Свёрточные нейронные сети.

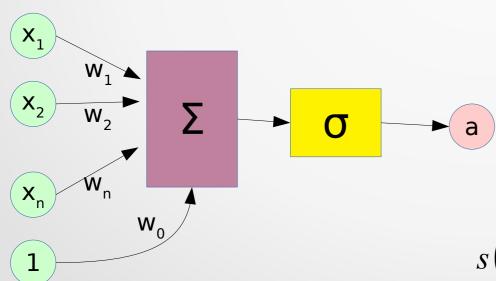
Евгений Борисов

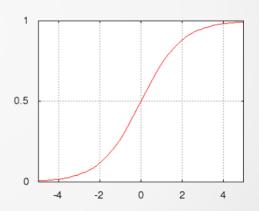
модель нейрона

$$a(x,w) = \sigma \left(\sum_{i=1}^n x_i \cdot w_i - w_0\right) = \sigma(\langle x,w \rangle)$$
 $\mathbf{x_i}$ - вес связи $\mathbf{\sigma}$ - функция а

 $\mathbf{X_i}$ - вход

σ - функция активации



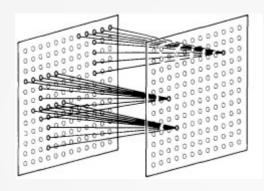


состояние нейрона

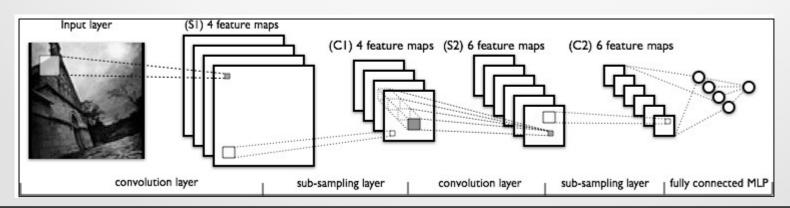
$$S(x, w) = \sum_{i=1}^{n} x_i \cdot w_i - w_0$$

Свёрточные сети

Fukushima, Neocognitron (1980). "A self-organizing neural network model for a mechanism of pattern recognition unaffected by shift in position". Biological Cybernetics. 36 (4): 193–202. doi:10.1007/bf00344251.

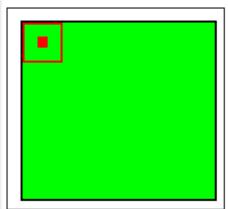


Y. LeCun, B. Boser, J. S. Denker, D. Henderson, R. E. Howard, W. Hubbard and L. D. Jackel: Backpropagation Applied to Handwritten Zip Code Recognition, Neural Computation, 1(4):541-551, Winter 1989.



Операция свёртки

$$(f*g)[m,n] = \sum_{k,l} f[m-k,n-l] \cdot g[k,l]$$





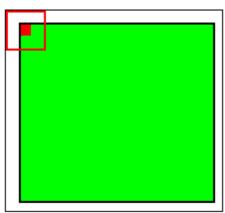


Рис.3: обработка краёв same

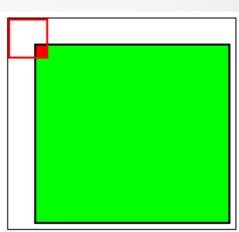


Рис.4: обработка краёв full

g -ядро свёртки

- берём точку с окрестностью,
- поэлементно умножаем эту матрицу на ядро, результат суммируется и записывается как новое значение данной точки
- процедура повторяется для всех точек изображения.

примеры ядер свёртки

$$g = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$
 копирование (без изменений)

$$g = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$
 сдвиг влево на 1 пиксел

$$g = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$
 сглаживание или усреднение по окрестности (box filter)

примеры ядер свёртки

$$g = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$
 сглаживание или усреднение по окрестности (box filter)



