - points: 1399, error: 0.047640

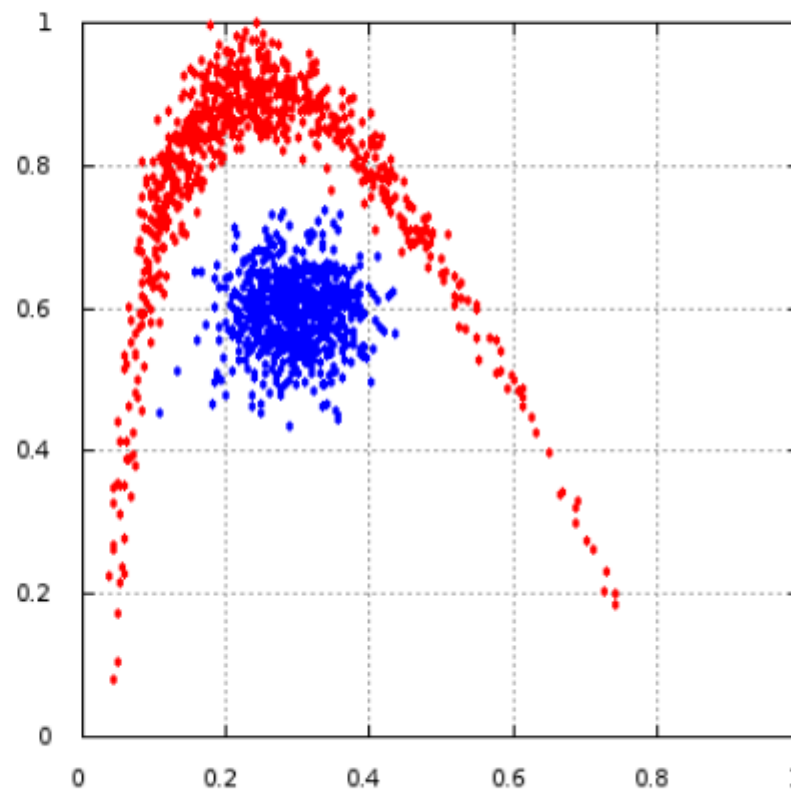


Рис.: результат теста

# Нейросети: литература

git clone [https://github.com/mechanoid5/ml\\_lectorium.git](https://github.com/mechanoid5/ml_lectorium.git)

- К.В. Воронцов Нейронные сети. - курс "Машинное обучение" ШАД Яндекс 2014
- Е.С.Борисов О методах обучения многослойных нейронных сетей прямого распространения.  
<http://mechanoid.kiev.ua/neural-net-backprop.html>

# Нейросети



**Вопросы ?**

# Нейросети: практика

## источники данных для экспериментов



sklearn.datasets  
UCI Repository  
kaggle



## задание

- разделить на train/test
- реализовать minibatch
- реализовать одну из модификаций GD
- посчитать метрики качества