

Операторный метод

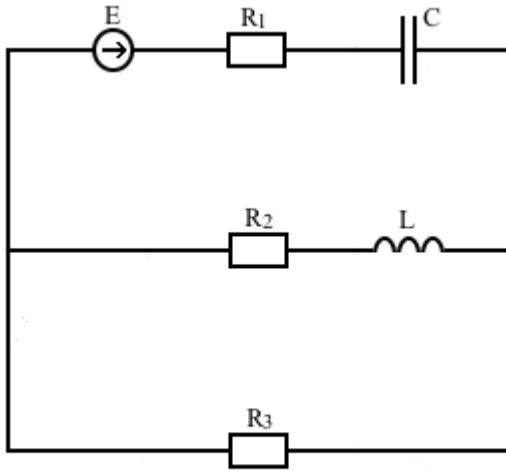


Рис. 1

Исходные данные

$E=103$ В. $\omega=10000$ рад/с. $r_1=60$ Ом. $r_2=17$ Ом.

$r_3=34$ Ом. $L=0.025$ Гн. $C=9.8E-7$ Ф.

В эквивалентной схеме цепи для расчёта независимых начальных условий, изображённой на рис.2, реактивные элементы показаны как короткое замыкание и обрыв.

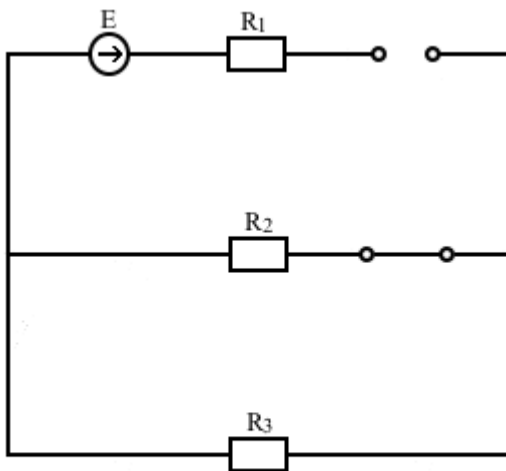


Рис. 2

Ток в ветви с индуктивностью будет равен

$$i_L(0-)=E/(r_2+r_3)=2.02 \text{ А.}$$

Напряжение на ёмкости будет равно

$$u_C(0-)=i_L(0-)*r_3=68.667 \text{ В.}$$

Ток в индуктивности и напряжение на ёмкости в момент коммутации не могут измениться скачком. Следовательно,

$$i_L(0-)=i_L(0+)=2.02 \text{ А.}$$

$$u_C(0-)=u_C(0+)=68.667 \text{ В.}$$

Операторная схема замещения

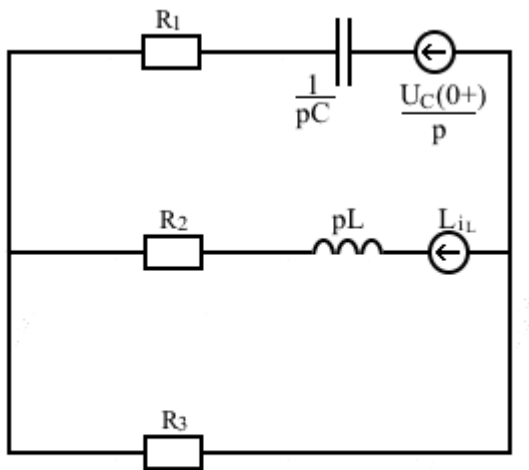


Рис.3

Расчитаем схему методом контурных токов

$$(r_1 + r_3 + 1/pC)I_{11}(p) + r_3 I_{22}(p) = u_C(0+)/p$$

$$r_3 I_{11}(p) + (r_2 + r_3 + pL)I_{22}(p) = Li_L(0+)$$

Выразим $I_{11}(p)$ и $I_{22}(p)$

$$I_{11}(p) = ((r_2 + r_3 + pL) * u_C(0+)/p - r_3 * Li_L(0+)) / ((r_2 + r_3 + pL) * (r_1 + r_3 + 1/pC) - r_3 * r_3)$$

$$I_{22}(p) = (Li_L(0+) * (r_1 + r_3 + 1/pC) - u_C(0+)/p * r_3) / ((r_2 + r_3 + pL) * (r_1 + r_3 + 1/pC) - r_3 * r_3)$$

