Лекция 10: классификатор логистическая регрессия

Евгений Борисов

$$\begin{bmatrix} x_{11} & x_{12} & \cdots & x_{1n} & y_1 \\ x_{21} & x_{22} & \cdots & x_{2n} & y_2 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ x_{m1} & x_{m2} & \cdots & x_{mn} & y_m \end{bmatrix}$$

х - вектор-признак

у - метка класса

n - размер пространства признаков

т - количество примеров

$$\theta = \begin{bmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \\ \vdots \\ \theta_n \end{bmatrix} \quad X = \begin{bmatrix} 1 & x_{11} & x_{12} & \cdots & x_{1n} \\ 1 & x_{21} & x_{22} & \cdots & x_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & x_{m1} & x_{m2} & \cdots & x_{mn} \end{bmatrix} \quad y = \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \vdots \\ y_m \end{bmatrix}$$

х - вектор-признак

у - метка класса (0 или 1)

n - размер пространства признаков

т - количество примеров

θ - параметры

$$z(x, \theta) = \theta_0 + \theta_1 \cdot x_1 + \dots + \theta_n \cdot x_n$$

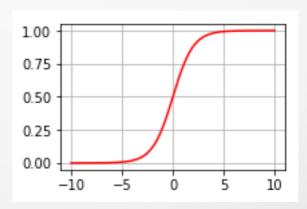
х - вектор-признак

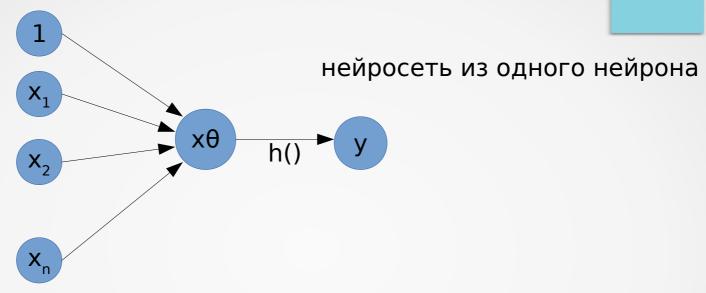
n - размер пространства признаков

θ - параметры

функция- сигмоид

$$h(z) = \frac{1}{1 + \exp(-z)}$$





- х вектор-признак
- n размер пространства признаков
- θ параметры
- h функция сигмоид
- у выход

функция потери - перекрёстная энтропия (cross entropy)

$$J(\theta) = -\frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} \left[y_i \cdot \log_2(h(x_i, \theta)) + (1 - y_i) \cdot \log_2(1 - h(x_i, \theta)) \right]$$