Рис.11: исходная картинка



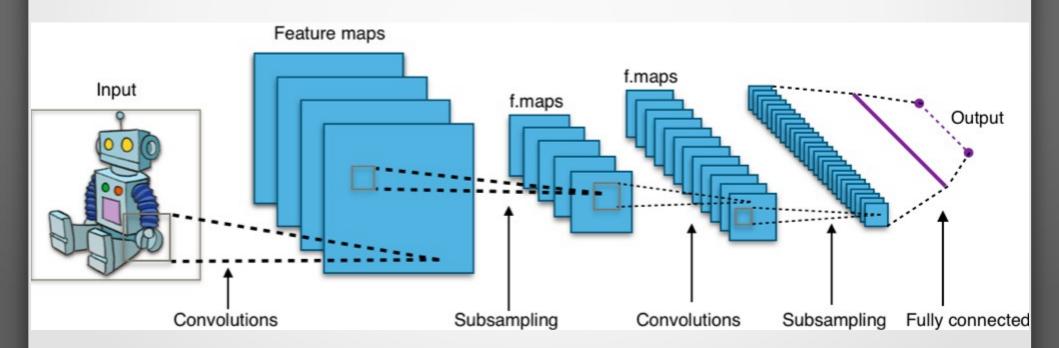
Рис.12: сглаженная картинка

Свёрточная сеть

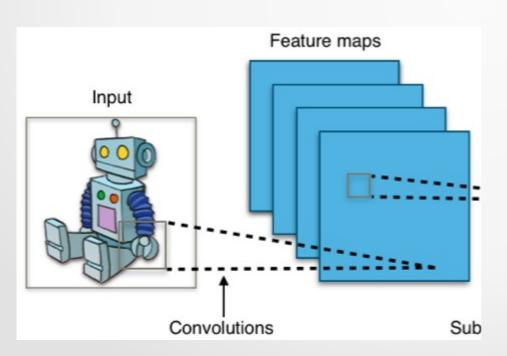
свёрточный слой (convolution)

слой подвыборки (subsumpling)

слой MLP



$$x_j^l = f\left(\sum_i x_i^{l-1} * k_j^l + b_j^l\right)$$



Свёрточный слой

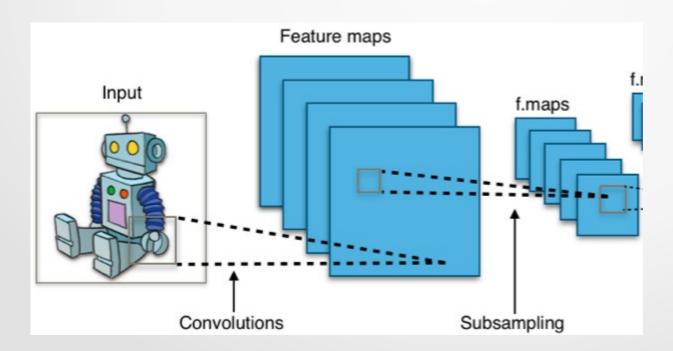
n ядер выполняем свёртку получаем n карт признаков

слой подвыборки (subsumpling)

уменьшение размера входной карты признаков (обычно в 2 раза). методом выбора максимального элемента (max-pooling)

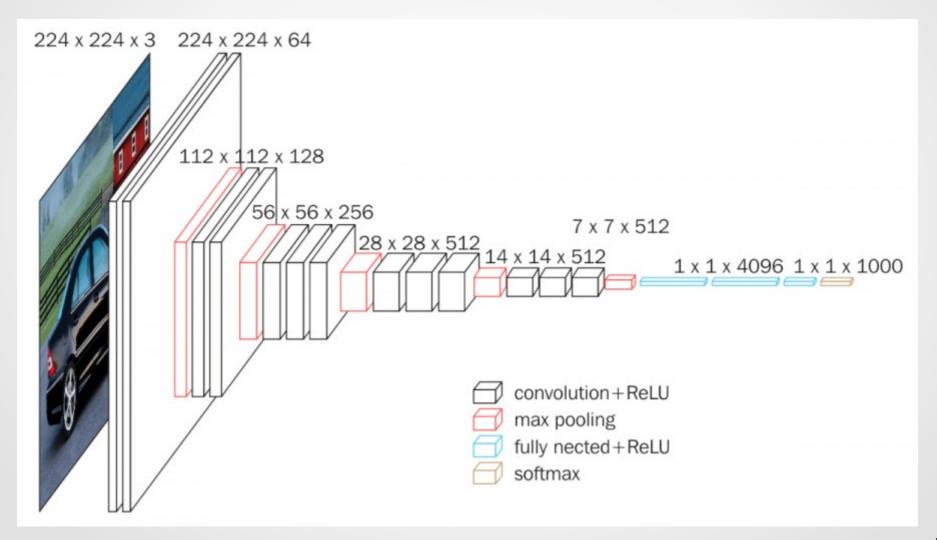
карта признаков разделяется на ячейки 2х2 элемента из ячеек выбираем максимальные по значению

$$x^{l} = f\left(a^{l} \cdot subsample(x^{l-1}) + b^{l}\right)$$



VGG-16

https://arxiv.org/pdf/1409.1556.pdf



ResNet (Residual Network)