Подставив численные значения, получим

$$I_{11}(p) = (0p + 1490.213) / (p^2 + 12403.491p + 22145028.224),$$

$$I_{22}(p) = (2.02p + 20930.188) / (p^2 + 12403.491p + 22145028.224).$$

Выражение для операторного напряжения на ёмкости запишется в виде

$$U_C(p) = U_C(0+)/p + 1/(pC) * I_{11}(p).$$

После подстановки получим

$$U_C(p) = 68.667/p + (0p + 1520625271.385) / (p(p^2 + 12403.491p + 22145028.224))$$

Для тока в индуктивности запишем:

$$M(p) = 2.02p + 20930.188;$$

$$N(p) = p^2 + 12403.491p + 22145028.224;$$

$$N'(p) = 2p + 12403.491.$$

Решая характеристическое уравнение $p^2 + 12403.491p + 22145028.224 = 0$, находим два корня

$$p_1 = -2162$$

$$p_2 = -10241$$

При этом ток в индуктивности в соответствии с теоремой разложения запишется в виде

$$i_L(t) = M(p_1)/N'(p_1)e^{p_1 t} + M(p_2)/N'(p_2)e^{p_2 t}.$$

После подстановки численных значений и выполнения всех преобразований получим

$$i_L(t) = 2.0502e^{-2162t} - 0.0306e^{-10241t}$$

Переходное напряжение на ёмкости вычислим используя полученное раньше изображение $U_C(p)$.

Сумме изображений

$$U_C(p) = U_1(p) + U_2(p)$$

будет соответствовать сумма оригиналов

$$u_C(t) = u_1(t) + u_2(t).$$

Введём обозначения:

$$U_1(p) = 68.667/p; \quad U_2(p) = (0p + 1520625271.385)/(p^2 + 12403.491p + 22145028.224) = M(p)/N(p).$$

Изображению $U_1(p)$ в области оригиналов будет соответствовать константа $u_1(t) = 68.667$.

Оригинал $u_2(t)$ определим используя теорему разложения. Характеристическое уравнение $N(p) = 0$ имеет три корня:

$$p_1 = 0; \quad p_2 = -2162; \quad p_3 = -10241;$$

Следовательно,

$$u_2(t) = M(p_1)/N'(p_1)e^{p_1 t} + M(p_2)/N'(p_2)e^{p_2 t} + M(p_3)/N'(p_3)e^{p_3 t}.$$

После подстановки численных значений и выполнения всех преобразований получим

$$u_2(t) = -87.046e^{-2162t} + 18.379e^{-10241t} + 68.667 \text{ В.}$$

Складывая $u_1(t)$ и $u_2(t)$, находим полное переходное напряжение на ёмкости

$$u_2(t) = -87.046e^{-2162t} + 18.379e^{-10241t} \text{ В.}$$

Графики переходных процессов по току на индуктивности $i_L(t)$ и по напряжению на ёмкости $u_C(t)$:

График переходного процесса на индуктивности

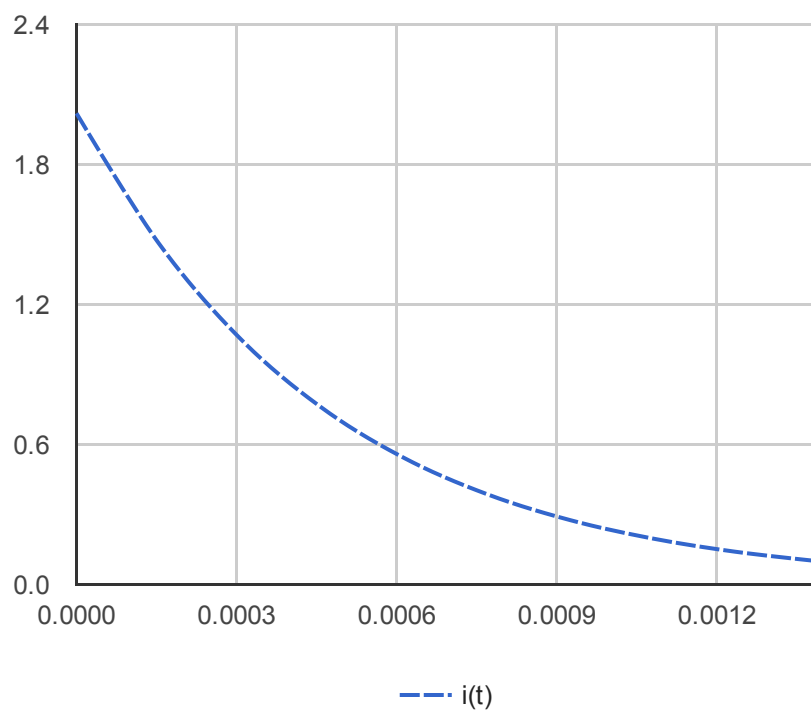


График переходного процесса на ёмкости