оценка близости распределений правильных и фактических ответов

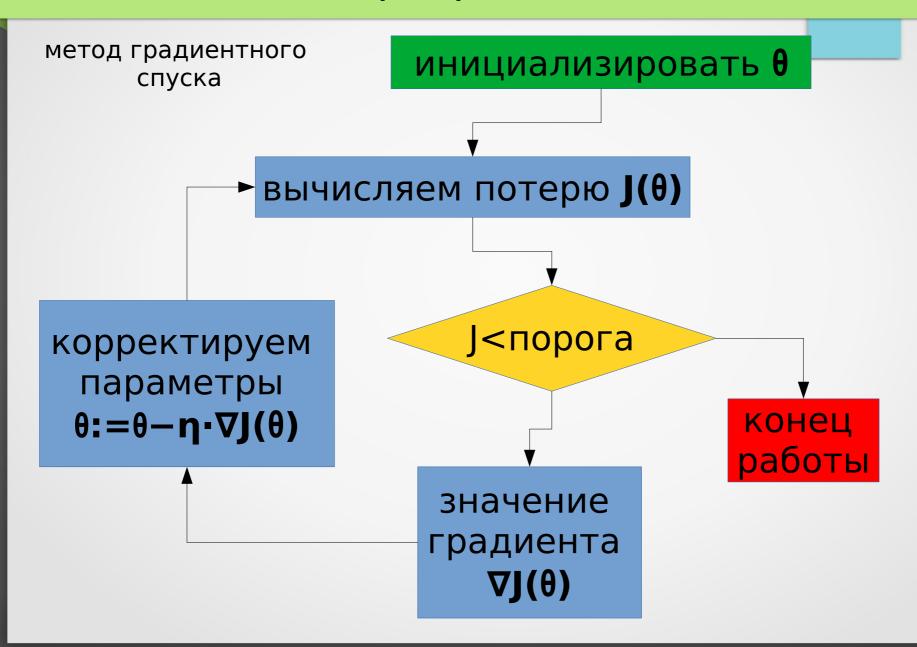
у - номер класса объекта х

 $o = h(x, \theta)$ - ответ классификатора

if $(y==1) \log(0)$ else $\log(1-0)$

задача оптимизации

$$\min_{ heta} J(heta)$$

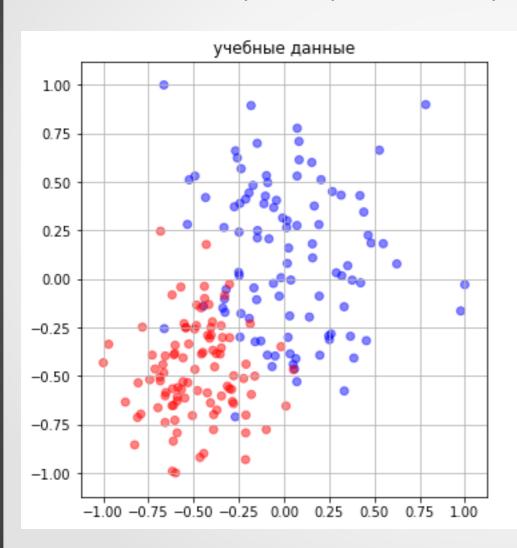


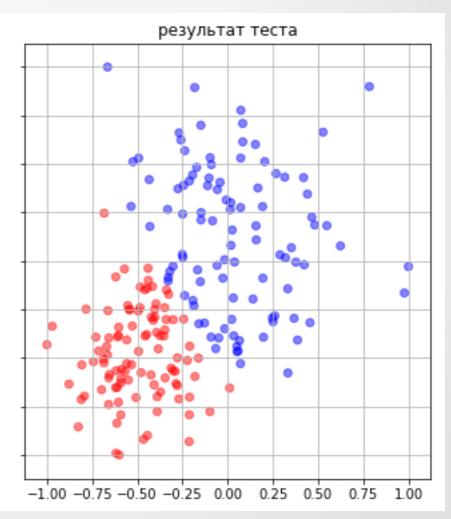
градиент и изменение параметров

$$\theta_j := \theta_j - \alpha \cdot \sum_{i=1}^m \left(h(x_i, \theta) - y_i \right) \cdot x_{ij}$$

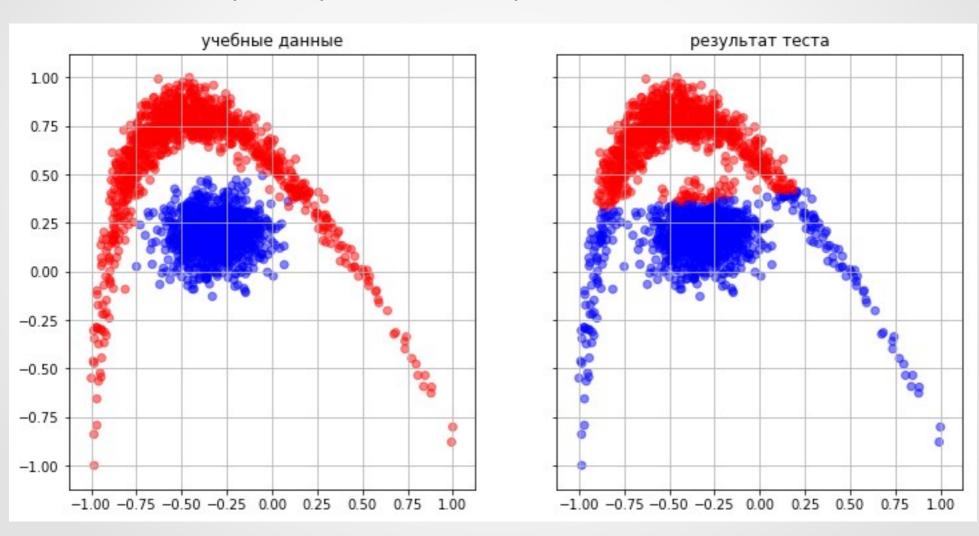
$$\theta := \theta - \alpha \cdot X^T \cdot (h(x, \theta) - y)$$

линейный классификатор и линейно разделимые данные





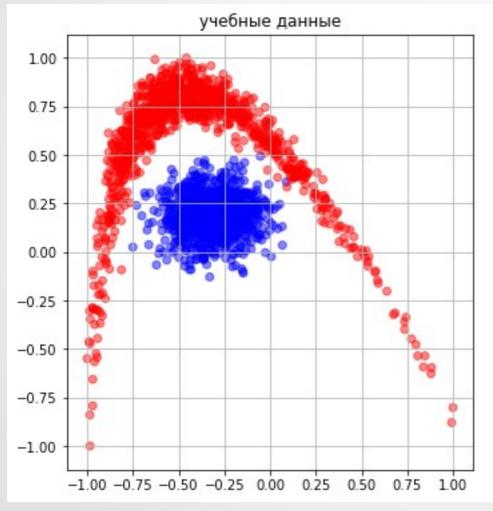
линейный классификатор и линейно неразделимые данные

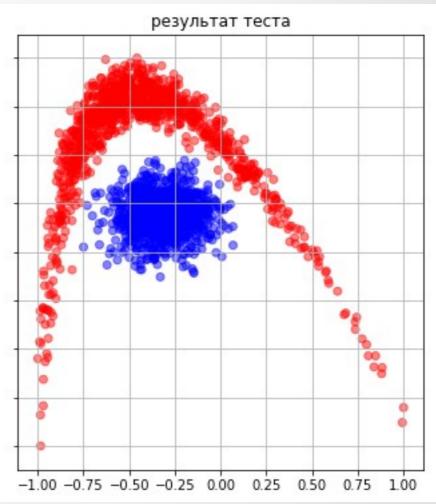


$$z(x, \theta) = \theta_0 + \theta_1 \cdot x_1 + \theta_2 \cdot x_2 + \theta_3 \cdot x_1 \cdot x_2 + \theta_4 \cdot x_1^2 + \theta_5 \cdot x_2^2$$

строим полином степени k на признаках X повышаем размерность пространства признаков увеличиваем число параметров θ

нелинейный классификатор и линейно неразделимые данные







Вопросы?

git clone https://github.com/mechanoid5/ml_lectorium.git

Борисов E.C. Классификатор на основе логистической регрессии. http://mechanoid.kiev.ua/ml-regression-class.html

источники данных для экспериментов



sklearn.datasets UCI Repository kaggle



задание

выбрать данные в репозитории UCI (https://archive.ics.uci.edu/ml)

реализовать для них логрегрессию

посчитать оценки качества классификации