https://arxiv.org/pdf/1512.03385.pdf

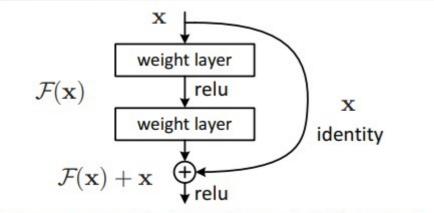
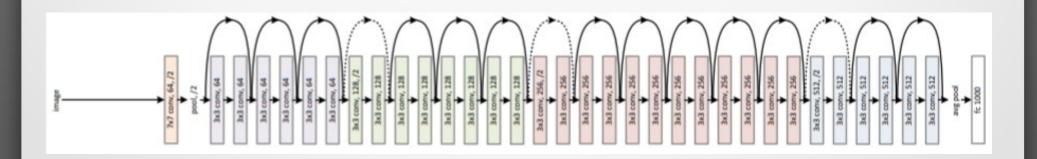


Figure 2. Residual learning: a building block.

соединения быстрого доступа



Датасеты

MNIST (National Institute of Standards and Technology)

CIFAR-10 (Canadian Institute for Advanced Research)

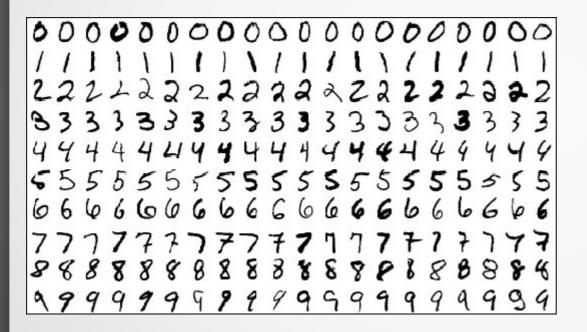
Pascal VOC (Visual Object Classes)

ImageNet

MNIST (National Institute of Standards and Technology)

28x28 grayscale, 60K training images, 10K testing images, 10 classes

http://yann.lecun.com/exdb/mnist/





pred: Pullover pred: T-shirt/top pred: T-shirt/top lbl: Ankle boot

pred: Ankle boot

lbl: Sandal

 $\alpha \pi$

pred: Sandal

Ibl: Coat



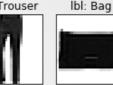
lbl: Coat



lbl: Coat



lbl: Dress



pred: Bag lbl: Sneaker



lbl: Sandal



pred: Pullover



lbl: Trouser lbl: Ankle boot



pred: Sneaker lbl: Bag



pred: Sandal Ibl: Trouser

pred: Trouser



pred: Bag Ibl: Shirt



pred: Ankle boot lbl: Bag



pred: Bag lbl: Coat







pred: Bag

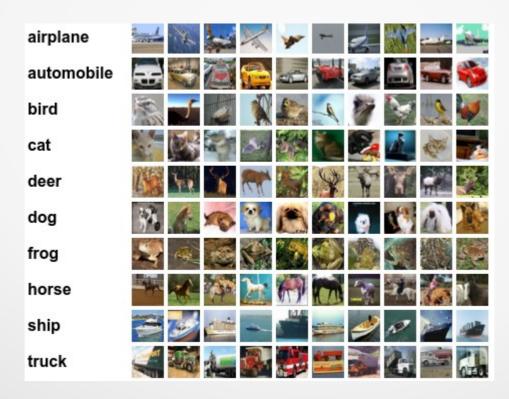


pred: Coat

CIFAR-10 (Canadian Institute for Advanced Research)

32x32 color, 60K images, 10 classes

https://www.cs.toronto.edu/~kriz/cifar.html



Pascal VOC (Visual Object Classes)

11K images, 20 classes, 27K ROI annotated objects and 7K segmentations

http://host.robots.ox.ac.uk/pascal/VOC/pubs/everingham10.pdf



ImageNet

14М изображений, 21К категорий



http://www.image-net.org

ILSVRC (ImageNet Large Scale Visual Recognition Challenge)



Нейросети: литература

git clone https://github.com/mechanoid5/ml_lectorium.git

Борисов E.C. Классификатор изображений на основе свёрточной сети. -- http://mechanoid.su/ml-lenet.html

Николенко С., Кадурин А., Архангельская Е. Глубокое обучение. Погружение в мир нейронных сетей. - "Питер", 2018 г.



Вопросы?